Trab Multi

February 4, 2021

1 Análise Multivariada e Aprendizado Não-Supervisionado

por Sidnei Gazola Junior, n°USP: 9378888

Professora orientadora: Cibele Russo

ICMC USP São Carlos.

Este trabalho visa responder as seguintes questões propostas:

Considere dados demográficos e econômicos de estados brasileiros, disponíveis, por exemplo, em https://www.ibge.gov.br/cidades-e-estados. Considerando dados (multivariados) que achar relevantes, desenvolva cada um dos itens abaixo, usando a linguagem de sua preferência.

- 1. Desenvolva as análises descritivas e exploratórias para os dados em questão. Interprete brevemente os resultados
- 2. Obtenha agrupamentos hierárquicos aglomerativos usando o dendrograma e justifique escolha do número de grupos. Utilize a distância e método de ligação que achar conveniente. Interprete brevemente os resultados
- 3. Obtenha agrupamentos não-hierárquicos utilizando o algoritmo de K-médias. Interprete brevemente os resultados.

```
[5]: import pandas as pd
  import numpy as np
  import matplotlib.pyplot as plt
  import seaborn as sns
  from sklearn.preprocessing import StandardScaler
  from sklearn.cluster import AgglomerativeClustering, KMeans
  from scipy.cluster import hierarchy
  from pandasql import sqldf
```

1.1 Análises descritivas e exploratórias

```
[8]: data = pd.read_csv("dadoses.csv", index_col=0,decimal= ",") data.head()
```

```
[8]: Área Territorial - km^2 [2019] População estimada - pessoas [2020] \ UF [-] Acre 164123.964 894470
```

```
3351543
Alagoas
                              27843.295
Amapá
                             142470.762
                                                                       861773
Amazonas
                            1559167.889
                                                                      4207714
Bahia
                             564760.427
                                                                     14930634
          Densidade demográfica - hab/km² [2010] \
UF [-]
Acre
                                             4.47
                                           112.33
Alagoas
Amapá
                                             4.69
                                             2.23
Amazonas
Bahia
                                            24.82
          Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \
UF [-]
Acre
                                                      157646
                                                      490587
Alagoas
Amapá
                                                      136185
                                                      705007
Amazonas
Bahia
                                                     2034711
          IDH span>Índice de desenvolvimento humano
UF [-]
Acre
                                                       0.663
Alagoas
                                                       0.631
                                                       0.708
Amapá
Amazonas
                                                       0.674
Bahia
                                                       0.660
          Receitas realizadas - R$ (×1000) [2017] \
UF [-]
Acre
                                      6.632883e+06
Alagoas
                                      1.195044e+07
Amapá
                                      5.396417e+06
Amazonas
                                      1.732846e+07
Bahia
                                     5.019100e+07
          Despesas empenhadas - R$ (×1000) [2017] \
UF [-]
Acre
                                      6.084417e+06
Alagoas
                                      1.046063e+07
Amapá
                                     4.224464e+06
Amazonas
                                      1.532490e+07
Bahia
                                     4.557016e+07
          Rendimento mensal domiciliar per capita - R$ [2019] \
UF [-]
```

```
Acre
                                                                890
                                                                731
     Alagoas
     Amapá
                                                                880
     Amazonas
                                                                842
     Bahia
                                                                913
               Total de veículos - veículos [2018]
     UF [-]
                                              277831
     Acre
                                              834827
     Alagoas
     Amapá
                                              195039
     Amazonas
                                              883083
     Bahia
                                             4139107
[9]: data.describe()
[9]:
            Área Territorial - km<sup>2</sup> [2019]
                                             População estimada - pessoas [2020]
                              2.700000e+01
                                                                      2.700000e+01
     count
                              3.151961e+05
                                                                      7.842803e+06
     mean
                              3.751197e+05
                                                                      9.316952e+06
     std
     min
                              5.760783e+03
                                                                      6.311810e+05
     25%
                              7.609896e+04
                                                                      2.932272e+06
     50%
                              2.236445e+05
                                                                      4.064052e+06
     75%
                              3.349228e+05
                                                                      9.401862e+06
     max
                              1.559168e+06
                                                                      4.628933e+07
            Densidade demográfica - hab/km<sup>2</sup> [2010]
     count
                                           27.000000
                                           68.040741
     mean
     std
                                          105.909690
                                            2.010000
     min
     25%
                                            6.325000
     50%
                                           33.410000
     75%
                                           71.475000
                                          444.660000
     max
            Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018]
                                                    2.700000e+01
     count
                                                    1.006814e+06
     mean
     std
                                                    1.079327e+06
     min
                                                    9.658200e+04
     25%
                                                    3.908680e+05
     50%
                                                    5.562480e+05
     75%
                                                    1.300333e+06
     max
                                                    5.367614e+06
            IDH span>Índice de desenvolvimento humano
```

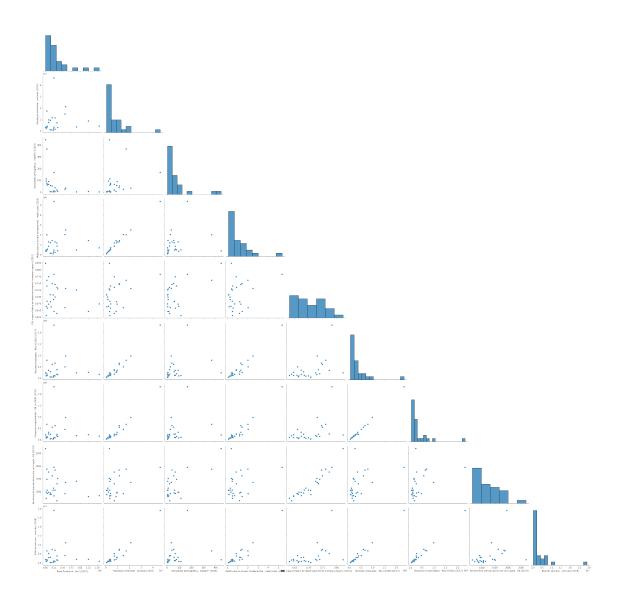
```
27.000000
count
                                                  0.704519
mean
std
                                                  0.049284
min
                                                  0.631000
25%
                                                  0.664000
50%
                                                  0.699000
75%
                                                  0.737500
max
                                                  0.824000
       Receitas realizadas - R$ (×1000) [2017]
                                    2.700000e+01
count
mean
                                    3.571354e+07
std
                                    4.590409e+07
min
                                   4.419450e+06
25%
                                    1.203733e+07
50%
                                    1.968562e+07
75%
                                    3.681568e+07
                                    2.328225e+08
max
       Despesas empenhadas - R$ (×1000) [2017]
                                    2.700000e+01
count
                                    3.237044e+07
mean
std
                                   4.592375e+07
min
                                   3.384684e+06
25%
                                   9.875718e+06
50%
                                   1.762717e+07
75%
                                   2.945779e+07
                                    2.319822e+08
max
       Rendimento mensal domiciliar per capita - R$ [2019] \
                                                 27.000000
count
                                               1238.703704
mean
std
                                                476.693968
min
                                                636.000000
25%
                                                901.500000
50%
                                               1056.000000
75%
                                               1495.500000
                                               2686.000000
max
       Total de veículos - veículos [2018]
                               2.700000e+01
count
mean
                               3.731354e+06
std
                               5.729603e+06
min
                               1.950390e+05
25%
                               9.340650e+05
50%
                               1.812473e+06
75%
                               4.024268e+06
```

2.905775e+07

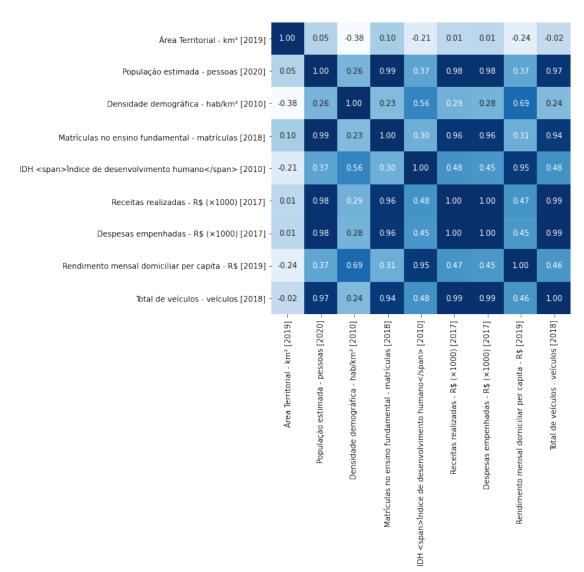
```
[10]: plt.figure(figsize=(15, 15)) sns.pairplot(data,kind='scatter', diag_kind='hist', corner=True, height=4)
```

[10]: <seaborn.axisgrid.PairGrid at 0x1872bc77970>

<Figure size 1080x1080 with 0 Axes>



[11]: <AxesSubplot:>



Com as análises descritivas e exploratórias, podemos perceber que tem algumas colunas que são bem correlacionadas, o que já era esperado, pois são dados economicos então é esperado por exemplo que o IDH seja relacionado com o rendimento familiar per capita.

1.2 Agrupamento hierárquico via dendrograma

```
[12]: data_s = data.copy()
  data_s.iloc[:, :] = StandardScaler().fit_transform(data)
  data_s.head()
```

```
[12]:
                Área Territorial - km² [2019] População estimada - pessoas [2020] 🛝
     UF [-]
      Acre
                                    -0.410402
                                                                          -0.759980
      Alagoas
                                    -0.780622
                                                                          -0.491235
      Amapá
                                    -0.469225
                                                                          -0.763556
      Amazonas
                                     3.379371
                                                                          -0.397591
      Bahia
                                     0.677966
                                                                           0.775237
                Densidade demográfica - hab/km² [2010] \
     UF [-]
      Acre
                                             -0.611669
      Alagoas
                                              0.426146
                                             -0.609553
      Amapá
      Amazonas
                                             -0.633222
      Bahia
                                              -0.415864
                Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \
     UF [-]
      Acre
                                                         -0.801744
                                                         -0.487397
      Alagoas
      Amapá
                                                         -0.822007
      Amazonas
                                                         -0.284952
      Bahia
                                                          0.970492
                IDH span>Índice de desenvolvimento humano
      UF [-]
                                                         -0.858489
      Acre
                                                         -1.520160
      Alagoas
      Amapá
                                                          0.071987
      Amazonas
                                                         -0.631039
      Bahia
                                                         -0.920520
                Receitas realizadas - R$ (×1000) [2017] \
     UF [-]
      Acre
                                              -0.645577
                                              -0.527530
      Alagoas
      Amapá
                                              -0.673026
      Amazonas
                                              -0.408140
      Bahia
                                               0.321393
                Despesas empenhadas - R$ (×1000) [2017]
     UF [-]
      Acre
                                              -0.583288
      Alagoas
                                              -0.486179
      Amapá
                                              -0.624560
      Amazonas
                                              -0.378241
      Bahia
                                               0.292902
```

```
Rendimento mensal domiciliar per capita - R$ [2019] \
       UF [-]
       Acre
                                                                        -0.745439
       Alagoas
                                                                        -1.085340
                                                                        -0.766816
       Amapá
       Amazonas
                                                                        -0.848051
       Bahia
                                                                        -0.696271
                    Total de veículos - veículos [2018]
       UF [-]
       Acre
                                                      -0.614233
       Alagoas
                                                      -0.515167
       Amapá
                                                      -0.628958
       Amazonas
                                                      -0.506585
       Bahia
                                                       0.072522
[13]: Z = hierarchy.linkage(data, 'ward')
       plt.figure(figsize=(18, 10))
       dn = hierarchy.dendrogram(Z, labels=list(data.index),__
         →leaf_font_size=14,orientation='right')
                 Mato Grosso
               Distrito Federal
                     Pará
                     Ceará
             Mato Grosso do Sul
                  Amazonas
                Espírito Santo
                  Maranhão
                   Tocantins
                    Sergipe
                   Rondônia
            Rio Grande do Norte
                    Paraíba
                     Piauí
                    Alagoas
                   Roraima
                    Amapá
                     Acre
                Santa Catarina
                     Goiás
                 Pernambuco
                     Bahia
              Rio Grande do Sul
                    Paraná
                Rio de Janeiro
Minas Gerais
```

```
g_estados = {i: [] for i in range(n_clusters)}
for estados, group in zip(estados, groups):
    g_estados[group].append(estados)

for gp, est in g_estados.items():
    print(f'Cluster {gp}: {est}\n')

Cluster 0: ['Acre', 'Alagoas', 'Amapá', 'Amazonas', 'Bahia', 'Ceará', 'Distrito Federal', 'Espírito Santo', 'Goiás', 'Maranhão', 'Mato Grosso', 'Mato Grosso do Sul', 'Pará', 'Paraíba', 'Pernambuco', 'Piauí', 'Rio Grande do Norte', 'Rondônia', 'Roraima', 'Santa Catarina', 'Sergipe', 'Tocantins']
Cluster 1: ['São Paulo']
```

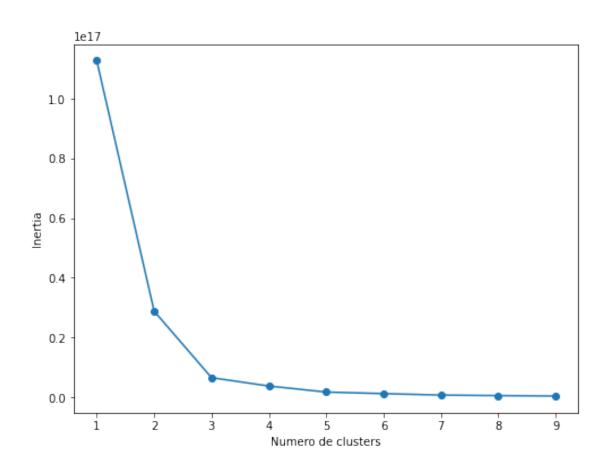
Para essa análise de agrupamento hierárquica via dendrograma foi utilizado a medida euclidiana para medir a distância e o método de ligação Ward, foi realizado um corte na distância 1 para definir o número de clusters. Com essa ánalise de cluster podemos notar uma forte relação geográfica com os dados económicos. Sendo os estados mais ao sudeste e sul sendo separados do resto dos outros estados, o que já era esperado pois é a região mais forte economicamente do país. Vale ressaltar

que o estado de São Paulo ficou bem distante dos demais, o que também bate com a realidade, pois

Cluster 2: ['Minas Gerais', 'Paraná', 'Rio de Janeiro', 'Rio Grande do Sul']

1.3 Agrupamento não-hierárquico (K-médias)

é o estado com a maior economia do país.



```
[16]: n_clusters = 3
kmeans = KMeans(n_clusters=n_clusters)
data['cluster'] = kmeans.fit_predict(data)
data
```

```
[16]:
                            Área Territorial - km² [2019]
      UF [-]
      Acre
                                               164123.964
      Alagoas
                                                 27843.295
      Amapá
                                                142470.762
      Amazonas
                                               1559167.889
      Bahia
                                                564760.427
      Ceará
                                                148894.441
      Distrito Federal
                                                  5760.783
      Espírito Santo
                                                 46074.447
      Goiás
                                               340203.329
      Maranhão
                                               329642.182
      Mato Grosso
                                               903207.019
      Mato Grosso do Sul
                                               357145.534
      Minas Gerais
                                                586521.123
```

Pará Paraíba Paraná Pernambuco Piauí Rio de Janeiro Rio Grande do Norte Rio Grande do Sul Rondônia Roraima Santa Catarina São Paulo Sergipe Tocantins	1245870.798 56467.242 199298.979 98067.881 251756.515 43750.427 52809.602 281707.156 237765.240 223644.527 95730.684 248219.481 21925.424 277466.763
20000	
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás Maranhão Mato Grosso Mato Grosso do Sul Minas Gerais Paraíba Paraíba Paraná Pernambuco Piauí Rio de Janeiro Rio Grande do Norte Rio Grande do Sul Rondônia Roraima Santa Catarina São Paulo Sergipe Tocantins	População estimada - pessoas [2020] \ 894470 3351543 861773 4207714 14930634 9187103 3055149 4064052 7113540 7114598 3526220 2809394 21292666 8690745 4039277 11516840 9616621 3281480 17366189 3534165 11422973 1796460 631181 7252502 46289333 2318822 1590248
UF [-]	Densidade demográfica - hab/km² [2010]

Alagoas Amapá Amazonas 2.23 Bahia 2.28 Bahia 2.38 Bahia 3.38 Bahia	Acre	4.47	
Amazonas 2.23 Bahia 24.82 Ceará 56.76 Distrito Federal 444.66 Espírito Santo 76.25 Goiás 17.65 Maranhão 19.81 Mato Grosso 3.36 Mato Grosso do Sul 6.86 Minas Gerais 33.41 Para 6.07 Paraíba 66.70 Paraná 62.70 Paraná 66.70 Paraná 66.70 Paraná 66.70 Paraná 66.70 Paraná 66.70 Paraná 66.70 Paraná 62.24 Pernambuco 39.62 Piauí 12.40 Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Sul 37.96 Roraina 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 66.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 UF [-] Acre </td <td>Alagoas</td> <td>112.33</td> <td></td>	Alagoas	112.33	
Bahia 24.82	Amapá	4.69	
Ceará	Amazonas	2.23	
Distrito Federal 444.66 Espírito Santo 76.25	Bahia	24.82	
Espírito Santo Goiás 17.65 Maranhão Mato Grosso 3.36 Mato Grosso do Sul Mato Grosso do Sul Minas Gerais 33.41 Pará 6.07 Paraíba 66.70 Paranába 66.70 Paraná 52.40 Pernambuco 89.62 Piauí 12.40 Rio de Janeiro 365.23 Rio Grande do Norte Rio Grande do Sul 37.96 Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ UF [-] Acre 157646 Alagoas 490587 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal Espírito Santo 602059 Goiás 877593 Maranhão Mato Grosso do Sul Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 5656248 Paraná 156868 Paranáb	Ceará	56.76	
Coiás 17.65 Maranhão 19.81 Maranhão 19.81 Mato Grosso 3.36 Mato Grosso do Sul 6.86 Minas Gerais 33.41 Pará 6.07 Paraíba 66.70 Paranãa 52.40 Pernambuco 89.62 Piauí 12.40 Rio de Janeiro 365.23 Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Sul 37.96 Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] VIF [-] Acre Alagoas 490587 Amapá 490587	Distrito Federal	444.66	
Golás 17.65 Maranhão 19.81 Mato Grosso 3.36 Mato Grosso do Sul 6.86 Minas Gerais 33.41 Pará 6.07 Paraná 66.70 Paraná 52.40 Pernambuco 89.62 Piauí 12.40 Rio de Janeiro 365.23 Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Sul 37.96 Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 Sēr paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 UF [-] Acre Alagoas 490587 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 550059 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Gro	Espírito Santo	76.25	
Mato Grosso 3.36 Mato Grosso do Sul 6.86 Minas Gerais 33.41 Pará 6.07 Paraíba 66.70 Paraná 52.40 Pernambuco 89.62 Piauí 12.40 Rio de Janeiro 365.23 Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Sul 37.96 Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ UF [-] Acre Alagoas Amapá Alagoas Amapá Amapá Amazonas Pahía 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal Espírito Santo Goiás 877693 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal Espírito Santo Goiás 877693 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul Minas Gerais Pará Pará 1439788 Paraíba Paraíba Paraíba Paraíba Paraíba 1427218	-	17.65	
Mato Grosso do Sul 6.86 Minas Gerais 33.41 Pará 6.07 Paraná 66.70 Paraná 52.40 Pernambuco 89.62 Piauí 12.40 Rio de Janeiro 365.23 Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Sul 37.96 Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ UF [-] Acre Alagoas Alagoas Amapá Alagoas Amapá Alagoas Amapá Anazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal Espírito Santo Goiás 877593 Maranhão Maranhão Maranhão Maranhão Alagosso 471613 Mato Grosso 471613 Mato Grosso 471613 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul Minas Gerais Pará 1439788 Paraíba Paraíba 556248 Paraná 1427218	Maranhão	19.81	
Minas Gerais	Mato Grosso	3.36	
Pará 6.07 Parañba 66.70 Paraná 52.40 Pernambuco 39.62 Piauí 12.40 Rio de Janeiro 365.23 Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Sul 37.96 Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 UF [-] Acre Alagoas 490587 Amapá 136185 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Paraíba 556248	Mato Grosso do Sul	6.86	
Paraíba 66.70 Paraná 52.40 Pernambuco 89.62 Piauí 12.40 Rio de Janeiro 365.23 Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Sul 37.96 Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 UF [-] Acre Acre 157646 Alagoas 490587 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 251483 Paraíba 556248 Parañba 1427218	Minas Gerais	33.41	
Paraná 52.40 Pernambuco 89.62 Piauí 12.40 Rio de Janeiro 365.23 Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Sul 37.96 Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ UF [-] Acre Alagoas Amapá Amapá Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal Espírito Santo 60iás 877593 Maranhão Mato Grosso 471613 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul Minas Gerais Pará Paraíba Paraíba Paraíba Paraíba Paraíba Paraíba Paraíba Paraíba Parába Paraíba Pa	Pará	6.07	
Pernambuco 89.62 Piauí 12.40 Rio de Janeiro 365.23 Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Sul 37.96 Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Watrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ UF [-] Acre Alagoas Amapá Alagoas Amapá Amazonas Frosonor Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás Goiás Aranhão Maranhão Maranhão Mato Grosso Goiás Aranhão Mato Grosso do Sul Minas Gerais Parába Paraíba Paraíba Paraíba Paraíba Todada Todada 12.40 Todada To	Paraíba	66.70	
Piauí 12.40 Rio de Janeiro 365.23 Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Sul 37.96 Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ UF [-] Acre Alagoas Amapá Anapá Anapá Anazonas Fotoantina Anazonas Anapá Anazonas	Paraná	52.40	
Rio de Janeiro Rio Grande do Norte Rio Grande do Norte Rio Grande do Sul Rondônia Ronaima Rona	Pernambuco		
Rio Grande do Norte 59.99 Rio Grande do Sul 37.96 Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ Wife [-] Acre Alagoas Amapá Amapá Amazonas Amazonas Tosonor Bahia Ceará 1198116 Distrito Federal Espírito Santo Goiás Agranhão Mato Grosso Mato Grosso Mato Grosso do Sul Mato Grosso do Sul Minas Gerais Pará Paraíba Paraíba Faraíba Faraíb	Piauí	12.40	
Rio Grande do Sul Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ UF [-] Acre 157646 Alagoas 490587 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 25pírito Santo 60iás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso do Sul Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná	Rio de Janeiro	365.23	
Rondônia 6.58 Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \texts{VIF} [-] Acre 157646 Alagoas 490587 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Rio Grande do Norte	59.99	
Roraima 2.01 Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ UF [-] Acre Alagoas Alagoas Alagoas Amapá Amazonas Amazonas Amazonas Amazonas Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás Goiás Aranhão Maranhão Maranhão Mato Grosso Maranhão Mato Grosso Mato Grosso Ari613 Mato Grosso Ari613 Mato Grosso do Sul Minas Gerais Pará Paraíba Paraíba Paraíba Faraíba Far	Rio Grande do Sul	37.96	
Santa Catarina 65.27 São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ Totalas [2018] \ To	Rondônia	6.58	
São Paulo 166.23 Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ UF [-] Acre	Roraima	2.01	
Sergipe 94.36 Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ UF [-] \ Acre 157646 Alagoas 490587 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Santa Catarina	65.27	
Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] UF [-]	São Paulo	166.23	
Tocantins 4.98 Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018] \ UF [-] Acre 157646 Alagoas 490587 Amapá 490587 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará Paraíba 556248 Paraíba 556248 Paraíba Paraíba 556248 Paraíba 1427218	Sergipe	94.36	
UF [-] Acre 157646 Alagoas 490587 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218		4.98	
UF [-] Acre 157646 Alagoas 490587 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218			
Acre 157646 Alagoas 490587 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218		Matrículas no ensino fundamental - matrículas [2018]	\
Alagoas 490587 Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	UF [-]		
Amapá 136185 Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Acre	157646	
Amazonas 705007 Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Alagoas	490587	
Bahia 2034711 Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Amapá	136185	
Ceará 1198116 Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Amazonas	705007	
Distrito Federal 377622 Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Bahia	2034711	
Espírito Santo 502059 Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Ceará	1198116	
Goiás 877593 Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Distrito Federal	377622	
Maranhão 1178949 Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Espírito Santo	502059	
Mato Grosso 471613 Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Goiás	877593	
Mato Grosso do Sul 404114 Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Maranhão	1178949	
Minas Gerais 2511483 Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Mato Grosso	471613	
Pará 1439788 Paraíba 556248 Paraná 1427218	Mato Grosso do Sul	404114	
Paraíba 556248 Paraná 1427218	Minas Gerais	2511483	
Paraná 1427218	Pará	1439788	
	Paraíba		
Pernambuco 1301930		556248	
	Paraná		

```
Piauí
                                                                  480126
Rio de Janeiro
                                                                 2003315
Rio Grande do Norte
                                                                  467629
Rio Grande do Sul
                                                                 1298736
Rondônia
                                                                  269626
Roraima
                                                                   96582
Santa Catarina
                                                                  851993
São Paulo
                                                                 5367614
Sergipe
                                                                  331297
Tocantins
                                                                  246183
                     IDH span>Índice de desenvolvimento humano
\
UF [-]
                                                                   0.663
Acre
                                                                   0.631
Alagoas
                                                                   0.708
Amapá
Amazonas
                                                                   0.674
                                                                   0.660
Bahia
Ceará
                                                                   0.682
Distrito Federal
                                                                   0.824
Espírito Santo
                                                                   0.740
Goiás
                                                                   0.735
Maranhão
                                                                   0.639
Mato Grosso
                                                                   0.725
Mato Grosso do Sul
                                                                   0.729
Minas Gerais
                                                                   0.731
Pará
                                                                   0.646
Paraíba
                                                                   0.658
Paraná
                                                                   0.749
Pernambuco
                                                                   0.673
Piauí
                                                                   0.646
Rio de Janeiro
                                                                   0.761
Rio Grande do Norte
                                                                   0.684
Rio Grande do Sul
                                                                   0.746
Rondônia
                                                                   0.690
Roraima
                                                                   0.707
Santa Catarina
                                                                   0.774
São Paulo
                                                                   0.783
Sergipe
                                                                   0.665
Tocantins
                                                                   0.699
                     Receitas realizadas - R$ (×1000) [2017] \
UF [-]
                                                 6.632883e+06
Acre
                                                 1.195044e+07
Alagoas
                                                 5.396417e+06
Amapá
```

Amazonas	1.732846e+07	
Bahia	5.019100e+07	
Ceará	2.842022e+07	
Distrito Federal	2.381221e+07	
Espírito Santo	1.968562e+07	
Goiás	3.788534e+07	
Maranhão	1.850326e+07	
Mato Grosso	2.395853e+07	
Mato Grosso do Sul	1.639666e+07	
Minas Gerais	9.719982e+07	
Pará	2.584945e+07	
Paraíba	1.309701e+07	
Paraná	6.016358e+07	
Pernambuco	3.574603e+07	
Piauí	1.212422e+07	
Rio de Janeiro	7.848814e+07	
Rio Grande do Norte	1.352755e+07	
Rio Grande do Sul	6.639747e+07	
Rondônia	9.122311e+06	
Roraima	4.419450e+06	
Santa Catarina	3.469677e+07	
São Paulo	2.328225e+08	
Sergipe	1.014505e+07	
	1 020510-107	
Tocantins	1.030510e+07	
Tocantins	1.030510e+07	
Tocantins		\
Tocantins UF [-]		\
		\
UF [-]	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017]	\
UF [-] Acre	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06	\
UF [-] Acre Alagoas	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07 2.199046e+07	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07 2.199046e+07 1.439234e+07	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07 2.199046e+07 1.439234e+07 2.424838e+07	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás Maranhão	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07 2.199046e+07 1.439234e+07 2.424838e+07 1.762717e+07	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás Maranhão Mato Grosso	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07 2.199046e+07 1.439234e+07 2.424838e+07 1.762717e+07 1.818736e+07	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás Maranhão Mato Grosso Mato Grosso do Sul	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07 2.199046e+07 1.439234e+07 2.424838e+07 1.762717e+07 1.818736e+07 1.450692e+07	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás Maranhão Mato Grosso Mato Grosso do Sul Minas Gerais Pará Paraíba	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07 2.199046e+07 1.439234e+07 2.424838e+07 1.762717e+07 1.818736e+07 1.450692e+07 9.839167e+07 2.253347e+07 1.007470e+07	\
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás Maranhão Mato Grosso Mato Grosso do Sul Minas Gerais Pará Paraíba Paraná	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07 2.199046e+07 1.439234e+07 2.424838e+07 1.762717e+07 1.818736e+07 1.450692e+07 9.839167e+07 2.253347e+07 1.007470e+07 5.553440e+07	
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás Maranhão Mato Grosso Mato Grosso do Sul Minas Gerais Pará Paraíba	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07 2.199046e+07 1.439234e+07 2.424838e+07 1.762717e+07 1.818736e+07 1.450692e+07 9.839167e+07 2.253347e+07 1.007470e+07	
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás Maranhão Mato Grosso Mato Grosso do Sul Minas Gerais Pará Paraíba Paraná	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07 2.199046e+07 1.439234e+07 2.424838e+07 1.762717e+07 1.818736e+07 1.450692e+07 9.839167e+07 2.253347e+07 1.007470e+07 5.553440e+07	
UF [-] Acre Alagoas Amapá Amazonas Bahia Ceará Distrito Federal Espírito Santo Goiás Maranhão Mato Grosso Mato Grosso do Sul Minas Gerais Pará Paraíba Paraná Pernambuco	Despesas empenhadas - R\$ (×1000) [2017] 6.084417e+06 1.046063e+07 4.224464e+06 1.532490e+07 4.557016e+07 2.460835e+07 2.199046e+07 1.439234e+07 2.424838e+07 1.762717e+07 1.818736e+07 1.450692e+07 9.839167e+07 2.253347e+07 1.007470e+07 5.553440e+07 3.332049e+07	

Rondônia	6.247628e+07 7.085530e+06	
Roraima	3.384684e+06	
Santa Catarina	2.559510e+07	
São Paulo	2.339310e+07 2.319822e+08	
Sergipe	8.494927e+06	
Tocantins	8.929456e+06	
	Rendimento mensal domiciliar per capita - R\$	[2019] \
UF [-]	Rendimento mensai domiciliai per capita - Ro	[2019] (
Acre		890
Alagoas		731
Amapá		880
Amazonas		842
Bahia		913
Ceará		942
Distrito Federal		2686
Espírito Santo		1477
Goiás		1306
Maranhão		636
Mato Grosso		1403
Mato Grosso do Sul		1514
Minas Gerais		1358
Pará		807
Paraíba		929
Paraná		1621
Pernambuco		970
Piauí		827
Rio de Janeiro		1882
Rio Grande do Norte		1057
Rio Grande do Sul		1843
Rondônia		1136
Roraima		1044
Santa Catarina		1769
São Paulo		1946
Sergipe		980
Tocantins		1056
	Total de veículos - veículos [2018] cluster	
UF [-]		
Acre	277831 0	
Alagoas	834827 0	
Amapá	195039 0	
Amazonas	883083 0	
Bahia	4139107 2	
Ceará	3148369 0	
Distrito Federal	1812473 0	

6.247628e+07

Rio Grande do Sul

```
Espírito Santo
                                                     1936862
                                                                     0
Goiás
                                                     3909429
                                                                     0
Maranhão
                                                     1696683
                                                                     0
Mato Grosso
                                                     2080848
                                                                     0
Mato Grosso do Sul
                                                                     0
                                                     1583142
Minas Gerais
                                                    11191341
                                                                     2
Pará
                                                     2013952
                                                                     0
Paraíba
                                                     1293668
                                                                     0
Paraná
                                                                     2
                                                    7571122
Pernambuco
                                                     3010638
                                                                     0
Piauí
                                                     1196192
                                                                     0
Rio de Janeiro
                                                     6725822
                                                                     2
Rio Grande do Norte
                                                     1290903
                                                                     0
Rio Grande do Sul
                                                     7077972
                                                                     2
Rondônia
                                                      985047
                                                                     0
Roraima
                                                      219290
                                                                     0
Santa Catarina
                                                                     0
                                                     5152615
São Paulo
                                                    29057749
                                                      772380
                                                                     0
Sergipe
Tocantins
                                                      690169
                                                                     0
```

```
[17]: estados = list(data.index)
groups = data['cluster']

g_estados = {i: [] for i in range(n_clusters)}

for estado, group in zip(estados, groups):
    g_estados[group].append(estado)

for gp, est in g_estados.items():
    print(f'Cluster {gp}: {est}\n')
```

```
'Espírito Santo', 'Goiás', 'Maranhão', 'Mato Grosso', 'Mato Grosso do Sul', 'Pará', 'Paraíba', 'Pernambuco', 'Piauí', 'Rio Grande do Norte', 'Rondônia', 'Roraima', 'Santa Catarina', 'Sergipe', 'Tocantins']

Cluster 1: ['São Paulo']
```

Cluster 0: ['Acre', 'Alagoas', 'Amapá', 'Amazonas', 'Ceará', 'Distrito Federal',

Cluster 2: ['Bahia', 'Minas Gerais', 'Paraná', 'Rio de Janeiro', 'Rio Grande do Sul']

A análise de agrupamento não-hierárquica via k-médias, teve resultado bem semelhantes com a análise hieraquica, com o estado de São Paulo destoando dos demais, e logo após no segundo cluste os estados do sul e sudeste, a diferença nesse método foi o distrito federal, que é geográficamente distante, estar nesse mesmo cluster, mas como é um estado bem pequeno e que contém a capital do país é extremamente compreensível ele estar junto nesse cluster, pois a capital movimenta muito

dinheiro também. Para escolher o número de clusters foi utlizado o "método de cotovelo".