

▼ AG2 - Actividad Guiada 2

Nombre: Mayra Pullupaxi

Link: <https://colab.research.google.com/drive/1EXfrxg9VrRmqy8pIldzXTgXkYPiUjuA0?usp=sharing>

Github: https://github.com/MayAlejita/03MIAR_Algoritmos_de_Optimizacion

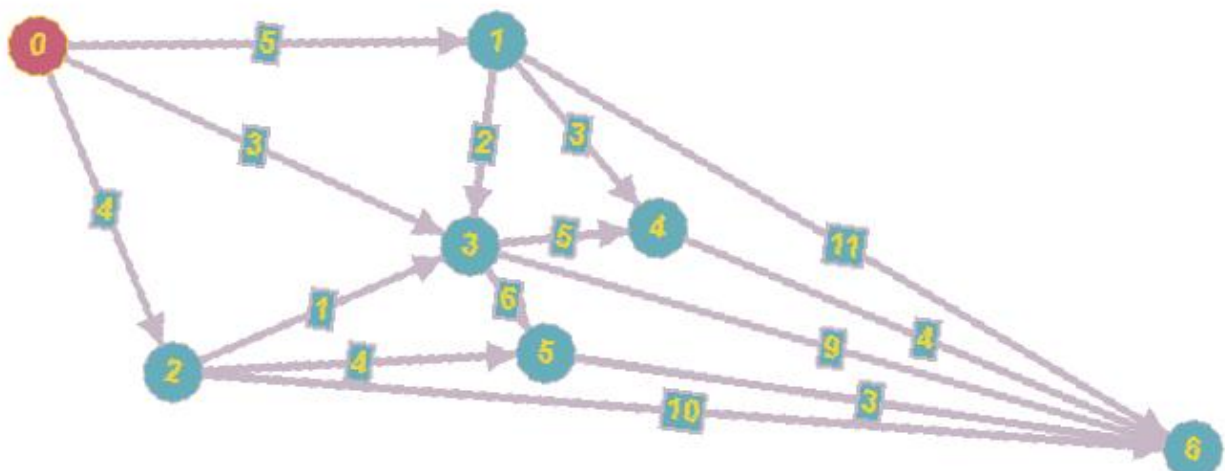
```
import math
```

▼ Programación Dinámica. Viaje por el río

- **Definición:** Es posible dividir el problema en subproblemas más pequeños, guardando las soluciones para ser utilizadas más adelante.
- **Características** que permiten identificar problemas aplicables:
 - Es posible almacenar soluciones de los subproblemas para ser utilizados más adelante
 - Debe verificar el principio de optimalidad de Bellman: "en una secuencia optima de decisiones, toda sub-secuencia también es óptima" (*)
 - La necesidad de guardar la información acerca de las soluciones parciales unido a la recursividad provoca la necesidad de preocuparnos por la complejidad espacial (cuantos recursos de espacio usaremos)

Problema

En un río hay n embarcaderos y debemos desplazarnos río abajo desde un embarcadero a otro. Cada embarcadero tiene precios diferentes para ir de un embarcadero a otro situado más abajo. Para ir del embarcadero i al j , puede ocurrir que sea más barato hacer un trasbordo por un embarcadero intermedio k . El problema consiste en determinar la combinación más barata.



*Consideramos una tabla TARIFAS(i,j) para almacenar todos los precios que nos ofrecen los embarcaderos.

*Si no es posible ir desde i a j daremos un valor alto para garantizar que ese trayecto no se va a elegir en la ruta óptima(modelado habitual para restricciones)

```
#Viaje por el rio - Programación dinámica
#####

TARIFAS = [
[0,5,4,3,999,999,999],    #desde nodo 0
[999,0,999,2,3,999,11],   #desde nodo 1
[999,999, 0,1,999,4,10],  #desde nodo 2
[999,999,999, 0,5,6,9],
[999,999, 999,999,0,999,4],
[999,999, 999,999,999,0,3],
[999,999,999,999,999,999,0]
]
```

#999 se puede sustituir por float("inf") del modulo math

```
#Calculo de la matriz de PRECIOS y RUTAS
# PRECIOS - contiene la matriz del mejor precio para ir de un nodo a otro
# RUTAS - contiene los nodos intermedios para ir de un nodo a otro
#####
def Precios(TARIFAS):
#####
    #Total de Nodos
    N = len(TARIFAS[0])

    #Inicialización de la tabla de precios
    PRECIOS = [ [9999]*N for i in [9999]*N]    #n x n
    RUTA = [ [""]*N for i in [""]*N]

    #Se recorren todos los nodos con dos bucles(origen - destino)
    # para ir construyendo la matriz de PRECIOS
    for i in range(N-1):
        for j in range(i+1, N):
            MIN = TARIFAS[i][j]
            RUTA[i][j] = i

            for k in range(i, j):
                if PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] < MIN:
                    MIN = min(MIN, PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] )
                    RUTA[i][j] = k
            PRECIOS[i][j] = MIN

    return PRECIOS,RUTA
```

```
PRECIOS,RUTA = Precios(TARIFAS)
#print(PRECIOS[0][6])

print("PRECIOS")
```

```

for i in range(len(TARIFAS)):
    print(PRECIOS[i])

print("\nRUTA")
for i in range(len(TARIFAS)):
    print(RUTA[i])

```

```

PRECIOS
[9999, 5, 4, 3, 8, 8, 11]
[9999, 9999, 999, 2, 3, 8, 7]
[9999, 9999, 9999, 1, 6, 4, 7]
[9999, 9999, 9999, 9999, 5, 6, 9]
[9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 999, 4]
[9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 3]
[9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 9999]

```

```

RUTA
['', 0, 0, 0, 1, 2, 5]
['', '', 1, 1, 1, 3, 4]
['', '', '', 2, 3, 2, 5]
['', '', '', '', 3, 3, 3]
['', '', '', '', '', 4, 4]
['', '', '', '', '', '', 5]
['', '', '', '', '', '', '']

```

```

#Calculo de la ruta usando la matriz RUTA
def calcular_ruta(RUTA, desde, hasta):
    if desde == RUTA[desde][hasta]:
        #print("Ir a :" + str(desde))
        return desde
    else:
        return str(calcular_ruta(RUTA, desde, RUTA[desde][hasta])) + ',' + str(RUTA[desde][hasta])

print("\nLa ruta es:")
calcular_ruta(RUTA, 0,6)

```



```

La ruta es:
'0,2,5'

```

▼ Problema de Asignacion de tarea

```

#Asignacion de tareas - Ramificación y Poda
#####
#    T A R E A
#    A
#    G
#    E
#    N
#    T
#    E

COSTES=[ [11,12,18,40],
          [14,15,13,22],
          [11,17,19,23],

```

```
[17,14,20,28]]
```

```
#Calculo del valor de una solucion parcial
```

```
def valor(S,COSTES):  
    VALOR = 0  
    for i in range(len(S)):  
        VALOR += COSTES[S[i]][i]  
    return VALOR
```

```
valor((0, 1, 2, 3 ), COSTES)
```

73

```
#Coste inferior para soluciones parciales
```

```
# (1,3,) Se asigna la tarea 1 al agente 0 y la tarea 3 al agente 1
```

```
def CI(S,COSTES):  
    VALOR = 0  
    #Valores establecidos  
    for i in range(len(S)):  
        VALOR += COSTES[i][S[i]]  
  
    #Estimacion  
    for i in range( len(S), len(COSTES) ):  
        VALOR += min( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ] )  
    return VALOR
```

```
def CS(S,COSTES):  
    VALOR = 0  
    #Valores establecidos  
    for i in range(len(S)):  
        VALOR += COSTES[i][S[i]]  
  
    #Estimacion  
    for i in range( len(S), len(COSTES) ):  
        VALOR += max( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ] )  
    return VALOR
```

```
CI((0,1),COSTES)
```

68

```
#Genera tantos hijos como como posibilidades haya para la siguiente elemento de la  
#(0,) -> (0,1), (0,2), (0,3)
```

```
def crear_hijos(NODO, N):  
    HIJOS = []  
    for i in range(N ):  
        if i not in NODO:  
            HIJOS.append({'s':NODO +(i, ) })  
    return HIJOS
```

```
crear_hijos((0,) , 4)
```

```
[{'s': (0, 1)}, {'s': (0, 2)}, {'s': (0, 3)}]
```

```
def ramificacion_y_poda(COSTES):
#Construccion iterativa de soluciones(arbol). En cada etapa asignamos un agente(ran
#Nodos del grafo { s:(1,2),CI:3,CS:5 }
    #print(COSTES)
    DIMENSION = len(COSTES)
    MEJOR_SOLUCION=tuple( i for i in range(len(COSTES)) )
    CotaSup = valor(MEJOR_SOLUCION,COSTES)
    #print("Cota Superior:", CotaSup)

    NODOS=[]
    NODOS.append({'s':(), 'ci':CI(,),COSTES)      } )

    iteracion = 0

    while( len(NODOS) > 0):
        iteracion +=1

        nodo_prometedor = [ min(NODOS, key=lambda x:x['ci']) ][0]['s']
        #print("Nodo prometedor:", nodo_prometedor)

        #Ramificacion
        #Se generan los hijos
        HIJOS = [ {'s':x['s'], 'ci':CI(x['s'], COSTES)      } for x in crear_hijos(nodo_prometedor) ]

        #Revisamos la cota superior y nos quedamos con la mejor solucion si llegamos a
        NODO_FINAL = [x for x in HIJOS if len(x['s']) == DIMENSION ]
        if len(NODO_FINAL) >0:
            #print("\n*****Soluciones:", [x for x in HIJOS if len(x['s']) == DIMENSION])
            if NODO_FINAL[0]['ci'] < CotaSup:
                CotaSup = NODO_FINAL[0]['ci']
                MEJOR_SOLUCION = NODO_FINAL

        #Poda
        HIJOS = [x for x in HIJOS if x['ci'] < CotaSup ]

        #Añadimos los hijos
        NODOS.extend(HIJOS)

        #Eliminamos el nodo ramificado
        NODOS = [ x for x in NODOS if x['s'] != nodo_prometedor ]

    print("La solucion final es:" ,MEJOR_SOLUCION , " en " , iteracion , " iteraciones")

ramificacion_y_poda(COSTES)
```

```
La solucion final es: [{'s': (1, 2, 0, 3), 'ci': 64}] en 10 iteraciones p
```

▼ Descenso del gradiente

```
import math                                #Funciones matematicas
import matplotlib.pyplot as plt            #Generacion de gráficos (otra opcion seaborn)
import numpy as np                         #Tratamiento matriz N-dimensionales y otras (funda
#import scipy as sc

import random
```

Vamos a buscar el minimo de la funcion paraboloides :

$$f(x) = x^2 + y^2$$

Obviamente se encuentra en (x,y)=(0,0) pero probaremos como llegamos a él a través del descenso del gradiente.

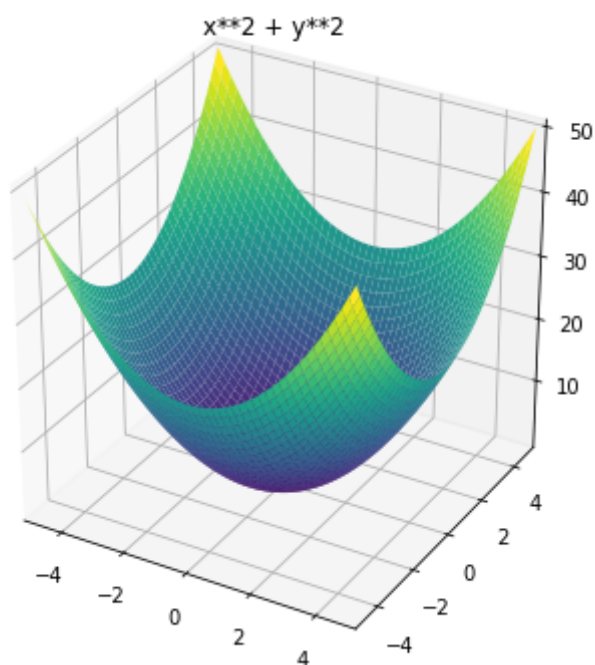
```
#Definimos la funcion
#Paraboloides
f = lambda X:      X[0]**2 + X[1]**2      #Funcion
df = lambda X: [2*X[0] , 2*X[1]]         #Gradiente

df([1,2])

[2, 4]
```

```
from sympy import symbols
from sympy.plotting import plot
from sympy.plotting import plot3d

x,y = symbols('x y')
plot3d(x**2 + y**2, (x,-5,5),(y,-5,5), title='x**2 + y**2', size=(5,5))
```



```
<sympy.plotting.plot.Plot at 0x7f9df3b02290>
```

```
#Prepara los datos para dibujar mapa de niveles de z
resolucion = 100
```

```

rango=2.5

X=np.linspace(-rango,rango,resolucion)
Y=np.linspace(-rango,rango,resolucion)
Z=np.zeros((resolucion,resolucion))
for ix,x in enumerate(X):
    for iy,y in enumerate(Y):
        Z[iy,ix] = f([x,y])

#Pinta el mapa de niveles de Z
plt.contourf(X,Y,Z,resolucion)
plt.colorbar()

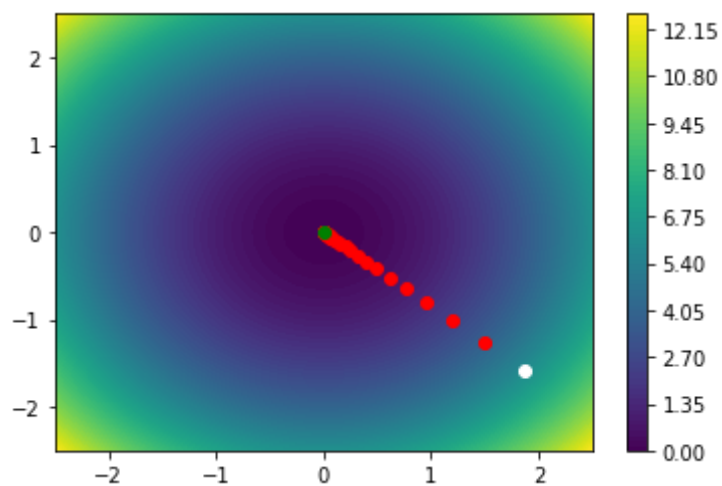
#Generamos un punto aleatorio inicial y pintamos de blanco
P=[random.uniform(-2,2 ),random.uniform(-2,2 ) ]
plt.plot(P[0],P[1],"o",c="white")

#Tasa de aprendizaje. Fija. Sería más efectivo reducirlo a medida que nos acercamos
TA=.1

#Iteraciones:500
for _ in range(500):
    grad = df(P)
    #print(P,grad)
    P[0],P[1] = P[0] - TA*grad[0] , P[1] - TA*grad[1]
    plt.plot(P[0],P[1],"o",c="red")

#Dibujamos el punto final y pintamos de verde
plt.plot(P[0],P[1],"o",c="green")
plt.show()
print("Solucion:" , P , f(P))

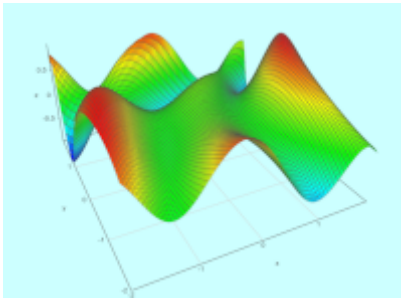
```



Solucion: [6.547062100992232e-49, -5.559042484338696e-49] 7.376697549693136

¿Te atreves a optimizar la función?:

$$f(x) = \sin(1/2 * x^2 - 1/4 * y^2 + 3) * \cos(2 * x + 1 - e^y)$$



```
#Definimos la funcion  
f= lambda X: math.sin(1/2 * X[0]**2 - 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - mat
```