

Institut für Experimentalphysik der Technischen Universität Graz

&

Institut für Physik der Universität Graz

# LABORÜBUNGEN 2: ELEKTRIZITÄT, MAGNETISMUS, OPTIK

Übungstitel: Dünne Linsen

Betreuer: \_\_\_\_\_

Gruppennummer:

**41**

Vorbereitung	Durchführung	Protokoll

$\Sigma$

Name: Tanja Maier, Johannes Winkler

Kennzahl: 033 678 Matrikelnummer: 11778750, 00760897

Datum: 09. Oktober 2020 WS 20

## 1 Aufgabenstellung

1. Justieren der optischen Anordnung mittels Laser und Lochblende.
2. Die Brennweite einer dünnen Sammellinse ist nach 2.1.1 10 mal für verschiedene Gegenstands- und Bildweiten zu messen.  
Deren Unsicherheiten sind nach Größtunsicherheitsmethode zu bestimmen  
– Das endgültige Messergebnis wird statistisch ermittelt.
3. Bestimmung der Brennweite durch grafische Auswertung der  $b^{-1}$  über  $g^{-1}$  Darstellung auf mm-Papier (oder mit einem Programm) gemäß Gleichung (1) mit Angabe der Unsicherheiten  $\Delta(g^{-1})$  und  $\Delta(b^{-1})$ .
4. Für 5 verschiedene Gesamtabstände  $a$  (siehe Abb. 2) ist die Brennweite derselben Linse nach dem Bessel'schen Verfahren (Abschnitt 2.1.2) zu kontrollieren.
5. Es ist nach Abschnitt 2.2.1 die Brennweite der Zerstreuungslinse 10 mal für verschiedene Gegenstands- und Bildweiten zu messen. Das Messergebnis ist statistisch zu ermitteln.
6. Einige Linsenfehler/Unsicherheitsfaktoren sollten durch geeignetes Experimentieren dargestellt bzw. abgeschätzt werden.

## 2 Grundlagen und Versuchsaufbau

### 2.1 Sammellinse

#### 2.1.1 Laplace'sche Methode

Durch Messen von  $g$  und  $b$  bei *scharfer* Abbildung kann die Brennweite  $f$  einer dünnen Sammellinse aus der Laplace'schen Abbildungsgleichung bestimmt werden:

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{g} + \frac{1}{b} \quad (1)$$

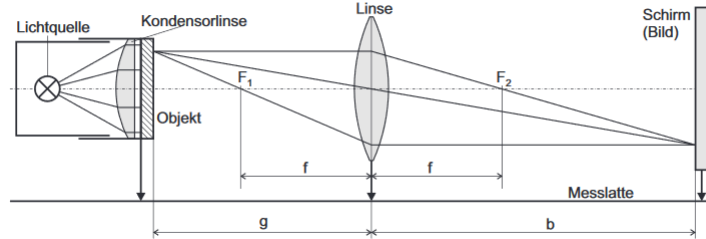


Abbildung 1: Schema des Aufbaues. Bildkonstruktion für einen Objektpunkt nach der geometrischen Optik.  $g$  Gegenstandsweite,  $b$  Bildweite,  $f$  Brennweite,  $F_1$ ,  $F_2$  Brennpunkte.

### 2.1.2 Bessel'sches Verfahren

Hier wird der Grundsatz von der Umkehrbarkeit der Lichtwege ausgenutzt. Es gelingt unter der Voraussetzung  $g + b > 4 \cdot f$  für zwei Gegenstands- bzw. Bildweiten je eine reelle Abbildung zu erhalten (Abb. 2). Die Brennweite steht mit der dazu notwendigen Verschiebung  $e$  und dem Gesamtabstand  $g + b = a$  in folgendem Zusammenhang:

$$f = \frac{1}{4} \cdot \left( \frac{a^2 - e^2}{a} \right) \quad (2)$$

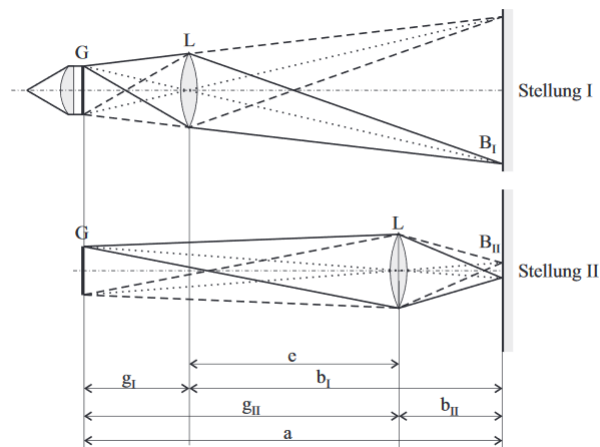


Abbildung 2: Die Bessel'sche Anordnung zur Messung der Brennweite.  $G$  Gegenstand,  $L$  Linse,  $B_I$ ,  $B_{II}$  Abbildungen,  $e$  Verschiebung,  $a$  Gesamtabstand,  $g_I$ ,  $g_{II}$  Gegenstandsweiten,  $b_I$ ,  $b_{II}$  Bildweiten.

## 2.2 Zerstreungslinse

Mit einer Zerstreungslinse allein gelingt keine reelle Abbildung. Gegenstand und Bild liegen auf derselben Seite. Die Messung der Brennweite erfolgt in diesem Fall durch Kombination mit einer Sammellinse geeigneter Brennweite nach zwei Methoden:

### 2.2.1 Methode 1

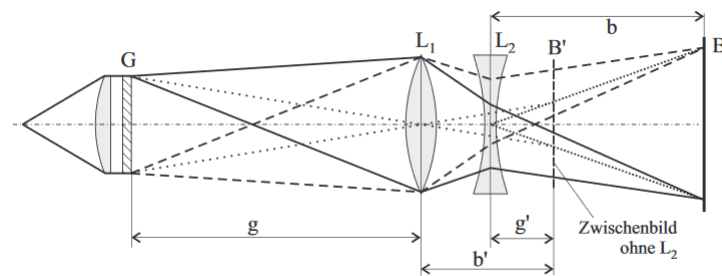


Abbildung 3: Kombination einer Sammellinse  $L_1$  mit einer Zerstreungslinse  $L_2$ .  $G$  Gegenstand,  $B'$  Bild mit  $L_1$  ohne  $L_2$ ,  $B$  Bild mit  $L_1$  und  $L_2$ ,  $g$ ,  $g'$  Gegenstandsweite,  $b$ ,  $b'$  Bildweite.

### 2.2.2 Methode 2

Verändert man den Abstand der Zerstreungslinse  $L_2$  von  $B'$  derart, dass  $g' = -f_2$  wird, so rückt das Bild  $B$  ins Unendliche, was mit einem auf *Unendlich* justierten Fernrohr festgestellt werden kann, und eine direkte Brennweitenbestimmung leicht ermöglicht.

### 3 Geräteliste

Tabelle 1: Liste der verwendeten Geräte

Bezeichnung	Inventarnummer	Unsicherheit
Sammellinse	V221	
Zerstreuungslinse		
Lampe	V/747/4	
Gegenstand	F4	
Schirm	V/539/32	
Maßband		$\pm 1$ mm

## 4 Durchführung und Messwerte

### 4.1 Brennweite der Sammellinse nach Laplace

Es werden 10 Messungen durchgeführt. Bei jeder Messung wird die Position die Gegenstands- und Bildweite, sowie die Position der Linse gemessen. Die Positionen werden relativ zu einem Fixpunkt gemessen. Die Messwerte sind in Tabelle 2 dargestellt.

Tabelle 2: Messwerte der Methode nach Laplace.  $G$  Gegenstandsposition,  $B$  Bildposition,  $L$  Linsenposition

Nr.	$G$ / cm	$B$ / cm	$L$ / cm
1	160	15	136.2
2	160	20	135.7
3	160	25	135.2
4	160	30	134.5
5	160	35	134.9
6	160	40	134.0
7	160	45	133.9
8	160	50	133.6
9	160	55	132.9
10	160	60	131.9

### 4.2 Brennweite der Sammellinse nach Bessel

Hier wird bei gegebener Position von Gegenstand und Bild die Linse auf die Positionen  $L_1$  und  $L_2$  verschoben. Es wird für 5 Fälle gemessen.

Tabelle 3: Messwerte der Methode nach Bessel.  $G$  Gegenstandsposition,  $B$  Bildposition,  $L_1$ ,  $L_2$  Linsenpositionen

Nr.	$G$ / cm	$B$ / cm	$L_1$ / cm	$L_2$ / cm
1	161	15	44.7	136.6
2	161	20	39.6	136.6
3	161	30	53.3	136.0
4	161	40	66.0	135.4
5	161	50	76.8	134.4

### 4.3 Brennweite der Zerstreuungslinse

Tabelle 4: Messwerte für die Zerstreuungslinse.  $G$  Gegenstandsposition,  $B'$  Bildposition nur für Sammellinse,  $B$  Bildposition,  $L_1$  Position v. Sammellinse,  $L_2$  Positin von Zerstreuungslinse

Nr.	$G$ / cm	$B'$ / cm	$B$ / cm	$L_1$ / cm	$L_2$ / cm
1	160	77	65	112	90
2	160	77	35.5	112	94.5
3	160	77	56.6	112	92
4	160	77	50	112	93
5	160	77	60.3	112	91
6	160	77	33	112	95
7	160	77	22.3	112	96
8	160	77	66	112	89
9	160	77	69.6	112	88
10	160	77	17.3	112	96

## 5 Auswertung

### 5.1 Laplace

Die Größtunsicherheitsmethode für die Brennweite nach Laplace aus Gleichung (1) ergibt

$$\Delta f = \left| \frac{\partial f}{\partial g} \right| \cdot \Delta g + \left| \frac{\partial f}{\partial b} \right| \cdot \Delta b = \left( \frac{1}{g} + \frac{1}{b} \right)^{-2} \cdot \left( \frac{\Delta g}{g^2} + \frac{\Delta b}{b^2} \right)$$

Mit diesen Erkenntnissen wird die Tabelle 2 ausgewertet.

Tabelle 5: Auswertung für die Laplace-Methode.  $g = G - L$  Gegenstandsweite,  $b = L - B$  Bildweite,  $f$  berechnete Brennweite,  $\Delta f$  Unsicherheit

Nr.	$g$ / cm	$b$ / cm	$f$ / cm	$\Delta f$ / cm
1	23.8	121.2	19.89	0.01
2	24.3	115.7	20.08	0.01
3	24.8	110.2	20.24	0.01
4	25.5	104.5	20.5	0.01
5	25.1	99.9	20.06	0.01
6	26.0	94.0	20.37	0.01
7	26.1	88.9	20.18	0.01
8	26.4	83.6	20.06	0.01
9	27.1	77.9	20.11	0.01
10	28.1	71.9	20.2	0.01

## 5.2 Bessel

Die Größtunsicherheitsmethode für die Brennweite nach Bessel aus Gleichung (2) ergibt

$$\Delta f = \left| \frac{\partial f}{\partial a} \right| \cdot \Delta a + \left| \frac{\partial f}{\partial e} \right| \cdot \Delta e = \frac{1}{4 \cdot a^2} \cdot [(a^2 + e^2) \cdot \Delta a + 2 \cdot a \cdot e \cdot \Delta e]$$

Tabelle 6: Auswertung für die Bessel-Methode.  $a = G - B$  Gesamtabstand,  $e = |L_1 - L_2|$  Verschiebung der Linse,  $f$  berechnete Brennweite,  $\Delta f$  Unsicherheit

Nr.	$a$ / cm	$e$ / cm	$f$ / cm	$\Delta f$ / cm
1	146	91.9	22.04	0.01
2	141	97.0	18.57	0.01
3	131	82.7	19.7	0.01
4	121	69.4	20.3	0.01
5	111	57.6	20.28	0.01

## 5.3 Zerstreuungslinse

Die Brennweite berechnet sich in dem Fall analog zur Laplace Methode mit

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{g'} + \frac{1}{b} \quad (3)$$

Tabelle 7: Auswertung für die Zerstreuungslinse.  $g' = B' - L_2$ ,  $b = L_2 - B$ ,  $f$  berechnete Brennweite,  $\Delta f$  Unsicherheit

Nr.	$g' / \text{cm}$	$b / \text{cm}$	$f / \text{cm}$	$\Delta f / \text{cm}$
1	-13	25	-27.08	0.11
2	-17.5	59.0	-24.88	0.04
3	-15	35.4	-26.03	0.07
4	-16	43	-25.48	0.06
5	-14	30.7	-25.74	0.08
6	-18	62	-25.36	0.04
7	-19	73.7	-25.6	0.04
8	-12	23	-25.09	0.11
9	-11	18.4	-27.35	0.17
10	-19	78.7	-25.05	0.04

## 6 Zusammenfassung und Diskussion

Für die Brennweite nach der Laplace-Messung gilt durch Mittelung

$$f = (20.17 \pm 0.01) \text{ cm}$$

Für die Brennweite nach der Bessel-Messung gilt durch Mittelung

$$f = (20.18 \pm 0.01) \text{ cm}$$

Für die Zerstreuungslinse gilt durch Mittelung

$$f = (25.77 \pm 0.08) \text{ cm}$$

Die Methoden nach Laplace und Bessel ergeben unter Berücksichtigung der Unsicherheit dasselbe Ergebnis.

Bei der Messung der Zerstreuungslinse werden zwei Linsenpositionen gemessen, was den höheren Fehler erklärt.

Was außerdem zu möglichen Unsicherheiten führt ist, dass man die Scharfstellung nicht exakt an einem Punkt zu erkennen ist, sondern dass diese über einen Bereich geht. Insbesondere bei der Messung der Brennweite der Zerstreuungslinse ergibt sich dadurch das Problem, dass das Bild in einem relativ großen Bereich scharf gestellt ist, teilweise sogar über 1cm. Daher muss man zur Abweichung des Maßbandes noch eine weitere Toleranz dazu addieren.