

1 Aufgabenstellung

1. Bestimmung der Konzentration einer Rohrzuckerlösung.
2. Bestimmung der spezifischen Drehung einer Quarzplatte.

2 Grundlagen und Versuchsaufbau

Unter optischer Aktivität versteht man die Eigenschaft mancher Medien, die Schwingungsebene linear polarisierten Lichts nach rechts oder links zu drehen. Dieses Verhalten wird durch eine schraubenförmige Struktur des Kristallgitters (bei festen Stoffen) bzw. der Moleküle (bei Flüssigkeiten und Gasen) hervorgerufen. Denkt man sich die linear polarisierte Welle aus zweientgegengesetzt zirkular polarisierten Wellen zusammengesetzt, können die beiden Anteile in einem solchen Medium unterschiedliche Ausbreitungsgeschwindigkeiten besitzen. Sie treten daher aus dem Medium mit einer Phasendifferenz aus, und setzen sich zu einer linear polarisierten Welle mit gedrehter Polarisationsrichtung zusammen. Die Größe des Winkels α ist von der durchlaufenen Wegstrecke d bzw. ℓ , der spezifischen Drehung α_{spez} und der Konzentration des Mediums c abhängig.

$$\begin{aligned}\alpha &= \alpha_{\text{spez}} \cdot \ell \cdot c && \text{für Flüssigkeiten und Gase} \\ \alpha &= \alpha_{\text{spez}} \cdot d && \text{für Kristalle und Festkörper}\end{aligned}\tag{1}$$

Um aus natürlichem Licht linear polarisiertes zu erhalten, kann z.B. ein Nicol'sches Prisma verwendet werden. Es besteht aus einem geeignet ausgerichteten und geschnittenen doppelbrechenden Kristall. Dabei wird eintretendes unpolarisiertes Licht in zwei senkrecht zueinanderstehende linear polarisierte Anteile mit unterschiedlicher Ausbreitungsgeschwindigkeit aufgespalten. Durch Totalreflexion eines der beiden Anteile an einer Grenzfläche können die beiden Polarisationsanteile voneinander getrennt werden.

Da es aus physiologischen Gründen schwierig ist, eine Polarisator – Analysator – Anordnung auf maximale oder minimale Helligkeit abzugleichen, wird für Messzwecke ein sog. Halbschattenpolarimeter (Abb. 1) verwendet. Dabei wird nach dem Polarisator ein nur den halben Strahlengang bedeckendes zweites Nicol'sches Prisma eingesetzt, das um einen kleinen Winkel gegen den Polarisator verdreht ist. Beim Durchstimmen des Analysators beobachtet man in dem nun geteilten Gesichtsfeld nacheinander ein Helligkeitsminimum in beiden Hälften. Befindet sich der Analysator genau senkrecht zum Symmetriewinkel zwischen Polarisator und Halbschattenprisma, erscheinen beide Gesichtsfeldhälften gleich hell. Die Trennlinie ist nicht sichtbar. Bei einer geringen Abweichung von dieser Stellung wird eine der beiden Hälften sofort dunkler. Dadurch ist ein präziser Abgleich der Polarisator – Analysatorstellung möglich.

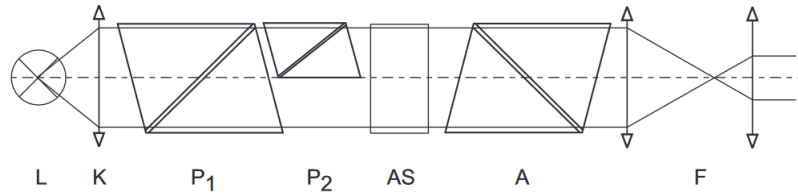


Abbildung 1: Aufbau des Halbschattenpolarimeters L Na-Dampflampe, K Kondensor, P_1 Polarisator, P_2 Halbschattenprisma, AS optisch aktive Substanz, A Analysator, F Fernrohr

3 Geräteliste

Tabelle 1: Liste der verwendeten Geräte

Bezeichnung	Gerätenummer	Unsicherheit
Micrometer		$\pm 0.01 \text{ mm}$
1. Halbschattenpolarimeter		$\pm 0.05^\circ$
2. Halbschattenpolarimeter		$\pm 0.1^\circ$
Schiebelehre		$\pm 0.05 \text{ mm}$
Rohrzuckerlösung		
Quarzkristalle		

4 Durchführung und Messwerte

4.1 Rohrzuckerlösung

Tabelle 2: Rohrzuckerlösung in Probenglas, Abmessungen. ℓ_{ges} Gesamtlänge, ℓ_1 innere Länge 1, ℓ_2 innere Länge 2.

$\ell_{\text{ges}} / \text{mm}$	ℓ_1 / mm	ℓ_2 / mm
111.70	3.85	3.85
111.65	3.80	3.85
111.70	3.85	3.80
111.70	3.85	3.85
111.60	3.85	3.85

Tabelle 3: Offset und Drehwinkel der Rohrzuckerlösung.

$\alpha_{\text{off}} / ^\circ$	$\alpha_1 / ^\circ$
0.00	4.40
0.00	4.40
0.00	4.50
0.00	4.60
0.00	4.70
0.00	4.40
0.00	4.40
0.00	4.45
0.00	4.50
0.00	4.35

4.2 Quarzkristalle

Tabelle 4: Dicken der Quarzkristalle.

d_1 / mm	d_2 / mm	d_3 / mm	d_4 / mm
6.99	6.51	9.17	9.43
6.98	6.50	9.16	9.43
6.99	6.50	9.17	9.42
6.98	6.51	9.16	9.43
6.99	6.51	9.16	9.42

Tabelle 5: Offset und Drehwinkel der Quarzkristalle.

α_{off} / °	α_1 / °	α_2 / °	α_3 / °	α_4 / °
14.90	43.80	53.80	-5.10	40.70
15.00	43.90	53.60	-5.00	40.80
15.10	43.70	53.70	-4.90	40.60
15.00	43.80	53.50	-5.00	40.80
15.10	43.70	53.50	-4.90	40.70

5 Auswertung

5.1 Rohrzuckerlösung

Zuerst wird die Länge des Probenglases bestimmt werden, in dem sich die Flüssigkeit befindet.

$$\ell = \ell_{\text{ges}} - \ell_1 - \ell_2$$

Mit Fehlerrechnung ergibt sich

$$\ell = (103.99 \pm 0.03) \text{ mm}$$

Bestimmung der Konzentration mit Gleichung (1)

$$c = \frac{\alpha}{\alpha_{\text{spez}} \cdot \ell}$$

$$\Delta c = \frac{\Delta \alpha}{\alpha_{\text{spez}} \cdot \ell} + \frac{\alpha}{\alpha_{\text{spez}} \cdot \ell^2} \cdot \Delta \ell$$

mit $\alpha_{\text{spez}} = 66.5 \frac{^\circ \cdot \text{cm}^3}{\text{dm} \cdot \text{g}}$. Es ergibt sich

$$c = (64.64 \pm 66.09) \text{ mg/cm}^3$$

5.2 Quarzkristalle

6 Zusammenfassung und Diskussion