Pràctica 9: Equació de Poisson. 2018-2019

Objectius: Resolució de EDP, equacions el·líptiques, equació de Poisson, equació de la calor

- Nom del programa P9-1819P.f.
 - 1) Escriu un programa per resoldre l'equació de Poisson 2D en una geometria rectangular amb condicions de contorn de Dirichlet,

$$\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \rho(x, y) = 0.$$

Considera per exemple el problema de calcular la distribució estacionaria de temperatures en un rectangle de $L_x=33.5~{\rm cm}\times L_y=45.5~{\rm cm}$ amb les condicions de contorn, $T(0,y)=17^{\rm o}{\rm C}$, $T(x,L_y)=11.2^{\rm o}{\rm C}$, $T(L_x,y)=25.3^{\rm o}{\rm C}$ i $T(x,0)=0.5^{\rm o}{\rm C}$. Utilitza $h=0.5{\rm cm}$.

Com a font de calor considera $\rho(x,y) = \rho_1(x,y) + \rho_2(x,y) + \rho_3(x,y)$:

- El primer fogó escalfa en un rectangle de 4cm \times 6cm centrat a (x,y)=(20,32)cm, dins del rectangle $\rho_1(x,y)=3$ °C/cm², mentre que fora és $\rho_1(x,y)=0$ °C/cm²
- El segon escalfa en una circumferència, centrada al punt (8,22.5)cm, modelat com, $\rho_2(x,y)=\rho_{2,0}\,e^{-(r-5)^2/0.3^2}$ amb $r=\sqrt{(x-8)^2+(y-22.5)^2}$ i $\rho_{2,0}=10$ °C/cm².
- El tercer és un fogó model.lat com a, $\rho_3(x,y)=\rho_{3,0}\,e^{-(r-4)^2/0.8^2}$ amb $r=\sqrt{(x-22)^2+(y-10.5)^2}$ i $\rho_{3,0}=6$ °C/cm².
- 2) Programa els mètodes de Gauss-Seidel i de sobrerelaxació, amb una variable icontrol per a seleccionar el mètode emprat.
- 3) Estudia la convergència de la temperatura en el punt (x,y)=(7.5,23.5) amb els 2 mètodes, fes una figura **P9-1819P-figi.png** comparant els metodes, mostrant la dependència amb els valors inicials utilitzats, per exemple, $T_{\rm interior}=10,120,1040$ °C. Pel cas de sobrerelaxació considera $\omega=1.35$. (una figura per condició inicial)
- 4) Genera una figura amb el mapa de temperatures calculat, P9-1819P-fig4.png.
- 5) Genera una figura amb el mapa de temperatures calculat pel cas sense cap font de calor, P9-1819P-fig5.png.

Entregable: P9-1819P.f, P9-1819P-fig1.png, P9-1819P-fig2.png,P9-1819P-fig3.png, P9-1819P-fig4.png, P9-1819P-fig5.png