经典检索算法：BM25原理

超级个体颛顼 关注

0.846 2017.12.06 14:58:59 字数 1,408 阅读 30,389

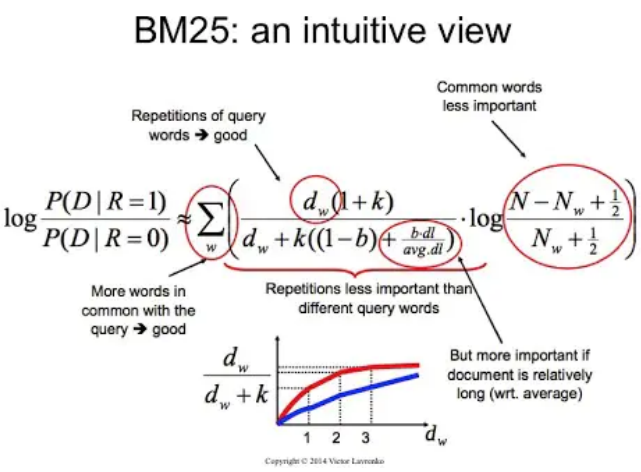

image.png

本文cmd地址：经典检索算法：BM25原理

bm25 是什么?

bm25 是一种用来评价搜索词和文档之间相关性的算法，它是一种基于**概率检索模型**提出的算法，再用简单的话来描述下bm25算法：我们有一个query和一批文档Ds，现在要计算query和每篇文档D之间的相关性分数，我们的做法是，先对query进行切分，得到单词q_i，然后单词的分数由3部分组成：

- 单词q_i和D之间的相关性
- 单词q_i和D之间的相关性
- 每个单词的权重

最后对于每个单词的分数我们做一个求和，就得到了query和文档之间的分数。

bm25 解释

讲bm25之前，我们要先介绍一些概念。

二值独立模型 BIM

BIM(binary independence model)是为了对文档和query相关性评价而提出的算法，BIM为了计算$P(R|d,q)$，引入了两个基本假设：

假设1
一篇文章在由特征表示的时候，只考虑词出现或者不出现，具体来说就是文档d在表示为向量$\vec x=(x_1,x_2,...,x_n)$，其中当词t出现在文档d时，$x_t=1$，否在$x_t=0$。
假设2
文档中词的出现与否是彼此独立的，数学上描述就是$P(D)=\sum_{i=0}^n P(x_i)$

推荐阅读

浅谈搜索引擎基础（上）
阅读 4,907

浅谈智能搜索和对话式OS
阅读 11,106

BM25下一代Lucene相关性算法
阅读 4,554

Solr&ElasticSearch原理及应用
阅读 5,716

elasticsearch relevance scoring 检索相关性计算
阅读 3,605

经典检索算法：BM25原理

超级个体颛顼 关注 赞赏支持

$P(\vec{x}|\vec{q})$

其中

$$P(\vec{x}|R=1,\vec{q}) \text{ 和 } P(\vec{x}|R=0,\vec{q})$$

分别表示当返回一篇相关或不相关文档时文档表示为x的概率。

接着因为我们最终得到的是一个排序，所以，我们通过计算文档和query相关和不相关的比率，也可得文档的排序，有下面的公式：

$$O(R|\vec{x},\vec{q})=\frac{P(R=1|\vec{x},\vec{q})}{P(R=0|\vec{x},\vec{q})}=\frac{\frac{P(R=1|\vec{q})P(\vec{x}|R=1,\vec{q})}{P(\vec{x}|\vec{q})}}{\frac{P(R=0|\vec{q})P(\vec{x}|R=0,\vec{q})}{P(\vec{x}|\vec{q})}}=\frac{P(R=1|\vec{q})}{P(R=0|\vec{q})}\cdot\frac{P(\vec{x}|R=1,\vec{q})}{P(\vec{x}|R=0,\vec{q})}$$

其中

$$\frac{P(R=1|\vec{q})}{P(R=0|\vec{q})}$$

是常数，我们可以不考虑，再根据之前的假设2：一个词的出现 与否与任意一个其他词的出现与否是互相独立的，我们可以化简上面的式子：

$$\frac{P(\vec{x}|R=1,\vec{q})}{P(\vec{x}|R=0,\vec{q})}=\prod_{t=1}^{M}\frac{P(x_t|R=1,\vec{q})}{P(x_t|R=0,\vec{q})}$$

由于每个 xt 的取值要么为 0 要么为 1，所以，我们可得到：

$$O(R|\vec{x},\vec{q})=O(R|\vec{q})\cdot\prod_{t:x_t=1}\frac{P(x_t=1|R=1,\vec{q})}{P(x_t=1|R=0,\vec{q})}\cdot\prod_{t:x_t=0}\frac{P(x_t=0|R=1,\vec{q})}{P(x_t=0|R=0,\vec{q})}$$

我们接着引入一些记号：

$$p_t=P(x_t=1|R=1,\vec{q})$$

：词出现在相关文档的概率

$$u_t=P(x_t=1|R=0,\vec{q})$$

：词出现在不相关文档的概率

推荐阅读

浅谈搜索引擎基础（上）
阅读 4,907

浅谈智能搜索和对话式OS
阅读 11,106

BM25下一代Lucene相关性算法
阅读 4,554

Solr&ElasticSearch原理及应用
阅读 5,716

elasticsearch relevance scoring 检索相关性计算
阅读 3,605

经典检索算法：BM25原理

超级个体颛顼 关注 赞赏支持

词项出现	x_t=1	p_t	u_t
词项不出现	x_t=0	$1-p_t$	$1-u_t$

于是我们就可得到：

$$O(R|\vec{x},\vec{q}) = O(R|\vec{q}) \cdot \prod_{t:x_t=1} \frac{P(x_t=1|R=1,\vec{q})}{P(x_t=1|R=0,\vec{q})} \cdot \prod_{t:x_t=0} \frac{P(x_t=0|R=1,\vec{q})}{P(x_t=0|R=0,\vec{q})}$$

pt 1-pt ut 1-ut

$$O(R|\vec{x},\vec{q}) = O(R|\vec{q}) \cdot \prod_{t:x_t=q_t=1} \frac{p_t}{u_t} \cdot \prod_{t:x_t=0,q_t=1} \frac{1-p_t}{1-u_t}$$

我们接着做下面的等价变换：

$$= \prod_{t:d_t=1} \frac{p_t}{s_t} \times \left(\prod_{t:d_t=1} \frac{1-s_t}{1-p_t} \times \prod_{t:d_t=1} \frac{1-p_t}{1-s_t} \right) \times \prod_{t:d_t=0} \frac{1-p_t}{1-s_t}$$

u u u u

$$= \left(\prod_{t:d_t=1} \frac{p_t}{s_t} \times \prod_{t:d_t=1} \frac{1-s_t}{1-p_t} \right) \times \left(\prod_{t:d_t=1} \frac{1-p_t}{1-s_t} \times \prod_{t:d_t=0} \frac{1-p_t}{1-s_t} \right)$$

u u u u

$$O(R|\vec{x},\vec{q}) = O(R|\vec{q}) \cdot \prod_{t:x_t=q_t=1} \frac{p_t(1-u_t)}{u_t(1-p_t)} \cdot \prod_{t:q_t=1} \frac{1-p_t}{1-u_t}$$

此时，公式中

$$\prod_{t:x_t=q_t=1} \frac{p_t(1-u_t)}{u_t(1-p_t)}$$

根据出现在文档中的词计算，

$$\prod_{t:q_t=1} \frac{1-p_t}{1-u_t}$$

则是所有词做计算，不需要考虑，此时我们定义RSV （retrieval status value），检索状态值：

$$RSV_d = \log \prod_{t:x_t=q_t=1} \frac{p_t(1-u_t)}{u_t(1-p_t)} = \sum_{t:x_t=q_t=1} \log \frac{p_t(1-u_t)}{u_t(1-p_t)}$$

定义单个词的ct

$$c_t = \log \frac{p_t(1-u_t)}{u_t(1-p_t)} = \log \frac{p_t}{u_t} + \log \frac{1-u_t}{1-p_t}$$

推荐阅读

浅谈搜索引擎基础（上）
阅读 4,907

浅谈智能搜索和对话式OS
阅读 11,106

BM25下一代Lucene相关性算法
阅读 4,554

Solr&ElasticSearch原理及应用
阅读 5,716

elasticsearch relevance scoring 检索相关性计算
阅读 3,605

经典检索算法：BM25原理

超级个体颛顼 关注 赞赏支持

	文档	相关	不相关	总计
词项出现	$x_t=1$	s	df_t-s	df_t
词项不出现	$x_t=0$	$S-s$	$(N-\mathrm{df}_t)-(S-s)$	$N-\mathrm{df}_t$
	总计	S	$N-S$	N

其中dft是包含词t的文档总数，于是

$$p_t=s/S \ , \ u_t=(\mathrm{df}_t-s)/(N-S)$$

，

此时词t的ct值是：

$$c_t = K(N, df_t, S, s) = \log \frac{s/(S-s)}{(df_t - s)/((N-df_t)-(S-s))}$$

为了做平滑处理，我们都加上1/2，得到：

$$\hat{c}_t = K(N, df_t, S, s) = \log \frac{(s+\frac{1}{2})/(S-s+\frac{1}{2})}{(df_t - s+\frac{1}{2})/(N-df_t-S+s+\frac{1}{2})}$$

在实际中，我们很难知道t的相关文档有多少，所以假设S=s=0，所以：

$$RSV_d = \sum_{t \in q} \log \frac{N-df_t+\frac{1}{2}}{df_t+\frac{1}{2}}$$

其中N是总的文档数，dft是包含t的文档数。

以上就是BIM的主要思想，后来人们发现应该讲BIM中没有考虑到的词频和文档长度等因素都考虑进来，就有了后面的BM25算法，下面按照

- 单词t和D之间的相关性
- 单词t和D之间的相关性
- 每个单词的权重

3个部分来介绍bm25算法。

单词权重

单词的权重最简单的就是用idf值，即

$$\log\left[\frac{N}{df_t}\right]$$

推荐阅读

浅谈搜索引擎基础（上）
阅读 4,907

浅谈智能搜索和对话式OS
阅读 11,106

BM25下一代Lucene相关性算法
阅读 4,554

Solr&ElasticSearch原理及应用
阅读 5,716

elasticsearch relevance scoring 检索相关性计算
阅读 3,605

经典检索算法：BM25原理

超级个体颛顼 关注 赞赏支持

字、有两个部分的词频函数，还有一个就是用上面得到的ct值。

单词和文档的相关性

tf-idf中，这个信息直接就用"词频"，如果出现的次数比较多，一般就认为更相关。但是BM25洞察到：词频和相关性之间的关系是非线性的，具体来说，每一个词对于文档相关性的分数不会超过一个特定的阈值，当词出现的次数达到一个阈值后，其影响不再线性增长，而这个阈值会跟文档本身有关。

在具体操作上，我们对于词频做了"标准化处理"，具体公式如下：

$$\frac{(k_1+1)tf_{td}}{k_1[(1-b)+b\times(L_d/L_{\text{ave}})]+tf_{td}}$$

其中，tftd 是词项 t 在文档 d 中的权重，Ld 和 Lave 分别是文档 d 的长度及整个文档集中文档的平均长度。k1是一个取正值的调优参数，用于对文档中的词项频率进行缩放控制。如果 k 1取 0，则相当于不考虑词频，如果 k 1取较大的值，那么对应于使用原始词项频率。b 是另外一个调节参数 （0≤ b≤ 1），决定文档长度的缩放程度：b = 1 表示基于文档长度对词项权重进行完全的缩放，b = 0 表示归一化时不考虑文档长度因素。

单词和查询的相关性

如果查询很长，那么对于查询词项也可以采用类似的权重计算方法。

$$\frac{(k_3+1)tf_{tq}}{k_3+tf_{tq}}$$

其中，tftq是词项t在查询q中的权重。这里k3 是另一个取正值的调优参数，用于对查询中的词项tq 频率进行缩放控制。

于是最后的公式是：

单词权重 idf　　单词和文档相关性　　单词和query相关性

$$RSV_d=\sum_{t\in q}\log\left[\frac{N}{df_t}\right]\cdot\frac{(k_1+1)tf_{td}}{k_1[(1-b)+b\times(L_d/L_{ave})]+tf_{td}}\cdot\frac{(k_3+1)tf_{td_{tq}}}{k_3+tf_{td_{tq}}}$$

bm25 gensim中的实现

gensim在实现bm25的时候idf值是通过BIM公式计算得到的：

经典检索算法：BM25原理

超级个体颛顼 关注 赞赏支持

然后也没有考虑单词和query的相关性。

```
def get_score(self, document, index, average_idf):
    score = 0
    for word in document:
        if word not in self.f[index]:
            continue
        idf = self.idf[word] if self.idf[word] >= 0 else EPSILON * average_idf
        score += (idf * self.f[index][word] * (PARAM_K1 + 1)
                  / (self.f[index][word] + PARAM_K1 * (1 - PARAM_B + PARAM_B * len(document) / self.avgdl)))
    return score
```

其中几个关键参数取值：

```
PARAM_K1 = 1.5
PARAM_B = 0.75
EPSILON = 0.25
```

此处 `EPSILON` 是用来表示出现负值的时候怎么获取idf值的。

总结下本文的内容：BM25是检索领域里最基本的一个技术，BM25 由三个核心的概念组成，包括词在文档中相关度、词在查询关键字中的相关度以及词的权重。BM25里的一些参数是经验总结得到的，后面我会继续介绍BM25的变种以及和其他文档信息（非文字）结合起来的应用。

参考

BM25 算法浅析

搜索之 BM25 和 BM25F 模型

经典搜索核心算法：BM25 及其变种

信息检索导论

超级个体颛顼 专注大规模分布式系统开发，紧跟人工智能浪潮
总资产182 (约7.99元) 共写了10.2W字 获得503个赞 共518个粉丝 关注