Pre-Pràctica 9: Equació de Poisson

Objectius: Resolució de EDP, equacions el·líptiques, equació de Poisson, equació de la calor

- Nom del programa P9-1819P.f.
 - 1) Escriu un programa per resoldre l'equació de Poisson 2D en una geometria rectangular amb condicions de contorn de Dirichlet,

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \rho(x, y) = 0.$$

Considera per exemple el problema de calcular la distribució estacionaria de temperatures en un rectangle de $L_x=30.5~{\rm cm}\times L_y=18.5~{\rm cm}$ amb les condicions de contorn, $T(0,y)=10^{\rm o}{\rm C}$, $T(x,L_y)=13.6^{\rm o}{\rm C}$, $T(L_x,y)=30^{\rm o}{\rm C}$ i $T(x,0)=7^{\rm o}{\rm C}$. Utilitza $h=0.5{\rm cm}$.

Com a font de calor considera dos fogons $\rho(x,y) = \rho_1(x,y) + \rho_2(x,y)$:

— El primer escalfa en una circumferència, centrada al punt (20, 11)cm, modelat com,

$$\rho_1(x,y) = \rho_{1,0} e^{-(r-7)^2/0.5^2}$$
 amb $r = \sqrt{(x-22)^2 + (y-10)^2}$

- i $\rho_{1.0} = 2.17 \, {\rm ^oC/cm^2}$.
- El segon fogó escalfa en un rectangle de 3cm×4cm centrat a (x,y)=(9,8)cm, dins del rectangle $\rho_2(x,y)=1.83$ °C/cm², mentre que fora és $\rho_2(x,y)=0$ °C/cm²
- 2) Programa els mètodes de Gauss-Seidel i de sobrerelaxació, amb una variable icontrol per a seleccionar el mètode emprat.
- 3) Estudia la convergència de la temperatura en el punt (x,y)=(16.,12.) amb els 3 mètodes, fes una figura **P9-1819P-figi.png** per a cada mètode, mostrant la dependència amb els valors inicials utilitzats, per exemple, $T_{\text{interior}}=4,10,700$ °C. Pel cas de sobrerelaxació considera $\omega=1.54$.
- 4) Genera una figura 3D amb el mapa de temperatures calculat, **P9-1819P- fig4.png**.

Entregable: P9-1819P.f, P9-1819P-fig1.png, P9-1819P-fig2.png,P9-1819P-fig3.png,P9-1819P-fig4.png