### দশম অধ্যায়

# দূরত্ব ও উচ্চতা

## পাঠ সম্পর্কিত গুরুত্বপূর্ণ বিষয়াদি

ভূ-রেখা, উর্ধ্বরেখা এবং উলরম্বতল :

ভূ-রেখা হচ্ছে ভূমি তলে অবস্থিত যেকোনো সরলরেখা। উর্ধ্বরেখা হচ্ছে ভূমি তলের উপর লম্ব যেকোনো সরলরেখা। একে উলরম্ব রেখাও বলে।

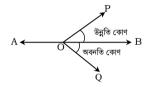
ভূমি তলের উপর লম্বভাবে অবস্থিত পরস্পরচ্ছেদী ভূ-রেখা ও উর্ধ্বরেখা একটি তল নির্দিষ্ট করে। এ তলকে উলরম্ব তল বলে।

চিত্রে : CB রেখা হচ্ছে ভূ-রেখা, BA রেখা হচ্ছে ঊর্ধ্বরেখা এবং ABC তলটি ভূমির উপর লম্ব যা উলরম্ব তল।



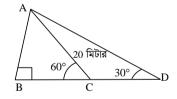
### উন্নতি কোণ ও অবনতি কোণ :

ভূতলের উপরের কোনো বিন্দু ভূমির সমান্তরাল রেখার সাথে যে কোণ উৎপন্ন করে তাকে উন্নতি কোণ বলা হয়। O বিন্দুতে P বিন্দুর উন্নতি কোণ হচ্ছে  $\angle POB$ । ভূতলের সমান্তরাল রেখার নিচের কোনো বিন্দু ভূ-রেখার সাথে যে কোণ উৎপন্ন করে তাকে অবনতি কোণ বলা হয়। O বিন্দুতে Q বিন্দুর অবনতি কোণ হচ্ছে  $\angle OOA$ ।



### অনুশীলনীর প্রশ্ন ও সমাধান

- প্রশ্ন ॥ ১ ॥ ক. ∠CAD এর পরিমাণ নির্ণয় কর।
  - খ. AB ও BC এর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
  - গ. A ও D এর দুরত্ব নির্ণয় কর।



#### সমাধান:

ক. চিত্র হতে পাই,  $\angle ACB = 60^{\circ}$ 

$$\therefore \angle ACD = 180^{\circ} - \angle ACB = 180^{\circ} - 60^{\circ} = 120^{\circ}$$

$$\triangle ACD$$
 হতে পাই,  $\angle ACD + \angle ADC + \angle CAD = 180^{\circ}$ 

বা, 
$$\angle$$
CAD =  $180^{\circ} - 150^{\circ}$ 

$$\therefore$$
  $\angle$ CAD = 30°

খ.  $\triangle ABC$  এ,  $\sin 60^\circ = \frac{\pi^2 4}{\text{অতিভূজ}}$ 

বা, 
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AB}{AC} = \frac{AB}{20}$$

বা, 
$$2AB = 20\sqrt{3}$$

বা, AB = 
$$\frac{20\sqrt{3}}{2}$$

 $\therefore$  AB =  $10\sqrt{3}$  মিটার = 17.320 মিটার (প্রায়)

আবার, 
$$\tan 60^\circ = \frac{e}{\frac{\pi}{9} \lambda}$$

বা, 
$$\sqrt{3} = \frac{AB}{BC} = \frac{10\sqrt{3}}{BC}$$

বা, 
$$\sqrt{3}BC = 10\sqrt{3}$$

বা, BC = 
$$\frac{10\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$$

নির্ণেয় AB 17-320 মিটার (প্রায়) এবং BC 10 মিটার।

গ. মনে করি,  $A \, \mbox{$\ensuremath{\mathfrak{G}}$ } D$  এর দূরত্ব x মিটার অর্থাৎ, AD = x মিটার চিত্র হতে পাই ,

$$\triangle ABD$$
 এ,  $\sin 30^\circ = \frac{\pi \pi 4}{\text{অতিভূজ}}$ 

বা, 
$$\frac{1}{2} = \frac{AB}{AD}$$

বা, 
$$\frac{1}{2} = \frac{10\sqrt{3}}{x}$$

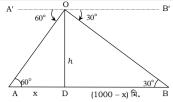
∴ A ও D এর দূরত্ব 34·64 মিটার (প্রায়)।

প্রশ্ন ॥ ২ ॥ দুইটি কিলোমিটার পোস্ট  $\bf A$  ও  $\bf B$  এর মধ্যবর্তী কোনো স্থানের উপর  $\bf O$  বিন্দুতে একটি হেলিকপ্টার হতে ঐ কিলোমিটার পোস্টদ্যের অবনতি কোণ যথাক্রমে  $\bf 60^\circ$  এবং  $\bf 30^\circ$ ।

- ক. সংৰিপ্ত বৰ্ণনাসহ আনুপাতিক চিত্ৰ অজ্জন কর।
- খ. হেলিকপ্টারটি মাটি থেকে কত উঁচুতে অবস্থিত?
- গ. A বিন্দু থেকে হেলিকপ্টারটির সরাসরি দূরত্ব নির্ণয় কর।

### নবম-দশম শ্রেণি: সাধারণ গণিত ▶ 8১৪

#### সমাধান : ক.



মনে করি, O হেলিকপ্টারের অবস্থান এবং A' ও B' এক কিলোমিটার দূরবর্তী দুইটি পোস্টের চূড়া। O থেকে A ও B এর অবনতি কোণ যথাক্রমে 60° ও 30°

অতএব,  $\angle A'OA = 60^\circ$  ও  $\angle B'OB = 30^\circ$ . আবার, A'B' ও AB সমান্তরাল বলৈ  $\angle A'OA = \angle OAB = 60^{\circ}$  ও  $\angle B'OB = \angle OBA = 30^{\circ}$ 

এখানে, AB = 1000 মিটার

এখন, O থেকে AB এর উপর OD লম্ব টানি। সুতরাং OD হেলিকস্টারের

ধরি, AD = x মিটার, OP = h মিটার, অতএব, BD = (1000 - x) মিটার এখন, ∆OAD থেকে পাই,

$$\tan 60^\circ = \frac{$$
লম্ব  
ভূমি

বা, 
$$\tan 60^\circ = \frac{OD}{AD}$$

বা, 
$$\sqrt{3} = \frac{h}{x}$$

বা, 
$$x = \frac{h}{\sqrt{3}}$$

:. 
$$h = \sqrt{3}x$$
 ..... (

আবার, tan∠OBD = 
$$\frac{\mathrm{OD}}{\mathrm{BD}}$$

বা, 
$$tan 30^\circ = \frac{h}{1000 - x}$$

$$\sqrt{3} = \frac{h}{1000 - x}$$

বা, 
$$1000 - x = \sqrt{3}h$$

সুতরাং  $1000 - x = \sqrt{3}.\sqrt{3}x$  [(i) নং থেকে মান বসিয়ে]

বা, 
$$1000 - x = 3x$$

বা, 
$$4x = 1000$$

বা, 
$$x = \frac{1000}{4}$$

$$\therefore x = 250$$

এখন x এর মান (i) নং সমীকরণে বসাই,

$$h = \sqrt{3}x = \sqrt{3} \times 250 = 433.013$$
 মিটার (প্রায়)

নির্ণেয় উচ্চতা 433.013 মিটার (প্রায়)

গ. এখন, ΔΑΟD থেকে পাই,

$$\sin \angle OAD = \frac{OD}{OA}$$

$$\vec{A}, \sin 60^{\circ} = \frac{h}{OA}$$

বা, 
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{h}{OA}$$

বা, 
$$OA = \frac{h}{\sqrt{3}}$$

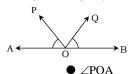
বা, 
$$OA = \frac{\sqrt{3}x}{\frac{3}{2}} = \frac{\sqrt{3} \times 250}{\frac{\sqrt{3}}{2}}$$
 [খ থেকে, $\sqrt{3}x = \sqrt{3} \times 250$ ,  $\because x = 250$ ]

ক. ∠OOB

গ. ∠OOA

∴ A বিন্দু থেকে হেলিকপ্টারটির সরাসরি দূরত্ব 500 মিটার।

### প্রশ্ন 11 ৩ 11 নিচের চিত্রে O বিন্দুতে P বিন্দুর উন্নতি কোণ কোনটি?



প্রশ্ন 1 8 1 i ভূ-রেখা হচ্ছে ভূমি তলে অবস্থিত যেকোনো সরলরেখা।

ii ঊর্ধ্বরেখা হচ্ছে ভূমি তলের ওপর লম্ব যেকোনো সরলরেখা।

iii ভূমিতলের উপর লম্বভাবে অবস্থিত পরস্পরচ্ছেদী ভূ-রেখা ও উর্ধ্বরেখা একটি তল নির্দিষ্ট করে। এ তলকে উলরম্ব তল বলে।

#### ওপরের বাক্যগুলোর মধ্যে কোনটি সঠিক?

ঘ. ∠POB

পাশের চিত্র অনুযায়ী ৫ — ৬ প্রশ্ন দুইটির উত্তর দাও :

### প্রশারে BC এর দৈর্ঘ্য হবে –

ক. 
$$\frac{4}{\sqrt{3}}$$
 মিটার  $\bullet$  4 মিটার

গ. 
$$4\sqrt{2}$$
 মিটার ঘ.  $4\sqrt{3}$  মিটার

ব্যাখ্যা : 
$$\triangle ABC$$
–এ  $\cos 60^\circ = \frac{BC}{AC}$ 

বা, BC = AC . 
$$\cos 60^{\circ} = 8 \cdot \frac{1}{2} = 4$$

#### প্রশ্ন ॥ ৬ ॥ AB এর দৈর্ঘ্য হবে-

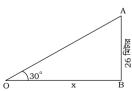
ক. 
$$\frac{4}{\sqrt{3}}$$
 মিটার

গ. 
$$4\sqrt{2}$$
 মিটার

ব্যাখ্যা : 
$$\triangle ABC$$
–এ  $\sin 60^\circ = \frac{AB}{AC}$ 

$$\therefore AB = AC \sin 60^{\circ} = 8 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3}$$

প্রশ্ন ॥ ৭ ॥ একটি মিনারের পাদদেশ থেকে কিছু দূরে একটি স্থানে মিনারটির শীর্ষের উন্নতি  $30^\circ$  এবং মিনারটির উচ্চতা 26 মিটার হলে, মিনার থেকে ঐ স্থানটির দূরত্ব নির্ণয় কর।



#### সমাধান:

মনে করি, মিনারটির পাদবিন্দু B, ভূতলের নির্দিষ্ট স্থান O এবং শীর্ষবিন্দু A। মিনারটি থেকে ঐ স্থানটির দূরত্ব BO = x মিটার

$$∴$$
 ∠AOB =  $30^\circ$  এবং BA =  $26$  মিটার ।

এখন, ∆AOB থেকে পাই,

$$\tan \angle AOB = \frac{AB}{BO}$$

বা, 
$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{26}{x}$$

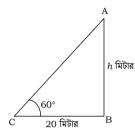
বা,  $x = 26\sqrt{3}$ 

বা,  $x = 26 \times 1.73205$ 

x = 45·033 মিটার (প্রায়)।

মিনারটি থেকে ঐ স্থানটির দূরত্ব 45.033 মিটার (প্রায়)।

প্রশ্ন 🛮 ৮ 🗈 একটি গাছের পাদদেশ থেকে 20 মিটার দূরে ভূতলের কোনো বিন্দুতে গাছের চুড়ার উন্নতি কোণ 60° হলে, গাছটির উচ্চতা নির্ণয় কর। সমাধান:



মনে করি, গাছের উচ্চতা AB = h মিটার এবং গাছটির পাদদেশ থেকে C বিন্দুর দূরত্ব BC = 20 মিটার এবং শীর্ষের উন্নতি ∠ACB = 60° এখন, ∆ABC থেকে পাই.

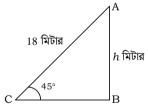
$$\tan 60^{\circ} = \frac{AB}{BC}$$

**11.** 
$$\sqrt{3} = \frac{h}{20}$$
 [ :: tan60° = √3]

4,  $h = 20\sqrt{3} = 20 \times 1.7320508 = 34.641016 = 34.641$ 

নির্ণেয় গাছটির উচ্চতা 34.641 মিটার (প্রায়)।

প্রশ্ন 🛮 ৯ 🗓 18 মিটার দৈর্ঘ্য একটি মই ভূমির সাথে 45° কোণ উৎপন্ন করে দেওয়ালের ছাদ স্পর্শ করে। দেওয়ালটির উচ্চতা নির্ণয় কর। সমাধান:



মনে করি, ছাদের স্পর্শ বিন্দু A এবং দেওয়ালের উচ্চতা AB = h মিটার। মই-এর দৈর্ঘ্য AC = 18 মিটার এবং ভূমির সাথে উৎপন্ন  $\angle ACB = 45^{\circ}$ 

এখন , 
$$\Delta ABC$$
 থেকে পাই ,  $\sin 45^\circ = \frac{AB}{AC}$ 

বা, 
$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{h}{18}$$

বা, 
$$\sqrt{2}h = 18$$

বা, 
$$h = \frac{18}{\sqrt{2}} = \frac{18\sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}}$$

বা, 
$$h = \frac{18\sqrt{2}}{2}$$

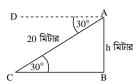
বা, 
$$h = 9\sqrt{2}$$

∴ h = 12.728 মিটার (প্রায়)।

নির্ণেয় দেওয়ালটির উচ্চতা 12.728 মিটার (প্রায়)।

প্রশ্ন 🏿 ১০ 🖫 একটি ঘরের ছাদের কোনো বিন্দুতে ঐ বিন্দু থেকে 20 মিটার দূরের ভুতলস্থ একটি বিন্দুর অবনতি কোণ 30° হলে, ঘরটির উচ্চতা নির্ণয় কর।

সমাধান :



মনে করি, ঘরটির উচ্চতা AB = h মিটার।

ঘরটির ছাদস্থ  ${f A}$  বিন্দু থেকে ভূতলস্থ  ${f C}$  বিন্দুর দূরত্ব  ${f AC}=20$  মিটার এবং অবনতি ∠DAC = 30°

 $\therefore$   $\angle DAC = \angle ACB = 30^{\circ}$  [একাম্তর কোণ বলে]

এখন,  $\triangle ABC$  থেকে পাই,  $\sin 30^\circ = \frac{AB}{AC}$ 

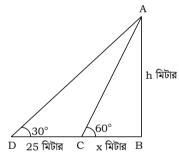
বা, 
$$\frac{1}{2} = \frac{h}{20}$$
 [ ::  $\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$ ]  
বা,  $2h = 20$   
বা,  $h = \frac{20}{2}$ 

বা, 
$$h = \frac{1}{2}$$
  
∴  $h = 10$ 

নির্ণেয় ঘরটির উচ্চতা 10 মিটার।

প্রশ্ন ॥ ১১ ॥ ভূতলে কোনো স্থানে একটি স্তম্ভের শীর্ষের উন্নতি  $60^\circ$ । ঐ স্থান থেকে 25 মিটার পিছিয়ে গেলে স্তম্বটির উন্নতি কোণ 30° হয়। স্তম্বটির উচ্চতা নির্ণয় কর।

সমাধান:



মনে করি, স্তম্ভটির উচ্চতা AB=h মিটার এবং শীর্ষের উন্নতি  $\angle ACB=60^\circ$ । C স্থান থেকে CD = 25 মিটার পিছিয়ে গেলে উন্নতি  $\angle ADB = 30^{\circ}$  হয়।

ধরি, BC = x মিটার

এখন, ΔABC থেকে পাই,

$$\tan 60^{\circ} = \frac{AB}{BC}$$

$$\boxed{4}, \quad \sqrt{3} = \frac{h}{x} \quad [\because \tan 60^\circ = \sqrt{3}]$$

$$\overline{A}$$
,  $x = \frac{h}{\sqrt{2}}$ 

বা, 
$$h = \sqrt{3}x$$
 ..... (i)

আবার, ΔABD থেকে পাই,

$$tan30^{\circ} = \frac{AB}{BD}$$

$$\boxed{1}, \quad \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{h}{x + 25}$$

বা, 
$$\sqrt{3}h = x + 25$$

$$\sqrt{3}.\sqrt{3}x = x + 25$$

[(i) নং ব্যবহার করে]

বা, 
$$3x = x + 25$$

বা, 
$$3x - x = 25$$

### নবম-দশম শ্রেণি: সাধারণ গণিত ▶ 8১৬

$$\therefore \quad \mathbf{x} = \frac{25}{2} = 12.5$$

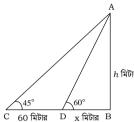
x এর মান সমীকরণ (i)-এ বসিয়ে পাই,

$$h = \sqrt{3} \times 12.5$$

বা, 
$$h = 1.73205 \times 12.5$$

নির্ণেয় স্তম্ভটির উচ্চতা 21.651 মিটার (প্রায়)।

প্রশ্ন ॥ ১২ ॥ কোনো স্থান থেকে একটি মিনারের দিকে 60 মিটার এগিয়ে আসলে মিনারের শীর্ষ বিন্দুর উন্নতি 45° থেকে 60° হয়। মিনারটির উচ্চতা নির্ণয় কর। সমাধান :



মনে করি, মিনারের উচ্চতা AB = h মিটার। C বিন্দুতে শীর্ষ A এর উন্নতি  $\angle ACB = 45^\circ$  এবং C থেকে মিনারের দিকে 60 মিটার এগিয়ে D-তে উনুতি ∠ADB = 60°। তাহলে CD = 60 মিটার।

ধরি, 
$$DB = x$$
 মিটার

এখন, AABD থেকে পাই,

$$\tan 60^{\circ} = \frac{AB}{BD}$$

$$\boxed{4}, \quad \sqrt{3} = \frac{h}{x} \qquad [\because \tan 60^\circ = \sqrt{3}]$$

$$\therefore \quad \mathbf{h} = \sqrt{3}\mathbf{x} \quad .... \qquad (i)$$

আবার, ∆ABC থেকে পাই,

$$\tan 45^{\circ} = \frac{AB}{BC}$$

$$[ :: tan 45^{\circ} = 1$$

বা, 
$$h = x + 60$$

$$\sqrt{3}x = x + 60$$
 [∴  $\sqrt{3}x = h$ ]

বা, 
$$(\sqrt{3}-1)x = 60$$

x এর মান সমীকরণ (i)-এ বসিয়ে পাই,

$$\boxed{4}, \quad h = \sqrt{3}. \, \frac{60}{\sqrt{3} - 1}$$

$$\boxed{4}, \quad h = \frac{60\sqrt{3}}{\sqrt{3} - 1} = \frac{60\sqrt{3}(\sqrt{3} + 1)}{(\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} + 1)}$$

$$\boxed{4}, \quad h = \frac{60(3 + \sqrt{3})}{(\sqrt{3})^2 - (1)^2} = \frac{60(3 + 1.7320508)}{3 - 1}$$

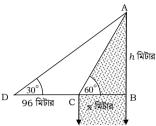
বা, 
$$h = \frac{60 \times 4.7320508}{2}$$

$$=30 \times 4.7320508$$

নির্ণেয় মিনারটির উচ্চতা 141.962 মিটার (প্রায়)।

প্রশ্ন 🏿 ১৩ 🖫 একটি নদীর তীরে কোনো এক স্থানে দাঁড়িয়ে একজন লোক দেখল যে, সোজাসুজি ঠিক অপর তীরে অবস্থিত একটি টাওয়ারের উন্নতি কোণ 60°। ঐ স্থান থেকে 96 মিটার পিছিয়ে গেলে উন্নতি কোণ 30° হয়। টাওয়ারের উচ্চতা এবং নদীর বিস্তার নির্ণয় কর।

সমাধান:



মনে করি, টাওয়ারের উচ্চতা AB = h মিটার এবং নদীর বিস্তার BC = xমিটার। C বিন্দুতে শীর্ষের উন্নতি  $\angle ACB = 60^{\circ}$  এবং D বিন্দুতে উন্নতি  $\angle ADB$ = 30° যখন, CD = 96 মিটার।

∴ BD = (BC + CD) = (x + 96) মিটার এখন, ΔΑΒC থেকে পাই,

$$tan \angle ACB = \frac{AB}{BC}$$

বা, 
$$\tan 60^\circ = \frac{h}{x}$$

$$\boxed{4}, \ \sqrt{3} = \frac{h}{x} \qquad [\because \tan 60^\circ = \sqrt{3}]$$

$$\therefore x = \frac{h}{\sqrt{3}}$$
 ... (i)

আবার, ΔABD থেকে পাই,

$$\tan\angle ADB = \frac{AB}{BD}$$

বা, 
$$\tan 30^\circ = \frac{h}{x + 96}$$

$$\boxed{1, \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{h}{x + 96}} \qquad [\because \tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}]$$

বা, 
$$\sqrt{3}h = x + 96$$

বা, 
$$\sqrt{3}h = \frac{h}{\sqrt{3}} + 96$$
 [ :  $x = \frac{h}{\sqrt{3}}$  ]

$$\boxed{4}, \sqrt{3}h - \frac{h}{\sqrt{3}} = 96$$

বা, 
$$\frac{3h-h}{\sqrt{3}} = 96$$

বা, 
$$2h = 96\sqrt{3}$$

বা, 
$$h = \frac{96\sqrt{3}}{2} = 48\sqrt{3}$$

বা, 
$$h = 48 \times \sqrt{3}$$

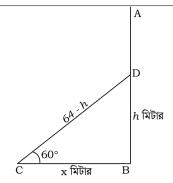
এখন, h এর মান সমীকরণ (i) এ বসিয়ে পাই,

$$x = \frac{48 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3}} = 48$$

অর্থাৎ, নদীর বিস্তার 48 মিটার।

নির্ণেয় টাওয়ারের উচ্চতা 83-138 মিটার (প্রায়) এবং নদীর বিস্তার 48 মিটার।

প্রশ্ন 🛮 ১৪ 🖺 64 মিটার লম্বা একটি খুঁটি ভেঙে গিয়ে সম্পূর্ণ বিচ্ছিন্ন না হয়ে ভূমির সাথে 60° উৎপন্ন করে। খুঁটিটির ভাঙা অংশের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। সমাধান:



মনে করি, খুঁটির দৈর্ঘ্য, AB = 64 মিটার।

খুঁটিটি D বিন্দুতে ভেঙে বিচ্ছিন্ন না হয়ে C বিন্দুতে ভূমির সাথে  $\angle BCD=60^\circ$  কোণ উৎপুন্ন করেছে। ধরি, BD=h মিটার এবং CB=x মিটার।

তাহলে, CD = (64 – h) মিটার এখন, ΔBCD এ

$$\sin \angle BCD = \frac{BD}{CD}$$

বা, 
$$\sin 60^\circ = \frac{h}{64 - h}$$

বা, 
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{h}{64 - h}$$
 [ ::  $\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$  ]

বা, 
$$2h = 64\sqrt{3} - \sqrt{3}h$$

বা, 
$$2h + \sqrt{3}h = 64\sqrt{3}$$

$$4$$
,  $h(2+\sqrt{3})=64\sqrt{3}$ 

বা, 
$$h = \frac{64\sqrt{3}}{2 + \sqrt{3}}$$

$$\boxed{4, h = \frac{64\sqrt{3}(2-\sqrt{3})}{(2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})}}$$

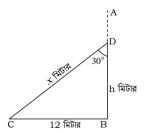
বা, 
$$h = \frac{64\sqrt{3}(2-\sqrt{3})}{(2)^2-(\sqrt{3})^2} = \frac{64(2\sqrt{3}-3)}{4-3}$$
  
=  $64(2\sqrt{3}-3)$ 

= 34·298 মিটার I

নির্ণেয় খুঁটিটির ভাঙা অংশের দৈর্ঘ্য 34.298 মিটার (প্রায়)।

প্রশু ॥ ১৫ ॥ একটি গাছ ঝড়ে এমনভাবে ভেঙে গেল যে অবিচ্ছিন্ন ভাঙা অংশ দন্ডায়মান অংশের সাথে 30° কোণ করে গাছের গোড়া থেকে 12 মিটার দূরে মাটি স্পর্শ করে। সম্পূর্ণ গাছটির দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

সমাধান:



মনে করি, গাছটি AB যা ঝড়ে D বিন্দুতে ভেঙে সম্পূর্ণ বিচ্ছিন্ন না হয়ে ভূমি B থেকে 12 মিটার দূরে C বিন্দুতে মাটি স্পর্শ করেছে এবং ∠BDC = 30° ধরি, BD = h মিটার এবং AD = CD = x মিটার।

তাহলে সম্পূর্ণ গাছটির দৈর্ঘ্য, 
$$\mathrm{AB} = \mathrm{BD} + \mathrm{DA}$$

$$= BD + DC$$

এখন, 
$$\triangle BDC$$
 এ  $tan 30^\circ = \frac{BC}{BD}$ 

বা, 
$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{12}{h}$$
 [:: tan30° =  $\frac{1}{\sqrt{3}}$ ]

বা, 
$$h = 12\sqrt{3}$$

= 20.785 মিটার

আবার, ABDC-এ

$$\sin 30^{\circ} = \frac{BC}{CD}$$

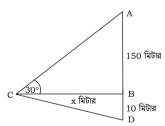
সম্পূর্ণ গাছটির দৈর্ঘ্য 44.785 মিটার (প্রায়)।

প্রশ্ন ॥ ১৬ ॥ একটি নদীর এক তীরে কোনো স্থানে দাঁড়িয়ে একজন লোক দেখল যে, ঠিক সোজাসুজি অপর তীরে অবস্থিত 150 মিটার লম্বা একটি গাছের শীর্ষের উন্নতি কোণ 30°। লোকটি একটি নৌকাযোগে গাছটিকে লব্য করে যাত্রা শুরব করল। কিম্তু পানির স্রোতের কারণে লোকটি গাছ থেকে 10 মিটার দূরে তীরে পৌছল।

- ক. উপরোক্ত বর্ণনাটি চিত্রের মাধ্যমে দেখাও।
- খ. নদীর বিস্তার নির্ণয় কর।
- গ. লোকটির যাত্রা স্থান থেকে অবতরণের স্থানের দূরত্ব নির্ণয় কর।

#### সমাধান :

ক. উপরিউক্ত বর্ণনাটি চিত্রের মাধ্যমে দেখানো হলো:



খ. মনে করি, নদীর বিস্তার BC=x মিটার। নদীর এক তীরের বিন্দু B তে একটি গাছ AB=150 মিটার এবং অপর তীরের C বিন্দুতে গাছটির শীর্ষবিন্দু A এর উন্নতি কোণ  $\angle BCA=30^\circ$ 

এখন, সমকোণী ত্রিভুজ BCA থেকে পাই,

$$tan \angle BCA = \frac{AB}{BC}$$

বা, 
$$\tan 30^{\circ} = \frac{150}{x}$$

$$\boxed{1, \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{150}{x} \ [\because \tan 30^{\circ} = \frac{1}{\sqrt{3}} \ ]}$$

বা, 
$$x = 150\sqrt{3}$$

বা, 
$$x = 150 \times 1.732050808$$

বা, 
$$x = 259.8076$$

অর্থাৎ, নদীর বিস্তার 259-808 মিটার (প্রায়)।

### নবম-দশম শ্রেণি: সাধারণ গণিত ১ ৪১৮

গ. মনে করি, লোকটি C বিন্দু হতে যাত্রা শুরব করল। কিন্দু পানির স্রোতের কারণে গাছ থেকে 10 মিটার দূরে D বিন্দুতে পৌছল। তাহলে, যাত্রা স্থান থেকে গন্তব্য স্থানের দূরত্ব CD মিটার এবং BD = 10 মিটার এখন, BCD সমকোণী ত্রিভুজ থেকে পাই,

$$CD^2 = BD^2 + BC^2$$

বা, 
$$CD^2 = (10)^2 + (150\sqrt{3})^2$$
 [::  $BC = 150\sqrt{3}$  মি.]

$$\overrightarrow{A}$$
,  $CD^2 = 100 + 67500$ 

বা, 
$$CD = \sqrt{67600}$$

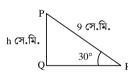
### গুরুত্বপূর্ণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর





### A বিন্দুতে B বিন্দুর অবনতি কোণের পরিমাণ কত?

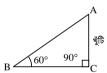
- **⊚** 90°
- **3** 60°
- 1 45°



#### উপরের চিত্রে h এর মান নিচের কোনটি?

4.5 সে.মি. ② 6.3 সে.মি. ⑤ 7.8 সে.মি. ⑤ 9.5 সে.মি.

#### **o.**



### উপরের চিত্রে খুঁটির দৈর্ঘ্য কত মিটার?

- **⊕** 5
- **⑨** 5√3
- 10√3
- 18 মিটার লম্বা একটি মই একটি দেওয়ালের ছাদ বরাবর ঠেস দিয়ে ভূমির সঞ্চো 45° কোণ উৎপন্ন করে। দেওয়ালটির উচ্চতা নির্ণয় কর।
  - ক 11.528 মিটার (প্রায়)
- থ 12.627 মিটার (প্রায়)
- 12.728 মিটার (প্রায়)

#### Œ.



### বৈদ্যুতিক খুঁটির উচ্চতা কত?

[কু. বো. ন. প্র. '১৫]

- 17-321 মি. (প্রায়)
- থ 17-320 মি. (প্রায়)
- ছ 5.773 মি. (প্রায়)

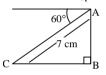
#### চিত্রে BD = 5 মিটার এবং AD = CD হলে AB এর মান কত মিটার?



- **⊕** 5
- **③** 7⋅5
- **1 9 5**  $\sqrt{5}$

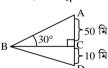
- একটি মিনারের পাদদেশ থেকে 15 মিটার দূরে ভূতলের কোন বিন্দুতে মিনারের চূড়ায় উন্নতি কোণ 60° হলে মিনারের উচ্চতা কত?
  - $15\sqrt{3}$
- ②  $20\sqrt{3}$
- **1** 30√3
- $950\sqrt{3}$
- 3 মি. ও 11 মি. উঁচু দুইটি খুঁটির শীর্ষদয়ের দূরত্ব 10 মি. হলে খুঁটিদয়ের মধ্যবর্তী দূরত্ব কত মিটার?
  - **⊕** 3
- **1** 8
- **(1)**

নিচের তথ্যের আলোকে ৯ ও ১০ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



- কোনটি সঠিক ং
  - ⊕ A বিন্দুতে B বিন্দুর অবনতি কোণ 60°
  - ② C বিন্দুতে A বিন্দুর উন্নতি কোণ 30°
  - A বিন্দুতে C বিন্দুর অবনতি কোণ 60°
  - রি র বিন্দুতে C বিন্দুর অবনতি কোণ 30°
- ১০. BC এর দৈর্ঘ্য–

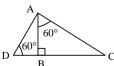
নিচের চিত্র থেকে ১১ ও ১২ নং প্রশ্নের উত্তর দাও : [কু. বো. '১৫]



- ১১. AB = কত মিটার?
  - **⊕** 25
- ②  $25\sqrt{3}$
- 100
- $9 100\sqrt{3}$

- ১২. BD = কত মিটার?
  - ক 76.60 (প্রায়)
- 86.02 (প্রায়)
- থ 186.60 (প্রায়)

নিচের চিত্র থেকে ১৩ ও ১৪ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :



চিত্রে : BD = 10 মিটার  $\angle ADB = 60^\circ$  এবং  $\angle BAC = 60^\circ$  ।

- ১৩. AB খুঁটিটির উচ্চতা কত মিটার?
  - ♠ 5
- **③**  $5\sqrt{3}$
- **1**0
- $10\sqrt{3}$
- ১৪. খুঁটিটির পাদদেশ হতে ভূতলস্থ C বিন্দুর দূরত্ব কত মিটার?
  - **③**  $5\sqrt{3}$
- **③** 10
- **1**0√3

### ভূ-রেখা, উর্ধ্বরেখা এবং উল্লম্বতল

### 🔲 🗆 সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

- ১৫. ত্রিকোণমিতিক পরিমাপ নির্ণয়ে কোনটি প্রয়োজন?
- ⊕ সৃক্ষকোণ সমকোণ
- ত্ত্ব পূরককোণ
- পাশের চিত্রে উর্ধ্বরেখা কোনটি?

- AB

**গ্য স্থূলকোণ** 

- **®** BC 旬 ABC
- ১৭. ভূমি তলে অবস্থিত যেকোনো সরলরেখাকে কী বলে?
- ১৮. ভূমি তলের উপর লম্ব যেকোনো রেখাকে কী বলে?
- 📵 ভূ–রেখা 🌘 উর্ধ্বরেখা 🔞 সরলরেখা 🕲 বক্ররেখা ১৯. উল্লম্ব রেখার ক্ষেত্রে নিচের কোনটি সঠিক?

  - উধর্বরেখা ন্তি উলরতল ক বক্স রেখা
    প্ত ভূ-রেখা

### 🗆 🗖 🗸 বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

উর্ধ্বরেখার অপর নাম কী?

- 📵 ভূরেখা

- ২১. উলরম্ব তল হচ্ছে–
  - i. পরস্পরচ্ছেদী ভূ–রেখা ও ঊর্ধ্বরেখার মধ্যস্থিত তল
  - ii. ভূমি তলের উপর লম্ব যেকোনো সরলরেখার তল
  - iii. যে কোনো সমকোণী ত্রিভুজের মধ্যস্থিত তল

### নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- o i v i
- i ଓ iii
- gii v iii
- g i, ii g iii
- ২২. নিচের চিত্রটি লৰ কর:



- i. চিত্রে AB উর্ধ্বরেখা
- ii. BC ভূ-রেখা
- iii. ABC উলরম্ব লম্ব

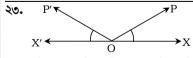
#### নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- o i v i
- iii & iii
- gii v iii
- i, ii ଓ iii

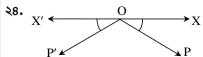
### উন্নতি কোণ ও অবনতি কোণ

### 🔳 🗌 সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর



চিত্রে কোনটি O কিন্দুতে P' কিন্দুর উন্নতি কোণ?

- (সহজ)
- ∠P'OX'
- **1** ∠P'OP
- ③ ∠POX



চিত্রে কোনটি O বিন্দুতে P বিন্দুর অবনতি কোণ?

 $\bigcirc P'OX' \bigcirc P'OX \bigcirc P'OP$ 

- একটি টাওয়ারের উন্লতি কোণের মান ক্রমশ ক্মতে থাকলে ছায়ার দৈর্ঘ্য কীরু প হবে?
  - ক একই থাকেব
- কমে যাবে
- বেড়ে যাবে
- ত্ব ছায়া থাকবে না
- ২৬. ভূতদের উপরের কোনো বিন্দু ভূমির সমান্তরাল রেখার সাথে যে কোণ উৎপন্ন করে তাকে কী বলে?
  - উন্নতি কোণ
- থ্য অবনতি কোণ
- প্রসমকোণ
- ত্ত্য সূক্ষকোণ
- ২৭. ভূতদের সমান্তরাল রেখার নিচের কোনো বিন্দু ভূ–রেখার সাথে যে কোণ উৎপন্ন করে তাকে কী কোণ বলে?
  - 📵 উন্নতি কোণ
- অবনতি কোণ
- প্রসমকোণ
- ত্তা সৃক্ষাকোণ
- ২৮. একটি খুঁটির দৈর্ঘ্য 40 মিটার, শীর্ষবিন্দুর উন্নতিকোণ 60° হলে খুঁটির ছায়ার দৈর্ঘ্য কত?

- (a)  $40\sqrt{3}$   $\frac{40}{\sqrt{3}}$  মিটার (b)  $80\sqrt{3}$  (c)  $\frac{\sqrt{3}}{40}$  মিটার
- ২৯. একটি মিনারের পাদদেশ থেকে 15 মিটার দূরে ভূতলের কোনো বিন্দুতে মিনারের চুড়ায় উন্নতি কোণ 60° হলে মিনারের উচ্চতা কত হবে?
  - $15\sqrt{3}$ **1** 30√3  $\bigcirc 20\sqrt{3}$

 $tan60^{\circ} = \frac{AB}{BC}$ 

- ব্যাখ্যা : ধরি, মিনারের উচ্চতা = AB
  - বা, AB = BC  $\tan 60^\circ = 15\sqrt{3}$



 $95\sqrt{3}$ 

**90.** 



চিত্রে AB = 8 মিটার হলে AC = ?

(মধ্যম)

- $\odot 8\sqrt{2}$
- $\bullet$   $4\sqrt{2}$
- **⑤**  $3\sqrt{2}$

ব্যাখ্যা :  $\sin 45^\circ = \frac{AC}{AB}$ 

বা, AC = AB 
$$\sin 45^{\circ} = 8 \times \frac{1}{\sqrt{2}} = 4\sqrt{2}$$

- ৩১. 30° কোণ অজ্ঞ্জনের ৰেত্রে কোন শর্তটি সঠিক?

  - ভূমি > লম্ব ন্তা ভূমি < লম্ব

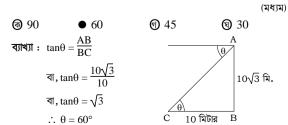
(মধ্যম)

ত্ত ভূমি ≤ লম্ব

- ৩২. 60° কোণ অজ্ঞ্জনের ৰেত্রে কোন শর্তটি সঠিক?
  - 雨 ভূমি = লম্ব

📵 ভূমি = লম্ব

- 📵 ভূমি > লম্ব
- 🕣 ভূমি ≥ লম্ব
- ভূমি < লম্ব
- ৩৩. 10 মিটার প্রস্থ বিশিষ্ট নদীর তীরে অবস্থিত একটি টাওয়ারের উচ্চতা  $10\sqrt{3}$  মিটার হলে অপর তীরে টাওয়ারের অবনতি কোণ কত ডিগ্রি?

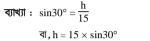


### নবম-দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত ▶ ৪২০

৩৪. একটি মিনারের উচ্চতা  $20\sqrt{3}$  মিটার এবং ছায়ার দৈর্ঘ্য 20 মিটার হলে এর অবনতি কোণ কত ডিগ্রি?

(মধ্যম)

- **3**0 **(4)** 45
- 60
- একটি টাওয়ারের পাদদেশে থেকে 75 মিটার দূরে ভূতলস্থ কোন বিন্দুতে টাওয়ারের উন্নতিকোণ 45° হলে টাওয়ারের উচ্চতা কত?
- ৩৬. অবনতি কোণের মান কত ডিগ্রি হলে একটি দেওয়ালের দৈর্ঘ্য ও ছায়ার দৈৰ্ঘ্য সমান হবে?
  - **⊕** 90°
- 45°
- **⊕** 60°
- **旬** 30°
- ৩৭. হেলিকণ্টার থেকে 15 কি.মি. দূরবর্তী কোনো স্থানের অবনতি কোণ 30° হলে হেলিকপ্টারটি কত কি.মি. উচ্চতায় অবস্থিত?



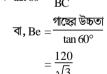
 $=15 \times \frac{1}{2}$ 



- ৩৮. একটি পতাকার খুঁটি ভেঙে, ভাঙা অংশ ভূমির সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করে। খুঁটিটির ভাঙা অংশের দৈর্ঘ্য 16 মিটার হলে, দন্ডায়মান অংশের দৈর্ঘ্য কত মিটার?
  - 8
- **3**  $8\sqrt{3}$
- **1**6
- $9 16\sqrt{3}$
- ৩৯. একটি টাওয়ারের উন্নতি কোণের নাম ক্রমশ কমতে থাকলে ছায়ার দৈর্ঘ্য কীরূ প হবে?
  - 📵 একই থাকবে
- কমে যাবে
- বেড়ে যাবে
- ত্ত ছায়া থাকবে না
- ৪০. নদীর তীরে কোনো স্থানের অপর প্রান্তের 120 মিটার গাছের উন্নতি কোণ 60° হলে নদীর প্রস্থ কত মিটার?

- **3**  $120\sqrt{3}$  **9**  $60\sqrt{3}$  **120**  $\sqrt{3}$  **9**  $\frac{60}{\sqrt{3}}$

ব্যাখ্যা:  $\tan 60^\circ = \frac{AB}{BC}$ 





- 8১. একটি গাছে দৈর্ঘ্য ও ছায়ার দৈর্ঘ্য  $1:\sqrt{3}$  হলে সূর্যের অবনতি কোণ কত ডিগ্রি? (মধ্যম)
  - 30
- **4**5
- **1** 60
- **1**90

ব্যাখ্যা :  $\triangle ABC$ –এ  $\tan \theta = \frac{AB}{BC}$ 

বা, 
$$\tan\theta = \frac{1}{\sqrt{3}}$$
, বা,  $\tan\theta$ 



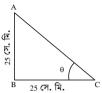
- $\therefore \theta = 30^{\circ}$
- ৪২. একটি মিনারে সূর্যের আলো পড়লে মিনারের পাদদেশ হতে 2 মিটার দুরত্বে 45° উনুতি কোণ তৈরি করে। দেওয়ালটির উচ্চতা কত ?(মধ্যম)
  - 2
- **3**
- **1** 4
- **旬** 5
- একটি মিনার ভেঙে, ভাঙা অংশ ভূমির সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করে। মিনারের ভাঙা অংশের দৈর্ঘ্য 16 মিটার হলে, দন্ডায়মান অংশের দৈর্ঘ্য কত মিটার? (কঠিন)
- **3**  $8\sqrt{3}$
- **1**2
- **1**6

ব্যাখ্যা : এখানে, দণ্ডায়মান অংশের দৈর্ঘ্য = AC

আমরা পাই, 
$$\sin 30^\circ = 16 \times \frac{1}{2}$$
 মি. =  $8$  মি.



88. চিত্রে BC = 25 সে.মি. ও AB = 25 সে.মি. হলে  $\theta$  এর মান কত?



• 30°

**⊚** 30°

- **45°**
- **1** 60°
- 旬 90°
- ৪৫. চিত্রের BC = 1 সে.মি. এবং AC = 2 সে.মি. হলে Q এর মান কত?

**45°** • 60°

ব্যাখ্যা : ABC সমকোণী ত্রিভুজে,  $\cos\angle ACB = \frac{1}{2}$ 

বা,  $\cos\theta = \cos 60^{\circ}$ 

 $\therefore \theta = 60^{\circ}$ 



### 🗆 🗖 📗 বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

- ৪৬. নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:
  - i. ভূতলের উপর কোনো বিন্দুর ভূমির সমান্তরাল রেখার সাথে যে কোণ উৎপন্ন করে তা উন্নতি কোণ
  - ii. ভূতলের উপর উৎপন্ন কোণ অবনতি কোণ
  - iii. 30° কোণ অঙ্কনের বেত্রে ভূমি > লম্ব হবে

নিচের কোনটি সঠিক?

- (কঠিন) g i, ii g iii
- ii 🛭 i 📵 iii & i ●
- ৪৭. কোণ অজ্ঞানের বেত্রে
  - i. 30° হলে ভূমি < লম্ব হবে
  - ii. 45° হলে ভূমি = লম্ব হবে
  - $iii. 60^\circ$  হলে ভূমি < লম্ব হবে

নিচের কোনটি সঠিক?

- iii V i
  - ii ७ iii

iii V iii

- g i, ii g iii
- ৪৮. নিচের চিত্রটি লব কর:

ரு i ও ii



- A এর উন্নতি কোণ ∠C = 45°
- ii. ∠PAC **হলো** অবনতি কোণ
- iii. BC = 8 সে.মি. হলে AB = 4 সে.মি.

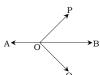
iii V i

#### নিচের কোনটি সঠিক?

- - gii v iii
- g i, ii g iii

(সহজ)

৪৯.



#### চিত্রানুসারে—

o i ଓ ii

i. P বিন্দুর উন্নতি কোণ ∠POB

### নবম-দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত ▶ ৪২১

- ii. O বিন্দুতে Q বিন্দুর অবনতি কোণ ∠QOA
- iii. POQ হলো ভূ-রেখা

### নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ

- o i ७ ii
- (1) i (9) iii
- 60 ii S iii
- चि i, ii ও iii
- একটি খুঁটি P বিদ্যুতে ভেঙে মাটি থেকে 45° উন্নতি কোণ উৎপন্ন করে। Co.



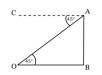
- i. PR = PQ
- ii. PQ = QR
- iii. MP = PR

#### নিচের কোনটি সঠিক?

(মধ্যম)

- (iii & iii ரு i ஒ ii
- ii ଓ iii
- g i, ii g iii

- পাশের চিত্রে— *৫*১.
  - i. ∠BOA হলো উন্নতি কোণ
  - ii. ∠OAC হলো অবনতি কোণ
  - iii. ∠OB উলরম্ব কোণ

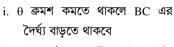


#### নিচের কোনটি সঠিক?

- o i v ii iii V i
- gii g iii g i, ii g iii
- ৫২. চিত্রানুসারে
  - i. AB > BC
  - ii. AB = BC
  - iii. AC > BC
  - নিচের কোনটি সঠিক? (সহজ)



- ரு i ஒ ii
- iii & i (6)
- o ii v iii o
- 🕲 i, ii 😉 iii
- ৫৩. এখানে AB একটি টাওয়ার এবং θ উনুতি কোণ হলে—



ii. BC ক্রমশ কমতে থাকলে θ এর মান বাড়তে থাকবে



iii.  $\theta = 45^{\circ}$  হলে BC = AB হবে

#### নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- ai v i
- (1) i (1)
- g ii g iii
- i, ii ଓ iii

- ৫৪. চিত্রে
  - i. AC = 20√3 মিটার
  - ii.  $AB = 20\sqrt{3}$  মিটার
  - iii. AC = 40 মিটার



- নিচের কোনটি সঠিক?
- ⊕ i ଓ ii
- gii giii
- ii ♥ iii

(মধ্যম)

g i, ii g iii

### 🔳 🗌 অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

#### নিচের তথ্যের আলোকে ৫৫ – ৫৭ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



৫৫. AC এর দৈর্ঘ্য কোনটি?

- **⊚**  $20\sqrt{3}$
- **1**  $0\sqrt{3}$

ব্যাখ্যা : চিত্র থেকে পাই, AC = AD, ∠ADB = 30°

$$\therefore \cos 30^{\circ} = \frac{BD}{AD}$$

$$\overline{4}, \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{10}{AC}$$

বা, 
$$\sqrt{3}$$
 AC = 20

$$\therefore AC = \frac{20}{\sqrt{3}}$$

৫৬. AB এর দৈর্ঘ্য কোনটি?

(মধ্যম)

- ♠ 20
- ②  $20\sqrt{3}$

ব্যাখ্যা : 
$$tan30^\circ = \frac{AB}{BD}$$

বা, 
$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{AB}{10}$$
 :  $AB = \frac{10}{\sqrt{3}}$ 

- ৫৭. 36 মিটার লম্বা গাছের x দূরত্বে উন্নতি কোণ 30°, x-এর মান কোনটি?
  - ⓐ 36 মি. 36√3 মি. ⓒ  $36\sqrt{2}$  মি. ⓒ  $\frac{36}{\sqrt{3}}$  মি.

### নিচের তথ্যের আলোকে ৫৮ – ৬০ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

একটি নদীর তীরে এক স্থানে দাঁড়িয়ে একজন লোক দেখল যে, ঠিক সোজাসুজি 30 মিটার বিস্তার বিশিষ্ট নদীর অপর তীরে অবস্থিত একটি স্তম্ভের উন্নতি কোণ 60°।

- **৫৮. স্তন্তের উচ্চতা নির্ণয়ের জন্য নিচের কোন সূত্রটি সঠিক?** সেহজ্ঞ
  - $\Theta \sin\theta = \overline{\Theta \Theta \Theta \Theta}$
- থ  $\cos\theta = \frac{2}{\sqrt{1 1}}$
- tanθ = <del>ভূমি</del>
- ৫৯. স্বস্থুটির উচ্চতা কত?
- 30√3 মিটার
- থ 48√2 মিটার
- ৬০. ভূমির সমতলে আরও 21 মিটার দূরে অবস্থিত এক ব্যক্তি স্তম্ভের সাথে 30° কোণ তৈরি করলে ব্যক্তি ও স্তম্ভের শীর্ষবিন্দুর দূরত্ব কত মিটার?
  - $\odot 27\sqrt{2}$
- $34\sqrt{3}$
- **1** 41√5
- **9** 57

#### নিচের তথ্যের আলোকে ৬১ – ৬৩ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

একটি খুঁটি ভূমিতে 12 মিটার দীর্ঘ ছায়া তৈরি করে এবং ভূমির সাথে  $60^\circ$  কোণ উৎপন্ন করে।

- ৬১. খুঁটিটির উচ্চতা কত?
- থ 18 মিটার
- 12√3 মিটার
- থ 15√2 মিটার
- ৬২. খুঁটিটি ভূমিতে কত দূরত্বে কোণ উৎপন্ন করে?
- (মধ্যম)

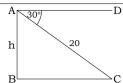
(মধ্যম)

(মধ্যম)

- ক 7 মিটার
- 12 মিটার
- 13 মিটার
- থ 14√2 মিটার
- ৬৩. যদি খুঁটিটি আরও 8 মিটার দূরে 45° কোণ করে ছায়া উৎপন্ন করে তবে খুঁটির শীর্ষবিন্দু ও ছায়ার দূরত্ব কত হবে? (কঠিন)
  - ক 18 মিটার
- 20√2 মিটার
- থ 24√3 মিটার

নিচের তথ্যের আলোকে ৬৪ – ৬৬ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

### নবম-দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত ▶ ৪২২



ঘরের উচ্চতা AB=h মিটার হয় তবে ঘরের শীর্ষবিন্দু A থেকে 20 মিটার দূরে C বিন্দুর অবনতি  $\angle DAC = 30^{\circ}$ 

৬8. ∠ACB = কত ডিগ্রি?

(সহজ)

- 30
- **1** 45 **3** 60

৬৫. ঘরটির উচ্চতা কত মিটার?

(মধ্যম)

 $\odot 10\sqrt{3}$ 

- 10
- **1**  $9 \cdot 5\sqrt{2}$  **1**  $9 \cdot 5\sqrt{3}$

ব্যাখ্যা :  $\sin 30^\circ = \frac{h}{20}$  বা,  $20 \times \sin 30^\circ = 20 \times \frac{1}{2} = 10$ 

৬৬. BC এর দৈর্ঘ্য কত?

17

- 17⋅32
- **1**8
- **(18.32)**

ব্যাখ্যা :  $\frac{BC}{20} = \cos 30^{\circ}$  বা,  $BC = 20.\frac{\sqrt{3}}{2} = 17.32$ 

নিচের চিত্রের আলোকে ৬৭ – ৬৯ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

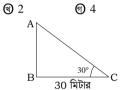
90.



চিত্রে AB এর মান কত মিটার?

**3** 8

93.



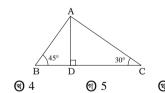
চিত্র অনুযায়ী AC এর দৈর্ঘ্য কত মিটার?

**⊕** 60

• 5

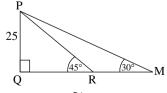
- **3** 45
- **1** 30

৭২. চিত্রে AD = 2 সে.মি. হলে BD এর দৈর্ঘ্য কত সে.মি.?



### 🗆 🗖 📗 বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

৭৬.



i. QR = 25 মিটার

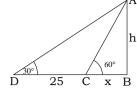
ii. QM = 43.30 মিটার (প্রায়)

iii. QM – QR = 18.30 মিটার (প্রায়)

নিচের কোনটি সঠিক?

- ♠ i ଓ ii
  ♠ i ଓ iii
  ♠ i ଓ iii
  ♠ i, ii ও iii

99.



৬৭. BD এর দৈর্ঘ্য কত?

- **③** 25 x **●** 25 + x
- ① 25x

৬৮. ΔACB সমকোণী ত্রিভুজের বেত্রে x কে h এর মাধ্যমে প্রকাশ কর?

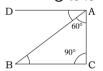
ব্যাখ্যা : tan∠ACB = h/ম বা, tan60°

$$=\frac{h}{x}$$
 ঝ,  $x = \frac{h}{\tan 60^\circ} = \frac{h}{\sqrt{3}}$ 

AB = 21.651 মিটার হলে x এর দূরত্ব কত মিটার?

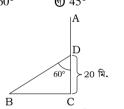
- **雨** 10⋅50
- **③** 12
- 12.50
- **13.75**

90.



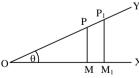
A বিন্দুতে B বিন্দুর অবনতি কোণের পরিমাপ কত?

- **⊕** 90°
- **3** 60°
- **1** 45°



উপরের তথ্যের ভিত্তিতে ৭৪ ও ৭৫ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

- ৭৪. গাছের উচ্চতা AC এর মান নিচের কোনটি?
  - **雨** 10
- **3**0
- **1** 40
- ৭৫. BC এর দৈর্ঘ্য নিচের কোনটি?



প্রদত্ত চিত্রানুযায়ী –

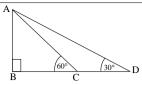
- i.  $\frac{OP}{OM_1}$
- ii.  $\frac{OP_1}{OM}$
- $iii.\,\frac{P_1M_1}{OM_1}$

নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- ⊕ i
- (1) ii
- iii
- g i, ii g iii

96.



- i.  $AC^2 = AB^2 + BC^2$
- ii.  $AD = \sqrt{AB^2 + BD^2}$
- iii.  $BC = \sqrt{AB^2 BD^2}$

### নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- o i ଓ ii
- (1) ii (2) iii
- டு i பே
- चि i, ii ও iii

### 🔲 🗆 অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

নিচের চিত্রের আলোকে ৭৯ – ৮১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :



৭৯. AC এর দৈর্ঘ্য কোনটি?

- $\bullet$   $\frac{20}{\sqrt{3}}$

(মধ্যম)

(মধ্যম)

৮০. AB এর দৈর্ঘ্য কোনটি?

$$rac{10}{\sqrt{3}}$$

- ⓐ  $10\sqrt{3}$
- **1** 20
- $9 20\sqrt{3}$
- ৮১. AC ও AB এর অনুপাত কোনটি?
  - **1**:2 2:1
- **1**:1
- (মধ্যম) **1**:3

### গুরুত্বপূর্ণ সজনশীল প্রশু ও সমাধান

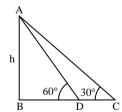
প্রমূ—১ > একটি টাওয়ারের পাদবিন্দু থেকে কিছু দূরে ভূতলস্থ একটি বিন্দুতে টাওয়ারের শীর্ষের উন্নতি কোণ 30°। ঐ বিন্দু থেকে টাওয়ারের দিকে 20 মিটার এগিয়ে আসলে টাওয়ারের উন্নতি কোণ 60° হয়।



- ক. তথ্য অনুযায়ী চিত্রটি অজ্ঞ্কন কর।
- খ. টাওয়ারের উচ্চতা নির্ণয় কর।
- গ. টাওয়ারের শীর্ষবিন্দু ও ভূতলস্থ প্রথম বিন্দুটির দূরত্ব নির্ণয় কর।

### 🕨 🕯 ১নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক. প্রদত্ত তথ্যানুযায়ী নিচে চিত্রটি আঁকা হলো:



চিত্রে AB একটি টাওয়ার যার উচ্চতা h, টাওয়ারের পাদদেশ B বিন্দু থেকে কিছুটা দূরে C বিন্দুতে টাওয়ারের উন্নতি কোণ 30°। C বিন্দু থেকে টাওয়া দিকে 20 মিটার সামনে D বিন্দুতে টাওয়ারের শীর্ষের উন্নতি কোণ 60°।

'ক' এ উলিরখিত চিত্রানুসারে,

AB = h মি.

মনে করি. BD = x মি.

$$BC = BD + CD$$
$$= (x + 20) \hat{A}.$$

এখন,  $\triangle ABD$ -এ  $tan60^\circ = \frac{AB}{BD}$ 

বা, 
$$\sqrt{3} = \frac{h}{x}$$

$$\therefore h = \sqrt{3}x$$

আবার,  $\triangle ABC$ -এ  $tan30^\circ = \frac{AB}{BC}$ 

$$\overline{4}, \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{h}{x + 20}$$

- বা,  $x + 20 = \sqrt{3}h$
- বা,  $x + 20 = (\sqrt{3}x)$
- বা, x + 20 = 3x
- বা. 2x = 20
- বা, x = 10
- $\therefore$  h =  $\sqrt{3} \times 10 = 10\sqrt{3}$  মিটার (Ans.)
- গ. টাওয়ারের শীর্ষবিন্দু A এবং ভূতলস্থ প্রথম বিন্দুটি হলো C

এদের মধ্যবর্তী দূরত্ব **হলো** AC 'ক' এর চিত্রে, পিথাগোরাসের সূত্র প্রয়োগ করে পাই,

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$

এখানে,  $AB = h = 10\sqrt{3}$  মিটার

$$BC = BD + CD = x(10 + 20) = 30$$
 মিটার

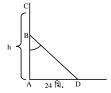
$$\therefore AC^2 = (10\sqrt{3})^2 + (30)^2$$

$$=300 + 900 = 1200$$

AC = 34.64 মিটার টাওয়ারের শীর্যবিন্দু ও ভূতলস্থ প্রথম বিন্দুটির দূরত্ব 34.64 মিটার। (Ans.)

প্রমু—২ চ একটি বৈদ্যুতিক খুঁটি ঝড়ে এমনভাবে ভেঙে গেল যে, ভাঙা অংশ দন্ডায়মান অংশের সাথে  $60^\circ$  কোণ করে খুঁটির গোড়া থেকে 24 মি. দূরে মাটি স্পর্শ করে।

- ক. উদ্দীপকের তথ্যানুসারে চিত্রটি আঁক ও ব্যাখ্যা কর।
- থ**. খুঁটিটি কত উচ্চতায় ভেঙেছিল তা বের কর**।
- গ. সম্পূর্ণ খুঁটির দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- 🕨 🕯 ২নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻
- ক. উদ্দীপকের তথ্যানুসারে চিত্রটি আঁকা হলো:



চিত্রে AC হলো বৈদ্যুতিক খুঁটি যার উচ্চতা h. AC এর B বিন্দুতে খুঁটিটি খ এমনভাবে ভেঙে গেল যে, ভাঙা অংশ দণ্ডায়মান অংশের সাথে 60° কোণ উৎপন্ন করে। অর্থাৎ ∠ABD = 60°। উদ্দীপকের তথ্যানুসারে, BC = BD এবং AD = 24 মিটার।

খ. 'ক' এর চিত্রানুসারে, AABD-এ

$$\tan 60^{\circ} = \frac{AD}{AB}$$

বা, 
$$\sqrt{3} = \frac{24}{AB}$$

বা, AB = 
$$\frac{24}{\sqrt{3}}$$

∴ AB = 13.856 মিটার

অর্থাৎ, খুঁটিটি ভূমি থেকে 13.856 মিটার উচ্চতায় ভেঙেছিল। (Ans.)

গ. 'ক' এর চিত্রানুসারে, সম্পূর্ণ খুঁটির দৈর্ঘ্য AC = AB + BC

আবার, BC = BD

অর্থাৎ AC = AB + BD

এখন, 
$$\triangle ABD$$
-এ  $\sin 60^\circ = \frac{AD}{BD}$ 

বা, 
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{24}{BD}$$

বা, BD = 
$$\frac{24 \times 2}{\sqrt{3}}$$

আবার, h = AC = AB + BD = 13.856 + 27.712 = 41.568

∴ সম্পূর্ণ খুঁটির দৈর্ঘ্য 41.568। (Ans.)

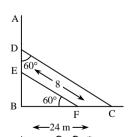
প্রম্—০ > একটি সুপারি গাছ ঝড়ে এমনভাবে ভেঙে গেল যেন ভাঙা অংশ দন্ডায়মান অংশের সাথে 60° কোণ করে গাছের গোড়া থেকে 24 মিটার দূরে মাটি স্পর্শ করে। 8 মিটার লম্বা একটি মই ভূমির সাথে 60° কোণ করে গাছের দন্ডায়মান অংশের সাথে ঠেস দেওয়া হলো।



- ক. তথ্যগুলো চিত্রের মাধ্যমে প্রকাশ কর।
- খ. সুপারি গাছটির সম্পূর্ণ দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- গ. মই সুপারি গাছের দণ্ডায়মান অংশের যে বিন্দুতে ঠেস দেওয়া আছে তার উপরের দণ্ডায়মান অংশের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

🕨 🗸 ৩নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

ক.



প্রদত্ত তথ্যানুসারে উপরের চিত্রটি আঁকা হলো।

এখানে, AB হলো সম্পূর্ণ সুপারি গাছের দৈর্ঘ্য। গাছটি ঝড়ে D বিন্দুতে তেঙে গিয়ে ভূমির C বিন্দুতে স্পর্শ করে। উদ্দীপক অনুসারে BC=24 মিটার এবং  $\angle BDE=60^\circ$ ।

আবার, BD অংশের সাথে 8 মিটার লম্বা একটি মই এমনভাবে ঠেস দেওয়া হলো যেন তা ভূমির সাথে  $60^\circ$  কোণ উৎপন্ন করে। উদ্দীপক অনুসারে EF=8 মিটার এবং  $\angle BFE=60^\circ$ ।

খ. 'ক' এর চিত্র অনুসারে, AB = BD + AD. -----(i)

আবার, AD = DC

(i) নং এ AD এর মান বসিয়ে,

$$\therefore$$
 AB = BD + DE -----(ii)

এখন, ∆BDC-এ

$$\tan 60^{\circ} = \frac{BC}{BD}$$

বা, 
$$\sqrt{3}$$
 =  $\frac{BC}{BD}$ 

বা. BD 
$$=\frac{24}{\sqrt{3}} = 13.856$$

আবার, 
$$\triangle BDC$$
−এ  $\sin 60^\circ = \frac{BC}{DC}$ 

বা, 
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{BC}{DC}$$

বা, DC = 
$$\frac{2 \text{ BC}}{\sqrt{3}}$$

$$=\frac{48}{\sqrt{3}}=27.71$$

এখানে, (ii) নং সমীকরণে BD ও DC এর মান বসিয়ে পাই,

AB = (13.856 + 27.71) মিটার = 41.566 মিটার

∴ সুপারি গাছটির সম্পূর্ণ দৈর্ঘ্য 41·566 মিটার। (Ans.)

এখন, 
$$\triangle$$
 BEF –এ  $\sin 60^\circ = \frac{BE}{EF}$ 

বা, 
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{BE}{EF}$$

$$\overline{4}$$
,  $BE = \frac{\sqrt{3} \times EF}{2} = \frac{\sqrt{3} \times 8}{2} = 4\sqrt{3}$ 

আবার, 'খ' থেকে পাই, BD = 13.865

BE ও BD এর মান (iii) নং সমীকরণে বসিয়ে পাই,

$$13.856 = 4\sqrt{3} + ED$$

বা, 
$$ED = 13.856 - 4\sqrt{3} = 6.93$$
 (প্রায়) (Ans.)

প্রশ্ন—8 > একটি গাছ ঝড়ে ভেঙে গিয়ে সম্পূর্ণ বিচ্ছিন্ন না হয়ে ভূমির সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করে মাটি স্পর্শ করেছে এবং 15 মিটার উচ্চতায় ভেঙেছে।

ক. সংৰিপ্ত বিবরণসহ চিত্রটি আঁক।

5

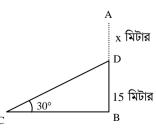
খ. সম্পূর্ণ গাছটির দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

8

গ. তাঙা অংশ যদি দণ্ডায়মান অংশের সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করত সেবেত্রে ভাঙা অংশের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

♦ ৪নং প্রশ্রের সমাধান ▶

ক.



গাছটির সম্পূর্ণ দৈর্ঘ্য AB। ইহা 15 মিটার উচ্চতায় ভেঙ্গে ভূমির সাথে  $\angle BCD = 30^\circ$  উৎপন্ন করেছে।

খ. 'ক' এর চিত্রানুযায়ী BD = 15 মিটার

মনে করি, AD = x মিটার = CD এবং  $\angle BCD = 30^{\circ}$ 

এখন, sin ∠BCD = 
$$\frac{BD}{CD}$$

বা, 
$$\sin 30^\circ = \frac{15}{x}$$

বা, 
$$\frac{1}{2} = \frac{15}{x}$$

গ. যদি 45 মিটার লম্বা গাছটির ভাঙা অংশ দণ্ডায়মান অংশের সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করত।

সেৰেত্ৰে, AB = 45 মিটার,  $\angle BDC = 30^{\circ}$ 

এখন, 
$$\cos \angle BDC = \frac{BD}{CD}$$

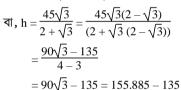
বা, 
$$\cos 30^{\circ} = \frac{h}{45 - h}$$

$$\overline{4}, \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{h}{45 - h}$$

$$45\sqrt{3} - \sqrt{3}h$$

বা, 
$$2h + \sqrt{3}h = 45\sqrt{3}$$

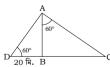
বা, h, 
$$(2 + \sqrt{3}) = 45\sqrt{3}$$



$$h = 20.885$$

.. ভাঙা অংশের দৈর্ঘ্য হবে (45 – 20.885) মিটার = 24.12 মিটার (প্রায়)

প্রশ্ন–৬ ১



উপরের চিত্রে AB একটি গাছ।

ক. চিত্রটির বর্ণনা দাও।

২

খ. গাছটির উচ্চতা নির্ণয় কর।

Q

া. গাছটির পাদদেশ থেকে ভূতলস্থ C বিন্দুর দূরত্ব নির্ণয় কর।

১ ৬ ৯২ প্রশ্রের সমাধান ১ ব

প্রম্—ে রশিদ সাহেবের বাড়ির ছাদে একটি টাওয়ার অবস্থিত যার উচ্চতা ভূমি হতে 60 মিটার এবং বাড়ির সামনে একটি দেবদারব গাছ আছে। টাওয়ারের শীর্ষ হতে দেবদারব গাছের শীর্ষ ও পাদদেশের অবনতি কোণ যথাক্রমে 30° ও 60°। টাওয়ারের শীর্ষ রশি দিয়ে আটকিয়ে দেবদারব গাছের পাদদেশ পর্যন্ত টানা দিতে মোট 60 মিটার রশি লাগে এবং রশি দিয়ে দেবদারব গাছটি প্রাচালে 10টি প্রাচ হয়।



- ক. টাওয়ার ও দেবদারব গাছের মধ্যবর্তী দূরত্ব নির্ণয় কর। ২
- খ. দেবদারব গাছের উচ্চতা নির্ণয় কর।
- গ. দেবদারব গাছের প্রতিটি প্যাচ সমান হলে প্রতি প্যাচের আবন্ধ অংশের বেত্রফল নির্ণয় কর।

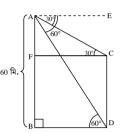
### ৫ ৫নং প্রশ্রের সমাধান > ৫

$$\overline{\Phi}$$
  $\tan 60^\circ = \frac{AB}{BD}$ 

বা, 
$$\sqrt{3} = \frac{60}{BD}$$

বা, 
$$\frac{60}{\text{BD}} = \frac{60\sqrt{3}}{3}$$

$$\therefore BD = 20\sqrt{3}$$



খ. এখন,  $\triangle ACF$ –এ  $\tan \angle ACF = \frac{AF}{CF}$ 

বা, 
$$\tan 30^\circ = \frac{AF}{CF}$$

বা, 
$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{AF}{20\sqrt{3}} [\because CF = BD]$$

$$\therefore BF = CD = (60 - 20)$$
 মিটার = 40 মিটার

গ. 10টি প্যাচের দৈর্ঘ্য 60 মিটার

$$\therefore$$
 প্রতিটি প্র্যাচের দৈর্ঘ্য  $\frac{60}{10} = 6$  মিটার

মনে করি, প্রতিটি প্যাচের ব্যাসার্ধ r মিটার

∴ প্রতিটি প্যাচের পরিধি 2πr মিটার

প্রশ্নতে,  $2\pi r = 6$ 

বা, 
$$r = \frac{6}{2\pi}$$

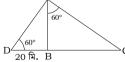
∴ r = 0.955 মিটার (প্রায়)

∴ প্রতিটি প্যাচের আবন্ধ অংশের বেত্রফল  $= \pi r^2$  বর্গমিটার

= 3.1416 × (0.955)<sup>2</sup> বর্গমিটার

= 2.865 বর্গমিটার (প্রায়)



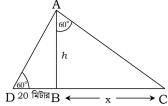


AB গাছটির গোড়া থেকে BD=20 মিটার দূরে D বিন্দুতে গাছটির শীর্ষ বিন্দুর উন্নতি কোণ  $\angle ADB=60^\circ$ । D বিন্দুর বিপরীত পাশে C বিন্দু এবং  $\angle BAC=60^\circ$ । গাছের গোড়া থেকে C বিন্দুর দূরত্ব BC,D,B,C একই সরলরেখায় অবস্থিত।

খ.

ক.

### নবম-দশম শ্রেণি: সাধারণ গণিত ▶ ৪২৬



মনে করি, গাছটির উচ্চতা AB = h মিটার। গাছটির পাদদেশ থেকে BD = 20 মিটার দূরে ভূতলস্থ D বিন্দুতে গাছটির শীর্ষ A বিন্দুর উন্লুতি ∠ADB = 60° I

সমকোণী  $\triangle ADB$  থেকে পাই,  $tan \angle ADB = \frac{AB}{BD}$ 

বা, 
$$\tan 60^\circ = \frac{h}{20}$$

$$\sqrt{3} = \frac{h}{20}$$

∴ h = 34.64 মিটার (প্রায়)

নির্ণেয় গাছটির উচ্চতা 34.64 মিটার (প্রায়)।

মনে করি, গাছের গোড়া থেকে ভূতলস্থ বিন্দুটির দূরত্ব BC = x মিটার, গাছের উচ্চতা AB = 34.64 মিটার।

সমকোণী  $\triangle ABC$  এ  $\angle B = 90^{\circ}$ ,  $\angle A = 60^{\circ}$ 

$$\therefore \angle C = 180^{\circ} - (\angle A + \angle B)$$

[: ত্রিভুজের তিন কোণের সমষ্টি দুই সমকোণ]

$$=180^{\circ} - (60^{\circ} + 90^{\circ}) = 180^{\circ} - 150^{\circ}$$

$$\therefore \angle C = 30^{\circ}$$

∴ C বিন্দুতে গাছটির শীর্ষ বিন্দুর উন্নৃতি ∠ACB = 30°

∆ABC থেকে পাই.

$$\tan\angle ACB = \frac{AB}{BC}$$

বা, 
$$\tan 30^{\circ} = \frac{34.64}{x}$$

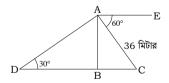
$$\overline{4}, \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{34.64}{x}$$

বা,  $x = 34.64 \times \sqrt{3} = 60$  মিটার প্রায়)।

∴ গাছটির গোড়া থেকে ভূতলস্থ বিন্দুটির দূরত্ব 60 মিটার (প্রায়)।

(Ans.)

### প্রশ্ন–৭ 🕨



#### চিত্ৰটি লৰ কর:



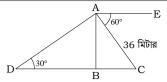
ক. চিত্রটির বর্ণনা দাও।

খ. AB বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

গ. দেখাও যে, CD এর দৈর্ঘ্য 72 মিটার।

#### 🕨 🕯 ৭নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক. চিত্রে A বিন্দুতে C বিন্দুর অবনতি  $\angle CAE = 60^\circ$  এবং D বিন্দুতে Aবিন্দুর উন্নতি  $\angle ADB = 30^\circ$ , AC = 36 মিটার এবং D, B, C একই সরল রেখায় অবস্থিত।



দেওয়া আছে,  $\angle CAE = 60^{\circ}$ ,  $\angle ADB = 30^{\circ}$  এবং AC = 36 মিটার

$$\therefore$$
  $\angle CAE = \angle ACB = 60^{\circ}$  [একাশ্তর কোণ বলে]

এখন, 
$$\triangle ABC$$
 থেকে পাই,  $\sin \angle ACB = \frac{AB}{AC}$ 

$$\overline{4}$$
,  $\sin 60^{\circ} = \frac{AB}{36} \overline{4}$ ,  $\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AB}{36}$ 

বা, 
$$2AB = 36\sqrt{3}$$
 বা,  $AB = \frac{36\sqrt{3}}{2}$ 

∴ AB বাহুর দৈর্ঘ্য 31·177 মিটার (প্রায়)।

গ. 
$$\triangle ABC$$
 থেকে পাই,  $\cos \angle ACB = \frac{BC}{AC}$ 

বা, 
$$\cos 60^\circ = \frac{BC}{36}$$

বা, 
$$\frac{1}{2} = \frac{BC}{36}$$
 [ ::  $\cos 60^\circ = \frac{1}{2}$ ]

বা, 2BC = 36 বা, BC = 
$$\frac{36}{2}$$

এবং  $\triangle ABD$  থেকে পাই,  $\tan \angle ADB = \frac{AB}{RD}$ 

বা, 
$$\tan 30^\circ = \frac{AB}{BD}$$

বা, 
$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{36\sqrt{3}}{2BD}$$
 [ :: tan 30° =  $\frac{1}{\sqrt{3}}$  এবং AB =  $\frac{36\sqrt{3}}{2}$ ]

বা, 
$$2BD = 36\sqrt{3} \times \sqrt{3}$$

$$\therefore$$
 BD = 54

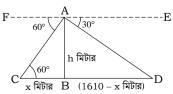
প্রমু🗕৮ > দুইটি মাইল পোস্টের মধ্যবর্তী কোনো স্থানের উপরে একটি বেলুন উড়ছে। বেলুনের স্থানে ঐ মাইল পোস্টে দুইটির অবনতি কোণ যথাক্রমে 30° ও 60° |

ক. সংৰিপ্ত বৰ্ণনাসহ আনুপাতিক চিত্ৰ অঙ্কন কর।

খ. বেলুনটির উচ্চতা মিটারে নির্ণয় কর।

গ. যে মাইল পোস্টে বেলুনটি থেকে অবনতি কোণ 60°, ঐ মাইল পোস্ট থেকে বেলুনের সরাসরি দূরত্ব মিটারে নির্ণয় কর।

১ ৬ ৮নং প্রশ্রের সমাধান ১



মনে করি, বেলুনের উচ্চতা AB = h মিটার এবং A বিন্দুতে মাইল পোস্ট C এবং মাইল পোস্ট D এর অবনতি যথাক্রমে  $∠CAF = 60^\circ$  এবং  $\angle DAE = 30^{\circ} I$ 

খ. মাইল পোস্টদ্বয়ের মধ্যকার দূরত্ব CD = 1 মাইল

= 1.61 কি.মি. (প্রায়)

ধরি, 
$$BC = x$$
 মিটার।

অতএব, BD = CD - BC = (1610 - x) মিটার।

এখানে,  $\angle CAF = \angle ACB = 60^\circ$  [একাশ্তর কোণ বলে]

এবং  $\angle DAE = \angle ADB = 30^{\circ}$  [একাশ্তর কোণ বলে]

$$\triangle ABC$$
 থেকে পাই,  $tan \angle ACB = \frac{AB}{BC}$ 

$$\overline{\triangleleft}$$
,  $\tan 60^\circ = \frac{h}{x}$   $\overline{\triangleleft}$ ,  $\sqrt{3} = \frac{h}{x}$  [::  $\tan 60^\circ = \sqrt{3}$ ]

$$\therefore x = \frac{h}{\sqrt{3}} \dots (i)$$

আবার,  $\triangle ABD$  থেকে পাই,  $\tan \angle ADB = \frac{AB}{BD}$ 

বা, 
$$tan 30^\circ = \frac{h}{1610 - x}$$

বা, 
$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{h}{1610 - x} \left[ \because \tan 30^{\circ} = \frac{1}{\sqrt{3}} \right]$$

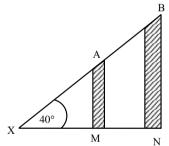
বা, 
$$\sqrt{3}h = 1610 - x$$

বা, 
$$\sqrt{3}h = 1610 - \frac{h}{\sqrt{3}}$$
 [(i) নং সমীকরণের সাহায্যে]

বা, 
$$\sqrt{3}h + \frac{h}{\sqrt{3}} = 1610$$

বা, 
$$\frac{3h+h}{\sqrt{3}} = 1610$$

প্রমু—৯ > সমভূমিতে দুইটি খুঁটি অবস্থিত। খুঁটি দুইটির চূড়া হতে ভূমির উন্নতি কোণ 40°, ছোট খুঁটি হতে x বিন্দুর দূরত্ব 8 মিটার এবং খুঁটি দুটির চূড়ার দূরত্ব 20 মিটার I  $(\tan 40^\circ = 0.83 \text{ এবং } \sin 40^\circ = 0.64)$ 





- ক. ছোট খুঁটিটির উচ্চতা কত? (দুই দশমিক ঘর পর্যন্ত)
- খ. বড় খুঁটিটির উচ্চতা কত ? (দুই দশমিক ঘর পর্যন্ত)
- খুঁটি দুইটির আনুভূমিক দূরত্ব এবং উচ্চতার অনুপাত নির্ণয় কর (দুই দশমিক ঘর পর্যন্ত)।

#### ১ ১ ৯নং প্রশ্রের সমাধান ১ ৫

ক. মনে করি, ছোট খুঁটিটির উচ্চতা = P মিটার (AM = P) দেওয়া আছে, খুঁটিটি ভূমির সাথে 40° কোণ উৎপন্ন করেছে।

আমরা জানি, 
$$tan\theta = \frac{e}{\sqrt[p]{h}}$$

বা, 
$$\tan 40^\circ = \frac{AM}{XM}$$

বা,  $0.83 = \frac{P}{g}$ [য়েহেতু ছোট খুঁটি হতে X বিন্দুর দূরত্ব 8 মিটার]

বা, 
$$P = 8 \times 0.83$$

$$\therefore P = 6.71$$

∴ ছোট খুঁটির উচ্চতা হলো 6.71 মিটার (দুই দশমিক ঘর পর্যন্ত)।

মনে করি, বড় খুঁটির উচ্চতা  $= P_1$  মিটার ( $BN = P_1$ )

বা, 
$$\frac{4h}{\sqrt{3}} = 1610$$

বা, 
$$4h = 1610\sqrt{3}$$

বা, 
$$h = \frac{1610\sqrt{3}}{4}$$

∴ বেলুনের উচ্চতা 697.15 মিটার (প্রায়)। (Ans.)

গ. যে মাইল পোস্টে বেলুনটি থেকে অবনতি কোণ  $60^\circ$  ঐ মাইল পোস্ট থেকে বেলুনের সরাসরি দূরত্ব = AC মিটার।

'খ' থেকে পাই বেলুনটির উচ্চতা, AB = 697·15 মিটার (প্রায়)

তাহলে, ABC থেকে  $\sin \angle ACB = \frac{AB}{AC}$ 

$$\overline{\triangleleft}, \sin 60^{\circ} = \frac{697.15}{AC}$$

বা, 
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{697 \cdot 15}{AC}$$

$$\therefore AC = \frac{1394.3}{\sqrt{3}} = 804.99 = 805$$
 (প্রায়)

∴60° অবনতি কোণের মাইল পোস্ট হতে বেলুনটি 805 মিটার (প্রায়) দূরত্বে অবস্থিত।

এখানেও খুঁটিটি ভূমির সাথে 40° কোণ উৎপন্ন করেছে।

আমরা জানি , 
$$\sin \theta = \frac{$$
লম্ব  $}{ \overline{ rac{ }{ rac{ }{ rac{ }{ rac{ }{ rac{ }{ rac{ }{ rac{ }{ }} } } } } } }$ 

বা, 
$$\sin 40^\circ = \frac{BN}{BX}$$

বা, 
$$0.64 = \frac{P_1}{(20 + AX)}$$
 .....(i)

তাবার, 
$$AX^2 = AM^2 + MX^2$$

$$\overrightarrow{AX}^2 = (6.71)^2 + (8)^2$$

বা, 
$$AX^2 = 109.02$$

$$\therefore$$
 AX = 10.44

এখন AX এর মান সমীকরণ (i) এ বসালে পাই,

বা, 
$$0.64 = \frac{P_1}{20 + 10.44}$$

বা, 
$$P_1 = 0.64 \times 30.44$$

$$\therefore P_1 = 19.48$$

∴ বড় খুঁটিটির উচ্চতা 19.48 মিটার।

গ. আমরা জানি, 
$$tan\theta = \frac{e^{\pi x}}{e^{\pi x}}$$

বা, 
$$\tan 40^\circ = \frac{BN}{XN} = \frac{P_1}{XN}$$

বা, 
$$0.83 = \frac{19.48}{(XM + MN)}$$

বা, 
$$0.83 = \frac{19.48}{8+O}$$
 [মনে করি,  $MN = Q$ ]

$$\therefore$$
 Q = 15·21

∴ খুঁটি দুটির আনুভূমিক দূরত্ব হলো 15.21 মিটার।

তাহলে খুঁটি দুটির দূরত্বের অনুপাত = ছোট খুঁটির উচ্চতা : বড় খুঁটির

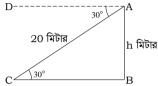
∴ বড় খুঁটির দৈর্ঘ্য ছোট খুঁটির দৈর্ঘ্যের চেয়ে প্রায় 3 গুণ বেশি।

### প্রমৃ−১০ > একটি ঘরের ছাদের কোনো বিন্দুতে ঐ বিন্দু থেকে 20 মিটার দূরের ভূতলস্থ একটি বিন্দুর অবনতি কোণ 30°।

- ক. উপরের তথ্যানুসারে চিত্র অজ্জন করে সংবিশ্ত বর্ণনা দাও।
- খ. ঘরটির উচ্চতা নির্ণয় কর।
- গ. ভূতলস্থ যে বিন্দুতে অবনতি কোণ 30°, ঐ বিন্দুটি ঘরটি থেকে কত দূরে?

### 🕨 🕯 ১০নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

ক.



মনে করি, ঘরের উচ্চতা AB=h মিটার, ভূতলঙ্গ্থ C বিন্দুর অবনতি  $\angle CAD=30^\circ$  এবং AC=20 মিটার।

- ∴ একাশ্তর ∠CAD = একাশ্তর ∠ACB =30°
  - [∴ DA|| BC এবং AC ছেদক ]
- খ.  $\triangle ABC$  থেকে পাই,  $\sin \angle ACB = \frac{AB}{AC}$

বা, 
$$\sin 30^\circ = \frac{h}{20}$$

বা, 
$$h = \frac{20}{2}$$

$$\therefore h = 10$$

- ∴ ঘরের উচ্চতা 10 মিটার।
- গ. ভূতলম্থ যে বিন্দুতে অবনতি কোণ  $30^\circ$  ঐ বিন্দু (C) থেকে ঘর AB পর্যন্ত দূরত্ব = BC মিটার। 'খ' থেকে পাই ঘরের উচ্চতা, AB = 10 মিটার।

$$\tan \angle ACB = \frac{AB}{BC}$$

বা, 
$$\tan 30^\circ = \frac{10}{BC}$$

$$\sqrt[4]{1} = \frac{10}{BC}$$

- BC = 17.321
- $\therefore$  ভূতলস্থ যে বিন্দুর অবনতি কোণ  $30^\circ$ , ঐ বিন্দু থেকে ঘরটি  $17\cdot 32$  মি. দূরে।

# প্রমু—১১ চ ভূতলস্থ কোনো স্থানে একটি দালানের ছাদের কোনো বিন্দুর উন্নতি কোণ 45°। ঐ স্থান থেকে দালানের দিকে 60 মিটার এগিয়ে গেলে ঐ বিন্দুর উন্নতি কোণ 60° হয়।

- ক. দালানের উচ্চতা AB মিটার হলে দালানের পাদবিন্দু হতে 60° কোণে সৃষ্ট বিন্দুর দূরত্ব নির্ণয় কর।
- খ. দালানের উচ্চতা নির্ণয় কর।
- গ. দালানের সম উচ্চতার একটি দেয়াল ভেঙে গিয়ে
  সম্পূর্ণভাবে বিচ্ছিন্ন না হয়ে ভূমির সাথে 30° কোণ
  উৎপন্ন করে, দেয়ালটি কত উঁচুতে ভেঙেছিল?
  - 🕨 🕯 ১১নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 🕻

ক. মনে করি, A বিন্দু দালানের ছাদের অবস্থান এবং AB দালানের উচ্চতা,

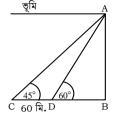
C বিন্দুর উন্নতি কোণ 45°। C বিন্দু থেকে দালানের দিকে D বিন্দুর উন্নতি
কোণ 60°। এখানে CD = 60 মিটার

চিত্ৰ হতে, ∆ABD এ,

$$an 60^\circ = rac{\mbox{eq.}}{\mbox{ভূমি}} = rac{AB}{BD}$$

বা, 
$$\sqrt{3} = \frac{AB}{BD}$$

$$\therefore BD = \frac{AB}{\sqrt{3}}$$



- $\therefore$  দালানের পাদবিন্দু হতে  $60^\circ$  কোশে সৃষ্ট বিন্দুর দূরত্ব  ${AB\over\sqrt{3}}$  ।
- খ. ক' এর চিত্র **হতে** , ∆ABC এ ,

$$\tan 45^{\circ} = \frac{AB}{BC}$$

বা, 
$$1 = \frac{AB}{BD + CD}$$
 [থেছেতু  $BC = BD + CD$ ]

বা, 
$$1 = \frac{AB}{\frac{AB}{\sqrt{3}} + 60}$$
 [যেহেতু  $BD = \frac{AB}{\sqrt{3}}$  এবং  $CD = 60$  মিটার]

বা, 
$$\frac{AB}{\sqrt{3}} + 60 = AB$$

বা, 
$$AB - \frac{AB}{\sqrt{3}} = 60$$

বা, AB 
$$\left(1 - \frac{1}{\sqrt{3}}\right) = 60$$

বা, AB 
$$\left(\frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}}\right)=60$$

ৰা, 
$$AB = \frac{60 \times \sqrt{3}}{(\sqrt{3} - 1)} = \frac{60 \times \sqrt{3}(\sqrt{3} + 1)}{(\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} + 1)}$$

[লব ও হরকে  $(\sqrt{3}+1)$  দারা গুণ করে]

$$=\frac{60(3+\sqrt{3})}{3-1}=\frac{60(3+\sqrt{3})}{2}$$

$$=30(3+\sqrt{3})=90+30\sqrt{3}=90+30\times1.732$$

নির্ণেয় দালানটির উচ্চতা 141-96 মিটার।

গ. 'খ' থেকে দালানের উচ্চতা AB=141.96 মিটার দালানের সম উচ্চতার একটি দেয়াল F বিন্দুতে ভেঙে বিচ্ছিন্ন না হয়ে E

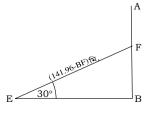
বিন্দুতে ভূমির সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করেছে। সুতরাং BF উচ্চতায় দেয়ালটি ভেঙেছিল

এখন, ∆BEF-এ

$$\sin 30^\circ = \frac{$$
লম্ব  $}{$ অতিভুজ  $} = \frac{BF}{EF}$ 

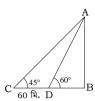
বা, 
$$\frac{1}{2} = \frac{BF}{141.96 - BF}$$

বা, BF = 
$$\frac{141.96}{3}$$



∴দেয়ালটি 47-32 মিটার উচুতে ভেঙেছিল।

### প্রশ্ন-১২ 🕨

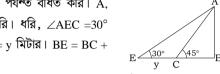


চিত্রে C বিন্দু হতে D বিন্দুর দিকে এগিয়ে গেলে উন্নতি কোণ  $45^\circ$  থেকে  $60^\circ$ হয়।

ক. উন্নতি কোণ কাকে বলে?

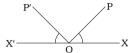
খ. AB এর উচ্চতা কত?

গ. C বিন্দু থেকে কত মিটার পিছিয়ে গেলে উন্নতি কোণ



### 🕨 🕯 ১২নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. ভূতলের উপরের কোনো বিন্দুর ভূমির সমান্তরাল রেখার সাথে যে কোণ উৎপন্ন করে তাকে উন্নতি কোণ বলা হয়।



মনে করি, ভূ–রেখার সমান্তরাল রেখা XOX' চিত্রে O, P, X বিন্দুগুলো একই উলরম্ব তলে অবস্থিত এবং P বিন্দু XOX' রেখার উপরের দিকে অবস্থিত। তাহলে O বিন্দুতে P বিন্দুর উনুতি কোণ হচ্ছে ∠POX অনুরূ পভাবে P' বিন্দুতে উন্নতি কোণ ∠P'OX'।



মনে করি, AB এর উচ্চতা = h মিটার, চিত্র হতে শীর্ষের উন্নতি কোণ ∠ACB = 45°, CD = 60 মিটার।

$$\therefore \quad BC = BD + CD$$

∆ABD থেকে পাই,

$$tan \angle ADB = \frac{AB}{BD}$$

$$\overline{4}$$
,  $\tan 60^\circ = \frac{h}{v}$ 

বা, 
$$\sqrt{3} = \frac{h}{x}$$
 [::  $tan60^\circ = \sqrt{3}$ ]

$$\therefore x = \frac{h}{\sqrt{3}} \qquad \dots \qquad (i)$$

আবার, ∆ABC থেকে পাই,

$$\tan \angle ACB = \frac{AB}{BC}$$

$$\boxed{1}, \quad \tan 45^\circ = \frac{h}{x + 60}$$

বা, 
$$1 = \frac{h}{x + 60}$$
 [::  $tan 45^{\circ} = 1$ ]

বা, 
$$h = x + 60$$

বা, 
$$h = \frac{h}{\sqrt{3}} + 60$$
 [ (i) নং সমীকরণ হতে ]

$$4h$$
,  $h - \frac{h}{\sqrt{3}} = 60$ 

$$\boxed{4}, \quad \frac{\sqrt{3}h - h}{\sqrt{3}} = 60$$

বা, 
$$h(\sqrt{3}-1)=60\sqrt{3}$$

$$\overrightarrow{1}, \quad h = \frac{60\sqrt{3}}{\sqrt{3} - 1} = \frac{60 \times 1.732}{(1.732 - 1)} = \frac{103.92}{0.732} = 141.967$$

∴ উচ্চতা 141.967 মি.।

এবং 
$$EC = y$$
 মিটার।  $BE = BC +$ 

যা 'খ' হতে প্ৰাপত h = BC = 141.967 মি. এখন  $\triangle AEB$  থেকে পাই,

$$tan \angle AEB = \frac{AB}{BE} = \frac{AB}{BC + EC}$$

$$\overline{4}$$
1,  $\tan 30^\circ = \frac{141.967}{141.967 + y}$ 

$$\boxed{4}, \quad \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{141.967}{141.967 + y} \quad \boxed{\because \tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}}$$

বা, 
$$141.967 + y = 141.967 \times \sqrt{3}$$

বা, 
$$y = 245.894 - 141.967$$

$$\therefore \quad y = 103.927$$

সুতরাং 103-927 মিটার পেছনে।

প্রমু–১৩ > একটি লম্বা গাছ মধ্যাহ্নে তার পাদদেশ থেকে 30 মিটার দূরে ছায়া সৃষ্টি করে  $60^\circ$  উন্নতি কোণ উৎপন্ন করে। এবং বিকালে ছায়া বেড়ে গিয়ে উন্নতি কোণ 45° হয়। গাছটি ঝড়ে ভেঙে গিয়ে সম্পূর্ণভাবে বিচ্ছিন্ন না হয়ে ভূমির সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করে।



ক. গাছটির উচ্চতা কত?

খ. 45° কোণ সৃষ্টিকালে গাছটির ছায়া কতটুকু বৃদ্ধি পায়?

এক্ষেত্রে ছায়ার দৈর্ঘ্য কত? গ. গাছটি কত উঁচুতে ভেঙেছিল?



### 🕨 🕯 ১৩নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

ক. মনে করি, গাছটির উচ্চতা = AB গাছের পাদদেশ B হতে BC = 30 মিটার C বিন্দুতে শীর্ষ A বিন্দুর উন্নতি কোণ =  $60^\circ$ 

$$tan60^{\circ} = \frac{$$
লম্ব  $}{ rac{ }{ rac{ }{ }}}}{ rac{ }{ rac{ }{ rac{ }{ }}}}} = rac{ AB}{BC}}$ 

বা, 
$$\sqrt{3} = \frac{AB}{30}$$

বা, 
$$AB = 30 \times \sqrt{3}$$

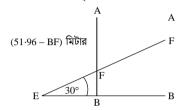
- খ. গাছটির উচ্চতা AB = 51.96 মিটার
  - মনে করি,  $45^{\circ}$  কোণ সৃষ্টিকালে গাছটির ছায়া x মিটার বৃদ্ধি পায়। তাহলে মোট ছায়া BD = BC + CD = (30 + x) মিটার সুতরাং ∆ABD এ,

$$\tan 45^\circ = \frac{\text{লম্ব}}{\text{ভূমি}} = \frac{AB}{BD}$$

বা, 
$$1 = \frac{51.96}{30 + x}$$

∴ চিত্র হতে, ছায়ার দৈর্ঘ্য = BD মিটার

.: গাছটির ছায়া 21.96 মিটার বৃদ্ধি পায় এবং ছায়ার দৈর্ঘ্য 51.96 মিটার।



'ক' অংশ থেকে পাই গাছটির দৈর্ঘ্য AB = 51.96 মিটার গাছটি ঝড়ে F বিন্দুতে ভেঙে বিচ্ছিন্ন না হয়ে ভাঙা অংশ E বিন্দুতে ভূমির সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করেছে।

সুতরাং গাছটি BF উচ্চতায় ভেঙেছিল।

এখানে, 
$$EF = AF = AB - BF = (51.96 - BF)$$
 মিটার। এখন,  $\Delta BEF$ এ,

$$\sin 30^\circ = \frac{\text{লম্ব}}{\text{অতিভজ}} = \frac{BF}{EF}$$

বা, 
$$\frac{1}{2} = \frac{BF}{51.96 - BF}$$

[থেহেতু EF = 51.96 – BF]

$$\therefore BF = \frac{51.96}{3} = 17.32$$
মিটার

∴ গাছটি 17-32 মিটার উচুঁতে ভেঙেছিল।

### প্রমূ—১৫ > 18 মিটার দৈর্ঘ্য একটি মই ভূমির সাথে 45° কোণ উৎপন্ন করে দেওয়ালের ছাদ স্পর্শ করে।



ক. চিত্ৰসহ উপরের তথ্যের সংৰিপ্ত বর্ণনা দাও।

দেওয়ালটির উচ্চতা কত? গ. মইটি দেওয়াল থেকে কত দূরে ভূমি স্পর্শ করে?

#### 🕨 🕯 ১৫নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯



মনে করি, ছাদের স্পর্শবিন্দু B এবং দেওয়ালের উচ্চতা AB = h মিটার। সুতরাং মইয়ের দৈর্ঘ্য, OB = 18 মিটার এবং ∠AOB = 45°।

খ.  $\triangle AOB$  থেকে পাই,  $\sin \angle AOB = \frac{AB}{OB}$ 

বা, 
$$\sin 45^\circ = \frac{AB}{OB}$$

### প্রমূ–১৪ > একটি মিনারের পাদদেশ থেকে কিছু দূরে একটি স্থানে মিনারটির শীর্ষে উন্লুতি কোণ 30° এবং মিটারটির উচ্চতা 26 মিটার।



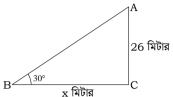
ক. তথ্যানুসারে চিত্র অঙ্কন করে সংবিপত বিবরণ দাও।

খ. মিনার থেকে ঐ স্থানটির দূরত্ব নির্ণয় কর।

গ. মিনারটির শীর্ষ হতে ঐ স্থান পর্যন্ত দূরত্ব কত?

### 🕨 🕯 ১৪নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক.



মনে করি, AC মিনারের পাদদেশ C থেকে স্থানটির দূরত্ব BC = x

মিনারের উচ্চতা AC = 26 মিটার এবং B বিন্দুতে মিনারটির শীর্ষের উন্নতি  $\angle ABC = 30^{\circ} I$ 

খ.  $\triangle ABC$  থেকে পাই,  $\tan \angle ABC = \frac{AC}{RC}$ 

বা, 
$$\tan 30^\circ = \frac{26}{x}$$

$$\sqrt{3} = \frac{26}{x} \ [\because \tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}]$$

বা, 
$$x = 26 \times \sqrt{3}$$
 :  $x = 45.033$  প্রোয়

∴ মিনারের পাদদেশ থেকে স্থানটির দূরত্ব 45-033 মিটার (প্রায়)।

'খ' থেকে পাই, মিনারের পাদদেশ থেকে ঐ স্থানের দূরত্ব, BC = 45.033 মি. (প্রায়) বা  $26\sqrt{3}$  মি. ও মিনারের শীর্ষ হতে ঐ স্থান পর্যন্ত দূরত্ব : АВ মিটার।

তাহলে,  $\triangle ABC$  হতে পাই,  $\cos \angle ABC = \frac{BC}{AB}$ 

বা, 
$$\cos 30^\circ = \frac{26\sqrt{3}}{AB}$$
 বা,  $\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{26\sqrt{3}}{AB}$  [:  $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ]

বা, 
$$AB = \frac{26\sqrt{3} \times 2}{\sqrt{3}}$$
 ::  $AB = 52$ 

∴ মিনারটির শীর্ষ হতে ঐ স্থান পর্যন্ত দূরত্ব 52 মিটার।

$$\sqrt{1}$$
,  $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{h}{18} \ [\because \sin 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}}]$ 

$$\therefore h = \frac{18}{\sqrt{2}} = \frac{18\sqrt{2}}{2} = 12.728$$

∴ দেওয়ালের উচ্চতা 12.728 মিটার (প্রায়)

গ. 'খ' থেকে পাই, দেওয়ালটির উচ্চতা, AB = 12.728 মি. (প্রায়)

$$= 9\sqrt{2} \, \hat{\lambda}$$

দেওয়ালটি থেকে মইটির ভূমির স্পর্শ বিন্দু পর্যন্ত দূরত্ব = AO মিটার। তাহলে,  $\triangle ABO$  হতে পাই,  $tan \angle AOB = \frac{AB}{AO}$ 

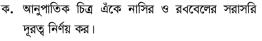
বা, 
$$\tan 45^{\circ} = \frac{9\sqrt{2}}{AO}$$
 বা,  $1 = \frac{9\sqrt{2}}{AO}$  [∵  $\tan 45^{\circ} = 1$ ]

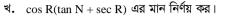
$$\therefore AO = 9\sqrt{2} = 12.728$$

∴ মইটি দেওয়াল থেকে 12·728 মি. (প্রায়) দূরত্বে ভূমি স্পর্শ করে।

প্রশ্ল–১৬ > ক্রিকেট মাঠে নাসির, মাশরাফি ও রববেল এমন অবস্থান থেকে ফিল্ডিং করছে যেখানে নাসির মাশরাফি থেকে সোজা 96 মি. উত্তরে এবং

### রববেল মাশরাফি থেকে সোজা 40 মি. পূর্বে। মাঠে নাসির, মাশরাফি এবং রববেল এর অকম্থানকে যথাক্রমে N.M.R দারা প্রকাশ করা হলো।





গ. প্রমাণ কর যে, 
$$\cot N \sqrt{\frac{\sec R + 1}{\sec R - 1}} = \frac{18}{5}$$

### 🕨 🕯 ১৬নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক.



চিত্রে নাসিরের অবস্থান N. মাশরাফির অবস্থান M. এবং রববেলের অবস্থান R

$$NR^2 = MN^2 + MR^2$$

$$=96^2+40^2=10816$$

$$\therefore$$
 NR = 104

নাসির ও রববেলের সরাসরি দূরত্ব 104 মিটার।

'ক' এর চিত্র হতে

$$\tan N = \frac{MR}{MN} = \frac{40}{96} = \frac{5}{12}$$

$$\cos R = \frac{MR}{RN} = \frac{40}{104} = \frac{5}{13}$$

$$\sec R = \frac{RN}{MR} = \frac{104}{40} = \frac{13}{5}$$

$$\therefore \cos R (\tan N + \sec R) = \frac{5}{13} \left( \frac{5}{12} + \frac{13}{5} \right) = \frac{5}{13} \left( \frac{25 + 156}{60} \right)$$

$$=\frac{5}{13}\times\frac{181}{60}=\frac{181}{156}$$
 (Ans.)

'ক'–এর চিত্র হতে প্রাপত.

$$\sec R = \frac{13}{5}$$

$$\cot N = \frac{MN}{MR} = \frac{96}{40} = \frac{12}{5}$$

বামপৰ = 
$$\cot N \sqrt{\frac{\sec R + 1}{\sec R - 1}} = \frac{12}{5} \sqrt{\frac{\frac{13}{5} + 1}{\frac{13}{5} - 1}}$$

$$=\frac{12}{5}\times\sqrt{\frac{\frac{13+5}{5}}{\frac{13-5}{5}}}=\frac{12}{5}\sqrt{\frac{18}{5}\times\frac{5}{8}}=\frac{12}{5}\sqrt{\frac{9}{4}}$$

$$=\frac{12}{5}\times\frac{3}{2}=\frac{18}{5}=$$
 ভানপৰ

$$\frac{-5}{5}$$
  $\frac{2}{2}$   $\frac{-5}{5}$   $\frac{-5}{5}$ 

$$\therefore \cot N \sqrt{\frac{\sec R + 1}{\sec R - 1}} = \frac{18}{5}$$
 (প্রমাণিত)

### প্রমু–১৭ 🗲 একটি মিনারের শীর্ষবিন্দুতে ঐ বিন্দু থেকে 15 মিটার দূরের ভূতলস্থ একটি বিন্দুর অবনতি কোণ 45°।

- ক. সংৰিপ্ত বৰ্ণনাসহ চিত্ৰ অঙ্কন করে অবনতি কোণ চিহ্নিত কর।
- খ. মিনারটির উচ্চতা কত?
- গ. অবনতি কোণ 60° হলে, মিনারটির উচ্চতা কত হবে?

### 🕨 🕯 ১৭নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক.



মনে করি, মিনারের শীর্ষবিন্দু A। A থেকে 15 মিটার দূরে ভূতলস্থ বিন্দু C। C বিন্দুতে অবনতি কোণ 45° এবং AC = 15 মিটার।

$$\therefore$$
  $\angle$ CAD =  $\angle$ ACB =  $45^{\circ}$ 

খ. ধরি, AB মিনারের উচ্চতা = h

$$\Delta ABC$$
 সমকোণী ত্রিভুজে,  $\sin \angle ACB = \frac{AB}{AC}$ 

বা, 
$$\sin 45^\circ = \frac{h}{15}$$

বা, 
$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{h}{15}$$

বা, 
$$h = \frac{15}{\sqrt{2}}$$

$$\therefore \quad h = 10 {\cdot} 607$$

মিনারের উচ্চতা 10-607 মিটার।

গ. এখানে, অবনতি কোণ, 60°

$$\therefore$$
  $\angle$ CAD =  $\angle$ ACB =  $60^{\circ}$ 

বা, 
$$\sin 60^\circ = \frac{h}{15}$$

বা, 
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{h}{15}$$

বা, 
$$2h = 15\sqrt{3}$$

বা, 
$$h = \frac{15\sqrt{3}}{2}$$

$$\therefore h = 12.99$$

∴ মিনারের উচ্চতা 12.99 মিটার হবে।

### প্রমূ–১৮ > সাহেদ মামার বাড়ি যাওয়ার পথে লৰ করল রাস্তার ধারে খাড়াভাবে পোঁতা একটি বৈদ্যুতিক খুঁটির শীর্ষ বিন্দুতে ঐ বিন্দু হতে 60 মিটার দুরের ভূতলস্থ একটি বিন্দুর অবনতি কোণ 30°।

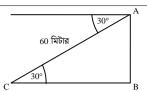
- ক. উদ্দীপকের আলোকে সংবিশ্ত বিবরণসহ আনুপাতিক চিত্র আঁক।
- খ. খুঁটির উচ্চতা নির্ণয় কর।
- মামার বাড়ি হতে ফেরার পথে সাহেদ আবার লৰ করল খুঁটিটি ঝড়ে ভেঙে গিয়ে বিচ্ছিন্ন না হয়ে ভাঙা অংশ রাস্তার কোনো স্থানে 30° কোণ করে স্পর্শ করেছে। স্পর্শবিন্দু থেকে খুঁটির দূরত্ব কত তা নির্ণয় কর।

#### 🕨 🕯 ১৮নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

### নবম–দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত ▶ ৪৩২

ক. মনে করি, খুঁটির উচ্চতা,

AB = h মিটার। খুঁটিটির
শার্ষবিন্দু A হতে 60 মিটার
দূরের ভূতলস্থ C বিন্দুর
অবনতি কোণ 30°।



$$\angle ACB = 30^{\circ}$$

খ.  $\triangle ABC$  থেকে,  $\sin \angle ACB = \frac{AB}{AC}$ 

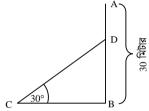
বা, 
$$\sin 30^\circ = \frac{h}{60}$$
 ['ক' থেকে]

বা, 
$$\frac{1}{2} = \frac{h}{60}$$

∴ h = 30 মিটার

∴ খুঁটির উচ্চতা 30 মিটার।

গ. মনে করি, AB খুঁটিটি ঝড়ে D বিন্দুতে ভেঙে গিয়ে সম্পূর্ণ বিচ্ছিন্ন না হয়ে ভাঙা অংশ রাস্তার কোনো স্থানে C বিন্দুতে 30° কোণ উৎপন্ন করে। স্পর্শবিন্দু C থেকে খুঁটির দূরত্ব BC। 'খ' থেকে প্রাশ্ত, AB = 30 মিটার



ধরি, BD = x মিটার

∴ 
$$\triangle BCD$$
 থেকে,  $\sin \angle BCD = \frac{BD}{CD}$ 

বা, 
$$\sin 30^\circ = \frac{x}{30 - x}$$

বা, 
$$2x = 30 - x$$

বা, 3x = 30

BD = 10 মিটার

AD = CD = (30 - 10) মিটার = 20 মিটার

∆BCD-এ পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে পাই,

$$BC^2 + BD^2 = CD^2$$

বা, 
$$BD^2 = CD^2 - BD^2$$

$$\therefore BD = \sqrt{CD^2 - BD^2}$$

$$=\sqrt{20^2-10^2}$$

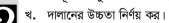
$$=\sqrt{300}$$

= 17-321 মিটার (প্রায়)

∴ স্পর্শবিন্দু থেকে খুঁটির দূরত্ব 17-321 মিটার প্রোয়)

প্রমু—১৯ চ ভূতলম্থ কোনো স্থানে একটি দালানোর ছাদের একটি বিন্দুর উন্নতি কোণ 60°। ঐ স্থান থেকে 42 মিটার পিছিয়ে গেলে দালানের ঐ বিন্দুর উন্নতি কোণ 45° হয়।

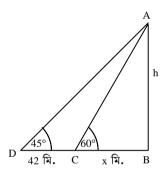
ক. সম্পূর্ণ তথ্যগুলো একটি চিত্রের সাহায্যে দেখাও।



- 8
- যে বিন্দুতে উন্নতি কোণ 45° দালান থেকে সে বিন্দুর দূরত্ব নির্ণয় কর।

🕨 🕯 ১৯নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক.



- খ. অনুশীলনী-১০ এর ৫ নং উদাহরণ দেখ।
- গ.  $\triangle ABC$  থেকে,  $\tan 60^{\circ} \frac{AB}{BC}$

বা, 
$$\sqrt{3} = \frac{h}{x}$$

বা, 
$$x = \frac{99.373}{\sqrt{3}}$$
 ['খ' থেকে প্রাপত  $h = 99.373$  মি.]

∴ x = 57·373 মিটার (প্রায়)

∴ BD = x + 42 = 57·373 + 42 = 99·373 মিটার প্রোয়)

## সৃজনশীল প্রশ্নব্যাংক উত্তরসহ

প্রা—২০ > একটি নদীর এক তীরে কোনো স্থানে দাঁড়িয়ে একজন লোক দেখল যে ঠিক সোজাসুজি অপর তীরে অবস্থিত 105 মিটার লন্দা একটি গাছের শীর্ষের উন্নতি  $60^\circ$ । লোকটি ভেলায় করে গাছটিকে লব করে যাত্রা শুরব করল। কিন্তু স্রোতের কারণে গাছ থেকে ৪০ মিটার দূরে তীরে পৌছল।

ক. অবনতি কোণ ব্যাখ্যা কর।

২

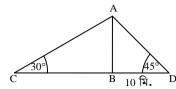
খ. নদীর বিস্তার নির্ণয় কর।

- 8
- গ. লোকটির যাত্রা স্থান থেকে গন্তব্য স্থানের দূরত্ব নির্ণয় কর। ৪
- উত্তর : খ. 60·62 মিটার (প্রায়); গ. 72·63 মিটার (প্রায়)

- ক. সংবিপত বর্ণনাসহ উপরের তথ্যানুসারে চিত্রটি অজ্ঞ্বন কর।
- খ. টাওয়ারের উচ্চতা নির্ণয় কর।

- 8
- গ. শীর্ষ বিন্দু হতে লোকদ্বয় কত দূরত্বে অবস্থান করেছিল?
- উত্তর : খ. 70.98 মিটার (প্রায়); গ. 100.38 মিটার (প্রায়)

#### প্রশ্ন–২২ ▶

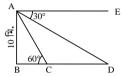


উপরের চিত্রে, AB একটি দালান।

- ক. চিত্রটির বর্ণনা দাও।
- খ. AB এর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- গ. AC বাহুর দৈর্ঘ্য কত?

উত্তর : খ. 10 মি.; গ. 20 মি.।

#### প্রশ্ন–২৩ ১



- ক. উপরের চিত্র হতে, ∠ADC এর মান নির্ণয় কর এবং BD এর মান বের কর।
- খ. AD এর মান নির্ণয় কর।
- TID AN HITTIN TH
- গ. প্রমাণ কর যে,

$$\triangle ABC$$
-এ  $\tan A + \cot C = \frac{2}{\sqrt{3}}$  এবং  $AC = \frac{20}{\sqrt{3}}$ .

উত্তর : ক. 30°: 17-321 মিটার; খ. 20 মি.

প্রশ্ন–২৪ > দাউদ পাবলিক স্কুলের দশম শ্রেণির ছাত্র তারিক স্কুল বিল্ডিংয়ের সামনে দাঁড়িয়েছিল। ঐ অবস্থা থেকে বিল্ডিংয়ের ছাদের A বিন্দুর উন্নতি কোণ 30°। সে বিল্ডিংয়ের দিকে 50 মিটার এগিয়ে গিয়ে দেখল বিন্দুর উন্নতি কোণ 45°।

- ক. তথ্যপুলোকে চিত্রের মাধ্যমে প্রকাশ কর।
- 5 . 64
- খ. স্কুলের ছাদের উচ্চতা নির্ণয় কর।
- গ. তারিখ আর একটু সামনে গিয়ে দেখতে পেল অবস্থান থেকে উন্নৃতি কোণ 60°। সে আগে অবস্থান থেকে কতদূর এগিয়েছিল তা নির্ণয় কর।

**উত্তর** : খ. 68-30 মিটার; গ. 24-86 মিটার।

প্রা—২৫ > একটি 48 মিটার গাছ ঝড়ে ভেঙে গিয়ে সম্পূর্ণভাবে বিচ্ছিন্ন না হয়ে ভূমির সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করল।

- ক. উপরের তথ্যের ভিত্তিতে চিত্র এঁকে বিবরণ দাও।
- খ. গাছটি কত উঁচুতে ভেঙে গিয়েছিল তা নির্ণয় কর।
- গ. যদি গাছটির ভাঙা অংশের সঙ্গো 30° কোন উৎপন্ন করে গাছের গোড়া থেকে x মিটার দূরে মাটি স্পর্শ করে তাহলে x এর মান নির্ণয় কর।

**উত্তর**: খ. 16 মিটার: গ. 12-86 মিটার।

প্রশ্ন–২৬ ১ একটি মিনারের শীর্ষ কিন্দুতে ঐ কিন্দু থেকে 15 মিটার দূরের ভূতলস্থ একটি কিন্দুর অবনতি কোণ 45°।

- ক. তথ্যানুসারে চিত্রটি এঁকে বিবরণ দাও।
- খ. মিনারটির উচ্চতা কত?
- গ. অবনতি কোণ 60° হলে মিনারটির উচ্চতা কত?

**উত্তর : খ.** 10-607 মিটার; গ. 13 মিটার।

প্রশ্ন–২৭ > 24 মিটার লম্বা একটি মই মাটির সঞ্চো 60° কোণ করে মিনারের শীর্ষবিন্দু স্পর্শ করেছে।

- ক. উপরোক্ত তথ্যটির চিত্রসহ বর্ণনা কর।
- ২
- খ. মিনারের উচ্চতা নির্ণয় কর।
- 8
- গ. যদি মইয়ের দৈর্ঘ্য 4 মিটার কম হয় তবে মইটি মিনারটির শীর্ষ থেকে কত মিটার নিচে স্পর্শ করবে?

উত্তর : খ. 20-78 মিটার; গ. 4-78 মিটার।

প্রশ্ন−২৮ ▶ 12 মিটার উচ্চতাবিশিফ্ট একটি গাছের ছায়ার দৈর্ঘ্য 4√3.

- ক. সংৰিশ্ত বিবরণসহ চিত্রটি আঁক।
- ٧
- খ. গাছটির শীর্ষবিন্দুর উন্নতি কোণ কত?
- 8
- গ. গাছটির শীর্ষবিন্দুর উন্নতি কোণ কত হ্রাস পেলে ছায়ার দৈর্ঘ্য  $8\sqrt{3}$  মিটার বৃদ্ধি পাবে?

উত্তর : খ.  $\theta = 60^{\circ}$ ; গ.  $30^{\circ}$ 

### অধ্যায় সমন্বিত সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান

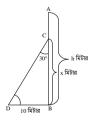
প্রমূ—২৯ > একটি খুঁটি এমনভাবে ভেঙে গেল যে, তার ভাঙা অংশ দণ্ডায়মান অংশের সাথে 30° কোণ উৎপন্ন করে খুঁটির গোড়া থেকে 10 মিটার দূরে মাটি স্পর্শ করে।

- ক. প্রদত্ত তথ্যগুলো চিত্রের মাধ্যমে প্রকাশ কর।
- খ. খুঁটিটি কত উচ্চতায় ভেঙেছিল এবং সম্পূর্ণ খুঁটির দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- গ. প্রদন্ত তথ্য থেকে প্রাশ্ত কোণকে C বিবেচনা করে প্রমাণ কর যে,  $\sin 2C = \frac{2 \ tan C}{1 + tan^2 C}$  এবং  $3 cot^2 2C +$ 
  - $rac{1}{4} \operatorname{cosec^2C} + 5 {\sin^2\!C} 4 {\cos^2\!C}$  এর মান নির্ণয় কর। 8

🕨 🕯 ২৯নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 🕯

ক. মনে করি, খুঁটিটির সম্পূর্ণ দৈর্ঘ্য

AB = h মিটার এবং BC = x মিটার উচ্চতায় ভেঙে গিয়ে বিচ্ছিন্ন না হয়ে ভাঙা অংশ দন্ডায়মান অংশের সাথে  $\angle BCD = 30^\circ$  কোণ উৎপন্ন করে খুঁটিটির গোড়া থেকে BD = 10 মিটার দূরে মাটি স্পর্শ করে।



খ. এখানে, CD = AC = AB - BC = (h - x) মিটার

 $\triangle$ BCD **হ**তে পাই,  $\tan$ ∠BCD =  $\frac{BD}{BC}$ 

বা, 
$$\tan 30^\circ = \frac{10}{x}$$

$$\overline{4}, \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{10}{x}$$

∴  $x = 10\sqrt{3} = 17.32$  মিটার (প্রায়)

∴ খুঁটিটি 17.32 মিটার প্রোয়) উচ্চতায় তেঙেছিল। (Ans.)

আবার, 
$$\sin$$
∠BCD =  $\frac{BD}{CD}$ 

বা, 
$$\sin 30^\circ = \frac{10}{h-x}$$

বা, 
$$\frac{1}{2} = \frac{10}{h-x}$$

বা, 
$$h - x = 20$$
 [আড়গুণন করে]

বা, 
$$h = 20 + 10\sqrt{3}$$
 [ x এর মান বসিয়ে]

গ. প্রদত্ত তথ্য হতে পাই,  $C=30^\circ$ 

বামপৰ 
$$= \sin 2C$$
  
 $= \sin(2 + 30^\circ)$  [C এর মান বসিয়ে]  
 $= \sin 60^\circ$   
 $= \frac{\sqrt{3}}{2}$ 

ডানপৰ 
$$= \frac{2\tan C}{1 + \tan^2 C} = \frac{2\tan 30^\circ}{1 + \tan^2 30^\circ} [C \text{ এর মান বসিয়ে}]$$

$$= \frac{2 \cdot \frac{1}{\sqrt{3}}}{1 + \left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right)^2} \left[\because \tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}\right]$$

$$= \frac{\frac{2}{\sqrt{3}}}{1 + \frac{1}{3}} = \frac{\frac{2}{\sqrt{3}}}{\frac{3+1}{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}} \times \frac{3}{4} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\therefore \sin 2C = \frac{2\tan C}{1 + \tan^2 C}$$
 (প্রমাণিত)

এখন, 
$$3\cot^2 2C + \frac{1}{4}\csc^2 C + 5\sin^2 C - 4\cos^2 C$$
  

$$= 3\cot^2(2 \times 30^\circ) + \frac{1}{4}\csc^2 30^\circ + 5\sin^2 30^\circ - 4\cos^2 30^\circ$$
[ $\because C = 30^\circ$ ]  

$$= 3\cot^2 60^\circ + \frac{1}{4}\csc^2 30^\circ + 5\sin^2 30^\circ - 4\cos^2 30^\circ$$

$$= 3\left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right)^{2} + \frac{1}{4}(2)^{2} + 5\left(\frac{1}{2}\right)^{2} - 4\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{2}$$

$$= 3\cdot\frac{1}{3} + \frac{1}{4}\cdot4 + 5\cdot\frac{1}{4} + 4\cdot\frac{3}{4}$$

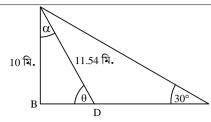
$$= 2 + \frac{5}{4} - 3 = \frac{5}{4} - 1 = \frac{1}{4}(\mathbf{Ans.})$$

প্রমু–৩০ > একজন বিদ্যুৎকর্মী বিদ্যুতের তার সংযোগ দেয়ার জন্য 10 মিটার উচ্চতার খুঁটিতে 11.54 মিটার মই ব্যবহার করে যা খুঁটির সাথে lpha কোণ ও ভূমির সাথে  $\theta$  কোণ উৎপন্ন করে। তাতে করে বিপদজনক অবস্থার সৃষ্টি হয় পরে সে পূর্বের চেয়ে লম্বা মই ব্যবহার করায় পূর্বের অবস্থান থেকে পিছিয়ে ভূমির সাথে 30° কোণ তৈরি হয়।



- ক. θ কোণের মান কত?
- খ. প্রমাণ কর যে,  $\cos 3\alpha = 4\cos^3 \alpha 3\cos \alpha$ গ. মইটি ভূমিতে প্রথম অবস্থান থেকে কত দূর সরাতে
  - হয়েছে ?

🕨 🗸 ৩০নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻



আমরা জানি , 
$$\sin\theta = \frac{AB}{AD}$$

বা, 
$$\sin\theta = \frac{10}{11.54}$$

বা, 
$$\sin\theta = 0.867$$

বা, 
$$\sin\theta = \sin 60^{\circ}$$

$$\therefore \theta = 60^{\circ} (Ans.)$$

$$[ \therefore \angle BAD + \angle ADB = 90^{\circ} ]$$

প্রদন্ত রাশি,  $\cos 3\alpha = 4\cos^3 \alpha - 3\cos \alpha$ 

বা, 
$$\cos(3 \times 30^{\circ}) = 4\cos^3 30^{\circ} - 3\cos 30^{\circ}$$

বামপৰ = 
$$\cos(3 \times 30^{\circ}) = \cos 90^{\circ} = 0$$

$$=4\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^3 - 3 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{4 \cdot 3\sqrt{3}}{8} - \frac{3\sqrt{3}}{2}$$
$$= \frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3\sqrt{3}}{2} = 0$$

$$\cos 3\alpha = 4\cos^3\alpha - 3\cos\alpha$$
 (প্রমাণিত)

গ. আমরা জানি, 
$$\triangle ABD$$
 এ  $tan\theta = \frac{AB}{BD}$ 

বা, BD = 
$$\frac{AB}{\tan\theta}$$

বা, 
$$BD = \frac{10}{\tan 60^{\circ}}$$

বা, BD = 
$$\frac{10}{\sqrt{3}}$$

আবার, 
$$\triangle ABC$$
 এ  $\tan \theta = \frac{AB}{BC}$ 

বা, BC = 
$$\frac{AB}{\tan \theta}$$

বা, BC = 
$$\frac{AB}{\tan 30^{\circ}}$$

$$\tan 30^{\circ}$$
 $\sec = \frac{10}{10} = 10 \times \sqrt{20}$ 

বা, BC = 
$$\frac{10}{\frac{1}{\sqrt{3}}}$$
 =  $10 \times \sqrt{3}$ 

প্রমু∸৩১ ≯ রমিজ সাহেবের বাগানের একটি মেহগনি গাছ AB ঝড়ে D বিন্দুতে এমনভাবে ভেঙে গেল যে, সম্পূর্ণ বিচ্ছিন্ন হয়ে গোড়া থেকে  $5\sqrt{3}$  মিটার দূরে  ${f C}$ বিন্দুতে ভূমির সাথে কোণ উৎপন্ন করে।  $[\theta = 30^{\circ}]$ 

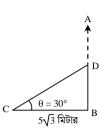


- ক. তথ্যানুসারে আনুপাতিক চিত্র আঁক।
- খ. দেখাও যে,  $\left(\frac{\mathrm{BD}}{\mathrm{BC}} + \frac{\mathrm{CD}}{\mathrm{BC}}\right)^2 = \frac{1 + \sin\theta}{1 \sin\theta}$
- রমিজ সাহেব দণ্ডায়মান অংশ দ্বারা ঘরে খুঁটি এবং ভাঙা

অংশ দ্বারা তক্তা করতে চাইলেন। খুঁটি ও তক্তার দৈর্ঘ্য কত হবে তা নির্ণয় কর।

### 🕨 🗸 ৩১নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

ক. এখানে, AB একটি মেহগনি গাছ যার শীর্ষবিন্দু A ও পাদবিন্দু B. গাছটি ঝড়ে D বিন্দুতে ভেঙে গিয়ে সম্পূর্ণ বিচ্ছিন্ন না হয়ে গোড়া হতে 5√3 মিটার দূরে C বিন্দুতে  $\theta = 30^\circ$  কোণ উৎপন্ন করে।



'ক' হতে পাই, চিত্রে,  $\Delta BCD$  এর  $\angle BCD = \theta$ 

$$\begin{split} \frac{BD}{BC} &= \frac{ \ensuremath{ \mbox{Theorem Properties of the properties of the$$

$$\therefore \left(rac{BD}{BC} + rac{CD}{BC}
ight)^2 = rac{1+sin heta}{1-sin heta}$$
 (দেখানো হলো)

'ক' হতে পাই, চিত্রে,  $\Delta BCD-$ এর  $\angle BCD=\theta=30^\circ$ 

দণ্ডায়মান অংশ = BD এবং ভাঙা অংশ = AD = CD

$$\Delta BCD$$
 হতে পাই,  $\tan \angle BCD = \frac{BD}{BC}$ 
বা,  $\tan 30^\circ = \frac{BD}{5\sqrt{3}}$ 
বা,  $\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{BD}{5\sqrt{3}}$ 
বা,  $BD = \frac{5\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$ 

∴ খুঁটির দৈর্ঘ্য 5 মিটার (Ans.)

আবার,  $\triangle$ BCD হতে পাই,  $\cos$ ∠BCD =  $\frac{BC}{CD}$ 

বা, 
$$\cos 30^\circ = \frac{5\sqrt{3}}{CD}$$
  
বা,  $\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{5\sqrt{3}}{CD}$   
বা,  $CD = \frac{5\sqrt{3} \times 2}{\sqrt{3}}$   
 $\therefore CD = 10$ 

∴ তক্তার দৈর্ঘ্য 10 মিটার (Ans.)

প্রমূ−৩২ ≯ একটি গাছ ঝড়ে এমনভাবে ভেঙে গেল যে, ভাঙা অংশ ভূমির সাথে  $60^\circ$  কোণ এবং ভাঙা অংশ দন্ডায়মান অংশের সাথে θ কোণ তৈরি করে গোড়া থেকে 10 মিটার দূরে মাটি স্পর্শ করে।

### ক. দণ্ডায়মান অংশের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

খ. গাছটির সম্পূর্ণ দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

গ. উদ্দীপক অনুসারে প্রমাণ কর যে,  $\cos 2\theta = \frac{1-\tan^2\theta}{1+\tan^2\theta}$ 

### 🕨 🗸 ৩২নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. মনে করি, AB একটি গাছ C বিন্দুতে ভেঙে গিয়ে ভূমির সাথে D বিন্দুতে ∠CDB = 60° উৎপন্ন করে।

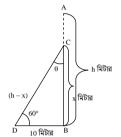
মনে করি, দণ্ডায়মান অংশের দৈর্ঘ্য

$$\therefore \tan 60^\circ = \frac{BC}{BD} = \frac{x}{10}$$

বা, 
$$\sqrt{3} = \frac{x}{10}$$

বা, 
$$x = 10\sqrt{3}$$
 মিটার

∴ x = 17·32 মিটার (প্রায়)



খ. মনে করি, গাছটির সম্পূর্ণ দৈর্ঘ্য AB = h মিটার সমকোণী ∆BCD হতে পাই,

$$\therefore \sin 60^{\circ} = \frac{BC}{CD} = \frac{x}{h - x}$$

বা, 
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{x}{h-x}$$

বা, 
$$\sqrt{3}h - \sqrt{3}x = 2x$$

বা, 
$$\sqrt{3}h = (\sqrt{3} + 2)x$$

বা, 
$$\sqrt{3}h = 10\sqrt{3}(\sqrt{3} + 2)$$
 ['ক' হতে]

বা, 
$$h = 10 (\sqrt{3} + 2)$$

গ. উদ্দীপক অনুসারে, ∠BDC = 60°

$$\therefore \theta = 90^{\circ} - 60^{\circ} = 30^{\circ}$$

বামপৰ = 
$$\cos 2\theta = \cos (2 \times 30^\circ)$$
 [  $\therefore \theta = 30^\circ$ ]

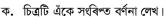
$$=\cos 60^{\circ} = \frac{1}{2}$$

ডানপৰ 
$$= \frac{1-tan^2\theta}{1+tan^2\theta} = \frac{1-(tan30^\circ)^2}{1+(tan30^\circ)^2}$$

$$= \frac{1 - \left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right)}{1 + \left(\frac{1}{\sqrt{3}}\right)} = \frac{1 - \frac{1}{3}}{1 + \frac{1}{3}} = \frac{\frac{2}{3}}{\frac{4}{3}} = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \cos 2\theta = \frac{1 - \tan^2 \theta}{1 + \tan^2 \theta}$$
 (প্রমাণিত)

প্রশু–৩৩ ▶ AB একটি টাওয়ার। টাওয়ারটির ছায়া BD। D বিন্দুতে A এর সাথে  $60^\circ$  কোণ উৎপন্ন করে। ছায়ার দৈর্ঘ্য 24 মিটার বেশি হলে,  ${
m C}$  বিন্দুতে উন্নতি কোণ 45° হয়।

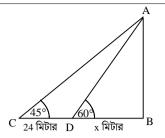


খ. টাওয়ারের উচ্চতা নির্ণয় কর।

গ. যদি  $2\cos(A+B)=1=2\sin{(A-B)}$ , যেখানে A ও B সৃক্ষকোণ। A ও B এর মান নির্ণয় কর।

### 🕨 🕽 ৩৩নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

ক. মনে করি, AB একটি টাওয়ার। D ও C বিন্দুতে টাওয়ারের শীর্ষের উন্নতি কোণ ∠ADB = 60° ও ∠ACB = 45°, CD = 24 মিটার।



খ. মনে করি.

টাওয়ারের উচ্চতা, AB = h মিটার।

এবং BD = x মিটার।

∴ BC = BD + DC = (x + 24) মিটার।

 $\triangle$  ABD-4 tan ∠ADB =  $\frac{AB}{BD}$ 

বা, 
$$\tan 60^\circ = \frac{h}{x}$$

বা, 
$$\sqrt{3} = \frac{h}{x}$$

$$\therefore x = \frac{h}{\sqrt{3}}$$

 $\triangle ABC - 4$ ,  $tan \angle ACB = \frac{AB}{BC}$ 

বা, 
$$\tan 45^\circ = \frac{h}{x + 24}$$

বা, 
$$1 = \frac{h}{x + 24}$$

বা, 
$$h = x + 24$$

**ब**, h = 
$$\frac{h}{\sqrt{3}}$$
 + 24 [∴ x =  $\frac{h}{\sqrt{3}}$ ]

$$[ : x = \frac{\pi}{\sqrt{3}}]$$

বা, 
$$h - \frac{h}{\sqrt{3}} = 24$$

বা, 
$$h\left(1 - \frac{1}{\sqrt{3}}\right) = 24$$

$$\boxed{4}, \ h\left(\frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}}\right) = 24$$

বা, 
$$h = \frac{24\sqrt{3}}{\sqrt{3}-1}$$

∴ h = 56·585 মিটার (প্রায়) (Ans.)

গ. অনুশীলনী ৯.২ এর ১৬নং সমাধান দেখ।

#### প্রমূ-৩৪ $ight> \cos^2 \theta - \sin^2 \theta = 2 - 5 \cos \theta$ ; যখন $\theta$ সূক্ষকোণ।

ক, ত্রিকোণমিতি কী ?

খ.  $\theta$  এর মান নির্ণয় কর।

গ. একটি গাছের পাদদেশ থেকে 20 মিটার দূরে ভূতলের কোনো বিন্দুতে গাছের উন্লুতি কোণ  $\theta$  হলে, গাছটির উচ্চতা নির্ণয় কর।

### 🕨 🗸 ৩৪নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. গণিতের যে শাখায় ত্রিভুজ সংক্রান্ত বিভিন্ন পরিমাপ সম্পর্কে বিশেষ আলোচনা করা হয়, তাকে ত্রিকোণমিতি বলা হয়। তবে সাম্প্রতিককালে ত্রিকোণমিতি শুধু ত্রিভুজের বিভিন্ন পরিমাপের মধ্যে সীমাবন্ধ নয়।

খ. এখানে,  $\cos^2\theta - \sin^2\theta = 2 - 5\cos\theta$ 

$$\exists f, \cos^2\theta - (1 - \cos^2\theta) = 2 - 5\cos\theta \quad [\because \sin^2\theta = 1 - \cos^2\theta]$$

$$4$$
,  $\cos^2\theta - 1 + \cos^2\theta - 2 + 5\cos\theta = 0$ 

$$\mathbf{T}, \quad 2\cos^2\theta + 5\cos\theta - 3 = 0$$

$$\boxed{1}, \quad 2\cos^2\theta + 6\cos\theta - \cos\theta - 3 = 0$$

বা, 
$$(\cos\theta + 3)(2\cos\theta - 1) = 0$$

হয়, 
$$2\cos\theta - 1 = 0$$
 অথবা,  $\cos\theta + 3 = 0$ 

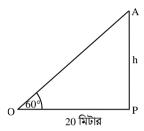
বা, 
$$2\cos\theta = 1$$
 বা,  $\cos\theta = -3$ 

বা, 
$$\cos\theta=rac{1}{2}$$
 কিন্তু এটা গ্রহণযোগ্য নয় কারণ  $\theta$  সুক্ষকোণ।]

$$\overline{4}, \cos\theta = \cos 60^{\circ} \quad [\because \cos 60^{\circ} = \frac{1}{2}]$$

নির্ণেয় সমাধান,  $\theta = 60^{\circ}$ 

গ. 'ক' থেকে পাই,  $\theta = 60^{\circ}$ 



মনে করি, গাছের উন্নতি কোণ  $\angle POA = \theta = 60^\circ$  গাছের পাদদেশ থেকে ভূতলের O বিন্দুর দূরত্ব PO=20 মিটার এবং গাছের উচ্চতা AP=hমিটার

এখন, POA সমকোণী ত্রিভুজ থেকে,

$$\tan \angle POA = \frac{AP}{OP}$$

বা, 
$$\tan 60^\circ = \frac{h}{20}$$

**ब**, 
$$\sqrt{3} = \frac{h}{20}$$
 [∴  $\tan 60^{\circ} = \sqrt{3}$ ]

বা, 
$$h=20\sqrt{3}$$

$$\therefore h = 34.64$$

∴ গাছটির উচ্চতা 34.64 মিটার (প্রায়)।