## Prof<sup>a</sup>. Célia Regina Pedro Exercícios de operações com funções

- 1) Dados os polinômios  $A(x) = 5x^3 x^2 + 1$ ;  $B(x) = x^4 2x^2 + x + 2$  e  $C(x) = 2x^2 x$ , calcule:
- a) A(x) B(x) + C(x) $R = -x^4 + 5x^3 + 3x^2 - 2x - 1$
- b) A(x) + B(x) C(x) $R = x^4 + 5x^3 - 5x^2 + 2x + 3$
- c)  $A(x) \cdot C(x)$  $R = 10x^5 - 7x^4 + x^3 + 2x^2 - x$
- 2) Calcule o quociente e o resto da divisão:
- a)  $x^4 5x^3 + 2x^2 + 3x 1$  por x 2
- $Q(x) = x^3 3x^2 4x 5 e R(x) = -11$ 
  - b)  $2x^3 x^2 1$  por x 1
- $Q(x) = 2x^2 + x + 1 e R(x) = 0$ 
  - c)  $2x^3 + 5x^2 x 6$  por x + 2
- $Q(x) = 2x^2 + x 3 e R(x) = 0$ 
  - d)  $3x^3 5x^2 + x 2$  por x 2
- $Q(x) = 3x^2 + x + 3 e R(x) = 4$ 
  - 3) Dados f(x) = 3x + 5 e g(x) = 2x -3, calcule x para que se tenha:
  - a) f(g(x)) = 0 R = 2/3
  - b) g(f(x)) = 1 R = -1
  - c) f(f(2)) R = 38
  - d) g(f(3)) R = 25
  - 4) Dadas às funções  $f(x) = x^2 5x + 6$  e g(x) = 2x + 1, qual é a solução da equação  $\frac{f(1) g(x)}{f(g(2))} = \frac{f(2)}{f(0)} \qquad R = \frac{1}{2}$
  - 5) Sejam as funções reais f e g definidas respectivamente por f(x) = x+1 e  $g(x) = 2x^2 3$  calcule os valores de x para que se tenha f(g(x)) = g(f(x))

$$R = \frac{-1}{4}$$

6) Sejam  $f:R\to R$  e  $g:R\to R$  definidas por  $f(x)=x^2-2x-3$  e g(x)=4x+m. Sabendo-se que f(g(-1))=12, calcule m.

$$R = \{1.9\}$$

- 7) Dadas às funções  $f(x) = x^2 5x + 6$  e g(x) = x + 4, pede-se:
- a) x, de modo que f(g(x)) = 0  $R = \{-2, -1\}$
- b) x, para que f(2) + g(x) = g(f(4)) R = 2

8) Dadas as funções f e g definidas por f(x) = x + 2 e g(x) = 2x - 1 considere a função h, de modo que h = g(f(x)). Determine  $h^{-1}(x)$ 

$$h^{-1}(x) = \frac{x-3}{2}$$

9) Na função  $f(x) = \frac{2x-1}{x-3}$ , com  $(x \ne 3)$ , determine:

a)  $f^{-1}(x) = \frac{3x-1}{x-2} (x \neq 2)$ 

- $a) \quad f \quad (x) = \frac{1}{x-2} (x + 2)$
- b)  $f^{-1}(3) = 8$
- 10) Calcule a função inversa das funções\;
- a) f(x) = 2x 5

$$f^{-1}(x) = \frac{x+5}{2}$$

b)  $f(x) = \frac{3x-4}{x+1}$ 

 $f^{-1}(x) = \frac{-x - 4}{x - 3} \ (x \neq 3)$ 

c)  $f(x) = \frac{x-3}{3x+2}$ 

$$f^{-1}(x) = \frac{-2x - 6}{3x - 2} (x \neq \frac{2}{3})$$

11) Uma indústria de autopeças tem um custo fixo de R\$ 15 000,00 por mês. Se cada peça produzida tem um custo de R\$ 6,00 e o preço de venda é de R\$ 10,00 por peça, quantas peças deve a indústria produzir para ter um lucro de R\$ 30 000,00 por mês?

A indústria deve produzir 11250 peças

- 12) Os ambientalistas estimam que em certa cidade a concentração média diária de monóxido de carbono no ar será c(p) = 0.5p + 1 partes por milhão quando a cidade tiver uma população de p mil habitantes. Um estudo demográfico indica que a população da cidade dentro de t anos será  $p(t) = 10 + 0.1t^2$  mil habitantes.
  - a) Determine a concentração média de monóxido de carbono no ar em função do tempo.

 $c(p(t)) = 6 + 0.05t^2$ 

b) Daqui a quanto tempo a concentração de monóxido de carbono atingirá o valor de 6,8 partes por milhão?

Daqui a 4 anos a concentração de monóxido de carbono atingirá o valor de 6,8 partes por milhão.