

1. (1)

$$G(s) = \frac{50}{s(s+5)(0.1s+1)} \quad r(t) = t^2 + 2t + 2.$$

由劳斯判据, 系统稳定

解: $k_p = \lim_{s \rightarrow 0} G(s)H(s) = \infty$

$$k_v = \lim_{s \rightarrow 0} sG(s)H(s) = 10$$

$$k_a = \lim_{s \rightarrow 0} s^2G(s)H(s) = 0$$

在 $r_1(t) = 2$ 作用下: $e_{ssp} = \frac{R_{op}}{1+k_p} = \frac{2}{1+\infty} = 0$

在 $r_2(t) = 2t$ 作用下: $e_{ssv} = \frac{R_{ov}}{k_v} = \frac{2}{10} = 0.2$

在 $r_3(t) = t^2$ 作用下: $e_{ssa} = \frac{R_{oa}}{k_a} = \infty$

故在 $r(t)$ 作用下, 系统的稳态误差为 ∞ .

1. (2) $G(s) = \frac{10(2s+1)}{s^2(s^2+6s+100)} \quad r(t) = t^2 + 2t + 2.$

解: 由劳斯判据, 系统稳定.

$$e_{ssp} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{R_{op}}{1+GH} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{2}{1 + \frac{10(2s+1)}{s^2(s^2+6s+100)}} = 0$$

$$e_{ssv} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{R_{ov}}{sGH} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{2}{\frac{10(2s+1)}{s(s^2+6s+100)}} = 0$$

$$e_{ssa} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{R_{oa}}{s^2GH} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{2}{\frac{10(2s+1)}{s^2+6s+100}} = 20$$

放在 $r(t)$ 作用下, 系统稳态误差为 20.

放在 $r(t)$ 作用下, 系统的稳态误差为 20:

2. 首先由劳斯判据, 发现系统稳定.

$$R(s) = N_1(s) = N_2(s) = \frac{1}{s}$$

对 $R(s)$ 而言, 误差传递函数为 $\frac{1}{1+GF}$

对 N_1 而言, 误差传递函数为 $\frac{-F}{1+GF}$

对于 N_2 而言, 误差传递函数为 $\frac{-1}{1+GF}$

$$\text{在 } r(t) \text{ 作用下: } e_{ssr} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{kp s + k}{J \cdot s^2}} = 0$$

$$\text{在 } n_1(t) \text{ 作用下: } e_{ssn_1} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{\frac{-1}{Js}}{1 + \frac{kp s + k}{Js^2}} = 0$$

$$\text{在 } n_2(t) \text{ 作用下: } e_{ssn_2} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{-1}{1 + \frac{kp s + k}{Js^2}} = 0$$

∴ 系统的稳态误差为 0.