## ANÁLISIS MATEMÁTICO II — Examen Final

22 de Diciembre de 2017

|   |   |   | Apellido y Nombre |   |   |   | Condición |   |       |      |
|---|---|---|-------------------|---|---|---|-----------|---|-------|------|
|   |   |   |                   |   |   |   |           |   |       |      |
| 1 | 2 | 3 | 4                 | 5 | 6 | - | 7         | 8 | TOTAL | NOTA |
|   |   |   |                   |   |   |   |           |   |       |      |

## LOS EJERCICIOS 7 Y 8 SON SOLO PARA ALUMNOS LIBRES

1.  $(1.5\,pts.)$  Determine si la siguiente integral impropia converge y en tal caso calcularla:

$$\int_0^e x \ln(x) \, dx$$

- 2. (2 pts.) Determine el radio de convergencia y el intervalo de convergencia de las siguientes series de potencias:
  - a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} \left( \frac{3x+1}{2} \right)^n$
  - b)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n (4x-1)^n}{n 2^{2n}}$
- 3. (1.5 pts.) Sea D la región comprendida entre las funciones  $g(x) = x^2 1$  y  $h(x) = 1 x^2$ .
  - a) Dibuje la región D.
  - b) Calcule la siguinte integral doble  $\int \int_D x^2 y \, dx \, dy$ .
- 4. (1 pto.) Sea S el gráfico de la función  $f(x,y) = x^4 + 2y^2$ . Dé la ecuación del plano tangente a S en el punto (1,0,1).
- 5. (2 pts.) Sea  $f(x) = e^{-2x}$ .
  - (a) Determine el orden del polinomio de Taylor de f, centrado en a=0, que se necesita para aproximar  $e^{-0.2}$  con un error menor que  $10^{-3}$ .
  - (b) Dé el valor de la aproximación de  ${\rm e}^{-0.2}$  que se obtiene con este método (puede dejarlo expresado como una suma).
- 6. (2 pts.) Sea  $f(x,y) = 2x^4 + y^2 x^2 2y$ . Determinar los puntos críticos de f y decir si son máximos, mínimos o puntos de silla.
- 7. (1 pto.) Calcular el área encerrada entre las curvas:  $f(x) = x^2 6x + 4$ ,  $g(x) = -x^2 + 2x 2$ , x = 2 y x = 4.
- 8. (1 pto.) Determine si cada una de las siguientes sucesiones es convergente o divergente.
  - (a)  $a_n = \frac{(-1)^n n}{n^2 + n}$
  - (b)  $a_n = \frac{\cos(\pi n)n}{n+3}$