

Aluno: José Luis Bressan Ruas

Matricula: 10202969

1 - AES Simplificado

Aniversário = 09

P = 10009 = 0x2719

K = 8009 = 0x1F49

Expansão da Chave:

w0 = 0x1F

w1 = 0x49

w2 = 0x1F xor 0x80 xor SubNib(RotNib(0x49)) =
0x1F xor 0x80 xor SubNib(0x94) =
0x1F xor 0x80 xor 0x2D = 0xB2

w3 = 0xB2 xor 0x49 = 0xFB

w4 = 0xB2 xor 0x30 xor SubNib(RotNib(0xFB)) =
0xB2 xor 0x30 xor SubNib(0xBF) =
0xB2 xor 0x30 xor 0x37 = 0xB5

w5 = 0xFB xor 0xB5 = 0x4E

K0 = 0x1F49

K1 = 0xB2FB

K2 = 0xB54E

Cifra (AK2 - SR - NS - AK1 - MC - SR - NS - AK0):

Sbox:

		<i>j</i>			
		00	01	10	11
<i>i</i>	00	9	4	A	B
	01	D	1	8	5
	10	6	2	0	3
	11	C	E	F	7

Incluir chave da rodada (AK0):

$$P' = P \text{ xor } K_0 = 0x3850$$

Substituição de nibble (NS): Rodada 1

$$P' = \text{Sbox}(0x3850) = 0xB619$$

Deslocamento de linha (SR): Rodada 1

Antes deslocamento:

0xB	0x1
0x6	0x9

Depois deslocamento:

0xB	0x1
0x9	0x6

$$P' = 0xB916$$

Embaralhando colunas (MC): Rodada 1

Antes de embaralhar:

0xB	0x1
0x9	0x6

$$S'_{0,0} = 0xB \text{ xor } (0x4 * 0x9) = 0xB \text{ xor } (x^2(x^3 + 1)) = 0xB \text{ xor } 0x2 = \mathbf{0x9}$$

$$x^5 + x^2 \text{ mod } x^4 + x + 1 = x = 0x2$$

$$S'_{0,1} = 0x1 \text{ xor } (0x4 * 0x6) = 0x1 \text{ xor } (x^2(x^2 + x)) = 0x1 \text{ xor } 0xB = \mathbf{0xA}$$

$$x^4 + x^3 \text{ mod } x^4 + x + 1 = x^3 + x + 1 = 0xB$$

--

$$S'_{1,0} = (0x4 * 0xB) \text{ xor } 0x9 = (x^2(x^3 + x + 1)) \text{ xor } 0x9 = 0xA \text{ xor } 0x9 = \mathbf{0x3}$$

$$x^5 + x^3 + x^2 \text{ mod } x^4 + x + 1 = x^3 + x = 0xA$$

$$S'_{1,1} = 0x4 \text{ xor } 0x6 = \mathbf{0x2}$$

Depois de embaralhar:

0x9	0xA
-----	-----

0x3	0x2
-----	-----

$P' = 0x93A2$

Incluindo chave da rodada (AK1): Rodada 1

$P' = 0x93A2 \text{ xor } 0xB2FB = 0x2159$

Substituição de nibble (NS): Rodada 2

$P' = \text{Sbox}(0x2159) = 0xA412$

Deslocamento de linha: Rodada 2

Antes deslocamento:

0xA	0x1
0x4	0x2

Depois deslocamento:

0xA	0x1
0x2	0x4

$P' = 0xA214$

Incluindo chave da rodada (AK2): Rodada 2

$P' = 0xA214 \text{ xor } 0xB54E = 0x175A = \text{Palavra cifrada}$

Decifra (AK0 - INS - ISR - IMC - AK1 - INS - ISR - AK2):

Sbox Inversa:

		<i>j</i>			
		00	01	10	11
<i>i</i>	00	A	5	9	B
	01	1	7	8	F
	10	6	0	2	3
	11	C	4	D	E

Seja V o futuro texto decifrado.

Incluindo chave da rodada (AK2):

$$V = 0x175A \text{ xor } 0xB54E = 0xA214$$

Deslocar linhas invertidas (ISR): Rodada 1

Antes deslocamento:

0xA	0x1
0x2	0x4

Depois deslocamento:

0xA	0x1
0x4	0x2

$$V = 0xA412$$

Substituir nibble invertido (INS):

$$V = \text{Sbox}(0xA412) = 0x2159$$

Incluindo chave da rodada (AK1): Rodada 1

$$V = 0x2159 \text{ xor } 0xB2FB = 0x93A2$$

Embaralhar colunas invertidas (MC): Rodada 1

Antes embaralhamento invertido:

0x9	0xA
0x3	0x2

$$S'_{0,0} = (0x9 * 0x9) \text{ xor } (0x2 * 0x3) = x^6 + 1 \text{ xor } 0x6 = 0xD \text{ xor } 0x6 = \mathbf{0xB}$$

$$x^6 + 1 \bmod x^4 + x + 1 = x^3 + x^2 + 1 = 0xD$$

$$S'_{0,1} = (0x9 * 0xA) \text{ xor } (0x2 * 0x2) = x^6 + x^4 + x^3 + x \text{ xor } 0x4 = 0x5 \text{ xor } 0x4 = \mathbf{0x1}$$

$$x^6 + x^4 + x^3 + x \bmod x^4 + x + 1 = x^2 + 1 = 0x5$$

$$S'_{1,0} = (0x2 * 0x9) \text{ xor } (0x9 * 0x3) = x^4 + x \text{ xor } x^4 + x^3 + x + 1 = 0x1 \text{ xor } 0x8 = \mathbf{0x9}$$

$$x^4 + x \bmod x^4 + x + 1 = 1 = 0x1$$

$$x^4 + x^3 + x + 1 \bmod x^4 + x + 1 = x^3 = 0x8$$

$$S'_{1,1} = (0x2 * 0xA) \text{ xor } (0x2 * 0x9) = x^4 + x^2 \text{ xor } 0x1 = 0x7 \text{ xor } 0x1 = \mathbf{0x6}$$

$$x^4 + x^2 \bmod x^4 + x + 1 = x^2 + x + 1 = 0x7$$

Depois embaralhamento invertido:

0xB	0x1
0x9	0x6

$$V = 0xB916$$

Deslocar linhas invertidas (ISR): Rodada 2

Antes deslocamento:

0xB	0x1
0x9	0x6

Depois deslocamento:

0xB	0x1
0x6	0x9

$$V = 0xB619$$

Substituir nibble invertido (INS): Rodada 2

$$V = \text{SboxInversa}(0xB619) = 0x3850$$

Incluir chave da rodada (AK0): Rodada 2

$$V = 0x3850 \text{ xor } 0x1F49 = \mathbf{0x2719}$$

$$P = V.$$

Resultado:

<u>Plaintext</u> (input)	Key (input)	<u>Ciphertext</u> (output)		String Representations							
00 00 00 00	00 00 00 00	27 71 4B 03	<u>Plaintext:</u>	00000000000000000000000000002719							
00 00 00 00	00 00 00 00	30 4C 1F 50	<u>Key:</u>	00000000000000000000000000001F49							
00 00 00 27	00 00 00 1F	A2 42 2F 2B	<u>Ciphertext:</u>	2730A2BE714C42AB4B1F2F8D03502B8B							
00 00 00 19	00 00 00 49	BE AB 8D 8B									

Rodadas com suas respectivas chaves:

	<u>SubBytes</u>				<u>ShiftRows</u>				<u>MixColumns</u>				<u>AddRoundKey</u>				<u>Key Schedule</u>				<u>Round Constant</u>			
Round 0													00	00	00	00	00	00	00	00				
													00	00	00	00	00	00	00	00				
													00	00	00	38	00	00	00	1F				
													00	00	00	50	00	00	00	49				
Round 1	63	63	63	63	63	63	63	63	53	07	63	63	31	65	01	01	62	62	62	62	01			
	63	63	63	63	63	63	63	63	53	CF	63	63	93	0F	A3	A3	C0	C0	C0	C0				
	63	63	63	07	63	07	63	63	33	AB	63	63	08	90	58	47	3B	3B	3B	24				
	63	63	63	53	53	63	63	63	03	07	63	63	60	64	00	49	63	63	63	2A				
Round 2	C7	4D	7C	7C	C7	4D	7C	7C	5E	F4	95	84	84	4C	4F	3C	DA	B8	DA	B8	02			
	DC	76	0A	0A	76	0A	0A	DC	AE	72	7B	1C	58	44	8D	2A	F6	36	F6	36				
	30	60	6A	A0	6A	A0	30	60	28	77	D3	C5	F6	92	0D	3F	DE	E5	DE	FA				
	D0	43	63	3B	3B	D0	43	63	38	C6	38	FE	F1	6C	F1	1D	C9	AA	C9	E3				
Round 3	5F	29	84	EB	5F	29	84	EB	E0	61	35	9D	3B	02	8C	9C	DB	63	B9	01	04			
	6A	1B	5D	E5	1B	5D	E5	6A	AF	AD	C3	4F	74	40	D8	62	DB	ED	1B	2D				
	42	4F	D7	75	D7	75	42	4F	06	66	15	E7	C9	4C	E1	E9	CF	2A	F4	0E				
	A1	50	A1	A4	A4	A1	50	A1	7E	0A	90	5A	DB	05	56	7F	A5	0F	C6	25				
Round 4	E2	77	64	DE	E2	77	64	DE	EE	EA	9B	92	E5	82	4A	42	0B	68	D1	D0	08			
	92	09	61	AA	09	61	AA	92	31	2E	3C	2B	41	B3	BA	80	70	9D	86	AB				
	DD	29	F8	1E	F8	1E	DD	29	6D	FA	D2	D6	9D	20	FC	F6	F0	DA	2E	20				
	B9	6B	B1	D2	D2	B9	6B	B1	73	8F	0D	BB	AA	59	1D	8E	D9	D6	10	35				
Round 5	D9	13	D6	2C	D9	13	D6	2C	B7	CF	6E	D5	CE	DE	AE	C5	79	11	C0	10	10			
	83	6D	F4	CD	6D	F4	CD	83	D1	8A	7E	57	16	D0	A2	20	C7	5A	DC	77				
	5E	B7	B0	42	B0	42	5E	B7	E4	8C	E1	2D	82	30	73	9F	66	BC	92	B2				
	AC	CB	A4	19	19	AC	CB	A4	9F	C0	7F	13	36	BF	10	49	A9	7F	6F	5A				

Round 6	8B	1D	E4	A6	8B	1D	E4	A6	29	AA	0A	50	85	17	77	3D	AC	BD	7D	6D	20				
	47	70	3A	B7	70	3A	B7	47	DA	1A	AC	EE	2A	B0	DA	EF	F0	AA	76	01					
	13	04	8F	DB	8F	DB	13	04	B3	85	6D	AC	6B	E1	9B	E8	D8	64	F6	44					
	05	08	CA	3B	3B	05	08	CA	0F	CC	83	3D	6C	D0	F0	14	63	1C	73	29					
Round 7	97	F0	F5	27	97	F0	F5	27	E9	C9	84	0E	79	E4	D4	33	90	2D	50	3D	40				
	E5	E7	57	DF	E7	57	DF	E5	84	B8	A1	69	6F	F9	96	5F	EB	41	37	36					
	7F	F8	14	9B	14	9B	7F	F8	4D	7A	44	A6	30	63	AB	0D	7D	19	EF	AB					
	50	70	8C	FA	FA	50	70	8C	BE	67	44	77	E1	24	74	6E	5F	43	30	19					
Round 8	B6	69	48	C3	B6	69	48	C3	3A	56	E8	17	2F	6E	80	42	15	38	68	55	80				
	A8	99	90	CF	99	90	CF	A8	A6	C8	F7	0C	2F	00	08	C5	89	C8	FF	C9					
	04	FB	62	D7	62	D7	04	FB	51	5F	D5	2B	F8	EF	8A	DF	A9	B0	5F	F4					
	F8	36	92	9F	9F	F8	36	92	1F	17	7F	32	67	2C	74	20	78	3B	0B	12					
Round 9	15	9F	CD	2C	15	9F	CD	2C	46	6E	40	2A	95	85	C3	FC	D3	EB	83	D6	1B				
	15	63	30	A6	63	30	A6	15	E6	C3	28	EE	D0	3D	29	26	36	FE	01	C8					
	41	DF	7E	9E	7E	9E	41	DF	48	1C	7A	31	28	CC	F5	4A	60	D0	8F	7B					
	85	71	92	B7	B7	85	71	92	57	05	49	81	D3	BA	FD	27	84	BF	B4	A6					
Round 10	2A	97	2E	B0	2A	97	2E	B0					27	71	4B	03	0D	E6	65	B3	36				
	70	27	A5	F7	70	27	A5	F7					30	4C	1F	50	17	E9	E8	20					
	34	4B	E6	D6	E6	D6	34	4B					A2	42	2F	2B	44	94	1B	60					
	66	F4	54	CC	CC	66	F4	54					BE	AB	8D	8B	72	CD	79	DF					
	SubBytes				ShiftRows				MixColumns				AddRoundKey				Key Schedule				Round Constant				

Decifra:

Resultado:

[illegible]

Rodadas com suas respectivas chaves:

	<u>SubBytes</u>				<u>ShiftRows</u>				<u>MixColumns</u>				<u>AddRoundKey</u>				Key Schedule				Round Constant			
Round 0													00	00	00	00	00	00	00	00				
													00	00	00	00	00	00	00	00				
													00	00	00	27	00	00	00	1F				
													00	00	00	19	00	00	00	49				
Round 1	00	00	00	00	63	63	63	63	63	63	63	63	53	07	63	63	62	62	62	62	01			
	00	00	00	00	63	63	63	63	63	63	63	63	53	CF	63	63	C0	C0	C0	C0				
	00	00	00	38	63	63	63	07	63	07	63	63	33	AB	63	63	3B	3B	3B	24				
	00	00	00	50	63	63	63	53	53	63	63	63	03	07	63	63	63	63	63	2A				
Round 2	31	65	01	01	C7	4D	7C	7C	C7	4D	7C	7C	5E	F4	95	84	DA	B8	DA	B8	02			
	93	0F	A3	A3	DC	76	0A	0A	76	0A	0A	DC	AE	72	7B	1C	F6	36	F6	36				
	08	90	58	47	30	60	6A	A0	6A	A0	30	60	28	77	D3	C5	DE	E5	DE	FA				
	60	64	00	49	D0	43	63	3B	3B	D0	43	63	38	C6	38	FE	C9	AA	C9	E3				
Round 3	84	4C	4F	3C	5F	29	84	EB	5F	29	84	EB	E0	61	35	9D	DB	63	B9	01	04			
	58	44	8D	2A	6A	1B	5D	E5	1B	5D	E5	6A	AF	AD	C3	4F	DB	ED	1B	2D				
	F6	92	0D	3F	42	4F	D7	75	D7	75	42	4F	06	66	15	E7	CF	2A	F4	0E				
	F1	6C	F1	1D	A1	50	A1	A4	A4	A1	50	A1	7E	0A	90	5A	A5	0F	C6	25				
Round 4	3B	02	8C	9C	E2	77	64	DE	E2	77	64	DE	EE	EA	9B	92	0B	68	D1	D0	08			
	74	40	D8	62	92	09	61	AA	09	61	AA	92	31	2E	3C	2B	70	9D	86	AB				
	C9	4C	E1	E9	DD	29	F8	1E	F8	1E	DD	29	6D	FA	D2	D6	F0	DA	2E	20				
	DB	05	56	7F	B9	6B	B1	D2	D2	B9	6B	B1	73	8F	0D	BB	D9	D6	10	35				
Round 5	E5	82	4A	42	D9	13	D6	2C	D9	13	D6	2C	B7	CF	6E	D5	79	11	C0	10	10			
	41	B3	BA	80	83	6D	F4	CD	6D	F4	CD	83	D1	8A	7E	57	C7	5A	DC	77				
	9D	20	FC	F6	5E	B7	B0	42	B0	42	5E	B7	E4	8C	E1	2D	66	BC	92	B2				
	AA	59	1D	8E	AC	CB	A4	19	19	AC	CB	A4	9F	C0	7F	13	A9	7F	6F	5A				
Round 6	CE	DE	AE	C5	8B	1D	E4	A6	8B	1D	E4	A6	29	AA	0A	50	AC	BD	7D	6D	20			
	16	D0	A2	20	47	70	3A	B7	70	3A	B7	47	DA	1A	AC	EE	F0	AA	76	01				
	82	30	73	9F	13	04	8F	DB	8F	DB	13	04	B3	85	6D	AC	D8	64	F6	44				
	36	BF	10	49	05	08	CA	3B	3B	05	08	CA	0F	CC	83	3D	63	1C	73	29				
Round 7	85	17	77	3D	97	F0	F5	27	97	F0	F5	27	E9	C9	84	0E	90	2D	50	3D	40			
	2A	B0	DA	EF	E5	E7	57	DF	E7	57	DF	E5	84	B8	A1	69	EB	41	37	36				
	6B	E1	9B	E8	7F	F8	14	9B	14	9B	7F	F8	4D	7A	44	A6	7D	19	EF	AB				
	6C	D0	F0	14	50	70	8C	FA	FA	50	70	8C	BE	67	44	77	5F	43	30	19				
Round 8	79	E4	D4	33	B6	69	48	C3	B6	69	48	C3	3A	56	E8	17	15	38	68	55	80			
	6F	F9	96	5F	A8	99	90	CF	99	90	CF	A8	A6	C8	F7	0C	89	C8	FF	C9				
	30	63	AB	0D	04	FB	62	D7	62	D7	04	FB	51	5F	D5	2B	A9	B0	5F	F4				
	E1	24	74	6E	F8	36	92	9F	9F	F8	36	92	1F	17	7F	32	78	3B	0B	12				
Round 9	2F	6E	80	42	15	9F	CD	2C	15	9F	CD	2C	46	6E	40	2A	D3	EB	83	D6	1B			
	2F	00	08	C5	15	63	30	A6	63	30	A6	15	E6	C3	28	EE	36	FE	01	C8				
	F8	EF	8A	DF	41	DF	7E	9E	7E	9E	41	DF	48	1C	7A	31	60	D0	8F	7B				
	67	2C	74	20	85	71	92	B7	B7	85	71	92	57	05	49	81	84	BF	B4	A6				
Round 10	95	85	C3	FC	2A	97	2E	B0					2A	97	2E	B0	0D	E6	65	B3	36			
	D0	3D	29	26	70	27	A5	F7					27	A5	F7	70	17	E9	E8	20				
	28	CC	F5	4A	34	4B	E6	D6					E6	D6	34	4B	44	94	1B	60				
	D3	BA	FD	27	66	F4	54	CC					CC	66	F4	54	72	CD	79	DF				
	<u>SubBytes</u>				<u>ShiftRows</u>				<u>MixColumns</u>				<u>AddRoundKey</u>				Key Schedule				Round Constant			

Referências

<https://www.nayuki.io/page/aes-cipher-internals-in-excel>

Livro texto da disciplina