

Fizika nevtronskih jedrskih naprav

Skripta v nastajanju po predavanjih prof. dr. Luka Snoj, FMF, IJS

Teodor Jovanovski

9. oktober 2025

Kazalo

1	Jedrske sile in vezavna energija	3
1.1	Osnovne interakcije v jedru	3
1.2	Vezavna energija	3
1.3	Ocene pomembnih količin	3
2	Modeli atomskega jedra	4
2.1	Kapljični model in semiempirična masna formula	4
2.2	Lupinski model in magična jedra	5
3	Stabilnost jeder in energija jedrskih reakcij	5
3.1	Stabilna jedra	5
3.2	Energija razpada	5
3.3	Ocena sproščene energije pri cepitvi	5
4	Radioaktivnost in cepitveni produkti	6
4.1	Osnovni zakon radioaktivnega razpada	6
4.2	Aktivnost cepitvenih produktov	6
4.3	Empirične formule za aktivnost po zaustavitvi	6
4.4	Enota Curie in velikostni redi	7
5	Vplivi ionizirajočega sevanja	7
5.1	Dozimetrične količine in enote	7
5.2	Primer izračuna hitrosti absorbirane doze	8
5.3	Biološki učinki in zaščita	9
5.4	Zaostala toplota in hlajenje goriva	9
6	Interakcija nevtronov z jedri	9
6.1	Mikroskopski presek	9
6.1.1	Vrste presekov	9
6.2	Makroskopski presek in slabljenje toka	10
7	Energijska odvisnost presekov in reakcijska hitrost	11
7.1	Splošna oblika reakcijske hitrosti	11
7.2	Energijske regije nevtronov	11
7.3	Tipična odvisnost presekov od energije	11
7.4	Fisijski spekter	12
8	Praktični izračuni v jedrski tehniki	12
8.1	Izračun številske gostote jeder (n)	12
8.2	Gostota moči v reaktorju	12
8.3	Sproščena in uporabna energija pri cepitvi	12

1 Jedrske sile in vezavna energija

V naravi poznamo štiri osnovne sile: gravitacijsko, elektromagnetno, šibko jedrsko in močno jedrsko silo. V jedrski fiziki sta ključni slednji dve.

1.1 Osnovne interakcije v jedru

Močna jedrska sila je sila, ki veže nukleone (protone in nevtrone) skupaj v atomsko jedro. Njene ključne lastnosti so:

- Je izjemno močna, vendar ima zelo kratek doseg, ki je reda velikosti premera jedra.
- Deluje le na razdaljah približno med 0.5 fm in 2 fm ($1 \text{ fm} = 10^{-15} \text{ m}$).
- Na manjših razdaljah postane odbojna, kar preprečuje, da bi se nukleoni zlili med seboj.
- Je neodvisna od naboja; deluje enako med protoni-protoni, nevtroni-nevtroni in protoni-nevtroni.

Potencial močne sile si lahko predstavljamo kot potencialno jamo. Nukleoni so ujeti v tej jami, ki predstavlja jedro.

Šibka jedrska sila je odgovorna za nekatere jedrske razpade, predvsem za razpad beta (β). Pri tem razpadu se v jedru nevtron pretvori v proton (ali obratno), kar spremeni vrstno število elementa. Njen doseg je še bistveno krajši od dosega močne sile.

Elektromagnetna sila deluje med nabitimi delci. V jedru povzroča odboj med pozitivno nabitimi protoni. Ker ima neskončen doseg, njen vpliv narašča s številom protonov in pri težjih jedrih pomembno prispeva k nestabilnosti.

1.2 Vezavna energija

Masa atomskega jedra je vedno manjša od vsote mas njegovih sestavnih delov (protonov in nevtronov). Ta razlika v masi, imenovana masni defekt (Δm), se po Einsteinovi enačbi $E = \Delta mc^2$ sprosti v obliki energije ob nastanku jedra. Tej energiji pravimo **vezavna energija** (E_v).

$$E_v = (Z \cdot m_p + N \cdot m_n - m_{\text{jedra}}) \cdot c^2 \quad (1)$$

kjer je Z število protonov, N število nevtronov, m_p masa protona, m_n masa nevtrona in m_{jedra} masa jedra.

Ker je vezavna energija energija, ki jo je treba *dovesti*, da jedro razdelimo na posamezne nukleone, je po dogovoru negativna ($E_v < 0$). Bolj kot je jedro vezano, večja je absolutna vrednost vezavne energije. Pomemben podatek je tudi vezavna energija na nukleon (E_v/A), ki nam pove, kako močno je v povprečju vezan posamezen nukleon. Največjo vrednost doseže pri jedrih v okolici železa (^{56}Fe).

Za pregled lastnosti različnih jeter se uporablja **karta nuklidov**, kot je tista, ki jo vzdržuje IAEA (Mednarodna agencija za atomsko energijo). Na njej so jedra prikazana v odvisnosti od števila protonov (Z) in nevtronov (N), barvno pa so označeni tipi razpadov in drugi podatki.

1.3 Ocene pomembnih količin

Pri delu z jedri si je dobro zapomniti nekatere velikostne rede:

- **Energije v jedru** se običajno merijo v megaelektronvoltih (MeV). $1 \text{ MeV} = 1.602 \times 10^{-13} \text{ J}$.

- **Vezavna energija na nukleon** je za večino jeder reda velikosti 8–10 MeV.
- **Čas preleta** je čas, ki ga hiter nevtron (npr. z energijo 1 MeV) potrebuje, da preleti jedro (premera ~ 10 fm). Ta čas je zelo kratek, reda velikosti 10^{-22} s.
- **Termična energija pri sobni temperaturi** ($T \approx 300$ K) je $k_B T \approx 0.025$ eV. To je mnogo manj od tipičnih jedrskih energij, kar pomeni, da okolica ne more kar tako vzbuditi jedra.

2 Modeli atomskega jedra

Za lažje razumevanje kompleksne strukture in lastnosti atomskih jeder sta bila razvita dva pomembna modela: kapljični in lupinski model.

2.1 Kapljični model in semiempirična masna formula

Kapljični model obravnava jedro kot kapljico nestisljive tekočine, kjer nukleoni igrajo vlogo molekul. Ta analogija je uporabna, ker močna jedrska sila, podobno kot sile med molekulami v kapljici, deluje na kratkih razdaljah in je nasičena (nukleon interagira le z najbližjimi sosedi).

Na podlagi tega modela je bila razvita **semiempirična masna formula** (tudi Bethe-Weizsäckerjeva formula), ki omogoča oceno vezavne energije jedra $E_v(A, Z)$ na podlagi njegovega masnega števila A in vrstnega števila Z :

$$E_v(A, Z) = a_V A - a_S A^{2/3} - a_C \frac{Z(Z-1)}{A^{1/3}} - a_A \frac{(A-2Z)^2}{A} \pm \delta(A, Z) \quad (2)$$

Posamezni členi v formuli imajo naslednji fizikalni pomen:

1. **Volumski člen** ($a_V A$): Najpomembnejši, pozitiven prispevek, ki izhaja iz dejstva, da vsak nukleon prispeva k vezavi z enako energijo. Vezavna energija je sorazmerna s številom nukleonov, torej z volumnom jedra.
2. **Površinski člen** ($-a_S A^{2/3}$): Ta člen je popravek na volumskega. Nukleoni na površini jedra imajo manj sosedov kot tisti v notranjosti, zato so šibkeje vezani. Ker je število površinskih nukleonov sorazmerno s površino jedra ($R^2 \propto (A^{1/3})^2 = A^{2/3}$), ta člen zmanjšuje absolutno vrednost vezavne energije.
3. **Elektrostatski (Coulombov) člen** ($-a_C \frac{Z(Z-1)}{A^{1/3}}$): Predstavlja elektrostatsko odbojno silo med protoni, ki deluje proti jedrski sili in zmanjšuje vezavno energijo. Energija je sorazmerna s kvadratom naboja ($Z^2 \approx Z(Z-1)$) in obratno sorazmerna s polmerom jedra ($R \propto A^{1/3}$).
4. **Asimetrični (mešalni) člen** ($-a_A \frac{(A-2Z)^2}{A}$): Ta člen upošteva, da je jedro najbolj stabilno, ko je število protonov in nevtronov približno enako ($N = Z$ oziroma $A - Z = Z \Rightarrow A = 2Z$). Vsako odstopanje od te simetrije (razlika $N - Z = A - 2Z$) vodi v zmanjšanje stabilnosti in s tem vezavne energije. Pri težjih jedrih postane zaradi naraščajočega Coulombovega odboja energijsko bolj ugodno imeti več nevtronov kot protonov.
5. **Paritveni člen** ($\pm \delta(A, Z)$): Ta empirični člen upošteva, da so jedra s sodim številom protonov in sodim številom nevtronov (sodo-soda jedra) najbolj stabilna, medtem ko so liho-liha najmanj stabilna. To je posledica tendence nukleonov, da se združujejo v pare z nasprotnim spinom.

2.2 Lupinski model in magična jedra

Kapljični model ne pojasni vseh opazovanih lastnosti jeder. Eksperimentalno je bilo ugotovljeno, da so jedra z določenim številom protonov ali nevtronov—t.i. **magična števila** (2, 8, 20, 28, 50, 82, 126)—izjemno stabilna.

To stabilnost pojasni **lupinski model**, ki predpostavlja, da se nukleoni v jedru, podobno kot elektroni v atomu, razporejajo po energijskih nivojih oziroma lupinah. Ko je zunanja lupina polna (pri magičnem številu nukleonov), je jedro posebej stabilno, podobno kot žlahtni plini v kemiji.

3 Stabilnost jeder in energija jedrskih reakcij

3.1 Stabilna jedra

Jedra so stabilna, ko imajo optimalno razmerje med številom protonov in nevtronov. Na karti nuklidov stabilna jedra ležijo na t.i. *dolini stabilnosti*. Za lažja jedra je to razmerje približno $N \approx Z$. Pri težjih jedrih pa zaradi naraščajočega vpliva elektrostatskega odboja med protoni postane energijsko bolj ugodno, da imajo jedra presežek nevtronov ($N > Z$). Nevtroni z močno jedrsko silo prispevajo k vezavi, ne pa tudi k elektrostatskemu odboju.

3.2 Energija razpada

Jedra, ki ležijo izven doline stabilnosti, so nestabilna in sčasoma razpadejo. Energija, ki se sprosti pri jedrski reakciji ali razpadu, se imenuje **razpadna energija** (Q). Izračunamo jo kot razliko med mirovno maso reaktantov in mirovno maso produktov:

$$Q = (m_{\text{reaktanti}} - m_{\text{produkti}}) \cdot c^2 \quad (3)$$

Če je $Q > 0$, se energija sprosti (eksotermna reakcija), če je $Q < 0$, pa je treba energijo dovesti (endotermna reakcija).

3.3 Ocena sproščene energije pri cepitvi

Ocenimo, kakšno moč bi sproščal 1 kg urana-235 (^{235}U), če bi vsi atomi v njem izvedli cepitev v enem dnevu. Pri cepitvi enega jedra ^{235}U se v povprečju sprosti približno $c = 215 \text{ MeV}$ energije.

Število jeder (N) v masi $m = 1 \text{ kg}$ urana dobimo z enačbo:

$$N = \frac{m}{M} N_A \quad (4)$$

kjer je $M \approx 235 \text{ g/mol}$ molska masa ^{235}U , $N_A = 6.022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ pa Avogadrovo število.

Celotna sproščena energija (E) je:

$$E = N \cdot c = \frac{m}{M} N_A c \quad (5)$$

Moč (P) je energija, sproščena v časovni enoti $t = 1 \text{ dan} = 86\,400 \text{ s}$:

$$P = \frac{E}{t} \quad (6)$$

Izračun:

$$\begin{aligned}N &= \frac{1000 \text{ g}}{235 \text{ g/mol}} \cdot 6.022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1} \approx 2.56 \times 10^{24} \\E &= 2.56 \times 10^{24} \cdot 215 \text{ MeV} \approx 5.5 \times 10^{26} \text{ MeV} \\&= 5.5 \times 10^{26} \text{ MeV} \cdot 1.602 \times 10^{-13} \text{ J/MeV} \approx 8.81 \times 10^{13} \text{ J} \\P &= \frac{8.81 \times 10^{13} \text{ J}}{86\,400 \text{ s}} \approx 1.02 \times 10^9 \text{ W} = 1.02 \text{ GW}\end{aligned}$$

To je moč reda velikosti gigavata, kar je primerljivo z močjo velike elektrarne.

4 Radioaktivnost in cepitveni produkti

4.1 Osnovni zakon radioaktivnega razpada

Radioaktivni razpad je stohastičen proces, pri katerem nestabilno atomsko jedro spontano razpade in pri tem odda energijo v obliki sevanja. Hitrost razpadanja, imenovana **aktivnost (A)**, je premo sorazmerna številu radioaktivnih jeder (N), ki so v danem trenutku prisotna.

$$A(t) = \left| \frac{dN(t)}{dt} \right| = \lambda N(t) \quad (7)$$

kjer je λ razpadna konstanta, značilna za posamezen izotop. Rešitev te diferencialne enačbe je eksponentni zakon razpada:

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t} \quad (8)$$

kjer je N_0 število jeder ob času $t = 0$. Skladno s tem se zmanjšuje tudi aktivnost: $A(t) = A_0 e^{-\lambda t}$.

Število jeder N v vzorcu z maso m in molsko maso M lahko izračunamo z Avogadrovim številom N_A :

$$N = \frac{m}{M} N_A \quad (9)$$

4.2 Aktivnost cepitvenih produktov

Pri cepitvi težkih jeder, kot je ^{235}U , nastane širok spekter lažjih jeder, ki jih imenujemo **cepitveni produkti**. Večina izmed stotin različnih nastalih izotopov je radioaktivnih.

Celotna aktivnost izrabljenega jedrskega goriva je vsota aktivnosti vseh prisotnih cepitvenih produktov:

$$A_{cp}(t) = \sum_{i=1}^k A_i(t) = \sum_{i=1}^k \lambda_i N_i(t) \quad (10)$$

kjer se sešteva po vseh k (približno 100-200 pomembnejših) radioaktivnih izotopih.

Ta mešanica ima zelo kompleksno obnašanje, saj se koncentracije posameznih izotopov (N_i) lahko razlikujejo za več kot **8 velikostnih redov**, njihove razpadne konstante (λ_i) pa celo za **12 velikostnih redov**. Zaradi tega celotna aktivnost ne sledi preprostemu eksponentnemu zakonu, ampak se jo opisuje z empiričnimi formulami.

4.3 Empirične formule za aktivnost po zaustavitvi

Za oceno aktivnosti cepitvenih produktov po zaustavitvi reaktorja se uporabljajo različne empirične formule.

Wigner-Wayeva formula (za kratek čas obsevanja): Za primere, ko je bil čas obratovanja reaktorja kratek v primerjavi s časom ohlajanja, ali za zelo dolge čase po zaustavitvi, se aktivnost dobro opiše z naslednjo formulo:

$$A(t) \approx A(t_0) \left(\frac{t}{t_0} \right)^{-1.2} \quad (11)$$

kjer je t čas po zaustavitvi, t_0 pa referenčni čas, pri katerem je bila izmerjena aktivnost $A(t_0)$.

Formula za daljši čas obsevanja: Bolj natančna formula, ki upošteva tako čas obratovanja reaktorja T kot čas ohlajanja t po zaustavitvi, je:

$$A(t) = k \cdot P (t^{-0.2} - (T + t)^{-0.2}) \quad (12)$$

kjer je P toplotna moč reaktorja, k pa konstanta. Ena od oblik te formule (z enoto Curie) je:

$$A(t) \approx 4.4 \cdot P (t^{-0.2} - (T + t)^{-0.2}) \quad [\text{Ci}] \quad (13)$$

4.4 Enota Curie in velikostni redi

Enota Curie (Ci): Curie je zgodovinska enota za aktivnost, ki je še vedno v uporabi, zlasti v ZDA. Definirana je kot aktivnost 1 grama radija-226 (^{226}Ra), ki ima razpolovno dobo okoli 1600 let.

$$1 \text{ Ci} = 3.7 \times 10^{10} \text{ razpadov/s} = 37 \text{ GBq} \quad (14)$$

SI enota za aktivnost je Becquerel (Bq), kjer je $1 \text{ Bq} = 1$ razpad na sekundo.

Ocene velikosti in pravila na pamet

- **Jedrska elektrarna Krško:** Celotna aktivnost cepitvenih produktov v sredici reaktorja ob zaustavitvi po polnem obratovalnem ciklusu je približno 2000 MCi (2×10^9 Ci).
- **Pravilo "na palec":** Po dolgotrajnem obratovanju reaktorja je aktivnost cepitvenih produktov približno 1 Ci na vsak vat toplotne moči reaktorja.

$$A_{cp} \approx 1 \frac{\text{Ci}}{\text{W}_{\text{termalna}}}$$

5 Vplivi ionizirajočega sevanja

Poleg aktivnosti vira je ključno razumeti, kakšen učinek ima ionizirajoče sevanje na snov, še posebej na živa tkiva.

5.1 Dozimetrične količine in enote

- **Absorbirana doza (D):** Pove nam, koliko energije je sevanje predalo enoti mase snovi. Enota je Gray (Gy), kjer je $1 \text{ Gy} = 1 \text{ J/kg}$.
- **Ekvivalentna doza (H):** Upošteva, da različne vrste sevanja (alfa, beta, gama, nevtroni) povzročajo različno biološko škodo pri enaki absorbirani dozi. To upoštevamo s ponderacijskim faktorjem w_R .

$$H = D \cdot w_R \quad (15)$$

Enota je Sievert (Sv). Za gama in beta sevanje je $w_R = 1$, zato je $1 \text{ Sv} = 1 \text{ Gy}$. Za alfa delce je $w_R \approx 20$.

- **Hitrost doze** (\dot{D} ali \dot{H}): Pove, kako hitro prejemamo dozo. Meri se v enotah Gy/h, Sv/h itd.

Zastarela enota rem: V starejši literaturi se pogosto sreča enota **rem** (Roentgen Equivalent Man). Povezava s Sievertom je:

$$100 \text{ rem} = 1 \text{ Sv} \quad \text{oziroma} \quad 1 \text{ rem} = 0.01 \text{ Sv} = 10 \text{ mSv} \quad (16)$$

Pravila na pamet in velikostni redi

- **Pravilo za dozo vira:** Vir z aktivnostjo **1 Ci**, ki seva gama žarke, povzroči na razdalji **1 meter** hitrost ekvivalentne doze približno **1 rem/h** (oziroma $\approx 10 \text{ mSv/h}$).
- **Naravno ozadje v Sloveniji:** Povprečna hitrost doze zaradi naravnih virov (kozmično sevanje, sevanje iz tal) je okoli $\dot{H} \approx 0.1 \mu\text{Sv/h}$. Letna doza je približno 6 mGy .
- **Letalo:** Na potovalni višini (okoli 10 km) smo manj zaščiteni pred kozmičnim sevanjem, zato je hitrost doze višja: $\dot{H} \approx 2 \mu\text{Sv/h}$.

5.2 Primer izračuna hitrosti absorbirane doze

Ocenimo hitrost doze, ki jo prejme 80 kg težak človek na razdalji 1 m od točkastega vira z aktivnostjo $A = 1 \text{ mCi}$ ($3.7 \times 10^7 \text{ Bq}$). Vir naj seva gama žarke z energijo $E_\gamma = 1.3 \text{ MeV}$. Človeka modeliramo kot pravokotnik z višino 1.8 m in širino 0.6 m.

1. **Tok gama žarkov** (Φ): Število žarkov, ki preletijo enoto površine na sekundo na razdalji $r = 1 \text{ m}$.

$$\Phi = \frac{A}{4\pi r^2} = \frac{3.7 \times 10^7 \text{ s}^{-1}}{4\pi (1 \text{ m})^2} \approx 2.94 \times 10^6 \frac{\gamma}{\text{m}^2 \text{ s}}$$

2. **Prestrezna površina človeka** (S): $S = 1.8 \text{ m} \cdot 0.6 \text{ m} = 1.08 \text{ m}^2$.

3. **Stopnja prestreženih žarkov** (\dot{N}_γ):

$$\dot{N}_\gamma = \Phi \cdot S = 2.94 \times 10^6 \frac{\gamma}{\text{m}^2 \text{ s}} \cdot 1.08 \text{ m}^2 \approx 3.18 \times 10^6 \gamma/\text{s}$$

4. **Stopnja absorbirane energije** (\dot{E}_{abs}): Za poenostavitev predpostavimo, da človek absorbira vso energijo vpadlih žarkov.

$$\begin{aligned} \dot{E}_{abs} &= \dot{N}_\gamma \cdot E_\gamma = 3.18 \times 10^6 \text{ s}^{-1} \cdot 1.3 \text{ MeV} \approx 4.13 \times 10^6 \text{ MeV/s} \\ &= 4.13 \times 10^6 \text{ MeV/s} \cdot 1.602 \times 10^{-13} \text{ J/MeV} \approx 6.62 \times 10^{-7} \text{ J/s} \end{aligned}$$

5. **Hitrost absorbirane doze** (\dot{D}): Energija na enoto mase na enoto časa.

$$\begin{aligned} \dot{D} &= \frac{\dot{E}_{abs}}{m} = \frac{6.62 \times 10^{-7} \text{ J/s}}{80 \text{ kg}} \approx 8.28 \times 10^{-9} \text{ J/kg} \cdot \text{s} = 8.28 \times 10^{-9} \text{ Gy/s} \\ &= 8.28 \times 10^{-9} \text{ Gy/s} \cdot \frac{3600 \text{ s}}{1 \text{ h}} \approx 2.98 \times 10^{-5} \text{ Gy/h} \approx 30 \mu\text{Gy/h} \end{aligned}$$

Rezultat se ujema z vrednostjo, podano na predavanjih. Opazimo, da že relativno majhen vir (milicurie) ustvari dozo, ki je 300-krat večja od naravnega ozadja.

5.3 Biološki učinki in zaščita

Visoke doze sevanja so nevarne.

- Doza **6 Gy**, prejeta v kratkem času po celem telesu, je smrtna za 50% populacije v 60 dneh (doza $LD_{50/60}$).
- Doze nad **100 Gy** so praktično takoj smrtne.

Na ustnem izpitu je treba poznati te velikostne rede nevarnosti.

5.4 Zaostala toplota in hlajenje goriva

Radioaktivni razpad cepitvenih produktov sprošča energijo, ki se v materialu goriva pretvori v toploto. Tej toploti pravimo **zaostala** ali **razpadna toplota**. To toploto je nujno odvajati tudi po zaustavitvi reaktorja, sicer lahko pride do taljenja sredice in sproščanja radioaktivnih snovi v okolje.

- Približno **3 ure** ($\approx 10\,000\text{ s}$) po zaustavitvi reaktorja moč zaostale toplote pade na približno **1%** nazivne moči reaktorja.
- Izrabljeno gorivo se zato hrani v bazenu z vodo. Voda ima dvojno vlogo:
 1. **Hladi** gorivne elemente in odvaja zaostalo toploto.
 2. Služi kot odličen **ščit** pred intenzivnim sevanjem.

6 Interakcija nevtronov z jedri

Nevtroni so električno nevtralni, zato ne čutijo odbojne elektrostatske sile protonov v jedru. To jim omogoča, da se jedru približajo in z njim interagirajo tudi pri zelo nizkih energijah. Razumevanje verjetnosti in načinov teh interakcij je ključno za fiziko jedrskih naprav.

6.1 Mikroskopski presek

Verjetnost za interakcijo med enim nevtronom in enim jedrom opišemo s količino, imenovano **mikroskopski presek** (σ). Predstavljamo si ga lahko kot efektivno ploščino, ki jo jedro nastavlja vpadnemu nevtronu. Če nevtron zadene to ploščino, pride do interakcije.

Predpostavimo tanek sloj materiala, na katerega vpada tok nevtronov z gostoto I [nevtronov / cm^2s]. Če je v tem sloju N_S jeder na enoto površine [jeder / cm^2], potem je hitrost interakcij R [interakcij / cm^2s] podana z:

$$R = I \cdot N_S \cdot \sigma \quad (17)$$

Od tod lahko izrazimo presek kot $\sigma = R/(I \cdot N_S)$.

6.1.1 Vrste presekov

Skupno verjetnost za kakršnokoli interakcijo opisuje **totalni presek** (σ_T). Tega sestavljajo preseki za različne možne procese, ki jih delimo v dve glavni skupini:

1. **Sipalni presek** (σ_s): Opisuje interakcije, pri katerih nevtron po trku obstaja naprej, le njegova smer in energija sta spremenjeni.
 - **Elastično sipanje** ($\sigma_{s,el}$ ali **(n,n)**): Nevtron trči z jedrom in skupna kinetična energija sistema se ohranja. Jedro ostane v osnovnem stanju.

- **Neelastično sipanje ($\sigma_{s,inel}$ ali (n,n')):** Del kinetične energije vpadnega nevtrona se porabi za vzbuditev jedra v višje energetske stanje. Nevtron, ki izleti iz jedra (označen z n'), ima zato nižjo energijo. Vzburjeno jedro kasneje de-ekscitira z izsevanjem gama žarka.
2. **Absorpcijski presek (σ_a):** Opisuje interakcije, pri katerih jedro absorbira vpadni nevtron in ga kot prostega delca ni več. Nastane novo, sestavljeno jedro, ki nato razpade na različne načine:
- **Cepitev (σ_f ali (n,f)):** Sestavljeno jedro razpade na dva (redko tri) lažja jedra, pri čemer se sprostijo novi nevtroni in velika količina energije.
 - **Radioaktivno zajetje (σ_γ ali (n,γ)):** Sestavljeno jedro preide v osnovno stanje z izsevanjem enega ali več gama žarkov.
 - **Druge reakcije:** Možne so tudi reakcije, kjer so iz jedra izvrženi drugi delci, npr. $(n,2n)$, (n,p) , (n,α) .

Totalni presek je torej vsota sipalnega in absorpcijskega preseka:

$$\sigma_T = \sigma_s + \sigma_a \quad (18)$$

Enota za mikroskopski presek je **barn**, pri čemer velja: $1 \text{ barn} = 1 \times 10^{-24} \text{ cm}^2$.

6.2 Makroskopski presek in slabljenje toka

Če nevtronski curek potuje skozi debeljšo snov, se bo njegov tok zaradi interakcij zmanjševal (slabil). Predpostavimo, da je gostota jeder v materialu n [jeder / cm^3]. V tanki plasti debeline dx je število jeder na enoto površine enako $dN_S = n \cdot dx$.

Zmanjšanje gostote toka $-dI$ na tej poti je enako hitrosti interakcij dR :

$$-dI(x) = dR = I(x) \cdot \sigma_T \cdot (n \cdot dx) \quad (19)$$

To nam da diferencialno enačbo:

$$\frac{dI(x)}{dx} = -n\sigma_T I(x) \quad (20)$$

Rešitev te enačbe je eksponentni zakon slabljenja za tok nevtronov, ki še niso interagirali:

$$I(x) = I_0 e^{-n\sigma_T x} \quad (21)$$

kjer je I_0 začetna gostota toka na $x = 0$.

Produkt $n \cdot \sigma$ se imenuje **makroskopski presek (Σ)**:

$$\Sigma = n \cdot \sigma \quad [\text{cm}^{-1}] \quad (22)$$

Makroskopski presek si lahko predstavljamo kot **verjetnost za interakcijo na enoto prepotovane poti**. Z njegovo pomočjo lahko zakon slabljenja zapišemo bolj zgoščeno:

$$I(x) = I_0 e^{-\Sigma_T x} \quad (23)$$

Obratna vrednost totalnega makroskopskega preseka je **povprečna prosta pot (λ_t)**, ki predstavlja povprečno razdaljo, ki jo nevtron prepotuje v snovi pred prvo interakcijo.

$$\lambda_t = \frac{1}{\Sigma_T} \quad (24)$$

7 Energijska odvisnost presekov in reakcijska hitrost

Do sedaj smo predpostavljali, da imajo vsi nevtroni enako energijo. V resnici pa imajo nevtroni v reaktorju široko porazdelitev energij, mikroskopski preseki pa so močno odvisni od energije vpadnega nevtrona.

7.1 Splošna oblika reakcijske hitrosti

Za natančnejši opis moramo upoštevati energijsko odvisnost. Uvedemo **gostoto nevtronskega toka (fluks) na enoto energije**, $\Phi(E)$, ki karakterizira energijsko porazdelitev nevtronov. Skupno reakcijsko hitrost R [reakcij / cm^3s] dobimo z integracijo produkta makroskopskega preseka $\Sigma(E)$ in fluksa $\Phi(E)$ po vseh energijah:

$$R = \int_0^\infty \Sigma_i(E) \Phi(E) dE \quad (25)$$

kjer je $\Sigma_i(E)$ makroskopski presek za specifično interakcijo i . V praksi se ta integral pogosto poenostavi z uporabo povprečnih presekov za določene energijske skupine. Če sta fluks in presek konstantna, dobimo že znano enačbo: $R = \Sigma_i \cdot \Phi$.

7.2 Energijske regije nevtronov

Nevtrone glede na njihovo kinetično energijo običajno delimo v tri glavne skupine:

- **Termični nevtroni** ($E < 1 \text{ eV}$): To so nevtroni, ki so v termičnem ravnovesju z okolico (moderatorjem). Njihova energijska porazdelitev je podobna Maxwell-Boltzmannovi.
- **Epitermični nevtroni** ($1 \text{ eV} < E < 0.1 \text{ MeV}$): To je vmesna regija, kjer nevtroni upočasnjujejo. Preseki imajo v tej regiji pogosto izrazite vrhove, imenovane resonance.
- **Hitri nevtroni** ($E > 0.1 \text{ MeV}$): To so nevtroni z visoko energijo, kakršni nastanejo neposredno pri cepitvi.

7.3 Tipična odvisnost presekov od energije

Preseki se z energijo močno spreminjajo.

- **Termična regija:** Za večino absorpcijskih reakcij (vključno s cepitvijo) velja, da je presek σ_a sorazmeren z $1/v$, kjer je v hitrost nevtrona. Ker je kinetična energija $E \propto v^2$, to pomeni, da je $\sigma_a \propto 1/\sqrt{E}$. Verjetnost za zajetje je večja, če je nevtron počasnejši in se dlje časa zadržuje v bližini jedra.
- **Epitermična regija:** Tu se pojavijo **resonančni vrhovi**, kjer se presek za zajetje močno poveča pri točno določenih energijah, ki ustrezajo vzbujenim stanjem sestavljenega jedra.
- **Hitra regija:** Preseki so na splošno manjši in se z energijo spreminjajo bolj zvezno.

Če v podatkih ni drugače specificirano, se vrednost preseka običajno nanaša na termične nevtrone pri standardni hitrosti 2200 m/s (energija $\approx 0.0253 \text{ eV}$).

7.4 Fisijski spekter

Nevtroni, ki nastanejo pri cepitvi, nimajo ene same energije, ampak so porazdeljeni po energijah. Ta porazdelitev se imenuje **fisijski spekter**, $\chi(E)$. Funkcija $\chi(E)$ je normalizirana tako, da je njen integral po vseh energijah enak 1:

$$\int_0^\infty \chi(E) dE = 1 \quad (26)$$

Večina nevtronov nastane z energijami med 1 in 2 MeV.

8 Praktični izračuni v jedrski tehniki

8.1 Izračun številske gostote jeder (n)

Za izračun makroskopskega preseka $\Sigma = n\sigma$ moramo poznati številsko gostoto jeder n [jeder / cm³]. Izračunamo jo iz gostote materiala ρ [g/cm³], molske mase M [g/mol] in Avogadrovega števila N_A .

$$n = \frac{\rho \cdot N_A}{M} \quad (27)$$

Tipična vrednost za atomske gostote v trdnih snoveh je reda velikosti 10²² jeder/cm³.

8.2 Gostota moči v reaktorju

Toplotna moč v reaktorju nastane pretežno zaradi cepitev. Gostota moči P_V [W/cm³] je sorazmerna s hitrostjo cepitvenih reakcij R_f in energijo, ki se sprosti na eno cepitev, E_f .

$$P_V = R_f \cdot E_f = \Phi \cdot \Sigma_f \cdot E_f \quad (28)$$

kjer je Φ gostota nevtronskega toka, $\Sigma_f = n \cdot \sigma_f$ makroskopski cepitveni presek in E_f povprečna **uporabna** energija na cepitev (približno 200 MeV). Pri izračunih je izziv v tem, da se fluks in preseki spreminjajo tako s prostorom kot z energijo in lahko variirajo za več velikostnih redov.

8.3 Sproščena in uporabna energija pri cepitvi

Pri cepitvi jedra ²³⁵U se sprosti približno 215 MeV energije. Vendar pa vsa ta energija ne prispeva k segrevanju goriva in hladila v reaktorju.

Tabela 1: Porazdelitev sproščene energije pri cepitvi.

Nosilec energije	Sproščena energija [MeV]	Opomba
Kinetična energija cep. produktov	168	Uporabna takoj.
Kinetična energija nevtronov	5	Uporabna takoj.
Takojšnji gama žarki	7	Uporabna takoj.
Beta razpadi cep. produktov	8	Uporabna z zamikom.
Gama razpadi cep. produktov	7	Uporabna z zamikom.
Nevtrini	10	Neuporabna.
Gama žarki iz (n,γ) reakcij	10	Uporabna.
Skupaj uporabno (približno)	≈ 205	

Ključno je, da **nevtrini** zaradi izjemno majhnega interakcijskega preseka praktično brez interakcij zapustijo sredico reaktorja in njihova energija se ne pretvori v toploto. Zato je uporabna energija, ki jo upoštevamo pri izračunu moči, nekoliko nižja od celotne sproščene energije in znaša približno 200 MeV na cepitev.