অধ্যায় - ১

সূচকের সূচক Class Seven Math ১ম অধ্যায় (২২-৩২ পৃষ্ঠা)

facebook/jpthedeveloper

সূচকের সূচক

শিখনঃ বিদ্যালয়ে তোমাকে ১ম দিন ১টি ক্যান্ডি দেওয়া হলো এবং বাকী দিনগুলোতে পূর্বের দিনে প্রাপ্ত ক্যান্ডির সাথে তোমার রোল নাম্বারের শেষ অক্ষের গুণফলের সমান ক্যান্ডি দেয়া হলো। মোট ৫ দিনের ক্যান্ডি প্রাপ্তির সংখ্যার ছক নির্ণয় কর যেখানে তোমার রোল নাম্বার ২৬। (ছকে অবশ্যই গুণফলের সূচক আকারে প্রকাশ করতে হবে। কোন ক্ষেত্রেই তোমাদের গুণফলটিকে প্রকাশ করতে হবে না)

সমাধানঃ

ছক - ৫.১

রোল	রোলের শেষ অঙ্ক	দিন	প্রাপ্ত ক্যান্ডি সংখ্যা
২৬	৬	১ম	> = ₽ ₀
		২য়	>×७ = ७ ^{>}
		৩য়	>×७×७ = ७ ^২
		8र्थ	>>U>VO
		৫ম	\$x\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\

শিখনঃ ছক ৫.২ পূরণ করো। শর্তঃ তোমাদের দলে ৫ জন শিক্ষার্থী আছে যাদের রোলের শেষ অংক তোমার রোলের শেষ অঙ্কের সমান এবং বাকী শর্ত পূর্বের অনুরুপ।

রোল	রোলের শেষ অংক	দিন	১ম জনের প্রাপ্ত ক্যান্ডি সংখ্যা	১ম জনের প্রাপ্ত ক্যান্ডি সংখ্যার গুণাকার	দলের সকলের প্রাপ্ত ক্যান্ডি সংখ্যার গুণাকার	সূচকীয় আকারে গুণফল	^
২৬	৬	১ম	>	>	৬°×৬°×৬°×৬°	ড°	
		২য়	৬	৬	৬ ^১ ×৬ ^১ ×৬ ^১ ×৬ ^১	ড ^৫	
		৩য়	હર	৬×৬	৬ ^২ x৬ ^২ x৬ ^২ x৬ ^২	৬৮	
		8र्थ	હુ	৬×৬×৬	৬ ^७ ×৬ ^७ ×৬ ^७ ×৬ ^७	હુ\$ ^હ	
		৫ম	₍₄ 8	৬×৬×৬×৬	៶ ⁸ x៶ ⁸ x៶ ⁸ x៶ ⁸ x៶ ⁸ x៶ ⁸	৻৸ঽ০	l

শিখনঃ দলে ৫ জন সদস্য ও প্রত্যেকে ১০ এর গুণীতক হারে ক্যান্ডি পায়, তবে ছক ৫.৩ পূরণ করো।

সমাধানঃ

ছক - ৫.৩

দিন	১ম	১ম জনের প্রাপ্ত	দলের সকলের প্রাপ্ত ক্যান্ডি	সূচকের গূনের নিয়ম
	জনের	ক্যান্ডি সংখ্যার	সংখ্যার গুণাকার	ব্যবহার করে,
	প্রাপ্ত	গুণাকার		সূচকীয় আকারে গুণফল
	ক্যান্ <u>ডি</u>	0 11 4-1.4		120414 314164 314 1
	সংখ্যা			
১ম	20°	2	\$0°×\$0°×\$0°×\$0°	300+0+0+0
				= 20°
২য়	202	20	20,×20,×20,×20,×20,	202+2+2+2
				= >o ^৫
৩য়	5 0 [₹]	20×20	۶٥ҳ×۶٥ҳ×۶٥ҳ×۶٥ҳ	³⁰
				= 20 ₂₀
8र्थ	30°	20×20×20	\$0°×\$0°×\$0°×\$0°	30°+°+°+°+°
				= 20 ₂₆
৫ম	> 08	\$0×\$0×\$0×\$0	\$0 ⁸ ×\$0 ⁸ ×\$0 ⁸ ×\$0 ⁸	3 0 ⁸⁺⁸⁺⁸⁺⁸
				= >o ^{>} 0

শিখনঃ

$$50\times50 = 50^{2}$$

আবার,

$$50^{\circ} \times 50^{\circ} = (50^{\circ})^{2} = 50^{\circ}$$

এই নিয়মে পাঠ্যবইয়ের ছক ৫.৪ পূরণ করো।

If you think this math solution is helpful for you..

Then please donate us for more update

bkash Personal

01916973743

গুণ-আকার	সূচকীয় আকার
20×20×20×20	>o¢
\$0 ² ×\$0 ² ×\$0 ² ×\$0 ²	(>o ²) [⊕] = >o ⁵ o
\$8\\\$8\\\$8\\\$8\\\$8\\\$8\\\$8\\\$8\\\$8\\\$8\	⟩ 8 ⁹
\$\%\\$\%\\$\%\\$\%\\$\%\\$\%\\$\%\\$\%\\$\%	(>8°) ⁹ = >8 ² >

শিখনঃ ৫.৫ এর ফাঁকা ঘরগুলো বা আংশিক পূর্ণ ঘরগুলো সম্পূর্ণ করো।

সমাধানঃ

ছক - ৫.৫

দিন	১ম জনের প্রাপ্ত ক্যান্ডি সংখ্যা	১ম জনের প্রাপ্ত ক্যান্ডি সংখ্যার গুণাকার	দলের সকলের প্রাপ্ত ক্যান্ডি সংখ্যার গুণাকার	সূচকের সূচকীয় আকারে গুণফল
১ম	20°	>	2×2×2×2	(>o°) ^{&}
২য়	202	\$0	20,×20,×20,×20,×20,	(>o>)@
৩য়	\$o [₹]	20×20	\$0 ² ×\$0 ² ×\$0 ² ×\$0 ²	(>o [≥]) ^{&}
8र्थ	20°	20×20×20	\$0°×\$0°×\$0°×\$0°	(\$0°) ^{&}
৫ম	> 08	20×20×20×20	\$0 ⁸ ×\$0 ⁸ ×\$0 ⁸ ×\$0 ⁸	(>08)¢

শিখনঃ সূচকের সূচকীয় আকারে গুণফল প্রকাশের পদ্ধতি অনুসারে ছক ৫.৬ পূরণ করো।

সমাধানঃ

ছক - ৫.৬

রোল	রোলের	দিন	১ম জনের	১ম জনের	দলের সকলের প্রাপ্ত ক্যান্ডি সংখ্যার	সূচকীয়
	শেষ		প্রাপ্ত	প্রাপ্ত ক্যান্ডি	গুণাকার	আকারে
	অংক		ক্যান্ডি	সংখ্যার		গুণফল
			সংখ্যা	গুণাকার		
২৬	৬	১ম	>	>	৬°×৬°×৬°×৬°	(৬°) ^৫
		২য়	ড ^o	3	৬ ^১ ×৬ ^১ ×৬ ^১ ×৬ ⁵	(৬ ^১) ^৫
		৩য়	હર	৬×৬	৬ ^২ x৬ ^২ x৬ ^২ x৬ ^২	(৬ ^২) ^৫
		8र्थ	৬৩	৬×৬×৬	৬ [©] ×৬ [©] ×৬ [©] ×৬ [©]	(৬ ^৩) ^৫
		৫ম	<u></u> ც8	৬×৬×৬×৬	৬ ⁸ ×৬ ⁸ ×৬ ⁸ ×৬ ⁸	(৬ ⁸) ^৫

শিখনঃ ৫.২ ৪ ৫.৫ ছক হতে প্রাপ্ত তথ্যের শায্যে ৫.৭ ছকটি পূরণ করো।

দলের সকলের প্রাপ্ত ক্যান্ডি সংখ্যার গুণাকার	সূচকের সূচকীয় আকারে গুণফল	সূচকের গুণের নিয়ম ব্যবহার করে, সূচকীয় আকারে গুণফল
?×?×?×?	(>o _o) _{&}	>° = >
\$0×\$0×\$0×\$0	(20 ₂) _©	>o [€]
205×205×205×205×205	(>o [≥]) ^৫	20 ₂₀
\$0 [®] ×\$0 [®] ×\$0 ⁸ ×\$0 ⁸ ×\$0 ⁸	(>o°) [©]	20 ₂₆
\$0 ⁸ ×\$0 ⁸ ×\$0 ⁸ ×\$0 ⁸	(>0 ⁸) [¢]	%0,50

শিখনঃ ছক ৫.৩ ও ৫.৬ এর তথ্য মোতাবেক ৫.৮ ছকটি পূরন করো।

সমাধানঃ

ছক – ৫.৮

দলের সকলের প্রাপ্ত ক্যান্ডি সংখ্যার গুণাকার	সূচকের সূচকীয় আকারে গুণফল	সূচকের গুণের নিয়ম ব্যবহার করে, সূচকীয় আকারে গুণফল
>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>>	(৬ ^০) ^৫	७ ° = ১
७×७×७×७	(৬ ^১) ^৫	હ ^૯
৬ ^২ ×৬ ^২ ×৬ ^২ ×৬ ^২	(৬ ^২) ^৫	৬১০
৬ ^୭ ×৬ ^୭ ×৬ ⁸ ×৬ ⁸ ×৬	(৬ ^৩) ^৫	৬১¢
৬ ⁸ ×৬ ⁸ ×৬ ⁸ ×৬ ⁸	(৬ ⁸) ^৫	৬ ^{২০}

শিখন ফলাফলঃ

১০২ × ১০২ × ১০২ × ১০২ × ১০২ কে লেখা যায় (১০২) c হিসেবে এবং (১০২) c কে লেখা যায়, ১০২× c =১০১০ হিসেবে।

কাজঃ

- ১) নিচের সূচকগুলো নির্ণয় করো বা নিচের সূচকগুলোকে সূচকের সূচক আকারে প্রকাশ করো।
- 7. P₂₈×P₂₈×P₂₈×P₂₈
- λ . λ
- 0. 38°×38°

৫. ২৫⁸

সমাধানঃ

$$3. b^{38} \times b^{38} \times b^{38} \times b^{38} = (b^{38})^8$$

$$\circ$$
. $38^{\circ} \times 38^{\circ} = (38^{\circ})^{2}$

8.
$$\lambda b^{\lambda} \times \lambda b^{\lambda} \times \lambda b^{\lambda} \times \lambda b^{\lambda} = (\lambda b^{\lambda})^{8}$$

২) নিচের সূচকের সংক্ষিপ্ত আকার গুলো নির্ণয় করো।

সমাধানঃ

5.
$$(80^{9})^{55} = 80^{9} \times 55 = 80^{99}$$

$$4. (harpoonup harpoonup harpoonup$$

$$\circ$$
. $(\circ 8^{\circ})^{\circ} = \circ 8^{\circ \times \circ} = \circ 8^{5}$

8.
$$(2^{-2})^{\circ} = 2^{-2 \times \circ} = 2^{-6}$$

If you think this math solution is helpful for you..

Then please donate us for more update

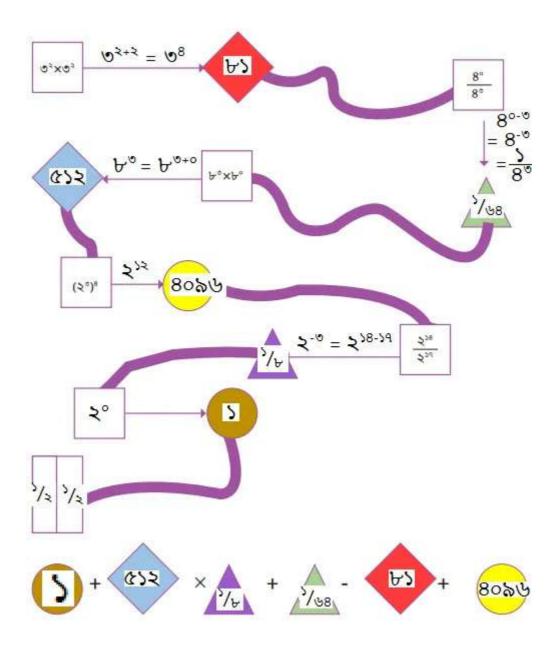
bkash Personal

01916973743

$$\mathcal{E}$$
. $(20^{\circ})^{\circ} = 20^{\circ \times \circ} = 20^{\circ}$

একক কাজঃ

ছবির বাবা তার ব্যাংকের ক্রেডিট কার্ডের পিন ভুলে গেছেন। তখন ছবির মনে পড়লো নিচের চিত্রের সাহায্যে পিনটি খজুঁ পাওয়া সম্ভব। তোমরা কি ছবিকে সাহায্য করতে পারবে?



সমাধানঃ

প্রদত্ত হিসাবগুলি সমাধান করে চিত্রে প্রদত্ত রঙ্গিন ক্ষেত্রগুলোর মান বের করে সরল অংশে মানগুলো বসিয়ে পাই,

= 80৮0 + 0.\$৫৬২৫

অর্থাৎ, পিনটি হবে ৪০৮০ [কারন পিন ভগ্নাংশ হবে না]

আরও একটু সূচক

শিখনঃ

সূর্য থেকে পৃথিবীতে আলো এসে পৌঁছাতে সময় লাগে ৮ মিনিট ১৮ সেকেন্ড।

সূর্য থেকে পৃথিবীর দুরত্ব ১৫,০০,০০,০০০ কিলোমিটার।

আলোর গতিবেগ প্রতি সেকেন্ডে ৩০,০০,০০,০০০ মিটার

কাজঃ

১) পৃথিবী থেকে সূর্যের দুরত্ব কথায় কত হবে চিন্তা করে বলো তো।

উত্তরঃ পনের কোটি কিলোমিটার।

২) আলোর বেগ কথায় কত হবে চিন্তা করে বলো তো।

উত্তরঃ ত্রিশ কোটি মিটার।

শিখনঃ আলোর গতিবেগকে সূচকের মাধ্যমে প্রকাশ করো। পাঠ্যবইয়ের ছক ৭.১ অনুসারে।

ছক - ৭.১

১০ দ্বারা ভাগ করে প্রকাশ	সূচক আকারে প্রকাশ
00000000×30	0000000x30
0000000x30x30	%000000×30 ²
%00000x\$0x\$0x\$0	%00000×\$0%
00000x30x30x30	%0000x30 ⁸
0000x30x30x30x30	0000×30 [€]
000x50x50x50x50x50	७००× ১ ० ^७
00×30×30×30×30×30×30	৩০x১০ ^৭
	\(\sigma_0000000\sigma_000000000000000000000000000000000000

\	0 <x0<x0<x0<x0<x0<x0<x0<x0<x0< th=""><th>@x\$op</th></x0<x0<x0<x0<x0<x0<x0<x0<x0<>	@x\$op
---	--	--------

শিখনঃ পৃথিবী থেকে সূর্যের দূরত্বকে সূচকের মাধ্যমে ছক ৭.১ এর ন্যায় প্রকাশ করো।

সমাধানঃ

ছক – ৭.২

সংখ্যা (পৃথিবী থেকে সূর্যের দুরত্ব	১০ দ্বারা ভাগ করে প্রকাশ	সূচক আকারে প্রকাশ
\$\$000000	\$&00000x\$0	\$&000000x\$0
	\$&00000x\$0x\$0	\$৫०००००×\$० [₹]
	\$&0000×\$0×\$0×\$0	১৫০০০০×১০ ^৩
	\$&000x\$0x\$0x\$0	\ \$000× \ 0 ⁸
	\$\$00×\$0×\$0×\$0×\$0	\$৫००×\$० ^৫
	\$\$0x\$0x\$0x\$0x\$0x\$0	১৫०×১० ^৬
	\$&x\$0x\$0x\$0x\$0x\$0x\$0	১ ৫× ১ ० ^٩

শিখনঃ ১৫×১০^৭ সংখ্যাটিতে ১৫ কে ১০ থেকে ছোট সংখ্যার মাধ্যমে লিখে সংখ্যাটিকে প্রকাশ করো।

সমাধানঃ

১৫×১০^৭ = ১.৫×১০^৮ [এখানে ১.৫ < ১০]

শিখন ফলাফলঃ

১. ১ হাজার কে সূচকের সাহায্যে লিখ।

উত্তরঃ ১×১০^৩

- ২. বাস্তবের বিভিন্ন বড় সংখ্যাকে সূচকের মাধ্যমে ছোট আকারে প্রকাশ করা যায়। প্রকাশের উপায় নিয়ে, উপরের দুটি উদাহরণ থেকে তোমার অনুধাবন নিচের প্রশ্নের উত্তরের সাহায্যে প্রকাশ করো।
- (ক) ভাগের কাজটি কখন শেষ করব?
- (খ) ভাগ করে সূচক বিহীন যে সংখ্যাটি পাবো, তা কি ১ এর চেয়ে ছোট হতে পারবে? কিংবা ১ এর সমান হতে পারবে?

(গ) ভাগ করে সূচক বিহীন যে সংখ্যাটি পাবো, তা কি ১০ এর সমান কিংবা বড় হতে পারবে?

উত্তরঃ

- (ক) সূচক বিহীন সংখ্যাটি ১ এর সমান অথবা ১ এর চেয়ে বড় কিন্তু ১০ এর চেয়ে ছোট হলেই ভাগের কাজটি শেষ করব।
- (খ) ভাগ করে সূচক বিহীন যে সংখ্যাটি পাবো তা ১ এর চেয়ে ছোট হতে পারবে না কিন্তু ১ এর সমান হতে পারবে।
- (গ) ভাগ করে সূচক বিহীন যে সংখ্যাটি পাবো তা ১০ এর সমান বা ১০ এর চেয়ে বড় হতে পারবে না।

কাজ: পৃথিবী থেকে চাঁদের দুরত্ব প্রায় ৩,৮৪,০০০ কিলোমিটার। এই দুরত্বকে গাণিতিক ভাষায় ছোট আকারে প্রকাশ করো।

সমাধানঃ

७४८०००

= 04800×303

= 0780x205

=068×30°

= %b.8x30⁸

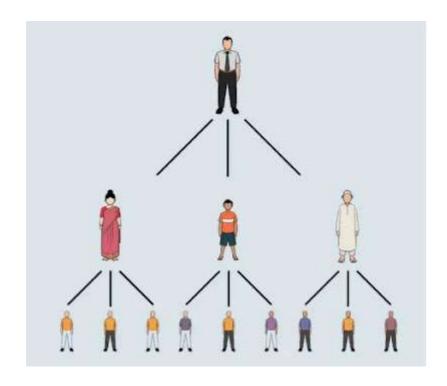
= 0.78×20¢

অতএব, ৩,৮৪,০০০ কিলোমিটার এর গাণিতিক ভাষায় ছোট আকার হলোঃ ৩.৮৪×১০^৫ কিলমিটার।

একক কাজঃ

১) তোমরা নিশ্চয় কোভিড-১৯ মহামারী সম্পর্কে অবগত আছো। মারাত্মক ছোঁয়াচে এই মহামারীর কারণে পুরো পৃথিবী একটা বড় সময় স্থবির হয়ে ছিল। আমরা সেই মহামারী নিয়ে একটি গণনা করার চেষ্টা করব। ধরো, একটি বাড়িতে ৩ জন লোক আছে। তারা প্রত্যেকেই কোভিড আক্রান্ত হয়েছে। এখন হিসাব করে দেখা গেল, তাঁরা ৩ জন প্রত্যেকেই ১ দিনে আলাদা-আলাদাভাবে ন্যুনতম ৩ জনকে আক্রান্ত করতে সক্ষম। আবার তাঁদের দ্বারা আক্রান্ত প্রত্যেকে

আবার এক দিনে আলাদা-আলাদাভাবে ন্যুনতম ৩ জন করে ব্যাক্তিকে আক্রান্ত করতে সক্ষম।



সূচকের ধারণার সাপেক্ষে বলো তো কোনরকম স্বাস্থ্যবিধি মানা না হলে, পরবর্তী ৫ দিনে সর্বনিম কতজন কোভিড-১৯ আক্রান্ত ব্যাক্তি থাকতে পারবে? ছক অনুযায়ী পূরণ করার চেষ্টা করো। এই ধারায় ১১তম ও ১৪তম দিন শেষে সর্বনিম কতজন আক্রান্ত রোগী থাকা সম্ভব?

সমাধানঃ

সূচকের ধারনার সাহায্যে প্রদত্ত শর্তানুসারে ৫ দিনে কোভিড আক্রান্তের একটি ছক নিম্মে প্রস্তুত করিঃ

দিন	আক্রান্ত রোগীর সংখ্যার গুণাকার	আক্রান্ত রোগীর সংখ্যার সূচকীয়
		আকার
১ম	৩	<i>%</i>
২য়	©×®	ত ^২
৩য়	$\circ \times \circ \times \circ$	%
8र्थ	$v \times v \times v \times v$	ა 8
৫ম	$v \times v \times v \times v \times v$	<i>ত</i> ৫

অতএব, ৫ম দিনে কোভিড আক্রান্ত লোক থাকবে ৩^৫ জন।

এবং, এই ধারায় ১১তম ও ১৪তম দিন শেষে সর্বনিন্ম আক্রান্ত রোগী থাকবে যথাক্রমে ৩^{১১} জন ও ৩^{১৪} জন।

২) খালি ঘরগুলো সঠিকভাবে পূরণ করঃ

সূচকের গুণ	গুণফল	সূচকের ভাগ	ভাগফল	সূচকের সূচকাকার	সূচকের সংক্ষিপ্ত আকার	
b°× b□	P-78	20r ÷ 2□	277	(১৬°)□	১৬২৪	

			200000	13043/2015/2015	17.000
28□× 28₂a	28 ⁵⁵	22□ ÷ 22 ₈	22 _p	(২৬□)৬	২ ৬ ^{১২}
□28×€24	G rp	□ ¢¢ ÷ 8¢	8%	(□8)22	© ⁸⁸
□20× □0	2420	@\$*÷@\$□	<u>۵</u> ۶°	(₫ ⁸)-₫	a□
2₽-92 × □-94	26-6	89*> ÷ 89□	89.0	(50-9)->	20□
		2920 ÷□93	29-44		

সমাধানঃ

১ম অংশের সমাধানঃ

সূচকের গুণ	গুণফল
_℃ ×ዮ _୬	۶ _{/8}
28 _A ×28 ₂₈	\$8 ^{₹₹}
& ₂₈ ×& ₂₆	<i></i>
১৭ ^{১০} ×১৭ ^৬	১৭ ^{১৬}
Ა৮ ^{২১} ×১৮ ^{৬৭}	?P _{PP}

২য় অংশের সমাধানঃ

সূচকের ভাগ	ভাগফল
৯৫৮÷৯৩৭	৯২১
?? _? ;>? ₈	?? _A
80¢÷84	8 ^{২৯}
& & & & & & & & & & & & & & & & & & &	৫২°
89 ^{\(\frac{1}{2}\)\display :89\(\frac{1}{2}\)\display :}	8q ^{-७}
<i>></i> %>°÷>%	\ 9- ^{&9}

৩য় অংশের সমাধানঃ

সূচকের সূচকাকার	সূচকের সংক্ষিপ্ত আকার	
(১ <i>৬</i> °) ^৮	১৬ ^{২৪}	
(২৬ ^২) ^હ	২৬ ^{১২}	
(\alpha_8)??	७ ⁸⁸	
(৫ ⁸) ^{-৫}	€-₹0	
(>& ⁻⁹) ⁻²	γ % ₂₈	

৩) ১০ হাজার, ১ লক্ষ, ১০ লক্ষ, ১ কোটি এবং ১০ কোটি সংখ্যাগুলোকে গাণিতিক ভাষায় ছোট আকারে প্রকাশ করো। দেখো তো মূল সংখ্যায় ১ এর ডানে মোট কতটি শূণ্য রয়েছে। এবার সংখ্যাটিকে ছোট আকারে প্রকাশের পর, যে সূচকীয় সংখ্যাটি পাও, তার সাথে পূর্বের প্রাপ্ত শুণ্যের সংখ্যার মাঝে কোন সম্পর্ক পাওয়া যায় কী?

সমাধানঃ

১০ হাজার

= \$0000

= 2000×202

= \$00×\$0^{\$}

= >0×>0°

 $= 2 \times 208$

একইভাবে পাই,

১ লক্ষ = ১০০০০০ = ১x১০^৫

১০ লক্ষ = ১০০০০০০ = ১×১০^৬

১ কোটি = ১০০০০০০ = ১×১০^৭

১০ কোটি = ১০০০০০০০ = ১×১০^৮

If you think this math solution is helpful for you..

Then please donate us for more update

bkash Personal

01916973743

এখানে, মূল সংখ্যায় ১ এর ডানে যতগুলো শূন্য আছে তার মান সংখ্যাটিকে ছোট আকারে প্রকাশের পর যে সূচকীয় সংখ্যাটি পাই সেখানে ১০ এর সূচকের মান এর সমান। এটাই নির্ণেয় সম্পর্ক।

উক্ত সম্পর্ককে ছক আকারে দেখানো হলোঃ

মূল সংখ্যা	সূচকীয় আকার	মূল সংখ্যায় ১ এর ডানে	সূচকীয় সংখ্যায় ১০ এর
		শূণ্য সংখ্যা	সূচকের মান
\$0,000	\$x\$0 ⁸	8	8
\$,00,000	>×>0€	¢	Č
\$0,00,000	>×>0 ⁶	৬	9
\$,00,00,000	۶×۶۰ ^۹	٩	٩
\$0,00,00,000	?×?o _A	r	৮