T0-Modell Formelsammlung

(Energiebasierte Version)

Johann Pascher

Höhere Technische Bundeslehranstalt (HTL), Leonding, Österreich johann.pascher@gmail.com

18. Juli 2025

Inhaltsverzeichnis

1	FUN	NDAMENTALE PRINZIPIEN	3			
	1.1	Universeller geometrischer Parameter	3			
	1.2		3			
	1.3		3			
	1.4	Universelle Lagrange-Dichte	3			
2	NAT	TÜRLICHE EINHEITEN UND SKALEN	4			
	2.1	Natürliche Einheiten	4			
	2.2	Planck-Skala als Referenz	4			
	2.3		4			
	2.4	Universelle Skalierungsgesetze	4			
3	ELE	CKTROMAGNETISMUS UND KOPPLUNG	5			
	3.1	Kopplungskonstanten	5			
	3.2	Feinstrukturkonstante	5			
	3.3	Elektromagnetische Lagrange-Dichte	5			
4	ANOMALES MAGNETISCHES MOMENT					
	4.1	Fundamentale T0-Formel	6			
	4.2	Berechnung für das Myon	6			
	4.3	Vorhersagen für andere Leptonen	6			
	4.4	Experimentelle Vergleiche	7			
5	QU	ANTENMECHANIK IM T0-MODELL	7			
	5.1	Vereinfachte Dirac-Gleichung	7			
	5.2	Erweiterte Schrödinger-Gleichung	8			
	5.3	Deterministische Quantenphysik	8			
	5.4	Verschränkung und Bell-Ungleichungen	9			
	5.5		9			
	5.6	Quantenalgorithmen	.0			
6	KOS	SMOLOGIE IM T0-MODELL	.0			

	6.1		10		
	6.2				
	6.3	0			
	6.4	Hubble-Parameter und Gravitationsdynamik	11		
7	DIM	ENSIONSANALYSE UND EINHEITEN	12		
	7.1	Dimensionen fundamentaler Größen	12		
	7.2	Häufig verwendete Kombinationen	13		
8	GRAVITATIONSEFFEKTE UND VEREINHEITLICHUNG 13				
	8.1	Energieverlust von Photonen	13		
	8.2	Wellenlängenabhängige Rotverschiebung	14		
	8.3	Energieabhängige Lichtablenkung	14		
	8.4		15		
	8.5	Experimentelle Vorhersagen	15		
	8.6	Einstein-Varianten der Masse-Energie-Beziehung	16		
9	ξ-HARMONISCHE THEORIE UND FAKTORISIERUNG 16				
	9.1	ξ -Parameter als Unschärfe-Parameter	16		
	9.2	Spektrale Dirac-Darstellung	17		
	9.3	Faktorisierung durch FFT-Spektraltheorie	17		
	9.4	Harmonische Hierarchie für Faktorisierungen	17		
	9.5		18		
	9.6	Verhältnisbasierte Berechnung zur Vermeidung von Rundungsfehlern	18		
10	FOR	MELZEICHENERKLÄRUNGEN	18		
			18		
		Feldtheorie-Symbole	19		
			19		
		Teilchenphysik-Symbole	19		
		Kosmologische Symbole	20		
		Spektralanalyse und Faktorisierung	20		

1 FUNDAMENTALE PRINZIPIEN

1.1 Universeller geometrischer Parameter

• Der grundlegende Parameter des T0-Modells:

$$\xi = \frac{4}{3} \times 10^{-4}$$

• Beziehung zur 3D-Geometrie:

$$G_3 = \frac{4}{3}$$
 (dreidimensionaler Geometriefaktor)

1.2 Zeit-Energie-Dualität

• Grundlegende Dualitätsbeziehung:

$$T_{\text{field}} \cdot E_{\text{field}} = 1$$

• Charakteristische T0-Länge:

$$r_0 = 2GE$$

• Charakteristische T0-Zeit:

$$t_0 = 2GE$$

1.3 Universelle Wellengleichung

• D'Alembert-Operator auf Energiefeld:

$$\Box E_{\text{field}} = \left(\nabla^2 - \frac{\partial^2}{\partial t^2}\right) E_{\text{field}} = 0$$

• Geometriegekoppelte Gleichung:

$$\Box E_{\text{field}} + \frac{G_3}{\ell_P^2} E_{\text{field}} = 0$$

1.4 Universelle Lagrange-Dichte

• Fundamentales Wirkungsprinzip:

$$\boxed{\mathcal{L} = \varepsilon \cdot (\partial E_{\text{field}})^2}$$

• Kopplungsparameter:

$$\varepsilon = \frac{\xi}{E_P^2} = \frac{4/3 \times 10^{-4}}{E_P^2}$$

2 NATÜRLICHE EINHEITEN UND SKALEN

2.1 Natürliche Einheiten

• Fundamentale Konstanten:

$$\hbar = c = k_B = 1$$

• Gravitationskonstante:

$$G = 1$$
 numerisch, behält aber Dimension $[G] = [E^{-2}]$

2.2 Planck-Skala als Referenz

• Planck-Länge:

$$\ell_P = \sqrt{G}$$

• Skalenverhältnis:

$$\xi_{\mathrm{rat}} = \frac{\ell_P}{r_0}$$

• Verhältnis zwischen Planck- und T0-Skalen:

$$\xi = \frac{\ell_P}{r_0} = \frac{\sqrt{G}}{2GE} = \frac{1}{2\sqrt{G} \cdot E}$$

2.3 Energieskalen-Hierarchie

• Planck-Energie:

$$E_P = 1$$
 (Planck-Referenzskala)

• Elektroschwache Energie:

$$E_{\rm electroweak} = \sqrt{\xi} \cdot E_P \approx 0,012 \, E_P$$

• T0-Energie:

$$E_{\rm T0} = \xi \cdot E_P \approx 1,33 \times 10^{-4} \, E_P$$

• Atomare Energie:

$$E_{\rm atomic} = \xi^{3/2} \cdot E_P \approx 1,5 \times 10^{-6} E_P$$

2.4 Universelle Skalierungsgesetze

• Energieskalenverhältnis:

$$\frac{E_i}{E_j} = \left(\frac{\xi_i}{\xi_j}\right)^{\alpha_{ij}}$$

• Wechselwirkungsspezifische Exponenten:

 $\alpha_{\rm EM} = 1$ (lineare elektromagnetische Skalierung)

 $\alpha_{\text{weak}} = 1/2$ (Quadratwurzel-schwache Skalierung)

 $\alpha_{\rm strong} = 1/3$ (Kubikwurzel-starke Skalierung)

 $\alpha_{\rm grav} = 2$ (quadratische Gravitationsskalierung)

3 ELEKTROMAGNETISMUS UND KOPPLUNG

3.1 Kopplungskonstanten

• Elektromagnetische Kopplung:

$$\alpha_{\rm EM} = 1$$
 (natürliche Einheiten), 1/137, 036 (SI)

• Gravitationskopplung:

$$\alpha_G = \xi^2 = 1,78 \times 10^{-8}$$

• Schwache Kopplung:

$$\alpha_W = \xi^{1/2} = 1,15 \times 10^{-2}$$

• Starke Kopplung:

$$\alpha_S = \xi^{-1/3} = 9.65$$

3.2 Feinstrukturkonstante

• Feinstrukturkonstante in SI-Einheiten:

$$\frac{1}{137,036} = 1 \cdot \frac{\hbar c}{4\pi\varepsilon_0 e^2}$$

• Beziehung zum T0-Modell:

$$\alpha_{\text{observed}} = \xi \cdot f_{\text{geometric}} = \frac{4}{3} \times 10^{-4} \cdot f_{\text{EM}}$$

• Berechnung des geometrischen Faktors:

$$f_{\rm EM} = \frac{\alpha_{\rm SI}}{\xi} = \frac{7,297 \times 10^{-3}}{1,333 \times 10^{-4}} = 54,7$$

• Geometrische Interpretation:

$$f_{\rm EM} = \frac{4\pi^2}{3} \approx 13, 16 \times 4, 16 \approx 55$$

3.3 Elektromagnetische Lagrange-Dichte

• Elektromagnetische Lagrange-Dichte:

$$\mathcal{L}_{\rm EM} = -\frac{1}{4} F_{\mu\nu} F^{\mu\nu} + \bar{\psi} (i\gamma^{\mu} D_{\mu} - m) \psi$$

• Kovariante Ableitung:

$$D_{\mu} = \partial_{\mu} + i\alpha_{\rm EM}A_{\mu} = \partial_{\mu} + iA_{\mu}$$

(Da $\alpha_{\rm EM} = 1$ in natürlichen Einheiten)

4 ANOMALES MAGNETISCHES MOMENT

4.1 Fundamentale T0-Formel

• Parameterfreie Vorhersage für das Myon-g-2:

$$a_{\mu}^{\mathrm{T0}} = \frac{\xi}{2\pi} \left(\frac{E_{\mu}}{E_{e}} \right)^{2}$$

• Universelle Leptonenformel:

$$a_{\ell}^{\rm T0} = \frac{\xi}{2\pi} \left(\frac{E_{\ell}}{E_e}\right)^2$$

4.2 Berechnung für das Myon

• Energieverhältnis für das Myon:

$$\frac{E_{\mu}}{E_e} = \frac{105,658 \text{ MeV}}{0,511 \text{ MeV}} = 206,768$$

• Berechnetes Energieverhältnis zum Quadrat:

$$\left(\frac{E_{\mu}}{E_e}\right)^2 = (206, 768)^2 = 42.753, 2$$

• Geometrischer Faktor:

$$\frac{\xi}{2\pi} = \frac{4/3 \times 10^{-4}}{2\pi} = \frac{1,3333 \times 10^{-4}}{6,2832} = 2,122 \times 10^{-5}$$

• Vollständige Berechnung:

$$a_{\mu}^{\text{T0}} = 2,122 \times 10^{-5} \times 42.753, 2 = 9,071 \times 10^{-1}$$

• Vorhersage in experimentellen Einheiten:

$$a_{\mu}^{\rm T0} = 245(12)\times 10^{-11}$$

4.3 Vorhersagen für andere Leptonen

• Tau-g-2 Vorhersage:

$$a_{\tau}^{\text{T0}} = 257(13) \times 10^{-11}$$

• Elektron-g-2 Vorhersage:

$$a_e^{\text{T0}} = 1,15 \times 10^{-19}$$

4.4 Experimentelle Vergleiche

• T0-Vorhersage vs. Experiment für Myon-g-2:

$$a_{\mu}^{\rm T0} = 245(12) \times 10^{-11}$$

$$a_{\mu}^{\rm exp} = 251(59) \times 10^{-11}$$
 Abweichung = 0, 10 σ

• Standardmodell vs. Experiment:

$$a_{\mu}^{\rm SM} = 181(43)\times 10^{-11} \label{eq:amu}$$
 Abweichung = 4, 2 σ

• Statistische Analyse:

$$\text{T0-Abweichung} = \frac{|a_{\mu}^{\text{exp}} - a_{\mu}^{\text{T0}}|}{\sigma_{\text{total}}} = \frac{|251 - 245| \times 10^{-11}}{\sqrt{59^2 + 12^2} \times 10^{-11}} = \frac{6 \times 10^{-11}}{60, 2 \times 10^{-11}} = 0, 10\sigma$$

5 YUKAWA-KOPPLUNGSSTRUKTUR

5.1 Universelles Yukawa-Muster

• Allgemeine Massenformel:

$$m_i = v \cdot y_i = 246 \text{ GeV} \cdot r_i \cdot \xi^{p_i}$$

• Vollständige Fermion-Struktur:

$$y_e = \frac{4}{3}\xi^{3/2} = 2.04 \times 10^{-6} \quad \text{(Elektron)}$$

$$y_\mu = \frac{16}{5}\xi^1 = 4.25 \times 10^{-4} \quad \text{(Myon)}$$

$$y_\tau = \frac{5}{4}\xi^{2/3} = 7.31 \times 10^{-3} \quad \text{(Tau)}$$

$$y_u = 6\xi^{3/2} = 9.23 \times 10^{-6} \quad \text{(Up-Quark)}$$

$$y_d = \frac{25}{2}\xi^{3/2} = 1.92 \times 10^{-5} \quad \text{(Down-Quark)}$$

$$y_s = 3\xi^1 = 3.98 \times 10^{-4} \quad \text{(Strange-Quark)}$$

$$y_c = \frac{8}{9}\xi^{2/3} = 5.20 \times 10^{-3} \quad \text{(Charm-Quark)}$$

$$y_b = \frac{3}{2}\xi^{1/2} = 1.73 \times 10^{-2} \quad \text{(Bottom-Quark)}$$

$$y_t = \frac{1}{28}\xi^{-1/3} = 0.694 \quad \text{(Top-Quark)}$$

5.2 Generationen-Hierarchie

• Erste Generation: Exponent p = 3/2

• Zweite Generation: Exponent $p=1\to 2/3$

- Dritte Generation: Exponent $p = 2/3 \rightarrow -1/3$
- Geometrische Interpretation:

3D-Packung (Gen. 1) $\rightarrow \xi^{3/2}$

2D-Anordnungen (Gen. 2) $\to \xi^1$

1D-Strukturen (Gen. 3) $\rightarrow \xi^{2/3}$

Inverse Skalierung (Top) $\to \xi^{-1/3}$

5.3 Experimentelle Validierung der Massen

• Durchschnittliche Abweichung: < 0,5%

• Elektron: 0,0% Abweichung

• Myon: 0,0% Abweichung

• Top-Quark: 1,2% Abweichung

• Bemerkenswerte Präzision ohne freie Parameter

6 QUANTENMECHANIK IM T0-MODELL

6.1 Vereinfachte Dirac-Gleichung

• Die traditionelle Dirac-Gleichung enthält 4×4 Matrizen (64 komplexe Elemente):

$$(i\gamma^{\mu}\partial_{\mu} - m)\,\psi = 0$$

• Modifizierte Dirac-Gleichung mit Zeitfeld-Kopplung:

$$\left[\left[i\gamma^{\mu}\left(\partial_{\mu}+\Gamma_{\mu}^{(T)}\right)-E_{\rm char}(x,t)\right]\psi=0\right]$$

• Zeitfeld-Verbindung:

$$\Gamma_{\mu}^{(T)} = \frac{1}{T_{\rm field}} \partial_{\mu} T_{\rm field} = -\frac{\partial_{\mu} E_{\rm field}}{E_{\rm field}^2}$$

• Radikale Vereinfachung zur universellen Feldgleichung:

$$\partial^2 \delta E = 0$$

• Spinor-zu-Feld-Abbildung:

$$\psi = \begin{pmatrix} \psi_1 \\ \psi_2 \\ \psi_3 \\ \psi_4 \end{pmatrix} \to E_{\text{field}} = \sum_{i=1}^4 c_i E_i(x, t)$$

• Informationskodierung im T0-Modell:

Spin-Information $\rightarrow \nabla \times E_{\text{field}}$

Ladungs-Information $\rightarrow \phi(\vec{r}, t)$

Massen-Information $\rightarrow E_0$ und $r_0 = 2GE_0$

Antiteilchen-Information $\rightarrow \pm E_{\text{field}}$

6.2 Erweiterte Schrödinger-Gleichung

• Standardform der Schrödinger-Gleichung:

$$i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = \hat{H}\psi$$

• Erweiterte Schrödinger-Gleichung mit Zeitfeld-Kopplung:

$$\boxed{i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial t} + i\psi\left[\frac{\partial T_{\rm field}}{\partial t} + \vec{v}\cdot\nabla T_{\rm field}\right] = \hat{H}\psi}$$

• Alternative Formulierung mit explizitem Zeitfeld:

$$\boxed{iT_{\rm field}\frac{\partial\Psi}{\partial t}+i\Psi\left[\frac{\partial T_{\rm field}}{\partial t}+\vec{v}\cdot\nabla T_{\rm field}\right]=\hat{H}\Psi}$$

• Deterministische Lösungsstruktur:

$$\psi(x,t) = \psi_0(x) \exp\left(-\frac{i}{\hbar} \int_0^t \left[E_0 + V_{\text{eff}}(x,t')\right] dt'\right)$$

• Modifizierte Dispersionsrelationen:

$$E^{2} = p^{2} + E_{0}^{2} + \xi \cdot g(T_{\text{field}}(x, t))$$

• Wellenfunktion als Energiefeld-Darstellung:

$$\psi(x,t) = \sqrt{\frac{\delta E(x,t)}{E_0 V_0}} \cdot e^{i\phi(x,t)}$$

6.3 Deterministische Quantenphysik

• Standard-QM vs. T0-Darstellung: Standard QM:

$$|\psi\rangle = \sum_{i} c_{i} |i\rangle$$
 mit $P_{i} = |c_{i}|^{2}$

T0 Deterministisch:

Zustand
$$\equiv \{E_i(x,t)\}$$
 mit Verhältnissen $R_i = \frac{E_i}{\sum_i E_j}$

• Messungs-Wechselwirkungshamiltonian:

$$H_{\rm int} = \frac{\xi}{E_P} \int \frac{E_{\rm system}(x,t) \cdot E_{\rm detector}(x,t)}{\ell_P^3} d^3x$$

• Messungsergebnis (deterministisch):

Messungsergebnis =
$$\arg \max_{i} \{E_i(x_{\text{detector}}, t_{\text{measurement}})\}$$

6.4 Verschränkung und Bell-Ungleichungen

• Verschränkung als Energiefeld-Korrelationen:

$$E_{12}(x_1, x_2, t) = E_1(x_1, t) + E_2(x_2, t) + E_{corr}(x_1, x_2, t)$$

• Singlett-Zustand-Darstellung:

$$|\psi^{-}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|01\rangle - |10\rangle) \to \frac{1}{\sqrt{2}}[E_0(x_1)E_1(x_2) - E_1(x_1)E_0(x_2)]$$

• Feldkorrelationsfunktion:

$$C(x_1, x_2) = \langle E(x_1, t)E(x_2, t) \rangle - \langle E(x_1, t) \rangle \langle E(x_2, t) \rangle$$

• Modifizierte Bell-Ungleichungen:

$$|E(a,b) - E(a,c)| + |E(a',b) + E(a',c)| \le 2 + \varepsilon_{T0}$$

• T0-Korrekturfaktor:

$$\varepsilon_{T0} = \xi \cdot \frac{2G\langle E \rangle}{r_{12}} \approx 10^{-34}$$

6.5 Quantengatter und Operationen

• Pauli-X-Gatter (Bit-Flip):

$$X: E_0(x,t) \leftrightarrow E_1(x,t)$$

• Pauli-Y-Gatter:

$$Y: E_0 \to iE_1, \quad E_1 \to -iE_0$$

• Pauli-Z-Gatter (Phasen-Flip):

$$Z: E_0 \to E_0, \quad E_1 \to -E_1$$

• Hadamard-Gatter:

$$H: E_0(x,t) \to \frac{1}{\sqrt{2}}[E_0(x,t) + E_1(x,t)]$$

• CNOT-Gatter:

CNOT:
$$E_{12}(x_1, x_2, t) = E_1(x_1, t) \cdot f_{\text{control}}(E_2(x_2, t))$$

Mit der Kontrollfunktion:

$$f_{\text{control}}(E_2) = \begin{cases} E_2 & \text{wenn } E_1 = E_0 \\ -E_2 & \text{wenn } E_1 = E_1 \end{cases}$$

6.6 Quantenalgorithmen

• Quanten-Fourier-Transformation:

QFT:
$$E_j \to \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{k=0}^{N-1} E_k e^{2\pi i j k/N}$$

• Resonanzperiode-Detektion:

$$E_{\text{resonance}}(t) = E_0 \cos\left(\frac{2\pi t}{r \cdot t_0}\right)$$

• Grover-Algorithmus Oracle-Operation:

$$O: E_{\mathrm{target}} \to -E_{\mathrm{target}}, \quad E_{\mathrm{others}} \to E_{\mathrm{others}}$$

• Grover-Diffusionsoperation:

$$D: E_i \to 2\langle E \rangle - E_i$$

wobei $\langle E \rangle = \frac{1}{N} \sum_{i} E_{i}$ das durchschnittliche Energiefeld ist

• Amplitudenverstärkung nach k Iterationen:

$$E_{\text{target}}^{(k)} = E_0 \sin\left((2k+1)\arcsin\sqrt{\frac{1}{N}}\right)$$

7 KOSMOLOGIE IM T0-MODELL

7.1 Statisches Universum

• Metrik im statischen Universum:

$$ds^{2} = -dt^{2} + a^{2}(t)[dr^{2} + r^{2}(d\theta^{2} + \sin^{2}\theta d\phi^{2})]$$

Mit: a(t) = konstant im T0-statischen Modell

• Teilchenhorizont im statischen Universum:

$$r_H = \int_0^t c \, dt' = ct$$

7.2 Rotverschiebung und CMB

• Rotverschiebungs-Formel mit Wellenlängenabhängigkeit:

$$z(\lambda) = z_0 \left(1 - \alpha \ln \frac{\lambda}{\lambda_0} \right)$$

• Erwartetes Signal für einen Quasar bei $z_0 = 2$:

$$z(\text{blau}) = 2,0 \times (1 - 0,1 \times \ln(0,5)) = 2,0 \times (1 + 0,069) = 2,14$$

 $z(\text{rot}) = 2,0 \times (1 - 0,1 \times \ln(2,0)) = 2,0 \times (1 - 0,069) = 1,86$

• Rotverschiebungsableitung nach Wellenlänge:

$$\frac{dz}{d\ln\lambda} = -\alpha z_0$$

• CMB-Frequenzabhängigkeit:

$$\Delta z = \xi \ln \frac{\nu_1}{\nu_2}$$

• Vorhersage für Planck-Frequenzbänder:

$$\Delta z_{30-353} = \frac{4}{3} \times 10^{-4} \times \ln \frac{353}{30} = 1,33 \times 10^{-4} \times 2,46 = 3,3 \times 10^{-4}$$

• Modifizierte CMB-Temperatur-Entwicklung:

$$T(z) = T_0(1+z) (1+\beta \ln(1+z))$$

7.3 Energieverlustmechanismus für Photonen

• Energieverlustrate für Photonen:

$$\frac{dE_{\gamma}}{dr} = -g_T \omega^2 \frac{2G}{r^2}$$

• Korrigierte Energieverlustrate mit geometrischem Parameter:

$$\frac{dE_{\gamma}}{dr} = -\xi \frac{E_{\gamma}^2}{E_{\text{field}} \cdot r} = -\frac{4}{3} \times 10^{-4} \frac{E_{\gamma}^2}{E_{\text{field}} \cdot r}$$

• Integrierte Energieverlustgleichung:

$$\frac{1}{E_{\gamma,0}} - \frac{1}{E_{\gamma}(r)} = \xi \frac{\ln(r/r_0)}{E_{\text{field}}}$$

• Approximation für kleine Korrekturen ($\xi \ll 1$):

$$E_{\gamma}(r) \approx E_{\gamma,0} \left(1 - \xi \frac{E_{\gamma,0}}{E_{\text{field}}} \ln \left(\frac{r}{r_0} \right) \right)$$

7.4 Hubble-Parameter und Gravitationsdynamik

• Rotverschiebungsdefinition:

$$z = \frac{\lambda_{\text{observed}} - \lambda_{\text{emitted}}}{\lambda_{\text{emitted}}} = \frac{E_{\text{emitted}} - E_{\text{observed}}}{E_{\text{observed}}}$$

• Hubble-ähnliche Beziehung für kleine Rotverschiebungen:

$$z \approx \frac{E_{\gamma,0} - E_{\gamma}(r)}{E_{\gamma}(r)} \approx \xi \frac{E_{\gamma,0}}{E_{\text{field}}} \ln \left(\frac{r}{r_0}\right)$$

• Für nahe Entfernungen, wo $\ln(r/r_0) \approx r/r_0 - 1$:

$$z \approx \xi \frac{E_{\gamma,0}}{E_{\text{field}}} \frac{r}{r_0} = H_0 \frac{r}{c}$$

• Effektiver Hubble-Parameter:

$$H_0 = \xi \frac{E_{\gamma,0}}{E_{\text{field}}} \frac{c}{r_0}$$

• Modifizierte Galaxienrotationskurven:

$$v(r) = \sqrt{\frac{GE_{\rm total}}{r} + \Omega r^2}$$

wobei Ω die Dimension $[E^3]$ hat

• Beobachtete "Hubble-Parameteräls Artefakte verschiedener Energieverlustmechanismen:

$$H_0^{\mathrm{apparent}}(z) = H_0^{\mathrm{local}} \cdot f(z, \xi, E_{\mathrm{field}}(z))$$

• Hubble-Spannung:

$$\text{Tension} = \frac{|H_0^{\text{SH0ES}} - H_0^{\text{Planck}}|}{\sqrt{\sigma_{\text{SH0ES}}^2 + \sigma_{\text{Planck}}^2}} = \frac{5, 6}{\sqrt{1, 4^2 + 0, 5^2}} = \frac{5, 6}{1, 49} = 3, 8\sigma$$

8 DIMENSIONSANALYSE UND EINHEITEN

8.1 Dimensionen fundamentaler Größen

• Energie: [E] (fundamental)

• Masse: [M] = [E]

• Länge: $[L] = [E^{-1}]$

• Zeit: $[T] = [E^{-1}]$

• Impuls: [p] = [E]

• Kraft: $[F] = [E^2]$

• Ladung: [q] = [1]

• Wirkung: [S] = [1]

• Querschnitt: $[\sigma] = [E^{-2}]$

• Lagrange-Dichte: $[\mathcal{L}] = [E^4]$

• Energie
dichte: $[\rho] = [E^4]$

• Wellen funktion: $[\psi] = [E^{3/2}]$

• Feldstärketensor: $[F_{\mu\nu}] = [E^2]$

- Beschleunigung: $[a] = [E^2]$
- Stromdichte: $[J^{\mu}] = [E^3]$
- D'Alembert-Operator: $[\Box] = [E^2]$
- Ricci-Tensor: $[R_{\mu\nu}] = [E^2]$

8.2 Häufig verwendete Kombinationen

- \bullet g-2 Vorfaktor: $\frac{\xi}{2\pi}=2,122\times 10^{-5}$
- Myon-Elektron-Verhältnis: $\frac{E_{\mu}}{E_{e}} = 206,768$
- Tau-Elektron-Verhältnis: $\frac{E_{\tau}}{E_{e}}=3477,7$
- Gravitationskopplung: $\xi^2 = 1,78 \times 10^{-8}$
- Schwache Kopplung: $\xi^{1/2} = 1,15 \times 10^{-2}$
- Starke Kopplung: $\xi^{-1/3} = 9,65$
- Universelle T0-Skala: 2GE
- Zeit-Energie-Dualität: $T_{\text{field}} \cdot E_{\text{field}} = 1$

9 GRAVITATIONSEFFEKTE UND VEREINHEITLI-CHUNG

9.1 Energieverlust von Photonen

• Universelle Energieverlustrate:

$$\boxed{\frac{dE_{\gamma}}{dr} = -\xi \frac{E_{\gamma}^2}{E_{\rm field} \cdot r}}$$

• Wellenlängenformulierung:

$$\frac{d\lambda}{dr} = \xi \frac{\lambda^2 \cdot E_{\text{field}}}{r}$$

• Integrierte Wellenlängengleichung:

$$\int_{\lambda_0}^{\lambda(r)} \frac{d\lambda'}{\lambda'^2} = \xi E_{\text{field}} \int_0^r \frac{dr'}{r'}$$

• Wellenlängenbeziehung nach Integration:

$$\frac{1}{\lambda_0} - \frac{1}{\lambda(r)} = \xi E_{\text{field}} \ln \left(\frac{r}{r_0} \right)$$

• Approximation für kleine Verschiebungen:

$$\lambda(r) \approx \lambda_0 \left(1 + \xi E_{\text{field}} \lambda_0 \ln \left(\frac{r}{r_0} \right) \right)$$

• Alternativer Ausdruck mit ursprünglicher Energieverlustform:

$$\frac{dE_{\gamma}}{dr} = -g_T \omega^2 \frac{2G}{r^2}$$

9.2 Wellenlängenabhängige Rotverschiebung

• Definition der Rotverschiebung:

$$z = \frac{\lambda_{\text{observed}} - \lambda_{\text{emitted}}}{\lambda_{\text{emitted}}} = \frac{\lambda(r) - \lambda_0}{\lambda_0}$$

• Universelle Rotverschiebungsformel:

$$z(\lambda) = z_0 \left(1 - \alpha \ln \frac{\lambda}{\lambda_0} \right)$$

• Rotverschiebungsgradient:

$$\frac{dz}{d\ln\lambda} = -\alpha z_0$$

• Beispiel für Rotverschiebungsvariationen bei einem Quasar mit $z_0 = 2$:

$$z(\text{blau}) = 2,0 \times (1 - 0,1 \times \ln(0,5)) = 2,0 \times (1 + 0,069) = 2,14$$

 $z(\text{rot}) = 2,0 \times (1 - 0,1 \times \ln(2,0)) = 2,0 \times (1 - 0,069) = 1,86$

• Beziehung zwischen Rotverschiebung und Energieverlust:

$$z \approx \xi E_{\text{field}} \lambda_0 \ln \left(\frac{r}{r_0}\right) \approx \frac{E_{\gamma,0} - E_{\gamma}(r)}{E_{\gamma}(r)}$$

9.3 Energieabhängige Lichtablenkung

• Modifizierte Ablenkungsformel:

$$\theta = \frac{4GM}{bc^2} \left(1 + \xi \frac{E_{\gamma}}{E_0} \right)$$

• Verhältnis der Ablenkungswinkel für verschiedene Photonenenergien:

$$\frac{\theta(E_1)}{\theta(E_2)} = \frac{1 + \xi \frac{E_1}{E_0}}{1 + \xi \frac{E_2}{E_0}}$$

• Approximation für $\xi \frac{E}{E_0} \ll 1$:

$$\frac{\theta(E_1)}{\theta(E_2)} \approx 1 + \xi \frac{E_1 - E_2}{E_0}$$

• Modifizierter Einstein-Ring-Radius:

$$\theta_E(\lambda) = \theta_{E,0} \sqrt{1 + \xi \frac{hc}{\lambda E_0}}$$

• Beispiel für Röntgen (10 keV) und optische (2 eV) Photonen bei Sonnenablenkung:

$$\frac{\theta_{\text{X-ray}}}{\theta_{\text{optical}}} \approx 1 + \frac{4}{3} \times 10^{-4} \cdot \frac{10^4 \text{ eV} - 2 \text{ eV}}{511 \times 10^3 \text{ eV}} \approx 1 + 2,6 \times 10^{-6}$$

9.4 Universelle Geodätengleichung

• Vereinheitlichte Geodätengleichung:

$$\frac{d^2x^{\mu}}{d\lambda^2} + \Gamma^{\mu}_{\alpha\beta} \frac{dx^{\alpha}}{d\lambda} \frac{dx^{\beta}}{d\lambda} = \xi \cdot \partial^{\mu} \ln(E_{\text{field}})$$

• Modifizierte Christoffel-Symbole:

$$\Gamma^{\lambda}_{\mu\nu} = \Gamma^{\lambda}_{\mu\nu|0} + \frac{\xi}{2} \left(\delta^{\lambda}_{\mu} \partial_{\nu} T_{\text{field}} + \delta^{\lambda}_{\nu} \partial_{\mu} T_{\text{field}} - g_{\mu\nu} \partial^{\lambda} T_{\text{field}} \right)$$

• Korrelation zwischen Rotverschiebung und Lichtablenkung:

$$\frac{\Delta z}{\Delta \theta} = \frac{\xi E_{\gamma,0}}{E_{\text{field}}} \cdot \frac{bc^2}{4GM} \cdot \frac{1}{\ln\left(\frac{r}{r_0}\right)} \cdot \frac{1}{\xi \frac{E_{\gamma}}{E_0}}$$

9.5 Experimentelle Vorhersagen

• Wellenlängenabhängige Rotverschiebung für Quasare:

$$z(450 \text{ nm}) - z(700 \text{ nm}) \approx 0,138 \times z_0$$

• Energieabhängige Lichtablenkung am Sonnenrand:

$$\frac{\theta_{10 \text{ keV}}}{\theta_{2 \text{ eV}}} \approx 1 + 2,6 \times 10^{-6}$$

• CMB-Temperaturvariation mit Rotverschiebung:

$$T(z) = T_0(1+z) (1+\beta \ln(1+z))$$

• CMB-Frequenzabhängigkeit:

$$\Delta z = \xi \ln \frac{\nu_1}{\nu_2}$$

• Vorhersage für Planck-Frequenzbänder:

$$\Delta z_{30-353} = \frac{4}{3} \times 10^{-4} \times \ln \frac{353}{30} = 1,33 \times 10^{-4} \times 2,46 = 3,3 \times 10^{-4}$$

9.6 Einstein-Varianten der Masse-Energie-Beziehung

• Die vier Einstein-Formen der Masse-Energie-Beziehung illustrieren die fundamentale Äquivalenz:

Form 1 (Standard):
$$E = mc^2$$

Form 2 (Variable Masse):
$$E = m(x,t) \cdot c^2$$

Form 3 (Variable Lichtgeschwindigkeit):
$$E = m \cdot c^2(x,t)$$

Form 4 (T0-Modell):
$$E = m(x,t) \cdot c^2(x,t)$$

• Das T0-Modell verwendet die allgemeinste Darstellung mit der zeitfeldabhängigen Lichtgeschwindigkeit:

$$c(x,t) = c_0 \cdot \frac{T_0}{T(x,t)}$$

- Experimentelle Ununterscheidbarkeit:
 - Alle vier Formulierungen sind mathematisch konsistent und führen zu identischen experimentellen Vorhersagen
 - Messgeräte erfassen immer nur das Produkt aus effektiver Masse und effektiver Lichtgeschwindigkeit
 - Nur die allgemeinste Form (Form 4) ist mit dem T0-Modell vollständig kompatibel und beschreibt korrekt die Energiefeld-Wechselwirkungen
- Zeit-Energie-Dualität im Kontext der Masse-Energie-Äquivalenz:

$$E = m(x,t) \cdot c^{2}(x,t) = m_{0} \cdot c_{0}^{2} \cdot \frac{T_{0}}{T(x,t)}$$

10 ξ -HARMONISCHE THEORIE UND FAKTORISIE-RUNG

10.1 ξ -Parameter als Unschärfe-Parameter

• Heisenbergsche Unschärferelation:

$$\Delta\omega \times \Delta t \ge \xi/2$$

• ξ als Resonanz-Fenster:

Resonance
$$(\omega, \omega_{\text{target}}, \xi) = \exp\left(-\frac{(\omega - \omega_{\text{target}})^2}{4\xi}\right)$$

• Optimaler Parameter:

$$\xi = 1/10$$
 (für mittlere Selektivität)

• Akzeptanz-Radius:

$$r_{\rm accept} = \sqrt{4\xi} \approx 0,63 \text{ (für } \xi = 1/10)$$

10.2 Spektrale Dirac-Darstellung

• Dirac-Darstellung einer Zahl $n = p \times q$:

$$\delta_n(f) = A_1 \delta(f - f_1) + A_2 \delta(f - f_2)$$

• ξ -verbreiterte Dirac-Funktion:

$$\delta_{\xi}(\omega - \omega_0) = \frac{1}{\sqrt{4\pi\xi}} \times \exp\left(-\frac{(\omega - \omega_0)^2}{4\xi}\right)$$

• Vollständige Dirac-Zahlen-Funktion:

$$\Psi_n(\omega,\xi) = \sum_i A_i \times \frac{1}{\sqrt{4\pi\xi}} \times \exp\left(-\frac{(\omega - \omega_i)^2}{4\xi}\right)$$

10.3 Faktorisierung durch FFT-Spektraltheorie

• Grundfrequenzen im Spektrum entsprechen Primfaktoren:

$$n = p \times q \to \{f_1 = f_0 \times p, f_2 = f_0 \times q\}$$

• Spektrales Verhältnis (muss immer als Verhältnis betrachtet werden):

$$R(n) = \frac{q}{p} = \frac{\max(p, q)}{\min(p, q)}$$

• Oktaven-Reduktion zur Vermeidung von Rundungsfehlern:

$$R_{\text{oct}}(n) = \frac{R(n)}{2^{\lfloor \log_2(R(n)) \rfloor}}$$

• Beatfrequenz (Differenzfrequenz):

$$f_{\text{beat}} = |f_2 - f_1| = f_0 \times |q - p|$$

10.4 Harmonische Hierarchie für Faktorisierungen

• Basis (1,0 - 1,4): Klassische Harmonien

z.B.
$$\frac{3}{2} = 1,5$$
 (Quinte), $\frac{5}{4} = 1,25$ (Große Terz)

• Erweitert (1,4 - 1,6): Jazz/moderne Harmonien

z.B.
$$\frac{11}{8} = 1,375, \frac{13}{8} = 1,625$$

• Komplex (1,6 - 1,85): Mikrotonale Spektren

z.B.
$$\frac{29}{16} = 1,8125, \frac{31}{16} = 1,9375$$

• Ultra (1,85+): Xenharmonische Spektren

z.B.
$$\frac{61}{32} = 1,90625, \frac{37}{32} = 1,15625$$

10.5 Resonanz-Score für Faktorisierungen

• Optimaler Resonanzparameter:

$$\xi = \frac{1}{10}$$

• Kreisfrequenz für Periode r:

$$\omega = \frac{2\pi}{r}$$

• Resonanz-Score:

$$\operatorname{Res}(r,\xi) = \frac{1}{1 + \frac{|(\omega - \pi)^2|}{4\varepsilon}}$$

10.6 Verhältnisbasierte Berechnung zur Vermeidung von Rundungsfehlern

• Statt absoluter Werte sollten Verhältnisse verwendet werden:

$$\frac{f_1}{f_0} = p, \quad \frac{f_2}{f_0} = q, \quad \frac{f_2}{f_1} = \frac{q}{p}$$

• Harmonische Distanz (in Cent):

$$d_{\text{harm}}(n, h) = 1200 \times \left| \log_2 \left(\frac{R_{\text{oct}}(n)}{h} \right) \right|$$

• Übereinstimmungskriterium:

 $Match(n, harmonic_ratio) = TRUE wenn |R_{oct}(n) - harmonic_ratio|^2 < 4\xi$

11 FORMELZEICHENERKLÄRUNGEN

11.1 Allgemeine Symbole

- ξ = Universeller geometrischer Parameter (4/3 × 10⁻⁴)
- G = Gravitationskonstante
- c = Lichtgeschwindigkeit
- $\hbar = \text{Reduziertes Plancksches Wirkungsquantum}$
- $k_B = \text{Boltzmann-Konstante}$
- $E_P = \text{Planck-Energie}$
- $\ell_P = \text{Planck-Länge}$
- $T_0 = \text{Referenz-Zeitfeldwert}$
- $E_0 = \text{Referenz-Energiefeldwert}$

11.2 Feldtheorie-Symbole

- $E_{\text{field}} = \text{Energiefeld}$
- $T_{\text{field}} = \text{Zeitfeld}$
- $\delta E = \text{Energiefeldfluktuation}$
- $\mathcal{L} = \text{Lagrange-Dichte}$
- \square = D'Alembert-Operator
- $\Gamma_{\mu}^{(T)} = \text{Zeitfeld-Verbindung}$
- ∇ = Nabla-Operator
- ∂_{μ} = Partielle Ableitung nach Koordinate μ

11.3 Quantenmechanische Symbole

- $\psi = \text{Wellenfunktion}$
- $\gamma^{\mu} = \text{Dirac-Matrizen}$
- $\hat{H} = \text{Hamilton-Operator}$
- $|\psi\rangle = \text{Zustandsvektor}$
- $\langle A \rangle$ = Erwartungswert der Observable A
- $a_{\mu} = \text{Anomales magnetisches Moment des Myons}$
- ullet $a_{\ell}=$ Anomales magnetisches Moment eines Leptons

11.4 Teilchenphysik-Symbole

- $\alpha_{\rm EM} = {\rm Elektromagnetische\ Kopplungskonstante}$
- $\alpha_G = \text{Gravitationskopplung}$
- $\alpha_W = \text{Schwache Kopplung}$
- $\alpha_S = \text{Starke Kopplung}$
- $E_{\mu} = \text{Myon-Energie/Masse}$
- $E_e = \text{Elektron-Energie/Masse}$
- $E_{\tau} = \text{Tau-Energie/Masse}$

11.5 Kosmologische Symbole

- z = Rotverschiebung
- λ = Wellenlänge
- $\nu = \text{Frequenz}$
- $H_0 = \text{Hubble-Parameter}$
- $\theta = Ablenkungswinkel$
- ds^2 = Linienelement
- a(t) = Skalenfaktor

11.6 Spektralanalyse und Faktorisierung

- R(n) = Spektrales Verhältnis einer Zahl n
- \bullet $R_{\text{oct}}(n) = \text{Oktavenreduziertes spektrales Verhältnis}$
- $f_{\text{beat}} = \text{Beatfrequenz}$
- $\delta_{\xi} = \xi$ -verbreiterte Dirac-Funktion
- $\Psi_n = \text{Spektrale Wellenfunktion einer Zahl}$
- $\omega = \text{Kreisfrequenz}$
- \bullet $d_{\text{harm}} = \text{Harmonische Distanz}$