Introducción a la Lógica y la Computación - Examen Final 5/3/2015

Apellido y Nombre:



- (1) Sea L un reticulado. Para cada una de las siguientes desigualdades determine si es válida en L. Dar una prueba o un contraejemplo, según el caso.
 - (a) $(x \lor y) \land z \ge (x \land z) \lor (y \land z)$
 - (b) $(x \lor y) \land (y \lor z) \land (x \lor z) \le (x \land y) \lor (x \land z) \lor (y \land z)$
- (2) Considere los reticulados distributivos D_n , formados por los divisores de n. Para n = 8, 24:
 - (a) Dé el digrama de Hasse de D_n , señale átomos e irreducibles.
 - (b) Dé el digrama de Hasse de $Irr(D_n)$, y el isomorfismo dado por el Teorema de Birkhoff.
 - (c) ¿Por qué es distributivo?
 - (d) Para cada n dé ejemplos de k > 20 tal que D_k sea isomorfo a D_n .
- (3) Encuentre derivaciones para:
 - (a) $P \vdash Q \rightarrow (P \rightarrow P \land Q)$
 - (b) $\neg R, \neg P \rightarrow R \vdash P$
 - (c) $\neg P \rightarrow Q \vdash P \lor Q$
- (4) Sea el NFA $M = (\{q_0, q_1, q_2, \}, \{0, 1\}, \delta, q_0, \{q_2\})$ donde δ viene dada por la siguiente tabla de transición:

$$\begin{array}{c|cccc} & 0 & 1 & \epsilon \\ \hline q_0 & \{q_0\} & \{q_1,q_2\} & \{q_1\} \\ q_1 & \{q_1\} & \{q_2,q_0\} & \emptyset \\ q_2 & \{q_0,q_1\} & \emptyset & \{q_1\} \end{array}$$

- $\frac{\epsilon}{\{q_1\}}$ (a) Hacer el diagrama de transición de M. (b) Aplicar el algoritmo dado en el teórico para encontrar un DFA que acepte el mismo lenguaje
- (a) Defina el concepto conjunto parcialmente ordenado.
 - (b) Defina el concepto de isomorfismo entre conjuntos parcialmente ordenado.
 - (c) Suponga que f es isomorfismo de posets entre los reticulados L y R. Será f un isomorfismo de reticulados? Justifique su respuesta.

Ejercicios para alumnos libres:

- (1) Probar que el lenguaje L sobre el alfabeto $\{a,b\}$, formado por las palabras que empiezan con b y terminan con bb, es regular. Para esto se debe dar una expresión regular que denote L.
- (2) Enuncie el teorema de corrección para la deducción natural.