

Sprawozdanie - WEAlilB		
Podstawy automatyki		
Ćwiczenie 2: Charakterystyki częstotliwościowe obiektów		
Czwartek godz.	14.30	Data wykonania: 16.03.2023
Imię i nazwisko:	Jan Rosa	Data zaliczenia:
		Ocena:

## Cel Ćwiczenia

Celem ćwiczenia jest zapoznanie się z charakterystykami częstotliwościowymi podstawowych obiektów dynamicznych. Podczas ćwiczenia należy zbadać charakterystyki częstotliwościowe tych samych obiektów, które były badane podczas poprzedniego ćwiczenia. Badane będą następujące dwa podstawowe typy charakterystyk częstotliwościowych:

- **charakterystyka częstotliwościowa amplitudowo - fazowa.** Jest ona wykreślana na płaszczyźnie zespolonej i jest ona miejscem geometrycznym końca wektora, którego współrzędnymi są:  $\text{Re}(G(j\omega))$  oraz  $\text{Im}(G(j\omega))$  przy zmianie pulsacji  $\omega$  w zakresie od zera do nieskończoności, gdzie  $G(j\omega)$  jest transmitancją widmową obiektu.
- **charakterystyka częstotliwościowa logarytmiczna modułu i fazy.** Są to wykresy modułu i fazy transmitancji widmowej  $G(j\omega)$  w funkcji pulsacji  $\omega$ , przy czym zmienna niezależna  $\omega$  jest podana w skali logarytmicznej (tj. w równych odstępach np. 0.1 1 10 ...). Moduł transmitancji jest podawany w decybelach [dB], czyli jest on równy  $20 \log(|G(j\omega)|)$ , faza jest podawana w stopniach.

Podczas ćwiczenia należy zbadać oba typy charakterystyk dla podstawowych obiektów omówionych we wprowadzeniu. Są one następujące:

1. obiekt inercyjny I rzędu o transmitancji:  $G(s) = \frac{k}{Ts + 1}$
2. obiekt inercyjny II rzędu o transmitancji:  $G(s) = \frac{k}{T_1 T_2 s^2 + (T_1 + T_2)s + 1}$
3. obiekt oscylacyjny II rzędu o transmitancji:  $G(s) = \frac{k}{T_0^2 s^2 + 2\xi T_0 s + 1}$
4. obiekt całkujący z inercją I rzędu o transmitancji:  $G(s) = \frac{k}{T_i s(Ts + 1)}$
5. obiekt różniczkujący rzeczywisty o transmitancji:  $G(s) = \frac{T_d s}{Ts + 1}$
6. obiekt inercyjny I rzędu z opóźnieniem o transmitancji:  $G(s) = \frac{e^{-s\tau}}{Ts + 1}$

Zapis transmitancji w MATLAB-ie. Transmitancja w MATLAB-ie jest reprezentowana przez 2 wektory, zawierające współczynniki jej licznika i mianownika. Sposób zapisu w MATLAB-ie obiektów wymienionych powyżej jest podany w poniższej tabeli.

Transmitancja obiektu	Zapis licznika transmitancji	Zapis mianownika transmitancji
$G(s) = \frac{k}{Ts + 1}$	[ k ]	[ T, 1 ]
$G(s) = \frac{k}{T_1 T_2 s^2 + (T_1 + T_2)s + 1}$	[ k ]	[ T <sub>1</sub> T <sub>2</sub> , T <sub>1</sub> + T <sub>2</sub> , 1 ]
$G(s) = \frac{k}{T_0^2 s^2 + 2\xi T_0 s + 1}$	[ k ]	[ T <sub>0</sub> <sup>2</sup> , 2ξT <sub>0</sub> , 1 ]
$G(s) = \frac{k}{T_i s(Ts + 1)}$	[ k ]	[ TT <sub>i</sub> , T <sub>i</sub> , 0 ]
$G(s) = \frac{T_d s}{Ts + 1}$	[ T <sub>d</sub> , 0 ]	[ T, 1 ]
$G(s) = \frac{e^{-s\tau}}{Ts + 1}$	<b>zob. poniżej</b>	<b>zob. poniżej</b>

## Wykonanie ćwiczenia

W czasie ćwiczenia należy wykonać komplety charakterystyk amplitudowo-fazowych oraz logarytmicznych modułu i fazy dla każdego z obiektów rozważanych w poprzednim ćwiczeniu, parametry obiektów należy wziąć z poprzedniego ćwiczenia. Należy to zrobić tak, aby na wspólnym wykresie znalazły się charakterystyki dla kilku różnych zestawów parametrów obiektu.

## Obiekt inercyjny I rzędu

```

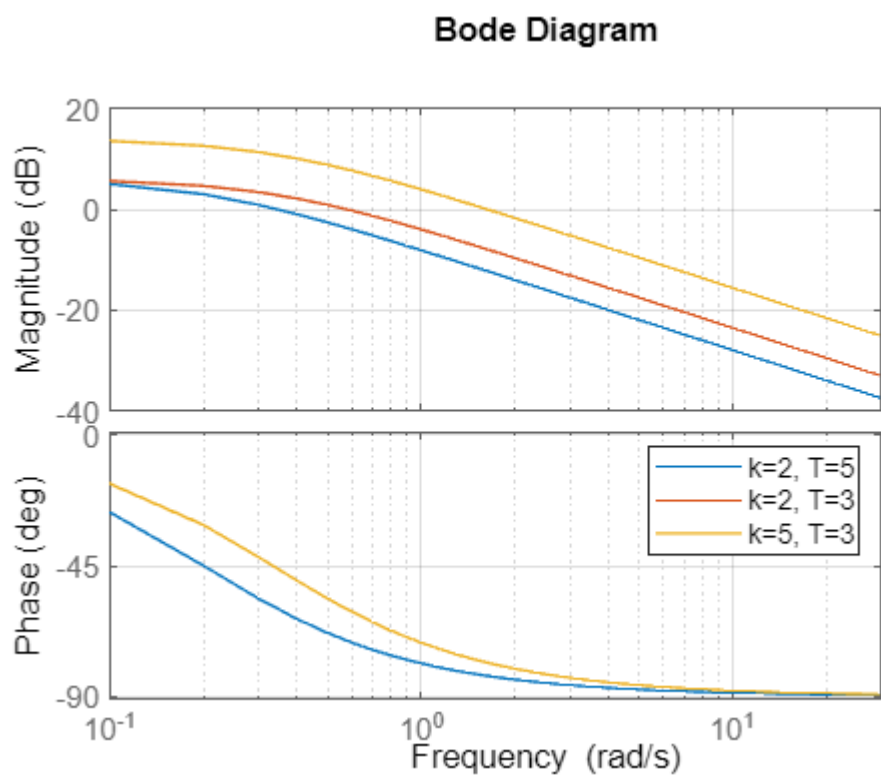
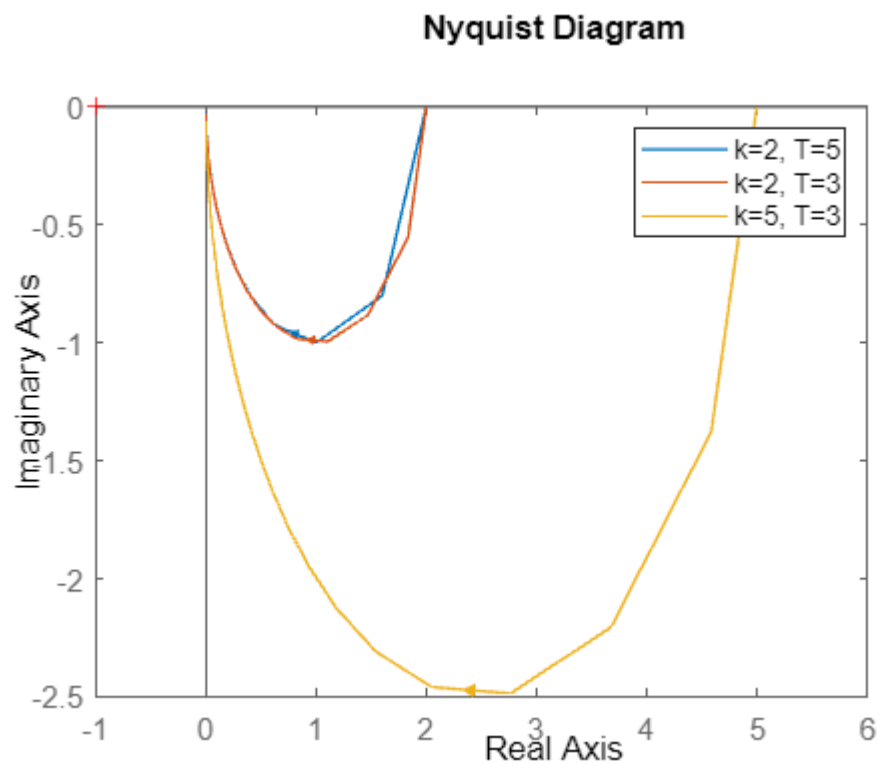
k = 2;
T = 5;
obiekt11 = tf([0, k], [T, 1]);

k = 2;
T = 3;
obiekt12 = tf([0, k], [T, 1]);

k = 5;
T = 3;
obiekt13 = tf([0, k], [T, 1]);

wykres(obiekt11, obiekt12, obiekt13, "k=2, T=5", "k=2, T=3", "k=5, T=3", 0:0.1:30)

```



Symulowany obiekt zachowuje się typowo a skutki zmian parametrów są przewidywalne, tj  $k$  odpowiada za wzmocnienie a  $T$  za opóźnienie

## Obiekt inercyjny II rzędu

$T_1 = 2$ ;

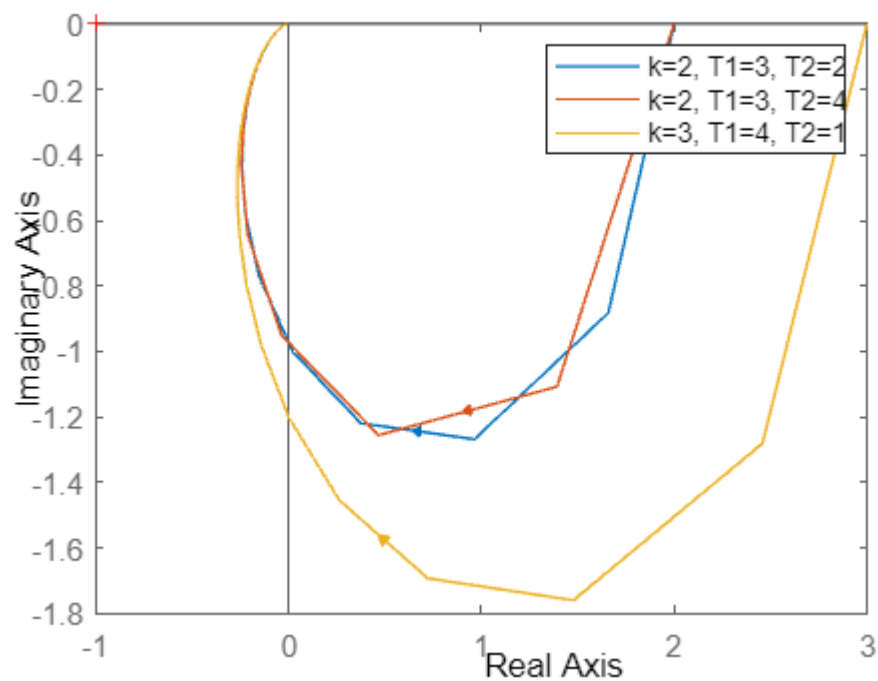
```

T2 = 3;
k = 2;
obiekt21 = tf([0,0,k], [T1*T2, T1+T2, 1]);
k = 2;
T1 = 3;
T2 = 4;
obiekt22 = tf([0,0,k], [T1*T2, T1+T2, 1]);
k = 3;
T1 = 4;
T2 = 1;
obiekt23 = tf([0,0,k], [T1*T2, T1+T2, 1]);

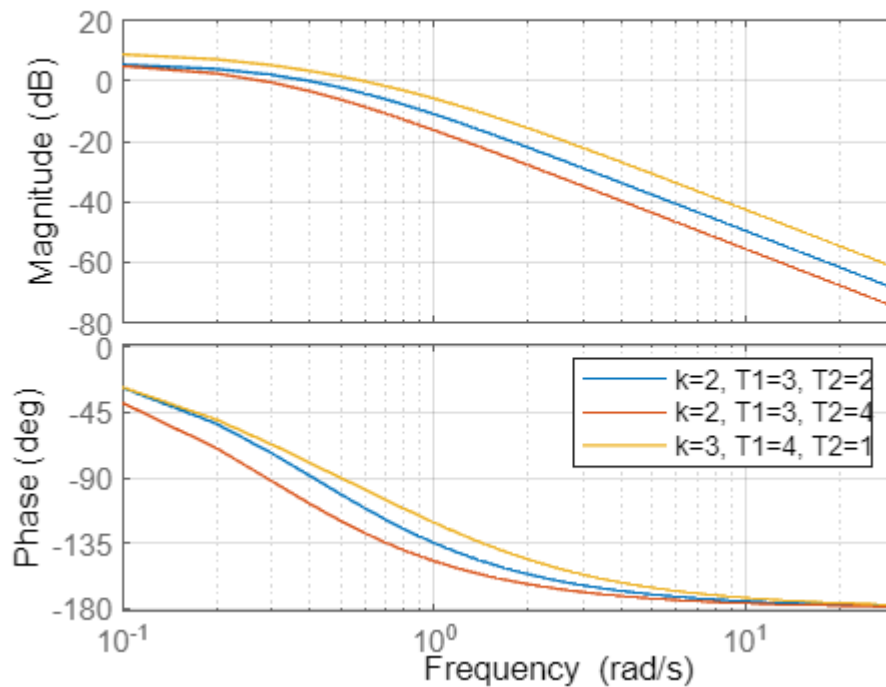
```

wykres(obiekt21, obiekt22, obiekt23, "k=2, T1=3, T2=2", "k=2, T1=3, T2=4", "k=3, T1=4, T2=1", 6)

**Nyquist Diagram**



## Bode Diagram



Symulowany obiekt zachowuje się typowo a skutki zmian parametrów są przewidywalne, tj k odpowiada za wzmocnienie a  $T_1$  i  $T_2$  za parametry dwóch zbiorników energii

## Obiekt inercyjny II rzędu oscylacyjny

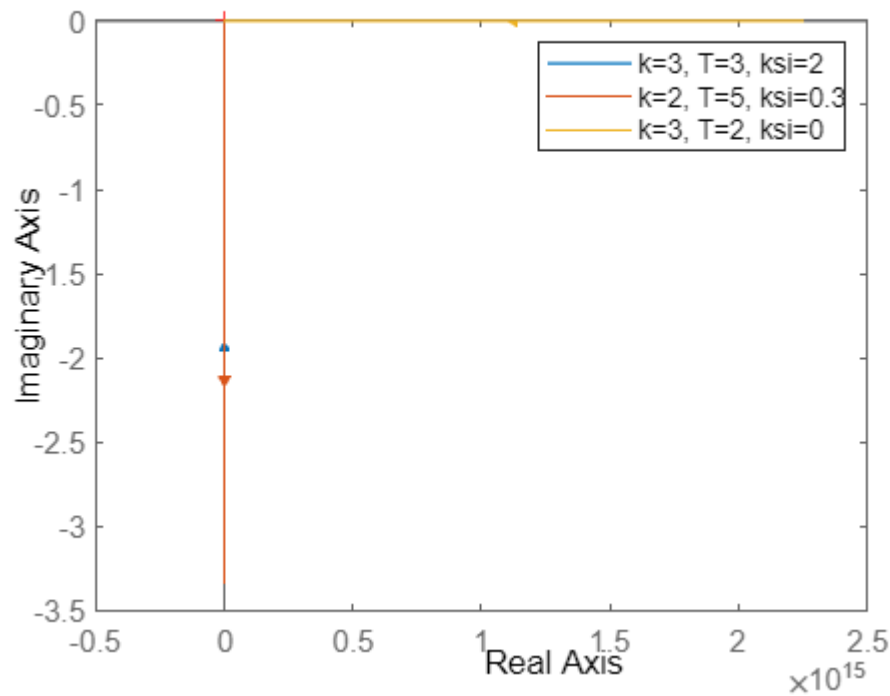
```
k = 3;
T = 3;
ksi = 0.9;
obiekt31 = tf([0,0,k], [T^2, 2*ksi*T, 1]);

k = 2;
T = 5;
ksi = 0.3;
obiekt32 = tf([0,0,k], [T^2, 2*ksi*T, 1]);

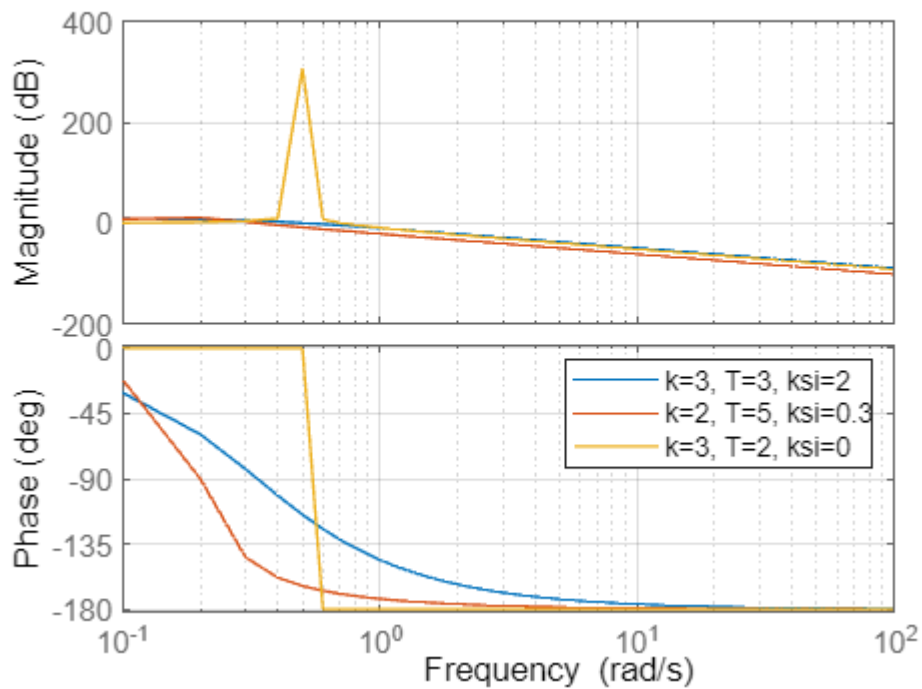
k = 1;
T = 2;
ksi = 0;
obiekt33 = tf([0,0,k], [T^2, 2*ksi*T, 1]);

wykres(obiekt31, obiekt32, obiekt33, "k=3, T=3, ksi=2", "k=2, T=5, ksi=0.3", "k=3, T=2, ksi=0",
```

**Nyquist Diagram**



**Bode Diagram**



Symulowany obiekt zachowuje się typowo a skutki zmian parametrów są przewidywalne, tj  $k$  odpowiada za wzmocnienie, amplitudę drgań,  $T$  za opóźnienie/częstość drgań, a  $\text{ksi}$  za zanikanie/tłumienie oscylacji

### Obiekt całkujący rzeczywisty z inercją

$k = 3;$

```

T = 4;
Ti = 3;
obiekt41 = tf([0,0,k], [T*Ti, Ti, 0]);

```

```

k = 2;
T = 8;
Ti = 1;
obiekt42 = tf([0,0,k], [T*Ti, Ti, 0]);

```

```

k = 1;
T = 4;
Ti = 5;
obiekt43 = tf([0,0,k], [T*Ti, Ti, 0]);

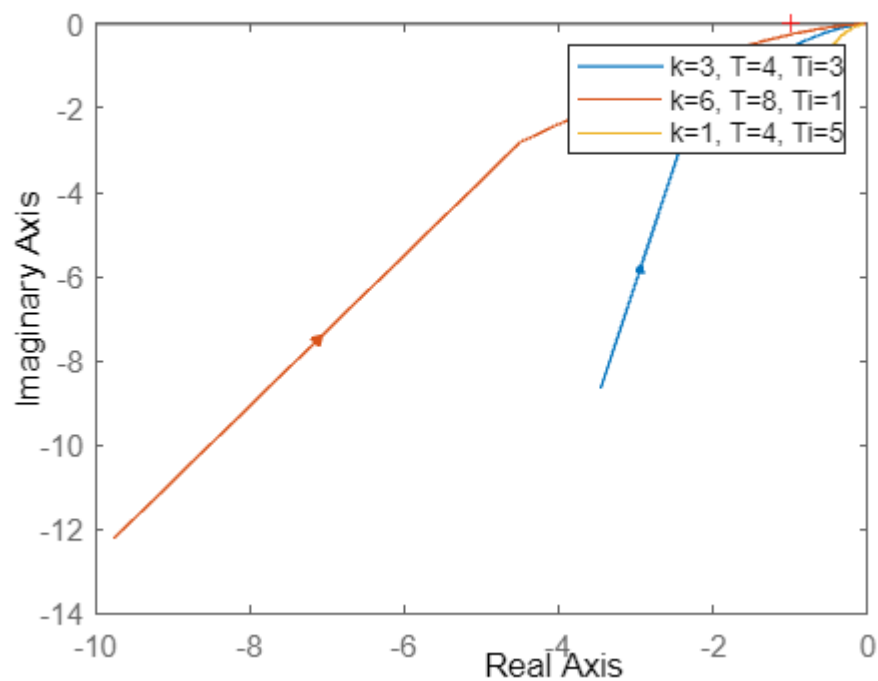
```

```

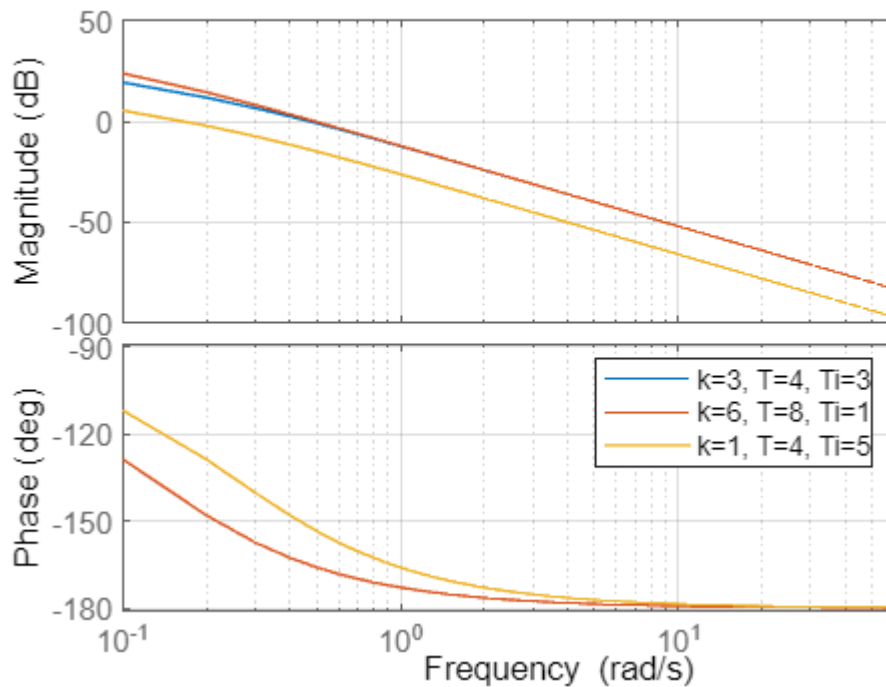
wykres(obiekt41, obiekt42, obiekt43, "k=3, T=4, Ti=3", "k=6, T=8, Ti=1", "k=1, T=4, Ti=5", 0:0.01:10)

```

**Nyquist Diagram**



## Bode Diagram



Symulowany obiekt zachowuje się typowo a skutki zmian parametrów są przewidywalne, tj  $k$  odpowiada za wzmocnienie,  $T$  za opóźnienie a  $T_i$  za czas całkowania im  $T_i$  większy tym całka mniej dokładna

## Obiekt różniczkujący rzeczywisty z inercją

```
Td = 3;
T = 2;
obiekt51 = tf([Td, 0], [T, 1]);

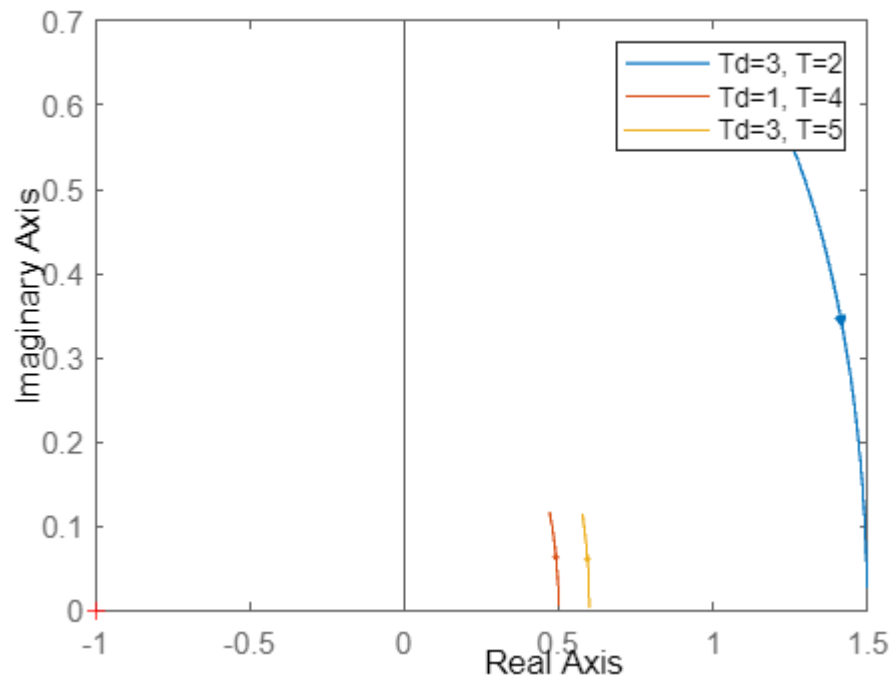
Td = 2;
T = 4;
obiekt52 = tf([Td, 0], [T, 1]);

Td = 3;
T = 5;
obiekt53 = tf([Td, 0], [T, 1]);

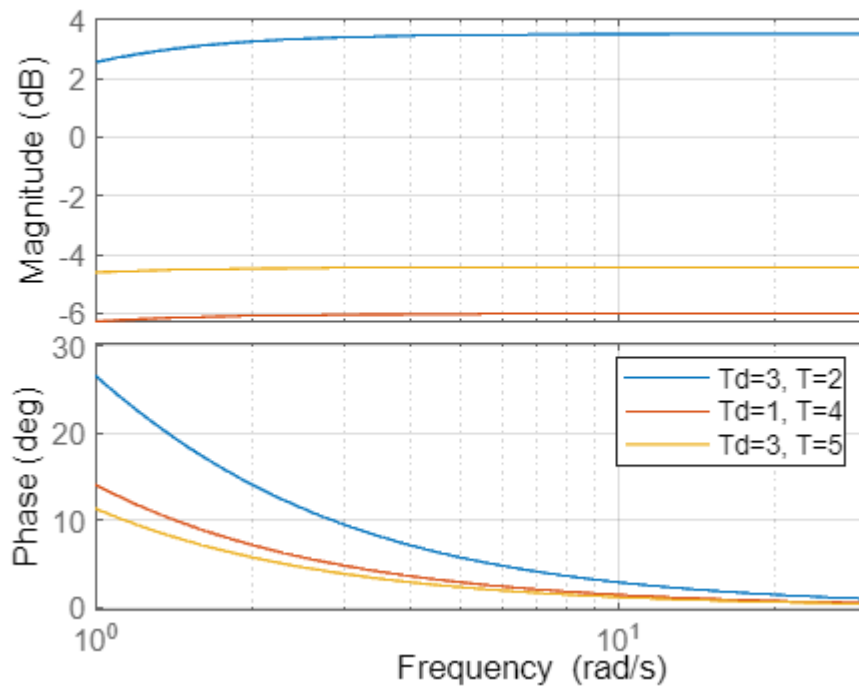
wykres(obiekt51, obiekt52, obiekt53, "Td=3, T=2", "Td=1, T=4", "Td=3, T=5", 1:0.1:30)
```



### Nyquist Diagram



### Bode Diagram



Symulowany obiekt zachowuje się typowo a skutki zmian parametrów są przewidywalne, tj k odpowiada za wzmocnienie, T za opóźnienie a  $T_d$  za czas różniczkowania im  $T_d$  mniejszy tym różniczkowanie mniej dokładne

### Obiekt inercyjny I rzędu z opóźnieniem

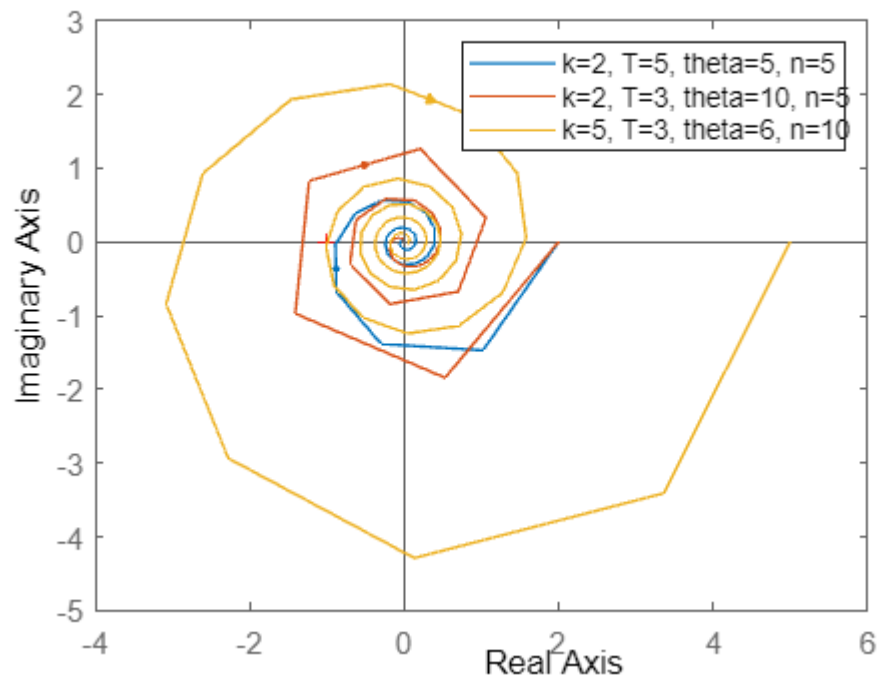
Aby opóźnienie mogło być zrealizowane wydajnie w programie Matlab należy je sprowadzić do wielomianowego przybliżenia jakim jest aproksymacja Padego. Następnie należy połączyć obiekty w przestrzeni operatorowej szeregowo aby otrzymać pożądany obiekt inercyjny z opóźnieniem.

```
theta = 5;
n = 5;
[licz, mian] = pade(theta, n);
opoz1 = tf(licz, mian);
theta = 10;
n = 5;
[licz, mian] = pade(theta, n);
opoz2 = tf(licz, mian);
theta = 5;
n = 10;
[licz, mian] = pade(theta, n);
opoz3 = tf(licz, mian);
```

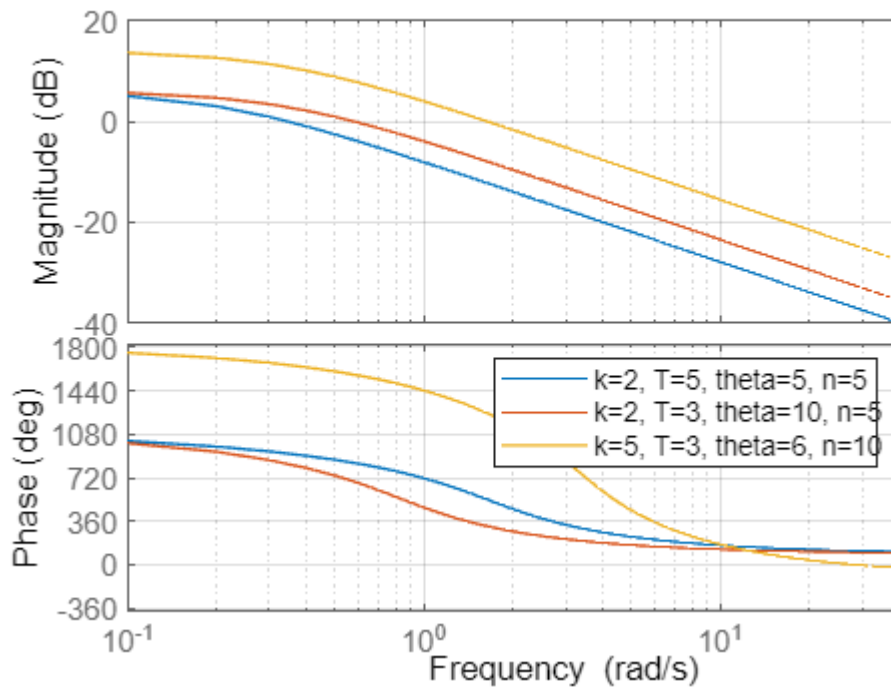
```
obiekt61 = series(opoz1, obiekt11);
obiekt62 = series(opoz2, obiekt12);
obiekt63 = series(opoz3, obiekt13);
```

```
wykres(obiekt61, obiekt62, obiekt63, "k=2, T=5, theta=5, n=5", "k=2, T=3, theta=10, n=5", "k=5, T=3, theta=6, n=10")
```

**Nyquist Diagram**



## Bode Diagram



Odwzorowanie opóźnień jest dobre w wypadku odpowiedzi na wymuszenie skokowe, natomiast odpowiedź na wymuszenie impulsowe jest wyraźnie zniekształcona

## Funkcja Wykres

```
function [] = wykres(obiekt1, obiekt2, obiekt3, label1, label2, label3, t)
figure()
plotoptions = nyquistoptions('cstprefs');
plotoptions.ShowFullContour = 'off';
nyquist(obiekt1, obiekt2, obiekt3, t, plotoptions)
legend(label1, label2, label3)
figure()
bode(obiekt1, obiekt2, obiekt3, t)
grid on;
legend(label1, label2, label3)
end
```

## Wnioski

Przedstawione zadanie nie sprawiło żadnych trudności. Najtrudniejszą jego częścią było usunięcie ujemnych częstotliwości z wykresu Nyquista. Do zmniejszenia ilości kodu zastosowałem krótką funkcję wykreślającą wykresy. Obiekty zasymulowane przez matlaba odpowiadają przewidywaniom jedyne problemy sprawia aproksymacja padego która na wykresie nyquista jest nieskończoną spiralą która uwidacznia dyskretne obliczenia komputera tj wykres robi się kanciasty.