MA4702. Programación Lineal Mixta: Teoría y Laboratorio. 2018.

Profesor: José Soto



Tarea 1: Modelando variantes del sudoku.

Instrucciones.

- Usted debe entregar en ucursos antes de la hora de entrada al primer laboratorio los siguientes archivos con las instrucciones pedidas sudoku-apellido.mod, sudoku-apellido.run, jigsaw-apellido.mod, jigsaw-apellido.run, donde apellido es su apellido sin tilde y en minúsculas.
- Cada archivo debe comenzar con una línea de comentarios
 ## Archivo (nombrearchivo) ##
 donde (nombrearchivo) es el nombre del archivo incluyendo extensión.
- Realice esta primera tarea de manera **individual**. Bajo ningún motivo comparta o deje a disposición los archivos con sus compañeros. Se realizará un estudio de similitudes entre los archivos resultantes para detectar posibles plagios.
- Nota: Los archivos de instancias serán publicados via ucursos con posterioridad a la entrega este archivo.

1. SUDOKU

Un tablero M es una matriz en $[N]^{N\times N}$. Un conjunto de índices $C\subseteq [N]\times [N]$ es un **bloque** si todos los elementos $\{M_{ij}\colon ij\in C\}$ son diferentes. El tablero es un **sudoku** si $N=n^2$ es cuadrado perfecto y además, cada fila, cada columna y cada cuadrante son bloques. Aquí, un cuadrante es un elemento de $\{q^{ij}\colon i,j\in\{0,1,\ldots,n-1\}\}$ donde $q^{ij}=\{(n\cdot i+a,n\cdot j+b)\colon a,b\in [n]\}$. En otras palabras, los cuadrantes se obtienen al dividir el tablero de n^2 por n^2 en subtableros de n por n de manera natural.

En el **juego del sudoku** recibimos como entrada un sudoku incompleto, es decir un tablero Q que podría tener algunos casilleros vacíos, representados con un 0. Podemos escribir un PLE que complete Q a un sudoku M introduciendo variables binarias $\{x_{ijk}: i, j, k \in [N]\}$, tal que $x_{ijk} = 1$ si y solo si M[i, j] = k y revisando factibilidad del conjunto:

$$\begin{split} \sum_{k \in [N]} x_{ijk} &= 1, & \forall (i,j) \in [N] \times [N]. \\ \sum_{(i,j) \in B} x_{ijk} &= 1, & \forall k \in [N], \ \forall B \text{ bloque.} \\ x_{ijk} &= 1, & \forall (i,j,k) \in [N]^3 : Q[i,j] &= k. \\ x_{ijk} &\in \{0,1\}, & \forall (i,j,k) \in [N]^3. \end{split}$$

Parte 1: Escriba el conjunto lineal entero anterior en un modelo en AMPL. Para esto complete el siguiente archivo y grábelo como sudoku-apellido.mod.

Indicación: Recuerde que puede comprobar todas las declaraciones y conjuntos creados por ampl usando **show**; y las ecuaciones generadas usando **expand**;

Los archivos sudoku-nn.txt contienen sudokus incompletos de distintas dificultades donde el símbolo 0 es usado para representar un casillero vacío. Por ejemplo el archivo sudoku-01.txt luce como:

La primera linea del archivo tiene el valor n tal que $N=n^2$. Llamaremos a N el tamaño del sudoku. El sudoku anterior tiene tamaño 9.

Usted puede leer el archivo anterior y guardar sus datos en n y en Q declaradas antes, escribiendo read n, {(i,j) in 1..N,1..N} Q[i,j] <sudoku-01.txt; close sudoku-01.txt;

Al resolver la instancia anterior y reinterpretar los datos, encontrará que su solución puede ser escrita como:

```
salida [*,*]
     1
          2
               3
                    4
                          5
                               6
                                         8
1
     1
          9
               7
                    8
                          6
                               2
                                    3
                                               5
                                         4
2
     5
          8
               3
                    7
                          4
                               1
                                    6
                                         2
                                               9
     2
3
          6
               4
                    9
                         3
                               5
                                    1
                                         7
                                              8
4
     7
                    3
                         2
                               9
                                    8
                                         5
                                              1
          4
               6
5
     9
                          5
                               8
                                    7
          1
               2
                    4
                                         3
                                              6
6
     8
          3
               5
                    6
                         1
                               7
                                    4
                                         9
                                              2
7
          5
               1
                    2
                         7
                               6
                                    9
                                         8
                                              3
     4
8
     6
          7
                    5
                                               4
               9
                          8
                               3
                                    2
                                         1
                                               7
9
     3
          2
               8
                    1
                          9
                               4
                                    5
                                         6
```

Parte 2: Escriba un script llamado sudoku-apellido.run, donde apellido es su apellido sin tilde y en minúsculas. Este script debe

- 1. Cargar el modelo sudoku-apellido.mod.
- 2. Ejecutar los comandos siguientes:

```
option presolve 0;
option solver cplex;
option display_1col 0;
```

- 3. Leer y resolver los sudokus de cada archivo sudoku-nn.txt y entregar su solución como matriz en el archivo sudoku-apellido-nn.txt. En el caso que el sudoku no sea factible, el archivo debe contener una linea con la palabra infactible.
- 4. Escribir un archivo sudoku-reporte.txt como sigue:

```
SUDOKU.
Autor: (nombre-y-apellido-autor)
```

```
Instancia - N - factible? - tiempo sudoku-01.txt - 9 - si - 0.578125 sudoku-02.txt - 4 - no - (...)
```

Indicaciones: En cada fila de su salida debe indicar el nombre del archivo, el tamaño del sudoku, si el sudoku tiene solución, y el tiempo de ejecución.

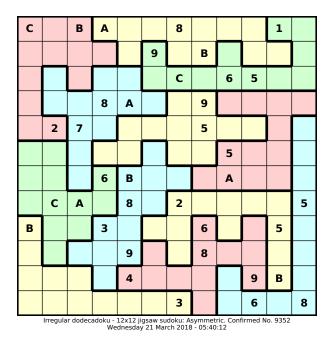
Recuerde que puede ejecutar su script usando el comando **include**, y que en cualquier momento puede eliminar los datos de un objeto **OBJ** cualquiera escribiendo **reset data OBJ**; (esto es útil para iterar y reescribir solo ciertos valores).

Para determinar si el solver entrega una solución factible, investigue la variable solve_result_num.

El último tiempo de ejecución se guarda en la variable _total_solve_system_time.

2. Jigsaw-Sudoku

Una variante interesante de sudoku es aquella donde los **cuadrantes** son reemplazados por otros **bloques**. Por ejemplo, en el siguiente puzzle (extraido de **sudoku-puzzles-online.com**) los bloques son (1) todas las filas, (2) todas las columnas y (3) todas las áreas contiguas del mismo color y separadas por líneas gruesas. Notamos en particular que N ya no necesita ser cuadrado perfecto. En la imagen los símbolos usados son 1, 2, 3, ..., 9, A, B, C.



The solution corresponding to this puzzle is available on your site. **sudoku-puzzles-online.com**

Los archivos jigsaw-nn.txt contienen jigsaw-sudokus incompletos de distintas dificultades. Estos archivos consisten en una línea que indica el tamaño N del tablero. Luego una matriz con las entradas preescritas (usamos números consecutivos en vez del formato usado por la imagen anterior), donde el símbolo 0 es usado para representar un casillero vacío, una linea en blanco, y finalmente un N-tablero que representa los N bloques que reemplazan a los cuadrantes. por ejemplo, el archivo jigsaw-01.txt que representa el puzzle anterior se ve como sigue:

```
12
12 0
       11 10 0
                  0
                      8
                         0
                             0
                                 0
                                     1
                                        0
                  9
                      0
                         11
                             0
                                 0
                                     0
                                        0
0
   0
              0
                      12
0
   0
       0
           0
              0
                  0
                         0
                             6
                                 5
                                     0
                                         0
   0
       0
              10
                  0
                      0
                         9
                             0
                                 0
                                     0
                                         0
   2
           0
              0
                  0
                      0
                         5
                             0
                                 0
                                         0
0
       7
                                     0
0
                  0
                      0
                             5
0
   0
       0
           6
              11
                  0
                      0
                         0
                             10
                                 0
                                     0
                                        0
0
   12
      10
          0
              8
                  0
                      2
                         0
                             0
                                 0
                                     0
                                        5
11
   0
       0
           3
              0
                  0
                      0
                         6
                             0
                                 0
                                     5
                                        0
              9
                      0
                         8
                             0
                                 0
                                     0
                                        0
0
                      0
                         0
                             0
                                 9
                                        0
   0
       0
           0
              4
                  0
                                     11
                      3
                                        8
1
   1
       1
           2
              2
                  2
                      2
                         2
                             2
                                 2
                                     3
                                        3
1
              2
                  3
                      2
                         2
                             3
                                 2
                                     2
                                        3
           1
                      3
                         3
                             3
1
       1
              4
                  3
                                 3
                                     3
                                        3
                      5
                         5
1
                             6
                                     6
                                        6
   4
              4
                  4
              5
                  5
                      5
                         5
                             5
                                 5
                                        7
1
   1
           4
                                     6
                      5
                         5
                                        7
8
   8
       4
           5
              5
                  9
                             6
                                 6
                                     6
8
   8
       4
           8
              9
                  9
                      9
                         6
                             6
                                 6
                                     6
                                        7
              9
                      10 10 10 10
8
   8
           8
                  9
11 8
       8
           9
              9
                  10 10 12 10 12 10 7
11 8
       9
           9
              9
                  12 10 12 12 12 10 7
11 11 11 9
              12 12 12 12 7
                                 12 10 7
11 11 11 11 11 11 12 7
```

Parte 3: Escriba un modelo en AMPL para representar el conjunto lineal entero y grábelo como jigsaw-apellido.mod, donde apellido es su apellido sin tilde y en minúsculas. Básese en la parte 1 de esta tarea. (no olvide que la primera línea de su archivo debe tener un comentario indicando el nombre del archivo)

Parte 4: Escriba un script llamado jigsaw-apellido.run, donde apellido es su apellido sin tilde y en minúsculas que realice el trabajo análogo al script de la parte 2 de esta tarea pero reemplazando en todas partes *sudoku* por *jigsaw*. En particular, su script debe generar archivos soluciones jigsaw-apellido-nn.txt y un reporte jigsaw-reporte.txt.

Nota: Las instancias factibles fueron extraidas de diversas fuentes. En particular, se usó sudoku-puzzles-online.com y www.websudoku.com.