



Reimplementación de AspectAG basada en nuevas extensiones de Haskell

Juan Pablo García Garland

Trabajo Final
Licenciatura en Computación
Facultad de Ingeniería
Universidad de la República
Orientadores: Alberto Pardo, Marcos Viera
2019

Índice

1	Inti	roducción	3
2	Programación a nivel de tipos en GHC Haskell		5
	2.1	Extensiones utilizadas	5
	2.2	Programando con tipos dependientes en Haskell	5
	2.3	Limitaciones	6
	2.4	Singletons y Proxies	7
	2.5	HList: Colecciones Heterogeneas Fuertemente tipadas	9
	2.6	Registros Heterogeneos Extensibles	11
	2.7	Predicados sobre tipos	12
	2.8	Programación de errores de tipado	12
3	Gramáticas de atributos y AspectAG		15
	3.1	Gramáticas de atributos	15
	3.2	Ejemplo: repmin	16
	3.3	AspectAG	17
4	Reimplementación de AspectAG		
	4.1	Estructuras de Datos	21
	4.2	Declaración de Reglas	22
	4.3	Aspectos	25
	4.4	Combinación de Aspectos	26
	4.5	Funciones semánticas	27
	4.6	La función knit	28
5	Dis	Discusión	
6	6 Conclusiones y Trabajo Futuro		32
B	Bibliografía		

1 Introducción

AspectAG [25] es un lenguaje de dominio específico embebido¹ (EDSL) desarrollado en Haskell que permite la construcción modular de Gramáticas de Atributos. En AspectAG los fragmentos de una Gramática de Atributos son definidos en forma independiente y luego combinados a través del uso de operadores de composición que el propio EDSL provee. AspectAG se basa fuertemente en el uso de registros extensibles, los cuales son implementados en términos de HList [14], una biblioteca de Haskell que implementa la manipulación de colecciones heterogéneas de forma fuertemente tipada. HList está implementada utilizando técnicas de programación a nivel de tipos (los tipos son usados para representar valores a nivel de tipos y las clases de tipos (typeclasses) son usadas para representar tipos y funciones en la manipulación a nivel de tipos).

Desde el momento de la implementación original de AspectAG hasta la actualidad la programación a nivel de tipos en Haskell ha tenido una evolución importante, habiéndose incorporado nuevas extensiones como data promotion o polimorfismo de kinds, entre otras, las cuales constituyen elementos fundamentales debido a que permiten programar de forma "fuertemente tipada" a nivel de tipos de forma similar a cuando se programa a nivel de valores, algo que originalmente era imposible o muy difícil de lograr. El uso de estas extensiones permite una programación a nivel de tipos más robusta y segura.

En este proyecto implementamos un subconjunto de la biblioteca original en base a las nuevas extensiones.

¹del término en inglés *embedded*, literalmente "empotrado" o "incrustado", pero usualmente traducido con este anglicismo

Estructura del documento:

- En la sección 2 se presenta una breve reseña de las técnicas de programación a nivel de tipos y las extensiones a Haskell que provee el compilador GHC que las hacen posibles. Se presentan las estructuras de listas heterogeneas (2.5) y registros heterogeneos (2.6) que normalmente no serían implementables en un lenguaje fuertemente tipado sin tipos dependientes.
- En la sección 3 se presentan las gramáticas de atributos y en particular la implementación (nueva) de AspectAG mediante un ejemplo que introduce las primitivas importantes de la biblioteca.
- En la sección 4 se presentan los detalles de la implementación, que se basan en las técnicas modernas de programación a nivel de tipos.
- En la sección 5 discuten las contribuciones de la nueva implementación, en comparación a la original.

Fuentes y documentación:

El código fuente de la biblioteca y la documentación-incluido el presente documentose encuentra disponible en el repositorio:

```
https://gitlab.fing.edu.uy/jpgarcia/AspectAG/.
```

La distribución consiste en un paquete cabal, y compila con las versiones modernas de GHC². En el directorio /test se implementan ejemplos de utilización de la biblioteca. La versión compilada de la documentación de los fuentes se encuentra en la web:

https://www.fing.edu.uy/~jpgarcia/AspectAG/

 $^{^{2}}$ Testeado en 8.4.4 y 8.6.3.

2 Programación a nivel de tipos en GHC Haskell

2.1 Extensiones utilizadas

Técnicas antiguas

La biblioteca AspectAG presentada originalmente en 2009, además de implementar un sistema de gramáticas de atributos como un EDSL provee un buen ejemplo del uso de la programación a nivel de tipos en Haskell. La implementación utiliza fuertemente los registros extensibles que provee la biblioteca HList. Ambas bibliotecas se basan en la combinación de las extensiones MultiParamTypeClasses [18] (hace posible la implementación de relaciones a nivel de tipos) con FunctionalDependencies [13], que hace posible expresar en particular relaciones funcionales. Además se utilizan otras relaciones que ya eran de uso extendido como FlexibleContexts, FlexibleInstances, UndecidableInstances etc.

Técnicas modernas

Durante la década pasada³ se han implementado múltiples extensiones en el compilador GHC que proveen herramientas para hacer la programación a nivel de tipos más expresiva. A continuación se enumeran algunas de estas extensiones, y se proveen referencias a su bibiliografía. Las familias de tipos implementadas en la extensión TypeFamilies [5,6,21] nos permiten definir funciones a nivel de tipos de una forma más idiomática que el estilo lógico de la programación orientada a relaciones por medio de clases y dependencias funcionales. La extensión DataKinds [29] implementa la data promotion que provee la posibilidad de definir tipos de datos -tipados- a nivel de tipos, introduciendo nuevos kinds. Bajo el mismo trabajo Yorgey et al. implementan la extensión PolyKinds proveyendo polimorfismo a nivel de kinds. Además la extensión KindSignatures [22] permite realizar anotaciones de kinds a las construcciones en el nivel de tipos. Con toda esta maquinaria Haskell cuenta con un lenguaje a nivel de tipos casi tan expresivo como a nivel de términos⁴. La extensión GADTs [7,28] permite definir tipos de datos algebraicos generalizados [2] y combinada con las anteriores nos permite escribir familias indizadas, como en los lenguajes dependientes. La extensión TypeOperators [22] habilita el uso de operadores como constructores de tipos. El módulo Data. Kind de la biblioteca base exporta la notación Type para el kind *. Esto fue implementado originalmente con la extensión TypeInType, que en las últimas versiones del compilador es equivalente a PolyKinds + DataKinds + KindSignatures [22].

2.2 Programando con tipos dependientes en Haskell

Con todas estas extensiones combinadas, una declaración como:

data Nat = Zero | Succ Nat

se "duplica" a nivel de kinds (DataKinds). Esto es, que además de introducir los términos Zero y Succ de tipo Nat, y al propio tipo Nat de kind * la declaración

³Algunas extensiones como GADTS o incluso TypeFamilies ya existían en la época de la publicación original de AspectAG, pero eran experimentales, y de uso poco extendido.

⁴no es posible, por ejemplo, la aplicación parcial.

introduce los **tipos** Zero y Succ de kind Nat (y al propio kind Nat). Para evitar la ambigüedad⁵, los constructores a nivel de tipos son accesibles por sus nombres precedidos por un apóstrofo, para este caso, 'Zero y 'Succ. Luego es posible declarar, por ejemplo (GADTs, KindSignatures):

```
data Vec :: Nat -> Type -> Type where
    VZ :: Vec Zero a
    VS :: a -> Vec n a -> Vec (Succ n) a

y funciones seguras como:

vTail :: Vec (Succ n) a -> Vec n a
    vTail (VS _ as) = as

vZipWith :: (a -> b -> c) -> Vec n a -> Vec n b -> Vec n c
    vZipWith _ VZ VZ = VZ
    vZipWith f (VS x xs) (VS y ys)
    = VS (f x y)(vZipWith f xs ys)
```

Es posible definir funciones puramene a nivel de tipos mediante familias (TypeFamilies, TypeOperators, DataKinds, KindSignatures) como la suma:

```
type family (m :: Nat) + (n :: Nat) :: Nat
type instance Zero + n = n
type instance Succ m + n = Succ (m + n)
```

o mediante la notación alternativa, cerrada:

Con la notación abierta las familias son extensibles. Las definiciones cerradas son una inclusión más reciente y permiten ecuaciones que se superpongan [10] del mismo modo que cuando se hace *pattern matching* a nivel de valores. En este caso las definiciones son equivalentes.

Podemos combinar las técnicas para programar, por ejemplo:

```
vAppend :: Vec n a -> Vec m a -> Vec (n + m) a 
 <math>vAppend (VZ) bs = bs
 vAppend (VS a as) bs = VS a (vAppend as bs)
```

2.3 Limitaciones

En contraste a lo que ocurre en los sistemas de tipos dependientes, los lenguajes de términos y de tipos en Haskell continúan habitando mundos separados. La correspondencia entre nuestra definición de vectores y las familias inductivas en los lenguajes de tipos dependientes no es tal.

Las ocurrencias de m y n en los tipos de las funciones anteriores son estáticas, y borradas en tiempo de ejecución, mientras que en un lenguaje de tipos dependientes estos parámetros son esencialmente dinámicos [16]. En las teorías de tipos intensionales una definición como la suma ((+)) declarada anteriormente

 $^{^5}$ depende de la construcción sintáctica si es necesario desambiguar o no, esto se detalla en el manual de GHC [22].

extiende el algoritmo de normalización, de forma tal que el compilador decidirá la igualdad de tipos según las formas normales. Si dos tipos tienen la misma forma normal entonces los mismos términos les habitarán. Por ejemplo, los tipos Vec (S (S Z) + n) a y Vec (S (S n)) a tendrán los mismos habitantes. Esto no va a ser cierto para tipos como Vec (n + S (S Z)) a y Vec (S (S n)) a, aunque los tipos coincidan para todas las instancias concretas de n. Para expresar propiedades como la conmutatividad se utilizan evidencias de las ecuaciones utilizando igualdad proposicional [16].

En el sistema de tipos de Haskell, sin embargo la igualdad de tipos es puramente sintáctica. Los tipos Vec (n + S (S Z)) a y Vec (S (S n)) a no son el mismo tipo, y no poseen los mismos habitantes. Las ecuaciones que definen una familia de tipos como (+) axiomatizan nuevas igualdades a nivel de tipos en Haskell. Cada ocurrencia de (+) debe estar soportada con evidencia explícita derivada de estos axiomas. Cuando el compilador traduce desde el lenguaje externo al lenguaje del kernel, busca generar evidencia mediante heurísticas de resolución de restricciones. La evidencia sugiere que el constraint solver computa agresivamente, y esta es la razón por la cual la función vAppend definida anteriormente compila y funciona correctamente.

Sin embargo, funciones como:

```
vchop :: Vec (m + n) x \rightarrow (Vec m x, Vec n x)
```

resultan imposibles de definir si no tenemos la información de m o n en tiempo de ejecución (intuitivamente, ocurre que "no sabemos donde partir el vector"). Por otra parte la función:

```
vtake :: Vec (m + n) x \rightarrow Vec m x
```

tendría un problema más sutil. Incluso asuminedo que tuvieramos forma de obtener m en tiempo de ejecución, no es posible para el verificador de tipos aceptar la definición. No hay forma de deducir n a partir del tipo del tipo m+n sin la información de que (+) es una función inyectiva en el segundo argumento, lo cual el verificador es incapaz de deducir.

2.4 Singletons y Proxies

Existen dos formas de atacar los problemas planteados anteriormente.

Singletons

Si pretendemos implementar v
Chop cuyo tipo podemos escribir más explícitamente como

```
vChop :: forall (m n :: Nat). Vec (m + n) x \rightarrow (Vec m x, Vec n x)
```

necesitamos hacer referencia explícita a m para decidir donde cortar el vector. Como en Haskell el cuantificador universal solo se refiere a objetos estáticos (los lenguajes de tipos y términos están separados), esto no es posible directamente. Un tipo $singleton \ [11]$ en el contexto de Haskell, es un GADT que replica datos estáticos a nivel de términos.

```
data SNat :: Nat -> * where
   SZ :: SNat Zero
   SS :: SNat n -> SNat (Succ n)
```

Existe por cada tipo $\bf n$ de kind $\bf Nat$, un único $\bf ^6$ término de tipo $\bf SNat$ $\bf n$. Sobre estos términos podemos hacer $pattern\ matching$, e implícitamente decidimos según la información del tipo.

Estamos en condiciones de implementar vChop:

La biblioteca singleton [12] provee la generación automática de instancias de tipos singleton y otras utilidades.

Proxies

Para definir vTake también es necesario el valor de m en tiempo de ejecución para conocer cuántos elementos extraer, pero una función de tipo

```
vTake :: SNat m \rightarrow Vec (m + n) x \rightarrow Vec m x
```

aún no será implementable. Es necesaria también la información de n en tiempo de compilación, pero no así una representación de n en tiempo de ejecución. El natural n es estático pero estamos obligados a proveer un valor testigo explícito para asistir al verificador de tipos que es incapaz de deducir la inyectividad de la suma.

Consideramos la definición:

```
data Proxy :: k -> * where
  Proxy :: Proxy a
```

Proxy es un tipo que no contiene datos, pero contiene un parámetro *phantom* de tipo arbitrario (de hecho, de kind arbitrario). El uso de un proxy va a resolver el problema de vTake, indicando simplemente que la ocurrencia del proxy tiene la información del tipo n en el vector.

La siguiente implementación de vTake compila y funciona correctamente:

```
vTake :: SNat m -> Proxy n -> Vec (m + n) x -> Vec m x vTake SZ \_ xs = VZ vTake (SS m) n (VS x xs) = VS x (vTake m n xs)
```

Durante la implementación de AspectAG y sus dependencias haremos uso intensivo de estas técnicas.

⁶Formalmente esto no es cierto, si consideramos las posibles ocurrecias de \perp , la unicidad es cierta para términos totalmente definidos

2.5 HList: Colecciones Heterogeneas Fuertemente tipadas

La biblioteca HList [14] provee operaciones para crear y manipular colecciones heterogeneas fuertemente tipadas (donde el largo y el tipo de los elementos se conocen en tiempo de compilación). Estas son útiles para implementar registros heterogeneos (extensibles), variantes, productos y coproductos indizados por tipos, entre otras estructuras. HList es un buen ejemplo de aplicación de la programación a nivel de tipos usando las técnicas antiguas. HList sigue desarrollándose a medida de que nuevas extensiones se añaden al lenguaje Haskell. En lugar de reimplementar AspectAG dependiendo de nuevas versiones de HList decidimos reescribir desde cero todas las funcionalidades necesarias, por los siguientes motivos:

- HList es una biblioteca experimental, que no pretende ser utilizada como dependencia de desarrollos de producción por lo que constantemente cambia su interfaz sin ser compatible hacia atrás. Implementar hoy dependiendo de HList implica depender posiblemente de una versión desactualizada (e incompatible con la liberación corriente) en poco tiempo.
- Cuando programamos a nivel de tipos el lenguaje no provee fuertes mecanismos de modularización, dado que no fue diseñado para este propósito. Es común que por ejemplo, se fugue información en los mensajes de error sobre las estructuras de datos utilizadas. La implementación basada en HList filtraría errores de HList, que no utilizan el mismo vocabulario que nuestro EDSL. La imposibilidad de modularizar nos obliga a que si pretendemos tener estructuras distinguibles por sus nombres mnemónicos tenemos que reimplementarlas. Buscar mejores soluciones a esta complicación es parte de la investigación en el área, e idea de trabajo futuro.
- HList no es necesariamente adecuada si queremos tipar todo lo fuertemente posible. Por ejemplo, en la implementación que realizamos, una de las estructuras a utilizar es esencialmente un registro que contiene registros. Usando tipos de datos a medida podemos programar una solución elegante donde esto queda expresado correctamente a nivel de kinds. La biblioteca AspectAG orginal implementa el registro externo como un registro de HList, no forzando en el tipado que los campos sean efectivamente registros.
- Por interés académico. Reescribir funcionalidades de HList (de hecho, varias veces, un subconjunto mayor al necesario para AspectAG) fué la forma de dominar las técnicas de programación a nivel de tipos. Esto no es una razón en si para efectivamente depender de una nueva implementación en lugar de la implementación moderna de HList, pero a los argumentos anteriores se le suma el hecho de que reimplementar no significa un costo: ya lo hicimos.

Una lista (o más en general una colección) heterogenea es tal si contiene valores de distintos tipos. Existen varios enfoques para construir colecciones heteroge-

neas en Haskell [27]. Nos interesan en particular las implementaciones que son fuertemente tipadas, donde se conoce estáticamente el tipo de cada miembro. Existen variantes para definir HList. Las versiones más antiguas (sobre las que se implementó originalmente AspectAG) utilizan la siguiente representación, isomorfa a pares anidados:

```
data HCons a b = HCons a b
data HNil = HNil
```

El inconveniente de esta implementación es que es posible construir tipos sin sentido como HCons Bool Char, lo cual puede solucionarse mediante el uso de clases, como es usual en el enfoque antiguo de la programación a nivel de tipos. En versiones posteriores HList utilizó un GADT, y en las últimas versiones se utiliza una data family. En la documentación de la biblioteca HList se fundamenta cual es la ventaja de cada representación. Dado que el GADT y la data Family son prácticamente equivalentes (de hecho en nuestra implementación se pueden intercambiar), preferimos el GADT por ser la solución más clara. El tipo de datos HList tiene la siguiente definición:

data HList (1 :: [Type]) :: Type where

```
HNil :: HList '[]
HCons :: x -> HList xs -> HList (x ': xs)
```

La extensión DataKinds promueve las listas con una notación conveniente similar a la utilizada a nivel de valores, incluida la notación con apóstrofos. En la definición anterior se utiliza la versión promovida de listas como índice del tipo de datos. HNil es un valor de tipo HList '[], mientras que HCons construye un valor de tipo HList (x ': xs) a partir de un valor de tipo x y una lista de tipo HList xs.

A modo de ejemplo, un habitante posible del kind [Type] es '[Bool, Char]. Luego HList [Bool, Char] es un tipo (de kind Type) habitado por ejemplo por

```
hl = HCons True (HCons 'c' HNil)
```

Es intuitivo definir, por ejemplo las versiones seguras de head o tail:

```
hHead :: HList (x ': xs) -> x
hHead (HCons x _) = x

hTail :: HList (x ': xs) -> HList xs
hTail (HCons _ xs) = xs
```

No es posible compilar expresiones como hHead HNil, dado que el verificador de tipos de GHC inferirá que es imposible satisfacer la restricción (x ': xs) \sim '[].

Para concatenar dos listas primero definimos la concatenación a nivel de tipos:

Y luego a nivel de términos:

⁷Una data family es una construcción que provee la extensión TypeFamilies, no hacemos uso de las mismas en nuestra implementación.

```
hAppend :: HList xs -> HList ys -> HList (xs :++ ys)
hAppend HNil ys = ys
hAppend (HCons x xs) ys = HCons x (hAppend xs ys)

Una alternativa es definir la familia como un tipo indizado: 8

class HAppend xs ys where
    type HAppendR xs ys :: [Type]
    chAppend :: HList xs -> HList ys -> HList (HAppendR xs ys)

instance HAppend '[] ys where
    type HAppendR '[] ys = ys
    chAppend HNil ys = ys

instance (HAppend xs ys) => HAppend (x ': xs) ys where
    type HAppendR (x ': xs) ys = x ': (HAppendR xs ys)
    chAppend (HCons x xs) ys = HCons x (chAppend xs ys)
```

Si intentamos a modo de ejemplo programar una función que actualiza la n-ésima entrada en una lista heterogenea (eventualmente cambiando el tipo del dato en esa posición), estamos claramente ante una función de tipos dependientes (el tipo del resultado depende de n). Este es el escenario donde serán necesarios **Proxies** y/o **Singletons**.

Una definición posible: ⁹

2.6 Registros Heterogeneos Extensibles

AspectAG requiere de registros heterogeneos extensibles fuertemente tipados, esto es, colecciones etiqueta-valor, heterogeneas, donde además las etiquetas estén dadas por tipos. Además de HList, existen otros proyectos de implementaciones de registros heterogeneos en Haskell, como Vinyl [20], CTRex [24], entre otros [27].

El enfoque original de HList para implementar registros es utilizar una lista heterogenea, donde cada entrada es del tipo Tagged 1 v, definido como

```
data Tagged 1 v = Tagged v
```

Esta definición no es satisfactoria si pretendemos utilizar todo el poder de las nuevas extensiones de Haskell. Por ejemplo no se está utilizando la posibilidad de tipar (en el lenguaje de tipos) que nos provee la promoción de datos. HList implementa predicados como typeclasses para asegurar que todos los miembros son de tipo Tagged cuando la buena formación podría expresarse directamente en el kind. Además las etiquetas de HList son de kind Type, cuando en realidad nunca requieren estar habitadas a nivel de valores.

En su lugar, utilizaremos la siguiente implementación:

 $^{^8}$ esta es una tercer forma de definir familias de tipos, además de la notación abierta o cerrada. 9 asumamos que el n es menor al largo de la lista, lo cual podríamos también forzar estáticamente.

```
data Record :: forall k . [(k,Type)] -> Type where
   EmptyR :: Record '[]
   ConsR :: LabelSet ( '(1, v) ': xs) =>
    Tagged l v -> Record xs -> Record ( '(1,v) ': xs)
```

Un registro es una lista con más estructura, a nivel de tipos es una lista de pares. Usamos la promoción de listas y de pares a nivel de tipos. Para agregar un campo, requerimos un valor de tipo Tagged 1 v definido como:

```
data Tagged (1 :: k) (v :: Type) where
  Tagged :: v -> Tagged 1 v
```

Tagged es polimórfico en el kind de las etiquetas. La restricción Labelset garantiza que las etiquetas no se repitan, su implementación se explica a continuación.

2.7 Predicados sobre tipos

Si bien las extensiones modernas nos permiten adoptar el estilo funcional en la programación a nivel de tipos, el estilo de programación "lógica" por medio de clases sigue siendo adecuado para codificar predicados. Una lista de pares promovida satisface el predicado LabelSet si las primeras componentes son únicas. Así, la lista de pares representa un mapeo, o registro indizado por las primeras componentes. El predicado se implementa a la prolog, aunque usamos el poder de las extensiones modernas para tipar fuertemente los functores.

donde HEqK 11 12 False es instancia solo si 11 y 12 son probables distintos. Para ello se utiliza la igualdad sobre kinds que implementa el módulo Data.Type.Equality.

Notar que podríamos también codificar el predicado como una función booleana a nivel de tipos, luego se propaga como una restricción con el valor que queremos (Labelset $1 \sim \text{True}$).

También podría utilizarse una familia de tipos para construir la constraint LabelSet haciendo uso de la extensión ConstraintKinds [22].

En general, la programación mediante clases es sustituible por familias de tipos, pero no parece natural en este caso.

2.8 Programación de errores de tipado

Consideramos las siguientes definiciones:

```
data L
tlb = Tagged True :: Tagged L Bool
tli = Tagged 3 :: Tagged L Int
r = tli 'ConsR' (tlb 'ConsR' emptyRecord)
```

El registro **r** tiene dos campos indizados por la misma etiqueta, por lo que código no compilará. GHC reporta el siguiente error:

El mensaje no es claro, y de hecho este caso resulta ser de los menos confusos. Kyselyov et al [14] ya en el año 2004 proponen una solución para mejorar los mensajes de error que consiste en definir una clase:

```
class Fail e
```

y luego crear instancias de clases para las combinaciones inválidas utilizando Fail como superclase, por ejemplo:

```
data RepeatedLabel
instance Fail RepeatedLabel => LabelSet' 11 12 True r
```

Cuando el verificador de GHC intente satisfacer la instancia LabelSet' 11 12 True r encontrará de hecho una definición válida, y buscará resolver Fail (RepeatedLabel). Fail es una clase sin implementaciones, por lo que el compilador presenta finalmente el error:

```
No instance for (Fail (RepeatedLabel))
```

Distintas definiciones de tipos de datos como RepeatedLabel proveen nuevos mensajes. Esta solución si bien es muy creativa considerando la falta de soporte en la época por parte del compilador para implementar una alternativa más adecuada, es muy mejorable. Recientemente GHC implementa en el módulo GHC. TypeLits de la biblioteca base un mecanismo para definir mensajes de error por parte del usuario. El módulo exporta la definición

```
type family TypeError (a :: ErrorMessage) :: b where {}
```

que es el equivalente a la función error a nivel de tipos. Además el polimorfismo de kinds permite utilizarla como clase dado que el kind b puede ser instanciado por Constraint. El kind ErrorMessage está habitado por tipos que implementan mensajes de error, haciendo uso de habitantes del kind Symbol que es una promoción de String.

Podemos entonces implementar:

Al intentar compilar el código con el registro mal formado el mensaje presentado es:

```
. LabelSet Error:
Duplicated Label on Record
On fields:
'(L, Int)
   and
'(L, Int)
. In the expression: tli 'ConsR' (tlb 'ConsR' emptyRecord)
```

que es mucho más expresivo. En la reimplementación de AspectAG se hace uso de estos mensajes de error definidos por usuario.

3 Gramáticas de atributos y AspectAG

Presentamos una breve introducción a las gramáticas de atributos, de manera informal por medio de en un ejemplo. Implementamos el mismo ejemplo en AspectAG.

3.1 Gramáticas de atributos

Las gramáticas de atributos (AGs) [15] son un formalismo para describir computaciones recursivas sobre tipos de datos¹⁰. Dada una gramática libre de contexto, se le asocia una semántica considerando atributos en cada producción, los cuales toman valores calculados mediante reglas a partir de los valores de los atributos de los padres y de los hijos en el árbol de sintaxis abstracta. Los atributos se dividen clásicamente en dos tipos: heredados y sintetizados. Los atributos heredados son pasados como contexto desde los padres a los hijos. Los atributos sintetizados, por el contrario fluyen "hacia arriba" en la gramática, propagándose desde los hijos de una producción. Un aspecto es una colección de (uno o más) aributos y sus reglas de cómputo.

Las gramáticas de atributos son especialmente interesantes en la implementación de compiladores [1,9] traduciendo el arbol de sintaxis abstracta en algún lenguaje de destino o representación intermedia. También es posible validar chequeos semánticos de reglas que no están presentes sintácticamente (por ejemplo compilando lenguajes con sintaxis no libre de contexto, parseados previamente según una gramática libre de contexto como ocurre en la mayoría de los languajes de programación modernos) o implementar verificadores de tipos.

Además, las gramáticas de atributos son útiles en si mismas como un paradigma de programación. Buena parte de la programación funcional consiste en componer computaciones sobre árboles (expresadas mediante álgebras [4] aplicadas a un catamorfismo). Un álgebra en definitiva especifica una semántica para una estructura sintáctica. Cuando las estructuras de datos son complejas (por ejemplo, en la representación del árbol de sintaxis abstracta de un lenguaje de programación complejo), surgen ciertas dificultades de escalabilidad y mantenibilidad [9]. Por ejemplo ante un cambio en la estructura es necesario hacer cambios en la implementación del catamorfismo y de todas las álgebras. Las AGs permiten definir las álgebras de forma modular.

Más en general la programación mediante gramáticas de atributos significa una solución a un conocido tópico de discusión en la comunidad llamado "El problema de la expresión" ("The expression problem", término acuñado por P. Wadler [26]). Cuando el software se construye de forma incremental es deseable que sea sencillo introducir nuevos tipos de datos o enriquecer los existentes con nuevos constructores, y también que sea simple implementar nuevas funciones. Normalmente en el diseño de un lenguaje las decisiones que facilitan una de las utilidades van en desmedro de la otra, siendo la programación orientada objetos el ejemplo paradigmático de técnica orientada a los datos, y la programación funcional, por el contrario el claro ejemplo donde es simple agregar funciones, siendo costoso

¹⁰Tipos de datos algebraicos o gramáticas son formalismos equivalentes

en cada paradigma hacer lo dual. Pensar en cuan complicado (y cuantos módulos hay que modificar, y por tanto recompilar) es agregar un método en una estructura de clases amplia, o cuantas funciones hay que modificar en los lenguajes funcionales si en un tipo algebraico se agrega un constructor (y nuevamente, cuántos módulos potencialmente se requieren recompilar).

La Programación orientada a aspectos mediante gramáticas de atributos es una propuesta de solución a este problema, donde es simple agregar nuevas producciones (definiendo localmente las reglas de computación de los atributos existentes sobre la nueva producción), así como agregar nuevas funcionalidades (definiendo localmente nuevos atributos con sus reglas, o bien combinando los ya existentes). Por su característica, donde las computaciones se expresan de forma local en cada producción combinando cómo la información fluye "de arriba a abajo" y de "abajo a arriba", una aplicación útil de las AGs es la de definir computaciones circulares.

3.2 Ejemplo: repmin

Como ejemplo consideramos la clásica función **repmin** [3] que dado un árbol contenedor de enteros (por ejemplo binario y con la información en las hojas), retorna un árbol con la misma topología, conteniendo el menor valor del árbol original en cada hoja.

Una definición por gramáticas de atributos viene dada de la siguiente manera:

```
DATA Root | Root tree
DATA Tree \mid Node \ l, r : Tree
             | Leaf i : \{Int\}
SYN Tree [smin: Int]
SEM Tree
       | Leaf lhs.smin = @i
       | Node  lhs .smin = @l.smin  'min' @r.smin
INH Tree [ival: Int]
\mathbf{SEM}\ Root
       | Root tree.ival = @tree.smin
SEM Tree
      | Node l \quad .ival = @lhs.ival
                .ival = @lhs.ival
SYN Root Tree [sres: Tree]
SEM Root
      | Root lhs.sres = @tree.sres
SEM Tree
      | Leaf lhs.sres = Leaf @lhs.ival
      | Node lhs.sres = Node @l.sres @r.sres
```

Utilizamos la sintaxis del lenguaje de AGs uuagc de la Universidad de Utrecht [23]. Las palabras clave DATA introducen no terminales. Las producciones declaradas se delimitan por el carácter "|", tanto a las producciones como a los hijos se les designan nombres.

El ejemplo de gramática traducido a Haskell como tipo de datos algebraico corresponde a:

En lugar de utilizar el tipo Tree tanto para nodos internos como para la raíz, como es usual, utilizamos el tipo de datos Root para "marcar" la raíz del árbol. Esto es útil para tener un símbolo de inicio explícito de la gramática, que a nivel operacional nos va a permitir saber cuando encadenar atributos sintetizados con heredados. La decisión es natural dado que la semántica (i.e. la forma en la que se computan los atributos) difiere en un nodo ordinario y en la raíz.

La palabra clave SYN introduce un atributo sintetizado. smin y sres son atributos sintetizados de tipo Int y Tree respectivamente. La semántica de cada uno se define mediante de la sentencia SEM. Las computaciones se definen en Haskell, con el agregado de que @lhs o @<hijo> (para cualquier nombre de hijo) pueden usarse para hacer referencia a los atributos del padre y de los hijos, respectivamente.

El atributo smin representa el mínimo valor de las hojas contenidas en el subárbol correspondiente, computándose en las hojas como el valor que ellas contienen (que, formalmente puede considerarse un nuevo atributo, implícito), y en los nodos el mínimo del valor del mismo atributo smin en los subárboles.

El atributo **sres** vale un árbol con la misma forma que el subárbol original pero con el mínimo global en cada hoja. En la raíz se copia el subárbol, y en cada nodo interno se construye un nodo con los subárboles que contiene el atributo **sres** en los subárboles. En las hojas se calcula en función del atributo heredado ival.

Los atributos heredados se definen con la sentencia INH. En el ejemplo ival es el único atributo heredado, que representa el valor mínimo global en el árbol. En la raíz, ival se computa como una copia del valor smin. Se aprecia por qué necesitabamos marcar la raíz del árbol: para saber cuando el mínimo local es global y computar ival. En los nodos, a cada subárbol se le copia el valor de ival actual, que fluirá "hacia abajo".

3.3 AspectAG

AspectAG es un lenguaje de dominio específico embebido en Haskell que permite especificar gramáticas de atributos y utiliza programación a nivel de tipos para que las gramáticas resultantes verifiquen estáticamente ciertas propiedades de buena formación.

La implementación sigue a grandes rasgos la siguiente idea: Dada una estructura de datos sobre la que vamos a definir los atributos, en cada producción de la gramática llamamos atribución al registro de todos los atributos. Una atribución es un mapeo de nombres de atributos a sus valores. Los nombres de atributos se manejan en tiempo de compilación, por lo que una estructura como la presentada en la sección 2.6 es adecuada. En cada producción, la información fluye de los atributos heredados del padre y los sintetizados de los hijos, que se llaman en

la literatura "familia de entrada" (input family), a los sintetizados del padre y heredados de los hijos, la output family. Una regla semántica consiste en un mapeo de una familia de entrada a una familia de salida. Se le proveen al programador primitivas para definir atributos y sus reglas semánticas, que se agruparán en aspectos. Se provee también una primitiva para combinar aspectos. Una función (la función semántica) se encarga de computar la AG, es decir, calcular el valor de los atributos definidos en las producciones.

La especificación de una AG podría estar mal formada (por ejemplo, al intentar usar atributos que no están definidos para cierta producción). Como las atribuciones se conocen estáticamente, los ejemplos mal formados serán rechazados en tiempo de compilación.

Presentamos una solución al problema **repmin** en términos de nuestra reimplementación de AspectAG, para que el lector tome contacto con el estilo de programación en el EDSL. Luego se presentará mayor detalle de la implementación. Es necesario definir múltiples tipos de *Etiqueta* ¹¹. Hay etiquetas para los símbolos no terminales, para los atributos, y para nombrar a los hijos en cada producción. Por ejemplo, para los atributos definimos:

```
data Att_smin; smin = Label :: Label Att_smin
data Att_ival; ival = Label :: Label Att_ival
data Att_sres; sres = Label :: Label Att_sres
```

Para los hijos, la etiqueta contiene tanto el nombre como el tipo de no terminal, por ejemplo:

Las etiquetas tienen información solo a nivel de tipos, Label es una implementación especializada de Proxy.

```
data Label (1 :: k) = Label
```

Nótese que en el ejemplo los tipos definidos para cada etiqueta son vacíos (no tienen habitantes), su única función es ser usados como parámetro en Label. Veamos ahora las reglas para el atributo smin. En la especificación de la gramática de atributos, puede observarse que este atributo tiene reglas de computación en el árbol, por lo que hay dos producciones donde hace falta definirlas (Node y Leaf). En AspectAG:

 $^{^{11}\}mathrm{La}$ biblioteca provee funciones en Template Haskell para a
horrarnos el trabajo

Para comprender la definición anterior recordemos que las reglas son funciones, un mapeo de la *input family* (atributos heredados del padre y sintetizados de los hijos) a la *output family* (sintetizados del padre, heredados a los hijos). El parámetro sobre el que se hace pattern matching (Fam chi par) es entonces una familia, el campo chi contiene el registro de los hijos, con sus atribuciones, y el campo par la atribución del padre. El operador (#) es el acceso (por etiqueta) y está sobrecargado, Las funciones definidas tienen tipo Rule. Los tipos Fam y Rule se detallan en la sección 4.1.

La definición anterior expresa que para el nodo se define una regla para el atributo sintetizado smin, que se calcula como el mínimo entre el valor de smin del hijo ch_1 (nombre del hijo izquierdo), y el valor de smin del hijo ch_r (nombre del hijo derecho). En el caso de la regla para la hoja, se toma el valor de leafVal (que es un nombre para el valor guardado) para el (único) hijo en la producción ch_i. Si bien generalmente los terminales van a tener un único hijo con su valor-parecen innecesarias dos etiquetas- implementar de forma fuertemente tipada nos obliga a respetar esta estructura (o complicar mucho la implementación). Notar que, además de los nombres, nada indica (aún) que las reglas estén relacionadas a sus producciones.

Análogamente se definen las reglas para el atributo sintetizado sres:

En este caso el atributo está definido para la raíz, y en la hoja usamos un atributo heredado ival para computar el mínimo global. Por último presentamos el atributo heredado:

La función inhdef requiere un registro donde se especifica para cada hijo cómo se computará ival: desde la raíz se propaga el valor del atributo sintetizado smin, en los nodos del árbol se propaga el valor de ival tomado del padre, incambiado. El parámetro extra [nt_Tree] es una lista heterogenea de no terminales utilizada para chequear -estáticamente- que los hijos forman parte de los no terminales para los que está definido el atributo. Los aspectos se definen como un registro con las reglas para cada producción, aquí es donde efectivamente indicamos a qué producción se asocia cada regla.

```
asp_ival = p_Root .=. root_ival
    .*. p_Node .=. node_ival
    .*. emptyRecord

asp_sres = p_Root .=. root_sres
    .*. p_Node .=. node_sres
    .*. p_Leaf .=. leaf_sres
    .*. emptyRecord

asp_smin = p_Leaf .=. leaf_smin
    .*. p_Node .=. node_smin
    .*. emptyRecord
```

El operador (.*.) permite construir registros heterogeneos, emptyRecord es el registro vacío. El operador (.=.) construye campos del registro dados un valor con el tipo de la etiqueta y su correspondiente regla. Los aspectos pueden combinarse para formar uno nuevo mediante el operador

Los aspectos pueden combinarse para formar uno nuevo mediante el operador (.+.):

```
asp_repmin = asp_smin .+. asp_sres .+. asp_ival
Finalmente repmin :: Tree -> Tree viene dado por:
    repmin t = sem_Root asp_repmin (Root t) emptyAtt # sres
```

En donde sem_Root es la función semántica, una función definida una sola vez^{12} .

¹²La función semántica es derivable a partir del functor de la estructura de datos. Se proveen funciones para derivarla automáticamente utilizando TemplateHaskell [19].

4 Reimplementación de AspectAG

A continuación presentamos algunos de los aspectos más importantes de la implementación de la biblioteca.

4.1 Estructuras de Datos

Como se definió antes, una atribución (attribution) es un mapeo de nombres de atributos a sus valores, que representamos como un registro heterogeneo. A diferencia de la implementación original, para obtener mensajes de error precisos y evitar que se filtre implementación en los mismos decidimos tener estructuras especializadas.

Un atributo (etiquetado por su nombre) viene dado por:

```
newtype Attribute label value = Attribute value
```

que es el componente principal para construir atribuciones:

```
data Attribution :: forall k . [(k,Type)] -> Type where
   EmptyAtt :: Attribution '[]
   ConsAtt :: LabelSet ( '(att, val) ': atts) =>
   Attribute att val -> Attribution atts -> Attribution ( '(att,val) ': atts)
```

Notar que estamos utilizando todo el poder de las extensiones modernas. Se utilizan kinds promovidos en las listas (DataKinds), polimorfismo en kinds en las etiquetas (PolyKinds), la estructura es un GADT (GADTs), LabelSet está predicando sobre un kind polimórfico, donde usamos igualdad de kinds (ConstraintKinds). Una familia consiste en la atribución del padre y una colección de atribuciones para los hijos etiquetadas por sus nombres.

```
data Fam (c::[(k',[(k,Type)])]) (p :: [(k,Type)]) :: Type where Fam :: ChAttsRec c \rightarrow Attribution p \rightarrow Fam c p
```

La colección de atribuciones para los hijos se representan de la siguiente manera:

```
data ChAttsRec :: forall k k' . [(k , [(k',Type)])] -> Type where
   EmptyCh :: ChAttsRec '[]
   ConsCh :: LabelSet ( '(1, v) ': xs) =>
   TaggedChAttr chi att -> ChAttsRec chs -> ChAttsRec ( '(chi,att) ': chs)
```

La estructura es análoga a la anterior: es de nuevo una implementación de registro heterogeneo pero especializada.

Notar que en todos los tipos de datos definidos se expresa la estructura en el nivel de los kinds. Por ejemplo, el primer parámetro del constructor de tipos Fam debe ser un tipo de kind [(k',[(k,Type)])], lo cual modela razonablemente un registro de registros (es un mapeo con nombres de hijos como dominio, donde cada imagen contiene un nuevo mapeo de atributos a valores). Luego a nivel de valores el constructor Fam requiere un primer argumento de tipo ChAttsRec c, donde c ha de tener efectivamente el kind correcto. El kind no alcanza para expresar que las listas de pares no repiten la primer componente, para ello requerimos que se satisfaga la constraint LabelSet('(chi, att)':chs) en el constructor de ChAttsRec. Por supuesto, también debemos asegurar en tiempo de compilación que cada hijo contiene efectivamente una atribución, por lo que TaggedChAttr se define:

```
data TaggedChAttr (1::k) (v :: [(k',Type)]) :: Type where
   TaggedChAttr :: Label 1 -> Attribution v -> TaggedChAttr 1 v
```

De la misma forma podemos razonar sobre el segundo parámetro de Fam, a nivel de tipos tiene el kind [(k,Type)], a nivel de valores requerimos un habitante de Attribution p, estructura sobre la que chequeamos estáticamente que modele un mapeo.

En la implementación original no se expresaba ninguna información a nivel de los kinds.

Reglas

Una regla es una función de la familia de entrada a la de salida. Se implementa de la siguiente manera:

```
type Rule sc ip ic sp ic' sp'
= Fam sc ip -> (Fam ic sp -> Fam ic' sp')
```

El tipo contiene una aridad extra para hacer las reglas componibles [17]. Dada la familia de entrada compuesta por atributos sintetizados de los hijos (sc) y los heredados del padre (ip), se construye una función que toma como entrada la familia de salida construida hasta el momento (formada por los atributos heredados de los hijos (ic) y los sintetizados por el padre (sp)), y la extiende (donde los nuevos atributos heredados de los hijos son ic' y los sintetizados por el padre sp').

El kind de Rule viene dado entonces por:

```
Rule :: [(k', [(k, Type)])] -> [(k, Type)]
-> [(k', [(k, Type)])] -> [(k, Type)]
-> [(k', [(k, Type)])] -> [(k, Type)] -> Type
```

Dos reglas construidas de esta forma se pueden componer:

```
(f 'ext' g) input = f input . g input
```

4.2 Declaración de Reglas

Se proveen distintas primitivas para declarar reglas. En el ejemplo se utilizaron syndef e inhdef, que son las mínimas adecuadas para tener un sistema utilizable. En la implementación se proveen otras construcciones, y parte del trabajo futuro pasa por codificar nuevas.

La primitiva syndef provee la definición de un nuevo atributo sintetizado. Dada una etiqueta no definida previamente que represente el nombre del nuevo atributo a definir y un valor para el mismo, syndef construye una función que actualiza la familia que se tenía hasta el momento:

```
syndef :: LabelSet ( '(att,val) ': sp) =>
    Label att -> val -> (Fam ic sp -> Fam ic ( '(att,val) ': sp))
syndef latt val (Fam ic sp) = Fam ic (latt =. val *. sp)
```

Los operadores (=.) y (*.) son azucar sintáctica para los constructores Attribute y ConsAtt, respectivamente.

Por otro lado la función inhdef introduce un atributo heredado de nombre att para una colección de no terminales nts:

```
inhdef :: Defs att nts vals ic ic' =>
   Label att -> HList nts -> Record vals -> (Fam ic sp -> Fam ic' sp)
inhdef att nts vals (Fam ic sp) = Fam (defs att nts vals ic) sp
```

vals es un registro heterogeneo donde las etiquetas representan los nombres de los hijos, conteniendo valores que describen como computar el atributo que está siendo definido para cada uno de ellos. En contraste con syndef, es bastante más compleja de implementar, y para ello utilizamos la función auxiliar defs, que inserta las definiciones en los hijos a los que corresponda.

Para definir la función defs se hace recursión sobre el registro vals que contiene las nuevas definiciones. Se utiliza la función auxiliar singledef que inserta una única definición. En la versión original de la biblioteca esta función se implementaba con dependencias funcionales en lugar de la familia de tipos, y sin expresar información en el kind.

Si el registro está vacío no se inserta ninguna definición:

```
instance Defs att nts '[] ic where
  type DefsR att nts '[] ic = ic
  defs _ _ ic = ic
```

En el caso recursivo, combinamos la primera componente del registro con la llamada recursiva:

```
instance ( Defs att nts vs ic
         , ic' ~ DefsR att nts vs ic
         , HMember t nts
         , mnts ~ HMemberRes t nts
         , HasLabelChildAtts (lch,t) ic'
         , mch ~ HasLabelChildAttsRes (lch,t) ic'
         , SingleDef mch mnts att (Tagged (lch,t) vch) ic') =>
 Defs att nts ( '((lch,t), vch) ': vs) ic where
 type DefsR att nts ( '((lch,t), vch) ': vs) ic
    = SingleDefR (HasLabelChildAttsRes (lch,t) (DefsR att nts vs ic))
                 (HMemberRes t nts)
                 (Tagged (lch,t) vch)
                 (DefsR att nts vs ic)
 defs att nts (ConsR pch vs) ic = singledef mch mnts att pch ic'
     where ic' = defs att nts vs ic
           lch = labelLVPair pch
           mch = hasLabelChildAtts lch ic'
           mnts = hMember (sndLabel lch) nts
```

Es decir, si la entrada es de la forma ConsR pch vs, hacemos la llamada recursiva con las demás definiciones, guardando el resultado en ic'. La nueva definición a insertar (pch) será combinada utilizando singleDef, que además recibe como parámetros dos proxies que en su tipado transportan la evidencia de la existencia de las etiquetas para el hijo y el no terminal sobre el que estamos construyendo. Estos se obtienen mediante las llamadas a hasLabelChilds y hMember, mientras

que labelLVPair extrae la etiqueta de un par etiqueta-valor. Como implementamos las familias de tipos como tipos indizados en clases la misma información se ve replicada en el nivel de los tipos, por lo que son necesarias restricciones como HMember t nts, Defs att nts vs ic o SingleDef mch mnts att (Tagged (lch,t) vch) ic'). Las restricciones que se refieren a tipos indizados como:

```
ic' ~ DefsR att nts vs ic
mnts ~ HMemberRes t nts
mch ~ HasLabelChildAttsRes (lch,t) ic'
```

no son estrictamente necesarias, y podrían en todos los casos eliminarse y utilizar el lado derecho en cada ocurrencia del lado izquierdo. 13

La función singledef implementa la inserción en la atribución de un hijo. La definición de la clase utilizada para la función viene dada por:

Los primeros dos parámetros son, como vimos antes proxies de booleanos, que proveen evidencia de la existencia de las etiquetas del hijo y los terminales respectivamente. El caso válido, en donde el código debe compilar es cuando ambos valen True. Las demás combinaciones sirven para definir mensajes de error expresivos en cada escenario, utilizando GHC. TypeLits. TypeError. La implementación del caso interesante es la siguiente:

Se obtiene la atribución del hijo de nombre adecuado (och) y se inserta el atributo en la misma, lo que corresponde a la expresión att =.vch *.och. El operador (*.) es azucar sintáctica para ConsAtt¹⁴, por lo que estáticamente se requiere satisfacer la restricción LabelSet ('(att, vch) ':och)). Finalmente la nueva atribución es insertada en el registro de atribuciones de los hijos usando updateAtChildF.

En todas las definiciones anteriores las funciones auxiliares utilizadas en las cláusulas where son funciones de acceso o predicados relativamente simples de

¹³a modo de ejemplo, cuando se define SingleDefR, en su segundo parámetro nótese que escribimos HMemberRes t nts, en lugar de mnts.

¹⁴En general (*.), (=.), (#.) corresponden a atribuciones, mientras que (.*), (.=), (.#) corresponden a mapeos de hijos. Existen versiones sobrecargadas de los operadores como vimos anteriormente en la sección 3.3 con el uso de (#). En ciertos escenarios el uso de la sobrecarga puede llevar a requerir anotar tipos y conducir a errores de compilación confusos. Es recomendable para los nuevos usuarios de la biblioteca, utilizar los constructores especializados.

definir. Como vimos, algunos de los valores que se retornan contienen información a nivel de tipos usada en tiempo de compilación. lch, mch, mnts son ejemplos de expresiones que no tienen información a nivel de valores.

Por ejemplo hasLabelChildAtts predica la existencia de una etiqueta de hijo a nivel de tipos. Se define como familia de tipos y todo el contenido computacional se da a nivel de los tipos, a nivel de valores se retorna un Proxy.

```
class HasLabelChildAtts (e :: k)(r :: [(k,[(k,Type)])]) where
  type HasLabelChildAttsRes (e::k)(r :: [(k,[(k,Type)])]) :: Bool
  hasLabelChildAtts
  :: Label e -> ChAttsRec r -> Proxy (HasLabelChildAttsRes e r)
```

La implementación es inmediata, buscamos la ocurrencia de la etiqueta en las primeras componentes de una lista de pares:

Por otra parte, **Or** es una función definida puramente a nivel de tipos, y la implementamos como familia.

```
type family Or (1 :: Bool)(r :: Bool) :: Bool where
   Or False b = b
   Or True b = 'True
```

Como ejemplo de una primitiva no usada en repmin podemos citar synmod, que redefine un atributo sintetizado existente (tanto el valor, como el tipo).

```
synmod :: UpdateAtLabelAtt att val sp sp' =>
   Label att -> val -> Fam ic sp -> Fam ic sp'
synmod latt val (Fam ic sp) = Fam ic (updateAtLabelAtt latt val sp)
```

4.3 Aspectos

Un aspecto se implementa simplemente como un registro heterogeneo que contendrá reglas etiquetadas por nombres de producciones.

```
type Aspect = Record
type Prd prd rule = Tagged prd rule
```

En este caso no consideramos necesaria una implementación especializada y preferimos reutilizar código, en contraste a la implementación de las atribuciones y registros de atribuciones de los hijos, en donde la estructura es compleja e induce a errores de programación (por lo que preferíamos tipar lo más fuertemente posible). De cualquier manera, para el usuario de la biblioteca la construcción de malas instancias puede ser prohibida por constructores inteligentes. En particular al utilizar el combinador de aspectos se utiliza la función comSingle que solo compila si las reglas están bien formadas, como vemos más adelante.

4.4 Combinación de Aspectos

La combinación de aspectos viene dada por la función (.+.) definida a nivel de tipos como la clase Com.

```
class Com (r :: [(k,Type)]) (s :: [(k, Type)]) where
  type (.++.) r s :: [(k,Type)]
  (.+.) :: Aspect r -> Aspect s -> Aspect (r .++. s)
```

La función se define por recursión en la segunda componente. Si una producción aparece en un solo aspecto parámetro aparecerá en el resultado intacta. Por otro lado, las producciones que aparezcan en ambos aspectos deberán incluirse en el resultado con las reglas combinadas según la función ext definida anteriormente. Para el caso base, donde el segundo aspecto es vacío la función retorna el primer aspecto sin modificar.

```
instance Com r '[] where
  type r .++. '[] = r
  r .+. _ = r
```

Si la segunda componente consiste en al menos una producción con su regla, la combinamos al primer aspecto mediante la función comSingle, y llamamos recursivamente a la combinación del nuevo registro creado con la cola del segundo parámetro.

La función comSingle es una función cuyo comportamiento es dependiente de los tipos de la producción y el Aspecto parámetro. Si ya existe una producción con ese nombre se deben combinar las reglas en el campo correspondiente del aspecto, sino el Aspecto debe extenderse. Implementamos ComSingle con un parámetro booleano extra que indica la pertenencia o no de la etiqueta prd al registro r. La firma viene dada por:

Nuevamente hacemos uso del proxy para propagar pruebas. La función hasLabelRec se define análogamente a hasLabelChildAtts. Luego podemos definir las instancias posibles de ComSingle, y además chequeamos ciertas propiedades de buena formación. En particular cuando combinamos reglas chequeamos que efectivamente estamos combinando reglas.

En el caso donde la etiqueta de la producción a insertar no está presente en el aspecto parámetro simplemente extendemos el aspecto:

```
instance ( LabelSet ('(prd, rule) ': r)) =>
  ComSingle 'False prd rule r where
  type ComSingleR 'False prd rule r = '(prd, rule) ': r
  comSingle _ prd asp = prd .*. asp
```

Si la producción ya existía en el aspecto parámetro, obtenemos la regla correspondiente, la combinamos con la nueva (ext), e insertamos la regla resultante en el aspecto.

Donde Syn3 e Inh3 son funciones de proyección definidas puramente a nivel de tipos:

```
type family Syn3 (rule :: Type) :: [(k', [(k, Type)])] where
  Syn3 (Rule sc ip ic sp ic'' sp'') = sp''
type family Inh3 (rule :: Type) :: [(k, Type)] where
  Inh3 (Rule sc ip ic sp ic'' sp'') = ic''
```

4.5 Funciones semánticas

En cada producción, llamamos "función semántica" al mapeo de los atributos heredados a los atributos sintetizados. Una computación sobre la gramática consiste exactamente en computar las funciones semánticas.

En el ejemplo repmin, la función sem_Tree construye, dados un aspecto y un árbol, una función semántica. El tipo de sem_Tree, si ignoramos los parámetros implícitos de las restricciones de typeclasses, viene dado por:

```
sem_Tree :: Aspect r -> Tree -> Attribution ip -> Attribution sp
```

Observemos la definición en uno de los casos:

Es la función knit la que se encarga de construir la función semántica a partir de las funciones semánticas de los hijos.

El tipo completo de sem_Tree es:

Se aprecian múltiples predicados que deben chequearse para que las llamadas a sem_Tree compilen. Una llamada donde el aspecto r no contenga definiciones para los nodos o para las hojas no compilará (observar las restricciones, por ejemplo que LookupByLabelRec P_Node r debe ser equivalente a una regla que contenga computaciones para los hijos Ch_1 y Ch_r). Por supuesto, como un aspecto es un registro no van a permitirse instancias donde se dupliquen etiquetas de producciones. No existe sin embargo ninguna restricción sobre el largo de r o las etiquetas adicionales que contiene, lo cual tiene sentido porque eventualmente la gramática podría extenderse con nuevas producciones.

4.6 La función knit

La función knit [8] realiza la verdadera computación. Toma las reglas combinadas para una producción y las funciones semánticas de los hijos, y construye la función semántica del padre.

Primero se construye una familia de salida vacía, mediante la función empties. Esta contiene atribuciones vacías tanto para el padre como para todos los hijos. A partir de la familia de entrada y nuestra familia "dummy" construimos la familia de salida. La familia de entrada consta de los atributos heredados del padre ip que tenemos disponibles como parámetro, y de los sintetizados de los hijos sc. Tenemos disponibles los atributos heredados de los hijos y las funciones semánticas, por lo que para computar sc debemos ejecutar knit en cada uno de los hijos, trabajo realizado por la función kn.

La función empties se define por recursión, sin mayores complicaciones:

```
class Empties (fc :: [(k,Type)]) where
  type EmptiesR fc :: [(k, [(k, Type)])]
  empties :: Record fc -> ChAttsRec (EmptiesR fc)

instance Empties '[] where
  type EmptiesR '[] = '[]
  empties EmptyR = EmptyCh
```

La función kn es una porción de código bastante técnica de programación a nivel de tipos. Dadas las funciones semánticas de los hijos y sus entradas (atributos heredados de los hijos) se construyen los atributos sintetizados para los hijos. La función debería tener un tipo similar a:

```
kn \ :: \ Record \ fcr \ -> \ ChAttsRec \ ich \ -> \ ChAttsRec \ sch
```

Pero observemos que ich y sch están determinados por el contenido de las funciones semánticas. La clase entonces se implementa con la firma:

```
class Kn (fcr :: [(k, Type)]) where
  type ICh fcr :: [(k, [(k, Type)])]
  type SCh fcr :: [(k, [(k, Type)])]
  kn :: Record fcr -> ChAttsRec (ICh fcr) -> ChAttsRec (SCh fcr)
```

Y luego la función kn se implementa por recursión en la forma de la función semántica. En algún sentido esta función se asemeja a zipWith \$:

```
instance Kn '[] where
 type ICh '[] = '[]
 type SCh '[] = '[]
 kn _ _ = EmptyCh
instance (Kn fc
         , LabelSet ('(lch, sch) : SCh fc)
         , LabelSet ('(lch, ich) : ICh fc)) =>
 Kn ( '(lch , Attribution ich -> Attribution sch) ': fc) where
 type ICh ( '(lch , Attribution ich -> Attribution sch) ': fc)
   = '(1ch , ich) ': ICh fc
 type SCh ('(lch , Attribution ich -> Attribution sch)': fc)
   = '(1ch , sch) ': SCh fc
 kn (ConsR pfch fcr) (ConsCh pich icr)
  = let scr = kn fcr icr
        lch = labelTChAtt pfch
         fch = unTagged pfch
         ich = unTaggedChAttr pich
     in ConsCh (TaggedChAttr lch (fch ich)) scr
```

5 Discusión

En la nueva implementación logramos expresar estáticamente propiedades que antes no eran representables. A modo de ejemplo, el constructor de tipos Fam en las versiones previas de AspectAG tiene kind

```
Fam :: * -> * -> *
```

Notar que Fam Bool Char es un tipo válido. Más aún, el constructor (de valores) Fam tiene tipo

```
Fam :: c \rightarrow p \rightarrow Fam c p
```

por lo que el tipo patológico Fam Bool Char está habitado. Esencialmente se trata de un tipo (,) con otro nombre. En la nueva implementación Fam tiene kind:

```
Fam :: [(k', [(k, Type)])] -> [(k, Type)] -> Type
```

Y el tipo del constructor Fam está dado por:

```
Fam :: forall k' k (c :: [(k', [(k, Type)])]) (p :: [(k, Type)]). ChAttsRec c -> Attribution p -> Fam c p
```

lo cual es mucho más expresivo. Notar que de todas formas el tipo Fam a priori no expresa la especificación completa del tipo de datos (lo que podríamos lograr en un lenguaje de tipos verdaderamente dependientes): en ninguna parte se declara que las listas de pares son en realidad mapeos donde las primeras componentes (las etiquetas) no se repiten. Sin embargo esto está garantizado porque los constructores de Attribution y ChAttsRec tienen restricciones (la constraint LabelSet). Nuestro sistema asegura que todos los valores de tipo Fam van a estar bien formados.¹⁵

La implementación de estructuras especializadas provee nombres mnemónicos para las estructuras, comparemos el tipo de asp_sres (definido en la sección 3.3) en la implementación antigua, y en la nueva:

```
asp_sres
:: (HExtend (Att (Proxy Att_sres) val) sp1 sp'1,
    HExtend (Att (Proxy Att_sres) Tree) sp2 sp'2,
    HExtend (Att (Proxy Att_sres) Tree) sp3 sp'3,
    HasField (Proxy (Ch_tree, Tree)) r1 r2,
    HasField (Proxy (Ch_1, Tree)) r3 r4,
    HasField (Proxy (Ch_r, Tree)) r3 r5,
    HasField (Proxy Att_sres) r2 val,
    HasField (Proxy Att_sres) r4 Tree,
    HasField (Proxy Att_sres) r5 Tree,
    HasField (Proxy Att_ival) r6 Int) =>
Record
(HCons(LVPair (Proxy P_Root) (Fam r1 p1 -> Fam ic1 sp1 -> Fam ic1 sp'1))
(HCons(LVPair (Proxy P_Node) (Fam r3 p2 -> Fam ic2 sp2 -> Fam ic2 sp'2))
(HCons(LVPair (Proxy P_Leaf) (Fam c r6 -> Fam ic3 sp3 -> Fam ic3 sp'3))
HNil)))
```

 $^{^{15}{}m O}$ casi: aún es posible construir valores como undefined o Fam undefined undefined de cualquier tipo construido con Fam.

Por otra parte, los mensajes de error han sido mejorados. Por ejemplo, supongamos que en el ejemplo repmin (sección 3.2) omitimos en la definición de asp_smin la regla p_Node.=.node_smin. La gramática de atributos estará mal formada a causa de la ausencia de reglas para computar smin en una producción y la función repmin no compilará.

En las versiones anteriores obtenemos el siguiente error críptico:

En la reimplementación:

```
. Type Error : No Field found on Aspect.
A Field of type P_Node was expected
(Possibly there are productions where the attribute is undefined)
```

Además de tipar fuertemente, sustituimos parte de la programación a nivel de tipos al estilo fuertemente basado en resolución de typeclasses utilizado con las técnicas antiguas por un estilo funcional gracias al uso de type families, más idiomático para una biblioteca implementada en Haskell. Por ejemplo, en las distintas versiones de la biblioteca original la función empties viene dada por una relación entre tipos que se declara funcional con una dependencia:

```
class Empties fc ec | fc -> ec where
  empties :: fc -> ec
```

En contraste, en la nueva implementación EmptiesR es explícitamente una función a nivel de tipos de kind

```
EmptiesR :: [(k, *)] -> [(k, [(k, *)])]
y empties una función a nivel de valores, de tipo
empties :: Record fc -> ChAttsRec (EmptiesR fc)
```

Esta cuestión era planteada como trabajo futuro en la publicación original de la biblioteca [25].

La implementación obtenida resulta utilizable, se programaron múltiples ejemplos de uso. Además de se provee una demostración del uso de la programación a nivel de tipos en Haskell enriquecido por el conjunto de extensiones que implementa el compilador GHC moderno.

6 Conclusiones y Trabajo Futuro

En este documento mostramos las principales características de la reimplementación de un subconjunto de la biblioteca AspectAG utilizando técnicas modernas de programación a nivel de tipos. Como resultado de la reimplementación hicimos fuertemente tipadas las dos capas de programación, a diferencia de la biblioteca original, que a nivel de tipos era esencialmente no tipada.

En este proyecto, se reimplementó un subconjunto de la biblioteca original; es natural fijarnos como objetivo a futuro tener una versión completa de la biblioteca implementada para publicar. Las características faltantes actualmente consisten en la implementación de algunas primitivas que permiten definir atributos en un mayor nivel de abstracción.

En la nueva implementación fuertemente tipada surgen también nuevas características deseables, como un mejor manejo de los registros heterogeneos (evitar las múltiples implementaciones análogas entre sí) o explorar la posibilidad de utilizar distintos kinds para las distintas categorías de etiqueta.

Continúa abierto el tema planteado en [25] sobre la implementación de un sistema análogo a AspectAG en un lenguaje de tipos dependientes.

Bibliografía

- [1] Alfred V. Aho, Ravi Sethi, and Jeffrey D. Ullman. *Compilers: Principles, Techniques, and Tools*. Addison-Wesley Longman Publishing Co., Inc., Boston, MA, USA, 1986.
- [2] Lennart Augustsson and Kent Petersson. Silly Type Families. 09 1994.
- [3] Richard Bird. Using circular programs to eliminate multiple traversals of data. Acta Informática. 21:239–250, 10 1984.
- [4] Richard Bird and Oege de Moor. The algebra of programming. In *Proceedings of the NATO Advanced Study Institute on Deductive Program Design*, pages 167–203, Secaucus, NJ, USA, 1996. Springer-Verlag New York, Inc.
- [5] Manuel M. T. Chakravarty, Gabriele Keller, and Simon Peyton Jones. Associated type synonyms. SIGPLAN Not., 40(9):241–253, September 2005.
- [6] Manuel M. T. Chakravarty, Gabriele Keller, Simon Peyton Jones, and Simon Marlow. Associated types with class. SIGPLAN Not., 40(1):1–13, January 2005.
- [7] James Cheney and Ralf Hinze. First-class phantom types. 2003.
- [8] Oege de Moor, Simon L. Peyton Jones, and Eric Van Wyk. Aspect-oriented compilers. In Generative and Component-Based Software Engineering, First International Symposium, GCSE'99, Erfurt, Germany, September 28-30, 1999, Revised Papers, pages 121-133, 1999.
- [9] Atze Dijkstra, Jeroen Fokker, and S. Doaitse Swierstra. The Architecture of the Utrecht Haskell Compiler. In *Proceedings of the 2Nd ACM SIGPLAN Symposium on Haskell*, Haskell '09, pages 93–104, New York, NY, USA, 2009. ACM.
- [10] Richard A. Eisenberg, Dimitrios Vytiniotis, Simon Peyton Jones, and Stephanie Weirich. Closed type families with overlapping equations. SIG-PLAN Not., 49(1):671–683, January 2014.
- [11] Richard A. Eisenberg and Stephanie Weirich. Dependently typed programming with singletons. SIGPLAN Not., 47(12):117–130, September 2012.
- [12] R. Eisenberg et al. singletons Library. http://hackage.haskell.org/package/singletons.
- [13] Mark P. Jones. Type classes with functional dependencies. In *ESOP*, volume 1782 of *Lecture Notes in Computer Science*, pages 230–244. Springer, 2000.
- [14] Oleg Kiselyov, Ralf Lämmel, and Keean Schupke. Strongly typed heterogeneous collections. In *Proceedings of the 2004 ACM SIGPLAN Workshop on Haskell*, Haskell '04, pages 96–107, New York, NY, USA, 2004. ACM.

- [15] Donald E. Knuth. Semantics of context-free languages. In *In Mathematical Systems Theory*, pages 127–145, 1968.
- [16] Sam Lindley and Conor McBride. Hasochism: The pleasure and pain of dependently typed haskell programming. SIGPLAN Not., 48(12):81–92, September 2013.
- [17] Oege De Moor. First-class attribute grammars. Informatica, 24:2000, 1999.
- [18] Simon Peyton Jones, Mark Jones, and Erik Meijer. Type classes: an exploration of the design space. In *Haskell workshop*, January 1997.
- [19] Tim Sheard and Simon Peyton Jones. Template Meta-programming for Haskell. SIGPLAN Not., 37(12):60-75, December 2002.
- [20] Jonathan Sterling. vinyl: Extensible Records. http://hackage.haskell.org/package/vinyl.
- [21] Martin Sulzmann, Manuel M. T. Chakravarty, Simon Peyton Jones, and Kevin Donnelly. System F with Type Equality Coercions. In Proceedings of the 2007 ACM SIGPLAN International Workshop on Types in Languages Design and Implementation, TLDI '07, pages 53–66, New York, NY, USA, 2007. ACM.
- [22] GHC Team. GHC Users Guide Documentation.
- [23] Utrecht University. Attribute Grammar System of Universiteit Utrecht. http://hackage.haskell.org/package/uuagc.
- [24] Atze van der Ploeg. CTRex: Open records using closed type families. http://hackage.haskell.org/package/CTRex.
- [25] Marcos Viera, S. Doaitse Swierstra, and Wouter Swierstra. Attribute Grammars Fly First-class: How to Do Aspect Oriented Programming in Haskell. In Proceedings of the 14th ACM SIGPLAN International Conference on Functional Programming, ICFP '09, pages 245–256, New York, NY, USA, 2009. ACM.
- [26] P. Wadler. The expression problem, mailing list discussion. http://homepages.inf.ed.ac.uk/wadler/papers/expression/expression.txt. Accedido: 28-8-2018.
- [27] Haskell Wiki. Heterogeneus collections. https://wiki.haskell.org/Heterogenous_collections. Accedido: 31-10-2018.
- [28] Hongwei Xi, Chiyan Chen, and Gang Chen. Guarded recursive datatype constructors. In *Proceedings of the 30th ACM SIGPLAN-SIGACT Symposium on Principles of Programming Languages*, POPL '03, pages 224–235, New York, NY, USA, 2003. ACM.

[29] Brent A. Yorgey, Stephanie Weirich, Julien Cretin, Simon Peyton Jones, Dimitrios Vytiniotis, and José Pedro Magalhães. Giving Haskell a Promotion. In *Proceedings of the 8th ACM SIGPLAN Workshop on Types in Language Design and Implementation*, TLDI '12, pages 53–66, New York, NY, USA, 2012. ACM.