3 অধ্যায় ৩

## ঘনবস্তুতে দ্বিপদী ও ত্রিপদী রাশি খুঁজি

Find binomial and trinomial expressions in Solids

### **जन्**नीननी

১. নিচের কোনটি দ্বিপদী রাশি নয়? তোমার উত্তরের সপক্ষে যুক্তি দাও।

) xy+3x

খ) xy

গ) x+y-1

ঘ) x²-2x+1

ঙ) y²

## সমাধানঃ

) xy+3x একটি দ্বিপদী রাশি কারণ এই রাশিটিতে দুইটি পদ xy ও 3x আছে।

খ) xy একটি দ্বিপদী রাশি নয় কারণ এই রাশিটিতে ১টি পদ xy আছে।

গ) x+y-1 একটি দ্বিপদী রাশি নয় কারণ এই রাশিটিতে ৩টি পদ x, y, 1 আছে।

ঘ)  $x^2$ -2x+1 একটি দ্বিপদী রাশি নয় কারণ এই রাশিটিতে ৩টি পদ  $x^2$ , 2x, 1 আছে ।

ঙ)  $\mathbf{v}^2$  একটি দ্বিপদী রাশি নয় কারণ এই রাশিটিতে ১টি পদ  $\mathbf{v}^2$  আছে।

# ২. নিচের দ্বিপদী রাশিশুলো থেকে এক চলক ও দুই চলকবিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি চিহ্নিত করো।

) x+1

খ) 3x+5

গ) x-3

ঘ) 5x-2

JA 2

ঙ) 2x+3y

ᢧ) x²+1

ছ) x²-y

জ) x²+y²

#### সমাধানঃ

) x+1 হলো একটি এ চলক বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি।

- গ) x-3 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ঘ) 5x-2 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ঙ) 2x+3y হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। চ)  $x^2+1$  হলো একটি এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ছ)  $x^2-y$  হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। জ)  $x^2+y^2$  হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি। ৩. নিচের বীজগাণিতি রাশি থেকে এক চলক, দুই চলক ও তিন চলকবিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি চিহ্নিত করো। ) x+y+3 খ) x<sup>2</sup>+3x+5 গ) xy+z-3 ঘ) 5x+y<sup>2</sup>-2 ঙ) 2x+3y-z  $\bar{b}$ )  $y^2 - y + 1$ ছ) x2-yz+2 জ) x<sup>2</sup>+y<sup>2</sup>-y সমাধানঃ
  - ) x+y+3 হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি।

খ) 3x+5 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট দ্বিপদী রাশি।

গ) xy+z-3 হলো একটি তিন চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি।

খ)  $x^2+3x+5$  হলো একটি এ চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি।

- ঘ)  $5x+y^2-2$  হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি।
  ঙ) 2x+3y-z হলো একটি তিন চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি।
- চ) y²-y+1 হলো একটি এ চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি।
- ছ)  $x^2$ -yz+2 হলো একটি তিন চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি।
- জ)  $\chi^2 + y^2 y$  হলো একটি দুই চল বিশিষ্ট ত্রিপদী রাশি।

# 8. নিচের ত্রিপদী রাশির ঘন নির্ণয় করো। ) x+y+3সমাধানঃ $(x+y+3)^3$ $=\{(x+y)+3\}^3$ $=(x+y)^3+3(x+y)^2\times3+3(x+y)\times3^2+3^3$ [সূত্রানুসারে] $=x^3+3x^2y+3xy^2+y^3+3(x^2+2xy+y^2)\times 3+3(x+y)\times 9+27$ $= x^3+3x^2y+3xy^2+y^3+9(x^2+2xy+y^2)+27(x+y)+27$ $= x^3+3x^2y+3xy^2+y^3+9x^2+18xy+9y^2+27x+27y+27$ খ) 2x+3y-z সমাধানঃ $(2x+3y-z)^3$ $=\{(2x+3y)-z\}^3$ =(2x+3y)<sup>3</sup>-3(2x+3y)<sup>2</sup>×z+3(2x+3y)×z<sup>2</sup>-z<sup>3</sup> [সূত্রানুসারে] $=(2x)^3+3.(2x)^2.3y+3.2x.(3y)^2+(3y)^3-3\{(2x)^2+2.2x.3y+(3y)^2\}\times z+3z^2(2x+3y)-z^2$ $=8x^3+36x^2y+6x.9y^2+27y^3-3(4x^2+12xy+9y^2)\times z+6z^2x+9z^2y-z^2$ $=8x^3+36x^2y+54xy^2+27y^3-12x^2z-36xyz-27y^2z+6z^2x+9z^2y-z^2$ গ) x<sup>2</sup>+3x+5 সমাধানঃ $(x^2+3x+5)^3$ $= \{(x^2+3x)+5\}^3$ $=(x^2+3x)^3+3(x^2+3x)^2.5+3(x^2+3x).5^2+5^3$ $=(x^2)^3+3.(x^2)^2.3x+3x^2.(3x)^2+(3x)^3+15(x^2+3x)^2+3(x^2+3x).25+125$ $= x^{6}+3.x^{4}.3x+3x^{2}.9x^{2}+27x^{3}+15\{(x^{2})^{2}+2x^{2}.3x+(3x)^{2}\}+75(x^{2}+3x)+125$ $= x^{6} + 9x^{5} + 27x^{4} + 27x^{3} + 15x^{4} + 90x^{3} + 135x^{2} + 75x^{2} + 225x + 125$

 $= x^6 + 9x^5 + 42x^4 + 117x^3 + 210x^2 + 225x + 125$ 

# ষ) xy+z-3 সমাধানঃ $(xy+z-3)^3$ $=\{(xy+z)-3\}^3$ $=(xy+z)^3-3(xy+z)^2.3+3(xy+z).3^2-3^3$ $= (xy)^3 + 3(xy)^2 \cdot z + 3xy \cdot z^2 + z^3 - 9\{(xy)^2 + 2xyz + z^2\} + 3(xy+z) \cdot 9 - 27$ $=x^3y^3+3x^2y^2z+3xyz^2+z^3-9\{x^2y^2+2xyz+z^2\}+27(xy+z)-27$ $=x^3y^3+3x^2y^2z+3xyz^2+z^3-9x^2y^2-18xyz-9z^2+27xy+27z-27$ ৫. বীজগাণিতি নিয়ম ব্যবহার করে উৎপাদকে বিশ্লেষণ করোঃ $) x^3+1$ সমাধানঃ $x^3 + 1$ $=x^3+1^3$ $=(x+1)(x^2-x.1+1^2)$ $=(x+1)(x^2-x+1)$ খ) x<sup>3</sup>-1 সমাধানঃ $x^{3}-1$ $= x^3 - 1^3$ $=(x-1)(x^2+x.1+1^2)$ $=(x-1)(x^2+x+1)$ গ) x6-729 সমাধানঃ $x^{6}$ -729 $=(x^3)^2-27^2$

```
=(x^3-3^3)(x^3+3^3)
 = (x-3)(x^2+x.3+3^2)(x+3)(x^2-x.3+3^2)
 =(x-3)(x^2+3x+9)(x+3)(x^2-3x+9)
\nabla \mathbf{V} \mathbf{V
সমাধানঃ
x^3+3x^2+3x+9
 = x^3 + 3 \cdot x^2 \cdot 1 + 3 \cdot x \cdot 1^2 + 1^3 + 8
 =(x+1)^3+2^3
 =(x+1+2)\{(x+1)^2-(x+1).2+2^2\}
 = (x+3)(x^2+2x+1-2x-2+4)
 =(x+3)(x^2+3)
৬. একটি চকোলেট তৈরির ফ্যাক্টরিতে 2 ফুট এবং 3 ফুট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট দুইটি ঘনক আকৃতির কন্টেইনারে পূর্ণকরে
চকোলেটের কাচামাল রাখা আছে।
       চকোলেট তৈরি করা যাবে?
সমাধানঃ
আমরা জানি,
 1 ফুট =12 ইঞ্চি
 ∴2 ফুট = 12×2 = 24 ইঞ্চি
 ∴3 ফুট = 12×3 = 36 ইঞ্চি
তাহলে,
 2 ফুট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট ঘনক আকৃতির কন্টেইনারের আয়তন = 24 \times 24 \times 24 ঘন ইঞ্চি = 13824 ঘন ইঞ্চি।
এবং, 3 ফুট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট ঘন আকৃতির কন্টেইনারের আয়তন = 36 \times 36 \times 36 ঘন ইঞ্চি = 46656 ঘন ইঞ্চি।
 🗠 দুইটি কন্টেইনারের মোট আয়তন = 13824 + 46656 = 60480 ঘন ইঞ্চি।
এখন, একটি চকলেটের আয়তন বা আকার = 1"×1"×2" = 2 ঘন ইঞ্চি।
```

∴ পরিপূর্ণ দুইটি কন্টেইনারের কাচামালে চকলেট তৈরি করা যাবে (60480÷2) টি = 30240 টি।

 $=(x^3-27)(x^3+27)$ 

চকোলেট তৈরি করা যাবে? সমাধানঃ

খ) কোনো কাঁচামাল নষ্ট না হলে, দুইটি কন্টেইনারের কাচামালকে একত্র করে 5" imes 7" imes 1" আকারের তগুলো

হতে পাই.

দুইটি কন্টেইনারের মোট আয়তন 60480 ঘন ইঞ্চি।

এখন, একটি চকলেটের আয়তন বা আকার = 5"×7"×1" = 35 ঘন ইঞ্চি। ∴ পরিপূর্ণ দুইটি কন্টেইনারের কাচামালে চকলেট তৈরি করা যাবে (60480÷35) টি = 1728 টি। গ)  $5" \times 7" \times 1"$  আকারের 1440 টি চকোলেট বার তৈরি হলে কী পরিমাণ কাঁচামাল নষ্ট হয়েছে।

সমাধানঃ 5"×7"×1" = 35 ঘন ইঞ্চি;

 $\therefore 5" \times 7" \times 1"$  আকারের 1440 টি চকোলেট বার এর মোট আয়তন =  $35 \times 1440$  ঘন ইঞ্চি = 50400 ঘন इक्छि। এখন, হতে পাই,

দুইটি কন্টেইনারের মোট আয়তন 60480 ঘন ইঞ্চি;

অর্থাৎ, পরিপূর্ণ কন্টেইনারে 60480 ঘন ইঞ্চি পরিমাণ কাঁচামালের থেকে 50400 ঘন ইঞ্চি দিয়ে চকলেট বার তৈরি হয়েছে এবং বাকী অংশ নষ্ট হয়েছে। ∴ কাঁচামাল নষ্ট হয়েছে = (60480-50400) ঘন ইঞ্চি = 10080 ঘন ইঞ্চি।

৭. লতার বাবার একটি মাছ চাষের খামার আছে। খামারে একটি পুকুর আছে যার দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও পানির গভীরতা যথাক্রমে 50 মিটার, 40 মিটার এবং 5 মিটার। আয়তন ঠি রেখে পানির গভীরতা 3 মিটার কমালে দৈর্ঘ্য কী পরিমাণ বাডবে? সমাধানঃ ১ম শর্তে,

পুকুরের আয়তন = দৈর্ঘ্য×প্রস্থ×গভীরতা = 50×40×5 ঘন মিটার

= 10000 ঘন মিটার ২য় শর্তমতে. গভীরতা = 5-3 মিটার = 2 মিটার;

প্রস্ত = 40 মিটার:

দৈর্ঘ্য = x (ধরি); আয়তন = 10000 ঘন মিটার।  $\therefore$  x.40.2 = 10000 বা, 80x = 10000বা,  $x = \frac{10000}{80} = 125$ 🗠 আয়তন ঠিক রেখে পানির গভীরতা 3 মিটার কমালে দৈর্ঘ্য বাড়বে = 125-50 মিটার = 75 মিটার।