সপ্তম অধ্যায়

সরল সমীকরণ



<u> जनू भी लनी १.১</u>



পাঠ সম্পর্কিত গুরুত্বপূর্ণ বিষয়াদি



সমীকরণ : প্রক্রিয়া চিহ্ন ও সমান চিহ্ন সংবলিত গাণিতিক বাক্যকে সমীকরণ বলে। আর চলকের একঘাত বিশিষ্ট সমীকরণকে সরল সমীকরণ বলে। সরল সমীকরণ এক বা একাধিক চলকবিশিষ্ট হতে পারে। যেমন, x + 3 = 7, 2y -1 = y + 3, 2x - y + 1 = x + y ইত্যাদি সরল সমীকরণ। স্মীকরণের মূল: সমীকরণ সমাধান করে চলকের যে মান পাওয়া যায়, তাকে সমীকরণটির মূল বলে।

- সমীকরণের বিধিসমূহ
- ১. পক্ষান্তর বিধি : কোনো সমীকরণের যেকোনো পদকে এক পক্ষ থেকে চিহ্ন পরিবর্তন করে অপরপক্ষে সরাসরি স্থানান্তর করা যায়। এই স্থানান্তরকে বলে পক্ষান্তর বিধি।
- ২. বর্জন বিধি:
 - ➤ <mark>যোগের বর্জন বিধি :</mark> কোনো সমীকরণের উভয়পক্ষ থেকে একই চিহ্নযুক্ত সদৃশ পদ সরাসরি বর্জন করা যায়। একে বলা হয় যোগের (বা বিয়োগের) বর্জন বিধি।
 - ⊳ গুণের বর্জন বিধি : কোনো সমীকরণের উভয়পক্ষ থেকে সাধারণ উৎপাদক সরাসরি বর্জন করা যায়। একে বলা হয় গুণের বর্জন বিধি।
- ৩. আড়গুণন বিধি : বামপক্ষের লব × ডানপক্ষের হর = বামপক্ষের হর × ডানপক্ষের লব। একে বলা হয় আড়গুণন বিধি।
- 8. প্রতিসাম্য বিধি: একই সাথে বামপক্ষের সবগুলো পদ ডানপক্ষে ও ডানপক্ষের সবগুলো পদ বামপক্ষে কোনো চিহ্ন পরিবর্তন না করে স্থানান্তর করা যায়। একে বলা হয় প্রতিসাম্য বিধি।



巃 অনুশীলনীর প্রশ্ন ও সমাধান



2x 1 3 1 4x + 1 = 2x + 7

সমাধান: 4x + 1 = 2x + 7

 $\overline{4}$, 4x - 2x = 7 - 1[পক্ষান্তর করে]

বা, 2x = 6

[উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে]

 \therefore x = 3

∴ সমাধান : x = 3

211 3 1 3 1 5 x - 3 = 2x + 3

সমাধান: 5x - 3 = 2x + 3

 $\sqrt{3}$, 5x - 2x = 3 + 3[পক্ষান্তর করে]

বা, 3x = 6

[উভয়পক্ষকে 3 দারা ভাগ করে]

 \therefore x = 2

∴ সমাধান : x = 2

객 1 · 이 1 3y + 1 = 7y - 1

সমাধান: 3y + 1 = 7y - 1

বা, 3y - 7y = -1 - 1 [পক্ষান্তর করে]

বা, -4y = -2

বা, $-2 \times 2y = -2 \times 1$

বা, 2y = 1 [উভয়পক্ষ থেকে সাধারণ উৎপাদক -2 বর্জন করে]

[উভয়পক্ষকে 2 দ্বারা ভাগ করে]

 \therefore $y = \frac{1}{2}$

 \therefore সমাধান : $y = \frac{1}{2}$

역 1 8 1 7y - 5 = y - 1

সমাধান: 7y – 5 = y – 1

বা, 7y - y = -1 + 5[পক্ষান্তর করে]

বা, 6y = 4

বা, $2 \times 3y = 2 \times 2$

[উভয়পক্ষ থেকে সাধারণ উৎপাদক 2 বর্জন করে]

[উভয়পক্ষকে 3 দারা ভাগ করে]

 \therefore y = $\frac{2}{3}$

 \therefore সমাধান : $y = \frac{2}{3}$

역시 1 6 1 17 - 2z = 3z + 2

সমাধান: 17 – 2z = 3z + 2

বা, -2z - 3z = 2 - 17 [পক্ষান্তর করে]

বা, -5z = -15

বা, $-5 \times z = -5 \times 3$

∴ z = 3 [উভয়পক্ষ থেকে সাধারণ উৎপাদক – 5 বর্জন করে]

∴ সমাধান : z = 3

객 1 ৬ 1 13z - 5 = 3 - 2z

সমাধান: 13z-5=3-2z

 $\overline{41}$, 13z + 2z = 3 + 5[পক্ষান্তর করে]

বা, 15z = 8

[উভয়পক্ষকে 15 দারা ভাগ করে]

 \therefore $z = \frac{8}{15}$

∴ সমাধান : $z = \frac{8}{15}$

প্রশাব ॥ $\frac{x}{4} = \frac{1}{3}$

সমাধান : $\frac{X}{4} = \frac{1}{3}$

[আড়গুণন করে]

বা, $\frac{3x}{3} = \frac{4}{3}$ [উভয়পক্ষকে 3 দারা ভাগ করে]

∴ সমাধান : $x = \frac{4}{3}$

격기 1 ৮ 1 $\frac{x}{2}$ + 1 = 3

 $\sqrt[3]{1}, \frac{\lambda}{2} = 3 - 1$ [পক্ষান্তর করে]

বা, $\frac{x}{2} = 2$

বা, $x = 2 \times 2$ [আড়গুণন করে]

∴ সমাধান : x = 4

역학 1 등 $1\frac{x}{3} + 5 = \frac{x}{2} + 7$

সমাধান : $\frac{x}{3} + 5 = \frac{x}{2} + 7$

বা, $\frac{\lambda}{3} - \frac{\lambda}{2} = 7 - 5$ [পক্ষান্তর করে]

বা, $\frac{2x-3x}{6} = 2$ [হর 2 ও 3 এর ল.সা.গু. 6]

বা, $-x = 6 \times 2$ [আড়গুণন করে]

বা, -x = 12

 \therefore x = -12[উভয়পক্ষকে –1 দারা গুণ করে]

∴ সমাধান : x = -12

প্রশা ১০ ॥ $\frac{y}{2} - \frac{y}{3} = \frac{y}{5} - \frac{1}{6}$

সপ্তম শ্রেণি :
1
বা, $\frac{y}{2} - \frac{y}{3} - \frac{y}{5} = -\frac{1}{6}$ [পক্ষান্তর করে]
বা, $\frac{15y-10y-6y}{30}=-\frac{1}{6}$ [হর 2, 3 ও 5 এর ল.সা.গু. 30]
বা, $\frac{-y}{30} = -\frac{1}{6}$
বা, $-6 \times y = -30$ [আড়গুণন করে] বা, $-6 \times y = -6 \times 5$
∴ y=5 [উভয়পক্ষ থেকে সাধারণ উৎপাদক – 6 বর্জন করে]
ে সমাধান : $y = 5$ প্রশ্ন ॥ ১১ ॥ $\frac{y}{5} - \frac{2}{7} = \frac{5y}{7} - \frac{4}{5}$
সমাধান: $\frac{y}{5} - \frac{2}{7} = \frac{5y}{7} - \frac{4}{5}$
বা, $\frac{y}{5} - \frac{5y}{7} = \frac{2}{7} - \frac{4}{5}$ [পক্ষান্তর করে]
বা, $\frac{7y-25y}{35} = \frac{10-28}{35}$ [হর 5 ও 7 এর ল.সা.গু. 35]
বা, $\frac{-18y}{35} = \frac{-18}{35}$
া $\frac{35}{35} \times \frac{35}{18} = \frac{-18}{35} \times \frac{-35}{18}$ [উভয়পক্ষকে $\frac{-35}{18}$ ছারা গুণ করে]
35 18 35 18 18 18 18 y = 1
∴ সমাধান : y = 1
액기 1 > ২ $1\frac{2z-1}{3} = 5$
সমাধান: $\frac{2z-1}{3} = 5$
বা, $2z-1=5\times3$ আড়গুণন করে] বা, $2z=15+1$ [পক্ষান্তর করে]
বা, 2z = 16
বা, $\frac{2z}{2} = \frac{16}{2}$ [উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে]
∴ z = 8 ∴ সমাধান : z = 8
প্রশা ১৩ ॥ $\frac{5x}{7} + \frac{4}{5} = \frac{x}{5} + \frac{2}{7}$
সমাধান : $\frac{5x}{7} + \frac{4}{5} = \frac{x}{5} + \frac{2}{7}$
বা, $\frac{5x}{7} - \frac{x}{5} = \frac{2}{7} - \frac{4}{5}$ [পক্ষান্তর করে]
বা, $\frac{25x-7x}{35} = \frac{10-28}{35}$ [হর 5 ও 7 এর ল.সা.গু. 35]
বা, $\frac{18x}{35} = \frac{-18}{35}$
বা, $\frac{18x}{35} \times \frac{35}{18} = \frac{-18}{35} \times \frac{35}{18}$ [উভয়পক্ষকে $\frac{35}{18}$ দারা গুণ করে]
∴ x = -1 ∴ সমাধান : x = -1
전체 1 >8 1 $\frac{y-2}{4} + \frac{2y-1}{3} = y - \frac{1}{3}$
সমাধান: $\frac{y-2}{4} + \frac{2y-1}{3} = y - \frac{1}{3}$
বা, $\frac{y-2}{4} + \frac{2y-1}{3} - y = -\frac{1}{3}$ [পক্ষাভাৱ করে]
বা, $\frac{3(y-2)+4(2y-1)-12y}{12}=-\frac{1}{3}$
$\overline{4}, \frac{3y-6+8y-4-12y}{12}=-\frac{1}{3}$
বা, $\frac{11y-12y-10}{12}=-\frac{1}{3}$
$\frac{12}{4}, \frac{-y-10}{12} = -\frac{1}{3}$
বা, $(-y-10) \times 3 = -1 \times 12$ [আড়ুগুণন করে]
বা, — 3y — 30 = — 12 বা, — 3y = —12 + 30 [পক্ষাভার করে]
বা, $\frac{-3y}{-3} = \frac{18}{-3}$ [উভয়পক্ষকে -3 দ্বারা ভাগ করে]
∴ y=-6 ∴ সমাধান: y=-6

 $\overline{4}$, $3 \times (3y+1) = 5 \times (3y-7)$

4, 9y + 3 = 15y - 35

4i, 9y - 15y = -35 - 3বা, -6y = -38

[আড়গুণন করে]

[পক্ষান্তর করে]

[উভয়পক্ষকে – 6 দারা ভাগ করে] ∴ সমাধান : $y = \frac{19}{3}$ $23 \frac{x+1}{2} - \frac{x-2}{3} - \frac{x-3}{5} = 2$ সমাধান : $\frac{x+1}{2} - \frac{x-2}{3} - \frac{x-3}{5} = 2$ বা, $\frac{15(x+1)-10(x-2)-6(x-3)}{30} = 2$ [হর 2, 3 ও 5 এর ল. সা. গু. 30] $\overline{\text{41}}, \ 15x + 15 - 10x + 20 - 6x + 18 = 2 \times 30$ বা, 15x - 16x + 53 = 60 [আড়গুণন করে] $\overline{4}$, -x + 53 = 604i, -x = 60 - 53বা, -x=7 \therefore x = -7 [উভয়পক্ষকে -1 দারা গুণ করে] ∴ সমাধান : x = -7 격기 1 39 1 2(x + 3) = 10 সমাধান : 2(x+3) = 10বা, 2x + 6 = 10 [বণ্টন বিধি অনুসারে] বা, 2x = 10 - 6 [পক্ষান্তর করে] বা, 2x = 4 $\sqrt[4]{1}$, $\frac{2x}{2} = \frac{4}{2}$ [উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে] \therefore x=2∴ সমাধান : x = 2 역학 \mathbb{I} 3৮ \mathbb{I} 5(x - 2) = 3(x - 4) সমাধান: 5(x-2) = 3(x-4)[বণ্টন বিধি অনুসারে] $\overline{\triangleleft}$ 1, 5x - 10 = 3x - 12বা, 5x - 3x = -12 + 10 [পক্ষান্তর করে] $\sqrt{31}$, 2x = -2বা, $\frac{2x}{2} = \frac{-2}{2}$ [উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে] ∴ সমাধান : x = -1 역학 115% 17(3-2y) + 5(y-1) = 34সমাধান: 7(3-2y) + 5(y-1) = 34 বা, 21-14y+5y-5=34 [কটন বিধি অনুসারে] বা, 16 - 9y = 34বা, -9y = 34 - 16 [পক্ষান্তর করে] $\overline{1}$, -9y = 18বা, $\frac{-9y}{-9} = \frac{18}{-9}$ [উভয়পক্ষকে -9 দ্বারা ভাগ করে] \therefore y = -2 ∴ সমাধান : y = -2 외치 \mathbb{I} ২০ \mathbb{I} (z-1)(z+2)=(z+4)(z-2)সমাধান: (z-1)(z+2) = (z+4)(z-2) $71, z^2 + 2z - z - 2 = z^2 - 2z + 4z - 8$ $\overline{4}$, $z^2 + z - 2 = z^2 + 2z - 8$

∴ সমাধান : z = 6

বা, $z^2 + z - z^2 - 2z = -8 + 2$ [পক্ষান্তর করে]

 $\odot \frac{1}{2}$

 $0\frac{1}{4}$

1 3

1

1 4

(সহজ)

(মধ্যম)

③ 0

3 2

১৫. সমীকরণটিতে অজ্ঞাত রাশি কয়টি?

১৬. সমীকরণটির মূল কত?

	(1, -z = -6						
_	∴ z = 6 [উভয়পক্ষকে –1 দারা গুণ করে] ি ভি ⊚ ⊚					2.0	
	💆 🖁 অতিরিক্ত বহুনির্বাচনি প্রশ্লোত্তর					8	3)
_	e of other statement		1 0	• 12	1 4	ছ 16	
_	১: পূর্ব পাঠের পুনরালোচনা 🔳 পৃষ্ঠা : ৯১ ও ৯২	•	₁·২ : সমীক	রণের বিধিস	মূহ ■	■ পৃষ্ঠা : ৯২-	-৯৬
	সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্লোত্তর		_	্নির্বাচনি প্রশ্রোত্ত			
١.	সমীকরণে অজ্ঞাত রাশিকে কী বলা হয়? (সহজ্ঞ)	_				}@@	
	 ক্তি বীজ ⊕ বীজ ⊕ সমাধান ⊕ চলক ⊕ বামপক্ষ 	24.	x – 4 = 2 কোনটি সঠিক		দত্রে, প ক্ষান্ত র বি	বাব অনুবারা	াপ ে গ (সহজ)
٧.	x + 3 = 9 প্রমান্ত্র শত । [জামালপুর সরকারী বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়]				4 for x + 2 = 0	4 🕲 – 4 +	
	⑤ −6 ⑥ 12 ⑥ 27	ኔ ৮.	4		- [পটুয়াখালী সরক		
9.	$\frac{x}{2}+1=3$ এর মূল নিচের কোনটি?		5 2		● 10	1 2	
	[বাগেরহাট সরকারি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়]	١۵٠	3x + 5 = x	+ 5 সমীকরণ			वि की
	⑤ 2 ● 4 ⑥ 8 ⑤ 10		ধরনের বিধি?			ট সরকারি উচ্চ	বিদ্যালয়]
	ব্যাখ্যা : $\frac{x}{2} = 3 - 1$ বা, $x = 2 \times 2 = 4$			াাধ নবিধি	● যোগের ব ত্য সংযোজন		
8.	যে সমীকরণে এক ঘাতবিশিষ্ট অজ্ঞাত রাশি থাকে সে সমীকরণকে	30	•		ড়া সংযোজন মীকর ণের ক্ষেত্তে		ন বিধি
	কী বলে?	₹0.		a কোনটি সঠিক		1, 14 18 49	্ৰান্ত্ৰ (সহজ
	রিঘাত সমীকরণ রিঘাত সমীকরণ রিঘাত সমীকরণ রিঘাত সমীকরণ		-1		(2x+1)	= m(x-2)	
œ.	নিচের কোনটি সমীকরণ? (সহজ)		$\mathfrak{G}(2x+1) =$	$=\frac{1}{m}(x-2)$	• $2x + 1 =$	= x - 2	
	• $x + 5 = 9$ ③ $x + 9$ ⑤ $2x + 3$ ⑤ $x^2 + xy + 2$						
6.	নিচের কোনটি সরল সমীকরণ? (সহজ) • $x + 3x = 5$	২১.	বু = - ২লে, অ	াড়গুশন ।বাবর ম	াধ্যমে নিচের কে	ানাট সাঠক?	(সহজ
			$\bigoplus_{p=1}^{q} = \frac{s}{r}$	\bullet ps=rq		$\mathfrak{g}^{\frac{p+q}{r}}$	$=\frac{r+s}{s}$
۹.	2x - 2y + 1 = x + 3y সমীকরণটিতে চলক কয়টি? (সহজ)		ব্যাখ্যা : ^p = ^r :	বা, $\frac{p}{q} \times qs = \frac{r}{s} \times$	as বl. ps = ra	_	~
		33		1		<u> </u>	ন বিধি
•	যোগফল কী হয়? (সহজ)	```	অনুসরণ করা		q - ax + b	70 1004 011	(সহজ)
	অসমান হয় ● সমান হয়		📵 গুণের বিনি		● প্রতিসাম্য	বিধি	
৯.	4x - 3 = 0 সমীকরণের ঘাত কত? (সহজ)		গুণের বণ্ট	ন বিধি	ন্ত আড়গুণন	1	
	③ 0	২৩.	$\frac{x}{3} - 3 = 0$	ilকরণটির মূ ল (নচের কোনটি?		(মধ্যম)
٥٥.	সমীকরণ সমাধান করে চলকের যে মান পাওয়া যায়, একে সমীকরণটির কী বলে? সহজ				1	Α	
			• 9	3 3 € 3	3	3 – 9	- chi ceri
	্	५४.	115x - 9 = 1 যায়?	11X – 25 MAIS	চ রণটি থেকে x	অর নাশ কও [বরগুনা ডি	
			⊕ 4	3 2	⑤ − 2	 − 4	- 11 2 1
۵۵.	a, b, c এর যেকোনো মানের জন্য– i. x + y = y + x যোগের বিনিময় বিধি অনুসরণ করে	ર હ.	_	মীক্রণের মূল	_		(মধ্যম)
	ii. xy = yx গুণের বিনিময় বিধি অনুসরণ করে			থ 9 - 2 = 15 − 2 বা,	⊚ 10 y − 13	• 13	
	iii. $x(y+z)=xy+xz$ গুণের বন্টন বিধি অনুসরণ করে	NIE.	1 1	- দমীকরণটির মূল			(মধ্যম)
	নিচের কোনটি সঠিক?	۷٥.		त्राचारक गाण्य मूर	• 10	1 2	(44)4)
	® i vii			$2 = \frac{1}{2}$ বা, $\frac{1}{4}$ p =	-	Q 12	
٤٤.	$x + y = p + q \overline{QQ} -$		*	- '	_		
	i. $x + y + a = p + q + a$ ii. $m(x + y) = m(p + q)$	২৭.	$\frac{x}{3} + 1 = 3 4\overline{s}$	। মূল নিচের কে	ানটি ?		(মধ্যম)
	iii. $\frac{(x+y)}{x} = \frac{(p+q)}{x}$		⊕ 2	3 4	• 6	3 8	
	x x নিচের কোনটি সঠিক? (কঠিন)		-	– 1 বা, x = 2 × 3	_		
	(a) i (3 ii) (a) i (3 iii) (b) ii (4 iii) (b) iii (b)	২৮.			াণের বীজ কত?	0.7	(মধ্যম)
১৩.	8x - 5 = 4x - 1 সমীকরণটির—		③ 3 y	• 4		1 1	
	i. অজ্ঞাত রাশি x	২৯.		য়ীকরণের মূল নি		- 15	(মধ্যম)
	ii. প্ৰক্ৰিয়া চিহ্ন 3টি		⊕ 9	1 1	12	• 15	
	iii. চলকের ঘাত 1 নিচের কোনটি সঠিক? (কঠিন)				র্বাচনি প্রশ্নোত্তর 		
	(♥ ०४) (♥ ०४) (♥ 04) (♥ 04) (♥ 04) (♥ 04)	90.			যীকর ণে র উভয় প	ক্ষ থেকে—	
	ব্যাখ্যা : i. ও iii. তথ্যানুসারে সঠিক।			যুক্ত পদ বৰ্জন ব			
	ii. প্রক্রিয়া চিহ্ন দু'টি। উক্তিটি সঠিক নয়।			ইৎপাদক বৰ্জন ব পদকে চিক্ৰ	ফরা যায় পরিবর্তন করে	ব একপ্ৰদ	(9)TA
	অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর			গণতের । ৮২৭ স্থানান্তরিত কর		•स चर्यान	GNGN
	নিচের তথ্যের আলোকে ১৪ — ১৬ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:		নিচের কোনটি				(মধ্যম)
	$\frac{x}{3} - \frac{1}{2} = \frac{x}{4} + \frac{1}{2}$ একটি সরল সমীকরণ।		⊕ i ७ ii	⊚ i ଓ iii	111 Siii	• i, ii ^v	3 iii
١.	5 2 7 2	٥٥.	নিচের তথ্যগুরু		ু মুদ্র থাকান্ত	ति क्षि	
₽ŏ.	ডপরের সমাকরণাট্র চলকের সবোচ্চ ঘাত কত? (মধ্যম)		x - a = p	$y < \mathbf{c} \cdot \mathbf{r}$, $\mathbf{x} = \mathbf{p} + \mathbf{r}$	a হবে পক্ষান্তর	ואוא	

ii. গুণনের বর্জন বিধি অনুসারে সমীকরণের উভয়পক্ষ থেকে

iii. বামপক্ষের লব imes ডানপক্ষের হর imes বামপক্ষের হর imes

সাধারণ উৎপাদক বর্জন করা যায়

ডানপক্ষের লবকে বলা হয় আড়গুণন বিধি

নিচের কোনটি সঠিক?

- ⊕ i ଓ ii
- (1) i (1)
- 9 ii Viii
- i, ii ♥ iii

৩২. নিচের তথ্যগুলো শক্ষ কর :

i. 2x - 2 = 0 সমীকরণের মূল $\frac{1}{2}$

ii. $\frac{x}{8} = -2$ সমীকরণের মূল— 16

iii. 3(x-1) = 12 সমীকরণের মূল 5

নিচের কোনটি সঠিক?

(মধ্যম)

- ⊕ i ଓ ii
- (iii 🕏 i
- ii ♥ iii
- g i, ii Siii

অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

নিচের তথ্যের আলোকে ৩৩ – ৩৫ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

3x + 1 = 2x + 3

- ৩৩. সমীকরণটির মূল কত?
 - **1** 3
- (সহজ)

- ব্যাখ্যা: 2x + 3 = 3x + 1, বা, 3x 2x = 3 1 বা, x = 2৩৪. 2x এর মান কত?

③ 6

- **1** 8
- **1**2
- ব্যাখ্যা : ৩৫ নং থেকে পাই x = 2 : $2x = 2 \times 2 = 4$

- ৩৫. সমীকরণটির মূলটিকে বামপক্ষে বসালে বামপক্ষের মান হবে? **3** 8 **1** 9
 - ব্যাখ্যা : বামপক্ষ = $3x + 1 = 3 \times 2 + 1$ [৩৫ নং থেকে x = 2]
 - = 6 + 1 = 7
- নিচের সমীকরণটি লক্ষ করে ৩৬ ও ৩৭ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

$$\frac{2x+4}{3} + 1 = 6 - \frac{x-2}{2}$$

- ৩৬. সমীকরণের মূল কোনটি?
 - **⊕** 3
- **1** 5
- **থি** 6

(মধ্যে)

(সহজ)

- ৩৭. x = 4 হলে, সমীকরণের ডানপক্ষের মান কত?
- **③** 7
- **1** 9
- **1**1

বাখ্যা : ভানপক্ষ =
$$6 - \frac{x-2}{2} = 6 - \frac{4-2}{2} = 6 - \frac{2}{2} = 6 - 1 = 5$$

নিচের সমীকরণটি লক্ষ করে ৩৮ ও ৩৯ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

$$\frac{x}{2} - 5 = \frac{x}{3} - 7$$

[খুলনা মডেল স্কুল এন্ড কলেজ]

- ৩৮. সমীকরণটি কয়ঘাত বিশিষ্ট?
- **1 1 1 1**
- **1** 4
- (মধ্যম) ৩৯. সমীকরণটির বীজ কত?
- **③** −10
- **1**0
- **1**2



অতিরিক্ত সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান



২

(i) $\frac{3x+7}{4} + \frac{5x-4}{7} = x + \frac{7}{2}$ (ii) $\frac{y}{2} - \frac{y}{3} = \frac{y}{5} - \frac{1}{6}$

- ক. (i) নং সমীকরণের হরগুলোর ল.সা.গু. নির্ণয় কর।
- খ. (ii) নং সমীকরণের মূল নির্ণয় কর।
- দেখাও যে, (ii) নং সমীকরণের মূল (i) নং সমীকরণের মূলের সমান।

🔰 ১নং প্রশ্নের সমাধান 🕨

- ক. (i) এর হরগুলো 4, 7, 2
 - 2 4, 7, 2
 - \therefore হরগুলোর ল.সা.গু. $= 2 \times 2 \times 9 = 28$
- খ. (i) নং থেকে পাই, $\frac{3x+7}{4} + \frac{5x-4}{7} = x + \frac{7}{2}$
 - $\overline{4}$, $\frac{3x}{4} + \frac{7}{4} + \frac{5x}{7} \frac{4}{9} = x + \frac{7}{2}$
 - বা, $\frac{3x}{4} + \frac{5x}{7} x = \frac{4}{7} + \frac{7}{2} \frac{7}{4}$ [পক্ষান্তর করে]

 - বা, $x\left(\frac{3}{4} + \frac{5}{7} 1\right) = \frac{4}{7} + \frac{7}{2} \frac{7}{4}$ বা, $x \cdot \frac{21 + 20 28}{28} = \frac{16 + 98 49}{28}$

 - বা, $x \cdot \frac{13}{28} = \frac{65}{28}$ বা, $x = \frac{65}{28} \times \frac{28}{13} = 5$

নির্ণেয় মূল 5

গ. (ii) নং থেকে পাই,
$$\frac{y}{2} - \frac{y}{3} = \frac{y}{5} - \frac{1}{6}$$

বা,
$$\frac{y}{2} - \frac{y}{3} - \frac{y}{5} = -\frac{1}{6}$$

$$\boxed{41, \frac{15y - 10y - 6y}{30} = -\frac{1}{6}}$$

- $\sqrt{30} = -\frac{1}{6}$
- বা, $\frac{y}{30} = \frac{1}{6}$
- বা, $y = \frac{30}{6} = 5$

নির্ণেয় মূল y = 5

:. (ii) ও (i) নং এর মূল সমান। (দেখানো হলো)

$2 \frac{x}{4} - 2 > \frac{x}{4} - 6 = \frac{x}{3} - 7$

- ক. সমীকরণটির রাশিগুলোর হরের ল.সা.গু. বের কর। খ. সমীকরণটির সমাধান নির্ণয় কর।
- গ. দেখাও যে, সমীকরণটিতে (খ) এ প্রাপ্ত x এর মান বসালে বামপক্ষ ও ডানপক্ষের মান সমান হয়।
 - 🕨 🕯 ২নং প্রশ্নের সমাধান 🌬
- ক. প্রদত্ত সমীকরণ $\frac{x}{4} 6 = \frac{x}{3} 7$ সমীকরণের রাশিগুলোর হর হলো 4, 3

- হরগুলোর ল.সা.গু. 12 (Ans.)
- খ. প্রদত্ত সমীকরণ,

$$\frac{x}{4} - 6 = \frac{x}{3} - 7$$

বা,
$$\frac{x}{4} - \frac{x}{3} = -7 + 6$$
 [পক্ষান্তর করে]

বা,
$$\frac{3x-4x}{12} = -1$$

$$\sqrt{12} = -1$$

$$\therefore x = 12$$

সমাধান: x = 12 (Ans.)

'খ' হতে প্রাপ্ত x = 12 মানটি প্রদন্ত সমীকরণের বামপক্ষ ও ডানপক্ষে বসিয়ে পাই,

বামপক্ষ =
$$\frac{x}{4} - 6$$

$$= \frac{12}{4} - 6 = 3 - 6$$

ডানপক্ষ =
$$\frac{x}{3} - 7$$

$$=\frac{12}{3}-7=4-7=-3$$

∴ বামপক্ষ = ডানপক্ষ। (দেখানো হলো)

$2x - 9 > (i) \frac{x}{2} + \frac{x}{6} - x = \frac{5}{6} - \frac{x}{4} (ii) 2x - 13 = 4x + 7$

- ক. (i) নং সমীকরণের হরগুলোর ল.সা.গু. নির্ণয় কর।
- খ. (ii) নং সমীকরণের সমাধান নির্ণয় কর।
- দেখাও যে, (ii) নং সমীকরণের মূলই (i) নং সমীকরণের

🕨 ৩নং প্রশ্নের সমাধান 🕨

- ক. (i) নং সমীকরণের হর 2, 6, 6, 4 এর ল.সা.গু. 12 (Ans.)
- খ. দেওয়া আছে, 2x 13 = 4x + 7

$$\sqrt[3]{2x - 4x} = 7 + 13$$

বা,
$$-2x = 20$$

∴ x = -10 [উভয় পক্ষকে -1 দারা গুণ করে]

সমাধান: x = -10 (Ans.)

গ. (i) নং সমীকরণ থেকে পাই,

$$\frac{x}{2} + \frac{x}{6} - x = \frac{5}{6} - \frac{x}{4}$$

$$\vec{1}, \frac{x}{2} + \frac{x}{6} - x + \frac{x}{4} = \frac{5}{6}$$

বা,
$$\frac{6x + 2x - 12x + 3x}{12} = \frac{5}{6}$$

বা, $\frac{11x - 12x}{12} = \frac{5}{6}$

$$\overline{11}$$
, $\frac{11x - 12x}{12} = \frac{5}{6}$

$$\overline{41}, -x = \frac{5 \times 12^2}{6}$$

∴ (ii) নং সমীকরণের মূলই (i) নং সমীকরণের মূল। (দেখানো হলো)

$$3x + 7 + 5x - 4 = x + \frac{7}{2}$$
 (ii) $\frac{2x - 2}{3} = 6$

ক. (i) নং সমীকরণের রাশিগুলোর হরের ল.সা.গু. বের

খ. (i) নং সমীকরণের মূল নির্ণয় কর। দেখাও যে, (ii) নং সমীকরণের বীজ, (i) নং সমীকরণের বীজের 2 গুণ।

🕨 ४ ৪নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 ४

ক. (i) নং সমীকরণের রাশিগুলোর হর 4, 7, 1, 2 এর ল.সা.গু. 28

খ. প্রদন্ত সমীকরণ $\frac{3x+7}{4} + \frac{5x-4}{7} = x + \frac{7}{2}$

উভয়পক্ষে হরগুলোর ল.সা.গু. 28 দারা গুণ করে পাই,

$$28 \times \frac{3x+7}{4} + 28 \times \frac{5x-4}{7} = 28 \times x + 28 \times \frac{7}{2}$$

$$28 \times \frac{3x+7}{\cancel{4}} + \frac{4}{28} \times \frac{5x-4}{\cancel{7}} = 28 \times x + \frac{14}{28} \times \frac{7}{\cancel{2}}$$

 $\overline{4}, 7(3x+7) + 4(5x-4) = 28x + (14 \times 7)$

 $\boxed{3}, 21x + 49 + 20x - 16 = 28x + 98$

 $\sqrt{3}$, 41x + 33 = 28x + 98

41x - 28x = 98 - 33

বা, $\frac{13x}{13} = \frac{65}{13}$ [উভয়পক্ষকে 13 দারা ভাগ করে]

 $\therefore x = 5$

∴ সমীকরণিটর বীজ x = 5

গ. (ii) নং সমীকরণ থেকে পাই,

$$\frac{2x-2}{3}=6$$

বা, $2x - 2 = 6 \times 3$ [উভয়পক্ষকে 3 দারা গুণ করে]

বা, 2x - 2 = 18

বা, 2x = 18 + 2

বা, 2x = 20

বা, $\frac{2x}{2} = \frac{20}{2}$ [উভয়পক্ষকে 2 দ্বারা ভাগ করে]

∴ সমীকরণটির বীজ = 10

'খ' থেকে প্রাপ্ত (i) নং সমীকরণের বীজ = 5 সুতরাং (ii) নং সমীকরণের বীজ (i) নং সমীকরণের বীজের 2 গুণ। (দেখানো হলো)



্রি সৃজনশীল প্রশ্নব্যাংক উত্তরসহ



প্রশূ-৫ \triangleright সমীকরণটি লক্ষ কর, $\frac{z}{3} + \frac{1}{4} = \frac{z}{6} + \frac{3}{4}$

ক. সমীকরণটির অজ্ঞাত রাশি এবং প্রক্রিয়া চিহ্ন কোনটি? সমীকরণটি সরল সমীকরণ কিনা **লেখ**।

খ. সমীকরণটির মূল নির্ণয় কর।

প্রাপ্ত মৃলটির শুদ্বি পরীক্ষা কর।

উত্তর : খ. z = 3.

(i) $\frac{x}{6} - \frac{x}{5} = \frac{x}{15} - \frac{x}{3} + 7$ (ii) $\frac{2x - 13}{9} - \frac{x - 3}{5} = 3 - \frac{x + 3}{15}$

ক. (ii) নং সমীকরণের রাশিগুলোর হরের ল.সা.গু. বের কর।

(i) নং সমীকরণের সমাধান নির্ণয় কর।

গ. দেখাও যে, (ii) নং সমীকরণের বীজ (i) নং সমীকরণের বীজ অপেক্ষা 11 বেশি।

উত্তর : ক. 45; খ. x = 30.

$$2 + -9 \Rightarrow i) \frac{y}{2} - \frac{1}{2} = \frac{y}{3} + \frac{1}{3}, ii) \frac{y-1}{2} - \frac{1}{2} = \frac{y}{3} + \frac{1}{3}$$

ক. (i) নং সমীকরণের রাশিগুলোর হরগুলোর গ. সা. গু. নির্ণয় কর।

খ. (i) নং সমীকরণটির মূল নির্ণয় কর।

গ. (i) ও (ii) নং সমীকরণের মূলের অনুপাত নির্ণয় কর।

উত্তর : ক. হরগুলোর গ. সা. গু. 1; খ. y = 5; গ. 5 : 8.



পাঠ সম্পর্কিত গুরুত্বপূর্ণ বিষয়াদি



সরল সমীকরণ গঠন ও সমাধান : বাস্তব জীবনভিত্তিক সমস্যা পাটিগণিতের নিয়মে সমাধান করা যায়। আবার, ঐ সকল সমস্যা বীজগণিতের সমীকরণের নিয়ম ব্যবহার করে সহজে সমাধান করা যায়। যেকোনো বাস্তব সমস্যাকে বীজগণিতীয় রাশির তথা সমীকরণের মাধ্যমে প্রকাশ করা যায়। সাধারণত সমস্যার অজ্ঞাত রাশির মান যেকোনো চলক (x) ধরে নিয়ে প্রশ্নের শর্তমতে, সমীকরণ গঠন করা হয়। এই সমীকরণকে সমাধান করে নিলে চলকের (x) এর মান পাওয়া যায়, যা থেকে সমস্যাটির সমাধান নিণীত হয়।



|অনুশীলনীর প্রশু ও সমাধান



সমাধান: মনে করি, সংখ্যাটি x ∴ সংখ্যাটির দ্বিগণ = 2x প্রশ্নতে, 2x + 5 = 25বা, 2x = 25 - 5 [পক্ষান্তর করে] বা, $\frac{2x}{2} = \frac{20}{2}$ [উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে] ∴ সংখ্যাটি 10

প্রশু ॥ ২ ॥ কোন সংখ্যা থেকে 27 বিয়োগ করলে বিয়োগফল – 21 হবে? সমাধান: মনে করি, সংখ্যাটি x

প্রশ্নতে,
$$x-27=-21$$

$$\therefore x = \epsilon$$

∴ সংখ্যাটি 6

প্রশ্ন ॥ ৩ ॥ কোন সংখ্যার এক–তৃতীয়াংশ 4 এর সমান হবে? সমাধান : মনে করি, সংখ্যাটি x

∴ সংখ্যাটির এক–তৃতীয়াংশ =
$$x$$
 এর $\frac{1}{3} = \frac{x}{3}$

প্রশ্নতে,
$$\frac{x}{3}=4$$

$$\therefore$$
 x = 12

প্রশ্ন ॥ ৪ ॥ কোন সংখ্যা থেকে 5 বিয়োগ করলে বিয়োগফলের 5 গুণ সমান 20 হবে ?

সমাধান: মনে করি, সংখ্যাটি x

∴ সংখ্যাটি থেকে 5 বিয়োগ করলে পাই, x – 5

প্রশাবত,
$$5(x-5) = 20$$

বা,
$$5x-25=20$$
 [বণ্টন বিধি অনুসারে]

বা,
$$5x = 20 + 25$$
 [পক্ষান্তর করে]

বা,
$$\frac{5x}{5} = \frac{45}{5}$$
 [উভয়পক্ষকে 5 দ্বারা ভাগ করে]

প্রশ্ন ॥ ৫ ॥ কোন সংখ্যার অর্ধেক থেকে তার এক–তৃতীয়াংশ বিয়োগ করলে বিয়োগফল 6 হবে ?

সমাধান : মনে করি, সংখ্যাটি x

∴ সংখ্যাটির অর্ধেক =
$$x$$
 এর $\frac{1}{2} = \frac{x}{2}$

এবং সংখ্যাটির এক–তৃতীয়াংশ =
$$_{\rm X}$$
 এর $\frac{1}{3}=\frac{\rm x}{3}$

প্রশাসতে,
$$\frac{x}{2} - \frac{x}{3} = 6$$

বা,
$$\frac{3x-2x}{6}=6$$
 [হর 2, 3 এর ল.সা.গু. 6]

বা,
$$\frac{x}{6} = 6$$

$$\therefore x = 36$$

∴ সংখ্যাটি 36

প্রশ্ন ॥ ৬ ॥ তিনটি ক্রমিক স্বাভাবিক সংখ্যার সমষ্টি 63 হলে, সংখ্যা তিনটি বের কর।

সমাধান: মনে করি, ক্রমিক স্বাভাবিক সংখ্যা তিনটি যথাক্রমে x, x +1 ও x+2

প্রামতে,
$$x + (x + 1) + (x + 2) = 63$$

বা,
$$x + x + 1 + x + 2 = 63$$

বা,
$$3x + 3 = 63$$

বা,
$$3x = 63 - 3$$
 [পক্ষান্তর করে]

বা,
$$3x = 60$$

বা,
$$\frac{3x}{3} = \frac{60}{3}$$
 [উভয়পক্ষকে 3 দারা ভাগ করে]

$$\therefore x = 20$$

অতএব, ১ম সংখ্যাটি x = 20

∴ সংখ্যা তিনটি যথাক্রমে 20, 21, 22

প্রশ্ন ॥ ৭ ॥ দুইটি সংখ্যার যোগফল 55 এবং বড় সংখ্যাটির 5 গুণ ছোট সংখ্যাটির 6 গুণের সমান। সংখ্যা দুইটি নির্ণয় কর।

সমাধান: মনে করি, ছোট সংখ্যাটি x

প্রামতে,
$$6x = 5(55 - x)$$

বা,
$$6x = 275 - 5x$$
 [বন্টন বিধি অনুসারে]

বা,
$$6x + 5x = 275$$
 [পক্ষান্তর করে]

বা,
$$11x = 275$$

বা ,
$$\frac{11x}{11} = \frac{275}{11}$$
 [উভয়পক্ষকে 11 দ্বারা ভাগ করে]

$$\therefore x = 25$$

অতএব, ছোট সংখ্যাটি x = 25

∴ সংখ্যা দুইটি 25 ও 30

প্রশু ॥ ৮ ॥ গীতা, রিতা ও মিতার একত্রে 180 টাকা আছে। রিতার চেয়ে গীতার 6 টাকা কম ও মিতার 12 টাকা বেশি আছে। কার কত টাকা আছে ?

সমাধান: মনে করি, রিতার আছে x টাকা

প্রশ্নতে,
$$x + (x - 6) + (x + 12) = 180$$

$$\overrightarrow{\text{al}}, x + x - 6 + x + 12 = 180$$

বা,
$$3x + 6 = 180$$

বা,
$$3x = 180 - 6$$
 [পক্ষান্তর করে]

বা,
$$3x = 174$$

বা ,
$$\frac{3x}{3}=\frac{174}{3}$$
 [উভয়পক্ষকে 3 দারা ভাগ করে]

অতএব, রিতার আছে x = 58 টাকা

$$\therefore$$
 গীতার আছে $(x-6) = (58-6)$ টাকা $= 52$ টাকা

.:. গীতার 52 টাকা, রিতার 58 টাকা এবং মিতার 70 টাকা আছে। (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ৯ ॥ একটি খাতা ও একটি কলমের মোট দাম 75 টাকা। খাতার দাম 5 টাকা কম ও কলমের দাম 2 টাকা বেশি হলে, খাতার দাম কলমের দামের দ্বিগুণ হতো। খাতা ও কলমের কোনটির দাম কত ?

সমাধান: মনে করি, একটি খাতার দাম x টাকা

∴ একটি কলমের দাম (75 – x) টাকা

5 টাকা কম **হলে খাতার দাম হ**য় (x – 5) টাকা

2 টাকা বেশি হলে কলমের দাম হয় $\{(75-x)+2\}$ টাকা

প্রশ্নতে,
$$x - 5 = 2(77 - x)$$

বা,
$$x - 5 = 154 - 2x$$
 [কটন বিধি অনুসারে]

বা,
$$\frac{3x}{3} = \frac{159}{3}$$
 [উভয়পক্ষকে 3 দ্বারা ভাগ করে]

$$\therefore x = 53$$

∴ খাতার দাম 53 টাকা

∴ খাতা ও কলমের দাম যথাক্রমে 53 টাকা ও 32 টাকা

প্রশ্ন ॥ ১০ ॥ একজন ফল বিক্রেতার মোট ফলের $\frac{1}{2}$ অংশ আপেল, $\frac{1}{3}$ অংশ কমলালেবু ও 40 টি আম আছে। তাঁর নিকট মোট কতগুলো ফল আছে? সমাধান: মনেকরি,

ফল বিক্রেতার মোট ফলের সংখ্যা x টি

আপেল আছে
$$= x$$
 এর $\frac{1}{2}$ অংশ $= \frac{x}{2}$ টি

এবং কমলালেবু আছে =
$$_{\rm X}$$
 এর $\frac{1}{3}$ অংশ = $\frac{\rm x}{3}$ টি

প্রামতে,
$$x = \frac{x}{2} + \frac{x}{3} + 40$$

বা,
$$x - \frac{x}{2} - \frac{x}{3} = 40$$
 [পক্ষান্তর করে]

বা,
$$\frac{6x - 3x - 2x}{6} = 40$$

বা,
$$\frac{x}{6} = 40$$

$$\therefore x = 240$$

ফল বিক্রেতার নিকট মোট 240টি ফল আছে।

প্রশ্ন ॥ ১১ ॥ পিতার বর্তমান বয়স পুত্রের বর্তমান বয়সের 6 গুণ। 5 বছর পর তাদের বয়সের সমষ্টি হবে 45 বছর। পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়স কত ? সমাধান: মনে করি, পুত্রের বর্তমান বয়স x বছর

∴ পিতার বর্তমান বয়স 6x বছর

5 বছর পরে, পুত্রের বয়স হবে (x + 5) বছর

এবং পিতার বর্তমান বয়স হবে (6x + 5) বছর

প্রশানত, (x + 5) + (6x + 5) = 45

বা,
$$x + 5 + 6x + 5 = 45$$

বা,
$$7x + 10 = 45$$

বা,
$$7x = 45 - 10$$
 [পক্ষান্তর করে]

বা, 7x = 35

বা , $\frac{7x}{7} = \frac{35}{7}$ [উভয়পক্ষকে 7 দ্বারা ভাগ করে]

 $\therefore x = 5$

∴ পুত্রের বর্তমান বয়স 5 বছর

পিতার বর্তমান বয়স (6 × 5) বা 30 বছর।

∴ পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়স যথাক্রমে 5 বছর ও 30 বছর।

প্রশু ॥ ১২ ॥ निজা ও শিখার বয়সের অনুপাত 2:3। তাদের দুইজনের বয়সের সমষ্টি 30 বছর হলে, কার বয়স কত?

সমাধান: দেওয়া আছে, লিজার বয়স: শিখার বয়স = 2:3

মনে করি, লিজার বয়স 2x বছর এবং শিখার বয়স 3x বছর প্রশ্নতে, 2x + 3x = 30

বা,
$$\frac{5x}{5} = \frac{30}{5}$$
 [উভয়পক্ষকে 5 দারা ভাগ করে]

বা, x = 6

∴ লিজার বয়স 2x বছর বা (2×6) বছর = 12 বছর শিখার বয়স 3x বছর বা (3×6) বছর = 18 বছর।

∴ निজা ও শিকার বয়স যথাক্রমে 12 বছর ও 18 বছর।

প্রশু 🏿 ১৩ 🐧 একটি ক্রিকেট খেলায় ইমন ও সুমনের মোট রানসংখ্যা 58। ইমনের রানসংখ্যা সুমনের রানসংখ্যার দিগুণের চেয়ে 5 রান কম। ঐ খেলায় ইমনের রানসংখ্যা কত ?

সমাধান: মনে করি, সুমনের রানসংখ্যা x

∴ ইমনের রানসংখ্যা (2x – 5)

প্রমতে,
$$x + (2x - 5) = 58$$

$$\vec{1}, x + 2x - 5 = 58$$

$$\overline{4}$$
, $3x = 58 + 5$

পেক্ষান্তর করে।

বা, 3x = 63

$$\sqrt[3]{3} = \frac{63}{3}$$

[উভয়পক্ষকে 3 দারা ভাগ করে]

 $\therefore x = 21$

সুমনের রান সংখ্যা x = 21

- ∴ ইমনের রানসংখ্যা (2x − 5) = (2 × 21 − 5) = 37
- ∴ ইমনের রান সংখ্যা 37 (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ১৪ ॥ একটি ট্রেন ঘণ্টায় 30 কি.মি. বেগে চলে কমলাপুর স্টেশন থেকে নারায়ণগঞ্জ স্টেশনে পৌছাল। ট্রেনটির বেগ ঘণ্টায় 25 কি.মি. হলে 10 মিনিট সময় বেশি লাগত। দুই স্টেশনের মধ্যে দূরুত্ব কত ? সমাধান: আমরা জানি, 1 ঘন্টা = 60 মিনিট

মনে করি, দুই স্টেশনের মধ্যে দুরুত x কি.মি.

ট্রেনটি 30 কি.মি.যায় 60 মিনিটে

$$\therefore \quad ,, \quad x \quad ,, \quad ,, \quad \left(\frac{60 \times x}{30}\right)$$
মিনিটে
$$= 2x$$
 মিনিটে

আবার ট্রেনটি 25 কি.মি.যায় 60 মিনিটে

∴ ,, x ,,
$$\left(\frac{60 \times x}{25}\right)$$
 মিনিটে
$$= \frac{12x}{5}$$
 মিনিটে

প্রশ্নতে,
$$\frac{12x}{5} - 2x = 10$$
 বা, $\frac{12x - 10x}{5} = 10$

বা,
$$\frac{2x}{5} = 10$$

[আড়গুণন করে]

বা,
$$\frac{2x}{2} = \frac{50}{2}$$

[উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে]

$$\therefore x = 25$$

∴ দুই স্টেশনের মধ্যে দূরুত 25 কি.মি.। (Ans.)

প্রশু ॥ ১৫ ॥ একটি আয়তাকার জমির দৈর্ঘ্য প্রন্থের তিনগুণ এবং জমিটির পরিসীমা 40 মিটার। জমিটির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় কর।

সমাধান: মনে করি, আয়তাকার জমির প্রস্থ = x মিটার

∴ দৈর্ঘ্য = 3x মিটার

∴ জমিটির পরিসীমা = 2 × (দৈর্ঘ্য + প্রস্থ) একক = 2 × (3x + x) মিটার = 2 × 4x মিটার = 8x মিটার

প্রমতে, 8x = 40

বা , $\frac{8x}{8}=\frac{40}{8}$ [উভয়পক্ষকে 8 দারা ভাগ করে]

বা, x = 5

জমির প্রস্থ = 5 মিটার

এবং দৈর্ঘ্য = (3 × 5) = 15 মিটার

∴ জমির দৈর্ঘ্য 15 মিটার, প্রস্থ 5 মিটার

@ @ @

অতিরিক্ত বহুনির্বাচনি প্রশ্লোত্তর

৭.৩ : সরল সমীকরণ গঠন ও সমাধান ■ পৃষ্ঠা : ৯৭-৯৯

সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

নিচের কোন সংখ্যার সাথে 7 যোগ করলে 32 হবে?

ব্যাখ্যা : x + 7 = 32 বা, x = 32 - 7 = 25

3 24

3 26

নিচের কোন সংখ্যা থেকে 12 বিয়োগ করলে বিয়োগফল 30 হবে?(মধ্যম)

1 32

42

ব্যাখ্যা: x - 12 = 30 বা, x = 30 + 12 = 42

কোন সংখ্যার দ্বিপুণের সাথে 7 যোগ করলে যোগফল 25 হবে? (মধ্যম) **1**1 9 **(1)**

ব্যাখ্যা : মনে করি, সংখ্যাটি x

∴ সংখ্যাটির দ্বিগুণ = 2x

প্রশ্নতে, 2x + 7 = 25 বা, 2x = 18 বা, x = 9

নিচের কোন সংখ্যার 7 গুণ থেকে 5 বিয়োগ করলে 30 হবে? (মধ্যম)

3 6 **1 1** কোন সংখ্যার এক–তৃতীয়াংশ ৪ এর সমান?

(সহজ)

③ 18 **1** 20 24 ব্যাখ্যা : $\frac{x}{3} = 8$ বা, x = 24

কোন সংখ্যা হতে 20 বিয়োগ করলে বিয়োগফল 21 হবে? (মধ্যম) **1** 51

ব্যাখ্যা : মনে করি, সংখ্যাটি x

প্রশানুসারে, x - 20 = 21 বা, x = 21 + 20

বা, x = 41 ∴ x = 41

মিনতি গণিত ও উচ্চতর গণিতে একত্রে 170 নম্বর পেয়েছে। সে গণিত অপেক্ষা উচ্চতর গণিতে 12 নম্বর কম পেয়েছে। গণিতে প্রাপ্ত নম্বর x হলে, x এর মান কত? (কঠিন)

91 **1** 82 ব্যাখ্যা : প্রশ্নমতে, x + x - 12 = 170

বা, 2x = 170 + 12

বা, 2x = 182 : x = 91

রিতা ও মিতার বয়সের অনুপাত 3:2। তাদের দুইজনের বয়সের সমষ্টি 30 বছর হলে, রিতার বয়স কত? 18 **3** 24

ব্যাখ্যা : রিতার বয়স 3x হলে, মিতার বয়স 2x

 $\therefore 3x + 2x = 30 \, \, \text{T}, \, 5x = 30, \, \therefore \, x = 6$ রিতার বয়স = $3x = 3 \times 6 = 18$

৯. দুটি ক্রমিক সংখ্যার প্রথমটি x + 1 হলে পরবর্তীটি কত? ② x + 3 ① x + 4

বাখা : x + 1 + 1 = x + 2 ১০. কোন সংখ্যার অর্ধেক থেকে তার এক–চতুর্ধাংশ বিয়োগ করলে বিয়োগফল 4 হবে? (মধ্যম)

● 16 **1** 20 ব্যাখ্যা : $\frac{1}{2} \times x - \frac{1}{4} \times x = 4$ বা, $\frac{x}{2} - \frac{x}{4} = 4$ বা, $\frac{2x - x}{4} = 4$ বা, $\frac{x}{4} = 4$

১১. দুইটি ক্রমিক বিজ্ঞোড় সংখ্যার যোগফল 16 হলে, সংখ্যা দুইটির

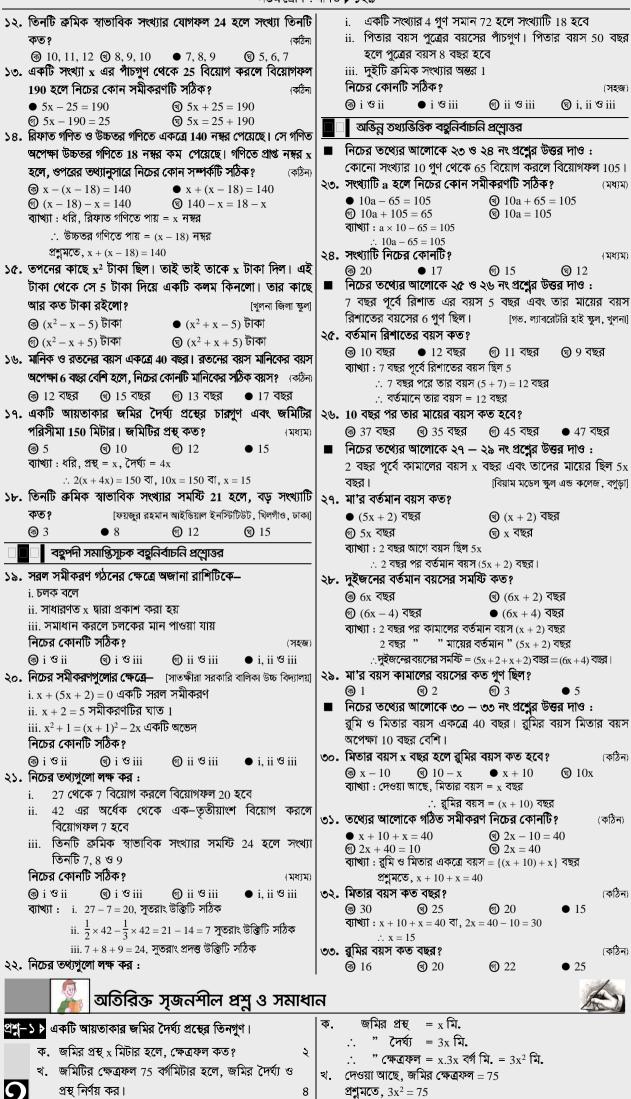
সঠিক মান নিচের কোনটি? ⊕ (5, 11) **(10, 6)**

(7, 9)

(9, 11)

1 24

3 81



বা, $x^2 = \frac{75}{3}$

বা, $x^2 = 25$

বা, x = √25 ∴ x = 5

১৭ ১নং প্রশ্নের সমাধান ১৭

তা দেখাও।

জমির দৈর্ঘ্য 4 মিটার কমালে এবং প্রস্থ 4 মিটার বাড়ালে জমির পরিসীমার কোনো পরিবর্তন হবে কিনা ∴ জমির প্রস্থ = 5 মি.

" দৈর্ঘ্য =
$$5$$
 মি. $\times 3 = 15$ মি.

∴ জমির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ যথাক্রমে 15 মি. ও 5 মি. (Ans.)

জমির প্রস্থ = 5 মি.

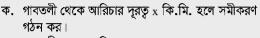
" দৈৰ্ঘ্য = 15 মি**.**

দৈর্ঘ্য 4 মিটার কমালে, দৈর্ঘ্য হবে (15 – 4) মি. = 11 মি. প্রস্থ বা মিটার বাড়ালে, প্রস্থ হবে (5 + 4) মি. = 7 মি.

তখন পরিসীমা হবে 2 (দৈর্ঘ্য + প্রস্থ)

∴ পরিসীমার কোনো পরিবর্তন হবে না।

প্রশু-২ > একটি বাস ঘণ্টায় 25 কি.মি. গতিবেগে ঢাকার গাবতলী থেকে আরিচা পৌছাল। আবার বাসটি ফটায় 30 কি.মি. গতিবেগে আরিচা থেকে গাবতলী ফিরে এল। যাতায়াতে বাসটির মোট 5 🗓 ফটা [বিদ্যাময়ী সরকারি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়, ময়মনসিংহ] সময় লাগল।



খ. গাবতলী থেকে আরিচার দূরত কত?

বাসটি যদি ঘণ্টায় 30 কি.মি. গতিবেগে গাবতলী থেকে আরিচা আবার আরিচা থেকে গাবতলী যাতায়াত করে তাহলে মোট কত সময় লাগবে?

১ বং প্রশ্রের সমাধান ১ ব

ক. দেওয়া আছে, গাবতলী থেকে আরিচার দূরত্ব x কি.মি.

∴ গাবতলী থেকে আরিচা যেতে সময় লাগে $\frac{x}{25}$ ঘণ্টা

আবার, আরিচা থেকে গাবতলী আসতে সময় লাগে $rac{\mathrm{x}}{30}$ ঘন্টা

প্রশাবর,
$$\frac{x}{25} + \frac{x}{30} = 5\frac{1}{2}$$

খ. প্রশ্নতে, $\frac{x}{25} + \frac{x}{30} = 5\frac{1}{2}$ ['ক' থেকে]

$$\boxed{4}, \frac{6x + 5x}{150} = \frac{11}{2}$$

$$\boxed{4}, \frac{11x}{150} = \frac{11}{2}$$

বা,
$$\frac{11x}{150} = \frac{11}{2}$$

বা,
$$\frac{x}{150} = \frac{1}{2}$$

বা,
$$2x = 150$$

বা,
$$2x = 150$$

বা, $x = \frac{150}{2}$

∴ গাবতলী থেকে আরিচার দূরত্ব 75 কি.মি. (Ans.)

গ. বাসটি ঘন্টায় 30 কি.মি. বেগে ঢাকা থেকে আরিচা গেলে সময় লাগে $\frac{x}{30}$ ঘণ্টা।

একই বেগে ফিরে আসতে সময় লাগে $\frac{x}{30}$ ঘণ্টা

$$\frac{x}{30} + \frac{x}{30} = \frac{2x}{30} = \frac{x}{15}$$
 ঘটা = $\frac{75}{15} = 5$ ঘটা | (Ans.)

প্রমূ−৩ > একটি আয়তকার জমির দৈর্ঘ্য ও প্রন্থের অনুপাত 3 : 2। জমির পরিসীমা 60 মিটার। প্রস্থ 6 মিটার বেশী হলে জমিটি বর্গাকার হতো।

ক. জমির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ x এর মাধ্যমে প্রকাশ কর।

খ. জমিটির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় কর।

প্রতি বর্গমিটারে 5 টাকা হিসাবে বর্গাকার জমির মাটি কাটাতে কত খরচ হবে?

🕨 ৩নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

ক. মনে করি, জমির প্রস্থ = x মি.

দেওয়া আছে, দৈর্ঘ্য : প্রস্থ = 3:2

বা, দৈৰ্ঘ্য
$$= \frac{3}{2}$$
 প্ৰস্থ $= \frac{3}{2}$ x মি.

∴ জমির দৈর্ঘ্য $\frac{3}{2}$ x মি. এবং প্রস্থ x মি. (Ans.)

দেওয়া আছে, জমির পরিসীমা = 60 মি.

বা, 2 (দৈর্ঘ্য × প্রস্থ) = 60 মি.

বা,
$$2\left(\frac{3}{2}x + x\right) = 60$$

$$\sqrt[3]{2} \times \frac{3x + 2x}{2} = 60$$

বা, 5x = 60

∴
$$x = 12 \tilde{\lambda}$$
.

$$\therefore$$
 " দৈঘ্য = $\frac{3}{2}x = \frac{3 \times 12}{2} = 18$ মি.

∴ জমির দৈর্ঘ্য 18 মি. এবং প্রস্থ 12 মি. (Ans.)

বর্গাকার জমির দৈর্ঘ্য = 18 মি.

∴ ক্ষেত্রফল = দৈর্ঘ্য × প্রস্থ = (18 × 18) বর্গ মি. বা 324 বর্গমি. 1 বর্গমিটারে লাগে 5 টাকা

∴ 324 বর্গমিটারে লাগে (5 × 324) টাকা বা 1620 টাকা। (Ans.)

শুন্–৪ > একজন ফল বিক্রেতার নিকট মোট ফলের $\frac{1}{2}$ অংশ আপেল, $\frac{1}{3}$ <mark>অংশ কম</mark>লালেবু ও 40টি আম আছে।

ক. মোট ফল কয়টি আছে তা সমীকরণের মাধ্যমে প্রকাশ কর।

খ. মোট ফলের সংখ্যা নির্ণয় কর।

গ**. আপেল ও কমলালেবুর সংখ্যা নির্ণ**য় কর।

🕨 ४ ৪নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. ধরি, মোট xটি ফল আছে।

∴ আপেল আছে =
$$x \times \frac{1}{2}$$
টি = $\frac{x}{2}$ টি

কমলালেবু আছে
$$= x \times \frac{1}{3}$$
টি $= \frac{x}{3}$ টি

$$\therefore$$
 প্রশ্নতে, $x = \frac{x}{2} + \frac{x}{3} + 40$ (i)

খ. (i) থেকে পাই,
$$x = \frac{x}{2} + \frac{x}{3} + 40$$

বা,
$$x - \frac{x}{2} - \frac{x}{3} = 40$$

বা,
$$\frac{6x - 3x - 2x}{6} = 40$$

∴ মোট 240টি ফল আছে।

গ. আপেল আছে $\frac{x}{2}$ টি

$$=\frac{240}{2}\,\widehat{\rm lb}=120\widehat{\rm lb}$$

কমলালেবু আছে $\frac{x}{3}$ টি $=\frac{240}{3}$ টি =80টি।

∴ আপেল ও কমলালেবুর সংখ্যা যথাক্রমে 120টি ও ৪০টি। (Ans.)

থশু–৫ ▶ দুইটি সংখ্যার বিয়োগফল 40. বৃহত্তর সংখ্যাটির 3 গুণ ক্ষুদ্রতর সংখ্যাটির 7 গুণের সমান।

ক. বৃহত্তর সংখ্যাটি x হলে ক্ষুদ্রতর সংখ্যাটি কত?

খ. সমস্যাটিকে সমীকরণ আকারে লেখ। 8 সংখ্যা দুইটি নির্ণয় কর।

🕨 🕯 ৬নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

বৃহত্তর সংখ্যাটি x হলে ক্ষুদ্রতম সংখ্যাটি x – 40 (Ans.)

বৃহত্তর সংখ্যার 3 গুণ = 3x

ক্ষুদ্রতর সংখ্যার 7 গুণ = 7(x-40)

∴ প্রদত্ত শর্তানুসারে, 3x = 7(x - 40)(i)

সমীকরণ (i) নং হতে পাই,

$$3x = 7(x - 40)$$

বা,
$$3x = 7x - 280$$

বা,
$$3x - 7x = -280$$
 [পক্ষান্তর করে]

বা, – 4x = -280 [উভয়পক্ষকে –4 দারা ভাগ করে]

 $\therefore x = 70$

বৃহত্তর সংখ্যাটি = 70

ক্ষুদ্রতর সংখ্যাটি = 70 – 40 = 30

∴ সংখ্যা দুইটি হলো 70 ও 30 (Ans.)



সৃজনশীল প্রশ্বব্যাংক উত্তরসহ



প্রশু–৬ ১ ঝুমুর দোকান থেকে কিছু কলম কিনল। সেগুলোর ¼ অংশ তার বোনকে ও $\frac{1}{5}$ অংশ তার ভাইকে দিল। তার কাছে আর 11টি কলম রইল। ঝুমুর xিট কলম কিনলে তার বোন ও ভাইকে কয়টি কলম দিয়েছিল? উদ্দীপকের তথ্যটি গাণিতিক সমীকরণের সাহায্যে প্রকাশ কর। গ. ঝুমুর কতটি কলম কিনেছিল? **উত্তর**: ক. ঝুমুর তার বোনকে দেয় $\frac{\mathrm{x}}{4}$ টি কলম এবং ঝুমুর তার ভাইকে দেয় $\frac{\mathrm{x}}{5}$ টি কলম; খ. নির্ণেয় গাণিতিক সমীকরণটি $x-\left(rac{x}{4}+rac{x}{5}
ight)=11;$ গ. ঝুমুর 20টি কলম কিনেছিল। প্রশু–৭≯ মাহী, সাজু ও হাসুর একত্রে 212 টাকা আছে। সাজুর চেয়ে মাহীর ৪ টাকা কম ও হাসুর 10 টাকা বেশি আছে। ক. সাজুর টাকার পরিমাণ x টাকা হলে মাহীর টাকার পরিমাণ কত? খ. সমস্যাটিকে সমীকরণ আকারে লেখ। প্রত্যেকের টাকার পরিমাণ নির্ণয় কর। উত্তর : ক. x – 8 টাকা; খ. x + (x – 8) + (x + 10) = 212; গ. সাজু, মাহী ও হাসুর টাকার পরিমাণ যথাক্রমে 70 টাকা, 62 টাকা ও 80 টাকা। প্রশূ–৮ > একটি ট্রেন প্রতি ঘণ্টায় 20 কি.মি. বেগে চলে গন্তব্য স্থানে <u>পৌছল। ট্রেনটির বেগ ঘণ্টায় 15 কিলোমিটার হলে, গন্তব্য স্থানে পৌছতে</u> 50 মিনিট সময় বেশি লাগত। ক. 50 মিনিট 1 ঘণ্টার কত অংশ? পথের দূরত্ব x কি.মি. হলে ঘণ্টায় 20 কি.মি. এবং 15 কি.মি. বেগে গন্তব্য স্থানে যেতে কত সময় লাগবে? গ. পথের দূরত্ব নির্ণয় কর। উত্তর : ক. $\frac{5}{6}$ অংশ, খ. উক্ত বেগে গন্তব্যস্থানে যেতে তার সময় লাগবে যথাক্রমে $rac{x}{20}$ ঘণ্টা ও $rac{x}{15}$ ঘণ্টা; গ. পথের দূরত্ব 50 কি.মি.। প্রশু–৯ > গিয়াস সাধারণ গণিত ও উচ্চতর গণিতে একত্রে 170 নম্বর পেয়েছে। সে সাধারণ গণিত অপেক্ষা উচ্চতর গণিতে ৪ নম্বর কম পেয়েছে। ক. গিয়াস সাধারণ গণিতে x পেলে উচ্চতর গণিতে কত পেয়েছে? উল্লিখিত তথ্যকে গাণিতিক সমীকরণ আকারে প্রকাশ কর।

গ. সে সাধারণ গণিত ও উচ্চতর গণিতে কত পেয়েছে?

প্রশূ–১০১ একটি আয়তাকার ফ্লাটের দৈর্ঘ্য প্রস্থের চারগুণ। ফ্রাটের প্রস্থ x মিটার হলে ফ্রাটটির ক্ষেত্রফল কত? ফ্লাটের ক্ষেত্রফল 2500 কামিটার হলে দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় কর।

গণিতে যথাক্রমে ৪9 ও ৪1 নম্বর পেয়েছে।

ফ্লাটের পরিসীমা কত? দৈর্ঘ্য y মিটার কমালে এবং প্রস্থ y মিটার বাড়ালে পরিসীমার কোনোরূপ পরিবর্তন হয় কিনা দেখাও। উত্তর : ক. $4\mathrm{x}^2$ কর্গমিটার; খ. ফ্লাটের দৈর্ঘ্য 100 মিটার এবং প্রস্থ 25 মিটার । প্রশু–১১ > দুইটি সংখ্যার অন্তর 76 এবং তাদের অনুপাত 3 : 7 উদ্দীপকের আলোকে সমীকরণটি গঠন কর। 8 সংখ্যা দুইটি নির্ণয় কর। খ. সংখ্যা দুইটিকে আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ধরে আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল ও পরিসীমা নির্ণয় কর। উত্তর : ক. 76; খ. সংখ্যা দুইটি (3 × 19) বা 57 ও (7 × 19) বা 133; গ. আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল 7581 বর্গ একক এবং পরিসীমা 380 একক। প্রশু–১২ ১ একটি আয়তাকার বাগানের দৈর্ঘ্য প্রস্থের তিন গুণ। [ফয়জুর রহমান আইডিয়াল ইনস্টিটিউট] বাগানটির প্রস্থ x মিটার হলে, এর পরিসীমা x এর মাধ্যমে প্রকাশ কর। যদি বাগানের পরিসীমা 40 মিটার হয়. তবে এর দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ কত? 8 খ. বাগানটি পরিষার করতে মোট 1500 টাকা খরচ হলে, প্রতি বর্গমিটার পরিষ্কার করতে কত টাকা খরচ হবে? উত্তর : ক. 8x মিটার: খ. বাগানের দৈর্ঘ্য 15 মিটার. প্রন্থ 5 মিটার: গ. প্রতি বর্গমিটার পরিষ্কার করতে খরচ হবে 20 টাকা। প্রশু–১৩১ একটি আয়তাকার বাগানের প্রস্থ ও দৈর্ঘ্যের অনুপাত 3 : 4। উপরের তথ্যের ভিত্তিতে সমীকরণ গঠন কর। ক. খ. বাগানের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় কর। বাগানের প্রতি বর্গমিটার ঘাস কাটতে 7 টাকা লাগলে বাগানের সমস্ত ঘাস কাটতে কত টাকা লাগবে? উত্তর : ক. 98; খ. বাগানের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ যথাক্রমে 28 মিটার ও 21 মিটার; গ. বাগানের সমস্ত ঘাস কাটতে 4116 টাকা লাগবে। প্রশু–১৪ > পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়সের অনুপাত 5 : 2। তাদের বর্তমান বয়সের সমষ্টি 49 বছর। [ঝিনাইদহ সরকারি বালিকা উচ্চ বিদ্যালয়] ক. পিতার বর্তমান বয়সকে x বছর ধরে পুত্রের বর্তমান বয়স x এর মাধ্যমে প্রকাশ কর। Ş উদ্দীপকের আলোকে পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়স নির্ণয় কর। 8 কত বছর পর পিতার বয়স পুত্রের বর্তমান বয়সের তিন্গুণ হবে? উ**ত্ত**র : ক. (170 – x); খ. x – 8 = 170– x; গ. গিয়াস গণিত ও উচ্চতর উত্তর : ক. $\frac{2x}{5}$ বছর; খ. পিতার বর্তমান বয়স 35 বছর এবং পুত্রের বর্তমান বয়স 14 বছর; গ. 7 বছর পর পিতার বয়স পুত্রের বর্তমান বয়সের তিনগুণ হবে।

<u>जनुभीलनी १.७</u>



পাঠ সম্পর্কিত গুরুত্বপূর্ণ বিষয়াদি



শেখচিত্র :

ন্থানাজ্ঞের ধারণা : ফ্রান্সের বিখ্যাত গণিতবিদ রেনে দেকার্কে (Rene Descartes : 1596-1650) সর্বপ্রথম স্থানাজ্ঞের ধারণা দেন। তিনি দুইটি পরস্পরছেদী লম্বরেখার সাপেক্ষে বিন্দুর অবস্থান ব্যাখ্যা করেন।

বিন্দু পাতন : ছক কাগজে কোনো বিন্দুর অবস্থান দেখানোকে বা কোনো বিন্দু স্থাপন করাকে বিন্দু পাতন বলে।

লেখচিত্রে সমীকরণের সমাধান :

লেখচিত্রের সাহায্যে সহজেই সমীকরণের সমাধান বের করা যায়। মনে করি, 2x-5=0 সমীকরণটি সমাধান করতে হবে। সমীকরণের বামপক্ষ 2x − 5 রাশিতে x−এর বিভিন্ন মান বসালে রাশিটির বিভিন্ন মান পাওয়া যায়। লেখচিত্রে প্রতিটি x কে ভুজ এবং রাশিটির মানকে কোটি ধরে একটি করে বিন্দু পাওয়া যাবে। বিন্দুগুলো যোগ করে একটি সরলরেখা অঙ্কিত হবে। সরলরেখাটি যে বিন্দুতে অক্ষকে ছেদ করে, সেই বিন্দুর ভুজই নির্ণের সমাধান। কেননা, x-এর এই মানের জন্য রাশিটির মান 0 হয়, যা সমীকরণের ডানপক্ষের মানের সমান হয়। এ ক্ষেত্রে সমীকরণটির সমাধান $x = \frac{5}{2}$ ।



অনুশীলনীর প্রশু ও সমাধান



ব্যাখ্যা : $\frac{x}{2} = \frac{1}{3}$ বা, $x = \frac{2}{3}$

প্রশ্ন ॥ ২ ॥ $\frac{x}{3} - 3 = 0$ সমীকরণের মূল নিচের কোনটি?

ঘ. –9

ব্যাখ্যা: $\frac{x}{3} - 3 = 0$ বা, $\frac{x}{3} = 3$: x = 9

প্রশ্ন ॥ ৩ ॥ একটি ত্রিভূজের বাহু তিনটির দৈর্ঘ্য (x + 1) সে.মি.,

(x + 2) সে.মি. ও (x + 3) সে.মি. (x > 0) । ত্রিভুজটির পরিসীমা 15 সে.মি. হলে, x এর মান কত?

ক. 1 সে.মি. খ. 2 সে.মি. ● 3 সে.মি. ঘ. 6 সে.মি.

ব্যাখ্যা : x + 1 + x + 2 + x + 3 = 15

বা, 3x + 6 = 15

বা, 3x = 15 - 6 = 9

 $\therefore x = 3$

প্রশু ॥ ৪ ॥ কোন সংখ্যার এক–চতুর্পাংশ 4 এর সমান হবে?

খ. 12

ব্যাখ্যা : মনে করি, সংখ্যাটি x

প্রশ্নতে, $\frac{x}{4} = 4$

 $\therefore x = 16$

প্রশু ॥ ৫ ॥ নিচের তথ্যগ্রলো লক্ষ কর :

i. সমীকরণের উভয়পক্ষ থেকে সাধারণ উৎপাদক বর্জন করা যায়

ii. 2x + 1 = x - 3 একটি দ্বিঘাত সমীকরণ

iii. x + 2 = 2 সমীকরণের মূল 0

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক?

● i ଓ iii গ. ii ও iii ঘ. i, ii ও iii প্রশু ॥ ৬ ॥ কনকের নিকট ৪টি ও কেয়ার নিকট 12টি চকলেট আছে। তাহলে নিচের প্রশ্নপুলোর উত্তর দাও:

(১) কেয়া কনককে xটি চকলেট দিলে তাদের চকলেটের সংখ্যা সমান হবে। সেক্ষেত্রে নিচের কোন সমীকরণটি সঠিক?

 $\overline{\Phi}$. 8 + x = 12

খ. 8 = 12 - x

• 8 + x = 12 - x

ঘ. 8 - x = x - 12

(২) x এর মান কত হলে তাদের চকলেটের সংখ্যা সমান হবে?

খ. 4 **2**

1.6

ঘ. 10

ব্যাখ্যা : 8 + x = 12 - x

বা, x + x = 12 - 8

বা, 2x = 4

 $\therefore x = 2$

(৩) কনক কেয়াকে কয়টি চকলেট দিলে কেয়ার চকলেট কনকের চকলেটের চারগুণ হবে?

1.6

ঘ. 10

ব্যাখ্যা : মনে করি, কনক xিট চকলেট দিলে কেয়ার চকলেট কনকের চকলেটের চারগুণ হবে।

অর্থাৎ 4(8-x) = (12+x)

বা, 32 - 4x = 12 + x

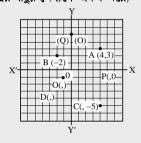
বা, 32 - 12 = x + 4x

বা, 20 = 5x : x = 4

প্রশ্ন ॥ ৭ ॥ চিত্র থেকে নিচের ছকটি পূরণ কর :

(উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে)

বিন্দু	स्।नाष्क
A	(4, 3)
В	(-2,)
С	(, -5)
D	(,)
0	(,)
P	(,0)
Q	(0,)



সমাধান:

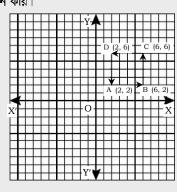
বিন্দু	স্থানাংক	Ý A
A	(4, 3)	0 (0.5)
В	(-2,2)	Q (0,5)
С	(3, -5)	B (-2, 2) A (4,3)
D	(-3, -3)	X' $O(-1,-1)$ O $P(5,0)$ X
О	(-1, -1)	D (-3,-3)
P	(5, 0)	C (3, -5)
Q	(0, 5)	Y' \

প্রশ্ন ॥ ৮ ॥ নিচের বিন্দুগুলো ছক কাগজে স্থাপন করে তীর চিহ্ন অনুযায়ী যোগ কর ও চিত্রটির জ্যামিতিক নামকরণ কর:

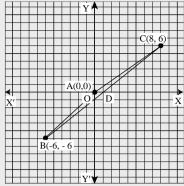
$$(\overline{\Phi})$$
 $(2,2) \rightarrow (6,2), \rightarrow (6,6) \rightarrow (2,6) \rightarrow (2,2)$

(뉙)
$$(0,0) \to (-6,-6), \to (8,6) \to (0,0)$$

সমাধান : (ক) ধরি, কিন্দু চারটি যথাক্রমে A, B, C, D। অর্থাৎ A(2, 2), B(6, 2), C(6, 6) এবং D(2, 6)। ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের প্রতি বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরি। A বিন্দুটি স্থাপন করতে মূলবিন্দু O থেকে X-অক্ষের ডানদিক বরাবর 2টি ছোট বর্গের বাহুর সমান দূরে গিয়ে উপরের দিকে 2টি ছোট বর্গের বাহুর সমান উঠে গেলে যে কিন্দুটি পাওয়া যাবে, তা A কিন্দু। অনুরূপভাবে প্রদত্ত অবশিষ্ট বিন্দুসমূহ স্থাপন করি।



তারপর ${
m A}
ightarrow {
m B}
ightarrow {
m C}
ightarrow {
m D}
ightarrow {
m A}$ এভাবে বিন্দুগুলো যোগ করি। এতে ABCD চিত্রটি পাওয়া গেল। দেখা যায় যে. ABCD চিত্রটি একটি বর্গ। (খ) ধরি, বিন্দু চারটিকে যথাক্রমে A, B, C, D। অর্থাৎ, A(0, 0) B(-6, -6), C(8, 6) এবং D(0, 0)



ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের প্রতি বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরি। A বিন্দুটি স্থাপন করতে মূলবিন্দুই হবে A বিন্দুটি আবার B বিন্দুটি মূলবিন্দু O থেকে x-অন্দের বামদিক বরাবর 6 টি ছোট বর্গের বাহুর সমান দূরে গিয়ে নিচের দিকে 6 টি ছোট বর্গের বাহুর সমান গেলে যে কিন্দুটি পাওয়া যাবে, তা B কিন্দু। অনুরূপভাবে প্রদন্ত অবশিষ্ট C ও D বিন্দু স্থাপন করি। তারপর A o B o C o D o A এভাবে বিন্দুগুলো যোগ করি। এতে ABC চিত্রটি পাওয়া গেল। দেখা যায় যে, ABC চিত্রটি একটি ত্রিভুজাকৃতির।

প্রশু 🏿 🔊 🕽 সমাধান কর এবং সমাধান লেখচিত্রে দেখাও :

 $(\overline{\Phi}) x - 4 = 0$

(약) 2x + 4 = 0

(9) x + 3 = 8

 $(\forall) 2x + 1 = x - 3$ সমাধান:

(8) 3x + 4 = 5x

(\overline{\Phi}) x - 4 = 0

বা, x = 4 [পক্ষান্তর করে]

∴ সমাধান : x = 4.

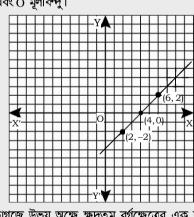
লেখচিত্র অভ্নন : প্রদ**ত্ত** সমীকরণ x - 4 = 0

x–এর কয়েকটি মান নিয়ে x-4 এর অনুরূপ মান বের করি এবং নিচের ছকটি তৈরি করি:

11001 - 1100				
X	x – 4	(x, x - 4)		
2	- 2	(2, -2)		
4	0	(4, 0)		
6	2	(6, 2)		

লেখচিত্রটি অজ্ঞানের জন্য তিনটি বিন্দু (2, -2) (4, 0) ও (6, 2) নেওয়া হলো।

মনে করি, পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-অক্ষ ও y-অক্ষ এবং O মূলবিন্দু।



ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে (2, -2), (4, 0) ও (6, 2) বিন্দুগুলো স্থাপন করি। তারপর বিন্দুগুলো পরপর সংযোগ করি। লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই। সরলরেখাটি x-অক্ষকে (4, 0) বিন্দুতে ছেদ করে। বিন্দুটির ভুজ হলো 4।

সুতরাং প্রদত্ত সমীকরণের সমাধান x = 4।

(4) 2x + 4 = 0

 $\sqrt{3}$, 2x = -4[পক্ষান্তর করে]

বা, $\frac{2x}{2} = \frac{-4}{2}$ [উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে]

 $\therefore x = -2$

∴ সমাধান : x = -2

লেখচিত্রটি অঙ্কন: প্রদত্ত সমীকরণ 2x + 4 = 0

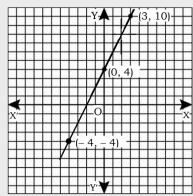
x-এর কয়েকটি মান নিয়ে 2x+4 এর অনুরূপ মান বের করি এবং নিচের ছকটি তৈরি করি:

X	2x + 4	(x, 2x + 4)
-4	-4	(-4, -4)

0	4	(0, 4)
3	10	(3, 10)

লেখচিত্রটি অজ্ঞানের জন্য তিনটি বিশ্দু (– 4, – 4) (0, 4) ও (3, 10) নেওয়া হলো।

মনে করি, পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-অক্ষ ও y-অক্ষ এবং O মূলবিন্দু।



ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে (– 4, – 4), (0, 4) ও (3, 10) বিন্দুগুলো স্থাপন করি। তারপর বিন্দুগুলো পরপর সংযোগ করি। লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই। সরলরেখাটি x-অক্ষকে (– 2, 0) বিন্দুতে ছেদ করে। বিন্দুটির ভুজ হলো – 2।

সুতরাং প্রদত্ত সমীকরণে সমাধান x = -2।

(9) x + 3 = 8

বা, x = 8 - 3 [পক্ষান্তর করে]

 $\therefore x = 5$

∴ সমাধান : x = 5

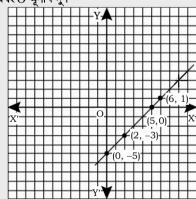
শেখচিত্র অভ্নন : প্রদত্ত সমীকরণ x - 5 = 0

x-এর কয়েকটি মান নিয়ে x=5 এর অনুরূপ মান বের করি এবং নিচের ছকটি তৈরি করি :

X	x - 5	(x, x - 5)
0	- 5	(0, -5)
2	- 3	(2, -3)
6	1	(6, 1)

লেখচিত্রটি অজ্ঞানের জন্য তিনটি বিন্দু (0, -5)(2, -3) ও (6, 1) নেওয়া হলো।

মনে করি, পরস্পার লম্ব XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-অক্ষ ও y- অক্ষ এবং O মূলবিন্দু।



ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে (0, -5), (2, -3), (6, 1) কিন্দুগুলো স্থাপন করি। তারপর কিন্দুগুলো পরপর সংযোগ করি। লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই। সরলরেখাটি x-অক্ষকে (5, 0) কিন্দুতে ছেদ করে। কিন্দুটির ভুজ হলো 5।

সূতরাং প্রদ**ত্ত** সমীকরণের সমাধান x = 5।

($\sqrt{2}$) 2x + 1 = x - 3

বা, 2x - x = - 3 -1 [পক্ষান্তর করে]

∴ x = -4

∴ সমাধান : x = -4

লেখচিত্র অঙ্কন : প্রদন্ত সমীকরণ 2x + 1 = x - 3

x-এর কয়েকটি মান নিয়ে 2x+1 এর অনুরূপ মান বের করি এবং নিচের ছকটি তৈরি করি :

X	2x + 1	(x, 2x + 1)
0	1	(0, 1)
2	5	(2, 5)
4	Q	(4.9)

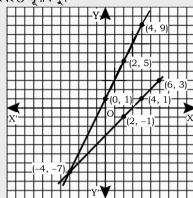
∴ 2x + 1 এর লেখের উপরে তিনটি বিন্দু (0, 1), (2, 5) ও (4, 9) নেওয়া হলো।

আবার, x-এর কয়েকটি মান নিয়ে x – 3 এর অনুরূপ মান বের করি এবং নিচের ছকটি তৈরি করি:

X	x - 3	(x, x - 3)		
2	-1	(2, -1)		
4	1	(4, 1)		
6	3	(6, 3)		

 $\therefore x-3$ এর লেখের উপর তিনটি বিন্দু (2,-1) (4,1) ও (6,3) নেওয়া হলো।

মনে করি, পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-অক্ষ ও yঅক্ষ এবং O মূলবিন্দু।



ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে। (0, 1), (2, 5) ও (4, 9) এবং (2, -1), (4, 1) ও (6, 3) কিন্দুগুলো স্থাপন করি। তারপর কিন্দুগুলো পরপর সংযোগ করি। লেখচিত্রে দুইটি সরলরেখা পাই যারা পরস্পরকে (- 4, -7) কিন্দুতে ছেদ করে। কিন্দুটির ভুজ হলো – 4।

সুতরাং প্রদত্ত সমীকরণের সমাধান x=-4।

(8) 3x + 4 = 5x

বা, 3x - 5x = -4 [পক্ষান্তর করে]

বা, -2x = -4

বা, $\frac{-2x}{-2} = \frac{-4}{-2}$ [উভয়পক্ষকে -2 দারা ভাগ করে]

 $\therefore x = 2$

∴ সমাধান x = 2

লেখচিত্র জঙ্কন : প্রদত্ত সমীকরণ 3x + 4 = 5x

x এর কয়েকটি মান নিয়ে 3x+4 এর অনুরূপ মান বের করি এবং নিচের ছকটি তৈরি করি :

X	3x + 4	(x, 3x + 4)
-4	- 8	(-4, -8)
0	4	(0,4)
1	7	(1, 7)

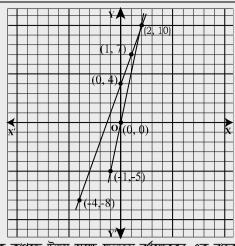
∴ 3x + 4 এর লেখের উপর তিনটি বিন্দু (– 4, – 8), (0, 4) ও (1, 7) নেওয়া হলো।

আবার, x এর কয়েকটি মান নিয়ে 5x এর অনুরূপ মান বের করি। এবং নিচের ছকটি তৈরি করি :

X	5x	(x, 5x)
- 1	-5	(-1, -5)
0	0	(0,0)
2	10	(2, 10)

∴ 5x-এর লেখের উপর তিনটি বিশ্দু (- 1, - 5), (0, 0) ও
 (2, 10) নেওয়া হলো।

মনে করি, পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-অক্ষ ও y-অক্ষ এবং O মূলবিশ্দু।

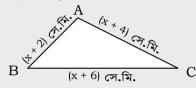


ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে (-4, -8), (0, 4) ও (1, 7) এবং (-1, -5), (0, 0) ও (2, 10) বিন্দুগুলো স্থাপন করি। তারপর বিন্দুগুলো পরপর সংযোগ করি। লেখচিত্রে দুইটি সরলরেখা পাই। সরলরেখা দুইটি পরস্পর (2, 10) বিন্দুতে ছেদ করে। বিন্দুটির ভুজ হলো 2।

সুতরাং প্রদত্ত সমীকরণের সমাধান x = 2।

প্রশু ॥ ১০ ॥ একটি ত্রিভুজের তিন বাহুর দৈর্ঘ্য (x + 2) সে.মি., (x + 4) সে.মি. ও (x+6) সে.মি. (x>0) এবং ত্রিভূজটির পরিসীমা 18 সে.মি.।

- প্রদন্ত শর্তানুযায়ী আনুপাতিক চিত্র আঁক।
- সমীকরণ গঠন করে সমাধান কর।
- সমাধানের লেখচিত্র আঁক। গ) সমাধান:
- প্রদত্ত শর্তানুযায়ী আনুপাতিক চিত্র আঁকা হলো :



প্রদত্ত শর্তানুযায়ী সমীকরণটি হবে,

$$x + 2 + x + 4 + x + 6 = 8$$

বা,
$$3x + 12 = 18$$

বা,
$$3x + 12 - 18 = 0$$
 [পক্ষান্তর করে]

বা,
$$3x - 6 = 0$$

∴ নির্ণেয় সমীকরণ, 3x - 6 = 0

এখন,
$$3x-6=0$$

বা, 3x = 6 [পক্ষান্তর করে]

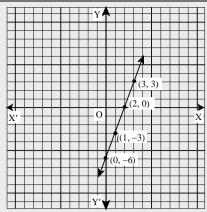
বা, $\frac{3x}{3} = \frac{6}{3}$ [উভয়পক্ষকে 3 দারা ভাগ করে]

গ) প্রাপ্ত সমীকরণ 3x-6=0

 $_{
m X}$ এর কয়েকটি মান নিয়ে $3{
m x}-6$ এর মান বের করি এবং নিচের ছকটি তৈরি করি:

X	3x - 6	(x, 3x - 6)
0	-6	(0, -6)
1	-3	(1, -3)
3	3	(3, 3)

লেখচিত্রটি অঙ্কনের জন্য তিনটি বিন্দু (0, -6), (1, -3) ও (3, 3)নেওয়া হলো।



ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে (0, – 6), (1, –3) ও (3, 3) বিন্দুগুলো স্থাপন করি। তারপর বিন্দুগুলো পরপর সংযোগ করি। লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই। সরলরেখাটি x অক্ষকে (2, 0) বিন্দুতে ছেদ করে। বিন্দুটির ভুজ হলো 2। সুতরাং প্রাপ্ত সমীকরণের সমাধান x = 2।

প্রশু ॥ ১১ ॥ ঢাকা ও আরিচার মধ্যবর্তী দূরতু 77 কি.মি.। একটি বাস ঘণ্টায় 30 কি.মি. বেগে ঢাকা থেকে আরিচার পথে রওনা দিল। অপর একটি বাস ঘণ্টায় 40 কি.মি. বেগে আরিচা থেকে ঢাকার পথে একই সময়ে রওনা দিল ও বাস দুইটি ঢাকা থেকে x কি.মি. দূরে মিলিত হলো।

- ক) বাস দুইটি আরিচা থেকে কত দূরে মিলিত হবে তা x এর মাধ্যমে প্রকাশ কর।
- x এর মান নির্ণয় কর।
- গম্ভব্যস্থানে পৌছাতে কোন বাসের কত সময় লাগবে? গ)
- ক) দেওয়া আছে, ঢাকা ও আরিচার মধ্যবর্তী দূরত্ব 77 কি. মি.। বাস দুইটি ঢাকা থেকে x কি. মি. দূরে মিলিত হলো।
 - \therefore বাস দুইটি আরিচা থেকে (77-x) কি.মি. দূরে মিলিত হবে।

খ) প্রশ্নতে,
$$\frac{x}{30} = \frac{77 - x}{40}$$

$$40x = 2310 - 30x$$

বা,
$$40x + 30x = 2310$$
 [পক্ষান্তর করে]

বা,
$$70x = 2310$$

বা,
$$x = \frac{2310}{70}$$

$$\therefore x = 33$$

নির্ণেয় মান : 33 কি.মি.।

ঢাকা থেকে 33 কি.মি. দূরে বাস দুইটি মিলিত হবে।

১ম বাসটির ঐ স্থানে যেতে সময় লাগবে
$$\frac{77}{30}$$
 ঘণ্টা

$$=\frac{77}{30}\times60$$
 মিনিট

অর্থাৎ, ঢাকা থেকে আরিচাগামী বাসটির আরিচায় পৌছাতে সময় লাগে 2 ঘণ্টা 34 মিনিট

২য় বাসটির ঐ স্থানে যেতে সময় লাগবে $\frac{77}{40}$ ঘণ্টা

$$=\frac{77}{40} \times 60$$
 মিনিট

$$=\frac{231}{2}$$
 মিনিট

= 1 ঘণ্টা 55
$$\frac{1}{2}$$
 মিনিট

- ∴ অর্থাৎ, আরিচা থেকে ঢাকাগামী বাসটির ঢাকায় পৌঁছাতে সময় লাগে = 1 ঘণ্টা 55 মিনিট 30 সেকেন্ড
- ∴ ঢাকা থেকে আরিচা 2 ঘণ্টা 34 মিনিট, আরিচা থেকে ঢাকা 1 ঘণ্টা 55 🖟 মিনিট লাগবে। (Ans.)



অতিরিক্ত বহুনির্বাচনি প্রশ্লোত্তর

৭-৪ : স্থানাঙ্কের ধারণা

■ পৃষ্ঠা : ১০০



সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

সর্বপ্রথম স্থানাজ্ফের ধারণা দেন কে?

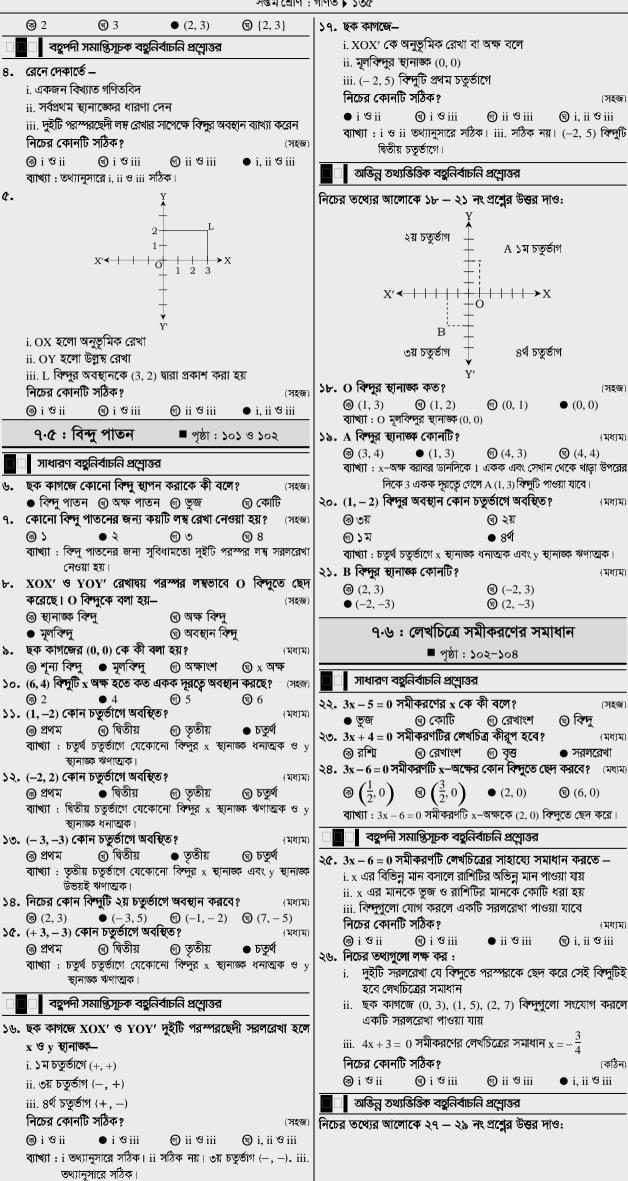
(সহজ)

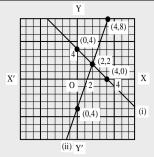
ক্রান্টর

রেনে দেকার্ত কোন দেশের গণিতবিদ?

বিলজিয়ামরাশিয়া

একটি বিন্দুর অবস্থানকে নিচের কোনটি দ্বারা প্রকাশ করা হয়?





২৭. লেখচিত্রের সমাধান নিচের কোনটি? (সহজ) (0, 2) (4, 0) (0, 4) (2, 2) (2, 2) (3, 4) (4, 0) (4, 0) (5, 2) (6, 4) (7, 2) (8, 4) (9, 4) (9, 2) (1, 2) (1, 2) (1, 4) (2, 2) (2, 2) (3, 4) (4, 0) (4, 0) (5, 2) (6, 4) (7, 2) (8, 4) (9, 4)</li

২৮. লেখচিত্রের সমাধান বিন্দুটির ভুজ নিচের কোনটি? (সহজ্ঞ) **雨** 1 **1** 3

2 ২৯. (i) নং রেখাটি y-অক্ষকে কোন বিশ্বতে ছেদ করেছে? (মধ্যে) \odot (0, 0) (4,0)**(**0, 4) (0, -4)



অতিরিক্ত সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান



প্রমু—১ > একটি ত্রিভুজের তিন বাহুর দৈর্ঘ্য (x + 2) সে.মি., (x + 4) সে.মি., (x + 6) সে.মি.। (x > 0) এবং ত্রিভুজটির পরিসীমা 18 সে.মি.। [পিরোজপুর সরকারি উচ্চ বিদ্যালয়] ক. প্রদন্ত বিন্দুগুলো,

ক. প্রদত্ত শর্তানুযায়ী আনুপাতিক চিত্র আঁক।

খ. সমীকরণ গঠণ করে সমাধান কর।

সমাধানের লেখচিত্র আঁক।

🕨 🕯 ১নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. ধরি, a = (x + 2) সে.মি.

∴ বাহু 3টি হবে a, a + 2 এবং a + 4



প্রামতে, (x + 2) + (x + 4) + (x + 6) = 18

$$\overline{4}$$
, $x + 2 + x + 4 + x + 6 = 18$

 $\sqrt{3}x + 12 = 18$

 $\sqrt{3}$ 3x = 18 - 12

 $\sqrt{3}x = 6$

বা,
$$x = \frac{6}{3}$$

 $\therefore x = 2$

∴ নির্ণেয় সমাধান : x = 2

প্রদন্ত সমীকরণ (x+2) + (x+4) + (x+6) = 18

বা, 3x + 12 = 18

বা, 3x + 12 - 18 = 0

বা, 3x – 6 = 0(ii)

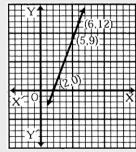
 $_{
m X}$ এর কয়েকটি মান নিয়ে $3{
m x}-6$ এর অনুরূপ মান বের করি।

-				
	X	2	5	6
	3x - 6	0	9	12

লেখচিত্র অজ্জনের জন্যে তিনটি বিন্দু (2, 0), (5, 9), (6, 12) মনে করি, XOX' এবং YOY' যথাক্রমে x অক্ষ ও y অক্ষ এবং O

ছক কাগজের উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গের বাহুর সমান দৈর্ঘ্যকে একক ধরে (2, 0), (5, 9), (6, 12) বিন্দুগুলো স্থাপন করি ৷ লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই সরলরেখাটি x-অক্ষকে (2, 0) বিন্দুতে ছেদ করে।

∴ প্রদত্ত সমীকরণটির সমাধান x = 2



প্রশু–২ > নিচের বিন্দুগুলো লক্ষ কর :

(-15, -2), (4, -2), (4, 6), (-15, 6)

- ক. প্রদত্ত বিন্দুগুলো যথাক্রমে A, B, C, D বিন্দুর অবস্থান নির্দেশ করলে A, B, C, D এর স্থানাজ্ঞ লেখ।
- খ. A, B, C, D বিন্দুগুলো ছক কাগজে স্থাপন কর।
- $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow A$ তীর চিহ্ন অনুযায়ী বিন্দুগুলো যোগ করলে চিত্রটির জ্যামিতিক আকৃতি কী

হবে?

🕨 বং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

(-15, -2), (4, -2), (4, 6), (-15, 6)

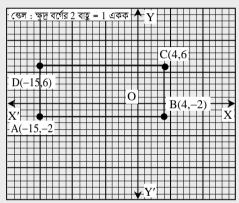
বিন্দু চারটির অবস্থান যথাক্রমে A, B, C, D হলে

A বিন্দুর স্থানাজ্ঞ্ক (- 15, 2), B বিন্দুর স্থানাজ্ঞ্ঞ (4, -2)

C বিন্দুর স্থানাজ্ঞ্ক (4, 6), D বিন্দুর স্থানাজ্ঞ্ক (- 15, 6)

খ. ছক কাগজে X ও Y অক্ষ বরাবর ক্ষুদ্রতম বর্গের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে 1 একক ধরি। A কিনুটি স্থাপন করতে মুলবিন্দু 0 থেকে $_{
m X}$ অক্ষের বাম দিক বরাবর 15টি ছোট বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্যের সমান সমান দূরে গিয়ে নিচের দিকে 2টি ছোট বর্গের সমান নামলে যে কিন্দুটি পাওয়া যাবে, তা A কিন্দু। অনুরূপভাবে প্রদত্ত অবশিষ্ট বিন্দুসমূহ স্থাপন করি।

গ.



 ${
m A}
ightarrow {
m B}
ightarrow {
m C}
ightarrow {
m D}
ightarrow {
m A}$ এতাবে বিন্দুগুলো স্থাপন করি। এতে ABCD চিত্রটি পাওয়া গেল। দেখা যায় যে, ABCD চিত্রটি একটি

প্রমু–৩ > রহিমের যে কয়টি কলম আছে তার তিনগুণ অপেক্ষা ছয়টি কম আছে করিমের।

ক. রহিমের xিট এবং করিমের 30িট কলম থাকলে উদ্দীপকটি গাণিতিক সমীকরণের সাহায্যে প্রকাশ কর।

'ক' থেকে প্রাপ্ত সমীকরণটি সমাধান কর।

থেকে প্রাপ্ত সমীকরণটি লেখচিত্রের মাধ্যমে সমাধান কর এবং 'খ' এর সমাধানের সাথে তুলনা কর।

🕨 🗸 ৩নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. দেওয়া আছে. রহিমের কলম আছে xিট।

∴ উদ্দীপক অনুসারে করিমের আছে (3x – 6)টি। কিন্তু 'ক' নং প্রশ্নানুসারে, করিমের আছে 30টি।

∴ গাণিতিক সমীকরণটি হলো :

3x - 6 = 30

'ক' থেকে পাই,

3x - 6 = 30

বা, 3x - 6 + 6 = 30 + 6 [উভয়পক্ষে 6 যোগ করে]

বা, $\frac{3x}{3} = \frac{36}{3}$ [উভয়পক্ষকে 3 দারা ভাগ করে]

বা. x = 12

∴ সমাধান x = 12

'ক' থেকে পাই,

ঽ

8

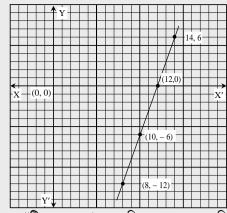
3x - 6 = 30

বা, 3x - 36 = 0

 $_{
m X}$ এর কয়েকটি মান নিয়ে $_{
m 3X}$ $_{
m 36}$ এর অনুরূপ মান বের করি এবং নিচের ছকটি তৈরি করি :

	<u> </u>	
X	3x - 36	(x, 3x - 36)
8	- 12	(8, -12)
10	- 6	(10, -6)
14	6	(14, 6)

লেখচিত্র অজ্জনের জন্য তিনটি বিন্দু (৪, -12), (10, -6) ও (14, 6) নেওয়া হলো। মনে করি, পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথাক্রমে x অক্ষ ও y অক্ষ এবং (o,o) মূলবিন্দু। ছক কাগজে উভয় অক্ষে ক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে (৪, -12), (10, -6) ও (14, 6) বিন্দুগুলো স্থাপন করি। তারপর বিন্দুগুলো পরপর সংযোগ করি। লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই।



সরলরেখাটি x অক্ষকে (12, 0) বিন্দুতে ছেদ করে। বিন্দুটির ভুজ হলো 12। সুতরাং প্রদত্ত সমীকরণের সমাধান x = 12। সমাধানটি 'খ' থেকে প্রাপ্ত সমাধানের অনুরূপ।

🏭 সৃজনশীল প্রশ্নব্যাংক উত্তরসহ

প্রশু−৪ 🗲 x + 4 রাশিটি 3x − 2 রাশির সমান।

- উদ্দীপকের তথ্যের আলোকে সমীকরণ গঠন কর।
- x এর যেকোনো তিনটি মান নিয়ে x+4 এবং (3x-2) এর অনুরূপ মান বের কর।
- সমীকরণটি লেখচিত্রের সাহায্যে সমাধান কর।

উত্তর : ক. x + 4 = 3x - 2.

প্রশু–৫ > একটি ত্রিভুজের তিন বাহুর দৈর্ঘ্য (x + 2) সে.মি., (x + 3) সে.মি. ও (x + 4) সে.মি. (x > 0). ত্রিভুজটির পরিসীমা 27 সে.মি.।

- ক. প্রদত্ত শর্তানুযায়ী আনুপাতিক চিত্র আঁক।
- খ. সমীকরণ গঠন করে সমাধান কর।
- সমাধানের লেখচিত্র আঁক।

উত্তর : খ. x = 6.

প্রশ্ন-৬ > $rac{\mathrm{x}-1}{4},rac{\mathrm{x}+2}{3},rac{\mathrm{x}-3}{2}$ তিনটি বীজগাণিতিক রাশি।

- ক. রাশি তিনটির যোগফল –13 হলে সমীকরণ গঠন কর।
- খ. 'ক' থেকে প্রাপ্ত সমীকরণের সমাধান নির্ণয় কর।

গ. সমাধানটির লেখচিত্র অঙ্কন করে সমীকরণটি কোন ধরনের জ্যামিতিক চিত্রকে নির্দেশ করে তা লেখ।

উত্তর : ক. $\frac{x-1}{4} + \frac{x+2}{3} + \frac{x-3}{2} = -13$; খ. -11.

প্রশু–৭ 🗲 মাহির বয়স অপেক্ষা ঝুমুরের বয়স তিন বছর বেশি এবং সাজুর বয়স দুই বছর কম। ঝুমুরের বয়সের এক তৃতীয়াংশ, মাহির বয়সের অর্ধেক ও সাজুর বয়স যোগ করলে তাদের মায়ের বয়স পাওয়া যায়।

- ক. বীজগাণিতিক প্রতীকের সাহায্যে তাদের মায়ের বয়স নির্ণয় কর।
- খ. তাঁদের মায়ের বয়স 32 হলে উদ্দীপকটিকে সমীকরণের সাহায্যে প্রকাশ করে সমাধান কর।
 - গ. মাহি, সাজু, ঝুমুর ও তাদের মায়ের বয়স ও বয়সের অনুপাত

উত্তর : ক. $\left(\frac{x+5}{3} + \frac{x+2}{2} + x\right)$ বছর; খ. 16; গ. মাহি : সাজু : ঝুমুর: মা = 18:16:21:32



অধ্যায় সমন্বিত সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান



[শাহীন একাডেমি স্কুল এন্ড কলেজ, ফেনী] ক. সমীকরণের বামপাশের হরগুলোর ল.সা.গু. নির্ণয় কর। ২

৮ > $\frac{x+1}{2} - \frac{x-2}{3} - \frac{x-3}{5} = 2$ ইহা একটি সমীকরণ।

- খ. সমীকরণটির সমাধান নির্ণয় কর।

সমীকরণটির শুদ্ধি পরীক্ষা যাচাই কর।

🕨 ১বং প্রশ্নের সমাধান 🕨 ক. বামপাশের হরগুলো 2, 3 এবং 5 এরা সহমৌলিক।

∴ এদের ল.সা.পু = 2 × 3 × 5 = 30 (Ans.)

 $\frac{x+1}{2} - \frac{x-2}{3} - \frac{x-3}{5} = 2$ 30

বা, $\frac{-x+53}{30}=2$

বা, -x + 53 = 60

বা, -x = 60 - 53

বা, -x = 7

∴ সমীকরণটির সমাধান : x = -7

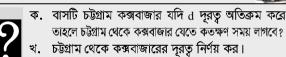
x এর পরিবর্তে সমীকরণটির বামপক্ষে (– 7) বসিয়ে পাই,

 $\frac{-7+1}{2} - \frac{-7-2}{3} - \frac{-7-3}{5}$ $= \frac{-6}{2} - \frac{(-9)}{3} - \frac{(-10)}{5}$ =-3+3+2=2= ডানপক্ষ

∴ সমীকরণের সমাধান শুদ্ধ।

প্রশু–৯ 🕨 (i) একটি বাস ঘণ্টায় 30 কি.মি. গতিবেগে চট্টগ্রাম থেকে কক্সবাজার পৌছাল। আবার বাসটি ঘণ্টায় 35 কি.মি. গতিবেগে গ. কঙ্গবাজার থেকে চট্টগ্রামে ফিরে এল। যাতায়াতে বাসটির মোট 5 $\frac{1}{2}$ ঘণ্টা

(ii)
$$\frac{3x+7}{4} + x + \frac{5x-4}{7} = 13\frac{1}{2}$$



- গ. (ii) সমীকরণের সমাধান কর।

🕨 🕯 ৯নং প্রশ্নের সমাধান 🕨

ক. চউগ্রাম থেকে কক্সবাজার বাসটি,

30 কি.মি. দূরত্ব অতিক্রম করে 1 ঘণ্টায় . 1 " " " " $\frac{1}{30}$ ঘণ্টায়

খ. কক্সবাজার থেকে চট্টগ্রাম বাসটি,

35 কি.মি. দূরত্ব অতিক্রম করে 1 ঘণ্টায়

" " " <u>1</u> ঘণ্টায় " " <u>d</u> ঘণ্টায়

প্রমতে, $\frac{d}{30} + \frac{d}{35} = 5\frac{1}{2}$ বা, $\frac{7d + 6d}{210} = \frac{11}{12}$ বা, $\frac{13d}{210} = \frac{11}{12}$

বা, $26d = 11 \times 210$

 $\overline{4}$, $d = \frac{2310}{26}$

∴ চট্টগ্রাম থেকে কক্সবাজারের দূরত্ব ৪৪.৪5 কি.মি. (Ans.)

 $\frac{3x+7}{4} + x + \frac{5x-4}{7} = 13\frac{1}{2}$

বা, $\frac{3x+7}{4} + x + \frac{5x-4}{7} = \frac{27}{2}$ বা, $\frac{7(3x+7) + 28x + 4(5x-4)}{28} = \frac{27}{2}$

$$\frac{21x + 49 + 28x + 20x - 16}{28} = \frac{27}{2}$$

$$41, \quad \frac{69x + 33}{28} = \frac{27}{2}$$

$$\overline{4}$$
, $138x + 66 = 756$

$$\overline{4}$$
, $138x = 756 - 60$

বা,
$$x = \frac{690}{138}$$

$$\therefore$$
 $x = 5$

এমু-১০ > নিপুদের বাড়ির উঠোনে একটি আয়তাকার ফুল বাগান রয়েছে। বাগানটির প্রন্থ ইদর্য্য অপেক্ষা 4 মিটার কম।

ক. বাগানের দৈর্ঘ্য x মিটার হলে বাগানের পরিসীমা কত?

খ. পরিসীমা 52 মিটার হলে ফুল বাগানের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় কর।

গ. আয়তাকার ফুলবাগানটিকে ABCD আয়তক্ষেত্র দ্বারা প্রকাশ করা হলো। যদি A বিন্দুর স্থানাজ্ঞ্ক (0, 0) হয় তবে আয়তটি লেখচিত্রে প্রদর্শন কর এবং B, C, D বিন্দুর স্থানাজ্ঞ্ক চিহ্নিত কর।

🕨 🕯 ১০নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

ক. দেওয়া আছে,

বাগানের দৈর্ঘ্য x মিটার

∴ বাগানের পরিসীমা = 2(দৈর্ঘ্য + প্রস্থ) একক

খ. 'ক' থেকে পাই, বাগানের পরিসীমা 2(2x – 4) মিটার

শর্তমতে,
$$2(2x-4)=52$$

বা,
$$\frac{2(2x-4)}{2} = \frac{26}{2}$$
 [উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে]

বা,
$$2x - 4 = 26$$

বা,
$$2x = 26 + 4$$

বা,
$$2x = 30$$

বা,
$$\frac{2x}{2} = \frac{30}{2}$$
 [উভয়পক্ষকে 2 দারা ভাগ করে]

- ∴ বাগানের দৈর্ঘ্য 15 মিটার
- ∴ বাগানের প্রয় (15 4) মিটার = 11 মিটার
- গ
 । আয়তাকার ফুলবাগানকে ABCD আয়তক্ষেত্র দারা প্রকাশ করা হলো। সুতরাং আয়তটির দৈর্ঘ্য 15 মিটার এবং প্রস্থ 11 মিটার। মনে করি, ছক কাগজের প্রতি ক্ষুদ্র বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্য এক একক। ABCD আয়তের A কিন্দুর স্থানাজ্ঞ (0, 0) অর্থাৎ A কিন্দুর অবস্থান মূলবিন্দুতে। B কিন্দুর অবস্থান নির্ণয়ের জন্য A থেকে ডান দিকে দৈর্ঘ্যের সমান 15 মিটার অর্থাৎ 15 বর্গঘর সামনে গেলে B কিন্দু পাওয়া যায়।
 - ∴ B বিশ্বর স্থানাজ্ক (15, 0)

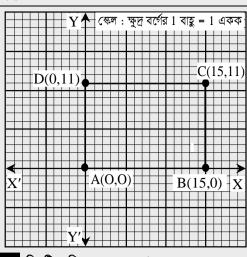
B থেকে প্রস্থের সমান 11 মিটার অর্থাৎ 11 বর্গঘর উপরে উঠলে C বিন্দু পাওয়া যায়।

∴ C কিনুর স্থানাজ্ক (15, 11)

 $A\ (0,\ 0)$ থেকে উপরে প্রন্থের সমান অর্থাৎ $11\$ বর্গঘর উঠলে D বিন্দুর স্থানাঙ্ক পাওয়া যায়।

∴ D বিশ্বর স্থানাজ্ঞ্ক (0, 11)

প্রাপ্ত স্থানাজ্ঞগুলো ছক কাগজে স্থাপন করে চিহ্নিত করা হলো।



প্রশ্ব–১১ > তিনটি ক্রমিক সংখ্যাকে যথাক্রমে 4, 5 এবং 6 দ্বারা গুণ করলে তাদের যোগফল হয় 77।

9

- ক. উদ্দীপকটিকে গাণিতিক সমীকরণের সাহায্যে প্রকাশ কর।
- খ. ক্রমিক সংখ্যা তিনটি নির্ণয় কর।
- গ. সমীকরণের সমাধান (3y 8) এর সমান ধরে, লেখচিত্রের মাধ্যমে সমাধান কর।

🌬 ১১নং প্রশ্নের সমাধান 🬬

ক. মনে করি,

প্রথম সংখ্যাটি x

- ∴ পরবর্তী সংখ্যা দু'টি যথাক্রমে (x + 1) ও (x + 2).
- ∴ সমীকরণটি হলো,

$$4x + 5(x + 1) + 6(x + 2) = 77$$

খ. 'ক' থেকে পাই.

$$4x + 5(x + 1) + 6(x + 2) = 77$$

$$\overline{4}$$
, $4x + 5x + 5 + 6x + 12 = 77$

বা,
$$15x + 17 = 77$$

বা,
$$15x = 77 - 17$$

বা,
$$\frac{15x}{15} = \frac{60}{15}$$
 [উভয়পক্ষকে 15 দারা ভাগ করে]

∴ ক্রমিক সংখ্যাগুলো হলো 4,(4+1) বা, 5, (4+2) বা, 6. (Ans.)

গ. 'খ' থেকে পাই, সমীকরণের সমাধান 4.

'গ' এ উল্লিখিত শর্তানুসারে,

$$3y - 8 = 4$$

$$\sqrt{3}$$
 $3y - 8 - 4 = 0$

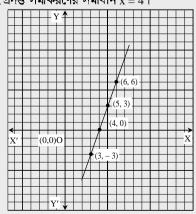
বা,
$$3y - 12 = 0$$

y এর কয়েকটি মান নিয়ে (3y-12) এর অনুরূপ মান বের করি এবং নিচের ছকটি তৈরি করি :

у	3y - 12	(y, 3y - 12)
3	- 3	(3, -3)
5	3	(5, 3)
6	6	(6, 6)

লেখচিত্র অজ্জনের জন্য তিনটি বিন্দু (3, -3), (5, 3), (6, 6) নেওয়া হলো। মনে করি পরস্পর লম্ব XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-অক্ষ ও y-অক্ষ এবং O মূলবিন্দু। ছক কাগজে উভয় অক্ষেক্ষুদ্রতম বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে (3, -3), (5, 3) (6, 6) বিন্দুগুলো স্থাপন করি। তারপর বিন্দুগুলো পরপর সংযোগ করি। লেখচিত্রে একটি সরলরেখা পাই। সরলরেখাটি x অক্ষকে (4, 0) বিন্দুতে ছেদ করে। বিন্দুটির ভুজ হলো 4।

সুতরাং প্রদত্ত সমীকরণের সমাধান x = 4।



8

8



🏭 অধ্যায় সমন্বিত সৃজনশীল প্রশ্নব্যাংক উত্তরসহ



প্রশু–১২১ তিনটি ক্রমিক স্বাভাবিক সংখ্যার যোগফল 63।

- ক. অজ্ঞাত রাশিত্রয়কে x এর মাধ্যমে প্রকাশ কর।
- খ. সংখ্যা তিনটি নির্ণয় কর।
- গ. অজ্ঞাত বৃহত্তম মানকে 7 ধরে লেখচিত্রটি অজ্ঞকন কর।

উত্তর : ক. x, x + 1 ও x + 2; খ. 20, 21 ও 22.

প্রশু–১৩ ১ ঝুমুরের মায়ের বর্তমান বয়স ঝুমুরের বর্তমান বয়সের

চারগুণ। সাত বছর পর তাদের বয়সের যোগফল 49 বছর।

- ক. ঝুমুরের বর্তমান বয়স x হলে, 7 বছর পর তার মায়ের বয়স হবে?
- সমীকরণ গঠন করে সমাধান কর এবং তাদের বর্তমান বয়স নির্ণয়
- গ. সমীকরণের সমাধান (2y 3) এর সমান ধরে, লেখচিত্রের মাধ্যমে সমাধান কর।

উত্তর : ক. (4x + 7) বছর; খ. 28 বছর।