

Тест има 20 задатака. Време за рад је 180 минута. Задаци 1-6 вреде по 4 поена, задаци 7-14 вреде по 5 поена, а задаци 15-20 вреде по 6 поена. Погрешан одговор доноси -10% од броја поена за тачан одговор. Заокруживање H не доноси ни позитивне ни негативне поене. У случају заокруживања више од једног, као и у случају незаокруживања ниједног одговора, добија се -1 поен.

1. Ако је $z_1 = 4 + 2i$, $z_2 = 1 + i$ и $z_3 = 3 - i$, $i^2 = -1$, онда је $\frac{z_1}{z_2} + \bar{z}_3$ једнако:

A)	$3 + i$	II)	$6 - 2i$	E)	$2i$
Г)	0	И)	6	H)	Не знам

2. Ако је $\log_5 2 = a$ и $\log_3 5 = b$ онда је $\log_5 72$ једнако:

A)	$2a + 3/b$	II)	$2/a + 3b$	E)	$2a - 3b$
Г)	$3a + 2b$	И)	$3a + 2/b$	H)	Не знам

3. Вредност израза $\frac{\sqrt{(-2020)^2} + \sqrt[3]{(-2020)^3}}{|-2020|}$ је:

A)	-2	II)	0	E)	$2\sqrt{2020}$
Г)	2	И)	$-2\sqrt{2020}$	H)	Не знам

4. Ако за аритметички низ важи $a_3 + a_5 + a_7 = 12$ и $a_2 + a_6 = 12$ онда је a_1 једнако:

A)	10	II)	12	E)	-2
Г)	2	И)	24	H)	Не знам

5. Вредност израза $(\sin(240^\circ) \cdot \cos(120^\circ)) / \operatorname{tg}(45^\circ)$ је:

A)	$3/4$	II)	$-3/4$	E)	$1/4$
Г)	$\sqrt{3}/4$	И)	$-\sqrt{3}/4$	H)	Не знам

6. Ако су x и y реални бројеви за које важи $2 \cdot 4^x = 16 \cdot 2^y$ и $y + 1 = x - 1$, онда је $x + y$ једнако:

A)	0	II)	2	E)	1
Г)	-1	И)	-2	H)	Не знам

7. Производ свих реалних решења једначине $(7 + 4\sqrt{3})^{x^2-3x+3} + (7 - 4\sqrt{3})^{x^2-3x+3} = 14$ је:

A)	-3	II)	6	E)	2
Г)	3	И)	-2	H)	Не знам

8. Збир свих реалних решења једначине $|x + 4| + \sqrt{x^2 - 4x + 4} = 14$ је:

A)	-14	II)	14	E)	-2
Г)	2	И)	0	H)	Не знам

9. Ако је $ax + b$ остатак при дељењу полинома $x^{2020} + x^{2019}$ полиномом $x^2 - 1$ онда је $a + 3b$ једнако:

A)	-4	II)	3	E)	4
Г)	2	И)	-3	H)	Не знам

10. Површина праве купе чија је запремина $3\pi cm^3$, а површина основе $3\pi cm^2$ износи:

A)	$6\pi cm^2$	II)	$12\pi cm^2$	E)	$9\pi cm^2$
Г)	$27\pi cm^2$	И)	$9\sqrt{3}\pi cm^2$	H)	Не знам

11. Ако је $f(1-x) = \frac{1+2x-x^2}{3(1-x)}$ за $x \neq 1$, тада је $f(2) + 2f\left(\frac{1}{2}\right)$ једнако:

A)	6	II)	3/4	E)	-1/3
Г)	0	И)	2	H)	Не знам

12. Колико има петоцифрених природних бројева чије су све цифре парне?

A)	2500	II)	3715	E)	4500
Г)	2000	И)	10000	H)	Не знам

13. У правоуглом троуглу катете су $a = 6\text{cm}$ и $b = 8\text{cm}$. Однос површина описаног и уписаног круга тог троугла је:

A)	$25\pi/4$	II)	25/4	E)	2
Г)	$4/3$	И)	$4\pi/3$	H)	Не знам

14. Ако су x_1 и x_2 решења једначине $x^2 - 2mx - 2\sqrt{3}x + 2m^2 + 4\sqrt{3}m = 0$, онда је $x_1^2 + x_2^2$ једнако:

A)	12	II)	$16m\sqrt{3}$	E)	36
Г)	$4\sqrt{3}$	И)	$4(m + \sqrt{3})^2$	H)	Не знам

15. Број целиборојних решења неједначине $\log_{\frac{2}{\pi}}(x^2 - 3) \geq \log_{\frac{2}{\pi}}(x - 1)$ је:

A)	2	II)	1	E)	4
Г)	3	И)	0	H)	Не знам

16. Број решења једначине $4 \cdot \sin(2x) \cdot \cos(2x) + 1 = 0$ у интервалу $(0, \pi)$ једнак је:

A)	4	II)	1	E)	2
Г)	3	И)	0	H)	Не знам

17. Производ најмањег и највећег решења неједначине $\frac{2x^2+x-2}{x^2+x+1} \leq 1$ је:

A)	-3	II)	-1	E)	0
Г)	-4	И)	-2	H)	Не знам

18. Број целиборојних решења неједначине $\sqrt{x+3} < 3 - x$ је:

A)	2	II)	3	E)	5
Г)	4	И)	1	H)	Не знам

19. Позитивна вредност параметра n за коју је права $y = \frac{5}{2}x + n$ тангента елипсе $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{25} = 1$ припада интервалу:

A)	(5,10)	II)	(0,5)	E)	(15,20)
Г)	(10,15)	И)	(20,25)	H)	Не знам

20. У лопту полупречника 9cm уписана је права купа максималне површине омотача. Висина те купе једнака је:

A)	9cm	II)	18cm	E)	36cm
Г)	12cm	И)	$9\sqrt{3}\text{cm}$	H)	Не знам