### Estudo de um Conversor Termoeléctrico

Tiago Frederico Nº63422, Maria Vilelas Nº63438, Lúcia Carreira Nº63439

Nesta actividade experimental pretende-se estudar o funcionamento de uma célula de Peltier como máquina térmica e como bomba de calor, com base nos efeitos termo-eléctrico, de Seebeck e de Peltier Thomson e nas Relações de Kelvin.

## Introdução

Um conversor termoeléctrico é um aparelho que funciona por *efeito termoeléctrico*, que consiste no conjunto dos Efeitos de Seebeck e de Peltier.

O Efeito de Seebeck, está relacionado com a conversão directa de uma diferença de tensão térmica num potencial eléctrico. Se a temperatura variar ao longo de um corpo condutor, os electrões mais energéticos terão tendência a deslocar-se (e a transportar energia) da fonte quente para a fonte fria, de modo a restabelecer o equilíbrio térmico. O movimento de electrões forma uma corrente eléctrica. No caso de um termopar, cujas juntas são constituidas por dois metais diferentes, a que estiver sujeita ao banho térmico de temperatura mais baixa funciona como fonte fria T e a junta com temperatura mais elevada como fonte quente  $(T+\Delta T)$ . O metal com menor trabalho de extração cede electrões e torna-se eléctricamente positivo, dando origem a uma força eléctromotriz no termopar. O poder termoeléctrico do par de metais é conhecido por coeficiente de Seebeck:

$$S \equiv \frac{\Delta \phi}{\Lambda T}.$$

Já o Efeito de Peltier consiste no processo inverso, ou seja, na transferência de energia calorífica de uma extremidade do termopar para a outra através da imposição de uma corrente eléctrica. A corrente eléctrica vai originar um fluxo de electrões diferente nos dois metais, originando por sua vez um fluxo de energia calorífica diferente. Neste caso, a eficiência térmica, ou seja, a quantidade de calor extraída é proporcional à corrente I

$$J_Q = \Pi_{Metal1, Metal2} I \tag{1}$$

onde  $\Pi$  é o coeficiente de Peltier e  $J_Q$  o fluxo de calor entre as juntas.

A  $2^a$  Relação de Kelvin relaciona os Efeitos de Seebeck e Peltier pela expressão (2).

$$\Pi_{Metal1,Metal2} = TS_{Metal1,Metal2} \tag{2}$$

O *Efeito de Thomson* está relacionado com o aquecimento ou arrefecimento de um condutor (constituído apenas por um metal) pelo qual circula uma corrente eléctrica, quando sujeito a um gradiente de temperatura.

$$\frac{dq}{dt} = \vec{J} \cdot \vec{E} \tag{3}$$

A 1<sup>a</sup> Relação de Kelvin relaciona os três efeitos referidos através da expressão (4).

$$\frac{d\Pi_{Metal1,Metal2}}{dT} + \tau_{Metal1} - \tau_{Metal2} = -S_{Metal1,Metal2}$$
 (4)

 $\tau$  representa o coeficiente de Thomson.

Neste trabalho experimental utilizar-se-á uma Célula de Pelttier para reproduzir o funcionamento de uma máquina térmica e de uma bomba de calor e estudar os efeitos de Seebeck e de Peltier.

## I. MÁQUINA TÉRMICA

Uma máquina térmica é um sistema que recebe energia sob a forma de calor e o trasforma em trabalho. Em particular na célula de Peltier, se as juntas estiverem a diferentes temperaturas (uma à temperatura da fonte quente  $T_1$ e outra à da fonte fria  $T_2$ ), é produzido trabalho (corrente eléctrica) por efeito de Seebeck.

A relação entre a energia recebida (calor extraído da fonte quente) e a energia produzida (trabalho) é dada pelo rendimento. No caso de a transformação ser reversível, ou seja, se estivermos perante uma máquina cíclica (de Carnot), o rendimento é dado pela expressão (5).

$$\eta_{Carnot} = 1 - \frac{T_2}{T_1} \tag{5}$$

Se, por outro lado, as transformações forem irreversíveis a fórmula para o rendimento é (6).

$$\eta = \frac{W}{Q_{FQ}} \tag{6}$$

Considera-se que a bateria existente dentro da Célula de Peltier tem uma resistência interna. Isto significa que a transformação é irreversível. Por outro lado, atingirá o valor máximo quando a resistência do circuito, onde existe corrente eléctrica criada por efeito de Seebeck, tiver o mesmo valor da resistência interna. Essa é a resistência óptima.

Contudo, existem perdas de calor, como por efeito de Peltier, e o calor transferido para a fonte fria não se deve apenas ao efeito de Seebeck mas também à condução. Para minimizar o erro associado às perdas no cálculo do rendimento utiliza-se a potência dissipada pela fonte fria (fluxo de água a temperatura constante) e a potência eléctrica produzida em vez da potência total recebida (circuito com resistência para aquecimento). Considerando que a fonte fria é um fluido que circula de modo a dissipar o calor para o ambiente pode calcular-se a potência total que lá chega:

$$P_3 = \frac{\Delta m}{\Delta t} c(T_b - T_a),\tag{7}$$

onde  $\frac{\Delta m}{\Delta t}$  é a quantidade de massa de fluído que passa por unidade de tempo, c é a capacidade calorífica mássica do fluído,  $T_a$  é a temperatura do fluído à entrada da fonte fria e  $T_b$  a sua temperatura à saída.

O rendimento corrigido será então

$$\eta = \frac{P_2}{P_2 + P_3} \tag{8}$$

onde  $P_2$  é a potência produzida pela célula e  $P_3$  a potência dissipada por condução na fonte fria, visto que

$$P_1 - P_{Perdas} = P_2 + P_3.$$

Para fazer uma nova correcção em relação à transferência de energia por condução calcula-se a potência que chega à fonte fria abrindo o circuito nos terminais AB (esquema (1)). Neste caso já não existe efeito de Seebeck. O rendimento será dado pela expressão (9), onde  $P_3'$  é a potência que chega à fonte fria por condução na situação de circuito aberto.

$$\eta = \frac{P_2}{P_2 + P_3 - P_3'} \tag{9}$$

O circuito que alimenta a Célula de Peltier tem uma resistência exterior. O cálculo por aproximanção linear da resistência óptima, isto é, a resistência para a qual a eficiência da máquina térmica émáxima é dada pela expressão (10).

$$R_{opt} = \frac{I2_b \cdot R_b - I2_a \cdot R_a}{I2_a - I2_b} - 2 \cdot R_{int}$$
 (10)

I2 refere-se à intensidade no circuito da Célula de Peltier, R às resitências utilizadas e a e b a dois ensaios distintos.

A resistência térmica é calculada através da lei experimental (11) onde  $R_T$  é a resistência térmica,  $T_1$  é temperatura da fonte quente,  $T_2$  a da fonte fria e  $P_3$  é calculado a partir de (7).

$$P_3 = \frac{1}{R_T}(T_1 - T_2) \tag{11}$$

### II. Bomba de Calor

Uma bomba de calor é uma máquina que converte trabalho em calor. Para reproduzir este tipo de máquina com a Célula de Peltier fornece-se trabalho através de uma fonte de corrente. Como não é possível medir a quantidade de calor que sai da fonte fria nem a que chega à fonte quente altera-se o sentido da corrente e eleva-se a temperatura da fonte fria até que  $T_2 > T_1$ . Obtém-se com estas alterações a troca das fontes quente e fria e o mesmo sentido do fluxo de calor em relação à Célula de Peltier. Usa-se a expressão seguinte para determinar a potência que chega á nova fonte fria:

$$P_3 = P_2 + P_1$$

onde  $P_2=V_2I_2$  é o trabalho fornecido ao sistema, por unidade de tempo, e  $P_1=V_1I_1$  é a potência da fonte fria.

$$\eta = \frac{Q}{W} \tag{12}$$

Para calcular a eficiência deste mecanismo, utiliza-se a expressão (12) que, quando se substitui pelas potências postas em jogo, fica:

$$\eta = \frac{P_3}{P_2},$$

que é superior a 1. Este valor pode ser comparado com o teórico, para máquinas reversíveis:

$$\eta_{Carnot} = \frac{T_2}{T_2 - T_1} \tag{13}$$

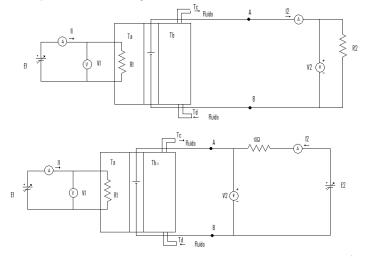
onde  $T_2$  é a temperatura da fonte quente e  $T_1$  é a temperatura da fonte fria.

# Experiência Realizada

Neste trabalho experimental serão necessários os seguintes equipamentos:

- 1 célula de Peltier com juntas de cobre e alumínio
- 1 resistência de  $20\Omega$  para aquecimento
- sitema de circulação de água para arrefecimento
- 2 fontes de alimentação de tensão variável
- 2 amperímetros
- 2 voltímetros
- 1 termómetro digital
- 1 resitência exterior de resistência variável
- 1 resistência exterior de  $10\Omega$ .

Esquema das montagens



Para estudar o funcionamento da máquina térmica utiliza-se a montagem descrita pelo esquema (1). A fonte quente utilizada é o aqucimento de uma resistência ligada a uma fonte de tensão regulável e a fonte fria é o fluxo constante de um fluído que retira energia ao sistema. Para 10V na fonte de alimentação e 5 e  $2\Omega$  para a resistência de carga do circuito da Célula de Peltier, na situação de equilíbrio térmico, registam-se os valores de tensão e intensidade de corrente e calcula-se a resistência de carga óptima. De seguida, para esse valor de resistência e tensões de 7, 10, 13 e 16V, registam-se os valores de tensão, intensidade de corrente e temperatura quando se atinge

o equilíbrio. Finalmente, retira-se a resistência exterior e ajusta-se a tensão criada pela fonte de alimentação de modo a que a temperatura da fonte quente coincida com a sua temperatura a 7 e 16V em circuito fechado. Realizam-se as mesmas leituras que nos casos anteriores, também no equilíbrio térmico.

Na segunda fase do trabalho a montagem utilizada para o estudo de uma bomba de calor é a evidenciada no esquema (2). Escolhem-se para a segunda fonte de alimentação tensões de modo a que a intensidade na célula de Peltier seja 0.5 e 0.3A. Repete-se o mesmo procedimento com a primeira fonte de modo a que a temperatura na fonte quente seja 23°C. Registam-se novamente os valores lidos pelos aparelhos de medição.

### Resultados Obtidos

## Análise dos Resultados

### Discussão

Na reprodução da máquina térmica obteve-se uma resistência óptima de  $\Omega$ . O rendimento de Carnot foi de . O primeiro rendimento corrigido (calculado pela fórmula (8)) foi de com um erro de . As perdas energéticas por condução calculadas foram bastante elevadas, J, o que justifica o afastamento em relação ao valor teórico (rendimento de Carnot). A resistência térmica calculada foi de  $\Omega$ . O segundo rendimento corrigido (pela fórmula (9)) foi de . Quanto à bomba de calor a potêcia de arrefecimento foi de W para 0,5A e de W para 0,3A. A eficiência no primeiro caso foi de e no segundo caso foi de , com erros inferiores a e a . Conclui-se que é mais vantajoso do ponto de vista energético utilizar a energia recebida para fornecer calor a esta máquina do que aplicá-la directamente no aquecimento de matéria.

## Bibliografia