



Inteligência Artificial

Resolução de problemas como problemas de pesquisa no
espaço de estados

42470: João Cavaco

42501: Gerson Abreu

43014: Nuno Sousa

2020/2021

Problema 1

a)

Para a construção do tabuleiro e os devidos obstáculos, foi definido um predicado *lim/2* para verificar se uma determinada posição se encontra dentro do tabuleiro, uma série de factos “bloqueadas” que guarda as posições que o agente não pode aceder.

```
lim(X,Y):-  
    X < 7,  
    X >=0,  
    Y < 7,  
    Y>=0.  
  
estado_inicial((1,0)).  
estado_final((4,6)).  
  
bloqueadas((0,5)).  
bloqueadas((6,2)).  
bloqueadas((5,2)).  
bloqueadas((3,1)).  
bloqueadas((3,2)).  
bloqueadas((3,3)).  
bloqueadas((6,4)).
```

Neste caso decidimos optar por definir um predicado `op/4` indicando as ações que é possível o agente realizar. Estas ações são: `dir` (direita), `sobe`(subir), `esq`(esquerda) e `desc`(descer).

```
%representacao dos operadores
%op(Estado_atual, operador, estado_seguinte, custo)
op((X, Y), dir, (Z, Y), 1):-
    lim(X,Y),
    Z is X+1,
    \+ bloqueadas((Z,Y)).

op((X, Y),sobe, (X, Z), 1):-
    lim(X,Y),
    Z is Y+1,
    \+ bloqueadas((X, Z)).

op((X, Y), esq, (Z, Y), 1):-
    lim(X,Y),
    Z is X-1,
    \+ bloqueadas((Z,Y)).

op((X, Y), desce, (X, Z), 1):-
    lim(X,Y),
    Z is Y-1,
    \+ bloqueadas((X, Z)).
```

b)

O algoritmo de pesquisa não informada mais eficiente para resolver este problema foi o algoritmo de pesquisa em profundidade cujo código está na figura [Pesquisa não informada](#).

c)

Pesquisa em Largura:

- Custo / Profundidade: 9
- Estados visitados: 169
- Estados em memória: 81

Pesquisa em Profundidade:

- Custo / Profundidade: 17
- Estados visitados: 25
- Estados em memória: 18

Deste modo concluímos que a pesquisa em profundidade mostra-se mais eficiente para este problema em específico, tendo menor número de estados visitados e menor número de estados guardados em memória.

d)

Para a realização da pesquisa informada foram utilizadas duas heurísticas, a heurística de Manhattan e uma alternativa. A de Manhattan calcula a distância de um estado ao estado final, sendo que os nós são expandidos de acordo com este valor, o nó de menor valor é expandido primeiro. Quanto à heurística alternativa, prevê sempre o valor 0 tornando assim o algoritmo de pesquisa A* na variante best-first search do algoritmo de pesquisa em largura.

```
% Heuristica de Manhattan
h((X,Y),Val):- estado_final((Xf,Yf)),
                mod(Vi, Xf, X), mod(Vj, Yf, Y),
                Val is (Vi+Vj).

% Heuristica alternativa
h((X,Y),0).
```

e)

O algoritmo de pesquisa informada mais eficiente utilizando ambas as heurísticas é o algoritmo de pesquisa greedy pois este visita e armazena menos estados em memória ao mesmo tempo que o algoritmo A*. O código do algoritmo encontra-se no anexo [Pesquisa informada](#).

f)

Heurística de Manhattan

Algoritmo A*:

- Estados visitados 98
- Estados em memória 97

Algoritmo Greedy:

- Estados visitados 9
- Estados em memória 15

Heurística de valor 0

Algoritmo A*:

- Estados visitados 170
- Estados em memória 81

Algoritmo Greedy:

- Estados visitados 169
- Estados em memória 81

Problema 2

a)

Para a construção do tabuleiro e os devidos obstáculos, foi definido um predicado *lim/2* para verificar se uma determinada posição se encontra dentro do tabuleiro, uma série de factos “bloqueadas” que recebe as coordenadas das posições que o agente e a caixa não podem aceder, os estados são agora representados pela combinação das coordenadas do agente e da caixa.

```
lim(A,B) :-  
    A < 7,  
    A >= 0,  
    B < 7,  
    B >= 0.  
  
estado_inicial(((1,0),(1,1))).  
estado_final(((4,5),(4,6))).  
  
bloqueadas((0,5)).  
bloqueadas((6,2)).  
bloqueadas((5,2)).  
bloqueadas((3,1)).  
bloqueadas((3,2)).  
bloqueadas((3,3)).  
bloqueadas((6,4)).
```

Neste caso decidimos optar por definir um predicado "op" indicando as ações que o agente e a caixa podem realizar. Para se moverem é adicionado ao eixo em que irá deslocar +1 ou -1, sendo assim possível movimentarem-se nas quatro direções possíveis. É necessário verificar as dimensões do tabuleiro e verificar se a casa não é bloqueada. Para a movimentação da caixa, o agente tem que estar do lado oposto ao movimento, movendo-se também, implementando assim o ato de empurrar.

```
%op(Estado_act,operador,Estado_seg,Custo)
op(((X,Y),(Xc,Yc)), (N,M), ((X1,Y1),(X1c,Y1c)), 1):-
    member(N,[1, -1]),
    member(M,[0]),
    X is Xc-N, Y is Yc - M,
    X1 = Xc, Y1 = Yc,
    X1c is Xc+N, Y1c is Yc + M,
    \+ bloqueadas((X1c,Y1c)),
    lim(X1c,Y1c).

op(((X,Y),(Xc,Yc)), (N,M), ((X1,Y1),(X1c,Y1c)), 1):-
    member(N,[0]),
    member(M,[1, -1]),
    X is Xc-N, Y is Yc - M,
    X1 = Xc, Y1 = Yc,
    X1c is Xc+N, Y1c is Yc + M,
    \+ bloqueadas((X1c, Y1c)),
    lim(X1c,Y1c).

op(((X,Y),(Xc,Yc)), (N,M), ((X1,Y1),(Xc,Yc)), 1):-
    member(M,[1,-1]),
    member(N,[0]),
    X1 is X+N, Y1 is Y+M, lim(X1,Y1),
    ( X1,Y1) \= (Xc,Yc),
    \+ bloqueadas((X1, Y1)).
```



```
op(((X,Y),(Xc,Yc)), (N,M), ((X1,Y1),(Xc,Yc)), 1):-  
    member(M,[0]),  
    member(N,[1,-1]),  
    X1 is X+N, Y1 is Y+M, lim(X1,Y1),  
(    X1,Y1) \= (Xc,Yc),  
    \+ bloqueadas((X1, Y1)).
```

b)

O algoritmo de pesquisa não informada mais eficiente a resolver este problema foi o algoritmo de pesquisa em profundidade cujo código está na figura [Pesquisa não informada](#).

c)

Largura:

- Custo / Profundidade: 16
- Estados visitados: 5538
- Estados em memória: 978

Profundidade:

- Custo / Profundidade: 82
- Estados visitados: 1150
- Estados em memória: 109

d)

Para a realização da pesquisa informada foram utilizadas duas heurísticas, a heurística de Manhattan que tem em consideração a posição do agente e uma heurística de Manhattan que tem em consideração a posição da caixa.

```
%heurísticas  
% Alterar o nome do predicado para h antes de utilizar  
hAgente( ((Xa,Ya),_) ,Val):-  
    estado_final(((Xfa,Yfa),_)),  
    mod(Vi, Xfa, Xa),  
    mod(Vj, Yfa, Ya),  
    Val is (Vi+Vj).  
  
hCaixa(( _,(Xc,Yc) ),Val):-  
    estado_final((_,(Xfc,Yfc))),  
    mod(Vi, Xfc, Xc),  
    mod(Vj, Yfc, Yc),  
    Val is (Vi+Vj).  
  
mod(Vj,X,Y) :-X<Y,!, Vj is Y-X.  
mod(Vj,X,Y) :-Vj is X-Y.
```

e)

O algoritmo de pesquisa informada mais eficiente utilizando ambas as heurísticas é o algoritmo de pesquisa greedy pois este visita e armazena menos estados em memória ao mesmo tempo que o algoritmo A*. O código do algoritmo encontra-se no anexo [Pesquisa informada](#).

f)

Heurística da Posição do Agente

Algoritmo A*:

- Estados visitados: 2920
- Estados em memória: 820

Algoritmo Greedy:

- Estados visitados: 664
- Estados em memória: 315

Heurística da Posição da Caixa

Algoritmo A*:

- Estados visitados: 1631
- Estados em memória: 637

Algoritmo Greedy:

- Estados visitados: 654
- Estados em memória: 75

Instruções para correr o código

Utilizar o swi-prolog visto que o gprolog "rebenta" no ex2 com a pesquisa não informada devido ao tamanho da stack.

Carregar o ficheiro pni.pl para obter as respostas às questões do enunciado relativas à pesquisa não informada através dos seguintes comandos.

- `pesquisa(ex1,largura).`
- `pesquisa(ex1,profundidade).`
- `pesquisa(ex2,largura).`
- `pesquisa(ex2,profundidade).`

Carregar o ficheiro pi.pl para obter as respostas às questões do enunciado relativas à pesquisa informada através dos seguintes comandos.

- `pesquisa(ex1,largura).`
- `pesquisa(ex1,profundidade).`
- `pesquisa(ex2,largura).`
- `pesquisa(ex2,profundidade).`

Código

```
:-dynamic(estados_visitados/1).
:-dynamic(fechado/1).

pesquisa(Problema,Alg):-
    consult(Problema),
    estado_inicial(S0),
    reset_estados_visitados, % reset e inicializa
    pesquisa(Alg,[no(S0,[],[],0,0)],Solucao),
    escreve_seq_solucao(Solucao),
    retractall(fechado(_)).

guarda(L):-
    retract(estados_em_memoria(T)),
    maior(T,L,M),
    assertz(estados_em_memoria(M)).

pesquisa(largura,Ln,Sol):-
    pesquisa_largura(Ln,Sol).

pesquisa(profundidade,Ln,Sol):-
    pesquisa_profundidade(Ln,Sol).

pesquisa_largura([no(E,Pai,Op,C,P)|_],no(E,Pai,Op,C,P)):-
    estado_final(E).

pesquisa_largura([E|R],Sol):-
    expande(E,Lseg), esc(E),
    E=no(Ei,_Pai,_Op,_C,_P),
    assertz(fechado(Ei)),
    insere_fim(Lseg,R,Resto),
```

```

    inc_estados_visitados,
    length(Resto, L), guarda(L),
    pesquisa_largura(Resto,Sol).

pesquisa_profundidade([no(E,Pai,Op,C,P)|_],no(E,Pai,Op,C,P)):-
    estado_final(E).

pesquisa_profundidade([E|R],Sol):-
    expande(E,Lseg), esc(E),
    E=no(Ei,_Pai,_Op,_C,_P),
    assertz(fechado(Ei)),
    insere_fim(R,Lseg,Resto),
    inc_estados_visitados,
    length(Resto, L), guarda(L),
    pesquisa_profundidade(Resto,Sol).

expande(no(E,Pai,Op,C,P),L):-
    findall(no(En,no(E,Pai,Op,C,P),Opn,Cnn,P1),
    (
        op(E,Opn,En,Cn),
        P1 is P+1,
        Cnn is Cn+C,
        \+fechado(En)),
    L).

insere_fim([],L,L).
insere_fim(L,[],L).
insere_fim(R,[A|S],[A|L]):-
    insere_fim(R,S,L).

escreve_seq_solucao(no(E,Pai,Op,Custo,Prof)):- nl,nl,
    escreve_seq_accoes(no(E,Pai,Op,_,_)),
    write(custo(Custo)),nl,

```

```

write(profundidade(Prof)),nl,
estados_visitados(A),
estados_em_memoria(B),
write(estados_visitados(A)),nl,
write(estados_em_memoria(B)),nl.

escreve_seq_accoes([]).
escreve_seq_accoes(no(E,Pai,Op,_,_)):-
    escreve_seq_accoes(Pai),
    write(e(Op,E)),nl.

esc(A):- write(A), nl.

inc_estados_visitados:-
    retract(estados_visitados(Y)),
    Z is Y + 1,
    assertz(estados_visitados(Z)).

reset_estados_visitados:-
    retractall(estados_visitados(_)),
    retractall(estados_em_memoria(_)),
    asserta(estados_visitados(0)),
    asserta(estados_em_memoria(0)).

maior(X,Y,Z):-
    X > Y -> Z = X;
    X < Y -> Z = Y;
    Z = X.

```

Pesquisa não informada

```

:-dynamic(fechado/1).
:-dynamic(maxNL/1).

```

```

:-dynamic(nos/1).

maxNL(0).
nos(0).

inc:-
    retract(nos(N)),
    N1 is N+1,
    asserta(nos(N1)).

actmax(N):-
    maxNL(N1),
    N1 >= N,!.

actmax(N):-
    retract(maxNL(_N1)),
    asserta(maxNL(N)).

pesquisa(Problema,Alg):-
    consult(Problema),
    estado_inicial(S0),
    pesquisa(Alg,[no(S0,[],[],0,1,0)],Solucao),
    escreve_seq_solucao(Solucao),
    retract(nos(Ns)),retract(maxNL(NL)),
    asserta(nos(0)),asserta(maxNL(0)),
    write(nos(visitados(Ns),lista(NL))).

pesquisa(a,E,S):- pesquisa_a(E,S).

pesquisa(g,E,S):- pesquisa_g(E,S).

pesquisa_a([no(E,Pai,Op,C,HC,P)|_],no(E,Pai,Op,C,HC,P)):-

```



```

    estado_final(E),
    inc.

pesquisa_a([E|R],Sol):-
    inc,
    asserta(fechado(E)),
    expande(E,Lseg),
    esc(E),
    insere_ord(Lseg,R,Resto),
    length(Resto,N),
    actmax(N),
    pesquisa_a(Resto,Sol).

pesquisa_g([no(E,Pai,Op,C,HC,P)|_],no(E,Pai,Op,C,HC,P)):-
    estado_final(E).

pesquisa_g([E|R],Sol):-
    inc,
    asserta(fechado(E)),
    expande_g(E,Lseg),
    %esc(E),
    insere_ord(Lseg,R,Resto),length(Resto,N), actmax(N),
    pesquisa_g(Resto,Sol).

expande(no(E,Pai,Op,C,HC,P),L):-
    findall(no(En,no(E,Pai,Op,C,HC,P),Opn,Cnn,HCnn,P1),
    (    op(E,Opn,En,Cn),
        \+ fechado(no(En,-,-,-,-,-))),
    P1 is P+1,
    Cnn is Cn+C, h(En,H),
    HCnn is Cnn+H), L).

```

```

expande_g(no(E,Pai,Op,C,HC,P),L):-
    findall(no(En,no(E,Pai,Op,C,HC,P),
        Opn,Cnn,H,P1),
    (    op(E,Opn,En,Cn),
        \+ fechado(no(En,_,_,_,_,_)),
        P1 is P+1, Cnn is Cn+C, h(En,H)), L).

insere_ord([],L,L).
insere_ord([A|L],L1,L2):-
    insereE_ord(A,L1,L3),
    insere_ord(L,L3,L2).

insereE_ord(A,[],[A]).
insereE_ord(A,[A1|L],[A,A1|L]):-
    menor_no(A,A1),!.
insereE_ord(A,[A1|L],[A1|R]):-
    insereE_ord(A,L,R).

menor_no(no(_,_,_,_,N,_), no(_,_,_,_,N1,_)):-
    N < N1.

escreve_seq_solucao(no(E,Pai,Op,Custo,_HC,Prof)):-
    write(custo(Custo)),nl,
    write(profundidade(Prof)),nl,
    escreve_seq_accos(no(E,Pai,Op,_,_,_)),
    maxNL(Tata),
    write(Tata),nl.

escreve_seq_accos([]).
escreve_seq_accos(no(E,Pai,Op,_,_,_)):-
    escreve_seq_accos(Pai),
    write(e(Op,E)),nl.

```

```
esc(A):- write(A), nl.
```

Pesquisa informada