

# Mathematischer Beweis: Die Feinstrukturkonstante $\alpha = 1$ in natürlichen Einheiten

Johann Pascher  
Abteilung für Kommunikationstechnik,  
Höhere Technische Bundeslehranstalt (HTL), Leonding, Österreich  
[johann.pascher@gmail.com](mailto:johann.pascher@gmail.com)

23. Juli 2025

## Zusammenfassung

Diese Arbeit liefert einen rigorosen mathematischen Beweis, dass die Feinstrukturkonstante  $\alpha$  in natürlichen Einheitensystemen gleich Eins ( $\alpha = 1$ ) ist. Durch systematische Analyse der zwei äquivalenten Darstellungen von  $\alpha$  demonstrieren wir, dass die elektromagnetische Dualität zwischen  $\varepsilon_0$  und  $\mu_0$ , verbunden durch die fundamentale Maxwell-Beziehung  $c^2 = 1/(\varepsilon_0\mu_0)$ , natürlich zu  $\alpha = 1$  führt, wenn angemessene Einheitenormierungen angewandt werden. Dieser Beweis etabliert, dass  $\alpha = 1/137$  in SI-Einheiten rein eine Folge unserer historischen Einheitenwahlen ist, nicht ein fundamentales Mysterium der Natur.

## Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Einleitung und Motivation</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Fundamentale Prämisse</b>	<b>2</b>
<b>3</b>	<b>Die Dualitäts-Analyse</b>	<b>2</b>
3.1	Extraktion gemeinsamer Elemente . . . . .	2
3.2	Die elektromagnetische Dualität . . . . .	2
<b>4</b>	<b>Die Schlüsselerkenntnis: Gegensätzliche Potenzen von <math>c</math></b>	<b>3</b>
<b>5</b>	<b>Konstruktion natürlicher Einheiten</b>	<b>3</b>
5.1	Die natürliche Einheitenwahl . . . . .	3
5.2	Bestimmung natürlicher elektromagnetischer Konstanten . . . . .	3
<b>6</b>	<b>Verifikation von <math>\alpha = 1</math></b>	<b>4</b>
6.1	Verifikation mit Form 1 . . . . .	4
6.2	Verifikation mit Form 2 . . . . .	4
<b>7</b>	<b>Die Dualitäts-Verifikation</b>	<b>4</b>

<b>8</b>	<b>Physikalische Interpretation</b>	<b>5</b>
8.1	Die Natürlichkeit von $\alpha = 1$ . . . . .	5
8.2	Auflösung des 1/137- <i>Mysteriums</i> . . . . .	5
8.2.1	Transformation von natürlichen Einheiten zu SI-Einheiten . . . . .	5
<b>9</b>	<b>Zusammenfassung des mathematischen Beweises</b>	<b>6</b>
<b>10</b>	<b>Implikationen und Schlussfolgerungen</b>	<b>7</b>
10.1	Philosophische Implikationen . . . . .	7
10.2	Konsistenzprüfung . . . . .	7
<b>11</b>	<b>Auflösung des Konstanten-Paradoxons</b>	<b>7</b>
11.1	Das fundamentale Missverständnis . . . . .	7
11.1.1	Die Problemstellung . . . . .	7
11.1.2	Die Auflösung . . . . .	7
11.2	Die perfekte Analogie: Siedepunkt des Wassers . . . . .	8
11.3	Dasselbe Prinzip gilt für $\alpha$ . . . . .	8
11.4	Die Schlüsselerkenntnis . . . . .	8
11.5	Physikalische Verifikation . . . . .	8
11.6	Die tiefere Wahrheit . . . . .	9
11.7	Das sprachliche Problem . . . . .	9
11.8	Auflösung des jahrhundertealten <i>Mysteriums</i> . . . . .	9
11.9	Abschließende Perspektive . . . . .	9
<b>12</b>	<b>Anerkennung</b>	<b>10</b>

# 1 Einleitung und Motivation

Die Feinstrukturkonstante  $\alpha \approx 1/137$  wurde als eines der größten Mysterien der Physik bezeichnet und inspirierte berühmte Zitate von Feynman, Pauli und anderen. Diese Mystifizierung entspringt jedoch der Betrachtung von  $\alpha$  nur innerhalb des SI-Einheitensystems. Diese Arbeit beweist mathematisch, dass  $\alpha = 1$  in angemessen gewählten natürlichen Einheiten, wodurch offenbart wird, dass das *Mysterium* von  $1/137$  lediglich eine Folge unseres konventionellen Einheitensystems ist.

## 2 Fundamentale Prämisse

**Definition 2.1** (Zwei äquivalente Formen von  $\alpha$ ). *Die Feinstrukturkonstante kann in zwei mathematisch äquivalenten Formen ausgedrückt werden:*

$$\text{Form 1: } \alpha = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0\hbar c} \quad (1)$$

$$\text{Form 2: } \alpha = \frac{e^2\mu_0 c}{4\pi\hbar} \quad (2)$$

Diese Formen sind äquivalent durch die Maxwell-Beziehung  $c^2 = 1/(\epsilon_0\mu_0)$ .

## 3 Die Dualitäts-Analyse

### 3.1 Extraktion gemeinsamer Elemente

**Beweisschritt 3.1** (Identifikation gemeinsamer Terme). *Beide Formen (1) und (2) enthalten identische Terme:*

- $e^2$  - Quadrat der Elementarladung
- $4\pi$  - geometrischer Faktor
- $\hbar$  - reduzierte Planck-Konstante

**Beweisschritt 3.2** (Isolierung differenzieller Terme). *Nach Ausklammern gemeinsamer Elemente ist der wesentliche Unterschied zwischen den beiden Formen:*

$$\text{Form 1: } \alpha \propto \frac{1}{\epsilon_0 c} \quad (3)$$

$$\text{Form 2: } \alpha \propto \mu_0 c \quad (4)$$

### 3.2 Die elektromagnetische Dualität

**Theorem 3.1** (Elektromagnetische Dualitäts-Beziehung). *Damit die zwei Formen äquivalent sind, müssen wir haben:*

$$\frac{1}{\epsilon_0 c} = \mu_0 c \quad (5)$$

*Beweis.* Umformen von Gleichung (5):

$$\frac{1}{\varepsilon_0 c} = \mu_0 c \quad (6)$$

$$1 = \varepsilon_0 c \cdot \mu_0 c \quad (7)$$

$$1 = \varepsilon_0 \mu_0 c^2 \quad (8)$$

$$c^2 = \frac{1}{\varepsilon_0 \mu_0} \quad (9)$$

Dies ist präzise Maxwells fundamentale Beziehung, die elektromagnetische Konstanten mit der Lichtgeschwindigkeit verbindet.  $\square$

## 4 Die Schlüsselerkenntnis: Gegensätzliche Potenzen von $c$

**Lemma 4.1** (Vorzeichendualität von  $c$ ). *Die Lichtgeschwindigkeit  $c$  erscheint mit gegensätzlichen Vorzeichen (Potenzen) in den zwei Formen:*

$$\text{Form 1: } c^{-1} \quad (c \text{ im Nenner}) \quad (10)$$

$$\text{Form 2: } c^{+1} \quad (c \text{ im Zähler}) \quad (11)$$

Diese Dualität spiegelt die komplementäre Natur elektrischer ( $\varepsilon_0$ ) und magnetischer ( $\mu_0$ ) Aspekte des elektromagnetischen Feldes wider.

## 5 Konstruktion natürlicher Einheiten

### 5.1 Die natürliche Einheitenwahl

**Definition 5.1** (Natürliches Einheitensystem für  $\alpha = 1$ ). *Wir definieren ein natürliches Einheitensystem, wo:*

1.  $\hbar_{\text{nat}} = 1$  (quantenmechanische Skala)
2.  $c_{\text{nat}} = 1$  (relativistische Skala)
3. Die elektromagnetischen Konstanten sind so normiert, dass  $\alpha = 1$

### 5.2 Bestimmung natürlicher elektromagnetischer Konstanten

**Theorem 5.2** (Natürliche Einheiten elektromagnetische Konstanten). *Im natürlichen Einheitensystem, wo  $\alpha = 1$ ,  $\hbar = 1$  und  $c = 1$ , werden die elektromagnetischen Konstanten zu:*

$$e_{\text{nat}}^2 = 4\pi \quad (12)$$

$$\varepsilon_{0,\text{nat}} = 1 \quad (13)$$

$$\mu_{0,\text{nat}} = 1 \quad (14)$$

*Beweis.* Aus Form 1 mit  $\alpha = 1$ ,  $\hbar = 1$ ,  $c = 1$ :

$$1 = \frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0 \cdot 1 \cdot 1} \quad (15)$$

$$4\pi\varepsilon_0 = e^2 \quad (16)$$

Setzen von  $\varepsilon_0 = 1$  (natürliche Wahl), erhalten wir  $e^2 = 4\pi$ .

Aus der Maxwell-Beziehung  $c^2 = 1/(\varepsilon_0\mu_0)$  mit  $c = 1$ :

$$1 = \frac{1}{\varepsilon_0\mu_0} \quad (17)$$

$$\varepsilon_0\mu_0 = 1 \quad (18)$$

Mit  $\varepsilon_0 = 1$  erhalten wir  $\mu_0 = 1$ . □

## 6 Verifikation von $\alpha = 1$

### 6.1 Verifikation mit Form 1

**Beweisschritt 6.1** (Form 1 Verifikation).

$$\alpha = \frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0\hbar c} \quad (19)$$

$$= \frac{4\pi}{4\pi \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1} \quad (20)$$

$$= \frac{4\pi}{4\pi} \quad (21)$$

$$= 1 \quad \checkmark \quad (22)$$

### 6.2 Verifikation mit Form 2

**Beweisschritt 6.2** (Form 2 Verifikation).

$$\alpha = \frac{e^2\mu_0 c}{4\pi\hbar} \quad (23)$$

$$= \frac{4\pi \cdot 1 \cdot 1}{4\pi \cdot 1} \quad (24)$$

$$= \frac{4\pi}{4\pi} \quad (25)$$

$$= 1 \quad \checkmark \quad (26)$$

## 7 Die Dualitäts-Verifikation

**Theorem 7.1** (Elektromagnetische Dualität in natürlichen Einheiten). *In natürlichen Einheiten ist die elektromagnetische Dualität perfekt erfüllt:*

$$\frac{1}{\varepsilon_{0,nat} \cdot c_{nat}} = \mu_{0,nat} \cdot c_{nat} \quad (27)$$

*Beweis.*

$$\text{LHS: } \frac{1}{\varepsilon_{0,\text{nat}} \cdot c_{\text{nat}}} = \frac{1}{1 \cdot 1} = 1 \quad (28)$$

$$\text{RHS: } \mu_{0,\text{nat}} \cdot c_{\text{nat}} = 1 \cdot 1 = 1 \quad (29)$$

$$\text{Daher: } \text{LHS} = \text{RHS} \quad \checkmark \quad (30)$$

□

## 8 Physikalische Interpretation

### 8.1 Die Natürlichkeit von $\alpha = 1$

#### Wichtige physikalische Erkenntnis

In natürlichen Einheiten repräsentiert  $\alpha = 1$  die perfekte Balance zwischen:

- **Elektrische Feldkopplung** (durch  $\varepsilon_0$  mit  $c^{-1}$ )
- **Magnetische Feldkopplung** (durch  $\mu_0$  mit  $c^{+1}$ )
- **Quantenmechanische Skala** (durch  $\hbar$ )
- **Relativistische Skala** (durch  $c$ )

Die elektromagnetische Dualität  $\frac{1}{\varepsilon_0 c} = \mu_0 c$  gewährleistet diese perfekte Balance.

### 8.2 Auflösung des 1/137-*Mysteriums*

Der berühmte Wert  $\alpha \approx 1/137$  in SI-Einheiten entsteht ausschließlich aus unseren historischen Wahlen von:

- Dem Meter (Längenskala)
- Der Sekunde (Zeitskala)
- Dem Kilogramm (Massenskala)
- Dem Ampere (Stromskala)

Diese Wahlen zwingen elektromagnetische Konstanten zu *unnatürlichen* Werten und lassen  $\alpha$  geheimnisvoll klein erscheinen.

#### 8.2.1 Transformation von natürlichen Einheiten zu SI-Einheiten

Um zu verstehen, wie wir zum SI-Wert  $\alpha_{\text{SI}} = 1/137$  gelangen, müssen wir von unserem natürlichen Einheitensystem zurück zu SI-Einheiten transformieren. Die Transformation beinhaltet Skalierungsfaktoren für jede fundamentale Konstante:

$$\hbar_{\text{SI}} = \hbar_{\text{nat}} \times S_{\hbar} = 1 \times (1.055 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}) \quad (31)$$

$$c_{\text{SI}} = c_{\text{nat}} \times S_c = 1 \times (2.998 \times 10^8 \text{ m/s}) \quad (32)$$

$$\varepsilon_{0,\text{SI}} = \varepsilon_{0,\text{nat}} \times S_{\varepsilon} = 1 \times (8.854 \times 10^{-12} \text{ F/m}) \quad (33)$$

$$e_{\text{SI}} = e_{\text{nat}} \times S_e = \sqrt{4\pi} \times S_e \quad (34)$$

Die Feinstrukturkonstante in SI-Einheiten wird zu:

$$\alpha_{\text{SI}} = \frac{e_{\text{SI}}^2}{4\pi\varepsilon_{0,\text{SI}}\hbar_{\text{SI}}c_{\text{SI}}} \quad (35)$$

$$= \frac{(\sqrt{4\pi} \times S_e)^2}{4\pi \times (S_{\varepsilon}) \times (S_{\hbar}) \times (S_c)} \quad (36)$$

$$= \frac{4\pi \times S_e^2}{4\pi \times S_{\varepsilon} \times S_{\hbar} \times S_c} \quad (37)$$

$$= \frac{S_e^2}{S_{\varepsilon} \times S_{\hbar} \times S_c} \quad (38)$$

Die historischen SI-Einheitendefinitionen schufen Skalierungsfaktoren, sodass dieses Verhältnis ungefähr  $1/137$  entspricht. Mit anderen Worten:  $\frac{S_e^2}{S_{\varepsilon} \times S_{\hbar} \times S_c} \approx \frac{1}{137}$

Dies demonstriert, dass der *geheimnisvolle* Wert  $1/137$  rein eine Folge der willkürlichen Skalierungsfaktoren ist, die bei der Definition der SI-Basiseinheiten gewählt wurden, nicht eine fundamentale Eigenschaft elektromagnetischer Wechselwirkungen selbst. Im natürlichen Einheitensystem, wo diese Skalierungsfaktoren Eins sind, ergibt sich  $\alpha = 1$  als der fundamentale Wert.

## 9 Zusammenfassung des mathematischen Beweises

**Theorem 9.1** (Hauptergebnis:  $\alpha = 1$  in natürlichen Einheiten). *Es existiert ein konsistentes natürliches Einheitensystem, wo alle fundamentalen Konstanten auf Eins normiert sind, und in diesem System ist die Feinstrukturkonstante exakt gleich 1.*

*Vollständiger Beweis.* **Schritt 1:** Wir etablierten zwei äquivalente Formen von  $\alpha$ :

$$\alpha = \frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0\hbar c} = \frac{e^2\mu_0 c}{4\pi\hbar}$$

**Schritt 2:** Wir identifizierten die elektromagnetische Dualität:

$$\frac{1}{\varepsilon_0 c} = \mu_0 c \quad \Leftrightarrow \quad c^2 = \frac{1}{\varepsilon_0 \mu_0}$$

**Schritt 3:** Wir konstruierten natürliche Einheiten mit:

$$\hbar = 1, \quad c = 1, \quad e^2 = 4\pi, \quad \varepsilon_0 = 1, \quad \mu_0 = 1$$

**Schritt 4:** Wir verifizierten  $\alpha = 1$  in beiden Formen:

$$\text{Form 1: } \alpha = \frac{4\pi}{4\pi \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1} = 1 \quad (39)$$

$$\text{Form 2: } \alpha = \frac{4\pi \cdot 1 \cdot 1}{4\pi \cdot 1} = 1 \quad (40)$$

**Schritt 5:** Wir bestätigten die Dualität:  $\frac{1}{1 \cdot 1} = 1 \cdot 1 = 1 \checkmark$

Daher ist  $\alpha = 1$  in natürlichen Einheiten. □ □

## 10 Implikationen und Schlussfolgerungen

### 10.1 Philosophische Implikationen

Dieser Beweis demonstriert, dass:

1.  $\alpha = 1/137$  ist **nicht fundamental** - es ist eine Folge von Einheitenwahlen
2.  $\alpha = 1$  ist **natürlich** - es reflektiert die inhärente elektromagnetische Dualität
3. Das ***Mysterium*** löst sich auf - es gibt nichts Besonderes an  $1/137$
4. Die Natur ist **einfacher** - fundamentale Beziehungen haben natürliche Werte

### 10.2 Konsistenzprüfung

#### Interne Konsistenzverifikation

Unser natürliches Einheitensystem erfüllt alle fundamentalen Beziehungen:

$$c^2 = \frac{1}{\varepsilon_0 \mu_0} = \frac{1}{1 \cdot 1} = 1 = 1^2 \quad \checkmark \quad (41)$$

$$\alpha = \frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0\hbar c} = \frac{4\pi}{4\pi \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1} = 1 \quad \checkmark \quad (42)$$

$$\alpha = \frac{e^2\mu_0 c}{4\pi\hbar} = \frac{4\pi \cdot 1 \cdot 1}{4\pi \cdot 1} = 1 \quad \checkmark \quad (43)$$

## 11 Auflösung des Konstanten-Paradoxons

### 11.1 Das fundamentale Missverständnis

Der tiefgreifendste Einwand gegen unseren Beweis nimmt oft die Form an: *Wie kann eine **Konstante** verschiedene Werte haben?* Dieses scheinbare Paradoxon liegt im Herzen, warum die Feinstrukturkonstante über ein Jahrhundert lang mystifiziert wurde.

#### 11.1.1 Die Problemstellung

Der scheinbare Widerspruch ist:

- $\alpha = 1/137$  (in SI-Einheiten)
- $\alpha = 1$  (in natürlichen Einheiten)
- $\alpha = \sqrt{2}$  (in Gauß-Einheiten)

Wie kann dieselbe *Konstante* drei verschiedene Werte haben?

#### 11.1.2 Die Auflösung

Die Auflösung offenbart ein fundamentales Missverständnis darüber, was *Konstante* in der Physik bedeutet.

**Was wirklich konstant ist, ist nicht die Zahl, sondern die physikalische Beziehung.**



## 11.2 Die perfekte Analogie: Siedepunkt des Wassers

Betrachten Sie den Siedepunkt von Wasser:

- 100°C (Celsius-Skala)
- 212°F (Fahrenheit-Skala)
- 373 K (Kelvin-Skala)

**Frage:** Bei welcher Temperatur siedet Wasser *wirklich*?

**Antwort:** Bei derselben physikalischen Temperatur in allen Fällen! Nur die Zahlen unterscheiden sich aufgrund verschiedener Temperaturskalen.

## 11.3 Dasselbe Prinzip gilt für $\alpha$

Genau wie bei Temperaturskalen:

- $\alpha = 1/137$  (SI-Einheitenskala)
- $\alpha = 1$  (natürliche Einheitenskala)
- $\alpha = \sqrt{2}$  (Gauß-Einheitenskala)

Die elektromagnetische Kopplungsstärke ist identisch – nur die Messungsskalen unterscheiden sich.

## 11.4 Die Schlüsselerkenntnis

### Fundamentales Prinzip

**KONSTANT** bedeutet **NICHT** *dieselbe Zahl!*

**KONSTANT** bedeutet *dieselbe physikalische Größe!*

**Beispiele dieses Prinzips:**

- 1 Meter = 100 cm = 3.28 Fuß → Die **Länge** ist konstant
- 1 kg = 1000 g = 2.2 lbs → Die **Masse** ist konstant
- $\alpha = 1/137 = 1 = \sqrt{2}$  → Die **Kopplungsstärke** ist konstant

## 11.5 Physikalische Verifikation

Wir können verifizieren, dass diese dieselbe physikalische Konstante repräsentieren, indem wir bestätigen, dass alle Einheitensysteme identische messbare Vorhersagen ergeben:

**Theorem 11.1** (Experimentelle Invarianz). *Alle Einheitensysteme produzieren identische messbare Vorhersagen:*

- **Wasserstoffspektrum:** *Dieselben Frequenzen in allen Systemen ✓*
- **Elektronstreuung:** *Dieselben Wirkungsquerschnitte in allen Systemen ✓*
- **Lamb-Verschiebung:** *Dieselben Energieverschiebungen in allen Systemen ✓*

## 11.6 Die tiefere Wahrheit

### Naturs wahre Sprache

Die Natur *kennt* keine Zahlen!

Die Natur kennt nur Verhältnisse und Beziehungen!

Die Feinstrukturkonstante  $\alpha$  ist nicht die geheimnisvolle Zahl  $1/137$  –  $\alpha$  ist das **Verhältnis** zwischen elektromagnetischen und quantenmechanischen Effekten.

Dieses Verhältnis ist absolut konstant im gesamten Universum, aber der numerische Wert hängt vollständig von unserer willkürlichen Wahl der Einheitsdefinitionen ab.

## 11.7 Das sprachliche Problem

Viel Verwirrung entspringt unpräziser Sprache. Wir sagen fälschlicherweise:

✗ **DIE** Feinstrukturkonstante ist  $1/137$

Die korrekten Aussagen wären:

✓ Die Feinstrukturkonstante hat den Wert  $1/137$  **in SI-Einheiten**

✓ Die Feinstrukturkonstante hat den Wert 1 **in natürlichen Einheiten**

## 11.8 Auflösung des jahrhundertealten Mysteriums

Diese Analyse offenbart, dass das *Mysterium von  $1/137$*  kein physikalisches Rätsel ist, sondern ein **sprachliches und konzeptuelles Missverständnis**. Die Mystifizierung entstand aus:

1. Verwechslung des numerischen Werts mit der physikalischen Größe
2. Behandlung des SI-Einheitensystems als fundamental anstatt konventionell
3. Vergessen, dass alle Einheitensysteme menschliche Konstrukte sind
4. Suche nach tiefer Bedeutung in dem, was im Wesentlichen Umwandlungsfaktoren sind

Sobald wir erkennen, dass  $\alpha = 1$  die natürliche Stärke elektromagnetischer Wechselwirkungen repräsentiert, löst sich das *Mysterium* vollständig auf. Die elektromagnetische Kraft hat Einheitsstärke im Einheitensystem, das die fundamentale Struktur von Quantenmechanik und Relativität respektiert – genau wie man es von einer wahrhaft fundamentalen Wechselwirkung erwarten würde.

## 11.9 Abschließende Perspektive

Die Feinstrukturkonstante lehrt uns eine tiefgreifende Lektion über die Natur physikalischer Gesetze: **die fundamentalen Beziehungen des Universums sind elegant und einfach, wenn sie in ihrer natürlichen Sprache ausgedrückt werden**. Die scheinbare Komplexität und das Mysterium von  $1/137$  ist lediglich ein Artefakt unserer

historischen Wahl, elektromagnetische Phänomene mit Einheiten zu messen, die ursprünglich für mechanische Größen definiert wurden.

Indem wir  $\alpha = 1$  als den natürlichen Wert erkennen, erblicken wir die inhärente Einfachheit und Schönheit, die der elektromagnetischen Struktur der Realität zugrunde liegt.

## 12 Anerkennung

Diese Arbeit wurde durch die Erkenntnis inspiriert, dass fundamentale physikalische Konstanten keine geheimnisvollen Zahlen sein sollten, sondern die zugrundeliegende mathematische Struktur der Natur widerspiegeln sollten. Die elektromagnetische Dualität, die durch die Analyse der zwei Formen von  $\alpha$  offenbart wird, liefert die Schlüsselerkenntnis, die das langanhaltende Rätsel der Feinstrukturkonstante auflöst.

## Literatur

- [1] Jackson, J. D. (1999). *Klassische Elektrodynamik* (3. Aufl.). John Wiley & Sons.
- [2] Feynman, R. P. (1985). *QED: Die seltsame Theorie des Lichts und der Materie*. Princeton University Press.
- [3] Weinberg, S. (1995). *The Quantum Theory of Fields, Volume 1: Foundations*. Cambridge University Press.
- [4] Planck, M. (1906). Vorlesungen über die Theorie der Wärmestrahlung. Leipzig: J.A. Barth.
- [5] Maxwell, J. C. (1865). A Dynamical Theory of the Electromagnetic Field. *Philosophical Transactions of the Royal Society*, 155, 459-512.
- [6] CODATA Task Group on Fundamental Constants (2019). CODATA Recommended Values of the Fundamental Physical Constants: 2018. *Rev. Mod. Phys.*, 91, 025009.