Análise de desempenho para códigos de canal

José Romildo, Thales Henrique, Railton Rocha 8 de dezembro de 2017

1 Introdução

Os códigos de tratamento de erros são de grande importância nos sistemas de comunicação modernos. Com efeito, a utilização dos mesmos pode ser a diferença entre aqueles que são ou não funcionais, uma vez que é possível detectar e, possivelmente, corrigir erros em mensagens sem a necessidade de retransmissão dos dados.

Este relatório está organizado da maneira que se segue. Na Seção 2 é apresentada toda a base teórica referente a álgebra abstrata e teoria de códigos utilizada no projeto, bem como uma pequena revisão acerca dos canais BSC. A Seção 3 apresenta a metodologia utilizada nas simulações, sendo estas mostradas na Seção 4. Na Seção 5 os resultados são analizados, e o relatório é concluido na Seção 6.

2 Base Teórica

2.1 Grupos

Seja G um conjunto. Uma operação binária em G é uma função que atribui, a cada par de elementos em G, um outro elemento em G. A estrutura algébrica (G,*), em que * é uma operação binária defina em G, é um grupo se, $\forall g,h,k\in G$,

- 1. $g * h \in G$ (fechamento)
- 2. g * (h * k) = (g * h) * k (associatividade)
- 3. $\exists e \in G; e * g = g * e = g \text{ (identidade)}$
- 4. $\exists q^{-1} \in G; q * q^{-1} = q^{-1} * q = e \text{ (inverso)}$

Se, além das propriedades acima, for válida a comutatividade ($g*h=h*g, \forall g,h\in G$), então o grupo é dito abeliano ou comutativo. Também é possível classificar essa estrutura pela sua cardinalidade, podendo existir grupos finitos ou infinitos. Se somente o fechamento vale, têm-se um grupoide; se, além deste, a associatividade também é verificada , um semigrupo. Por fim, apenas a existência do inverso não é satisfeita, têm-se um monoide.

- 2.2 Subgrupos e Teorema de Lagrange
- 2.3 Espaços Vetoriais
- 2.4 Códigos de Tratamento de Erros
- 2.5 Binary Simetric Channel (BSC)
- 3 Metologia
- 4 Simulações
- 5 Análise dos Resultados
- 6 Conclusão
- A Apêndice
- A.1 Código-fonte do simulador