## একাদশ অধ্যায়

## বীজগণিতীয় অনুপাত ও সমানুপাত



## পাঠ সম্পর্কিত গুরুত্বপূর্ণ বিষয়াদি

#### ■ অনুপাত

একই এককে সমজাতীয় দুইটি রাশির পরিমাণের একটি অপরটির কত গুণ বা কত অংশ তা একটি ভগ্নাংশ দ্বারা প্রকাশ করা যায়। এই ভগ্নাংশটিকে রাশি দুইটির অনুপাত বলে।

ব্যাখ্যা : দুইটি রাশি p ও q এর অনুপাতকে p :  $q=\frac{p}{q}$  লেখা হয়। p ও q রাশি দুইটি সমজাতীয় ও একই এককে হতে হবে। অনুপাতে p কে পূর্ব রাশি এবং q কে উত্তর রাশি বলা হয়।

## ■ সমানুপাত

যদি চারটি রাশি এরূ প হয় যে, প্রথম ও দ্বিতীয় রাশির অনুপাত তৃতীয় ও চতুর্থ রাশির অনুপাতের সমান হয়, তবে ঐ চারটি রাশি নিয়ে একটি সমানুপাত উৎপন্ন হয়। a, b, c, d এরূ প চারটি রাশি হলে আমরা লিখি, a: b = c: d

## ক্রমিক সমানুপাতী

a,b,c ক্রমিক সমানুপাতী বলতে বোঝায় a:b=b:c

a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হবে যদি এবং কেবল যদি b² = ac হয়। ক্রমিক সমানুপাতের বেত্রে সবগুলো রাশি এক জাতীয় হতে হবে।

## 

এখানে অনুপাতের রাশিগুলো ধনাত্মক সংখ্যা।

(১) a:b=c:d ইলে, b:a=d:c [ব্যাস্তকরণ (invertendo)]

(২) a:b=c:d হলে, a:c=b:d [একাম্তকরণ (alternendo)]

(৩) a:b=c:d হলে,  $\frac{a+b}{b}=\frac{c+d}{d}$  [ যোজন (componendo)]

(8) a:b=c:d হলে,  $\frac{a-b}{b}=\frac{c-d}{d}$  [বিয়োজন (dividendo)]

(৫) a:b=c:d হলে,  $\frac{a+b}{a-b}=\frac{c+d}{c-d}$  [যোজন-বিয়োজন (componendo-dividendo)]

(৬)  $\frac{a}{b}=\frac{c}{d}=\frac{e}{f}=\frac{g}{h}$  হলে, প্রত্যেকটি জনুপাত  $=\frac{a+c+e+g}{b+d+f+h}$ 

## অনুশীলনীর প্রশু ও সমাধান

## প্রশ্ন 🏿 ১ 🕦 দুইটি বর্গক্ষেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে a মিটার এবং b মিটার হলে, তাদের ক্ষেত্রফলের অনুপাত কত?

সমাধান : ১ম বর্গক্ষেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্য = a মিটার

∴ ১ম বর্গবেত্তের ক্ষেত্রফল = a² বর্গমিটার এবং ২য় বর্গক্ষেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্য = b মিটার

∴ ২য় বর্গৰেত্রের ক্ষেত্রফল = b² বর্গমিটার

 $\therefore$  ১ম ও ২য় বর্গবৈত্রের ক্ষেত্রফলের অনুপাত =  $\frac{a^2}{b^2}=a^2:b^2$ 

∴ তাদের বেত্রফলের অনুপাত = a² : b² (Ans.)

## প্রশ্ন ॥ ২ ॥ একটি বৃত্তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল একটি বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের সমান হলে, তাদের পরিসীমার অনুপাত নির্ণয় কর।

সমাধান : ধরি, বৃত্তক্ষেত্রের ব্যাসার্ধ = r মিটার

∴ বৃত্তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল = πr² বর্গমিটার

∴ বৃ**ত্তে**র পরিসীমা = 2πr মিটার

প্রশ্নমতে , বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল  $=\pi r^2$  বর্গ মিটার

 $\therefore$  বর্গক্ষেত্রের এক বাহু  $=\sqrt{\pi r^2}$  মিটার  $=\sqrt{\pi r}$  মিটার

∴ বর্গক্ষেত্রের পরিসীমা = 4  $\sqrt{\pi}r$  মিটার

বৃত্তক্ষেত্রের ও বর্গক্ষেত্রের পরিসীমার অনুপাত

$$= \frac{2 \pi r}{4 \sqrt{\pi} r} = \frac{\sqrt{\pi}}{2} = \sqrt{\pi} : 2 \text{ (Ans.)}$$

প্রশ্ন ॥ ৩ ॥ দুইটি সংখ্যার অনুপাত 3 : 4 এবং তাদের ল. সা. গু. 180; সংখ্যা দুইটি নির্ণয় কর।

সমাধান : ধরি, সংখ্যাদ্বয় 3x ও 4x [অনুপাত অনুযায়ী)]

∴ সংখ্যাদ্বয়ের ল. সা. গু. = 12x

প্রশ্নতে, 12x = 180

বা, 
$$x = \frac{180}{12}$$

 $\therefore x = 15$ 

∴ সংখ্যাদ্বয় যথাক্রমে (3 × 15) = 45

নির্ণেয় সংখ্যা দুইটি 45 ও 60.

প্রশ্ন ॥ ৪ ॥ একদিন তোমাদের ক্লাসে দেখা গেল অনুপস্থিত ও উপস্থিত ছাত্র সংখ্যার অনুপাত 1 : 4, অনুপস্থিত ছাত্র সংখ্যাকে মোট ছাত্র সংখ্যার শতকরায় প্রকাশ কর।

সমাধান : মনে করি, অনুপস্থিত ছাত্র সংখ্যা = x

এবং উপস্থিত ছাত্র সংখ্যা  $=4\mathrm{x}$ 

 $\therefore$  মোট ছাত্র সংখ্যা = (4x + x) জন = 5x জন

 $\therefore$  অনুপস্থিত ছাত্র সংখ্যা মোট ছাত্র সংখ্যার  $rac{x}{5x}$  অংশ

অর্থাৎ অনুপস্থিত ছাত্র 
$$\times$$
  $100\% = \frac{x}{5x} \times 100\% = \left(\frac{1}{5} \times 100\right) \% = 20\%$ 

∴ অনুপস্থিত ছাত্রসংখ্যা মোট ছাত্র সংখ্যার 20%. (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ৫ ॥ একটি দ্রব্য ক্রয় করে 28% ক্ষতিতে বিক্রয় করা হলো। বিক্রয়মূল্য ও ক্রয়মূল্যের অনুপাত নির্ণয় কর।

সমাধান : ক্রয়মূল্য 100 টাকা হলে 28% ক্ষতিতে বিক্রয়মূল্য = (100 – 28) বা 72 টাকা।

বিক্রয়মূল্য : ক্রয়মূল্য = 
$$72:100 = \frac{72}{100}$$
  
=  $\frac{18}{25} = 18:25$ 

∴ বিক্রয়মূল্য ও ক্রয়মূল্যের অনুপাত = 18 : 25. (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ৬ ॥ পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়সের সমষ্টি 70 বছর। তাদের বয়সের অনুপাত 7 বছর পূর্বে ছিল 5:2। 5 বছর পরে তাদের বয়সের অনুপাত কত হবে?

সমাধান: মনে করি, 7 বছর পূর্বে পিতার বয়স ছিল 5k বছর

এবং 7 বছর পূর্বে পুত্রের বয়স ছিল 2k বছর

এখানে, k অনুপাতের সাধারণ গুণিতক

∴ বর্তমানে পিতার বয়স (5k + 7) বছর

এবং বর্তমানে পুত্রের বয়স (2k + 7) বছর

আবার, 5 বছর পরে পিতার বয়স (5k + 7 + 5) বছর

এবং 5 বছর পরে পুত্রের বয়স (2k + 7 + 5) বছর

প্রশানুসারে, 
$$(5k + 7) + (2k + 7) = 70$$

বা, 
$$5k + 7 + 2k + 7 = 70$$

বা, 
$$7k + 14 = 70$$

বা, 
$$7k = 70 - 14 = 56$$

বা, 
$$k = \frac{56}{7} = 8$$

∴ 5 বছর পরে পিতা ও পুত্রের বয়সের অনুপাত

$$= (5 \times 8 + 12) : (2 \times 8 + 12)$$
$$= (40 + 12) : (16 + 12)$$
$$= 52 : 28$$

= 13:7 (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ৭ ॥ যদি a:b=b:c হয়, তবে প্রমাণ কর যে,

(i) 
$$\frac{a}{c} = \frac{a^2 + b^2}{b^2 + c^2}$$
 (ii)  $a^2 b^2 c^2 \left(\frac{1}{a^3} + \frac{1}{b^3} + \frac{1}{c^3}\right) = a^3 + b^3 + c^3$ 

(iii) 
$$\frac{abc (a + b + c)^3}{(ab + bc + ca)^3} = 1$$
 (iv)  $a - 2b + c = \frac{(a - b)^2}{a} = \frac{(b - c)^2}{c}$ 

সমাধান: (i) দেওয়া আছে a:b=b:c,

বা, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

• 
$$b^2 = ac$$

বামপক্ষ 
$$=\frac{a}{c}$$

ডানপক = 
$$\frac{a^2 + b^2}{b^2 + c^2} = \frac{a^2 + ac}{ac + c^2}$$
 [:  $b^2 = ac$ ]

$$=\frac{a(a+c)}{c(a+c)}=\frac{a}{c}$$

অর্থাৎ, 
$$\frac{a}{c} = \frac{a^2 + b^2}{b^2 + c^2}$$
 (প্রমাণিত)

(ii) দেওয়া আছে, a : b = b : c

বা, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

$$\therefore b^2 = ac$$

বামপক্ষ = 
$$a^2b^2c^2\left(\frac{1}{a^3} + \frac{1}{b^3} + \frac{1}{c^3}\right)$$
  
=  $\frac{a^2b^2c^2}{a^3} + \frac{a^2b^2c^2}{b^3} + \frac{a^2b^2c^2}{c^3}$   
=  $\frac{b^2c^2}{a} + \frac{a^2c^2}{b} + \frac{a^2b^2}{c}$   
=  $\frac{ac.c^2}{a} + \frac{(b^2)^2}{b} + \frac{a^2.ac}{c}$  [:  $b^2 = ac$ ]  
=  $\frac{ac^3}{a} + \frac{b^4}{b} + \frac{a^3c}{c}$   
=  $c^3 + b^3 + a^3$   
=  $a^3 + b^3 + c^3 =$ 

অর্থাৎ, 
$$a^2b^2c^2\left(\frac{1}{a^3} + \frac{1}{b^3} + \frac{1}{c^3}\right) = a^3 + b^3 + c^3$$
 (প্রমাণিত)

(iii) দেওয়া আছে a : b = b : c

বা, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

$$\therefore$$
  $b^2 = ac$ 

বামপক্ষ = 
$$\frac{abc (a + b + c)^3}{(ab + bc + ca)^3}$$
  
=  $\frac{b. b^2 (a + b + c)^3}{(ab + bc + b^2)^3}$  [:  $b^2 = ac$ ]  
=  $\frac{b^3 (a + b + c)^3}{\{b (a + c + b)\}^3}$  =  $\frac{b^3 (a + b + c)^3}{b^3 (a + b + c)^3}$   
= 1 = ডানপক্ষ

অর্থাৎ, 
$$\frac{abc(a+b+c)^3}{(ab+bc+ca)^3} = 1$$
 (প্রমাণিত)

(iv) দেওয়া আছে, a : b = b : c

বা, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

$$b^2 = ac$$

২য় পক্ষ 
$$= \frac{(a-b)^2}{a} = \frac{a^2 - 2ab + b^2}{a}$$

#### প্রশা ৮ ॥ সমাধান কর:

(i) 
$$\frac{1-\sqrt{1-x}}{1+\sqrt{1-x}} = \frac{1}{3}$$

$$(i) \quad \frac{1-\sqrt{1-x}}{1+\sqrt{1-x}} = \frac{1}{3} \qquad \qquad (ii) \quad \frac{\sqrt{a+x}+\sqrt{a-x}}{\sqrt{a+x}-\sqrt{a-x}} = b$$

(iii) 
$$\frac{a+x-\sqrt{a^2-x^2}}{a+x+\sqrt{a^2-x^2}} = \frac{b}{x}, 2a > b > 0$$
 are  $x \neq 0$ .

(iv) 
$$\frac{\sqrt{x-1} + \sqrt{x-6}}{\sqrt{x-1} - \sqrt{x-6}} = 0$$

$$(iv) \ \frac{\sqrt{x-1}+\sqrt{x-6}}{\sqrt{x-1}-\sqrt{x-6}} = 5 \qquad (v) \ \frac{\sqrt{ax+b}+\sqrt{ax-b}}{\sqrt{ax+b}-\sqrt{ax-b}} = c$$

(vi) 
$$81\left(\frac{1-x}{1+x}\right)^3 = \frac{1+x}{1-x}$$

সমাধান : (i) 
$$\frac{1 - \sqrt{1 - x}}{1 + \sqrt{1 - x}} = \frac{1}{3}$$

বা , 
$$\frac{1-\sqrt{1-x}+1+\sqrt{1-x}}{1-\sqrt{1-x}-1-\sqrt{1-x}}=\frac{1+3}{1-3}$$
 [যোজন–বিয়োজন করে]

$$\overline{\P}, \frac{2}{-2\left(\sqrt{1-x}\right)} = \frac{4}{-2}$$

$$\sqrt[4]{\frac{1}{\sqrt{1-x}}}=2$$

[ — 1 দারা উভয়পক্ষকে গুণ করে]

বা, 
$$2\sqrt{1-x} = 1$$

[আড়ুগুণন করে]

বা, 
$$(2\sqrt{1-x})^2 = (1)^2$$
 [উভয়পক্ষকে বর্গ করে]

বা, 
$$4-4x=1$$

বা, 
$$-4x = 1 - 4$$

বা, 
$$-4x = -3$$

$$\therefore x = \frac{-3}{-4} = \frac{3}{4}$$

নির্ণেয় সমাধান,  $x = \frac{3}{4}$ 

(ii) 
$$\frac{\sqrt{a+x} + \sqrt{a-x}}{\sqrt{a+x} - \sqrt{a-x}} = b$$

$$\forall i, \frac{\sqrt{a+x} + \sqrt{a-x} + \sqrt{a+x} - \sqrt{a-x}}{\sqrt{a+x} + \sqrt{a-x} - \sqrt{a+x} + \sqrt{a-x}} = \frac{b+1}{b-1}$$

[যোজন-বিয়োজন করে]

বা, 
$$\frac{2\sqrt{a+x}}{2\sqrt{a-x}} = \frac{b+1}{b-1}$$

$$\overrightarrow{A}, \left(\frac{\sqrt{a+x}}{\sqrt{a-x}}\right)^2 = \left(\frac{b+1}{b-1}\right)^2$$

[উভয়পক্ষকে বর্গ করে ]

$$\boxed{4, \frac{a+x}{a-x} = \frac{b^2+2b+1}{b^2-2b+1}}$$

$$\boxed{4}, \frac{a+x+a-x}{a+x-a+x} = \frac{b^2+2b+1+b^2-2b+1}{b^2+2b+1-b^2+2b-1}$$

[পুনরায় যোজন-বিয়োজন করে]

$$rac{2a}{2x} = rac{2b^2 + 2}{4b}$$

বা, 
$$\frac{a}{x} = \frac{2(b^2 + 1)}{4b}$$

বা, 
$$\frac{a}{x} = \frac{b^2+1}{2b}$$

$$\overline{A}$$
,  $x(b^2+1)=2ab$ 

$$\therefore x = \frac{2ab}{b^2 + 1}$$

নির্ণেয় সমাধান, 
$$x = \frac{2ab}{b^2 + 1}$$

(iii) 
$$\frac{a+x-\sqrt{a^2-x^2}}{a+x+\sqrt{a^2-x^2}} = \frac{b}{x}$$

$$\boxed{4}, \frac{a+x-\sqrt{a^2-x^2}+a+x+\sqrt{a^2-x^2}}{a+x-\sqrt{a^2-x^2}-a-x-\sqrt{a^2-x^2}} = \frac{b+x}{b-x}$$

[যোজন-বিয়োজন করে]

$$\sqrt{\frac{2a+2x}{-2\sqrt{a^2-x^2}}} = \frac{b+x}{b-x}$$

[উভয়পৰকে বৰ্গ করে]

$$\overline{4}, \frac{a^2 + 2ax + x^2}{a^2 - x^2} = \frac{b^2 + 2bx + x^2}{b^2 - 2bx + b^2}$$

$$\overrightarrow{a}, \frac{a^2 + 2ax + x^2 + a^2 - x^2}{a^2 + 2ax + x^2 - a^2 + x^2} = \frac{b^2 + 2bx + x^2 + b^2 - 2bx + x^2}{b^2 + 2bx + x^2 - b^2 + 2bx - x^2}$$

[যোজন-বিয়োজন করে]

$$\overline{4}, \frac{2a^2 + 2ax}{2ax + 2x^2} = \frac{2b^2 + 2x^2}{4bx}$$

$$\overline{4}, \frac{2(a^2 + ax)}{2(x^2 + ax)} = \frac{2(x^2 + b^2)}{2 \times 2bx}$$

বা, 
$$\frac{a^2 + ax}{x^2 + ax} = \frac{x^2 + b^2}{2bx}$$

বা, 
$$(x^2 + b^2)(x^2 + ax) = 2bx(a^2 + ax)$$
 [আড়গুণন করে]

$$\vec{a}$$
,  $x(x^2 + b^2)(x + a) = 2abx(x + a)$ 

বা, 
$$x^2 + b^2 = 2ab$$
 [উভয়পৰকৈ  $x(x + a)$  দ্বারা ভাগ করে]

বা, 
$$x^2 = 2ab - b^2$$

$$\therefore x = \pm \sqrt{2ab - b^2}$$

নির্ণেয় সমাধান, 
$$x = \pm \sqrt{2ab - b^2}$$

(iv) 
$$\frac{\sqrt{x-1} + \sqrt{x-6}}{\sqrt{x-1} - \sqrt{x-6}} = 5$$

$$\boxed{4}, \frac{\sqrt{x-1} + \sqrt{x-6} + \sqrt{x-1} - \sqrt{x-6}}{\sqrt{x-1} + \sqrt{x-6} - \sqrt{x-1} + \sqrt{x-6}} = \frac{5+1}{5-1}$$

[যোজন-বিয়োজন করে]

$$\boxed{4}, \frac{2\sqrt{x-1}}{2\sqrt{x-6}} = \frac{6}{4}$$

$$\sqrt[4]{\frac{\sqrt{x-1}}{\sqrt{x-6}}} = \frac{3}{2}$$

বা, 
$$\left(\frac{\sqrt{x-1}}{\sqrt{x-6}}\right)^2 = \left(\frac{3}{2}\right)^2$$
 [উভয়পক্ষকে বৰ্গ করে]

বা, 
$$\frac{x-1}{x-6} = \frac{9}{4}$$

বা, 
$$9x - 54 = 4x - 4$$
  
বা,  $9x - 4x = 54 - 4$   
বা,  $5x = 50$ 

বা, 
$$x = \frac{50}{5}$$

নির্ণেয় সমাধান, x = 10

(v) 
$$\frac{\sqrt{ax+b} + \sqrt{ax-b}}{\sqrt{ax+b} - \sqrt{ax-b}} = c$$

$$\vec{A}, \frac{\sqrt{ax+b} + \sqrt{ax-b} + \sqrt{ax+b} - \sqrt{ax-b}}{\sqrt{ax+b} + \sqrt{ax-b} - \sqrt{ax+b} + \sqrt{ax-b}} = \frac{c+1}{c-1}$$

[আড়গুণন করে]

[যোজন-বিয়োজন করে]

বা, 
$$\frac{2\sqrt{ax+b}}{2\sqrt{ax-b}} = \frac{c+1}{c-1}$$

বা, 
$$\left(\frac{\sqrt{ax+b}}{\sqrt{ax-b}}\right)^2 = \left(\frac{c+1}{c-1}\right)^2$$
 [উভয়পক্ষকে বৰ্গ করে]

$$\overline{A}$$
,  $\frac{ax + b}{ax - b} = \frac{c^2 + 2c + 1}{c^2 - 2c + 1}$ 

$$\overline{4}, \frac{ax+b+ax-b}{ax+b-ax+b} = \frac{c^2+2c+1+c^2-2c+1}{c^2+2c+1-c^2+2c-1}$$

[যোজন-বিয়োজন করে]

$$\frac{2ax}{2b} = \frac{2c^2 + 2}{4c}$$

বা, 
$$\frac{ax}{b} = \frac{2(c^2 + 1)}{2 \cdot 2c}$$

$$\sqrt[4]{\frac{ax}{b}} = \frac{c^2 + 1}{2c}$$

বা, 
$$x = \frac{c^2 + 1}{2c} \times \frac{b}{a}$$

বা, 
$$x = \frac{b}{2a} \left( \frac{c^2 + 1}{c} \right)$$

$$\therefore x = \frac{b}{2a} \left( c + \frac{1}{c} \right)$$

নির্শেয় সমাধান,  $x = \frac{b}{2a} \left( c + \frac{1}{c} \right)$ 

(vi) 
$$81 \left(\frac{1-x}{1+x}\right)^3 = \frac{1+x}{1-x}$$

$$\text{A}, \left\{ \left( \frac{1+x}{1-x} \right)^2 \right\}^2 = (9)^2$$

[উভয়পক্ষকে বর্গমূল করে ]

বা, 
$$\left(\frac{1+x}{1-x}\right)^2 = 9$$
 অথবা,  $-9$ 

বা, 
$$\frac{1+x}{1-x} = \pm \sqrt{9}$$
 অথবা,  $\pm \sqrt{-9}$ 

কিন্তু,  $\frac{1+x}{1-x}=\pm\sqrt{-9}$  সমীকরণটির কোনো বাস্তব সংখ্যায় সমাধান

$$\therefore \frac{1+x}{1-x} = \pm 3$$

$$\therefore$$
 হয়  $\frac{1+x}{1-x}=3$  জথবা,  $\frac{1+x}{1-x}=-3$ 

$$\sqrt{3}$$
,  $-3 + 3x = 1 + x$ 

বা, 
$$x + 3x = 3 - 1$$

বা, 
$$3x - x = 1 + 3$$

বা, 
$$4x = 2$$

বা, 
$$2x = 4$$

বা, 
$$x = \frac{2}{4}$$

বা, 
$$x = \frac{4}{2}$$

$$\therefore x = \frac{1}{2}$$

নির্ণেয় সমাধান, x = 2 বা,  $\frac{1}{2}$ 

প্রশ্ন ॥ ৯ ॥  $\frac{a}{h} = \frac{c}{d}$  হলে, দেখাও যে,

$$(i) \; \frac{a^2 + ab + b^2}{a^2 - ab + b^2} = \frac{c^2 + cd + d^2}{c^2 - cd + d^2} \; (ii) \; \frac{ac + bd}{ac - bd} \; = \frac{c^2 + d^2}{c^2 - d^2}$$

সমাধান : (i) ধরি, 
$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k$$

$$\therefore \frac{a}{b} = k \qquad \text{ all } a = bk$$

এবং 
$$\frac{c}{d} = k$$
 বা,  $c = dk$ 

বামপক্ষ = 
$$\frac{a^2 + ab + b^2}{a^2 - ab + b^2} = \frac{(bk)^2 + bk.b + b^2}{(bk)^2 - bk.b + b^2} \qquad [\because a = bk]$$
$$b^2k^2 + b^2k + b^2 \quad b^2(k^2 + k + 1) \quad k^2 + k + 1$$

$$=\frac{b^2k^2+b^2k+b^2}{b^2k^2-b^2k+b^2}=\frac{b^2\left(k^2+k+1\right)}{b^2\left(k^2-k+1\right)}=\frac{k^2+k+1}{k^2-k+1}$$
 ভানপক্ষ = 
$$\frac{c^2+cd+d^2}{c^2-cd+d^2}=\frac{(dk)^2+dk.d+d^2}{(dk)^2-dk.d+d^2}\qquad [\because c=dk]$$

$$= \frac{d^2k^2 + d^2k + d^2}{d^2k^2 - d^2k + d^2} = \frac{d^2(k^2 + k + 1)}{d^2(k^2 - k + 1)} = \frac{k^2 + k + 1}{k^2 - k + 1}$$

অর্থাৎ, 
$$\frac{a^2+ab+b^2}{a^2-ab+b^2}=\frac{c^2+cd+d^2}{c^2-cd+d^2}$$
 (দেখানো হলো)

(ii) 
$$\sqrt[4]{a}$$
,  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = k$ 

$$\therefore \frac{a}{b} = k$$
 এবং  $\frac{c}{d} = k$ 

বা, 
$$a = bk$$
 বা,  $c = dk$ 

বামপক্ষ = 
$$\frac{ac + bd}{ac - bd}$$
 =  $\frac{bk.dk + bd}{bk.dk - bd}$  [ $\because a = bk$  এবং  $c = dk$ ]
$$= \frac{bdk^2 + bd}{bdk^2 - bd} = \frac{bd (k^2 + 1)}{bd (k^2 - 1)}$$

$$= \frac{k^2 + 1}{k^2 - 1}$$
ডানপক্ষ =  $\frac{c^2 + d^2}{c^2 - d^2} = \frac{(dk)^2 + d^2}{(dk)^2 - d^2}$  [ $\because c = dk$ ]
$$= \frac{d^2k^2 + d^2}{d^2k^2 - d^2} = \frac{d^2 (k^2 + 1)}{d^2 (k^2 - 1)}$$

$$=\frac{k^2+1}{k^2-1}$$

অর্থাৎ, 
$$\frac{ac+bd}{ac-bd}=\frac{c^2+d^2}{c^2-d^2}$$
 (দেখানো হলো)

প্রশা ১০ ॥ 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d}$$
 হলে, দেখাও যে,

(i) 
$$\frac{a^3 + b^3}{b^3 + c^3} = \frac{b^3 + c^3}{c^3 + d^3}$$
 (ii)  $(a^2 + b^2 + c^2)(b^2 + c^2 + d^2) = (ab + bc + cd)^2$ 

সমাধান: (i) ধরি, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d} = k$$

$$\therefore$$
 c = dk.

$$\begin{split} b &= ck = dk.k = dk^2 \\ \text{এবং } a &= bk = dk^2 \cdot k = dk^3 \\ \text{বামপক্ষ} &= \frac{a^3 + b^3}{b^3 + c^3} = \frac{(dk^3)^3 + (dk^2)^3}{(dk^2)^3 + (dk)^3} \qquad \text{[মান বসিয়ে]} \\ &= \frac{d^3k^9 + d^3k^6}{d^3k^6 + d^3k^3} = \frac{d^3k^6 \cdot (k^3 + 1)}{d^3k^3 \cdot (k^3 + 1)} = k^3 \\ \text{ভানপক্ষ} &= \frac{b^3 + c^3}{c^3 + d^3} = \frac{(dk^2)^3 + (dk)^3}{(dk)^3 + d^3} \qquad \text{[মান বসিয়ে]} \\ &= \frac{d^3k^6 + d^3k^3}{d^3k^3 + d^3} = \frac{d^3k^3 \cdot (k^3 + 1)}{d^3 \cdot (k^3 + 1)} = k^3 \end{split}$$

∴ বামপক্ষ = ডানপক্ষ

অর্থাৎ, 
$$\frac{a^3+b^3}{b^3+c^3}=\frac{b^3+c^3}{c^3+d^3}$$
 (দেখানো হলো)

(ii) ধরি, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d} = k$$

$$\therefore c = dk, b = ck = dk. k = dk^2$$
এবং  $a = bk = dk^2$  .  $k = dk^3$ 
বামপক্ষ =  $(a^2 + b^2 + c^2) (b^2 + c^2 + d^2)$ 

$$= \{(dk^3)^2 + (dk^2)^2 + (dk)^2\} \{(dk^2)^2 + (dk)^2 + d^2\}$$

$$= (d^2k^6 + d^2k^4 + d^2k^2) (d^2k^4 + d^2k^2 + d^2)$$

$$= d^2k^2 (k^4 + k^2 + 1) \times d^2 (k^4 + k^2 + 1)$$

$$= d^4k^2 (k^4 + k^2 + 1)^2$$

ডানপক্ষ = 
$$(ab + bc + cd)^2$$
  
=  $(dk^3 \cdot dk^2 + dk^2 \cdot dk + dk \cdot d)^2$  মান বসিয়ে ]  
=  $(d^2k^5 + d^2k^3 + d^2k)^2 = \{d^2k (k^4 + k^2 + 1)\}^2$   
=  $d^4k^2 (k^4 + k^2 + 1)^2$ 

∴ বামপক্ষ = ডানপক্ষ

অর্থাৎ, 
$$(a^2+b^2+c^2)(b^2+c^2+d^2)=(ab+bc+cd)^2$$

(দেখানো হলো

প্রশা ১১ । 
$$x=\frac{4ab}{a+b}$$
 হলে, দেখাও যে,  $\frac{x+2a}{x-2a}+\frac{x+2b}{x-2b}=2, a\neq b.$ 

সমাধান : দেওয়া আছে,  $x = \frac{4ab}{a+b}$ 

∴ 
$$\frac{x}{2a} = \frac{4ab}{2a(a+b)}$$
 [উভয়পৰকে  $2a$  দারা ভাগ করে]

বা,  $\frac{x}{2a} = \frac{2b}{a+b}$ 

বা, 
$$\frac{x+2a}{x-2a} = \frac{2b+a+b}{2b-a-b}$$
 [যোজন-বিয়োজন করে]

 $\sqrt[4]{\frac{x+2a}{x-2a}} = \frac{3b+a}{b-a}$ 

আবার, 
$$\frac{x}{2b} = \frac{4ab}{2b(a+b)}$$

বা, 
$$\frac{x}{2b} = \frac{2a}{a+b}$$

বা, 
$$\frac{x+2b}{x-2b} = \frac{2a+a+b}{2a-a-b}$$
 [যোজন-বিয়োজন করে]

$$\boxed{4}, \frac{x+2b}{x-2b} = \frac{3a+b}{a-b}$$

$$\therefore \frac{x+2a}{x-2a} + \frac{x+2b}{x-2b} = \frac{3b+a}{b-a} + \frac{3a+b}{a-b} = \frac{3b+a}{b-a} - \frac{3a+b}{b-a}$$
$$= \frac{3b+a-3a-b}{b-a} = \frac{2b-2a}{b-a} = \frac{2(b-a)}{b-a} = 2$$

$$\therefore \frac{x+2a}{x-2a} + \frac{x+2b}{x-2b} = 2$$
 (দেখানো হলো)

প্রমাণ কর যে, 
$$x^3 - 3mx^2 + 3x - m = 0$$

সমাধান : দেওয়া আছে , 
$$x=\dfrac{\sqrt[3]{m+1}+\sqrt[3]{m-1}}{\sqrt[3]{m+1}-\sqrt[3]{m-1}}$$

$$\overrightarrow{A1}, \frac{x+1}{x-1} = \frac{\sqrt[3]{m+1} + \sqrt[3]{m-1} + \sqrt[3]{m+1} - \sqrt[3]{m-1}}{\sqrt[3]{m+1} + \sqrt[3]{m-1} - \sqrt[3]{m+1} + \sqrt[3]{m-1}}$$

[যোজন-বিয়োজন করে]

$$\boxed{4}, \frac{x+1}{x-1} = \frac{2\sqrt[3]{m+1}}{2\sqrt[3]{m-1}}$$

বা, 
$$\left(\frac{x+1}{x-1}\right)^3 = \left(\frac{3\sqrt{m+1}}{3\sqrt{m-1}}\right)^3$$
 ্ডিভয়পক্ষকে ঘন করে

$$\overline{4}, \frac{x^3 + 3x^2 + 3x + 1}{x^3 - 3x^2 + 3x - 1} = \frac{m+1}{m-1}$$

$$\frac{x^3 + 3x^2 + 3x + 1 + x^3 - 3x^2 + 3x - 1}{x^3 + 3x^2 + 3x + 1 - x^3 + 3x^2 - 3x + 1} = \frac{m+1+m-1}{m+1-m+1}$$

[যোজন-বিয়োজন করে]

$$\sqrt[4]{\frac{2x^3+6x}{6x^2+2}} = \frac{2m}{2}$$

$$\boxed{1, \frac{2(x^3 + 3x)}{2(3x^2 + 1)}} = m$$

$$\sqrt[3]{\frac{x^3+3x}{3x^2+1}}=m$$

বা, 
$$x^3 + 3x = 3mx^2 + m$$
 [আড়গুণন করে]

$$\therefore x^3 - 3mx^2 + 3x - m = 0$$
 (প্রমাণিত)

প্ৰশ্ন ৷ ১৩ ৷ 
$$x = \frac{\sqrt{2a+3b}+\sqrt{2a-3b}}{\sqrt{2a+3b}-\sqrt{2a-3b}}$$
 হলে,

দেখাও যে,  $3bx^2 - 4ax + 3b = 0$ 

সমাধান : দেওয়া আছে, 
$$x = \frac{\sqrt{2a+3b}+\sqrt{2a-3b}}{\sqrt{2a+3b}-\sqrt{2a-3b}}$$

$$\boxed{4}, \frac{x+1}{x-1} = \frac{\sqrt{2a+3b} + \sqrt{2a-3b} + \sqrt{2a+3b} - \sqrt{2a-3b}}{\sqrt{2a+3b} + \sqrt{2a-3b} - \sqrt{2a+3b} + \sqrt{2a-3b}}$$

[যোজন-বিয়োজন করে]

$$\sqrt[4]{\frac{x+1}{x-1}} = \frac{2\sqrt{2a+3b}}{2\sqrt{2a-3b}}$$

বা, 
$$\left(\frac{x+1}{x-1}\right)^2 = \left(\frac{\sqrt{2a+3b}}{\sqrt{2a-3b}}\right)^2$$
 [উভয়পক্ষকে বৰ্গ করে]

$$\sqrt[4]{\frac{(x+1)^2}{(x-1)^2}} = \frac{2a+3b}{2a-3b}$$

$$\overline{A}$$
,  $\frac{x^2 + 2x + 1}{x^2 - 2x + 1} = \frac{2a + 3b}{2a - 3b}$ 

$$\overrightarrow{a}, \frac{x^2 + 2x + 1 + x^2 - 2x + 1}{x^2 + 2x + 1 - x^2 + 2x - 1} = \frac{2a + 3b + 2a - 3b}{2a + 3b - 2a + 3b}$$

[যোজন–বিয়োজন করে]

বা, 
$$\frac{2x^2+2}{4x} = \frac{4a}{6b}$$

$$\sqrt{\frac{2(x^2+1)}{2\times 2x}} = \frac{2a}{3b}$$

$$rac{x^2+1}{2x} = rac{2a}{3b}$$

বা, 
$$3bx^2 + 3b = 4ax$$
 [আড়গুণন করে]

$$\therefore 3bx^2 - 4ax + 3b = 0$$
 (দেখানো হলো)

প্রশ্ন ॥ ১৪ ॥  $\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2}=\frac{(a+b)^2}{(b+c)^2}$  হলে, প্রমাণ কর যে,  $a,\ b,\ c$  ক্রমিক সমানুপাতী।

সমাধান : দেওয়া আছে, 
$$\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2}=\frac{(a+b)^2}{(b+c)^2}$$

$$\overline{\P}, \frac{(b+c)^2}{b^2+c^2} = \frac{(a+b)^2}{a^2+b^2}$$

[একান্তরকরণ করে]

$$\boxed{1, \frac{b^2 + 2bc + c^2}{b^2 + c^2}} = \frac{a^2 + 2ab + b^2}{a^2 + b^2}$$

$$\overline{\P}, \frac{b^2+2bc+c^2-b^2-c^2}{b^2+c^2} = \frac{a^2+2ab+b^2-a^2-b^2}{a^2+b^2}$$

[বিয়োজন করে]

[ 2b দ্বারা উভয়পক্ষকে ভাগ করে]

$$4$$
  $ab^2 + ac^2 = a^2c + b^2c$ 

[আড়গুণন করে]

$$4$$
,  $ab^2 - b^2c = a^2c - ac^2$ 

বা, 
$$b^2(a-c) = ac(a-c)$$

বা, 
$$b^2 = ac$$

[উভয়পক্ষকে (a – c) দারা ভাগ করে]

$$\therefore \frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

অর্থাৎ, a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী। (প্রমাণিত)

প্রশ্ন ৷ ১৫ । 
$$\frac{x}{b+c} = \frac{y}{c+a} = \frac{z}{a+b}$$
 হল,

প্রমাণ কর যে, 
$$\frac{a}{y+z-x} = \frac{b}{z+x-y} = \frac{c}{x+y-z}$$

সমাধান: মনে করি

$$\frac{x}{b+c} = \frac{y}{c+a} = \frac{z}{a+b} = k$$

$$\therefore x = k (b + c), y = k(c + a)$$
 এবং  $z = k (a + b)$ 

১ম পক্ষ = 
$$\frac{a}{y+z-x}$$

$$=\frac{a}{k\left(c+a
ight)+k\left(a+b
ight)-k\left(b+c
ight)}$$
 [মান বসিয়ে]

$$=\frac{a}{k(c+a+a+b-b-c)}=\frac{a}{k.2a}=\frac{1}{2k}$$

২য় পক্ষ = 
$$\frac{b}{z + x - y}$$

$$= {b \over k (a+b) + k(b+c) - k(c+a)}$$
 [মান বসিয়ে]

$$= \frac{b}{k \; (a+b+b+c-c-a)} \; = \frac{b}{k.2b} = \frac{1}{2k}$$

৩য় পক্ষ 
$$=\frac{c}{x+y-z}$$

$$=\frac{c}{k\left(b+c\right)+k\left(c+a\right)-k\left(a+b\right)}$$
 [মান বসিয়ে]  $=\frac{c}{k\left(b+c+c+a-a-b\right)}$ 

$$k (b+c+c+a-c)$$

$$= \frac{c}{k \cdot 2c} = \frac{1}{2k}$$

অর্থাৎ, 
$$\frac{a}{y+z-x} = \frac{b}{z+x-y} = \frac{c}{x+y-z}$$
 (প্রমাণিত)

প্রশ্ন ॥ ১৬ ॥ 
$$\frac{bz-cy}{a} = \frac{cx-az}{b} = \frac{ay-bx}{c}$$
 হলে, প্রমাণ কর যে,

$$\frac{\mathbf{x}}{\mathbf{a}} = \frac{\mathbf{y}}{\mathbf{b}} = \frac{\mathbf{z}}{\mathbf{c}}$$

সমাধান: মনে করি,

$$\frac{bz-cy}{a} = \frac{cx-az}{b} = \frac{ay-bx}{c} = k$$

$$\therefore \quad \frac{bz - cy}{a} = k$$

আবার, 
$$\frac{cx - az}{b} = k$$

বা, 
$$cx - az = bk$$
 .....(ii)

এবং 
$$\frac{ay - bx}{c} = k$$

বা, 
$$ay - bx = ck$$
 .....(iii)

সমীকরণ (i),(ii) ও (iii) কে যথাক্রমে x,y ও z দারা গুণ করে যোগ করি,

$$bxz - cxy + cxy - ayz + ayz - bxz$$
$$= akx + bky + ckz$$

বা, 
$$0 = k (ax + by + cz)$$

$$\therefore k = 0$$

সমীকরণ (i)-এ k=0 বসিয়ে পাই,

$$bz - cy = a. 0$$

বা, 
$$bz = cy$$

$$\therefore \frac{y}{b} = \frac{z}{c} \dots (iv)$$

সমীকরণ (ii) – এ k = 0 বসিয়ে পাই,

$$cx - az = b. 0$$

বা, 
$$cx - az = 0$$

বা, 
$$cx = az$$

$$\therefore \frac{x}{a} = \frac{z}{c} \dots (v)$$

সমীকরণ (iv) ও (v) থেকে পাই,

$$\frac{y}{b} = \frac{z}{c} = \frac{x}{a}$$
 অর্থাৎ  $\frac{x}{a} = \frac{y}{b} = \frac{z}{c}$  (প্রমাণিত)

প্রশা ১৭ ম 
$$\frac{a+b-c}{a+b}=\frac{b+c-a}{b+c}=\frac{c+a-b}{c+a}$$
 এবং  $a+b+c\neq 0$  ইকে,

প্রমাণ কর যে, a = b = c.

সমাধান: দেওয়া আছে,

$$\frac{a+b-c}{a+b} = \frac{b+c-a}{b+c} = \frac{c+a-b}{c+a}$$

বা, 
$$\frac{a+b-c-a-b}{a+b} = \frac{b+c-a-b-c}{b+c} = \frac{c+a-b-c-a}{c+a}$$

[বিয়োজন করে]

$$\boxed{4, \frac{-c}{a+b}} = \frac{-a}{b+c} = \frac{-b}{c+a}$$

বা, 
$$\frac{c}{a+b}=\frac{a}{b+c}=\frac{b}{c+a}$$
 [প্রত্যেক পক্ষকে  $-1$  দারা গুণ করে]

বা, 
$$\frac{a+b}{c} = \frac{b+c}{a} = \frac{c+a}{b}$$
 [ব্যস্তকরণ করে]

বা, 
$$\frac{a+b+c}{c} = \frac{b+c+a}{a} = \frac{c+a+b}{b}$$
 [যোজন করে]

[প্রত্যেক পক্ষকে a + b + c দ্বারা ভাগ করে]

$$\therefore \frac{1}{c} = \frac{1}{a}$$
 হলে,  $a = c$  এবং  $\frac{1}{a} = \frac{1}{b}$  হলে,  $a = b$ 

অর্থাৎ, a = b = c (প্রমাণিত)

প্রশ্ন । ১৮ । 
$$\frac{x}{xa+yb+zc}=\frac{y}{ya+zb+xc}=\frac{z}{za+xb+yc}$$
 এবং

$$x+y+z \neq 0$$
 হলে, দেখাও যে, প্রতিটি অনুপাত  $=rac{1}{a+b+c}$ 

সমাধান: মনে করি, প্রদত্ত প্রত্যেকটি অনুপাতের মান = k

$$\therefore \frac{x}{xa + yb + zc} = k$$

বা, 
$$k(xa + yb + zc) = x$$
 .....(i)

আবার, 
$$\frac{y}{ya + zb + xc} = k$$

বা, 
$$k(ya + zb + xc) = y$$
 .....(ii)

এবং 
$$\frac{z}{za + xb + yc} = k$$

বা, 
$$k(za + xb + yc) = z$$
 .....(iii)

$$k(xa + by + zc + ya + zb + xc + za + xb + yc) = x + y + z$$

$$\overline{A}$$
, k (xa+ya+za+xb+yb+zb+xc+yc+zc) = x+y+z

$$\overline{A}$$
,  $k \{a(x+y+z)+b(x+y+z)+c(x+y+z)\} = x+y+z$ 

বা, 
$$k(x + y + z)(a + b + c) = x + y + z$$

বা, 
$$k = \frac{(x+y+z)}{(x+y+z)(a+b+c)}$$

$$\therefore k = \frac{1}{a+b+c}$$

$$\therefore$$
 প্রতিটি অনুপাতের মান  $= rac{1}{a+b+c}$  (দেখানো হলো)

প্রশা ১৯ ম যদি 
$$(a+b+c)$$
  $p=(b+c-a)$   $q=(c+a-b)$   $r=(a+b-c)$ 

s হয়, তবে প্রমাণ কর যে,  $\frac{1}{q} + \frac{1}{r} + \frac{1}{s} = \frac{1}{p}$ .

সমাধান: মনে করি,

$$(a+b+c) p = (b+c-a) q = (c+a-b) r$$
  
=  $(a+b-c) s = k$ 

$$\therefore (a+b+c) p = k$$

বা, 
$$\frac{1}{p} = \frac{a+b+c}{k}$$
 ... ... ... (i)

বামপক্ষ = 
$$\frac{1}{q} + \frac{1}{r} + \frac{1}{s}$$

$$= \frac{b+c-a}{k} + \frac{c+a-b}{k} + \frac{a+b-c}{k}$$

$$= \frac{b+c-a+c+a-b+a+b-c}{k}$$

$$=rac{a+b+c}{k}$$
  $=rac{1}{p}$  = ডানপক্ষ

অর্থাৎ, 
$$\frac{1}{q} + \frac{1}{r} + \frac{1}{s} = \frac{1}{p}$$
 (প্রমাণিত)

প্রশ্ন ॥ ২০ ॥ যদি lx = my = nz হয়, তবে দেখাও যে,

$$\frac{x^2}{yz} + \frac{y^2}{zx} + \frac{z^2}{xy} = \frac{mn}{l^2} + \frac{nl}{m^2} + \frac{lm}{n^2}$$

সমাধান : দেওয়া আছে,  $l_{\rm X}={
m my}={
m nz}$ 

বা, 
$$\frac{x}{y} = \frac{m}{l}$$
 বা,  $\frac{y}{z} = \frac{n}{m}$  বা,  $\frac{x}{z} = \frac{n}{l}$ 

বা, 
$$\frac{y}{z} = \frac{n}{m}$$

বা, 
$$\frac{y}{x} = \frac{l}{m}$$
 বা,  $\frac{z}{y} = \frac{m}{n}$  বা,  $\frac{z}{x} = \frac{l}{n}$ 

বামপক্ষ = 
$$\frac{\mathbf{x}^2}{\mathbf{y}\mathbf{z}} + \frac{\mathbf{y}^2}{\mathbf{z}\mathbf{x}} + \frac{\mathbf{z}^2}{\mathbf{x}\mathbf{y}}$$
  
=  $\frac{\mathbf{x}}{\mathbf{y}} \cdot \frac{\mathbf{x}}{\mathbf{z}} + \frac{\mathbf{y}}{\mathbf{x}} \cdot \frac{\mathbf{y}}{\mathbf{z}} + \frac{\mathbf{z}}{\mathbf{x}} \cdot \frac{\mathbf{z}}{\mathbf{y}}$   
=  $\frac{\mathbf{m}}{l} \cdot \frac{\mathbf{n}}{l} + \frac{l}{\mathbf{m}} \cdot \frac{\mathbf{n}}{\mathbf{m}} + \frac{l}{\mathbf{n}} \cdot \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{n}}$  [ মান বসিয়ে ]  
=  $\frac{\mathbf{m}\mathbf{n}}{l^2} + \frac{\mathbf{n}l}{\mathbf{m}^2} + \frac{l\mathbf{m}}{\mathbf{n}^2} = \mathbf{w}$ নপক্ষ

অর্থাৎ, 
$$\frac{x^2}{yz} + \frac{y^2}{zx} + \frac{z^2}{xy} = \frac{mn}{\ell^2} + \frac{n\ell}{m^2} + \frac{\ell m}{n^2}$$
 (দেখানো হলো)

প্রশ্ন ॥ ২১ ॥ যদি  $\frac{p}{q}=\frac{a^2}{b^2}$  এবং  $\frac{a}{b}=\frac{\sqrt{a+q}}{\sqrt{a-q}}$  হয়, তবে দেখাও যে,  $\frac{p+q}{a}=$ 

 $\frac{\mathbf{p}-\mathbf{q}}{\mathbf{q}}$ 

সমাধান : দেওয়া আছে , 
$$\frac{p}{q}=\frac{a^2}{b^2}$$
 এবং  $\frac{a}{b}=\frac{\sqrt{a+q}}{\sqrt{a-q}}$ 

এখানে , 
$$\frac{a}{b} = \frac{\sqrt{a+q}}{\sqrt{a-q}}$$

বা, 
$$\left(\frac{a}{b}\right)^2 = \left(\frac{\sqrt{a+q}}{\sqrt{a-q}}\right)^2$$

[উভয়পৰকে বৰ্গ করে]

বা, 
$$\frac{a^2}{b^2} = \frac{a+q}{a-q}$$

বা, 
$$\frac{p}{q} = \frac{a+q}{a-q}$$

$$[\because \frac{p}{q} = \frac{a^2}{b^2}$$
 দেওয়া আছে]

$$\overline{\P}, \frac{p+q}{p-q} = \frac{a+q+a-q}{a+q-a+q}$$

[যোজন-বিয়োজন করে]

বা, 
$$\frac{p+q}{p-q} = \frac{2a}{2q} = \frac{a}{q}$$

বা, 
$$\frac{p+q}{a} = \frac{p-q}{q}$$

[একাশ্তরকরণ করে]

$$\therefore \frac{p+q}{a} = \frac{p-q}{q}$$
 (দেখানো হলো)

## গুরুত্বপূর্ণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর

২৪. i. অনুপাত একটি প্রকৃত বা অপকৃত ভগ্নাংশ

ii. অনুপাতের প্রথম রাশিকে পূর্ব রাশি বলে

iii. অনুপাতের দিতীয় রাশিকে উত্তর রাশি বলে

١.	∆ABC এর ∠	$\angle A : \angle B = 1 :$	2 এবং ∠B : ∠C	= 2 : 3 <b>হলে</b> ∠C এর			2			
	পরিমাপ—				ა.	,	,	অনুপাত 1:2:	3 এবং <b>ক্ষু</b> দ্রও	গর বাহুর দেখ্য
			<b>1</b> 45°			_	ল বৃহত্তম বাহুর	_		
২.	p, q, r তিনটি	ক্রমিক সমানুপাণি	<u> তক রাশি হলে নিয়ে</u>	চর কোনটি সঠিক?			<b>•</b> 20		(	ন্ত 30
		$ q^2 = pr$			٥٠.	a, b, c ক্রমিক	সমানুপাতী হয়ে	<b>1</b> —		
৩.	পিতা ও পুত্রের	বর্তমান বয়স ফ	যথাক্রমে 40 বছর	এবং 10 বছর। 5 বছর				bc iii. $b^2 = a$	c	
	পর তাদের বয়	সের অনুপাত কর্	হবে?			নিচের কোনটি	সঠিক?			
	<b>⊚</b> 4:1	<b>●</b> 3:1	<b>1</b> :4	<b>1</b> :3		i 😵 i	o i ও iii	gii g iii	🕲 i, ii	g iii
8.	ক : খ = 3 : 4	1,খ:গ=5:4	হল,েক:খ:গ	<del>কত</del> ?	۵۵.	a, b, c ব্ৰুমিক	সমানুপাতী হয়ে	<b>7</b> —		
	• 15 : 20 : 1		<b>16</b> : 15: 20			<b>. b</b> <sup>2</sup> – aa	:: 2h = a :	$-c$ iii. $\frac{a+b}{b}$	b + c	
	<b>1</b> 20:16:1		<b>3</b> 20 : 15 : 16					- c 111 =	c	
Œ.	যদি $\frac{x}{v} = \frac{2}{3}$ হয়	তবে $\frac{6x+y}{3x+2y}$ ও	ার মান কত?			নিচের কোনটি	সঠিক?			
				_ 20		i ાં છે ii	• i ા iii	gii V iii	🕲 i, ii	g iii
	$\odot \frac{1}{5}$		$\bullet \frac{5}{4}$	$\mathfrak{D} \frac{20}{13}$	১২.	x, y, z ব্রুমিক	সমানুপাতী রাগি	ণ হলে—		
৬.	একটি দ্রব্য 20	)% লাভে বিক্ৰয়	করা হলো, বিক্রয়	মূল্য এবং ক্রয় মূল্যের		; vv - va	:: <u>x</u> _ <u>y</u> :::	প্রতিটি ডারপাস্ত	ৰ সাম – <del>X</del>	<u>+ y</u>
	অনুপাত কোনা	<b>े</b> ?					, –	. প্রতিটি অনুপাতে	я <b>ч</b> іч — у	+ z
	<b>⊚</b> 5:4	<b>●</b> 6:5	<b>1</b> 5:6	<b>3</b> 4:5		নিচের কোনটি	সঠিক?			
۹.	x : y = 2 : 3, y	y:z=2:3 <b>হ</b> তে	ī, x : z = কত?			i છ i	(iii & i	● ii ଓ iii	🕲 i, ii	g iii
	♠ 1:1	<b>3</b> 2:3	<b>1</b> 3:2	<b>●</b> 4:9						
<b>Ե.</b>	ক্রিকেট খেলায়	া সুজন ও রফি	কের রানের অনুগ	গাত 2 : 3, রফিক ও						
	সাকিবের রানে	র অনুপাত 5 :	6 হলে তাদের রাবে	নর ধারাবাহিক অনুপাত						
	কত ?									
	● 10:15:1	8	<b>3</b> 6:9:8							
						∴ ব্যা	স : পরিধি = $\frac{2r}{2\pi r}$	= 1 : π		
		22.2	: অনুপাত		২০.	বর্গবেত্রের বাহু চারগুণ হলে বেত্রফল কত গুণ হবে? সহজ্ঞ				
	সাধারণ বহরি	নর্বাচনি প্রশ্রোত্তর			`	<b>3</b> 4	<b>3</b> 8	<b>●</b> 16	<b>3</b> 2	
	• '				২১.			গুণ বৃদ্ধি করলে		কত গুণ বৃদ্ধি
٥٥.		কে কী বলা হয়?		(সহজ)		পাবে?				(মধ্যম)
			<ul><li>প্রাশ্তীয় রাশি।</li></ul>	ত্ব পূর্ব রাশি		<b>•</b> 5	<b>3</b> 10	<b>1</b> 50	<b>1</b> 625	
78.	দুইটি রাশি p খ	ও ${f q}$ এর অনুপাত	নিচের কোনটি?	(সহজ)	২২.	x এর 10% যদি	ने y এর 20% এ	র সমান হয় তবে x		(কঠিন)
	<b>⊚</b> p − a	• p:q	ற p ÷ 1	$\mathfrak{D} p \times q$		♠ 1:2	<b>●</b> 2:1	<b>1</b> 5:1	<b>3</b> 10:1	
			1			ব্যাখ্যা : x এর 10	0% = y এর 20%			
<b>3</b> ¢.				ব এবং n মিটার <b>হলে</b> ,		বা, x এ	র $\frac{10}{100}$ = y এর $\frac{20}{100}$	<u>.</u>		
		লর অনুপাত কত		(সহজ)		বা, $\frac{10x}{100}$	_ <u>20y</u>	,		
			$\mathfrak{G} m^3 : n^3$	· · ·						
১৬.	•	্যাসার্ধের অনুপাত	1:3 হলে ৰেত্ৰফ	লের অনুপাত কত? (		বা, x =	_			
	মধ্যম )	•				বা, $\frac{x}{y}$ =				
		② 4 : 1		● 1:9		∴ x : y		radica province a	<del></del> .	()
۶4.		।হ্র দেখ্য । ধগুণ	খেন, তার বেএফল	া কতগুণ বৃদ্ধি পাবে <b>?</b> (	২৩.	_	_	দর্ঘ্যের অনুপাত ব	_	(মধ্যম)
	মধ্যম )	• 1	<b>6</b> 9	<b>a</b> 16			$\sqrt{2}:1$		<b>3</b> 2:1	
۱۳	⊕ 2 এক বিয়াল য	● 4 দি 22 টাকা হ		ত্থ 16 টাকার অনুপাত কত?			াহু = a এবং বর্গের			
JU.	א ויואאו די	111 44 VINT X	ט ויואאו דטט א	(সহজ)		∴ বংগ	রি বাহু : কর্ণ = a	$: \sqrt{2}a = 1 : \sqrt{2}$		
	<b>■</b> 1 · 22	<b>എ</b> 22 ∙ 1	<b>ஓ</b> 11 · 1			🗆 বহুপদী স	মাপ্তিসূচক বহুবি	বাঁচনি প্রশ্লোত্তর		

(সহজ)

 $\ \ \, \ \, \ \, 1:\pi^3$ 

১৯. বৃত্তের ব্যাস ও পরিধির অনুপাত কত?

 $\bullet$  1: $\pi$ 

**③** 1:2π

ব্যাখ্যা :  $_{\rm T}$  ব্যাসার্ধ্যের বৃত্তের ব্যাস  $_{\rm 2r}$  ও পরিধি  $_{\rm 2\pi r}$ 

①  $1:\pi^2$ 

	নিচের কোনটি সঠিক?		(সহজ)	৩৭.	$ac = b^2$ হলে	$(a^2 + b^2) : (b^2 - b^2)$	$+\mathbf{c^2}$ ) এর মান ক	ত ?	(মধ্যম)
	⊕ i ଓ ii ⊕ iii v iii	iii v iii	● i, ii ଓ iii		<b>⊚</b> c : b		• a:c	<b>③</b> c∶a	
২৫.	নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:			৩৮.		সমানুপাত রাশি			(মধ্যম)
	i. অনুপাত হলো দুইটি রাশির	একটি অপরটির কত	অংশ বা কতগুণ		<b>1</b> :2=3	: 4	• 2:5 = 6:	15	
	ii. a ও b দুইটি রাশির অনুগ	শতকে <sup>a</sup> লেখা হয়				: 4		: 10	
		U				$\frac{2}{5}$ = 0.4 এবং 6 : 15 =	10		
	iii. 3·6 : 2·5 অনুপাতটির উ	<b>ଓ</b> ଶ ଶାା <sup>କ</sup> ା 2·5		৩৯.		হলে 3x : 5y = ব			(মধ্যম)
	নিচের কোনটি সঠিক?		(মধ্যম)		_	◎ 35:15	<b>●</b> 1:2	<b>3</b> 2:1	
	⊕ i ଓ ii ⊕ i ଓ iii		• i, ii <sup>9</sup> iii	0		= 15 : 30 = 1 : 2 x হলে x এর মান	কোনটি ০		(N#N)
২৬.	চতুর্ভুজের পরিসীমা ও দৈর্ঘ্যের	•		80.	• 24	x ২০ে। x এর মান	ত্থানা <i>ত</i> ? গ্রা	<b>120</b>	(মধ্যম)
	i. এদেরকে 11:1 অনুপার					15: $x = \frac{15}{8} = \frac{15}{x}$	<b>(b)</b> 73	<b>(9</b> 120	
	ii. দৈর্ঘ্যকে বর্গ করলে চতুর্ভ্	জের ৰেত্রফল পাৎ	রয়া যায়			0 11	<del>-</del> 1		
	iii. এরা সমজাতীয় রাশি					= 120 আড়গুণন কে 120	N]		
	নিচের কোনটি সঠিক?		(মধ্যম)			$\frac{120}{5} \therefore x = 24$			
	⊕ i ଓ ii ● i ଓ iii	gii g iii	₹ i, ii ♥ iii	82.		b : 1 আকারে প্রব			<b>ট ?</b> (সহজ)
	অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচা	নি প্রশ্রোত্তর			<b>●</b> 0.76		$\mathfrak{g}$ 1.5	<b>3</b>	
				8२.	a, b, c ক্রমিক	সমানুপাতী হলে	, $\frac{\mathbf{a} + \mathbf{b}}{\mathbf{b}^2 + \mathbf{c}^2} = \mathbf{\overline{\phi}}$ ত	?	(মধ্যম)
	া তথ্যের আলোকে ২৭–২৯ নং	•	:		<b>A</b>	$\bullet \frac{a}{c}$	@ <u>c</u>	<b>③</b> a + €	
•	গাড়ির গতিবেগের অনুপাত 5.2		()		2	·	Ψ <sub>a</sub>	<b>⊕</b> a + 0	į.
२५.	গতিবেগের সরল অনুপাত নিচে	প্র কোনা <i>ড</i> ? গ্রি 5 : 52	(মধ্যম) ভি. 52 : 5		ব্যাখ্যা : $\frac{a^2 + ac}{ac + c^2}$	$=\frac{a(a+c)}{c(a+c)}=\frac{a}{c}$			
٥L		_	ত্ম 52 : 5 <b>ত ?</b> (মধ্যম)	৪৩.	$\mathbf{b}^2 = \mathbf{ac}$ হলে	$(a^2+b^2):(a+$	$\mathbf{c})\mathbf{c} = ?$		(মধ্যম
₹0•	,	1013 24 311 1 4 102	• 104		• a:c		1 a:b	<b>③</b> b∶a	
২৯.	১ম গাড়ির গতিবেগ ২য় গাড়ির			88.		সমানুপাতী হলে		য় ?	(সহজ)
<b>\</b>	<ul><li>② 2.04</li><li>● 2.08</li></ul>	<b>⑤</b> 3.04	` _		-				
					🕣 তৃতীয় সম	ানুপাতি	মধ্যসমানুপা	তী	
	77.≾	: সমানুপাত		86.	5x ও 6x এর	গ.সা.গু. কত?			(সহজ)
	সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর	7			• x	$\mathfrak{g} x^2$	10 30x	<b>30</b> x <sup>2</sup> <b>3</b> 0x <sup>2</sup>	2
	<u> </u>			৪৬.	,	ম রাশিকে কী ব			(সহজ)
<b>७</b> 0.	দুইটি বর্গৰেত্রের ৰেত্রফলের	অনুপাত 25 : 3	6 হলে, তাদের দৈর্ঘ্যের		● পূর্ব রাশি		<ul> <li>উত্তর রাশি</li> </ul>		
	অনুপাত কত?		(মধ্যম)		-	র রাশি			
	<b>⊕</b> 1:2 <b>⊙</b> 2:3		<b>1</b> 0:14	89.		ক সমানুপাতী হে			(সহজ)
	ব্যাখ্যা : 25 : 36 = 5 <sup>2</sup> : 6 <sup>2</sup> : দৈৰ্ছে		<u> </u>			নুপাতী	•		
٥٥.	a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হলে				_	নুপাতী	-	`	
	_	• a: b = b: 6  • b: a = b:		8b.	a, b, c ক্রমি	ক সমানুপাতী।	यिन a = 4, b =	= 6 হয় ড	তবে $c = \overline{\phi}$ ত
	ব্যাখ্যা : a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হ		C		_	_			(মধ্যম)
	বা, $\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$ : $a : b = b : c$			0.		<b>3</b> 6			ranolla ara
193.	নিচের কোনটি সমানুপাত রাশি	<b>9</b> 1	(সহজ)	80.	পুহাত বৃত্তের	পরিসীমার অনুপাত	3:5, <b>GICAS</b>	বেলকনেথ	। <b>অনুসাত কত</b> (মধ্যম)
• (•	1: 2 = 3: 4				⊕ 3:5	@ 5·3	• 9:25	<b>1</b> 8:	
	<b>1</b> 4 : 6 = 9 : 4			Co.		ত্রর বাহুর দৈর্ঘ্য :		_	
୬୬.	x:y=5:6 <b>ইলে</b> 6x:5y=	কত ?	(মধ্যম)		কত?	•			~
	• 1 @ $\frac{5}{6}$	$^{\frac{3}{2}}$	$\mathbf{g}$		● a·b	② $a^2:b^2$	വ a <sup>3</sup> · h <sup>3</sup>	ญ √	_ a · √h
_	O	3	O	<i>و</i> ۵.		বাহু a ও b এক			
<b>08.</b>	A ও B সমবেগে নির্দিষ্ট দূর				<b>~</b>		, , , , , ,		(সহজ)
	তাদের গতিবেগের অনুপাত ক		(সহজ)		<b>⊚</b> ab : a <sup>2</sup>	$\bullet$ a <sup>2</sup> : b <sup>2</sup>	<b>⑤</b> √a : √b	ℚ a	$a^2 : ab^2$
10/5		৩। 4 : 3 ব কোনটি সঠিক।		<i>હ</i> ર.		বাহুর ও কর্ণের ৈ			(মধ্যম)
<b>∞.</b>	a : b = b : c হয়, তবে নিচে				• 1: $\sqrt{2}$	② $\sqrt{2}:1$	<b>1</b> :2	€	2:1
( <b>9</b> )L	<ul> <li>ক a² = bc</li> <li>c² = ab</li> <li>2: 2.4 কে a: 1 আকারে প্রক</li> </ul>		থ ab = bc গুনটি হবে ? (সহজে)	৫৩.		তানুপাত কোনটি :			(স <b>হ</b> জ)
٠٠.	ⓐ 1:1				-	• y : x		e	$x^2 : y^2$
	<b>○</b> 1.1 <b>○</b> 1.33.1	U 2 7.3·2	<b>y</b> 1 33 . 2		⊕ x : y	<b>→</b> y . x	$\mathbf{w}_{\mathbf{x}}$ .	Ø	л. у

	নবম–দশম শ্রেণি : ই	সাধারণ	গণিত 🕨 ৪৪৬					
<b>¢8.</b>	কোনো অনুপাত ও ঐ অনুপাতের ব্যস্তানুপাতের গুণফল কত? (মধ্যম)			⊚ i ଓ iii		₹ i, ii	9 iii	
	ⓐ শূন্য ② অসীম ● 1 অ ভগ্নাংশ	৬২.	i. $a:b=c$	: d <b>হলে</b> a, b, c	ক্রমিক সমানুপার্ত	Ì		
	🗆 বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর				া মধ্য সমানুপাতী			
	- নিচের তথ্যপুলো লৰ কর :			হলে a, b, c ব্রুফি	াক সমানুপাতী			
	i. a, b, c ক্রমিক সমানুপাতিক হলে ac = b²		নিচের কোনটি				(সহজ)	
	ii. a: b = b: c² হলে a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী		⊕ i ଓ ii	ⓓ i ૭ iii	● ii ଓ iii	₹ i, ii	⊌ iii	
	iii. a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হলে a : b = b : c		অভিনু তথ্যবি	<u>উত্তিক বহুনির্বাচরি</u>	ন প্রশ্লোত্তর			
	নিচের কোনটি সঠিক? (মধ্যম)	নিচের	ব তথ্যের আ <b>লো</b>	কে ৬৩ – ৬৫ ন	ং প্রশ্নের উ <b>ত্ত</b> র দা	<b>'9</b> :		
	⊕ i ଓ ii    ● i ଓ iii    ⊕ ii ଓ iii				্, বৈশিষ্ট আয়তৰেত্তে		থাক্রমে 3 মি. ও	
<i>ሮ</i> ৬.	a:b=6:2 ইলে–	5 মি.						
	a=3 ও $b=1$ এর জন্য এরা সমানুপাতী	৬৩.	১ম ও ২য় আ	য়তৰেত্ৰের ৰেত্ৰয	ন্দার অনুপাতের	মান কত?	(মধ্যম)	
	ii. $a=2$ ও $b=1$ এর জন্য এরা ব্রুমিক সমানুপাতী		ක <u>35</u>	$\bullet$ $\frac{3}{2}$	$\mathfrak{O}^{\frac{21}{3}}$	ତ୍ତ <u>5</u>		
	$iii$ . একে $\frac{a}{b}=3$ আকারে প্রকাশ করা যায়		21		3	35		
				$=\frac{21}{35}=\frac{3}{5}$ [7 দারা ভ		. ~		
	নিচের কোনাট সাঠক? (মধ্যম) া ও ii  া ও iii  া ও iii  । ত i ও iii	৬৪.			র অনুপাত নিচের			
	ব্যাখ্যা: ii. সঠিক নয়; কারণ, 2:1 = 6:2 রুমিক সমানুপাতী নয়		● 21:35 ব্যাখ্যা:3:5=:	্র ৩০ ১ : ১ 21 : 35 [7 দারা গুণ	<b>গ্র</b> 35 : 3 করে।	᠍ 21:	5	
<b>۴۹.</b>	একই উচ্চতা বিশিষ্ট দুইটি ত্রিভুজের বেত্রফল ও ভূমির অনুপাত যথাক্রমে	৬৫.		র জন্য এরা সম			(মধ্যম)	
	21:24 ও 7:8 হলে–		$ \frac{21}{5} $	$\frac{35}{5} - \frac{5}{5}$	$\mathfrak{D} \frac{21}{5} = \frac{3}{35}$	ත <u>35</u> –	21	
	i. এদেরকে ক্রমিক সমানুপাতে প্রকাশ করা যায়	<del>-</del>	33 3	21 3	5 55	3	5	
	ii. এরা সমানুপাতী	নিচের তথ্যের আলোকে ৬৬–৬৮ নং প্রশ্নের উত্তর দাও : একটি বাক্সের দৈর্ঘ্য, প্রস্থা ও উচ্চতার অনুপাত 4 : 2 : 1.						
	iii. বেত্রফলদয়ের অনুপাত ভূমিদ্বয়ের অনুপাতের সমান				কোন ধরনের অ		(সহজ)	
	নিচের কোনটি সঠিক? (মধ্যম)	00.		গারুড-গার বারু গাত গাত			(*1291)	
	(a) i (c) ii (d) ii (c) iii (d) ii (c) iii (d) iii (d		,		ত্ত ক্রমিক অনু			
	ব্যাখ্যা: i. সঠিক নয়; কারণ, ক্রমিক সমানুপাতিক হওয়ার জন্য সবগুলো রাশি একজাতীয় হতে হবে।	৬৭.		•	্যানুপাত কোনটি <i>ং</i>		(সহজ)	
Øъ.	নিচের তথ্যপুলো লক্ষ কর:		⊕ 1	• 2	<b>1</b> 4	<b>1</b> 6		
	i. a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী বলতে বোঝায় a : b = b : c	৬৮.	মাত্রাগুলোর তৃ	তীয় সমানুপাত ৫	কানটি ?		(সহজ)	
	ii. a: b = c: d – এর ক্রমিক সমানুপাত b: a = d: c		♠ 1	<b>3</b> 2	• 4	<b>3</b> 6		
	iii. a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হবে যদি এবং কেবল যদি ac = b² হয়			১১.৩ : অন	পাতের রূপা	ন্তর		
	নিচের কোনটি সঠিক? (মধ্যম)					,		
	⑤ i ⑤ ii ⑥ ii ⑥ iii ⑥ iii ⑤ iii ⑥ ii, ii ⑤ iii		সাধারণ বর্হু	নির্বাচনি প্রশ্লোত্তর				
<b>৫</b> ኔ.	a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হলে–	৬৯.	$\mathbf{a}:\mathbf{b}=\mathbf{c}:\mathbf{d}$	৷ হলে অনুপাতে:	র কোন ধর্ম অনুয	गिश्री b : a	= d : c <b>হবে</b> ?	
	i. $ac = b^2$ ii. $\frac{a}{b} = \frac{c}{b}$						(সহজ)	
	iii. b : a = c : b			<ul><li>প্রকাশ্তরক</li></ul>			নন্ত বিয়োজন	
	নিচের কোনটি সঠিক? (মধ্যম)	90.	$\mathbf{m}:\mathbf{n}=\mathbf{p}:0$	q <b>হলে</b> , নিচের ৫	কানটি একাশ্তক	রণ অনুপাত		
	(a) i v ii		<b>⊚</b> n : m = q	· n	• m : p = n :	a	(সহজ)	
৬০.	x:y=2:5 হলে-		_					
	i. $2x : 3y = 4 : 15$ ii. $4x : 6y = 8 : 30$				$\mathfrak{D}\frac{m-n}{n}=\frac{p}{n}$	1		
	iii. $\frac{3x}{2} : \frac{5y}{3} = 3 : 25$	۹۵.	$\frac{\mathbf{a}}{\mathbf{b}} = 2$ হলে,	$\frac{\mathbf{a}^2 + \mathbf{b}^2}{\mathbf{a}^2 - \mathbf{b}^2}$ এর মান	ন নিচের কোনটিঃ	?	(মধ্যম)	
	2 3		$\mathbf{a}^{\frac{1}{2}}$	$\frac{3}{2}$	$\bullet \frac{5}{3}$	<u>ඉ 7</u>		
	নিচের কোনটি সঠিক? (মধ্যম)		_	-	-	₩ <sub>9</sub>		
৬১.	● i ও ii ৩ ii ৩ iii ৩ iii ৩ iii । ৩ iii । ৩ iii । 0 i, ii ও iii a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হবে যদি—		U	$\frac{a^2}{b^2} = 4                  $	4-1 3			
<b>93.</b>	,	৭২.	$\frac{\mathbf{a}}{\mathbf{b}} = \frac{\mathbf{c}}{\mathbf{d}} = \frac{\mathbf{e}}{\mathbf{f}} =$	$\frac{2}{3}$ <b><math>\frac{2}{3}</math> <math>\frac{a+c+b+d-c}{b+d-c}</math></b>	<u>· e</u> ⊦ f এর মান নিচে	র কোনটি ?	(সহজ)	
	i. $a^2 = bc$ ii. $\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$				- =			
	iii. $ac - b^2 = 0$		<del>-</del>	=	$\bullet \frac{2}{3}$	ভ <del>-</del>		
	নিচের কোনটি সঠিক? (মধ্যম)		ব্যাখ্যা : $\frac{a+c+}{b+d+}$	$\frac{e}{f} = \frac{2+2+2}{3+3+3} = \frac{6}{9} =$	$=\frac{2}{3}$			

## ৭৩. a:b=c:d হলে, $\frac{a+b}{b}=\frac{c+d}{d}$ কে কী প্ৰক্ৰিয়া বলে? বিয়োজন গ্রি যোজন–বিয়োজন ত্ব বিয়োজন-যোজন 98. 11:5=44:20 এর যোজন-বিয়োজন ফল নিচের কোনটি? (মধ্যম)

ঞ্জ 
$$\frac{16}{6} = \frac{24}{64}$$
 •  $\frac{8}{3} = \frac{32}{12}$    গু  $\frac{64}{6} = \frac{16}{24}$    গু  $\frac{8}{3} = \frac{12}{32}$ 
ব্যাখ্যা :  $\frac{11}{5} = \frac{44}{20}$ ;  $\frac{11+5}{11-5} = \frac{44+20}{44-20}$  [যোজন-বিয়োজন]

ব্যাখ্যা : 
$$\frac{11}{5} = \frac{44}{20}$$
;  $\frac{11+5}{11-5} = \frac{44+20}{44-20}$  (যোজন–বিয়োজন)  $\frac{16}{6} = \frac{64}{24}$  বা,  $\frac{8}{3} = \frac{32}{12}$ 

৭৫. 
$$a:b=b:c$$
 ইলো,  $\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2}=$  কত?

(কঠিন)

ব্যাখ্যা : 
$$a:b=b:c$$
বা,  $\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$  বা,  $\frac{a^2}{b^2} = \frac{b^2}{c^2}$ 
বা,  $\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2} = \frac{b^2}{c^2}$  বা,  $\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2} = \frac{a^2}{b^2}$ 
বা,  $\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2} = \frac{a^2}{ac}$  [:  $b^2 = ac$ ]
.  $\frac{a^2+b^2}{b^2} - \frac{a}{b^2}$ 

৭৬. 
$$\mathbf{m}:\mathbf{n}=\mathbf{p}:\mathbf{q}$$
 হলে, নিচের কোনটি বিয়োজন অনুপাত নির্দেশ করে?

৭৭. 
$$\mathbf{m}:\mathbf{n}=\mathbf{p}:\mathbf{q}$$
 হলে নিচের কোনটি যোজন বিয়োজন অনুপাত নির্দেশ করে?

**3** 3:4

প্ত 
$$\frac{x}{v} = \frac{2}{3}$$
 হলে  $\frac{-x+y}{3x+2y} = \overline{\phi}$ ত ?  $\overline{\phi}$ 

৭৯. 
$$\mathbf{a}:\mathbf{b}=\mathbf{c}:\mathbf{d}$$
 এর ব্যস্তকরণ নিচের কোনটি? (সহয 
$$\bullet \ \frac{\mathbf{b}}{\mathbf{a}}=\frac{\mathbf{d}}{\mathbf{c}} \qquad \textcircled{g} \ \frac{\mathbf{a}}{\mathbf{b}}=\frac{\mathbf{c}}{\mathbf{d}} \qquad \textcircled{g} \ \frac{\mathbf{a}}{\mathbf{b}}=\frac{\mathbf{d}}{\mathbf{c}}$$

ব্যাখ্যা :  $2:3=4:5; \frac{2}{3}=\frac{4}{5}; \frac{3}{2}=\frac{5}{4}$  (ব্যস্তকরণ); 3:2=5:4

৮১. 
$$\frac{b+c}{a}=\frac{c+a}{b}=\frac{a+b}{c}$$
 হলে প্রতিটি অনুপাতের মান কত হবে? কেঠিন)

চং . 
$$\mathbf{k} = \frac{\mathbf{x}}{\mathbf{a}} = \frac{\mathbf{y}}{\mathbf{b}} = \frac{\mathbf{z}}{\mathbf{c}}$$
 হলে  $\frac{\mathbf{x}^3 + \mathbf{y}^3 + \mathbf{z}^3}{\mathbf{a}^3 + \mathbf{b}^3 + \mathbf{c}^3}$  কত ?



(সহজ

(সহজ)

i. 
$$\frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{d}$$
 ii. 
$$\frac{a}{b-a} = \frac{d}{d-c}$$
 iii. 
$$\frac{a^2}{b^2} = \frac{c^2}{d^2}$$

i. 
$$a:b=b:c$$
  
ii.  $\left(\frac{a+b}{b+c}\right)^2 = \frac{a^2+2ab+b^2}{b^2+2bc+c^2}$   
iii.  $\left(\frac{a-b}{b-c}\right)^2 = \frac{a^2-2ab+b^2}{b^2-2bc+c^2}$ 

নিচের কোনটি সঠিক?



## নিচের তথ্যের আলোকে ৮৯–৯১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

পিতা এবং পুত্রের বর্তমান বয়সের অনুপাত 7 : 2 এবং 5 বছর পরে তাদের বয়সের অনুপাত 8:3 হবে।

• 
$$\frac{x}{y} = \frac{7}{2}$$
 থ  $\frac{x}{y} = \frac{2}{7}$  থ  $\frac{x+5}{y+5} = \frac{7}{2}$  থ  $\frac{x+5}{y+5} = \frac{8}{3}$  ৯০. ২য় শর্ত নিচের কোনটি?



⊕ 10

**1**4

**1**6

				নবম–দশম শ্রেণি
	ব্যাখ্যা : $\frac{42}{y} = \frac{7}{2}$	বা, $y = \frac{42 \times 2}{7}$ বা, y	y = 12	
নিচে	র <b>তথ্যের আলো</b>	কে ৯২–৯৪ নং	প্রশ্নের উত্তর দাও	:
$16\left(\frac{1}{1}\right)$	$\left(\frac{1-x}{x+x}\right)^3 = \frac{(1+x)^3}{(1-x)^3}$	<u>x)</u> x)		
৯২.	$(1+x)^4:(1-x)^4$	– x) <sup>4</sup> = <b>কত</b> ?		(মধ্যম)
	<b>●</b> 16:1	<b>3</b> 12:1	<b>1</b> 8:1	<b>3</b> 4:1
৯৩.	(1-x):(1+			(মধ্যম)
	• 1:2		<b>1</b> 2:1	<b>3</b> :2
৯৪.	x এর মান ক্য	হবে?		(মধ্যম)
	⊕ 2	$\mathfrak{G}^{\frac{1}{2}}$	$\bullet \frac{1}{3}$	$\mathfrak{T}\frac{1}{4}$
নিচে	র তথ্যের আলো	কে ৯৫–৯৭নং প্ৰ	াশ্নের উত্তর দাও	:
$\frac{a}{b} = \frac{a}{c}$	$rac{c}{l}$ একটি সমানুপ	ত এবং c : d = 3	3:2	
<b>৯</b> ሮ.	$\frac{a+c}{b+d}$ এর মা	ৰ কোনটি ?		(সহজ)
	<b>⊚</b> 5	$\odot \frac{1}{5}$	$\bullet \frac{3}{2}$	$\mathfrak{D}\frac{2}{3}$
৯৬.	$\frac{\mathbf{a} + \mathbf{b}}{\mathbf{a} - \mathbf{b}}$ এর মান	ন কত ?		(মধ্যম)
202	a:b=2:3	এবং a : c = 3 :	4 <b>হলে</b> b : c =	?
	⊕ 1:2		_	<b>●</b> 9:8
ऽ०३	a:b=b:c	হলে, $\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2}=$	?	
	⊕	⊕      c	$\bullet \frac{a}{c}$	$\mathfrak{D} \frac{\mathbf{c}}{\mathbf{a}}$
५०७	$\frac{x}{y} = \frac{2}{3}$ হলে $\frac{7x}{5x}$	$\frac{x+y}{x+2y} = \overline{2}$ ?		
	$\odot \frac{11}{16}$		$\mathfrak{O}\frac{15}{16}$	$\bullet \frac{17}{16}$
\$08	. a, b, c ক্রমিক	সমানুপাতী। যদি	ते a = 4, b = 6 उ	হয় তবে c = কত?
		<b>③</b> 6		
206		<b>হলে</b> 3x : 4y এর		
১০৬	● 1:2 . a, b, c ক্রমিক	<ul><li>② 2 : 1</li><li>সমানুপাতী হলে</li></ul>	<ul><li>৩ 2:3</li><li>, নিচের কোনটি</li></ul>	
	<b>③</b> a:b=a:a	$b^2 = ac$	$  a^2 = bc $	
५०१	a:b=c:d	এর একান্তরকর	ণ কোনটি?	
	<ul><li> a : d = b</li><li> ac = bd</li></ul>	: c	• $a : c = b : c$ • $b : a = d : c$	
204	. দুইটি সম্পূরক	কোণের পরিমাণে	পর অনুপাত 3 : 7	' হলে বৃহত্তম কোণ কতঃ
	<b>⊚</b> 121°	<b>124°</b>	• 126°	<b>139°</b>
४०४	. x : y এর ব্যস	তানুপাতিক হবে–		
	♠ x : y	• y:x	$\mathfrak{O} \frac{1}{x} : \frac{1}{y}$	
770	$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ এর এব	<b>গশ্তরকরণ নিচে</b>	র কোনটি?	
				$\bullet \ \frac{a}{c} = \frac{b}{d}$

১১১. পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়সের অনুপাত 7:2,5 বছর পরে তাদের

**1**:3 **3** 2:3

বয়সের অনুপাত 8:3 হবে। পিতার বর্তমান বয়স কত?

১১২. x : y = 5 : 6 ইলে, 3x : 5y = কত?

② 2:1

1:2

১১৩. কোনটি সমানুপাত?

35 বছর
 ৩ 28 বছর
 ৩ 45 বছর
 ৩ 30 বছর

: সাধারণ গণিত 🕨 ৪৪৮  $\mathfrak{Q}\frac{1}{5} \qquad \mathfrak{Q}\frac{3}{2} \qquad \mathfrak{Q}\frac{2}{3}$ ৯৭. ad:bc = কত? **③** 2:3 **●** 1 **⑤**  $\frac{3}{2}$ নিচের তথ্যের আলোকে ৯৮-১০০ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:  $a = \frac{4xy}{x+y}$  হলে— ৯৮.  $\frac{a+2x}{a-2y}$  এর মান নিচের কোনটি?  $\bullet \ \frac{x(x+3y)}{y(x-y)} \ \ \mathfrak{A} \ \frac{x+2y}{x-2y} \qquad \ \mathfrak{A} \ \frac{x-3y}{x+3y} \qquad \qquad \mathfrak{A} \ \frac{x-3y}{x+2y}$ ৯৯.  $\frac{a+2y}{a-2y}$  এর মান নিচের কোনটি? ১০০.  $\frac{a}{2x}$  :  $\frac{a}{2y}$  এর মান নিচের কোনটি?  $\bigcirc$  1:2=3:4  $\bullet$  2:5 = 6:15 **1**0:5=5:10 94:6=9:4১১৪. 3:6 কে b:1 অনুপাতের প্রকাশ করলে নিচের কোনটি হবে? **③** 3:6 **3** 6:3 **1**:2  $\bullet \frac{1}{2}:1$ ১১৫.  $\mathbf{m}$  ও  $\mathbf{n}$  এর অনুপাত  $\mathbf{x}$  ও  $\mathbf{y}$ -এর অনুপাতের সমান হলে প্রত্যেকটি অনুপাত কোনটির সমান?  $\mathfrak{G}\frac{mn}{xy}$ ১১৬. 3x:5y=1:2 হলে  $x:y=\overline{\Phi}$ ত? **1**:2 **3** 3:5 5:6 ১১৭. a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হবে যদি i.  $a^2 = bc$ iii.  $ac - b^2 = 0$ নিচের কোনটি সঠিক? ⊕ i ७ ii ⊚ i ଓ iii iii ℧ iii ● g i, ii g iii ১১৮. নিচের তথ্যগুলো লৰ কর: i. সমানুপাতের চারটি রাশিই এক জাতীয় হওয়ার প্রয়োজন হয় না ii. একই উচ্চতা বিশিষ্ট দুইটি ত্রিভুজের ৰেত্রফলদ্বয়ের অনুপাত ভূমিদ্বয়ের অনুপাতের সমান iii. a:b=c:d এর ব্যুস্তকরণ a:c=b:d নিচের কোনটি সঠিক? ⊚ i છ iii iii 🛭 iii o i ଓ ii o g i, ii g iii ১১৯. নিচের কোনটি ক্রমিক সমানুপাতী? i. a:b=b:cii. a: c = b: aiii.  $b^2 = ac$ নিচের কোনটি সঠিক? (1) iii டு iii பே

নিচের তথ্যের আলোকে ১২০–১২২ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

একটি বৰ্গৰেত্ৰে একটি বৃত্ত অন্তৰ্লিখিত হয়েছে।

## ১২০. বর্গবেত্রের এক বাহু ও বৃত্তটির ব্যাসার্ধের অনুপাত কত?

#### ১২১. বর্গবেত্রের পরিসীমা ও বৃত্তের পরিধির অনুপাত কত?

**③** π:4

**①** 2:π

**1**:1

## ১২২. বর্গবেত্রের কর্ণ ও বৃত্তের ব্যাসের অনুপাত কত?

**1** :  $\sqrt{2}$ 

**1** 2:1

•  $\sqrt{2}:1$ 

## নিচের তথ্যের আলোকে ১২৩ ও ১২৪ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

## প্রমূ−১ ≯ a : b এবং 3.5 : 5.6 দুইটি অনুপাত।



ক. সমানুপাত কী?

খ. ২য় অনুপাতটিকে 1 : x এবং y : 1 আকারে প্রকাশ কর।

গ. ১ম অনুপাতটি 5 : 6 হলে, 3a : 5b = কত?

## 🕨 🕯 ১নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

- ক. যদি চারটি রাশি এরূ প হয় যে, প্রথম ও দ্বিতীয় রাশির অনুপাত তৃতীয় ও চতুর্থ রাশির অনুপাতের সমান হয়, তবে ঐ চারটি রাশি নিয়ে একটি সমানুপাত উৎপন্ন হয়। a, b, c, d এরূ প চারটি রাশি হলে আমরা লিখি a:  $b = c : d \mid$
- খ. দ্বিতীয় অনুপাত ,  $3.5:5.6=\frac{3.5}{3.5}:\frac{5.6}{3.5}=1:1.6$

= 1 : x [ যখন x = 1.6 ]

∴ 3·5 : 5·6 কে 1 : x আকারে প্রকাশ করা হলো।

আবার,  $3.5:5.6=\frac{3.5}{5.6}:\frac{5.6}{5.6}=0.625:1$ 

= y:1 [ যখন y = 0.625 ]

∴ 3·5 : 5·6 কে y : 1 আকারে প্রকাশ করা হলো।

গ. ১ম অনুপাত = a : b

প্রশ্নতে, a: b = 5:6

বা, 
$$\frac{a}{b} = \frac{5}{6}$$

বা, 
$$\frac{3a}{b} = \frac{15}{6}$$

বা, 
$$\frac{3a}{5b} = \frac{15}{30}$$

$$\sqrt[3]{\frac{3a}{5b}} = \frac{1}{2}$$

 $\therefore$  3a : 5b = 1 : 2 (**Ans.**)

## প্রমু–২ 🗲 একটি ল্যাম্পপোস্ট থেকে p মিটার দূরে দাঁড়ানো r মিটার উচ্চতা বিশিষ্ট এক ব্যক্তির ছায়ার দৈর্ঘ্য s মিটার। ল্যাম্পপোস্টের উচ্চতা h মিটার।

- ক. তথ্যের আলোকে সম্ভাব্য চিত্র আঁক।
- খ. ঐ ব্যক্তি ল্যাম্পপোস্ট থেকে কত মিটার দূরে দাঁড়ানো ছিল?
- গ. মাতা ও কন্যার বর্তমান বয়সের সমষ্টি ছায়ার দৈর্ঘ্যের সমান এবং t বছর পূর্বে তাদের বয়সের অনুপাত ছিল ব্যক্তির উচ্চতা ও ল্যাম্পপোস্ট থেকে ব্যক্তির দূরত্বের অনুপাতের সমান। x বছর পরে তাদের বয়সের অনুপাত কত হবে?

## ১৫ ২নং প্রশ্নের সমাধান ১৫

পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়সের অনুপাত 7 : 2 এবং 5 বছর পরে তাদের বয়সের অনুপাত 8:3 হবে।

## ১২৩. পিতার বর্তমান বয়স কত?

📵 ২৫ বছর

থ্য ৩০ বছর

৩৫ বছর

ত্ত ৪০ বছর

## ১২৪. পুত্রের বর্তমান বয়স কত?

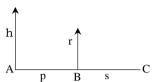
📵 ৫ বছর

● ১০ বছর

গ্র ১৫ বছর

ত্ত ২০ বছর

ক.



A বিন্দুতে অবস্থিত ল্যাম্পপোস্টের উচ্চতা h মিটার। A থেকে p মিটার দূরে B বিন্দুতে দাঁড়ানো r মিটার উচ্চতা বিশিষ্ট এক ব্যক্তির ছায়ার দৈর্ঘ্য BC = s মিটার।

∴ ল্যাস্পপোস্ট থেকে ছায়ার প্রান্ত বিন্দুর দূরত্ব = AB + BC

= (p + s) মিটার

#### খ. যেহেতু ছায়া, উচ্চতার সমানুপাতিক

অতএব, h:r=(p+s):s

বা, 
$$\frac{h}{r} = \frac{p+s}{s}$$

বা, r(p+s) = hs

বা, 
$$p + s = \frac{hs}{r}$$

বা, 
$$p = \frac{hs}{r} - s$$

$$\therefore p = \left(\frac{h}{r} - 1\right) s$$

 $\therefore$  ল্যাম্পপোস্ট থেকে ঐ ব্যক্তি  $igg(rac{h}{r}-1igg)$  মিটার দূরে দাঁড়ানো ছিল । $(\mathbf{Ans.})$ 

গ. মনে করি, মাতার বর্তমান বয়স a বছর এবং কন্যার বর্তমান বয়স b বছর। তা**হলে.** 

প্রশানুসারে, a + b = s .....(i)

$$\frac{a-t}{b-t} = \frac{r}{p} \dots (ii)$$

 $\frac{a-t}{b-t} = \frac{r}{p}$  থেকে পাই,

$$\frac{a-t}{r} = \frac{b-t}{p} = \frac{a+b-2t}{r+p} = \frac{s-2t}{r+p}$$

$$\therefore a - t = \frac{(s - 2t)r}{r + p}$$

বা, 
$$a = \frac{(s-2t)r}{r+p} + t$$
 এবং  $b-t = \frac{(s-2t)p}{r+p}$ 

বা, 
$$b = \frac{(s-2t)p}{r+p} + t$$

 $\therefore$  x বছর পরে মাতা ও কন্যার বয়সের অনুপাত  $= \frac{a+x}{b+x}$ 

$$=\frac{\frac{(s-2t)r}{r+p}+t+x}{\frac{(s-2t)p}{r+p}+t+x}$$

∴ x বছর পরে মাতা ও কন্যার বয়সের অনুপাত হবে

$$\left\{\frac{(s-2t)r}{r+p}+t+x\right\}:\left\{\frac{(s-2t)p}{r+p}+t+x\right\}\text{ (Ans.)}$$

## প্রশ্ন🖜 🗲 পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়সের অনুপাত 7 : 2 এবং 5 বছর পরে তাদের বয়সের অনুপাত 8:3 হবে। তাদের মোট আয় 28080 টাকা।

- ক. অনুপাতের সাধারণ রাশি x হলে 5 বছর পর পিতা ও পুত্রের বয়স কত হবে?
- খ. বর্তমানে কার বয়স কত?

গ. পিতা ও পুত্রের আয়ের অনুপাত তাদের বর্তমান বয়সের অনুপাতের সমান এবং পুত্র ও কন্যার আয়ের অনুপাত 5 বছর পরে পিতা ও পুত্রের বয়সের অনুপাতের সমান। প্রত্যেকের আয়ের পরিমাণ নির্ণয় কর।

## 🕨 ৩নং প্রশ্নের সমাধান 🕨

- ক. দেওয়া আছে, অনুপাতের সাধারণ রাশি = x
  - ∴ পিতার বর্তমান বয়স =7x বছর এবং পুত্রের বর্তমান বয়স = 2x বছর সুতরাং 5 বছর পরে পিতার বয়স হবে (7x + 5) বছর এবং 5 বছর পরে পুত্রের বয়স হবে (2x + 5) বছর (Ans.)
- খ. 'ক' থেকে পাই, পিতার বয়স (7x + 5) বছর এবং পুত্রের বয়স (2x + 5)

প্রামতে, 
$$(7x + 5) : (2x + 5) = 8 : 3$$

$$\sqrt[4]{7x+5} = \frac{8}{3}$$

বা, 
$$3(7x + 5) = 8(2x + 5)$$
 [আড়গুণন করে]

$$\overline{1}$$
,  $21x + 15 = 16x + 40$ 

বা, 
$$21x - 16x = 40 - 15$$

বা, 
$$5x = 25$$

$$\therefore x = 5$$

- ∴ পিতার বর্তমান বয়য়য় = 7 x 5 = 35 বছর
- এবং পুত্রের বর্তমান বয়স =  $2 \times 5 = 10$  বছর

পিতার বর্তমান বয়স 35 বছর এবং পুত্রের বর্তমান বয়স 10 বছর। (Ans.)

গ. প্রশ্নমতে, পিতা ও পুত্রের আয়ের অনুপাত

$$= 7 : 2$$

$$= (7 \times 4) : (2 \times 4)$$

= 28:8

এবং পুত্র ও কন্যার আয়ের অনুপাত= 8:3

পিতা, পুত্র ও কন্যার আয়ের অনুপাত = 28:8:3

অনুপাতের সংখ্যাগুলোর যোগফল = 28 + 8 + 3 = 39

∴ পিতার আয়ের পরিমাণ = 
$$\left(28080 \times \frac{28}{39}\right)$$
 টাকা

= 720 × 28 টাকা = 20160 টাকা

∴পুত্রের আয়ের পরিমাণ = 
$$\left(28080 \times \frac{8}{39}\right)$$
 টাকা

 $= (720 \times 8)$  টাকা = 5760 টাকা

এবং কন্যার আয়ের পরিমাণ = টাকা

পিতার আয় 20160 টাকা, পুত্রের 5760 টাকা, কন্যার 2160 টাকা। (Ans.)

## প্রশ্ন–৪ > পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়সের সমষ্টি 75 বছর। তাদের বয়সের অনুপাত t বছর পূর্বে ছিল r : p.

ক. ক্রমিক সমানুপাতী কী?

- খ. s = 75, t = 5, r = 9, p = 4 হলে, পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়স কত?
- গ.  $_{\rm X}$  বছর পরে পিতা ও পুত্রের বয়সের অনুপাত কত

## 🕨 🕯 ৪নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

- ক. a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী বলতে বোঝায় a : b = b : c. a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হবে যদি এবং কেবল যদি b² = ac হয়। ক্রমিক সমানুপাতের ৰেত্ৰে সবগুলো রাশি এক জাতীয় হতে হবে।
- খ. দেওয়া আছে,

পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়সের সমষ্টি 75 বছর। তাদের বয়সের অনুপাত 5 বছর পূর্বে ছিল 9 : 4. [∵ t = 5, r : p = 9 : 4] মনে করি, পিতার বর্তমান বয়স x বছর

- ∴ পুত্রের " " (75 x) বছর
- $\therefore$  পাঁচ বছর পূর্বে পিতার বয়স ছিল (x-5) বছর

পাঁচ বছর পূর্বে পুত্রের বয়স ছিল (7 $5-{
m x}-5$ ) বছর

প্রশ্নতে, 
$$\frac{x-5}{70-x} = \frac{9}{4}$$

$$4x - 9x = 4x - 20$$

বা, 
$$13x = 650$$

বা, 
$$x = \frac{650}{13}$$

- ∴ পিতার বয়স 50 বছর
- এবং পুত্রের বয়স (75 50) বছর = 25 বছর। (Ans.)
- গ. মনে করি, পিতার বর্তমান বয়স a বছর এবং পুত্রের বর্তমান বয়স b বছর

প্ৰশ্নত, a + b = s .....(i)

$$\frac{a-t}{b-t} = \frac{r}{p}$$
....(ii)

- (ii) হতে পাই,  $\frac{a-t}{r} = \frac{b-t}{p}$ .....(iii)
- (iii) হতে পাই,  $\frac{a-t}{r} = \frac{b-t}{p}$

বা, 
$$\frac{a-t}{b-t} = \frac{r}{p}$$

বা, 
$$\frac{a-t+b-t}{b-t} = \frac{r+p}{p}$$
 [যে

বা, 
$$\frac{a+b-2t}{b-t} = \frac{r+p}{p}$$

$$\overline{q}, \frac{a+b-2t}{r+p} = \frac{b-t}{p}$$

বা, 
$$\frac{s-2t}{r+p} = \frac{b-t}{p}$$

বা, 
$$\frac{b-t}{p} = \frac{s-2t}{r+p}$$
.....(iv)

আবার, (iii) ও (iv) হতে পাই  $\frac{a-t}{r} = \frac{s-2t}{r+p}$ 

বা, 
$$a-t=\frac{r(s-2t)}{r+p}$$

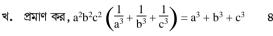
$$\therefore a = \frac{r(s-2t)}{r+p} + t$$

x বছর পরে পিতা ও পুত্রের বয়সের অনুপাত,

$$\frac{a+x}{b+x} = \begin{cases} \frac{r(s-st)}{r+p} + t + x \\ \frac{p(s-2t)}{r+p} + t + x \end{cases}$$
 (Ans.)

## প্রশ্ন👉 ኦ যদি ${f a, b}$ ও ${f c}$ ক্রমিক সমানুপাতী হয় তবে🗕

ক. দেখাও যে,  $b^2 = ac$  এবং 2, 4 ও 8 ক্রমিক সমানুপাতী। ২



গ. প্রমাণ কর, 
$$\frac{abc(a+b+c)^3}{(ab+bc+ca)^3} = 1$$
 8

## 🕨 🕯 ৫নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. দেওয়া আছে, a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী

$$\therefore$$
 a:b=b:c

বা, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

বা. 
$$ac = b^2$$

বা, 
$$b^2 = ac$$
 .....(i)

(i) **হতে** পাই, ac = 2 × 8 = 16

এবং 
$$b^2 = 4^2 = 16$$

∴ 
$$b^2 = ac \, \, \text{(a)} \, , \, 4^2 = 2 \times 8$$

$$\sqrt{\frac{2}{4}} = \frac{4}{8}$$

∴ 2, 4, 8 ক্রমিক সমানুপাতী। (দেখানো হলো)

খ. বামপৰ = 
$$a^2b^2c^2\left(\frac{1}{a^3} + \frac{1}{b^3} + \frac{1}{c^3}\right)$$
  
=  $\frac{a^2b^2c^2}{a^3} + \frac{a^2b^2c^2}{b^3} + \frac{a^2b^2c^2}{c^3}$   
=  $\frac{b^2(ac)^2}{a^3} + \frac{b^2(ac)^2}{b^3} + \frac{b^2(ac)^2}{c^3}$   
=  $\frac{ac(ac)^2}{a^3} + \frac{b^2(b^2)^2}{b^3} + \frac{(ac)(ac)^2}{c^3}$  [ $\therefore b^2 = ac$ ]  
=  $\frac{a^3c^3}{a^3} + \frac{b^6}{b^3} + \frac{a^3c^3}{c^3} = c^3 + b^3 + a^3$   
=  $a^3 + b^3 + c^3 =$  ডানপৰ

গ. বামপৰ = 
$$\frac{abc(a+b+c)^3}{(ab+bc+ca)^3}$$
  
=  $\frac{abc(a+b+c)^3}{(ab+bc+b^2)^3}$   
=  $\frac{bac(a+b+c)^3}{\{b(a+c+b)\}^3} = \frac{b.b^2(a+b+c)^3}{b^3(a+c+b)^3}$ 

$$= \frac{b^3(a+b+c)^3}{b^3(a+b+c)^3}$$
$$= 1 = ভানপৰ$$

অর্থাৎ 
$$\frac{abc(a+b+c)^3}{(ab+bc+ca)^3} = 1$$
 (প্রমাণিত)

$$\exists \exists -b \Rightarrow \frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}} = \mathbf{p}$$

২

$$\mathbf{7}$$
 খ. প্রমাণ কর যে,  $\mathbf{p}^2 - \frac{2\mathbf{p}}{\mathbf{x}} + 1 = 0$ 

গ. 
$$p = \frac{2 + \sqrt{2}}{2 - \sqrt{2}}$$
 হলে  $x$  এর মান নির্ণয় কর।

#### ১ ৬ ৬নং প্রশ্রের সমাধান ১ ব

ক. দেওয়া আছে, 
$$\frac{\sqrt{1+x}+\sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x}-\sqrt{1-x}}=p$$
 .....(i)

p=1 হলে (i) থেকে পাই,

$$\frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}} = 1$$

বা, 
$$\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x} = \sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}$$

বা, 
$$\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x} - \sqrt{1+x} + \sqrt{1-x} = 0$$

বা, 
$$2\sqrt{1-x}=0$$

বা, 
$$\sqrt{1-x}=0$$

বা, 
$$1 - x = 0$$

$$\therefore$$
 x = 1 (Ans.)

খ. দেওয়া আছে,

$$\frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}} = p$$

$$\boxed{4}, \frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x} + \sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x} - \sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}} = \frac{p+1}{p-1}$$

[যোজন–বিয়োজন করে]

$$\overline{4}, \frac{\sqrt{1+x}}{\sqrt{1-x}} = \frac{p+1}{p-1}$$

$$\boxed{1, \frac{1+x}{1-x} = \frac{(p+1)^2}{(p-1)^2}}$$

[উভয়পৰকে বৰ্গ করে]

$$\boxed{1, \frac{1+x}{1-x} = \frac{p^2+2p+1}{p^2-2p+1}}$$

$$\overrightarrow{1}, \frac{1+x+1-x}{1+x-1+x} = \frac{p^2+2p+1+p^2-2p+1}{p^2+2p+1-p^2+2p-1}$$

[যোজন–বিয়োজন করে]

$$\boxed{1, \frac{2}{2x} = \frac{2(p^2 + 1)}{2.2p}}$$

বা, 
$$\frac{1}{x} = \frac{p^2 + 1}{2p}$$

বা, 
$$\frac{2p}{r} = p^2 + 1$$

∴ 
$$p^2 - \frac{2p}{x} + 1 = 0$$
 (প্রমাণিত)

গ. দেওয়া আছে, 
$$p = \frac{2 + \sqrt{2}}{2 - \sqrt{2}}$$

প্রদত্ত সমীকরণ.

$$\frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}} = p$$

$$\text{at, } \frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}} = \frac{2+\sqrt{2}}{2-\sqrt{2}}$$

$$\overline{41}, \frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x} + \sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x} - \sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}} = \frac{2 + \sqrt{2} + 2 - \sqrt{2}}{2 + \sqrt{2} - 2 + \sqrt{2}}$$

বা, 
$$\frac{2\sqrt{1+x}}{2\sqrt{1-x}} = \frac{2.2}{2.\sqrt{2}}$$

$$\overline{4}, \frac{\sqrt{1+x}}{\sqrt{1-x}} = \frac{2}{\sqrt{2}}$$

বা, 
$$\frac{1+x}{1-x} = \frac{4}{2}$$
 [উভয়পৰকে বৰ্গ করে]

বা, 
$$2 + 2x = 4 - 4x$$
 [আড়গুণ করে]

বা, 
$$2x + 4x = 4 - 2$$

বা, 
$$x = \frac{2}{6}$$

$$\therefore x = \frac{1}{3} (Ans.)$$

# প্রশ্ন-৭ > $\frac{\sqrt{1+a}+\sqrt{1-a}}{\sqrt{1+a}-\sqrt{1-a}} = m$ হলে-

ক.  $\frac{\sqrt{1+a}}{\sqrt{1-a}}$  এর মান নির্ণয় কর।

২

$$m{2}$$
 খ. প্রমাণ কর যে,  $\mathbf{m}^2+1=rac{2\mathbf{m}}{\mathbf{a}}$ 

8

গ.  $a = \frac{2}{3}$  হলে, m এর মান নির্ণয় কর। 'খ' এর সত্যতা

প্রমাণ কর।

## ১ বনং প্রশ্রের সমাধান ১ ব

ক. দেওয়া আছে,

$$\begin{split} &\frac{\sqrt{1+a}+\sqrt{1-a}}{\sqrt{1+a}-\sqrt{1-a}} = m \\ & \\ & \\ & \\ & \\ \hline \text{A}, \frac{\sqrt{1+a}+\sqrt{1-a}+\sqrt{1+a}-\sqrt{1-a}}{\sqrt{1+a}+\sqrt{1-a}} = \frac{m+1}{m-1} \end{split}$$

[যোজন–বিয়োজন করে]

বা, 
$$\frac{2\sqrt{1+a}}{2\sqrt{1-a}} = \frac{m+1}{m-1}$$

$$\therefore \frac{\sqrt{1+a}}{\sqrt{1-a}} = \frac{m+1}{m-1} (Ans.)$$

খ. 'ক' থেকে পাই

$$\frac{\sqrt{1+a}}{\sqrt{1-a}} = \frac{m+1}{m-1}$$

বা, 
$$\left(\frac{\sqrt{1+a}}{\sqrt{1-a}}\right)^2 = \frac{(m+1)^2}{(m-1)^2}$$
 [উভয়পৰকে বৰ্গ করে]

$$\sqrt{1+a} = \frac{m^2+2m+1}{m^2-2m+1}$$

$$\overline{\P}, \frac{1+a+1-a}{1+a-1+a} = \frac{m^2+2m+1+m^2-2m+1}{m^2+2m+1-m^2+2m-1}$$

[যোজন–বিয়োজন করে]

$$rac{2}{2a} = rac{2(m^2+1)}{2.2m}$$

বা, 
$$\frac{1}{a} = \frac{m^2 + 1}{2m}$$

$$\therefore m^2 + 1 = \frac{2m}{a}.$$
 (প্রমাণিত)

গ. দেওয়া আছে,

$$\frac{\sqrt{1+a}+\sqrt{1-a}}{\sqrt{1+a}-\sqrt{1-a}}=m$$

বা, 
$$\frac{\sqrt{1+\frac{2}{3}}+\sqrt{1-\frac{2}{3}}}{\sqrt{1+\frac{2}{3}}-\sqrt{1-\frac{2}{3}}}=m\left[a=\frac{2}{3}$$
 মান বসিয়ে  $\right]$ 

বা, 
$$\frac{\sqrt{\frac{1}{3}} + \sqrt{\frac{1}{3}}}{\sqrt{\frac{5}{3}} - \sqrt{\frac{1}{3}}} = m$$

$$\text{at,} \frac{\left(\sqrt{\frac{5}{3}} + \sqrt{\frac{1}{3}}\right)\left(\sqrt{\frac{5}{3}} + \sqrt{\frac{1}{3}}\right)}{\left(\sqrt{\frac{5}{3}} - \sqrt{\frac{1}{3}}\right)\left(\sqrt{\frac{5}{3}} + \sqrt{\frac{1}{3}}\right)} = m$$

$$\overline{4}, \frac{\left(\sqrt{\frac{5}{3}} + \sqrt{\frac{1}{3}}\right)^2}{\left(\sqrt{\frac{5}{3}}\right)^2 - \left(\sqrt{\frac{1}{3}}\right)^2} = m$$

$$\sqrt{\frac{5}{3} + \frac{1}{3} + 2 \cdot \sqrt{\frac{5}{3} \cdot \frac{1}{3}}} = m$$

$$\sqrt{15}, \frac{\frac{5+1+2\sqrt{5}}{3}}{\frac{5-1}{3}} = m$$

$$\overline{4}, \frac{6+2\sqrt{5}}{3} \times \frac{3}{4} = m$$

বা, m = 
$$\frac{(3+\sqrt{5})}{2}$$
 (Ans.)

'খ' থেকে পাই

$$m^2 + 1 = \frac{2m}{2}$$

বামপৰ = 
$$m^2 + 1$$

$$= \left(\frac{3+\sqrt{5}}{2}\right)^2 + 1$$

$$= \frac{9+5+2 \cdot 3 \cdot \sqrt{5}}{4} + 1$$

$$= \frac{14+6\sqrt{5}}{4} + 1$$

$$= \frac{14+6\sqrt{5}+4}{4}$$

$$= \frac{18+6\sqrt{5}}{4}$$

$$=\frac{6(3+\sqrt{5})}{4}=\frac{3(3+\sqrt{5})}{2}$$

ডানপৰ = 
$$\frac{2m}{a}$$

$$=\frac{\frac{2 \cdot (3 + \sqrt{5})}{2}}{\frac{2}{3}}$$
 [m ও a এর মান বসিয়ে]
$$=\frac{3(3 + \sqrt{5})}{2}$$

- ∴ বামপৰ = ডানপৰ
- ∴ 'খ' এর সত্যতা প্রমাণিত হলো।

## প্রশ্ন🗕৮ 🗲 নিচের গাণিতিক সমীকরণগুলো পর্যবেৰণ কর।

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{2}{x}$$
 এবং  $p^2x - 2p + x = 0$ 

ক. যোজন ও বিয়োজন কী?

২

- 4. CHOM O HCHOM 41
- কর। ৪
- খ. প্রথম সমীকরণ থেকে  $\frac{x+a}{x-a}+\frac{x+b}{x-b}$  এর মান নির্ণয় কর। গ. দ্বিতীয় সমীকরণ থেকে দেখাও যে ,
  - $p = \frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} \sqrt{1-x}}.$

## **১** ৫৮নং প্রশ্রের সমাধান ১৫

- ক. যৌজন : a:b=c:d হলে  $\frac{a+b}{b}=\frac{c+d}{d}$ 
  - বিয়োজন : a:b=c:d হলে  $\frac{a-b}{b}=\frac{c-d}{d}$
- খ. দেওয়া আছে,  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{2}{x}$ 
  - বা,  $\frac{b+a}{ab} = \frac{2}{x}$
  - বা,  $\frac{ab}{b+a} = \frac{x}{2}$  [বিপরীতকরণ করে]
  - বা,  $\frac{x}{a} = \frac{2b}{a+b}$ ....(i)
  - বা,  $\frac{x+a}{x-a} = \frac{2b+a+b}{2b-a-b}$  [যোজন–বিয়োজন করে]
  - বা,  $\frac{x+a}{x-a} = \frac{3b+a}{b-a}$ ....(ii)

আবার, (i) নং থেকে,  $\frac{x}{a} = \frac{2b}{a+b}$ 

বা, 
$$\frac{x}{b} = \frac{2a}{a+b}$$

বা,  $\frac{x+b}{x-b} = \frac{2a+a+b}{2a-a-b}$  [যোজন–বিয়োজন করে]

(ii) ও (iii) নং যোগ করে পাই

$$\frac{x+a}{x-a} + \frac{x+b}{x-b} = \frac{a+3b}{b-a} + \frac{3a+b}{a-b}$$

$$= \frac{a+3b}{b-a} - \frac{3a+b}{b-a} = \frac{a+3b-3a-b}{(b-a)}$$

$$= \frac{2b-2a}{b-a} = \frac{2(b-a)}{(b-a)} = 2$$

$$\therefore \frac{x+a}{x-a} + \frac{x+b}{x-b} = 2 \text{ (Ans.)}$$

গ. দেওয়া আছে,  $p^2x - 2p + x = 0$ 

বা, 
$$p^2x + x = 2p$$

বা, 
$$x(p^2 + 1) = 2p$$

বা, 
$$p^2 + 1 = \frac{2p}{x}$$

বা, 
$$\frac{p^2+1}{2p} = \frac{1}{x}$$

বা , 
$$\frac{p^2+1+2p}{p^2+1-2p} = \frac{1+x}{1-x}$$
 [যোজন–বিয়োজন করে]

$$\overline{A}, \frac{p+1}{p-1} = \sqrt{\frac{1+x}{1-x}}$$

[বর্গমূল করে]

$$\boxed{1, \frac{p+1+p-1}{p+1-p+1} = \frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}}$$

বা, 
$$\frac{2p}{2} = \frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}$$

$$\therefore p = \frac{\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x}}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}$$
 (দেখানো হলো)

## প্রশ্ন – ১ > $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ হলে –

- ক. কোন শর্তের আলোকে, a, b, c, d ক্রমিক সমানুপাতী হবে? ২
- খ. দেখাও যে,  $\frac{a^3+b^3}{b^3+c^3} = \frac{b^3+c^3}{c^3+d^3}$ 
  - $a^{3}, b^{3} + c^{3} = c^{3} + d^{3}$
- গ. সেখাও যে,  $(a^2+b^2+c^2)(b^2+c^2+d^2)=(ab+bc+cd)^2$

## ১ ১ ৯নং প্রশ্রের সমাধান ১ ব

- ক. যদি a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হয়, তবে  $\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$  ...... (i)
  - আবার , b, c, d যদি ব্রুমিক সমানুপাতী হয় , তবে  $\frac{b}{c} = \frac{c}{d}$  .... (ii)
  - (i) ও (ii) নং হতে পাই ,  $\frac{a}{b}=\frac{b}{c}=\frac{c}{d}$  যা, একটি ক্রমিক সমানুপাতী।
  - $\therefore \frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d}$  নির্ণেয় শর্ত।
- খ. 'ক' হতে পাই,  $\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d}$ .....(i)

ধরি, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d} = k$$

 $\vec{a}$ , a = bk, b = ck, c = dk ....... (ii)

বামপৰ 
$$= \frac{a^3+b^3}{b^3+c^3} = \frac{b^3k^3+b^3}{c^3k^3+c^3} \qquad [\because a=bk \ \mbox{এবং} \ b=ck]$$
 
$$= \frac{b^3(k^3+1)}{c^3(k^3+1)} = \frac{b^3}{c^3}$$

ডানপৰ 
$$=$$
  $\frac{b^3+c^3}{c^3+d^3}=\frac{b^3+\left(\frac{b}{k}\right)^3}{c^3+\left(\frac{c}{k}\right)^3}$   $[\because b=ck \,\, ext{এবং } c=dk]$ 

$$= \frac{b^3 \left(1 + \frac{1}{k^3}\right)}{c^3 \left(1 + \frac{1}{k^3}\right)} = \frac{b^3}{c^3}$$

∴ বামপৰ = ডানপৰ

অর্থাৎ 
$$\frac{a^3 + b^3}{b^3 + c^3} = \frac{b^3 + c^3}{c^3 + d^3}$$
 (দেখানো হলো)

গ. 'খ' হতে পাই, a = bk, b = ck, c = dk

বামপ্র = 
$$(a^2 + b^2 + c^2)(b^2 + c^2 + d^2)$$
  
=  $(b^2k^2 + c^2k^2 + d^2k^2)(b^2 + c^2 + d^2)$ 

$$= k^2(b^2 + c^2 + d^2)^2$$

∴ বামপৰ = ডানপৰ

(দেখানো হলো)

## প্রমূ—১০ > তিনটি ক্রমিক সমানুপাতিক রাশি a, b, c হলে—

ক. দেখাও যে, 
$$b^2 = ac$$

খ. 
$$\frac{a^3+b^3}{a-b+c}=a\;(a\;+\;b)$$
 হলে, প্রমাণ কর যে, প্রদন্ত রাশি তিনটি ক্রমিক সমানুপাতিক।

গ. 
$$\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2}=\frac{(a+b)^2}{(b+c)^2}$$
 হলে, প্রমাণ কর যে, প্রদন্ত রাশি তিনটি ক্রমিক সমানুপাতিক।

## 🕨 🕯 ১০নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 🕯

ক. আমরা জানি,

a, b, c ক্রমিক সমানুপাতিক হলে, a:b=b:c

বা, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$
  $\therefore$   $b^2 = ac$  (দেখানো হলো)

খ. দেওয়া আছে,

$$\frac{a^3 + b^3}{a - b + c} = a (a + b)$$

বা, 
$$\frac{(a+b)(a^2-ab+b^2)}{a-b+c} = a(a+b)$$

বা, 
$$\dfrac{a^2-ab+b^2}{a-b+c}=a$$
 [উভয়পৰকে  $(a+b)$  দারা ভাগ করে]

বা, 
$$a^2 - ab + b^2 = a(a - b + c)$$

$$4$$
,  $a^2 - ab + b^2 = a^2 - ab + ac$ 

বা, 
$$a^2 - ab + b^2 - a^2 + ab = ac$$

বা, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

∴ a, b, c ক্রমিক সমানুপাতিক। (প্রমাণিত)

গ. অনুশীলনী ১১.১ এর ১৪ নং সমাধান দেখ।

## প্রশ্ল-১১ $\Rightarrow$ দেওয়া আছে, $81\left(\frac{1-x}{1+x}\right)^3=\frac{1+x}{1-x}$

ক. 
$$\left(\frac{1+x}{1-x}\right)^2$$
 এর মান নির্ণয় কর।

গ. 
$$_{X}$$
 এর ক্ষুদ্রতম মানটি যদি পৃথকভাবে  $\frac{a+b-c}{a+b},$ 

$$\frac{b+c-a}{b+c}$$
 এবং  $\frac{c+a-b}{c+a}$  এর সমান হয় তবে প্রমাণ কর যে,  $a=b=c$ .

## 🕨 🕯 ১১নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 🕯

ক. দেওয়া আছে, 
$$81\left(\frac{1-x}{1+x}\right)^3 = \frac{1+x}{1-x}$$

$$\boxed{1, \left(\frac{1+x}{1-x}\right)^4} = 81$$

বা, 
$$\left\{ \left( \frac{1+x}{1-x} \right)^2 \right\}^2 = 9^2$$

বা, 
$$\left(\frac{1+x}{1-x}\right)^2 = 9$$
 [ বর্গমূল করে ]

$$\therefore \left(\frac{1+x}{1-x}\right)^2 = 9 \text{ (Ans.)}$$

খ. 'ক' হতে পাই, 
$$\left(\frac{1+x}{1-x}\right)^2 = 9$$

বা, 
$$\frac{1+x}{1-x} = \pm 3$$
 [ বর্গমূল করে ]

$$1 - x$$

$$1 + y$$

হয়, 
$$\frac{1+x}{1-x} = 3$$
 অথবা,  $\frac{1+x}{1-x} = -3$ 

$$\boxed{1, 1 + x = 3 - 3x} \qquad \boxed{1, -3 + 3x = 1}$$

বা, 
$$x + 3x = 3 - 1$$
 বা,  $3x - x = 1 + 3$ 

বা, 
$$4x = 2$$
 বা,  $2x = 4$  বা,  $x = \frac{2}{4}$ 

$$\therefore x = \frac{1}{2} \qquad \qquad \therefore x = 2$$

$$\therefore$$
 x এর মান  $\frac{1}{2}$  অথবা, 2

## গ. 'খ' হতে প্রাশ্ত x এর ক্ষুদ্রতর মানটি $\frac{1}{2}$

এখন 
$$\frac{a+b-c}{a+b}, \frac{b+c-a}{b+c}$$
 এবং  $\frac{c+a-b}{c+a}$  এর মান পৃথক পৃথকভাবে  $\frac{1}{2}$ 

$$\frac{b+c-a}{a+b} = \frac{1}{2}$$
 
$$\frac{b+c-a}{b+c} = \frac{1}{2}$$

বা, 
$$2a + 2b - 2c = a + b$$
 বা,  $2b + 2c - 2a = b + c$ 

বা, 
$$a + b = 2c$$
 বা,  $b + c = 2a$ 

$$\therefore \frac{a+b}{c} = 2 \dots (i) \qquad \qquad \therefore \frac{b+c}{a} = 2 \dots (ii)$$

এবং 
$$\frac{c+a-b}{c+a} = \frac{1}{2}$$

$$\sqrt{a}$$
,  $2c + 2a - 2b = c + a$ 

বা, 
$$c + a = 2b$$

$$\therefore \frac{c+a}{b} = 2 \dots (iii)$$

∴ (i), (ii) ও (iii) নং সমীকরণ হতে পাই,

$$\frac{a+b}{c} = \frac{b+c}{a} = \frac{c+a}{b}$$

বা, 
$$\frac{a+b+c}{c} = \frac{a+b+c}{a} = \frac{a+b+c}{b}$$
 [ঝেজন করে]

$$\sqrt{1}$$
,  $\frac{1}{c} = \frac{1}{a} = \frac{1}{b}$ 

বা, 
$$c = a = b$$

## য়–১২ $\Rightarrow$ যদি $rac{\mathbf{a} + \mathbf{b} - \mathbf{c}}{\mathbf{a} + \mathbf{b}} = rac{\mathbf{b} + \mathbf{c} - \mathbf{a}}{\mathbf{b} + \mathbf{c}} = rac{\mathbf{c} + \mathbf{a} - \mathbf{b}}{\mathbf{c} + \mathbf{a}}$ হয় তবে,

- ক. প্রতিটি অনুপাতের মান নির্ণয় কর।
- খ. দেখাও যে,  $a+b+c\neq 0$  হলে, a=b=c
  - $\mathfrak{A}. \quad (a + b + c) \ p = (b + c a) \ q = (c + a b) \ r = (a + b)$

$$+$$
  $b-c)$  s হলে, প্রমাণ কর যে,  $\frac{1}{q}+\frac{1}{r}+\frac{1}{s}=\frac{1}{p}$ 

## 🕨 🕯 ১২নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক. দেওয়া আছে, 
$$\frac{a+b-c}{a+b} = \frac{b+c-a}{b+c} = \frac{c+a-b}{c+a}$$

∴ প্রতিটি অনুপাতের মান 
$$=$$
  $\frac{\text{লবগুলোর সমষ্টি}}{\text{হরগুলোর সমষ্ট}}$   $=$   $\frac{a+b-c+b+c-a+c+a-b}{a+b+b+c+c+a}$   $=$   $\frac{(a+b+c)}{2(a+b+c)}$   $=$   $\frac{1}{2}$  (Ans.)

- খ. অনুশীলনী ১১-১ এর ১৭ নং সমাধান দেখ।
- গ. অনুশীলনী ১১-১ এর ১৯ নং সমাধান দেখ।

## প্রমূ–১৩ $ight angle \, { m d},\, { m e},\, { m f},\, { m g}\,$ ক্রমিক সমানুপাতী হলে এবং ${ m m}^2-rac{2m}{n}+1={ m p}.$

ক. d, e, f কে 'g' এর মাধ্যমে প্রকাশ কর।

খ. প্রমাণ কর যে, (d² + e² + f²) (e² + f² + g²) = (de + ef + fq)²

গ. p=0 হলে প্রমাণ কর যে,  $m=\dfrac{\sqrt{1+n}+\sqrt{1-n}}{\sqrt{1+n}-\sqrt{1-n}}$  8

## 🕨 🕽 ১৩নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

ক. প্রশ্নতে, d : e = e : f = f : g

বা, 
$$\frac{d}{e} = \frac{e}{f} = \frac{f}{g} = k$$
  
এখন,  $\frac{f}{g} = k$  বা,  $f = gk$   
আবার,  $\frac{e}{f} = k$  বা,  $e = fk = gk.k = gk^2$   
এবং  $\frac{d}{e} = k$  বা,  $d = ek = gk^2.k = gk^3$ 

d, e, f কে g এর মাধ্যমে প্রকাশ করা **হলো**।

খ. 'ক' থেকে পাই,  $f=kg,\,e=gk^2$  এবং  $d=gk^3$ 

지지역 = 
$$(d^2 + e^2 + f^2) (e^2 + f^2 + g^2)$$
  
=  $\{(gk^3)^2 + (gk^2)^2 + (gk)^2\} \{(gk^2)^2 + (gk)^2 + g^2\}$   
=  $(g^2k^6 + g^2k^4 + g^2k^2) \{g^2k^4 + g^2k^2 + g^2\}$   
=  $g^2k^2 (k^4 + k^2 + 1) \times g^2 (k^4 + k^2 + 1)$   
=  $g^4k^2 (k^4 + k^2 + 1)^2$ 

ডানপৰ = 
$$(de + ef + fg)^2$$
  
=  $(gk^3 \cdot gk^2 + gk^2 \cdot gk + gk \cdot g)^2$   
=  $(g^2k^5 + g^2k^3 + g^2k)^2$   
=  $\{g^2k(k^4 + k^2 + 1)\}^2$   
=  $g^4k^2(k^4 + k^2 + 1)^2$ 

$$\therefore (d^2 + e^2 + f^2) (e^2 + f^2 + g^2) = (de + ef + fg)^2$$
 (প্রমাণিত)

গ. দেওয়া আছে

$$m^2-rac{2m}{n}+1=p$$
 বা ,  $m^2-rac{2m}{n}+1=0$  [p এর মান বসিয়ে] বা ,  $m^2+1=rac{2m}{n}$ 

বা, 
$$\frac{m^2+1}{2m} = \frac{1}{n}$$

বা, 
$$\frac{m^2+1+2m}{m^2+1-2m}=\frac{1+n}{1-n}$$
 [যোজন–বিয়োজন করে]

$$\boxed{1, \frac{(m+1)^2}{(m-1)^2}} = \frac{1+n}{1-n}$$

বা, 
$$\frac{m+1}{m-1} = \frac{\sqrt{1+n}}{\sqrt{1-n}}$$

$$\overline{\P}, \frac{m+1+m-1}{m+1-m+1} = \frac{\sqrt{1+n} + \sqrt{1-n}}{\sqrt{1+n} - \sqrt{1-n}}$$

বা, 
$$\frac{2m}{2} = \frac{\sqrt{1+n} + \sqrt{1-n}}{\sqrt{1+n} - \sqrt{1-n}}$$

$$\therefore m = \frac{\sqrt{1+n} + \sqrt{1-n}}{\sqrt{1+n} - \sqrt{1-n}}$$
 (প্রমাণিত)

# প্রমূ->8 স্পিতা ও পুত্রের বর্তমান বয়সের সমিষ্টি s বছর, n বছর পূর্বে তাদের বয়সের অনুপাত ছিল p:q.

ক. অনুপাত বলতে কী বোঝ?

২

খ. s = 75, n = 5, p = 9 এবং q = 4 হলে পিতা ও পুত্রের বয়সের অনুপাত কত?

গ. 50 বছর পরে পিতা ও পুত্রের বয়সের অনুপাত কত হবে? 8

## 🕨 🕯 ১৪নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

- ক. একই এককে সমজাতীয় দুইটি রাশির পরিমাণের একটি অপরটির কত গুণ বা কত অংশ তা একটি ভগ্নাংশ দ্বারা প্রকাশ করা যায়। এই ভগ্নাংশটিকে রাশি দুইটির অনুপাত বলে।
- খ. দেওয়া আছে,

পিতা ও পুত্রের বয়সের সমষ্টি ,  $\mathbf{s}=75$  বছর

n বা 5 বছর পূর্বে তাদের বয়সের অনুপাত ছিল =p:q=9:4

ধরি, পিতার বর্তমান বয়স x বছর এবং

পুত্রের বর্তমান বয়স (75 – x) বছর

প্রশ্নতে, (x-5): (75-x-5)=9:4

বা, 
$$\frac{x-5}{70-x} = \frac{9}{4}$$

$$4x - 20 = 630 - 9x$$

$$4x + 9x = 630 + 20$$

বা, 
$$13x = 650$$

বা, 
$$x = \frac{650}{13}$$

$$\therefore x = 50$$

∴ পিতার বয়স 50 বছর।

পুত্রের বয়স (75 – 50) বছর = 25 বছর।

∴ পিতা ও পুত্রের বয়সের অনুপাত = 50 : 25 = 2 : 1 (Ans.)

গ. 'খ' থেকে পাই,

পিতার বয়স = 50 বছর এবং পুত্রের বয়স = 25 বছর

∴ 50 বছর পর পিতার বয়স হবে (50 + 50) বছর

বা, 100 বছর

এবং 50 বছর পর পুত্রের বয়স হবে (25 + 50) বছর

বা, 75 বছর

:. 50 বছর পর পিতা ও পুত্রের বয়সের অনুপাত = 100 : 75

= 4:3 (Ans.)

## $M = \frac{a^2 + b^2}{b^2 + c^2}, N = \frac{(a+b)^2}{(b+c)^2}, P = \frac{a^3 + b^3}{a-b+c}$

O = a(a + b)

ক. P = Q হলে দেখাও যে, a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী।

খ. M = N হলে প্রমাণ কর যে,  $\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$ .

গ. 'খ' এর সাহায্যে দেখাও যে,  $\left(\frac{a+b}{b+c}\right)^2=\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2}$ 

## 🕨 🕽 ১৫নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. দেওয়া আছে, 
$$P = \frac{a^3 + b^3}{a - b + c}$$
,  $Q = a (a + b)$ 

এখন, P = Q

$$\overline{a}^3 + b^3 = a(a+b)$$

$$\overline{A}, \frac{(a+b)(a^2-ab+b^2)}{a-b+c} = a(a+b)$$

$$\sqrt{a^2 - ab + b^2} = a$$

বা, 
$$a^2 - ab + b^2 = a^2 - ab + ac$$

বা, 
$$a^2 - ab + b^2 - a^2 + ab = ac$$

বা, 
$$b^2 = ac$$

বা, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

∴ a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী। (দেখানো হলো)

খ. দেওয়া আছে, 
$$M = \frac{a^2 + b^2}{b^2 + c^2}$$
,  $N = \frac{(a+b)^2}{(b+c)^2}$ 

$$\overline{A}, \frac{(b+c)^2}{b^2+c^2} = \frac{(a+b)^2}{a^2+b^2}$$

$$\overrightarrow{1}, \frac{b^2+c^2+2bc-b^2-c^2}{b^2+c^2} = \frac{a^2+b^2+2ab-a^2-b^2}{a^2+b^2}$$

$$rac{2bc}{b^2+c^2} = rac{2ab}{a^2+b^2}$$

$$\sqrt[4]{a^2c + b^2c} = ab^2 + ac^2$$

$$a^2c - ac^2 = ab^2 - b^2c$$

বা, 
$$ac(a - c) = b^{2}(a - c)$$

বা, 
$$b^2 = ac$$

$$\therefore \frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$
 (প্রমাণিত)

#### গ. 'খ' থেকে পাই,

$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

বা, 
$$b^2 = ac$$
 .....(i)

বামপৰ = 
$$\left(\frac{a+b}{b+c}\right)^2 = \frac{a^2+2ab+b^2}{b^2+2bc+c^2}$$
  
=  $\frac{a^2+2ab+ac}{ac+2bc+c^2} = \frac{a(a+2b+c)}{c(a+2b+c)} = \frac{a}{c}$ 

ডানপৰ = 
$$\frac{a^2 + b^2}{b^2 + c^2} = \frac{a^2 + ac}{ac + c^2} = \frac{a(a+c)}{c(a+c)} = \frac{a}{c}$$

∴ বামপৰ = ডানপৰ

অর্থাৎ 
$$\left(\frac{a+b}{b+c}\right)^2 = \frac{a^2+b^2}{b^2+c^2}$$
. (প্রমাণিত)

## প্রশ্ন–১৬ ightarrow দেওয়া আছে, $rac{x}{y+z}=rac{y}{z+x}=rac{z}{x+y}=k$ এবং x,y ও z পরস্পর

ক. x, y ও z কে k এর মাধ্যমে প্রকাশ কর।

খ. 'ক' ব্যবহার করে প্রতিটি অনুপাতের মান নির্ণয় কর।

গ.  $\frac{x}{xa+yb+zc} = \frac{y}{ya+zb+xc} = \frac{z}{za+xb+yc}$  এবং x + y + z ≠ 0 হলে দেখাও যে, প্রতিটি অনুপাতের মান

$$\frac{1}{a+b+c}.$$

## 🕨 🕯 ১৬নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক. দেওয়া আছে, 
$$\frac{x}{y+z} = \frac{y}{z+x} = \frac{z}{x+y} = k$$

$$\frac{x}{y+z} = k$$
 
$$x = k(y+z).....(i)$$
 
$$\frac{y}{z+x} = k$$
 
$$y = k(z+x).....(ii)$$

$$\frac{Z}{X + V} = k$$

$$z = k(x + y)$$
 ..... (iii)

$$\therefore$$
 x = k(y + z), y = k(z + x), z = k(x +y)

খ. 'ক' হতে প্রাপ্ত (i), (ii) ও (iii) নং সমীকরণ যোগ করে পাই,

$$x + y + z = k(y + z + z + x + x + y)$$

$$\overline{1}$$
,  $(x + y + z) = k\{2(x + y + z)\}$ 

বা, 
$$k = \frac{(x+y+z)}{2(x+y+z)}$$

$$\therefore k = \frac{1}{2}$$

আবার, 'ক' হতে প্রাপত (i) নং সমীকরণ থেকে (ii) নং সমীকরণ বিয়োগ করে পাই,

$$x - y = k(y + z - z - x)$$

বা, 
$$x - y = -k(x - y)$$

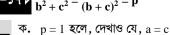
বা, 
$$k = \frac{(x-y)}{-(x-y)}$$

একইভাবে (ii) হতে (iii) ও (iii) হতে (i) বিয়োগ করলে প্রতিৰেত্রে পাই k

∴ প্রতিটি অনুপাতের মান ½ অথবা – 1

গ. অনুশীলনী ১১.১ এর ১৮ নং সমাধান দেখ।

## $27 - 39 \Rightarrow \frac{a^2 + b^2}{b^2 + c^2} = \frac{(a+b)^2}{(b+c)^2} = p$



খ 
$$\frac{abc(a+b+c)^3}{(ab+bc+ca)^3}$$
 এর মান নির্ণয় কর।

#### 🕨 🗸 ১৭নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. দেওয়া আছে, 
$$\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2} = \frac{(a+b)^2}{(b+c)^2} = 1 \ [\because p=1]$$

$$\therefore \frac{a^2 + b^2}{b^2 + c^2} = 1$$

বা, 
$$a^2 + b^2 = b^2 + c^2$$

$$\boxed{1}, \ a^2 = b^2 + c^2 - b^2$$

বা, 
$$a^2 = c^2$$

$$\therefore a = c$$
 (দেখানো হলো)

খ. দেওয়া আছে, 
$$\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2} = \frac{(a+b)^2}{(b+c)^2}$$

$$\therefore b^2 = ac$$

$$\therefore$$
 প্রদন্ত রাশি =  $\frac{abc(a+b+c)^3}{(ab+bc+ca)^3}$ 

$$= \frac{ac.b(a+b+c)^3}{(ab+bc+b^2)^2} \qquad [\because b^2 = ac]$$

$$= \frac{b^2.b(a+b+c)^3}{\{b(a+c+b)\}^3}$$

$$= \frac{b^3(a+b+c)^3}{b^3(a+b+c)^3} = 1 \text{ (Ans.)}$$

গ. দেওয়া আছে, 
$$\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2} = \frac{(a+b)^2}{(b+c)^2}$$

$$\overrightarrow{a}, \frac{a^2 + b^2}{a^2 + 2ab + b^2} = \frac{b^2 + c^2}{b^2 + 2bc + c^2}$$

$$\boxed{1, \frac{a^2 + 2ab + b^2}{a^2 + b^2} = \frac{b^2 + 2bc + c^2}{b^2 + c^2}}$$

$$\overline{a^2 + 2ab + b^2 - a^2 - b^2}$$

$$=\frac{b^2+2bc+c^2-b^2-c^2}{b^2+c^2}$$

[বিয়োজন করে]

বা, 
$$\frac{2ab}{a^2 + b^2} = \frac{2bc}{b^2 + c^2}$$

বা, 
$$\frac{a}{a^2 + b^2} = \frac{c}{b^2 + c^2}$$

[2b দারা ভাগ করে]

$$4 \cdot ab^2 + ac^2 = a^2c + b^2c$$

$$4$$
,  $ab^2 + ac^2 - a^2c - b^2c = 0$ 

$$4$$
,  $ab^2 - b^2c - a^2c + ac^2 = 0$ 

বা, 
$$b^2(a-c) - ac(a-c) = 0$$

বা, 
$$(b^2 - ac)(a - c) = 0$$

বা, 
$$b^2 - ac = 0$$

বা, 
$$b^2 = ac$$

$$\therefore \frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

## ∴ a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী। (প্রমাণিত)

## 역斯- > ト **l**x = my = nz

ক. 
$$\frac{x+y}{x-y}$$
 এর মান নির্ণয় কর।

২

খ. প্রমাণ কর যে, 
$$\frac{x+y+z}{lx+my+nz} = \frac{1}{3} \left( \frac{1}{l} + \frac{1}{m} + \frac{1}{n} \right)$$

গ. দেখাও যে, 
$$\frac{x^2}{yz} + \frac{y^2}{zx} + \frac{z^2}{xy} = \frac{mn}{l^2} + \frac{nl}{m^2} + \frac{lm}{n^2}$$

#### ক. দেওয়া আছে.

$$lx = my = nz$$

$$\therefore$$
 lx = my

বা, 
$$\frac{\mathbf{x}}{\mathbf{v}} = \frac{\mathbf{m}}{l}$$

বা, 
$$\frac{x+y}{x-y} = \frac{m+1}{m-1}$$

[যোজন-বিয়োজন করে]

$$\therefore \frac{x+y}{x-y} = \frac{m+1}{m-1}$$
 (Ans.)

খ. ধরি, 
$$lx = my = nz = k$$

$$\therefore l\mathbf{x} = \mathbf{k}$$

$$\therefore x = \frac{k}{l}$$

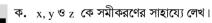
অনুরূ পভাবে, 
$$y = \frac{k}{m}$$
 এবং  $z = \frac{k}{n}$ 

বামপৰ 
$$= \frac{x + y + z}{lx + my + nz} = \frac{\frac{k}{l} + \frac{k}{m} + \frac{k}{n}}{k + k + k}$$
$$= \frac{k\left(\frac{1}{l} + \frac{1}{m} + \frac{1}{n}\right)}{3k} = \frac{\left(\frac{1}{l} + \frac{1}{m} + \frac{1}{n}\right)}{3}$$
$$= \frac{1}{3}\left(\frac{1}{l} + \frac{1}{m} + \frac{1}{n}\right)$$

গ. বামপৰ = 
$$\frac{x^2}{yz} + \frac{y^2}{zx} + \frac{z^2}{xy}$$

#### ∴ বামপৰ = ডানপৰ (**দেখানো হলো**)

## $2x - 3 \Rightarrow \frac{x}{y+z} = \frac{y}{z+x} = \frac{z}{x+y}$



8

গ. প্রমাণ কর যে, প্রতিটি অনুপাতের মান 
$$\frac{1}{2}$$
 অথবা  $-1$ .

## 🔰 ১৯নং প্রশ্রের সমাধান 🤰

ক. 
$$\frac{x}{y+z} = \frac{y}{z+x} = \frac{z}{x+y} = k$$
 (ধরি)

$$x = k (y + z)$$
 .....(i)

$$y = k (z + x)$$
 ..... (ii)

$$z = k (x + y)$$
 .....(iii)

খ. দেওয়া আছে, 
$$\frac{x}{y+z} = \frac{y}{z+x} = \frac{z}{x+y}$$

বা, 
$$\frac{y+z}{x} = \frac{z+x}{y} = \frac{x+y}{z}$$

বা, 
$$\frac{y+z}{x} + 1 = \frac{z+x}{y} + 1 = \frac{x+y}{z} + 1$$

$$\overline{A}, \frac{y+z+x}{x} = \frac{z+x+y}{y} = \frac{x+y+z}{z}$$

বা, 
$$\frac{x+y+z}{x} = \frac{x+y+z}{y} = \frac{x+y+z}{z}$$

বা, 
$$\frac{1}{x} = \frac{1}{y} = \frac{1}{z}$$

$$\therefore x = y = z$$
 (প্রমাণিত)

গ. 'ক' থেকে প্রাপত সমীকরণ (i), (ii) ও (iii) নং যোগ করে পাই,

$$x + y + z = k (y + z) + k (z + x) + k (x + y)$$

বা, 
$$x + y + z = k (2x + 2y + 2z)$$

## প্রশু–২০ ≯ a : b = b : c হয়।

ক.  $\left(\frac{a+b}{b+c}\right)^2$  এর মান নির্ণয় কর।

**থ**. প্রমাণ কর যে,  $a^2b^2c^2\left(\frac{1}{a^3} + \frac{1}{b^3} + \frac{1}{c^3}\right) = a^3 + b^3 + c^3$ .

 $=\frac{1}{5} \times 20: \frac{1}{4} \times 20$  [20 দারা গুণ করে]

গ.  $\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2} = \frac{(a+b)^2}{(b+c)^2}$  হলে, প্রমাণ কর যে, a,b,c ক্রমিক সমানুপাতী।

## 🕨 🕯 ২০নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 🕯

ক. দেওয়া আছে, a: b = b: c

বা, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$
 :  $b^2 = ac$ 

প্রদন্ত রাশি = 
$$\left(\frac{a+b}{b+c}\right)^2$$

$$= \frac{(a+b)^2}{(b+c)^2} = \frac{a^2+2ab+b^2}{b^2+2bc+c^2}$$

$$= \frac{a^2+2ab+ac}{ac+2bc+c^2}$$

$$= \frac{a(a+2b+c)}{c(a+2b+c)} = \frac{a}{c} \text{ (Ans.)}$$

- খ. অনুশীলনী ১১·১ এর ৭ (ii) নং সমাধান দেখ।
- অনুশীলনী ১১-১ এর ১৪ নং সমাধান দেখ।

## প্লে–২১ ১ একটি আয়তাকার জমির দৈর্ঘ্য ও কর্ণের অনুপাত 🗜 : 👍।

ক. কর্ণসহ জমিটি আঁক এবং প্রদন্ত অনুপাতটিকে a : b আকারে প্রকাশ কর।

খ. জমিটির দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও কর্ণের অনুপাত বের কর।

গ. যদি আয়তাকার জমিটির ৰেত্রফল 192 বর্গ মি. হয় এবং একটি বর্গবেত্রের পরিসীমা যদি আয়তবেত্রের পরিসীমার সমান হয়, তবে বর্গৰেত্রের ৰেত্রফল নির্ণয় কর।

### 🕨 🕯 ২১নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯



মনে করি.

ABCD একটি আয়তাকার জমি যার কর্ণ AC।

বা, 
$$x + y + z = 2k (x + y + z)$$

$$\therefore k = \frac{1}{2}$$

সমীকরণ (i) নং হতে (ii) নং বিয়োগ করে পাই,

$$x - y = k (y + z) - k (z + x)$$

বা, 
$$x - y = k (y + z - z - x)$$

বা, 
$$x - y = k(y - x)$$

বা, 
$$x - y = -k(x - y)$$

$$k = -1$$

∴ প্রতিটি অনুপাতের মান ½ অথবা — 1. (**প্রমাণিত**)

দৈর্ঘ্য ও কর্ণের অনুপাত = 
$$\frac{1}{5}$$
 :  $\frac{1}{4}$ 

$$=\frac{1}{5} \times 20 : \frac{1}{4} \times 20$$
 [20 দারা গুণ করে]

$$= 4:5$$
 (Ans.)

খ. ক থেকে, ধরি,

আয়তাকার জমিটির দৈর্ঘ্য, AB = 4x

Δ ABC থেকে.

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 [:: \angle B = 90^\circ]$$

$$4x (5x)^2 = (4x)^2 + BC^2$$

বা, 
$$25x^2 - 16x^2 = BC^2$$

বা, 
$$BC^2 = 9x^2$$

$$\therefore$$
 BC = 3x

∴ দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও কর্ণের অনুপাত = 4x : 3x : 5x

$$=4:3:5$$
 (Ans.)

গ. 'খ' থেকে,

ABCD আয়তাকার জমির বেত্রফল = (4x × 3x) বর্গ মি.

প্রশ্নতে,  $12x^2 = 192$ 

বা, 
$$x^2 = 16$$
 [12 দারা ভাগ করে]

$$\therefore x = 4$$

∴ আয়তাকার জমির পরিসীমা = 2(4x + 3x) মি.

ধরি, বর্গৰেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্য = a মি.

 $\therefore$  বর্গবেত্রের পরিসীমা = 4a মি.

প্রশ্নমতে, 4a = 56

∴ বর্গৰেত্রের ৰেত্রফল = a² ব.মি.

াম্ন–২২  $\triangleright$  দেওয়া আছে,  $\frac{\mathbf{a}}{\mathbf{b}} = \frac{\mathbf{b}}{\mathbf{c}} = \frac{\mathbf{c}}{\mathbf{d}}$ 

ক. 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$
 হলে, প্রমাণ কর যে,  $\frac{a}{c} = \frac{a^2 + b^2}{b^2 + c^2}$ 

খ. প্রমাণ কর যে,  $(a^2+b^2+c^2)(b^2+c^2+d^2)=(ab+b^2)$ 

গ. প্রমাণ কর যে,  $(b-c)^2 + (c-a)^2 + (b-d)^2 = (a-d)^2$  8

## ১ ব ২২নং প্রশ্রের সমাধান ১ ব

ক. দেওয়া আছে, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

$$b^2 = ac$$

এখন ,  $\frac{a}{c}=\frac{a(a+c)}{c(a+c)}$  [লব ও হরকে (a+c) দারা গুণ করে]

$$= \frac{a^2 + ac}{ac + c^2}$$
$$a^2 + b^2$$

$$=\frac{a^2+b^2}{b^2+c^2} \qquad [\because b^2=ac]$$

$$\therefore \frac{a}{c} = \frac{a^2 + b^2}{b^2 + c^2}$$
(প্রমাণিত)

- খ. অনুশীলনী ১১·১ এর ১০ (ii) নং সমাধান দেখ।
- গ. ধরি,

$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{d} = k$$

 $\therefore$  c = dk

$$b = ck = dk.k = dk^2$$

$$a = bk = dk^2.k = dk^3$$

বামপৰ =  $(b-c)^2 + (c-a)^2 + (b-d)^2$ 

$$= b^2 - 2bc + c^2 + c^2 - 2ca + a^2 + b^2 - 2bd + d^2$$

$$= a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2bc - 2ca - 2bd + d^2$$

$$= (dk^3)^2 + 2(dk^2)^2 + 2(dk)^2 - 2.dk^2.dk$$

$$-2.dk.dk^3 - 2.dk^2.d + d^2$$

$$=d^2k^6+2d^2k^4+2d^2k^2-2d^2k^3-2d^2k^4-2d^2k^2+d^2$$

 $= d^2k^6 - 2d^2k^3 + d^2$ 

$$= d^2(k^6 - 2k^3 + 1)$$

ডানপৰ =  $(a - d)^2$ 

$$=a^2-2ad+d^2$$

$$= (dk^3)^2 - 2.dk^3.d + d^2$$

$$=d^2k^6-2d^2k^3+d^2$$

$$= d^2(k^6 - 2k^3 + 1)$$

∴ বামপৰ = ডানপৰ

অর্থাৎ 
$$(b-c)^2 + (c-a)^2 + (b-d)^2 = (a-d)^2$$
 (প্রমাণিত)

## প্রশ্ন–২৩ > একটি ত্রিভুজের বাহুগুলোর অনুপাত 5 : 12 : 13 এবং পরিসীমা 30 সে.মি.।

ক. ত্রিভুজটির তিন বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

২

খ. বৃহত্তর বাহুকে দৈর্ঘ্য ও ক্ষুদ্রতর বাহুকে প্রস্থ ধরে অজ্জিত আয়তবেত্রের কর্ণের সমান বাহুবিশিষ্ট বর্গের বেত্রফল নির্ণয় কর।

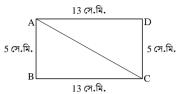
গ. উক্ত আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য 10% এবং প্রস্থ 20% বৃদ্ধি পেলে বেত্রফল শতকরা কত বৃদ্ধি পাবে?

#### 🕨 🕯 ২৩নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. ধরি, ত্রিভুজের বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 5x, 12x, 13x. দেওয়া আছে, পরিসীমা = 30 সে.মি.। প্রশ্নতে, 5x + 12x + 13x = 30

বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য 5 সে.মি., 12 সে.মি., 13 সে.মি. (Ans.)

খ. 'ক' থেকে প্রাশ্বত বাহুগুলোর মধ্যে বৃহত্তর বাহু = 13 সে.মি. এবং ক্ষুদ্রতর বাহু = 5 সে.মি.।



উপরিউক্ত অঙ্কিত আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য, AD = BC = 13 সে.মি.

আয়তবেত্রের কর্ণ,  $AC = \sqrt{(\zeta r \acute{\tau} j)^2 + (প্রস্থ)^2}$ 

$$=\sqrt{(13)^2+(5)^2}=\sqrt{169+25}$$

 $\therefore$  AC =  $\sqrt{194}$ 

AC কে একটি বর্গবেত্রের একটি বাহু ধরলে, ঐ বর্গবেত্রের বেত্রফল =  $AC^2$  বর্গ সে.মি. = 194 বর্গ সে.মি. (Ans.)

গ. 'খ' তে প্ৰাপ্ত

আয়তবেত্রটির দৈর্ঘ্য =13 সে.মি. ও প্রস্থ = 5 সে.মি.

∴ আয়তবেত্রটির বেত্রফল= (13×5) বর্গ সে.মি. = 65 বর্গ সে.মি.

দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি পায় = 13 এর  $10\% = \left(13 \text{ এর } \frac{10}{100}\right)$  সে.মি.

$$=\frac{13}{10}$$
 সে.মি.

এবং প্রস্থা বৃদ্ধি পায় = 5 এর  $20\% = \left(5$  এর  $\frac{20}{100}\right)$  সে.মি.

 $\therefore$  আয়তবেত্রটির নতুন দৈর্ঘ্য =  $\left(13 + \frac{13}{10}\right)$  সে.মি.

$$=\left(\frac{130+13}{10}\right)$$
 সে.মি.  $=\frac{143}{10}$  সে.মি.

∴ আয়তবেত্রটির নতুন প্রস্থ (5 + 1) সে.মি. = 6 সে.মি.

∴ আয়তবেত্রটির নতুন বেত্রফল  $\left(\frac{143}{10} \times 6\right)$  বর্গ সে.মি. = 85.8 বর্গ সে.মি.

∴ ৰেত্ৰফল বৃদ্ধি পায় (85-8 – 65) বৰ্গ সে.মি.

∴ ৰেত্ৰফল শতকরা বৃদ্ধি পায়  $\left(\frac{20\cdot 8}{65}\times 100\right)$  বৰ্গ সে.মি.

ৰেত্ৰফল শতকরা 32 বৰ্গ সে.মি. বৃদ্ধি পাবে। (Ans.)

## প্রশ্ন–২৪ > $x = \frac{6ab}{a+b}$ হলে,

ক.  $\frac{x+6a}{x-6a}$  এর মান নির্ণয় কর।

২

খ.  $\frac{x+6a}{x-6a} - \frac{x+6b}{x-6b}$  এর মান নির্ণয় কর।

8

গ. দেখাও যে, 
$$\frac{x+3a}{x-3a} + \frac{x+3b}{x-3b} = 2$$
.

ক. দেওয়া আছে, 
$$x = \frac{6ab}{a+b}$$

বা, 
$$\frac{x}{6a} = \frac{6ab}{6a(a+b)}$$

বা, 
$$\frac{x}{6a} = \frac{b}{a+b}$$

বা, 
$$\frac{x+6a}{x-6a} = \frac{b+a+b}{b-a-b}$$

[ যোজন–বিয়োজন করে ]

$$\sqrt[4]{x+6a} = \frac{a+2b}{-a}$$

$$\therefore \frac{x+6a}{x-6a} = \frac{-a-2b}{a} (Ans.)$$

খ. দেওয়া আছে, 
$$x = \frac{6ab}{a+b}$$

বা, 
$$\frac{x}{6b} = \frac{6ab}{6b(a+b)}$$

বা, 
$$\frac{x}{6b} = \frac{a}{a+b}$$

$$\overline{\triangleleft}, \frac{x+6b}{x-6b} = \frac{a+a+b}{a-a-b}$$

$$\overline{A}, \frac{x+6b}{x-6b} = \frac{2a+b}{-b}$$

$$\overline{A}, \frac{x+6b}{x-6b} = \frac{-2a-b}{b}$$

'ক' হতে প্রাশ্ত , 
$$\frac{x+6a}{x-6a}=\frac{-a-2b}{a}$$

প্রদন্ত রাশি = 
$$\frac{x+6a}{x-6a} - \frac{x+6b}{x-6b}$$
  
=  $\frac{-a-2b}{a} - \frac{-2a-b}{b}$ 

$$= \frac{-ab - 2b^2 + 2a^2 + ab}{ab}$$
$$= \frac{2a^2 - 2b^2}{ab} = \frac{2(a^2 - b^2)}{ab}$$
 (Ans.)

গ. দেওয়া আছে,

$$x = \frac{6ab}{a+b}$$

বা, 
$$\frac{x}{3a} = \frac{2b}{a+b}$$

বা, 
$$\frac{x+3a}{x-3a} = \frac{2b+a+b}{2b-a-b}$$
 [যোজন–বিয়োজন করে]

$$\overline{4}, \frac{x+3a}{x-3a} = \frac{a+3b}{b-a}$$

আবার, 
$$\frac{x}{3b} = \frac{2a}{a+b}$$

বা, 
$$\frac{x+3b}{x-3b} = \frac{2a+a+b}{2a-a-b}$$
 [যোজন–বিয়োজন করে]

$$\therefore \frac{x+3b}{x-3b} = \frac{3a+b}{a-b}$$

এখন, 
$$\frac{x+3a}{x-3a} + \frac{x+3b}{x-3b} = \frac{a+3b}{b-a} + \frac{3a+b}{a-b}$$

$$= \frac{a+3b}{b-a} - \frac{3a+b}{b-a} = \frac{a+3b-3a-b}{b-a}$$

$$= \frac{2(b-a)}{b-a} = 2$$

$$\therefore \quad \frac{x+3a}{x-3a} + \frac{x+3b}{x-3b} = 2$$
 (দেখানো হলো)

## সৃজনশীল প্রশ্নব্যাংক উত্তরসহ

## প্রশ্ন–২৫ > p, q, r ও s ক্রমিক সমানুপাতি।

ক. ধ্রববক k ব্যবহার করে p, q, r কে s এর মাধ্যমে প্রকাশ কর।

খ. 'ক' এর সাহায্যে দেখাও যে , 
$$\frac{p^2+q^2}{p^2-q^2}=\frac{r^2+s^2}{r^2-s^2}$$

গ. 'ক' দারা প্রমাণ কর যে , 
$$\frac{p^3+q^3}{q^3+r^3}=\frac{q^3+r^3}{r^3+s^3}$$

উত্তর : ক. r = sk,  $s = sk^2$ ,  $p = sk^3$ 

প্রস্না–২৬ 
$$\Rightarrow$$
  $\frac{x}{b+c-a} = \frac{y}{c+a-b} = \frac{z}{a+b-c}$ 

ক. উদ্দীপকের অনুপাতটির x, y ও z কে যথাক্রমে ধ্রব্বক a, b এবং c দারা প্রকাশ কর।

খ. প্রমাণ কর যে, 
$$\frac{a}{y+z} = \frac{b}{z+x} = \frac{c}{x+y}$$

গ. 'খ'তে 
$$x=a,\ y=b$$
 ও  $z=c$  বসিয়ে প্রমাণ কর  $a=b=c$ 

উত্তর : ক. 
$$x = k(b+c-a), y = k(c+a-b), z = k(a+b-c)$$

## প্রশ্ন–২৭ $\Rightarrow \frac{x}{a} = \frac{y}{b} = \frac{z}{c}$ হলে

ক. 
$$\frac{x}{a} = \frac{y}{b} = \frac{z}{c} = \frac{3}{2}$$
 হলে  $\frac{x+y+z}{a+b+c}$  এর মান নির্ণয় কর।

খ. প্রমাণ কর যে, 
$$\frac{x^3+3xy^2}{3x^2y+y^3}=\frac{a^3+3ab^2}{3a^2b+b^3}$$

গ. দেখাও যে, 
$$\frac{x^3}{a^2} + \frac{y^3}{b^2} + \frac{z^3}{c^2} = \frac{(x+y+z)^3}{(a+b+c)^3}$$

**উত্তর** : ক.  $\frac{3}{2}$ 

প্রস্ত্র – ২৮ 
$$\Rightarrow$$
  $\frac{bz - cy}{a} = \frac{cx - az}{b} = \frac{ay - bx}{c}$  হলে –

খ. প্রমাণ কর যে, 
$$\frac{x}{a} = \frac{y}{b} = \frac{z}{c}$$

গ. প্রমাণ কর যে, 
$$\frac{x^2+y^2+z^2}{a^2+b^2+c^2} = \frac{1}{3} \left( \frac{xy}{ab} + \frac{yz}{bc} + \frac{zx}{ca} \right)$$
 8

উত্তর : ক. 0

প্রশ্ন–২৯ 
$$\triangleright$$
 প্রথম রাশি =  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$ 

দিতীয় রাশি = 
$$\frac{a^3 + b^3}{a - b + c}$$

ক. ১ম রাশি = 
$$\frac{6}{x}$$
 হলে  $x$  এর মান কত হবে?

খ. ২য় রাশি = ৩য় রাশি হলে প্রমাণ কর যে, 
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$

গ. ১ম রাশি 
$$=\frac{4}{x}$$
 হলে দেখাও যে,  $\frac{x+2a}{x-2a} + \frac{x+2b}{x-2b} = 2$ ,  $a \neq b$ . 8

উত্তর : ক. 
$$x = \frac{6ab}{a+b}$$

					-
প্রশ্ন–৩০ 🕨	a, b,	c, d	ক্রমিক	সমানুপাতী।	ı

ক. সমানুপাত বলতে কী বুঝ?

- 5
- খ. প্রমাণ কর যে,  $\left(\frac{a+b}{b+c}\right)^2 = \frac{a^2+b^2}{b^2+c^2}$
- 8
- গ. দেখাও যে,  $(a-d)^2 = (b-c)^2 + (a-c)^2 + (b-d)^2$
- প্রম্ব–৩১ ১ মাতার বর্তমান বয়স তার দুই কন্যার বয়সের সমষ্টির চারগুণ। 5 বছর পর মাতার বয়স ঐ দুই কন্যার বয়সের সমষ্টির দ্বিগুণ হবে।
- ক. প্রদত্ত তথ্যের আলোকে সমীকরণ গঠন কর।
- খ. মাতার বর্তমান বয়স কত?

- 8
- গ. 15 বছর পরে মাতার বয়স তার দুই কন্যার বয়সের সমষ্টির কত গুণ হবে?

উন্তর : ক.  $x=4y,\,x-2y=15;$  খ. 30 বছর; গ.  $\frac{6}{5}$  গুণ;

# অনুশীলনী ১১.২

## পাঠ সম্পর্কিত গুরুত্বপূর্ণ বিষয়াদি

## ধারাবাহিক অনুপাত:

দুইটি অনুপাত যদি ক : খ এবং খ : গ আকারের হয়, তাহলে তাদেরকে সাধারণত ক : খ : গ আকারে লেখা যায়। একে ধারাবাহিক অনুপাত বলা হয়। যেকোনো দুইটি বা ততোধিক অনুপাতকে এই আকারে প্রকাশ করা যায়। এখানে লৰণীয় যে, দুইটি অনুপাতকে ক : খ : গ আকারে প্রকাশ করতে হলে প্রথম অনুপাতটির উত্তর রাশি, দ্বিতীয় অনুপাতটির পূর্ব রাশির সমান হতে হবে। যেমন : 2 : 3 এবং 4 : 3 অনুপাত দুইটি ক : খ : গ আকারে প্রকাশ করতে হলে প্রথম অনুপাতটির উত্তর রাশিটিকে দ্বিতীয় অনুপাতটির পূর্ব রাশির সমান করতে হবে। অর্থাৎ ঐ দুইটি রাশিকে তাদের ল.সা.গু. এর সমান করতে হবে। অতএব, 2:3 এবং 4:3 অনুপাত দুইটি ক:খ:গ আকারে হবে 8:12:9.

#### সমানুপাতিক ভাগ:

কোনো রাশিকে নির্দিষ্ট অনুপাতে ভাগ করাকে সমানুপাতিক ভাগ বলা হয়। S কে a:b:c:d অনুসারে ভাগ করতে হলে, S কে মোট (a+b+c+d) ভাগ করে যথাক্রমে a, b, c ও d ভাগ নিতে হয়।

অতএব

১ম অংশ = S এর 
$$\frac{a}{a+b+c+d}=\frac{Sa}{a+b+c+d}$$
২য় অংশ = S এর  $\frac{b}{a+b+c+d}=\frac{Sb}{a+b+c+d}$ 

৩য় অংশ = S এর 
$$\frac{c}{a+b+c+d} = \frac{Sc}{a+b+c+d}$$
৪র্থ অংশ = S এর  $\frac{d}{a+b+c+d} = \frac{Sd}{a+b+c+d}$ 

## অনুশীলনীর প্রশু ও সমাধান

## ১. a, b, c ক্রমিক সমানুপাতী হলে নিচের কোনটি সঠিক?

$$\mathbf{\Phi} \cdot \mathbf{a}^2 = \mathbf{b}\mathbf{c}$$

$$b^2 = ac$$

## ২. আরিফ ও আকিবের বয়সের অনুপাত 5 : 3; আরিফের বয়স 20 বছর হলে, কত বছর পর তাদের বয়সের অনুপাত 7 : 5 হবে?

খ. 6 বছর

ব্যাখ্যা: ধরি, আরিফের বয়স 5x এবং আকিবের বয়স 3x

প্রশ্নতে, 5x = 20

 $\therefore$  আকিবের বয়স =  $(3 \times 4)$  বছর = 12 বছর

আবার, ধরি, y বছর পর তাদের বয়সের অনুপাত 7:5 হবে

$$\therefore \frac{20+y}{12+y} = \frac{7}{5}$$

বা, 
$$100 + 5y = 84 + 7y$$

বা, 2y = 16

 $\therefore y = 8$ 

∴ ৪ বছর পর বয়সের অনুপাত 7 : 5 **হবে**।

## নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:

- সমানুপাতের চারটি রাশিই একজাতীয় হওয়ার প্রয়োজন হয় না।
- ii. দুইটি ত্রিভুজ ৰেত্রের ৰেত্রফলের অনুপাত তাদের ভূমিদ্বয়ের অনুপাতের

iii. 
$$\frac{a}{b}=\frac{c}{d}=\frac{e}{f}=\frac{g}{h}$$
 হলে, এদের প্রতিটি অনুপাতের মান  $\frac{a+c+e+g}{b+d+f+h}$ 

উপরের তথ্যগুলোর ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক?

খ. ii ও iii iii ٷ i ঘ. i, ii ও iii ব্যাখ্যা : ii সঠিক নয়; কারণ, দুইটি ত্রিভুজ বেত্রের বেত্রফলের অনুপাত তাদের ভূমিদ্বয়ের অনুপাতের সমান হবে। যদি তাদের উচ্চতা সমান হয়। কিন্তু এখানে

 $\Delta ABC$  এর কোণগুলোর অনুপাত 2:3:5 এবং ABCD চতুর্ভুজের কোণ চারটির অনুপাত 3:4:5:6; তথ্যের ভিত্তিতে ৪ ও ৫ নং প্রশ্নের উত্তর দাও।

#### ৪. একটি বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্য ফিবুণ হলে তার বেত্রফল কতগুণ বৃদ্ধি পাবে?

ক. ২ গুণ

ব্যাখ্যা : ধরি, বর্গের এক বাহুর দৈর্ঘ্য x

উচ্চতার কথা বলা হয় নি।

$$\therefore$$
 ৰেত্ৰফল =  $\mathbf{X}^2$  বৰ্গ একক

দৈর্ঘ্য দ্বিগুণ হলে বাহুর দৈর্ঘ্য = 2x

$$\therefore$$
 ৰেত্ৰফল =  $(2x)^2$  বৰ্গ একক =  $4x^2$  বৰ্গ একক

x: y = 7:5, y: z = 5:7 **(4)**  $x: z = \overline{40}$ ?

**ক.** 35:49

**35:35** 

গ. 25:49

ঘ. 49:25

প্রশ্ন ॥ ৬ ॥ একটি কাঠের পুল তৈরির প্রাক্তলিত ব্যয় 90,000 টাকা। কিন্তু খরচ বেশি হয়েছে 21,600 টাকা। খরচ শতকরা কত বৃদ্ধি পেয়েছে?

সমাধান: দেওয়া আছে, প্রাক্কলিত ব্যয় = 90,000 টাকা

$$\therefore$$
 শতকরা খরচ বৃদ্ধি =  $\left(rac{ ext{প্রাঞ্জলিত ব্যয়}}{ ext{খরচ বৃদ্ধি}} imes 100
ight)\%$ 

$$= \left(\frac{90000}{21600} \times 100\right) \% = 24\%$$

∴ খরচ 24% বৃদ্ধি পেয়েছে। (Ans.)

## প্রশ্ন ॥ ৭ ॥ ধানে চাল ও তুষের অনুপাত 7 : 3 হলে, এতে শতকরা কী পরিমাণ

সমাধান: দেওয়া আছে, চাল: তুষ = 7:3

মনে করি, ধানে চালের পরিমাণ = 7x

এবং তুষের পরিমাণ = 3x

তাহলে, ধানের ওজন হবে (7x + 3x) বা 10x

ধানে চালের শতকরা পরিমাণ = 
$$\left(\frac{\text{চালের পরিমাণ}}{\text{ধানের পরিমাণ}} \times 100\right)\%$$
 =  $\left(\frac{7x}{10x} \times 100\right)\% = 70\%$ 

∴ ধানে 70% চাল আছে। (Ans.)

## প্রশ্ন ॥ ৮ ॥ 1 ঘন সে.মি. কাঠের ওজন 7 ডেসিগ্রাম। কাঠের ওজন সমুত্রায়তন পানির ওজনের শতকরা কত ভাগ?

#### সমাধান:

1 ঘন সে.মি. কাঠের ওজন = 7 ডেসিগ্রাম

1 ঘন সে.মি. পানির ওজন = 1 গ্রাম = 10 ডেসিগ্রাম

এখন, 
$$\frac{5}{5}$$
 ঘন সে.মি. কাঠের ওজন  $\frac{7}{10}$ 

∴কাঠের ওজন এবং সমআয়তনের পানির ওজনের শতকরা

$$= \left(\frac{7}{10} \times 100\right) \% = 70\%$$

∴ কাঠের ওজন সমআয়তন পানির ওজনের 70% (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ৯ ॥ ক, খ, গ, ঘ এর মধ্যে 300 টাকা এমনভাবে ভাগ করে দাও যেন, ক এর অংশ : খ এর অংশ = 2 : 3, খ এর অংশ : গ এর অংশ = 1 : 2 এবং গ এর অংশ: ঘ এর অংশ = 3:2 হয়।

সমাধান: এখানে.

ক এর অংশ: খ এর অংশ = 2:3

খ এর অংশ : গ এর অংশ = 1 :  $2 = (1 \times 3) : (2 \times 3) = 3 : 6$ 

গ এর অংশ : ঘ এর অংশ = 3 : 2 = (3 × 2) : (2 × 2) = 6 : 4

∴ ক এর অংশ : খ এর অংশ : গ এর অংশ : ঘ এর অংশ = 2:3:6:4

∴ অনুপাতের রাশিগুলোর যোগফল = 2 + 3 + 6 + 4 = 15

∴ ক এর অংশ = 
$$\left(300 \text{ এর } \frac{2}{15}\right)$$
 টাকা =  $40$  টাকা

খ এর অংশ =  $\left(300 \text{ এর } \frac{3}{15}\right)$  টাকা =  $60$  টাকা

গ এর অংশ =  $\left(300 \text{ এর } \frac{6}{15}\right)$  টাকা =  $120$  টাকা

এবং ঘ এর অংশ =  $\left(300 \text{ এর } \frac{4}{15}\right)$  টাকা =  $80$  টা

এবং ঘ এর অংশ =  $\left(300 \text{ এর } \frac{4}{15}\right)$  টাকা = 80 টাকা

∴ ক 40 টাকা, খ 60 টাকা, গ 120 টাকা এবং ঘ 80 টাকা পায়। (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ১০ ॥ তিনজন জেলে 690 টি মাছ ধরেছে। তাদের অংশের অনুপাত  $\frac{2}{3}$  ,

$$\frac{4}{5}$$
 এবং  $\frac{5}{6}$  হলে, কে কয়টি মাছ পেল?

সমাধান: দেওয়া আছে, মোট মাছের সংখ্যা = 690 টি

তিনজনের অংশের অনুপাত = 
$$\frac{2}{3}:\frac{4}{5}:\frac{5}{6}$$

$$= \left(\frac{2}{3} \times 30\right) : \left(\frac{4}{5} \times 30\right) : \left(\frac{5}{6} \times 30\right)$$
[3, 5 ও 6 এর ল. সা. গু. 30 দিয়ে গুণ করে]
$$= 20 : 24 : 25$$

 $\therefore$  অনুপাতের রাশিগুলোর যোগফল = 20 + 24 + 25 = 69

$$\therefore$$
 ১ম জেলের মাছের সংখ্যা =  $\left(690\,$  এর  $\frac{20}{69}\right)$  টি =  $200\,$  টি

২য় জেলের মাছের সংখ্যা = 
$$\left(690 \text{ এর } \frac{24}{69}\right)$$
 টি =  $240$  টি

এবং ৩য় জেলের মাছের সংখ্যা = 
$$\left(690\,\mathrm{G}\,\frac{25}{69}\right)$$
 টি =  $250\,\mathrm{ট}$ 

∴ তিনজন জেলে যথাক্রমে 200 টি, 240 টি এবং 250 টি মাছ পেল। (Ans.)

## প্রশ্ন ॥ ১১ ॥ একটি ত্রিভুজের পরিসীমা 45 সে. মি.। বাহুগুলোর দৈর্ঘ্যের অনুপাত 3:5:7 হলে, প্রত্যেক বাহুর পরিমাণ নির্ণয় কর।

সমাধান: দেওয়া আছে, ত্রিভুজের পরিসীমা = 45 সে. মি.

এবং বাহুগুলোর দৈর্ঘ্যের অনুপাত = 3:5:7

∴ অনুপাতের রাশিগুলোর যোগফল = 3+5+7=15

∴ ত্রিভুজের প্রথম বাহুর দৈর্ঘ্য 
$$\left(45 \text{ এর } \frac{3}{15}\right)$$
 সে. মি.  $= 9$  সে. মি.

ত্রিভুজের দ্বিতীয় বাহুর দৈর্ঘ্য 
$$\left(45 \text{ এর } \frac{5}{15}\right)$$
 সে. মি. = 15 সে. মি.

এবং ত্রিভুজের তৃতীয় বাহুর দৈর্ঘ্য 
$$\left(45 \text{ এর } \frac{7}{15}\right)$$
 সে. মি.

নির্ণেয় ত্রিভুজের বাহুগুলোর পরিমাণ 9 সে. মি., 15 সে. মি. ও 21 সে. মি.।

## প্রশ্ন ॥ ১২ ॥ 1011 টাকাকে $\frac{3}{4}:\frac{4}{5}:\frac{6}{7}$ অনুপাতে বিভক্ত কর।

সমাধান: দেওয়া আছে, মোট টাকার পরিমাণ 1011

এবং বন্টনের অনুপাত 
$$= \frac{3}{4} : \frac{4}{5} : \frac{6}{7}$$
 
$$= \left(\frac{3}{4} \times 140\right) : \left(\frac{4}{5} \times 140\right) : \left(\frac{6}{7} \times 140\right)$$
 [হর 4, 5 % 7 এর ল.সা.গু. 140 দারা গুণ করে] 
$$= 105 : 112 : 120$$

∴ অনুপাতের রাশিগুলোর সমষ্টি = 105 + 112 + 120 = 337

∴ প্রথম অংশ = 
$$\left(1011 \text{ এর} \frac{105}{337}\right)$$
 টাকা =  $315$  টাকা

দ্বিতীয় অংশ = 
$$\left(1011 \text{ এর} \frac{112}{337}\right)$$
 টাকা = 336 টাকা

তৃতীয় অংশ = 
$$\left(1011 \text{ এর } \frac{120}{337}\right)$$
 টাকা = 360 টাকা

∴ বিভক্তকৃত টাকার পরিমাণ 315 টাকা, 336 টাকা, 360 টাকা। (Ans.)

## প্রশ্ন 🛮 ১৩ 🗓 দুইটি সংখ্যার অনুপাত 5 : 7 এবং তাদের গ. সা. গু. 4 হলে, সংখ্যা দুইটির ল.সা.গু. কত?

সমাধান: দেওয়া আছে, সংখ্যা দুইটির অনুপাত 5:7 মনে করি, সংখ্যা দুইটি 5x ও 7x, যেখানে, x অনুপাতের সাধারণ গুণিতক। 5x ও 7x এর গ. সা. গু. x

প্রশানুসারে, x = 4

$$5x$$
 ও  $7x$  এর ল. সা. গু. =  $35x = 35 \times 4$  [:  $x = 4$ ]

অতএব, সংখ্যা দুইটির ল. সা. গু. 140 (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ১৪ ॥ ক্রিকেট খেলায় সাকিব, মুশফিকুর ও মাশরাফী 171 রান করলো। সাকিব ও মুশফিকুরের এবং মুশফিকুর ও মাশরাফীর রানের অনুপাত 3:2 হলে কে কত রান করেছে?

সমাধান: সাকিবের রান: মুশফিকুরের রান = 3:2

$$= (3 \times 3) : (2 \times 3)$$

মুশফিকুরের রান: মাশরাফীর রান = 3:2

$$= (3 \times 2) : (2 \times 2)$$
$$= 6 \cdot 4$$

.. সাকিবের রান : মুশফিকুরের রান : মাশরাফীর রান = 9:6:4 অনুপাতের রাশিগুলোর যোগফল = 9+6+4=19

∴ সাকিবের রান 
$$\left(171 \text{ এর } \frac{9}{19}\right) = \left(171 \times \frac{9}{19}\right)$$
 রান = 81 রান

মুশফিকুরের রান 
$$\left(171 \text{ এর } \frac{6}{19}\right) = \left(171 \times \frac{6}{19}\right)$$
 রান = 54 রান

মাশরাফীর রান 
$$\left(171 \text{ এর } \frac{4}{19}\right) = \left(171 \times \frac{4}{19}\right)$$
 রান = 36 রান

∴ সাকিব ৪1 রান, মুশফিকুর 54 রান, মাশরাফী 36 রান করেছে।(Ans.)

প্রশা । ১৫ । একটি অফিসে 2 জন কর্মকর্তা, 7 জন করণিক এবং 3 জন পিওন আছে। একজন পিওন 1 টাকা পেলে একজন করণিক পায় 2 টাকা, একজন কর্মকর্তা পায় 4 টাকা। তাদের সকলের মোট বেতন 150,000 টাকা হলে, কেকত বেতন পায়?

সমাধান : মনে করি, একজন পিওন পায় x টাকা (সমানুপাতিক x ধরে)

তাহলে, একজন করণিক পায় 2x টাকা

এবং একজন কর্মকর্তা পায় 4x টাকা।

প্রশ্নতে, 
$$(4x \times 2) + (2x \times 7) + (x \times 3) = 150000$$

বা, 
$$8x + 14x + 3x = 150000$$

বা, 
$$25x = 150000$$

বা, 
$$x = \frac{150000}{25}$$

$$x = 6000$$

∴ একজন পিওনের বেতন = 6000 টাকা

একজন করণিকের বেতন = (6000 × 2) টাকা = 12000 টাকা

এবং একজন কর্মকর্তার বেতন = (6000 × 4) টাকা = 24000 টাকা

∴ প্রত্যেক কর্মকর্তা 24000 টাকা, করণিক 12000 টাকা এবং পিওন 6000 টাকা বেতন পায়। (Ans.)

প্রশু ॥ ১৬ ॥ একটি সমিতির নেতা নির্বাচনে দুইজন প্রতিদ্বন্দীর মধ্যে ডোনাল্ড সাহেব 4:3 ভোটে জয়লাভ করলেন। যদি মোট সদস্য সংখ্যা 581 হয় এবং 91 জন সদস্য ভোট না দিয়ে থাকেন, তবে ডোনাল্ড সাহেবের প্রতিদ্বন্দী কত ভোটের ব্যবধানে পরাজিত হয়েছেন?

সমাধান: দেওয়া আছে, মোট সদস্য = 581 জন

91 জন সদস্য ভোট না দেওয়ায় ভোট দেওয়া সদস্য

ডোনাল্ড সাহেবের প্রাপ্ত ভোট : প্রতিদ্বন্দীর প্রাপ্ত ভোট = 4:3অনুপাতের রাশিদ্বয়ের যোগফল = 4+3=7

 $\therefore$  ডোনাল্ড সাহেব পেলেন  $\left(490\,\,\mathrm{da}\,\frac{4}{7}\right)$  ভোট =  $280\,\,\mathrm{ভোট}$ 

এবং প্রতিদ্বন্দী পেলেন  $\left(490\text{ এর}\,\frac{3}{7}\right)$  ভোট = 210 ভোট

∴ ডোনাল্ড সাহেবের প্রতিদ্বন্দী পরাজিত হলেন (280 – 210) বা, 70 ভোটের ব্যবধানে। (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ১৭ ॥ যদি কোনো বর্গবেত্রের বাহুর পরিমাণ 20% বৃদ্ধি পায়, তবে তার বেত্রফল শতকরা কত বৃদ্ধি পাবে?

সমাধান : মনেকরি, বর্গবেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্য x একক

 $\therefore$  বর্গবেত্রের বেত্রফল  $\mathbf{x}^2$  বর্গ একক.

20% বৃদ্ধিতে কাঁৰেত্ৰের বাহুর দৈখ্য  $\left(x+x$  এর  $\frac{20}{100}
ight)$  একক

$$=\left(x+\frac{x}{5}\right)$$
 একক

$$=\frac{6x}{5}$$
 একক

 $\therefore$  20% বৃদ্ধিতে বর্গবেত্রের বেত্রফল  $\left(\frac{6x}{5}\right)^2$  বর্গ একক

$$=\frac{36x^2}{25}$$
 বৰ্গ একক

বৰ্গৰেত্ৰের ৰেত্ৰফল বৃদ্ধি  $\left(\frac{36x^2}{25} - x^2\right)$  বৰ্গ একক

$$= \left(\frac{36x^2 - 25x^2}{25}\right)$$
 বৰ্গ একক

$$=\frac{11x^2}{25}$$
 বৰ্গ একক

 $\therefore$  শতকরা বেত্রফল বৃদ্ধি  $\Bigg( \dfrac{ extbf{CNI} \ extstyle \ extsty$ 

$$= \left(\frac{\frac{11x^2}{25}}{x^2} \times 100\right)\%$$

$$=44\%$$

∴ ৰেত্ৰফল বৃদ্ধি পায় 44% (Ans.)

প্রশ্ন 🏿 ১৮ 🕦 একটি আয়তৰেত্রের দৈর্ঘ্য 10% বৃদ্ধি এবং প্রস্থ 10% হ্রাস পেলে আয়তৰেত্রের ৰেত্রফল শতকরা কত বৃদ্ধি বাহ্রাস পাবে?

সমাধান : মনে করি, আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য x একক এবং প্রস্থ y একক

.. আয়তবেত্রটির বেত্রফল = xy বর্গ একক

10% বৃদ্ধিতে আয়তৰেত্ৰের দৈৰ্ঘ্য =  $\left(\mathbf{x} + \mathbf{x} \ \text{এর} \ \frac{10}{100}\right)$  একক

$$=\left(x+\frac{x}{10}\right)$$
 একক

$$=\frac{11x}{10}$$
 একক

এবং 10%হ্রাসে আয়তবেত্রের প্রম্থ =  $\left(y-y\right)$  এব  $\frac{10}{100}$  একক

$$= \left(y - \frac{y}{10}\right) \, \mathfrak{Q} \overline{\phi} \overline{\phi}$$

$$=\frac{9y}{10}$$
 একক

 $\therefore$  10% হ্রাস-বৃদ্ধিতে আয়তবেত্রের বেত্রফল =  $\frac{11x}{10} imes \frac{9y}{10}$  বর্গ একক

$$=\frac{99 \text{ xy}}{100}$$
 বৰ্গ একক

সুতরাং ৰেত্রফল হ্রাস পায়  $\left( xy - \frac{99xy}{100} \right)$  বর্গ একক

$$= \left(\frac{100 \text{ xy} - 99 \text{xy}}{100}\right)$$
বৰ্গ একক

$$=\frac{xy}{100} বৰ্গ একক$$

$$\therefore বেএফল শতকরাহ্রাস পায় =  $\left(\frac{\text{মোট হ্রাস}}{\text{পূর্বের বেএফল}} \times 100\right)$  বর্গ একক 
$$= \left(\frac{\frac{xy}{100}}{xy} \times 100\right)$$
 বর্গ একক 
$$= \frac{xy}{100} \times \frac{1}{xy} \times 100$$
 বর্গ একক 
$$= 1$$
 বর্গ একক$$

অতএব, আয়তবেত্রের বেত্রফল 1% হ্রাস পাবে। (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ১৯ ॥ একটি মাঠের জমিতে সেচের সুযোগ আসার আগের ও পরের ফলনের অনুপাত 4:7. ঐ মাঠে যে জমিতে আগে 304 কুইণ্টাল ধান ফলতো, সেচ পাওয়ার পরে তার ফলন কত হবে?

সমাধান : মনেকরি, সেচ পাওয়ার পরে ফলনের পরিমাণ x কুইন্টাল

সেচ আসার আগের ফলন : সেচ আসার পরের ফলন = 4:7

প্রশানুসারে, 304 : x = 4 : 7

বা, 
$$\frac{304}{x} = \frac{4}{7}$$

বা, 
$$4x = 7 \times 304$$

বা, 
$$x = \frac{7 \times 304}{4}$$

$$\therefore x = 532$$

∴ সেচ পাওয়ার পরে ফলন হবে 532 কুইন্টাল। (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ২০ ॥ ধান ও ধান থেকে উৎপন্ন চালের অনুপাত 3:2 এবং গম ও গম থেকে উৎপন্ন সুজির অনুপাত 4:3 হলে, সমান পরিমাণের ধান ও গম থেকে উৎপন্ন চাল ও সুজির অনুপাত বের কর।

সমাধান : মনে করি, উৎপন্ন চালের পরিমাণ x কুইন্টাল

এবং উৎপন্ন সুজির পরিমাণ y কুইন্টাল

প্রশানুসারে, ধান : চাল = 3:2

বা, 
$$1: x = 3: 2$$

বা, 
$$\frac{1}{x} = \frac{3}{2}$$

$$\therefore x = \frac{2}{3}$$

∴ চালের পরিমাণ  $\frac{2}{3}$  কুইন্টাল

আবার, গম: সুজি = 4:3

বা, 
$$\frac{1}{v} = \frac{4}{3}$$

$$\therefore y = \frac{3}{4}$$

 $\therefore$  সুজির পরিমাণ  $rac{3}{4}$  কুইন্টাল।

উৎপন্ন চাল : উৎপন্ন সুজি =  $\frac{2}{3}$  :  $\frac{3}{4}$ 

$$= \left(\frac{2}{3} \times 12\right) : \left(\frac{3}{4} \times 12\right)$$

[3, 4 এর ল.সা.গু. 12]

= 8:9

∴ উৎপন্ন চাল ও সুজির অনুপাত 8:9। (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ২১ ॥ একটি জমির বেত্রফল 432 বর্গমিটার। ঐ জমির দৈর্ঘ্য ও প্রম্থের সচ্চো অপর একটি জমির দৈর্ঘ্য ও প্রম্থের অনুপাত যথাক্রমে 3:4 এবং 2:5 হলে, অপর জমির বেত্রফল কত?

সমাধান: দেওয়া আছে,

১ম জমির দৈর্ঘ্য : ২য় জমির দৈর্ঘ্য = 3 : 4

এবং ১ম জমির প্রস্থ : ২য় জমির প্রস্থ = 2:5

ধরি, ১ম জমির দৈর্ঘ্য = 3x মিটার

২য় জমির দৈর্ঘ্য = 4x মিটার

এবং ১ম জমির প্রস্থ = 2y মিটার

২য় জমির প্রস্থ = 5y মিটার

১ম জমির ক্ষেত্রফল = (3x × 2y) বর্গমিটার

= 6xy বর্গমিটার

২য় জমির ক্ষেত্রফল  $= (4x \times 5y)$  বর্গমিটার

= 20xy বর্গমিটার

প্রশ্নতে, 6xy = 432

বা, 
$$xy = \frac{432}{6}$$

$$\therefore xy = 72$$

∴ অপর জমির ক্ষেত্রফল 1440 বর্গমিটার। (Ans.)

প্রশ্ন ॥ ২২ ॥ জেমি ও সিমি একই ব্যাংক থেকে একই দিনে 10% হার সরল মুনাফায় আলাদা আলাদা পরিমাণ অর্থ ঋণ নেয়। জেমি 2 বছর পর মুনাফা—আসলে যত টাকা শোধ করে 3 বছর পর সিমি মুনাফা—আসলে তত টাকা শোধ করে। তাদের ঋণের অনুপাত নির্ণয় কর।

সমাধান : মনে করি, ব্যাংক থেকে জেমি ঋণ করে x টাকা এবং সিমি ঋণ করে y টাকা

এখন, 10% মুনাফায় x টাকার 2 বছরের মুনাফা

$$=\left(\mathbf{x}\times2\times\frac{10}{100}\right)$$
 টাকা  $=\frac{\mathbf{x}}{5}$  টাকা

$$\therefore$$
 2 বছর পরে জেমি মুনাফা–আসলে পরিশোধ করে =  $\left(x+\frac{x}{5}\right)$  টাকা =  $\frac{5x+x}{5}$  টাকা =  $\frac{6x}{5}$  টাকা

আবার, 10% মুনাফায় y টাকার 3 বছরের মুনাফা

$$= \left(y \times 3 \times \frac{10}{100}\right) টাকা$$
$$= \frac{3y}{10} টাকা$$

$$\therefore$$
 3 বছর পরে সিমি মুনাফা-আসলে পরিশোধ করে =  $\left(y+\frac{3y}{10}\right)$  টাকা 
$$=\frac{10y+3y}{10}$$
 টাকা 
$$=\frac{13y}{10}$$
 টাকা

প্রশানুসারে, 
$$\frac{6x}{5} = \frac{13y}{10}$$

বা, 
$$\frac{x}{y} = \frac{65}{60}$$

বা, 
$$\frac{x}{y} = \frac{13}{12}$$

$$x : y = 13 : 12$$

নির্ণেয় ঋণের অনুপাত 13:12

প্রশ্ন ॥ ২৩ ॥ একটি ত্রিভূজের বাহুগুলোর অনুপাত 5:12:13 এবং পরিসীমা 30 সে. মি.

- ক. ত্রিভূজটি অঙ্কন কর এবং কোণভেদে ত্রিভূজটি কী ধরনের তা লিখ।
- খ. বৃহত্তর বাহুকে দৈর্ঘ্য এবং ক্ষুদ্রতর বাহুকে প্রস্থ ধরে অজ্ঞিত আয়তবেত্রের কর্ণের সমান বাহুবিশিফ্ট বর্গের বেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. উক্ত আয়তৰেত্রের দৈর্ঘ্য 10% এবং প্রস্থ 20% বৃদ্ধি পেলে বেত্রফল শতকরা কত বৃদ্ধি পাবে?

#### সমাধান :

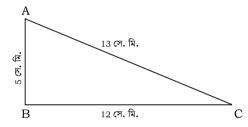
- ক. দেওয়া আছে, ত্রিভুজের বাহুগুলোর অনুপাত 5 : 12 : 13 এবং পরিসীম 30 সে.মি.।
  - ধরি, ত্রিভুজের বাহুগুলো 5x, 12 x ও 13x সে.মি.

প্রশ্নতে, 
$$5x + 12x + 13x = 30$$

বা, 
$$30x = 30$$

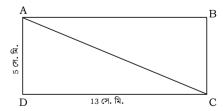
$$\therefore x = 1$$

অতএব, ত্রিভুজের বাহুগুলো হলো 5 সে.মি., 12 সে.মি. ও 13 সে.মি.।



$$= 25 + 144 = 169 = (13)^2 = (AC)^2$$

- ∴ পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুযায়ী ত্রিভূজটি সমকোণী। অতএব, ত্রিভূজটি একটি সমকোণী ত্রিভূজ এবং ∠ABC = 90°
- খ. বৃহত্তর বাহুর দৈর্ঘ্য 13 সে. মি. কে দৈর্ঘ্য এবং ক্ষুদ্রতর বাহুর দৈর্ঘ্য 5 সে. মি. কে প্রস্থ ধরে নিচে আয়তবেত্রটি আঁকা হলো :



ABCD আয়তবেত্রের কর্ণ AC কোনো বর্গবেত্রের বাহু হলে ঐ বর্গবেত্রটির বেত্রফল হবে  $AC^2$  বর্গ সে. মি.

এখন,  $\triangle ADC$  এ  $\angle D = 90^{\circ}$ 

 $\therefore$  পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে পাই,  $AC^2 = AD^2 + CD^2$ 

$$= (5)^2 + (13)^2$$

$$= 25 + 169$$

= 194

অর্থাৎ, ঐ বর্গবেত্রটির বেত্রফল 194 বর্গ সে. মি. (Ans.)

গ. 10% বৃদ্ধিতে আয়তবেত্ৰটির দৈৰ্ঘ্য

= 
$$\left(13 + 13 \text{ এর} \frac{10}{100}\right)$$
 সে. মি.  
=  $\left(13 + \frac{13}{10}\right)$  সে. মি.  
=  $\frac{143}{10}$  সে. মি.  
=  $14 \cdot 3$  সে. মি.

এবং 20% বৃদ্ধিতে আয়তবেত্রটির প্রস্থ

= 
$$\left(5+5 \text{ এর } \frac{20}{100}\right)$$
 সে. মি.  
=  $(5+1)$  সে. মি.  
=  $6$  সে. মি.

∴ দৈৰ্ঘ্য–প্ৰস্থ বৃদ্ধিতে আয়তৰেত্ৰটির ৰেত্ৰফল

দৈর্ঘ্য 13 সে. মি. এবং প্রমথ 5 সে. মি. বিশিষ্ট আয়তবেএটির বেএফল = (13 × 5) বর্গ সে. মি. = 65 বর্গ সে. মি.

∴ ৰেত্ৰফল বৃদ্ধি পায় (85.5 – 65) বৰ্গ সে.মি.

 $\therefore$  ৰেত্ৰফল শতকরা বৃদ্ধি পাবে  $\dfrac{\left($ ৰেত্ৰফল বৃদ্ধি  $\times$  100  $\right)\!\%$ 

$$= \left(\frac{20.8}{65} \times 100\right)\%$$
$$= 32\%$$

অতএব, ৰেত্ৰফল 32% বৃদ্ধি পাবে।

## প্রশ্ন 🏿 ২৪ 🖺 একদিন কোনো ক্লাসে অনুপস্থিত ও উপস্থিত শিৰার্থীর অনুপাত 1:

41

- ক. অনুপস্থিত শিৰাৰ্থীদেরকে মোট শিৰাৰ্থীর শতকরায় প্রকাশ কর।
- খ. 10 জন শিৰাথী বেশি উপস্থিত হলে অনুপস্থিত ও উপস্থিত শিৰাথীর অনুপাত হতো 1:9। মোট শিৰাথীর সংখ্যা কত?
- গ. মোট শিৰাথীর মধ্যে ছাত্র সংখ্যা ছাত্রী সংখ্যার দ্বিগুণ অপেৰা 20 জন কম। ছাত্র ও ছাত্রীসংখ্যার অনুপাত নির্ণয় কর।

#### সমাধান :

- ক. মনে করি, অনুপস্থিত ছাত্র সংখ্যা x এবং উপস্থিত ছাত্রসংখ্যা 4x [এখানে, x ধনাত্মক আনুপাতিক ধ্রবকৰ] মোট ছাত্র সংখ্যা =x+4x=5x
  - $\therefore$  অনুপস্থিত ছাত্রসংখ্যা মোট ছাত্রসংখ্যার  $rac{x}{5x}$  ভাগ

$$= \frac{x}{5x} \times 100\% = \frac{1}{5} \times 100\% = 20\%$$

- ∴ অনুপস্থিত ছাত্রসংখ্যা মোট ছাত্র সংখ্যার 20%
- খ. 10 জন শিৰাৰ্থী বেশি উপস্থিত হলে,

উপস্থিত শিৰাৰ্থী সংখ্যা হয় (4x + 10) জন

অনুপস্থিত শিৰাথী সংখ্যা (x - 10) জন

প্রশানুসারে, (x - 10) : (4x + 10) = 1 : 9

$$\sqrt[4]{\frac{x-10}{4x+10}} = \frac{1}{9}$$

বা, 
$$9x - 90 = 4x + 10$$

বা, 9x - 4x = 90 + 10

বা, 5x = 100

বা, 
$$x = \frac{100}{5}$$

 $\therefore x = 20$ 

∴ মোট শিৰাথী  $5x = (5 \times 20)$  জন = 100 জন (Ans.)

ধরি, ছাত্রী সংখ্যা = y জন

এবং ছাত্র সংখ্যা = (2y - 20) জন

প্রশানুসারে, y + 2y - 20 = 100

বা, 3y = 100 + 20

বা, 3y = 120

বা, 
$$y = \frac{120}{3}$$

 $\therefore y = 40$ 

∴ ছাত্রী সংখ্যা 40 জন।

∴ ছাত্র সংখ্যা = 2y - 20 = (2 × 40 - 20) জন = 60 জন

∴ ছাত্ৰ : ছাত্ৰী = 60 : 40

[20 দারা ভাগ করে]

= 3:2

নির্ণেয় অনুপাত 3:2

## গুরুত্বপূর্ণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

- দুইটি সংখ্যার অনুপাত 3 : 2 এবং এদের গ.সা.গু. 4 হলে সংখ্যা দুইটির ল.সা.গু. কত?
- **12**
- দুইটি সংখ্যার অনুপাত 3 : 4 এবং তাদের ল.সা.গু. 180; সংখ্যা দুইটি
  - **⊚** 30,45
- **•** 45, 60
- **1** 45, 75
- **1** 45, 70
- কোনো মিশ্রণে পানি ও সিরাপের অনুপাত 2:3 হলে, এতে শতকরা কত ভাগ পানি আছে?
  - ② 20
- **3**0
- **3** 50
- যদি কোনো বর্গবেত্রের প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য 20% বৃদ্ধি পায় তবে ৰেত্ৰফল শতকরা কত ভাগ বৃদ্ধি পাবে?
  - **3**6
- **1** 72
- **3** 80

## ১১-৪ : ধারাবাহিক অনুপাত

## 📗 🗌 সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

- x:y=3:4,y:z=2:5 **হলে** x:y:z **এর মান নিচের কোনটি**? (মধ্যম)
  - $\textcircled{3} : 4 : 7 \ \textcircled{3} 5 : 7 : 9 \ \textcircled{4} : 10 \ \textcircled{3} 15 : 19 : 27$
  - ব্যাখ্যা: x: y = 3: 4 = (3 × 1): (4 × 1) = 3: 4  $y: z = 2: 5 = (2 \times 2): (5:2) = 4:10$ 
    - x : y : z = 3 : 4 : 10
- 2:3 এবং 9:10 এর ধারাবাহিক অনুপাত কোনটি?
- $\textcircled{3} 2:3:9 \ \textcircled{2} 2:3:10 \ \textcircled{3} 3:9:10 \ \textcircled{6}:9:10$
- ব্যাখ্যা: 2:3 = (2 × 3): (3 × 3) = 6:9 এবং 9:10
  - ∴ ধারাবাহিক অনুপাত = 6 : 9 : 10
- ১০. দুটি সরল অনুপাত 2:4 এবং 5:7 এর ধারাবাহিক অনুপাত কত? (মধ্যম)
  - $\bigcirc 2:4:5:7$
- 3 4:5:2
- 5 : 10 : 14
- 98:5:7

ব্যাখ্যা :  $2:4=\frac{2}{4}=\frac{2\times5}{4\times5}=\frac{10}{20}=\frac{5}{10}$ 

 $5:7=\frac{5}{7}=\frac{5\times 2}{7\times 2}=\frac{10}{14}$ 

∴ ধারাবাহিক অনুপাত = 5 : 10 : 14

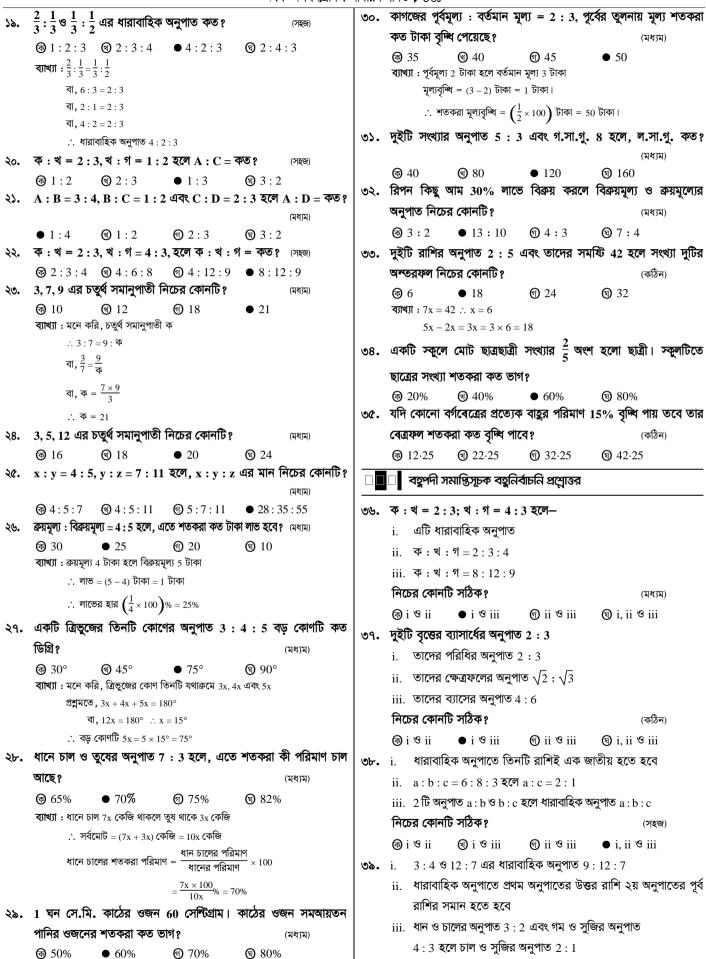
- ১১. যদি ক : খ = 2 : 3 এবং খ : গ = 4 : 5 হয়, তবে গ : ক = কত? (মধ্যম)
  - **⊚** 8:5
- **3** 8 : 15
- **12:10**
- 15:8

ব্যাখ্যা : ক : খ = 2 : 3 = 8 : 12

- খ: গ = 4:5 = 12:15
- .. গ : ক = 15 : 8

- 261 টি আম তিন ভাইয়ের মধ্যে  $\frac{1}{3}:\frac{1}{5}:\frac{1}{9}$  অনুপাতে ভাগ করে দিলে ১ম ভাই কতটি আম পাবে?
  - **45**
- (2) 81
- **1** 90
- 135
- সাকিব ও তামিমের রানের অনুপাত 9:7। তাদের মোট রান 2000 হলে, সাকিবের রান কত?
  - **3** 250
- **3** 875
- **1600**
- কোনো বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্য তিনগুণ বৃদ্ধি করলে উহার বেত্রফল কতগুণ বৃদ্ধি পাবে?
- 4 গুণু

- ১২. দুটি সংখ্যার অনুপাত 3 : 4 এবং তাদের গ.সা.গু. 5 হলে সংখ্যা দুটি কত ?
  - **15**, 20
- - **3**0,40
    - **1** 45, 60
- **3** 60, 80
- ব্যাখ্যা: 3 × 5 = 15 এবং 4 × 5 = 20
- ১৩. দুটি সংখ্যার অনুপাত 2 : 3 এবং সমষ্টি ৪5 হলে, বৃহত্তর সংখ্যাটি কত?
- 51
- **1** 65
- ১৪. দুটি রাশির বিয়োগফল 44 এবং রাশি দুইটির অনুপাত 1:3 হলে ক্ষুদ্রতর সংখ্যাটি নিচের কোনটি?
  - **1**9
- **1** 31
- **3** 43
- ১৫. আফসার সাহেব ও তার পুত্রের বয়সের অনুপাত 9:2। পুত্রের বয়স 12 বছর হলে আফসার সাহেবের বয়স কত বছর?
- **③** 50
- **1** 52
- ১৬. পিতা ও পুত্রের বয়সের অনুপাত 4:1 ও পুত্র ও কন্যার বয়সের অনুপাত 1: 2 হলে, পিতা ও কন্যার বয়সের অনুপাত কত?
- **1**:2
- **1** 2:3
- **3** 3:2
- ব্যাখ্যা : পিতার বয়স : পুত্রের বয়স = 4:1
  - পুত্রের বয়স: কন্যার বয়স = 1:2
- ∴ পিতার বয়স : কন্যার বয়স = 4 : 2 = 2 : 1
- ১৭. উষা ও মাহির টাকার অনুপাত 2 : 3 এবং মাহি ও সামির টাকার অনুপাত 2 : 5 হলে, তাদের টাকার অনুপাত কত?
  - 6 2:3:5 4:6:15 9 2:5:12 9 4:7:15
- ১৮. পুলক, পারব ও মিথিলার টাকার অনুপাত 2:3:9 হলে, পারব ও মিথিলার টাকার অনুপাত কত?
  - 1 : 3
- **1**:2
- **1** 2:3
- **3** 3:2



নিচের কোনটি সঠিক?

(মধ্যম)

	711 111 9411 1		11 1 2 7 0 0 W	
	⊕ i ଓ ii    ⊕ i ଓ iii    ⊕ i, ii ଓ iii	৪৯.	দস্তা ও সিসার অনুপাত কত?	(সহজ)
80.	i. তিনটি রাশির ধারাবাহিক অনুপাত থাকলে প্রাশ্তীয় রাশিদ্বয়ের গুণফল		③ 3:4 ③ 4:5 ● 3:5	<b>3</b> 5:4
	মধ্যরাশির বর্গের সমান	Co.	দস্তা, টিন ও সিসার অনুপাত কত?	(মধ্যম)
	ii. a:b:c=6:8:3 <b>হলে</b> a:c=2:1		<b>③</b> 4:3:5 <b>●</b> 3:4:5 <b>⑤</b> 3:5:4	
	iii. 10, 40, 50 এর চতুর্থ সমানুপাতী 200	<i>ሮ</i> ኔ.	১২ কেজি মিশ্রণে টিনের পরিমাণ কত কেজি	
	নিচের কোনটি সঠিক? (মধ্যম)	_	⊕ 1	• 4
	⊕ i ଓ ii    ⊕ i ও iii    ⊕ i, ii ଓ iii		র তথ্যের আলোকে ৫২–৫৪ নং প্রশ্নের উত্তর দ	ile :
85.	নিচের তথ্যগুলো লব কর :		ট ত্রিভুজের তিনটি কোণের অনুপাত 3:4:5;	
0	i. দুইটি সংখ্যার অনুপাত 5 : 3 এবং ল.সা.গু. 60 হলে গ.সা.গু. 4	<i>હ</i> ર.	নিচের কোন সমীকরণটি সঠিক?	(মধ্যম)
	ii. একটি বর্গবেত্রের বাহুর পরিমাণ 10% বৃদ্ধি পায় তবে এর বেত্রফল		• $3x + 4x + 5x = 180^{\circ}$ ③ $3x + 4x$	
	•			
	শতকরা 21% বৃদ্ধি পায়		ব্যাখ্যা: মনে করি, কোণ তিনটি প্রদন্ত অনুপাত অনুসারে য শর্তমতে, $3x + 4x + 5x = 180^\circ$	ସାହୟ 3x, 4x ଅବଝ 5x
	iii. একটি জমির বেত্রফল 108 বর্গমিটার এবং দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের অনুপাত	(FIG.	প্রথম কোণটির ডিগ্রি পরিমাপ কত?	(মধ্যম)
	4:3 হলে জমির প্রস্থ 9 মিটার	•••		
	নিচের কোনটি সঠিক? (কঠিন)	60	(a) 30°	
	⊕ i	æ.	বৃহত্তর কোণটির ডিগ্রি পরিমাপ কত?	(মধ্যম)
8২.	নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:		ⓐ $45^{\circ}$ ⓐ $60^{\circ}$ ● $75^{\circ}$	<b>1</b> 90°
	i. একটি ত্রিভুজের কোণগুলোর অনুপাত 2:3:4 হলে বৃহত্তর কোণটি		১১∙৫ : সমানুপাতিক	ভাগ
	80°		३३ द ः ।साञ्च me स	9(1)
	ii. দুইটি বৃত্তের ব্যাসার্ধের অনুপাত 1:3 হলে বেত্রফলের অনুপাত 3:9		সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর	
	iii. দুইটি সংখ্যার অনুপাত 5 : 6 এবং তাদের গ.সা.গু. 8 হলে ল.সা.গু.	_		_1 1 1
	240	œ.	সোহেল, মিঠু ও সাকিবের মধ্যে 6800 টাব	$\mathbb{P}\left[rac{1}{2}:rac{1}{3}:rac{1}{9} ight]$ অনুপাতে বণ্ট
	নিচের কোনটি সঠিক? (কঠিন)		করা হলো। মিঠুর প্রাশ্ত টাকা কত?	(কঠিন)
	⊕ i ♥ iii    ⊕ i ♥ iii    ⊕ ii ♥ iii    ⊕ i, ii ♥ iii		<ul><li>3600 টাকা</li><li>2800 ট</li></ul>	কা
	অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর		● 2400 টাকা 🕲 800 টাব	<b>চ</b>
	<u> </u>		ব্যাখ্যা: $\left(\frac{1}{2} \times 18\right)$ : $\left(\frac{1}{3} \times 18\right)$ : $\left(\frac{1}{9} \times 18\right)$ = 9: 6	5:2
নিচের	া তথ্যের আ <b>লো</b> কে ৪৩–৪৫ নং প্রশ্নের উ <b>ত্ত</b> র দাও :		অনুপাত রাশিগুলোর যোগফল = 9 + 6 + 2 = 1	
ক এর	া আয় 1000 টাকা, খ এর আয় 1500 টাকা এবং গ এর আয় 2500 টাকা।		•	
৪৩.	ক ও খ এর আয়ের অনুপাত কত? (সহজ)		∴ মিঠুর প্রাপ্ত টাকা = $\left(6800 \text{ এর } \frac{6}{17}\right)$ ট	
	● 2:3	<i>৫</i> ৬.	400 টাকা বাশার, রুমি ও খুকুর মধ্যে এম	
	ব্যাখ্যা : ক এর আয় : খ এর আয় = 1000 : 1500 = 2 : 3 [500 দ্বারা ভাগ করে]		বাশার রুমির দিগুণ এবং রুমি খুকুর তিনগুণ	পায়। রুমির টাকার পরিমাণ
88.	খ এর আয় : গ এর আয় = কত? (সহজ)		কত?	(মধ্যম)
	ⓐ 3:4 ⓐ 4:3 ● 3:5 ⓑ 5:3		📵 180 টাকা 🕲 210 টাকা 📵 160 টাব	ম ● 120 টাকা
0.6	ব্যাখ্যা : খ এর আয় : গ এর আয় = 1500 : 2500 = 3 : 5 [500 আয় ভাগ করে] ক, খ ও গ এর আয়ের অনুপাত কত ? (সহজ)		ব্যাখ্যা : ধরি, খুকুর টাকা $x, \therefore$ রবমির টাকা $= 3x,$	
ος.	ক, খ ও গ এর আয়ের অনুপাত কত?  ○ 2:3:5 ③ 2:3:9 ⑤ 8:4:3 ⑤ 8:12:9		বাশারের টাকা = $2 \times 3x = 6x$	
নিচেৰ	তথ্যের আলোকে ৪৬–৪৮ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :		প্রশ্নতে, $x + 3x + x = 400$	
	ি ত্রিভুজের বাহুগুলোর অনুপাত 5 : 12 : 13 এবং পরিসীমা 30।		বা, 10x = 400	
	x অনুপাতত্রয়ের সাধারণ রাশি হলে নিচের কোন সম্পর্ক সঠিক? (সহজ)		∴ x = 40 ∴ রবমির টাকা = 3x = 3 × 40 টাকা = 120	টাকা
86.	•	æ9.	160 টাকা ক ও খ এর মধ্যে 5 : 3 অনুপাতে	
	• $5x + 12x + 13x = 30$		কত টাকা পেল?	(মধ্যম)
89.	ক্ষুদ্রতর বাহুর দৈর্ঘ্য কত সে.মি.? (মধ্যম)		● 100 <b>③</b> 120 <b>⑤</b> 140	<b>160</b>
•	• 5 <b>3</b> 6 <b>1</b> 12 <b>1</b> 13		ব্যাখ্যা: অনুপাত রাশিগুলোর যোগফল = 5 + 3 = 8	<b>G</b> 100
	ব্যাখ্যা : 30x = 30 :. x = 1		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
	$\therefore$ ক্ষুদ্রতর বাহুর দৈর্ঘ্য $5x=5x imes 1=5$ সে.মি.		$\therefore$ ক' পেল $=$ $\left(160 \times \frac{5}{8}\right)$ টাকা $= 100$ টাক	
86.	বৃহত্তর বাহুর দৈর্ঘ্য কত সে.মি.? (সহজ)	<b>ሮ</b> ৮.	সুজন, শিপন ও রিপন একত্রে ব্যবসা করে	
	<b>③</b> 6 <b>③</b> 7 <b>⑤</b> 12 <b>●</b> 13		সুজন, শিপন ও রিপনের মূলধনের অনুপাত	2:3:5 হয়, তবে সুজন
নিচেঃ	া তথ্যের আলোকে ৪৯–৫১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :		কত টাকা লভ্যাংশ পাবে?	(মধ্যম)
কোনে	া এক মিশ্রণে দস্তা, সিসা ও টিন রয়েছে। দস্তার পরিমাণ টিনের $\frac{3}{4}$ এবং		<ul> <li>         ⓐ 180</li></ul>	
টিনে:	্য পরিমাণ দস্তার $\frac{4}{5}$ অংশ।		∴ সুজনের লভ্যাংশ = 1200 টাকা × $\frac{2}{10}$ = 24	

<b>৫</b> ৯.	দুইটি রাশির অনুপাত 1:5 এবং তাদের সমষ্টি 18 হলে সংখ্যা দুটির	● i ଓ ii
	<b>গুণফল নিচের কোনটি?</b> (মধ্যম)	🔳 🗆 অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্লোত্তর
	<ul><li></li></ul>	
৬০.	দুইটি রাশির অনুপাত 2 : 5 এবং তাদের সমষ্টি 70 হলে সংখ্যা দুইটির	নিচের তথ্যের আলোকে ৬৯–৭১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :
	অন্তর্ফল নিচের কোনটি? (মধ্যম)	8000 টাকা দোলা, দীনা ও রাফির মধ্যে 7 : 5 : 4 অনুপাতে ভাগ করে দেওয়া
v. \$	ⓐ 20 ● 30 ⓑ 40 ⓑ 50	र्ला।
<b>63.</b>	একটি ত্রিভুজের কোণগুলোর অনুপাত 3 : 4 : 5 হলে বৃহত্তর কোণটির পরিমাণ নিচের কোনটি?	৬৯. দোলা কত টাকা পেয়েছে? (সহজ)
	পারমাণ নেচের কোনাট? (মধ্যম)  ③ 45° ② 60° ● 75° ③ 85°	<ul> <li>③ 3000</li> <li>③ 3200</li> <li>● 3500</li> <li>⑤ 3800</li> <li>ব্যাখ্যা: অনুপাত রাশিপুলোর যোগফল = 7 + 5 + 4 = 16</li> </ul>
143	একটি রং পেন্সিলের প্যাকেট লাল ও সবুজ রঙের পেন্সিলের সংখ্যার	∴ দোলা পায় = $\left(8000 \text{ এর } \frac{7}{16}\right)$ টাকা = $3500$ টাকা
٠٠.	অনুপাত 2:1। প্যাকেটটিতে ৪টি লাল পেন্সিল থাকলে সবুজ পেন্সিলের	` '
	সংখ্যা কত? (কঠিন)	৭০. দীনা কত টাকা পেয়েছে? (সহজ)
	ⓐ 2 tb  ● 4 tb  ⊕ 6 tb	<b>③</b> 2000 <b>●</b> 2500 <b>⑤</b> 2300 <b>⑤</b> 1800
lla o	কোনো স্কুলের ছাত্র ও ছাত্রীর সংখ্যার অনুপাত 7:8 এবং মোট শিৰার্থীর	ব্যাখ্যা : দীনা পায় = $\left(8000 \text{ এর } \frac{5}{16}\right)$ টাকা = $2500$ টাকা
90.		৭১. রাফি কত টাকা পেয়েছে? (সহজ)
	সংখ্যা <b>855 হলে ছাত্র সংখ্যা কত ?</b> (মধ্যম)	● 2000
<b>৬</b> 8.	300 টাকা ক ও খ অংশের মধ্যে এমনভাবে ভাগ করে দেয়া হলো ক : খ	ব্যাখ্যা : রাফি পায় = $\left(8000 \text{ এর} \frac{4}{16}\right)$ টাকা = $2000$ টাকা
	= 2:3   ক কত টাকা পেল ? (মধ্যম)	নিচের তথ্যের আলোকে ৭২–৭৪ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :
	③ 100 ● 120 ⑤ 160 ⑤ 200	39 কেজি পায়েসে দুধ, চাল এবং চিনির পরিমাণ $\frac{1}{2}:\frac{1}{8}:\frac{3}{16}$
	🔲 বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্লোত্তর	৭২. উদ্দীপকের অনুপাতগুলোর সরল অনুপাত নিচের কোনটি? (সহজ)
৬৫.	্র- ক্রিকেট খেলায় সাকিব, তামিম ও মুশফিক মোট 171 রান করলে এবং	⊕ 2:3:8
οι.	তাদের রানের অনুপাত 9:6:4 হলে—	ব্যাখ্যা: $\left(\frac{1}{2} \times 16\right)$ : $\left(\frac{1}{8} \times 16\right)$ : $\left(\frac{3}{16} \times 16\right)$ = 8 : 2 : 3
	i. তামিমের রান = 45 ii. সাকিবের রান = 81	৭৩. দুধের পরিমাণ কত কেজি? (মধ্যম)
	iii. মুশফিকের রান = 36	<b>③</b> 3 <b>③</b> 6 <b>⑤</b> 9 <b>●</b> 24
	নিচের কোনটি সঠিক? (কঠিন)	ব্যাখ্যা : 8x + 2x + 3x = 39 বা, x = 3
	( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( ( (	∴ দুধের পরিমাণ = (8 × 3) কেজি = 24 কেজি
	ব্যাখ্যা : i. সঠিক নয়; কারণ, অনুপাতের সংখ্যাগুলোর যোগফল = 9+6+4=19	৭৪. 78 কেজি পায়েসে চিনির পরিমাণ কত কেজি? (মধ্যম)
	তামিমের রান = 171 এর $\frac{6}{19}$ = 54	<b>⊕</b> 9 <b>⊕</b> 16 <b>●</b> 18 <b>⊕</b> 21
	(ii) ও (iii) নং সঠিক।	নিচের তথ্যের আলোকে ৭৫–৭৭ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :
		আফসার সাহেব 16300 টাকা তাঁর স্ত্রী, কন্যা ও পুত্রকে 1:4:8 অনুপাতে
<b>66.</b>	তিনটি অনুপাত $1:\frac{1}{3}:\frac{1}{12}$ হলে $-$	ভাগ করে দেন।
	i. তাদের সরল অনুপাত 12:4:1	৭৫. তাঁর স্ত্রী কত টাকা পাবে? (মধ্যম)
	ii. অনুপাত তিনটির যোগফল 21	● 1300 <a> 5200</a> <a> 6900</a> <a> 13000</a> <a> 13000</a> <a> (মধ্যম)</a> <a> (মধ্যম)</a>
	iii. ৩য় অনুপাতের 12 গুণ সমান ১ম অনুপাত	ⓐ 1300 ● 5200 ⑤ 6900 ⑤ 10400
	নিচের কোনটি সঠিক? (মধ্যম)	91. তাঁর পুত্র কন্যা অপেৰা কত টাকা বেশি পেল? (মধ্যম)
	⊕ i ଓ ii    ⊕ i ଓ iii    ⊕ ii ଓ iii    ⊕ i, ii ଓ iii	● 5200 <b>③</b> 6900 <b>⑤</b> 7200 <b>⑤</b> 10400
৬৭.	456 টাকা রহিম, করিম ও আবুর মধ্যে $3:4:5$ অনুপাতে ভাগ করে	নিচের তথ্যের আলোকে ৭৮–৮১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :
	मिल—	A, B, C এর মধ্যে 330 টাকা এমনভাবে ভাগ করে দেওয়া হলো যেন—
	i. রহিম পাবে 114 টাকা	A এর অংশ : B এর অংশ = 2 : 3
	ii. করিম পাবে 152 টাকা	B এর অংশ : C এর অংশ = 1 : 2
	iii. রহিম ও আবুর মিলিত টাকার পরিমাণ 304 টাকা	পুচ. A:B:C = কৃত? (মধ্যম)
	নিচের কোনটি সঠিক? (মধ্যম)	<b>③</b> 1:2:3 <b>③</b> 2:3:1 <b>●</b> 2:3:6 <b>⑤</b> 2:3:2
	⊕ i ଓ ii    ⊕ i ଓ iii    ⊕ i, ii ଓ iii	৭৯. A কত টাকা পেল? (সহজ)
৬৮.	কোনো ত্রিভুজের কোণগুলোর অনুপাত $3:4:5$ হলে—	<b>③</b> 40 <b>③</b> 50 <b>●</b> 60 <b>③</b> 30
	i. ক্ষুদ্রতম কোণের পরিমাণ 45°	৮০. B কত টাকা পেল? (সহজ)
	ii. বৃহত্তম কোণের পরিমাণ 75°	(a) 40 (a) 60 (b) 70 ● 90
	iii. মধ্যম কোণের পরিমাণ 65°	৮১. C কত টাকা পেল? (সহজ) া 120 থা 140 ● 180 থা 190
	নিচের কোনটি সঠিক? (মধ্যম)	
		The state of the s

				নব	ম–দশম শ্রেণি : স	সাধারণ	গণিত 🕨 ৪৭১				
78 <b>G</b>	কজি পায়েসে দুধ	, চাল ও চিনির	পরিমাণ 8:2:3	•			• 12	<b>1</b> 6	<b>1</b> 42	<b>1</b> 48	
৮২.	দুধের পরিমাণ	কত কেজি?			(মধ্যম)	₽8.	39 কেজি পায়ে	াসে চিনির পরিমা	ণ কত কেজি?		(কঠিন)
	<b>4</b> 2	<b>•</b> 48	<b>1</b> 56	<b>1</b> 60			<b>●</b> 9	<b>1</b> 2	<b>1</b> 8	<b>3</b> 42	
৮৩.	চালের পরিমাণ	কত কেজি?			(মধ্যম)						
<b>৮</b> ৫.	রীনা ও মীনার	বয়সের অনুপাত	চ 5 : 3। রীনার	বয়স 15	বছর হলে কত	٥٥٥.	একটি দ্রব্য 2	0% লাভে বিক্ৰয়	। করলে ক্রয়মূল্য	ও বিব্ৰুয়	মূল্যের অনুপাত
	বছর পর তাদের	র বয়সের অনুপা	<b>০</b> 7 : 5 হবে?				কত?				
		<ul><li>6 বছর</li></ul>	ඉ 7 বছর	ত্ব ৪ ব্য	হর		<b>⊚</b> 6:5	<b>•</b> 5:6	<b>1</b> 4:5	<b>1</b> 0:	12
৮৬.	কোনো স্কুলে	ছাত্র ও ছাত্রীর ত	ানুপাত 1 : 2 ঐ	স্কুলে ১ে	াট শিৰাৰ্থী 900	১০২.	5:8=15:x	েহলে x এর মান	কোনটি ?		
		া নিচের কোনটি	•	_			<b>•</b> 24	<b>3</b> 40	<b>1</b> 75	<b>120</b>	
			<b>10</b> 300	<ul><li>600</li></ul>		٥٥٥.	দুইটি সংখ্যার	যোগফল 20 যদি	ने সংখ্যাগুলো 3 :	2 অনুপারে	.ত থাকে; তবে
৮৭.	দুইটি সংখ্যার ত	সনুপাত 3:4 এ	বং গ.সা.গু. 5 হ	ল, সংখ্যা	দুইটি কত?		সংখ্যাগুলোর গু	ণফল কত?			
	• 15, 20	<b>3</b> 0,40	<b>1</b> 45, 60	<b>1</b> 60,	80		<b>9</b> 90	<b>1</b> 92	<b>•</b> 96	<b>100</b>	
bb.	কোনো বর্গের প্র	<del>া</del> ত্যেক বাহুর দৈ	ৰ্ঘ্য 5% বৃদ্ধি ক	রলে এর (	ৰেত্ৰফল শতকরা	٥٥٤.	তিনজন জেলে	690টি মাছ ধরে	ছে। তাদের অং	শর অনুপা	ত $\frac{2}{3}:\frac{4}{5}:\frac{5}{6}$
	কত বৃদ্ধি পাবে	?					হলে–				3 3 (
	<b>10%</b>	<b>•</b> 10.25%	<b>12.5%</b>	<b>12.2</b>	25%		i. ১ম জেলে	ন পাস ২০০টি			
৮৯.	একটি দ্রব্য 20	% ৰতিতে বিক্ৰ	য় করলে, বিক্রয়	যুল্য ও ক্রয়	ামূল্যের অনুপাত		ii. ২য় জেলে				
	কত?										
			<b>1</b> :5				iii. ৩য় জেলে				
<b>۵0.</b>	ক : খ = 3 : 4,			া = কত ?	1		নিচের কোনটি		<b>.</b>	<b>.</b>	
			<b>14</b> :12:9				● i ଓ ii	(d) i (e) iii	இ ii ଓ iii	҈ i, ii ∨	3 iii
		INCIPATION A		<del></del>	०० करन निरम्ब	30C.	ইরা ও ইমুর ব	য়সের অনুপাত 2	$\frac{1}{3}$ : $3\frac{1}{3}$ হলে–		
<b>a</b> 2.	দুইটি সংখ্যার	,	वयर जात्मन्न न	.পা.সু. 1	४० २० । नक		i. তাদের ব	য়সের সরল অনুগ	াতি 7 : 10		
	কোনটি সংখ্যাদ		0 (0.10)	0 (26	40)			,	 শতের যোগফল 1	7	
\$5			(9, 12)		48)			,	ইরার বয়স 14 বা		
<b>∞</b> ≺•			(a : y = b : :				নিচের কোনটি		Z414 44 1 1 T 1	<b>~</b> "	
	$\mathfrak{G} \ a : x = b :$	y V	$\bullet \ a: b = c: c$	r I			⊕ i ଓ ii		g ii s iii	<b>•</b> : :: \	o :::
৯৩.	খিঁচুড়িতে চাল খ				ণ কত?						> 111
	,	<b>3</b> 50%	• 70%	<b>1</b> 90%					নং প্রশ্নের উত্তর		
৯৪.	ক : খ = 3 : 4	এবং খ : গ = 8	: 9 হলে ক : গ	= কত ?					100 জন। কো	নো একাদ	ন ডপাস্থত ও
		<b>③</b> 1:2		<b>1</b> 4:5		,		খ্যোর অনুপাত 4 : -			
<b>৯</b> ৫.	মিঠু ও গিয়াস		•	করার চুব্তি	নিল এবং মিঠু	১০৬.	উপস্থিত শিৰা	থী সংখ্যার পরিমা	ণ কত?		
	60 টাকা পেল।	তাদের মজুরির	অনুপাত কত?					📵 90 জন		থ 60 জ	ন
			<b>1</b> 5:3	<b>3</b> 6:1		١٥٩.	কত জন শিৰা	ৰ্থী অনুপস্থিত ছি	1?		
৯৬.	যদিক: খ = 2						📵 30 জন	<b>থ</b> ) 40 জন	<b>গ্র</b> 10 জন	● 20 জ	ন
		<b>12:10</b>	⊕ 8:5     □	<b>3</b> 8:1		নিচের	তথ্যের আলো	ক ১০৮ ও ১০৯	নং প্রশ্নের উত্তর	দাও :	
৯৭.	ক্রয়মূল্য : বিক্রয়	•			<b>२</b> ८५?	একটি	ত্রিভুজের পরিসীফ	াা 30 সে.মি.। বাহু	গুলোর দৈর্ঘ্যের অনু <sup>র</sup>	শাত 3:5	:71
S.L.	•	● 25%	<ul><li></li></ul>	3 1%	०त <del>कर्</del> वत रेक्का	Sob.	বড় বাহুর দৈর্ঘ	্ টু <b>কত</b> ?	,		
৯৮.	একট সায়ভবে 25 মি. হলে বে		ज्यन्न अनुगाल क	: 3 440	48 4618 6(4)		ৰু 6 সে.মি <b>.</b>	<ul><li>থ 7 সে.মি.</li></ul>		• 14 C	ন.মি.
			0 105 7 6	0 155	<del>- 6</del>	20%.	ছোট বাহুর পরি				
			ি 135 ব. মি							ସ 35 ଓ	স.মি.
<b>à</b> à.	কোনো আয়ত		)% বৃদ্ধে ও অস	ዛ 10% .	হ্রাস বেএফলের	নিচের			নং প্রশ্নের উত্তর		
	পরিবর্তন কেমন		- 0					ৰ্তমান মূল্য 2 : 3	,	((• .	
	,		📵 5% বৃদ্ধি				` `	`	1		
200	. 5 : 9 অনুপার্তা	ট প্রতিটি সংখ্য	র সাথে কত যে	াগ করলে	অনুপাত 3:4	330.		বিক্রয়মূল্য কত?	• 00		ਹਿੱਠੇ ਜੁਣਾ
	হবে?						(a) 110	(a) 120	● 90 • ਰਵਿੱਖ প্ৰেয়েকে •	ত্ত কোনো	াত্র শর
	<b>1</b>	<ul><li>7</li></ul>	<b>1</b> 9	<b>1</b> 2		333.		•	ত বৃদ্ধি পেয়েছে? জ ২০০০	<b>500</b> /	
	I I -						⊕ 40%     a b	<b>3</b> 70%	⊕ 20%     a + b	• 50%	
	🗌 বহুপদী সম	॥প্তিসূচক বহুনিব	র্যাচনি প্রশ্লোত্তর				ii. $\frac{a}{2} = \frac{b}{2}$	ল প্রতিটি অনুপাত	$\delta = \frac{a + b}{4}$		
<b>33</b> 2.	. i. লঘু অনুপা	তের মান 1 অর্ণে	পৰা ছোট				iii. বৰ্গৰেত্ৰের	৷ পরিসীমা ও এব	বাহুর অনুপাত 4	: 1	

#### নিচের কোনটি সঠিক?

(মধ্যম)

ii છ i

- iii છ i 🕟
- 1ii V iii
- i. ii 3 iii

১১৩. i. গরব অনুপাতের মান 1 অপেৰা বড

ii. 
$$a:b=d:c$$
 হলে  $\frac{a+b}{b}=\frac{c+d}{c}$ 

iii. 
$$\frac{1}{a+b} + \frac{1}{c+d} = 0$$
 হলে  $(b+c) : (a+d) = 1$ 

#### নিচের কোনটি সঠিক?

(মধ্যম)

- i છ i ●
- (1) i (2) iii
- ரு ii e iii
- चि i. ii ও iii

১১৪. i. দ্বিভাজিত অনুপাতের বেত্রে অনুপাতের রাশিগুলো অবশ্যই ধনাত্মক

- ii. a : b এর দ্বিগানুপাত  $\frac{2a}{b}$
- iii. প্রকৃত ও অপ্রকৃত অনুপাতকে শতকরায় প্রকাশ করা যায়

#### নিচের কোনটি সঠিক?

ரு i பே

- iii છ i ●
- g ii g iii
- g i, ii g iii

১১৫. i. 2টি সংখ্যার অনুপাত 1:x ও দিতীয়টি a হলে ১মটি  $\frac{a}{x}$ 

ii. শতকরা একটি অনুপাত যার পূর্ব রাশি হলো শতকরায় বর্ণিত সংখ্যাটি

iii. অনুপাত একটি ভগ্নাংশ

#### নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- ரை i பே (જો i ઉ iii
  - iii Viii
- i, ii 3 iii

১১৬. i. 49:35 এর লঘিষ্ঠ প্রকাশ 7:5

ii. পূর্ব রাশি ও উত্তর রাশি পরস্পর সমান হয় একানুপাতে

iii. অনুপাত প্রকৃত ভগ্নাংশ হতে পারে না

#### নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- (1) i (S) iii
- 60 ii S iii
- g i, ii g iii

## প্রশ্ল=১ ▶ প্রথম জমির দৈর্ঘ্য 3x ও প্রস্থ 2y মিটার। দ্বিতীয় জমির দৈর্ঘ্য 4x ও প্রস্থ 3y মিটার।

- ক. প্রথম ও দ্বিতীয় জমির মোট বেত্রফল কত বর্গমিটার?
- খ. প্রথম জমিটি আয়তাকার যার ৰেত্রফল 576 বর্গমিটার ও পরিসীমা 104 মিটার হলে, প্রথম জমির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ কত মিটার?
- গ. দিতীয় জমির দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও বেত্রফল কত? জমিদ্বয়ের ৰেত্ৰফল ও পরিসীমার অনুপাত কত?

#### 🕨 ১বং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

- ক. প্রথম জমির বেত্রফল = (3x. 2y) বর্গমিটার = 6xy বর্গমিটার। দ্বিতীয় জমির বেত্রফল = (4x.3y) বর্গমিটার = 12xy বর্গমিটার। মোট বেত্রফল = (12xy + 6xy) বর্গমিটার = 18xy বর্গমিটার। (Ans.)
- দেওয়া আছে, প্রথম জমির দৈর্ঘ্য 3x মিটার এবং প্রস্থ 2v মিটার

শর্তমতে,

$$6xy = 576$$
 .....(i)

$$2(3x + 2y) = 104$$
 .....(ii)

(i) নং থেকে পাই,

$$6xy = 576$$

বা, 
$$xy = \frac{576}{6}$$

১১৭. i.  $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{c}{f}$  হলে প্রত্যেকটি অনুপাত  $\frac{a+c+e}{b+d+f}$ 

ii. A:B অনুপাতে A কে উত্তর রাশি বলা হয়

iii. ক্রমিক সমানুপাতের ৰেত্রে সবগুলো রাশি এক জাতীয় হলেই হবে

#### নিচের কোনটি সঠিক?

ii છ i

● i ଓ iii

1ii Viii

g i, ii g iii

## 🔳 🗆 অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

#### নিচের তথ্যের আলোকে ১১৮ – ১২০ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

$$_{X}$$
 এর মান  $\dfrac{4ab}{a+b}$ 

১১৮. (x + 2a) : a এর মান কত?

(মধ্যম)

- $\bullet$  (2a + 6b) : (a + b)
- (a + 3b) : (a + b)

১১৯. (x + 2a) : 2b এর মান কত?

(মধ্যম)

- (a + b) : (a b)
- $\bullet$  (5a + b) : 2(a + b)

১২o. (x - 2a): 2a এর মান কত?

(মধ্যম)

- (a + b) : (a b)
- (b-a):(a+b)
- (a + b) : (b a)

## নিচের তথ্যের আলোকে ১২১ ও ১২২ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

কোনো ত্রিভুজের পরিসীমা 180 সে. মি., এবং বাহুগুলোর অনুপাত  $\frac{1}{5}$  :  $\frac{4}{15}$  :  $\frac{1}{3}$ 

১২১. অনুপাতের সাধারণ রাশি x হলে বৃহত্তর বাহুর দৈর্ঘ্য কত? (মধ্যম)

**3** 55

② 4x

75

**1** 82

**1** 90

(মধ্যম)

১২২. বৃহত্তর বাহুর দৈর্ঘ্য কত সে.মি.?

বা, xy = 96

$$\therefore y = \frac{96}{x}$$

(ii) নং থেকে পাই,

$$2(3x + 2y) = 104$$

বা, 
$$3x + 2y = 52$$

$$41, 3x + 2. \frac{96}{x} = 52$$

বা, 
$$3x^2 + 192 = 52x$$

$$7, 3x^2 - 36x - 16x + 192 = 0$$

বা, 
$$3x(x-12) - 16(x-12) = 0$$
  
বা,  $(x-12)(3x-16) = 0$ 

$$y = \frac{96}{x} = \frac{96}{12} = 8$$

অথবা, 
$$3x - 16 = 0$$
  $\therefore y = \frac{96}{x} = \frac{96}{16} \times 3$ 

বা, 
$$3x = 16$$

$$= 18$$

বা, 
$$x = \frac{16}{3}$$

যখন x = 12 এবং y = 8 তখন দৈর্ঘ্য = 3x মি. এবং প্রস্থ = 2y মি.

আবার যখন  $x = \frac{16}{3}$  এবং y = 18 তখন

দৈর্ঘ্য = 3.x মিটার এবং প্রস্থ = 2y মিটার

= 2.18 মিটার

= 16 মিটার

= 36 মিটার

∴ প্রথম জমির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ যথাক্রমে 36 মিটার ও 16 মিটার (Ans.)

গ. 'খ' থেকে পাই,

∴ দ্বিতীয় জমির দৈর্ঘ্য = 4.x মিটার

দিতীয় জমির প্রস্থ = 3y মিটার = 3.8 মিটার = 24 মিটার।(Ans.)

∴ দ্বিতীয় জমির বেত্রফল = (48.24) বর্গমিটার

= 1152 বর্গমিটার (Ans.)

" "পরিসীমা = 2(48 + 24) মিটার

= 144 মিটার

'খ' থেকে পাই,

প্রথম জমির বেত্রফল = 576 বর্গমিটার

" পরিসীমা = 104 বর্গমিটার

∴ প্রথম জমির বেত্রফল : দ্বিতীয় জমির বেত্রফল

= 576 : 1152 = 1 : 2 (Ans.)

প্রথম জমির পরিসীমা : দ্বিতীয় জমির পরিসীমা

= 104 : 144 = 13 : 18 (Ans.)

## প্রশ্ন–২ > একটি আয়তাকার বাগানের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের অনুপাত 4:3 এবং বেত্রফল 588 বর্গমিটার।



ক. 3x: 4y = 5: 9 হলে x: y নির্ণয় কর।

3A. Ty = 3.7 (CTA. y TTA TAT

খ. বাগানটির দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও কর্ণের অনুপাত নির্ণয় কর।

গ. বাগানটির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ 10% বৃদ্ধি করলে ৰেত্রফল শতকরা কত বৃদ্ধি পাবে?

## ১ ব ২নং প্রশ্রের সমাধান ১ ব

ক. দেওয়া আছে,  $\frac{3x}{4y} = \frac{5}{9}$ 

বা, 
$$27x = 20y$$

বা, 
$$\frac{x}{y} = \frac{20}{27}$$

x : y = 20 : 27 (Ans.)

খ. দেওয়া আছে, বাগানের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের অনুপাত 4 : 3 মনে করি, দৈর্ঘ্য 4x মিটার এবং প্রস্থ 3x মিটার

∴ বেত্রফল = (4x·3x) বর্গমিটার

= 12x² বর্গমিটার

শর্তানুসারে,  $12x^2 = 588$ 

বা, 
$$x^2 = \frac{588}{12}$$

বা, 
$$x^2 = 49$$

∴ বাগানটির দৈর্ঘ্য = 4x মিটার = 4.7 মিটার = 28 মিটার বাগানটির প্রস্থ = 3.7 মিটার = 21 মিটার

∴ বাগানের কর্ণের দৈর্ঘ্য  $=\sqrt{(28)^2+(21)^2}$  মিটার

=  $\sqrt{784 + 441}$  মিটার

 $=\sqrt{1225}$  মিটার

= 35 মিটার

.. বাগানের দৈর্ঘ্য : প্রস্থ : কর্ণ = 28 : 21 : 35 = 4 : 3 : 5 (Ans.)

গ. 10% বৃদ্ধিতে বাগানের বর্তমান দৈর্ঘ্য = (28 + 28 এর 10%) মিটার

$$= \left(28 + 28 \times \frac{10}{100}\right)$$
মিটার

= (28 + 2.8) মিটার

= 30.8 মিটার

10% বৃদ্ধিতে বাগানের বর্তমান প্রস্থ = (21 + 21 এর 10%) মিটার

$$= \left(21 + \frac{21 \times 10}{100}\right)$$
মিটার

= (21 + 2·1) মিটার

= 23.1 মিটার

বাগানের বর্তমান বেত্রফল = (30.8 × 23.1) বর্গমিটার

= 711.48 বর্গমিটার।

ৰেত্ৰফল বৃদ্ধি = (711.48 – 588) বৰ্গমিটার = 123.48 বৰ্গমিটার

শতকরা বৃদ্ধি = 
$$\left(\frac{123.48}{588} \times 100\right)$$
%

=21% (Ans.)

## প্রমু−৩ ▶ একটি ত্রিভুজের পরিসীমা 18 সে.মি.। বাহুগুলোর দৈর্ঘ্যের অনুপাত 3

:4:51

ক. অনুপাতের সাধারণ রাশিকে x ধরে x এর মান নির্ণয় কর।

কর। খ. ত্রিভুজের বেত্রফল নির্ণয় কর।

8

গ. ত্রিভুজটির প্রতি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 সে.মি বাড়ানো হলে এর বেত্রফল এবং প্রদন্ত ত্রিভুজটির বেত্রফলের অনুপাত নির্ণয় কর ।

৩নং প্রশ্রের সমাধান >

ক. মনে করি, বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 3x, 4x এবং 5x.

প্রশানুসারে, 
$$3x + 4x + 5x = 18$$

বা, 
$$12 x = 18$$

বা, 
$$x = \frac{18}{12}$$

$$\therefore x = 1.5$$
 (Ans.)

খ. 'ক' অংশ হতে প্ৰাপত, x = 1.5

∴ বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য, (3 × 1·5) সে.মি. = 4·5 সে.মি.

 $\therefore$  ত্রিভুজটির অর্ধপরিসীমা,  $S = \frac{4.5 + 6 + 7.5}{2}$  সে.মি.

$$=\frac{18}{2}$$
 সে.মি.  $= 9$  সে.মি.

∴ ত্রিভুজটির বেত্রফল

= 
$$\sqrt{9(9-4.5)(9-6)(9-7.5)}$$
 বর্গ সে.মি.

$$=\sqrt{9\times4.5\times3\times1.5}$$
 বর্গ সে.মি.

$$=\sqrt{182.25}$$
 বর্গ সে.মি.

= 13.5 বৰ্গ সে.মি. (Ans.)

ত্রিভুজটির বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য 2 সে.মি. বাড়ানো হলে, এর বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য

(4.5 + 2) সে.মি = 6.5 সে.মি.

(6+2) সে.মি = 8 সে.মি.

(7.5 + 2) সে.মি = 9.5 সে.মি.

- ∴ ত্রিভুজটির অর্ধ-পরিসীমা =  $\frac{6.5 + 8 + 9.5}{2}$  সে.মি.  $=\frac{24}{2}$  সে.মি. = 12 সে.মি.।
- ∴ ত্রিভুজটির বেত্রফল
  - =  $\sqrt{12(12-6.5)(12-8)(12-9.5)}$  বর্গ সে.মি.
  - $=\sqrt{12\times5.5\times4\times2.5}$  বর্গ সে.মি.
  - $= \sqrt{660}$  বৰ্গ সে.মি.
  - = 25.690 বর্গ সে.মি.
- ∴ ত্রিভুজদ্বয়ের ব্রেফলের অনুপাত = 13·5 : 25·690 (Ans.)

## -৪ **>** তিনজন জেলে 690 টি মাছ $rac{2}{3}:rac{4}{5}:rac{5}{6}$ অনুপাতে ভাগ করলো।

- ক. অনুপাতগুলোকে পূর্ণসংখ্যা আকারে প্রকাশ কর।
- খ. প্রত্যেকে কতটি করে মাছ পেল?

গ. প্রতিটি মাছের দাম 50 টাকা হলে দেখাও যে, জেলেদের মাছের সংখ্যার অনুপাত ও দামের অনুপাত সমান।

## 🔰 🕯 ৪নং প্রশ্রের সমাধান 🔰 🕯

ক. দেওয়া আছে, তিনজন জেলের ভাগ করে নেওয়া মাছের অনুপাত  $\frac{2}{3}:\frac{4}{5}:\frac{5}{6}$ এখানে অনুপাতের হরগুলোর ল.সা.গু. 30

$$\therefore \frac{2}{3} : \frac{4}{5} : \frac{5}{6} = \left(\frac{2}{3} \times 30\right) : \left(\frac{4}{5} \times 30\right) : \left(\frac{5}{6} \times 30\right)$$
= 20 : 24 : 25 (Ans.)

'ক' অংশ হতে পাই,

তিনজন জেলের 690টি মাছ ভাগ করে নেওয়ার অনুপাত 20:24:25 মনে করি, প্রথম, দ্বিতীয় ও তৃতীয় জেলে পায় যথাক্রমে 20x, 24x ও 25xিট মাছ।

প্রশানুসারে, 20x + 24x + 25x = 690

বা, 69x = 690

বা,  $x = \frac{690}{69}$ 

- ∴ প্রথম জেলে পায় = (20 × 10) বা, 200টি মাছ দিতীয় জেলে পায় =  $(24 \times 10)$  বা, 240টি মাছ তৃতীয় জেলে পায় = (25 × 10) বা, 250টি মাছ (Ans.)
- 'খ' অংশ হতে পাই,

প্রথম, দ্বিতীয় ও তৃতীয় জেলের প্রাপ্ত মাছের সংখ্যা যথাক্রমে 200টি, 240টি ও 250টি।

এখন, প্রতিটি মাছের দাম 50 টাকা হলে,

প্রথম জেলের প্রাপ্ত মাছের মোট দাম = (200 × 50) টাকা

= 10000 টাকা

দ্বিতীয় জেলের প্রাপ্ত মাছের মোট দাম = (240 × 50) টাকা

= 12000 টাকা

এবং তৃতীয় জেলের প্রাশ্ত মাছের মোট দাম = (250 × 50) টাকা = 12500 টাকা

∴ প্রথম, দ্বিতীয় ও তৃতীয় জেলের প্রাশ্ত মাছের দামের অনুপাত

= 10000 : 12000 : 12500

= 100:120:125

=20:24:25

যা 'ক' অংশ হতে প্রাপ্ত জেলেদের মাছের অনুপাতের সমান।

∴ জেলেদের মাছের সংখ্যার অনুপাত ও দামের অনুপাত সমান।

প্রমু🕳 > একটি অফিসে 2 জন কর্মকর্তা, 7 জন করণিক এবং 3 জন পিওন আছে। একজন পিওন 1 টাকা পেলে একজন করণিক পায় 2 টাকা, একজন কর্মকর্তা পায় 4 টাকা। তাদের সকলের মোট বেতন 1,50,000 টাকা।

ক. সকলের বেতনের অনুপাত নির্ণয় কর।

খ. কে কত টাকা পাবে নির্ণয় কর।

গ. কর্মকর্তার প্রাপ্য বেতন 1:4 অনুপাতে বিভক্ত করে ১ম অংশ নিজের জন্য রেখে বাকি অংশ মা, ভাই ও বোনের মধ্যে 3:2:1 অনুপাতে বিভক্ত করে দিলে কে কত

## 🕨 🕯 ৬নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

- ক. একজন কর্মকর্তার বেতন : একজন করণিকের বেতন : একজন পিওনের বেতন = 4:2:1
  - ∴ 2 জন কর্মকর্তার বেতন : 7 জন করণিকের বেতন : 3 জন পিওনের বেতন =  $(4 \times 2) : (2 \times 7) : (1 \times 3)$

$$= 8:14:3$$
 (Ans.)

খ. 'ক' থেকে প্রাশ্ত অনুপাত = 8:14:3

অনুপাতসমূহের যোগফল = 8 + 14 + 3 = 25

সমানুপাতিক ভাগ = 
$$\frac{150000}{25}$$
 =  $6000$ 

কর্মকর্তার বেতন = (4 × 6000) টাকা = 24000 টাকা

করণিকের বেতন = (2 × 6000) টাকা = 12000 টাকা

এবং পিওনের বেতন = (1 × 6000) টাকা = 6000 টাকা

- ∴ কর্মকর্তা পাবে 24000 টাকা, করণিক পাবে 12000 টাকা এবং পিওন পাবে 6000 টাকা।(Ans.)
- গ. এখানে, কর্মকর্তার বেতন = 24000 টাকা
  - ∴ দেওয়া আছে, কর্মকর্তার প্রাপ্য বেতন 1:4 অনুপাতে বিভক্ত করা হয়।
  - ∴ অনুপাতের যোগফল = 1 + 4 = 5
  - $\therefore$  নিজের অংশ  $\left(24000 \text{ এর } \frac{1}{5}\right)$  টাকা =4800 টাকা
  - ∴ বাকি অংশ  $\left(24000 \text{ এর } \frac{4}{5}\right)$  টাকা = 19200 টাকা

আবার বাকি অংশ মা, ভাই ও বোনের মধ্যে 3:2:1 অনুপাতে বিভক্ত করে দেয়।

- ∴ অনুপাতগুলোর যোগফল = 3 + 2 + 1 = 6
- $\therefore$  মা পাবে  $\left(19200 \text{ এর } \frac{3}{6}\right)$  টাকা = 9600 টাকা

ভাই পাবে  $\left(19200 \text{ এর } \frac{2}{6}\right)$  টাকা = 6400 টাকা

এবং বোন পাবে  $\left(19200\text{ এর }\frac{1}{6}\right)$  টাকা =3200 টাকা মা পাবে 9600 টাকা, ভাই পাবে 6400 টাকা এবং বোন পাবে 3200 টাকা। (Ans.)

প্রা—৬ > ক্রিকেট খেলায় সাকিব, তামিম ও মুশফিক একত্রে 276 রান করল। সাকিব, তামিম এবং তামিম, মুশফিকের রানের অনুপাত যথাক্রমে 5:6 এবং 24: 25। বাংলাদেশ ক্রিকেট বোর্ড থেকে তারা একত্রে 2924000 টাকা পুরস্কার পেল।

- ক. অনুপাত দুইটিকে ধারাবাহিক অনুপাতে প্রকাশ কর। ২
- খ. প্রত্যেকের রানের সংখ্যা কত?
- গ. পুরস্কারের টাকা এমনভাবে ভাগ করে দাও যেন সাকিব 5 টাকা পেলে তামিম পায় 4 টাকা। আবার তামিম 3 টাকা পেলে মুশফিক পায় 4 টাকা।

### 🕨 ५ ৬নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

- ক. সাকিবের রান : তামিমের রান = 5:6=20:24তামিমের রান : মুশফিকের রান = 24:25সাকিবের রান : তামিমের রান : মুশফিকের রান = 20:24:25নির্ণেয় অনুপাত : 20:24:25
- খ. 'ক' থেকে তিনজনের রানের অনুপাত 20:24:25 অনুপাতসমূহের যোগফল = 20+24+25=69 সাকিবের রান সংখ্যা  $\left(276\ \text{ud}\ \frac{20}{69}\right)=80$  রান তামিমের রান সংখ্যা  $\left(276\ \text{ud}\ \frac{24}{69}\right)=96$  রান মুশফিকের রান সংখ্যা  $\left(276\ \text{ud}\ \frac{25}{69}\right)=100$  রান
  - ∴ সাকিবের রানসংখ্যা ৪০, তামিমের ୨6 ও মুশফিকের 100। (Ans.)
- গ. সাকিব ও তামিমের টাকার অনুপাত = 5:4=15:12তামিম ও মুশফিকের টাকার অনুপাত = 3:4=12:16সাকিব , তামিম ও মুশফিকের টাকার অনুপাত = 15:12:16অনুপাতসমূহের যোগফল = 15+12+16=43এখন , তিনজনের একত্রে প্রাপত টাকার পরিমাণ = 2924000 টাকা
  - $\therefore$  সাকিবের প্রাপ্ত টাকার পরিমাণ  $\left(2924000 \text{ এর} \frac{15}{43} \right)$

= 10,20,000 টাক

তামিমের টাকার পরিমাণ  $\left(2924000\text{ এর}\frac{12}{43}\right)$ 

= 8,16,000 টাকা

মুশফিকের টাকার পরিমাণ  $\left(2924000\ \mathrm{da}\,\frac{16}{43}\right)$ 

= 10,88,000 টাকা

সাকিবের প্রাপত টাকা 10,20,000, তামিমের টাকা 8,16,000 এবং মুশফিকের 10,88,000 টাকা। (Ans.)

প্রমূ—৭ > একটি আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য x মিটার এবং প্রস্থ y মিটার। আয়তবেত্রটির দৈর্ঘ্য 10% বৃদ্ধি এবং প্রস্থ 10% হ্রাস পেলে—

- ক. দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি ও প্রস্থ হ্রাসের পরিমাণ কত?
  - খ. আয়তবেত্রটির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় কর।
  - গ. আয়তবেত্রের বেত্রফল শতকরা কত হ্রাস বা বৃদ্ধি পাবে?

## ♦ বপুশ্রের সমাধান > ব

- ক. দেওয়া আছে, আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য x মি. ও প্রস্থ y.
  - ∴ বেত্রফল = xy বর্গ মি. এখন, আয়তবেত্রটির দৈর্ঘ্য 10% বৃদ্ধি পায়।
  - ∴ দৈর্ঘ্য বৃদ্ধির পরিমাণ (x এর 10%) মি.

$$= \left(x \, \unlhd \overline{a} \, \frac{10}{100}\right) \, \widehat{\lambda}.$$

$$= \frac{10x}{100} \, \widehat{\lambda}.$$

$$= \frac{x}{10} \, \widehat{\lambda}.$$

আয়তৰেত্ৰটির প্রস্থ 10% হ্রাস পায়।

∴ প্রস্থ হ্রাসের পরিমাণ (v এর 10%)

$$= \left( y \text{ ds} \frac{10}{100} \right) \widehat{\lambda}.$$

$$= \frac{10y}{100} \widehat{\lambda}.$$

$$= \frac{y}{10} \widehat{\lambda}.$$

আয়তবেত্রটির দৈর্ঘ্য বৃদ্ধির পরিমাণ  $\frac{x}{10}$  মিটার এবং প্রস্থ হ্রাসের পরিমাণ  $\frac{y}{10}$  মিটার। (Ans.)

খ. 'ক' হতে পাই, আয়তবেত্রটির দৈর্ঘ্য 10% বৃদ্ধি পেলে, দৈর্ঘ্য বৃদ্ধির পরিমাণ  $\frac{x}{10}$  মিটার

$$\therefore$$
 আয়তবেত্রের বর্ধিত দৈর্ঘ্য  $=\left(x+rac{x}{10}
ight)$  মিটার  $=\left(rac{10x+x}{10}
ight)$  মিটার  $=rac{11x}{10}$  মিটার

প্রস্থ 10% হ্রাস পেলে, প্রস্থ হ্রাসের পরিমাণ  $\frac{y}{10}$  মিটার

$$\therefore$$
 আয়তবেত্রের হ্রাসকৃত প্রস্থ  $=$   $\left(y-\frac{y}{10}\right)$  মিটার  $=$   $\left(\frac{10y-y}{10}\right)$  মিটার  $=\frac{9y}{10}$  মিটার

আয়তবেত্রটির দৈর্ঘ্য  $\frac{11\mathrm{x}}{10}$  মিটার ও প্রস্থ  $\frac{9\mathrm{y}}{10}$  মিটার (Ans.)

গ. 'খ' হতে প্ৰাগত,

আয়তবেত্রের পরিবর্তিত দৈর্ঘ্য  $\frac{11x}{10}$  মিটার, প্রস্থ  $\frac{9y}{10}$  মিটার

$$\therefore$$
 আয়তবেত্রের বেত্রফল  $\left(\frac{11x}{10} \times \frac{9y}{10}\right)$  বর্গমিটার  $=\frac{99xy}{100}$  বর্গমিটার

- ∴ আয়তবেত্রের বেত্রফল হ্রাস পায়  $\left(xy \frac{99xy}{100}\right)$  বর্গমিটার $= \frac{xy}{100}$  বর্গমিটার
- $\therefore$  আয়তবেত্রের বেত্রফল xy বর্গমিটারে হ্রাস পায়  $\frac{xy}{100}$  বর্গমি.
- $\therefore$  " 100 " "  $\frac{xy \times 100}{100 \times xy}$  " " = 1 বর্গমিটার
- ∴ আয়তবেত্রের বেত্রফল 1% হ্রাস পাবে। (Ans.)

## প্রমু—৮ **>** কোনো বর্গৰেত্রের প্রত্যেক বাহুর পরিমাণ 10% বৃদ্ধি পায়।

- ক. বর্গবেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্যকে a একক ধরে বৃদ্ধিপ্রাপত বর্গবেত্রের বেত্রফল কত?
- খ. বর্গৰেত্রের ৰেত্রফল শতকরা কত বৃদ্ধি পাবে?
- গ. যদি উহার বাহুর পরিমাণ  $10^{\circ}$  হ্রাস পায় তবে বর্গবেত্রের বেত্রফল শতকরা কত হ্রাস পাবে ?

## ১ ব ৮নং প্রশ্রের সমাধান ১ ব

ক. যেহেতু বর্গবেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্য = a একক 10% বৃদ্ধিতে বর্গবেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্য

$$= \left(a + a \, \, \mathfrak{A} \, \overline{100}\right) \, \mathfrak{A} \, \overline{\Phi}$$

$$=\left(a+\frac{a}{10}\right)$$
 একক  $=\frac{11a}{10}$  একক

- $\therefore$  পরিবর্তিত বর্গবেত্রের বেত্রফল =  $\left(\frac{11a}{10}\right)^2$  বর্গ একক  $= \frac{121a^2}{100}$  বর্গ একক (Ans.)
- খ. যেহেতু বৰ্গৰেত্ৰের বাহুর দৈর্ঘ্য = a একক
  - $\therefore$  বৰ্গৰেত্ৰের ৰেত্ৰফল =  $a^2$  বৰ্গ একক

$$\therefore$$
 বেএফল বৃদ্ধি =  $\left(\frac{121a^2}{100} - a^2\right)$  বৰ্গ একক [ক নং ব্যবহার করে] 
$$= \frac{121\ a^2 - 100a^2}{100} = \frac{21a^2}{100}$$
 বৰ্গ একক

$$\therefore$$
 শতকরা বেত্রফল বৃদ্ধি  $= \frac{$ মোট বৃদ্ধি  $\times 100}{$ মূল ক্ষেত্রফল  $\%$   $= \frac{21a^2}{100} \times 100$   $= \frac{21}{a^2} \%$ 

$$=21\%$$
. (Ans.)

- গ. যেহেতু, বর্গবেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্য = a একক
  - $\therefore$  বৰ্গৰেত্ৰের ৰেত্ৰফল =  $a^2$  বৰ্গ একক

10% হ্রাসে বর্গবেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্য = (a - a) এর 10%

$$= \left(a - a \, \text{এর} \, \frac{10}{100}\right) \, \text{একক}$$

$$= \left(a - \frac{a}{10}\right) \, \text{একক}$$

$$= \frac{9a}{10} \, \text{একক}$$

∴ পরিবর্তিত বর্গৰেত্রের ৰেত্রফল = 
$$\left(\frac{9a}{10}\right)^2$$

$$=\frac{81a^2}{100}$$
বৰ্গ একক

- $\therefore$  বৰ্গৰেত্ৰের ৰেত্ৰফল হ্রাস পায় =  $\left(a^2 \frac{81a^2}{100}\right)$  বৰ্গ একক =  $\left(\frac{100a^2 81a^2}{100}\right)$  বৰ্গ একক =  $\frac{19a^2}{100}$  বৰ্গ একক
- $\therefore$  শতবরা বেত্রফল হাস পাবে =  $\dfrac{$ মোট হাসকৃত ক্ষেত্রফল  $imes 100}{$ মূল ক্ষেত্রফল  $}$  % =  $\dfrac{19a^2}{100} imes 100}{a^2}$  % =  $\dfrac{19a^2}{a^2}$  % = 19% (Ans.)

প্রশ্ন–৯ > একটি জমির বেত্রফল 588 বর্গ মি. ঐ জমির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের সঞ্চো
অপর একটি জমির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের অনুপাত যথাক্রমে 3:4 এবং 2:3.

- ক. দুইটি আনুপাতিক ধ্রববক x ও y বিবেচনা করে জমি দুইটির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় পূর্বক আনুমানিক চিত্র অঙ্কন কর। ২
- খ. ১ম জমির বেত্রফলের বেত্রে একটি সমীকরণ তৈরি কর। 8
- গ. অপর জমির বেত্রফল নির্ণয় কর এবং কোন জমির বেত্রফল বেশি?

## ১ ১ ৯নং প্রশ্রের সমাধান ১ ব

ক. দেওয়া আছে,

১ম জমির ৰেত্রফল = 588 বর্গ মি.

১ম জমির দৈর্ঘ্য : ২য় জমির দৈর্ঘ্য = 3 : 4

১ম জমির প্রস্থ : ২য় জমির প্রস্থ = 2 : 3

মনে করি, ১ম জমির দৈর্ঘ্য = 3x মি.

২য় জমির দৈর্ঘ্য = 4x মি.

১ম জমির প্রস্থ = 2y মি.

২য় জমির প্রস্থ = 3 y মি.

খ. ১ম জমির দৈর্ঘ্য = 3x মি.

১ম জমির প্রস্থ = 2y মি.

 $\therefore$  ১ম জমির বেত্রফল =  $(3x \times 2y)$  বর্গমি. = 6xy বর্গমি.

প্রশ্নতে, 6xy = 588 ইহাই নির্ণেয় সমীকরণ। (Ans.)

গ. ২য় জমির দৈর্ঘ্য = 4x মি.

২য় জমির প্রস্থ = 3y মি.

 $\therefore$  ২য় জমির বেত্রফল =  $(4x \times 3y)$  বর্গমি.

= 12xy বৰ্গমি.

= 2.6xy বৰ্গমি.

= 2 × 588 বৰ্গমি. ['খ' অংশ **হতে**]

= 1176 বর্গমি.

∴ ৰেত্ৰফল বেশি = (1176 – 588) বৰ্গমি.

= 588 বর্গমি.

নির্ণেয় অপর জমির বেত্রফল 1176 বর্গ মি. এবং 588 বর্গমি. বেশি।

# প্রশ্ন—১০ > রায়হানা বেগম মৃত্যুকালে 24075 টাকা রেখে মারা গেলেন। দাফন কার্যে 675 টাকা ব্যয় হলো। অবশিষ্ট টাকা স্বামী, মা এবং কন্যাদয়ের মধ্যে $\frac{1}{4}:\frac{1}{6}:\frac{2}{3}$ অনুপাতে বিভক্ত হলো—

# 9

- ক. প্রদত্ত অনুপাতটিকে সরল অনুপাতে প্রকাশ কর।
- খ. কন্যাদ্বয়ের অংশ নির্ণয় কর।
- গ. প্রত্যেকের অংশ নির্ণয় কর এবং স্বামী ও মায়ের অংশের ব্যবধান কত?

## **▶**∢ ১০নং প্রশ্নের সমাধান ▶∢

ক. প্ৰদন্ত অনুপাত = 
$$\frac{1}{4} : \frac{1}{6} : \frac{2}{3}$$

$$= \left(\frac{1}{4} \times 12\right) : \left(\frac{1}{6} \times 12\right) : \left(\frac{2}{3} \times 12\right)$$

[12 দারা গুণ করে]

$$= 3:2:8$$

নির্ণেয় সরল অনুপাত = 3:2:8

- খ. এখানে, মোট অর্থ = 24075 টাকা
  - দাফন কার্যে ব্যয় = 675 টাকা
  - ∴ অবশিষ্ট অর্থ = (24075 675) টাকা = 23400 টাকা
     'ক' থেকে প্রাপত অনুপাত = 3 : 2 : 8

## প্রমু—১১ > একটি ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্যের অনুপাত 3 : 4 : 5.

- ক. ত্রিভূজের পরিসীমার সাথে বাহুর সম্পর্ক নির্ণয় কর এবং পরিসীমার সাথে বেত্রফলের সম্পর্ক থাকলে দেখাও।
- খ. ত্রিভুজটির পরিসীমা 36 সে.মি. হলে প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর এবং বেত্রফল কত দেখাও।
- গ. বাহুসমূহের অনুপাত কোণএয়ের অনুপাতের সমান হলে কোণ তিনটি ডিগ্রিতে প্রকাশ কর। ত্রিভুজের অর্ধপরিসীমা বৃত্তের ব্যাসার্ধ হলে বৃত্তের বেত্রফল ও ত্রিভুজের বেত্রফলের অনুপাত বের কর।

## 🕨 🕯 ১১নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 🕯

- ক. ধরি, ত্রিভূজের অর্ধ পরিসীমা = s এবং বাহুত্রয় যথাক্রমে a,b ও c
  - $\therefore$  পরিসীমা, 2s = a + b + c

বা, 
$$s = \frac{a+b+c}{2}$$

আবার, ত্রিভুজের বেত্রফল =  $\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$ 

ইহাই ত্রিভুজের পরিসীমার সাথে বেত্রফলের সম্পর্ক।

খ. 'ক' অংশ থেকে পাই, 2s = a + b + c

ধরি, ত্রিভূজের তিনটি বাহু যথাক্রমে 3x, 4x ও 5x

$$\therefore 2s = 3x + 4x + 5x$$

- বা, 2s = 12x
- বা, 36 = 12x [∵ পরিসীমা, 2s = 36 সে.মি.]
- বা,  $x = \frac{36}{12}$
- $\therefore x = 3$
- ∴ ত্রিভুজের বাহুত্রয় যথাক্রমে 9 সে.মি., 12 সে.মি. এবং 15 সে.মি.

- ∴ অনুপাতের সংখ্যাগুলোর যোগফল = 3 + 2 + 8 = 13
- ∴ কন্যাদ্বয়ের অংশ = 23400 টাকার  $\frac{8}{13}$ 
  - = 1800 × 8 টাকা
  - = 14400 টাকা I(Ans.)
- গ. স্বামীর অংশ = 23400 টাকার  $\frac{3}{13}$ 
  - = 1800 × 3 টাকা
  - = 5400 টাকা
  - মায়ের অংশ = 23400 টাকার  $\frac{2}{13}$ 
    - = 1800 × 2 টাকা
    - = 3600 টাকা

এবং প্রত্যেক কন্যার অংশ =  $\frac{14400}{2}$  টাকা = 7200 টাকা

- ∴ স্বামী এবং মায়ের অংশের ব্যবধান
  - = (5400 3600) টাকা = 1800 টাকা
- ञ্বামীর 5400 টাকা, মার 3600 টাকা, প্রত্যেক কন্যার 7200 টাকা
   এবং ব্যবধান 1800 টাকা। (Ans.)

আবার, অর্ধপরিসীমা  $s=(36\div 2)$  সে.মি. =18 সে.মি. 'ক' অংশ থেকে পাই,

- ∴ ত্রিভুজের বেত্রফল
  - $=\sqrt{18(18-9)(18-12)(18-15)}$  বর্গ সে.মি.
  - $=\sqrt{18.9.6.3}$  বৰ্গ সে.মি.
  - $=\sqrt{2916}$  বর্গ সে.মি. =54 বর্গ সে.মি. (Ans.)
- গ. প্রশ্নতে, কোণত্রয়ের অনুপাত = 3:4:5

ধরি, কোণত্রয় যথাক্রমে 3x, 4x ও 5x

আমরা জানি , ত্রিভুজের তিন কোণের সমিষ্ট  $=180^\circ$ 

∴ প্রশ্নতে,  $3x + 4x + 5x = 180^{\circ}$ 

বা, 
$$12x = 180^{\circ}$$

$$\therefore x = 15^{\circ}$$

 $\therefore$  ত্রিভুজের কোণত্রয় যথাক্রমে ,  $3x=3\times15^\circ=45^\circ$ 

$$4x = 4 \times 15^{\circ} = 60^{\circ}$$

$$5x = 5 \times 15^{\circ} = 75^{\circ}$$

প্রশ্নমতে , বৃত্তের ব্যাসার্ধ ,  ${f r}=$  ত্রিভুজের অর্ধপরিসীমা =18 সে.মি.

- $\therefore$  বৃত্তের বেত্রফল  $=\pi r^2$ 
  - $=\pi.18^2$  বর্গ সে.মি.
  - = 324π বর্গ সে.মি.
- ∴ বৃত্তের বেত্রফল : ত্রিভুজের বেত্রফল = 324π : 54

$$=6\pi:1$$
 (Ans.)

প্রা-১২ চ ক্রিকেট খেলায় সাকিব, মুশফিকুর ও মাশরাফী 171 রান করল। সাকিব ও মুশফিকুরের এবং মুশফিকুর ও মাশরাফীর রান সংখ্যার অনুপাত 3:2.

- ক. সাকিব, মুশফিকুর ও মাশরাফীর রান সংখ্যার ধারাবাহিক অনুপাত নির্ণয় কর।
- খ. সাকিব, মুশফিকুর ও মাশরাফীর রান সংখ্যা কত নির্ণয় কর।
- গ. একটি ত্রিদেশীয় ক্রিকেট সিরিজে স্যামুয়েলস, গেইল, পুরেল 183 রান করে। স্যামুয়েলস ও গেইল এবং গেইল ও পুয়েলের রানের অনুপাত 5 : 4। গেইল ও পুয়েলের মোট রান সংখ্যা এবং সাকিব ও মুশফিকুরের মোট রান সংখ্যার অনুপাত নির্ণয় কর।

## 🕨 🕯 ১২নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

- ক. সাকিবের রান : মুশফিকুরের রান = 3:2=9:6মুশফিক : মাশরাফীর রান = 3:2=6:4সাকিব : মুশফিক : মাশরাফীর রান = 9:6:4 (Ans.)
- খ. 'ক' থেকে পাই, সাকিব : মুশফিক : মাশরাফীর রান = 9:6:4 অনুপাতগুলোর যোগফল = (9+6+4)=19 সাকিবের রানের পরিমাণ =  $\binom{9}{171}$  এর  $\frac{9}{19}$  = 81 রান মুশফিকুরের রানের পরিমাণ =  $\binom{9}{171}$  এর  $\frac{6}{19}$  = 54 রান মাশরাফীর রানের পরিমাণ =  $\binom{9}{171}$  এর  $\frac{4}{19}$  = 36 রান
- গ. স্যামুয়েলস: গেইলের রান = 5: 4 = 25: 20
  গেইলের রান: পুয়েলের রান = 5: 4 = 20: 16
  ∴ স্যামুয়েলাস: গেইল: পুয়েলের রান = 25: 20: 16
  তিনজনের রানের অনুপাতের যোগফল = 25 + 20 + 16 = 61
  গেইলের রান সংখ্যা = \$\begin{pmatrix} 3 & এর \frac{20}{61} \end{pmatrix} = 60 রান
  পুয়েলের রান সংখ্যা = \$\begin{pmatrix} 3 & এর \frac{16}{61} \end{pmatrix} = 48 রান
  গেইল ও পুয়েলের মোট রান সংখ্যা = 60 + 48 = 108
  সাকিব ও মুশফিকুরের মোট রান সংখ্যা = 81 + 54 = 135
  ∴ গেইল ও পুয়েলের মোট রান: সাকিব ও মুশফিকুরের মোট রান

# প্রম্–১৩ > একটি কারখানার দৈনিক মজুরি, প্রতি দৰ শ্রমিকের 180 টাকা ও অদৰ শ্রমিকের 150 টাকা। মোট শ্রমিক সংখ্যা 250 এবং দৈনিক মোট মজুরি 39600 টাকা।

= 108: 135 = 4:5 (Ans.)

- ক. ওপরের তথ্যের আলোকে সমীকরণ গঠন কর।
- খ. দৰ ও অদৰ শ্ৰমিকের দৈনিক মোট মজুরির অনুপাত নির্ণয় কর।
- গ. প্রত্যেক অদৰ শ্রমিক তার বার্ষিক মজুরির 5% প্রতিডেন্ট ফান্ডে জমা দেন এবং কারখানার মালিক সমপরিমাণ অর্থ উক্ত ফান্ডে জমা দিলে, 20 বছর পর প্রত্যেক অদৰ শ্রমিকের ফান্ডে কত টাকা জমা হবে?

#### 🕨 🕯 ১৩নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. মনে করি, দৰ শ্রমিক সংখ্যা = x অদৰ শ্রমিক সংখ্যা = y ∴ প্রতিজনের 180 টাকা হিসেবে দৰ শ্রমিকদের দৈনিক মোট মজুরি

= 180x টাকা

এবং " 150 " অধাৎ " " " = 150y টাকা প্ৰশ্নত, x+y=250 "

এবং 180x + 150y = 39600 (Ans.)

খ. 'ক' থেকে, x + y = 250 .....(i)

180x + 150y = 39600 .....(ii)

(i) নং কে 150 দারা গুণ করে (ii) নং থেকে বিয়োগ করে পাই,

$$180x + 150y = 39600$$

$$150x + 150y = 37500$$

$$(-)$$
  $(-)$   $(-)$   $30x$   $= 2100$ 

বা, 
$$x = \frac{2100}{30}$$

∴ x = 70 জন

x এর মান (i) নং এ বসিয়ে, 70 + y = 250

বা, 
$$y = 250 - 70$$

$$\therefore$$
 y = 180

দৰ শ্রমিকদের দৈনিক মোট মজুরি = (70 × 180) টাকা

= 12600 টাকা বি = (180 × 150) ট

অদৰ শ্রমিকদের দৈনিক মোট মজুরি =  $(180 \times 150)$  টাকা = 27000 টাকা

∴ দৰ ও অদৰ শ্ৰমিকদের দৈনিক মোট মজুরির অনুপাত

= 12600 : 27000

= 126 : 270

= 7 : 15 (Ans.)

গ. দেওয়া আছে,

প্ৰতি অদৰ শ্ৰমিকের দৈনিক মজুরি = 150 টাকা

∴ প্ৰতি অদৰ শ্ৰমিকের বাৰ্ষিক মজুরি = (150 × 365) টাকা

[∴ 1 বছর = 365 দিন]

= 54750 টাকা

প্রভিডেন্ট ফান্ডে জমা দেয় = 54750 টাকা এর 5%

$$=\left(54750 \times \frac{5}{100}\right)$$
 টাকা

= 2737.5 টাকা।

সুতরাং কারখানার মালিক জমা দিল = 2737.5 টাকা প্রত্যেক অদৰ শ্রমিকের প্রভিডেন্ট ফান্ডে

1 বছরে মোট জমা হলো = (2737.5 + 2737.5) টাকা

= 5475 টাকা

∴ 20 বছর পর প্রত্যেক অদৰ শ্রমিকের ফান্ডে

জমা **হবে** = 20 × 5475 টাকা

= 1,09,500 টাকা (Ans.)

#### প্রমূ-১৪ ight angle মনে করি, আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য $_{f X}$ এবং প্রস্থ $_{f y}$ ।

- ক. আয়তৰেত্ৰের ৰেত্ৰফল ও পরিসীমা নির্ণয়ের সূত্র লেখ।
- খ. যদি x=y হয় এবং বাহুর দৈর্ঘ্য 20% বৃদ্ধি করা হয়। তবে ৰেত্রফল শতকরা কত বৃদ্ধি পাবে।
- গ. যদি আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য 10% বৃদ্ধি করা হয় এবং প্রস্থ 10% হ্রাস করা হয় তবে আয়তবেত্রের বেত্রফল

শতকরা কত বৃদ্ধি বা ্রাস পাবে?

## ১ ব ১৪নং প্রশ্<u>রে</u>র সমাধান ১ ব

- ক. আয়তবেত্রের বেত্রফল = (দৈর্ঘ্য × প্রস্থ) বর্গ একক আয়তবেত্রের পরিসীমা = ২(দৈর্ঘ্য + প্রস্থ) একক
- খ. x = y হলে আয়তবেএটি বৰ্গবেএ হবে। ধরি, বৰ্গবেএের প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য a একক।

 $\therefore$  বৰ্গৰেত্ৰটির ৰেত্ৰফল  $a^2$  বৰ্গ একক।

20% বৃদ্ধি পেলে প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য হয়

= (a + a এর 20%) একক

$$= \left(a + \frac{20a}{100}\right)$$
 একক =  $\left(a + \frac{a}{5}\right)$  একক 
$$= \frac{5a + a}{5}$$
 একক =  $\frac{6a}{5}$  একক

এবেত্রে, বৃদ্ধিকৃত বর্গবেত্রটির বেত্রফল  $\left(\frac{6a}{5}\right)^2$  বর্গ একক  $=\frac{36a^2}{25}$  বর্গ একক

$$\therefore$$
 বেত্রফল বৃদ্ধি পায়  $\left(\frac{36a^2}{25}-a^2\right)$  বর্গ একক 
$$=\left(\frac{36a^2-25a^2}{25}\right)$$
 বর্গ একক 
$$=\frac{11a^2}{25}$$
 বর্গ একক

∴ শতকরা বেত্রফল বৃদ্ধি 
$$= \frac{$$
মোট বৃদ্ধি  $}{$ মূল বেত্রফল  $\times 100$   $= \frac{11a^2}{25}$   $= \frac{11a^2}{a^2} \times 100$   $= \frac{11a^2}{25} \times \frac{1}{a^2} \times 100$ 

শতকরা ৰেত্রফল বৃদ্ধি পাবে 44% (Ans.)

গ. ধরি , আয়তবেত্রটির দৈর্ঘ্য = x একক এবং প্রস্থ = y একক সুতরাং আয়তবেত্রটির বেত্রফল = xy বর্গ একক

দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি পায় 
$$_{\rm X}$$
 এর  $10\%=\left({\rm x}\,$  এর  $\frac{10}{100}\right)$  একক 
$$=\frac{{\rm x}}{10}$$
 একক

প্রস্থ হ্রাস পায় y এর 
$$10\% = \left(y$$
 এর  $\frac{10}{100}\right)$  একক 
$$= \frac{y}{10}$$
 একক

$$\therefore$$
 নতুন আয়তবেত্ত্রের দৈর্ঘ্য  $=$   $\left(x+rac{x}{10}
ight)$  একক  $=rac{11x}{10}$  একক

এবং নতুন আয়তবেত্রের প্রস্থ = 
$$\left(y-\frac{y}{10}\right)$$
 একক =  $\frac{9y}{10}$  একক

$$\therefore$$
 নতুন আয়তবেত্রের বেত্রফল  $=$   $\left(\frac{11x}{10} \times \frac{9y}{10}\right)$  বর্গ একক  $=\frac{99xy}{100}$  বর্গ একক

বৈত্রফল হ্রাস পায় = 
$$\left(xy - \frac{99xy}{100}\right)$$
 বর্গ একক =  $\left(\frac{100xy - 99xy}{100}\right)$  বর্গ একক =  $\frac{xy}{100}$  বর্গ একক

∴ শতকরা বৈত্রফল হ্রাস পায় 
$$=$$
  $\frac{হ্রাস}{পূর্বের বৈত্রফল} imes 100$   $=$   $\frac{\frac{xy}{100}}{xy}$   $=$   $\frac{xy}{100} imes \frac{1}{xy} imes 100$ 

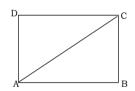
শতকরা ৰেত্রফল হ্রাস পায় 1% (Ans.)

## প্রমূ—১৫ > একটি আয়তাকার জমির দৈর্ঘ্য ও কর্ণের অনুপাত $rac{1}{5}$ : $rac{1}{4}$ ।

- ক. কর্ণসহ জমিটি আঁক এবং প্রদ**ত্ত অনুপাতটিকে** a : b আকারে প্রকাশ কর।
- খ. জমিটির দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও কর্ণের অনুপাত বের কর।
- গ. যদি আয়তাকার জমিটির বেত্রফল 192 বর্গমি. হয় এবং একটি বর্গবেত্রের পরিসীমা যদি আয়তবেত্রের পরিসীমার সমান হয়, তবে বর্গবেত্রের বেত্রফল নির্ণয় কর।

## ▶**∢ ১৫নং প্রশ্রের সমাধান** ▶∢

ক.



মনে করি,

ABCD একটি আয়তাকার জমি যার কর্ণ AC।

দৈর্ঘ্য ও কর্ণের অনুপাত 
$$=$$
  $\frac{1}{5}:\frac{1}{4}$   $=$   $\frac{1}{5}\times 20:\frac{1}{4}\times 20$  [20 দারা গুণ করে]  $=$   $4:5$  (Ans.)

খ. 'ক' থেকে ধরি,

আয়তাকার জমিটির দৈর্ঘ্য, AB=4x

 $\triangle$ ABC থেকে,

$$AC^2 = AB^2 + BC^2 [:: \angle B = 90^\circ]$$

$$\overline{4}$$
,  $(5x)^2 = (4x)^2 + BC^2$ 

বা, 
$$25x^2 - 16x^2 = BC^2$$

বা, 
$$BC^2 = 9x^2$$

$$\therefore$$
 BC = 3x

$$= 4:3:5$$
 (Ans.)

গ. 'খ' থেকে,

ABCD আয়তাকার জমির বেত্রফল =  $(4x \times 3x)$  বর্গমি.

= 12x<sup>2</sup> বর্গমি.

প্রশ্নতে,  $12x^2 = 192$ 

বা, x<sup>2</sup> = 16 [12 দারা ভাগ করে]

 $\therefore x = 4$ 

 $\therefore$  আয়তাকার জমির পরিসীমা = 2(4x+3x) মি.

= 14x মি.

= 14 × 4 মি.

= 56 মি.

ধরি, বর্গবেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্য = a মি.

 $\therefore$  বর্গবেত্রের পরিসীমা = 4a মি.

প্রশ্নতে, 4a = 56

 $\therefore$  a = 14

∴ বর্গৰেত্রের ৰেত্রফল = a² বর্গমিটার = (14)² বর্গমিটার = 196 বর্গমিটার (Ans.)

## সৃজনশীল প্রশ্নব্যাংক উত্তরসহ

প্রমু—১৬ > একটি বাগানের ৰেত্রফল 11 এয়র 76 বর্গমিটার। ঐ বাগানের দৈর্ঘ্য ও প্রম্থের সাথে অপর একটি বাগানের দৈর্ঘ্য ও প্রম্থের অনুপাত 4:3 এবং 3:

2 |

ক. বাগানের ৰেত্রফলকে বর্গমিটারে প্রকাশ কর।

২

খ. দ্বিতীয় বাগানের বেত্রফল নির্ণয় করে দেখাও যে, দ্বিতীয় বাগানের বেত্রফল প্রথম বাগানের বেত্রফলের অর্ধেক।

গ. প্রথম বাগানের দৈর্ঘ্য 15% হ্রাস করলে বাগানের বেত্রফল কত হ্রাস বা বৃদ্ধি হবে নির্ণয় কর।

**উত্তর : ক.** 1176 বর্গমিটার; **গ.** 176.4 বর্গমিটার হ্রাস হবে।

প্রশ্−১৭ ▶ একটি ত্রিভূজের অর্ধপরিসীমা 24 সে.মি.। বাহুগুলোর দৈর্ঘ্যের অনুপাত 3:4:5।

ক. অনুপাতের সাধারণ রাশিকে x ধরে x এর মান নির্ণয় কর।

খ. ত্রিভুজের ৰেত্রফল নির্ণয় কর।

গ. ত্রিভুজের প্রতি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 সে.মি. বাড়ানো হলে এর বেত্রফল এবং প্রদন্ত ত্রিভুজটির বেত্রফলের অনুপাত নির্ণয় কর।

উত্তর : ক. 9; খ. 96 বর্গ সে.মি.; গ. 1:1.778.

প্রশ্ন–১৮ > মাতা ও কন্যার বর্তমান বয়সের সমষ্টি 60 বছর। 5 বছর পূর্বে তাদের বয়সের অনুপাত 7:3।

ক. বর্তমানে তাদের বয়সের অনুপাত নির্ণয় কর।

\$

খ. মাতা ও কন্যার বর্তমান বয়স কত?

0

গ. 10 বছর পরে মাতা ও কন্যার বয়সের অনুপাত যদি  $rac{a^2}{b^2}$  এর সমান হয়,

প্রমাণ কর  $\frac{(a+b)^2 + (a-b)^2}{(a+b)^2 - (a-b)^2} = \frac{4}{\sqrt{15}}$  8

উত্তর : ক. 7x + 5, 3x + 5; খ. মাতার বর্তমান বয়স 40 বছর, কন্যার 20 বছর।

প্রমূ–১৯ > একটি আয়তাকার বাগানের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের অনুপাত  $\frac{1}{3}:\frac{1}{4}$  এবং

ৰেত্ৰফল 588 বৰ্গ মিটার।

ক. 3x : 5y = 15 : 30 হলে x : y নির্ণয় কর।

খ. বাগানটির দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও কর্ণের অনুপাত নির্ণয় কর। ৪

গ. বাগানটি দৈর্ঘ্যে ও প্রম্থে 10% বৃদ্ধি পেলে বেত্রফল শতকরা কত বৃদ্ধি পাবে?

উত্তর : ক. 5 : 6; খ. 4 : 3 : 5; গ. 21%

প্রা-২০ সুমন ও ইসলাম একই ব্যাংক থেকে একই দিনে 10% হার সরল সুদে আলাদা আলাদা পরিমাণ অর্থ ধার করে। সুমন 2 বছর পর মুনাফা-আসলে যত টাকা শোধ করে 3 বছর পর ইসলাম সুদ-আসলে তত টাকা শোধ করে।

ক. সুমন ও ইসলামের ঋণের পরিমাণ যথাক্রমে x ও y টাকা হলে, তাদের ঋণের সুদ কত টাকা?

খ. তাদের ঋণের অনুপাত কত টাকা?

8

গ. মোট ঋণ 1000 টাকা হলে, ব্যাংক থেকে কে কত টাকা ঋণ নিয়েছিল?

উত্তর : ক.  $\frac{x}{5}$  টাকা ও  $\frac{3y}{10}$  টাকা খ. 13 : 12 গ. 5200 টাকা ও 4800 টাকা

প্রমূ—২১ ight
angle দুইটি সংখ্যার অনুপাত  $rac{5}{6}:1$  আকারে প্রকাশ করা হলো।

ক. অনুপাতকে পূর্ণ সংখ্যার অনুপাতে প্রকাশ কর। অনুপাত রাশিদ্বয়ের সমষ্টি কত?

খ. সংখ্যা দুইটির গ.সা.গু. 4 হলে, সংখ্যা দুইটির ল.সা.গু. কত? সংখ্যা দুইটি কত?

গ. সংখ্যা দুইটির সাথে কত যোগ করলে সংখ্যা দুইটির অনুপাত 7 : 8 হবে? ঐ সংখ্যা দুইটির ল.সা.গু. কত?

**উত্তর : ক.** 5 : 6, 11; খ. 120, 20, 24; গ. 8, 224

প্রমূ—২২ > আশিক ও আরিফের আয়ের অনুপাত 5:3 এবং তাদের ব্যয়ের অনুপাত 8:3 এবং তাদের সঞ্চয়ের অনুপাত 3:2 তাদের মোট সঞ্চয় 360।

ক. তাদের প্রত্যেকের সঞ্চয়ের পরিমাণ কত?

২

খ. তাদের প্রত্যেকের আয়ের পরিমাণ কত?

গ. তাদের প্রত্যেকের ব্যয়ের পরিমাণ কত? আরিফের ব্যয় আশিকের ব্যয়ের শতকরা কত অংশ?

উত্তর : ক. 216 টাকা, 144 টাকা; খ. 280 টাকা, 168 টাকা; গ. 64 টাকা, 24 টাকা ও 37.5%



## অধ্যায় সমন্বিত সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান



প্রশ্ন–২৩ > একটি আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য 10% বৃদ্ধি ও প্রস্থ 10% ক্রাস পায়। আয়তবেত্রটির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ যথাক্রমে x ও y।

?

ক. আয়তবেত্রটির বৃদ্ধিপ্রাপত দৈর্ঘ্য x এর মাধ্যমে প্রকাশ কর। ২

খ. আয়তৰেত্ৰটির ৰেত্ৰফল কত হ্ৰাস পায়?

গ. হ্রাসকৃত ৰেত্রফলটি শতকরায় প্রকাশ কর। যদি

আয়তৰেত্ৰের প্রস্থ 10% হ্রাস না পেয়ে বৃদ্ধি পেত তবে ৰেত্রফল কত বৃদ্ধি পেত?

🕨 🕻 ২৩নং প্রশ্নের সমাধান 🕨

ক. মনে করি, আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য x একক এবং প্রস্থ y একক

দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি পায়  $\mathbf{x}$  এর  $10\% = \left(\mathbf{x} \times \frac{10}{100}\right)$  একক  $= \frac{\mathbf{x}}{10}$  একক

- $\therefore$  নতুন দৈর্ঘ্যের পরিমাণ  $\left(x + \frac{x}{10}\right)$  একক  $= \frac{11x}{10}$  একক
- খ. 'ক' অংশ হতে পাই, আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য  $_{X}$  একক ও প্রহ্ম  $_{Y}$  একক
  - ∴ ৰেত্ৰফল = xy বৰ্গ একক

এবং বৃদ্ধি প্রাপত দৈর্ঘ্যের পরিমাণ  $= \frac{11x}{10}$  একক

জাবার , প্রহ্ম হ্রাস পায় y এর  $10\% = \left(y \times \frac{10}{100}\right)$  একক  $= \frac{y}{10}$  একক

- $\therefore$  হ্রাস প্রাশ্ত প্রমেথর পরিমাণ  $\left(y-\frac{y}{10}\right)$  একক  $=\frac{9y}{10}$  একক
- $\therefore$  নতুন ৰেত্ৰফলের পরিমাণ  $\left(\frac{11x}{10} \times \frac{9y}{10}\right)$  বর্গ একক  $= \frac{99xy}{100}$  বর্গ একক
- $\therefore$  বেত্রফল হ্রাস পায়  $\left(xy-\frac{99xy}{100}\right)$  বর্গ একক  $=\left(\frac{100xy-99xy}{100}\right)$  বর্গ একক  $=\frac{xy}{100}$  বর্গ একক ( $\mathbf{Ans.}$ )
- গ. 'খ' অংশ হতে পাই, ৰেত্ৰফল হ্রাস পায়  $\frac{xy}{100}$  বর্গ একক এবং পূর্বের ৰেত্রফল = xy বর্গ একক।
  - .: হ্রাসকৃত ৰেত্রফলের শতকরা পরিমাণ

$$= \left( \underbrace{\text{হাস পাওয়া বেত্রফল}}_{\text{পূর্বের বেত্রফল}} \times 100 \right) \% = \left( \frac{\underline{xy}}{100} \times 100 \right) \% = 1\%$$

আয়তবেত্রের প্রস্থ যদি 10% বৃদ্ধি পেত তাহলে

প্রস্থা বৃদ্ধি হত y এর  $10\% = \left(y \times \frac{10}{100}\right)$  একক  $= \frac{y}{10}$  একক

 $\therefore$  নতুন প্রস্থ হতো =  $\left(y+\frac{y}{10}\right)$  একক =  $\frac{11y}{10}$  একক আবার, 'ক' অংশ হতে পাই,

10% বৃদ্ধিতে আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্যের পরিমাণ হয়  $\frac{11\mathrm{x}}{10}$  একক

- ∴ ৰেত্ৰফল হতো =  $\left(\frac{11x}{10} \times \frac{11y}{10}\right)$  কা একক =  $\frac{121xy}{100}$  কা একক
- ∴ ৰেত্ৰফল বৃদ্ধি পেত =  $\left(\frac{121 {\rm xy}}{100} {\rm xy}\right)$  বৰ্গ একক  $= \frac{121 {\rm xy} 100 {\rm xy}}{100}$  বৰ্গ একক  $= \frac{21 {\rm xy}}{100}$  বৰ্গ একক (Ans.)

# প্রশ্ন–২৪ ▶ একটি ত্রিভুজের পরিসীমা 45 সে.মি.। এর বাহুগুলোর দৈর্ঘ্যের জনুপাত 3:5:7.

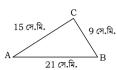
- ক. ত্রিভূজটি অজ্জন কর এবং কোণ ভেদে ত্রিভূজটি কোন ধরনের তা লেখ।
- খ. ত্রিভূজটির বৃহত্তর বাহুকে দৈর্ঘ্য এবং ক্ষুদ্রতর বাহুকে প্রস্থ ধরে অঙ্কিত আয়তবেত্রের কর্ণের সমান বাহুবিশিফ্ট বর্গের বেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. খ থেকে প্রাশ্ত আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ উভয়ে 10% বৃদ্ধি পেলে এর বেত্রফল শতকরা কত বৃদ্ধি পাবে?

## 🕨 🕯 ২৪নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক. মনে করি, ত্রিভুজের বাহুগুলো 3x, 5x ও 7x।

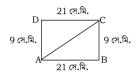
প্রামতে, 
$$3x + 5x + 7x = 45$$

∴ বাহুগুলা 9 সে.মি. 15 সে.মি. ও 21 সে.মি.।



কোণভেদে ত্রিভুজটি স্থূলকোণী ত্রিভুজ কারণ  $\angle ACB$  স্থূলকোণ।

খ. 'ক' থেকে প্রাশ্ত বাহুগুলোর মধ্যে বৃহত্তর বাহু = 21 সে.মি. এবং ক্ষুদ্রতর বাহু = 9 সে.মি.



উপরিউক্ত অজ্ঞিত আয়তবেত্রের দৈর্ঘ্য, AB = CD = 21 সে.মি.

 $\therefore$  আয়তবেত্রের কর্ণের দৈর্ঘ্য,  $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2}$  সে.মি.

$$=\sqrt{21^2+9^2}$$
 সে.মি.

$$=\sqrt{441+81}$$
 সে.মি.

$$=\sqrt{522}$$
 সে.মি.

AC কে একটি বর্গৰেত্রের বাহু ধরলে, ঐ বর্গৰেত্রের ৰেত্রফল

$$= (\sqrt{522})^2$$
 বৰ্গ একক

গ. 'খ' হতে প্ৰাগ্ত,

আয়তৰেত্ৰটির দৈৰ্ঘ্য = 21 সে.মি.

∴ আয়তবেত্রের বেত্রফল = (21 × 9) বর্গ সে.মি.

দৈৰ্ঘ্য 10% বৃদ্ধি পেলে আয়তৰেত্ৰটির নতুন দৈৰ্ঘ্য হবে

$$=$$
  $\left(21 + 21 \text{ এর } \frac{10}{100}\right)$  সে.মি.

প্রস্থ 10% বৃদ্ধি পেলে আয়তবেত্রটির নতুন প্রস্থ হবে

$$= \left(9 + 9 \text{ এর } \frac{10}{100}\right)$$
 সে.মি.

 $\therefore$  আয়তবেত্রের নতুন বেত্রফল হবে =  $(23\cdot1\times9\cdot9)$  বর্গ সে. মি.

- $\therefore$  বেত্রফল বৃদ্ধি পাবে = (228.69 189) র্কা সে. মি. = 39.69 র্কা সে. মি.
- $\therefore$  শতকরা ৰেত্রফল বৃদ্ধি পাবে =  $\dfrac{\overline{ ext{q}}$ দ্ধিকৃত ৰেত্রফল imes 100%



 $=\frac{39.69}{189} \times 100\%$ 

= 21% (Ans.)