সপ্তদশ অধ্যায়

পরিসংখ্যান

পাঠ সম্পর্কিত গুরুত্বপূর্ণ বিষয়াদি

- উপাত্তের উপস্থাপন : গুণবাচক নয় এমন সংখ্যাসূচক তথ্যাবলি পরিসংখ্যানের উপাত্ত। অনুসন্ধানাধীন উপাত্ত পরিসংখ্যানের কাঁচামাল। এগুলো অবিন্যুক্তভাবে থাকে এবং অবিন্যুক্ত উপাত্ত থেকে সরাসরি প্রয়োজনীয় সিদ্ধান্তে উপনীত হওয়া যায় না। প্রয়োজন হয় উপাত্তগুলোর বিন্যুক্ত ও সারণিভুক্ত করা। আর উপাত্তসমূহের সারণিভুক্ত করা হলো উপাত্তের উপস্থাপন।
- উপাত্তের সারণিভুক্তকরণ: কোনো উপাত্তের সারণিভুক্ত করতে হলে প্রথমে তার পরিসর নির্ধারণ করতে হয়। এরপর শ্রেণি ব্যবধান ও শ্রেণিসংখ্যা নির্ধারণ করে

 ট্যালি চিহ্ন ব্যবহার করে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি করা হয়।

উদাহরণ ১। কোনো এক শীত মৌসুমে শ্রীমঞ্চালের জানুয়ারি মাসের ৩১ দিনের সর্বনিম্ন তাপমাত্রা (সেলসিয়াস) নিচে দেওয়া হলো। সর্বনিম্ন তাপমাত্রার (সেলসিয়াস) গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি কর।

\(\) \(\)

সমাধান : এখানে তাপমাত্রা নির্দেশক উপাত্তের সবচেয়ে ছোট সংখ্যা ৬ এবং বড় সংখ্যা ১৪।

সুতরাং উপাত্তের পরিসর = (১৪ – ৬) + ১ = ৯।

এখন শ্রেণি ব্যবধান যদি ৩ নেওয়া হয় তবে শ্রেণি সংখ্যা হবে 💍 বা ৩।

শ্রেণি ব্যবধান ৩ নিয়ে তিন শ্রেণিতে উপাত্তসমূহ বিন্যাস করলে গণসংখ্যা (ঘটন সংখ্যাও বলা হয়) নিবেশন সারণি হবে নিমুরূ প :

তাপমাত্রা (সেলসিয়াস)	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা বা ঘটন সংখ্যা
6 ° − 6 °	IM IM I	>>
%° − ??°	NJ NJ III	১৩
24° - 78°	NJ	٩
মোট		৫৩

■ ক্রমযোজিত গণসংখ্যা (Cumulative Frequency):

উদাহরণ ১ এর শ্রেণি ব্যবধান ৩ ধরে শ্রেণিসংখ্যা নির্ধারণ করে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি করা হয়েছে। উলিরখিত উপাত্তের শ্রেণি সংখ্যা ৩। প্রথম শ্রেণির সীমা হলো ৬°—৮°। এই শ্রেণির নিমুসীমা ৬° এবং উচ্চসীমা ৮° সে। এই শ্রেণির গণসংখ্যা ১১।

দ্বিতীয় শ্রেণির গণসংখ্যা ১৩। এখন প্রথম শ্রেণির গণসংখ্যা ১১ এর সাথে দ্বিতীয় শ্রেণির গণসংখ্যা ১৩ যোগ করে পাই ২৪। এই ২৪ হবে দ্বিতীয় শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা। আর প্রথম শ্রেণি দিয়ে শুরব হওয়ায় এই শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা হবে ১১। আবার দ্বিতীয় শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা ২৪ এর সাথে তৃতীয় শ্রেণির গণসংখ্যা যোগ করলে ২৪ + ৭ = ৩১, যা তৃতীয় শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা। এইভাবে ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি তৈরি করা হয়। উপরের আলোচনার প্রেৰিতে উদাহরণ ১ এর তাপমাত্রার ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি নিমুরু প :

তাপমাত্রা (সেলসিয়াস)	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
6 0 − 6 0	22	>>
% − 77°	٥٥	(55 + 50) = 58
74° - 78°	٩	20 = (P + 8\$)

- **চলক :** আমরা জানি, সংখ্যাসূচক তথ্যসমূহ পরিসংখ্যানের উপাত্ত। উপাত্তে ব্যবহৃত সংখ্যাসমূহ হলো চলক। যেমন, উদাহরণ ১ এ তাপমাত্রা নির্দেশক সংখ্যাগুলো চলক। তদানুর প উদাহরণ ২ এ প্রাশ্ত নম্বরগুলো ব্যবহৃত উপাত্তের চলক।
- বিছিন্ন ও অবিচ্ছিন্ন চলক: পরিসংখ্যানে ব্যবহৃত চলক দুই প্রকারের হয়। যেমন বিছিন্ন চলক ও অবিচ্ছিন্ন চলক। যে চলকের মান শুধুমাত্র পূর্ণসংখ্যা হয় তা বিচ্ছিন্ন চলক, যেমন জনসংখ্যা নির্দেশক উপাত্তে পূর্ণসংখ্যা ব্যবহৃত হয়। তাই জনসংখ্যামূলক উপাত্তের চলক হচ্ছে বিচ্ছিন্ন চলক। আর যেসকল চলকের মান যেকোনো বাসতব সংখ্যা হতে পারে, সে সকল চলক অবিচ্ছিন্ন চলক। বয়স, উচ্চতা, ওজন ইত্যাদি সংশির্ উপাত্তে যেকোনো বাসতব সংখ্যা ব্যবহার করা যায়। তাই এপুলোর জন্য ব্যবহৃত চলক হচ্ছে অবিচ্ছিন্ন চলক। অবিচ্ছিন্ন চলকের দুইটি মানের মধ্যবর্তী যেকোনো সংখ্যাও ঐ চলকের মান হতে পারে।

নবম–দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত ▶ ৭০৬

- উপাত্তের লেখচিত্র : আমরা দেখেছি যে, অনুসন্ধানাধীন সংগৃহীত উপাত্ত পরিসংখ্যানের কাঁচামাল। এগুলো গণসংখ্যা নিবেশন সারণিভুক্ত বা ক্রমযোজিত সারণিভুক্ত করা হলে এদের সন্ধন্ধে সম্যক ধারণা করা ও সিদ্ধান্ত নেওয়া সহজ হয়। এই সারণিভুক্ত উপাত্তসমূহ যদি লেখচিত্রের মাধ্যমে উপস্থাপন করা হয়, তবে তা বুঝার জন্য যেমন আরও সহজ হয় তেমনি চিত্তাকর্ষক হয়। এ জন্য পরিসংখ্যানের উপাত্তসমূহ সারণিভুক্ত করা ও লেখচিত্রের মাধ্যমে উপস্থাপন বহুল প্রচলিত এবং ব্যাপক ব্যবহৃত পদ্ধতি।
- গণসংখ্যা বহুভূজ: অবিচ্ছিন্ন উপাত্তের শ্রেণি ব্যবধানের বিপরীত গণসংখ্যা নির্দেশকে বিন্দুসমূহকে পর্যায়ক্রমে রেখাংশ দারা যুক্ত করে যে লেখচিত্র পাওয়া যায়,
 তাই হলো গণসংখ্যা বহুভূজ।
- ক্রমযোজিত গণসংখ্যা লেখচিত্র বা অজিত রেখা : কোনো উপাত্তের শ্রেণি বিন্যাসের পর শ্রেণি ব্যবধানের উচ্চসীমা x-অব বরাবর এবং শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা y-অব বরাবর স্থাপন করে ক্রমযোজিত গণসংখ্যার লেখচিত্র বা অজিত রেখা পাওয়া যায়।
- কেন্দ্রীয় প্রবণতা : অনুসন্ধানাধীন অবিন্যস্ত উপাত্তসমূহ মানের কমানুসারে সাজালে, উপাত্তসমূহ মাঝামাঝি কোনো মানের কাছাকাছি পুঞ্জিভূত হয়। আবার অবিন্যস্ত উপাত্তসমূহ গণসংখ্যা নিবেশন সারণিতে উপস্থাপন করা হলে মাঝামাঝি একটি শ্রেণিতে গণসংখ্যা খুব বেশি হয়। বস্তুত উপাত্তসমূহের কেন্দ্রীয় মানের দিকে পুঞ্জিভূত হওয়ার এই প্রবণতাই হলো কেন্দ্রীয় প্রবণতা । কেন্দ্রীয় প্রবণতার পরিমাপ হলো : (১) গাণিতিক গড় (২) মধ্যক (৩) প্রচুরক।
- গাণিতিক গড়: উপাত্তসমূহের মানের সমষ্টিকে যদি তার সংখ্যা দ্বারা ভাগ করা হয়, তবে উপাত্তসমূহের গড় মান পাওয়া যায়। তবে উপাত্তসমূহের সংখ্যা যদি
 খুব বেশি হয় তাহলে এ পন্ধতিতে গড় নির্ণয় করা সময়সাপেৰ, বেশ কঠিন ও ভুল হওয়ার সম্ভাবনা থাকে। এ সকল ৰেত্রে উপাত্তসমূহ শ্রেণি বিন্যাসের মাধ্যমে
 সারণিবন্ধ করে সর্থৰিশ্ত পন্ধতিতে গড় নির্ণয় করা হয়।
- শ্রেণিবিন্যাসকৃত উপাত্তের গাণিতিক গড় (সংবিশ্ত পদ্ধতি)

শ্রেণিবিন্যাসকৃত উপাত্তে গাণিতিক গড় নির্ণয়ের জন্য সংবিশ্ত পদ্ধতি হলো সহজ। সংবিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয়ের ধাপসমূহ—

- ১। শ্রেণিসমূহের মধ্যমান নির্ণয় করা
- ২। মধ্যমানসমূহ থেকে সুবিধাজনক কোনো মানকে আনুমানিক গড় (a) ধরা
- ৩। প্রত্যেক শ্রেণির মধ্যমান থেকে আনুমানিক গড় বিয়োগ করে তাকে শ্রেণি ব্যঙ্গিত দ্বারা ভাগ করে ধাপ বিচ্যুতি $u=rac{1}{$ শ্রেণিব্যাঙ্গিত
- ৪। ধাপ বিচ্যুতিকে সংশিরষ্ট শ্রেণির গণসংখ্যা দারা গুণ করা
- ৫। বিচ্যুতির গড় নির্ণয় করা এবং এর সাথে আনুমানিক গড় যোগ করে কাঞ্চিম্নত গড় নির্ণয় করা।
- সংৰিশ্ত পন্ধতি : এ পন্ধতিতে উপাত্তসমূহের গাণিতিক গড় নির্ণয়ে ব্যবহৃত সূত্র হলো :

গড় $\overline{x}=a+rac{\sum f_i u_i}{n} imes h$ যেখান, $\overline{x}=$ নির্ণেয় গড়, a= আনুমানিক গড়, $f_i=i$ -তম শ্রেণির গণসংখ্যা, $u_i f_i=i$ তম শ্রেণির গণসংখ্যা ধাপ বিচ্যুতি, h= শ্রেণি

গুরবত্বযুক্ত উপাত্তের গড় নির্ণয়

যদি n সংখ্যক উপাত্তের মান x_1, x_2, \ldots, x_n হয় এবং এদের গুরবত্ব যদি w_1, w_2, \ldots, w_n হয় তবে এদের গুরবত্ব প্রদন্ত গাণিতিক গড় হবে

$$\overline{x}_{w} = \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} x_{i}w_{i}}{\sum\limits_{i=1}^{n} w_{i}}$$

■ মধ্যক

কোনো পরিসংখ্যানের উপান্তগুলো মানের ক্রমানুসারে সাজালে যেসকল উপান্ত সমান দুইভাগে ভাগ করে সেই মানই হবে উপান্তগুলোর মধ্যক। যদি উপান্তের সংখ্যা n হয় এবং n যদি বিজোড় সংখ্যা হয় তবে মধ্যক হবে $\frac{n+1}{2}$ তম পদের মান। আর n যদি জোড় সংখ্যা হয়, তবে মধ্যক হবে $\frac{n}{2}$ তম ও $\left(\frac{n}{2}+1\right)$ তম পদ দুইটির সাংখ্যিক মানের গড়।

শ্রেণিবিন্যুস্ত উপাত্তের মধ্যক নির্ণয়

যদি শ্রেণিবিন্যুস্ত উপান্তের সংখ্যা হয় n, তবে শ্রেণিবিন্যুস্ত উপান্তের $\frac{n}{2}$ তম পদের মান হচ্ছে মধ্যক। আর $\frac{n}{2}$ তম পদের মান বা মধ্যক নির্ণয়ে ব্যবহৃত সূত্র হলো মধ্যক = $L + \left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$, যেখানে L হলো, যে শ্রেণিতে মধ্যক অবস্থিত সেই শ্রেণির নিমুসীমা, n গণসংখ্যা, F_c মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির যোজিত গণসংখ্যা, f_m মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা এবং h শ্রেণি ব্যান্তি।

■ প্রচরক

কোনো উপাত্তে যে সংখ্যা সর্বাধিক বার উপস্থাপিত হয়, সেই সংখ্যাই উপাত্তের প্রচুরক। একটি উপাত্তের এক বা একাধিক প্রচুরক থাকতে পারে।

শ্রেণি বিন্যাস্ত উপাত্তের প্রচুরক নির্ণয়

শ্রেণি বিন্যুস্ত উপাত্তের প্রচুরক নির্ণয়ের সূত্র হলো:

প্রচুরক = L + $\frac{f_1}{f_1+f_2}$ × h যেখানে, L প্রচুরক শ্রেণির অর্থাৎ যে শ্রেণিতে প্রচুরক অবস্থিত তার নিমুমান, f_1 = প্রচুরক শ্রেণির গণসংখ্যা—পূর্ববর্তী শ্রেণির গণসংখ্যা, f₂ = প্রচুরক শ্রেণির গণসংখ্যা - পরবর্তী শ্রেণির গণসংখ্যা

অনুশীলনীর প্রশু ও সমাধান

■ সঠিক উত্তরে টিক (✔) চিহ্ন দাও :

এবং h = শ্রেণি ব্যাপ্তি।

প্রশু ॥ ১ ॥ নিচের কোনটি দারা শ্রেণি ব্যাপিত বোঝায়?

- (ক) উপাত্তসমূহের মধ্যে বৃহত্তম ও ক্ষুদ্রতম উপাত্তের ব্যবধান
- (খ) উপাত্তসমূহের মধ্যে প্রথম ও শেষ উপাত্তের ব্যবধান
- প্রত্যেক শ্রেণির অন্তর্ভুক্ত বৃহত্তম ও ক্ষুদ্রতম সংখ্যার পার্থক্য
- (ঘ) প্রত্যেক শ্রেণির অন্তর্ভুক্ত বৃহত্তম ও ক্ষুদ্রতম সংখ্যার সমষ্টি

প্রশ্ন ॥ ২ ॥ উপাত্তসমূহ সারণিভুক্ত করা হলে প্রতি শ্রেণিতে যতগুলো উপাত্ত অন্তর্ভুক্ত হয় তার নির্দেশক নিচের কোনটি?

- (ক) শ্রেণি সীমা
- (খ) শ্রেণির মধ্যবিন্দু
- (গ) শ্রেণি সংখ্যা
- শ্রেণির গণসংখ্যা

[বি.দু. পাঠ্যবইয়ের উত্তর সঠিক নয়]

প্রশ্ন ॥ ৩ ॥ পরিসংখ্যানের অবিন্যস্ত উপাত্তসমূহ মানের ক্রমানুসারে সাজালে উপাত্তসমূহ মাঝামাঝি কোনো মানের কাছাকাছি পুঞ্জিভূত হয়। উপাত্তের এই প্রবণতাকে বলা হয়—

- (ক) প্রচুরক
- কেন্দ্রীয় প্রবণতা
- (গ) গড়
- (ঘ) মধ্যক

শীতকালে বাংলাদেশের কোনো একটি অঞ্চলের ১০ দিনের তাপমাত্রার (সেন্ট্রিগ্রেড) পরিসংখ্যান হলো ১০°, ৯°, ৮°, ৬°, ১১°, ১২°, ৭°, ১৩°, ১৪°, ৫°। এই পরিসংখ্যানের প্রেৰিতে (৪—৬) পর্যন্ত প্রশ্নগুলোর উত্তর দাও। প্রশ্ন ॥ ৪ ॥ উপরের সংখ্যাসূচক উপাত্তের প্রচুরক কোনটি?

- (ক) ১২°
- (뉙) 🎸
- (গ) 38°
- প্রচুরক নেই

ব্যাখ্যা : সবচেয়ে বেশি বার ঘটমান সংখ্যা হলো প্রচুরক। এখানে বারবার ঘটমান কোনো সংখ্যা নেই। সুতরাং এখানে প্রচুরক নেই।

প্রশ্ন ॥ ৫ ॥ উপরের সংখ্যাসূচক উপাত্তের গড় তাপমাত্রা কোনটি?

- (ক) ৮°
- (খ) ৮.৫° ৯.৫°

ব্যাখ্যা : গাণিতিক গড় = $50^{\circ} + 5^{\circ} + 5$

 $=\frac{20}{20}=2.6^{\circ}$

প্রশ্ন ॥ ৬ ॥ উপাত্তসমূহের মধ্যক কোনটি?

- (খ) ৯°
- (গ) ৮.৫° (ঘ) ৮°

ব্যাখ্যা : উপাত্তটি মানের উর্ধ্বক্রমে সাজিয়ে পাই, ৫°, ৬°, ৭°, ৮°, ৯°, ১০°, ১১°, ১২°, ১৩°, ১৪°; এখানে উপান্তের সংখ্যা ১০ যা জোড় সুতরাং মধ্যক হবে $\frac{50}{2}$

ও $\left(\frac{50}{2} + 5\right)$ তম পদদ্বয়ের গাণিতিক গড়

৫ম ও ৬ৰ্চ্চ পদদ্বয়ের গাণিতিক গড় = $\frac{\$^\circ + \$o^\circ}{\$} = \frac{\$\$^\circ}{\$} = \$.\mathfrak{C}^\circ$ ।

প্রশ্ন ॥ ৭ ॥ সারণিভুক্ত শ্রেণিবিন্যস্ত উপাত্তের সংখ্যা হলো n, মধ্যক শ্রেণির निমूসীমা L, মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা Fc,

মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা \mathbf{f}_{m} এবং শ্রেণি ব্যাপিত \mathbf{h} । এই তথ্যের আলোকে নিচের কোনটি মধ্যক নির্ণয়ের সূত্র?

- $\bullet L + \left(\frac{n}{2} F_c\right) \times \frac{h}{f_m} \qquad (\forall) L + \left(\frac{n}{2} f_m\right) \times \frac{h}{F_m}$
- $\label{eq:lambda} (\mathfrak{N}) \ L \left(\frac{n}{2} F_c\right) \times \frac{h}{f_m} \qquad \quad (\mathfrak{T}) \ L \left(\frac{n}{2} f_n\right) \times \frac{h}{F_m}$

নিচে তোমাদের স্কুলের ৮ম শ্রেণির সমাপনী পরীৰায় বাংলায় প্রাপত নম্বরের গণসংখ্যা সারণি দেওয়া হলো। এই সারণি থেকে (৮–১৬) পর্যন্ত প্রশ্নের উত্তর দাও:

শ্ৰেণি ব্যাপ্তি	o3-8o	87-Go	৫১–৬০	७ ১–१०	97-40	₽?—90	97-700
গণসংখ্যা	৬	75	১৬	\ 8	75	Ъ	٤
ক্রমযোজিত গণসংখ্যা	b	7.4	٥8	৫ ৮	90	98	ЪО

প্রশ্ন ॥ ৮ ॥ উপাত্তসমূহের কয়টি শ্রেণিতে বিন্যস্ত করা হয়েছে?

- 9
- (গ) ৮
- (ঘ) ৯

প্রশ্ন 🛮 ৯ 🗓 সারণিতে উপস্থাপিত উপাত্তের শ্রেণি ব্যাপ্তি কত?

- (ক) ৫
- (খ) ৯
- 30
- (ঘ) ১৫

প্রশ্ন ॥ ১০ ॥ ৪র্থ শ্রেণির মধ্যমান কত?

- (ক) ৭১.৫
- (খ) ৬১.৫
- (গ) ৭০.৫
- (ঘ) ৭৫.৬

[বি.দ্র. সঠিক উত্তর ৬৫.৫]

ব্যাখ্যা : ৪র্থ শ্রেণির মধ্যমান =
$$\frac{63 + 90}{2}$$
 = ৬৫.৫

প্রশ্ন ॥ ১১ ॥ উপাত্তের মধ্যক শ্রেণি কোনটি?

- (ক) ৪১–৫০ খে) ৫১–৬০ ৬১–৭০
- (ঘ) ৭১–৮০

ব্যাখ্যা: এখানে, মোট গণসংখ্যা = ৮০

অর্থাৎ মধ্যক হবে ^{৮০} বা ৪০তম পদের মান।

৪০তম পদের অবস্থান (৬১ – ৭০) শ্রেণিতে।

প্রশ্ন 🛚 ১২ 🗓 মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির যোজিত গণসংখ্যা কত ?

- (ক) ১৮
- ७8
- (গ) ৫৮
- (ঘ) ৭০

[বি.দু. পাঠ্যবইয়ের উত্তর সঠিক নয়]

প্রশ্ন ॥ ১৩ ॥ মধ্যক শ্রেণির নিমুসীমা কত?

- (ক) ৪১
- (খ) ৫১
- ৬১
- (ঘ) ৭১

ব্যাখ্যা : মধ্যক শ্রেণি হলো (৬১ – ৭০), এর নিমু সীমা ৬১।

প্রশ্ন ॥ ১৪ ॥ মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা কত?

- (ক) ১৬
- ২8
- (গ) ৩৪
- (ঘ) ৫৮

ব্যাখ্যা : মধ্যক শ্রেণি হলো (৬১ — ৭০), এই শ্রেণির গণসংখ্যা হলো ২৪।

প্রশ্ন ॥ ১৫ ॥ উপস্থাপিত উপাত্তের মধ্যক কত?

- (ক) ৬৩
- ७७.৫
- (গ) ৬৫
- (ঘ) ৬৫.৫

ব্যাখ্যা : আমরা জানি, মধ্যক =
$$\mathrm{L} + \left(rac{\mathrm{n}}{2} - \mathrm{F_c}
ight)rac{\mathrm{h}}{f_\mathrm{m}}$$

$$= 67 + \left(\frac{50}{60} - 68\right) \times \frac{50}{50}$$

$$= 67 + 6 \times \frac{20}{8} = 67 + \frac{60}{8}$$

প্রশ্ন ॥ ১৬ ॥ উপস্থাপিত উপাত্তের প্রচুরক কত ?

(ক) ৬১.৪ (খ) ৬১

(গ) ৭০ (ঘ) ৭০.৪

[বি.দু. সঠিক উত্তর ৬৫]

ব্যাখ্যা : প্রচুরক =
$$\mathbb{L}+\frac{f_1}{f_1+f_2} imes \mathbf{h}=$$
 ৬১ + $\frac{\mathcal{b}}{\mathcal{b}+$ ১০ = ৬১ + $8=$ ৬৫

প্রশ্ন ॥ ১৭ ॥ কোনো স্কুলের ১০ম শ্রেণির ৪৯ জন শিৰার্থীর ওজন (কিলোগ্রাম) হলো :

8¢, ¢o, ¢¢, ¢ò, ¢৬, ¢٩, ¢৬, ৬০, ¢৮, ৬০, ৬১, ৬০, ৬২. ৬০, ৬৩, ৬8, ৬০, ৬১, ৬৩, ৬৬, ৬٩, ৬১, ٩০, ٩০, ৬৮, ৬০, ৬১, ¢০, ¢¢, ¢٩, ¢৬, ৬৩, ৬১, ¢৬, ৬২, ¢৬, ৬٩, ٩০, ৬৯, ٩০, ৬৯, ৬৮, ٩০, ৬০, ¢৬, ¢৮, ৬১, ৬৩, ৬৪।

- (क) শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি কর।
- (খ) সারণি থেকে সংবিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয় কর।
- (গ) গণসংখ্যা নিবেশন সারণিতে উপস্থাপিত উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভুজ আঁক।

সমাধান:

(ক) এখানে ওজন নির্দেশক উপাত্তের সবচেয়ে ছোট সংখ্যা ৪৫ এবং বড় সংখ্যা

৭০। উপাত্তের পরিসর = (90 - 86) + 5 = 5

দেওয়া আছে. শ্রেণি ব্যবধান = ৫

শ্রেণি সংখ্যা =
$$\frac{26}{6}$$
 = ৫٠২ বা ৬

অতএব ৪৫ থেকে শুরব করে শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি করা হলো।

ওজন (কিলোগ্রাম) শ্রেণি	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা (f _i)
8&-8\$	M	2
¢o−¢8		9
<i>৫</i> ৫–৫৯	M M I	77
⊌ o−⊌8	M M M M III	২২
৬৫–৬৯	NUI	٩
90-98	N	Č
		n = 88

ক হতে প্রাশ্ত গণসংখ্যা সারণি থেকে সংবিশ্ত পদ্ধতিতে অনুসৃত ধাপের
 আলোকে গড় নির্ণয়ের সারণি নিমুর প :

ওজন	শ্রেণির	গণসংখ্যা	বিচ্যুতি সংখ্যা	গণসংখ্যা ×
(কিলোগ্রাম)	মধ্যমান	$(\mathbf{f_i})$	$\mathbf{u}_{i} = \frac{\mathbf{x}_{i} - \mathbf{a}}{\mathbf{h}}$	বিচ্যুতিসংখ্যা
শ্ৰেণি	(\mathbf{x}_{i})		h	$(\mathbf{f_i}\mathbf{u_i})$
86-89	89	2	<u> </u>	<u> </u>
€0-€8	৫২	৩	- ২	<u> </u>
<i>የ</i> ৫–৫৯	৫ ٩	77	-2	- 77
⊌ 0− ⊌ 8	৬২	২২	0	0
৬৫–৬৯	৬৭	٩	,	٩
90-98	92	¢	٤	70
		n = 85		$\Sigma f_i u_i = \circ$

এখন, অনুমিত শ্রেণির মধ্যবিন্দু = ৬২

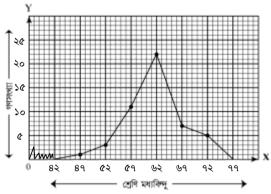
আমরা জানি , গড়
$$\overline{x}=a+\dfrac{\sum f_i u_i}{n} \times h$$
 যেখানে , $a=$ আনুমানিক গড় ;
$$f_i=$$
 গণসংখ্যা ;
$$-$$
 ৩

$$=$$
 ৬২ $+$ $\dfrac{-}{8}$ \times ৫ $u_i=$ বিচ্যুতি সংখ্যা; $h=$ শ্রেণিব্যাপ্তি

$$= 65 - \frac{1}{8}$$

∴ শিৰাৰ্থীদের ওজনের আনুমানিক গড় ৬১.৬৯ কেজি। (উত্তর)

(গ) 'খ' তে প্রাপ্ত গড় নির্ণয়ের সারণি হতে গণসংখ্যা বহুভুজ নির্ণয় করা যায়। এখানে প্রাপ্ত উপাপ্ত বিচ্ছিন্ন। এবেত্রে শ্রেণি ব্যবধানের মধ্যক্ষিপু বের করে সরাসরি গণসংখ্যা বহুভুজ আঁকা সুবিধাজনক। x-অব ও y-অব বরাবর ছক কাগজের ক্ষুদ্রতম বর্গের প্রতি বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে সারণিতে উপস্থাপিত উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভুজ অজ্জন করা হয়েছে। মূলক্ষিপু থেকে ৪২ পর্যন্ত সংখ্যাগুলো বিদ্যমান বোঝাতে x-অবে ভাজাা চিহ্ন ব্যবহার করা হয়েছে।



প্রশ্ন ॥ ১৮ ॥ ১০ম শ্রেণির ৫০ জন শিবার্থীর গণিত বিষয়ে প্রাপত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি দেওয়া হলো। প্রদন্ত উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভুক্ত আঁক।

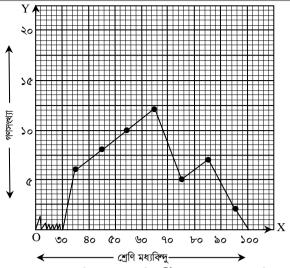
শ্ৰেণি	৩১ – ৪০	87 - ÇO	৫১ – ৬০	৬১ – ৭০	97 – po	P.7 - 90	97 - 700
ব্যাপিত							
গণসংখ্যা	৬	ъ	70	১২	Č	٩	٧

সমাধান : এখানে প্রদন্ত উপাত্ত বিচ্ছিন্ন। এবেত্রে শ্রেণি ব্যবধানের মধ্যবিন্দু বের করে সরাসরি গণসংখ্যা বহুভুজ আঁকা সুবিধাজনক।

মনে করি, OX ও OY যথাক্রমে x অব ও y-অব এবং O মূল বিন্দু।

				-		-	,
শ্ৰেণি ব্যবধান	o3-80	8 > -60	৫১-৬০	43-90	97-20	P7-90	97-700
মধ্যবিন্দু	જ.જ	86.6	¢¢.¢	৬৫.৫	96.6	৮৫.৫	30.06
গণসংখ্যা	৬	Ъ	70	১২	Č	٩	২

x-অৰ বরাবর ছক কাগজের ক্ষুদ্রতম বর্গের এক বাহু সমান দুই একক এবং y-অৰ বরাবর ক্ষুদ্রতম বর্গের দুই বাহু সমান এক একক ধরে প্রদন্ত উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভুজ অজ্জন করা হলো।



প্রশ্ন ॥ ১৯ ॥ কোনো শ্রেণির ৬০ জন শিবার্থীর ৫০ নম্বরের সাময়িক পরীবায় প্রাশ্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হলো :

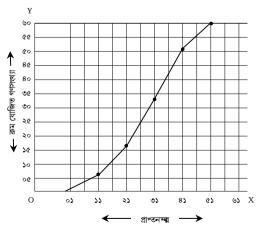
প্রাপত	<i>2</i> –20	<i>১১–২</i> ०	২১–৩০	৩১–৪০	8) –¢o
নম্বর					
গণসংখ্যা	٩	٥٥	১৬	72-	৯

উপাত্তের অজিভ রেখা **আঁ**ক।

সমাধান : প্রদত্ত উপাত্তের গণসংখ্যা নিবেশনের ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি হলো:

গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
٩	٩
70	\o + 9 = \o 9
১৬	১৭ + ১৬ = ৩৩
٦b	99 + 7P = 47
8	&\$ + \$ = 60
	36 36 37

মনে করি, XOX' ও YOY' যথাক্রমে x-অব ও y-অব এবং O মূলবিন্দু। ছক কাগজের x-অব বরাবর ক্ষুদ্রতম বর্গের দুই ঘরকে শ্রেণি ব্যবধানের উচ্চসীমার একক এবং y-অব বরাবর ছক কাগজের এক ঘরকে ক্রমযোজিত গণসংখ্যার ৫ একক ধরে অজিভ রেখা জাঁকা হলো।



প্রশ্ন ॥ ২০ ॥ নিচে ৫০ জন শিৰার্থীর ওজনের (কেজি) গণসংখ্যা নিবেশন সারণি দেওয়া হলো। মধ্যক নির্ণয় কর।

ওজন (কেজি)	8€	(°o	৫ ৫	৬০	৬৫	90
গণসংখ্যা	N	હ	ъ	১৬	25	હ

সমাধান : মধ্যক নির্ণয়ের ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি হলো :

ওজন (কেজি)	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
8¢	২	٤
Co	৬	ъ
CC	ъ	১৬
৬০	১৬	৩২
₩	১২	88
90	৬	(°C)
	n = C O	

এখানে, n = ৫০, যা জোড় সংখ্যা।

∴ মধ্যক =
$$\frac{\frac{c_o}{2} \text{ তম } \text{ ও } \left(\frac{c_o}{2} + 2\right) \text{ তম পদ দুইটির মানের সমষ্টি}}{2}$$
$$= \frac{2c_o \text{ ম ও 260ম পদ দুইটির মানের সমষ্টি}}{2}$$

$$=\frac{40+40}{2}$$

$$=\frac{320}{2}$$

= ৬০

নির্ণেয় মধ্যক ৬০ কেজি।

প্রশ্ন ॥ ২১ ॥ তোমাদের শ্রেণির ৬০ জন শিবার্থীর ওজনের (কেজি) গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হলো :

ব্যাপিত	86-89	¢o−¢8	ራ ው-ውን	৬০-৬৪	৬৫-৬৯	90-98
গণসংখ্যা	8	ъ	70	২০	25	৬
যৌজিত ফল	8	১২	২২	8২	€8	৬০

(ক) উপাত্তের মধ্যক নির্ণয় কর।

(খ) উপাত্তের প্রচুরক নির্ণয় কর।

সমাধান:

(ক) প্রদত্ত সারণি হতে পাই,

এখানে, n = ৬০

এবং
$$\frac{n}{2} = \frac{60}{2}$$
 বা ৩০

অতএব, মধ্যক হলো ৩০তম পদের মান।

৩০তম পদের অবস্থান হবে (৬০–৬৪) শ্রেণিতে।

অতএব মধ্যক (৬০–৬৪) শ্রেণিতে অবস্থিত।

সুতরাং, L= ৬০ , $F_c=$ ২২ , $f_m=$ ২০ এবং d= ৫

$$\therefore$$
 মধ্যক = L + $\left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{d}{f_m}$

= ৬০ + (৩০ - ২২) $\times \frac{e}{20}$

= ৬০ + $\frac{b \times e}{20}$

= ৬০ + ২

= ৬২

নির্ণেয় মধ্যক ৬২ কেজি।

(খ) আমরা জানি , প্রচুরক = $L+rac{f_1}{f_1+f_2} imes d$ প্রদন্ত সারণি হতে পাই ,

প্রদত্ত সারণিতে বেশি সংখ্যক শিৰার্থীর সংখ্যা (৬০—৬৪) শেণিতে অবস্থিত। সূতরাং প্রচুরক এই শ্রেণিতে অবস্থিত।

এখানে, L = ৬০

$$f_1 = 20 - 20 = 20$$

$$f_2 = 20 - 32 = b$$

এবং d = ৫

$$= 60 + \frac{50 \times 6}{5} = 60 + 5.998 = 65.998$$

নির্ণেয় প্রচুরক ৬২.৮ কেজি (প্রায়)

প্রশ্ন ॥ ২২ ॥ উপাত্তের বেত্রে প্রচুরক—

- (i) কেন্দ্রীয় প্রবণতার পরিমাপ
- (ii) সবচেয়ে বেশি বার উপস্থাপিত মান
- (iii) সবৰেত্ৰে অনন্য নাও হতে পারে

উপরের তথ্যের ভিত্তিতে নিচের কোনটি সঠিক?

(ক) i ও ii

(খ) i ଓ iii

গে) ii ও iii

● i, ii ଓ iii

প্রশ্ন ॥ ২৩ ॥ কোনো বিদ্যালয়ের বার্ষিক পরীৰায় ৯ম শ্রেণির 50 জন শিৰার্থীর গণিতে প্রাপত নম্বরগুলো নিমুর প:

96, 66, 56, 95, 68, 66, 66, 90, 60, 69, 66, 52, 86, 99, 69, 84, 02, 96, 65, 86, 59, 66, 90, 50, 66, 85, 45, 40, 05, ৮৪, ৫৬, ৪৫, ৭৩, ৯৩, ৬২, ৬৭, ৬৯, ৬৫, ৬৩, ৭৮, ৬৪, ৮৫, ৫৩, ৭৩, 08, 96, 62, 69, 62

- (ক) প্রদত্ত তথ্যটির ধরন কীরূ প? কোনো নিবেশনে একটি শ্রেণির গণসংখ্যা কী নির্দেশ করে?
- (খ) উপর্যুক্ত শ্রেণিব্যাপ্তি নিয়ে গণসংখ্যা নিবেশন তৈরি কর।
- (গ) সংৰিপ্ত পদ্ধতিতে প্ৰাপ্ত নম্বরের গড় নির্ণয় কর।

সমাধান:

- (ক) এখানে প্রদত্ত নম্বরগুলো ক্রম অনুযায়ী সাজানো নেই। এ ধরনের উপাত্তসমূহকে অবিন্যস্ত উপাত্ত বলে। কোনো নিবেশনে একটি শ্রেণির গণসংখ্যা ঐ শেণির নির্দিষ্ট সংখ্যা প্রকাশ করে।
- (খ) প্রদত্ত নম্বরগুলোর সর্বনিম্ন নম্বর ৩২ এবং সর্বোচ্চ নম্বর ৯৮। অতএব ৩০ থেকে শুরব করে শ্রেণিব্যাপ্তি ১০ নম্বর ধরে শ্রেণি গঠন করা হলো। ট্যালি চিহ্ন দারা নস্বরগুলোকে শ্রেণিভুক্ত করা হলো।

প্রাশ্ত নম্বর শ্রেণি	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
৩০ – ৩৯	III	٥
80 - 85	Ш	Œ
€0 – €8	JHT II	٩
৬০ – ৬৯	WY WY III	٥٧
৭০ – ৭৯	WY WY	20
ხo − ხგ	JHT II	٩
80 - 88	Ш	Œ
		মোট = ৫০

(গ)

প্রাপ্ত নম্বর	মধ্যমান	গণসংখ্যা	বিচ্যুতি সংখ্যা	
শ্ৰেণি	$(\mathbf{x_i})$	$(\mathbf{f_i})$	াবট্যাত সংখ্যা	গণসংখ্যা ×

			$\mathbf{u}_{i} = \frac{\mathbf{x}_{i} - \mathbf{a}}{\mathbf{h}}$	বিচ্যুতিসংখ্যা (f _i u _i)
೨० – ೨১	७8.€	9	-9	_გ
80 – 85	88.৫	Č	− ₹	-50
დი − დ <i>გ</i>	%8.¢	٩	->	– 9
৬০ – ৬৯	७8.€	20	0	0
৭০ – ৭৯	98.6	70	2	70
ხ0 − <i>ხ</i> გ	₽8.€	٩	٤	78
90 - 99	\$8.6	Č	9	26
		মোট = ৫০		সমষ্টি = ১৩

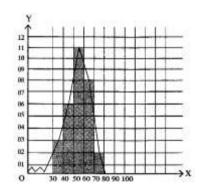
'খ' এর সারণি ব্যবহার করে এখানে, অনুমিত শ্রেণির মধ্যবিন্দু = ৬৪.৫

$$\therefore$$
 গড় = অনুমিত শ্রেণির মধ্যবিন্দু + $\dfrac{\sum ($ গণসংখ্যা $imes$ বিচ্যুতিসংখ্যা $)}{$ মোট গণসংখ্যা $} imes$ শ্রেণিব্যান্তি

$$2.66 + \frac{2.6}{3} \times 2.0 = 6.8 \times 4.8 \times 6.9 \times 6.9$$

নির্ণেয় গড নম্বর ৬৭·১।

প্রশা ২৪ ॥



- ক. উপরের চিত্রে প্রথম শ্রেণিটির শ্রেণি মধ্যমান ও শেষ শ্রেণিটির গণসংখ্যা
- খ. চিত্রে প্রদর্শিত তথ্যটিকে ছকের মাধ্যমে প্রকাশ কর।
- গ. 'খ'— অংশে প্রাপ্ত ছক থেকে নিবেশনটির মধ্যক নির্ণয় কর।

সমাধান:

(ক) প্রদত্ত চিত্রে, প্রথম শ্রেণিটির শ্রেণি মধ্যমান = $\frac{\infty + 80}{5} = \infty$ এবং শেষ শেণিটির গণসংখ্যা = ২

(খ) চিত্রে প্রদর্শিত তথ্যটিকে ছকের মাধ্যমে প্রকাশ করা হলো :

শ্রেণি	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
೨ 0 − 80	৩	৩
8o - Co	৬	৯
€0 – ⊌0	77	২০
<u> ७० – १०</u>	ъ	২৮
90 – bo	২	೨೦
	n = 00	

(গ) 'খ' অংশের প্রাপ্ত ছক থেকে মধ্যক নির্ণয় :

এখানে, n = ৩০

নবম-দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত ▶ ৭১১

এবং
$$\frac{n}{2} = \frac{90}{3}$$
 বা ১৫

অতএব মধ্যক হলো ১৫তম পদের মান। ১৫তম পদের অবস্থান হবে (৫০–৬০)

শ্রেণিতে। অতএব মধ্যক (৫০–৬০) শ্রেণিতে অবস্থিত।

সুতরাং L= ৫০ , $F_c=$ ৯ , $f_m=$ ১১ এবং d= ১০

$$\therefore$$
 মধ্যক = $L + \left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$

নির্ণেয় মধ্যক ৫৫ ৪৬ (প্রায়)।

গুরুত্বপূর্ণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

- 8, 9, 7, 15, 10, 15, 11, 8, 10, 9, ৪ উপাত্তগুলোর প্রচুরক কত?
- **1**0
- উপাত্তের ব্যবহৃত সংখ্যাসমূহকে কি বলে?
 - 📵 ঘটনা
- 🕲 তথ্যাদি
- 🕣 ডাটা
- উপাত্তের সংখ্যা n বিজোড় সংখ্যা হলে মধ্যক হবে—
 - $\bigoplus \frac{n}{2}$ তম পদ
- $\mathfrak{Q} \frac{n-1}{2}$ তম পদ
- ullet তম পদ lacktriangledown ত্ম $rac{n+2}{2}$ তম পদ
- ৪. ৩৫, ৪০, ৪২, ৫০, ৫৬, ৪২, ৫০, ৬৪, ৪২, ৩৫, ৪০ নম্বরগুলোর গড় কত ?
 - **ি.८৪** ⊕
- 8৫.0৯
- গ্র ৪৯.০৯
- থি ৫০.০৯
- গ্রীষ্মকালে বাংলাদেশের কোনো একটি অঞ্চলের ১০ দিনের তাপমাত্রা (সেন্ট্রিগ্রেড) হলো : 20°, 22°, 17°, 34°, 20°, 35°, 21°, 24°, 25°, 27° সংখ্যাসূচক উপাত্তের প্রচুরক কোনটি?
 - **雨** 17°
- 20°
- **⊕** 22°
- **旬** 24°

ওজন (কেজি)	8 ¢	СO	৫ ৫	৬০	৬৫	90
গণসংখ্যা	N	৬	ъ	১৬	১২	৬

মধ্যক কত?

- ⊕ Co
- **(4)**
- থি ৬৫
- নিচের কোনটি বিচ্ছিন্ন চলক?
- থ্য উচ্চতা
- **গ্র** ওজন
- জনসংখ্যা
- গত সম্তাহে তোমার শহরের তাপমাত্রা ছিল : 23°C, 26°C, 29°C, 25°C, 27°C, 30°C ও 29°C গড় তাপমাত্রা কত ছিল?
 - **⊕** 26°C
- 27°C
- **1** 28°C €
- **3** 29°C
- ৯. ১৫, ১৭, ২৪, ২১, ১৬, ১৭, ২৩, ১৮, ২০, ২২ উপাত্তসমূহের মধ্যক কোনটি?
 - 📵 ५१
- 3.96
- @ \b.&
- ১০. মধ্যক নির্ণয়ে Fc দারা কী বোঝায়?
 - যোজিত গণসংখ্যা
- নিমুসীমা
- প্রাণ সীমা
- ত্ত্ব গণসংখ্যা
- ১১. অজিভ রেখার বেত্রে নিচের কোনটি সঠিক?
 - - উধ্বগামী
 বিমুগামী
- প্রি সমান্তরাল
 প্রি উলরম্ব
- ১২. গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হতে
 - i. মধ্যক = $L + \left(\frac{n}{2} F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$

- ii. প্রচুরক L + $\frac{f_I}{f_I + f_2} \times \mathbf{h}$
- iii. গাণিতিক গড় $\frac{n+1}{2}$

নিচের কোনটি সঠিক?

- ii v i ●
- (iii & i (
- gii g iii
- g i, ii s iii

- ১৩. প্রদত্ত সারণির বেত্রে
 - i. f_m এর মান 10
 - ii. Fc এর মান 13
 - iii. f1 ও f2 এর মান যথাক্রমে 3 এবং 2

নিচের কোনটি সঠিক?

- ரு i பே
- iii & i 🕞
- iii 🛭 iii
- নিচের তথ্যের আলোকে ১৪ ও ১৫ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

শ্রেণি	25 - 00	os - 60	85 - Go	৫১ – ৬০
গণসংখ্যা	8	52	Ъ	20

- ১৪. উদ্দীপকের মধ্যক শ্রেণির উর্ধ্বসীমা কত?
 - ৫৩ 🔞
- **3** 80
- ๕೦
- থি ৬০
- ১৫. উপরোক্ত তথ্যের প্রচুরক কত (প্রায়)?
 - ⊕ 08.00 09.69
- প্র ৪১.৮৩
- থি ৪৭.৬৭
- নিচের তথ্যের আলোকে ১৬ ও ১৭ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

শ্ৰেণি	& - \$0	77 - 76	১৬ – ২০	২১ – ২৫
ঘটন সংখ্যা	8	٥٥	36	२०
		~ ~		

- ১৬. প্রচুরক নির্ণয়ের কোন সূত্রটি সঠিক?

 - $\bullet L + \frac{f_1}{f_1 + f_2} \times h \qquad \qquad \bullet L + \frac{f_1}{f_1 + f_2}$
- ১৭. এখানে L=2১, h=C, f_1 ও f_2 এর মান কত?
 - ৫, ২০
- **જી ૨૦,** ૯
- **19 6, 6**
- থ ২০,১৫

নিচের তথ্যের আলোকে ১৮ ও ১৯ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

শ্ৰেণি	21 – 30	31 – 40	41 - 50	51 – 60
গণসংখ্যা	15	25	35	45

- ১৮. মধ্যক নির্ণয়ের বেত্রে Fe এর মান কত?
- **3**5
- **1** 45
- ১৯. প্রচুরক নির্ণয়ের বেত্রে f2 এর মান কত?
- **3**5

নিচের তথ্যের আলোকে ২০ ও ২১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

প্রাপত নম্বর | 6 – 10 | 11 – 15 | 16 – 20 | 21 – 25 | 26 – 30

২০.	মধ্যক শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা কত?		⊚ °°	● ৩৭° সে	. @ 85	° সে.) 88° সে.
		নিচেঃ	র তথ্যের আবে	লাকে ২৫ ও ২৩	৬ নং প্রশ্নের [†]	টত্তর দাও :	
২১.	1 থেকে 22 পর্যন্ত 3 দারা বিভাজ্য সংখ্যাগুলোর মধ্যক কত?		প্রাপ্ত	6-10	11 – 15	16 – 20	21 – 25
	⊕ 9		গণসংখ্যা	4	10	15	6
	তথ্যের আলোকে ২২–২৪নং প্রশ্নের উত্তর দাও :	২৫.	উপরের সার	। ণি অনুসারে প্রচু	রক শ্রেণির–		
	সের ৭ দিনের তাপমাত্রা যথাক্রমে ৩৫°, ৪০°, ৩৭°, ৪১°, ৩২°, ৪৪°		i. মধ্যমান				
	oo° लि.।		ii. ঊর্ধ্বসীম	TT 25			
	관		iii. যোজিত	গণসংখ্যা 29			
	সংখ্যা 15 25 35 45		নিচের কোন	টি সঠিক?			
২২.	প্রদন্ত উপাত্তের পরিসর কোনটি?		⊚ i	⊚i ાં છ	● i ও	iii 🗑) i, ii
	@ 9 @ 3º	২৬.	প্রচুরক কত গ	?			
২৩.	শ্রেণিব্যাপ্তি ৩ হলে শ্রেণিসংখ্যা কত?		19.21	18.78	17.	79 খ্র	15
	® 8 • ¢® ৬ ® 9						
	অতিরিক্ত বহুনি	ৰ্বাচ	নি প্রশ্লোর	<u>র</u> র			
	উপাত্তের উপস্থাপন		iii. উপা ত্ত সমূ	যূহের সারণিভুক্ত	করা হলো	অবিন্য স ্তকর	ণ
	`		নিচের কোন	টি সঠিক?			(সহজ)
	সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর		ii & i	iii & i	g ii G	iii •	i, ii ଓ iii
২৭.	গুণবাচক নয় এমন সংখ্যাসূচক তথ্যাবলিকে পরিসংখ্যানের ভাষায় কী		অভিনু তথ্য		 Iচনি প্রশ্লোত্তর	Ī	
	বলে? (সহজ)			A11/201/20		ਅਤ ਪੌਤਤ ਦੀ	•
	 কাঁচামাল	= (*		আলোকে ৩৭ –		<u>` </u>	8 :
২৮.	অনুসন্ধানাধীন উপাত্ত পরিসংখ্যানের কী হিসেবে বিবেচিত ? সেহজা			পমাত্রা	গণস		
	⊕ ট্যালি ● কাঁচামাল ⊕ চলক ভা ফলাফল			°-78°	Ъ		
২৯.	উপাত্তসমূহের সারণিভুক্ত করাকে কী বলা হয় ? (সহজ)		১ &'	°->>°	2	9	
	 উপাত্তের বিশেরষণ পরিসর নির্ধারণ 		২০'	°– ২ 8°	્રે	,	
	উপাত্তের উপস্থাপন ত্তি তি	৩৭.	মোট গণসংখ	্যা কত?	•		(সহজ)
% .	কোনটি অবিন্যুস্ত থাকে? (মধ্যুম)		⊕ ১৬	@ >2	• ২৭	ত্ত	৩১
	অবিচ্ছিন্ন ব্যাপিতঅবিচ্ছিন্ন ব্যাপিত	% .	তাপমাত্রার প	রিসর কত?			(সহজ)
	সংখ্যাসূচক তথ্য		⊕ 78	• ১৫	গ্ৰ ১৬	থ	١ ٩
	কোনো উপান্তকে সারণিভুক্ত করতে হলে প্রথমে তার কী নির্ধারণ করতে		ব্যাখ্যা : সর্বোচ্চ	চ তাপমাত্রা ২৪ এব	বং সর্বনিম্ন তাপ	মাত্রা ১০	
	হয় ? (সহজ)			রিসর = (২৪ – ১০			
	 ④ শ্রেণি ব্যবধান ● পরিসর ⑥ শ্রেণি সংখ্যা ⑨ ট্যালি চিহ্ন 	৩৯.		শ্রেণিব্যাপ্তির বি	নিমুসীমা কো	নটি ?	(সহজ)
	 প্রাণি সংখ্যা প্রাণি তিহ্ন সংখ্যাসূচক তথ্যাবলি দ্বারা পরিসংখ্যানের কি নির্দেশ করে? সহজ্ঞা 		● ২০	থ্য ২১	গ্ৰ ২২	ব্য	₹8
<u>ه</u> ج.				ক্রমথে	াজিত গণ	সংখ্যা	
100						•	
ు .	সারাণভুক্তকরণ দারা ডপাত্তের কোনাত বোঝায় ? (সহজ) • উপস্থাপন ﴿ বিশেরষণ ﴿ ফলাফল ﴿ উৎকর্ষতা			হুনির্বাচনি প্রশ্লো			
৩ 8.	মোট গণসংখ্যা বলতে কী বোঝায়?	80.					গীয় শ্রেণির গণসংখ
00.	তিবালার বি তিবালার বি		যথাক্রমে ১১	ও ১৩ হলে	দিতীয় শ্রে	ণর ক্রমযোগি	জৈত গণসংখ্যা নিচে
	ত্র ভারতের ব্রো নির্ব্যা ত লতের বেন্ট গ্রের্ডা ত প্রবেলনা একটি শ্রেণির গণসংখ্যা		কোনটি ?				(মধ্যম)
19/2	সারণিভুক্তকরণের বেত্রে প্রথমে কোনটি নির্ণয় করতে হয়? (মধ্যম)		⊕ ১২	থ্য ২২	● ২8	ত্ত	২৬
<i>∞</i> .	প্রিণি সংখ্যা প্র শ্রেণি ব্যবধান পরিসর	۵.	ব্যাখ্যা : ১১ +		- 		· >
	বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর	82.	পারসর ২৭ শ্রেণি হবে?	হলে ৫ ব্যবধা	ন নিয়ে গণ	সংখ্যা সারা ণ	তিরি করলে কতা
	<u> </u>		⊕ ৬	⊚ ৫	19 8	Ø	(মধ্যম)
৩৬.	নিচের তথ্যগুলো লব কর:	৪২.					৩ তার দিতীয় শ্রেণি
	i. সংখ্যাসূচক তথ্যাবলি পরিসংখ্যানের উপাত্ত	U -		৩০ জেলে ও গণসংখ্যা নিচের		17101 4091	(মধ্যম)
	ii. অনুসন্ধানাধীন উপাত্ত পরিসংখ্যানের কাঁচামাল			11:1701 (1608	. • 11:11/5		(אינראי)

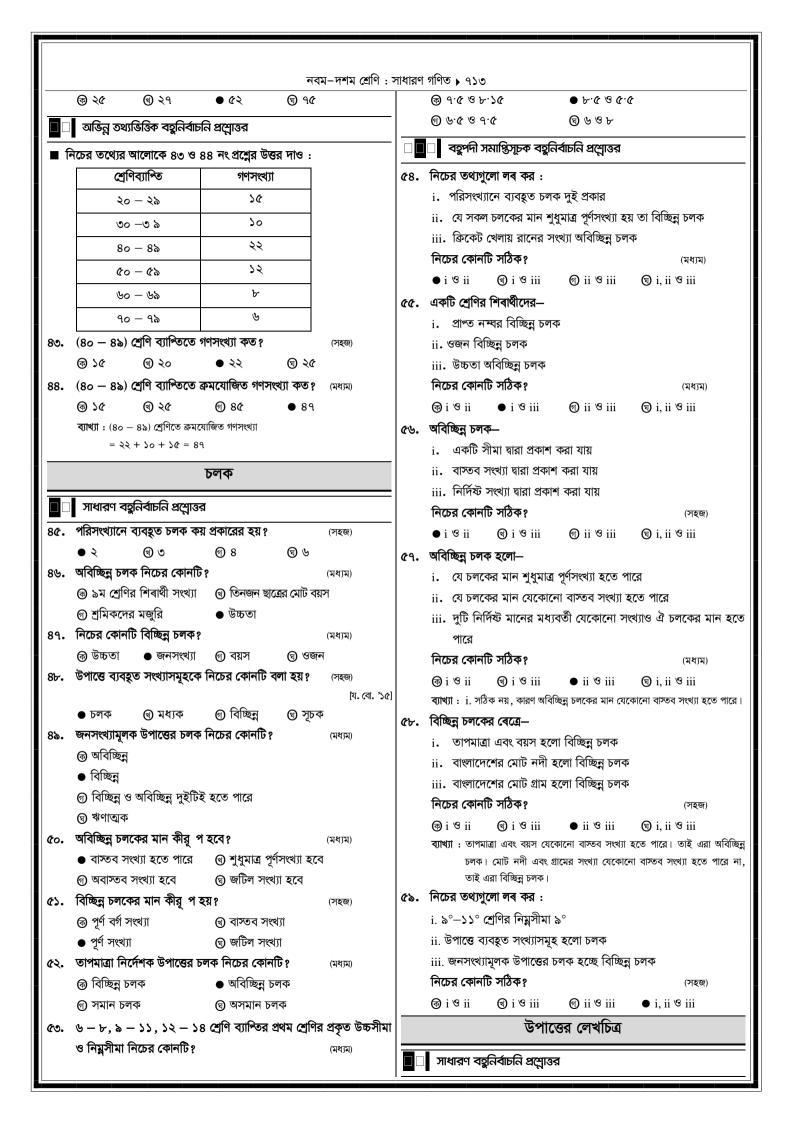
নবম–দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত 🕨 ৭১২

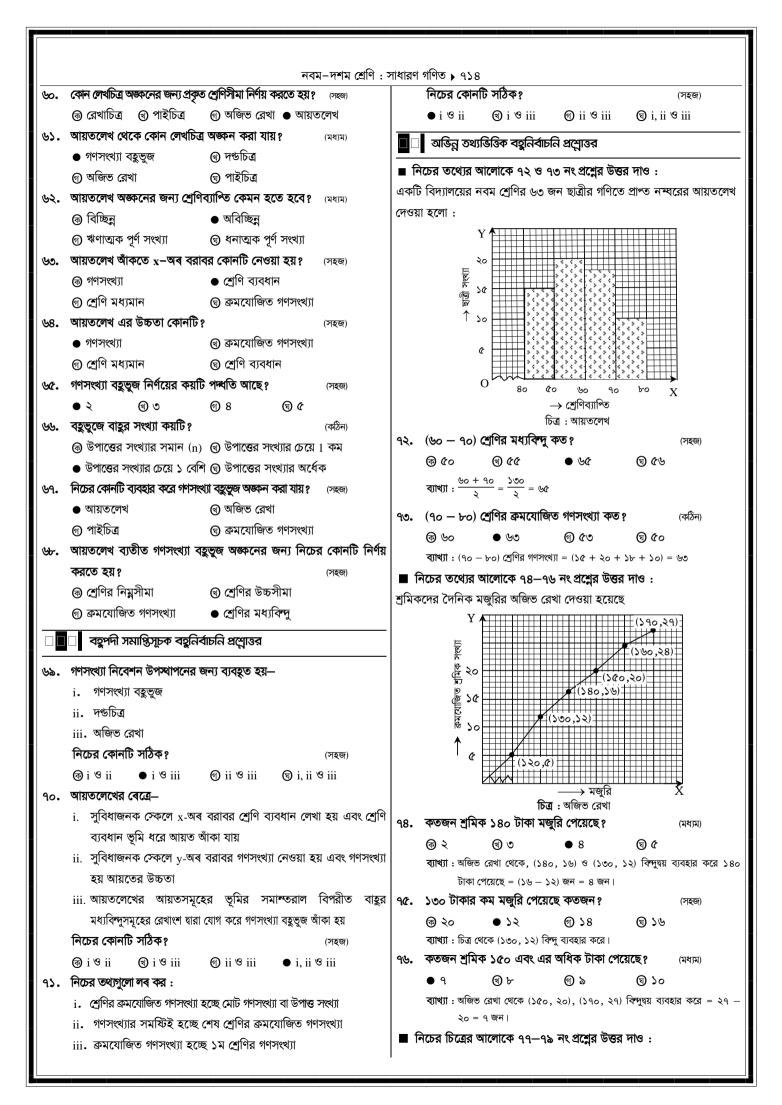
শিৰাৰ্থীর সংখ্যা

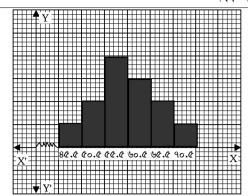
10

8

২৪. ঐ ৭ দিনের গড় তাপমাত্রা কত ছিল?







৭৭. চিত্রে সর্বোচ্চ গণসংখ্যা কত?

- ₹0
- @ \&
- ঞ ১২
- ०८ छ

ত্ম সরলরেখা

৭৮. চিত্রটি নিচের কোনটি?

(কঠিন)

- ৭৯. চিত্রে (৬০.৫ ৬৫.৫) শ্রেণিতে গণসংখ্যা কত?

- **⊕** ৫
- 06 (6)
- ১৫ থ ২০

কেন্দ্রীয় প্রবণতা

🔳 🗌 সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

- ৮০. উপাত্তসমূহের কেন্দ্রীয় মানের দিকে পুঞ্জিভূত হওয়ার প্রবণতাকে কী বলে?
 - কেন্দ্রীয় প্রবণতা
- কেন্দ্রীয় মান
- গ্র প্রচুরক
- ত্ব গড়

গ্র পরিসর

৮১. কেন্দ্রীয় প্রবণতার পরিমাপ কয়টি?

(সহজ)

- 9
- **(19)**
- ৮২. কোনটি উপাত্তসমূহের প্রতিনিধিত্ব করে?
- **ক্ট শ্রেণি** গণসংখ্যা
- কেন্দ্রীয় মান ত্ব ব্যবধান
- ৮৩. কেন্দ্রীয় মান একটি—

📵 শ্ৰেণি

- ত্ব ব্যাপ্তি
- ৮৪. নিচের কোনটি থেকে শ্রেণি মধ্যমান পাওয়া যায়?
- শ্রণির উর্ধ্বমান + শ্রেণির নিমুমান

সংখ্যা

- পূর্ব শ্রেণির উচ্চসীমা + শ্রেণির নিমুসীমা
- গু পরবর্তী শ্রেণির উচ্চসীমা + শ্রেণির নিমুসীমা
- ত্ত্ব $\left(\frac{$ পরবর্তী শ্রেণির নিমুসীমা + শ্রেণির উচ্চসীমা}{2}
 ight) imes 2
- ৮৫. গাণিতিক গড় = $\frac{1}{n}\sum_{i=1}^{k} f_{iX_i}$ এখানে k দ্বারা কী নির্দেশ করে?
 - শ্রেণিসংখ্যা
- গণসংখ্যা
- পি সর্বোচ্চ সংখ্যা
- ত্ব সর্বনিমু সংখ্যা

ব্যাখ্যা: যতগুলো শ্রেণি থাকে তার সংখ্যাই k.

- ৮৬. কোনো শ্রেণির মধ্যমান \mathbf{x}_i গণসংখ্যা \mathbf{f}_i হলে গাণিতিক গড় নির্ণয়ের সূত্র নিচের কোনটি?

- ৮৭. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয়ের সূত্র নিচের কোনটি?

[a = আনুমানিক গড়, f; = i-তম শ্রেণির গণসংখ্যা, u;f; = i-তম শ্রেণির গণসংখ্যা ধাপ বিচ্যুতি, h = শ্রেণি ব্যাপ্তি]

- $\textcircled{1} \ a + \frac{\Sigma f_i u_i}{h} \times n \qquad \qquad \textcircled{2} \ a \div \frac{1}{n} \, \Sigma f_i u_i \times h$
- ৮৮. গুরবত্ব প্রদত্ত গাণিতিক গড় নিচের কোনটি?

$$\textcircled{3} \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} x_i w_i}{\sum\limits_{i=1}^{n} \times n} \times n \qquad \bullet \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} x_i w_i}{\sum\limits_{i=1}^{n} w_i} \qquad \textcircled{3} \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} x_i w_i}{\sum\limits_{i=1}^{n} w_i}$$

৮৯. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গাণিতিক গড় $\overline{\mathbf{x}} = \mathbf{a} + \frac{\sum f_i \mathbf{x}_i}{\mathbf{n}} imes \mathbf{h}$ এখানে \mathbf{a} কী নির্দেশ

- কি নির্ণেয় গড়
- আনুমানিক গড়
- প্রাণিব্যাপিত
- ত্ব মধ্যক

৯০. ৯ জন ছাত্র প্রত্যেকে একটি নিরপেৰ ছক্কা নিৰেপ করল যার ফলাফল নিমুরু প : ৩, ৬, ৫, ৬, ২, ১, ৩, ৪, ৬ ফলাফলগুলোর গড় মান কত?

爾り

- **(19)**

ব্যাখ্যা: প্রাপত ফলাফলের যোগফল,

$$\Sigma X_i = \emptyset + \emptyset + \emptyset + \emptyset + 2 + 2 + 9 + 8 + 9 = 9$$

গড় =
$$\frac{\sum X_i}{n} = \frac{36}{6} = 8$$

৯১. ধাপ বিচ্যুতি নির্ণয়ের সূত্র নিচের কোনটি?

- কোনো শ্রেণির ধাপ বিচ্যুতি ২, মধ্যমান ২৮, আনুমানিক গড় ২০ হলে ঐ শ্রেণির ব্যাপ্তি কত?

ব্যাখ্যা :
$$u_i=\frac{x_i-a}{h}$$
 বা, $2=\frac{\xi \nu-\xi o}{h}$ বা, $h=8$, $(\xi \psi-\delta o)$ এর ব্যাপ্ত 8

- ৯৩. কোনো শ্রেণির ধাপ বিচ্যুতি ২, আনুমানিক গড় ২০ ও শ্রেণি ব্যবধান ৮ হলে শ্রেণি মধ্যমান কত?
 - 📵 ২৬
- **୩** ୬
- থ ২০
- তিনটি সাময়িক পরীৰায় শিমুলের গণিতে প্রাপ্ত নম্বর যথাক্রমে ৬০, ৭৫ ও ৮৫ এবং বার্ষিক পরীৰায় প্রাপত নম্বর ৯৫। যদি সাময়িক পরীৰার গুরবত্ব সমান এবং বার্ষিক পরীৰার গুরবত্ব সাময়িক পরীৰার দিগুণ হলে শিমুলের প্রাশ্ত নম্বরের গাণিতিক গড় নিচের কোনটি?
 - ⊕ bo
- থ ৮১
- থি ১০

ব্যাখ্যা :

প্রাশ্ত নম্বর	গুরবত্ব Wi	WiXi
Xi		
৬০	m	Уот
ዓଙ	m	٩ ৫ m
ኮ ሮ	m	ь¢т
৯৫	₹m	790m

$\sum w_i = \mathcal{C}_m$ $\sum w_i x_i = 8$ om \therefore প্রাপত নম্বরের গড় $\overset{-}{\mathbf{x}}_{\mathrm{w}}=rac{\Sigma \mathbf{w}_{\mathrm{i}}\mathbf{x}_{\mathrm{i}}}{\Sigma \mathbf{w}_{\mathrm{i}}}=rac{8\lambda \mathsf{om}}{\alpha \mathsf{m}}=\mathsf{b}$ ২

৯৫. ১ থেকে ২০ পর্যন্ত মৌলিক সংখ্যাগুলোর গড় কত?

あ.৬২৫図 ১২.৬২৫図 ১৫.৬২৫図 ১৭.৬২৫ ব্যাখ্যা: ১ থেকে ২০ পর্যন্ত মৌলিক সংখ্যাগুলো:

৯৬. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড়ের ৰেত্রে যদি $a= \infty$ ০, $\Sigma f_i x_i = -$ ২৩, h=৫ ও

n = 40 হয় তবে \overline{x} কত?

- ক্র ২৩·২৫
- \$8.\$€
- **୩ ୬**৬∙১৫
- থি ৩৭.৭৫

ব্যাখ্যা :
$$\overline{\mathbf{x}} = \mathbf{a} + \frac{\sum f_{\mathbf{i}} \mathbf{x}_{\mathbf{i}}}{\mathbf{n}} \times \mathbf{h}$$

$$= \mathbf{vo} + \frac{-\mathbf{vo}}{\mathbf{vo}} \times \mathbf{c}$$

🔲 🔲 বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

৯৭. কেন্দ্রীয় প্রবণতার পরিমাপ—

- i. গাণিতিক গড
- ii. মধ্যক
- iii. প্রচুরক

নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- ⊕ i ଓ ii ⊗ i iii
- 1ii V iii
- i, ii 🕏 iii

৯৮. নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:

$$\overline{x} = a + \frac{\Sigma f_i u_i}{n} \times h$$

- i. প্রদত্ত সূত্রটি সংবিপ্ত গড়ের সূত্র
- ii. এখানে a হলো উপাত্তের প্রথম মান
- iii. f; হলো i-তম শ্রেণির গণসংখ্যা

নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- i v i
- g ii S iii iii & i ●
- g i, ii g iii

৯৯. নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:

- i. উপাত্তসমূহের সমষ্টিকে সংখ্যা দ্বারা ভাগ করলে গাণিতিক গড় পাওয়া
- ii. উপাত্তের সংখ্যা বেশি হলে এটা খুব দুরবহ ব্যাপার
- iii. সংৰিপ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয় করা যায় না

নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- i v i ●
- (જો i ઉ iii
- டு ii ப் iii
- g i, ii g iii

১০০. $\mathbf{u}_i = \frac{\mathbf{x}_i - \mathbf{a}}{\mathbf{h}}$ এখানে—

- i. $u_i = ধাপ বিচ্যুতি$
- ii. a = আনুমানিক গড়
- iii. h = শ্রেণিব্যাপ্তি

নিচের কোনটি সঠিক?

(মধ্যম)

- ⊕ i ଓ ii
- iii & i
- gii V iii
- i, ii ଓ iii

১০১. নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:

- i. সংৰিপ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয়ের সূত্র , $\overline{x}=a+\dfrac{\sum f_i u_i}{\sum} \times h$
- ii তার প্রদন্ত গড় $\overline{x}_w = rac{\Sigma w_i x_i}{\Sigma x_i}$
- iii. wi = গুরবত্ব প্রদত্ত গড়ের গুরবত্বের চলক

নিচের কোনটি সঠিক?

(মধ্যম)

- ரு i பே
- i ७ iii
- டு ii ப்iii
- (T) i, ii (S iii

১০২. নিচের তথ্যগ্রলো লব কর:

- i. প্রকৃত গড় অনুমিত গড়ের ওপর নির্ভর করে না
- ii. প্রকৃত গড় অনুমিত গড়ের ওপর নির্ভর করে
- iii. অনুমিত গড় প্রকৃত গড়ের যত কাছাকাছি হবে, সংবিশ্ত পদ্ধতিতে গড নির্ণয়ের কাজ ততই সহজ হবে

নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- ரு i ও ii
- i ७ iii
- iii Viii
- g i, ii g iii

🔳 🗌 অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

■ নিচের তথ্যের আলোকে ১০৩ — ১০৫ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

নিচে ১০ জন শ্রমিকের দৈনিক মজুরি (টাকায়) দেওয়া হলো :

১৫0, ১৩0, ১8৫, ১90, ২00, ১৮0, ১৯0, ১80, ১৬৫, ১9৫ I

১০৩. উপাত্তের পরিসর কত?

⊕ %

၈ ৮৫

- থি ৯০
- ব্যাখ্যা: সর্বোচ্চমান = ২০০. সর্বনিয় মান = ১৩০.

७८ हि

(সহজে)

ব্যাখ্যা : শ্রেণি সংখ্যা = $\frac{\text{পরিসর}}{\text{১০}} = \frac{\text{9.5}}{\text{১০}} = \text{9.5}$ যা পূর্ণসংখ্যায় ৮।

১০৫. উপাত্তের গড কত?

(যথয়ে)

- ₱ 3%
- থ ১৬২.৫ থি ১৬৩
- \$68.6

বাখ্যা : $\Sigma x_i = 3$ ৫০ + ১৩০ + ১৪৫ + ১৭০ + ২০০ + ১৮০ + ১৯০ + ১৪০ +

$$\therefore$$
 গড় = $\frac{\sum x_i}{n} = \frac{3686}{50} = 568.6$

■ নিচের তথ্যের আলোকে ১০৬ — ১০৮ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

কোনো বিদ্যালয়ের কয়েকজন ছাত্রের ওজন (কেজিতে) দেওয়া হলো :

¢৮, 8৯, ¢¢, 8¢, 8২, ৩০, 8২, 8৭, ¢০, 8৮, ¢০, ¢৩, 8¢, ¢২, ৩৯, ¢ዓ, ¢ዓ, ¢৮, ¢৪, ¢¢, 8৮, ¢১, ¢৩, ¢১, ¢ዓ।

১০৬. উপাত্তের পরিসর কত?

থি ৩৯

- ক্ক ২৫
- থ্য ২৮
- ব্যাখ্যা: সর্বোচ্চ মান = ৫৮, সর্বনিম্ন মান = ৩০

∴ পরিসর = (৫৮ – ৩০) + ১ = ২৮ + ১ = ২৯

১০৭. ৫ শ্রেণি ব্যবধান নিয়ে শ্রেণি সংখ্যা কত হবে?

ব্যাখ্যা : শ্রেণি সংখ্যা = $\frac{\gamma k}{\ell} = \frac{2k}{\ell} = \ell \cdot k$ যা পূর্ণ সংখ্যায় ৬।

১০৮. উপাত্তের গড় কত?

(মধ্যম)

- @ 8¢.b8 ক্তি ৩৮.৫
 - 9 8b.C

বাখা : $\Sigma x_i = \mathfrak{C}\mathfrak{b} + 8\mathfrak{d} + \mathfrak{C}\mathfrak{C} + 8\mathfrak{C} + 8\mathfrak{d} + \mathfrak{G}\mathfrak{d} + 8\mathfrak{d} + 8\mathfrak{$ (0 + (0 + 86 + 62 + 03 + 69 + 69 + 65 + 68 + 66 + 8b +

নবম-দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত ▶ ৭১৭

$$\therefore$$
 গড় $=\frac{\sum x_i}{n} = \frac{3 \cdot 8 \cdot 6}{2 \cdot 6} = 8 \cdot 3 \cdot 6 \cdot 6$

🔳 🗌 সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

১০৯.n সংখ্যক উপাত্তের n বিজোড় সংখ্যা হলে, মধ্যক নিচের কোনটি?

- $oldsymbol{rac{n}{2}}+1$ তম পদের মান $oldsymbol{rac{n}{2}}$ ও $oldsymbol{\left(rac{n}{2}+1
 ight)}$ তম পদের মানের গড়
- ১১০. নিচের কোনটি মধ্যক নির্ণয়ের সূত্র? [L = মধ্যক শ্রেণির নিমুসীমা, n = গণসংখ্যা, \mathbf{F}_{c} = মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির গণসংখ্যা, \mathbf{f}_{m} = মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা, h = শ্রেণিব্যাপিত]
 - $\bigoplus L + \left(\frac{n}{2} + F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$
 - \otimes L + $\left(\frac{n}{2} f_{m}\right) \times \frac{h}{F_{c}}$
- ১১১. উপাত্তকে মানের ক্রমানুসারে সাজালে যে সকল উপাত্ত সমান দুইভাগে ভাগ করে সেই মান নিচের কোনটি?
 - মধ্যক
- থ্য ভাব গড়
- ১১২. উপাত্তের চলকের সংখ্যা ${f n}$ জোড় সংখ্যা হলে কয়টি মধ্যক পাওয়া যাবে?

୩ ବ

গ্র প্রচুরক

- দুইটি ি তিনটি থে চারটি
- ১১৩. ৭,৮,৭,৫,৯,১০,৪ সংখ্যাগুলোর মধ্যক নিচের কোনটি? সহজ
 - 8
- ०८ छ
- ব্যাখ্যা : সংখ্যাগুলোকে মানের ক্রমানুসারে সাজিয়ে পাই, ৪, ৫, ৭, বি ৮, ৯, ১০।

এখানে n = ৭ বিজোড় সংখ্যা

∴ মধ্যক =
$$\frac{n+2}{2}$$
 তম পদ

$$=\frac{9+5}{5}$$
 বা ৪তম পদ $=9$

১১৪. ১৬, ১৭, ৯, –২০, ৮, ১২, –৫, ১৮, ২৫, ১৯ সংখ্যাগুলোর মধ্যক

ক্ত ১২

- @ \9
- ब १४

ব্যাখ্যা: ছোট থেকে বড় সাজিয়ে পাই,

এখানে, n = ১০, যা জোড় সংখ্যা

∴ মধ্যক =
$$\frac{\frac{n}{2} \sqrt{\sqrt{2n}} \sqrt{\sqrt{2n}}}{\sqrt{2n}} = \frac{\sqrt{2n}}{\sqrt{2n}} = \frac{\sqrt{2n}}{\sqrt{2n}} = \sqrt{2n}$$

- ১১৫. ১ থেকে ২২ পর্যন্ত ৩ দারা বিভাজ্য সংখ্যাগুলোর মধ্যক কত ?(কঠিন)
 - ♠ ♦
- ১২
- **@ \&**
- থ ১৮

ব্যাখ্যা: ১ থেকে ২২ পর্যন্ত ৩ দারা বিভাজ্য সংখ্যাগলো:

মধ্যক =
$$\frac{n+1}{2}$$
 তম পদ = $\frac{n+1}{2}$ তম পদ

১১৬. ১১৩, ১২২, ১১৯, ১৩২, ১৪৮, ১০৯, ৯৯ উপাত্তের মধ্যক কত?

- **७८८** कि
- 779
- **€ 33.0** €
- चि १२२

ব্যাখ্যা : উপাত্তগুলোকে মানের ক্রমানুসারে সাজিয়ে পাই ৯৯, ১০৯, ১১৩, ১১৯, ১২২,

এখানে n = ৭ বিজোড সংখ্যা।

মধ্যক =
$$\frac{n+1}{2}$$
 তম পদ = $\frac{9+5}{5}$ তম পদ = 8ৰ্থ পদ = ১১৯

১১৭. মধ্যক = ৪৮.৯৬; L=8৮; $F_c=$ ৩১; h=৬ এবং $f_m=$ ২৫ হলে n=কত १

📵 ৬০

- থ্য ৬২

ব্যাখ্যা : মধ্যক =
$$L + \left(\frac{n}{2} - F_c\right) imes \frac{h}{f_m}$$

ৰা,
$$\mathbf{n}=\mathbf{k}\times\left\{rac{(মধ্যক-\mathbf{L})f_{\mathrm{m}}}{\mathbf{h}}+\mathbf{F}_{\mathrm{c}}\right\}$$

$$=\mathbf{k}\times\left\{\frac{(8\mathbf{b}\cdot\mathbf{b}\mathbf{b}-8\mathbf{b})\mathbf{k}\mathbf{c}}{\mathbf{b}}+\mathbf{v}\mathbf{b}\right\}\ =\mathbf{90}$$

🔲 🔳 বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

১১৮. নিচের তথ্যগুলো লৰ কর:

- i. উপাত্তের চলকের n সংখ্যক মান থাকলে মধ্যমা হবে $\frac{n}{2}$ তম পদ
- ii. উপাত্তের n সংখ্যক বিজোড় মান থাকলে মধ্যক হবে $\frac{n+1}{2}$ তম পদ
- iii. উপাত্তের চলকের n সংখ্যক জোড় মান থাকলে মধ্যক হবে $rac{n}{2}$ তম ও

 $\frac{n}{2}+1$ তম পদের গাণিতিক গড়

নিচের কোনটি সঠিক?

- ai ७ ii
- iii & i
 - iii ئii चि i. ii ও iii
- ১১৯. এক শীত মৌসুমে শ্রীমঞ্চালের জানুয়ারি মাসের কোনো এক স্পতাহের তাপমাত্রা হলো : ১৪°, ১০°, ৯°, ৬°, ৮°, ৭°, ৫°।
 - i. প্রদত্ত তথ্যের গড় তাপমাত্রা ৮·৪° (প্রায়)
 - ii. তাপমাত্রার মধ্যক মান ৮°
 - iii. সর্বনিমু তাপমাত্রা ৫°
 - নিচের কোনটি সঠিক?
 - ⊕ i ଓ ii ⊘ i ও iii
- gii giii
- i, ii ও iii
- ١٤٥. L + $\left(\frac{\mathbf{n}}{2} \mathbf{F}_{c}\right) \times \frac{\mathbf{h}}{f_{m}}$
 - i. এটি মধ্যক নির্ণয়ের সূত্র
 - ii. Fc হলো মধ্যক শ্রেণির যোজিত সংখ্যা
 - iii. fm মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা

নিচের কোনটি সঠিক?

(মধ্যম)

- ரு i ஒ ii
- i ७ iii
- gii g iii
- g i, ii g iii

🔳 🗌 অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

■ নিচের তথ্যের আলোকে ১২১—১২৩ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

মতিঝিল আইডিয়াল স্কুলের ৫০ জন শিৰার্থীর ওজনের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি নিচে দেওয়া হলো:

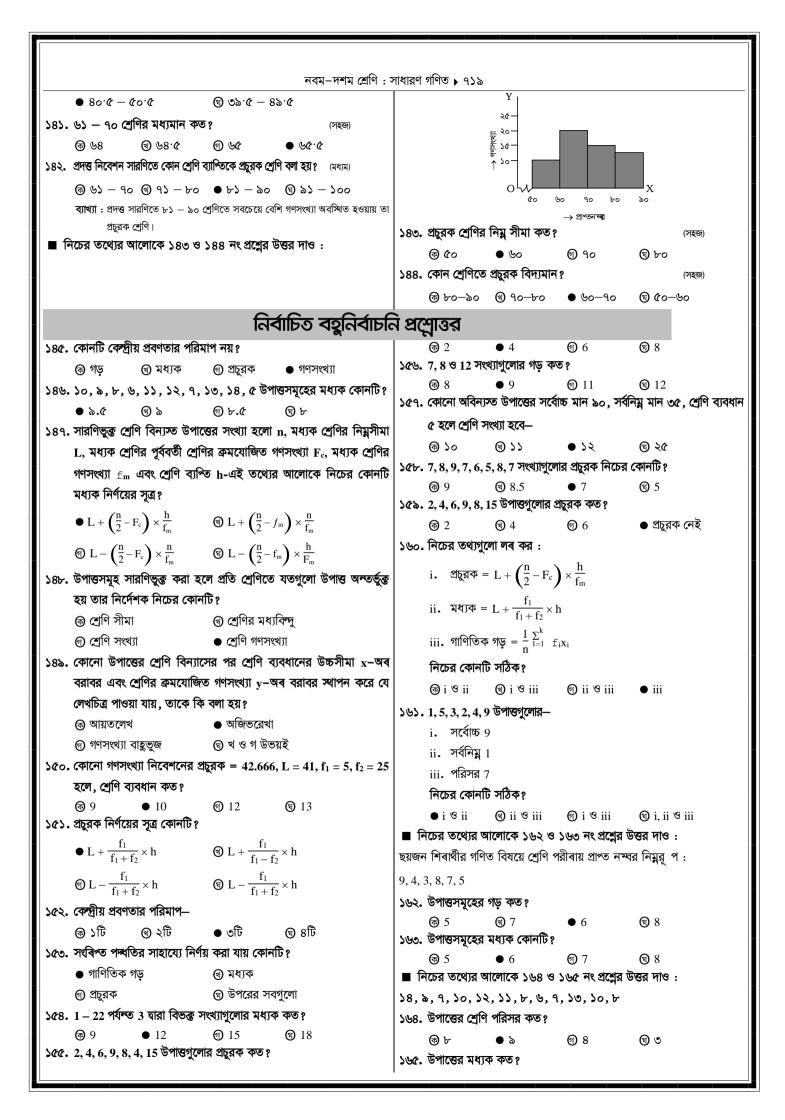
ওজন (কেজিতে)	৪৫ – ৪৯	69 − ග	<i>ൽ</i> − ആ	७ − ७8	৬৫ – ৬৯
গণসংখ্যা	20	ንራ	۵۹	9	N
ক্রমযোজিত গণসংখ্যা	20	*	8¢	8b-	⊗

১২১. মধ্যক শ্রেণির নিমুসীমা কত?

(সহজ)

- ₹86
- €0
- **ଡା ୯୯**
- থ্য ৬০

				নবম–	দশম শ্রেণি :	সাধারণ গণিত 🕨	926						
১২২. মধ্যক শ্রেণিঃ	ব গণসংখ্যা ব	ত ?		(2	াধ্যম)	যোজি	ত ফল	২	٥٥	২০		২৫	
⊕ > o	• ১৫	ଡ ২	0	ত্ব ২৫		গণসংখ	্যা নিবেশন	ন সারণি ে	<u>5</u> —	1	l I		
২৩. উপাত্তসমূহের	ৰ মধ্যক কত	?		(<	চ ঠিন)	i. প্ৰ	হুরক শ্রেণি	· >> — (4	10				
⊚ 8৫	⊚ ৫০	• 6	3 (ত্ব ৬৫			ুরক শ্রেণি						
		OF 3A					-		শ্রেণিতে বি	বদ্যমান			
		প্রচুরক					কোনটি স	-`.				(কঠিন)
🗌 সাধারণ ব	হুনির্বাচনি প্র	শ্রাত্তর							၅ i	i 😉 iii	ℚ i,	ii ଓ iii	,
২৪. কোনো উপা	ত্তে যে সংখ্য	া সর্বাধিক বা	র উপস্থাপি	ত হয়, সে	ই সংখ্যাটিকে	□□ অভি	। ज्ञशाबित्रि	ത ദാപ്ര	र्गान्ति श्रय	<u>রব</u>			
কী বলা হয় গ	?			((সহজ)								
ক্ত গড়	মধ্যক	• প্ৰ	হুরক	ত্ব ব্যাপ্তি		■ নিচের ত				,			
২৫. প্রচুরক নির্ণ	য়র সূত্র নিচে	র কোনটি?		(2	াধ্যম)	নবম শ্রেণির				গণিত বি	ষয়ে প্রাপ	ত নম্বর	শ্ৰেণি
\bullet I $\pm \frac{f_1}{f_1}$	— × h	⊚ L	$+\frac{f_1}{f_1}$	h		বিন্যুস্ত করে		করা হলে	<u> </u>				_
1	2		-1 -2			প্রাপ্ত নম্বর			০ ৬১–৭০	92-60	p?-90	27-700	
	$\frac{f_2}{f_2} \times h$	1 (a)	$-\frac{f_1}{f_1+f_2}\times$	h		শিৰাৰ্থী সংখ্য	7	২	¢	75	۵۹	৩	
২৬. কোনো উপা	তে যদি এক	ট সংখ্যা এক	। ধিক বার না	া থাকে ত	ব প্রচুরক কত	১৩৩. ৫১ –	৬০ শ্রেণির	প্রকৃত নি	মুসীমা ও	উচ্চসীমা	কোনটি ?	(সহজ)	1
হবে?				((সহজ)	● ৫০.0	£, ७o∙๕		@ 8	80·0,88·	Č		
1		ন্ত উ	পা তে র মধ্য	মান		<u> </u>	€, €o∙€		ত্ব ও	৯.৫, ৪৯.	œ		
উপাত্তের	যেকোনো ম	ান 🔸 প্র	চুরক নেই			১৩৪. তৃতীয়	শ্রণির মধ	্যমান নি	চর কোনটি	?		(সহজ)	1
২৭. ৭,৮,৯,৭,	৬,৫,৮,৭	সংখ্যাগুলোর গ্র	াচুরক নিচের	কোনটি ?	(সহজ)	ক্ত ৬৪	@) ৬8· ৫	• 4	ø¢· ৫	ত্ব ৬	৬	
⊕ ৬	• 9	19 %		ত্ত ৯		১৩৫. প্রদন্ত বি	ণ বেশ ন সা	রণিতে ৫	চান শ্ৰেণিব	্যাপিত প্রচু	রক শ্রেণি	? (সহজ)	1
২৮. ২, ৪, ২,	৫ , ৭, ৭,	۹, ۵٥, ৯,	33, 33,	১৩, ১১	এই উপাত্তের	ረ ን 📵	– ৬০) ৬১ –	૧૦ ૧૦	15 – po	● b'	o6 – 6	
প্রচুরক কত গ	?			(মধ্যম)	■ নিচের ত	থ্যের আলে	াকে ১৩৩	- ১৩৯ [°]	নং প্রশ্নের	উত্তর দা	હ :	
📵 ৪ ও ৫	જી ૨ ૭ ∶	So • 9	6 77	র ৯ ৫ ১	0		শ্ৰেণি			গণসংখ্যা			
		নদ্ম উভয়ই সর্	র্গাধিক ৩ বার	করে আছে,	সুতরাং প্রচুরক ৭		২১ – ৩৫	,		٥٥			
এবং							७ ১ – ८०	9		22			
২৯. প্রচুরক = L	$+\frac{11}{\mathbf{f_1}+\mathbf{f_2}}\mathbf{A}$	h এখানে L ³	কী নিৰ্দেশ ব	ন্বে?	(সহজ)		85 – ¢¢			১২			
📵 গণসংখ্যা		ଡ	গুণি ব্যাপ্তি				€\$ — ७c			Œ			
গ্ৰ মধ্যক		● প্র	হুরক শ্রেণির	নিমুমান						২			
ু 🔳 🗆 বহুপদী :	সমাপ্মিসচক ৰ	বহুনির্বাচনি ৪	<u>শূমান্তব</u>				৬১ – ৭০						
						১৩৬. উপাত্তে	•					(সহজ)	J
৩০. নিচের তথ্যগ	- 1			<u> </u>		⊕ €) >0	60 S		:		- all
		ন্ধ যে মানাট	সবচেয়ে (বোশবার উ	পস্থাপিত হয়		୬ ୩୯୯ଶ ଓ	नवैंशक (द	া ড তা	৸ মূববত।	্রোশর		
তাই প্রচু :: উপ্সক	•	a) <u>a series</u> -	SA CHAR			কত ? ● ১	6) ২	1		⊚ ৫	(মধ্যম)	l .
		বা একাধিক : - সংগ্ৰ				১৩৮. উপাত্তস						ञ्चाराज सार्श	কে েক
		ক নাও থাকে	৩ পারে			30%. 9118	শূরেম এটু	श्रक ह्यान	9 9 N 1	4401 CI	18 1111	भार साराभ (प्रथाप	
নিচের কোন		. 0		,	স হ জ) 	ক্তি ৩	લ) ¢	• 4	1	3 2		
		i 🕤 ii			111	১৩৯. উপাত্তে					0 -	` (কঠিন))
७১. ১২, ১৩, ১ ·		, ৯, ৫, ৪ ড	শা ওগুলোর —	•					• 8	३२.२४	1 8 1		
i. সর্বোচ্চ			_			■ নিচের ত							
		ক ৩ বার আে	ছ			একটি পরীৰা				•			সত ব
iii. প্রচুরক						উপস্থাপন কর		, "10	10.4 -	., - 11	,., v <u>.</u>	G- (N-1)	-
নিচের কোন					স হ জ) 				1		1		7
	(d) i (s ii	i • ii	e iii	ছ) i, ii ও	iii	প্রাপ্ত নম্বর			-				1
∘હર. ———	T	Т	Τ	ı		শিৰাৰ্থী সংখ্যা	7	২	Č	75	١٩	২]
নম্বর	7 – 20	<i>>></i> − <i>></i> 0	২১ – ৩০	<u>७</u> ५ – ८	0	\$80. 80 -	৫০ শ্রেণির	প্রকৃত নি	মুসীমা ও	উচ্চসীমা	কোনটি ?	(মধ্যম))
গণসংখ্যা	ર	ъ	٥٥	Č		@ 8o	·¢ − 8≥.	œ	@ 8	30 – Co	٠.		



নবম-দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত ▶ ৭২০

⊕
δ

(P)

● ৯.৫

3.06

■ নিচের তথ্যের আলোকে ১৬৬—১৬৮ নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

দৈনিক মজুরী (টাকায়)	৫০–৬০	৬১–৬৫	৬৬–৭০	<u> </u> ዓኔ–ዓ৫	৭৬–৮০
শ্রমিকের সংখ্যা	২৫	৭৬	৩২	١٩	১২

১৬৬. প্রচুরক শ্রেণি কোনটি?

७५–५৫
 ७५–१०
 १५–४०
 १५–४०
 १५–१०

১৬৭. মধ্যক শেণি কোনটি?

⊕ ৭৬–৮০ ② ৭১–৭৫ ৩ ৬৬–৭০

১৬৮. মধ্যক শ্রেণির পূর্বের শ্রেণিতে ক্রমযোজিত গণসংখ্যা কত?

ৰি ১০১

৩০১ ছি

• ২৫

থ ১৫০

■ নিচের তথ্যের আলোকে ১৬৯ –১৭১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

19, 20, 12, 13, 14, 15, 16, 17

১৬৯. প্রদত্ত তথ্যের গাণিতিক গড় কত?

15⋅75

② 14·75

14.5

13.5

১৭০. মধ্যক কোনটিং

雨 14·5

(14.75)

● 15·5

(17.5)

১৭১. প্রচুরক নিচের কোনটি?

♠ 14

(1) 15

19

প্রচুরক নেই

■ নিচের তথ্যের আলোকে ১৭২ ও ১৭৩ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

শীতকালে বাংলাদেশের কোনো অঞ্চলের ১০ দিনের তাপমাত্রা (সেন্টিগ্রোড) পরিসংখ্যান হলো:

১০°, ৯°, ৮°, ৬°, ১১°, ১২°, 9°, ১৩°, ১8°, ৫°

১৭২. উপরের সংখ্যাসূচক উপাত্তের প্রচুরক কোনটি?

ৰু ১২°

(₹)

ଉ ১৩°

প্রচুরক নেই

১৭৩. উপরের সংখ্যাসূচক উপাত্তের গড় তাপমাত্রা কত?

ብ ৮°

(₹) b...€°

● %.६°

গুরুত্বপূর্ণ সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান

প্রমূ🗕১ 🗲 দশম শ্রেণির 50 জন শিৰাধীর গণিতে প্রাশ্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি দেওয়া হলো:

শ্রেণিব্যাপ্তি 31–40 41–50 51–60 61–70 71–80 81–90 91–100 গণ্যসংখ্যা 12



ক. উক্ত সারণি থেকে ক্রমোযোজিত গণসংখ্যা নির্ণয় কর।

খ. উক্ত সারণি থেকে সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয় কর।

গ. উক্ত সারণি থেকে মধ্যক নির্ণয় কর।

🕨 🕯 ১নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক. ক্রমযোজিত গণসংখ্যা নির্ণয়ের জন্য প্রয়োজনীয় সারণি নিমুরূ প:

শ্রেণি ব্যাপ্তি	গণসংখ্যা	ব্রুমযোজিত গণসংখ্যা
31 – 40	6	6
41 - 50	8	14
51 - 60	10	24
61 – 70	12	36
71 – 80	5	41
81 – 90	7	48
91 – 100	2	50

খ. সংৰিপ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয়ের জন্য প্রয়োজনীয় সারণি নিমুরু প:

শ্রেণি ব্যাপ্তি	শ্রেণি মধ্যবিন্দু (x _i)	গণসংখ্যা (f _i)	ধাপ বিচ্যুতি $u_i = \frac{x_i - a}{h}$	গণসংখ্যা × ধাপ বিচ্যুতি (f _i u _{i)}
31 – 40	35.5	6	- 3	- 18
41 – 50	45.5	8	- 2	- 16
51 - 60	55.5	10	- 1	- 10
61 – 70	65.5a	12	0	0
71 – 80	75.5	5	1	5
81 – 90	85.5	7	2	14
91 – 100	95.5	2	3	6
মোট		n = 50		- 19

এখানে, a = 65.5

 $\sum f_i u_i = -19$

n = 50

h = 10

আমরা জানি , সংবিশ্ত পদ্ধতিতে গড়
$$\overline{x}=a+\frac{\sum f_i u_i}{n}\times h$$

$$=65.5+\frac{-19}{50}\times 10$$

$$=65.5+\frac{-19}{5}$$

$$=65.5-3.8$$

$$=61.7~(Ans.)$$

গ. 'ক' থেকে পাই.

$$n = 50$$
 এবং $\frac{n}{2} = \frac{50}{2} = 25$

অতএব, মধ্যক হলো 25 তম পদের মান। 25 তম পদের অবস্থান হবে (61-70) **শ্রেণিতে**।

অতএব, মধ্যক শ্রেণি হলো (61-70)।

$$\therefore$$
 L = 61, F_c = 24, f_m = 12, h = 10

$$\therefore$$
 মধ্যক = L + $\left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$
= $61 + (25 - 24) \times \frac{10}{12}$
= $61 + \frac{10}{12}$
= 61.83 (Ans.)

প্রশ্ল–২ ▶ গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হলো: —

শ্রেণিব্যাপ্তি	11-20	21-30	31–40	41-50	51-60	61-70	71–80
গণসংখ্যা	6	10	12	15	8	5	4

ক. মধ্যক শ্রেণি নির্ণয় কর।

খ. সংৰিপ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয় কর।

গ. বর্ণনাসহ আয়তলেখ আঁক।

🕨 🕯 ২নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. মধ্যক শ্রেণি নির্ণয়ের প্রয়োজনীয় সারণি নিমুর প:

		•
শ্রেণি ব্যাপিত	গণসংখ্যা	ব্রুমযোজিত গণসংখ্যা

নবম-দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত ▶ ৭২১

11 – 20	6	6
21 – 30	10	16
31 – 40	12	28
41 – 50	15	43
51 - 60	8	51
61 – 70	5	56
71 – 80	4	60
	n = 60	

এখানে, n = 60

$$\therefore \frac{n}{2} = \frac{60}{2} = 30$$

অতএব, মধ্যক হলো 30 তম পদের মান। 30 তম পদের অবস্থান হবে (41-50) শ্রেণিতে। অতএব মধ্যক শ্রেণি হলো—

খ. সংৰিপ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয়ের সারণি নিমুর প:

	•		•1 4	
শ্রেণিব্যাপ্তি	মধ্যবিন্দু (xi)	গণসংখ্যা (fi)	ধাপ বিচ্যুতি $\mathbf{u}_{i} = \frac{\mathbf{x}_{i} - \mathbf{a}}{\mathbf{h}}$	f_iu_i
11 20	15.5	6	- 3	10
11 - 20	13.3	Ü	- 3	- 18
21 - 30	25.5	10	- 2	- 20
31 – 40	35.5	12	- 1	- 12
41 – 50	45.5	15	0	0
51 - 60	55.5	8	1	8
61 – 70	65.5	5	2	10
71 – 80	75.5	4	3	12
মোট		n = 60		- 20

এখানে, a = 45.5

$$\sum\!f_iu_i=-20$$

$$n = 60$$

$$h = 10$$

জামরা জানি,
$$x=a+\frac{\sum f_i u_i}{n}\times h$$

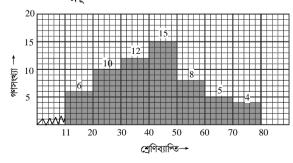
$$=45\cdot 5+\frac{-20}{60}\times 10$$

$$=45\cdot 5-3\cdot 33$$

$$=42\cdot 17. \text{ (Ans)}$$

গ. ছক কাগজের XOX' কে X এবং YOY' কে Y অৰ ধরি। X ও Y অৰ বরাবর বর্গাকার প্রতি এক ঘরের বাহুকে একক ধরে X অৰ বরাবর শ্রেণিসীমা এবং Y অৰ বরাবর গণসংখ্যা নিয়ে আয়তলেখ আঁকা হলো। মূলবিন্দু থেকে 11 পর্যন্ত পূর্ববর্তী ঘরগুলো আছে বোঝাতে ভাঙা চিহ্নব্যবহার করা হয়েছে।

অঙ্কিত আয়তলেখটি নিমুর প:



প্রা—৩ → কোনো বিদ্যালয়ের ৯ম শ্রেণির বার্ষিক পরীবায় ৪০ জন শিবার্থীর গণিতে নম্বর নিমুরূ প :

নম্বর	31–40	41–50	51–60	61–70	71–80	81–90	91–100
শিৰাৰ্থীর সংখ্যা	4	10	18	23	13	9	3

ক. চলকের পরিচয়সহ মধ্যক নির্ণয়ের সূত্রটি লেখ।

খ. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয় কর।

গ. প্রদত্ত উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভুজ অজ্ঞন কর।

🕨 🕯 ৩নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

ক. মধ্যক =
$$L + \left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$$

যেখানে, L = মধ্যক শ্রেণির নিমুসীমা

n = মোট গণসংখ্যা

Fc মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা

h = শ্রেণি ব্যাপ্তি

এবং f_m = মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা

খ. সংবিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয়ের সারণি নিমুর প:

শ্রেণিব্যাপ্তি	মধ্যবিন্দু (x _i)	গণসংখ্যা (f _i)	ধাপ বিচ্যুতি $\mathbf{u}_{i} = \frac{\mathbf{x}_{i} - \mathbf{a}}{\mathbf{h}}$	f _i u _i
31 – 40	35.5	4	- 3	12
41 – 50	45.5	10	- 2	- 20
51 – 60	55.5	18	- 1	- 18
61 – 70	$a \rightarrow 65.5$	23	0	0
71 – 80	75.5	13	1	13
81 – 90	85.5	9	2	18
91 – 100	95.5	3	3	9
মোট		n = 80		$\sum f_i u_i - o$

$$\overline{x} = a + \frac{\sum f_i u_i}{n} \times h$$

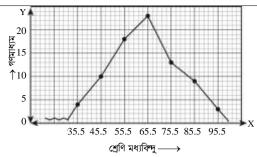
$$= 65.5 + \frac{-10}{80} \times 10$$

$$= 64.25 (উন্তর)$$

গ. গণসংখ্যা বহুভুজ অজ্ঞনের জন্য প্রয়োজনীয় সারণি :

~~~		
শ্রেণি ব্যাপ্তি	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
31 – 40	35.5	4
41 – 50	45.5	10
51 – 60	55.5	18
61 – 70	65.5	23
71 – 80	75.5	13
81 – 90	85.5	9
91 – 100	95.5	3

ছক কাগজে X-অৰ বরাবর প্রতি ঘরকে 2 একক ধরে শ্রেণি মধ্যবিন্দু এবং Y-অৰ বরাবর প্রতি ঘরকে 1 একক ধরে গণসংখ্যা নিয়ে গণসংখ্যা বহুভুজ অজ্ঞকন করা হয়েছে। মূলবিন্দু থেকে 35.5 পর্যন্ত সংখ্যাগুলো বিদ্যমান বোঝাতে X-অবে ভাজা। চিহ্ন ব্যবহার করা হয়েছে।



### প্রশ্ন–8 > গণিত বিষয়ের একটি বহুনির্বাচনি প্রশ্নের সমাধানে 20 জন ছাত্রের প্রত্যেকের যে সময় (সেকেন্ড) লেগেছিল তা নিমুরু প:

 45
 40
 25
 20
 16
 50
 55
 35
 40
 60

 58
 52
 32
 18
 22
 25
 53
 51
 30
 44

ক. ৫ শ্রেণিব্যাপ্তি ধরে গণসংখ্যা নিবেশন সারণী তৈরি

কর।

খ. উক্ত সারণী থেকে সংবিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয় কর। 8 গ. উপাত্তগুলোর অজিত রেখা আঁক ও মতামত দাও। 8

### 🕨 🕯 ৪নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

#### ক. এখানে,

সর্বোচ্চ সংখ্যা 60 সর্বনিমু সংখ্যা 16

$$\therefore$$
 শ্রেণিসংখ্যা  $=\frac{45}{5}=9.$ 

নির্ণেয় গণসংখ্যা নিবেশন সারণীটি নিমুরূ প:

শ্রেণিব্যাপ্তি	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
16-20		3
21-25		3
26-30		1
31-35		2
36-40		2
41-45		2
46-50		1
51-55		4
56-60		2
মোট		20

### খ. সংৰিপ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয়ের জন্য প্রয়োজনীয় ছক নিমুর প:

শ্রেণিব্যাপিত	গণসংখ্যা (f _i )	মধ্যমান (x _i )	ধাপ বিচ্যুতি $\mathbf{u}_i = \frac{\mathbf{x}_i - \mathbf{a}}{\mathbf{h}}$	গণ সংখ্যা × ধাপ বিচ্যুতি f _i u _i
16 – 20	3	18	-4	- 12
21 – 25	3	23	- 3	<b>-9</b>
26 – 30	1	28	- 2	- 2
31 – 35	2	33	- 1	- 2
36 – 40	2	38 (a)	0	0
41 – 45	2	43	1	2
45 – 50	1	48	2	2
51 – 55	4	53	3	12
56 – 60	2	58	4	8
মোট	20			- 1

এখানে, মধ্যম শ্রেণির মধ্যমান, a = 38 আমরা জানি.

গড় 
$$\overline{x} = a + \frac{\sum f_i u_i}{n} \times h$$
  

$$= 38 + \frac{-1}{20} \times 5$$
  

$$= 38 + \frac{-1}{4}$$
  

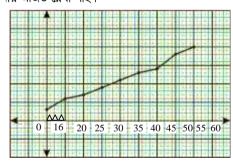
$$= 38 - 0.25$$
  

$$= 37.75 \text{ (Ans.)}$$

### গ. উপাত্তগুলোর অজিভ রেখা অজ্জনের জন্য প্রয়োজনীয় ছক নিমুর প:

	1	-14
শ্রেণিব্যাপ্তি	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
16 – 20	3	3
21 – 25	3	6
26 – 30	1	7
31 – 35	2	9
36 – 40	2	11
41 – 45	2	13
46 – 50	1	14
51 – 55	4	18
56 – 60	2	20

ছক কাগজের X অব ও Y অব বরাবর ছক কাগজের প্রতি এক বাহুর দৈর্ঘ্যকে একক ধরে X অব বরাবর শ্রেণি ব্যাশ্তি ও Y অব বরাবর ক্রমযোজিত গণসংখ্যাকে স্থাপন করি। বিন্দুগুলো যোগ করে আমরা প্রয়োজনীয় অজিভ রেখা পাই।



### প্রমু—৫১ ১০ম শ্রেণির ৭০ জন শিৰাধীর গণিতে প্রাশ্ত নম্বরের গণসংখ্যা সারণি হলো–

শ্রেণিব্যাপ্তি	€0 - €8	<i>৫</i> ৫ – <i>৫</i> ৯	<b>60 - 68</b>	৬৫ – ৬৯	१० - १৯
গণসংখ্যা	٩	১২	ንራ	২৪	৯

?

ক. প্রচুরক নির্ণয়ের সূত্রটি লেখ ও বিবৃত কর।

২

খ. প্রদ**ত্ত** উপাত্ত হতে গড় নির্ণয় কর।

8

গ. প্রদত্ত উপাত্ত হতে অজিভ রেখা আঁক।

8

### 🕨 🕯 ৬নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

### ক. প্রচুরক নির্ণয়ের সূত্রটি হলো ঃ

প্রচুরক = 
$$L + \frac{f_1}{f_1 + f_2} \times h$$

এখানে,

L = প্রচুরক শ্রেণির সর্বনিমুমান

 $f_1=$  প্রচুরক শ্রেণির গণসংখ্যা-পূর্ববর্তী শ্রেণির গণসংখ্যা

 $f_2=$  প্রচুরক শ্রেণির গণসংখ্যা-পরবর্তী শ্রেণির গণসংখ্যা

h = শ্রেণিব্যাপ্তি

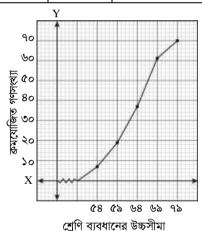
খ. গড় নির্ণয়ের প্রয়োজনীয় ছক নিমুরূ প:

1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1			
শ্রেণিব্যাপিত	শ্ৰেণি মধ্যমান	গণসংখ্যা	fix _i
	$(\mathbf{x_i})$	$(\mathbf{f_i})$	ПА
<b>৫</b> 0− <b>৫</b> 8	৫২	٩	৩৬৪
<i>የ</i> ৫− <i>৫</i> ৯	<b>Č</b> 9	১২	৩৮৪
৬০-৬৪	৬২	72-	১১১৬
৬৫–৬৯	৬৭	<b>\</b> 8	১৬০৮
৭০–৭৯	٩২	৯	৬৪৮
মোট		n = 90	88২০

নির্ণেয় গড় = 
$$\frac{8820}{90}$$
 = ৬৩·১৪৩ (প্রায়)

গ

শ্রেণিব্যাপিত	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
¢o−¢8	٩	٩
<i>৫</i> ৫–৫৯	১২	79
<b>७</b> ०− <b>७</b> 8	74	৩৭
৬৫–৬৯	<b>\</b> 8	৬১
৭০–৭৯	ه	90



**অজিভ রেখা অজ্জন :** ছক কাগজের X অব বরাবর প্রতি পাঁচ ঘরকে শ্রেণি ব্যবধানের উচ্চ সীমার একক এবং Y অব বরাবর ছক কাগজের এক ঘরকে ক্রমযোজিত গণসংখ্যার 2 একক ধরে প্রদ**ত্ত** উপা**ত্তে**র ক্রমযোজিত গণসংখ্যার অজিভরেখা আঁকা হলো।

### প্রমূ—৬ > নিচে ৩০ জন শিৰার্থীর বার্ষিক পরীৰায় গণিতে প্রাশ্ত নম্বর দেওয়া _{গ.}

হলো :

 90
 9b
 36
 96
 9b
 52
 56
 30

 39
 50
 9b
 9b
 9a
 3a
 50
 50
 5a
 5a

 50
 50
 50
 50
 5a
 <td



ক. শ্রেণি ব্যবধান ৬ ধরে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি কর।

- খ. প্রাপ্ত উপাত্তের মধ্যক নির্ণয় কর।
- গ. প্রদত্ত উপাত্ত থেকে আয়তলেখ অজ্জন কর।

🕨 🕯 ৬নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 🕯

ক. শিৰাথীদের সর্বোচ্চ প্রাপ্ত নম্বর = ৯৭

মনেকরি, শ্রেণিব্যবধান = ৬

$$\therefore$$
 শ্রেণি সংখ্যা =  $\frac{29}{6}$  = ৫০৫

অতএব, শ্রেণি সংখ্যা হবে ৬টি।

শিৰাথীদের গণিতে প্রাপত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি :

শ্ৰেণি ব্যাপ্তি	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
<b>७</b> ৫−९०	IIII	8
৭১–৭৬	III	৩
৭৭-৮২	M M	70
<b>との</b> ーひひ	M	Œ
<b>৮৯-</b> ৯8	IIII	8
26-700	IIII	8
মোট		೨೦

খ. গণসংখ্যা নিবেশন সারণি :

শ্ৰেণি ব্যাপ্তি	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
৬৫ ৭০	8	8
৭১ু৭৬	৩	৩
ঀঀৢ৮২	70	20
৮৩ৢ৮৮	Č	Œ
৮৯ ৢ ৯৪	8	8
৯৫ ১০০	8	8

সারণি হতে পাই,  $n = \infty$  এবং  $\frac{n}{2} = \lambda$ ে

অতএব, মধ্যম হলো ১৫ তম পদের মান।

১৫ তম পদ (৭৭ – ৮২) শ্রেণিতে অবস্থিত।

অতএব, মধ্যক শ্রেণি হলো (৭৭ – ৮২)

এখন L = ৭৭, Fc = ৭, fm = ১০, h = ৬

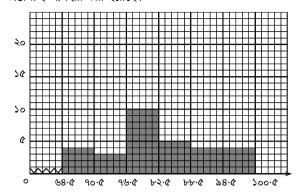
$$= 99 + 8 \times \frac{8}{20}$$

নির্ণেয় মধ্যক ৮১.৮।

গ. 'খ' থেকে প্রাশ্ত সারণিতে উপাত্তের বিচ্ছিন্ন শ্রেণি ব্যবধান অবিচ্ছিন্ন করা হলে প্রদন্ত সারণিটি হবে—

অবিচ্ছিন্ন শ্রেণি সীমা	গণসংখ্যা
<b>७8</b> ⋅๕–੧ <b>०</b> ⋅๕	8
90· <b>૯</b> –9৬· <b>૯</b>	৩
<u> </u>	20
<b> b 3.6 6.6 7.6 7.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.6 9.</b>	Œ
<b>৮৮∙</b> ৫–৯8∙৫	8
\$8·€─}oo·€	8
	\\ \begin{align*} \begin{align*} \delta \cdot \ellip - \delta \cdot \ellip \delta \cdot \delta \delta \cdot

এখন, ছক কাগজের X-অৰ বরাবর প্রতি ঘরকে এক একক ধরে শ্রেণিসীমা এবং Y-অৰ বরাবর প্রতি ঘরকে এক একক ধরে গণসংখ্যা স্থাপন করে আয়তলেখ আঁকা হয়েছে। X-অৰ বরাবর শ্রেণিসীমা ৬৪·৫ থেকে আরম্ভ হয়েছে। মূলবিন্দু থেকে ৬৪-৫ পর্যন্ত পূর্ববর্তী ঘরগুলো বিদ্যমান বোঝাতে ভাঙা চিহ্ন ব্যবহার করা হয়েছে।



### প্রশ্ন–৭ > কোনো স্কুলের দশম শ্রেণির প্রথম সাময়িক পরীৰায় ৭০ জন শিৰার্থীর

### গণিত বিষয়ে প্রাপত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হল নিমুরূ প:

নম্বর	67-66	<i>৫</i> ৬–৬০	৬১–৬৫	৬৬-৭০	97-46	96-20	b7-p&
গণসংখ্যা	Č	70	২০	36	70	٩	9

ক. কেন্দ্রীয় প্রবণতা কাকে বলে? কেন্দ্রীয় প্রবণতার

পরিমাপগুলো কী কী?

٧

খ. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয় কর।

8

গ. প্রদত্ত সারণি থেকে মধ্যক নির্ণয় কর।

### 🕨 🕯 ৭নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

ক. কেন্দ্রীয় প্রবণতা : অনুসন্ধানাধীন অবিন্যাত উপান্তসমূহ মানের ক্রমানুসারে সাজালে, উপান্তসমূহ মাঝামাঝি কোনো মানের কাছাকাছি পুঞ্জিভূত হয়। উপান্তসমূহের কেন্দ্রীয় মানের দিকে পুঞ্জিভূত হওয়ার এই প্রবণতাই হলো কেন্দ্রীয় প্রবণতা।

কেন্দ্রীয় প্রবণতার পরিমাপগুলো হলো:

(১) গাণিতিক গড়, (২) মধ্যক ও (৩) প্রচুরক।

খ. সংবিপত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয়ের জন্য প্রয়োজনীয় সারণি নিমুর প:

নম্বর	মধ্যপদ _{Xi}	গণসংখ্যা f _i	ধাপ বিচ্যুতি $u_i = rac{x_i - a}{h}$	$\mathbf{f_{i}u_{i}}$
\$\$ - ¢¢	୯୬	Č	- 9	- 76
৫৬ – ৬০	<b>৫</b> ৮	20	- ২	– ২০
৬১ – ৬৫	৬৩	২০	- >	– ২০
৬৬ – ৭০	<b>ს</b> ৮ − a	36	0	0
95 – 9¢	৭৩	20	2	٥٥
৭৬ – ৮০	96	٩	٤	78
b3 - b&	৮৩	9	9	۵
মোট		90		– ২২

আমরা জানি.

গ. মধ্যক নির্ণয়ের প্রয়োজনীয় সারণি নিমুরূ প:

নম্বর	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
<b>७</b> ७ − ८७	Č	Č
৫৬ – ৬০	70	አ <u>ራ</u>
৬১ – ৬৫	২০	৩৫
৬৬ – ৭০	<b>১</b> ৫	(°o
95 – 9¢	20	৬০
৭৬ – ৮০	٩	৬৭
b3 - b@	৩	90
	n = 90	

এখানে, 
$$n=90$$
 এবং  $\frac{n}{3}=\frac{90}{3}$  বা ৩৫

অতএব, মধ্যক হলো ৩৫ তম পদের মান। ৩৫ তম পদের অবস্থান হবে (৬১ — ৬৫) শ্রেণিতে।

অতএব মধ্যক শ্রেণি হলো (৬১ – ৬৫)

সুতরাং, L= ৬৩,  $f_m=$  ২০,  $F_c=$  ১৫, h=৫, n= ৭০

আমরা জানি,

মধ্যক = L + 
$$\left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$$
  
= ৬৩ +  $\left(\frac{90}{2} - 56\right) \times \frac{6}{20}$   
= ৬৩ + (৩৫ - ১৫)  $\times \frac{5}{8}$   
= ৬৩ + ২০  $\times \frac{5}{8}$   
= ৬৩ + ৫  
= ৬৮ (Ans.)

### প্রশ্ন-৮ > কোনো বিদ্যালয়ের ১০ম শ্রেণির ৫০ জন শিৰার্থীর গণিতে প্রাপত নম্বরগুলো নিমুরু প:

ক. শ্রেণি ব্যবধান ১০ ধরে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি

কর। খ্র গণসংখ্যা নি ২

খ. গণসংখ্যা নিবেশনটির মধ্যক নির্ণয় কর।

8

গ. গণসংখ্যা নিবেশনটির বহুভুজ অজ্ঞন কর।

#### 🕨 🕯 ৮নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

ক. এখানে,

সর্বনিম্ন সংখ্যা ৩১

সর্বোচ্চ সংখ্যা ১০০

পরিসর = (১০০ – ৩১) + ৯

= 90

শ্রেণি ব্যবধান = ১০

$$\therefore$$
 শ্রেণি সংখ্যা =  $\frac{90}{20}$  = 9.

শ্রেণি ব্যবধান ১০ ধরে উদ্দীপকে প্রদত্ত উপাত্তসমূহের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি নিমুর প:

•1 4		
শ্রেণিব্যাপ্তি	ট্যালি	গণসংখ্যা
৩১ – ৪০	NV I	৬
85 - Go	NV III	b
৫১ – ৬০	INI INI	20
৬১ – ৭০	IN IN II	১২
95 - 60	N	Œ
p2 - 90	NN II	٩
97 - 700	II	٦
মোট		n = <b>(</b> co

### মধ্যক নির্ণয়ের গণসংখ্যা নিবেশন সারণিটি নিমুর প :

শ্রেণিব্যপ্তি	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
৩১ – ৪০	৬	৬
8\$ - ¢o	Ъ	78
৫১ – ৬০	20	২8
৬১ – ৭০	১২	৩৬
95 - po	Č	87
b? - 90	٩	8৮
22 - 700	২	৫০
মোট	n = <b>(</b> 0	

এখানে, 
$$n = co$$
 এবং  $\frac{n}{2} = \frac{co}{2} = 2c$ 

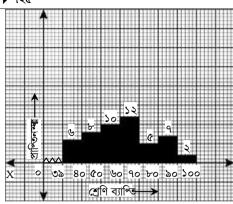
মধ্যক হলো ২৫ তম পদের মান। ২৫ তম পদের অবস্থান হবে (৬১–৭০) শ্রেণিতে। অতএব, মধ্যক শ্রেণি হলো (৬১-৭০)।

সুতরাং, L= ৬১ ,  $F_c=$  ২৪ ,  $f_m=$  ১২ এবং h= ১০

$$\therefore$$
 মধ্যক  $= L + \left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{fm}$ 
 $= \&\flat + (২৫ - ২৪) \times \frac{\flat o}{\flat ২}$ 
 $= \&\flat + \frac{\flat o}{\flat ২}$ 
 $= \&\flat \cdot \flat \circ (প্রায়) \quad (Ans.)$ 

#### গণসংখ্যা বহুভুজ অজ্জন:

লেখ কাগজে X অৰ ও Y অৰ বরাবর প্রতি ঘরকে একক ধরে X অৰ বরাবর শ্রেণি ব্যপ্তি ও Y অৰ বরাবর প্রাপত নম্বর স্থাপন করে বহুভুজ অঙ্কন করি।



### প্রশ্ন–৯ > নিচের একটি গণসংখ্যা সারণি দেওয়া হলো :

শ্রেণি ব্যাণি	ত 11 – 20	21 – 30	31 – 40	41 – 50	51 – 60
গণসংখ্য	4	16	20	25	15

ক. শ্রেণিগুলোর মধ্যবিন্দু ও ক্রমোযোজিত গণসংখ্যা নির্ণয়

খ. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয় কর।

গ. মধ্যক নির্ণয় কর।

### 🕨 🕯 ৯নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

ক. প্রথম সারণি হতে শ্রেণিগুলোর মধ্যবিন্দু ও ক্রমযোজিত গণসংখ্যা নির্ণয় :

Ī	শ্রেণি ব্যাপ্তি	শ্রেণি মধ্যবিন্দু	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
Ī	11 - 20	15.5	4	4
Ī	21 - 30	25.5	16	20
Ī	31 – 40	35.5	20	40
Ī	41 - 50	45.5	25	65
	51 - 60	55.5	15	80

### খ. সংৰিপ্ত পদ্ধতিতে গড নিৰ্ণয়ে সারণি

শ্রেণি ব্যাপ্তি	শ্রেণি মধ্যবিন্দু	গণসংখ্যা fi	ধাপ বিচ্যুতি ui	গণসংখ্যা × ধাপ বিচ্যুতি
	$\mathbf{X_i}$		$=\frac{\mathbf{x_i}-\mathbf{a}}{\mathbf{h}}$	$f_{ m i} { m u_i}$
11 – 20	15.5	4	- 3	- 12
21 – 30	25.5	16	- 2	- 32
31 – 40	35.5	20	- 1	- 20
41 – 50	45.5	25	0	0
51 – 60	55.5	15	1	15
মোট		n = 80		$\Sigma f_{\rm i} u_{\rm i} = -49$

: 
$$\bar{x} = a + \frac{\sum f_i u_i}{n} \times h = 45.5 + \frac{(-49)}{80} \times 10 = 45.5 - 6.125$$

$$= 39.375$$
(প্রাম্য) (Ans.)

### গ. প্রদত্ত উপাত্ত হতে মধ্যক নির্ণয়ের সারণি নিমুর প:

শ্ৰেণি ব্যাপিত	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
11-20	4	4
21-30	16	20
31-40	20	40
41-50	25	65
51-60	15	80
মোট	n= 80	

এখানে , মোট গণসংখ্যা n=80 এবং  $\frac{n}{2}=\frac{80}{2}=40$ 

যেহেতু, 40তম পদ (31-40) শ্রেণিতে অবস্থিত। সুতরাং মধ্যক শ্রেণি হলো (31-40)।

এখানে, মধ্যক শ্রেণির নিমুসীমা, L = 31

মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা,  $F_{c}=20$ 

মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা,  $f_{
m m}$  = 20

শ্রেণি ব্যবধান, h = 10

∴ মধ্যক = L 
$$\left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m} = 31 + (40 - 20) \times \frac{10}{20}$$
  
= 31 + 10 = 41 (Ans.)

### প্রশ্ন–১০ > কোনো এক সালে এক গ্রামের অনুর্ধ্ব 50 বছর বয়সের (বছর) গণসংখ্যা বিবেষণ সারণী হলো :

বয়স	16-20	21-25	26-30	31-35	36-40	41-45	46-50
(বছর)							
গণসংখ্যা	5	15	25	22	20	5	3



- ক. শ্রেণি ব্যবধান নির্ণয় কর।
- খ. ক্রমযোজিত গণসংখ্যার অজিভ রেখা আঁক।
- গ. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে বয়সের গড় নির্ণয় কর।
- 8

### 🕨 ५ ১০নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

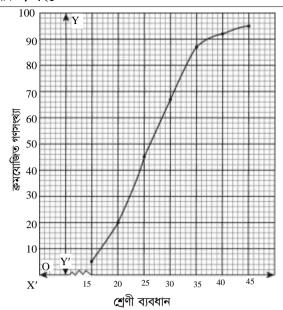
ক. শ্রেণি ব্যবধান = যেকোনো শ্রেণির নিমুসীমা — পূর্ববর্তী শ্রেণির নিমুসীমা = ২য় শ্রেণির নিমুসীমা — ১ম শ্রেণির নিমুসীমা = 21 –16 = 5

(Ans.)

খ.

শ্রেণি ব্যাপ্তি	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
16 – 20	5	5
21 – 25	15	20
26 – 30	25	45
31 – 35	22	67
36 – 40	20	87
41 – 45	5	92
46 – 50	3	95

ক্রমযোজিত গণসংখ্যা নিবেশনের অজিত রেখা অজ্ঞানের জন্য X অব বরাবর ছক কাগজের এক ঘরকে একক ধরে শ্রেণি ব্যবধানের উচ্চ সীমা এবং Y অব বরবর ছক কাগজের দুই ঘরকে একক ধরে ক্রমযোজিত গণসংখ্যা নিয়ে অজিত রেখা অজ্ঞান করা হলো।



চিত্র : অজিভ রেখা

গ.

শ্রেণী ব্যবধান	শ্ৰেণী মধ্যবিন্দু (x _i )	গণসংখ্যা ( $f_{ m i}$ )	বিচ্যুতি $(\mathbf{u}_i)$ $= \frac{\mathbf{x}_i - \mathbf{a}}{\mathbf{h}}$	গণসংখ্যা $ imes$ বিচ্যুতি $(f_{\mathrm{i}} \mathrm{u_{i}})$
16 - 20	18	5	- 2	- 15
21 – 25	23	15	- 2	- 30
26 – 30	28	25	- 1	- 25
31 – 35	33 (a)	22	0	0
36 – 40	38	20	1	20
41 - 45	43	5	2	10
46 - 50	48	3	3	9
				$\Sigma f_i \mathbf{u}_i = -31$

গড় =  $\overline{x}$  =  $a + \frac{\sum f_i u_i}{n} \times h = 33 + \frac{-31}{95} \times 5$  এখানে a = 33 =  $33 - 163 = 31 \cdot 36$  (Ans.) a = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 = 33 =

### প্রশ্ন–১১ > তোমার বিদ্যালয়ের ১০ম শ্রেণির প্রাক নির্বাচনি পরীবার ৭০ জন শিবার্থীর গণিত বিষয়ের প্রাপত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হলো নিমুরূ প:

নম্বর	<b>&amp;o−&amp;</b> &	৫৬–৬১	৬২–৬৭	৬৮–৭৩	৭৪–৭৯	b0−b€
গণসংখ্যা	9	70	ንራ	২৫	b	y

?

- উক্ত সারণী থেকে ক্রমযোজিত গণসংখ্যা নির্ণয় কর।
- খ. উক্ত সারণী থেকে মধ্যক নির্ণয় কর।
- 8
- গ. উদ্দীপকের সারণী থেকে প্রচুরক নির্ণয় কর।

### ১৭ ১১নং প্রশ্রের সমাধান ১৭

ক.

নম্বর	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
€0 – €€	9	৩
৫৬ – ৬১	20	১৩
৬২ – ৬৭	72	৩১
৬৮ – ৭৩	২৫	৫৬
৭৪ – ৭৯	ъ	৬8

bo − b๕	14	90
60 – 60	Ŭ	.0

### খ. আমরা জানি,

মধ্যক = L + 
$$\left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$$

এখানে, L = যে শ্রেণীতে মধ্যক আছে তার নিমুসীমা = ৬৮

$$\frac{\mathbf{n}}{2} =$$
 ক্রমযোজিত গণসংখ্যার অর্ধেক =  $\frac{90}{2}$  = ৩৫

Fc = মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণীর যোজিত গণসংখ্যা = ৩১

মধ্যক = ৬৮ + (৩৫ –৩১) 
$$\times \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{6}}$$

$$= 69 + 8 \times \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{6}}$$

$$= 69 + 6 \cdot 29$$

∴ মধ্যক ৬৮·৯৬ (প্রায়) (Ans.)

= ৬৮-৯৬

গ. আমরা জানি, প্রচুরক = 
$$L + \frac{f_1}{f_1 + f_2} \times h$$

এখানে, L = যে শ্রেণিতে প্রচুরক আছে তার নিমুসীমা = ৬৮

$$\mathbf{f}_1$$
 = প্রচুরক শ্রেণির গণ সংখ্যা  $-$  পূর্ববর্তী শ্রেণীর গণসংখ্যা

 $\mathbf{f}_2$  = প্রচুরক শ্রেণির গণসংখ্যা - পরবর্তী শ্রেণির গণসংখ্যা

শ্রেণি ব্যাপ্তি h = ৬

প্রাচুরক = L + 
$$\frac{f_1}{f_1 + f_2} \times h$$
  
= ৬৮ +  $\frac{q}{q + 5q} \times \psi$   
= ৬৮ + ১.৭৫  
= ৬৯.৭৫

∴ প্রচুরক ৬৯·৭৫ (প্রায়) (Ans.)

### প্রশু–১২ > তোমার শ্রেণির ২৫ জন ছাত্রের বাংলায় প্রাশ্ত নম্বর নিমুরু প :

৬০, ৫৫, ৫৮, ৪৫, ৬০, ৬৫, ৮০, ৭০, ৪৬, ৬০, ৬৫, ৭০, ৫৮, ৬০, ৬৮, ৭০, ৪৫, ৮৫, ৬০, ৫০, ৪৬, ৬৫, ৫৫, ৬১, ৭২।

ক. শ্রেণি ব্যাপ্তি ৫ ধরে শ্রেণি সংখ্যা নির্ণয় কর।

খ. শ্রেণি ব্যাশ্তি ৫ ধরে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি

কর।

গ. গণসংখ্যা নিবেশন সারণির সাহায্যে গড় ও প্রচুরক নির্ণয় কর।

### 🄰 ১২নং প্রশ্রের সমাধান 🔰

ক. এখানে, সর্বনিমু প্রাপত নম্বর = ৪৫ এবং সর্বোচ্চ প্রাপত নম্বর = ৮৫

$$\therefore$$
 শ্রেণিব্যাপ্তি ৫ ধরে শ্রেণি সংখ্যা =  $\frac{8\lambda}{c}$  = ৮.২ = ৯

খ. 'ক' হতে পাই, শ্রেণিব্যাপ্তি ৫ নিয়ে শ্রেণিসংখ্যা = ৯

∴ শ্রেণিব্যাপ্তি ৫ ধরে গণসংখ্যা নিবেশণ সারণি নিমুর প:

শ্রেণিব্যাপিত	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
8¢ – 8\$		8
€0 – €8		2
<i>৫৫ – ৫৯</i>	IIII	8
७o − ७8	M I	৬
৬৫ – ৬৯	IIII	8
90 – 98	IIII	8
ዓ৫ — ዓኔ		o
bo - b8		2
<b>৮৫ − ৮</b> ৯		2

গ. গড় ও প্রচুরক নির্ণয়ের সারণি নিমুর প :

গণসংখ্যা fi	শ্রেণি মধ্যমান	£
$f_{ m i}$		
<i>j</i> -	$\mathbf{x_i}$	$f_{\mathrm{i}\mathrm{X_{i}}}$
8	89	766
2	৫২	৫২
8	<b>6</b> 9	২৮৮
હ	৬২	৩৭২
8	৬৭	২৬৮
8	٩২	২৮৮
0	99	0
7	<b>b</b> 2	৮২
2	৮৭	৮৭
n = 25		$\Sigma f_{\mathrm{i}  \mathrm{X_i}}$ = ১৫৬৫
	\$ 8 8 8 0 5	8 89 3 62 8 69 5 52 8 69 6 99 8 92 0 99 3 52 5 59

আমরা জানি , গড় =  $\frac{\sum f_i x_i}{n} = \frac{\sum \ell \, \forall \ell \, \forall \ell}{2\ell} = \, \forall 2 \cdot \forall \, \ell \,$  (Ans.)

জাবার, প্রাচুরক =  $\mathbb{L}+rac{f_1}{f_1+f_2} imes \mathbf{h}$ 

এখানে, (৬০–৬৪) শ্রেণিতে সবচেয়ে বেশি গণসংখ্যা অবস্থিত। সুতরাং (৬০–৬৪) হলো প্রচুরক শ্রেণি।

∴ L = প্রচুরক শ্রেণির নিমুসীমা = ৬০

 $f_1=$  প্রচুরক শ্রেণি থেকে পূর্ববর্তী শ্রেণির গণসংখ্যার পার্থক্য

এবং h = শ্রেণিব্যাপত = ৫

$$\therefore$$
 প্রচুরক = L +  $\frac{f_1}{f_1 + f_2} \times h = 40 + \frac{2}{2 + 2} \times 40$ 

$$= 40 + \left(\frac{2}{8} \times 40\right)$$

$$= \&o + \frac{@}{2} = \frac{22o + @}{2} = \frac{22@}{2} = \&2@ \text{ (Ans.)}$$

### প্রশ্ন–১৩ > তোমার শ্রেণির ২৫ জন ছাত্রের বাংলায় প্রাপ্ত নম্বর নিমুরূ প :

61, 99, 62, 65, 98, 95, 81, 85, 90, 76

77, 80, 75, 66, 68, 73, 87, 90. 72, 77, 78, 80 92, 68, 70, 71,

83, 85, 75, 77, 81, 85, 75, 77, 81, 78

. শ্রেণি ব্যবধান 5 ধরে সারণী তৈরি করলে কতটি শ্রেণি

হবে নির্ণয় কর। খ. গণসংখ্যা সারণী তৈরি করে গড় নির্ণয় কর।

গ. প্রদত্ত সারণীর আয়তলেখ অঙ্কন কর।

### 🕨 🕯 ১৩নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

ক. এখানে, সর্বোচ্চ নম্বর = 99

সর্বনিম্ন নম্বর = 61

 $\therefore$  পরিসর = (99 - 61) + 1 = 38 + 1 = 39

দেওয়া আছে, শ্রেণি ব্যবধান 5

এখন , শ্রেণিসংখ্যা  $\frac{39}{5}=7.8$ 

∴ শ্রেণি সংখ্যা ৪ টি। (Ans.)

খ. গণসংখ্যা সারণী :

গড় নির্ণয় :

প্রাপত	মধ্যবিন্দু	ট্যালি	গণসংখ্যা	$f_i x_i$
নম্বর	$(\mathbf{x_i})$	וייונט	$(\mathbf{f_i})$	1111
61–65	63	III	3	189
66–70	68	MI I	6	408
71–75	73	MI I	6	438
76–80	78	IN III	9	702
81–85	83	IN III	9	747
86–90	88	III	3	264
91–95	93	ll l	2	186
96-100	98		2	196
			n = 40	$\Sigma f_{i} x_{i} = 3130$

গড় = 
$$\frac{\sum f_{iX_i}}{n} = \frac{3130}{40} = 78.25$$
 (Ans.)

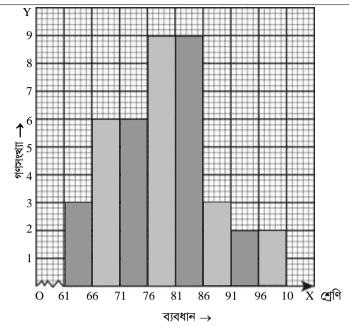
গ. আয়তলেখ নির্ণয়ের সারণী :

প্রাপ্ত নম্বর	মধ্যবিন্দু (xi)
61–65	3
66–70	6
71–75	6
76–80	9
81–85	9
86–90	3
91–95	2
96–100	2

ছক কাগজে OX অৰ বরাবর শ্রেণি ব্যবধান এবং OY অৰ বরাবর গণসংখ্যা ধরে প্রদন্ত সারণীর আয়ত লেখ আঁকি।

OX বরাবর 1 ঘর = 1 একক

OY বরাবর 5 ঘর =1 একক।



প্রশ্ন–১৪ > ১০ম শ্রেণির 76 জন শিবার্থীর গণিতে প্রাশ্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি দেওয়া হলো :

প্রাপ্ত নম্বর	1-10	11-20	21-30	31-40	41-50	51-60	61-70	71-80	81-90	91-100
গণসংখ্যা	2	5	13	12	11	18	5	4	4	2

?

ক. বিচ্ছিনু চলক ও অবিচ্ছিনু চলক বলতে কি বুঝ?

খ. প্রদত্ত সারণি থেকে সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয় কর। ৪

গ. প্রদত্ত সারণীর আয়তলেখ অজ্জন কর।

8

### 🕨 🕯 ১৪নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 🕯

ক. বিচ্ছিন্ন চলক: যে চলকের মান শুধুমাত্র পূর্ণ সংখ্যা হয় তাকে বিচ্ছিন্ন চলক বলে। উদাহরণ: জনসংখ্যা।

**অবিচ্ছিন্ন চলক** : যে চলকের মান যেকোনো বাস্তব সংখ্যা হতে পারে তা অবিচ্ছিন্ন চলক। উদাহরণ : বয়স, উচ্চতা, ওজন।

প্রাশ্ত নম্বর	শ্রেণি মধ্যমান x _i	গণসংখ্যা fi	ধাপ বিচ্যুতি $\mathbf{u}_i = \frac{\mathbf{x}_i - \mathbf{a}}{\mathbf{h}}$	গণসংখ্যার ধাপ বিচ্যুতি $f_{ m i} { m u}_{ m i}$
1 – 10	5.5	2	-5	- 10
11 – 20	15.5	5	-4	- 20
21 – 30	25.5	13	-3	- 39
31 – 40	35.5	12	-2	- 24
41 – 50	45.5	11	-1	- 11
51 - 60	55.5	18	0	0
61 – 70	65.5	5	1	5
71 – 80	75.5	4	2	8
81 – 90	85.5	4	3	12
91 – 100	95.5	2	4	8
মোট		76		-71

মোট n = 76

গড় = 
$$\bar{x}$$
 =  $a + \frac{\sum f_i u_i}{n} \times h = 55.5 + \frac{-71}{76} \times 10$   
=  $55.5 - \frac{710}{76} = 55.5 - 9.34$   
=  $46.16$  (Ans.)

		111 111
প্রাশ্ত নম্বর	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
1-10	2	2
11–20	5	7
21–30	13	20
31–40	12	32
41–50	11	43
51-60	18	61
61–70	5	66
71–80	4	70
81–90	4	74
91–100	2	76
	n = 76	

এখানে, n = 76

$$\therefore \frac{n}{2} = \frac{76}{2} = 34$$

অতএব, মধ্যক হলো 34তম পদের মান।

38তম পদের অবস্থান (41–50) শ্রেণিতে। অতএব মধ্যক শ্রেণি হলো (41-50) |

সুতরাং L = মধ্যক শ্রেণির নিমুসীমা = 41

F_c = মধ্যক শ্রেণির পূর্বের শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা = 32

 $f_{\rm m}=$  মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা =11

এবং h = শ্রেণি ব্যবধান = 10

∴ মধ্যক = L + 
$$\left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$$
  
= 41 + (38 - 32) ×  $\frac{10}{11}$   
= 41 +  $\left(6 \times \frac{10}{11}\right)$   
= 41 + 5.45  
= 46.45 (Ans.)

### প্রশ্ল—১৫৮ ১০ম শ্রেণির শিবার্থীদের গণিত বিষয়ে প্রাশ্ত নম্বরের গণসংখ্যা সারণি

### নিমুরূ প:

প্রাপ্ত	51-60	61-70	71-80	81-90	91-500
নম্বর					
গণসংখ্যা	8	10	15	12	5

ক. চলকের পরিচয়সহ সংবিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয়ের

সূত্রটি লিখ।

গ. প্রদত্ত সারণীর আয়তলেখ অজ্ঞন কর।

খ. প্রাপ্ত নম্বরের মধ্যক নির্ণয় কর।

### 🕨 🕯 ১৫নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 🕯

ক. গড় 
$$\mathbf{x}=\mathbf{a}+rac{\sum f_{\mathbf{i}}\mathbf{u}_{\mathbf{i}}}{\mathbf{n}}\times\mathbf{h}$$
 বিখানে,  $\mathbf{a}=$  আনুমানিক গড়

 $f_i = i$  তম শ্রেণির গণসংখ্যা

 $f_{\mathrm{i}} u_{\mathrm{i}} = \mathrm{i}$ তম শ্রেণির গণসংখ্যা imes বিচ্যুতি

h = শ্রেণি ব্যাপ্তি

প্রাপ্ত নম্বর	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
51-60	8	8
61-70	10	18

71-80	15	33
81-90	12	45
91-100	5	50
এখানে $\frac{\mathrm{h}}{2} = 25$	n = 50	

∴ মধ্যক হলো 25 তম পদের মান 125 তম পদের অবস্থান হবে (71-80) শ্রেণিতে। অতএব মধ্যক শ্রেণি হলো (71-80).

সুতরাং L = 71,  $F_c = 18$ ,  $f_m = 15$  এবং h = 10

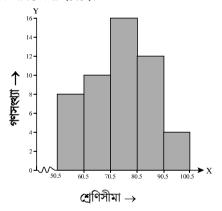
$$\therefore$$
 মধ্যক = L +  $\left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m} = 71 + (25 - 18) \times \frac{18}{15}$   
=  $71 + 7 \times \frac{2}{3} = 71 + \frac{14}{3} = 71 - 4.66 = 75.66$ 

নির্ণেয় মধ্যক 75.67 (প্রায়)

গ.

প্রাপ্ত নম্বর	অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিসীমা	গণসংখ্যা
51-60	50.5 -60.5	8
61-70	60.5 -70.5	10
71-80	70.5 -80.5	15
81-90	80.5-90.5	12
91-100	90.5-100.5	5

অৰ বরাবর গণসংখ্যা নিয়ে আয়ত লেখ আঁকি। X অৰ বরাবর শ্রেণি সীমা 50·5 থেকে আরম্ভ করা হয়েছে।



প্রশ্ন–১৬ > দশম শ্রেণির 60 জন শিৰার্থীর ১ম সাময়িক পরীৰার গণিত বিষয়ের প্রাপত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি নিচে দেওয়া হলো :

প্রাপ্ত	21 40	41.50	51.60	<i>c</i> 1. 70	71 00	01.00	01 100
নম্বর	31–40	41–50	51-60	61-70	/1-80	81–90	91–100
গণসংখ্যা	5	11	12	15	10	5	2

ক. প্রদন্ত উপাত্ত হতে প্রচুরক শ্রেণির মধ্যবিন্দু নির্ণয় কর।

খ. সারণি থেকে সর্থৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয় কর।

গ. সারণি থেকে প্রাপ্ত নম্বরের মধ্যক নির্ণয় কর।

### 🕨 🕽 ১৬নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

ক. প্রদন্ত উপাত্তের গণসংখ্যা সর্বাধিক 15 বার আছে (61–70) শ্রেণিতে। সুতরাং (61 −71) শ্রেণিই প্রচুরক শ্রেণি।

∴ প্রচুরক শ্রেণির মধ্যবিন্দু = 
$$\frac{61-71}{2}$$
 =  $65.5$ 

খ. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয়ের সারণি :

প্রাপ্ত নম্বর	শ্রেণির মধ্যবিন্দু x _i	গণসংখ্যা <i>f</i> i	ধাপ বিচ্যুতি $u_i = \frac{x_i - a}{h}$	গণসংখ্যার ধাপ বিচ্যুতি $f_{ m iu_i}$
31 – 40	35.5	5	- 3	- 15
41 – 50	45.5	11	- 2	- 22
51 – 60	55.5	12	- 1	- 12
61 – 70	65.5	15	0	0
71 – 80	75.5	10	1	10
81 – 90	85.5	5	2	10
91 – 100	95.5	2	3	6
মোট		n = 60		$\Sigma f_{\rm i} u_{\rm i} = 23$

এখানে, অনুমিত গড়, a = 65.5 শ্রেণি ব্যাপ্তি, h = 10

$$\therefore$$
 নির্ণেয় গড়  $\overline{x}=a+rac{\Sigma f_i u_i}{n} \times h=65\cdot 5+rac{-23}{60} imes 10=61\cdot 67$  প্রোয়)

গ.

প্রাপ্ত নম্বর	গণসংখ্যা $f$ i	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা

31 – 40	5	5
41 – 50	11	16
51 – 60	12	28
61 – 70	15	43
71 – 80	10	53
81 – 90	5	58
91 – 100	2	60
	$n = \Sigma f_i = 60$	

এখানে, 
$$n = 60$$
 এবং  $\frac{n}{2} = \frac{60}{2} = 30$ 

অতএব, মধ্যক হলো 30তম পদের মান। 30তম পদের অবস্থান হবে (61-70) প্রেণিতে। অতএব মধ্যম প্রেণি হলো (61-70)

সুতরাং L= 
$$61$$
 ,  $f_{
m m}=15$ ,  $F_{
m c}=28$ ,  $h=10$ 

∴ মধ্যক = L + 
$$\left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m} = 61 + (30 - 28) \times \frac{10}{15} = 62.33$$
 (Ans.)

### অনুশীলনমূলক কাজের আলোকে সৃজনশীল প্রশ্ন ও সমাধান

প্রশ্−১৭ ► কোনো স্কুলের নবম শ্রেণির শিবার্থীদের ২০ জন করে দুইটি দল গঠন করা হলো। তারপর তাদের প্রত্যেকের ওজন (কেজিতে) নিয়ে তথ্য উপস্থাপন করা হলো:

১ম দল–এর সদস্যদের ওজন (কেজিতে) : ৫০, ৫২, ৪৮, ৪৫, ৫৩, ৬০, ৬২, ৪৫, ৫৩, ৫২, ৫০, ৪৮, ৪৬, ৬৫, ৬২, ৫৮, ৪৭, ৪৮, ৫২, ৫৪।

২য় দল–এর সদস্যদের ওজন (কেজিতে) : ৫৮, ৫৪, ৪৫, ৪২, ৪৭, ৫০, ৫২, ৫৫, ৪০, ৪১, ৪২, ৪৩, ৪৪, ৫৩, ৬০, ৪০, ৫৯, ৫২, ৫০, ৪৩।



- ক. ১ম ও ২য় দলের পরিসর নির্ণয় কর।
  - . איר פרא ווייאוו אוייאוו איר פראיוו
- খ. ১ম দল এর গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর।
- গ. ২য় দল এর গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর। 8

### 🕨 🗸 ১৭নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

- ক. ১ম দল এর সদস্যদের ওজনের সর্বনিমু মান = ৪৫ এবং সর্বোচ্চ মান = ৬৫।
  - ∴ পরিসর = (৬৫ ৪৫) + ১ = ২০ + ১ = ২১
  - ২য় দল এর সদস্যদের ওজনের সর্বনিম্ন মান = ৪০
  - এবং ওজনের সর্বোচ্চ মান = ৬০
  - ∴ পরিসর = (৬o 8o) + ১ = ২o + ১ = ২১
- খ. 'ক' হতে ১ম দল এর পরিসর = ২১

সুতরাং শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে শ্রেণিসংখ্যা =  $\frac{25}{c}$  =  $8\cdot$ 2

যা পূর্ণ সংখ্যায় ৫।

∴ শ্রেণি সংখ্যা **হবে ৫**টি।

১ম দল এর সদস্যদের ওজনের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি:

শ্ৰেণি ব্যাপিত	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
86 – 89	INI II	٩
€0 − €8	MJ III	Ъ
&\$ - \$\$		2

৬০ – ৬৪	III	9
৬৫ – ৬৯		2
মোট		২০

গ. 'ক' হতে ২য় দল এর পরিসর = ২১

সুতরাং, শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে, শ্রেণিসংখ্যা =  $\frac{25}{6}$ 

= 8.5;

যা পূর্ণসংখ্যায় ৫

∴ শ্রেণিসংখ্যা হবে ৫টি।

২য় দল এর সদস্যদের ওজনের গণসংখ্যা সারণি :

শ্রেণি ব্যাপ্তি	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
8o – 88	M III	ъ
86 – 89	II	২
€0 − €8	INI I	৬
&\$ - \$\$	III	٥
৬০ – ৬৪	I	٥
মোট		২০

প্রশ্ন–১৮৮ সাবিনাদের ক্লাসের মোট ৪০ জন শিৰাধীর উচ্চতার পরিমাপ (সে.মি.)
নিচে দেওয়া হলো :

১৫০, ১৫৫, ১৫৩, ১৬০, ১৫৫, ১৬২, ১৬৩, ১৬৫, ১৫৭, ১৬০, ১৭০, ১৬৮, ১৫০, ১৫৫, ১৬২, ১৫৭, ১৬৬, ১৫৯, ১৬৩, ১৬৭, ১৫৫, ১৬৯,

১৫২, ১৬১, ১৬০, ১৫৫, ১৫৪, ১৬৩, ১৫৯, ১৭০, ১৫২, ১৫০, ১৫৭,

১৬০, ১৬২, ১৬৫, ১৬৭, ১৫৫, ১৬৮, ১৫৫।



- ক. তথ্যগুলোকে মানের উর্ধ্বক্রমে সাজাও।
- ২
- খ**় শ্রে**ণি ব্যবধান ৫ ধরে গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর।
- 8
- গ. ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর।

### ১ ১৮নং প্রশ্রের সমাধান ১ ব

- ক. তথ্যপুলোকে মানের উর্ধ্বক্রমে সাজিয়ে পাই, ১৫০, ১৫০, ১৫০, ১৫২, ১৫২, ১৫৭, ১৫৯, ১৫৯, ১৬০, ১৬০, ১৬০, ১৬০, ১৬১, ১৬২, ১৬২, ১৬২, ১৬0, ১৬0, ১৬0, ১৬৫, ১৬৫, ১৬৬, ১৬৭, ১৬৭, ১৬৮, ১৬৮, ১৬৯, 190.190.
- এখানে, শিৰাথীদের উচ্চতার সর্বনিমু মান = ১৫০ এবং শিৰাথীদের উচ্চতার সর্বোচ্চমান = ১৭০

∴ পরিসর = (১৭o – ১৫o) + ১ = ২১

সুতরাং শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে শ্রেণি সংখ্যা =  $\frac{25}{6}$  = 8.2

যা পূর্ণসংখ্যায় ৫।

∴ শ্রেণি সংখ্যা হবে ৫টি।

শিৰাথীদের উচ্চতার গণসংখ্যা সারণি:

শ্রেণিব্যাপিত	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
\$&o-\$&8	MJ II	٩
<b>ሪ</b> ∂ረ−୬∂	MI MI II	25
১৬০–১৬৪	M M I	77
১৬৫–১৬৯	NJ III	ъ
89٤-09٤		٤
মোট		80

শিৰাথীদের উচ্চতার ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি :

শ্রেণিব্যাপ্তি	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
\$\$6−\$¢8	٩	٩
<b>১</b> ৫৫−১৫৯	১২	(9+25)=29
১৬০–১৬৪	77	(9 + 22 + 22) = 00
১৬৫–১৬৯	ъ	(9+32+33+3)=93
۱۹۰-۱۹8	২	(9 + 75 + 77 + 2) = 80

প্রশ্ল–১৯ > মনোয়ারদের শ্রেণিতে মোট ২০ জন শিবার্থী আছে। প্রথম সাময়িক পরীৰায় গণিতে প্রাশ্ত নম্বর নিমুরূ প : ৪০, ৪২, ৬০, ৬৮, ৭২, ৫৪, ৬২, ৭৫, ৫২, ৫৭, ৬০, ৮০, ৬৫, ৪৮, ৫০, ৫৯, ৭২, ৪৬, ৭৩, ৬৫।



- ক. উপাত্তটির পরিসর নির্ণয় কর।
- খ. প্রাপত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি কর।
- গ. প্রাপ্ত নম্বরের গণসংখ্যা বহুভুজ অজ্জন কর।

#### 🕨 🕯 ১৯নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক. এখানে.

গণিতে প্রাপত নম্বরগুলোর মধ্যে সর্বোচ্চ নম্বর = ৮০ সর্বনিমু নম্বর = ৪০

= 8o + \

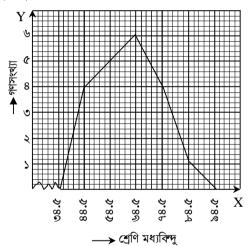
খ. শ্রেণি ব্যবধান ১০ ধরে শ্রেণি সংখ্যা =  $\frac{85}{10}$  [ক থেকে]

∴ শ্রেণিসংখ্যা হবে ৫টি।

শিৰাখীদের গণিতে প্রাপ্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি:

শ্রেণিব্যাপিত	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
৪০–৪৯	IIII	8
&3—o∂	M	Č
৬০–৬৯	NJ I	৬
৭০–৭৯	IIII	8
bo-b8	I	2

গ. গণসংখ্যা বহুভুজ অজ্জন : লেখ-কাগজে X-অৰ বরাবর প্রতি ঘরকে ২ একক ধরে শ্রেণি মধ্যবিন্দু এবং Y-অৰ বরাবর প্রতি ৫ ঘরকে এক একক ধরে গণসংখ্যা নিয়ে গণসংখ্যা বহুভুজ অঙ্কন করা হলো। মূলবিন্দু থেকে ৩৪.৫ পর্যন্ত সংখ্যাগুলো বিদ্যমান বোঝাতে X-অবে ভাঙা চিহ্ন ব্যবহার করা হয়েছে।



থমু−২০ > রিংকুদের ক্লাসে শিৰাথীদের মধ্যে গণিতে যারা ৫০ ও তার বেশি নম্বর পেয়েছে তার তথ্যসমূহ নিচে দেওয়া হলো:

be, 92, 9e, e2, e0, b9, 9b, b0, 9e, b2, e8, e9, e5, bb, bb, ৬২, ৯০, ৮৬, ৬৩, ৮৯

ক. শ্রেণি ব্যবধান ১০ হলে শ্রেণি সংখ্যা কত?

খ. প্রদত্ত নম্বরের ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর।

- গ. প্রদত্ত নম্বরের অজিভ রেখা অজ্জন কর।
  - 🕨 🕯 ২০নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক. এখানে, সর্বোচ্চ নম্বর = ৯০ সর্বনিম্ন নম্বর = ৫০

> ∴ পরিসর = (৯o – ৫o) + ১ = 8o + ১ = 8১ সুতরাং শ্রেণি ব্যবধান ১০ ধরে

শ্রেণি সংখ্যা =  $\frac{85}{50}$  = 8.5 যা পূর্ণসংখ্যায় ৫।

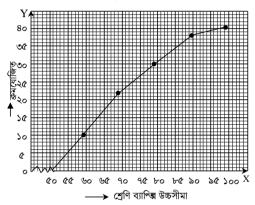
∴ শ্রেণিসংখ্যা হবে ৫টি।

খ. শিৰাথীদের প্রাপত নম্বরের ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি :

শ্রেণিব্যাপিত	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা	ব্রুমযোজিত গণসংখ্যা
&o−&₽	M	¢	¢

শ্রেণিব্যাপিত	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা	ব্রুমযোজিত গণসংখ্যা
৬০–৬৯	NJ I	৬	(& + &) = >>
৭০–৭৯		8	(& + & + & 8) = & 2& & & & & & & & & & & & & & & & &
bo-bg		8	(& + & + 8 + 8) = 2
80-99		2	(6 + 6 + 8 + 8 +
			۵) = ২o

গ. **অজিভ রেখা অজ্জন :** X-অৰ বরাবর ছক কাগজের প্রতি ঘরকে শ্রেণি ব্যবধানের উচ্চসীমার একক এবং Y-অৰ বরাবর প্রতি দুই ঘরকে ক্রমযোজিত গণসংখ্যার একক ধরে প্রদন্ত উপাত্তের ক্রমযোজিত গণসংখ্যার অজিভ রেখা আঁকা হলো। শূন্য থেকে ৫০ পর্যন্ত সংখ্যাগুলো বিদ্যমান বোঝাতে ভাঙ্গা চিহ্ন ব্যবহার করা হয়েছে।



# প্রশ্ন–২১ > রাতুলদের ক্লাশের শিবার্থীদেরকে ২০ জন করে দুইটি দলে ভাগ করে একটি সমস্যা সমাধান করতে প্রয়োজনীয় সময় দেওয়া হলো :

দল-১ এর গৃহীত সময় (মিনিটে) : ৭, ৯, ৬, ৫, ১০, ৮, ১২, ১৪, ৯, ১০, ১১, ৫, ৮, ১০, ১৫, ১৩, ১১, ৯, ৬, ৭.

দল-২ এর গৃহীত সময় (মিনিটে) : ৮, ৩, ৫, ৯, ১২, ২, ৭, ২, ১০, ৬, ১২, ৯, ৫, ৭, ৬, ৮, ৩, ৫, ৬, ৭.



- ক. শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে দল-১ ও দল-২ এর শ্রেণিসংখ্যা বের কর। ২
- খ. দলদ্বয়ের গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর।
- 8
- গ**.** সারণি হতে মধ্যক নির্ণয় কর।
- Q

### 🄰 ২১নং প্রশ্রের সমাধান 🔰

ক. দল-১ এর সদস্যদের গৃহীত সময় সর্বনিম্ন সময় = ৫ মিনিট সর্বোচ্চ সময় = ১৫ মিনিট

∴ পরিসর = (১৫ – ৫) + ১ = ১০ + ১ = ১১

- $\therefore$  শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে শ্রেণিসংখ্যা =  $\frac{55}{6}$  = ২.২ যা পূর্ণ সংখ্যা ৩
- ∴ শ্রেণিসংখ্যা হবে ৩টি

দল-২ এর সদস্যদের গৃহীত

সর্বনিমু সময় = ২ মিনিট

সর্বোচ্চ সময় = ১২ মিনিট

- ∴ পরিসর = (১২ ২) + ১ = ১১
- ∴ শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে শ্রেণি সংখ্যা =  $\frac{55}{\alpha}$  = ২·২ যা পূর্ণ সংখ্যা ৩
- ∴ শ্রেণি সংখ্যা হবে ৩টি।

খ. দল-১ এর সদস্যদের গৃহীত সময়ের গণসংখ্যা সারণি:

শ্রেণিব্যাপিত	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
& - P	M M I	77
70 - 78	M III	Ъ
76 - 79	1	2
মোট		20

দল-২ এর সদস্যদের গৃহীত সময়ের গণসংখ্যা সারণি:

শ্রেণিব্যাপিত	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
২ – ৬	MI MI	70
۲۵ – ۹	M III	ъ
১২ – ১৬		২
মোট		২০

গ. (খ) দল-১ এর বেত্রে, মধ্যক নির্ণয়ের জন্য প্রয়োজনীয় সারণি:

শ্রেণিব্যাপিত	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
⟨ − ⟩	22	22
20 – 28	Ъ	79
26 - 28	2	২০
মোট	n = <b>₹o</b>	

এখানে, 
$$n=$$
 ২০ এবং  $\frac{n}{2}=\frac{\text{২০}}{\text{২}}$  বা ১০

সুতরাং, ১০ম পদের অবস্থান হবে (৫ – ৯) শ্রেণিতে।

অতএব, মধ্যক শ্রেণি হলো (৫ – ৯)।

সুতরাং, মধ্যক শ্রেণির নিমুসীমা,  $L=\mathfrak{E}$ ; মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা,  $F_c=0$ 

[যেহেতু এখানে মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী কোনো শ্রেণি নেই]

মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা,  $f_m =$  ১১; শ্রেণি ব্যবধান,  $h = \mbox{\emph{C}}$ 

∴ মধ্যক = 
$$L + \left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$$
  
=  $\ell + \left(\frac{2o}{2} - o\right) \times \frac{\ell}{22}$   
=  $\ell + (2o - o) \times \frac{\ell}{22}$   
=  $\ell + \frac{\ell}{22}$   
=  $\ell + \frac{\ell}{22}$ 

নির্ণেয় মধ্যক ৯ ৫৫ মিনিট (প্রায়)।

দল-২ এর বেত্রে, মধ্যক নির্ণয়ের জন্য প্রয়োজনীয় সারণি

শ্রেণিব্যাপ্তি	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
২ – ৬	70	>0
2	Ъ	72
১২ – ১৬	২	২০
মোট	n = <b>২</b> 0	

এখানে, 
$$n=২০$$
 এবং  $\frac{n}{2}=\frac{২০}{২}$  বা ১০

এখন, ১০ম পদের অবস্থান হলো (২ - ৬) শ্রেণিতে।

অতএব, মধ্যক শ্রেণি হলো (২ – ৬)।

সুতরাং, মধ্যক শ্রেণির নিমুসীমা,  $L=\+ >$ ; মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির ব্রুমযোজিত গণসংখ্যা  $F_c=0$ 

[যেহেতু এখানে মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী কোনো শ্রেণি নেই] মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা,  $f_m = 3$ ০; শ্রেণি ব্যবধান,  $h = \alpha$ 

$$\therefore$$
 মধ্যক =  $L + \left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$ 

$$= 2 + \left(\frac{20}{2} - 0\right) \times \frac{20}{50}$$

$$= 2 + \left(50 \times \frac{20}{50}\right)$$

$$= 2 + 20 = 9$$
নিৰ্ণেয় মধ্যক ৭ মিনিট।

### অতিরিক্ত সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান

প্রা–২২১ নিচে কতগুলো বেতের উৎপাদিত ফসলের পরিমাণ (মণ) নিচে দেওয়া হলো : ১৫, ১৮, ২৫, ৩৪, ১০, ৩১, ৩০, ২৭, ১২, ১১, ২২, ২৪, ২৩, ২৯, ১৪।



- ক. শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে শ্রেণিসংখ্যা বের কর।
- ক. শ্রোণ ব্যবহান ৫ বরে শ্রোণসংখ্যা বের কর। খ. উৎপাদিত ফসলের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি কর।
- গ. গণসংখ্যা নিবেশন সারণি ব্যবহার করে আয়তলেখ আঁক।

### 🕨 🕯 ২২নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক. এখানে, উৎপাদিত ফসলের সর্বনিম্ন পরিমাণ = ১০ মণ

" " সর্বোচ্চ " = ৩৪ মণ

সুতরাং উপাত্তের পরিসর = (08 - 50) + 5 = 26

সুতরাং, শ্রেণিব্যবধান ৫ ধরে শ্রেণি সংখ্যা =  $\frac{\lambda \ell}{\ell}$  =  $\ell$ 

∴ শ্রেণি সংখ্যা = ৫টি

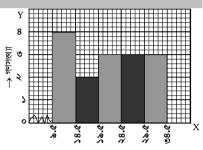
খ. উৎপাদিত ফসলের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি :

উৎপাদিত ফসল (মণ)	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
20 - 28	III	8
76 - 79	II	٧
₹o − ₹8	III	9
<i>₹</i> € − <i>₹</i> \$	III	9
vo – v8		9
	মোট =	26

 খ নং এ প্রাশ্ত গণসংখ্যা সারণিতে শ্রেণি ব্যবধান বিচ্ছিন্ন। শ্রেণি ব্যবধান অবিচ্ছিন্ন করে নিচের সারণি তৈরি করা হলো।

উৎপাদিত ফসল (মণ)	অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিসীমা	গণসংখ্যা
2o – 28	3.8¢ - 3.¢	8
>¢ − >>	3.64 - 3.84	ર
₹o − ₹8	3.85 - 3.66	9
২৫ – ২৯	₹8.¢ − ₹8.¢	9
<b>७</b> ० − <b>७</b> 8	3.80 - 3.6¢	9
	মোট =	26

এখন ছক কাগজের X-অৰ বরাবর প্রতি ঘরকে এক একক ধরে শ্রেণিসীমা এবং Y-অৰ বরাবর প্রতি পাঁচ ঘরকে এক একক ধরে গণসংখ্যা নিয়ে আয়তলেখ আঁকা হয়েছে। X-অৰ বরাবর শ্রেণিসীমা ৯.৫ থেকে আরম্ভ হয়েছে। মূলবিন্দু থেকে ৯.৫ পর্যন্ত পূর্ববর্তী ঘরগুলো আছে বোঝাতে ভাঙা চিহ্ন ব্যবহার করা হয়েছে।



ightarrow উৎপাদিত ফসল (মণ)

(উৎপাদিত ফসলের পরিমাণের আয়তলেখ)

প্রশ্ন–২৩ > ২০১৩ সালের জানুয়ারি, ফেব্রবয়ারি ও মার্চ মাসের তাপমাত্রার (ডিগ্রী সেলসিয়াস) গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হলো :

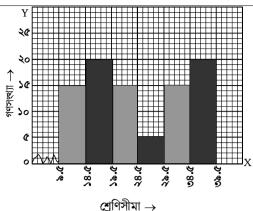
,			,			
তাপমাত্রা	<b>20−78</b>	<b>26-79</b>	২০–২৪	২৫–২৯	<b>७०−७</b> 8	OF-96
(ডিগ্রী সে.)						
গণসংখ্যা	76	২০	76	Č	76	২০

?

- ক. বিচ্ছিন্ন ও অবিচ্ছিন্ন চলকের দুটি করে উদাহরণ দাও।
- খ. প্রদত্ত গণসংখ্যা সারণির আয়তলেখ আঁক।
- 8
- গ. প্রদত্ত উপাত্তের গণসংখ্যা বহুভুজ অজ্ঞ্চন কর।
  - 🔰 ২৩নং প্রশ্নের সমাধান 🔰
- ক. বিচ্ছিন্ন চলক: ঢাকা জেলার লোকসংখ্যা, কোনো পরিবারের সদস্য সংখ্যা। অবিচ্ছিন্ন চলক: মানুষের বয়স, ওজন।
- খ. প্রদন্ত সারণিতে উপাত্তের শ্রেণিব্যবধান বিচ্ছিন্ন শ্রেণিব্যবধান অবিচ্ছিন্ন করা হলে প্রদন্ত সারণি হবে :

(6) (3) (6) (1) (1) (6)		
তাপমাত্রা (ডিগ্রি সে.)	অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিসীমা	গণসংখ্যা
20 – 28	<b>3.</b> € − 38.€	26
76 - 79	3.66 - 3.86	२०
₹o − ₹8	3.85 - 3.66	7&
<i>₹</i> € − <i>₹</i> \$	₹8.¢ − ₹8.¢	Č
७० – ७ <b>८</b>	₹\$.¢ − \$.¢	26
৩৫ – ৩৯	৩৪.৫ – ৩৯.৫	২০

এখন, ছক কাগজের X-অব বরাবর প্রতি ঘরকে এক একক ধরে শ্রেণিসীমা এবং Y-অব বরাবর প্রতি ঘরকে এক একক ধরে গণসংখ্যা নিয়ে আয়তলেখ আঁকা হয়েছে। X অব বরাবর শ্রেণিসীমা ৯-৫ থেকে আরম্ভ হয়েছে। মূলবিন্দু থেকে ৯-৫ পর্যন্ত পূর্ববর্তী ঘরগুলো আছে বোঝাতে ভাঙা চিহ্ন ব্যবহার করা হয়েছে।

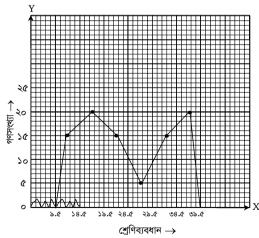


(২০১৩ সালের তিন মাসের তাপমাত্রার আয়তলেখ)

### গ. প্রদত্ত সারণি হতে গণসংখ্যা বহুভুজ অজ্জনের জন্য সারণি নিমুর প:

	· -1-7		
তাপমাত্রা (ডিগ্রী সে.)	শ্রেণি মধ্যবিন্দু	গণসংখ্যা	
20 – 28	25	76	
76-72	۵۹	২০	
<b>₹</b> 0 − <b>₹</b> 8	২২	76	
<i>₹७ – ₹৯</i>	২৭	Č	
<b>७</b> ० – <b>७</b> 8	৩২	76	
৩৫ – ৩৯	৩৭	২০	

এখন, ছক কাগজের X-অৰ বরাবর প্রতি ঘরকে এক একক ধরে শ্রেণি অবিচ্ছিন্ন শ্রেণি ব্যাপিত এবং Y-অৰ বরাবর প্রতি ঘরকে এক একক ধরে গণসংখ্যা গুলো ছক কাগজে স্থাপন করা হলো। এখন আয়তলেখের ভূমির বিপরীত বাহুর মধ্যকিন্দু যা শ্রেণির মধ্যকিন্দু চিহ্নিত করি। তখন মধ্য কিন্দুসমূহ রেখাংশ দারা সংযোগ করি। প্রথম ও শেষ শ্রেণির মধ্যকিন্দুদ্বয়কে শ্রেণি ব্যবধান নির্দেশকের অবের সাথে সংযোগ বাহুর গণসংখ্যা বহুভুজ জাঁকা হয়েছে। মূলকিন্দু থেকে ৯০৫ পর্যন্ত পূর্ববর্তী ঘরগুলো আছে বোঝাতে ভাজাা চিহ্ন ব্যবহার করা হয়েছে।



### প্রমু—২৪ > কোনো একটি শ্রেণির শিবাধীদের গণিতে প্রাশ্ত নস্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি নিমুরূ প :

### শুণিবান্দি ২৫-৩৪ ৩৫-৪৪ ৪৫-৫৪ ৫৫-৬৪ ৬৫-৭৪ ৭৫-৮৪ ৮৫-৯৪ গণসংখ্যা ৫ ১০ ১৫ ২০ ৩০ ১৬ ৪



ক. সারণির মোট গণসংখ্যা বের কর।

১

i. শ্রেণিগুলোর মধ্যমান নির্ণয় কর।

`

গ. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয় কর।

## ▶ 4 ২৪নং প্রশ্রের সমাধান ▶ 4

ক. উদ্দীপকের সারণির প্রত্যেক শ্রেণিব্যাপ্তির গণসংখ্যা যোগ করলে মোট গণসংখ্যা পাওয়া যাবে। সূতরাং মোট গণসংখ্যা = ৫ + ১০ + ১৫ + ২০ + ৩০ + ১৬ + ৪ = ১০০ জন।

খ. উলিরখিত শ্রেণিগুলোর মধ্যমান নির্ণয় করা হলো:

প্রাপ্ত	মধ্যমান, _{Xi}	প্রাপ্ত নম্বর	মধ্যমান
নম্বর			
২৫–৩৪	২৯∙৫	৬৫ – ৭৪	৬৯.৫
৩৫−88	৩৯.৫	ዓ <i>ሮ</i> — ৮8	৭৯.৫
8&-&8	8≽.⊄	<b>৮</b> ৫ – ৯8	৮৯.৫
<i>&amp;</i> &—98	ያን·ራን		

### গ. গড় নির্ণয়ের সারণি নিমুরূ প—

প্রাপ্ত নম্বর	মধ্যমান Xi	গণসংখ্যা fi	ধাপ বিচ্যুতি $\mathbf{u}_{i} = rac{\mathbf{x}_{i} - \mathbf{a}}{\mathbf{h}}$	গণসংখ্যা ধাপ বিচ্যুতি fiui
২৫-৩৪	২৯∙৫	Č	- 9	- <b>&gt;</b> &
<b>७</b> ৫−88	৩৯.৫	70	<b>– ২</b>	– ২০
8&-&8	89.&	26	- 2	- >&
<i><b>৫৫</b>–</i> ৬8	ያ·ራን	২০	o	0
৬৫-৭৪	<i>৬৯.</i> ৫	೨೦	7	೨೦
<b>ዓ</b> ৫-৮8	ዓ <b>৯</b> ·৫	১৬	٧	৩২
<b>৮৫-</b> ৯8	<i>እ</i> ୬. <b></b>	8	9	১২

 $\Sigma f_i u_i = 28$ 

$$\therefore$$
 গড়,  $\overset{-}{\mathbf{x}} = \mathbf{a} + \frac{\sum f_i u_i}{\mathbf{n}} \times \mathbf{h}$ 

এখানে  $a = % \cdot %$ , n = মোট গণসংখ্যা = ১০০

শ্রেণি ব্যবধান h = ১০

$$\therefore \sqrt[3]{6} \frac{1}{x} = 6 \% \cdot 6 + \frac{200}{500} \times 20$$

নির্ণেয় গড ৬১ ৯।

প্র—২৫ > নবম শ্রেণির ৩০ জন শিবার্থীর প্রদন্ত চাঁদা (টাকায়) নিচে দেওয়া হলো

— ৩০, ৩২, ৪৫, ৫৪, ৭৮, ৭৪, ১০৮, ১১২, ৬৬, ৭৬, ৪০, ৮৮, ১৪, ২০,

৩৫, ১৫, ৪৪, ৬৬, ৭৫, ৯৫, ৮৪, ৯৬, ১০২, ১১০, ৮৮, ৭৪, ১১২, ৩৪,
১৪, ৪৪।

#### শ্রেণি ব্যবধান ১০ ধরে

?

ক. পরিসর ও শ্রেণি সংখ্যা নির্ণয় কর।

২

খ. গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি কর।

Q

গ. সারণি থেকে সংক্<mark>রিত পদ্ধতিতে গাণিতিক গড় নির্ণ</mark>য় কর। *১* 

#### 🄰 🕯 ২৫নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

ক. প্রদত্ত উপাত্তে, সর্বনিমু মান = ১৪

সর্বোচ্চ মান = ১১২

∴ পরিসর = ১১২ – ১৪ + ১ = ৯৮ + ১ = ৯৯

শ্ৰেণি ব্যবধান = ১০

 $\therefore$  শ্রেণি সংখ্যা =  $\frac{5}{5}$  = ১.৯ বা, ১০

নির্ণেয় শ্রেণি সংখ্যা ১০।

খ. নিম্নে গণসংখ্যা সারণি দেখানো হলো—

চাঁদা (টাকায়)	ট্যালি চিহ্ন	গণসংখ্যা
১৩ – ২২	III	8
২৩ – ৩২		২
৩৩ – ৪২		٥
8৩ – ৫২		٥
৫৩ – ৬২		2
৬৩ – ৭২		٤
৭৩ – ৮২	M	¢
৮৩ – ৯২		৩
३० - २० <i>२</i>		٥
۶۵۵ – ۵۰۵		8
		মোট = ৩০

#### গ. গাণিতিক গড় নির্ণয় (সংবিশ্ত পদ্ধতিতে) :

চাঁদা (টাকায়)	শ্রেণি মধ্যমান (x _i )	গণসংখ্যা (fi)	ধাপ বিচ্যুতি $u_i = \frac{x_i - a}{h}$	$f_{ m i} { m u_i}$
১৩ – ২২	১৭.৫	8	<b>− </b> €	- <del>2</del> 0
২৩ – ৩২	২৭.৫	২	<b>–</b> 8	— ъ
৩৩ – ৪২	৩৭-৫	৩	- 9	- <b>&gt;</b>
8৩ – ৫২	89· <b>৫</b>	٥	<b>– ২</b>	– ৬
৫৩ – ৬২	<b>৫</b> ٩· <b>৫</b>	2	- 2	- 2
৬৩ – ৭২	৬৭·৫	২	0	0
9७ - ४२	99·&	Č	2	Č
৮৩ – ৯২	<b></b> ዮዓ· <b>৫</b>	9	٧	৬
% - ५०५	৯৭·৫	9	6	۵
১०७ <b>-</b> ১১২	309·G	8	8	১৬
		n = 🍤o		$\Sigma f_i u_i = -b$

$$\overline{x} = a + \frac{\sum_{j=1}^{n} f_{j} u_{i}}{n} h = \forall 9.4 + \frac{b}{\sqrt{2}} \times 50$$

 $= 69.6 + 50 \times (-0.59) = 69.6 - 5.9 = 68.5$ 

নির্ণেয় গড় ৬৪ ৮।

### প্রমু–২৬১ কোনো স্কুলের নবম শ্রেণির ৮০ জন শিৰাধীর গণিতে প্রাপ্ত নস্বরের

#### গণসংখ্যা সারণি দেওয়া হলো—

প্রাপ্ত	7-	77-	-۲۶	-20	87-	<i>6</i> 2-	৬১-	- د۹	-دع	27-
নম্বর										
গণসংখ্যা	×	<b>Č</b>	১৬	25	०८	২০	Č	8	২	7



ক. শ্রেণিগুলোর মধ্যবিন্দু ও ক্রমযোজিত গণসংখ্যা নির্ণয়

কর।

খ. মধ্যক নির্ণয় কর।

গ. প্রচুরক নির্ণয় কর।

### 🕨 🕯 ২৬নং প্রশ্নের সমাধান 🌬

ক. প্রদত্ত গণসংখ্যা সারণি হতে শ্রেণি মধ্যবিন্দু ও ক্রমযোজিত গণসংখ্যা নির্ণয় :

প্রাপ্ত নম্বর	গণসংখ্যা	মধ্যবিন্দু (xi)	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
7 - 70	٧	<b>ራ</b> ·৫	٦
<i>۵۵ – ۹</i> ٥	Č	<b>≯</b> &∙&	٩
२५ - ७०	১৬	<b>২</b> ৫∙৫	২৩
৩১ – ৪০	১২	৩৫.৫	৩৫
87 - Go	১৩	8¢·¢	86-
৫১ – ৬০	২০	<i>ዮ</i> ৫·৫	Yb
৬১ – ৭০	Č	<b>৬</b> ৫·৫	৭৩
95 - PO	8	<b>ዓ</b> ℰ・ℰ	99
P7 - 90	4	<b>ኮሮ</b> · <b>ሮ</b>	৭৯
27 - 700	7	<b>୬</b> ৫·৫	ьо

খ. আমরা জানি, মধ্যক = 
$$L + \left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$$

ক–এ প্রাপ্ত সারণি হতে, 
$$\frac{n}{2} = \frac{bo}{2} = 8o;$$

যা অবস্থিত (৪১ – ৫০) শ্রেণিব্যাপ্তিতে।

সুতরাং (৪১ - ৫০) মধ্যক শ্রেণি।

এখন, L = মধ্যক শ্রেণির নিমুসীমা, 8১

Fc = মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির ক্রমযোজিত গণসংখ্যা, ৩৫

 $f_{\rm m}$  = মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা, ১৩

h = শ্রেণি ব্যবধান, ১০

$$= 88.\text{PC}$$

$$= 87 + 0.\text{PC}$$

$$= 87 + \left(\frac{5}{\text{PO}} - \text{DC}\right) \times \frac{20}{50}$$

নির্ণেয় মধ্যক ৪৪ ৮৫।

গ. আবার, আমরা জানি প্রচুরক = 
$$L + \frac{f_1}{f_1 + f_2} \times h$$

প্রদন্ত সারণি হতে (৫১—৬১) শ্রেণিব্যাপ্তিতে সবচেয়ে বেশি গণসংখ্যা অবস্থিত।

সুতরাং (৫১ — ৬০) হলো প্রচুরক শ্রেণি।

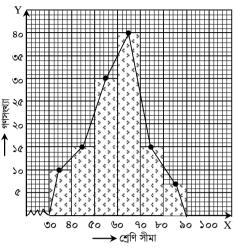
এখন, L = প্রচুরক শ্রেণির নিমুসীমা, ৫১

 $f_1=$  প্রচুরক শ্রেণি থেকে পূর্ববর্তী শ্রেণির গণসংখ্যার পার্থক্য

 $f_2=$  প্রচুরক শ্রেণি থেকে পরবর্তী শ্রেণির গণসংখ্যার পার্থক্য

$$=$$
 ৫১ + ৩.১৮
$$=$$
 ৫১ + ৩.১৮

### প্রশ্ন–২৭ ▶



- ক. প্রদন্ত চিত্রটি কোন ধরনের চলকের বেত্রে প্রযোজ্য এবং (৯০–১০০) শ্রেণির গণসংখ্যা কত?
- খ**়** প্রদ**ত্ত** চিত্র হতে ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর। 8
- গ. ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি ব্যবহার করে মধ্যক নির্ণয় কর।

### 🕨 🕻 ২৭নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

- ক. প্রদন্ত চিত্রটি অবিচ্ছিন্ন চলকের বেত্রে প্রযোজ্য। চিত্র থেকে দেখা যায় যে, (৯০-১০০) শ্রেণির গণসংখ্যা শূন্য।
- খ. প্রদত্ত চিত্রের ক্রমযোজিত গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হলো :

শ্ৰেণি ব্যাপ্তি	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
७०−8०	٥٥	70
8o-¢o	\$&	২৫
৫০-৬০	೨೦	¢¢.
<b>७</b> ०−٩०	80	96
90-60	\$&	770
₽0-90	٩	۵۵۹

গ. এখন 'খ' হতে প্রাপ্ত ক্রময়োজিত গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হতে পাই–

$$\frac{n+2}{n} = \frac{22b}{2}$$
$$= \frac{22b}{2}$$
$$= 62$$

অতএব, মধ্যক হলো ৫৯ তম পদের মান।

৫৯ তম পদ (৬০ – ৭০) শ্রেণিতে অবস্থিত।

অতএব মধ্যক শ্রেণি হলো (৬০ – ৭০)

এখন, 
$$L=$$
৬০,  $F_c=$ ৫৫,  $f_m=$ 8০,  $h=$ ১০

$$\therefore$$
 মধ্যক =  $L + \left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$   
= ৬০ + (৫৮.৫ – ৫৫)  $\times \frac{50}{80}$   
= ৬০ + ০.৮৭৫

= ৬০.৮৭৫

নির্ণেয় মধ্যক হলো ৬০ ৮৭৫

প্রশ্ন–২৮ > কোনো স্কুলের বিভিন্ন শ্রেণিতে পাসের হার ও শিবার্থীর সংখ্যা নিচের সারণিতে উপস্থাপন করা হলো :

শ্রেণি	৬ষ্ঠ	৭ম	৮ম	৯ম	১০ম
পাসের হার (শতকরা)	ЪО	ዓ৫	৬৫	৯০	<b>እ</b> ৫
শিৰাৰ্থীর সংখ্যা	770	200	ьо	১২০	780

- ক. উপাত্তসমূহকে কয়টি শ্রেণিতে ভাগ করা হয়েছে এবং ৮ম শ্রেণিতে কতজন শিবার্থী পাস করেছে?
- খ**়** প্রদ**ত্ত** সারণি হতে পরীবার্থীদের পাসের গড় নির্ণয় কর। 8
- গ. পাসের হার বনাম শিৰাথী সংখ্যার লেখচিত্র অজ্জন কর। 8

### 🕨 🕯 ২৮নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻

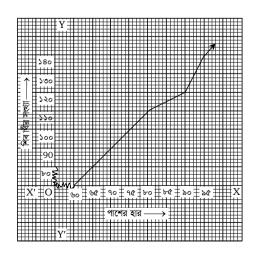
- ক. প্রদন্ত উপাত্তকে ৫টি শ্রেণিতে বিন্যুস্ত করা হয়েছে। ৮ম শ্রেণিতে মোট পাস করা শিবাধীর সংখ্যা (১০০ এর ৬৫) জন = ৬৫ জন।
- খ. এখানে পাসের হার ও শিৰাধীর সংখ্যা দেওয়া আছে। পাসের হারের ভার হলো শিৰাধীর সংখ্যা। যদি পাসের হারের চলক x এবং শিৰাধীর চলক w ধরা হয়, তবে গুরবত্ব প্রদন্ত গাণিতিক গড় নির্ণয়ের সারণি হবে নিমুরু প :

শ্রেণির নাম	Xi	Wi	XiWi
৬ষ্ঠ	ьо	770	ььоо
৭ম	96	200	9600
৮ম	৬৫	ьо	<i><b>@</b></i> 200
৯ম	৯০	১২০	20400
১০ম	৯৫	780	20000
মোট	80&	୯୯୦	8 <i>&amp;</i> %00

$$\overline{x}_{w} = \frac{\sum_{i=1}^{5} x_{i} w_{i}}{\sum_{i=1}^{5} w_{i}} = \frac{8 \text{Cboo}}{\text{CCo}} = \text{b-cod}$$

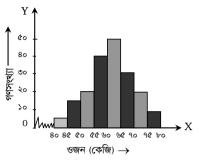
∴ পাসের গড় হার ৮২∙৯০৯।

গ.



x–অৰ ব্যাব্য ছক কাগজের 1 ঘ্যুকে পাসের হারের 1 একক এবং y-অৰ বরাবর 1 ঘরকে শিৰাথীর সংখ্যায় 2 একক নিয়ে রেখা চিত্র অজ্জন করা হয়েছে।

প্রশ্ন–২৯ 🕨



- ক. উপরের চিত্রটি কী নির্দেশ করে? চিত্র অনুসারে প্রচুরক শ্রেণি কোনটি?
- খ. গণসংখ্যা নিবেশন সারণি প্রস্তৃত করে প্রচুরক নির্ণয়
- গ. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয় কর।

### 🕨 🕯 ২৯নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

- ক. চিত্রটি একটি গণসংখ্যা নিবেশন সারণির আয়তলেখ। প্রদত্ত আয়তলেখ হতে দেখা যাচ্ছে সর্বোচ্চ আয়তবেত্রটি ৬০ – ৬৫ শ্রেণির অন্তর্গত। সুতরাং প্রচুরক শ্রেণি (৬০ – ৬৫)।
- খ. নিচে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি করা হলো :

গণসংখ্যা
Č
26
২০
80
Œ0
೨೦
২০
70

প্রচুরক নির্ণয় : আমরা জানি , প্রচুরক =  $L + rac{f_1}{f_1 + f_2} imes h$ 

যেহেতু (৬০–৬৫) শ্রেণির গণসংখ্যা সবচেয়ে বেশি সেহেতু

(৬o – ৬৫) শ্রেণিতে প্রচুরক অবস্থিত।

এখানে, L = 60,  $f_1 = 60 - 80 = 50$ ,  $f_2 = 60 - 90 = 50$ 

$$= \rho \circ + \gamma \cdot \rho d$$

$$= \rho \circ + \frac{\gamma \circ + \gamma \circ}{\gamma \circ} \times \mathfrak{C}$$

$$\vdots$$

নির্ণেয় প্রচুরক ৬১ ৬৭

গ. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড নির্ণয়ের সারণি :

শ্রেণি	শ্ৰেণি মধ্যমান	গণসংখ্যা	$\mathbf{u}_{i} = \frac{\mathbf{x}_{i} - \mathbf{a}}{\mathbf{c}}$	£ .v	
GQ11	$(\mathbf{x_i})$	$(f_i)$	$\mathbf{u}_{\mathbf{i}} = \mathbf{c}$	$f_{i} \times \mathbf{u}_{i}$	
80 - 8¢	8 <b>২</b> ·৫	¢	- 8	- <del>2</del> 0	
8¢ - ¢o	89· <b>৫</b>	ንራ	<u> </u>	- 8¢	
€0 - €€	<b>ℰ</b> ጳ∙ <b>ℰ</b>	20	<b>− ২</b>	<b>–</b> 80	
৫৫ – ৬০	<b>ሮ</b> ዓ· <b>ሮ</b>	80	- 2	<b>–</b> 80	
50 - 5E	৬২·৫←a	୯୦	0	0	
<b>UC - 90</b>	৬৭.৫	00	2	90	
90 - 96	<b>१२</b> ·৫	२०	٦	80	
9& - bo	99· <b>&amp;</b>	٥٥	9	90	
মোট		$\Sigma f_i = \lambda \delta o$		$\Sigma f_i u_i = -8C$	

$$\overline{x} = a + \frac{\sum f_i u_i}{n} \times h$$

$$= 65.6 + \frac{280}{200} \times 6$$

$$n = \Sigma f_i = 100$$

∴ ছাত্রদের গড় ওজন ৬১ ৩২ কেজি।

### নির্বাচিত সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান

### প্রমু–৩০ > নিচে ৭০ জন শিৰাধীর গণিত বিষয়ে প্রাশ্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি দেওয়া হলো:

শ্রেণি	90-0C	৩৬–৪১	8২–89	৪৮–৫৩	<b>€8−€</b> %
গণসংখ্যা	9	٥٥	ንራ	২৫	78

- ক. উপাত্তের পরিধি নির্ণয়ের সূত্রটি লেখ এবং তৃতীয় শ্রেণির মধ্যবিন্দু নির্ণয় কর।
- খ. শ্রেণি বিন্যুস্ত উপাত্তের মধ্যক নির্ণয়ের সূত্রটি লেখ এবং গড় নির্ণয় কর।
- গ. অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিসীমা তৈরি কর এবং গণসংখ্যা নিবেশনের আয়তলেখ আঁক।

### 🕨 🕻 ৩০নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

- ক. উপাত্তের পরিধি = (সর্বোচ্চ মান সর্বনিমু মান) + ১ তৃতীয় শ্ৰেণির মধ্যবিন্দু =  $\frac{82 + 89}{2}$  = 88ে
  - ∴ তৃতীয় শ্রেণির মধ্যবিন্দু ৪৪৫।
- খ. মধ্যক = L +  $\left(\frac{n}{2} F_c\right) imes \frac{h}{f_m}$ ; যেখানে L হলো যে শ্রেণিতে মধ্যক অবস্থিত সেই শ্রেণির নিমুসীমা, n গণসংখ্যা, Fc মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির যোজিত গণসংখ্যা,  $f_{
  m m}$  মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা এবং  ${
  m h}$  শ্রেণিব্যাপ্তি। গড় নির্ণয়ের সারণি:

শ্রেণি গণসংখ্যা $(f_{ m i})$ মধ্যবিন্দু $({ m x_i})$ $f_{ m i}{ m x_i}$
-------------------------------------------------------------------------

৩০-৩৫	9	৩২.৫	৯৭.৫
৩৬–৪১	70	৩৮.৫	৩৮৫
8২-89	ንሖ	88∙&	۲۵۶
৪৮-৫৩	২৫	&o.€	১ <i>২৬২</i> ·৫
<b>৫</b> 8- <b>৫</b> ৯	78	<i>৫</i> ৬· <i>৫</i>	१७५
মোট	n = 90		$\Sigma f_{\mathrm{i}} \mathrm{x}_{\mathrm{i}}$ = ৩৩৩৭

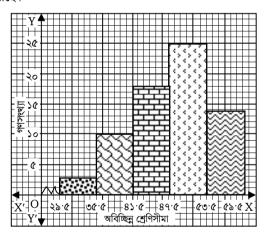
$$\therefore$$
 গাণিতিক গড়  $\overline{\mathbf{x}} = \frac{\sum f_i \mathbf{x}_i}{\mathbf{n}} = \frac{$ ৩৩৩৭}{৭০} = ৪৭·৬৭১

নির্ণেয় গড় ৪৭ ৬৭১।

গ. শ্রেণি ব্যবধান অবিচ্ছিন্ন করে আয়তলেখের সারণি তৈরি করা হলো:

শ্ৰেণি	অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিসীমা	গণসংখ্যা
৩০-৩৫	<i>ঽ৯.</i> ৫ − <i>৹</i> ৫.৫	9
৩৬–৪১	<b>⊘</b> ₢.६ – 87.६	٥٥
8২–89	87·& — 84·&	ንራ
৪৮–৫৩	89·໕ <i>– ୯</i> ৩·໕	২৫
<b>৫</b> 8 – <b>৫</b> ৯	<u> የ</u> ው·৫ – ৫৯·৫	78

আয়তলেখ অজ্জন : ছক কাগজের প্রতি ঘরকে এক একক ধরে x—অৰ বরাবর শ্রেণিসীমা এবং y-অৰ বরাবর গণসংখ্যা নিয়ে আয়তলেখ আঁকা হয়েছে। x-অৰ বরাবর শ্রেণিসীমা ২৯·৫ থেকে আরম্ভ হয়েছে। মূলবিন্দু থেকে ২৯·৫ পর্যন্ত পূর্ববর্তী ঘরগুলো আছে বুঝাতে ভাঙা চিহ্ন ব্যবহার করা হয়েছে।



### প্রশ্ন−৩১ ≯ নিচের গণসংখ্যা নিবেশন সারণিটি লৰ কর :

সময়	90-0¢	৩৬–৪১	8 <b>২</b> –89	৪৮–৫৩	<b>৫</b> 8- <b>৫</b> ৯	৬০-৬৫
গণসংখ্যা	9	٥٥	১৮	২৫	ъ	৬

ক. গণসংখ্যা নিবেশন সারণি থেকে মধ্যক ও প্রচুরক নির্ণয়ের সূত্র দুইটি লেখ।

খ. মধ্যক নির্ণয়ের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি করে মধ্যক নির্ণয় কর।

গ. প্রচুরক নির্ণয়ের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি করে প্রচুরক নির্ণয় কর।

🕨 🕯 ৩১নং প্রশ্নের সমাধান 🌬

ক. মধ্যক নির্ণয়ের সূত্র হলো, মধ্যক =  $L+\left(\frac{n}{2}-F_c\right) imes\frac{h}{f_m}$  যেখানে L= যে শ্রেণিতে মধ্যক অবস্থিত সেই শ্রেণির নিমুসীমা

n = গণসংখ্যা

Fc = মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির যোজিত গণসংখ্যা

 $f_{\rm m}$  = মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা

h = শ্রেণিব্যাপ্তি।

শ্রেণি বিন্যুস্ত উপাত্তের প্রচুরক নির্ণয়ের সূত্র হলো:

প্রচুরক = 
$$L + \frac{f_1}{f_1 + f_2} \times h$$

যেখানে  ${f L}$  প্রচুরক শ্রেণির অর্থাৎ যে শ্রেণিতে প্রচুরক অবস্থিত এর নিম্নুমান  $f_1=$  প্রচুরক শ্রেণির গণসংখ্যা - প্রচুরক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির গণসংখ্যা  $f_2=$  প্রচুরক শ্রেণির গণসংখ্যা - প্রচুরক শ্রেণির পরবর্তী শ্রেণির গণসংখ্যা  ${f h}=$  শ্রেণিব্যাপ্তি  ${f l}$ 

খ. মধ্যক নির্ণয়ের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি :

সময় (শ্রেণিব্যাপিত)	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
৩০-৩৫	9	৩
৩৬–৪১	70	১৩
8২–89	72-	৩১
8৮-৫৩	২৫	৫৬
<b>৫</b> 8– <b>৫</b> ৯	ъ	৬8
৬০-৬৫	৬	90
	n = 90	

এখানে, 
$$n=90$$
 এবং  $\frac{n}{2}=\frac{90}{3}$  বা, ৩৫।

অতএব, মধ্যক হলো ৩৫ তম পদের মান। ৩৫ তম পদের অবস্থান হবে (৪৮–৫৩) শ্রেণিতে। অতএব, মধ্যক শ্রেণি হলো (৪৮–৫৩)।

সুতরাং, 
$$L=8$$
৮,  $F_c=$ ৩১,  $f_m=$ ২৫ এবং  $h=$ ৬।

$$\therefore$$
 মধ্যক = L +  $\left(\frac{n}{2} - F_c\right) \times \frac{h}{f_m}$   
= 8b + (৩৫ – ৩১)  $\times \frac{b}{2\ell}$   
= 8b + 8  $\times \frac{b}{2\ell}$  = 8b + 0.3b = 8b.3b

নির্ণেয় মধ্যক ৪৮.৯৬।

গ. প্রচুরক নির্ণয়ের গণসংখ্যা সারণি হলো–

সময়	গণসংখ্যা
<b>७०−७</b> €	৩
৩৬–৪১	70
8২–89	74
৪৮–৫৩	২৫
<b>৫</b> 8- <b>৫</b> ৯	ъ
৬০-৬৫	৬

এখানে, গণসংখ্যা সর্বাধিক বার ২৫ আছে (৪৮ – ৫৩) শ্রেণিতে। সূতরাং প্রচুরক এ শ্রেণিতে আছে।

প্রচুরক = 
$$L + \frac{f_1}{f_1 + f_2} \times h$$

এখানে I – ৪৮

$$f_1 = 2 & - 3$$
 = 9

$$f_2 = \mathbf{2C} - \mathbf{b} = \mathbf{59}$$

∴ প্রচুরক = 
$$8b + \frac{9}{9 + 39} \times b$$

$$= 8b + \frac{9}{28} \times b$$

$$= 8b + 3.96 = 85.96$$

নির্ণেয় প্রচুরক ৪৯.৭৫।

### থম্ল−৩২ ▶ দশম শ্রেণির 60 জন শিৰার্থীর ওজনের (কেজি) গণসংখ্যা সারণি হলো

শ্রেণিব্যাপ্তি	45 – 49	50 – 54	55 – 59	60 – 64	65 – 69	70 – 74
গণসংখ্যা	4	12	10	20	8	6

9

- ক. গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হতে প্রচুরক শ্রেণি লেখ।
- খ. মধ্যক ও প্রচুরক নির্ণয় কর।
- 8
- গ. আয়ত**লে**খ ও গণসংখ্যা বহুভুজ আঁক।
- 0

### ♦ ৩২নং প্রশ্রের সমাধান ▶ ४

- ক. এখানে গণসংখ্যা সর্বাধিক 20 আছে (60 –64) শ্রেণিতে। সুতরাং (60–64) শ্রেণিতে প্রচুরক আছে। নির্ণেয় প্রচুরক শ্রেণি (60–64)
- খ. মধ্যক ও প্রচরক নির্ণয়ের সারণি :

শ্রেণিব্যাপ্তি	গণসংখ্যা	ক্রমযোজিত গণসংখ্যা
45 – 49	4	4
50 – 54	12	16
55 – 59	10	26
60 – 64	20	46
65 – 69	8	54
70 - 74	6	60

এখানে, n = 60

এবং 
$$\frac{n}{2} = \frac{60}{2} = 30$$

অতএব, মধ্যক হলো 30 তম পদের মান। 30 তম পদের অবস্থান (60–64) শ্রেণিতে। অতএব, মধ্যক শ্রেণি হলো (60–64)।

সুতরাং 
$$L=60,\,f_{\rm c}=26,\,f_{\rm m}=20\,$$
 এবং  $h=5\,$ 

$$\therefore$$
 মধ্যক = L +  $\left(\frac{n}{2} - f_c\right) \times \frac{h}{f_m}$   
=  $60 + (30 - 26) \times \frac{5}{20}$   
=  $60 + 4 \times \frac{5}{20}$   
=  $60 + 1 = 61$ 

ক– হতে প্রাপত, প্রচুরক শ্রেণি (60–64),

$$f_1 = 20 - 10 = 10$$
  
 $f_2 = 20 - 8 = 12$ 

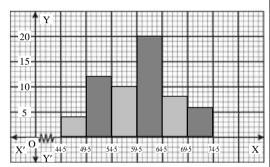
∴ প্রচুরক = 
$$L + \frac{f}{f_1 + f_2} \times h$$
  
=  $60 + \frac{10}{10 + 12} \times 5$   
=  $60 + \frac{50}{22} = 60 + 2.27 = 62.27$  |

নির্ণেয় মধ্যক 61 এবং প্রচুরক 62-27।

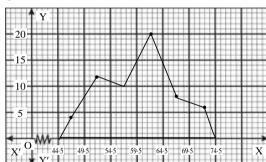
গ. প্রদন্ত সারণিতে উপাত্তের শ্রেণি ব্যবধান বিচ্ছিন্ন। শ্রেণি ব্যবধান অবিচ্ছিন্ন করে সারণি তৈরি করা হলো :

শ্রেণিব্যাপ্তি	অবিচ্ছিন্ন শ্রেণি সীমা	শ্রেণির মধ্যবিন্দু	গণসংখ্যা
45 – 49	44.5 – 49.5	47	4
50 - 54	49.5 – 54.5	52	12
55 – 59	54.5 – 59.5	57	10
60 – 64	59.5 – 64.5	62	20
65 – 69	64.5 – 69.5	67	8
70 – 74	69.5 – 74.5	72	6

আয়তলেখ অজ্জন: ছক কাগজের প্রতি ঘরকে এক একক ধরে X অব বরাবর অবিচ্ছিন্ন শ্রেণি সীমা এবং Y অব বরাবর গণসংখ্যা নিয়ে আয়তলেখ অজ্জন করা হলো। X অব বরাবর অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিসীমা 44.5 থেকে আরম্ভ হয়েছে। মূলবিন্দু হতে 44.5 পর্যন্ত পূর্ববর্তী ঘরগুলো আছে বুঝাতে ভাঙা চিহ্ন ব্যবহার করা হয়েছে।



গণসংখ্যা বহুভূজ অজ্জন: আয়তলেখের আয়তের ভূমির বিপরীত সমান্তরাল বাহুর মধ্যবিন্দুগুলো রেখাংশ দ্বারা যোগ করে গণসংখ্যা বহুভূজ অজ্জন করা হলো:



প্রমু—৩৩ ▶ ১০ম শ্রেণির 50 শিৰার্থীর গণিত বিষয়ে প্রাশ্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হলো :

শ্রেণিব্যা শ্ত	31–40	41–50	51–60	61–70	71–80	81–90	91–100
গণসংখ্যা	6	8	10	12	5	7	2

- 2 ,
- ক. প্রতীকের পরিচয়সহ শ্রেণিবিন্যস্ত উপাত্তের মধ্যক নির্ণয়ের সূত্রটি লেখ।
  - খ. সংৰিপ্ত পৰ্ম্বতিতে প্ৰাপ্ত নম্বরের গড় নির্ণয় কর।
  - গ. গণসংখ্যা নিবেশনের আয়তলেখ অজ্ঞন কর। 8

### ৩৩নং প্রশ্রের সমাধান >

ক. যদি শ্রেণিবিন্যস্ত উপাত্তের সংখ্যা n হয়, তবে শ্রেণিবিন্যস্ত উপাত্তের  $\frac{n}{2}$ 

তম পদের মান হচ্ছে মধ্যক। আর  $\frac{n}{2}$  তম পদের মান বা মধ্যক নির্ণয়ে ব্যবহৃত সূত্র হলো মধ্যক =  $L+\left(\frac{n}{2}-f_c\right)\times\frac{h}{fm}$  যেখানে, L হলো যে শ্রেণিতে মধ্যক অবস্থিত সেই শ্রেণির নিমুসীমা, n গণসংখ্যা,  $f_c$  মধ্যক শ্রেণির পূর্ববর্তী শ্রেণির যোজিত গণসংখ্যা,  $f_m$  মধ্যক শ্রেণির গণসংখ্যা এবং h শ্রেণি ব্যাপ্তি।

খ. সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে অনুসৃত ধাপের আলোকে গড় নির্ণয়ের সারণি হবে নিমুরু প :

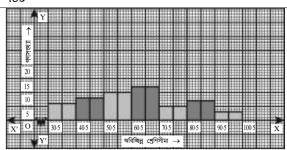
শ্রেণিব্যাপ্তি	মধ্যমান $x_i$	গণসংখ্যা $f_{ m i}$	ধাপ বিচ্যুতি $u_i = \frac{x_i - a}{h}$	গণসংখ্যা × ধাপ বিচ্যুতি (f _i u _i )
31-40	35.5	6	- 3	-18
41-50	45.5	8	<b>-2</b>	-16
51-60	55.5	10	-1	-10
61-70	$a \rightarrow 65.5$	12	0	0
71-80	75.5	5	1	5
81–90	85.5	7	2	14
91–100	95.5	2	3	6

গড়, 
$$\overline{\mathbf{x}}=\mathbf{a}+\frac{\Sigma f_i\mathbf{u}_i}{\mathbf{n}}\times\mathbf{h}$$
 
$$=65.5+\frac{(-19)}{50}\times10=65.5-3.8=61.7$$

- ∴ সংৰিপ্ত পদ্ধতিতে প্ৰাপ্ত নম্বরের গড় 61.7
- গ. শ্রেণি ব্যবধান অবিচ্ছিন্ন করে আয়তলেখ অজ্ঞ্চনের সারণি তৈরি করা হলো :

শ্ৰেণি	মধ্যমান	গণসংখ্যা
31 – 40	30.5 – 40.5	6
41 – 50	40.5 - 50.5	8
51 - 60	50.5 - 60.5	10
61 – 70	60.5 - 70.5	12
71 – 80	70.5 - 80.5	5
81 – 90	80.5 – 90.5	7
91 – 100	90.5 – 100.5	2

ছক কাগজে প্রতি ঘরকে এক একক ধরে x অব বরাবর অবিচ্ছিন্ন শ্রেণিসীমা এবং y—অব বরাবর গণসংখ্যা নিয়ে আয়তলেখ আঁকা হয়েছে। শ্রেণিসীমা 30·5 থেকে আরম্ভ হয়েছে। মূলবিন্দু থেকে 30·5 পর্যন্ত পূর্ববর্তী ঘরগুলো আছে বুঝাতে ভাঙা চিহ্ন ব্যবহার করা হয়েছে।



প্রম্−৩3 > কোনো একটি প্রতিষ্ঠানের 5 জন ব্যক্তির বাড়ি ভাড়া বাবদ ব্যয় হচ্ছে 7000, 8000, 9000, 5000 ও 6000 টাকা।

?

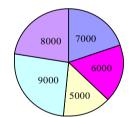
- ক. উপা**ত্তগুলো**র মধ্যক নির্ণয় কর।
- ২
- খ. দেখাও যে, গড় ভাড়া মধ্যকের সমান।
- 8
- গ. পাই–চিত্রের উপাত্তসমূহকে উপস্থাপন কর।

### 🕨 🗸 ৩৪নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

- ক. প্রদন্ত উপাত্তগুলোকে মানের উর্ধ্বক্রমে সাজিয়ে পাই, 5000, 6000, 7000, 8000, 9000। নির্ণেয় মধ্যক 7000 টাকা।
- খ. গাণিতিক গড় =  $\frac{\overline{\text{উপান্ডগুলোর সমষ্টি}}}{\overline{\text{উপান্ডের সংখ্যা}}}$  =  $\frac{5000 + 6000 + 7000 + 8000 + 9000}{5}$  =  $\frac{35000}{5}$  = 7000 |

অতএব, গড় ভাড়া মধ্যকের সমান। (দেখানো হলো)

গ. এখানে মোট ভাড়া = 35000 টাকা।



7000 টাকার জন্য ডিগ্রি পরিমাণ  $\frac{7000}{35000} \times 360^\circ = 72^\circ$ 

8000 টাকার জন্য ডিগ্রি পরিমাণ  $\frac{8000}{35000} \times 360^\circ = 82.29^\circ$ 

9000 টাকার জন্য ডিগ্রি পরিমাণ  $\frac{9000}{35000} \times 360^\circ = 92.57^\circ$ 

5000 টাকার জন্য ডিগ্রি পরিমাণ  $\frac{5000}{35000} \times 360^\circ = 51.43^\circ$ 

6000 টাকার জন্য ডিগ্রি পরিমাণ  $\frac{6000}{35000} imes 360^\circ = 61.71^\circ$ 

### সৃজনশীল প্রশুব্যাংক উত্তরসহ

প্রশ্ল—৩৫ > কোনো এক সালে একটি এলাকার অনূর্ধ্ব ৫০ বছর বয়সের লোকের

বয়সের (বছরে) গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হলো—

বয়স (বছরে)	১৬–২০	<b>২১-২৫</b>	২৬–৩০	৩১-৩৫	৩৬-৪০	87-86	8৬-৫০
গণসংখ্যা	77	3	ራን	8৯	২৭	رو	8

- ক. দ্বিতীয় শ্রেণি ব্যাপ্তির নিমুসীমা লেখ এবং চতুর্থ শ্রেণির শ্রেণি মধ্যমান নির্ণয় কর। ২
- খ. শ্রেণি ব্যবধান নির্ণয় কর এবং ক্রমযোজিত গণসংখ্যা সারণি তৈরি কর। *৪*
- গ. গণসংখ্যা সারণি থেকে গড় নির্ণয় কর।

উত্তর : ক. নিমুসীমা = ২১; শ্রেণি মধ্যমান = ৩৩

গ. গড় = ৩০·৩১ বছর (প্রায়)

### প্রশ্ন–৩৬ 🗲 কোনো স্কুলের নবম শ্রেণির ৪৯ জন শিবার্থীর ওজন কিলোগ্রামে হলো :

8¢, ¢o, ¢¢, ¢১, ¢৬, ¢٩, ¢৬, ७०, ৬১, ¢৮, ७०, ৬৮, ٩०, ٩०, ७১, ৬৭, ৬৬, ৬৩, ৬১, ৬০, ৬8, ৬৩, ৬২, ৬০, ৬৩, ৬০, ৬১, ¢০, ¢¢, ¢٩, ¢৬, ৬৩, ৬০, ৬২, ¢৬, ¢٩, ৬٩, ৬৯, ዓ০, ৬৮, ৬৯, ٩০, ৬০, ¢৬, ¢৮, ৬১, ৬৩, ৬৪।

- ক. শ্রেণি ব্যবধান ৫ ধরে গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি কর।
- খ**.** সারণি থেকে সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড নির্ণয় কর।
- 8

#### নবম-দশম শ্রেণি : সাধারণ গণিত ▶ ৭৪১

'ক' হতে প্রাশ্ত তথ্যের আলোকে গণসংখ্যা বহুভুজ আঁক। উত্তর : খ. ৬১·৪৯ (প্রায়)

### প্রশ্ন—৩৭ > নিমে ৬০ জন শিৰাধীর ওজনের (কেজি) গণসংখ্যা নিবেশন সারণি হলো :

ব্যাপিত	<b>৩€−</b> ৩৯	8o-88	86-89	<b>¢o−¢</b> 8	<b>ራ</b> ው- <b>ው</b>	<b>७०−७8</b>
গণসংখ্যা	ъ	8	২০	٥٥	১২	৬

- ক. প্রচুরক শ্রেণির মধ্যমান কত?
- খ. উপাত্তের গড় নির্ণয় কর (সংবিশ্ত পদ্ধতিতে)।

গ. উপাত্তের মধ্যক নির্ণয় কর।

**উত্তর** : ক. ৪৭; খ. ৪৯·৬৭; গ. ৪৯·৫।

### প্রশ্ন–৩৮ 🕨 একটি সমস্যা সমাধানে ২৫ জন শিৰাৰ্থীর প্রত্যেকের যে সময় (সেকেন্ড) লেগেছিল তা হলো:

৪৬, ৪৮, ৪৬, ৫০, ৪৯, ৫৯, ৫৮, ৫৩, ২০, ৬০, ৫২, ৬৪, ১৬, ৪৩, ৪২, ৪৬, 80,06,09,00,26,29,00,20,26.

- ক. শ্রেণিব্যাপ্তি ১০ ধরে গণসংখ্যা নিবেশনের সারণি তৈরি করলে শ্রেণি সংখ্যা কত হবে ?
- খ. গণসংখ্যা নিবেশন সারণি তৈরি করে গড নির্ণয় কর।

গণসংখ্যা নিবেশনের একটি আয়তলেখ আঁক। **উত্তর :** খ. শ্রেণি সংখ্যা = ৫, গড় = ৪১ ৫।

### প্রমু–৩৯ > পাসের হার এবং শিবার্থীর সংখ্যা নিচের সারণিতে উপস্থাপন করা হলো।

বিভাগের নাম	বাংলা	ইংরেজি	রসায়ন	পদার্থ	গণিত
পাসের হার	ьо	৯৫	ዓ৫	৬৫	৯০
শিৰাৰ্থীর সংখ্যা	770	780	200	ЪО	১২০

- ক. উপাত্তসমূহকে কতটি শ্রেণিতে ভাগ করা হয়েছে? গণিতে কতজন শিবাথী ফেল করেছে?
- খ. উপাত্ত হতে গাণিতিক গড নির্ণয় কর।

গ. পাসের হার বনাম শিবার্থী সংখ্যার লেখচিত্র আঁক। উত্তর: ক. ৫টি, ফেল করেছে ১২ জন; খ. গড় হার = ৮২.৯১ প্রায়)

### প্রশ্ন–৪০ 🗲 নবম শ্রেণির ৪০ জন শিৰাষীর গণিত বিষয়ে প্রাশ্ত নম্বরের গণসংখ্যা নিবেশন সারণি নিচে দেওয়া হলো:

শ্রেণিব্যাপ্তি	৫১-৬০	<b>67-40</b>	97-20	P7-20	27-700
গণসংখ্যা	8	٥٥	78	Č	٩

- ক. প্রদত্ত উপাত্তটির গণসংখ্যা বহুভুজ আঁক।
- প্ৰদত্ত উপাত্তটির সংৰিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয় কর।
- প্রদত্ত উপাত্তটির মধ্যক বের কর।

উত্তর: খ. গড় = ৭৫ ৭৫ গ. ৭৫ ২৯ প্রোয়)

### প্রশ্ন–৪১ > কোনো দ্রব্যের উৎপাদনে বিভিন্ন পর্যায়ে যে খরচসমূহ (শত টাকায়) হয় তা নিচের সারণিতে দেখানো হয়েছে:

উৎপাদন খরচ (শত টাকায়)	২–৬	<b>6-70</b>	20-78	78-78	১৮–২২	২২–২৬	২৬–৩০	<b>७</b> ०-७8
গণসংখ্যা	١	۵	২১	89	৫২	৩৬	79	9

ক. পরিসংখ্যানের বৈশিষ্ট্য **লে**খ।

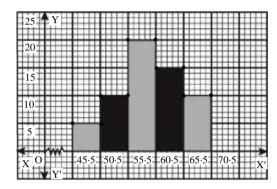
খ. প্রদন্ত সারণি থেকে সংবিশ্ত পদ্ধতিতে গড় নির্ণয় কর।

গ. প্রদত্ত সারণি ব্যবহার করে মধ্যক নির্ণয় কর।

**উত্তর** : খ. উৎপাদনে আনুমানিক গড় খরচ ১৯ শত টাকা। গ. নির্ণেয়

### প্রশ্ন–৪২ 🕨 নিচের গ্রাফটি লব কর:

মধ্যক ১৯·২৩।



- ক. উপরের চিত্রে প্রচুরক শ্রেণির গণসংখ্যা কত?
- খ. বিচ্ছিনু শ্রেণি ব্যবধান নিয়ে চিত্রে প্রদর্শিত তথ্যটিকে ছকের মাধ্যমে প্রকাশ কর।
- গ. খ-তে প্রাপত ছক থেকে নিবেশনটির মধ্যক নির্ণয় কর। উত্তর : ক. 20; গ. 59.75

### প্রমু–৪৩ 🕨 কোনো শ্রেণির 60 জন শিৰার্থীর ওজনের (কেজি) গণসংখ্যা নিবেশণ সারণি হলো :

ব্যাপিত	45–49	50-54	55-59	60-64	65-69	70-74
গণসংখ্যা	4	8	10	20	12	6
যোজিত ফল	4	12	22	42	54	60

- ক. সংৰিপ্ত পদ্ধতিতে গড় নিৰ্ণয়ে সূত্ৰটি লেখ।

খ. উপাত্তের মধ্যক নির্ণয় কর।

উত্তর : ক. 
$$\overline{\mathbf{x}} = \mathbf{a} + \frac{\sum f_i \mathbf{u}_i}{\mathbf{n}} \times \mathbf{h}$$
 ; খ. 62. গ. 62.778