# ঘনবস্তুতে দ্বিপদী ও ত্রিপদী রাশি খুঁজি

Find binomial and trinomial expressions in Solids

## **जनुनी** ननी

## ১. নিচের কোনটি দ্বিপদী রাশি নয়? তোমার উত্তরের সপক্ষে যুক্তি দাও।

- ) xy+3x
- খ) xy
- গ) x+y-1
- ঘ) x²-2x+1
- ঙ) y<sup>2</sup>

### সমাধানঃ

- ) xy+3x একটি দ্বিপদী রাশি কারণ এই রাশিটিতে দুইটি পদ xy ও 3x আছে।
- খ) xy একটি দ্বিপদী রাশি নয় কারণ এই রাশিটিতে ১টি পদ xy আছে।
- গ) x+y-1 একটি দ্বিপদী রাশি নয় কারণ এই রাশিটিতে ৩টি পদ x, y, 1 আছে।
- ঘ)  $x^2$ -2x+1 একটি দ্বিপদী রাশি নয় কারণ এই রাশিটিতে ৩টি পদ  $x^2$ , 2x, 1 আছে।
- ঙ)  $y^2$  একটি দ্বিপদী রাশি নয় কারণ এই রাশিটিতে ১টি পদ  $y^2$  আছে।

# ২. নিচের দ্বিপদী রাশিশুলো থেকে এক চলক ও দুই চলকবিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি চিহ্নিত করো।

- )x+1
- খ) 3x+5
- গ) x-3
- ঘ) 5x-2
- ঙ) 2x+3y
- $\bar{b}$ )  $x^2+1$
- ছ) x²-y
- জ) x<sup>2</sup>+y<sup>2</sup>

### সমাধানঃ

) x+1 হলো একটি এ চলক বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি।

খ) 3x+5 रुला এकि এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। গ) x-3 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ঘ) 5x-2 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ঙ) 2x+3y হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। চ)  $x^2+1$  হলো একটি এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ছ) x<sup>2</sup>-y হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। জ)  $x^2+y^2$  হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ৩. নিচের বীজগাণিতি রাশি থেকে এক চলক, দূই চলক ও তিন চলকবিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি চিহ্নিত করো। ) x+y+3খ) x<sup>2</sup>+3x+5 গ) xy+z-3 ঘ) 5x+y²-2 ঙ) 2x+3y-z  $\bar{b}$ )  $v^2 - v + 1$ ছ) x²-yz+2 জ) x<sup>2</sup>+y<sup>2</sup>-y সমাধানঃ ) x+y+3 হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। খ)  $x^2+3x+5$  হলো একটি এ চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। গ) xy+z-3 হলো একটি তিন চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। ঘ) 5x+y²-2 হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। ঙ) 2x+3y-z হলো একটি তিন চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। চ)  $y^2 - y + 1$  হলো একটি এ চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি। ছ) x²-yz+2 হলো একটি তিন চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি।

জ)  $x^2+y^2-y$  হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি।

```
৪. নিচের ত্রিপদী রাশির ঘন নির্ণয় করো।
 ) x+y+3
সমাধানঃ
(x+y+3)^3
=\{(x+y)+3\}^3
=(x+y)^3+3(x+y)^2\times3+3(x+y)\times3^2+3^3 [সূত্রানুসারে]
=x^3+3x^2y+3xy^2+y^3+3(x^2+2xy+y^2)\times 3+3(x+y)\times 9+27
= x^3+3x^2y+3xy^2+y^3+9(x^2+2xy+y^2)+27(x+y)+27
= x^3+3x^2y+3xy^2+y^3+9x^2+18xy+9y^2+27x+27y+27
খ) 2x+3y-z
সমাধানঃ
(2x+3y-z)^3
=\{(2x+3y)-z\}^3
=(2x+3y)<sup>3</sup>-3(2x+3y)<sup>2</sup>×z+3(2x+3y)×z<sup>2</sup>-z<sup>3</sup> [সূত্রানুসারে]
=(2x)^3+3.(2x)^2.3y+3.2x.(3y)^2+(3y)^3-3\{(2x)^2+2.2x.3y+(3y)^2\}\times z+3z^2(2x+3y)-z^2
=8x^3+36x^2y+6x.9y^2+27y^3-3(4x^2+12xy+9y^2)\times z+6z^2x+9z^2y-z^2
=8x^3+36x^2y+54xy^2+27y^3-12x^2z-36xyz-27y^2z+6z^2x+9z^2y-z^2
গ) x<sup>2</sup>+3x+5
সমাধানঃ
(x^2+3x+5)^3
= \{(x^2+3x)+5\}^3
=(x^2+3x)^3+3(x^2+3x)^2.5+3(x^2+3x).5^2+5^3
= (x^2)^3+3.(x^2)^2.3x+3x^2.(3x)^2+(3x)^3+15(x^2+3x)^2+3(x^2+3x).25+125
= x^{6}+3.x^{4}.3x+3x^{2}.9x^{2}+27x^{3}+15\{(x^{2})^{2}+2x^{2}.3x+(3x)^{2}\}+75(x^{2}+3x)+125
= x^{6} + 9x^{5} + 27x^{4} + 27x^{3} + 15x^{4} + 90x^{3} + 135x^{2} + 75x^{2} + 225x + 125
= x^{6} + 9x^{5} + 42x^{4} + 117x^{3} + 210x^{2} + 225x + 125
```

```
ষ) xy+z-3
সমাধানঃ
(xy+z-3)^3
=\{(xy+z)-3\}^3
=(xy+z)^3-3(xy+z)^2.3+3(xy+z).3^2-3^3
= (xy)^3 + 3(xy)^2 \cdot z + 3xy \cdot z^2 + z^3 - 9\{(xy)^2 + 2xyz + z^2\} + 3(xy+z) \cdot 9 - 27
=x^3y^3+3x^2y^2z+3xyz^2+z^3-9\{x^2y^2+2xyz+z^2\}+27(xy+z)-27
= x^3y^3 + 3x^2y^2z + 3xyz^2 + z^3 - 9x^2y^2 - 18xyz - 9z^2 + 27xy + 27z - 27
৫. বীজগাণিতি নিয়ম ব্যবহার করে উৎপাদকে বিশ্লেষণ করোঃ
 ) x^3 + 1
সমাধানঃ
x^3 + 1
=x^3+1^3
=(x+1)(x^2-x.1+1^2)
=(x+1)(x^2-x+1)
খ) x³-1
সমাধানঃ
x^3-1
= x^3 - 1^3
=(x-1)(x^2+x.1+1^2)
=(x-1)(x^2+x+1)
গ) x<sup>6</sup>-729
সমাধানঃ
x^{6}-729
```

 $=(x^3)^2-27^2$ 

```
=(x^3-27)(x^3+27)
=(x^3-3^3)(x^3+3^3)
= (x-3)(x^2+x.3+3^2)(x+3)(x^2-x.3+3^2)
=(x-3)(x^2+3x+9)(x+3)(x^2-3x+9)
\sqrt{3} +3x^2+3x+9
সমাধানঃ
x^3+3x^2+3x+9
= x^3 + 3 \cdot x^2 \cdot 1 + 3 \cdot x \cdot 1^2 + 1^3 + 8
=(x+1)^3+2^3
=(x+1+2)\{(x+1)^2-(x+1).2+2^2\}
= (x+3)(x^2+2x+1-2x-2+4)
=(x+3)(x^2+3)
৬. একটি চকোলেট তৈরির ফ্যাক্টরিতে 2 ফুট এবং 3 ফুট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট দুইটি ঘনক আকৃতির কন্টেইনারে পূর্ণকরে
চকোলেটের কাচামাল রাখা আছে।
 ) কোনো কাঁচামাল নষ্ট না হলে, দুইটি কন্টেইনারের কাচামালকে একত্র করে 1" \times 1" \times 2" আকারের তগুলো
চকোলেট তৈরি করা যাবে?
সমাধানঃ
আমরা জানি.
1 ফুট =12 ইঞ্চি
∴2 ফুট = 12×2 = 24 ইঞ্চি
∴3 ফুট = 12×3 = 36 ইঞ্চি
তাহলে,
2 ফুট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট ঘনক আকৃতির কন্টেইনারের আয়তন = 24×24×24 ঘন ইঞ্চি = 13824 ঘন ইঞ্চি।
এবং, 3 ফুট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট ঘন আকৃতির কন্টেইনারের আয়তন = 36 \times 36 \times 36 ঘন ইঞ্চি = 46656 ঘন ইঞ্চি।
∴ দুইটি কন্টেইনারের মোট আয়তন = 13824 + 46656 = 60480 ঘন ইঞ্চি।
এখন, একটি চকলেটের আয়তন বা আকার = 1"×1"×2" = 2 ঘন ইঞ্চি।
```

 $\therefore$  পরিপূর্ণ দুইটি কন্টেইনারের কাচামালে চকলেট তৈরি করা যাবে ( $60480 \div 2$ ) টি = 30240 টি ।

# খ) কোনো কাঁচামাল নষ্ট না হলে, দুইটি কন্টেইনারের কাচামালকে একত্র করে 5" imes 7" imes 1" আকারের তগুলো চকোলেট তৈরি করা যাবে?

### সমাধানঃ

হতে পাই,

দুইটি কন্টেইনারের মোট আয়তন 60480 ঘন ইঞ্চি।

এখন, একটি চকলেটের আয়তন বা আকার =  $5"\times7"\times1"=35$  ঘন ইঞ্চি।

 $\therefore$  পরিপূর্ণ দুইটি কন্টেইনারের কাচামালে চকলেট তৈরি করা যাবে ( $60480 \div 35$ ) টি = 1728 টি ।

## গ) $5" \times 7" \times 1"$ আকারের 1440 টি চকোলেট বার তৈরি হলে কী পরিমাণ কাঁচামাল নষ্ট হয়েছে।

### সমাধানঃ

5"×7"×1" = 35 ঘন ইঞ্চি;

∴ 5"×7"×1" আকারের 1440 টি চকোলেট বার এর মোট আয়তন =  $35 \times 1440$  ঘন ইঞ্চি = 50400 ঘন ইঞ্চি।

এখন, হতে পাই,

দুইটি কন্টেইনারের মোট আয়তন 60480 ঘন ইঞ্চি;

অর্থাৎ, পরিপূর্ণ কন্টেইনারে 60480 ঘন ইঞ্চি পরিমাণ কাঁচামালের থেকে 50400 ঘন ইঞ্চি দিয়ে চকলেট বার তৈরি হয়েছে এবং বাকী অংশ নম্ভ হয়েছে।

 $\therefore$  কাঁচামাল নষ্ট হয়েছে = (60480 - 50400) ঘন ইঞ্চি = 10080 ঘন ইঞ্চি ।

৭. লতার বাবার একটি মাছ চাষের খামার আছে। খামারে একটি পুকুর আছে যার দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও পানির গভীরতা যথাক্রমে 50 মিটার, 40 মিটার এবং 5 মিটার। আয়তন ঠি রেখে পানির গভীরতা 3 মিটার কমালে দৈর্ঘ্য কী পরিমাণ বাড়বে?

## সমাধানঃ

১ম শর্তে.

পুকুরের আয়তন

= দৈর্ঘ্য×প্রস্থ×গভীরতা

= 50×40×5 ঘন মিটার

= 10000 ঘন মিটার

২য় শর্তমতে,

গভীরতা = 5-3 মিটার = 2 মিটার;

প্রস্থ = 40 মিটার;

দৈর্ঘ্য = x (ধরি);

আয়তন = 10000 ঘন মিটার।  $\therefore x.40.2 = 10000$ বা, 80x = 10000বা,  $x = \frac{10000}{80} = 125$   $\therefore$  আয়তন ঠিক রেখে পানির গভীক

😀 আয়তন ঠিক রেখে পানির গভীরতা 3 মিটার কমালে দৈর্ঘ্য বাড়বে = 125-50 মিটার = 75 মিটার।