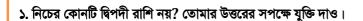
অনুশীলনী



-) xy+3x
- খ) xy
- গ) x+y-1
- ঘ) x²-2x+1
- ঙ) y²

সমাধানঃ

-) xy+3x একটি দ্বিপদী রাশি ারণ এই রাশিটিতে দুইটি পদ xy ও 3x আছে।
- খ) xy একটি দ্বিপদী রাশি নয় ারণ এই রাশিটিতে ১টি পদ xy আছে।
- গ) x+y-1 একটি দ্বিপদী রাশি নয় ারণ এই রাশিটিতে $^{\lor}$ টি পদ x,y,1 আছে $^{\lor}$
- ঘ) x^2 -2x+1 একটি দ্বিপদী রাশি নয় ারণ এই রাশিটিতে ৩টি পদ x^2 , 2x, 1 আছে।
- ঙ) y^2 একটি দ্বিপদী রাশি নয় ারণ এই রাশিটিতে ১টি পদ y^2 আছে।

২. নিচের দ্বিপদী রাশিশুলো থেকে এক চলক ও দুই চলকবিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি চিহ্নিত রো।

-)x+1
- খ) 3x+5
- গ) x-3
- ঘ) 5x-2
- ঙ) 2x+3y
- \bar{b}) x^2+1
- ছ) x²-y
- জ) x²+y²

সমাধানঃ

) x+1 হলো একটি এ চলক বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি।

খ) 3x+5 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। গ) x-3 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ঘ) 5x-2 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ঙ) 2x+3y হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। চ) x^2+1 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ছ) x^2-y হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। জ) x²+y² হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ৩. নিচের বীজগাণিতি রাশি থেকে এক চলক, দূই চলক ও তিন চলকবিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি চিহ্নিত করো।) x+y+3 খ) x²+3x+5 গ) xy+z-3 ঘ) 5x+y²-2 ঙ) 2x+3y-z \bar{b}) y²-y+1 ছ) x²-yz+2 জ) x²+y²-y সমাধানঃ) x+y+3 হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। খ) x^2+3x+5 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। গ) xy+z-3 হলো একটি তিন চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। ঘ) 5x+y²-2 হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। ঙ) 2x+3y-z হলো একটি তিন চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। চ) y²-y+1 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। ছ) x²-yz+2 হলো একটি তিন চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। জ) x^2+y^2-y হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি।

8. নিচের ত্রিপদী রাশির ঘন নির্ণয় করো।

) x+y+3

সমাধানঃ

 $(x+y+3)^3$

$$=\{(x+y)+3\}^3$$

$$=(x+y)^3+3(x+y)^2\times3+3(x+y)\times3^2+3^3$$
 [সূত্রানুসারে]

$$=x^3+3x^2y+3xy^2+y^3+3(x^2+2xy+y^2)\times 3+3(x+y)\times 9+27$$

$$= x^3+3x^2y+3xy^2+y^3+9(x^2+2xy+y^2)+27(x+y)+27$$

$$= x^3+3x^2y+3xy^2+y^3+9x^2+18xy+9y^2+27x+27y+27$$

খ) 2x+3y-z

সমাধানঃ

$$(2x+3y-z)^3$$

$$=\{(2x+3y)-z\}^3$$

$$=(2x+3y)^3-3(2x+3y)^2\times z+3(2x+3y)\times z^2-z^3$$
 [সূত্রানুসারে]

$$=(2x)^3+3.(2x)^2.3y+3.2x.(3y)^2+(3y)^3-3\{(2x)^2+2.2x.3y+(3y)^2\}\times z+3z^2(2x+3y)-z^2$$

$$=8x^3+36x^2y+6x.9y^2+27y^3-3(4x^2+12xy+9y^2)\times z+6z^2x+9z^2y-z^2$$

$$= 8x^3 + 36x^2y + 54xy^2 + 27y^3 - 12x^2z - 36xyz - 27y^2z + 6z^2x + 9z^2y - z^2$$

গ) x^2+3x+5

সমাধানঃ

$$(x^2+3x+5)^3$$

$$= \{(x^2+3x)+5\}^3$$

$$=(x^2+3x)^3+3(x^2+3x)^2.5+3(x^2+3x).5^2+5^3$$

=
$$(x^2)^3+3.(x^2)^2.3x+3x^2.(3x)^2+(3x)^3+15(x^2+3x)^2+3(x^2+3x).25+125$$

$$=x^6+3.x^4.3x+3x^2.9x^2+27x^3+15\{(x^2)^2+2x^2.3x+(3x)^2\}+75(x^2+3x)+125$$

$$= x^{6}+9x^{5}+27x^{4}+27x^{3}+15x^{4}+90x^{3}+135x^{2}+75x^{2}+225x+125$$

$$= x^6 + 9x^5 + 42x^4 + 117x^3 + 210x^2 + 225x + 125$$

ষ) xy+z-3

সমাধানঃ

$$(xy+z-3)^3$$

$$=\{(xy+z)-3\}^3$$

$$=(xy+z)^3-3(xy+z)^2.3+3(xy+z).3^2-3^3$$

$$= (xy)^3 + 3(xy)^2 \cdot z + 3xy \cdot z^2 + z^3 - 9\{(xy)^2 + 2xyz + z^2\} + 3(xy + z) \cdot 9 - 27$$

$$=x^3y^3+3x^2y^2z+3xyz^2+z^3-9\{x^2y^2+2xyz+z^2\}+27(xy+z)-27$$

$$=x^3y^3+3x^2y^2z+3xyz^2+z^3-9x^2y^2-18xyz-9z^2+27xy+27z-27$$

৫. বীজগাণিতি নিয়ম ব্যবহার করে উৎপাদকে বিশ্লেষণ করোঃ

$) x^3+1$

সমাধানঃ

$$x^3 + 1$$

$$=x^3+1^3$$

$$=(x+1)(x^2-x.1+1^2)$$

$$=(x+1)(x^2-x+1)$$

খ) x³-1

সমাধানঃ

$$x^{3}-1$$

$$= x^3 - 1^3$$

$$=(x-1)(x^2+x.1+1^2)$$

$$=(x-1)(x^2+x+1)$$

গ) x⁶-729

সমাধানঃ

$$x^{6}$$
-729

$$=(x^3)^2-27^2$$

```
=(x^3-27)(x^3+27)
=(x^3-3^3)(x^3+3^3)
= (x-3)(x^2+x.3+3^2)(x+3)(x^2-x.3+3^2)
=(x-3)(x^2+3x+9)(x+3)(x^2-3x+9)
\sqrt[3]{x^3+3x^2+3x+9}
সমাধানঃ
x^3+3x^2+3x+9
= x^3 + 3 \cdot x^2 \cdot 1 + 3 \cdot x \cdot 1^2 + 1^3 + 8
=(x+1)^3+2^3
=(x+1+2)\{(x+1)^2-(x+1).2+2^2\}
=(x+3)(x^2+2x+1-2x-2+4)
=(x+3)(x^2+3)
৬. একটি চকোলেট তৈরির ফ্যাক্টরিতে 2 ফুট এবং 3 ফুট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট দুইটি ঘনক আকৃতির কন্টেইনারে পূর্ণকরে
চকোলেটের কাচামাল রাখা আছে।
 ) কোনো কাঁচামাল নষ্ট না হলে, দুইটি কন্টেইনারের কাচামালকে একত্র করে 1" 	imes 1" 	imes 2" আকারের তগুলো
চকোলেট তৈরি করা যাবে?
সমাধানঃ
আমরা জানি,
1 ফুট =12 ইঞ্চি
∴2 ফুট = 12×2 = 24 ইঞ্চি
∴3 ফুট = 12×3 = 36 ইঞ্চি
তাহলে,
2 ফুট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট ঘনক আকৃতির কন্টেইনারের আয়তন = 24 \times 24 \times 24 ঘন ইঞ্চি = 13824 ঘন ইঞ্চি।
এবং, 3 ফুট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট ঘন আকৃতির কন্টেইনারের আয়তন = 36 \times 36 \times 36 ঘন ইঞ্চি = 46656 ঘন ইঞ্চি।
∴ দুইটি কন্টেইনারের মোট আয়তন = 13824+46656 = 60480 ঘন ইঞ্চি।
এখন, একটি চকলেটের আয়তন বা আকার = 1"×1"×2" = 2 ঘন ইঞ্চি।
```

 \therefore পরিপূর্ণ দুইটি কন্টেইনারের কাচামালে চকলেট তৈরি করা যাবে $(60480 \div 2)$ টি = 30240 টি ।

খ) কোনো কাঁচামাল নষ্ট না হলে, দুইটি কন্টেইনারের কাচামালকে একত্র করে $5" \times 7" \times 1"$ আকারের তগুলো চকোলেট তৈরি করা যাবে?

সমাধানঃ

হতে পাই,

দুইটি কন্টেইনারের মোট আয়তন 60480 ঘন ইঞ্চি।

এখন, একটি চকলেটের আয়তন বা আকার = 5"×7"×1" = 35 ঘন ইঞ্চি।

 \therefore পরিপূর্ণ দুইটি কন্টেইনারের কাচামালে চকলেট তৈরি করা যাবে $(60480 \div 35)$ টি = 1728 টি ।

গ) $5" \times 7" \times 1"$ আকারের 1440 টি চকোলেট বার তৈরি হলে কী পরিমাণ কাঁচামাল নষ্ট হয়েছে।

সমাধানঃ

5"×7"×1" = 35 ঘন ইঞ্চি;

 $\therefore 5" \times 7" \times 1"$ আকারের 1440 টি চকোলেট বার এর মোট আয়তন = 35×1440 ঘন ইঞ্চি = 50400 ঘন ইঞ্চি।

এখন, হতে পাই,

দুইটি কন্টেইনারের মোট আয়তন 60480 ঘন ইঞ্চি;

অর্থাৎ, পরিপূর্ণ কন্টেইনারে 60480 ঘন ইঞ্চি পরিমাণ কাঁচামালের থেকে 50400 ঘন ইঞ্চি দিয়ে চকলেট বার তৈরি হয়েছে এবং বাকী অংশ নষ্ট হয়েছে ।

 \therefore কাঁচামাল নষ্ট হয়েছে = (60480 - 50400) ঘন ইঞ্চি = 10080 ঘন ইঞ্চি।

৭. লতার বাবার একটি মাছ চাম্বের খামার আছে। খামারে একটি পুকুর আছে যার দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও পানির গভীরতা যথাক্রমে 50 মিটার, 40 মিটার এবং 5 মিটার। আয়তন ঠি রেখে পানির গভীরতা 3 মিটার কমালে দৈর্ঘ্য কী পরিমাণ বাড়বে?

সমাধানঃ

১ম শর্তে,

পুকুরের আয়তন

- = দৈর্ঘ্য×প্রস্থ×গভীরতা
- = 50×40×5 ঘন মিটার
- = 10000 ঘন মিটার

২য় শর্তমতে,

গভীরতা = 5-3 মিটার = 2 মিটার;

প্রস্থ = 40 মিটার;

```
দৈর্ঘ্য = x (ধরি);
আয়তন = 10000 ঘন মিটার ।
\therefore x.40.2 = 10000
বা, 80x = 10000
বা, x = 10000/80 = 125
\therefore আয়তন ঠিক রেখে পানির গভীরতা 3 মিটার কমালে দৈর্ঘ্য বাড়বে = 125-50 মিটার = 75 মিটার ।
```