

# Relatório 1

April 17, 2019

## 1 Trabalho 1

MC920 João Vitor Araki Gonçalves (176353)

### 1.1 Introdução

O objetivo desse trabalho é analisar o efeito do processo de convolução de diferentes filtros, como um filtro Laplaciano, um filtro passa baixa e os efeitos do filtro de Sobel. Também será analisado os efeitos da aplicação de um filtro Laplaciano sobre o espectro de Fourier da imagem.

### 1.2 O Programa

O programa foi implementado em python 3.7.3 utilizando as seguintes bibliotecas: \* skimage: Leitura e plot das imagens \* matplotlib: Plot das imagens \* numpy: Calculo do DFT das imagens e calculos vetorizados \* opencv2: Convolução e normalização das imagens

#### 1.2.1 Execução

O programa pode ser executado pela linha de comando: *python main.py*

O programa irá usar a imagem pré definida (butterfly.png) e irá executar os filtros na ordem proposta. No caso: 1. Laplaciano 2. Passa baixa 3. Sobel vertical 4. Sobel horizontal 5. Sobel combinado 6. Espectro de fourrier da imagem

Então serão exibidos espectros de fourrier filtrados pelo filtro Gaussiano seguidas das imagens resultantes com frequências de corte crescente (10, 20, 30, 40, 50, 60)

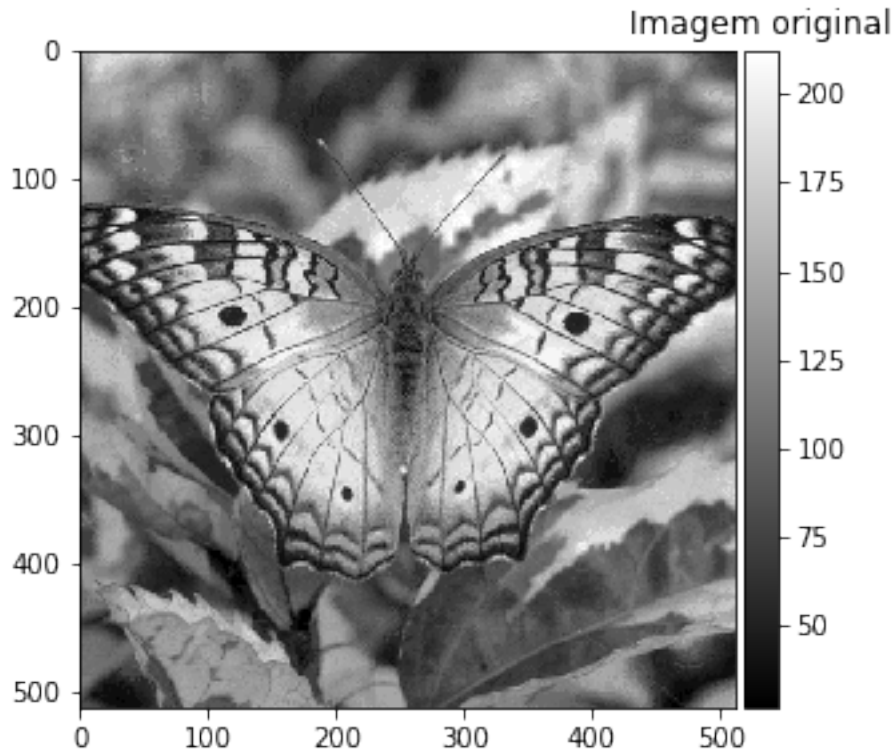
Todas as imagens utilizadas estão na raiz do projeto, a imagem sendo filtrada pode ser alterada mudando a linha:

```
filename = os.path.join('./', 'butterfly.png')  
para utilizar a imagen desejada
```

### 1.3 Processo e Resultados

#### 1.3.1 Leitura da Imagem

A imagem é lida pelo método `skimage.io.imread` que lê a imagem e à guarda uma matriz numpy com valores de 0 à 255 para os níveis de cinza.



### 1.3.2 Filtragem no domínio espacial

Para a filtragem no domínio espacial, precisamos de kernels para realizar as convoluções na imagem para obter o resultado da filtragem. As diferentes máscaras foram criadas como vetores numpy, como a biblioteca opencv necessita para realizar as convoluções: Filtro Laplaciano passa alta:

```
In [2]: filter_h1
```

```
Out[2]: array([[ 0.,  0., -1.,  0.,  0.],
               [ 0., -1., -2., -1.,  0.],
               [-1., -2., 16., -2., -1.],
               [ 0., -1., -2., -1.,  0.],
               [ 0.,  0., -1.,  0.,  0.]])
```

Filtro passa baixa

```
In [3]: filter_h2
```

```
Out[3]: array([[0.00390625, 0.015625, 0.0234375, 0.015625, 0.00390625],
               [0.015625, 0.0625, 0.09375, 0.0625, 0.015625],
               [0.0234375, 0.09375, 0.140625, 0.09375, 0.015625],
               [0.015625, 0.0625, 0.09375, 0.0625, 0.015625],
               [0.00390625, 0.015625, 0.0234375, 0.015625, 0.00390625]])
```

Filtro passa alta de sobel vertical

```
In [4]: filter_h3
```

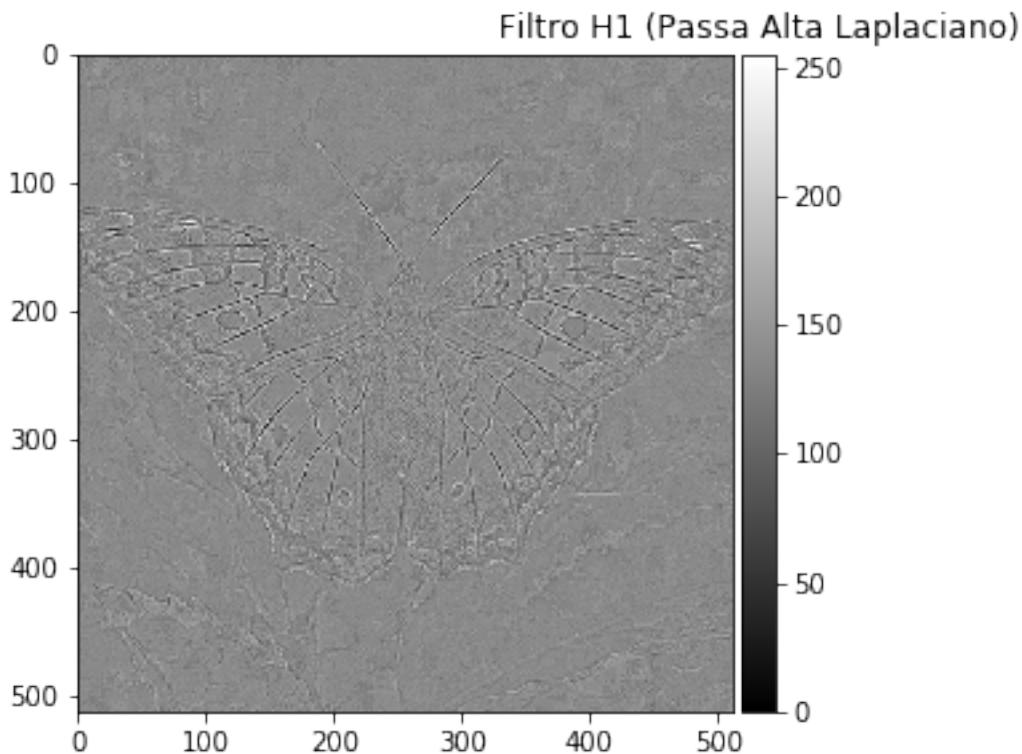
```
Out[4]: array([[ -1.,  0.,  1.],  
               [ -2.,  0.,  2.],  
               [ -1.,  0.,  1.]])
```

Filtro passa alta de sobel horizontal

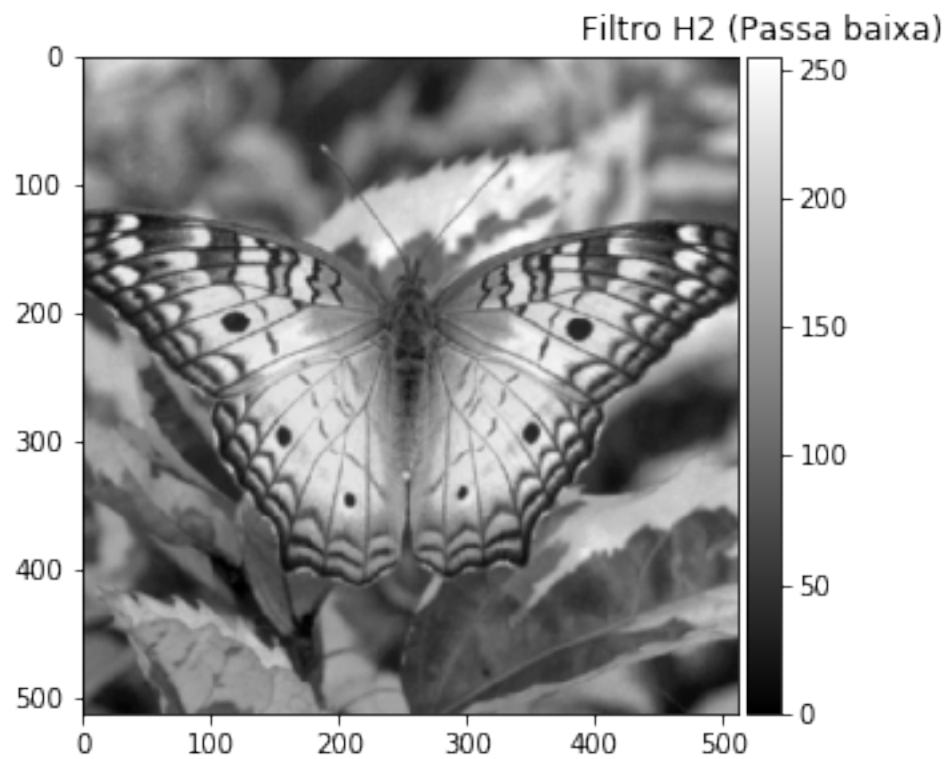
```
In [5]: filter_h4
```

```
Out[5]: array([[ -1., -2., -1.],  
               [  0.,  0.,  0.],  
               [  1.,  2.,  1.]])
```

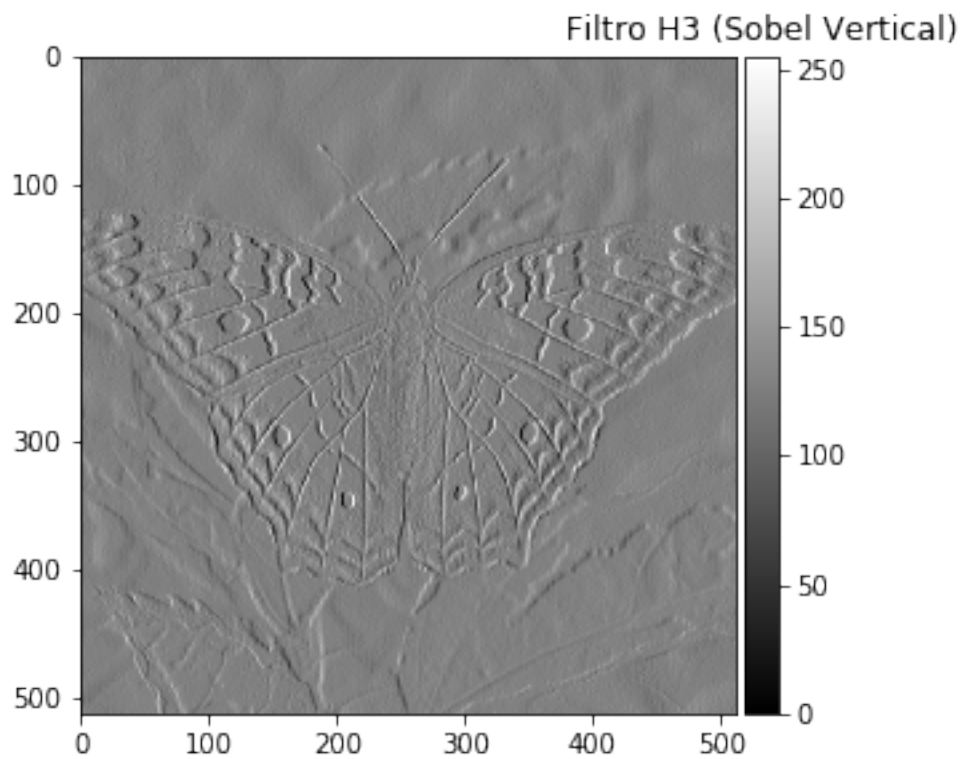
Para a realização das convoluções, foi utilizado o método `cv2.filter2D`, com parâmetros da imagem, do kernel e -1 para o nível de profundidade para ela ser igual à da imagem original, após cada convolução, foi utilizado o método `cv2.normalize` para normalizar o resultado para o espaço de 0 à 255



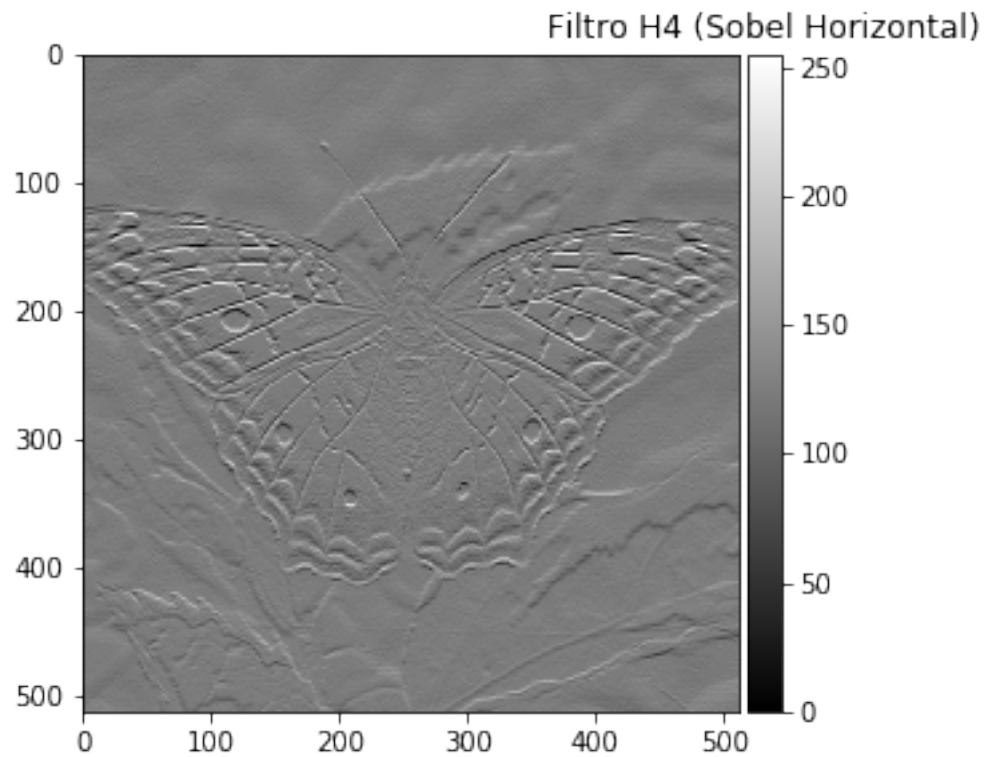
No resultado do primeiro filtro (Laplaciano) é possível observar sua característica de ser bastante sensível a ruídos, mas também é possível perceber um destaque nas bordas da borboleta, que era o efeito esperado de realce de bordas.



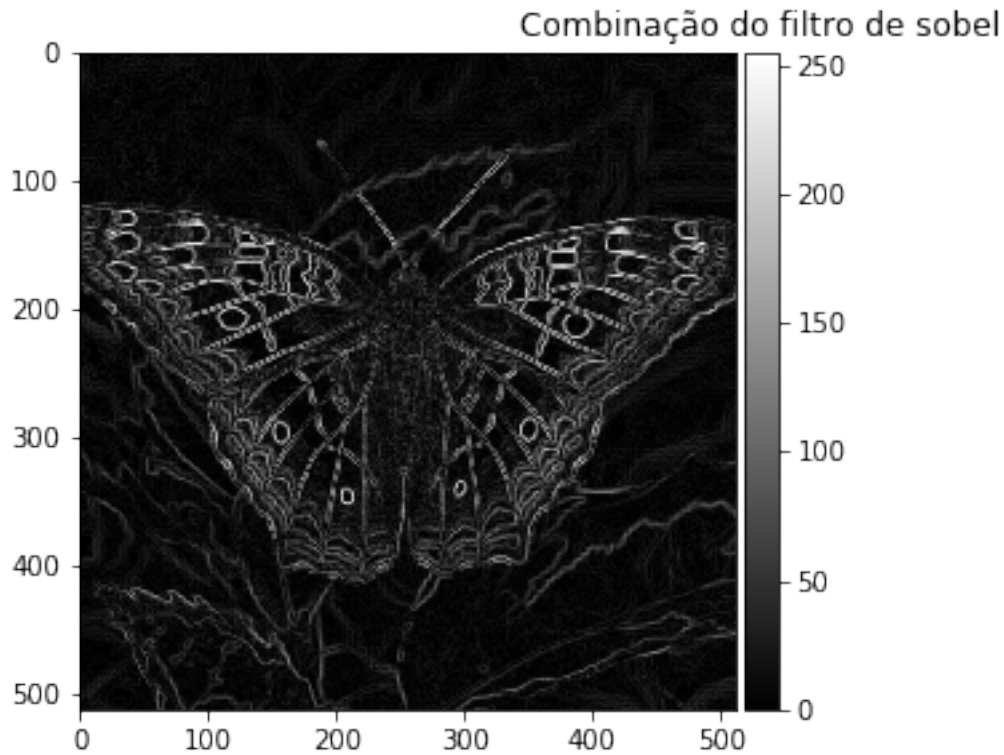
Na execução do filtro passa baixa é possível observar uma clara suavização da imagem, como esperado.



No resultado do filtro de sobel vertical, é possível notar um destaque nas bordas da esquerda e direita da imagem, ou seja das bordas verticais, como se era esperado.



No resultado do filtro de sobel vertical, é possível notar um destaque nas bordas superiores e inferiores da imagem, ou seja das bordas horizontais, como se era esperado.



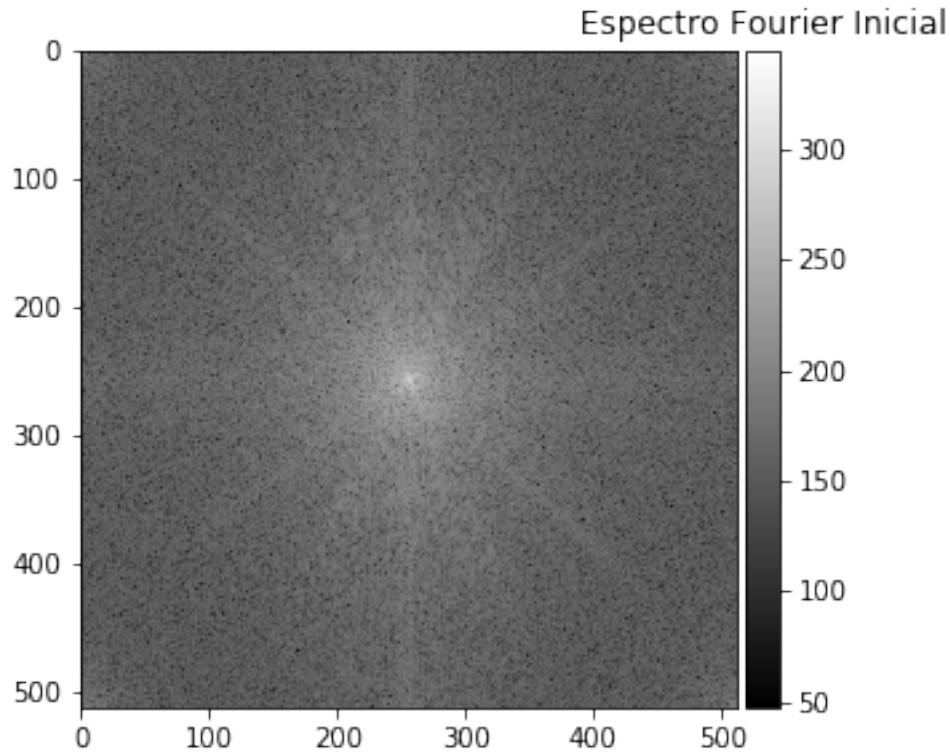
A combinação dos resultados do filtro de sobel foi realizada pela expressão nos resultados das filtrações de  $h_3$  e  $h_4$

$$\sqrt{h_3^2 + h_4^2}$$

No resultado final, é possível observar um realce de todas as bordas da imagem, que é esperado, já que o filtro de sobel é usualmente utilizado para detecção de bordas.

### 1.3.3 Filtragem no Domínio de Frequências

Para realizar filtrações no domínio de frequências, primeiramente precisamos transformar a imagem para o domínio de frequência por meio de uma transformada discreta de fourier (DFT). Para isso foi utilizado o método `np.fft.fft2` e para transladar a componente zero para o centro do espectro, foi utilizado o método `np.fft.fftshift`

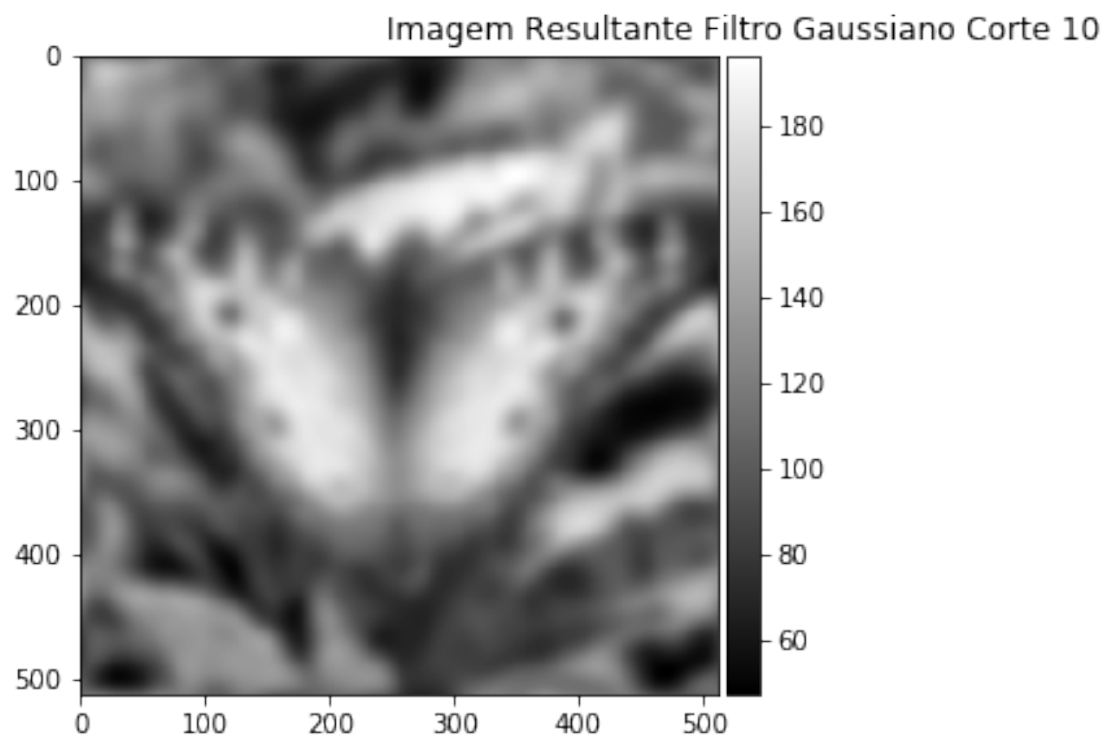
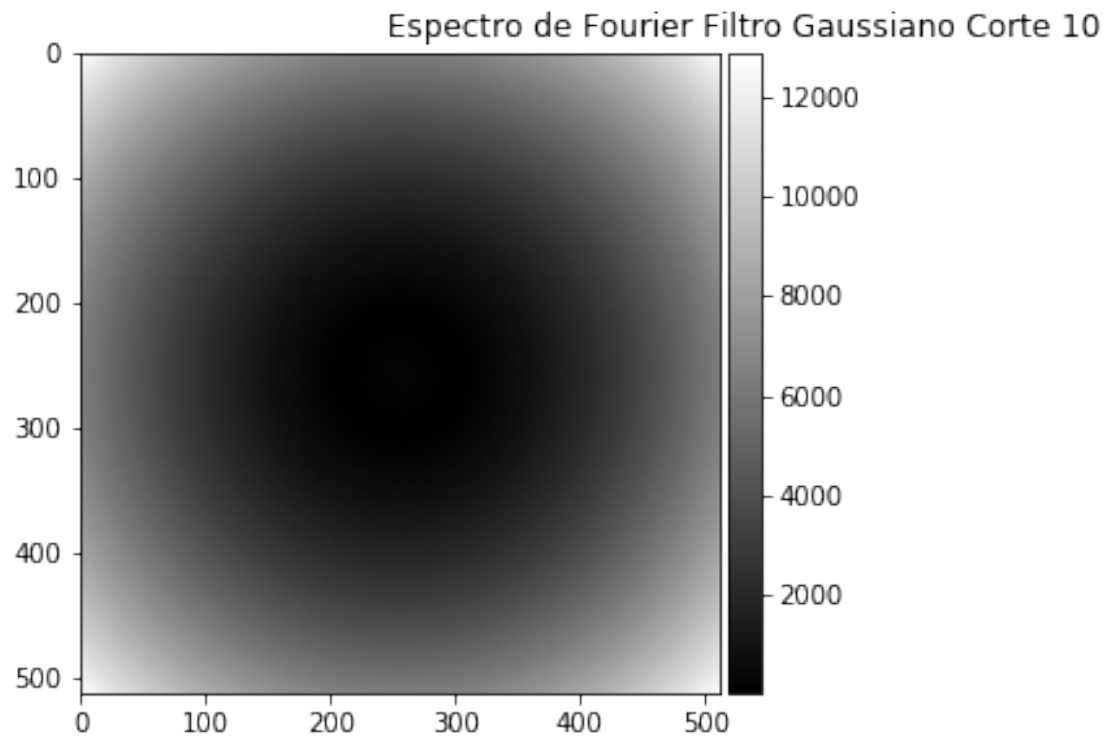


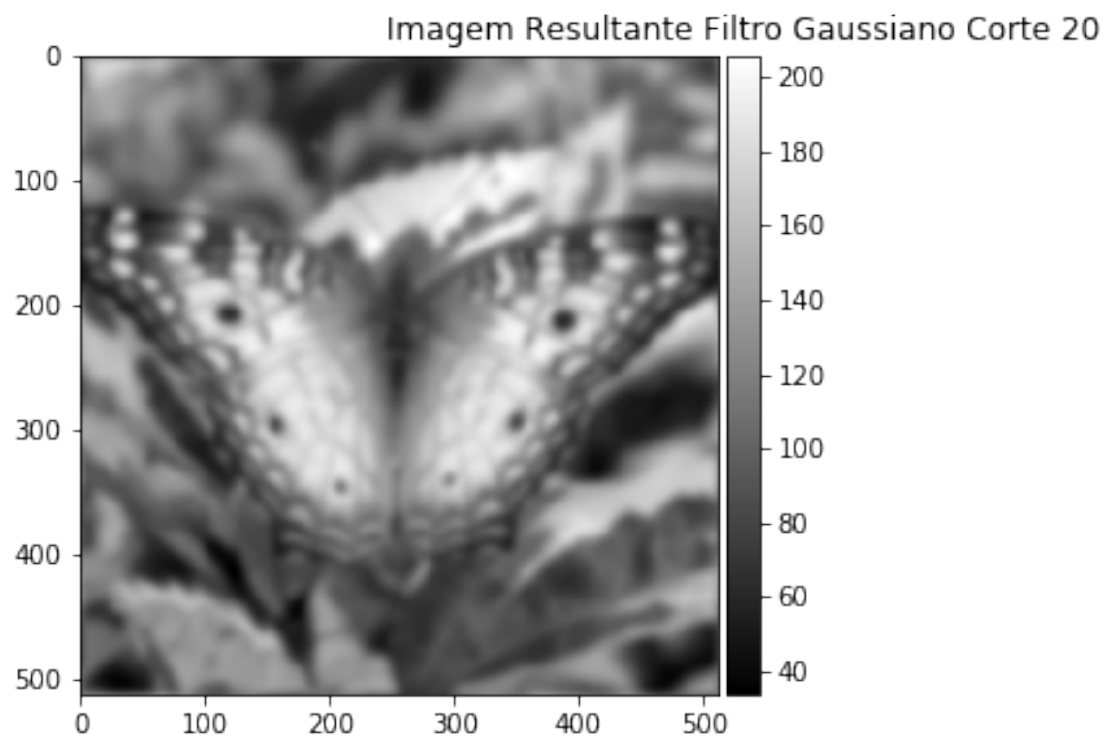
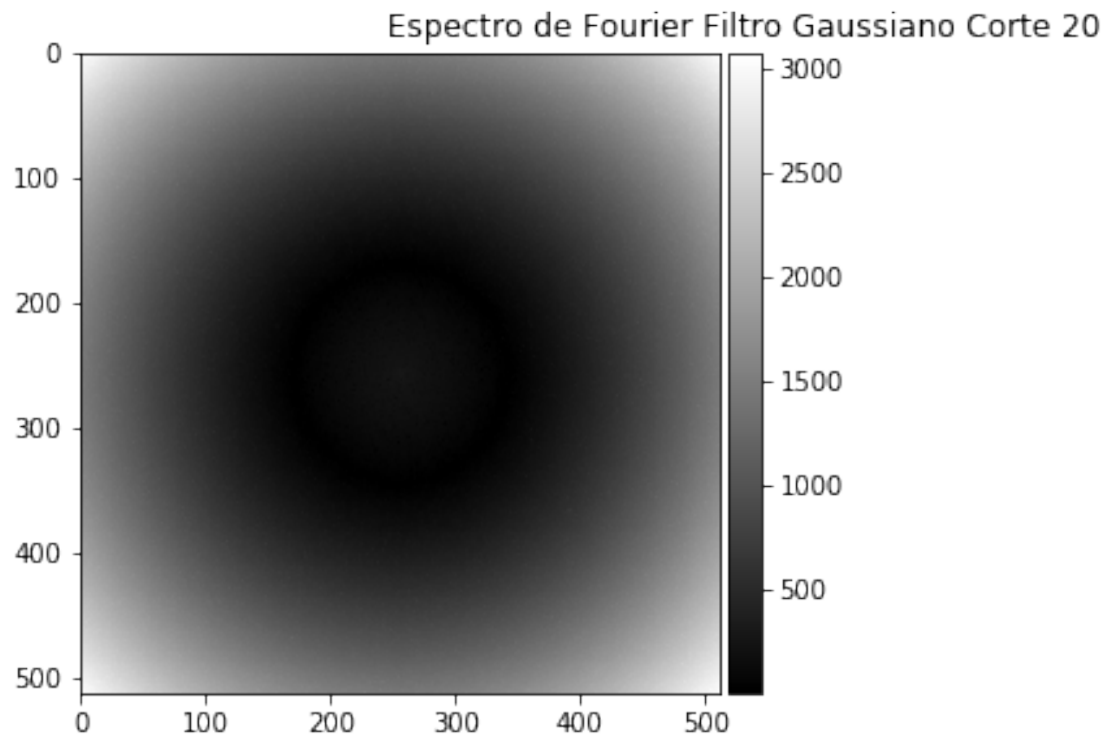
Foi criado um filtro gaussiano do tamanho da imagem, e deslocado para o centro do espectro por meio da fórmula

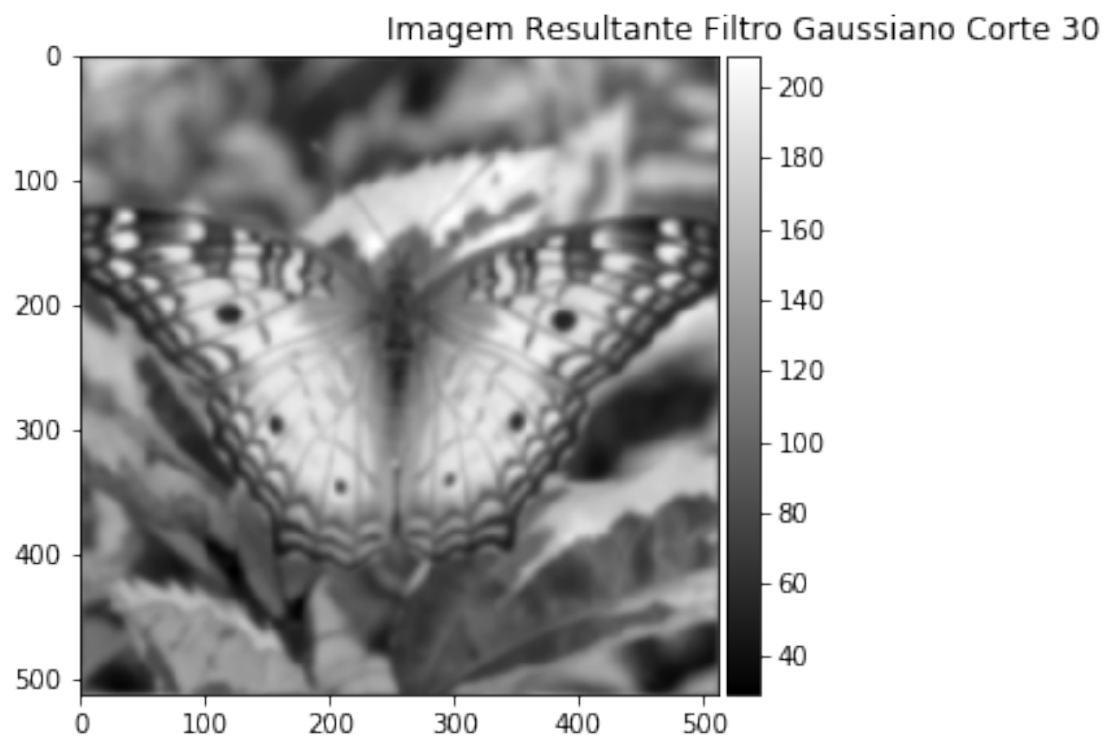
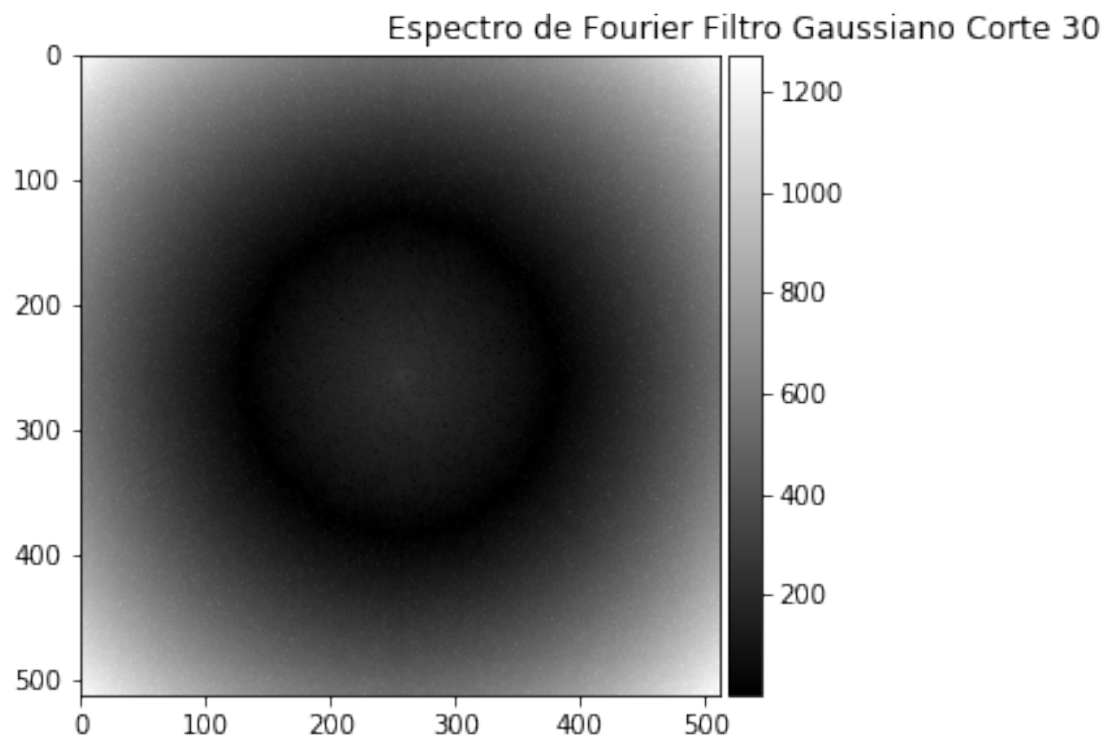
$$\exp \frac{-(D(u,v) - (\frac{H}{2}, \frac{W}{2}))^2}{(2d_0^2)}$$

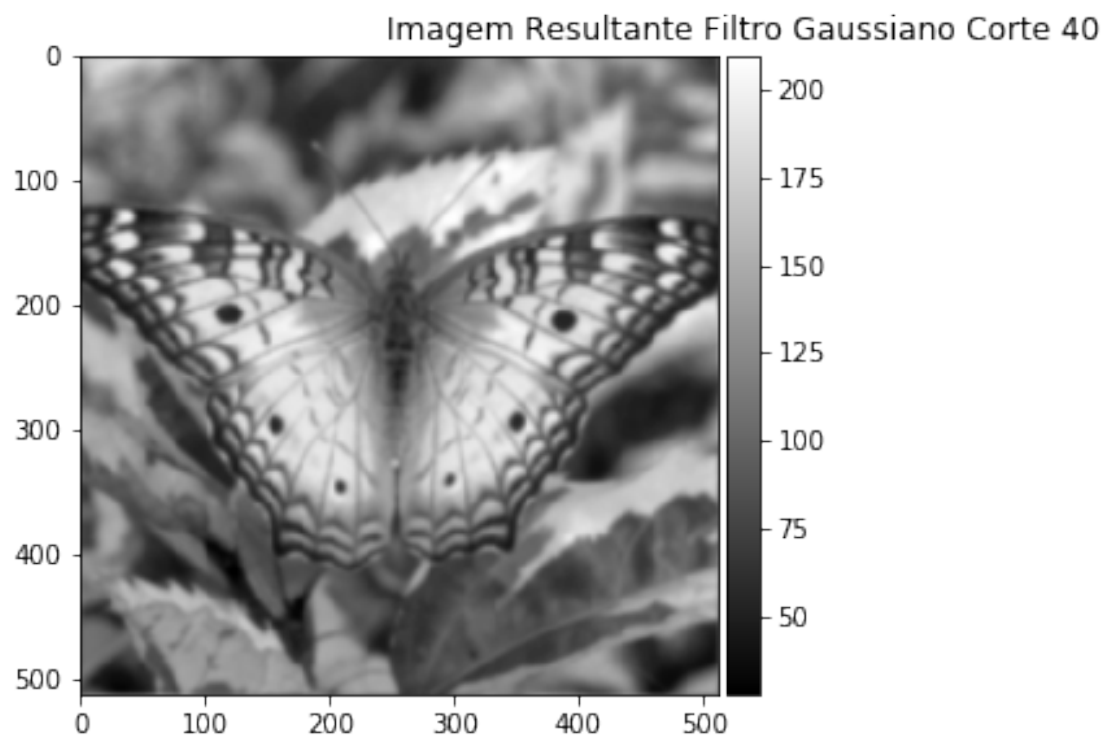
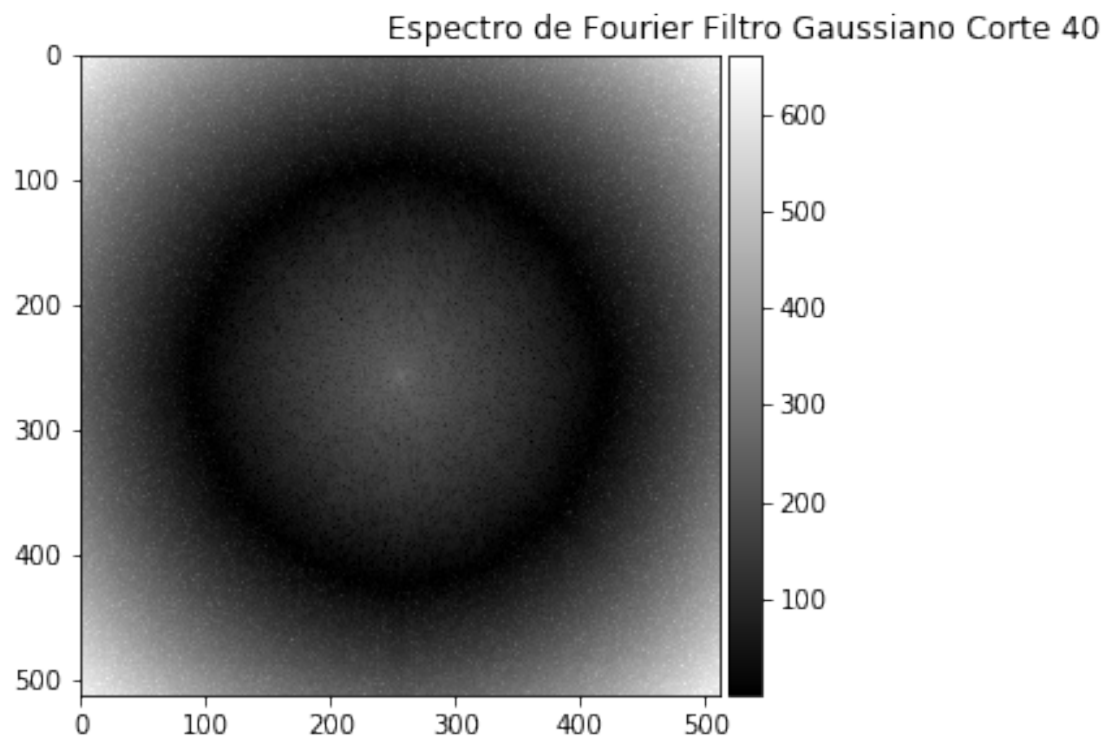
Subtraindo o valor de  $D(u,v)$  pela metade do tamanho da imagem para posicionar o filtro no centro da imagem, onde foi posicionada a componente 0 do espectro de fourier. Para aplicar o filtro, é aplicado o produto com o espectro de Fourier  $F(u,v)H(u,v)$  Para voltar para o domínio espacial, foi utilizado o método `np.fft.ifft2()` que aplica o DFT inverso, e foi tirado pego o valor absoluto para converter de valores complexos.

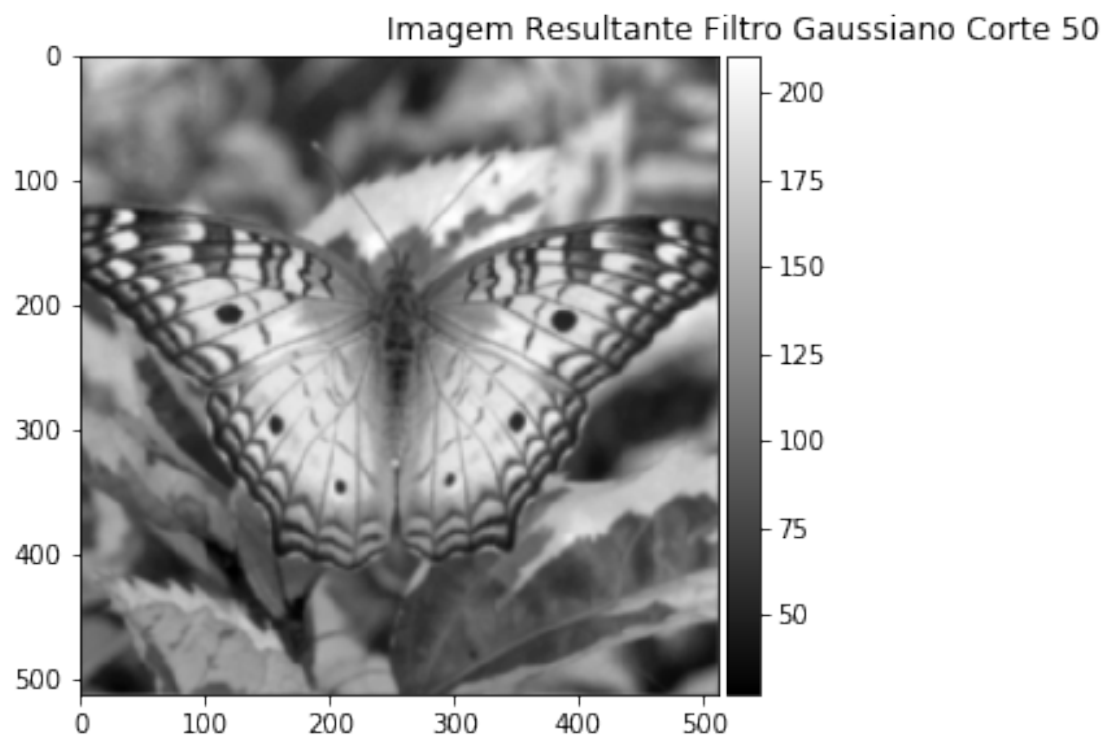
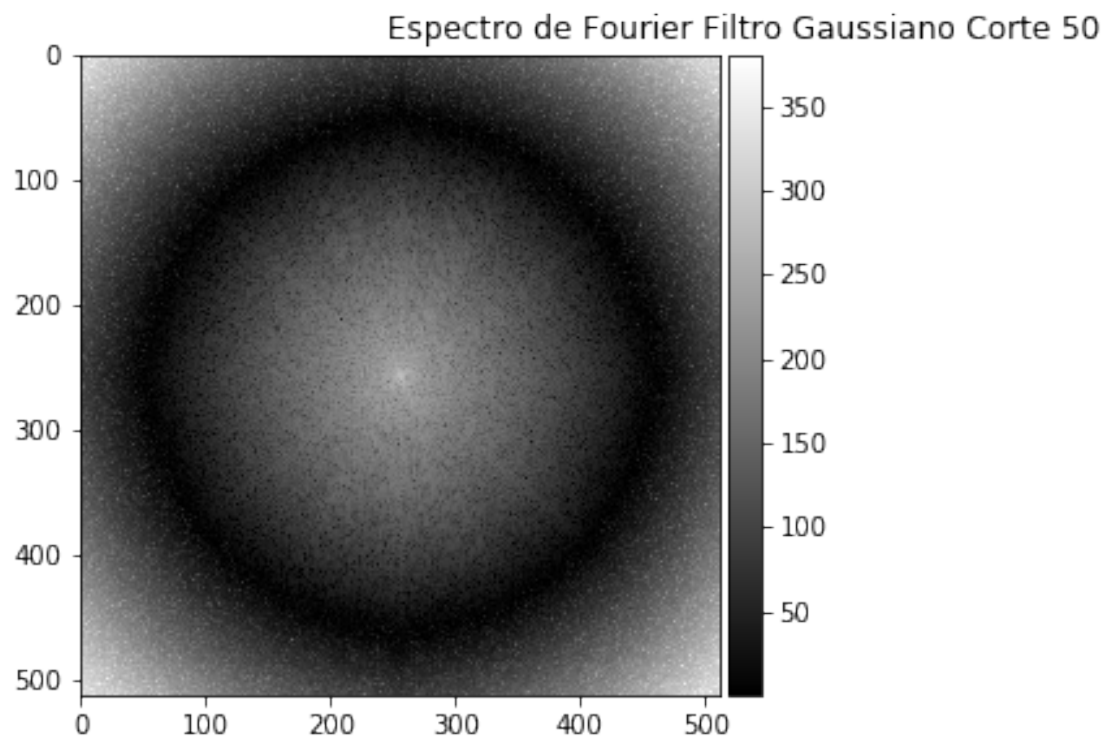


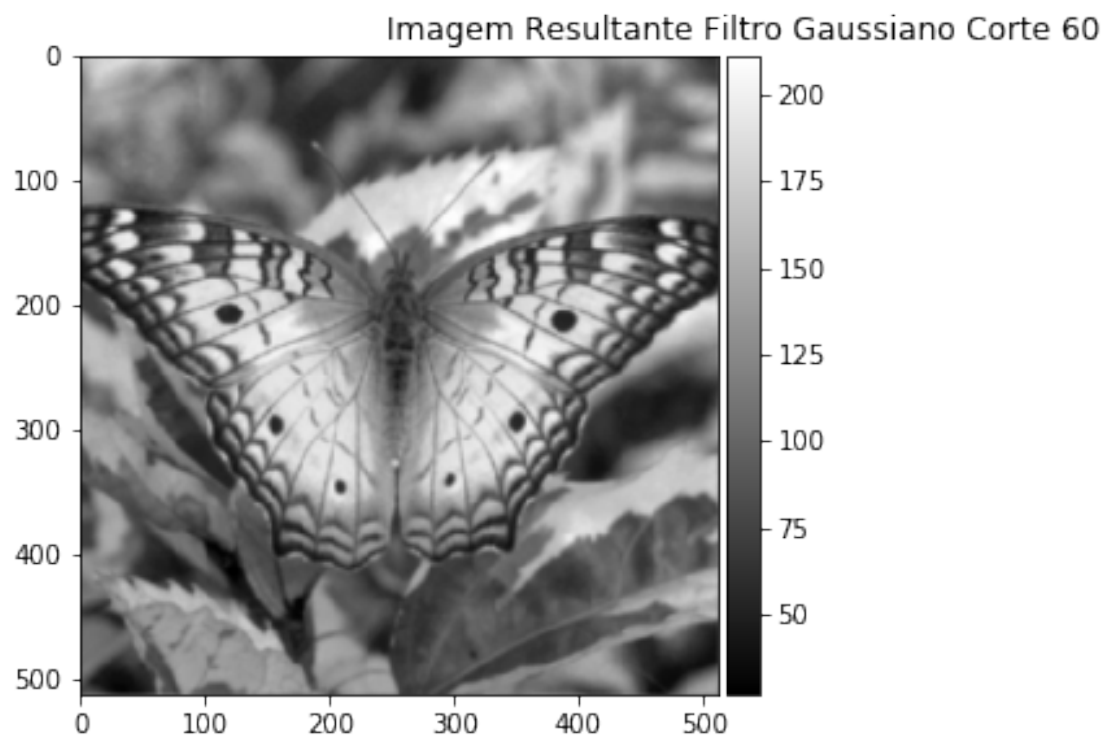
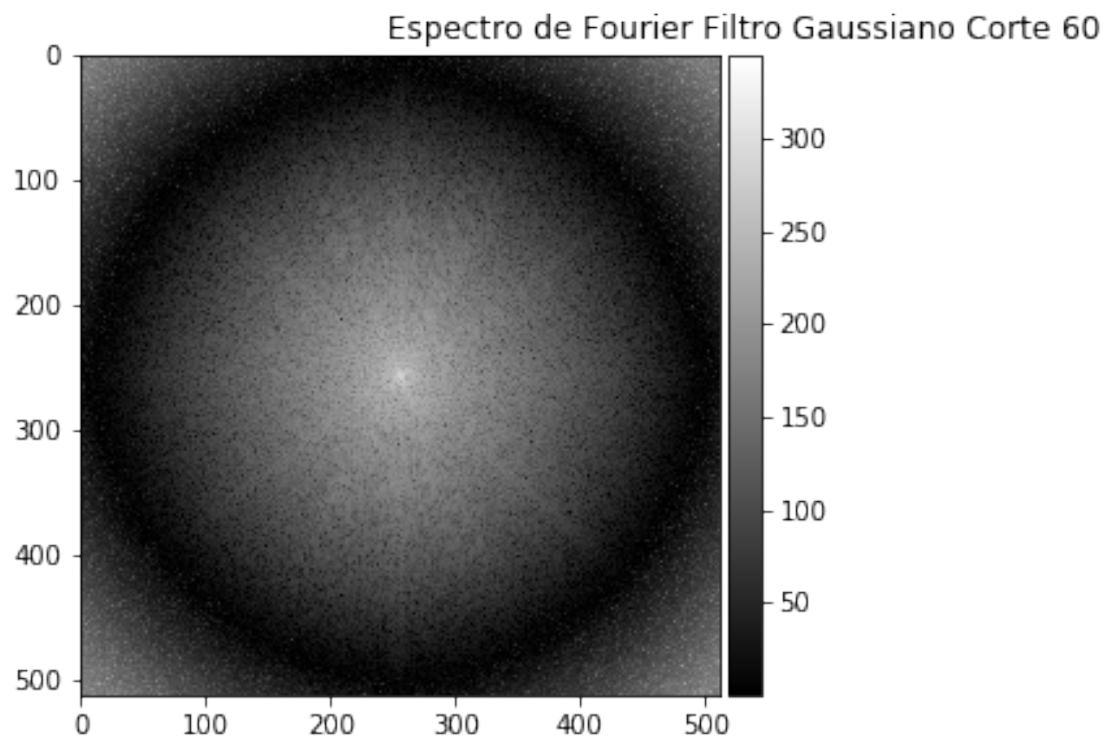












Como é possível observar dos resultados, quanto maior é a frequência de corte  $D_0$ , menos das altas frequências do espectro são removidas, portanto menor é o grau de suavização. Portanto podemos observar que a imagem se torna cada vez mais nítida conforme o valor de  $D_0$  aumenta.

#### **1.4 Conclusão**

Nesse trabalho aprendemos o efeito de diferentes tipos de filtragem, tanto em domínio espacial quanto no domínio de frequências. Pudemos verificar o efeito de suavização do filtro Gaussiano, a sensibilidade à ruídos do filtro Laplaciano e a propriedade de identificação de bordas do filtro de Sobel.