Aprendizado Semi-Supervisionado Aplicado a Grandes Volumes de Dados Não Normalizados Provenientes de Fraudes em Cartões de Crédito

João Pedro Augusto Costa

Resumo—Operações com cartões de crédito tornaram-se rotineiras para pessoas de várias classes sociais ao longo de diversos países, se tornando a principal forma de pagamentos de bens e serviços [7]. A quantidade massiva de dados gerada por essas operações dificultam a identificação de fraudes, o que vem a causar prejuízos financeiros tanto para as operadoras de cartão quanto aos clientes. O objetivo desse trabalho é avaliar o uso de algoritmos de aprendizado semi-supervisionado em dados provenientes de transações reais com cartões de crédito, verificando sua taxa de acerto e comparando com abordagens de aprendizado supervisionado. O experimentos computacionais demonstraram que os algoritmos de aprendizagem semi-supervisionada obtêm melhor desempenho em todas as configurações testadas.

I. Introdução

Fraudes em cartões de crédito consistem em pagamentos não autorizados que podem partir de dados obtidos com clonagens, engenharia social, uso de cartões roubados ou perdidos e até mesmo mais de uma dessas possibilidades [1], [9].

De acordo com a pesquisa encontrada em [1], dentro de um grupo de 6035 pessoas entrevistadas em diversos países do mundo, cerca de 30% enfrentaram problemas de fraude nos últimos cinco anos. Dentro desse grupo, cerca de 17% relatou ter sido vitima de fraude mais de uma vez, isso apenas no ano de 2016.

O número elevado no uso de cartões de crédito, junto à prática de comportamentos considerados de risco por parte dos usuários [9] torna uma tarefa muito difícil identificar possíveis fraudes, dada a quantidade de dados gerada pelas transações.

No ano de 2016, México, Estados Unidos e Brasil destacaram-se de forma negativa em relação ao número de fraudes em cartões de crédito, com 56%, 49% e 47% de usuários que reportam fraudes em cartões de crédito respectivamente. A principal justificativa para números tão expressivos, se dá ao uso de cartões de forma rotineira tanto para compras online quanto presenciais e as condições inseguras a que se submetem esses usuários, como não utilização de cartões com chip, acesso a sites potencialmente inseguros e falta de utilização de softwares de antivírus em seus computadores pessoais.

II. MOTIVAÇÃO

Dados do mundo real podem não se encontrar de forma estruturada e pronta para uma análise de maneira mais rápida. Os dados geralmente estão em escalas diferentes, além de haverem variáveis não observadas para alguns registros.

Dados provindos de cartões operações com cartões de crédito possuem uma característica que dificulta ainda mais a analise, a confidencialidade. Esses dados devem ser utilizados mantendo a privacidade dos usuários, o que torna o uso de métodos para inserção e substituição [3] de variáveis essenciais na análise desse tipo de dado.

Mensurar a quantidade de dados provenientes de transações financeiras não é fácil, mas estima-se que esteja na faixa de bilhões por ano [1]. Dada a quantidade de dados em que a maioria dos registros é provinda de transações consideradas normais, tem-se o problema de desbalanço nos dados [2], o que faz com que o uso de algoritmos de aprendizagem supervisionada não possua um bom desempenho sem o uso de mecanismos para rebalancear os dados.

Dados os conceitos explicados nessa seção, os algoritmos de aprendizagem semi-supervisionada parecem promissores nesse tipo de problema. Os algoritmos de aprendizagem semi-supervisionada trabalham utilizando conceitos de agrupamento, fazendo com que a capacidade de generalização de instâncias que representam operações fraudulentas seja uma etapa essencial nesse processo.

III. METODOLOGIA

O principal objetivo deste trabalho é investigar os resultados obtidos pelos algoritmos de aprendizado semi-supervisionado quando utilizados para classificar instâncias em dados reais de transações com cartões de crédito.

Os dados utilizados foram cedidos por empresas de cartão de crédito europeias e são referentes a transações que ocorreram no mês de setembro de 2013 [2]. Os atributos do *dataset* estão em escalas diferentes e a distribuição de classes está desbalanceada. O *dataset* contém 284.807 transações, entre as quais estão incluídas 492 fraudes, apenas 0,172% do total. O *dataset* possui 28 atributos, sendo o último correspondente a classe, em que o problema é binário, sendo que 1 representa uma fraude e 0 caso contrário.

Para que a abordagem atenda aos objetivos, deve-se garantir que os atributos não estejam balanceados ou normalizados, utilizando técnicas para inserção de *missing data*, assim como de substituição dos dados que faltam.

Para garantir controle total na quantidade de *missing data* do *dataset* foram utilizados os métodos de inserção *MCAR*, *MUOV* e *MIV* encontrados em [3]. O MCAR é um algoritmo simples que escolhe de forma aleatória uma coordenada no *dataset* e substitui o atributo nessa posição. O procedimento é

1

repetido x vezes com x>0 e x<=100. O MUOV tem funcionamento parecido, são escolhidas variáveis causativas, só então são escolhidas as variáveis a perder o valor. Já na técnica MIV, são as variáveis causativas a perder seu valor.

Para substituir os dados foram utilizadas as técnicas *MEAN* (Valor médio), *MEDIAN* (Valor do meio) e *Most Frequent Value* (Valor mais frequente), que possuem nomes auto explicativos e podem ser encontradas em detalhes em [5].

IV. APRENDIZADO SEMI-SUPERVISIONADO

Aprendizado semi-supervisionado é um tipo de aprendizado de máquina que pode trabalhar com instâncias de dados que contenham ou não informação a respeito de sua classe [10]. Os algoritmos de aprendizado semi-supervisionado trabalham de forma a construir grupos ou *clusters* a partir dos dados. Aprendizado semi-supervisionado utiliza algoritmos de *clustering*, portanto compartilha sua principal característica:

• Pontos mais próximos tendem a pertencer a mesma classe ou *label*. Considerando a instância como x e a classe como y, temos p(y|x) = p(x|y)p(y) pelo teorema de Bayes.

Por serem probabilísticos, deve-se entender que dadas γ classes, quanto mais as variáveis $y_1, y_2, y_3, ..., y_n$ da instância x_n não rotulada pertencente a classe γ_1 forem próximas as variáveis $y_1, y_2, y_3, ..., y_n$ de uma instância x_r rotulada também pertencente a γ_1 , maior a probabilidade da variável x_n ser classificada corretamente e consequentemente de haver uma propagação desse rótulo.

Neste trabalho em especial foram utilizados algoritmos de aprendizado semi-supervisionado baseados em grafos [8]. Estes algoritmos constroem grafos de similaridade entre as instâncias do dataset. Tem se cada instância como um nó e o grau de similaridade como aresta, implicando em quanto maior um valor de aresta de similaridade $sim(x_i, x_j)$, maior a probabilidade das instâncias ou nós x_i e x_j pertencerem a mesma classe.

Os algoritmos de aprendizado semi-supervisionado baseados em grafos utilizam métodos de vizinhança para construção do grafo. Neste trabalho em especifico utilizou-se o método knn (*k-Nearest Neighbor*), em que se constroem arestas entre cada instância e seus *k* vizinhos mais próximos. Neste trabalho o valor de *k* utilizado foi 7.

Por fim, destaca-se que os algoritmos utilizados na seção de experimentos possuem como estrutura básica utilização do método knn conforme já descrito, além do uso do grafo laplaciano [4], definido por L=D-W, onde D é a matriz de graus, em que D_{ii} é dado pela Equação 1 , ou seja pelo somatório de todas as suas arestas e W é a matriz de adjacências do grafo.

$$\sum_{j} W_{ij} \tag{1}$$

Tendo a formulação anterior em consideração, define-se cada elemento de L por

$$L_{i,j} = \begin{cases} deg(i), & \text{if } i = j \\ -1, & \text{if } i \neq j \text{ e } i \text{ \'e vizinho de j} \\ 0, & \text{caso contr\'ario} \end{cases}$$
 (2)

, onde deg(i) é o grau ou número de arestas ligadas ao vértice i .

V. EXPERIMENTOS

Para realizar os experimentos, foi adotada a estrutura representada de forma simplificada na Figura 1. Foi aplicado um método de inserção de *Missing Data*, com taxa de 7% seguido de um método para reinserção desses dados e por fim foi aplicado um algoritmo de aprendizado de máquina.

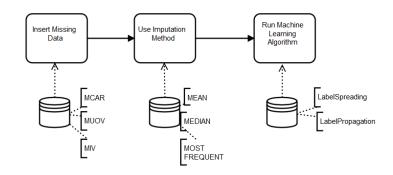


Figura 1: Estrutura Experimentos

A Tabela I apresenta os algoritmos de aprendizagem utilizados. Todos foram implementados em *Python* utilizando a *API* Scikit-Learn [6].

Tabela I: Algoritmos Testados

Categoria	Nome	Algoritmo
Supervisionado	svm.SVC	Maquinas de Vetores de Suporte
Supervisionado	MLPClassifier	Rede Neural Artificial
Semi-Supervisionado	LabelSpreading	Generalização com Grafos
Semi-Supervisionado	LabelPropagation	Generalização com Grafos

Para facilitar a apresentação dos resultados, cada configuração de testes recebeu um nome. Cada nome de configuração é composto pela combinação de seu método de inserção de *Missing Data*, método de substituição e nome do algoritmo. Os nomes são listados na Tabela II.

Tabela II: Configurações

Missing Data	Substituição	Algoritmo	Nome Configuração
MCAR	MEAN	svm.SVC	mcar_mean_svm
MCAR	MEAN	MLPClassifier	mcar_mean_mlp
MCAR	MEAN	LabelSpreading	mcar_mean_ls
MCAR	MEAN	LabelPropagation	mcar_mean_lp
MUOV	MEAN	svm.SVC	muov_mean_svm
MUOV	MEAN	MLPClassifier	muov_mean_mlp
MUOV	MEAN	LabelSpreading	muov_mean_ls
MUOV	MEAN	LabelPropagation	muov_mean_lp
MIV	MEAN	svm.SVC	miv_mean_svm
MIV	MEAN	MLPClassifier	miv_mean_mlp
MIV	MEAN	LabelSpreading	miv_mean_ls
MIV	MEAN	LabelPropagation	miv_mean_lp
MCAR	MEDIAN	svm.SVC	mcar_median_svm
MCAR	MEDIAN	MLPClassifier	mcar_median_mlp
MCAR	MEDIAN	LabelSpreading	mcar_median_ls
MCAR	MEDIAN	LabelPropagation	mcar_median_lp
MUOV	MEDIAN	svm.SVC	muov_median_svm
MUOV	MEDIAN	MLPClassifier	muov_median_mlp
MUOV	MEDIAN	LabelSpreading	muov_median_ls
MUOV	MEDIAN	LabelPropagation	muov_median_lp
MIV	MEDIAN	svm.SVC	miv_median_svm
MIV	MEDIAN	MLPClassifier	miv_median_mlp
MIV	MEDIAN	LabelSpreading	miv_median_ls
MIV	MEDIAN	LabelPropagation	miv_median_lp
MCAR	MOST	svm.SVC	mcar_most_svm
MCAR	MOST	MLPClassifier	mcar_most_mlp
MCAR	MOST	LabelSpreading	mcar_most_ls
MCAR	MOST	LabelPropagation	mcar_most_lp
MUOV	MOST	svm.SVC	muov_most_svm
MUOV	MOST	MLPClassifier	muov_most_mlp
MUOV	MOST	LabelSpreading	muov_most_ls
MUOV	MOST	LabelPropagation	muov_most_lp
MIV	MOST	svm.SVC	miv_most_svm
MIV	MOST	MLPClassifier	miv_most_mlp
MIV	MOST	LabelSpreading	miv_most_ls
MIV	MOST	LabelPropagation	miv_most_lp

O dataset contendo as fraudes utilizado foi normalizado utilizando a Equação 3 e dividido na proporção 80% e 20% para treino e teste respectivamente. A divisão é feita de maneira aleatória, utilizando a função $train_test_split()$ do Scikit-Learn, portanto o número de instâncias pertencentes a cada classe se dá de forma probabilística

$$X_n = \frac{X - X_{min}}{X_{max} - X_{min}} \tag{3}$$

A. Método de Substituição MEAN

No método de substituição *MEAN* os valores que faltam no *dataset* são substituídos pela média aritmética simples de todos os valores do atributo correspondente.

A Figura 2 exibe a distribuição para os dados de teste utilizando o método de inserção de *Missing Data MCAR* e o de substituição *MEAN*. O gráfico está organizado de maneira que o eixo das abcissas representa o número da instância no conjunto e o eixo das ordenadas é a sua classe. Nesse teste, 86 instâncias pertencem a classe 1 ou positivo para fraude, enquanto 56.961 são apresentam transação negativas ou não

fraudulentas, seguindo a distribuição do *dataset* e apresentando desbalanceamento.

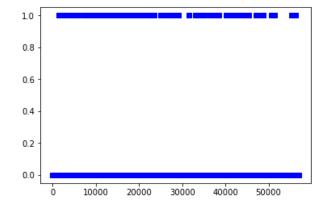


Figura 2: Distribuição Dados Testes mcar_mean_*

A Tabela III exibe os resultados obtidos por todos os algoritmos quando utilizados no dataset utilizando o método de inserção de *Missing Data MCAR* e o método de substituição *MEAN*. O Algoritmo de aprendizado semi-supervisionado *LabelPropagation* obteve o melhor resultado nesse cenário, seguido pelo também semi-supervisionado *LabelSpreading* e pela implementação do algoritmo de maquinas de vetores de suporte.

Tabela III: Resultados mcar_mean_*

Config	V. Posit	Acurácia	Distribuição
	58	67,44%	10
			0.8 -
mear mean sym			0.6 -
mcar_mean_svm			0.4 -
			0.2
			0 10000 20000 30000 40000 50000
			1.0
			0.8 -
1	57	(()7.6	0.6 -
mcar_mean_mlp	57	66,27%	0.4 -
			0.2 -
			0 10000 20000 30000 40000 50000
			10
	58	67,44%	0.8 -
			0.6 -
mcar_mean_ls			0.4
			0.2 -
			0.0
			o 10000 20000 30000 40000 50000
mcar_mean_lp	62		0.8
		72,09%	0.6 -
			0.4
			0.2
			0.0 -
			0 10000 20000 30000 40000 50000

A Figura 3 exibe a distribuição dos dados de teste utilizando o método de inserção *MUOV* e o de substituição *MEAN*. Nesse caso haviam 114 instâncias positivas para fraude.

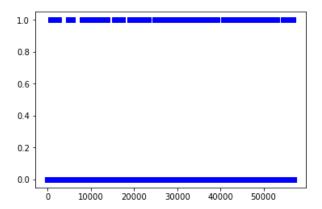


Figura 3: Distribuição Dados Testes muov_mean_*

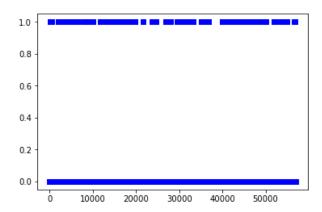


Figura 4: Distribuição Dados Testes miv_mean_*

A Tabela V mostra que o algoritmo de aprendizagem LabelSpreading obteve os melhores resultados, seguido pelos algoritmos de aprendizagem supervisionada, enquanto o

Tabela IV: Resultados muov mean *

Distribuição Config V. Posit Acurácia muov mean svm 76 66,66% 73 64.03% muov_mean_mlp muov_mean_ls 94 82.45% muov_mean_lp 89 78,07%

LabelPropagation ocupou a última posição.

Tabela V: Resultados miv_mean_*

 Config
 V. Posit
 Acurácia
 Distribuição

 miv_mean_svm
 64
 63,36%
 66
 63,36%
 66
 63,36%
 66
 63,36%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 65,34%
 66
 66
 65,34%
 66
 66
 65,34%
 66
 66
 65,34%
 66
 66
 65,34%
 66
 66
 66
 65,34%
 66
 66
 66
 66

A Tabela IV mostra que os algoritmos de aprendizado semisupervisionado novamente obtiveram melhores resultados que os algoritmos de aprendizado supervisionado. Com destaque para o algoritmo LabelSpreading, que obteve uma taxa de acerto de 82.45%.

Na Figura 4 é possível observar a distribuição para a configuração contendo *MIV* e *MEAN*, onde são encontradas 101 instâncias pertencentes a classe 1 ou positivo para fraude.

Observando a Figura 5, nota-se que a acurácia obtida pelos algoritmos de aprendizado semi-supervisionado obtêm resultados melhores quando a quantidade de positivos nos dados de teste é maior, indicando que sua capacidade de generalização consegue uma boa generalização em dados altamente desbalanceados, desde que aja uma quantidade significativa de instâncias de ambas as classes.



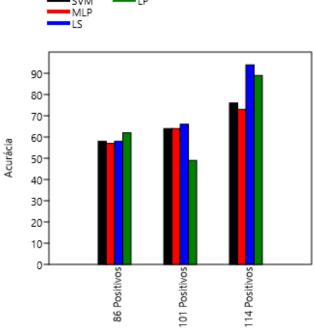


Figura 5: Desempenho *_mean_*

Config	V. Posit	Acurácia	Distribuição
mcar_median_svm	67	68,36%	0.6 - 0.4 - 0.2 - 0.0 -
mcar_median_mlp	62	63,26%	0.8 - 0.6 - 0.4 - 0.2 - 0.0 - 0.0 20000 20000 40000 50000
mcar_median_ls	81	82,65%	0.0
mcar_median_lp	72	73,46%	0.6 - 0.4 - 0.2 - 0.0 -

B. Método de Substituição MEDIAN

No método de substituição *MEDIAN*, os valores de cada atributo são ordenados em ordem crescente, então os valores que faltam no *dataset* são substituídos pelo valor localizado no meio do arranjo ordenado do atributo correspondente.

A Figura 6 mostra as distribuição quando dos dados de teste utilizados para o método de inserção de *Missing Data MCAR* e de substituição *MEDIAN*. Nesse teste haviam 98 fraudes. A Tabela VI mostra que os algoritmos de aprendizado semisupervisionado obtiveram os melhores resultados novamente.

A Figura 7 e a Tabela VII mostram os resultados para a configuração muov_median_*. A configuração possui 103 instância contendo fraude. Nesse teste, os algoritmos de aprendizado supervisionado apresentaram desempenho superior aos algoritmos semi-supervisionados.

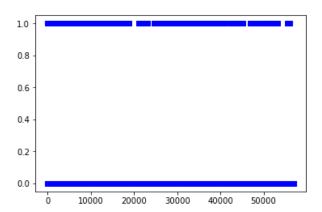


Figura 6: Distribuição Dados Testes mcar_median_*

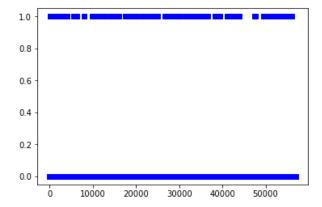


Figura 7: Distribuição Dados Testes muov_median_*

Tabela VII: Resultados muov_median_*

Tabela VIII: Resultados miv_median_*

Config	V. Posit	Acurácia	Distribuição	Config	V. Posit	Acurácia	Distribuição
muov_median_svm	65	63,10%	1.0 - 0.8 - 0.6 - 0.4 - 0.2 - 0.0 -	miv_median_svm	70	66,66%	0.6 - 0.4 - 0.2 - 0.0 - 0.1 - 0.0 -
muov_median_mlp	63	61,16%	0.6 - 0.4 - 0.2 - 0.0 - 0.5 - 0.000 20000 30000 40000 50000	miv_median_mlp	64	60,95%	06 - 0.4 - 0.2 - 0.0 - 0
muov_median_ls	62	60,19%	0.8 0.6 0.4 0.2 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0	miv_median_ls	70	66,66%	0.8 - 0.4 - 0.2 - 0.0 - 0.0 2000 2000 4000 5000
muov_median_lp	56	54,36%	10 - 0.8 - 0.6 - 0.4 - 0.2 - 0.0 - 0	miv_median_lp	62	59,04%	0.8 - 0.6 - 0.4 - 0.2 - 0.0 -

A Figura 9 mostra que em geral todos os algoritmos de aprendizado obtiveram médias semelhantes quando se utiliza o método de média, com destaque para o algoritmo *LabelSpreading*, que obteve os melhores resultados em duas configurações, assim como o algoritmo *SVM*.

A Figura 8 apresenta a distribuição para a configuração miv_median_*, onde existem 105 fraudes. A Tabela VIII apresenta os resultados encontrados pelos algoritmos, onde os melhores resultados foram encontrados pelo *SVM* e pelo *MLP*

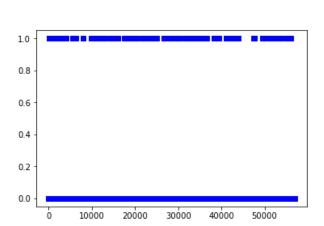


Figura 8: Distribuição Dados Testes miv_median_*

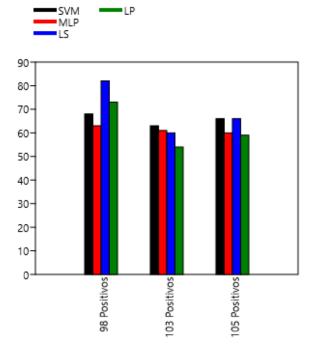


Figura 9: Desempenho *_median_*

C. Método de Substituição MOST FREQUENT VALUE

No método de substituição MOST FREQUENT VALUE os valores que faltam no dataset são substituídos pelo valor que mais se repete dentro do conjunto de valores do atributo correspondente.

Na Figura 10 é possível observar a distribuição para as configurações mcar_most_*, onde existem 88 fraudes. A Tabela IX mostra que o algoritmo de aprendizado semi supervisionado *LabelSpreading* obteve o melhor resultado novamente.

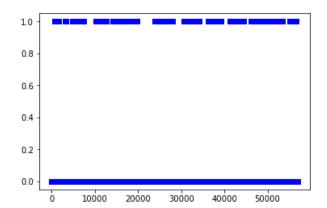


Figura 10: Distribuição Dados Testes mcar_most_*

Tabela IX: Resultados mcar_most_*

Config	V. Posit	Acurácia	Distribuição
			10
			0.8
	61	69,31%	0.6 -
mcar_most_svm			0.4
			0.2 -
			0 1000 2000 3000 4000 5000
			10 -
		71,59%	0.8 -
mcar_most_mlp	63		0.6
			0.4
			0.2
			0 10000 20000 30000 40000 50000
			10
mcar_most_ls	66	75,00%	0.8
			0.6
			0.4 -
			0.2 -
			0.0 - 1000 2000 3000 4000 5000
			10 -
mcar_most_lp	58	65,90%	0.8 -
			0.6 -
			0.4
			02 -
			0.0 10000 20000 30000 40000 50000

A Figura 11 apresenta a distribuição para a configuração muov_most_*, possuindo 106 fraudes. A Tabela X mostra que os algoritmos de aprendizado semi-supervisionado obtiveram os melhores resultados, com vantagem para o *LabelSpreading*.

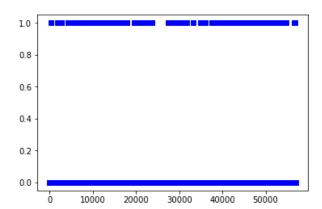
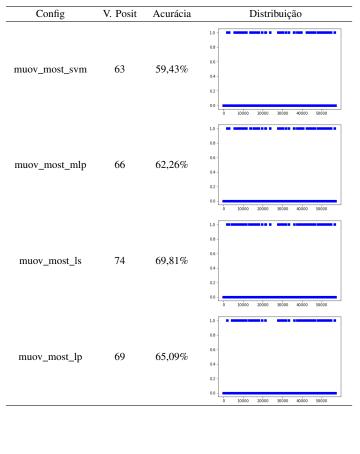


Figura 11: Distribuição Dados Testes muov_most_*

Tabela X: Resultados muov_most_*



Na Figura 12 é exibida a distribuição para a configuração de testes miv_most_*, onde temos 113 fraudes. A Tabela XI mostra que os algoritmos semi-supervisionados obtiveram os melhores resultados, com destaque novamente para o *LabelS-preading*.

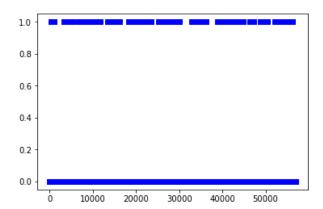
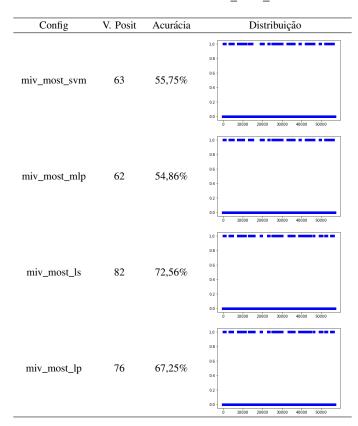


Figura 12: Distribuição Dados Testes miv_most_*

Tabela XI: Resultados miv_most_*



A Figura 13 mostra com clareza que os algoritmos de aprendizado semi-supervisionado obtiveram melhor desempenho, com destaque para o algoritmo *LabelSpreading* que obteve melhores números em todas as configurações.

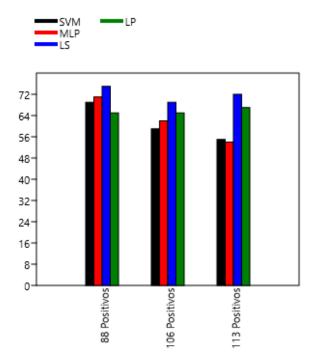


Figura 13: Desempenho *_most_*

VI. CONCLUSÕES

Dados os resultados obtidos na seção anterior, podemos concluir que:

- O algoritmo de aprendizado semi-supervisionado LabelSpreading possui o melhor desempenho dentre todos os algoritmos testados.
- O algoritmo de aprendizado semi-supervisionado LabelPropagation apresenta desempenho mais sensível em relação a distribuição de amostras de cada classe.
- O algoritmo LabelSpreading consegue identificar instâncias em regiões de maior dificuldade no espaço de busca.
- Os métodos de substituição funcionam melhor para MCAR na maioria dos casos.

O uso da matriz laplaciana, já citada em IV se mostrou fator essencial quando se trata da diferença entre os algoritmos *LabelSpreading* e *LabelPropagation*. A técnica é utilizada ao se atualizar os pesos das arestas do grafo de similaridade construída no algoritmo que obteve melhor desempenho, possibilitando melhor generalização das características das instâncias que representam uma fraude.

REFERÊNCIAS

- [1] Aite. 2016 global consumer card fraud: Where card frauds coming from. Technical report, institution, 2016.
- [2] Andrea Dal Pozzolo, Olivier Caelen, Reid A Johnson, and Gianluca Bontempi. Calibrating probability with undersampling for unbalanced classification. In *Computational Intelligence*, 2015 IEEE Symposium Series on, pages 159–166. IEEE, 2015.
- [3] Unai Garciarena and Roberto Santana. An extensive analysis of the interaction between missing data types, imputation methods, and supervised classifiers. Expert Systems with Applications, 89:52–65, 2017
- [4] Jiong-Sheng Li and Xiao-Dong Zhang. On the laplacian eigenvalues of a graph. Linear algebra and its applications, 285(1-3):305–307, 1998.
- [5] Roderick JA Little and Donald B Rubin. Statistical analysis with missing data. John Wiley & Sons, 2014.
- [6] F. Pedregosa, G. Varoquaux, A. Gramfort, V. Michel, B. Thirion, O. Grisel, M. Blondel, P. Prettenhofer, R. Weiss, V. Dubourg, J. Vanderplas, A. Passos, D. Cournapeau, M. Brucher, M. Perrot, and E. Duchesnay. Scikit-learn: Machine learning in Python. *Journal of Machine Learning Research*, 12:2825–2830, 2011.
- [7] Abhinav Srivastava, Amlan Kundu, Shamik Sural, and Arun Majum-dar. Credit card fraud detection using hidden markov model. *IEEE Transactions on dependable and secure computing*, 5(1):37–48, 2008.
- [8] Amarnag Subramanya and Partha Pratim Talukdar. Graph-based semisupervised learning. Synthesis Lectures on Artificial Intelligence and Machine Learning, 8(4):1–125, 2014.
- [9] Verizon. 2016 data breach investigations report. Technical report, institution, 2016.
- [10] Xiaojin Zhu. Semi-supervised learning literature survey. Computer Science, University of Wisconsin-Madison, 2(3):4, 2006.

APÊNDICE

A. Principais Funções

```
col[np.isnan(col)] = median
def _mcarGenerating(data):
    x = _numObservations(data)
                                                  numCols = len(data[0])
                                                  for x in range (0, numCols):
    y = _numVariables(data)
                                                      col = data[:, x]
    for i in range(int(x * MDP)):
                                                  unique, pos =
        pos1 = \_random([0, x - 1])
                                                  np.unique(col,return_inverse=True)
        pos2 = \_random([0, y - 1])
                                                  howMany = np.bincount(pos)
        data[pos1, pos2] = np.nan
    return data
def _muovGenerating(data):
                                              def simpleNormalization(data):
    x = _numObservations(data)
                                                  numCols = len(data[0])
    y = _numVariables(data)
                                                  for x in range (0, numCols):
    MDVariables = \_random([0, y - 1], NV)
                                                      col = data[:, x]
    observations = []
                                                      lvMax = max(col)
                                                      lvMin = min(col)
                                                      for y in range(0, len(col)):
    for i in range (int ((x * MDP) / NV)):
        observations.append(\_random([0, x - 1]))
                                                          (lvMax - lvMin)
    for i in range (0, len (observations)):
        for j in range(0, len(MDVariables)):
            data[observations[i], MDVariables[j]] = np.nan
        return data
def _mivGenerating(data):
    x = _numObservations(data)
    y = _numVariables(data)
    causatives = \_random([0, y - 1], NV)
```

```
for i in range (0, len (causatives)):
        observations = []
        aux = data[:, causatives[i]]
        for j in range (0, int((x * MDP) / NV)):
            observations.append(_minIndex(aux))
            aux[observations[j]] = float('inf')
        for j in range(0, len(observations)):
            data[observations[j], causatives[i]] =
            np.nan
    return data
def _imputationMean(data):
    means = []
    numCols = len(data[0])
    for x in range (0, numCols):
        col = data[:, x]
        means.append(np.mean(col[~np.isnan(col)]))
        col[np.isnan(col)] = means[x]
def _imputationMedian(data):
    numCols = len(data[0])
    for x in range (0, numCols):
        col = data[:, x]
        sortedCol = np.sort(col)
        median = sortedCol[int(len(sortedCol)
def _imputationMostFrequentValue(data):
    mostFrequent = col[howMany.argmax()]
    col[np.isnan(col)] = float(mostFrequent)
            data[y,x] = (data[y,x] - lvMin) /
```