



Pontificia Universidad
JAVERIANA
Bogotá

Inteligencia Artificial

Solución de Problemas

Juegos MultiJugador

Ing. Enrique González, PhD

Ing. Andrea Rueda, PhD

Departamento de Ingeniería de Sistemas

Agenda – Juegos

1 – Conceptos Básicos

- Definiciones y Características

2 – Juegos como Problemas de Búsqueda

- Método MIN-MAX
- Poda Alfa-Beta

3 – Juegos Variantes Avanzadas

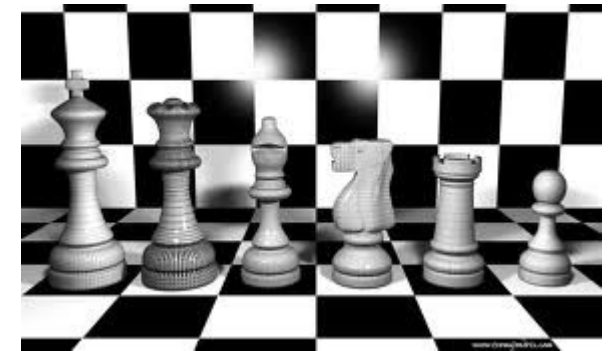
- Juegos en Tiempo Real
 - RTMM
- Juegos de Alta Complejidad
 - Árboles de Montecarlo

1 – Conceptos Básicos

Definiciones

■ Juego

- "A universal form of recreation generally including any activity engaged in for **diversion or amusement** and often establishing a situation that involves a **contest or rivalry**" [Enciclopedia Británica].



Características

- **Reglas fijas** → no ambiguas y bien conocidas
- **Resultados variables y cuantificables** → resultados no controlables por un solo jugador
- **Valorización de los resultados** → resultados mejores/peores que otros
- **Esfuerzo del jugador** → acciones influyen estados
- **Adhesión del jugador al resultado** → se busca alcanzar el mejor resultado

2 – Juegos como Búsqueda

Árbol de Búsqueda

- **Estructura**
 - Desarrollo de las opciones de juego con **alternancia de niveles** entre los jugadores participantes.
- **Estrategia de Juego**
 - Buscar un **camino** en el árbol que permita llegar a un **nodo “ganador”**.



2 – Juegos como Búsqueda

Componentes

- **Estados / acciones**
 - diferentes **situaciones válidas** de desarrollo del juego – movimientos “legales”
- **Estado inicial**
 - nodo raíz
- **Función sucesor**
 - operadores de movimiento – cambio de estado – **acciones aplicables** a partir del estado actual
- **Prueba terminal**
 - identificación de estados terminales – finalización del juego – **ganar, perder o empate**
- **Función utilidad**
 - función **heurística** objetivo – medida de rentabilidad de un estado
 - Cercanía a estados ganadores – ej: distancia de Manhattan
 - Posicionamiento estratégico – ej: dominio de una zona importante del tablero

Estrategia MIN-MAX



Pontificia Universidad
JAVERIANA
Bogotá



MAX: Jugador 'X'
Busca valores mayores desde la perspectiva de X

O		
	X	?
	O	?

O		
	X	X
	O	

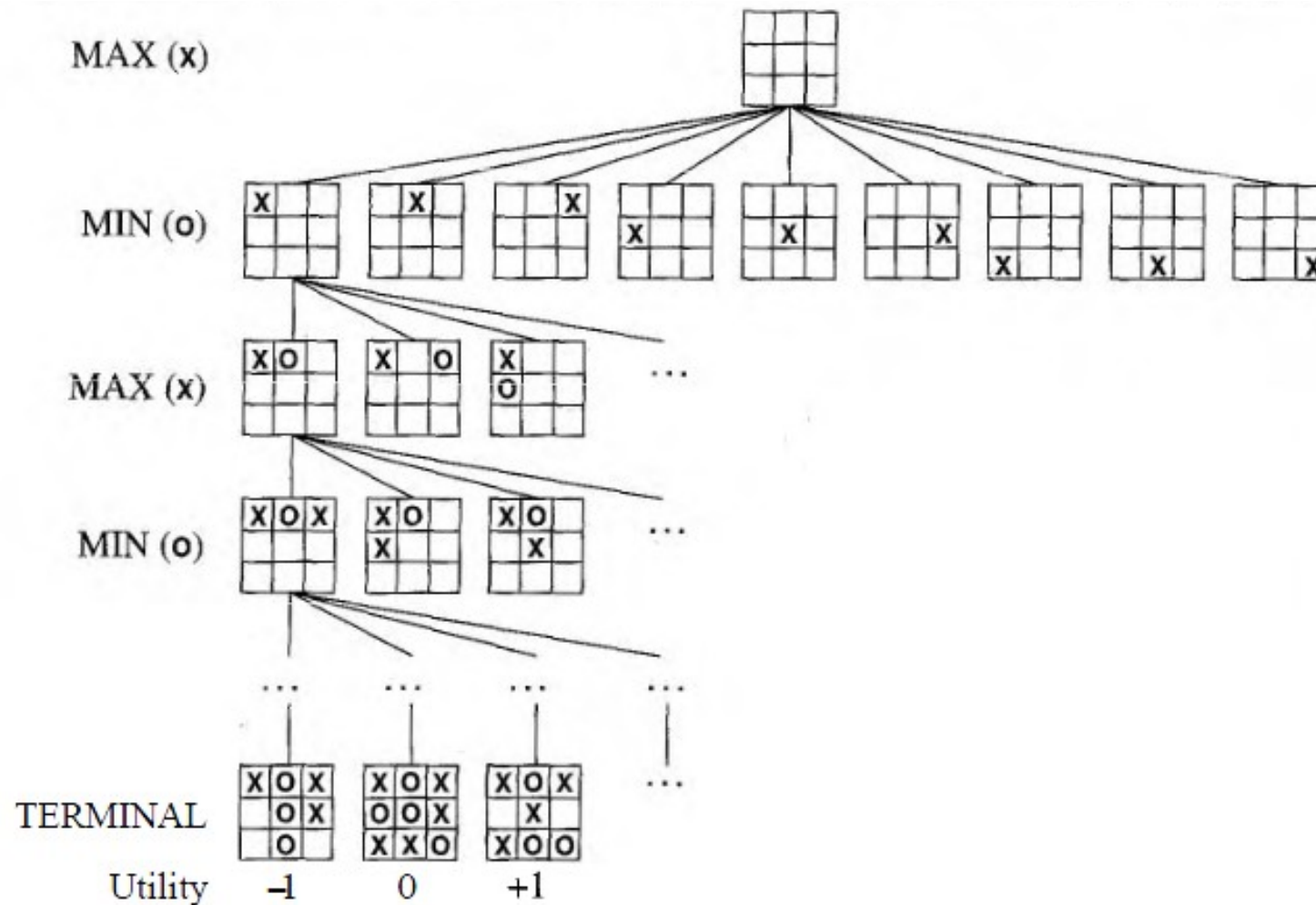
O		
	X	
	O	X

MIN: Jugador 'O'
Busca valores menores desde la perspectiva de X

Árbol de Juego MIN-MAX



Pontificia Universidad
JAVERIANA
Bogotá



MAX: Jugador 1
Busca valores mayores

MIN: Jugador 2
Busca valores menores

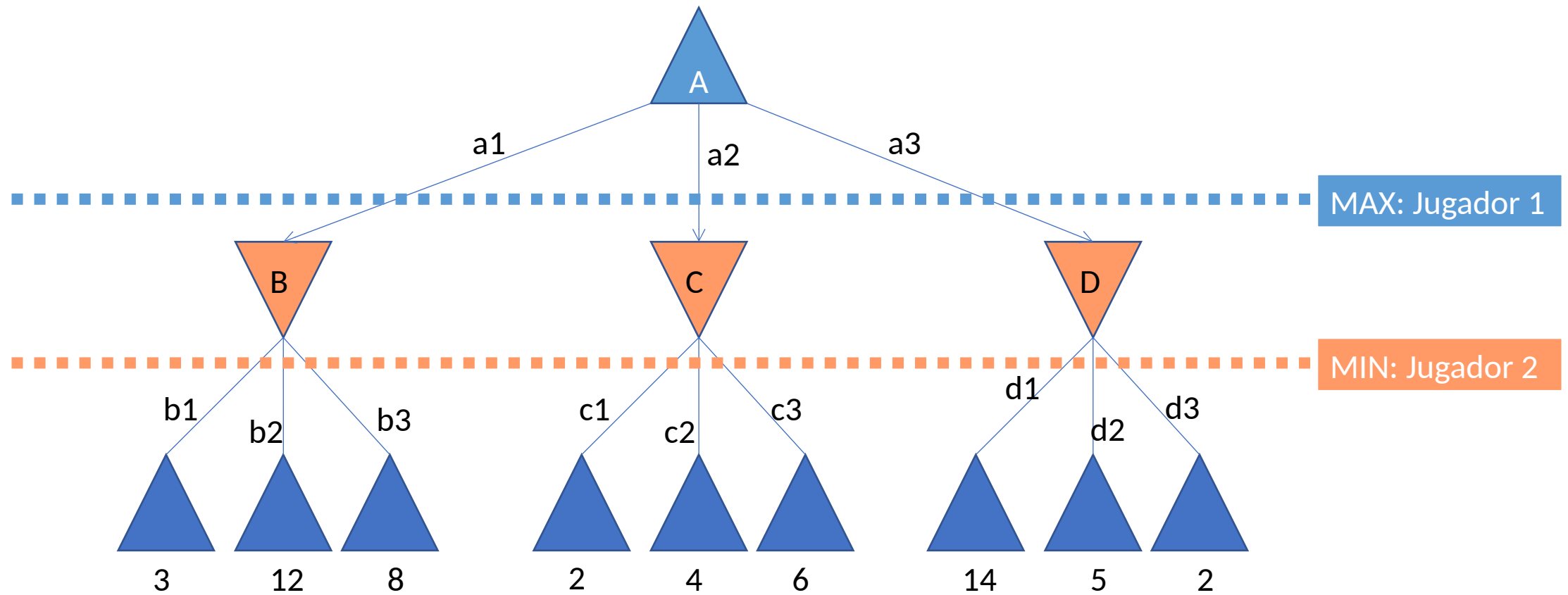
MAX: Jugador 1
Busca valores mayores

MIN: Jugador 2
Busca valores menores

Ejemplo Árbol de Juego MIN-MAX



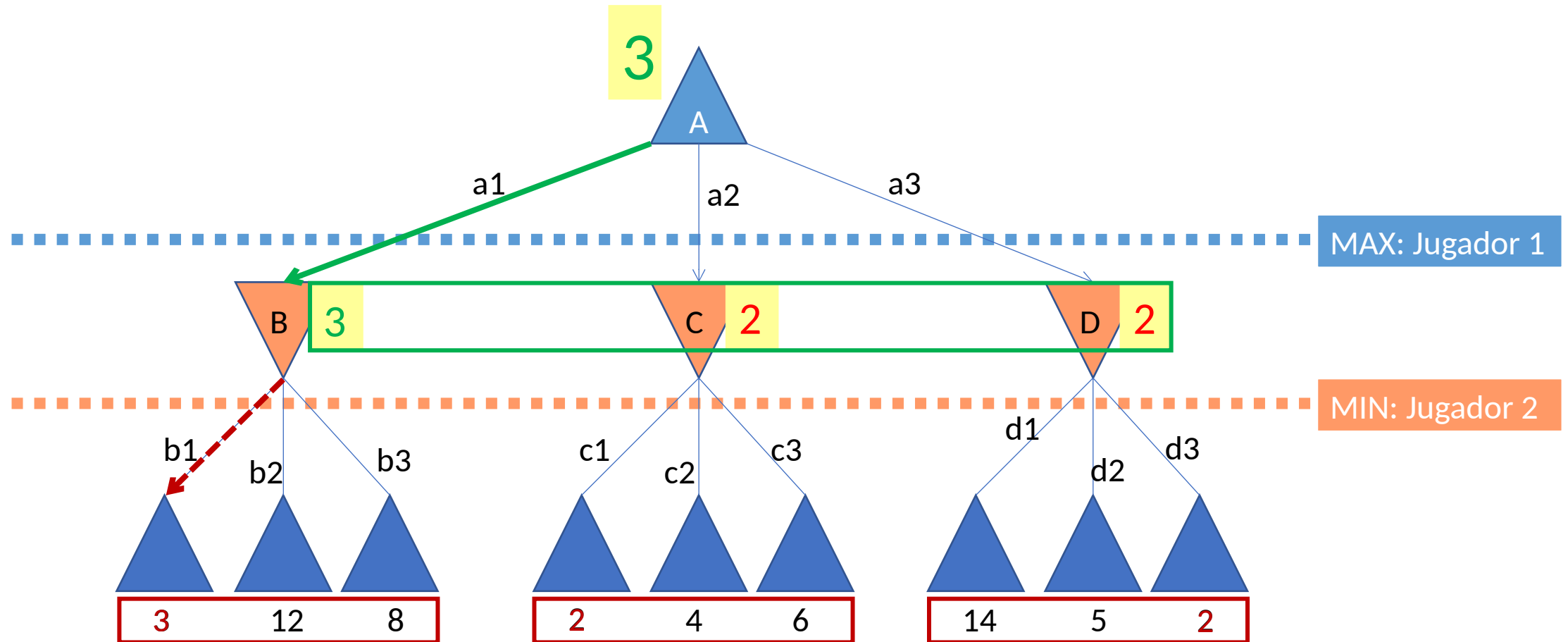
Pontificia Universidad
JAVERIANA
Bogotá



Ejemplo Árbol de Juego MIN-MAX



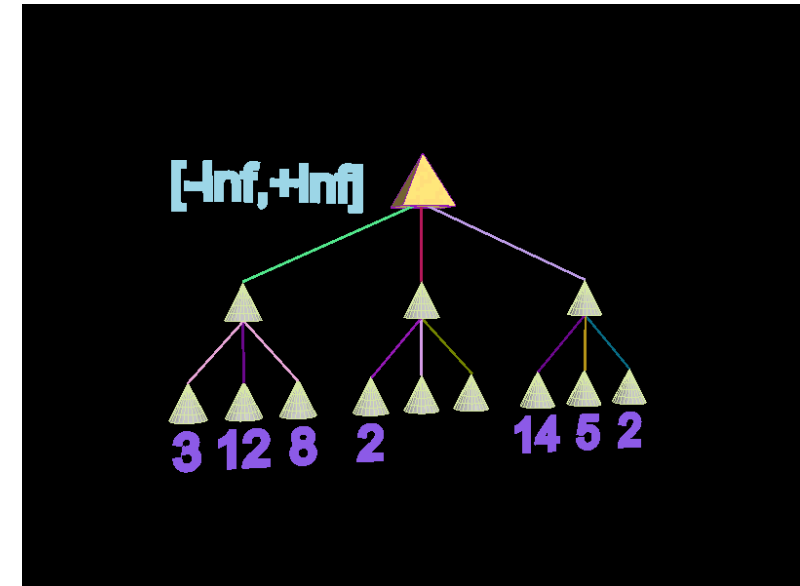
Pontificia Universidad
JAVERIANA
Bogotá



Árbol de Juegos – Poda Alfa-Beta

Poda del Árbol de Búsqueda

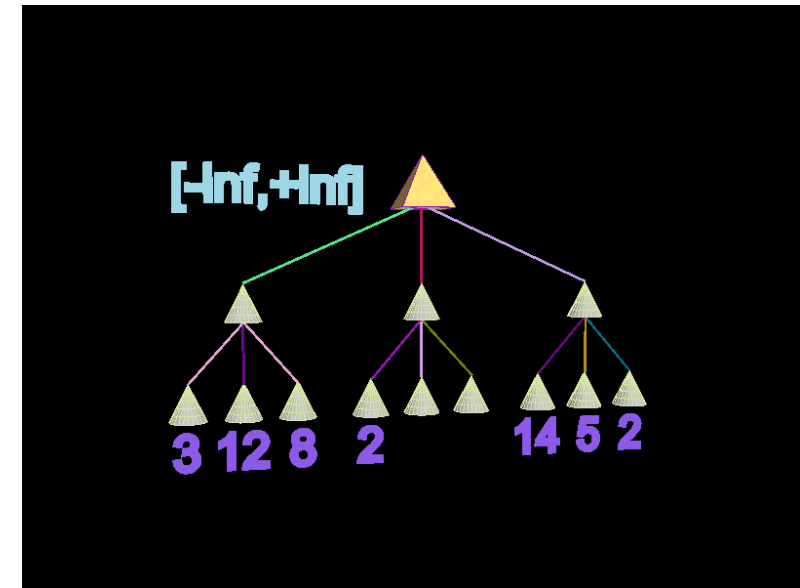
- **¿Por qué es necesaria?**
 - El algoritmo MIN-MAX requiere expandir todo el árbol de búsqueda para obtener el resultado.
 - En la práctica solo es posible expansión limitada
 - Si el árbol es más pequeño → es posible más profundidad
- **Operación**
 - Eliminar búsquedas innecesarias sin cambiar el resultado del juego.
 - Eliminando incluso subárboles enteros
 - Podar si el valor actual ya no puede superar ALFA-BETA.



Árbol de Juegos – Poda Alfa-Beta

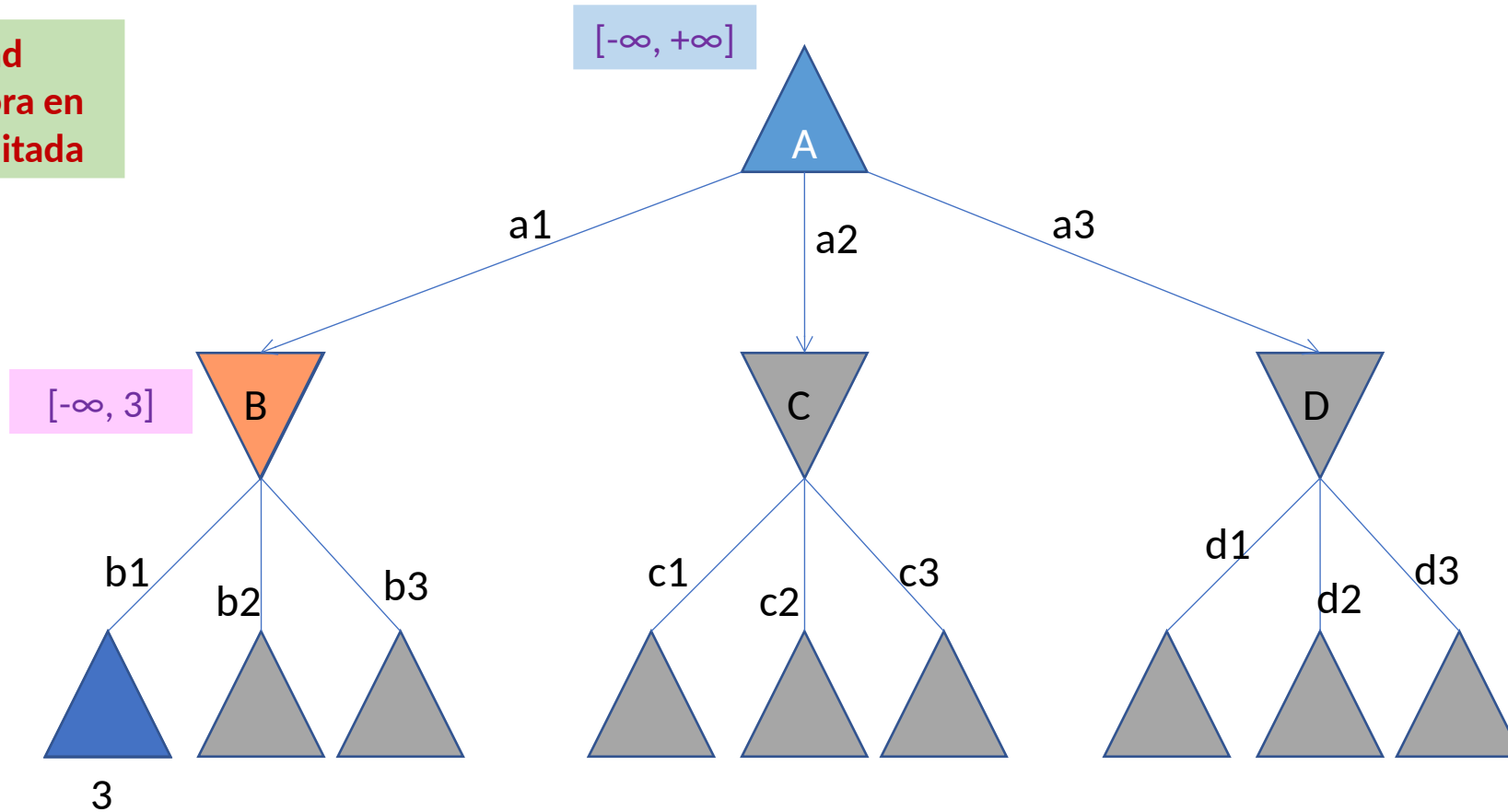
Parámetros de Poda

- **ALFA**
 - Mejor Valor - Más **Alto** encontrado
 - en puntos de decisión a lo largo de **camino** para un nodo MAX
- **BETA**
 - Mejor Valor - Más **Bajo** encontrado
 - en puntos de decisión a lo largo de **camino** para un nodo MIN



Ejemplo Poda Alfa-Beta

En la Realidad
El Árbol se Explora en
Profundidad Limitada

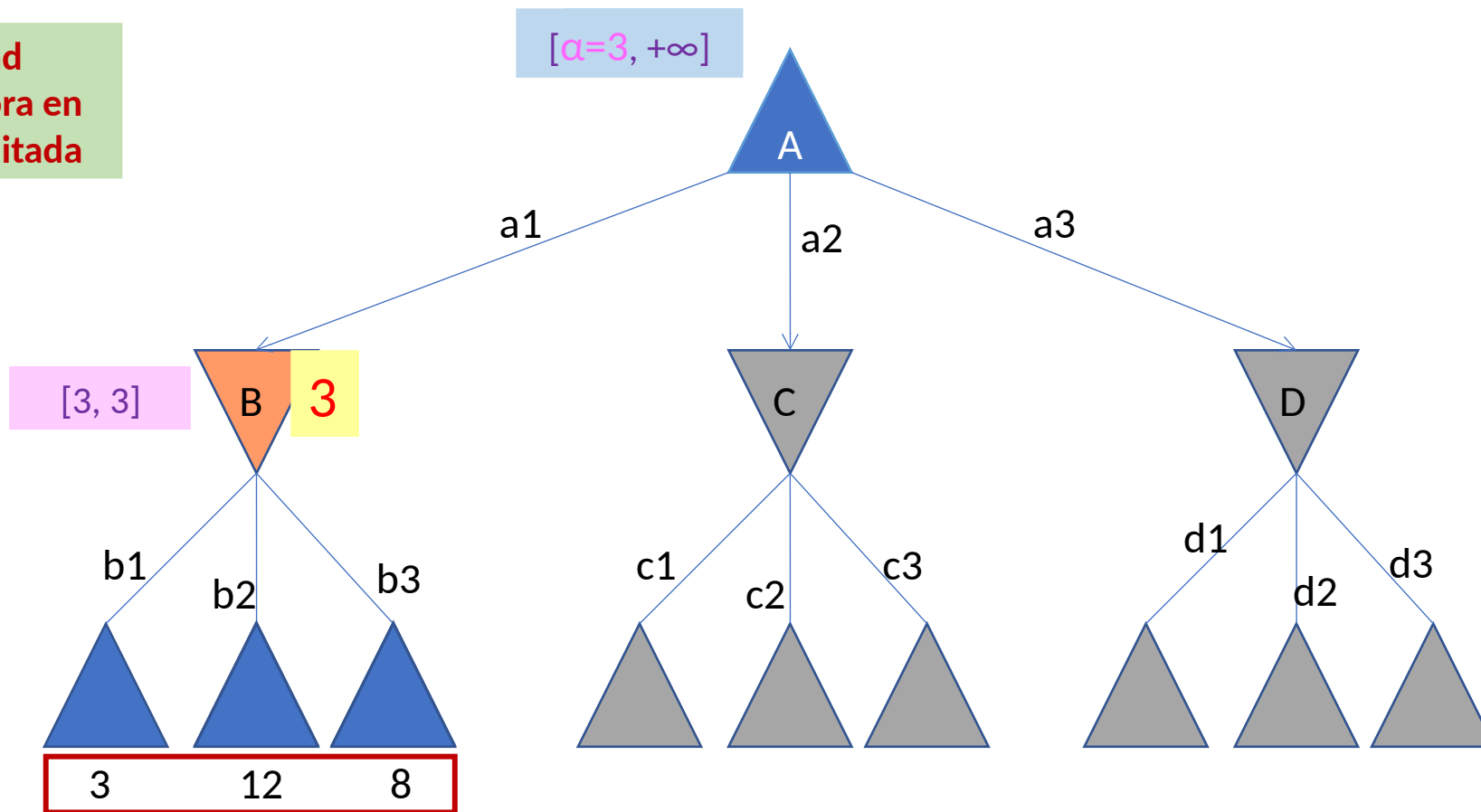


Ejemplo Poda Alfa-Beta



Pontificia Universidad
JAVERIANA
Bogotá

En la Realidad
El Árbol se Explora en
Profundidad Limitada

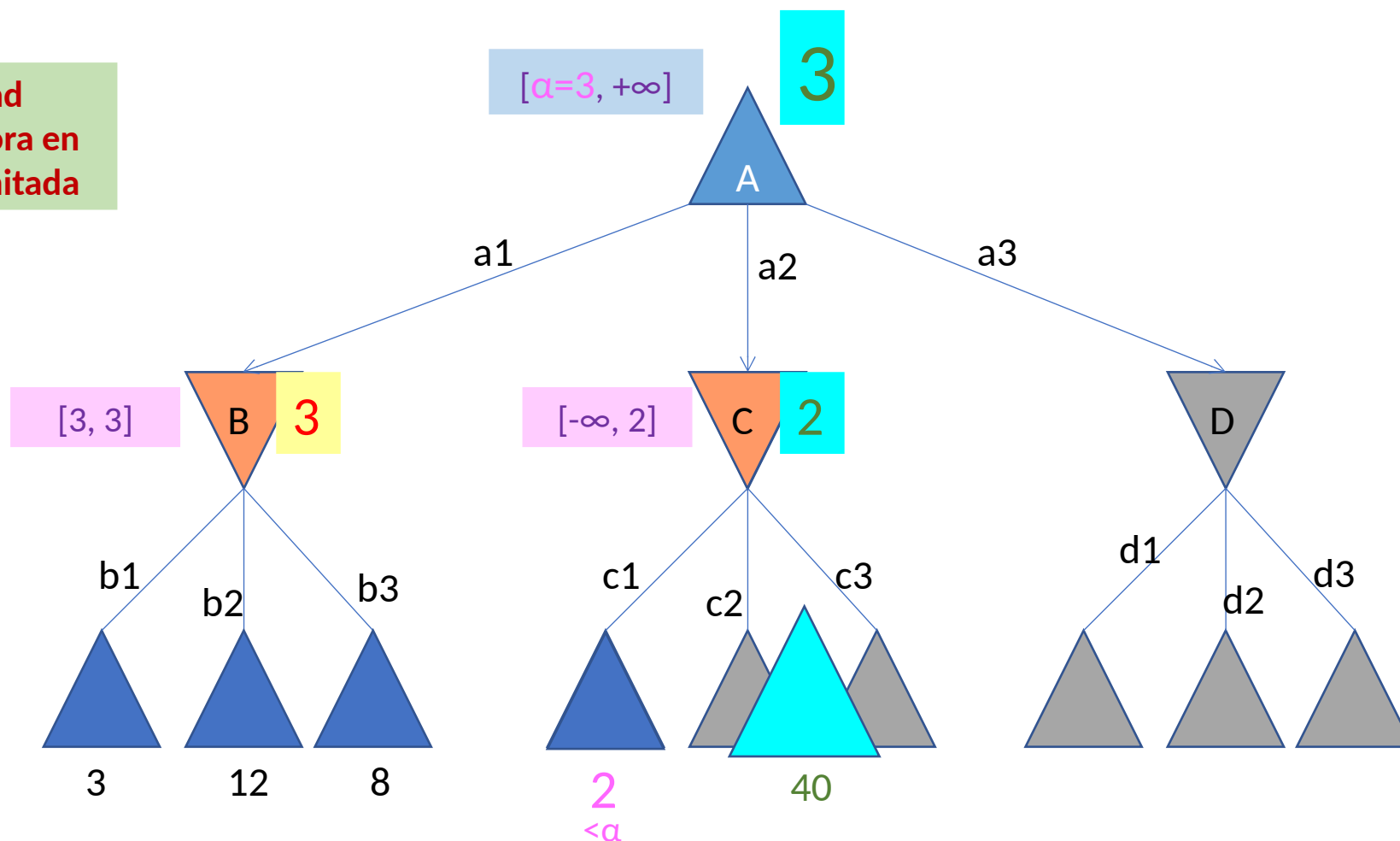


Ejemplo Poda Alfa-Beta



Pontificia Universidad
JAVERIANA
Bogotá

En la Realidad
El Árbol se Explora en
Profundidad Limitada

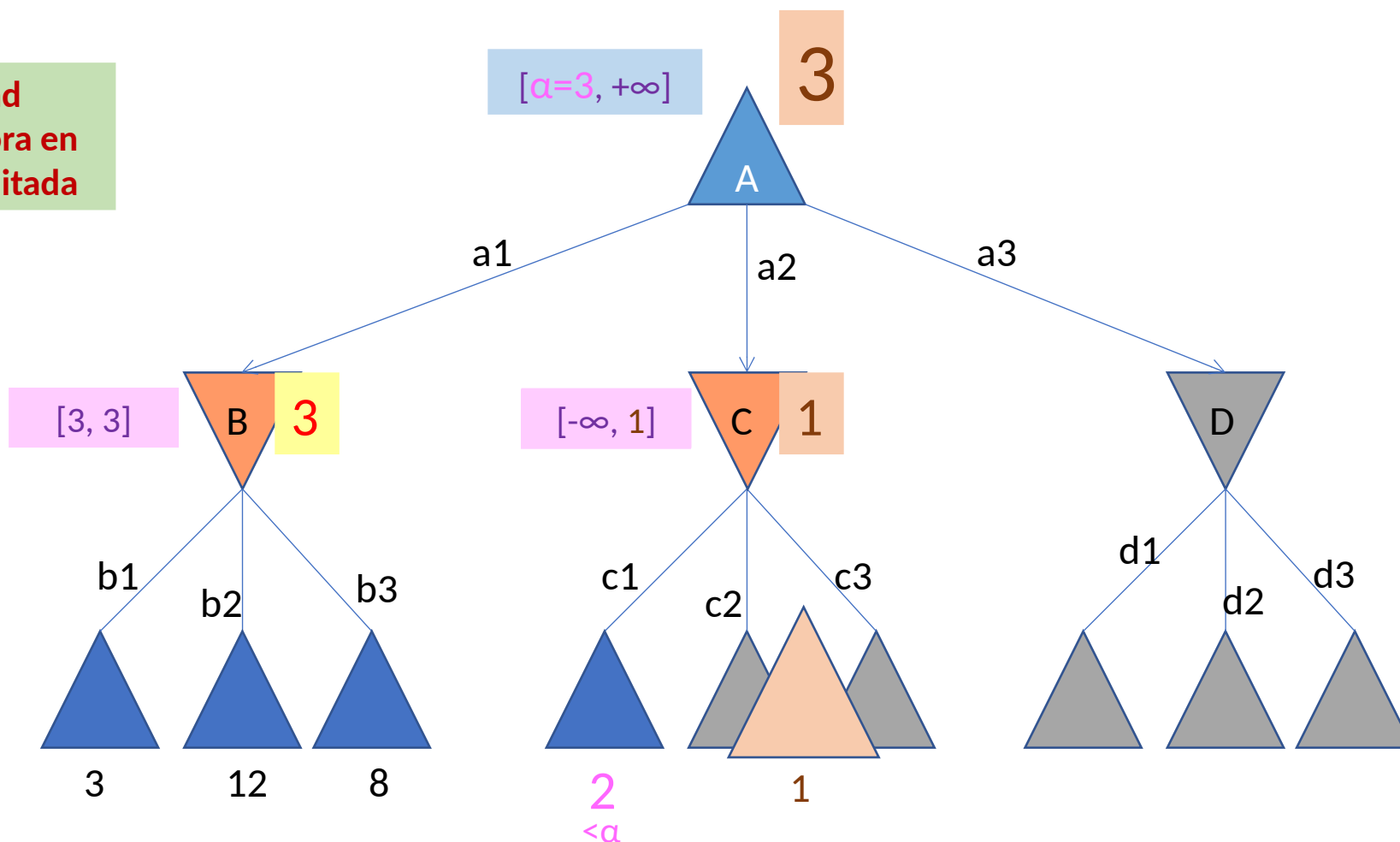


Ejemplo Poda Alfa-Beta



Pontificia Universidad
JAVERIANA
Bogotá

En la Realidad
El Árbol se Explora en
Profundidad Limitada

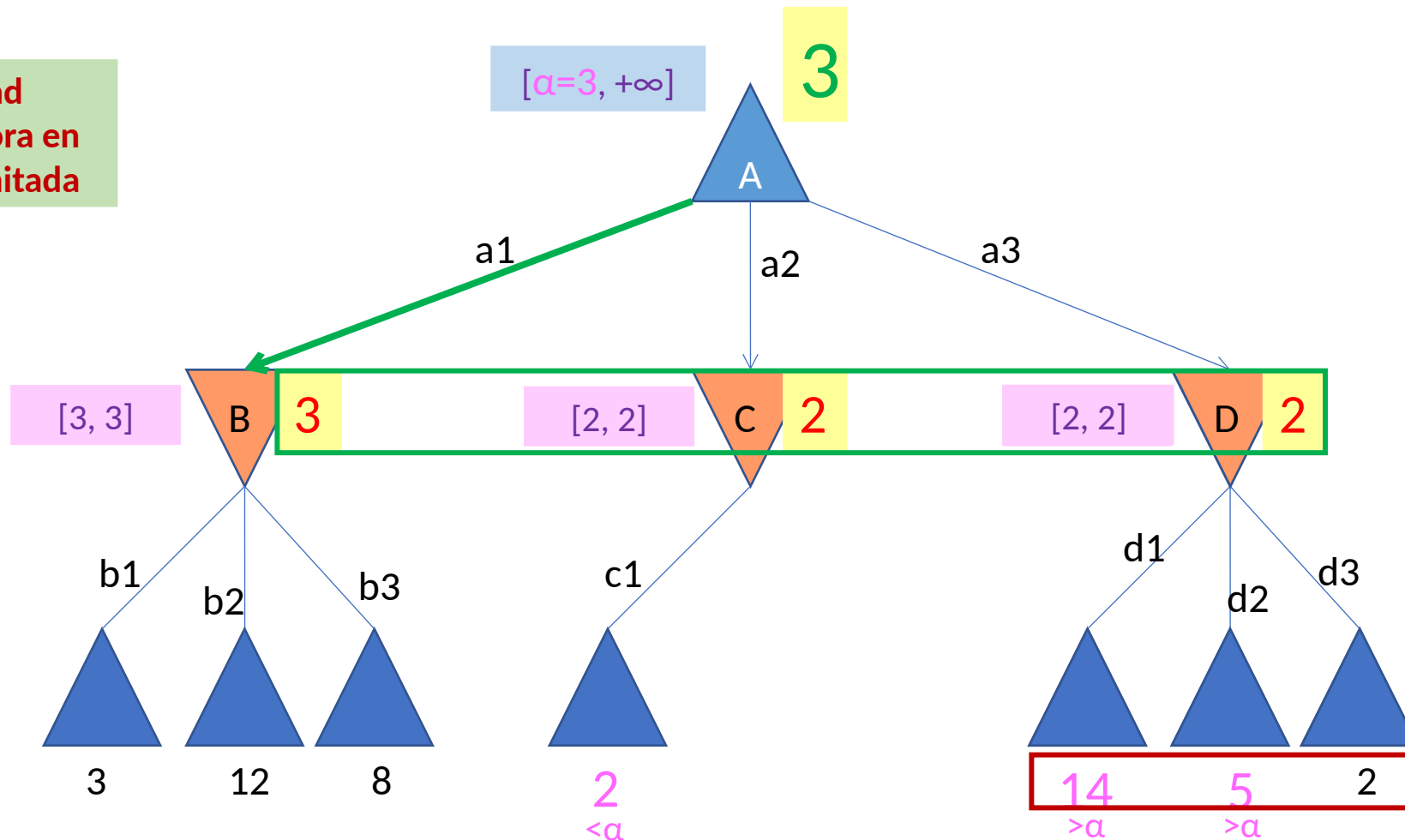


Ejemplo Poda Alfa-Beta



Pontificia Universidad
JAVERIANA
Bogotá

En la Realidad
El Árbol se Explora en
Profundidad Limitada

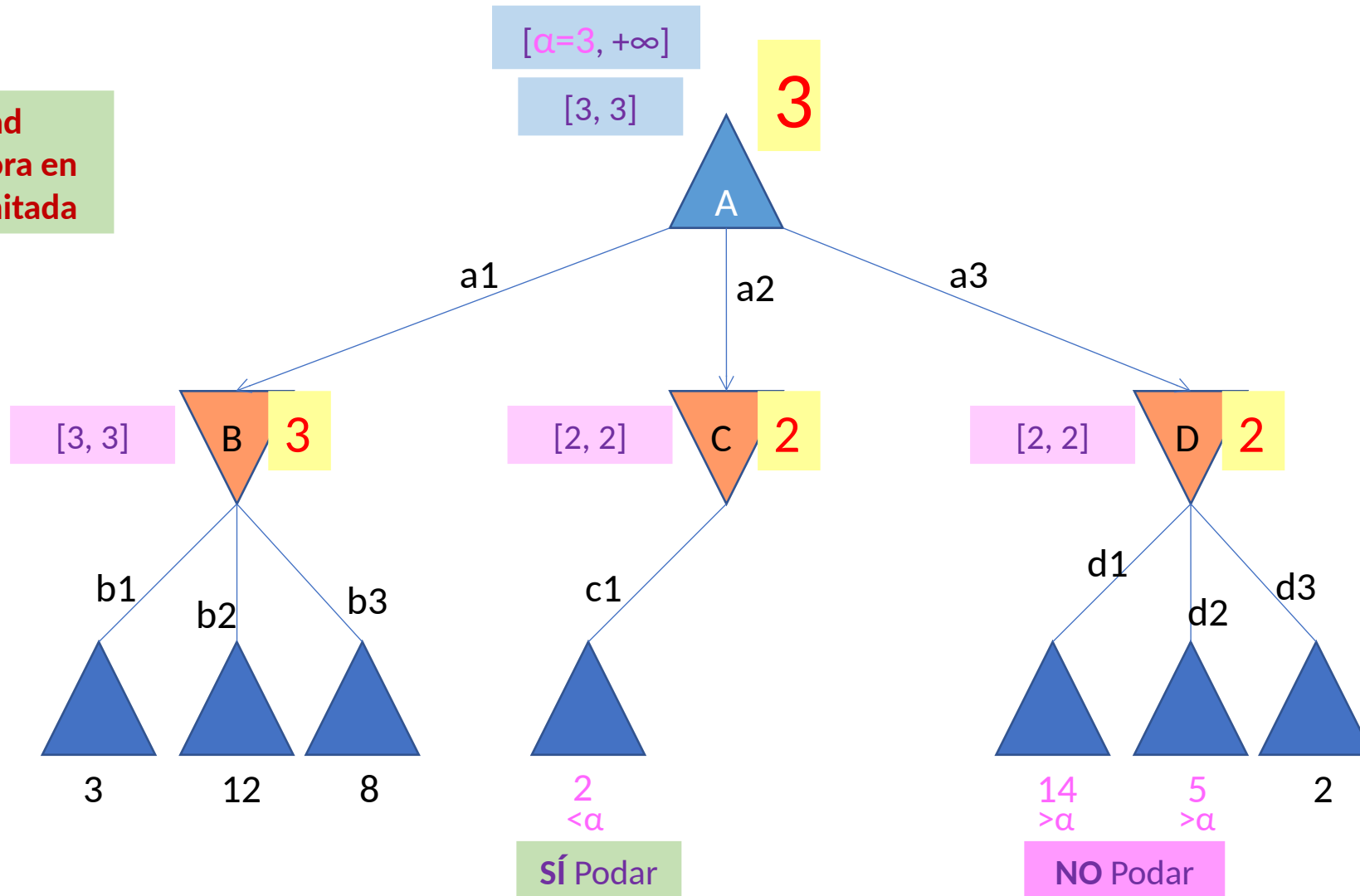


Ejemplo Poda Alfa-Beta



Pontificia Universidad
JAVERIANA
Bogotá

En la Realidad
El Árbol se Explora en
Profundidad Limitada



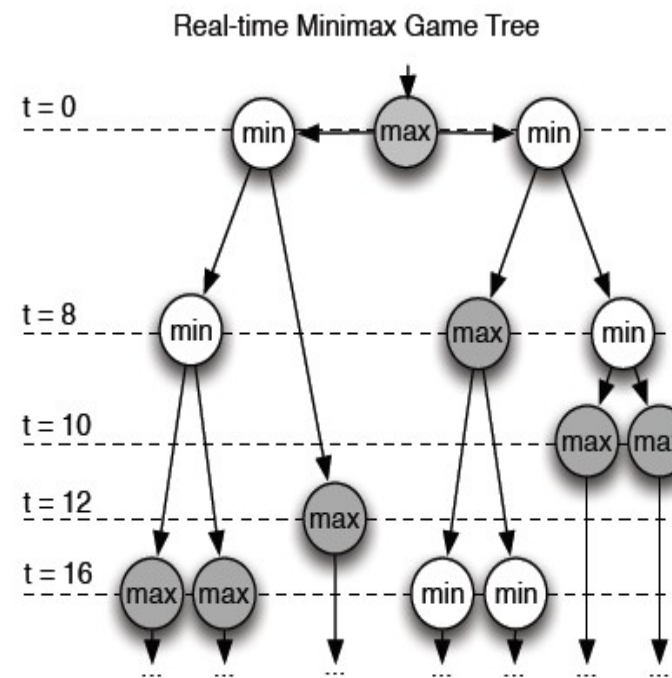
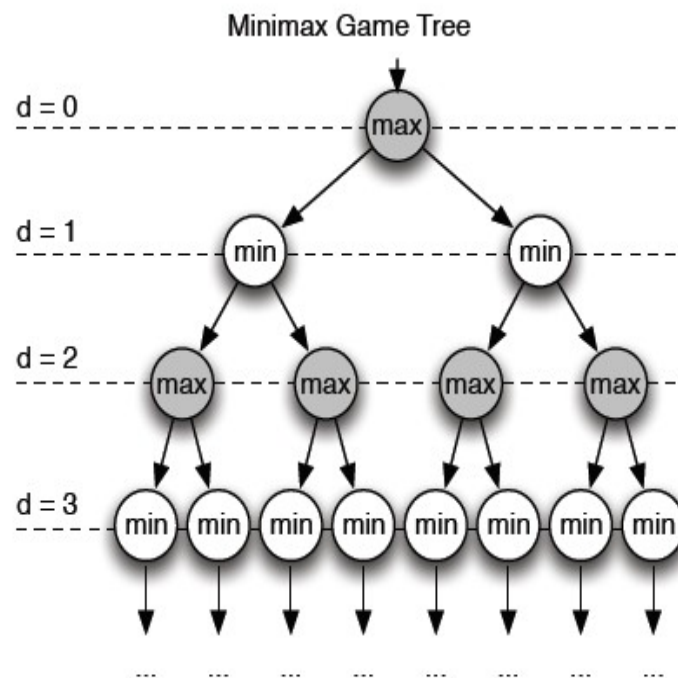
Juegos en Tiempo Real – RTMM



Problema Tiempo Real

- Cómo representar un árbol de juego cuando los jugadores **no juegan por turnos**?
- Cómo tratar con el problema que el **juego sigue avanzando** mientras la IA esta gastando tiempo en la búsqueda del árbol?

- **Orden**
por profundidad
de los nodos
- **Capas Alternas**
Min
Max



- **Orden**
por tiempo de los
nodos
- **Capas Min-Max**
nodos pueden aparecer
en cualquier orden
- **Tiempo**
Independiente de las
acciones de los
jugadores

Juegos Complejos – MCTS

Árboles de Montecarlo

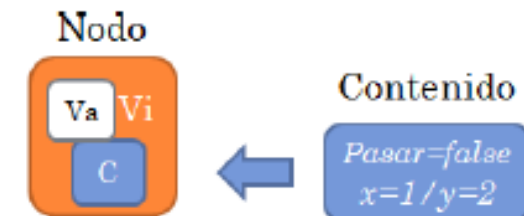
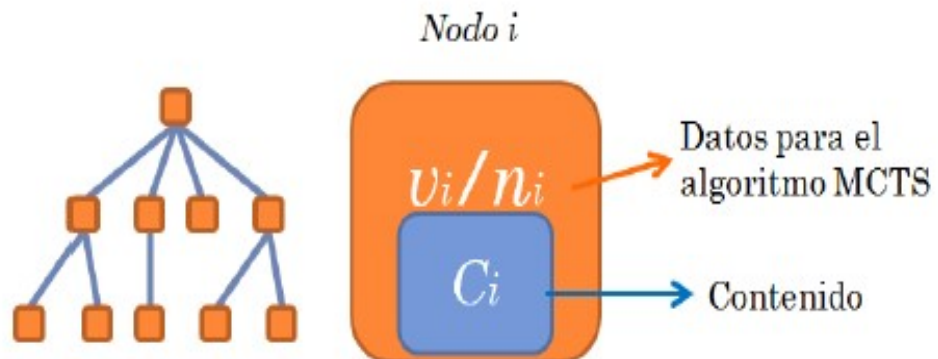
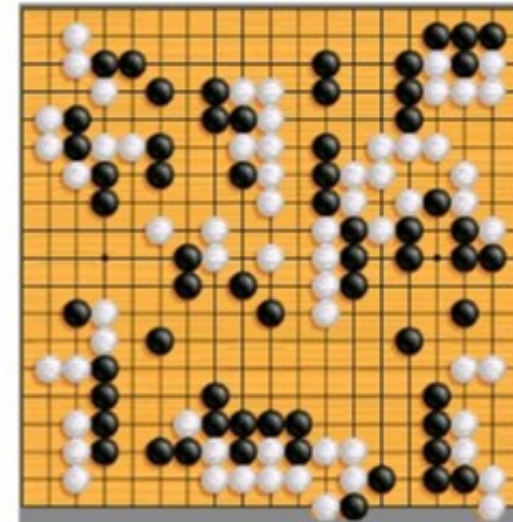


Árbol de Gran Tamaño – Algoritmo MCTS

- Cómo buscar en un árbol de gran profundidad, con alto grado de ramificación y alta aleatoriedad?
 - Ej. Juego Go

Estructura del Árbol de Montecarlo

- **Nodo**
 - V_i → Valor actual de la posición
 - N_i → Contador de visitas
 - C_i → Contenido asociado al problema



Contenido Asociado al Juego GO

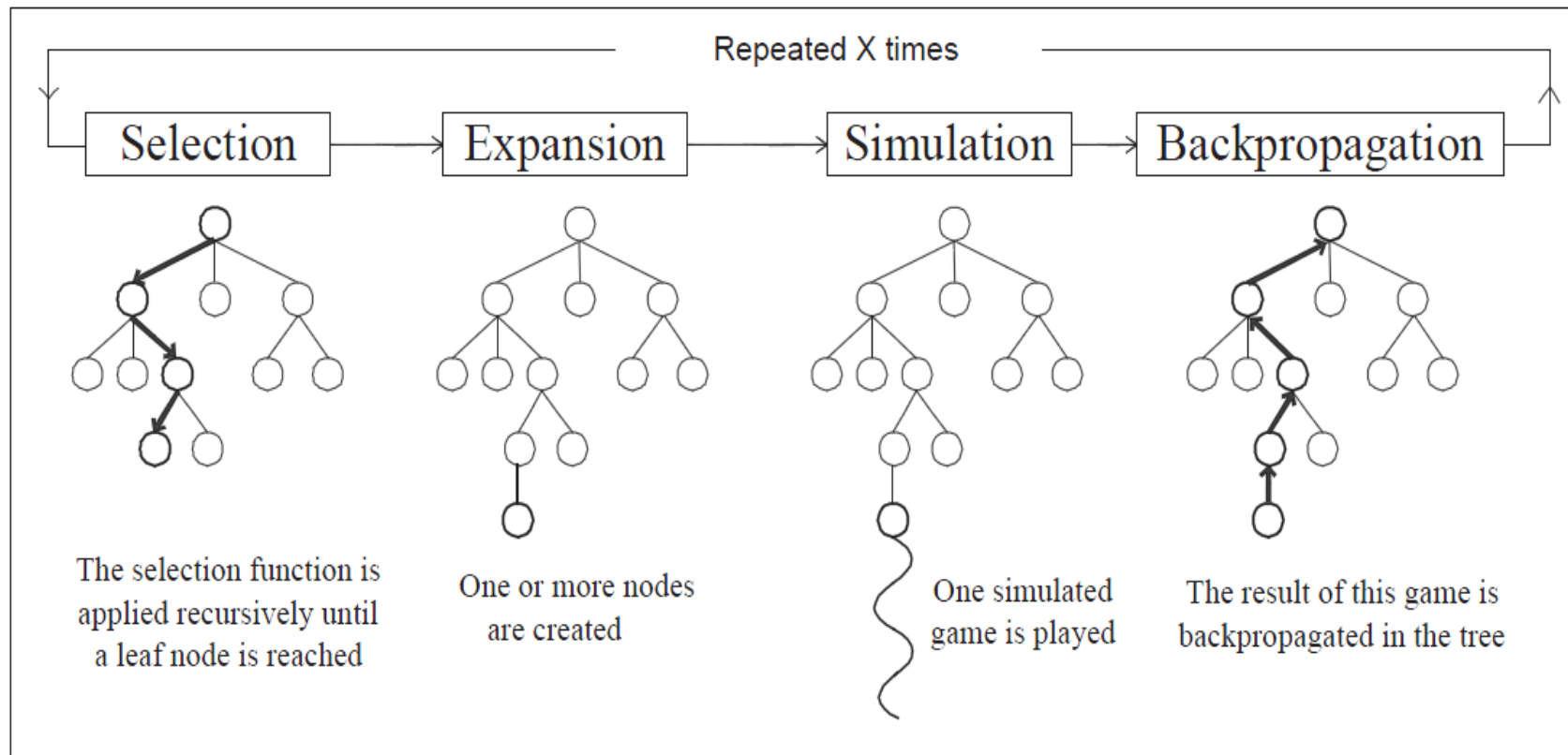
Juegos Complejos – MCTS

Árboles de Montecarlo



Algoritmo MTCS

- Avanzar por una rama (Vi/Ni) hasta una hoja y realizar expansión.
- Simular movimientos aleatorios y propagar MIN-MAX hacia atrás.



Taller - Juegos

Juego Parchis

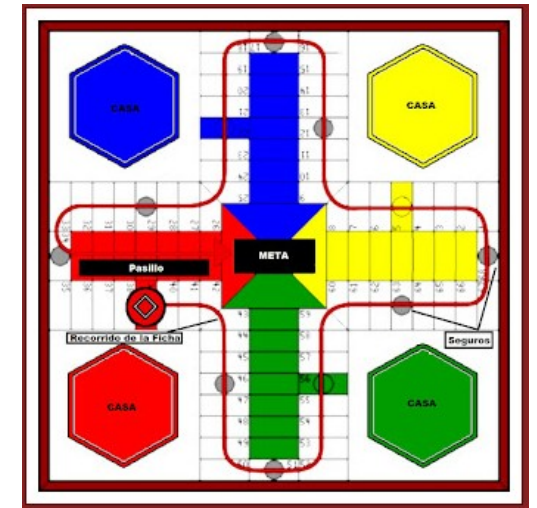
El Parchis es una variante simplificada del juego de Parques colombiano; la principal diferencia es que se juega con un solo dado. Las reglas de juego se pueden consultar en <https://enszink.blogspot.com/2019/03/luisa-parchis.html>.

Escriba un programa (en lenguaje C, C++ o Python) que implemente el algoritmo MIN-MAX para el juego de Parchis.

- Analizar y definir cómo representar un estado.
- Definir una función heurística para valorar un estado.
- Definir una función que genera los posibles sucesores de un estado.
- Desarrollar dos niveles del árbol para el análisis:
 - Aplicar el algoritmo MIN-MAX.

BONUS (para la próxima Clase)

- Algoritmo MIN-MAX que juega con “dos dados de tres caras”. Se debe tener en cuenta que la probabilidad del valor total de los dados no es igual para todos los cinco valores posibles.



Bibliografía



- Rusell N., Inteligencia Artificial: Un Enfoque Moderno, Prentice Hall, 2020.
- Santiago Ontañón, Experiments with Game Tree Search in Real-Time Strategy Games, Drexel University.
- Sylvain Gelly, Levente Kocsis, Marc Schoenauer, Michèle Sebag, David Silver, Csaba Szepesvári, and Olivier Teytaud, The Grand Challenge of Computer Go: Monte Carlo Tree Search and Extensions, communications of the ACM, 2012.
- Guillaume Chaslot, Sander Bakkes, Istvan Szita and Pieter Spronck, Monte-Carlo Tree Search: A New Framework for Game AI, 2008.
- Beatriz Nasarre Embid, Metodo de Monte-Carlo Tree Search (MCTS) para resolver problemas de alta complejidad: Jugador virtual para el juego del Go, Universidad de Zaragoza, 2012.
- E. Rich. Inteligencia Artificial. 1994.



Pontificia Universidad
JAVERIANA
Bogotá

Inteligencia Artificial

Solución de Problemas

Juegos MultiJugador

Ing. Andrea Rueda, PhD – rueda-andrea@javeriana.edu.co

Ing. Enrique González, PhD – egonzal@javeriana.edu.co

Departamento de Ingeniería de Sistemas