

```
Menu
jovana@jovana: ~/Desktop/jovana
File Edit View Search Terminal Help

jovana@jovana:~/Desktop/jovana$ python3 algoritmi.py
Unesite broj tacaka:
4
Unesite koordinate originalnih tacaka:
-3 -1 1
3 -1 1
1 1 1
-1 1 1
Koordinate originalnih tacaka su:
[[-3 -1 1]
 [ 3 -1 1]
 [ 1 1 1]
 [-1 1 1]]
Unesite koordinate tacaka slike:
-2 -1 1
2 -1 1
2 1 1
-2 1 1
Koordinate tacaka slike su:
[[-2 -1 1]
 [ 2 -1 1]
 [ 2 1 1]
 [-2 1 1]]

***** NAIVNI ALGORITAM *****
Matrica naivnog algoritma
[[ 2. -0.  0.]
 [-0.  2. -1.]
 [ 0. -1.  2.]]

Koeficijenti su:
0.33 -0.33 1.0

Provera za tacku D:
[-1.  1.  1.]
```

```
algoritmi.py (~/Desktop/jovana) - Pluma
File Edit View Search Tools Documents Help
Open Save Undo Cut Copy Paste Find

algoritmi.py x
51 bazne_tacke=[[1, 0, 0],
52             [0, 1, 0],
53             [0, 0, 1],
54             [1, 1, 1]]
55 #f: Ao, Bo, Co, Do -> A, B,C, D
56 #D=Aalfa+Bbeta+Cgama, alfa, beta, gama su razliciti od nule
57 def resavanje_sistema(tacke):
58     D= np.array([[tacke[0][0], tacke[1][0], tacke[2][0],
59                  [tacke[0][1], tacke[1][1], tacke[2][1]],
60                  [tacke[0][2], tacke[1][2], tacke[2][2]]])
61
62     D1=np.array([tacke[3][0], tacke[3][1], tacke[3][2]])
63
64     alfa, beta, gama =np.linalg.solve(D, D1)
65
66     return (alfa, beta, gama)
67
68 def matrica_P(tacke, tacke_projekcije):
69     (alfa, beta, gama) = resavanje_sistema(tacke)
70
71     p1 = np.array([[x*alfa for x in tacke[0]],
72                  [x*beta for x in tacke[1]],
73                  [x*gama for x in tacke[2]]])
74
75     p1 = np.transpose(p1)
76
77     (alfap, betap, gamap) = resavanje_sistema(tacke_projekcije)
78     p2 = np.array([[x*alfap for x in tacke_projekcije[0]],
79                  [x*betap for x in tacke_projekcije[1]],
80                  [x*gamap for x in tacke_projekcije[2]]])
81
82     p2 = np.transpose(p2)
83
84     P =p2.dot(LA.inv(p1))
85     return (P, alfa, beta, gama)
86
87 def naivni_algoritam(tacke, tacke_projekcije):
88     P_matrica, alfa, beta, gama = matrica_P(tacke, tacke_projekcije)
89     return (P_matrica, alfa, beta, gama)
90
91 P_matrica, alfa, beta, gama = naivni_algoritam(tacke, tacke_projekcije)
92
```

```
Menu
jovana@jovana: ~/Desktop/jovana
File Edit View Search Terminal Help

***** DLT *****
Matrica preslikavanja za DLT algoritam sa 4 tacke:
[[-0.53452 -0.      0.      ]
 [ 0.      -0.53452  0.26726]
 [ 0.      0.26726 -0.53452]]

Poredjenje naivnog i DLT algoritma, na 5 decimala
Zakljucak:
[[ 2.  0. -0.]
 [-0.  2. -1.]
 [-0. -1.  2.]]
[[ True  True  True]
 [ True  True  True]
 [ True  True  True]]

Algoritmi primenjeni na vise korespodencija
Unesite broj tacaka:
6
Unesite koordinate originalnih tacaka:
-3 -1 1
3 -1 1
1 1 1
-1 1 1
1 2 3
-8 -2 1
Koordinate originalnih tacaka su:
[[-3 -1 1]
 [ 3 -1 1]
 [ 1 1 1]
 [-1 1 1]
 [ 1 2 3]
 [-8 -2 1]]
Unesite koordinate tacaka slike:
-2 -1 1
2 -1 1
2 1 1
```

```
algorithmi.py (~/Desktop/jovana) - Pluma
File Edit View Search Tools Documents Help
Open Save Undo Cut Copy Paste Find

algorithmi.py x
110 def dlt(tacke, tacke_slike):
111
112     matrica = []
113     n = len(tacke)
114     for i in range(n):
115         matrica.append([0, 0, 0,
116                        -tacke_slike[i][2]*tacke[i][0], -tacke_slike[i][2]*tacke[i][1], -tacke_slike[i][2]*tacke[i]
117                        [2],
118                        tacke_slike[i][1]*tacke[i][0], tacke_slike[i][1]*tacke[i][1], tacke_slike[i][1]*tacke[i]
119                        [2]])
120     matrica.append([tacke_slike[i][2]*tacke[i][0], tacke_slike[i][2]*tacke[i][1], tacke_slike[i]
121                     [2]*tacke[i][2],
122                     0, 0, 0,
123                     -tacke_slike[i][0]*tacke[i][0], -tacke_slike[i][0]*tacke[i][1], -tacke_slike[i][0]*tacke[i]
124                     [2]])
125
126     #svd, A=UDV^T, bitna nam je jedino matrica V i to njene kolone, jer je tu rezultat
127     _, _, V = LA.svd(matrica)
128     P_matrica_DLT = V[0:3]*(-1)
129     return P_matrica_DLT
130
131 print('***** DLT *****')
132 P_matrica_DLT = dlt(tacke, tacke_projekcije)
133 print(f'Matrica preslikavanja za DLT algoritam sa {n} tacaka: % n')
134 print(P_matrica_DLT.reshape((3,3)).round(decimals=5))
135
136 #Poredjenje sa naivnim, stavljamo u if uslov za slucaj da nam je vrednost 0 i da ne bi dobili
137 #deljenje 0, posto ne znamo unapred vrednosti, inace treba da se odabere vrednost koja nije 0 pri
138 #deljenju i tako za svako poredjenje
139 P=P_matrica
140 PM=P_matrica_DLT
141 if ((PM[0]*P[0][0])!=0):
142     print('Poredjenje naivnog i DLT algoritma, na 5 decimala:')
143     M=[(x / PM[0] * P[0][0]) for x in PM]
144     M=np.array(M).reshape(3,3).round(decimals=5)
145     print('Zakljucak:')
146     print(M)
147     print(M.round(decimals=5)==P.round(decimals=5))
148     print()
```

```
Menu
jovana@jovana: ~/Desktop/jovana
File Edit View Search Terminal Help
[-0.      -0.26726  0.53452]]

Poredjenje naivnog i DLT algoritma, na 5 decimala
Zakljucak:
[[ 2.  0. -0.]
 [ 0.  2. -1.]
 [-0. -1.  2.]]
[[ True  True  True]
 [ True  True  True]
 [ True  True  True]]

***** DLT NORMALIZOVANI *****
T matrica
[[0.4496856  0.      1.27777778]
 [0.      0.4496856  0.22222222]
 [0.      0.      1.      ]]

T' matrica
[[0.61609012 0.      0.58333333]
 [0.      0.61609012 0.16666667]
 [0.      0.      1.      ]]

Matrica dobijena DLT normalizovanim algoritmom za 6 tacaka:
[[ 0.3603 -0.      0.      ]
 [-0.      0.3603 -0.18015]
 [ 0.      -0.18015  0.3603 ]]

Poredjenje naivnog i normalizovanog DLT, na 5 decimala
Zakljucak:
[[ 2. -0.  0.]
 [-0.  2. -1.]
 [ 0. -1.  2.]]
[[ True  True  True]
 [ True  True  True]
 [ True  True  True]]
jovana@jovana: ~/Desktop/jovana$
```

```
algorithmi.py (~/Desktop/jovana) - Pluma
File Edit View Search Tools Documents Help
Open Save Undo
algorithmi.py x
209 def normalizacija(ps):
210     #1.centar mase (teziste)
211     centar_mase_x=sum([a[0] for a in ps]) / len(ps)
212     centar_mase_y=sum([a[1] for a in ps]) / len(ps)
213
214     #2.translacija u koordinatni pocetak
215     tacke_p=[[a[0]-centar_mase_x, a[1]-centar_mase_y] for a in ps]
216     lambda1=srednje_rastojanje(tacke_p)
217
218     #matrica translacije i skaliranja T=SG, S skaliranje, G translacija
219     T=np.array([[math.sqrt(2)/lambda1, 0, centar_mase_x * (-1)],
220                [0, math.sqrt(2)/lambda1, centar_mase_y*(-1)],
221                [0, 0, 1]])
222
223     return T
224
225 #racunanje koeficijenta lambda1 koji predstavlja srednje rastojanje tacaka
226 def srednje_rastojanje(tacke_p):
227     lambda1=sum([math.sqrt(tacka_p[0]*tacka_p[0] + tacka_p[1]*tacka_p[1]) for tacka_p in
228                tacke_p]) / len(tacke_p)
229     return lambda1
230
231 #algoritam dlt normalizacija (P=T'^A-IP^A-T)
232 def dlt_norm(tacke, tacke_slike):
233     #matrice T i Ip su matrice normalizacije originalnih tacaka i njihovih slika
234     T=np.array(normalizacija(tacke)).reshape((3,3))
235     Tp=np.array(normalizacija(tacke_slike)).reshape((3,3))
236
237     #Normalizacija tacaka i njihovih slika
238     tacke=np.transpose(tacke)
239     tacke_slike=np.transpose(tacke_slike)
240
241     tackeN=np.transpose(T.dot(tacke))
242     tacke_slikeN=np.transpose(Tp.dot(tacke_slike))
243
244     #Primena dlt algoritma na normalizovane tacke i slike
245     dlt=dlt(tackeN, tacke_slikeN)
246     dlt=np.array(dlt_matrica).reshape((3,3))
247
248     #4. P=P*T'^A-IP^A~T
249     rezultat= (LA.inv(Tp)).dot(dlt).dot(T)
250     return (rezultat, T, Tp)
```