

Sprawozdanie Zadanie 6

Zrealizowane obliczenia zostały na układzie równań podobnym jak w zadaniu N3 Ze względu na to , że układ z N3 **nie jest diagonalnie dominujący**

$$\frac{-y_{n-1} + 2y_n - y_{n+1}}{h^2} + y_n = 0$$

$$-y_{n-1} + (h^2 + 2)y_n - y_{n+1} = 0$$

$$y_0 = 1$$

$$-y_0 - y_{N-1} + 2y_N = 0$$

Macierz bardzo prosto można sprowadzić do macierzy **trójdagonalnej** wykonując pewne przekształcenia. Zauważmy , że $y_0 = 1$ równanie ostatniego wiersza ma postać

$$-1 - y_{N-1} + 2y_N = 0$$

$$y_{N-1} - 2y_N = -1$$

Teraz macierz oraz wektory mają postać:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ -1 & h^2 + 2 & -1 & \cdots & 0 \\ 0 & -1 & h^2 + 2 & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & -1 \\ 0 & \cdots & \cdots & 1 & -2 \end{bmatrix} y = \begin{bmatrix} y_0 \\ y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ \vdots \\ y_N \end{bmatrix} b = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ \vdots \\ -1 \end{bmatrix}$$

Dane zawarte w macierzy przechowywane będą w postaci wektorów ze względu na to , że jest to macierz trójdzielna. **Wszystkie metody zaimplementowane zostały w taki sposób aby nie zużywać nadmiernej ilości pamięci**

$$u_{i,j+1} = [0, -1, -1, \dots -1]$$

$$d_{i,j} = [1, h^2 + 2, h^2 + 2, \dots h^2 + 2, -2]$$

$$l_{i+1,j} = [-1, -1, -1, \dots 1]$$

Szybkość metod

	h=0.01	N=1000	N=10000	N=100000
Richardsona	1.1s	9.3s	1m 43.8s	
Jacobiego	1.0s	8,7s	2m 4.7s	
Gausa-Seidla	1.2s	11s	1m 59.5s	
SOR	0.6s	4,4s	51,7s	

Wszystko wskazuje na to ,że w tym przypadku najszybszą metodą jest metoda **Successive OverRelaxation**

Wykresy



