

Tietorakenteet ja algritmit harjoitustyö

A* ja Dijkstran algoritmin vertailuun tarkoitettu ohjelma

Toteutusdokumentti

Juhani Heliö

Tehokkuudet

Algoritmien ja tietorakenteiden aikavaativuudet ja tilavaativuudet ovat määriteltyä luokkaa.

A* pseudokoodi:

```
public int laskeReitti(){
    openList.clear();
    closedList.clear();
    openList.add(v.getAlkuNode());

    while(!openList.isEmpty()){ // while-loop pitää suorittaa pahimmassatapauksessa n+m
                                // kertaa, missä n=solmujen määrä ja m=kaarien määrä
        Node current=openList.remove(); //minimikeosta poistaminen tapahtuu O(log n) ajassa
        if(current.equals(v.getMaaliNode())){
            return lyhinReitti(v.getMaaliNode());
        }

        closedList.add(current);
        for(int i=0;i<current.getNaapurit().size();i++){ //vakioaikainen, koska suoritetaan max 4
                                                         // kertaa joka solmulle

            Node node=current.getNaapurit().get(i);
            if(!closedList.contains(node)&&!node.isObstacle()){
                int matkaAlkuun=current.getMatkaAlkuun()+1;
                if(!openList.contains(node) || matkaAlkuun<current.getMatkaAlkuun()){
                    node.setEdellinen(current);
                    node.setMatkaAlkuun(matkaAlkuun);
                    node.setMatkaMaaliin(node.getMatkaAlkuun()+Heuristic.matka(node,
                    v.getMaaliNode()));
                    if(!openList.contains(node)){
                        openList.add(node); //minimikekoon lisääminen tapahtuu O(log n) ajassa
                    }
                }
            }
        }
    }
    return -1;
}
```

eli yhteensä siis pahimman tapauksen aikavaativuus on määrittelydokumentin luokkaa $O((n+m)\log n)$. Tilavaativuus on myös määriteltyä $O(n)$ luokkaa.

```
public void laskeReitti(){
    nodeList.clear();
    closedList.clear();
    nodeList.add(v.getAlkuNode());
    v.getAlkuNode().setPaino(0);

    while(!nodeList.isEmpty()){ //kuten yllä, suoritetaan pahimmassa tapauksessa n+m kertaa
        Node current=nodeList.remove(); //minimikeosta poistaminen tapahtuu O(log n) ajassa
        closedList.add(current); //ArrayListiin lisääminen vakioaikaista, paitsi jos listaa
                                // pidennetään, mutta suurimmaksi osaksi vakioaikaista.
    }
```

```

    if(current.equals(v.getMaaliNode())){
        haeReitti();
        return;
    }

    for(int i=0;i<current.getNaapurit().size();i++){ //vakioaikainen, koska suoritetaan max 4
                                                    kertaa joka solmulle

        Node node=current.getNaapurit().get(i);
        if(!node.isObstacle()&&!closedList.contains(node)){
            int matka=current.getMatkaAlkuun()+1;
            if(matka<node.getPaino()){
                node.setEdellinen(current);
                node.setPaino(matka);
                node.setMatkaAlkuun(matka);
                nodeList.add(node); //minimikekoon lisääminen tapahtuu O(log n) ajassa
            }
        }
    }
}

```

Eli samoin kuin A*:issa, aika- ja tilavaativuudet ovat määrittelydokumentin luokkaa $O((n+m)\log n)$ ja $O(n)$.

Tietorakenteet

NodeLista toimii kuten ArrayList, jonka tyyppinä olisi ohjelmassa käytetty ja itse toteutettu Node. Sen kaikki muut metodit toimivat $O(1)$ ajassa, paitsi add ja contains jotka kummatkin voivat toimia pahimmassa tapauksessa $O(n)$ ajassa. Add toimii $O(1)$ ajassa melkein aina ja $O(n)$ vain jos listaa täytyy pidentää.

OmaPriorityMinHeap toimii kuten javan PriorityQueue, eli käyttää minimikekoa. Sen kaikki muut paitsi add ja remove metodit (ja heapify, joka tosin on private) toimivat $O(1)$ ajassa

```

public void add(Node node){
    heap.add(node);
    int paikka=heap.size()-1;
    if(heap.isEmpty()){
        heap.add(node);
        return;
    }
    while(paikka>=0&&paikka<heap.size()&&node.compareTo(heap.get(parent(paikka)))<0){
        //Suoritetaan pahimmassa tapauksessa puun syvyyden verran kertoja eli O(log n) ajassa
        swap(paikka, parent(paikka));
        paikka=parent(paikka);
    }
}

```

eli add toimii $O(\log n)$ ajassa

```

public Node remove(){
    if(heap.isEmpty()){

```

```

        return null;
    }
    else{
        Node n=heap.get(0);
        heap.set(0, heap.get(heap.size()-1));
        heap.remove(heap.size()-1);
        heapify(0); //heapify toimii O(log n) ajassa, joten remove toimii O(log n) ajassa
        return n;
    }
}

```

Remove toimii $O(\log n)$ ajassa, koska heapify toimii $O(\log n)$ ajassa.

```

private void heapify(int i){
    int vasenLapsi=vasenL(i);
    int oikeaLapsi=oikeaL(i);
    int pienin;

    if(vasenLapsi>=0
        &&vasenLapsi<heap.size()
        &&heap.get(vasenLapsi).compareTo(heap.get(i))<0){

        pienin=vasenLapsi;
    }
    else{
        pienin=i;
    }

    if(oikeaLapsi>=0
        &&oikeaLapsi<=heap.size()-1
        &&heap.get(oikeaLapsi).compareTo(heap.get(pienin))<0){
        pienin=oikeaLapsi;
    }

    if(pienin!=i){
        swap(i, pienin);
        heapify(pienin); //rekursiota kutsutaan korkeintaan puun korkeuden verran kertoja eli log n
                        kertaa
    }
}

```

Eli heapify toimii $O(\log n)$ ajassa.