Kompensatorische und Additive Effekte: Eine Analyse der Messdifferenzen zwischen dem T0-Modell und dem Λ CDM-Standardmodell

Johann Pascher

2. 04. 2025

Zusammenfassung

Dieses Dokument analysiert die Unterschiede in kosmologischen Messungen zwischen dem Standardmodell (Λ CDM) und dem alternativen T0-Modell. Wir untersuchen, wie sich die verschiedenen theoretischen Grundlagen auf Distanzmessungen, Rotverschiebungen und die Interpretation des kosmischen Mikrowellenhintergrunds auswirken. Besondere Aufmerksamkeit gilt der Frage, ob sich die Effekte gegenseitig verstärken (additiv wirken) oder kompensieren. Die Analyse zeigt ein komplexes Wechselspiel, das möglicherweise das Hubble-Spannungsproblem erklären könnte. Bei niedrigen Rotverschiebungen (z \approx 1) sind die Unterschiede moderat, während sie bei hohen Rotverschiebungen (z = 1100, CMB) dramatisch werden und zu fundamental unterschiedlichen Interpretationen führen.

Inhaltsverzeichnis

3
 3
 į
 4
 4
5
 Ę

4	Ver	gleichende Analyse der Messmethoden	5
	4.1	Physikalische Distanz (d)	
	4.2	Leuchtkraftdistanz (d_L)	6
	4.3		
5	Add	ditive und Kompensatorische Effekte	7
	5.1	Additive (verstärkende) Effekte	7
	5.2	Kompensatorische (gegenläufige) Effekte	7
6	Imp	olikationen für das Hubble-Spannungsproblem	8
7	Qua	antitative Zusammenfassung der Effekte	8
	7.1	Bei $z=1$ (mittlere kosmologische Distanzen)	8
	7.2	Bei $z = 1100 \text{ (CMB)} \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$	8
8	Gra	afische Darstellung der Ergebnisse	9
	8.1	Physikalische Distanz im Vergleich	9
	8.2	Leuchtkraftdistanz im Vergleich	10
	8.3	Winkeldurchmesser-Distanz im Vergleich	11
	8.4	CMB-Winkeldurchmesser-Distanz	12
	8.5	CMB-Temperatur-Rotverschiebungs-Relation	13
	8.6	Vergleich der Relationen zwischen Distanzmaßen	14
	8.7	Prozentuale Unterschiede zwischen den Modellen	15
	8.8	Winkelgröße typischer Strukturen	16
9	$\mathbf{C}\mathbf{M}$	IB-Temperatur und Modell-Interpretation	16
	9.1	ACDM-Modell	16
	9.2	T0-Modell	17
	9.3	Testbare Vorhersagen	17
10	Faz	${f it}$	17
11	Lita	Praturverzejchnis	18

1 Einleitung

Das kosmologische Standardmodell (Λ CDM) und das alternative T0-Modell bieten fundamental unterschiedliche Erklärungen für dieselben astronomischen Beobachtungen. Während Λ CDM auf einem expandierenden Universum basiert, postuliert das T0-Modell ein statisches Universum mit absoluter Zeit und variabler Masse. Diese Arbeit untersucht, wie sich die unterschiedlichen theoretischen Grundlagen auf kosmologische Messungen auswirken und wie sich diese Effekte gegenseitig verstärken oder kompensieren.

2 Messung der CMB-Temperatur heute

Die Messung der Temperatur des kosmischen Mikrowellenhintergrunds (CMB) erfolgt heutzutage hauptsächlich durch Satelliten wie Planck (2009–2013) sowie bodengebundene Teleskope wie das Atacama Cosmology Telescope (ACT) und das South Pole Telescope (SPT). Hier ist eine Übersicht:

2.1 Instrumente und Technologie

- Planck-Satellit:
 - Low Frequency Instrument (LFI): Radiometer für 30–70 GHz.
 - High Frequency Instrument (HFI): Bolometer für 100–857 GHz.
 - Kryogene Kühlung auf ${\sim}0.1$ K, um thermisches Rauschen zu minimieren.

• ACT und SPT:

- Arrays mit hunderten bis tausenden Bolometern (90–300 GHz).
- Standorte in trockenen, hochgelegenen Regionen (Atacama-Wüste, Südpol), um atmosphärische Störungen zu reduzieren.

2.2 Messprinzip

- Frequenzmessungen: Instrumente erfassen die Intensität I_{ν} (Leistung pro Fläche pro Frequenzintervall pro Steradiant) über mehrere Frequenzbänder.
- Schwarzkörperspektrum: Die gemessene Intensität wird an die Planck-Verteilung angepasst:

$$I_{\nu}(\nu,T) = \frac{2h\nu^3}{c^2} \cdot \frac{1}{e^{h\nu/k_BT} - 1}.$$

T wird als freier Parameter optimiert, bis die Daten passen (z.B. $T = 2.72548 \pm 0.00057$ K nach Planck 2018).

• Anisotropien: Temperaturfluktuationen $(\delta T/T \sim 10^{-5})$ werden über den Himmel kartiert.

2.3 Ablauf

- Datenaufnahme: Mehrere Himmelsscans über Monate (Satelliten) oder Jahre (Boden).
- Kalibrierung: Gegen astrophysikalische Quellen (z.B. CMB-Dipol, ∼3.36 mK) und interne Referenzen.
- Datenverarbeitung: Vordergrundquellen (z.B. Staub, Synchrotronstrahlung) werden mit statistischen Methoden entfernt, und die verbleibende Intensität wird an $I_{\nu}(\nu, T)$ gefittet.

2.4 Einfluss des Standardmodells

• Keine Kopplungsfaktoren: Die Planck-Verteilung selbst enthält keine Kopplungsfaktoren. Sie basiert auf h, c und k_B , die universelle Konstanten sind.

• Indirekter Einfluss:

- **Expansion:** Die Interpretation von $T=2.725\,\mathrm{K}$ als abgekühlte Urknallstrahlung $(T(z)=T_0(1+z))$ ist eine Annahme des Standardmodells. Die Rotverschiebung (z) wird durch Expansion erklärt.
- Kalibrierung: Der CMB-Dipol wird durch die Bewegung relativ zu einem expandierenden Ruhesystem definiert.
- Vordergrundmodelle: Die Entfernung von Vordergrundquellen basiert auf Modellen, die mit der Expansionsgeschichte kalibriert sind.
- **Rohdaten:** Die Frequenzmessungen (I_{ν} bei verschiedenen ν) sind empirisch und modellunabhängig, aber die Anpassung an ein Schwarz-körperspektrum und die Interpretation von T sind durch das Standardmodell geprägt.

3 Grundlegende Konzepte der Modelle

3.1 Das ACDM-Standardmodell

Im Λ CDM-Modell wird die beobachtete Rotverschiebung durch die kosmische Expansion erklärt. Die Friedmann-Gleichungen beschreiben die zeitliche Entwicklung des Universums, und die Hubble-Konstante H_0 repräsentiert die aktuelle Expansionsrate. Die kosmische Rotverschiebung z steht in Beziehung zum Skalenfaktor a(t) durch:

$$1 + z = \frac{a(t_0)}{a(t_{\text{emit}})} \tag{1}$$

Für kleine Rotverschiebungen gilt näherungsweise:

$$z \approx \frac{H_0 d}{c} \tag{2}$$

3.2 Das T0-Modell

Im T0-Modell wird die Zeit als absolut betrachtet, während die Masse variiert. Die Rotverschiebung entsteht durch Energieverlust von Photonen an das dunkle Energiefeld:

$$1 + z = e^{\alpha d} \tag{3}$$

wobei $\alpha = H_0/c$ die Absorptionsrate ist. Die Hubble-Konstante H_0 ist hier kein Expansionsparameter, sondern ein Maß für die Energieübertragungsrate zwischen Photonen und dem dunklen Energiefeld.

4 Vergleichende Analyse der Messmethoden

4.1 Physikalische Distanz (d)

ΛCDM-Modell:

$$d = \frac{c}{H_0} \int_0^z \frac{dz'}{\sqrt{\Omega_m (1+z')^3 + \Omega_\Lambda}}$$
 (4)

T0-Modell:

$$d = \frac{c\ln(1+z)}{H_0} \tag{5}$$

Quantitativer Vergleich bei z = 1:

• Λ CDM ($H_0 = 70 \text{ km/s/Mpc}$): $d \approx 3300 \text{ Mpc}$

- T0 ($H_0 = 70 \text{ km/s/Mpc}$): $d \approx 2970 \text{ Mpc} (-10\%)$
- T0 $(H_0 = 73 \text{ km/s/Mpc})$: $d \approx 2850 \text{ Mpc} (-14\%)$

Im T0-Modell sind Distanzen bei gleichem z systematisch kleiner, wobei der Unterschied mit zunehmendem z größer wird.

4.2 Leuchtkraftdistanz (d_L)

ΛCDM-Modell:

$$d_L = (1+z) \cdot \frac{c}{H_0} \int_0^z \frac{dz'}{\sqrt{\Omega_m (1+z')^3 + \Omega_\Lambda}}$$
 (6)

T0-Modell:

$$d_L = \frac{c}{H_0} \ln(1+z)(1+z) \tag{7}$$

Quantitativer Vergleich bei z = 1:

- Λ CDM ($H_0 = 70$): $d_L \approx 4710 \text{ Mpc}$
- T0 $(H_0 = 70)$: $d_L \approx 5940 \text{ Mpc } (+26\%)$
- T0 $(H_0 = 73)$: $d_L \approx 5700 \text{ Mpc } (+21\%)$

Bemerkenswerterweise sind Leuchtkraftdistanzen im T0-Modell größer, was bedeutet, dass Objekte bei gleicher Rotverschiebung lichtschwächer erscheinen als im Λ CDM-Modell vorhergesagt.

4.3 Winkeldurchmesser-Distanz (d_A)

ΛCDM-Modell:

$$d_A = \frac{d}{1+z} \tag{8}$$

T0-Modell:

$$d_A = \frac{c\ln(1+z)}{H_0(1+z)} \tag{9}$$

Quantitativer Vergleich bei z = 1:

- Λ CDM ($H_0 = 70$): $d_A \approx 1650 \text{ Mpc}$
- T0 $(H_0 = 70)$: $d_A \approx 1485 \text{ Mpc } (-10\%)$
- T0 $(H_0 = 73)$: $d_A \approx 1425 \text{ Mpc } (-14\%)$

Für den CMB (z = 1100):

- Λ CDM: $d_A \approx 13.5$ Mpc, $\theta \approx 1^\circ$
- T0 $(H_0 = 70)$: $d_A \approx 28.9 \text{ Mpc } (+114\%), \theta \approx 5.8^{\circ} (+480\%)$
- T0 $(H_0 = 73)$: $d_A \approx 27.7 \text{ Mpc } (+105\%), \theta \approx 6.1^{\circ} (+510\%)$

Besonders dramatisch sind die Unterschiede beim CMB, wo die vorhergesagte Winkelgröße von Strukturen im T0-Modell etwa fünfmal größer ist als im Λ CDM-Modell.

5 Additive und Kompensatorische Effekte

5.1 Additive (verstärkende) Effekte

Die Effekte auf die physikalische Distanz (d) und die Winkeldurchmesser-Distanz (d_A) verstärken sich gegenseitig:

- 1. Konsistente Richtung: Beide Distanztypen sind im T0-Modell kleiner als im Λ CDM-Modell (bei z=1 etwa 10-14% Reduktion).
- 2. **Zunehmende Verstärkung mit** z: Bei hohen Rotverschiebungen verstärken sich diese Effekte dramatisch, wie am Beispiel des CMB deutlich wird.
- 3. Kohärente Auswirkung auf Strukturgröße: Die reduzierte Distanz und vergrößerte Winkelmaße führen zu einer konsistenten Neuinterpretation der Größe kosmischer Strukturen.

5.2 Kompensatorische (gegenläufige) Effekte

Die Effekte auf die physikalische Distanz und die Leuchtkraftdistanz wirken in entgegengesetzte Richtungen:

- 1. **Gegenläufige Tendenzen**: Während d im T0-Modell kleiner ist (-10% bei z=1), ist d_L größer (+26% bei z=1).
- 2. Auswirkung auf Helligkeitsmessungen: Objekte erscheinen näher, aber lichtschwächer, was zu einer komplexen Neuinterpretation von Standardkerzen wie Supernovae Typ Ia führt.
- 3. H_0 -Abhängigkeit: Ein höherer H_0 -Wert im T0-Modell verstärkt die Distanzreduktion, mildert aber gleichzeitig den Anstieg der Leuchtkraftdistanz.

6 Implikationen für das Hubble-Spannungsproblem

Die komplementären und kompensatorischen Effekte zwischen dem T0-Modell und dem Λ CDM-Modell könnten eine Erklärung für das Hubble-Spannungsproblem bieten:

- 1. **Divergierende Messungen**: Die unterschiedlichen Effekte auf d_L und d_A könnten erklären, warum lokale Messungen (basierend auf Supernovae) systematisch höhere H_0 -Werte liefern als CMB-basierte Messungen.
- 2. Modell-abhängige Kalibrierung: Die Standardkerzen und -lineale werden unterschiedlich kalibriert, je nachdem, welches kosmologische Modell zugrunde gelegt wird.
- 3. CMB-Reinterpretation: Die dramatisch unterschiedliche Interpretation der CMB-Anisotropien ($\theta \approx 1^{\circ}$ vs. $\theta \approx 5.8$ -6.1°) führt zu fundamental anderen Parameterschätzungen.

7 Quantitative Zusammenfassung der Effekte

7.1 Bei z = 1 (mittlere kosmologische Distanzen)

Größe	Λ CDM (H_0 =70)	T0 $(H_0=70)$	Differenz	T0 $(H_0=73)$	Differenz
d	3300 Mpc	2970 Mpc	-10%	2850 Mpc	-14%
d_L	$4710~\mathrm{Mpc}$	$5940~\mathrm{Mpc}$	+26%	$5700~\mathrm{Mpc}$	+21%
d_A	$1650~\mathrm{Mpc}$	1485 Mpc	-10%	$1425~\mathrm{Mpc}$	-14%

Tabelle 1: Vergleich der Distanzmaße bei z=1

7.2 Bei z = 1100 (CMB)

Größe	Λ CDM (H_0 =70)	T0 $(H_0=70)$	Differenz	T0 $(H_0=73)$	Differenz
d_A	13.5 Mpc	28.9 Mpc	+114%	27.7 Mpc	+105%
θ	1°	5.8°	+480%	6.1°	+510%

Tabelle 2: Vergleich der Distanzmaße und Winkelgrößen beim CMB (z=1100)

8 Grafische Darstellung der Ergebnisse

Die quantitativen Unterschiede zwischen dem T0-Modell und dem Λ CDM-Standardmodell lassen sich anschaulich in grafischer Form darstellen. Im Folgenden zeigen wir die wichtigsten Beziehungen und ihre Unterschiede in beiden Modellen.

8.1 Physikalische Distanz im Vergleich

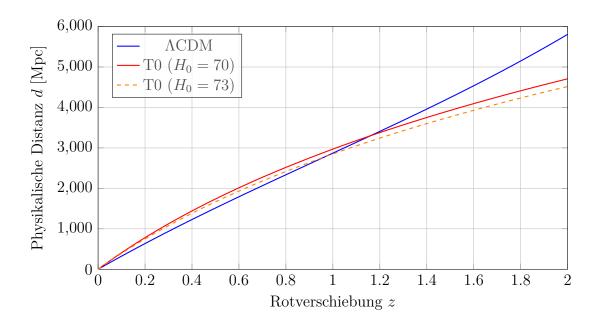


Abbildung 1: Vergleich der physikalischen Distanz d in Abhängigkeit von der Rotverschiebung z. Bei z=1 ist die Distanz im T0-Modell um etwa 10-14% kleiner. Bei höheren Rotverschiebungen wird der Unterschied noch ausgeprägter.

8.2 Leuchtkraftdistanz im Vergleich

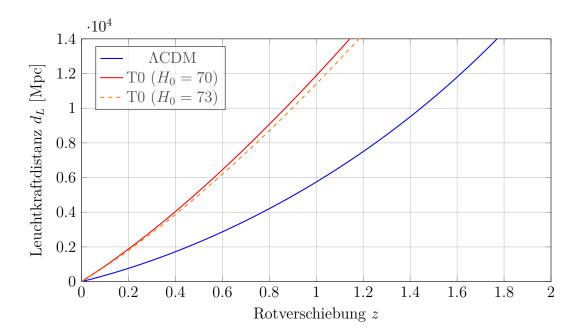


Abbildung 2: Vergleich der Leuchtkraftdistanz d_L in Abhängigkeit von der Rotverschiebung z. Im Gegensatz zur physikalischen Distanz ist die Leuchtkraftdistanz im T0-Modell um etwa 21-26% größer bei z=1. Objekte erscheinen also bei gleicher Rotverschiebung lichtschwächer als im Λ CDM-Modell vorhergesagt.

8.3 Winkeldurchmesser-Distanz im Vergleich

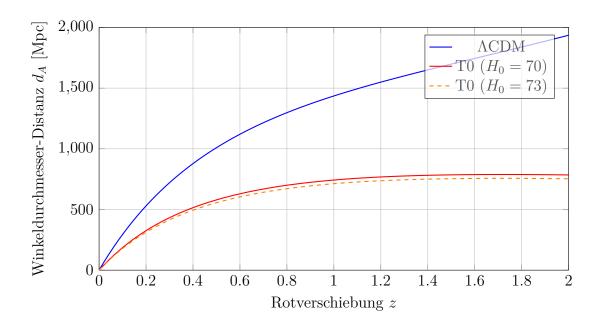


Abbildung 3: Winkeldurchmesser-Distanz d_A in Abhängigkeit von der Rotverschiebung z. Bei z=1 ist d_A im T0-Modell um etwa 10-14% kleiner. Dies bedeutet, dass gleich große Objekte im T0-Modell unter einem größeren Winkel erscheinen würden.

8.4 CMB-Winkeldurchmesser-Distanz

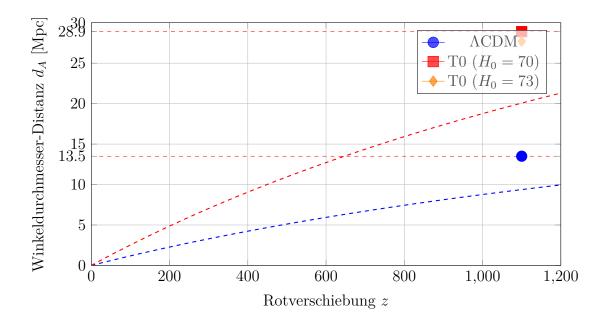


Abbildung 4: Winkeldurchmesser-Distanz d_A für die CMB-Strahlung (z=1100). Der dramatische Unterschied zwischen den Modellen wird hier deutlich: Das T0-Modell sagt einen mehr als doppelt so großen Wert für d_A voraus (28.9 Mpc vs. 13.5 Mpc), was zu grundlegend unterschiedlichen Interpretationen der CMB-Anisotropien führt.

8.5 CMB-Temperatur-Rotverschiebungs-Relation

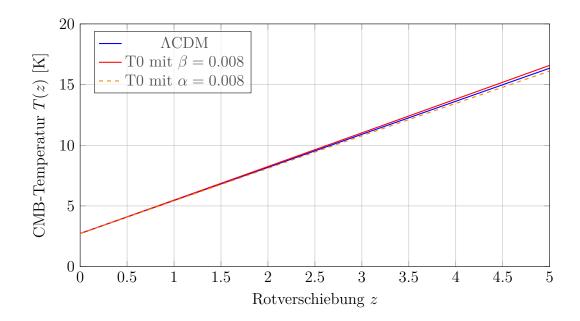


Abbildung 5: CMB-Temperatur T(z) in Abhängigkeit von der Rotverschiebung z. Während im Λ CDM-Modell eine lineare Beziehung gilt, sagt das T0-Modell eine leichte Modifikation voraus, die bei höheren Rotverschiebungen zunehmend erkennbar wird. Diese Abweichung könnte durch Messungen des Sunyaev-Zeldovich-Effekts in Galaxienhaufen bei unterschiedlichen Rotverschiebungen getestet werden.

8.6 Vergleich der Relationen zwischen Distanzmaßen

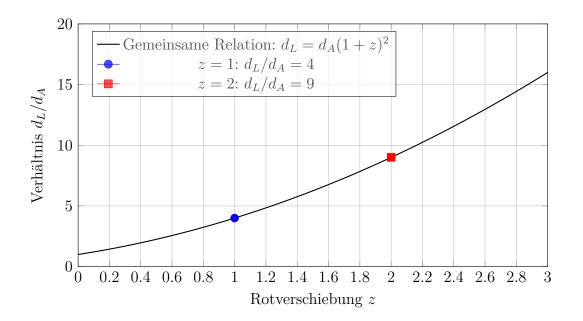


Abbildung 6: Verhältnis zwischen Leuchtkraftdistanz d_L und Winkeldurchmesser-Distanz d_A in Abhängigkeit von der Rotverschiebung z. Interessanterweise gilt die Beziehung $d_L = d_A (1+z)^2$ in beiden Modellen, was eine wichtige Konsistenzprüfung darstellt. Die unterschiedlichen Absolutwerte der Distanzen führen jedoch zu verschiedenen Interpretationen der astronomischen Beobachtungen.

8.7 Prozentuale Unterschiede zwischen den Modellen

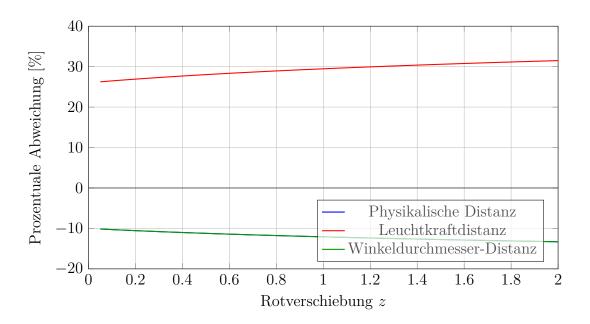


Abbildung 7: Prozentuale Abweichung der Distanzmaße im T0-Modell im Vergleich zum Λ CDM-Modell in Abhängigkeit von der Rotverschiebung z. Positive Werte bedeuten, dass der Wert im T0-Modell größer ist. Man beachte die gegenläufige Tendenz: Während die physikalische Distanz und die Winkeldurchmesser-Distanz im T0-Modell kleiner sind (negative Abweichung), ist die Leuchtkraftdistanz größer (positive Abweichung). Diese gegenläufigen Effekte könnten das Hubble-Spannungsproblem erklären.

8.8 Winkelgröße typischer Strukturen

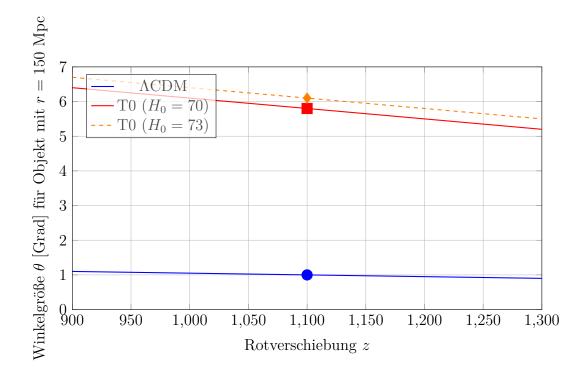


Abbildung 8: Winkelgröße θ einer kosmologischen Struktur mit physikalischer Größe r=150 Mpc (typische BAO-Skala) in Abhängigkeit von der Rotverschiebung z im Bereich des CMB. Der dramatische Unterschied in der vorhergesagten Winkelgröße (ca. 1° im Λ CDM-Modell gegenüber ca. 5.8-6.1° im T0-Modell) ist ein kritischer Test zwischen den Modellen.

9 CMB-Temperatur und Modell-Interpretation

9.1 Λ CDM-Modell

Im Standardmodell wird die CMB-Temperatur als Folge der kosmischen Expansion interpretiert:

$$T(z) = T_0(1+z) (10)$$

Mit $T_0 = 2.725$ K als heutige Temperatur.

9.2 T0-Modell

Im T0-Modell weist die CMB-Temperatur eine leichte wellenlängenabhängige Modifikation auf:

$$T(z) = T_0(1+z)(1+\beta \ln(1+z)) \tag{11}$$

Mit $\beta \approx 0.008$, was zu einer subtilen Abweichung vom Standardmodell führt.

9.3 Testbare Vorhersagen

Diese Unterschiede führen zu spezifischen vorhersagbaren Effekten:

- 1. Wellenlängenabhängige Rotverschiebung: Das T0-Modell sagt voraus, dass die Rotverschiebung leicht wellenlängenabhängig ist: $z(\lambda) = z_0(1 + \beta \cdot \ln(\lambda/\lambda_0))$.
- 2. Umgebungsabhängige Rotverschiebung: Im T0-Modell sollte die Rotverschiebung in dichten kosmischen Regionen leicht anders sein als in kosmischen Voids: $z_{\text{cluster}}/z_{\text{void}} \approx 1 + \delta(\rho_{\text{cluster}} \rho_{\text{void}})/\rho_0$.
- 3. **Temperatur-Rotverschiebungs-Relation**: Das T0-Modell sagt $T(z) = T_0(1+z)^{(1-\alpha)}$ mit $\alpha \approx \beta \approx 0.008$ voraus, was durch SZ-Effekt-Messungen getestet werden könnte.

10 Fazit

Die Analyse der additiven und kompensatorischen Effekte zwischen dem T0-Modell und dem Λ CDM-Standardmodell zeigt:

- 1. Die Effekte addieren sich nicht einfach linear über alle Messgrößen hinweg, sondern bilden ein komplexes Wechselspiel aus Verstärkung und Kompensation.
- 2. Bei niedrigen bis mittleren Rotverschiebungen ($z \approx 1$) sind die Unterschiede moderat ($\sim 10\text{-}26\%$), aber systematisch.
- 3. Bei hohen Rotverschiebungen (z=1100, CMB) werden die Unterschiede dramatisch (>100% für d_A , >400% für Winkelgrößen).
- 4. Diese Differenzen könnten erklären, warum verschiedene Messmethoden zu unterschiedlichen kosmologischen Parametern führen.

5. Die kompensatorischen Effekte zwischen Helligkeits- und Distanzmessungen könnten eine natürliche Erklärung für das Hubble-Spannungsproblem bieten.

Die systematischen Unterschiede zwischen den Modellen bieten konkrete Testmöglichkeiten für zukünftige Präzisionsmessungen in der Kosmologie und könnten letztendlich zwischen diesen fundamental unterschiedlichen Weltbildern unterscheiden.

11 Literaturverzeichnis

Literatur

- [1] Planck Collaboration, Aghanim, N., et al. (2020). *Planck 2018 results. VI. Cosmological parameters.* Astronomy & Astrophysics, 641, A6. DOI: 10.1051/0004-6361/201833910.
- [2] Peebles, P. J. E. (1993). *Principles of Physical Cosmology*. Princeton University Press, Princeton, NJ.
- [3] Riess, A. G., et al. (2021). A Comprehensive Measurement of the Local Value of the Hubble Constant with 1% Precision from the SH0ES Team. The Astrophysical Journal, 934(1), L7. DOI: 10.3847/2041-8213/ac5c5b.
- [4] Aiola, S., et al. (2020). The Atacama Cosmology Telescope: DR4 Maps and Cosmological Parameters. Journal of Cosmology and Astroparticle Physics, 2020(12), 047. DOI: 10.1088/1475-7516/2020/12/047.
- [5] Benson, B. A., et al. (2014). SPT-3G: A Next-Generation Cosmic Microwave Background Polarization Experiment on the South Pole Telescope. Proceedings of SPIE, 9153, 91531P. DOI: 10.1117/12.2056701.
- [6] Friedmann, A. (1922). Über die Krümmung des Raumes. Zeitschrift für Physik, 10(1), 377–386. DOI: 10.1007/BF01332580.
- [7] Sunyaev, R. A., & Zeldovich, Y. B. (1972). The Observations of Relic Radiation as a Test of the Nature of X-Ray Radiation from the Clusters of Galaxies. Comments on Astrophysics and Space Physics, 4, 173.
- [8] Dodelson, S. (2003). Modern Cosmology. Academic Press, San Diego, CA.