



UNIVALI

UNIVERSIDADE DO VALE DO ITAJAI

PROFESSOR: ANDRESSA PINHEIRO DATA: / / 2016

DISCIPLINA: ÁLGEBRA II TIPO: TRABALHO PESO: 3

ALUNO(S): _____

NOTA

A nota completa da questão está condicionada a apresentação do desenvolvimento dos exercícios. Organização e clareza de ideias são fundamentais!

1. (1,5) Quais das transformações abaixo são lineares? Apresente o desenvolvimento ou justificativa em cada uma delas:

a) $T: M(2, 2) \rightarrow R, T\left(\begin{bmatrix} x & y \\ z & w \end{bmatrix}\right) = 3x - 4y + z - w$

b) $T: R^3 \rightarrow P_2(R), T(x, y, z) = (x + 1) + (y + 1)t + (z + 1)t^2$

2. (3,0) Nas transformações lineares abaixo determine: o $N(T)$, uma base para $N(T)$, $\dim N(T)$. T é injetora?
A $\text{Im}(T)$, uma base para $\text{Im}(T)$, a $\dim \text{Im}(T)$. T é sobrejetora?

a) $T: \mathbf{R}^2 \rightarrow \mathbf{R}^3$, $T(x, y) = (x - y, y - x, 2x - 2y)$

b) $T: \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}^2$, $T(x, y, z) = (x + y + z, x - y - z)$

3. (1,25) As transformações lineares $T: \mathbf{R}^2 \rightarrow \mathbf{R}^3$ e $S: \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}^3$ são tais que $T(x, y) = (x + y, x - y, y)$ e $S(x, y, z) = (2x, 2y, z)$. Sendo $A = \{(1,1), (-1, 0)\}$ e $B = \{(1, 1, 1), (1, 1, 0), (1, 0, 0)\}$ bases do \mathbf{R}^2 e \mathbf{R}^3 , respectivamente, determine $[SoT]_B^A$.

4. (1,5) Seja $T: \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}^2$, tal que, $[T]_B^A = \begin{pmatrix} -1 & 4 & 2 \\ 1 & -2 & -1 \end{pmatrix}$. Sendo $A = \{(1, 1, 1), (1, 1, 0), (1, 0, 0)\}$ e $B = \{(1, 3), (2, 5)\}$ bases do \mathbf{R}^3 e \mathbf{R}^2 , respectivamente. Encontre $T(x, y, z)$ e determine $T(1, 2, 3)$.
5. (1,0) a) Determinar a matriz da transformação linear de \mathbf{R}^2 em \mathbf{R}^2 que representa a sequência de transformações dadas:
- 1º) Rotação de 90° no **sentido anti-horário**.
 - 2º) Uma reflexão na origem.
 - 3º) Uma contração de fator $\frac{1}{2}$ na direção do eixo x
 - 4º) Um cisalhamento na direção do eixo y de fator 2.
- b) Calcular o vetor resultante desta sequência de operações sobre o vetor $v = (2, 1)$.

6. (0,75) As transformações lineares $F: \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}^3$ e $T: \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}^3$ são tais que $F(x, y, z) = (x - y, y, z)$ e $T(x, y, z) = (-2y, x, z)$. Determinar a matriz canônica de $2F - T$. A transformação $2F - T$ é injetora?
7. (1,0) Os pontos $A(-1, -1)$, $B(4, 1)$ e $C(a, b)$ são vértices de um triângulo retângulo isósceles (2 lados iguais) reto em A. Determine o vértice C **utilizando a transformação linear-rotação**.