

# Algoritmos II



MÉTODOS DE PESQUISA E ORDENAÇÃO

# Métodos de pesquisa e ordenação



- O objetivo da pesquisa é encontrar um ou mais registros com chaves iguais a chave pesquisada
- Existe uma grande variedade de métodos de pesquisa, a escolha do método mais adequado depende de alguns fatores:
  - Quantidade de dados envolvidos
  - Frequência com que operações de inserção e retirada são efetuadas

# Métodos de pesquisa e ordenação



- Algumas das operações mais comuns incluem:
  - Inserção de um novo registro;
  - Pesquisa de um ou mais registros com uma determinada chave para torná-los disponíveis;
  - Remoção de um registro específico;
- Alguns dos principais métodos de pesquisa:
  - Pesquisa sequencial
  - Pesquisa binária

# Pesquisa Sequencial



- Método de pesquisa mais simples
- A partir do primeiro registro, pesquisa sequencialmente até encontrar a chave procurada

# Pesquisa Sequencial



- Exemplo:
  - Procura pela chave 41

Iteração 1:

N=7

<b>13</b>	<b>32</b>	<b>38</b>	<b>41</b>	<b>52</b>	<b>83</b>	<b>97</b>
-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------



# Pesquisa Sequencial



- Exemplo:
  - Procura pela chave 41

Iteração 2:

N=7

13	32	38	41	52	83	97
----	----	----	----	----	----	----



# Pesquisa Sequencial



- Exemplo:
  - Procura pela chave 41

Iteração 3:

N=7

13	32	38	41	52	83	97
----	----	----	----	----	----	----



# Pesquisa Sequencial



- Exemplo:
  - Procura pela chave 41

Iteração 4:

N=7

13	32	38	41	52	83	97
----	----	----	----	----	----	----





# Pesquisa Sequencial



- **Análise:**
  - Pesquisa com sucesso
    - ✦ Melhor caso:  $C(n) = 1$
    - ✦ Pior caso:  $C(n) = n$
    - ✦ Caso médio:  $C(n) = (n+1) / 2$
  - Pesquisa sem sucesso
    - ✦  $C(n) = n + 1$

# Pesquisa Binária



- A pesquisa pode ser muito eficiente se os registros forem mantidos em ordem.
- Reduz o tempo de busca dividindo o conjunto de dados (tabela) em duas partes, na sequência verifica em qual das partes o registro com a chave está localizado e concentra a busca naquela parte
- Para saber se uma determinada chave está presente na tabela compara-se a chave com o registro que está posicionado no meio da tabela

# Pesquisa Binária



- Se a chave é menor, então o registro procurado está na primeira metade da tabela, se é maior, o registro está na segunda metade da tabela
- O processo é repetido até que a chave seja encontrada ou fique apenas um registro com uma chave diferente da procurada (pesquisa sem sucesso)

# Pesquisa Binária



- Exemplo:

- Procura pela chave 32

Inf.=1			meio			Sup.=N=7
13	32	38	41	52	83	97

↑  
 $32 < 41$

# Pesquisa Binária



- Exemplo:
  - Procura pela chave 32

Inf.=1			meio			Sup.=N=7
13	32	38	41	52	83	97

# Pesquisa Binária



- Exemplo:
  - Procura pela chave 32

Inf.=1	meio	Sup.=3				N=7
<b>13</b>	<b>32</b>	<b>38</b>	<b>41</b>	<b>52</b>	<b>83</b>	<b>97</b>

↑  
=32

# Pesquisa Binária



- **Análise:**
  - Implementação simples
  - Eficiente na busca
    - ✦ A cada iteração do algoritmo, o tamanho da tabela é dividido ao meio
    - ✦ Logo, o número de vezes que o tamanho da tabela é dividido ao meio é cerca de  $\log(n)$
  - Entretanto o custo para manter a tabela ordenada é alto
    - ✦ Inserção e remoção de elemento são ineficientes devido a necessidade de realocação dos elementos
    - ✦ Cada inserção na posição  $p$  da tabela implica no deslocamento dos registros a partir da posição  $p$  para as posições seguintes.
    - ✦ Consequentemente a pesquisa binária não é recomendada para uso em aplicações muito dinâmicas.

# Métodos de ordenação



- Ordenar corresponde ao processo de rearranjar um conjunto de objetos em um ordem ascendente ou descendente.
- O objetivo principal da ordenação é facilitar a recuperação dos itens do conjunto ordenado posteriormente.
- A atividade de ordenação está presente na maioria das aplicações onde os objetos tem que ser pesquisados e recuperados



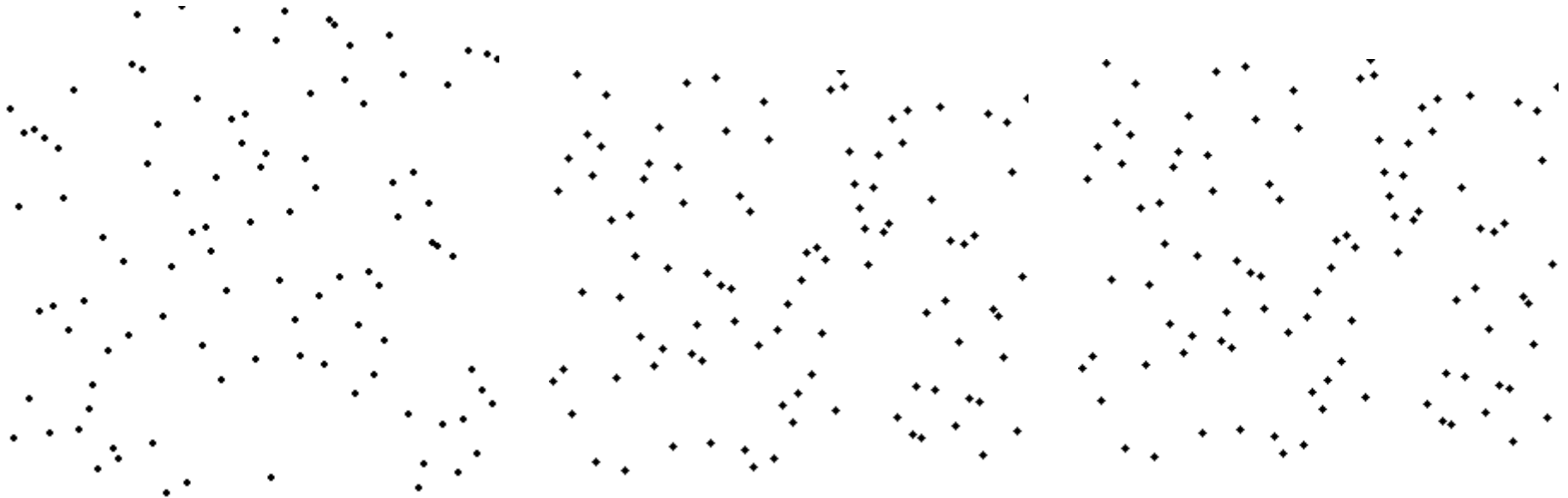
# Métodos de ordenação



- Os métodos de ordenação são classificados em dois grandes grupos.
  - Ordenação interna: Conjunto de dados a ser ordenado cabe todo na memória principal.
  - Ordenação Externa: Conjunto de dados não cabe na memória principal, tendo que ser armazenado, por exemplo, em disco.
- O fator predominante na escolha do algoritmo de ordenação é o tempo.

# Métodos de Ordenação

- Bolha (*BubbleSort*)
- Seleção (*SelectionSort*)
- Inserção (*InsertionSort*)



# Método bolha



- Os elementos vão “borbulhando” a cada iteração do método até a posição correta para ordenação da lista.
- O método pode parar quando nenhum elemento borbulhar/trocar de posição.
- Como os elementos são trocados (borbulhados) frequentemente, há um alto custo de troca de elementos.

# Exemplo do método bolha



Suponha que se deseja classificar em ordem crescente o seguinte vetor de chaves [28, 26, 30, 24, 25].

## Primeira Varredura

28	26	30	24	25	compara par (28, 26): <b>troca</b>
26	28	30	24	25	compara par (28, 30): não troca
26	28	30	24	25	compara par (30, 24): <b>troca</b>
26	28	24	30	25	compara par (30, 25): <b>troca</b>
26	28	24	25	30	Maior chave em sua posição definitiva

fim da primeira varredura

# Exemplo do método bolha



## Segunda Varredura

26	28	24	25	30	compara par (26, 28) : não troca
26	28	24	25	30	compara par (28, 24) : <b>troca</b>
26	24	28	25	30	compara par (28, 25) : <b>troca</b>
26	24	25	28	30	(não precisa comparar)

## Terceira Varredura

26	24	25	28	30	compara par (26, 24) : <b>troca</b>
24	26	25	28	30	compara par (26, 25) : <b>troca</b>
24	25	26	28	30	(não precisa comparar)

Durante a quarta varredura, nenhuma troca ocorrerá e a execução do algoritmo terminará.

# Análise de Desempenho



- **Melhor caso**

- Quando o vetor já se encontra ordenado → nenhuma troca ocorre na primeira varredura.
- Custo linear:  $n - 1$  comparações

- **Pior caso**

- Quando o vetor se encontra na ordem inversa a desejada.
- A cada varredura apenas uma chave será colocada em sua posição definitiva.

# Código em C



```
void bubblesort(int vet[], int n) {
    int i, j, cond, temp;
    cond = 1;
    for (i=n-1; (i >= 1) && (cond == 1); i--) {
        cond = 0;
        for (j=0; j < i ;j++) {
            if (vet[j+1] < vet[j]) {
                temp = vet[j];
                vet[j] = vet[j+1];
                vet[j+1] = temp;
                cond = 1;
            }
        }
    }
}
```

# Método de Seleção



- O método de Seleção é um dos algoritmos mais simples de ordenação, cujo princípio de funcionamento é o seguinte:
- Selecione o menor (ou maior) item da lista em seguida troque-o com o que está na primeira posição da lista
- Repita esta operação com os  $n-1$  itens restantes, depois com os  $n-2$  ate que reste apenas um elemento

	8
	5
	2
	6
	9
	3
	1
	4
	0
	7



# Análise de Desempenho



- **Vantagens:**

- Custo linear no tamanho da entrada para o número de movimentos de registros.
- É muito interessante para arquivos pequenos.

- **Desvantagens:**

- O fato de o arquivo já estar ordenado não ajuda em nada, pois o custo continua quadrático.
- O algoritmo não é **estável**.

# Código



```
void selection_sort(int num[], int tam) {
    int i, j, min;
    for (i = 0; i < (tam-1); i++) {
        min = i;
        for (j = (i+1); j < tam; j++) {
            if(num[j] < num[min]) {
                min = j;
            }
        }
        if (i != min) {
            int swap = num[i];
            num[i] = num[min];
            num[min] = swap;
        }
    }
}
```

# Método de Inserção



- Algoritmo utilizado pelo jogador de cartas
  - As cartas são ordenadas da esquerda para direita uma por uma.
  - O jogador escolhe a segunda carta e verifica se ela deve ficar antes ou na posição que está.
  - Depois a terceira carta é classificada, deslocando-a até sua correta posição
  - O jogador realiza esse procedimento até ordenar todas as cartas

6 5 3 1 8 7 2 4

# Análise de Desempenho



- **Análise**

- Para arquivos já ordenados o algoritmo tem um custo de  $O(n)$ .
  - ✦ Logo é um método recomendado quando a lista está parcialmente ordenada (pior caso, ordem reversa)
- Bom método quando se deseja adicionar uns poucos itens a um arquivo já ordenado e depois obter uma lista ordenada (neste caso custo é linear)
- Algoritmo quase tão simples quanto o algoritmo de ordenação por seleção

# Código em C



```
void Insertion(int n, int vetor[]){  
    int j,i,key;  
    for(j = 1; j < n; j++) {  
        key = vetor[j];  
        i = j - 1;  
        while(i >= 0 && vetor[i] > key) {  
            vetor[i + 1] = vetor[i];  
            i = i - 1;  
        }  
        vetor[i + 1] = key;  
    }  
}
```