Homework 1

Jakub Senko, Štefan Uherčík

10. marca 2014

Problem 1

Nech $X=[x_1,x_2,x_3,\ldots,x_n]$ je pole cisel a plati ze $\forall x,y\in X:x\neq y.$ Kazdemu $x_i\in X$ je priradene cislo w_i , pre ktore plati:

$$w_i > 0$$

$$\sum_{i=0}^{n} w_i = 1 \tag{0.1}$$

 $Optimalny \ prvok$ postupnosti je cislo x_k pre ktore plati:

$$\sum_{x_i < x_k} w_i < \frac{1}{2}$$

$$\sum_{x_i > x_k} w_i \le \frac{1}{2}$$

$$(0.2)$$

Problemom je navrh algoritmu ktory riesi najdenie optimalneho prvku s casovou zlozitostou $\Theta(n)$ a poskytnutie dokazu jeho korektnosti a zlozitosti.

Navrhovane riesenie je modifikovany algoritmus $Quick\ Select\ ktory$ riesi problem najdenia medianu v poli cisel. Tento algoritmus ma obecne zlozitost $\mathcal{O}(n^2)$ pri nevhodnej volbe pivota, avsak pomocou procedury $Median\ of\ Medians$ je mozne najst dostatocne dobry pivot na to, aby mal algoritmus vzdy linearnu zlozitost. $Quick\ Select$ je popisany v nasledujucom texte iba neformalne, s odkazom na relevantne zdroje s dokazom zlozitosti. Zadana uloha je vyriesena ukazanim redukcie problemu najdenia optimalneho prvku na

problem rieseny algoritmom $Quick\ Select\ +\ Median\ of\ Medians\ [1]$ a dokazom ze tato procedura je vykonatelna v konstantom case. Vysledna zlozitost je teda $\mathcal{O}(n)$.

Quick Select

while true do $user \leftarrow beer$ end while

PROBLEM 2

0.1 Example of List (3*ITEMIZE)

- First item in a list
 - First item in a list
 - * First item in a list
 - * Second item in a list
 - Second item in a list
- Second item in a list

0.2 Example of List (enumerate)

- 1. First item in a list
- 2. Second item in a list
- 3. Third item in a list

LITERATÚRA

- [1] BLUM, Manuel, Robert W. FLOYD, Vaughan PRATT, Ronald L. RIVEST a Robert E. TARJAN. Time bounds for selection. Journal of Computer and System Sciences. 1973, vol. 7, issue 4, s. 448-461. DOI: 10.1016/S0022-0000(73)80033-9. Dostupné z: http://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0022000073800339
- [2] http://moonflare.com/code/select/select.pdf