# DeepGEMM学习

# 核心优化

总结一下deepgemm用到的核心优化。

# config选择

#### block size

限定block\_m的范围是[64, 128, 256], (须为64的倍数)。对于fp8而言,block\_n的范围是[16, 24, 32, 40, ...., 128, 144, 160]。两者的范围是由WGMMA的指令来限制的,WGMMA相关后面会讲。在具体选择best\_block\_m和best\_block\_n的时候根据以下的规则:1. 防止块过大,block\_m和block\_n必须至少有一个<128。2.选择产生最少waves的block\_m和block\_n。所谓wave,就是gpu所有sm调用一次threadblock。

3.在产生waves数相同的情况下,选择最后一次wave中对sm占用率最大的。

deepgemm固定block\_k为128,因为deepseek中block量化的size是128x128,channelgroup量化的size是1x128。

## num\_stages和share\_mem

num\_stages从8到1遍历,越大越好,但要满足当前GPU的share\_mem的size。如H20的 share\_mem size最大是233472Bytes。要load到share\_mem的数据包括: 1.num\_stages个激活A的子矩阵[block\_m, block\_k]。2.num\_stages个权重B的子矩阵[block\_k, block\_n]。3.num\_stages个激活A的量化因子[block\_m, 1]。4.权重B的量化因子[ceil\_div(k, block\_k),1 or 2],scale\_B选择一次性读入整个K维度的值。5.结果子矩阵[block\_m, block\_n]。6.num\_stages x 2个barrier,每一对barrier用于一组consumer和producer的同步,后面会讲到。每个barrier的size是8bytes。

## tma\_multicast\_config

deepgemm目前采用的多播策略是 在m > 512且sm数可以整除2时,在A上多播两次。也就是在同一个cluster(size = 2)内,一个block发出tma load A的子矩阵的指令,同在该cluster的另一个block也会接收到数据。

生成的best config会与输入参数关联起来,并被lru\_cache住,下次调用相同参数时直接返回最佳config。

#### scheduler

#### launch

设置了最大dynamic\_shared\_mem\_size。规定了gird--cluster--block层级的dim: <<<num\_sms, num\_tma\_multicast, threads\_per\_sm>>>, num\_sms是用到的gpu sm数量,设置成这个是为了**持久化内核**,这个后面会讲到。num\_tma\_multicast就是多播的数量,也就是2。thread\_per\_sm中固定有128个thread用于tma load,另外会有1或者2个用于wgmma的warpgroup,取决于block\_m是否大于64,如果是64,则会有1个warpgroup,若大于64,则需要两个warpgroup来计算。每个warpgroup的线程数量是128。

注: cluster层级是compute capability >= 9.0才有的。

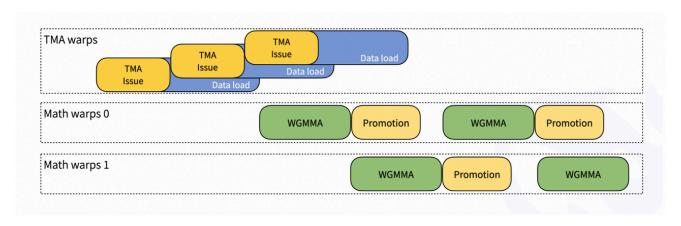
#### 持久化内核

每个sm 只launch一个block,并让该block持续占据该sm,该block会依次处理多个子矩阵的计算。举个例子,假如sm数量是10,结果矩阵需要20个block,每个block负责一个子矩阵,才能全部算完。每个sm上的block0在完成对应的子矩阵计算后,sm并不会调度新的block1替代它,而是让block0继续计算下一块对应的子矩阵,这样一共有两个轮次的计算,都由相同的一批block来完成。

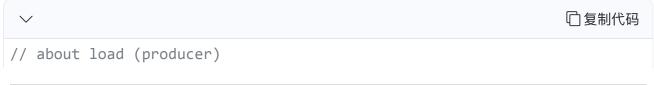
在让sm上的block找对应的子矩阵这里,用到了**swizzle**的技巧,用来提升L2 cache的命中率。若在A上多播,则以[ceil[m, block\_m], 16]为group,'Z'字形顺序计算子块。

# consumer and producer

对于一个子块的计算,deepgemm用到了多stages的load/compute的pipeline。对于一个block,会有一个warpgroup 用于TMA load,1到2个warpgrouo(取决于block\_m的大小)来用WGMMA指令做compute:



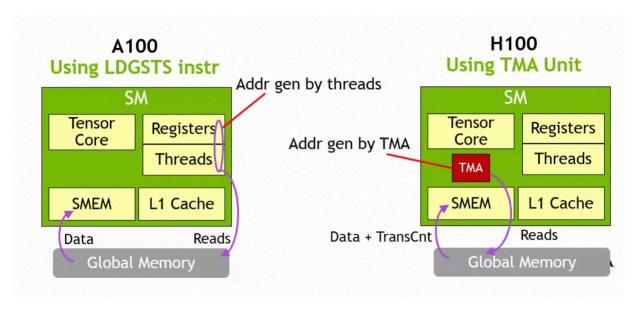
由于两个指令都是异步的, 所以在这里设置了barrier来监管指令的完成情况:



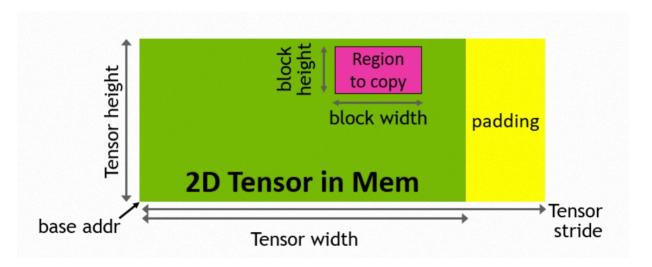
```
while (s in stage N) { // 0-127 threads do
   empty_barrier[s].wait() // wait compute done
   tma_copy(A) // issue TMA instuctions
   tma_copy(A_scale)
   tma_copy(B)
   full_barrier[s].arrive()
}
// about compute (consumer)
while (s in stage N) { // 128-255 threads do
   full_barrier[s].wait() // wait load done
   desc_a = make_smem_desc()
   desc_b = make_smem_desc()
   wgmma(desc_a, desc_b, accum) // issue wgmma instuction
   empty_barrier[s].arrive()
}
```

#### **TMA**

TMA是hopper架构(sm=90)引入的异步拷贝engine,可以用来将一维或多维的数据从global memory异步拷贝到cluster share memory (multicast)或cta share memory,或者反过来也可以。



tma区别于Ampere架构的async\_copy的特点是计算拷贝数据的地址直接在TMA engine 上完成,而async\_copy需要thread计算出地址,面对一些不连续存储的数据,async\_copy需要占用很多thread的寄存器来计算地址,而tma则不需要。在使用的时候要在launch kernel前创建好要load 数据的tensormap:



```
// Create the tensor descriptor.
CUresult res = cuTensorMapEncodeTiled(
  &tensor_map,
                              // CUtensorMap *tensorMap,
 CUtensorMapDataType::CU_TENSOR_MAP_DATA_TYPE_INT32,
                              // cuuint32_t tensorRank,
  rank,
  tensor_ptr,
                              // void *globalAddress,
  size,
                              // const cuuint64_t *globalDim,
  stride,
                              // const cuuint64_t *globalStrides,
                              // const cuuint32_t *boxDim,
 box_size,
  elem_stride,
                              // const cuuint32_t *elementStrides,
  // Interleave patterns can be used to accelerate loading of values that
  // are less than 4 bytes long.
 CUtensorMapInterleave::CU_TENSOR_MAP_INTERLEAVE_NONE,
  // Swizzling can be used to avoid shared memory bank conflicts.
 CUtensorMapSwizzle::CU_TENSOR_MAP_SWIZZLE_NONE,
  // L2 Promotion can be used to widen the effect of a cache-policy to a wider
  // set of L2 cache lines.
 CUtensorMapL2promotion::CU_TENSOR_MAP_L2_PROMOTION_NONE,
  // Any element that is outside of bounds will be set to zero by the TMA transfer.
 CUtensorMapFloatOOBfill::CU_TENSOR_MAP_FLOAT_OOB_FILL_NONE
);
```

deepgemm对于A的子矩阵、B的子矩阵、scale\_a以及结果子矩阵都是采用tma load的方式,会在host端初始化相关的tensor map,并作为\_\_grid\_constant\_\_类型参数传入 kernel。tensor map规定了要load的大矩阵的地址,形状,以及每次load 的bulk的形状,swizzle方式等。

deepgemm在kernel一开始prefetch A, B, scale\_a, D的tensor map到global memory中。固定128个thread用于tma load。另外,scale\_b的读取并不是tma完成,而是传统的线程读取,global memory-->register-->share memory,并与最终计算完成的block 用tma store back有一个overlap。

#### **WGMMA**

wgmma是warpgroup参与的tensorcore的mma计算,一个warpgroup是128个threads,对于int8类型,wgmma的计算尺寸固定m=64,k=32,n范围变化:

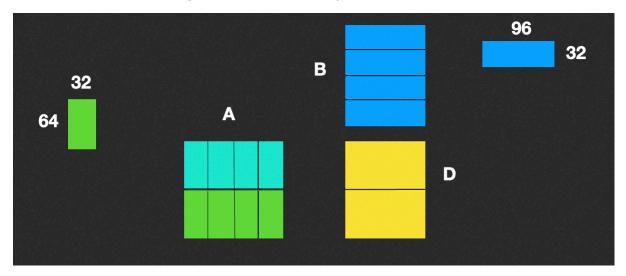
```
Integer - .u8 / .s8 Dense .m64n8k32 , .m64n16k32 , .m64n24k32 , .m64n32k32 , .m64n48k32 , .m64n64k32 , .m64n8k32 , .m64n96k32 , .m64n12k32 , .m64n12k32 , .m64n16k32 , .m64n16k32 , .m64n176k32 , .m64n192k32 , .m64n28k32 , .m64n24k32 , .m64n256k32
```

#### 结果类型是int32类型:

Data-type	Multiplicands (A or B)	Accumulator (D)	
Integer	both .u8 or both .s8	. s32	

其他类型的计算尺寸以及结果类型可以在ptx文档中查阅。计算的结果存储在128个thread的寄存器里,每个thread需要存储结果的寄存器数量: m \* n / 128。

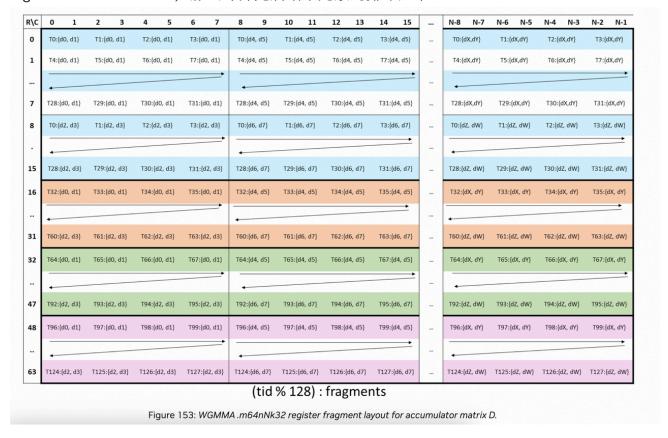
假如block\_n=96,那计算指令就是MMA\_64x96x32\_S32S8S8\_SS\_TN,SS表示两个子矩阵都是从share memory中读取。再假如block\_m=128,那么会有两个warp group用于wgmma,一个负责[0:63, block\_k] x [block\_k, 96]的矩阵计算,另一个负责[64:127, block\_k] x [block\_k, 96]的矩阵计算。再对于单个warpgroup来说,需要循环 block\_k / 32次来累加计算结果,因为每次wgmma指令计算的shape是[64, 32] x [32, 96]:



#### promotion

为保证精度,promotion的计算在cudacore上进行:wgmma的结果accum\*(scale\_a\*scale\_b)。两个warpgroup在计算出结果后不需要同步,先计算完的warpgroup会直接用cudacore来计算promotion,而另一个warpgroup还在tensorcore计算wgmma。所以这里存在一个tensorcore和cudacore计算的overlap。

至于特定线程的accum要乘哪个scale\_a和scale\_b, 需要知道wgmma之后结果矩阵元素 在线程寄存器中的排布。这里举个对齐的例子,block\_m = 64, block\_k = 128, block\_n = 128, scale\_a的shape是[64, 1], scale\_b就是一个元素,我们用到的wgmma指令是 wgmma.m64n128k128,那么计算完后结果元素的排布如下:



thread0的accum寄存器保存着: [d00, d01, d80, d81, d08, d09, d88, d89....] d[rc]: r是结果矩阵element所在的列数。对于每个线程而言,要乘的scale\_b都一样,但是scale\_a会不同,比如对于thread0,d00和d01,d08和d09都对应着同一行,因此要乘相同的scale\_a,但是d00和d80乘的scale\_a就不同了,因为是不同行的,d80和d81乘的scale\_a是相同的。故有如下的promotion计算代码:

```
#pragma unroll
for (uint32_t i = 0; i < WGMMA::kNumAccum / 4; ++ i) {
    // NOTES: for unrolled `num_former_iters` cases, we expect the compiler to automatically make it a constant bool predicate = kMustUseUniformedScaleB or i < num_former_iters;
    shifted_accum[i * 4 + 0] += (predicate ? scale_0_0 : scale_0_1) * static_cast<int32_t>(accum[i * 4 + 0]);
    shifted_accum[i * 4 + 1] += (predicate ? scale_0_0 : scale_0_1) * static_cast<int32_t>(accum[i * 4 + 1]);
    shifted_accum[i * 4 + 2] += (predicate ? scale_1_0 : scale_1_1) * static_cast<int32_t>(accum[i * 4 + 2]);
    shifted_accum[i * 4 + 3] += (predicate ? scale_1_0 : scale_1_1) * static_cast<int32_t>(accum[i * 4 + 3]);
}
```

这里的i\*4+0和i\*4+1对应thread0就是第一行每8列的前两个元素: d00和d01(i = 0), d08和 d09(i = 1)....

i\*4+2和i\*4+3对应thread0就是第8行每8列的前两个元素: d80和d81(i = 0), d88和d89(i = 1)......

#### store

在完成k维度上的循环计算后,结果block会用tma来存回global memory。使用第0个 warp(threadIdx: 0-31) tma存回结果块和使用其他线程(threadIdx: 32-255) load 下一个计算块的scale\_b到share memory会形成一个overlap。

7 / 7	