

Тест има 20 задатака. Време за рад је 180 минута. Задаци 1-6 вреде по 4 поена, задаци 7-14 вреде по 5 поена, а задаци 15-20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси  $-10\%$  од броја поена за тачан одговор. Заокруживање  $H$  не доноси ни позитивне ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се  $-1$  поен.

1. Ако је  $\log_5 2 = a$  и  $\log_3 5 = b$  онда је  $\log_5 72$  једнако:

A)	$2a + 3/b$	II)	$2/a + 3b$	E)	$2a - 3b$
Г)	$3a + 2b$	И)	$3a + 2/b$	H)	Не знам

2. Ако за аритметички низ важи  $a_3 + a_5 + a_7 = 12$  и  $a_2 + a_6 = 12$  онда је  $a_1$  једнако:

A)	10	II)	12	E)	-2
Г)	2	И)	24	H)	Не знам

3. Вредност израза  $\frac{\sqrt{(-2020)^2} + \sqrt[3]{(-2020)^3}}{|-2020|}$  је:

A)	-2	II)	0	E)	$2\sqrt{2020}$
Г)	2	И)	$-2\sqrt{2020}$	H)	Не знам

4. Ако су  $x$  и  $y$  реални бројеви за које важи  $2 \cdot 4^x = 16 \cdot 2^y$  и  $y + 1 = x - 1$ , онда је  $x + y$  једнако:

A)	0	II)	2	E)	1
Г)	-1	И)	-2	H)	Не знам

5. Ако је  $z_1 = 4 + 2i$ ,  $z_2 = 1 + i$  и  $z_3 = 3 - i$ ,  $i^2 = -1$ , онда је  $\frac{z_1}{z_2} + \bar{z}_3$  једнако:

A)	$3 + i$	II)	$6 - 2i$	E)	$2i$
Г)	0	И)	6	H)	Не знам

6. Вредност израза  $(\sin(240^\circ) \cdot \cos(120^\circ)) / \operatorname{tg}(45^\circ)$  је:

A)	$3/4$	II)	$-3/4$	E)	$1/4$
Г)	$\sqrt{3}/4$	И)	$-\sqrt{3}/4$	H)	Не знам

7. Производ свих реалних решења једначине  $(7 + 4\sqrt{3})^{x^2-3x+3} + (7 - 4\sqrt{3})^{x^2-3x+3} = 14$  је:

A)	-3	II)	6	E)	2
Г)	3	И)	-2	H)	Не знам

8. Површина праве купе чија је запремина  $3\pi cm^3$ , а површина основе  $3\pi cm^2$  износи:

A)	$6\pi cm^2$	II)	$12\pi cm^2$	E)	$9\pi cm^2$
Г)	$27\pi cm^2$	И)	$9\sqrt{3}\pi cm^2$	H)	Не знам

9. Ако је  $ax + b$  остатак при дељењу полинома  $x^{2020} + x^{2019}$  полиномом  $x^2 - 1$  онда је  $a + 3b$  једнако:

A)	-4	II)	3	E)	4
Г)	2	И)	-3	H)	Не знам

10. Збир свих реалних решења једначине  $|x + 4| + \sqrt{x^2 - 4x + 4} = 14$  је:

A)	-14	II)	14	E)	-2
Г)	2	И)	0	H)	Не знам

11. У правоуглом троуглу катете су  $a = 6\text{cm}$  и  $b = 8\text{cm}$ . Однос површина описаног и уписаног круга тог троугла је:

A)	$25\pi/4$	II)	$25/4$	E)	2
Г)	$4/3$	И)	$4\pi/3$	H)	Не знам

12. Колико има петоцифрених природних бројева чије су све цифре парне?

A)	2500	II)	3715	E)	4500
Г)	2000	И)	10000	H)	Не знам

13. Ако је  $f(1-x) = \frac{1+2x-x^2}{3(1-x)}$  за  $x \neq 1$ , тада је  $f(2) + 2f\left(\frac{1}{2}\right)$  једнако:

A)	6	II)	$3/4$	E)	$-1/3$
Г)	0	И)	2	H)	Не знам

14. Ако су  $x_1$  и  $x_2$  решења једначине  $x^2 - 2mx - 2\sqrt{3}x + 2m^2 + 4\sqrt{3}m = 0$ , онда је  $x_1^2 + x_2^2$  једнако:

A)	12	II)	$16m\sqrt{3}$	E)	36
Г)	$4\sqrt{3}$	И)	$4(m + \sqrt{3})^2$	H)	Не знам

15. Производ најмањег и највећег решења неједначине  $\frac{2x^2+x-2}{x^2+x+1} \leq 1$  је:

A)	-3	II)	-1	E)	0
Г)	-4	И)	-2	H)	Не знам

16. Број целибројних решења неједначине  $\log_{\frac{2}{\pi}}(x^2 - 3) \geq \log_{\frac{2}{\pi}}(x - 1)$  је:

A)	2	II)	1	E)	4
Г)	3	И)	0	H)	Не знам

17. Позитивна вредност параметра  $n$  за коју је права  $y = \frac{5}{2}x + n$  тангента елипсе  $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{25} = 1$  припада интервалу:

A)	(5,10)	II)	(0,5)	E)	(15,20)
Г)	(10,15)	И)	(20,25)	H)	Не знам

18. Број решења једначине  $4 \cdot \sin(2x) \cdot \cos(2x) + 1 = 0$  у интервалу  $(0, \pi)$  једнак је:

A)	4	II)	1	E)	2
Г)	3	И)	0	H)	Не знам

19. У лопту полупречника  $9\text{cm}$  уписана је права купа максималне површине омотача. Висина те купе једнака је:

A)	$9\text{cm}$	II)	$18\text{cm}$	E)	$36\text{cm}$
Г)	$12\text{cm}$	И)	$9\sqrt{3}\text{cm}$	H)	Не знам

20. Број целибројних решења неједначине  $\sqrt{x+3} < 3 - x$  је:

A)	2	II)	3	E)	5
Г)	4	И)	1	H)	Не знам