

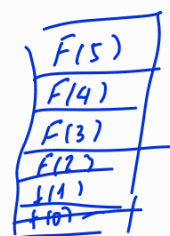
def fact (n) :
 if (n == 0) return 1
 return n * fact(n-1)

Argumentos
 definicion
 Forward
 Caso base
 llamado recursivo

$O(1)$

Backtracking →
 "Lo que se hace despues del llamado recursivo"
 "lo que se hace antes del siguiente llamado en el stack"

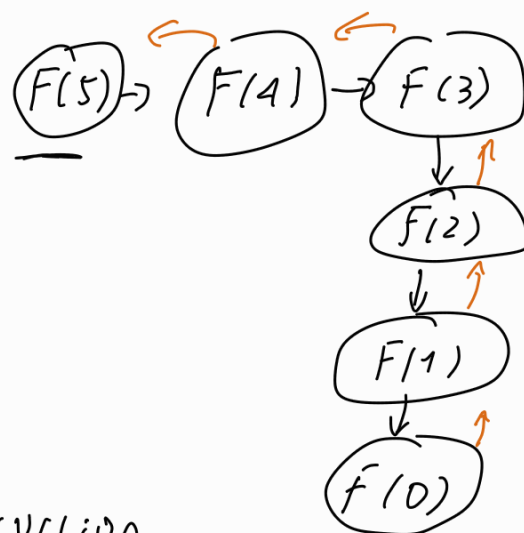
Stack



fact(5)

Representa un arbol

- ↳ Existe el árbol de recursión (AR)
- ↳ Representación grafica del stack y el orden de los llamados



Como calcular complejidades en una recursion

1. # nodos en AR • $O(f(n))$

$$6 \cdot O(1)$$

$$\text{Fact}(n) = O(n) \cdot O(1) \\ = O(n)$$

1. Despejar expresión matematica

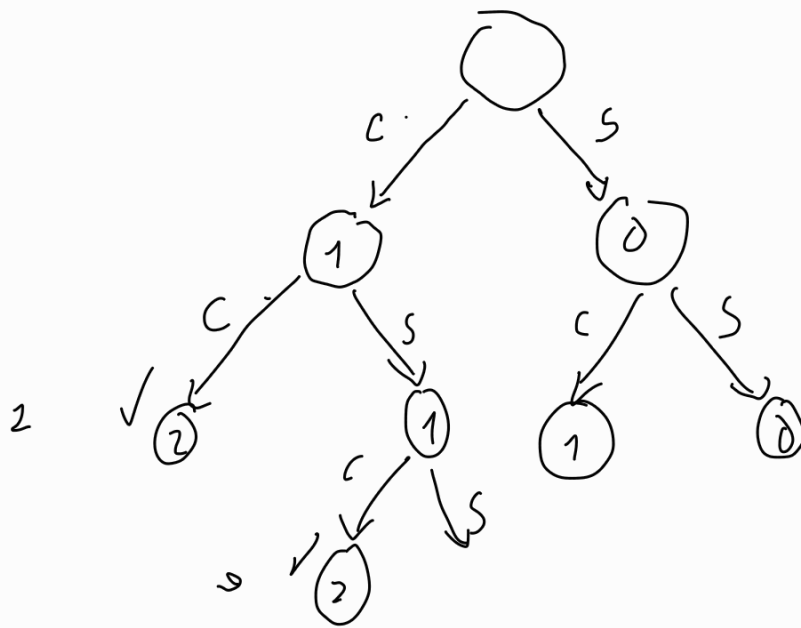
Valor esperado.
 ↳ # de lanzamientos de una moneda para tener 2 caras.

$$O(n) \quad \underline{x} = \underline{8x} + 10 \Rightarrow x - 8x = 10$$

$$x(1-8) = 10 \rightarrow x = \frac{10}{-7}$$

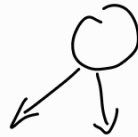
$$\underline{x} = \underline{x^2} + \underline{\sqrt{x}} + \underline{\sin(x)} + \underline{8}$$

$$\underline{F(n)} = \underline{f(n-1)} \cdot \underline{O(1)}$$



2. Arbol de recursion

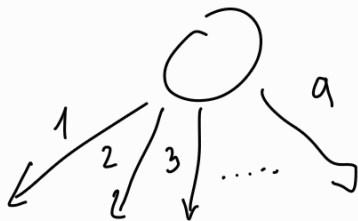
Lanzamiento de moneda



Lanzamiento de un dado



Resolviendo Sudoku



- Identificar comportamientos de crecimiento de árbol óptima $\leq q^q$

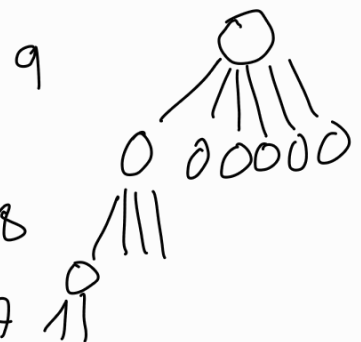
1 nodo
• 1 arbor

+
8 nodos
• 7 arbor

+
7 nodos
• 6 arbor

+
...

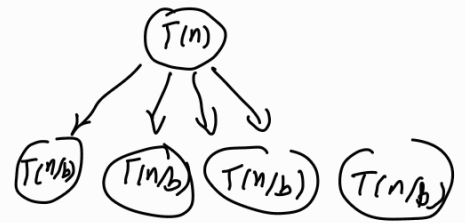
2 nodos
• 1 arbor



3. Teorema Maestro.

$$T(n) = \underline{a} \cdot T(\underline{\frac{n}{b}}) + \underline{O(T(n))}$$

Expresar una función recursiva de esta manera
existen reglas (escritas) para aproximar a
una expresión matemática.



$$\underline{f(a \oplus b)} = \underline{f(a)} \oplus \underline{f(b)}$$

Divide y Venceras.

Calcular
Sumas

3, 4, 5	8, 9, 10	98, 99, 100
3 + 4 + 5	8 + 9 + 10	98 + 99 + 100
39	27	297
39 + 27 + 297 = 336		

• Dividir → Identificar sub
problema /

• Resolver → Logica de resolver
un subproblema

• Unir → Como utilizar las
soluciones de cada
subproblema.

Caso 0 de uso de Divide y Venceras.

Paralelizar.

Multi cores.



Quad tree.

