





Institut für Experimentalphysik der Technischen Universität Graz

&

Institut für Physik der Universität Graz

LABORÜBUNGEN 1: MECHANIK UND WÄRME

Übungstitel	: Rcibumg
Betreuer:	
Gruppennu	
Name:	Johnnes Winkler
	(IF 786 875 Matrikelnummer: 00760897
Datum:	19.05.20 ss 2020

Inhaltsverzeichnis

In	haltsverzeichnis	2	
0	Experimentiervorschlag 0.1 Kontrollfragen	3	
1	Aufgabenstellung	6	
2	Grundlagen		
3	Beschreibung der Versuchsanordnung	9	
4	Geräteliste		
5	Versuchsdurchführung und Messergebnisse 5.1 Haftreibung	12	
6	Auswertung6.1 Plots	13 13 14	
7	Zusammenfassung und Diskussion	16	
8	Literaturverzeichnis	16	

0 Experimentiervorschlag

Ich möchte im Rahmen dieses Versuches die Koeffizienten der Haft-, Gleit- und Rollreibung verschiedener Gegenstände auf einer Oberfläche testen.

Als schräge Unterlage würde ich eine bei IKEA gekaufte Laptop-Unterlage aus Plastik verwenden.



Abbildung 1: IKEA Laptop Unterlage



Abbildung 2: Messinstrumente

Als Gegenstände möchte ich Münzen anhnad ihres Materials vergleichen. Also insbesondere ob es einen messbaren Unterschied zwischen Gold- und Kupfermünzen gibt.

Für die Rollreibung nehme ich Konservendosen für Lebensmitteln. Hier ist es insbesondere interessant, wie ich die Inhaltsmenge experimentell auf die Eigenschaften bei der Rollreibung auswirkt.



Abbildung 3: Dosen für die Messung von Rollreibung



Abbildung 4: Münzen und Autoschlüssel

Für das Experiment mit der Viskosität habe ich die Gegenstände am Zweitwohnsitz. Also Glaskugeln und (ungebrauchtes Motoröl). Könnte die Fotos dafür nachliefern. Bzw ich würde das Motoröl kaufen, wenn der Versuch genehmigt ist (40 Euro pro Packung).

0.1 Kontrollfragen

• Wie erfolgt die idealisierte Bewegung ohne Reibung? Für die idealisierte Reibung setzt man

$$\mu_R = \mu_G = \mu_H = 0$$

Dadurch sind alle Reibungskräfte auf null.

• Welche Reibung ist geschwindigkeitsunabhängig?

Haft-, Gleit- und Rollreibung sind unabhängig von der Geschwindigkeit weil diese nicht in der Formel vorkommt.

- Welche Reibung ist abhängig von der Geschwindigkeit?
 Die Stokes-Reibung enthält die Geschwindigkeit in der Formel.
- Wodurch entsteht Reibung?
 mikroskopische Unenbenheiten auf den Oberflächen von Körpern
- Was ist der Unterschied zwischen Haft- und Gleit-Reibung?
 Haftreibung ist jene Kraft, die einen Körper auf einer schiefen Ebene im Stillstand hält.
- Warum ist Gleitreibung meist kleiner als die Haftreibung?
 Bei Stillstand sind die mikroskopischen Unebenheiten in den Ebenen verzahnt. Diese zu lösen benötigt mehr Kraft.
- Warum driften Ralley-Fahrer durch die Kurven und nicht Formel 1 Piloten?

Formel 1 ist mathematisch durchoptimiert. Bei der Formel 1 sind Reifen mit besseren Werten im Einsatz, sodass Driften nicht nötig ist (kostet Energie und Zeit). Dafür funktionieren Ralley Autos im Gelände, wo das F1 Auto nicht mehr lauffähig ist. Ist quasi eine Frage der Anwendung.

• Was ist die Einheit der Viskosität?

$$\frac{N \cdot s}{m}$$

• Wie funktioniert ein Rotationsviskosimeter?

Ein technisches Gerät, dass durch Rotation eines mit Fluid gefüllten Zylinders die Viskosität des Fluids feststellen kann.

- Was ist das Besondere der laminaren Strömung?
 Es handelt sich um eine Strömung, in der keine Turbulenzen vorkommen.
 Man kann die Strömung in sich nicht vermischende Schichten einteilen.
- Was ist die Reynolds Zahl und was bedeutet sie?

Verhältnis der kinitischen Energie eines infinitesimalen Volumens zur Reibungsenergie der Verschiebung. Diese Zahl kann genutzt werden um auf die Turbulenz einer Strömung zu schließen (Achtung: gibt auch andere Abhängigkeiten, zB Anfangsbedingungen, Beschaffenheit der Umbgebung et)

1 Aufgabenstellung

Es soll der Haft-, Gleit- und Rollreibungskoeffizient bestimmt werden. Zusätzlich kann die Reibung in einer Flüssigkeit nach dem Stokes-Gesetz bestimmt werden.

2 Grundlagen

Bei der Haftreibung gilt, dass diese einen Körper auf einer schiefen Ebene in der momentanen Position hält. Man hat also eine Gegenkraft zum anteiligen Kraftvektor in Richtung der schiefen Ebene. Daher gilt laut Grafik 5

$$\mu_H \cdot F_N = m \cdot g \sin(\alpha) \tag{1}$$

$$\mu_H \cdot m \cdot g \cdot \cos(\alpha) = m \cdot g \cdot \sin(\alpha) \tag{2}$$

$$\mu_h = \tan(\alpha) \tag{3}$$

Um den maximalen Wert für μ_H zu erfahren, müssen wir jenen Wert α suchen, sodass sich der Körper zu bewegen beginnt. Daraus lässt sich der Haftreibungskoeffizient bestimmen.

Den Gleitreibungskoeffizienten findet man durch die Differenz von der parallelen Komponente der Gewichtskraft und der Reibungskraft

$$m \cdot a = F_g \cdot \sin(\alpha) - \mu_G \cdot F_N \tag{4}$$

$$m \cdot a = m \cdot g \cdot \sin(\alpha) - \mu_G \cdot m \cdot g \cdot \cos(\alpha) \tag{5}$$

$$a = g \cdot \sin(\alpha) - \mu_G \cdot g \cdot \cos(\alpha) \tag{6}$$

$$\mu_G = \frac{\sin(\alpha) - \frac{a}{g}}{\cos(\alpha)} \tag{7}$$

Mit $s = \frac{a \cdot t^2}{2}$ ergibt sich

$$\mu_G = \frac{\sin(\alpha) - \frac{2 \cdot s}{g \cdot t^2}}{\cos(\alpha)} \tag{8}$$

Theoretisch lässt sich der Haftreibungskoeffizient aus μ_G bestimmen, wenn man diesen für $s \to 0$ und $t \to \infty$ setzt.

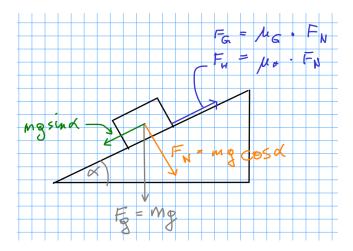


Abbildung 5: Haft- und Gleitreiung

Für die Rollreibung gilt

$$\mu_R = \frac{F_R}{F_N} \cdot r \tag{9}$$

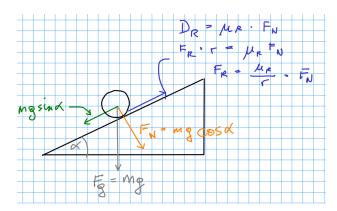


Abbildung 6: Rollreiung

Für die Viskosität wird das Stokes'sche Gesetz benötigt. (vgl. [1])

$$F_{\text{Stokes}} = -6 \cdot \pi \cdot \eta \cdot r \cdot v \tag{10}$$

Gemäß Grafik 7 muss man die Kräfte folgend addieren

$$\begin{split} F_{\text{Schwerkraft}} - F_{\text{Auftrieb}} - F_{\text{Stokes}} &= 0 \\ \left(\rho_K - \rho_{\text{Fluid}} \right) \cdot \frac{4 \cdot \pi}{3} \cdot r^3 \cdot g &= 6 \cdot \pi \cdot \eta \cdot r \cdot v \\ \left(\rho_K - \rho_{\text{Fluid}} \right) \cdot \frac{2 \cdot r^2}{9 \cdot v} \cdot g &= \eta \end{split}$$

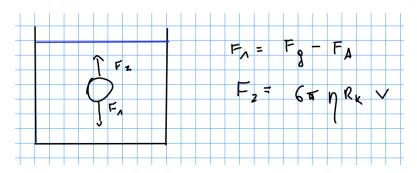


Abbildung 7: Stokes'sche Reibung

3 Beschreibung der Versuchsanordnung

Im wesentlichen ist der Versuch in den Abbildungen 5, 6 und 7 gezeigt.

4 Geräteliste

Tabelle 1: Geräteliste

Gerät	Beschreibung
Münzen	übliche Euromünzen (Herkunftsland separat angegeben)
Autoschlüssel	Marke: Mercedes-Benz
Laptop Unterlage BRÄDA	gekauft bei IKEA, interne IKEA-Artikelnummer: 601.501.76
Geodreieck	Länge 25 cm, von der Libro Eigenmarke
Küchenwaage	von Firma Soehnle, digitales Display, Maximalgewicht 5 kg
Stoppuhr / Kamera	iPhone XS Max
2 Dosen rote Kidney Bohnen	voll und leer

5 Versuchsdurchführung und Messergebnisse

Für Haft- und Gleitreibung wird jeweils eine 20 Cent und eine 5 Cent Münze verwendet.

5.1 Haftreibung

Tabelle 2: Messwerte für Haftreibung

	Winkel bei	Winkel bei
Nr.	$20~\mathrm{Cent}~\mathrm{M\ddot{u}nze}~/~^{\circ}$	5 Cent Münze / $^{\circ}$
1	24	25
2	19	26
3	19	26
4	23	22
5	20	21
6	23	24
7	19	22
8	26	21
9	23	18
10	19	23
11	19	18
12	18	23
13	24	23
14	24	25
15	19	25
16	22	19
17	26	21
18	21	19
19	19	26
20	21	18
\overline{X}	21.4	22.25

5.2 Gleitreibung

Für die Gleitreibung wird Zeit, Strecke und Winkel benötigt. Die zurückgelegte Strecke ist in allen Fällen gleich, nämlich s=42 cm. Wir setzen den Winkel $\alpha=30^{\circ}$, sodass wir aufgrund der Zeitmessung den Gleitreibungskoeffizienten bestimmen können. Wichtig ist, dass der Winkel größer als jener bei der Haftreibung ist, da ansonsten die Münzen nicht zu rutschen beginnen. Der Gleitreibungskoeffizient berechnet sich nach Formel (8).

Tabelle 3: Messwerte für Gleitreibung

	Zeit bei	Zeit bei
Nr.	20 Cent Münze / s	5 Cent Münze/ s
1	0.29	0.83
2	0.53	0.53
3	0.92	0.43
4	0.67	0.64
5	0.64	0.63
6	0.49	0.54
7	0.51	0.62
8	0.55	0.66
9	0.60	0.68
10	0.68	0.51
11	0.73	0.62
12	0.64	0.58
13	0.64	0.66
14	0.76	0.82
15	0.64	0.55
16	0.49	0.53
17	0.37	0.74
18	0.56	0.64
19	0.51	0.75
20	0.46	0.54
\overline{X}	0.584	0.614

5.3 Rollreibung

Tabelle 4: Messwerte für Rollreibung

3.7	Winkel bei	Winkel bei
Nr.	voller Dose Münze / $^{\circ}$	leerer Dose / °
1	12	13
2	11	16
3	13	10
4	8	10
5	8	11
6	13	10
7	7	13
8	14	12
9	11	12
10	13	13
11	9	11
12	12	11
13	11	10
14	13	8
15	7	10
16	7	9
17	9	13
18	14	16
19	7	14
20	14	13
\overline{X}	10.65	11.75

5.4 Viskosität

Aus technischen Gründen (Motoröl wurde bereits ins Motorrad geschüttet), werde ich den gegebenen Datensatz auswerten. Es wird eine Stahlkugel ins Speiseöl getaucht, sodass diese mit konstanter Geschwindigkeit einsinkt. Der Durchmesser der Kugel ist d=1.05 mm. Es wird die benötigte Zeit für die Fallhöhe h=500 mm gemessen. Für die Dichte von Stahl und Speiseöl beziehen wir aus der Literatur die Werte $\rho_{\rm Stahl}=7850$ kg m $^{-3}$ und $\rho_{\rm Ol}=920$ kg m $^{-3}$.

Tabelle 5: Messwerte für Viskosität

Nr.	Zeit / s	Viskosität / mPa s
1	10.70	89.1091
2	10.72	89.2757
3	10.67	88.8593
4	10.90	90.7747
5	10.84	90.2750
\overline{X}	10.766	89.6588

6 Auswertung

6.1 Plots

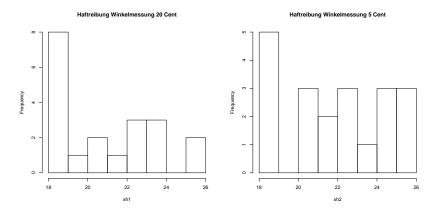


Abbildung 8: Histogramm für gemessenen Winkel bei Haftreibung in Grad.

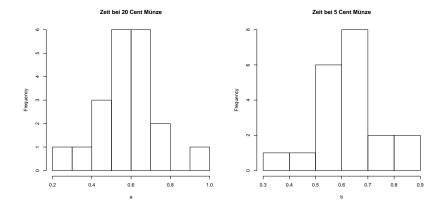


Abbildung 9: Histogramm für Zeiten bei Gleitreibung in Sekunden.

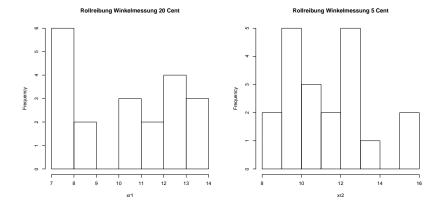


Abbildung 10: Histogramm für gemessenen Winkel bei Rollreibung in Grad.

6.2 Größtunsicherheitsmethode

Der Haftreibungskoeffizient ist nur vom Winkel α abhängig. Es gilt

$$\mu_H = \tan(\alpha) \tag{11}$$

wobei α jener Winkel ist, sodass sich das Objekt zu bewegen beginnt. Für die Abmessung mit dem Geodreieck nehme ich einen Messfehler von $\Delta\alpha=2^{\circ}$ an wobei das Bogenmaß angegeben werden muss, also $\Delta\alpha=\frac{\pi}{90}$. Es gilt für die Gesamtunsicherheit

$$\Delta \mu_H = \left| \frac{\partial \mu_H}{\partial \alpha} \right| \cdot \Delta \alpha = \frac{\Delta \alpha}{\cos^2(\alpha)} = \frac{\pi}{90 \cdot \cos^2(\alpha)}$$
 (12)

Für den Gleitreibungskoeffizienten gilt

$$\mu_G = \frac{\sin(\alpha) - \frac{2 \cdot s}{g \cdot t^2}}{\cos(\alpha)} \tag{13}$$

Dessen Unsicherheit ist

$$\Delta\mu_G = \left| \frac{\partial\mu_G}{\partial\alpha} \right| \cdot \Delta\alpha + \left| \frac{\partial\mu_G}{\partial s} \right| \cdot \Delta s + \left| \frac{\partial\mu_G}{\partial t} \right| \cdot \Delta t \tag{14}$$

$$= \left| \frac{1 - \frac{2 \cdot s}{g \cdot t^2} \cdot \sin(\alpha)}{\cos^2(\alpha)} \right| \cdot \Delta \alpha + \left| \frac{2}{g \cdot t^2 \cdot \cos(\alpha)} \right| \cdot \Delta s + \left| \frac{4 \cdot s}{g \cdot t^3 \cdot \cos(\alpha)} \right| \cdot \Delta t \quad (15)$$

Numerisch ergibt sich für die Unsicherheit der Gleitreibung

$$\Delta\mu_G = \left| \frac{1 - \frac{0.42}{9.81 \cdot t^2}}{0.75} \right| \cdot \frac{\pi}{90} + \left| \frac{0.235413}{t^2} \right| \cdot \Delta s + \left| \frac{0.197747}{t^3} \right| \cdot \Delta t \tag{16}$$

wobei hierfür $\alpha=30^\circ$, $\Delta\alpha=\pi/90$ gegeben sind. Die Messfehler für Zeit und Länge nehmen wir als $\Delta s=0.001$ m und $\Delta t=0.1$ s an. Insgesamt ergeben die Unsicherheiten

$$\Delta \mu_{G,20 \text{ Cent}} = 0.1407$$
 (17)

$$\Delta\mu_{G.5 \text{ Cent}} = 0.1273 \tag{18}$$

Der mittlere Gleitreibungskoeffizient wäre nach (8).

$$\mu_{G,20 \text{ Cent}} = \frac{\sin(30^\circ) - \frac{2 \cdot 0.42}{9.81 \cdot 0.584^2}}{\cos(30^\circ)} = 0.2874$$
 (19)

$$\mu_{G,5 \text{ Cent}} = \frac{\sin(30^\circ) - \frac{2 \cdot 0.42}{9.81 \cdot 0.614^2}}{\cos(30^\circ)} = 0.3151$$
 (20)

Für die Rollreibung ergibt sich analog zur Haftreibung

$$\Delta \mu_R = \left| \frac{\partial \mu_R}{\partial \alpha} \right| \cdot \Delta \alpha = \frac{\Delta \alpha}{\cos^2(\alpha)} = \frac{\pi}{90 \cdot \cos^2(\alpha)}$$
 (21)

wobe
i α jener Winkel ist, wo das Objekt zu rollen beginnt.

Für die Unsicherheit der Viskosität gilt

$$\eta = (\rho_K - \rho_{\text{Fluid}}) \cdot \frac{2 \cdot g}{9} \cdot \frac{r^2 \cdot t}{h} \tag{22}$$

Die Unsicherheit ergibt

$$\Delta \eta = \left| \frac{\partial \eta}{\partial r} \right| \cdot \Delta r + \left| \frac{\partial \eta}{\partial t} \right| \cdot \Delta t + \left| \frac{\partial \eta}{\partial h} \right| \cdot \Delta h \tag{23}$$

$$= (\rho_K - \rho_{\text{Fluid}}) \cdot \frac{2 \cdot g}{9} \cdot \left(\frac{2 \cdot r \cdot \Delta r \cdot t}{h} + \frac{r^2 \cdot \Delta t}{h} + r^2 \cdot t \cdot |\log(h)| \cdot \Delta h \right)$$
(24)

=
$$15107.4 \cdot (2.2609 \cdot 10^{-6} + 5.5125 \cdot 10^{-8} + 4.1137 \cdot 10^{-9}) \frac{\text{kg}}{\text{m s}}$$
 (25)

$$\approx 0.03505 \frac{\text{kg}}{\text{m s}} \tag{26}$$

7 Zusammenfassung und Diskussion

Für die Haftreibung ergibt sich für die 20 Cent bzw. für die 5 Cent Münze folgenes

$$\mu_{H,20 \text{ Cent}} = \left(\tan{(21.4)^{\circ}}\right) \pm \frac{\pi}{90 \cdot \cos^2{(21.4^{\circ})}}\right) = (0.3919 \pm 0.0403) \quad (27)$$

$$\mu_{H,5 \text{ Cent}} = \left(\tan (22.25)^{\circ} \right) \pm \frac{\pi}{90 \cdot \cos^2 (22.25^{\circ})} \right) = (0.4091 \pm 0.0407) \quad (28)$$

Gemäß des Versuchsausganges besitzt die 20 Cent Münze einen geringen Haftreibungskoeffizienten, wobei aufgrund der Unsicherheiten dieses Ergebnis nicht eindeutig verifziert werden kann. Hier bräuchte man genauere Messinstrumente.

Für die Gleitreibung ergeben sich das Messergebnis mit den Unsicherheiten

$$\mu_{G,20 \text{ Cent}} = (0.2874 \pm 0.1407)$$
 (29)

$$\mu_{G.5 \text{ Cent}} = (0.3151 \pm 0.1273)$$
 (30)

Die hohe Abweichung kommt durch die Zeitmessung zustande. Hier ist die Zeit als dritte Potenz im Nenner. Bei Messungen von unter einer Sekunde ergibt sich daher eine sehr große Ungenauigkeit.

Für die Rollreibung ergibt sich

$$\mu_{R,\text{volle Dose}} = \left(\tan (10.65^{\circ}) \pm \frac{\pi}{90 \cdot \cos^2 (10.65^{\circ})} \right) = (0.1880 \pm 0.0361) (31)$$

$$\mu_{R,\text{leere Dose}} = \left(\tan \left(11.75^{\circ} \right) \pm \frac{\pi}{90 \cdot \cos^{2} \left(11.75^{\circ} \right)} \right) = (0.2080 \pm 0.0365) \quad (32)$$

Hier besagt die Theorie laut [1] und [2], dass der Rollreibungskoeffizient nicht von der Masse des Objektes abhängt. Experimentell zeigt sich, dass die volle Dose (also jene mit mehr Masse) geringfügig weniger Reibung besitzt. Allerdings liegt das im Rahmen der Unsicherheit und kann daher nicht mit hinreichender Genauigkeit bestimmt werden.

Die Unsicherheit des Viskosität beträgt

$$\eta = (89.6588 \pm 35.0507) \frac{g}{m \text{ s}}$$
(33)

Alles in allem bräuchte man bessere Hilfsmittel um genauer messen zu können. Insbesondere für die Gleitreibung wäre ein Versuchsaufbau mit einer Strecke von mehreren Metern sinnvoll. Dies ist in meiner Wohnung jedoch nicht möglich.

8 Literaturverzeichnis

- [1] W. Demtröder, Experimentalphysik 1: Mechanik und Wärme, Springer-Spektrum, 8. Auflage, 2018.
- [2] D. Giancoli, *Physik*, Pearson, 4. Auflage, 2019.