

Estas son las respuestas de dos alumnos que tuvieron bien estos ejercicios.

Ejercicio 3:

3.1) let alumnosRindieron = $\Pi_{\text{nombre, n.º matricula}}(\text{alumno} \bowtie \text{examen})$

alumnosNoRindieron = alumnos \ alumnosRindieron

3.2) $\Pi_{\text{código-materia}}(\sigma_{\text{nombre} = \text{"Juan Pérez"} \wedge \text{año}(\text{fecha}) = 2021 \wedge \text{nota} \geq 4}(\text{alumno} \bowtie \text{examen}))$

3.3) let inscripcionesNoRendidas = inscripción \ $\Pi_{\text{código-materia, n.º matricula, fecha}}(\text{examen})$

$\rho_{\text{ausencias}(\text{n.º matricula, cantidad})}(\text{n.º matricula} \bowtie \text{count código-materia}(\text{inscripcionesNoRendidas}))$

Ejercicio 4:

4.1) count xs = foldr (\t b-> 1+ b) 0 xs

4.2) Prueba por inducción en r

$\Pi_{n1, \dots, nN}(\sigma P(r)) = \sigma P(\Pi_{n1, \dots, nN}(r))$ es la hipótesis inductiva (HI)

Caso base con $r = []$

$\Pi_{n1, \dots, nN}(\sigma P([])) = \{\text{def } \sigma 1\} \Pi_{n1, \dots, nN}([]) = \{\text{def } \Pi 1\} []$

$= \sigma P(\Pi_{n1, \dots, nN}([])) = \{\text{def } \Pi 1\} \sigma P([]) = \{\text{def } \sigma 1\} []$

Probe el caso base , ahora el paso inductivo con $r = x:L$

$\sigma P(\Pi_{n1, \dots, nN}(x:L)) = \{\text{def } \Pi 2\} \sigma P((x.n1, x.n2, \dots, x.nN): \Pi_{n1, \dots, nN}(L)) =$

$= \{\text{def } \sigma 2\} \text{ if } p(x.n1, x.n2, \dots, x.nN) \text{ then } ((x.n1, x.n2, \dots, x.nN): \sigma P(\Pi_{n1, \dots, nN}(L))) \text{ else}$

$\sigma P(\Pi_{n1, \dots, nN}(L))$

se divide en dos casos , asumo $p(x.n1, x.n2, \dots, x.nN)$ verdadero ya que p se refiere a lo mas a $n1, \dots, nN$

$((x.n1, x.n2, \dots, x.nN): \sigma P(\Pi_{n1, \dots, nN}(L))) = \{HI\} (x.n1, x.n2, \dots, x.nN): \Pi_{n1, \dots, nN}(\sigma P(L))$

$= \{\text{def } \Pi 2\} \Pi_{n1, \dots, nN}(x:\sigma P(L))$

$= \{\text{def } \sigma 2 \wedge p(x.n1, x.n2, \dots, x.nN)\} \Pi_{n1, \dots, nN}(\sigma P(x:L))$

Probado en el caso que $p(x.n1, x.n2, \dots, x.nN)$ es verdadero, en el caso que sea falso tenemos que:

$\sigma P(\Pi_{n1, \dots, nN}(L)) = \{HI\} \Pi_{n1, \dots, nN}(\sigma P(L)) = \{\sigma P(x:L) = \sigma P(L) \text{ por apéndice}\}$

$\Pi_{n1, \dots, nN}(\sigma P(x:L))$

Como apéndice a la ultima aclaración $\sigma P(x:L) = \{\text{def } \sigma 2\} \text{ if } p x \text{ then } x: \sigma P(L) \text{ else } \sigma P(L)$

$= \{p(x.n1, x.n2, \dots, x.nN) \text{ es falso y que } p \text{ se refiere a lo mas a } n1, \dots, nN\} = \sigma P(L)$

Termine el paso inductivo por lo que la propiedad es valida.