## Solución de la ecuación diferencial: general y particular. Definción de soluciones

Jorge Ruiz López

Facultad de Ingeniería UNAM

March 2022

## 1 Solución de una ecuación diferencial:

**Definición 1.1: Solución**[1] de una ecuación diferencial es una función que no contiene derivadas y que satisface a dicha ecuación; es decir, al sustituir la función y sus derivadas en la ecuación diferencial resulta una identidad.

**Definición 1.2: Solución general** de una ecuación diferencial es la función que contiene una o más constantes arbitrarias (obtenidas de las sucesivas integraciones).

**Ejemplo:** La función  $x + y^2 = c$  es la solución general de la ecuación diferencial:

$$\frac{dy}{dx} = -\frac{1}{2y}$$

Porque derivándola implícitamente tenemos:  $1 + 2y \frac{dy}{dx} = 0$ , o expresado en otra forma: 2yy' = -1. Sustituyendo y y y' obtenemos una identidad:

$$2\sqrt{c-x}(-\frac{1}{2\sqrt{c-x}}) = -1 \blacksquare - 1 = -1;$$
donde  $y = \sqrt{c-x}$ 

**Ejemplo 2:** La función  $y = 3x^2 + c_1x + c_2$  es solución general de la ecuación diferencial y'' = 6, porque

$$y' = 6x + c_1$$
  
y  $y'' = 6 \blacksquare 6 = 6$ 

Definición 1.3: Solución particular de una ecuación diferencial es la función cuyas constantes arbitrarias toman un valor específico.

**Ejemplo:** La función  $y = e^{-x} + 8$  es solución particular de la ecuación diferencial  $y' + e^x = 0$ , porque derivando la solución y sustituyéndola en la ecuación dada, obtenemos:

$$y' = -e^{-x} - e^{-x} + e^{-x} = 0 \quad \blacksquare 0 = 0$$

## References

[1] Isabel Carmona Jover. Ecuaciones Diferenciales. Longman de México Editores, 1998. ISBN: 9684441509.