

Computer Architecture



Contents

- **Lab5 : Debugger를 이용한 Matrix 곱셈 프로그램 동작 이해**
 - ▣ 5-1 : $A[3, 3] \times B[3, 3] = C[3,3]$ 곱셈 코드 이해 및 $C[i,j]$ 계산 과정 trace
 - ▣ 5-2 : 임의의 s, u, v 에서 $A[s, u] \times B[u, v] = C[s, v]$ 계산하도록 기존 코드 확장하기
 - ▣ HW9: 실습 A~B 수행후 결과를 캡처/설명 추가하여 보고서로 제출하세요. 실습 B에서 작성한 소스코드는 file로 제출하세요.

Lab 5 : matrix 곱셈(c코드-1/4)

□ Source code 분석

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3
4 extern void matrix(int (*A)[], int (*B)[], int (*C)[], int index);
5
6 int main(){
7     int index=3 ;
8     int i = 0 ;
9     int j = 0 ;
10    int k = 0 ;
11    int A[3][3] ;
12    int B[3][3] ;
13    int C[3][3] ;
14
15    printf("This is 3 by 3 matrix version \n");
16
17    printf("\nInput value of A : ");
18    for(i=0; i < index; i++){
19        for(j=0; j < index; j++){
20            A[i][j] = getchar()-'0';
21        }
22    }
23    j=0; i=0;
24    getchar();
25
```

```
park@ubuntu:~/CA_lab/lab5$ qemu-arm -g 8080 ./lab5
This is 3 by 3 matrix version
```

Input value of A : █

행렬 A의 원소들을 입력 받는 코드입니다.
실행을 시키면 위와 같이 터미널 창에 입력하
는 메시지가 나타납니다.
아래와 같이 3x3 행렬의 원소 개수만큼 입력
해주세요.

```
park@ubuntu:~/CA_lab/lab5$ qemu-arm -g 8080 ./lab5
This is 3 by 3 matrix version

Input value of A : 123123123█
```

Lab 5 : matrix 곱셈(c코드-2/4)

□ Source code 분석

```
27     printf("\nInput value of B : ");
28     for(j=0; j < index; j++){
29         for(k=0; k < index; k++){
30             B[j][k] = getchar()-'0';
31             printf("%d",B[j][k]);
32         }
33     }
34     k=0; j=0;
35
```

```
park@ubuntu:~/CA_lab/lab5$ qemu-arm -g 8080 ./lab5
This is 3 by 3 matrix version
```

```
Input value of A : 123123123
```

```
Input value of B : █
```

행렬 A의 원소들을 입력시키면 동일하게
행렬 B의 원소들도 입력하라는 메시지가 뜹
니다.
동일하게 원소 개수만큼 입력해주세요.

```
park@ubuntu:~/CA_lab/lab5$ qemu-arm -g 8080 ./lab5
This is 3 by 3 matrix version
```

```
Input value of A : 123123123
```

```
Input value of B : 111222333
```

Lab 5 : matrix 곱셈(c코드-3/4)

□ Source code 분석

```
35 printf("\nArray A \n");
36 for(i=0; i < index; i++){
37     for(j=0; j < index; j++){
38         printf("%d ",A[i][j]);
39     }
40     printf("\n");
41 }
42 i=0;
43 j=0;
44
45 printf("Array B \n");
46 for(j=0; j < index; j++){
47     for(k=0; k < index; k++){
48         printf("%d ",B[j][k]);
49     }
50     printf("\n");
51 }
52 j=0;
53 k=0;
```

This is 3 by 3 matrix version

Input value of A : 123123123

Input value of B : 111222333

Array A

1	2	3
1	2	3
1	2	3

Array B

1	1	1
2	2	2
3	3	3

입력 받은 행렬 A,B의 원소들을 출력해주는 코드입니다.
위의 터미널 창과 같이 3x3 행렬 형태를 갖추어 출력합니다.

Lab 5 : matrix 곱셈(c코드-4/4)

□ Source code 분석

```
55     matrix( A, B, C, index);
56
57     printf("Array C after Operating : \n");
58     for(i=0; i < index; i++){
59         for(k=0; k < index; k++){
60             printf("%d ", C[i][k]);
61         }
62         printf("\n");
63     }
64
65     return 0;
66 }
```

Matrix함수는 assembly 코드로 구현되어 있습니다.
뒤에서 살펴보도록 하고, 나머지는 오른쪽에 보이는 것과 같이 연산을 한 결과 행렬이 되는 행렬 C를 터미널에 출력해줍니다.

This is 3 by 3 matrix version

Input value of A : 123123123

Input value of B : 111222333

Array A

1 2 3

1 2 3

1 2 3

Array B

1 1 1

2 2 2

3 3 3

Array C after Operating :

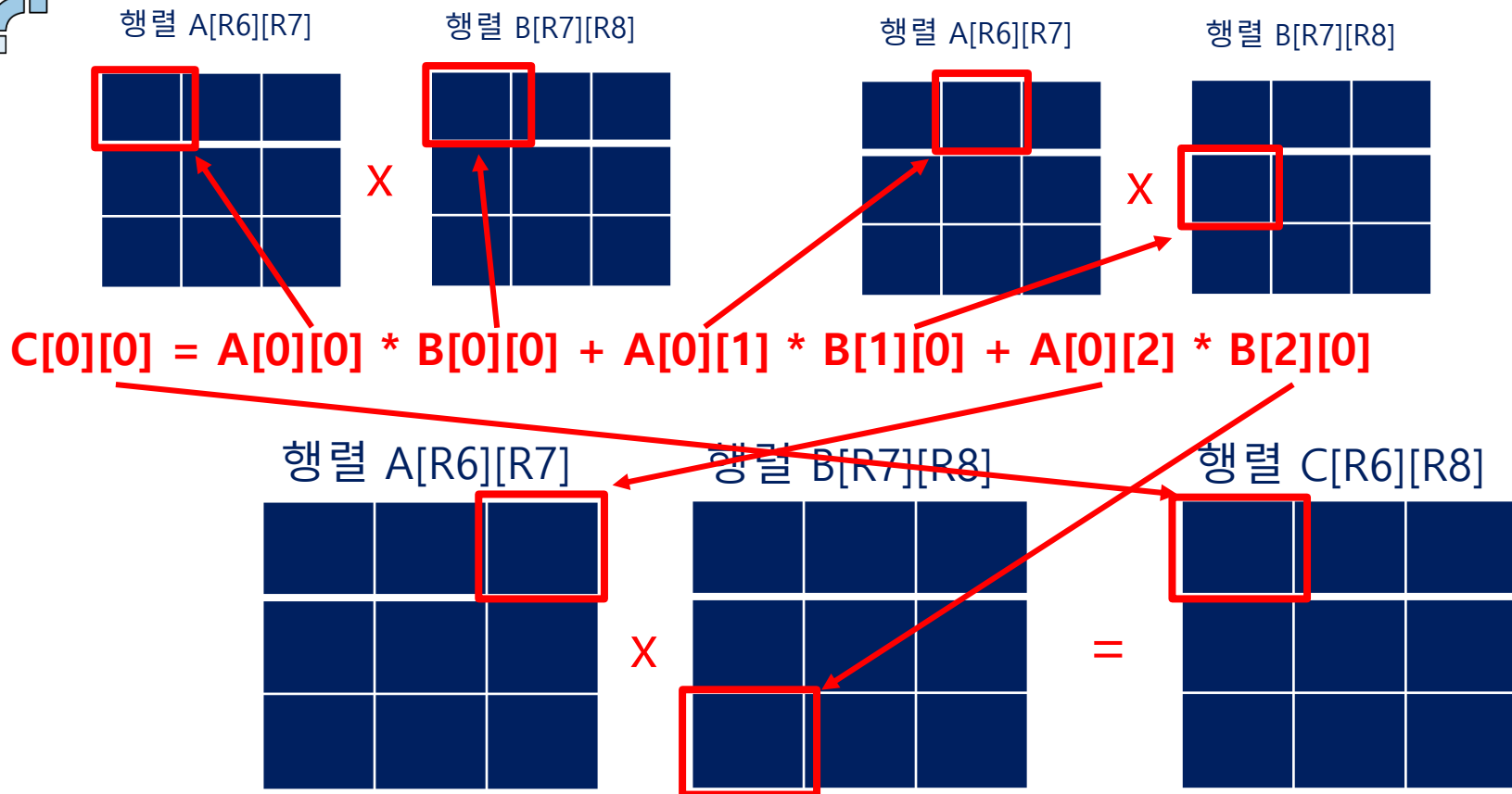
14 14 14

14 14 14

14 14 14

Lab 5 : matrix 곱셈 (행렬계산예제)

□ 행렬 계산 예제



Lab 5 : matrix 곱셈(행렬요소의 메모리주소 계산예제)

- **A[0][2]가 저장된 메모리 주소 ?**
 - ▣ 행렬 A 시작주소(A[0][0])가 1000 이라면
 - ▣ A[0][2]가 저장된 주소는 1008. element 하나당 4번지 차지. A[0][1]이 저장된 주소는 1004
- **B[2][0]이 저장된 메모리 주소 ?**
 - ▣ 행렬 B 시작주소(B[0][0])가 2000 이라면
 - ▣ B[2][0]가 저장된 주소는 2024. B[1][0]이 저장된 주소는 2012
- **A[i][j]이 저장된 메모리 주소 ?**
 - ▣ **행렬 A 시작주소(A[0][0]) + i*3*4 + j*4.** 여기서 3은 행렬의 한 row 크기, 4는 element 당 메모리 번지수



Lab 5 : matrix 곱셈(행렬계산예제)



Matrix 연산 설명, 매트릭스 A, B, C는 3 x 3 으로 가정, 매트릭스내 각 element 값은 word 크기 (32 바이트, 메모리관점에서 보면 주소 4개 차지)

$C[0][0] = A[0][0] * B[0][0] + A[0][1] * B[1][0] + A[0][2] * B[2][0]$ 의 일반화 형태

$C[S][V] = A[S][0] * B[0][V] + A[S][1] * B[1][V] + A[S][2] * B[2][V]$ 계산은 ?

- $A[s][u]$ 의 주소 = 배열 A의 시작주소 + $s*3*4 + u*4$
- $B[u][v]$ 의 주소 = 배열 B의 시작주소 + $u*3*4 + v*4$
- 위 수식에서 4는 한 element가 차지하는 메모리 주소가 4개 차지한다는 것에서 옴

- $A[s][0]$ 의 주소를 r11에 저장. r11 주소를 이용하여 값을 r12에 갖고 온다
- $B[0][v]$ 의 주소를 r11에 저장. r11 주소를 이용하여 값을 r11에 갖고 온다
- $r12 * r11 \rightarrow r9$ 에 누적한다. ($A[S][0] * B[0][V]$ 계산)

- $A[s][1]$ 의 주소를 r11에 저장. r11 주소를 이용하여 값을 r12에 갖고 온다
- $B[1][v]$ 의 주소를 r11에 저장. r11 주소를 이용하여 값을 r11에 갖고 온다
- $r12 * r11 \rightarrow r9$ 에 누적한다. ($A[S][0] * B[0][V] + A[S][1] * B[1][V]$ 계산)

- $A[s][2]$ 의 주소를 r11에 저장. r11 주소를 이용하여 값을 r12에 갖고 온다
- $B[2][v]$ 의 주소를 r11에 저장. r11 주소를 이용하여 값을 r11에 갖고 온다
- $r12 * r11 \rightarrow r9$ 에 누적한다. ($A[S][0] * B[0][V] + A[S][1] * B[1][V] + A[S][2] * B[2][V]$ 계산)

Lab 5 : matrix 곱셈(어셈 – 초기화)

□ Source code 분석

```
1 .text
2 .global matrix
3
4 matrix:
5     STMFD sp!, {r0-r12,lr}
6
7     MOV     r6,#0
8     MOV     r7,#0
9     MOV     r8,#0
10    MOV     r9,#0
11
```

Matrix함수는 도입부입니다.

R6 = s

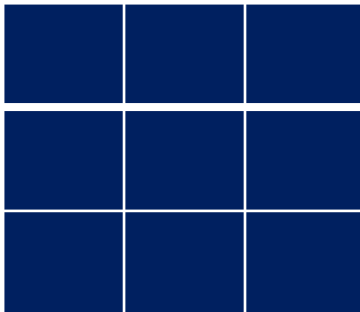
R7 = u

R8 = v

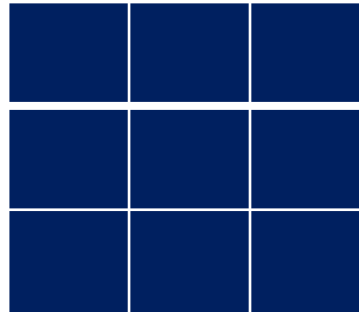
이렇게 행렬의 인덱스 값을 의미합니다.

R9 = 행렬 계산값으로 사용, 0 으로 초기화

행렬 A[s][u]



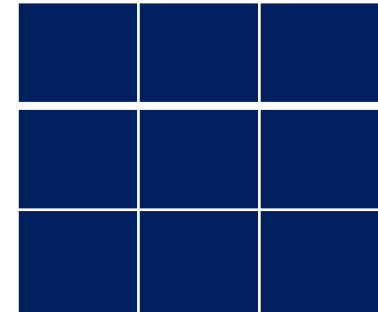
행렬 B[u][v]



X

=

행렬 C[s][v]



Lab 5 : matrix 곱셈(어셈-행렬 A 요소 및 행렬 B 요소 갖고 와서 곱하고 결과값 누적하기)

□ Source code 분석

```
12 Loop:
13     MOV     r11, #12
14     MUL     r11,r6,r11
15     ADD     r11,r11,r7,LSL #2
16
17     ADD     r11,r11,r0
18
19     LDR     r12,[r11]
20
21     MOV     r11, #12
22     MUL     r11,r7,r11
23     ADD     r11,r11,r8,LSL #2
24     ADD     r11,r11,r1
25
26     LDR     r11,[r11]
27
28     MUL     r12,r11,r12
29     ADD     r9, r9, r12
30
31     ADD     r7,r7,#1
32     CMP     r7,r3
33     BNE     Loop
34     MOV     r7,#0
```

행렬 A의 element 주소 계산
R12에 element 값 저장

행렬 B의 element 주소 계산
R11에 element 값 저장

위에서 구한 두 값을 곱하고 r9에 누적 덧셈
결과적으로 한 element에 대한 연산 값은 r9

R7이 u값이고 r3는 index(현재 3)
행렬 크기만큼 loop

Lab 5 : matrix 곱셈(행렬 C 요소값 저장하기 및 행렬 C 다음 요소값 계산하기)

□ Source code 분석

- 결과 값 넣을 배열 C의 element 주소 계산

- R8은 v값, r6는 s값이고 index(r3)와 비교하여 loop 수행
cmp결과 not equal이면, 행렬 C의 다음 element 계산하러 감

- 연산 끝까지 다해서 행렬 C를 다 채웠으면 reg복구하고 끝!

```
37      MOV     r11, #12
38      MUL     r11,r6,r11
39      ADD     r11,r11,r8,LSL #2
40
41      ADD     r11,r11,r2
42
43      STR     r9, [r11]
44
45      MOV     r9,#0
46
47      ADD     r8,r8,#1
48      CMP     r8, r3
49      BNE     Loop
50
51      MOV     r8,#0
52
53      ADD     r6,r6,#1
54      CMP     r6,r3
55      BNE     Loop
56
57      LDMFD   sp!, {r0-r12,pc}
58
59 .end|
```

Lab 5 : matrix 곱셈

□ Source code 분석

12 Loop:

```
13      MOV     r11, #12
14      MUL     r11, r6, r11
15      ADD     r11, r11, r7, LSL #2
16
17      ADD     r11, r11, r0
18
19      LDR     r12, [r11]
20
21      MOV     r11, #12
22      MUL     r11, r7, r11
23      ADD     r11, r11, r8, LSL #2
24      ADD     r11, r11, r1
25
26      LDR     r11, [r11]
27
28      MUL     r12, r11, r12
29      ADD     r9, r9, r12
30
31      ADD     r7, r7, #1
32      CMP     r7, r3
33      BNE     Loop
34      MOV     r7, #0
```

```
37      MOV     r11, #12
38      MUL     r11, r6, r11
39      ADD     r11, r11, r8, LSL #2
40
41      ADD     r11, r11, r2
42
43      STR     r9, [r11]
44
45      MOV     r9, #0
46
47      ADD     r8, r8, #1
48      CMP     r8, r3
49      BNE     Loop
50
51      MOV     r8, #0
52
53      ADD     r6, r6, #1
54      CMP     r6, r3
55      BNE     Loop
56
57      LDMFD   sp!, {r0-r12, pc}
58
59 .end
```

Lab 5 : matrix 곱셈

□ Source code 분석

```
12 Loop:
13     MOV     r11, #12
14     MUL     r11,r6,r11
15     ADD     r11,r11,r7,LSL #2
16
17     ADD     r11,r11,r0
18
19     LDR     r12,[r11]
```

행렬 A에 대한 원소의 offset을 계산하는 부분입니다. 계산된 주소 값은 r11에 있고 ldr을 이용해 r12에 원소 값을 임시 저장해 놓습니다.



Lab 5 : matrix 곱셈

□ Source code 분석

```
12 Loop:
13     MOV     r11, #12
14     MUL     r11, r6, r11
15     ADD     r11, r11, r7, LSL #2
16
17     ADD     r11, r11, r0
18
19     LDR     r12, [r11]
20
21     MOV     r11, #12
22     MUL     r11, r7, r11
23     ADD     r11, r11, r8, LSL #2
24     ADD     r11, r11, r1
25
26     LDR     r11, [r11]
27
28     MUL     r12, r11, r12
29     ADD     r9, r9, r12
30
31     ADD     r7, r7, #1
32     CMP     r7, r3
33     BNE     Loop
34     MOV     r7, #0
```

```
37     MOV     r11, #12
38     MUL     r11, r6, r11
39     ADD     r11, r11, r8, LSL #2
40
41     ADD     r11, r11, r2
42
43     STR     r9, [r11]
44
45     MOV     r9, #0
46
47     ADD     r8, r8, #1
48     CMP     r8, r3
49     BNE     Loop
50
51     MOV     r8, #0
52
53     ADD     r6, r6, #1
54     CMP     r6, r3
55     BNE     Loop
56
57     LDMFD  sp!, {r0-r12, pc}
58
59 .end
```

Lab 5 : matrix 곱셈

□ Source code 분석

```
21      MOV      r11, #12
22      MUL      r11,r7,r11
23      ADD      r11,r11,r8,LSL #2
24      ADD      r11,r11,r1
25
26      LDR      r11,[r11]
```

행렬 B에 대한 원소의 offset을 계산하는 부분입니다. 계산된 주소 값은 r11에 있고 ldr을 이용해 r11에 원소 값을 임시 저장해 놓습니다.



Lab 5 : matrix 곱셈

□ Source code 분석

```
12 Loop:
13     MOV     r11, #12
14     MUL     r11,r6,r11
15     ADD     r11,r11,r7,LSL #2
16
17     ADD     r11,r11,r0
18
19     LDR     r12,[r11]
20
21     MOV     r11, #12
22     MUL     r11,r7,r11
23     ADD     r11,r11,r8,LSL #2
24     ADD     r11,r11,r1
25
26     LDR     r11,[r11]
27
28     MUL     r12,r11,r12
29     ADD     r9, r9, r12
30
31     ADD     r7,r7,#1
32     CMP     r7,r3
33     BNE     Loop
34     MOV     r7,#0
```

```
37     MOV     r11, #12
38     MUL     r11,r6,r11
39     ADD     r11,r11,r8,LSL #2
40
41     ADD     r11,r11,r2
42
43     STR     r9, [r11]
44
45     MOV     r9,#0
46
47     ADD     r8,r8,#1
48     CMP     r8, r3
49     BNE     Loop
50
51     MOV     r8,#0
52
53     ADD     r6,r6,#1
54     CMP     r6,r3
55     BNE     Loop
56
57     LDMFD   sp!, {r0-r12,pc}
58
59 .end
```

Lab 5 : matrix 곱셈

□ Source code 분석

```
28      MUL      r12,r11,r12
29      ADD      r9, r9, r12
30
31      ADD      r7,r7,#1
32      CMP      r7,r3
33      BNE      Loop
34      MOV      r7,#0
```

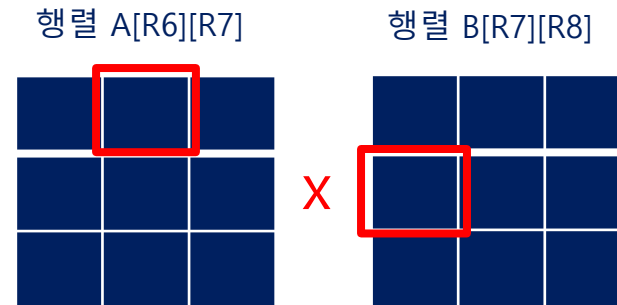
R12에는 행렬 A의 원소와
R11에는 행렬 B의 원소가 들어가 있고
그것을 곱해서 R9에 저장해 놓습니다.



Lab 5 : matrix 곱셈

□ Source code 분석

행렬 C의 하나의 원소가 계산이 완료될 때까지 loop를 반복합니다. 그 값은 R9에 축적됩니다.



Lab 5-1 : matrix 곱셈 operation

trace

- **실습 A** : 아래 행렬 C의 빨간색 박스로 표시된 원소의 계산 과정의 일부를 trace 합니다.
- 위 소스 코드 18 라인에 break point 주고, $R6(s) = 1$, $R7(u) = 0$, $R8(v) = 2$ 가 되는 시점부터 trace합니다. 아래 그림상에서 1번값과 2번값이 곱해져 3번에 저장되는 과정에서, 1번 ~ 3번에 해당하는 메모리 번지 값($R11$), 메모리 내용 값(1번 및 2번 읽어온 값, 3번에 저장한 값)을 캡처하시오.
- 캡처결과가 어느 것에 해당하는 지 표시하세요.



Lab 5-2 : 다른 크기의 두 matrix 곱셈하기

- **실습 B:** C 프로그램상에서 다른 크기의 matrix $A[s,u]$, $B[u,v]$ 에서 s, u, v 를 입력받고 malloc을 이용하여 matrix $A, B, C[s,v]$ 를 위한 배열 메모리를 할당한다. 두 matrix A, B 의 각 원소값을 입력받아 각각 초기화한다. 매트릭스 인덱스 s, u, v 값이 저장된 3×1 array 1개 D 를 선언한다. C 프로그램에서 Matrix A, B, C 에 대한 pointer 값 3개, 매트릭스 D 의 시작번지를 argument로 하여 어셈블리 함수를 호출한다. 어셈블리 코드에서는 matrix 곱셈을 수행하여 결과를 Matrix C 에 저장한다. (**P22, 23, 24, 27 내용대로 구현하세요**)
- s, u, v 는 1보다 크고 9보다 작은 수를 사용.
- **어셈블리 코드에 주석을 추가하세요.** 결과 화면을 캡처하세요.
- **C 및 어셈블리 소스 코드를 파일로 제출하세요.**

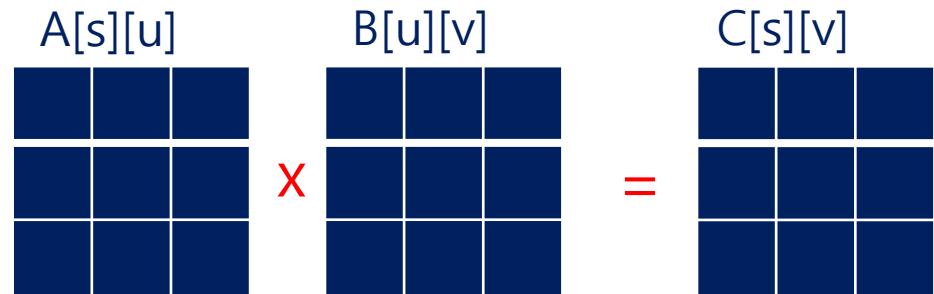
Lab 5 : 다른 크기의 두 matrix 곱셈하기

- matrix의 크기 s, u, v 를 입력 받는 방법
- **Int type 3개 크기의 array를 선언하고 각각에 s, u, v 값을 키보드 입력으로 받는다.**
- 아래 예시 코드처럼 진행해보자.

```
int Array_size[3];
int idx;

printf("input values of s,u,v : ");

while( idx < 3){
    Array_size[idx] = getchar()-'0';
    idx++;
}
```



Lab 5 : 다른 크기의 두 matrix 곱셈하기

- 각 matrix 값 저장을 위한 이차원 배열은 malloc을 이용하여 동적으로 메모리를 할당받는다. 자세한 방법은 다음 페이지에서 설명함.
- 할당받은 이차원 배열 초기화를 위한 코드 및 matrix 곱셈 후 최종 결과 출력은 C 코드로 작성하되 matrix element 참조 또는 지정시 포인터를 사용한다. 자세한 방법은 다다음 페이지에서 설명함.

Lab 5 : 다른 크기의 두 matrix 곱셈하기

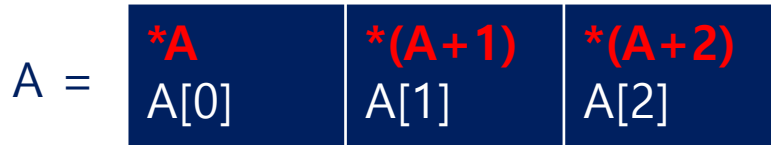
- 동적으로 입력 받은 matrix의 크기에 알맞게 malloc 함수를 사용하여 array에 메모리 공간을 할당
- malloc을 사용하기 위한 standard library를 포함한다. (`#include <stdlib.h>`)
- **Int type 2차원 포인터를 선언한다. (`int ** A`)**
- 아래 예시 코드는 `A[s,u]`를 위한 배열 메모리를 malloc 함수를 이용하여 동적으로 할당해준다. `Array_size[0]`은 `s`, `Array_size[1]`은 `u`에 해당됨. 같은 방법으로 `B[u,v]`, `C[s,v]`도 메모리 할당해야 함.

```
A = (int**) malloc ( sizeof(int) * Array_size[0] );  
for( idx=0; idx<Array_size[0]; idx++){  
    A[idx] = (int*) malloc ( sizeof(int) * Array_size[1] );  
}
```


Lab 5 : 다른 크기의 두 matrix 곱셈하기

□ 포인터를 이용한 2차원 배열 접근 방법(예: A[3][3])

`malloc(sizeof(int) * s)`



```
A = (int**) malloc ( sizeof(int) * Array_size[0] );
for( idx=0; idx<Array_size[0]; idx++){
    A[idx] = (int*) malloc ( sizeof(int) * Array_size[1] );
}
```

`malloc(sizeof(int) * u)`

`malloc(sizeof(int) * u)`

`malloc(sizeof(int) * u)`

*(A) *A[0] A[0][0]	*(A+1) *(A[0]+1) A[0][1]	*(A+2) *(A[0]+2) A[0][2]
*(A+3) **A[1] A[1][0]	*(A+4) *(A[1]+1) A[1][1]	
*(A+6) **A[2] A[2][0]		

Pointer 이용한 2차원 배열 element A[i][j] 주소 계산하는 코드 예제

- r6는 i값, r7는 j 값 가짐
- r0는 2차원 배열 pointer 값 가짐

```
add r11, r0, r6, LSL #2; access row addr
ldr r11, [r11]
add r11, r11, r7, LSL #2; access col addr
```

Lab 5 : 다른 크기의 두 matrix 곱셈하기



- C 코드에서 $A[3][3]$ 할당하고 어셈블리 코드에서 이차원 배열 시작주소 A 를 $R0$ 로 받아왔다고 가정하자.
- 어셈블리코드에서 $A[i][j]$ 값을 갖고 오기
 - ▣ $A[0][0]$ 는 $M[R0] - R0$ 를 주소로 하여 메모리에서 읽어온다
 - ▣ $A[0][1]$ 는 $M[R0+4] - R0+4$ 를 주소로 하여 메모리에서 읽어온다
 - ▣ $A[0][2]$ 는 $M[R0+8]$
 - ▣ $A[1][0]$ 는 $M[R0+12]$
 - ▣ $A[1][1]$ 는 $M[R0+16]$
 - ▣ $A[1][2]$ 는 $M[R0+20]$
 - ▣ $A[2][0]$ 는 $M[R0+24] - R0+24$ 를 주소로 하여 메모리에서 읽어온다

Lab 5 : 다른 크기의 두 matrix 곱셈하기

- Test 를 아래와 같이 수행하여 결과를 제출한다.
- 값을 입력받아 Matrix 초기화
 - ▣ Matrix 첫 원소 $A[0][0]$ 에 1을 넣고 element 증가할 때마다 1씩 증가한 값을 넣는다. $A[0][1]=2$, $A[0][2]=3$, ...
 - ▣ (예) $A[3,3]=\{1,2,3,4, \dots, 9\}$, $A[3,4]=\{1,2,3,4, \dots, 12\}$
- s, u, v 값을 전부 3으로 입력하고, Matrix 배열 메모리를 할당받고, 위와 같이 초기화 한후 Matrix 곱셈 수행 후 결과 출력하기.
- $s=3, u=4, v=5$ 로 입력하고, Matrix 배열 메모리를 할당받고, 위와 같이 초기화 한후 Matrix 곱셈 수행후 결과 출력하기.