চতুর্থ অধ্যায়

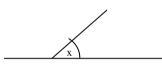
জ্যামিতিক অঙ্কন

পাঠ সম্পর্কিত গুরুত্বপূর্ণ বিষয়াদি

- 🔹 ত্রিভুজের ভূমি ও ভূমি সংলগ্ন কোণ দেওয়া থাকলে প্রথমে একটি সরলরেখা থেকে ভূমির সমান অংশ কেটে নিয়ে তার এক প্রান্তে প্রদন্ত কোণের সমান কোণ আঁকতে হবে।
- 🔹 ত্রিভুজের তিনটি বাহু দেওয়া থাকলে দুইটি বাহুর যোগফল অবশ্যই তৃতীয় বাহু অপেৰা বৃহত্তর হতে হবে অন্যথায় ত্রিভুজ অঙ্জন সম্ভব নয়।
- ব্যাসার্ধ ও কেন্দ্র জানা থাকলে বৃত্ত অজ্জন সম্ভব।
- বৃত্তের ওপর একটি বিন্দুতে একটি স্পর্শক আঁকা যায় এবং স্পর্শক ঐ বিন্দুগামী বৃত্তের ব্যাসার্ধের সাথে লম্ব।
- স্পর্শ বিন্দুতে স্পর্শকের ওপর অজ্জিত লম্ব কেন্দ্রগামী।
- দুইটি বৃত্ত পরস্পরকে যেভাবেই স্পর্শ করবক, তা কেবলমাত্র একটি বিন্দুতে স্পর্শ করবে এবং স্পর্শবিন্দু ও কেন্দ্রদর সমরেখ হবে।
- দুইটি বৃত্ত একটি সম্পূর্ণভাবে অপরটির অভ্যন্তরে থাকে তবে কোনো সাধারণ স্পর্শক অঙ্কন সম্ভব নয়।
- একটি বৃত্তের ও সরলরেখার সর্বাধিক দুইটি ছেদকিন্দু থাকতে পারে।
- ত্রিভুজের তিনটি শীর্ষবিন্দুগামী বৃত্ত পরিবৃত্ত।
- ত্রিভুজের অভ্যন্তরে অবস্থিত বাহুত্রয়কে স্পর্শকারী বৃত্ত অন্তর্বৃত্ত।
- ত্রিভুজের একটি বাহু ও অপর দুই বাহুর বর্ধিতাংশকে স্পর্শকারী বৃত্ত বহির্বৃত্ত।
- একটি ত্রিভুজের কেবল একটি অন্তর্বৃত্ত ও পরিবৃত্ত কিন্তু বহির্বৃত্ত তিনটি অজ্জন করা সম্ভব।

অনুশীলনীর প্রশ্ন ও সমাধান

١.



 $x = 60^{\circ}$ হলে $\angle x$ এর সম্পূরক কোণের অর্ধেকের মান কত?

⊚ 30°

(4) 60°

• 120°

旬 180°

ব্যাখ্যা : দুটি সম্পূরক কোণের সমষ্টি 180° ।

 $\angle \mathrm{x} = 60^\circ$ এর সম্পূরক কোণ হবে $(180^\circ - 60^\circ) = 120^\circ$

$$\therefore$$
 সম্পূরক কোণের অর্ধেক $= \frac{120^\circ}{2} = 60^\circ$

- ২. i. যেকোনো দৈর্ঘ্যের তিনটি বাহু দারা ত্রিভুজ অঙ্কন করা যায় না।
 - ii. শুধুমাত্র ব্যাসার্ধ জানা থাকলে বৃত্ত অজ্জন করা যায়।
 - iii. বৃত্তের কোনো বিন্দুতে একটিমাত্র স্পর্শক আঁকা যায়।

উপরের বাক্যগুলোর কোনটি সঠিক?

📵 i હ ii

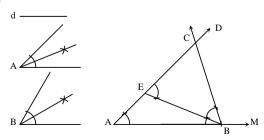
到 ii હ iii

● i ७ iii

(a) i, ii s iii

প্রশ্ন ॥ ৩ ॥ কোনো ত্রিভুজের দুইটি কোণ ও তাদের বিপরীত বাহুদ্বয়ের অন্তর দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁক।

সমাধান :



কোনো ত্রিভুজের দুইটি কোণ $\angle A$ ও $\angle B$ এবং বিপরীত বাহুদ্বয়ের অশ্তর d দেওয়া আছে। ত্রিভুজেটি আঁকতে হবে।

অজ্ঞানের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রশ্মি ${
m AM}$ এর ${
m A}$ বিন্দুতে ${
m \angle A}$ এর সমান করে ${
m \angle MAD}$ আঁকি।

ধাপ ২ : AD রেখাংশ থেকে d এর সমান করে AE অংশ কেটে নিই।

ধাপ ৩ : এখন E বিন্দুতে $\angle DEB = rac{1}{2} \left(\angle B + \angle A
ight)$ অজ্জন করি।

ধাপ 8 : ${
m EB}$ রেখাংশ ${
m AM}$ কে ${
m B}$ বিন্দুতে ছেদ করে।

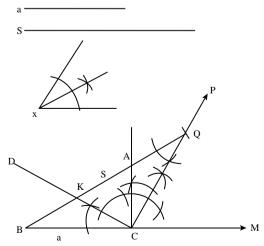
ধাপ ϵ : এখন B বিন্দুতে \angle DEB এর সমান করে \angle EBC অঙ্কন করি।

ধাপ ৬ : BC রশি AD রশিকে C বিন্দুতে ছেদ করে । B, C যোগ করি ।

তাহলে, ABC ই নির্ণেয় ত্রিভুজ।

প্রশু ॥ ৪ ॥ কোনো ত্রিভুজের ভূমি, ভূমিসংশুগ্ন কোণদ্বয়ের অন্তর ও অপর বাহুদ্য়ের সমষ্টি দেওয়া আছে, ত্রিভুজটি আঁক।

সমাধান:



মনে করি, কোনো ত্রিভুজের ভূমি a, ভূমিসংল্ম্ কোণদ্বয়ের অম্তর $\angle x$ এবং অপর বাহুদ্বয়ের সমষ্টি S দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি অজ্ঞন করতে হবে।

অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ $\mathbf 3$: যেকোনো রশ্মি BM হতে ভূমি a এর সমান করে BC অংশ কেটে নিই।

ধাপ ২ : এখন, C বিন্দুতে $\frac{1}{2} extstyle extstyle X$ এর সমান করে extstyle BCD অজ্জন করি।

ধাপ ৩ : এখন, CD এর উপর C বিন্দুতে CP লম্ব অজ্ঞকন করি।

ধাপ 8:B বিন্দুকে কেন্দ্র করে S এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃশুচাপ অজ্জন করি তা CP কে Q বিন্দুতে ছেদ করে।

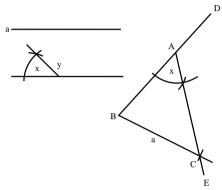
ধাপ ৫ : B, Q যোগ করি।

ধাপ ৬ : এখন CP রেখার C বিন্দুতে $\angle BQC$ এর সমান করে $\angle QCA$ অজ্জন করি।

ধাপ ৭ : CA রেখা BQ কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

তাহলে, ΔABC ই নির্ণেয় ত্রিভুজ।

প্রশ্ন ॥ ৫ ॥ ভূমি, শিরঃকোণ ও অপর কোণদ্বয়ের সমষ্টি দেওয়া আছে, গ্রিভূজটি আঁক। সমাধান :



মনে করি, কোনো ত্রিভুজের ভূমি a, শিরঃকোণ $\angle x$ ও অপর কোণদ্বয়ের সমষ্টি $\angle y$ দেওয়া আছে। ত্রিভুজেটি আঁকতে হবে।

অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রশ্মি BD এর ওপর A যেকোনো একটি বিন্দু নিই।

ধাপ ২ : A বিন্দুতে ∠x এর সমান করে ∠BAE আঁকি।

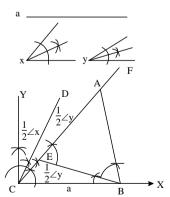
ধাপ ৩ : B কে কেন্দ্র করে a এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।

ধাপ 8 : বৃত্তচাপটি AE কে C বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৫ : B,C যোগ করি।

তাহলে, $\triangle ABC$ ই উদ্দিফ্ট ত্রিভুজ।

প্রশ্ন ॥ ৬ ॥ ভূমি, শিরঃকোণ ও অপর কোণদ্বয়ের অন্তর দেওয়া আছে, ত্রিভুজটি আঁক। সমাধান :



কোনো ত্রিভুজের ভূমি a, শিরঃকোণ $\angle x$ এবং অপর কোণদ্বয়ের অশ্তর $\angle y$ দেওয়া আছে। ত্রিভুজিটি অজ্ঞকন করতে হবে।

অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রশ্মি CX হতে ভূমি a এর সমান করে CB অংশ কেটে নিই।

ধাপ ২ : C বিন্দুতে CB এর ওপর CY লম্ব অজ্ঞন করি।

ধাপ ৩ : C বিন্দুতে $rac{1}{2}$ $\angle x$ এর সমান করে $\angle YCD$ অঙ্কন করি এবং $rac{1}{2}$ $\angle y$ এর

সমান করে ∠DCF অঙ্কন করি।

ধাপ ৪ : B বিন্দুতে এখন $\frac{1}{2}$ \angle y এর সমান করে \angle CBE অজ্জন করি।

ধাপ ৫ : BE রেখা CF রেখাকে E বিন্দুতে ছেদ করে।

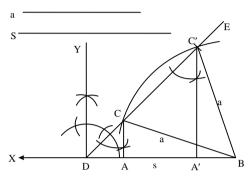
ধাপ ৬ : B বিন্দুতে এখন ∠FEB এর সমান করে ∠EBA কোণ অজ্জন করি।

ধাপ ৭ : BA রেখা CF রেখাকে A বিন্দৃতে ছেদ করে।

তাহলে, ABC ত্রিভুজই উদ্দিষ্ট ত্রিভুজ।

প্রশু ॥ ৭ ॥ সমকোণী ত্রিভূজের অতিভূজ ও অপর দুই বাহুর সমষ্টি দেওয়া আছে, ত্রিভূজিটি আঁক।

সমাধান :



মনে করি, সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ a এবং অপর দুই বাহুর সমষ্টি s দেওয়া আছে, ত্রিভুজিটি আঁকতে হবে।

অজ্ঞানের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রশ্মি BX হতে S এর সমান করে BD অংশ কেটে নিই

ধাপ ২ : D বিন্দুতে BD এর উপর DY লম্ঘ আঁকি এবং $\angle BDY$ এর অর্থেক করে $\angle BDE$ আঁকি।

ধাপ ৩ : B বিন্দুকে কেন্দ্র করে অতিভূজ a –এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।

ধাপ 8 : বৃত্তচাপটি DE রশ্মিকে C ও C' বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ $\boldsymbol{\epsilon}:B,C$ ও B,C' যোগ করি।

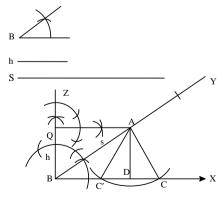
ধাপ ৬ : এখন , C ও C' বিন্দুতে $\angle CDB$ এর সমান করে যথাক্রমে $\angle DCA$ এবং $\angle DC'A'$ আঁকি।

ধাপ ৭ : CA ও C'A' রেখাংশদয় DB রেখাংশকে যথাক্রমে A ও A' বিন্দুতে ছেদ করে।

তাহলে, ΔABC ও $\Delta A'BC'$ –ই–নির্ণেয় ত্রিভূজ।

প্রশু 🏿 ৮ 🐧 ভূমিসংলগ্ন একটি কোণ, উচ্চতা ও অপর দুই বাহুর সমষ্টি দেওয়া আছে, ত্রিভুজটি আঁক।

সমাধান :



মনে করি, ত্রিভুজের ভূমিসংলগ্ন কোণ $\angle B$, উচ্চতা h, এর অপর বাহুদ্বয়ের সমষ্টি S দেওয়া আছে। ত্রিভুজেটি আঁকতে হবে।

অজ্ঞানের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রশ্মি BX –এর B বিন্দুতে $\angle B$ এর সমান করে $\angle XBY$ আঁকি।

ধাপ ২ : BY হতে S এর সমান করে BP অংশ কেটে নিই $| \ B \$ কলুতে $BZ \perp BX$ আঁকি $| \$

ধাপ ৩ : BZ হতে উচ্চতা h এর সমান করে BQ অংশ কেটে নিই।

ধাপ 8 : Q বিন্দুতে QA \perp BZ আঁকি।

ধাপ ৫ : QA রেখা BP কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৬ : A বিন্দুকে কেন্দ্র করে AP এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি, যা

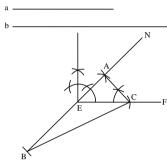
BX রশ্মিকে C ও C' বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৭ : A, C এবং A, C' যোগ করি।

তাহলে, ∆ABC এবং ∆ABC' ই নির্ণেয় ত্রিভূজ।

প্রশ্ন ॥ ৯ ॥ সমকোণী ত্রিভূজের অতিভূজ ও অপর দুইটি বাহুর অন্তর দেওয়া আছে, ত্রিভূজটি আঁক।

সমাধান :



মনে করি, একটি সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ a এবং অপর দুই বাহুর অশ্তর d দেওয়া আছে, ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অজ্ঞানের বিবরণ :

ধাপ $\mathbf S$: যেকোনো রশ্মি EF এর $\mathrm E$ বিন্দুতে $\angle \mathrm{FEN} = 45^\circ$ আঁকি।

ধাপ ২ : এবার NE কে EB পর্যন্ত বর্ধিত করি যেন EB=d হয়।

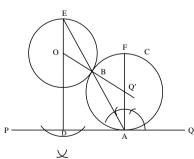
ধাপ \mathbf{o} : অতঃপর \mathbf{B} বিন্দুকে কেন্দ্র করে \mathbf{a} -এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা \mathbf{EF} কে \mathbf{C} বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8 : পরিশেষে C বিন্দুতে EC-এর সাথে $\angle ECA = \angle CEN$ আঁকি যেন CA, EN কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

তাহলে, ABC-ই উদ্দিষ্ট ব্ৰিভুজ।

প্রশ্ন 🏿 ১০ 🗈 এমন একটি বৃদ্ভ অঙ্কন কর যা একটি নির্দিষ্ট সরলরেখাকে এর কোনো নির্দিষ্ট কিন্দুতে এবং অপর একটি বৃদ্ভকে স্পর্শ করে।

সমাধান:



মনে করি, O একটি নির্দিষ্ট বৃত্তের কেন্দ্র এবং নির্দিষ্ট রেখা PQ এর উপরক্ষ A একটি নির্দিষ্ট বিন্দু। এমন একটি বৃত্ত আঁকতে হবে যা A বিন্দুতে PQ রেখাকে ও প্রদন্ত বৃত্তকে কোনো বিন্দুতে স্পর্শ করে।

অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ ১ : O হতে PQ রেখার উপর OD লম্ব আঁকি।

ধাপ ২ : DO কে বর্ধিত করায় তা বৃত্তের পরিধির সাথে E বিন্দুতে মিলিত হয়।

ধাপ ৩ : E, A যোগ করি। EA প্রদত্ত বৃত্তকে B বিন্দুতে ছেদ করে।

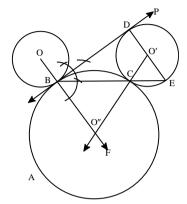
ধাপ 8 : A বিন্দুতে $AF \perp PQ$ আঁকি।

ধাপ $\boldsymbol{c}:O,\ B$ যোগ করে বর্ধিত করায় তা AF কে Q' বিন্দুতে ছেদ করে। Q'-ই নির্ণেয় বৃত্তের কেন্দ্র।

ধাপ ৬ : Q'-কে কেন্দ্র করে Q' A বা Q' B এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে ABC বৃত্ত আঁকি। তাহলে, ABC ই উদ্দিফ্ট বৃত্ত।

প্রশ্ন ॥ ১১ ॥ এমন একটি বৃত্ত জচ্চন কর যা একটি নির্দিষ্ট বৃত্তকে এর যেকোনো নির্দিষ্ট বিন্দুতে এবং অপর একটি বৃত্তকে কোনো বিন্দুতে স্পর্শ করে।

সমাধান:



মনে করি, O কেন্দ্রবিশিফ বৃত্তে B একটি নির্দিষ্ট বিন্দু এবং O' কেন্দ্রবিশিফ নঅপর একটি বৃত্ত । এমন একটি বৃত্ত আঁকতে হবে যা O কেন্দ্রবিশিফ বৃত্তকে B কিন্দুতে এবং O' কেন্দ্রবিশিফ বৃত্তকে কোনো কিন্দুতে স্পর্শ করে।

অঙ্কনের বিবরণ:

ধাপ ১ : O, B যোগ করে F পর্যন্ত বর্ধিত করি।

ধাপ ২ : B বিন্দুতে BP স্পর্শক আঁকি।

ধাপ ৩ : O' হতে DO' ⊥ BP আঁকি।

ধাপ 8:DO' কে বর্ধিত করি যেন তা O' কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তকে E কিন্দুতে ছেদ করে। E , B যোগ করি।

ধাপ ৫ : EB, O' কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তকে C বিন্দুতে ছেদ করে।

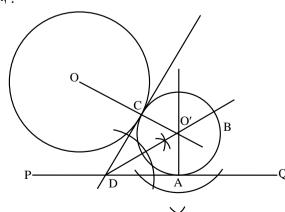
ধাপ ৬ : $O', \, C$ যোগ করে বর্ধিত করায় তা OF কে O'' বিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে O'' ই নির্ণেয় বৃত্তের কেন্দ্র।

ধাপ ৭ : এখন O'' কে কেন্দ্র করে O'' C বা O'' B এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে ABC বৃত্তটি আঁকি।

তাহলে, ABC -ই নির্ণেয় বৃত্ত।

প্রশ্ন 🏿 ১২ 🗈 এমন একটি বৃত্ত অঙ্কন কর যা একটি নির্দিষ্ট সরলরেখাকে কোনো বিন্দুতে এবং একটি নির্দিষ্ট বৃত্তকে এর কোনো নির্দিষ্ট বিন্দুতে স্পর্শ করে।

সমাধান :



মনে করি, PQ একটি নির্দিষ্ট সরলরেখা এবং O কেন্দ্রবিশিষ্ট একটি নির্দিষ্ট বৃত্তে C একটি নির্দিষ্ট বিন্দু। এমন একটি নির্দিষ্ট বৃত্ত আঁকতে হবে যা O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তকে C বিন্দুতে ও PQ সরলরেখাকে কোনো বিন্দুতে স্পর্শ করে।

অঙ্কনের বিবরণ:

ধাপ ১ : O, C যোগ করি।

ধাপ ২ : C বিন্দু দিয়ে CD স্পর্শক আঁকি যেন তা PQ কে D বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৩ : ∠CDO এর সমদ্বিখণ্ডক আঁকি।

ধাপ 8 : OC-কে বর্ধিত করায় তা সমদ্বিখন্ডকে O কিদুতে ছেদ করে।

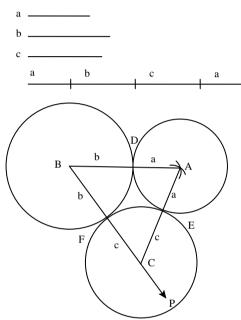
ধাপ ${\mathfrak E}: O'$ থেকে $O'A \perp PQ$ আঁকি।

ধাপ ৬ : এখন, O' কে কেন্দ্র করে O'A বা O'C এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে ABC বৃত্ত আঁকি।

তাহলে, ABC-ই নির্ণেয় বৃত্ত।

প্রশ্ন ॥ ১৩ ॥ ভিন্ন ভিন্ন ব্যাসার্ধবিশিষ্ট এর প তিনটি বৃদ্ধ আঁক যেন তারা পরস্পরকে বহিঃস্পর্শ করে।

সমাধান :



মনে করি, $a,\ b,\ c$ তিনটি নির্দিষ্ট রেখাংশ। এই তিনটি রেখাংশকে ব্যাসার্ধ হিসেবে নিয়ে এমন তিনটি বৃত্ত জাঁকতে হবে যারা পরস্পরকে বহিঃস্পর্শ করে।

অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রশ্মি BP হতে (b+c) এর সমান করে BC অংশ কেটে নিই।

ধাপ ২ : B কে কেন্দ্র করে (b+a) এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি।

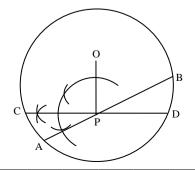
ধাপ ৩ : আবার, C কে কেন্দ্র করে (c+a) এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে আরও একটি বৃত্তচাপ আঁকি।

ধাপ 8 : চাপদ্বয় পরস্পর A বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ${m c}:A,B$ ও C বিন্দুকে কেন্দ্র করে a,b ও c এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে তিনটি বৃত্ত আঁকি।

ধাপ ৬ : বৃত্তগুলো পরস্পরকে D, E ও F বিন্দুতে বহিঃস্থভাবে স্পর্শ করে। তাহলে উক্ত বৃত্ত তিনটিই নির্শেয় বৃত্ত।

প্রশ্ন 1 ১৪ 1 0 কেন্দ্রবিশিফ কোনো বৃত্তের AB জ্যা—এর P যেকোনো বিন্দু |P| বিন্দু দিয়ে অপর একটি জ্যা CD অজ্ঞকন করতে হবে | যেন $CP^2 = AP$. PB হয় |P| সমাধান |P|



মনে করি, O কেন্দ্রবিশিফ বৃত্তে AB জ্যা–এর উপর P যেকোনো একটি বিন্দু। P বিন্দু দিয়ে অপর একটি জ্যা CD অজ্জন করতে হবে যেন, ${CP}^2=AP.\ PB$ হয়। অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ ১ : O, P যোগ করি।

ধাপ ২ : P বিন্দুতে OP \perp CP আঁকি।

ধাপ ৩ : লম্বটি বৃত্তকে C বিন্দুতে এবং CP এর বর্ধিতাংশ বৃত্তকে D বিন্দুতে ছেদ করে।

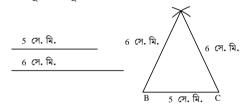
তাহলে CD-ই নির্ণেয় জ্যা।

প্রশ্ন ॥ ১৫ ॥ সমদিবাহু ত্রিভুজের ভূমি 5 সে. মি. এবং সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য 6 সে. মি.।

- ক. ত্রিভূজটি অজ্ঞকন কর।
- খ. ত্রিভুজটির পরিবৃত্ত অঙ্কন করে ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।
- গ. এমন একটি বৃত্ত অজ্জন কর যা পূর্বে অজ্জিত পরিবৃত্তের ব্যাসার্ধের সমান একটি বৃত্তকে P কিন্দুতে স্পর্শ করে এবং বৃত্তের বহিঃস্থ কোনো বিন্দু Q দিয়ে যায়।

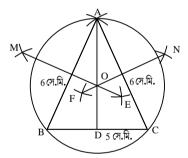
সমাধান :

ক. প্রদত্ত তথ্য অনুসারে ত্রিভুজটি অঙ্কন করা হলো:



মনে করি, ABC একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজ, যার ভূমি BC=5 সে. মি. এবং সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য AB=AC=6 সে. মি.।

খ.



ABC ত্রিভূজটির পরিবৃত্ত আঁকতে হবে। অর্থাৎ এমন একটি বৃত্ত আঁকতে হবে, যা ত্রিভূজের তিনটি শীর্ষবিন্দু $A,\ B$ ও C বিন্দু দিয়ে যায়।

অঙ্কনের বিবরণ :

ধাপ ১ : AB ও AC রেখাংশের লম্ব সমদ্বিখন্ডক যথাক্রমে EM ও FN রেখাশ আঁকি। মনে করি, তারা পরস্পরকে O বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ২ : $A,\ O$ যোগ করি। O-কে কেন্দ্র করে OA এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্ত আঁকি।

তাহলে, বৃত্তটি $A,B \otimes C$ বিন্দুগামী হবে এবং এই বৃত্তটিই ΔABC এর নির্ণেয়

পরিবৃত্তের ব্যাসার্ধ নির্ণয় : ABC ত্রিভুজের শীর্ষবিন্দু থেকে BC এর উপর AD লম্ব আঁকি।

এখন, ∆ABD-এ

 $AD^2 + BD^2 = AB^2$ [পিথাগোরাসের উপপাদ্য]

বা,
$$AD^2 = AB^2 - BD^2 = AB^2 - \left(\frac{BC}{2}\right)^2$$

= $6^2 - (2.5)^2$
= $36 - 6.25 = 29.75$

 $\therefore AD = 5.45$

 Δ ABC এর পরিবৃত্তের ব্যাসার্থ R হলে,

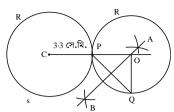
AB.AC = 2R.AD

[ব্রহ্মগুপ্তের উপপাদ্য অনুসারে]

বা,
$$2R \times 5.45 = 6 \times 6$$

বা,
$$R = \frac{36}{10.9} = 3.3$$
 সে. মি. (প্রায়)

∴ পরিবৃত্তের ব্যাসার্ধ 3.3 সে. মি. (প্রায়)।



'খ' থেকে প্রাশ্ত পরিবৃত্তের ব্যাসার্ধ 3.3 সে. মি.। এখন r ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তের কেন্দ্র $C,\ P$ ঐ বৃত্তের ওপর অবস্থিত একটি নির্দিষ্ট বিন্দু এবং Q ঐ বৃত্তের বহিঃস্থ একটি নির্দিষ্ট বিন্দু। এরূ প একটি বৃত্ত অঙ্কন করতে হবে যা C কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তকে P বিন্দুতে স্পর্শ করে এবং Q বিন্দু দিয়ে যায়।

অজ্ঞানের বিবরণ:

ধাপ ১ : P, Q যোগ করি।

ধাপ ২ : PQ এর লম্বদ্বিখন্ডক AB আঁকি।

ধাপ ৩ : C.P যোগ করি এবং বর্ধিত করি।

ধাপ 8 : বর্ধিত CP রেখাংশ AB কে O বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৫ : O কে কেন্দ্র করে OP এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্ত PQR-

তাহলে, PQR -ই উদ্দিষ্ট বৃত্ত।

গুরুত্বপূর্ণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

১. $\angle x = 40^\circ$, $\angle x$ এর সম্পুরক কোণের অর্ধেকের মান কত?



- **剩** 75°
- 70°
- **എ** 65°
- থি 60°
- ২. একটি আয়তাকার বাগানের পরিসীমা 20 মিটার এবং দৈর্ঘ্য 8 মিটার বাগানের
 - ক 8 বর্গমিটার ② 10 বর্গমিটার 16 বর্গমিটার ② 24 বর্গমিটার
- ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য (সে.মি.) দেওয়া থাকলে কোন বেত্রে সমকোণী ত্রিভুজ আঁকা সম্ভব নয়?
 - **3**, 4, 5
- **②** 6, 8, 10
- **1** 5, 12, 13
- **12, 15, 19**
- একটি সামান্তরিক আঁকতে কমপৰে কতটি তথ্যের প্রয়োজন ?
 - 3
- **(1)** 4
- **1 1 1 1**
- **(**1) 6
- α . তিনটি বৃত্ত পরস্পরকে বহিঃস্পর্শ করেছে, যাদের ব্যাসার্ধ যথাক্রমে $5, 6 ext{ } 9 ext{ } 7$ সে.মি.। বৃত্ত তিনটির কেন্দ্র দারা গঠিত ত্রিভুজের পরিসীমা কত?

 - ඉ প স.মি. ৩ 18 সে.মি. 36 সে.মি. ৩ 54 সে.মি.

৪-১ : ত্রিভুজ সংক্রান্ত কতিপয় উপপাদ্য

🔳 🗌 সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

70° এর সম্পুরক কোণের অর্ধেকের মান কত?

(মধ্যম)

- 55°
- 1 20°
- **10**°
- ১০. PQR সমবাহু ত্রিভুজের শিরঃকোণের সম্পূরক কোণের দুই তৃতীয়াংশের মান কত ডিগ্ৰি?

- ৬. 1 cm, 2 cm ও 3 cm বাহুবিশিফ ত্রিভুজ অজ্জন করা যায় কি?
 - ক্তি অঙ্কন করা যায়
- থ্য জানা নেই
- অজ্জন করা যাবে না
- থি) কওগ
- ৭. বৃত্তের বেত্রে–
 - i. বৃত্ত এবং এর ছেদকের একটি মাত্র সাধারণ বিন্দু থাকে
 - ii. স্পর্শক স্পর্শবিন্দুগামী ব্যাসার্ধের উপর লম্ব
 - iii. বৃত্তের বহিঃস্থ কোনো বিন্দু থেকে বৃত্তে দুইয়ের অধিক স্পর্শক আঁকা অসম্ভব নিচের কোনটি সঠিক?
 - **雨** i

- ii ଓ iii
- পি i ও iii
- (variational) (variational)
- ৮. শুধু একটি বাহুর দৈর্ঘ্য দেওয়া থাকলে
 - i. সমবাহু ত্রিভুজ অঙ্কন করা যায়
 - ii. বৰ্গৰেত্ৰ অঙ্কন করা যায়
 - iii. আয়তবেত্র অঙ্কন করা যায়

নিচের কোনটি সঠিক?

- i ଓ ii
- (1) ii 🕲 iii
- পি i ও iii **⊚** 60°
- चि i, ii ও iii
- - **旬** 100° **130°**
- ১১. ত্রিভুজের তিন বাহুর দৈর্ঘ্য দেওয়া আছে, নিচের কোন বেত্রে সমকোণী ত্রিভুজ আঁকা সম্ভব? (সহজ)
 - **3**, 4, 6 **3**, 7, 9

● 80°

- 5, 12, 13 **③** 6, 8, 11
- ১২. কোনো ত্রিভুজের বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য 3:4:5 এবং পরিসীমা 240 সে.মি. হলে, ৰুদ্ৰতম বাহুর দৈর্ঘ্য কত? (মধ্যম)

নবম–দশম শ্রেণি: উচ্চতর গণিত ▶ ১৩৪ ২৫. 65° কোণের সম্পুরক কোণের দ্বিগুণ কত? ১৩. **雨** 115° (125°) **何** 130° ● 230° ব্যাখ্যা: যেহেতু দুইটি সম্পুরক কোণের সমষ্টি 180° চিত্রে ∠ABC এর মান কত? (মধ্যম) $\therefore 65^{\circ}$ কোণের সম্পূরক কোণ = $(180^{\circ} - 65^{\circ}) = 15^{\circ}$ **雨** 15° ● 25° **ര**) 45° থি 55° ∴ দ্বিপুণ (115° × 2) = 230° সমকোণী ত্রিভুজের শিরঃকোণ 60° হলে অপর কোণ কত হবে? ١8٤ ২৬. কোনো নির্দিষ্ট কোণ ও তার পুরক কোণের সমষ্টি কত ডিগ্রী? **(4)** 60° **⊚** 90° • 30° **旬** 20° **130 180 3**60 ১৫. সমদ্বিবাহু সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ সংলগ্ন কোণদ্বয়ের অনুপাত কোনটি হবে? ২৭. কোনো ত্রিভুজের ভূমিসংলগ্ন কোণের সমষ্টি 135° হলে ত্রিভুজের একটি কোণের মান নিচের কোনটি? (মধ্যম) **3**:2 **(4)** 3:1 **何**2:1 ● 1:1 **③** 30° **1** 55° 旬 115° • 45° 50° কোণের সম্পুরক কোণের এক-পঞ্চমাংশ নিচের কোনটি? (মধ্যম) ১৬. ২৮. (a) 30° 例 35° ১৭. 45° কোণের পুরক কোণের দ্বিগুণ নিচের কোনটি? (সহজ) (4) 45° **何** 60° ● 90° **₹** 30° AB∥EF হলে ∠AFE এর মান কত? (সহজ) ১৮. সরল কোণের এক-তৃতীয়াংশ নিচের কোনটি? (সহজ) ♠ 35° ● 55° **何** 85° 旬 105° ♠ 45° ● 60° **何** 120° **旬** 180° ১৯. কোনো ত্রিভুজের ভূমিসংলগ্ন একটি কোণ এর শীর্ষকোণের সমান হলে ত্রিভুজটি 🗌 🔳 📗 বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর কোন প্রকারের? ২৯. ত্রিভুজ আঁকা সম্ভব হবে যদি দেওয়া থাকে— ক্যি সমবাহু সমিদ্ববাহ্ গ্ৰি বিষমবাহু ঘি সমকোণী i. তিনটি বাহু ২০. ii. তিনটি কোণ iii. দুই বাহু ও এককোণ নিচের কোনটি সঠিক? (মধ্যম) 📵 i હ ii ● i ଓ iii ரு ii ও iii શ્રિ i, ii હ iii ৩০. 5 সে.মি. বাহুবিশিষ্ট একটি সমবাহু ত্রিভুজের পরিবৃত্ত অঞ্জন করলে— চিত্রে ΔABC কোন প্রকৃতির ত্রিভুজ? i. ত্রিভুজটির পরিবৃত্তের ব্যাস হবে 5 সে.মি. স্থূলকোণী সৃক্ষ্মকোণী বিষমবাহু সমদিবাহু ii. ত্রিভুজটির পরিবৃত্তের ব্যাসার্ধ হবে 2.88 সে.মি. ২১. ত্রিভুজটির শীর্ষবিন্দু থেকে ভূমির উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য 4.33 সে.মি. নিচের কোনটি সঠিক? (কঠিন) কি i ও ii (જો i હ iii ● ii ଓ iii য়ি i, ii ও iii ABC ত্রিভুজে CE, AD ও BF যথাক্রমে AB, BC ও CA বাহুর মধ্যমা ৩১. একটি ত্রিভুজের ভূমি ${f a}$ ও অপর বাহুদয়ের সমষ্টি ${f S}$ দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি হলে কোনটি সঠিক? **আঁকতে হলে**— (মধ্যম) ● 2EC = 3GC \bigcirc 2AD = 2GC i. ত্রিভুজের পরিসীমা = a + s হবে \bigcirc 2BG = 2BA \bigcirc AD = CE ii. a > s **হবে** ২২. $\angle x = 55^{\circ}$ হলে $\angle x$ এর পুরক কোণের অর্ধেকের মান কত? (মধ্যম) iii. s > a **হ**বে ♠ 25° **(4)** 105° ● 125° থি 145° নিচের কোনটি সঠিক? ২৩. প্র ii ও iii િ i છ ii ● i ଓ iii (v) i, ii v iii ৩২. i. কোনো ত্রিভুন্ধের দুটি বাহু ও তাদের অন্তর্ভুক্ত একটি কোণ দেওয়া থাকলে ত্রিভুজটি আঁকা সম্ভব ii. সমবাহু ত্রিভুজের পরিসীমা দেওয়া থাকলে ত্রিভুজটি আঁকা যায় ABC সমদ্বিবাহু গ্রিভুজে $\angle BAC$ এর পূরক কোণের মান কত? iii. রম্বসের এক বাহু দেওয়া থাকলে রম্বস আঁকা যায় (মধ্যম) নিচের কোনটি সঠিক? ♠ 25° **何** 90° থি 145° ● i ७ ii જી i હ iii 1 i s iii T i, ii s iii ২৪. ৩৩. i. সমবাহ্ন ত্রিভুজের প্রত্যেক কোণের মান 45° ii. সমবাহু ত্রিভুজের তিনটি বাহু পরস্পর সমান iii. বাহুভেদে ত্রিভুজ তিন প্রকার নিচের কোনটি সঠিক? (সহজ) ABC ত্রিভুজের শিরঃকোণ নিচের কোনটি? (মধ্যম) ি i છ ii જી i હ iii • ii ७ iii (a) i, ii s iii **②** ∠B **①** ∠C ∠A

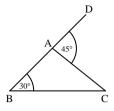
- ৩৪. i. ত্রিভুজের বেত্রফল = $\frac{1}{2}$ × ভূমি × উচ্চতা
 - ii. সরলকোণের মান 180°
 - iii. 75° কোণের পূরক কোণের মান 25°

নিচের কোনটি সঠিক?

● i ଓ ii

- (જો i હ iii
- 1 i s iii T i, ii s iii

७₡.



চিত্রে—

- i. $\angle ACB = 15^{\circ}$
- ii. ∠BAC = 135°
- iii. AB ≠ AC

নিচের কোনটি সঠিক?

(মধ্যম)

কি i ও ii

- থি) i ও iii
- ரு ii ஒ iii
- i. ii ଓ iii

৩৬. ত্রিভুজের ভূমি ${f S}$ ও অপর বাহুদ্বয়ের সমর্ফি ${f P}$ দেওয়া আছে। এবেত্রে—

- i. S = P
- ii. P > S
- iii. ত্রিভুজটির পরিসীমা S+P

নিচের কোনটি সঠিক?

(মধ্যম)

- જી i હ ii
- (જો i હ iii
- ii ଓ iii
- g i, ii s iii

৩৭. শুধু একটি বাহু দেওয়া থাকলে আঁকা যায়–

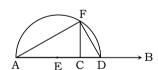
- i. বৰ্গৰেত্ৰ
- ii. সমবাহু ত্রিভুজ
- iii. রম্বস

নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- i v ii
- (જો i હ iii
- (1) ii (3) ii, ii (5) iii

ob.



চিত্রে সমকোণ হলো-

- i. ∠ACF
- ii. ∠FCD
- iii. ∠AFD

নিচের কোনটি সঠিক?

(সহজ)

- 📵 i હ ii
- 🕲 i હ iii
- ூ ii ७ iii i, ii ७ iii

🔲 🗆 অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

নিচের তথ্যের আলোকে ৩৯ – ৪১ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ 10 একক এবং অপর বাহুদ্বয়ের সমষ্টি 14 একক। ত্রিভূজটির উচ্চতা h একক।

৩৯. h এর মান কত?

(মধ্যম)

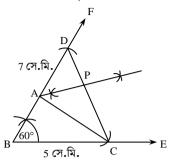
- **1 4**
- **(4)** 6
- ৃ 4 অথবা 6 6 অথবা 8
- ৪০. ত্রিভুজটির ভূমির দৈর্ঘ্য কত?

- - 14 h $14 h^2$ 14 h $14 h^2$
- 8১. ত্রিভুজটির বেত্রফল কত বর্গ একক?

- **1**2
- 24
- **രു** 48
 - থি 96

ব্যাখ্যা : ৰেত্ৰফল = $\frac{1}{2} \times 8 \times 6 = 24$ বৰ্গ একক

নিচের চিত্রের আলোকে ৪২ – ৪৪ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



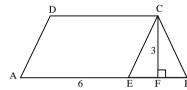
AP, CD এর লম্বদ্বিখন্ডক। BD = 7 সে.মি. এবং BC = 5 সে.মি.।

- 8২. ΔAPD ও ΔAPC এর মধ্যে পরস্পর সম্পর্ক কী?
 - \bullet \triangle APD \cong \triangle APC
 - \triangle \triangle APD \leq \triangle APC \bigcirc \triangle APD > \triangle APC
- \bigcirc \triangle APC \geq \triangle APD
- ৪৩. AC এর মান কোনটি?
 - **♠** 5 − AB **♠** 5 − AP
- **③** 7 − AP ● 7 – AB
- 88. AB + AC = কত সে.মি.?
- (সহজ)

(সহজ)

- **1** 5
- **(**14

নিচের চিত্রের আলোকে ৪৫ – ৪৭ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



- ৪৫. AECD কোন ধরনের চতুর্ভুজ? ক্ৰি আয়তৰেত্ৰ খি বৰ্গ
- গ্রি রম্বস

(1) 12

- - সামান্তরিক
- ৪৬. ABCD বৃত্তস্থ হলে নিচের কোনটি সঠিক?
- (মধ্যম)

(সহজ)

(সহজ)

(সহজ)

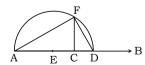
(মধ্যম)

(মধ্যম)

- \bullet AD = BC

 - \mathfrak{P} BE = BC
- 89. ABCD চতুর্ভুন্সের বেত্রফল কত?
- থ 12 বর্গ একক
- 📵 10 বর্গ একক 15 বর্গ একক
- থি 16 বর্গ একক

নিচের চিত্রের আলোকে ৪৮ - ৫০নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



8৮. ∠AFD = কত হবে? **⊕** 45°

● 90°

- 何 95°
- **1**15°
- ৪৯. চিত্রে ∠CFD এর সমান নিচের কোনটি? **③** ∠FAB **②** ∠AFC

● 90°

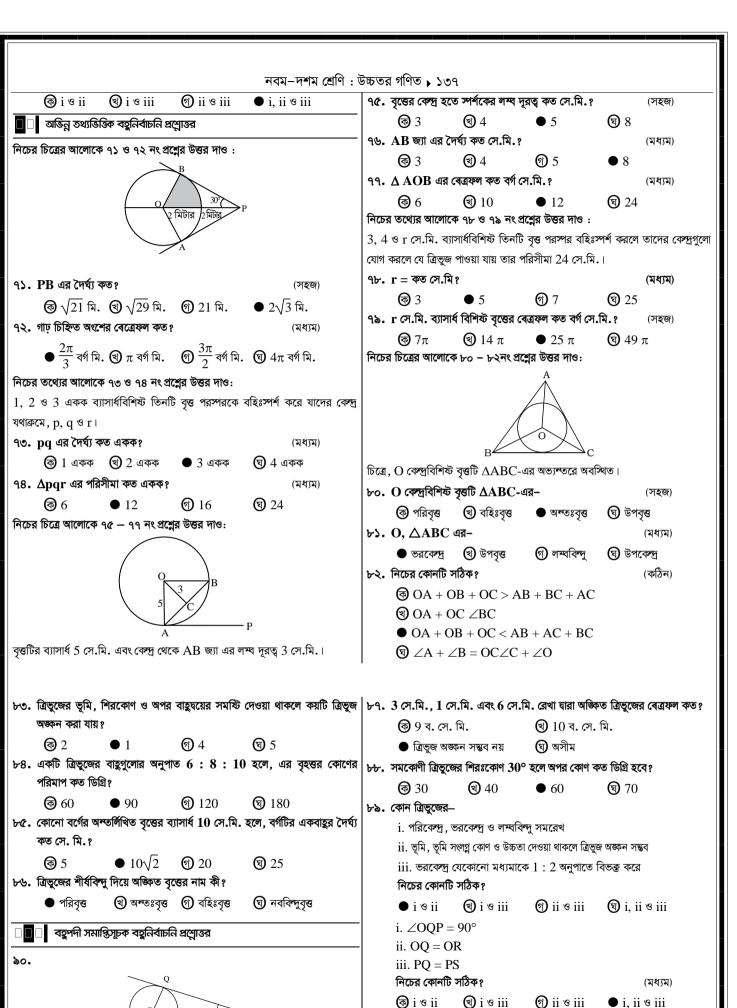
- ∠FAC
- **③** ∠FAD
- ৫০. $\angle FAC + \angle AFC =$ কত হবে?
 - (100°)
- **何** 120°
- **(180°**

8.২: বৃত্ত সংক্রান্ত অঙ্কন

🔳 🗌 সাধারণ বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

- ৫১. বৃত্তের পরিধির কোনো বিন্দুতে কয়টি স্পর্শক আঁকা সম্ভব?
- **②** 2
- **1** 4
- থ্যি অসংখ্য

			নবম–দশম শ্রেণি :	উচ্চতর	র গণিত 🕨 ১৩৬	
৫২.	স্থূলকোণী ত্রিভুজের পরিবৃত্ত ত	সঙ্কন করলে এর	পরিকেন্দ্র কোথায় থাকবে?		● 2 ③ 4 ⑤ 6	1 8
			(সহজ)		🛘 বহুপদী সমাপ্তিসূচক বহুনির্বাচনি প্রশ্নোত্তর	
	ক্তি অতিভূজে	বহির্ভাগে		৬৬.	নিচের বৃশুটিতে—	
	গ্রি অভ্য শ্তরে	ত্যি বৃহত্তর বাহু			A	
৫৩.	সৃক্ষকোণী ত্রিভুজের পরিবৃত্ত ভ	মঙ্কন করলে এর				
	0 0 0 0		(সহজ)		В	С
	ক্তি অতিভুজে থি ভূমিতে	অভ্যন্তরে				
€8.	ত্রিভুজের শীর্ষবিন্দু দিয়ে অঞ্চিত	` '				
	ক্তি বহিঃবৃত্ত থি অন্তবৃত্ত	● পরিবৃ ত্ত	থি নববিন্দু বৃত্ত		i. $OA = AB$	
œ.	সমকোণী ত্রিভুজের পরিবৃত্ত অজ্ঞন করলে তার কেন্দ্র কোথায় থাকবে?				ii. $OA = \frac{1}{2}BC$	
	ক্তি ভূমির উপর	লম্বের উপর	1		iii. ∠AOC = 2∠ABC	
	প্রতিভুজের উপর	খি অভ্যন্তরে			নিচের কোনটি সঠিক?	(সহজ)
৫৬.	বৃত্তের ব্যাস d হলে এর পরিধি নি	নচের কোনটি?	(মধ্যম)		ক i ও ii ব্বি i ও iii ব্বি ii ও iii	● i, ii ଓ iii
	⊕ 2 π r ● πd	ඉ 2πd	$\mathfrak{g} \frac{1}{2} \pi d$	৬৭.	বৃত্তের–	,
æ٩	ত্রিভুজের পরিকেন্দ্র, ভরকেন্দ্র ও		্র ত ব্রিভজের বেনফল ক্রজে বর্গ		i. সকল সমান জ্যা কেন্দ্র হতে সমদূরবর্তী	
~ I.	धक्कः	। साम भूमाओं आठ	ত অপুতের বের্রান্য কত বর্গ (মধ্যম)		ii. শুধু কেন্দ্ৰ জানা থাকলে বৃত্ত আঁকা যায়	
	⊕ 0 ● 1	1 5	1 0		iii. বৃহত্তম জ্যা বৃত্তের ব্যাস	
ሮ ৮.	2 সে.মি. ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তে	•	_		নিচের কোনটি সঠিক?	(মধ্যম)
	সে.মি. হলে, ঐ বিন্দু হতে বৃত্তেঃ		, ,		(†) i ଓ ii ● i ଓ iii (†) ii ଓ iii	🕲 i, ii ૭ iii
	⊕ 6·32 সে.মি.	থ 5∙91 সে.∫			A	
	● 5.66 সে.মি.	ত্ব 4·47 সে.f	મે.	৬৮.	$P \stackrel{C}{\longleftarrow} C$	
<i>ሮ</i> ኤ.	A ও B কেন্দ্রবিশিফ দুইটি বৃত্ত 🛚	_			В	
	কত?		(মধ্যম)		O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তের স্পর্শক PA ও PB হলে–	-
	⊕ 0° ② 90°	● 180°	3 300°		i. PA = PB	
৬০.	একটি সরলরেখা কোনো বৃত্তকে	স্পর্শ করলে তা এ	ৃ বৃত্তকে কয়টি কিন্দুতে ছেদ		ii. ∠PAO = 90°	
	করে?		(স হজ)		iii. OA = AC নিচের কোনটি সঠিক?	(NAK)
	● 1 ③ 2	1 3	1 4			(সহজ) কি: ·· : :: ···
৬১.	2 সে.মি., 3 সে.মি., ও 4 সে.মি. ব্যাসার্ধবিশিষ্ট তিনটি বৃত্ত পরস্পারকে				• i e ii	ব্য i, ii ও iii
	বহিঃস্পর্শ করে। বৃত্তের কেন্দ্রগুলো যোগ করলে যে ত্রিভূজ পাওয়া যায় তার পরিসীমা			৬৯.	$E \xrightarrow{G} F$	
	কত সে.মি.?	_	(মধ্যম)			
	③ 9 ● 18	1 27	3 6			
৬২.	বৃত্তের বহিঃস্থ কোনো বিন্দু থেবে	চ বৃত্তে ক য়টি স্পর্শক			D	
	• • • • •	O 4	(সহজ)		চিত্ৰে—	
	• 2 3	19 4	1 5		i. $\angle DGE = 2 \angle DFE$	
७७.	25 বৰ্গ সে.মি. ৰেত্ৰফলবিশিষ্ট কত?	বগের কণকে ব্যাস	ধরে আজ্ঞত বৃত্তের বেত্রফল (মধ্যম)		ii. $GD = \frac{1}{2}EF$	
	ক 5.2π বর্গ একক	থ 10.5π বর্গ			iii. GD = FD	
		থ 10.5π বৰ্গ থ 18.5π বৰ্গ			নিচের কোনটি সঠিক?	(কঠিন)
11.0		4 18.3% 4°	1 444		● i ଓ ii	િ i, ii હ iii
৬8.		$\stackrel{\sim}{\nearrow}$		90.	D	
	$_{ m B}$ $_{ m C}$				E N F	
					চিত্রে EF = 4 সে.মি. ও ON লম্বের দৈর্ঘ্য 1	মেমি হলে
	`		(মধ্যম)		i. ΔOFN এর বেত্রফল 1 বর্গ সে.মি.	o-101740 ₹ 0₹1
	③ 30° ② 60°	1 90°	• 120°			2
৬৫.	দুইটি বৃত্ত পরস্পরকে অন্তঃস্থভ	াবে স্পর্শ করে। বৃত্ত	গ্বয়ের ব্যাসার্ধ 4 ও 6 একক		ii. ON কে ব্যাসার্ধ ধরে অজ্জিত বৃত্তের পরিধি 🗸	∠/L ७१.14.
	হলে কেন্দ্রদয়ের মধ্যবর্তী দূরত্ব ক	ত ?	(মধ্যম)		iii. বৃত্তের ব্যাসার্ধ √5 সে.মি.নিচের কোনটি সঠিক?	(কঠিন)
				1	ו ושאו א דו־וור טווידי א אישוו ו	(7°10°1)



۵۵.

 $\mathbf{0}$ কেন্দ্রবিশিফ্ট বৃত্তের স্পর্শক \mathbf{PQ} ও \mathbf{PS} হলে–



চিত্রে, BC = 4 সে.মি. ও OP লম্বের দৈর্ঘ্য 1 সে.মি. হলে-

i. বৃত্তের ব্যাসার্ধ $\sqrt{5}$ সে.মি.

ii. ΔΟCP এর বেত্রফল 1 বর্গ সে.মি.

iii. OP কে ব্যাসার্ধ ধরে অঙ্কিত বৃত্তের পরিধি 2π সে.মি.

নিচের কোনটি সঠিক?

(মধ্যম)

কি i ও ii

🕲 ii હ iii

প্র i ও iii

● i, ii ଓ iii

🔳 🗆 অভিনু তথ্যভিত্তিক বহুনির্বাচনি প্রশ্রোত্তর

নিচের চিত্রের আলোকে ৯২ – ৯৪ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



বৃত্তটির ব্যাসার্ধ 5 একক এবং কেন্দ্র থেকে AP জ্যা এর লম্ব দূরত্ব 4 একক।

৯২. বৃত্তের কেন্দ্র তেকে স্পর্শকের লম্ব দুরত্ব কত একক?

(4) 4

1 9

থে 1

ব্যাখ্যা : কেন্দ্র থেকে স্পর্শকের লম্ব দূরত্ব = বৃত্তের ব্যাসার্ধ = 5 একক।

৯৩. AP জ্যা এর দৈর্ঘ্য কত একক?

♠ 5

② 4

1

৯৪. ΔΟΑΡ-ত্রিভুজের বেত্রফল কত বর্গ একক?

(কঠিন)

(4) 12

何 24

(10)

নিচের চিত্রের আলোকে ৯৫ – ৯৭ নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



চিত্রে BD = 7 সে.মি. BC = 4 সে.মি. AL, CD এর লম্বসমির্বিখন্ডক

৯৫. AB + AC এর মান কত?

(মধ্যম)

কি 4 সে.মি.

থ) 3 সে.মি.

● 7 সে.মি.

থ 2 সে.মি.

৯৬. ΔABC এর শিরঃকোণ কত?

(সহজ)

₮ 30°

何 60°

• 70°

৯৭. ΔABC এর পরিসীমা কত?

(মধ্যম)

● 11 সে.মি.

থ (7 + 4 + AC) সে.মি.

1 (AB + BC + 7) সে.মি. **1** 7 সে.মি.

(₹) 50°

নিচের চিত্রের আলোকে ৯৮ – ১০০ নং প্রশ্নের উত্তর দাও: 1, 2 ও 3 একক ব্যাসার্ধবিশিষ্ট তিনটি বৃত্ত পরস্পরকে বহিঃস্পর্শ করে। যাদের কেন্দ্র

যথাক্রমে a,b, c।

(মধ্যম)

৯৮. ab এর দৈর্ঘ্য কত ? কি 4 একক

3 একক

(গ) 2 একক

ঘি) 1 একক

৯৯. বৃত্তত্রয়ের মোট বেত্রফল কত বর্গ একক?

(কঠিন)

6 π

(4) 10 π

(1) 12 π 14 π

১০০. Δabc এর পরীসীমা কত একক?

(কঠিন)

₱ 6

12

1 24

(18)

সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান

প্রশু–১ > ΔABC-এর ∠B = 45° দেওয়া আছে।

ক. কোণটি আঁক।

খ. BC = 4·6 সে.মি. এবং AB + CA = 8·2 সে.মি. হলে ত্রিভুজটি আঁক।

BC = 4·5 সে.মি. এবং AB − AC = 2·5 সে.মি. হলে ত্রিভুজটি আঁক।

🕨 🕯 ১ নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 🕯

- জননী মাধ্যমিক উচ্চতর গণিতের ১৫৯ পৃষ্ঠার অনুশীলনমূলক কাজ ২নং দেখ।
- জননী মাধ্যমিক উচ্চতর গণিতের ১৫৯ পৃষ্ঠার অনুশীলনমূলক কাজ ২নং দেখ।
- জননী মাধ্যমিক উচ্চতর গণিতের ১৫৯ পৃষ্ঠার অনুশীলনমূলক কাজ ৪নং দেখ।

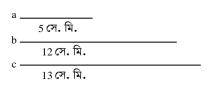
প্রমূ–২১ একটি ত্রিভুজের বাহু তিনটি যথাক্রমে 5 সে.মি., 12 সে.মি. ও 13 সে.মি.। [কাজ: পৃষ্ঠা-৮৭]

ক. ত্রিভুজের বাহু তিনটি অঙ্কন কর।

ত্রিভুজটি অঙ্কন কর।

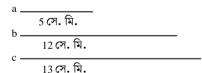
গ**. ত্রিভুজটির অশ্তর্বত্ত অজ্জন করে** ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।

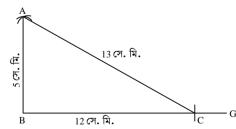
🕨 ২ নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕻



চিত্রে, ত্রিভুজের বাহু তিনটি যথাক্রমে a=5 সে.মি., b=12 সে.মি. এবং c=1

খ. মনে করি, ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য, a=5 সে.মি., b=12 সে.মি. এবং c = 13 সে.মি.। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।





অঙ্কনের বিবরণ:

ধাপ ১: যেকোনো রশ্মি $\mathbf{B}\mathbf{G}$ থেকে $\mathbf{B}\mathbf{C}=\mathbf{b}=12$ সে.মি. অংশ কেটে নিই। ধাপ ২ : BC রেখার B ও C-কে কেন্দ্র করে যথাক্রমে a ও c এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে BC- এর একই পাশে দুইটি বৃত্তচাপ আঁকি। মনে করি, বৃত্তচাপদ্বয় পরস্পর A বি**ন্দুতে ছেদ করে**।

ধাপ ৩ : A, B এবং A, C যোগ করি। তাহলে ∆ABC-ই উদ্দিষ্ট ত্রিভুজ। জননী মাধ্যমিক উচ্চতর গণিতের ১৬১ পৃষ্ঠার অনুশীলনমূলক কাজ ১নং দেখ।

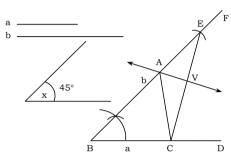
প্রমু-৩ \triangleright দুটি রেখাংশ ${f a}$ ও ${f b}$ এবং একটি কোণ $\angle{f x}$ দেওয়া আছে।

ক. যদি a একটি ত্রিভুজের ভূমি, b অপর বাহুদ্বয়ের সমস্টি এবং ∠x ত্রিভুজটির শিরঃকোণ হয় তবে ত্রিভুজটির চিহ্নিত চিত্র অজ্জন কর।

খ. প্রদত্ত তথ্য উলেরখপূর্বক অজ্ঞানের বিবরণ দাও।

গ. যদি ∠x একটি ত্রিভুজের ভূমি সংলগ্ন একটি কোণ, a
ত্রিভুজটির উচ্চতা এবং b অপর বাহুদ্বয়ের সমস্টি হয় তবে,
ত্রিভুজটির চিহ্নিত চিত্র আঁক এবং অজ্কনের বিবরণ দাও।

ক.



 $\triangle ABC$ এ BC = a, AB + AC = b, এবং $\angle ABC = \angle x$

খ. মনে করি, একটি ত্রিভুজের ভূমি a, অপর বাহুদ্বয়ের সমষ্টি b এবং শিরঃকোণ $\angle x$ দেওয়া আছে। ত্রিভুজাটি আঁকতে হবে।

অজ্ঞানের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রশ্মি BD থেকে BC = a কেটে নিই।

ধাপ ২ : BD রেখার B বিন্দুতে $\angle DBF = \angle x$ আঁকি।

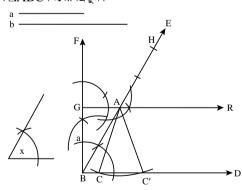
ধাপ ৩ : BF রশ্মি থেকে BE = b কেটে নিই। EC যোগ করি।

ধাপ 8 : EC রেখার লম্বদ্বিখন্ডক আঁকি যা BE কে A বিন্দৃতে ছেদ করে।

ধাপ ৫ : AC যোগ করি।

তাহলে ΔABC নির্ণেয় ত্রিভুজ।

গ.



মনে করি, একটি ত্রিভুজের ভূমি সংলগ্ন একটি কোণ $\angle x$, উচ্চতা a এবং অপর বাহুদ্বয়ের সমস্টি b দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অঙ্কনের বিবরণ:

ধাপ $oldsymbol{\downarrow}$: যেকোনো রেখাংশ BD এর B বিন্দুতে $\angle x$ এর সমান করে $\angle DBE$ আঁকি।

ধাপ ২ : BD এর B বিন্দুতে BF \perp BD আঁকি। BF হতে BG = a অংশ কেটে নিই।

ধাপ ৩ : G বিন্দু দিয়ে BD এর সমান্তরাল করে GR আঁকি। GR রেখা BE কে A বিন্দুতে ছেদ করে। এখন BE হতে BH=b অংশ কাটি।

ধাপ 8 : A বিন্দুকে কেন্দ্র করে AH এর সমান ব্যসার্ধ নিয়ে একটি বৃক্তাপ আঁকি। বৃক্তাপটি BD কে C ও C' বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ $\pmb{\epsilon}:A,C$ ও A,C' যোগ করি। তাহলে ABC ও ABC' ত্রিভুজম্বয় নির্ণেয় ত্রিভুজ ।

প্রমূ=8 ▶ $\triangle ABC$ –এর ভূমি a=6 সে. মি., শিরঃকোণ $\angle x=60^\circ$ এবং অপর দুই বাহুর

অন্তর d = 2 সে. মি.।

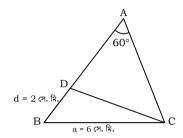
ক. ত্রিভুজটি এঁকে উপরিউক্ত তথ্যগুলা চিহ্নিত কর।

পদ্ধতি অনুসারে ত্রিভুজটি আঁক।

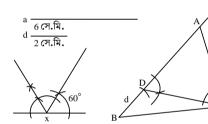
▶ 4 ৪ নং প্রশ্রের সমাধান ▶ 4

ক.

খ.



 ΔABC -এর চিত্র আঁকি এবং প্রদন্ত অংশ $BC=a,\ BD=d$ এবং $\angle BAC=60^\circ$ চিহ্নিত করি।



 ΔABC –এর ভূমি a=6 সে. মি., শিরঃকোণ $\angle x=60^\circ$ এবং অপর দুই বাহুর অম্তর d=2 সে. মি. দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রশ্মি BE থেকে BD = d কেটে নিই।

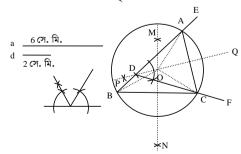
ধাপ ২ : BE রশার D বিন্দুতে $\angle EDF = \frac{1}{2} \left(180^{\circ} - \angle x\right)$ আঁকি।

ধাপ ৩ : B বিন্দুকে কেন্দ্র করে a এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যেন তা DF রশ্মিকে C বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8:C বিন্দুতে $\angle EDC = \angle DCA$ আঁকি। $CA,\ DE$ রশ্মিকে A বিন্দুতে ছেদ করেছে।

তাহলে△ABC-ই নির্ণেয় ত্রিভুজ।

গ. '(খ)' চিত্রে প্রদন্ত ΔABC এর পরিবৃত্ত আঁকতে হবে।



অজ্জনের বিবরণ:

ধাপ ১ : BC এর সমদ্বিখন্ডক MN এবং AC এর লম্বদ্বিখন্ডক PQ আঁকি। এরা পরস্পরকে O বিন্দুতে ছেদ করেছে।

ধাপ ২ : O বিন্দুকে কেন্দ্র করে OC–এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্ত আঁকি। এরু পে অজ্ঞিত বৃত্তই নির্ণেয় বৃত্ত।

প্রমূনে > ব্রিভূজের উচ্চতা, ভূমির উপর মধ্যমা এবং ভূমি সংলগ্ন একটি কোণ দেওয়া আছে।

9

ক**.** সমকোণ এঁকে উচ্চতা নির্ণয় কর।

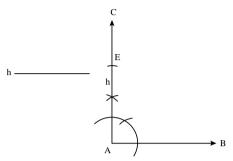
সমকোণ একে ৬৮৩। ানণয় কর।

খ. ত্রিভুজটি অজ্ঞন কর।

অজ্জনের বিবরণ দাও এবং যৌক্তিকতা আলোচনা কর। 8

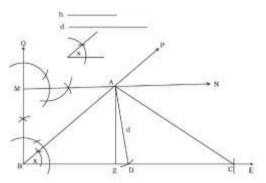
♦ ৫ নং প্রশ্রের সমাধান
▶ 4

ক.



চিত্রে, ∠CAB = 90° = এক সমকোণ। h এর সমান করে AE রেখা–ই প্রদন্ত উচ্চতা।

খ.



ত্রিভুজের উচ্চতা h, ভূমির উপর মধ্যমা d এবং ভূমিসংলগ্ন একটি কোণ x এর সাহায্যে ABC ত্রিভুজটি অঙ্কন করা হলো।

গ. অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রশ্মি BE এর B বিন্দুতে $\angle x$ এর সমান করে $\angle EBP$ অজ্ঞকন করি।

ধাপ ২ : B বিন্দুতে BE রেখার উপর BQ লম্ব অজ্জন করি, BQ থেকে ত্রিভূজ এর উচ্চতা h এর সমান BM অংশ কেটে নিই।

ধাপ ৩ : M বিন্দুতে BE এর সমান্তরাল করে MN রেখা অজ্জন করি যা BP কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8:A বিন্দুকে কেন্দ্র করে মধ্যমা d এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃপ্তচাপ অঙ্কন করি। ঐ বৃপ্তচাপ BE কে D বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৫: BE থেকে BD = DC অংশ কেটে নিই। A,C যোগ করি।

তাহলে, ABC-ই নির্ণেয় ত্রিভুজ।

প্রমাণ :A,D যোগ করি এবং A থেকে BC এর উপর AZ লম্ঘ অঙ্কন করি। এখানে, MN ও BE সমান্তরাল এবং MB ও AZ উভয়েই BE এর উপর লম্ঘ।

∴ MB = AZ = h উচ্চতা

BD = DC

∴ D বিন্দুই BC এর মধ্যবিন্দু।

 $\therefore \ AD = d =$ ভূমির উপর মধ্যমা; অর্থাৎ BC ভূমি,

আবার, ∠ABC = ∠x = ভূমিসংলগ্ন একটি কোণ।

∴ ABC -ই উদ্দিষ্ট ত্রিভুজ।

প্রশ্ন–৬ > কোনো ত্রিভুজের ভূমি, a=5 সে.মি., ভূমিসংলগ্ন কোণ

 $\angle {
m x} = 60^{\circ}$ এবং উচ্চতা, ${
m h} = 3.5$ সে.মি.

ক. প্রদত্ত উপাত্তগুলো চিত্রের সাহায্যে উপস্থাপন কর।

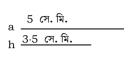
খ. অজ্জনের বিবরণসহ ত্রিভুজটি অজ্জন কর।

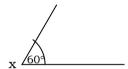
8

গ. যে ত্রিভুজের ২টি কোণ $\angle x=60^\circ$ ও $\angle y=90^\circ$ এবং তাদের বিপরীত বাহুদ্বয়ের অন্তর d=h-2 এর সমান তা অঙ্কন কর ও যৌক্তিকতা তুলে ধর। (অঙ্কনের বিবরণ ও চিহ্ন আবশ্যক)

🕨 ৬ নং প্রশ্রের সমাধান 🕨

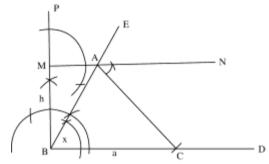
ক.





দেওয়া আছে, ব্রিভুজটির ভূমি, a=5 সে. মি. এবং উচ্চতা, $h=3\cdot 5$ সে. মি., ভূমি সংলগ্ন একটি কোণ $\angle x=60^\circ$ । এ তথ্যপুলো উপরিউক্ত চিত্রে উপস্থাপন করা হলো।

খ. প্রদত্ত তথ্যের সাহায্যে একটি ত্রিভুজ আঁকা হলো।



অজ্ঞানের বিবরণ:

ধাপ ১ : যেকোনো রেখাংশ BD হতে BC=a=5 সে. মি. কেটে নিই।

ধাপ ২ : B বিন্দুতে BC বাহুর উপর BP লম্ব আঁকি। BP হতে $\,BM=h=3.5\,$ সে. মি. কেটে নিই।

ধাপ ৩ : M বিন্দুতে BC বাহুর সমান্তরাল MN রেখাংশ আঁকি।

ধাপ 8 : B বিন্দুতে $\angle CBE = \angle x = 60^\circ$ আঁকি। BE বাহু MN কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

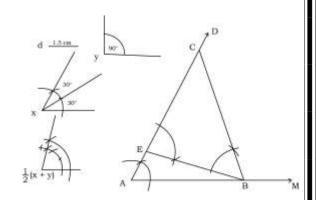
ধাপ $\pmb{\epsilon}:A,C$ যোগ করি। তাহলে ΔABC -ই উদ্দিস্ট ত্রিভুজ।

প্রমাণ : △ABC এর উচ্চতা BM = h [∵ BM ⊥ BC]

ভূমি BC = a, ভূমি সংলগ্ন কোণ $\angle CBA = \angle x$

∴ ∆ABC-ই উদ্দিষ্ট ত্রিভুজ।

গ.



দেওয়া আছে কোনো ত্রিভুজের দুইটি কোণ $\angle x=60^\circ$ এবং $\angle y=90^\circ$ এবং বিপরীত বাহুদ্বয়ের অশ্তর, d=h-2=(3.5-2) সে.মি. = 1.5 সে.মি.। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অজ্ঞানের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রেখাংশ AM এর A বিন্দুতে $\angle BAC = \angle x = 60^\circ$ আঁকি।

ধাপ ২ : AD হতে AE=d=1.5 সে. মি. কেটে নিই।

ধাপ ৩ : এখন E বিন্দুতে $\angle DEB = rac{1}{2}\left(\angle x + \angle y
ight) = 75^\circ$ অজ্ঞকন করি।

EB রেখাংশ AM কে B বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8 : B বিন্দুতে ∠DEB এর সমান করে ∠EBC অজ্জন করি।

ধাপ ৫ : BC রেখা AD রেখাকে C বিন্দুতে ছেদ করে।

তাহলে, ΔABC -ই উদ্দিষ্ট ত্রিভুজ।

প্রমাণ :
$$\angle CEB = \angle CBE = \frac{1}{2} (\angle x + \angle y)$$

$$\therefore$$
 CE = CB

$$\therefore$$
 AC = CE + AE = CB + AE

$$\therefore$$
 AC – CB = d [AE = d]

$$\angle EBA = \angle CEB - \angle CAB = \frac{1}{2} (\angle x + \angle y) - \angle x = \frac{1}{2} (\angle y - \angle x)$$

$$\angle CBA = \angle CBE + \angle EBA$$

$$=\frac{1}{2}\left(\angle x+\angle y\right)+\frac{1}{2}\left(\angle y-\angle x\right)=\angle y$$

 ΔABC এর $\angle x=\angle CAB$, $\angle y=\angle CBA$ এবং EC=BC বলে বাছদ্বয়ের অশতর, AE=d

∴ ΔABC -ই নির্ণেয় ত্রিভুজ। (প্রমাণিত)

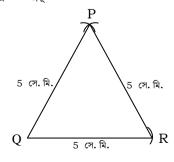
প্রমূ-৭ > ABC গ্রিভুজের ভূমি BC=5 সে.মি., ভূমিসংলগ্ন একটি কোণ $\angle B=45^\circ$, অপর বাহুদ্বয়ের সমষ্টি 10 সে.মি.।



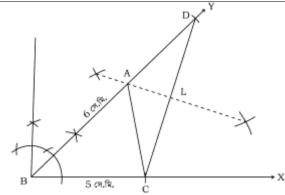
- ক. ABC ত্রিভুজের পরিসীমা নির্ণয় কর এবং উক্ত পরিসীমা বিশিষ্ট একটি PQR সমবাহু ত্রিভুজ এঁকে দেখাও।
- খ**.** ABC ত্রিভুজটি অঙ্কন কর।
- গ**.** ABC ত্রিভুজের অ**শ্তঃবৃত্ত** অজ্ঞকন কর। ৪

🕨 ৭ নং প্রশ্নের সমাধান 🕨 4

- ক. ABC ত্রিভুজের পরিসীমা (5+10) সে. মি. = 15 সে.মি.।
 - \therefore ABC ত্রিভুজের পরিসীমাকে PQR সমবাহু ত্রিভুজের পরিসীমা ধরলে PQR সমবাহু ত্রিভুজের প্রত্যেক বাহু হবে $\frac{15}{3}$ সে.মি. বা 5 সে.মি.।
 - ∴ PQR ত্রিভুজটি নিমুর প :







মনে করি, ABC একটি ত্রিভুজ যার ভূমি BC=5 সে.মি., ভূমি সংলগ্ন একটি কোণ $\angle B=45^\circ$ এবং অপর বাহুদ্বয়ের সমস্টি AB+AC=10 সে.মি.। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ \mathbf{S} : যেকোনো রশ্মি $\mathbf{B}\mathbf{X}$ থেকে $\mathbf{B}\mathbf{C}=\mathbf{5}$ সে. মি. কেটে নিই।

ধাপ ২ : $\angle XBY = 45^\circ$ আঁকি। BY থেকে BD = 10 সে. মি. কেটে নিই।

ধাপ ৩ : C.D যোগ করি।

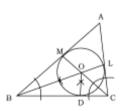
ধাপ 8 : CD রেখার লম্বদ্বিখণ্ডক আঁকি। যা BD কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৫ : A, C যোগ করি। তাহলে ABC-ই নির্ণেয় ত্রিভুজ।

[Note: AL, CD পরস্পর লম্বদ্বিখণ্ডক]

 \therefore AD = AC

তাহলে, BA + AD = AB + AC = 10 সে. মি.



'খ' হতে প্রাপ্ত ABC ত্রিভুজের অন্তঃবৃত্ত আঁকতে হবে।

অজ্ঞানের বিবরণ:

ধাপ ১ : $\angle ABC$ ও $\angle ACB$ এর সমদ্বিখন্ডক যথাক্রমে, BL ও CM আঁকি। মনে করি তারা পরস্পর O বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ২ : O থেকে BC বাহুর উপর OD লম্ব আঁকি এবং মনে করি তা BC-কে D বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৩ : O কেবেন্দ্র করে OD এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্ত অজ্জন করি। তাহলে অজ্জিত বৃত্তটিই নির্ণেয় অন্তঃবৃত্ত।

্রমু-৮ > m ABC ত্রিভুজের অভিভুজ m AC=10 সে.মি. ও অপর দুই বাহুর সমষ্টি 14 সে.মি.



- ক. কোনো সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ 10 সে.মি. এবং ভূমি 6 সে.মি. হলে লম্ব নির্ণয় কর।
- খ. ABC ত্রিভূজটি অজ্জন কর।
- গ**.** ΔABC-এর বহিঃবৃ**ত্ত অঙ্**ফন কর।

🕨 🖈 নং প্রশ্নের সমাধান 🕨

ক. পিথাগোরাসের উপপাদ্যের সাহায্যে–

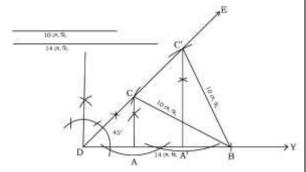
বা, (লম্ব)
$$^2 = (অতিভুজ)^2 - (ভূমি)^2$$

$$= 10^2 - 6^2 = 100 - 36 = 64$$

∴ লম্ব = 8 সে. মি.

নির্ণেয় লম্ব 8 সে.মি.

খ.



মনে করি, ABC সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ AC=10 সে.মি. ও AB ও BC বাহুর সমস্টি 14 সে.মি.। ABC ত্রিভুজিট আঁকতে হবে।

অজ্ঞানের বিবরণ:

ধাপ $\mathbf 3$: যেকোনো রশ্মি $\mathbf D \mathbf Y$ থেকে $\mathbf 14$ সে.মি. এর সমান করে $\mathbf B \mathbf D$ অংশ কেটে নিই।

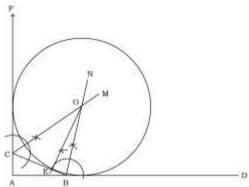
ধাপ ২ : D বিন্দুতে $\angle BDE = 45^\circ$ কোণ অজ্ঞকন করি।

ধাপ ৩ : B কে কেন্দ্র করে 10 সে.মি. এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ জাঁকি। মনে করি, বৃত্তচাপটি DE কে C ও C' কিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8 : B,C ও B,C' যোগ করি।

ধাপ $m{e}:$ এখন BD ব্লেখার উপর C ও C' হতে যথাক্রমে $CA \perp BD$ ও $C'A' \perp BD$ আঁকি। তাহলে ΔABC ও $\Delta A'$ BC'-ই উদ্দিফ্ট ব্রিভূজ।

গ.



'খ' হতে প্রাণত ABC সমকোণী ত্রিভূজের বহিঃবৃত্ত আঁকতে হবে।

অজ্ঞানের বিবরণ :

ধাপ ১ : AB ও AC বাহুদ্বয়কে যথাক্রমে D ও F পর্যন্ত বর্ধিত করি।

ধাপ ২ : $\angle FCB$ ও $\angle DBC$ এর সমদ্বিখণ্ডক CM এবং BN আঁকি। মনে করি, তারা পরস্পর O বিন্দৃতে ছেদ করে।

ধাপ ৩ : O থেকে BC এর উপর OE লম্ব আঁকি। মনে করি, তারা BC কে E বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8 : O কে কেন্দ্র করে OE এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্ত আঁকি। তাহলে অজ্ঞিত বৃত্তটিই উদ্দিষ্ট বৃত্ত।

প্রমু—৯ > $\Delta { m ABC}$ -এর $\angle { m B} = 45^{\circ}$ দেওয়া আছে।

ক. কোণটি আঁক।

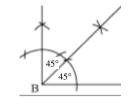
২

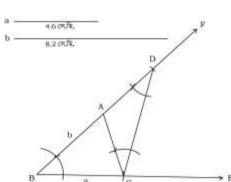
খ. BC = 4·6 সে. মি. এবং AB + CA = 8·2 হলে ত্রিভূজাটি আঁক।

গ. BC = 4.5 সে. মি. এবং AB - AC = 2.5 সে. মি. হলে গ্রিভূজটি আঁক।

১ ব ৯ নং প্রশ্রের সমাধান
১ ব

ক





মনে করি, একটি গ্রিভুজের ভূমি BC=a=4.6 সে. মি. $\angle B=45^\circ$ এবং AB+CA=b=8.2 সে. মি. দেওয়া আছে। গ্রিভুজটি জাঁকতে হবে। **অজ্ঞানের বিবরণ** :

ধাপ ১ : যেকোনো রশি BE থেকে BC=a=4.6 সে. মি. কেটে নিই।

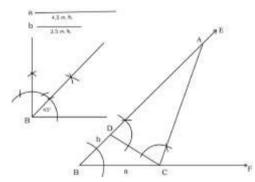
ধাপ ২ : BC–এর B বিন্দুতে ∠CBF = 45° আঁকি ৷

ধাপ ৩ : BF থেকে BD = b = 8.2 সে. মি. কেটে নিই।

ধাপ 8 : C, D যোগ করি। CD রশার C বিন্দুতে $\angle ACD = \angle BDC$ আঁকি।

ধাপ $\pmb{c}:CA,\ BD$ কে A কিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে ΔABC ই উদ্দিস্ট ত্রিভুজ।

গ.



মনে করি, একটি গ্রিভুজের ভূমি BC=a=4.5 সে. মি., ভূমি সংলগ্ন $\angle B=45^\circ$ এবং AB-AC=b=2.5 সে. মি. দেওয়া আছে। গ্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ $\mathbf S$: যেকোনো রশি $\mathbf B\mathbf F$ থেকে $\mathbf B\mathbf C=a=4.5$ সে. মি. কেটে নিই।

ধাপ ২ : BC-এর B বিন্দুতে $\angle \text{CBE} = 45^\circ$ আঁকি।

ধাপ ৩ : BE থেকে BD = b = 2.5 সে. মি. কেটে নিই।

ধাপ 8 : C, D যোগ করি। CD রশ্মির C বিন্দুতে $\angle DCA = \angle EDC$ আঁকি।

ধাপ ৫ : CA, DE কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

তাহলে, △ABC-ই উদ্দিষ্ট ত্রিভুজ।

প্রমু–১০১ ABC ত্রিভুজের শিরঃকোণ ∠x, ভূমি a ও শিরঃকোণের সন্নিহিত বাহুদয়ের অন্তর d। ?

চিত্রসহ শির:কোণের সংজ্ঞা দাও।

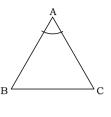
খ. উদ্দীপকে প্রদন্ত ABC ত্রিভূজটি অজ্জন কর।

খ. ৬দাপকে প্রদণ্ড ABC ।এখুজাচ এজ্জন কর। গ. ABC ত্রিভুজের ভূমি BC = 6 সে. মি., ভূমি সংলগ্ন

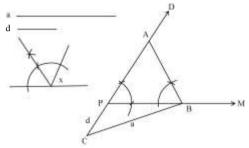
একটি কোণ $\angle B = \angle x$ এবং AB + AC = 9 সে. মি. হলে ত্রিভূজটি অজ্জন কর।

🔰 ১০ নং প্রশ্নের সমাধান 🔰

ক. শিরঃকোণ : কোনো গ্রিভুজের শীর্ষকোণকে শিরঃকোণ বলা হয়। পাশের ΔABC এর শীর্ষকোণ $\angle A$, ফলে ΔABC এর শিরঃকোণ হবে $\angle A$ । তবে অবস্থান অনুযায়ী $\angle B$ ও $\angle C$ ও শিরঃকোণ হতে পারে।



খ.



দেওয়া আছে, ABC ত্রিভূজের শিরঃকোণ $\angle A=\angle x$ এবং শিরঃকোণের সিন্নিহিত বাহুদ্বেরে অম্তর AC-AB=d । ABC ত্রিভূজিটি আঁকতে হবে । অজ্ঞানের বিবরণ :

ধাপ \mathbf{S} : যেকোনো রশ্মি \mathbf{CD} থেকে $\mathbf{CP} = \mathbf{d}$ অংশ কেটে নিই।

ধাপ ২ : P বিন্দুতে ∠x এর সম্পূরক কোণের অর্ধেকের সমান ∠DPM অঞ্জন করি।

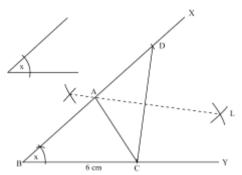
ধাপ ৩ : C কে কেন্দ্র করে a এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে অজ্জিত বৃত্তচাপ PM সরলরেখাকে B কিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8 : B ও C যোগ করি।

ধাপ ${m c}: B$ বিন্দুতে $\angle DPB = \angle PBA$ অজ্জন করি যেন BA রেখাংশ CD কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

তাহলে, ABC-উদ্দিষ্ট ত্রিভুজ।

গ.



মনে করি, ABC ত্রিভুজের ভূমি BC=6 সে.মি., ভূমি সংলগ্ন একটি কোণ $\angle x$, অপর বাহুদ্বয়ের সমস্টি AB+AC=9 সে.মি.। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে। অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ $\mathbf S$: যেকোনো রশ্মি $\mathbf B\mathbf Y$ থেকে $\mathbf B\mathbf C=\mathbf 6$ সে.মি. কেটে নিই।

ধাপ ২ : $\angle XBY = \angle x$ আঁকি।

ধাপ ৩ : BX রশ্মি থেকে BD=9 সে.মি. কেটে নিই।

ধাপ 8 : C,D যোগ করি।

ধাপ $oldsymbol{e}: CD$ রেখার লম্বদ্বিখন্ডক AL আঁকি যা BD কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৬ : A, C যোগ করি। তাহলে ABC -ই নির্ণেয় ত্রিভুজ।

 2 মূ->>> একটি নির্দিফ্ট বৃত্তের কেন্দ্র $C,\ P$ ঐ বৃত্তের উপর অবস্থিত একটি নির্দিফ্ট কিন্দু এবং Q ঐ বৃত্তের বহিঃস্থ একটি কিন্দু।

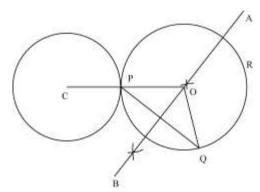
ক. এরু প একটি বৃত্ত অঙ্কন কর যা C কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তকে স্পর্শ করে এবং Q কিন্দু দিয়ে যায়।

খ. অজ্জনের বিবরণ এবং প্রমাণ দাও।

গ. এমন একটি বৃত্ত আঁক যা একটি নির্দিষ্ট সরলরেখাকে এর কোনো নির্দিষ্ট বিন্দুতে অপর একটি বৃত্তকে স্পর্শ করে।

🏮 ১১ নং প্রশ্রের সমাধান 🔰

ক.



প্রদত্ত তথ্য অনুযায়ী PQR–ই নির্ণেয় বৃত্ত।

খ. অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ ১ : P, Q যোগ করি এবং PQ এর লম্বদ্বিখণ্ডক AB আঁকি।

ধাপ ২ : C, P যোগ করি এবং বর্ধিত করি। বর্ধিত CP রেখাংশ AB কে O বিন্দুতে ছেদ করে।

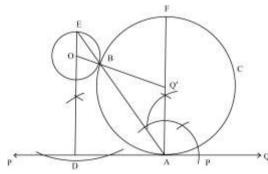
ধাপ ৩ : O কে কেন্দ্র করে OP এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে অজ্জিত PQR–ই উদ্দিফ্ট বৃত্ত।

প্রমাণ : O, Q যোগ করি । AB রেখাংশ বা OB রেখাংশ PQ -এর লম্বদ্বিখন্ডক ।

 \therefore OP = OO

সুতরাং O কে কেন্দ্র করে OP ব্যাসার্ধ নিয়ে বৃত্ত আঁকলে তা Q বিন্দু দিয়ে যাবে। আবার P বিন্দুটি দুইটি বৃত্তের কেন্দ্রঘয়ের সংযোজক রেখার উপর অবস্থিত এবং P বিন্দু উভয় বৃত্তের উপর অবস্থিত অর্থাৎ P বিন্দুতে বৃত্তদ্বয় মিলিত হয়েছে। সুতরাং বৃত্তদ্বয় P বিন্দুতে স্পর্শ করে। সুতরাং P কেন্দুত করে P ব্যাসার্ধ নিয়ে অঙ্কিত বৃত্তই উদ্দিস্ট বৃত্ত।





মনে করি, O একটি নির্দিষ্ট বৃত্তের কেন্দ্র, এবং নির্দিষ্ট রেখা PQ এর উপরস্থ A একটি নির্দিষ্ট বিন্দু। এমন একটি বৃত্ত জাঁকতে হবে যা A বিন্দুতে PQ রেখাকে ও প্রদত্ত বৃত্তকে কোনো বিন্দুতে স্পর্শ করে।

অঙ্কনের বিবরণ :

ধাপ 🕽 : O হতে PQ রেখার উপর OD লম্ব আঁকি।

ধাপ ২ : DO কে বর্ধিত করায় তা বৃত্তের পরিধির সাথে E কিন্দুতে মিলিত হয়।

গ.

ধাপ ৩ : $E,\ A$ যোগ করি। EA প্রদত্ত বৃত্তকে B বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8 : A বিন্দুতে $AF \perp PQ$ আঁকি।

ধাপ $\pmb{c}:O,\ B$ যোগ করে বর্ধিত করি যেন তা AF কে Q' বিন্দুতে ছেদ করে। Q'–ই উদ্দিস্ট বৃত্তের কেন্দ্র।

ধাপ ৬ : Q' কে কেন্দ্র করে Q'A বা Q'B এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে ABC বৃত্ত আঁকি। তাহলে ABC-ই উদ্দিফ্ট বৃত্ত।

প্রমূho ho ho ে কেন্দ্রবিশিফ বৃত্তের উপরিস্থিত একটি নির্দিফ বিন্দু ho ও ho ঐ বৃত্তের বহিঃস্থ কোনো বিন্দু। বৃত্তটির ব্যাসার্ধ, hoP = 2 সে. মি.

ক. প্রদত্ত তথ্য সংবিশ্ত বর্ণনাসহ চিত্রে উপস্থাপন কর।

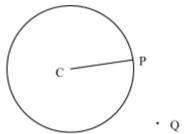
থ. এমন একটি বৃত্ত আঁক যা ঐ বৃত্তকে P বিন্দুতে স্পর্শ করে ও

Q বিন্দু দিয়ে যায়। (অজ্জনের বিবরণ ও চিহ্ন ও প্রমাণ
আবশ্যক)

গ. কোনো সমকোণী ত্রিভূজের অতিভূজ a=6 সে. মি. ও অপর দুইটি বাহুর অন্তর C কেন্দ্রিক বৃত্তের ব্যাসার্ধের সমান হলে ত্রিভূজটি অজ্জন কর।

🌬 ১২ নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

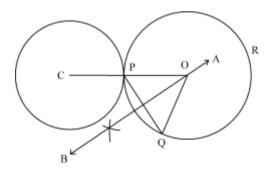
ক.



দেওয়া আছে, C কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তের উপরিস্থিত একটি নির্দিষ্ট কিন্দু P এবং Q ঐ বৃত্তের বহিঃস্থ কোনো কিন্দু । C,P যোগ করা হলো। এখানে বৃত্তটির ব্যাসার্ধ CP = 2 সে.মি.।

প্রদত্ত তথ্যের ভিত্তিতে উপরিউক্ত চিত্রটি আঁকা হলো।

খ.



অজ্জনের বিবরণ:

ধাপ ১ : P, Q যোগ করি।

ধাপ ২ : PQ-এর লম্বিষিশ্ডক AB রেখা আঁকি, যা CP এর বর্ধিতাংশকে O বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৩ : O, Q যোগ করি।

ধাপ 8 : O কে কেন্দ্র করে OP বা OQ এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে অঙ্কিত PQR–ই নির্ণেয় বৃত্ত।

প্রমাণ : O, Q যোগ করি। AB রেখাংশ PQ এর লম্বদ্বিখন্ডক।

 \therefore OP = OQ

O কে কেন্দ্র করে OP এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে অঙ্কিত বৃত্ত Q কিন্দু দিয়ে যায়। আবার, P কিন্দুটি বৃত্তদ্বয়ের কেন্দ্রদয়ের সংযোজক রেখার উপর অবস্থিত এবং P

বিন্দু উভয় বৃত্তের উপর অবস্থিত। অর্থাৎ P বিন্দুতে বৃত্তদ্বয় মিলিত হয়েছে। সুতরাং বৃত্তদ্বয় P বিন্দুতে স্পর্শ করে।

সুতরাং O কে কেন্দ্র করে OP এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে অঙ্কিত বৃত্তই উদ্দিষ্ট বৃত্ত।

a 6 outs.
d 2 outs.
N

দেওয়া আছে, সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ, a=6 সে.মি. ও অপর দুই বাহুর অম্বর, d=2 সে.মি.। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অজ্জনের বিবরণ:

ধাপ ১ : EF রেখার E বিন্দুতে \angle FEN = 45° আঁকি। NE কে B পর্যন্ত বর্ধিত করি যেন BE = d হয়।

ধাপ ৩ : B কে কেন্দ্র করে a এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা EF কে C কিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8 : C বিন্দুতে $\angle ECA = 45^\circ$ আঁকি যা BN কে A বিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে ΔABC -ই উদ্দিন্ট ত্রিভুজ।

থ্রমু—১৩ \triangleright O কেন্দ্রবিশিফ PQR একটি নির্দিফ বৃত্ত এবং একটি নির্দিফ DE সরলরেখাস্থ F একটি নির্দিফ বিন্দু।

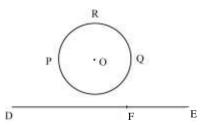
ক. প্রদন্ত তথ্য সংবিশ্ত বর্ণনাসহ চিত্রের মাধ্যমে উপস্থাপন কর।

খ. এমন একটি বৃত্ত জজ্জন কর যা F বিন্দুতে DE রেখাকে এবং PQR বৃত্তকে Q বিন্দুতে স্পর্শ করে।

গ. এমন একটি বৃত্ত অজ্জন কর যা LMN বৃত্তকে N বিন্দুতে এবং PQR বৃত্তকে R বিন্দুতে স্পর্শ করে।

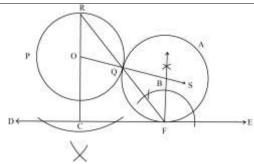
♦ ১৩ নং প্রশ্নের সমাধান
▶

ক.



দেওয়া আছে, O কেন্দ্রবিশিফ PQR একটি নির্দিফ বৃত্ত এবং একটি নির্দিফ DE সরললেখাস্থ F একটি নির্দিফ বিন্দু। এ তথ্য অনুসারে উপরিউক্ত চিত্র অজ্জন করা হলো।

খ.



অঙ্কনের বিবরণ:

ধাপ $\mathbf{a}:O$ হতে DE এর উপর OC লম্ব আঁকি। CO এর বর্ধিতাংশে PQR বৃত্তকে R বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ২ : R, F যোগ করি। RF, PQR বৃত্তকে Q বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৩ : O, Q যোগ করে S পর্যন্ত বর্ধিত করি।

ধাপ $\mathbf{8}: F$ বিন্দুতে $FB \perp DE$ আঁকি। FB ও OS এর ছেদবিন্দু B।

ধাপ $\pmb{c}:B$ কে কেন্দ্র করে BF বা BQ এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে অজ্জিত বৃত্তই নির্ণেয় বৃত্ত ।

প্রমাণ : FB \perp DE

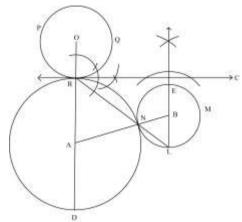
 $[:: \angle BFD = 90^{\circ}]$

বৃত্তটি F বিন্দুতে DE রেখাকে স্পর্শ করে। Q বিন্দুটি বৃত্তদ্বয়ের সাধারণ বিন্দু এবং তাদের কেন্দ্রদ্বয়ের সংযোজক সরলরেখার উপর অবস্থিত।

অতএব বৃত্তদ্বয় Q বিন্দুতে পরস্পর স্পর্শ করে।

∴ QFA-ই নির্ণেয় বৃত্ত।

1.



দেওয়া আছে, O কেন্দ্রবিশিফ PQR বৃত্তে R একটি নির্দিফ বিন্দু এবং B কেন্দ্রবিশিফ LMN বৃত্তে N একটি কিন্দু । এমন একটি বৃত্ত অজ্জন করতে হবে, যা O কেন্দ্রবিশিফ বৃত্তকে R কিন্দুতে এবং B কেন্দ্রবিশিফ বৃত্তকে N কিন্দুতে স্পর্শ করে।

অঙ্কনের বিবরণ:

ধাপ ১ : O, R যোগ করি। OR কে D পর্যন্ত বর্ধিত করা হলো।

ধাপ ২ : R বিন্দুতে PQR বৃত্তে RC স্পর্শক আঁকি।

ধাপ ৩ : B হতে RC রেখার উপর BE লম্ব অজ্জন করি। BE এর বর্ধিতাংশ বৃত্তকে L বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8 : L, R যোগ করি। LR রেখা LMN বৃত্তকে N বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ $\boldsymbol{\epsilon}:B,N$ যোগ করি। BN এর বর্ধিতাংশ RD কে A বিন্দৃতে ছেদ করে।

ধাপ ৬ : A কে কেন্দ্র করে AN বা AR এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে অজ্ঞিত বৃত্ত – ই নির্ণেয় বৃত্ত ।

প্রমাণ : O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তের R কিন্দুতে RC স্পর্শক বলে $RC \perp OR$.

জাবার, $RA \perp RC$. কিম্তু AR নির্ণেয় বৃত্তের ব্যাসার্ধ বলে RC একটি স্পর্শক হবে। ফলে A কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তটি R কিম্বুতে O কেন্দ্রবিশিষ্ট বৃত্তকে স্পর্শ করে। অজ্ঞকনানুসারে, AB = BN + AN.

কিন্দু BN ও AN যথাক্রমে A ও B কেন্দ্রবিশিফ্ট বৃত্তের ব্যাসার্ধ। কাজেই নির্দেয় কৃষ্টেটি B কেন্দ্রবিশিফ্ট বৃত্তকে N কিন্দুতে স্পর্শ করে।

∴ A কেন্দ্রবিশিষ্ট DNR বৃত্তই নির্ণেয় বৃত্ত।

প্রম্-১৪ > একটি ত্রিভুজের ভূমি 4·5 সে.মি., শিরঃকোণ 60° এবং অপর দুই বাহুর সমষ্টি 7 সে.মি।



২

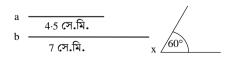
খ. অজ্জনের বিবরণসহ ত্রিভুজটি আঁক।

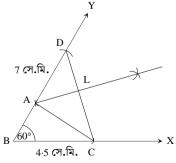
8

া. কোনো ত্রিভুজের ভূমি ও অপর দুই বাহুর সমষ্টি যথাক্রমে উপরিউক্ত ত্রিভুজের ভূমি ও অপর দুই বাহুর সমষ্টির সমান এবং ভূমি সংলগ্ন কোণদ্বয়ের অন্তর শিরঃকোণের সমান হলে ত্রিভুজটি আঁক।

▶ 🕯 ১৪ নং প্রশ্নের সমাধান ▶ 🕯







দেওয়া আছে, ভূমি BC=4.5 সে.মি. অপর দুই বাহুর সমষ্টি AB+AC=7 সে.মি. এবং $\angle ABC=60^\circ$ । Δ ABC অজ্ঞকন করতে হবে।

অঙ্কনের বিবরণ:

ধাপ–১ : যেকোন রাশি BX থেকে BC=4.5 সে.মি. কেটে নিই।

ধাপ−২ : ∠XBY = 60° কোণ আঁকি।

ধাপ-৩ : BY রশ্মি থেকে BD = 7 সে.মি. কেটে নিই।

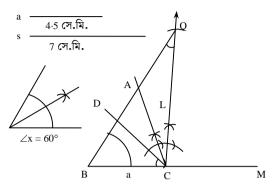
খ.

ধাপ-8 : C, D যোগ করি।

ধাপ-৫ : CD রেখার লম্বদ্বিন্ডক আঁকি যা BD কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ-৬ : A, C যোগ করি, তাহলে ABC-ই নির্ণেয় ত্রিভুজ।

গ.



মনে করি, কোনো ত্রিভুজের ভূমি a, ভূমি সংলগ্ন কোণদয়ের অশ্তর $\angle x=60^\circ$ এবং অপর বাহুদ্বয়ের সমষ্টি s দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি অজ্জন করতে হবে। অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রশ্মি BM হতে ভূমি a এর সমান করে BC অংশ কেটে নিই।

ধাপ ২ : এখন , C বিন্দুতে $\frac{1}{2}\angle x$ এর সমান করে $\angle BCD$ অজ্জন করি।

ধাপ ৩ : CD রেখার ওপর C বিন্দুতে CP লম্ব অঙ্কন করি।

ধাপ 8 : B বিন্দুকে কেন্দ্র করে s এর সমান বাসার্ধ নিয়ে একটি বৃশুচাপ অজ্জন করি যা CP রশিকে Q বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ৫ : B, Q যোগ করি।

ধাপ ৬ : এখন , CQ রশারি C বিন্দুতে $\angle BQC$ এর সমান করে $\angle QCA$ অঙ্কন করি।

ধাপ ৭ : CA রেখা BQ কে A বিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে ΔABC ই নির্ণেয় ত্রিভুজ।

প্রন্ন–১৫ > i.সমকোণী ত্রিভূজের অতিভূজ ও অপর দুই বাহুর অন্তর দেওয়া আছে। ii. O কেন্দ্র বিশিষ্ট একটি বৃত্তের উপরস্থ একটি বিন্দু P এবং বহিঃস্থ একটি বিন্দু Q.

- ক. কোনো সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ 10 সে.মি., ভূমি 6 সে.মি. হলে লম্ঘ নির্ণয় কর।
- খ. (i) নং উদ্দীপকের শর্তের আলোকে ত্রিভূজটি আঁক।
 [অজ্জনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যক।]
- গ. (ii) নং উদ্দীপকের আলোকে এমন একটি বৃত্ত আঁক যা Q কিন্দু দিয়ে যায় এবং P কিন্দুতে প্রদন্ত বৃত্তকে স্পর্শ করে।
 [অজ্জনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যক।]

🌬 ১৫ নং প্রশ্নের সমাধান 🜬

ক. দেওয়া আছে, সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ =10 সে.মি.

লম্বের দৈর্ঘ্য নির্ণয় করতে হবে।

পিথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে আমরা জানি,

সমকোণী ত্রিভুজের ৰেত্রে,

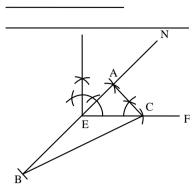
(লম্ব)২ + (ভূমি)২ = (অতিভূজ)২

বা, (লম্ব)
$$^2 = 10^2 - 6^2$$

= $100 - 36$
= 64

 \therefore লম্ব = $\sqrt{64} = 8$ সে.মি. [ধনাত্মক মান নিয়ে, কারণ দৈর্ঘ্য ঋণাত্মক হতে পারে না। (${f Ans.}$)

খ. একটি সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ ও অপর দুই বাহুর অশ্তর দেওয়া আছে, ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।



বিশেষ নির্বচন : মনে করি, একটি সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ a ও অপর দুই বাহুর অন্তর d দেওয়া আছে। ত্রিভুজটি আঁকতে হবে।

অজ্জনের বিবরণ :

ধাপ ১ : যেকোনো রশ্মি EF এর E বিন্দুতে

∠FEN = 45° আঁকি।

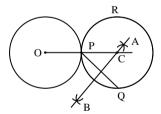
ধাপ ২ : এবার NE কে EB পর্যন্ত বর্ধিত করি যেন EB = d হয়।

ধাপ ৩ : অতঃপর B বিন্দুকে কেন্দ্র করে a–এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা EF–কে C বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ 8 : পরিশেষে, C বিন্দুতে EC এর সাথে $\angle ECA = \angle CEN$ আঁকি যেন CA রেখা EN কে A বিন্দুতে ছেদ করে।

তাহলে, ∆ABC-ই উদ্দিষ্ট ত্রিভূজ হবে।

গ. নির্দিষ্ট বৃত্তের কেন্দ্র O, P ঐ বৃত্তের উপর অবস্থিত একটি নির্দিষ্ট বিন্দু এবং Q ঐ বৃত্তের বহিঃস্থ একটি নির্দিষ্ট বিন্দু। এরু প একটি বৃত্ত অঙ্কন করতে হবে যা ঐ বৃত্তকে P বিন্দুতে স্পর্শ করে এবং Q বিন্দু দিয়ে যায়।



অজ্ঞানের বিবরণ :

ধাপ ১: P, Q যোগ করি।

ধাপ ২ : PQ এর লম্বদ্বিখণ্ডক AB আঁকি।

ধাপ ৩ : O, P যোগ করে বর্ধিত করি।

ধাপ 8 : বর্ধিত OP রেখাংশ AB কে C বিন্দুতে ছেদ করে।

ধাপ ${m c}: C$ কে কেন্দ্র করে CP এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে অঙ্কিত PQR–ই উদ্দিফ্ট বৃত্ত।

সজনশীল প্রশ্নব্যাংক উত্তরসহ

প্রমূ–১৬১ একটি ত্রিভুজের ভূমি 5 সে. মি. ও অপর বাহুদ্বরের সমর্ফি 7 সে. মি.।

- উপরিউক্ত তথ্য অনুযায়ী চিত্র অঙ্কন কর।
- খ. ত্রিভূজটির ভূমিসংলগ্ন কোণ 60° হলে, ত্রিভূজটি আঁক।
- ভূমিসংলগ্ন কোণদ্বয়ের অন্তর নিয়ে ত্রিভূজটি আঁক।

প্রমূullet১৭ ullet ${f a}=4$ সে. মি. এবং ${f b}=2$ সে. মি. দুইটি নির্দিফ্ট রেখাংশ।

ক.
$$a,b$$
 ও $c=rac{a+b}{2}$ রেখাংশত্রয় অজ্ঞকন কর।

- $a,\ b,\ rac{a+b}{2}$ এর সমান ব্যাসার্ধের তিনটি বৃত্ত আঁক, যারা পরস্পরকে বহিঃস্পর্শ করে। ৪
- a ও b রেখাংশদ্বয়ের মধ্যসমানুপাতী নির্ণয় কর।

প্রমু–১৮১ a = 5 সে.মি., 6 = 12 সে.মি., c = 13 সে.মি. এবং d = 1.5 সে.মি. কয়েকটি বাহুর দৈর্ঘ্য।

- বাহুগুলোর চিত্র আঁক।
- খ. a, b, c বাহুবিশিষ্ট একটি ত্রিভুজের অন্তঃবৃত্ত আঁক? (অজ্জনের চিহ্ন ও বিবরণ
- গ. a সমকোণী ত্রিভুজের অতিভুজ এবং d কে অপর দুই বাহুর অন্তর বিবেচনা করে ত্রিভজটি আঁক। (অজ্জনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যক)

প্রশ্ন-১৯ Δ ABC এর $\angle B=45^\circ$ দেওয়া আছে।

ক. কোণটি অজ্ঞকন কর।

- খ. BC=4.5 সে.মি. এবং AB-AC=2.5 সে.মি. হলে ত্রিভূজটি আঁক। (অজ্জনের চিহ্ন ও বিবরণ অবশকে।)
- গ. BC = 4.6 সে.মি. এবং AB + CA = 8.2 সে.মি. হলে ত্রিভূজটি আঁক। (অজ্জনের বিবরণ আবশ্যক)

অধ্যায় সমন্বিত সৃজনশীল প্রশু ও সমাধান

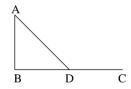
প্রশ্ন–২০ ১ 🛆 ABC –এর AD একটি মধ্যমা এবং অপর একটি ত্রিভূজ PQR এর উচ্চতা h, ভূমির উপর মধ্যমা d এবং ভূমি সংলগ্ন একটি কোণ x.



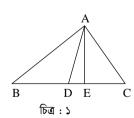
- ক. লম্ব অভিবেপ চিত্রসহ ব্যাখ্যা কর।
- খ. প্রমাণ কর যে, $AB^2 + AC^2 = 2(AD^2 + BD^2)$.
- গ. POR ত্রিভুজটি অজ্ঞ্জন কর (অজ্ঞ্জনের চিহ্ন ও বিবরণ আবশ্যক)।

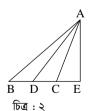
🕨 🕯 ২০নং প্রশ্রের সমাধান 🕨 🕯

ক. লম্ব অভিবেপ : কোনো নির্দিষ্ট রেখার উপর কোনো বিন্দু হতে অঙ্কিত লম্বের পাদবিন্দুকে ঐ বিন্দুর লম্ব অভিৰেপ বলে।



চিত্রে, BC রেখার উপর AD রেখার লম্ব অভিবেপ BD.





মনে করি, $\triangle ABC$ –এর মধ্যমা AD.

প্রমাণ করতে হবে যে, $AB^2 + AC^2 = 2(BD^2 + AD^2)$

অঙ্কন :A থেকে BC অথবা BC—এর বর্ধিতাংশের উপর AE লম্ব আঁকি।

প্রমাণ : মনে করি, চিত্র (১)-এ ∠ADB স্থূলকোণ,

অতএব, $AB^2 = AD^2 + BD^2 + 2BD$. DE(i)

চিত্র (২)-এ ∠ADC সুক্ষকোণ হলে,

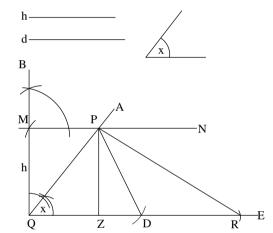
$$AC^2 = AD^2 + CD^2 - 2CD \cdot DE$$

বা,
$$AC^2 = AD^2 + BD^2 - 2BD$$
. DE [∵ $BD = CD$] (ii)

সমীকরণ (i) ও (ii) যোগ করে পাই,

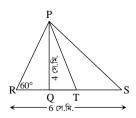
$$BA^2 + AC^2 = AD^2 + BD^2 + 2BD$$
. $DE + AD^2 + BD^2 - 2BD$. DE

 $\therefore AB^2 + AC^2 = 2AD^2 + 2BD^2 = 2(AD^2 + BD^2)$ (প্রমাণিত)



অঙ্কনের বিবরণ:

- ধাপ ১: যেকোনো রশ্মি QE এর Q বিন্দুতে ∠x এর সমান ∠EQA
- ধাপ ২: Q বিন্দুতে QE রেখার উপর BQ লম্ব অঙ্কন করি।
- ধাপ ৩ : BQ থেকে ত্রিভুজের উচ্চতা h এর সমান QM অংশ কেটে নিই।
- ধাপ 8: M বিন্দুতে QE এর সমান্তরাল করে MN রেখা অজ্জন করি যা QA কে P কিন্দুতে ছেদ করে।
- ধাপ ৫: P বিন্দুকে কেন্দ্র করে মধ্যমা d এর সমান ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ অঙ্কন করি। ঐ বৃত্তচাপ QE কে D বিন্দুতে ছেদ করে।
- ধাপ ৬: QE থেকে QD = DR অংশ কেটে নিই।
- ধাপ ৭: P, R যোগ করি। তাহলে, PQR–ই উদ্দিফ্ট ত্রিভুজ।



 ΔPRS এর RS বাহুর মধ্যবিন্দু T।

?

ক. PR বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

- ২
- উদ্দীপকের আলোকে এ্যাপোলোনিয়াসের উপপাদ্যটি প্রমাণ কর।
- গ. অজ্জনের বিবরণসহ এমন একটি ত্রিভুজ অজ্জন কর যার ভূমি RS ও শিরঃকোণ ∠R এর সমান এবং অপর দুই বাহুর অশ্তর 2 সে.মি.।

🌬 ২১ নং প্রশ্রের সমাধান 🌬

ক. ΔPQR -এ $\angle PQR = 90^{\circ}$ এবং $\angle PRQ = 60^{\circ}$

$$\therefore \Delta PQR \triangleleft \sin \angle PRQ = \frac{PQ}{PR}$$

বা,
$$\sin 60^\circ = \frac{4}{PR}$$

বা,
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{4}{PR}$$

বা,
$$\sqrt{3PR} = 8$$

$$\therefore PR = \frac{8}{\sqrt{3}} = 4.62$$
 সে.মি. প্রোয়া (Ans.)

খ.
এ্যাপোলোনিয়াসের উপপাদ্য : ত্রিভুজের যেকোনো দুই বাহুর উপর অজ্ঞিত বর্গবেত্রদ্বরের সমষ্টি তৃতীয় বাহুর অর্ধেকের উপর অজ্ঞিত বর্গবেত্রের বেত্রফল এবং
ঐ বাহুর সমদ্বিখণ্ডক মধ্যকার উপর অজ্ঞিত বর্গবেত্রের বেত্রফলের সমষ্টির দ্বিগুণ।

এখানে, APRS এর T. RS এর মধ্যকিন্দু। PT মধ্যমা এবং

 $PO \perp RS$.

প্রমাণ করতে হবে যে, $PR^2 + PS^2 = 2(PT^2 + TR^2)$

প্রমাণ : PO ⊥ RS

∴ ∠PQT = 90° , ∠PTQ সূক্ষাকোণ ও ∠PTS স্থূলকোণ।

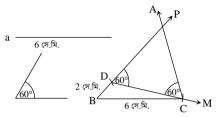
 ΔPTR এর $\angle PTR$ সূক্ষ্মকোণ এবং RT বাহুতে PT এর লম্ব অভিবেপ QT।

 $\therefore PR^2 = PT^2 + RT^2 - 2RT.QT.....(i)$ আবার, ΔPTS –এ $\angle PTS$ স্থূলকোণ $PS^2 = PT^2 + TS^2 + 2TS.QT$ $= PT^2 + TR^2 + 2TR.QT....(ii)$ [PT মধ্যমা RT = TS]

(i) ও (ii) নং যোগ করে,

$$PR^2 + PS^2 = 2PT^2 + 2RT^2$$
= $2(PT^2 + RT^2)$ (প্রমাণিত)

গ.



দেওয়া আছে, ত্রিভুজের ভূমি a=RS=6 সে. মি.

শির কোণ $x=60^\circ$ এবং অপর দুই বাহুর অন্তর d=2 সে. মি. আঁকতে হবে। অজ্ঞানের বিবরণ : ধাপ $\mathbf X$: যেকোনো রশ্মি BP হতে BD=2 সে.মি. কেটে নিই। ধাপ $\mathbf X$: D বিন্দুতে $\angle x$ এর সম্পূরক কোণের অর্ধেকের সমান করে $\angle PDM$ আঁকি। ধাপ $\mathbf V$: B বিন্দুকে কেন্দ্র করে a সে. মি. এর সমান করে ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁকি যা DM কে C বিন্দুতে ছেদ করে। ধাপ $\mathbf S$: C বিন্দুতে $\angle DCA=\angle PDC$ আঁকি যা BP কে A বিন্দুতে ছেদ করে। তাহলে ABC—ই উদ্দিস্ট ত্রিভুজ।