Assignment #A: dp & bfs

Updated 2 GMT+8 Nov 25, 2024

2024 fall, Complied by \mark\n黄奕 城市与环境学院\/mark>

**说明: **

- 1)请把每个题目解题思路(可选),源码 Python,或者 C++(已经在 Codeforces/Openjudge 上 AC),截图(包含 Accepted),填写到下面作业模版中(推荐使用 typora https://typoraio.cn,或者用 word)。AC 或者没有 AC,都请标上每个题目大致花费时间。
- 2)提交时候先提交 pdf 文件,再把 md 或者 doc 文件上传到右侧"作业评论"。Canvas 需要有同学清晰头像、提交文件有 pdf、"作业评论"区有上传的 md 或者 doc 附件。
- 3) 如果不能在截止前提交作业,请写明原因。

1. 题目

LuoguP1255 数楼梯

dp, bfs, https://www.luogu.com.cn/problem/P1255

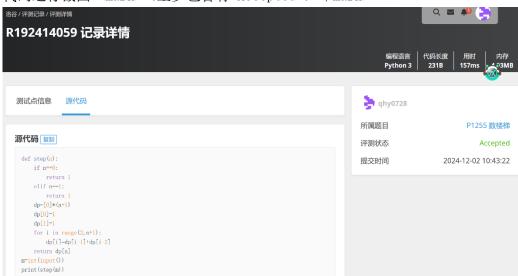
思路: 建立 n+1 长度的 dp 列表, 当 n=0 或 n=1 时只有一种上台阶方法。n>=2 时,当前阶的方法数等于前一阶的方法数加上前两阶的方法数之和。 代码:

```python

```
def step(n):
 if n==0:
 return 1
 elif n==1:
 return 1
 dp=[0]*(n+1)
```

```
dp[0]=1
 dp[1]=1
 for i in range(2,n+1):
 dp[i]=dp[i-1]+dp[i-2]
 return dp[n]
m=int(input())
print(step(m))
```

代码运行截图〈mark〉(至少包含有"Accepted")〈/mark〉



### 27528: 跳台阶

dp, http://cs101.openjudge.cn/practice/27528/

思路: dp 数组,到达第 n 台阶的方法数等于到达 n-1 级台阶的方法数加上到达 n-2 级台阶的方法数,依此类推,直到到达地面(即第 0 级台阶)。 代码:

```python

```
def step(n):
    if n==0:
        return 1
    dp=[0]*(n+1)
    dp[0]=1
    for i in range(1,n+1):
        for j in range(i):
            dp[i]+=dp[j]
    return dp[n]

m=int(input())
print(step(m))
```

. . .

代码运行截图 == (至少包含有"Accepted") ==



474D. Flowers

dp, https://codeforces.com/problemset/problem/474/D

思路:

代码:

```python

```
MAX = 1000000007
t, k = map(int, input().split())
MOD = int(1e9+7)
MAXN = 100001
dp = [0]*MAXN
s = [0]*MAXN
dp[0] = 1
s[0] = 1
for i in range(1, MAXN):
 if i >= k:
 dp[i] = (dp[i-1]+dp[i-k]) % MOD
else:
 dp[i] = dp[i-1] % MOD
s[i] = (s[i-1]+dp[i]) % MOD

for _ in range(t):
 a, b = map(int, input().split())
 print((s[b]-s[a-1]+MOD) % MOD)
```

代码运行截图〈mark〉(至少包含有"Accepted")〈/mark〉

## ### LeetCode5. 最长回文子串

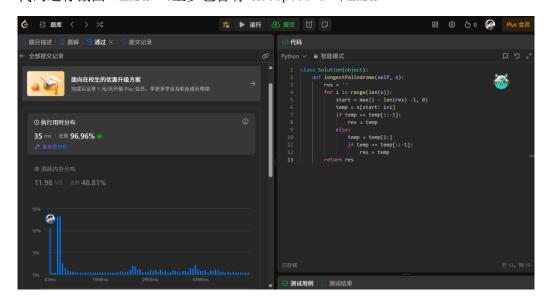
dp, two pointers, string, https://leetcode.cn/problems/longestpalindromic-substring/

思路: 在处理回文子串问题时,需要考虑奇数和偶数两种情况。首先设定一个空字符串作为最大回文子串 res = '', 然后逐步更新。遍历数组,使用指针 i 向前寻找长度大于当前 res 的回文子串,注意定位到开头的前一位 start = max(0, i-len(s)-1)。根据索引范围切片判断是否为回文子串,分为奇数和偶数两种情况。命中条件则更新 res,最终得到最长回文子串。代码:

```python

```
class Solution(object):
    def longestPalindrome(self, s):
        res = ''
        for i in range(len(s)):
            start = max(i - len(res) -1, 0)
            temp = s[start: i+1]
            if temp == temp[::-1]:
                res = temp
        else:
            temp = temp[1:]
            if temp == temp[::-1]:
                res = temp
        return res
```

代码运行截图〈mark〉(至少包含有"Accepted")〈/mark〉



```
### 12029: 水淹七军

bfs, dfs, http://cs101.openjudge.cn/practice/12029/

思路:
代码:
```python
```

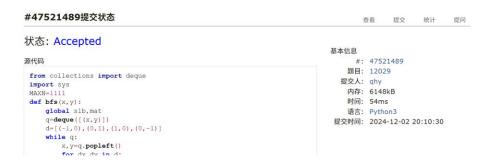
```
from collections import deque
import sys
MAXN=1111
def bfs(x,y):
 q=deque([(x,y)])
 x,y=q.popleft()
 and mat[nx][ny]<mat[x][y]:</pre>
 q.append((nx,ny))
 mat[nx][ny]=mat[x][y]
lines=list(sys.stdin.read().split())
for _ in range(t):
 mat.append([MAXN]+list(map(int,lines[id:id+n]))+[MAXN])
 mat.append([MAXN] * (n+2))
```

```
for i in range(k):
 H20.append((int(lines[id]),int(lines[id+1])))
 id+=2

for h20 in H20:
 ans=bfs(h20[0],h20[1])
 if ans=='Yes':
 print(ans)
 break

else:print('No')
```

代码运行截图〈mark〉(至少包含有"Accepted")〈/mark〉



### 02802: 小游戏

bfs, http://cs101.openjudge.cn/practice/02802/

思路:可以用递归方法求解通过穷举方式找到从起点到终点的路径,朝一个方向走下去,如果走不通,则换一个方向走;四个方向都走不通,则回到上一步的地方,再换一个方向走;依次走下去,直到走到终点。该问题的路径只包含水平或者竖直的直线段,所以需要记录每一步走的方向。如果上一步走的方向和这一步走的方向相同,递归搜索时路径数不变,否则路径数加1。

另外根据题意,路径只包含水平或者竖直的直线段,路径不能穿过别的游戏卡片,但是允许路径临时离开矩形板,所以可以在矩形板最外层增加一圈格子,路径可以通过这些新增加的格子可以设置一个二维数组来表示迷宫(空格表示无游戏卡片,X表示有游戏卡片),用另一个二维数组来标记某个位置的格子是否已经被走过了。

代码:

```python

```
from collections import deque

def bfs(start, end, grid, h, w):
    queue = deque([start])
```

```
ans.append(seg)
i) not in visited):
             new seg = seg if new dir == d i r else seg + 1
                 ans.append(new seg)
             if grid[nx][ny] != 'X':
                 queue.append((nx, ny, new dir, new seg))
board num = 1
while True:
```

```
range(h)] + [' ' * (w + 2)]
  print(f"Board #{board_num}:")
  pair_num = 1
  while True:
    y1, x1, y2, x2 = map(int, input().split())
    if x1 == y1 == x2 == y2 == 0:
        break

    start = (x1, y1, -1, 0)
    end = (x2, y2)

    seg = bfs(start, end, grid, h, w)
    if seg == -1:
        print(f"Pair {pair_num}: impossible.")
    else:
        print(f"Pair {pair_num}: (seg) segments.")
    pair_num += 1

print()
    board_num += 1
```

代码运行截图 <mark> (至少包含有"Accepted") </mark>



2. 学习总结和收获

这次做下来依然要感叹好难好难好难! 打算好好啃一下 dp 的 easy 和 middle 题目,熟悉模板,期末遇到觉得难的题目(特别是像最后两题,做作业的时候看完 ai 和题解还是不懂······)会直接放弃,显然需要再多做点题,并训练一下数学思维。日常希望能过!