SISTEMAS INTELIGENTES UNIVERSIDAD DE ALICANTE CURSO 2023/2024



Universitat d'Alacant Universidad de Alicante

PRÁCTICA 1

Satisfacción de restricciones

PROFESOR

Lucas Martínez Bernabéu, <u>lucas.martinez@ua.es</u>

AUTORES

Javier Sala Pérez, jsp67@gcloud.ua.es

Índice

1. Introducción	2
2. Descripción de Algoritmos	2
2.1. Forward Checking recursivo	2
2.1.1. Pseudocódigo	2
2.1.1.1. Explicación/Análisis	3
2.1.2. Análisis de mi implementación	3
2.1.2.1. Gestión de variables	3
2.1.2.1.1. Recorrer tablero y crear variables	4
2.1.2.1.2. Añadir restricciones a variables	6
2.1.2.1.3. Añadir dominios a las variables	7
2.1.2.2. Forward Checking	9
2.1.2.2.1. Forward Checking	9
2.1.2.2.2. Forward	10
2.1.2.2.3. Restaura	11
3. Problema pequeño 2x2	12
3.1. Grafo	13
3.2. Traza	13
4. Pruebas y experimentación	14
4.1. Análisis y gráfico de las pruebas	17
5. Bibliografía	17
6 Δη ε χο	18

1. Introducción

En esta primera práctica de SI vamos a desarrollar la implementación de dos algoritmos de búsqueda, generando con estos los valores para un crucigrama que se ajusten a las restricciones especificadas.

Se nos ha proporcionado una plantilla con la parte del tablero ya implementada, la cual utiliza las librerías de pygame, para representar el entorno gráfico.

En mi práctica he implementado la creación de las variables para luego aplicar el algoritmo también implementado de Forward Checking.

2. Descripción de Algoritmos

2.1. Forward Checking recursivo

Primeramente el algoritmo Forward Checking recursivo, es uno de los algoritmo utilizado en la resolución de problemas de satisfacción de restricciones conocidos algoritmo CSP (Constraint Satisfaction Problems), estos se aplican como hemos visto en teoría sobre un conjunto de variables definidas sobre dominios finitos y conjunto de restricciones definidas sobre subconjuntos de dichas variables

2.1.1. Pseudocódigo

```
función FC(i variable): booleano
    para cada a € factibles[i] hacer
        si i=N solución retorna CIERTO
        sino
            si forward (i,a)
                si FC(i+1) retorna CIERTO
            Restaurar (i)
    retorna FALSO
función forward(i variable, a valor): booleano
    para toda j=i+1 hasta N hacer
        Vacío ← CIERTO
        para cada b € factibles[j] hacer
            si (a,b) € Rij vacío ←FALSO
            sino eliminar b de factible[j]
                Añadir b a podado[j]
        si vacío retorna FALSO
    retorna CIERTO
```

procedimiento restaura(i variable)

para toda j=i+1 hasta N hacer

para todo b € podado[j] hacer

si Xi responsable filtrado b

Eliminar b de podado[j]

Añadir b a factible[j]

2.1.1.1. Explicación/Análisis

Vamos a analizar el pseudocódigo, este consiste de 3 funciones que vamos a analizar:

FC → Esta será un booleano que devolverá si se ha cumplido el algoritmo o no, además recibe por parámetro las variables y un índice por el cual a analizar las variables

- Una vez dentro vamos a iterar con los valores de las variables
- Asignaremos a cada valor de las variables a #Ej asignamos AL a la variable h1
- Si i=N (todas las variables con valor) es cierto y solución encontrada
- Si no llamamos al forward para que asigne valor y aplique restricciones
- Si en la rama actual no se cumplen restricciones, volvemos atrás(restauramos la anterior)
- Por último si no se ha encontrado solución retorna falso

Forward \rightarrow Esta es la encargada de ver si con el valor asignado a la variable esta cumple con las restricciones

- Itera desde i+1 hasta N
- Crea una variable Vacío = True que devolverá al final
- Por último itera sobre los valores de b que son válidos en j, si la restricción entre 'a' y 'b' para las variables 'i' y 'j' es válida y pondrá Vacío Falso, de lo contrario eliminará b de los dominios y la añadirá a podados.
- Retorna vacío, que retornara true o false en función de que haya valores factibles.

Restaura → Encargada de volver al estado anterior

- Itera sobre cada valor desde i+1 hasta N
- Por último para cada valor de b de la lista de podados de la variable j, si Xi es responsable elimina b de podados y añade b al dominio de vuelta.

2.1.2. Análisis de mi implementación

2.1.2.1. Gestión de variables

Esta la hago desde la función recorreTablero a la cual le mando por referencia el tablero, voy a dividir la explicación en tres partes, la primera será recorrer el tablero tanto horizontal como vertical para crear las variables, seguiremos con la creación de los restricciones y por último las dominios.

2.1.2.1.1. Recorrer tablero y crear variables

En esta parte crearemos las variables con dominio y restricción vacío, voy a mostrar como lo hago para las variables horizontales, para las verticales sería exactamente los mismo pero con orientación vertical.

Para la explicación más sencilla con el código voy a copiar mi código con una herramienta que simula cómo se vería en python mostraré comentado todos los pasos que realiza este, mostraré con azul claro algún comentario que crea necesario

```
def recorreTablero(tablero):
   variables = []
   restricciones = []
   #Contador para las variables verticales, las horizontales llevan el
    contador var v = 1
   # Recorrer horizontalmente recorriendo filas y columnas
   for fila in range(tablero.getAlto()):
        palabra = [] # Lista de letras de la palabra
        for col in range(tablero.getAncho()):
            celda = tablero.getCelda(fila, col)
            # Sumamos letra a palabra comprobando bloqueo o fin tablero
            if celda != '*' and col != tablero.getAncho() - 1:
                palabra.append(celda)
Tenemos tres maneras de crear variable, la primera será al tener una
palabra ya formada y llegar a *(bloqueo)
            elif celda == '*':
                if palabra:
                    # +1 para incluir la celda actual
                    nombre = 'h' + str(len(variables) + 1)
                    # +1 para incluir la celda actual
                    longitud = len(palabra)
                    orientacion = "horizontal"
                    dominio = []
                    restricciones = []
                    var = Variable(nombre, fila, col-len(palabra),
                                   longitud, orientacion, dominio,
                                   restricciones)
                    #Creamos la variable
                    variables.append(var)
                palabra = []
```

```
La segunda manera será al llegar al final del ancho de tablero, lo que
hago es que si no tenemos ni letras, ni está vacío, ni hay bloquero, (no
hay nada por que hemos llegado el final del tablero), creamos variable
           # Final tablero y tenemos palabra
            elif palabra:
                nombre = 'h' + str(len(variables) + 1)
                # +1 para incluir la celda actual
                longitud = len(palabra)+1
                orientacion = "horizontal"
               dominio = []
                restricciones = []
               var = Variable(nombre, fila, col-len(palabra),
                               longitud, orientacion, dominio,
restricciones)
               variables.append(var)
                palabra = []
Y por último tenemos un caso en el que la variable anterior es un
bloqueo y esto me daba errores de variables que se sumaba al tamaño
primeramente el * ej. *LO -> long=3, para esto cree este paso.
            # crear variable si la celda anterior *
            elif (tablero.getCelda(fila, col-1) == "*"):
               nombre = 'h' + str(len(variables) + 1)
                # +1 para incluir la celda actual
                longitud = len(palabra)+1
                orientacion = "horizontal"
                dominio = []
                restricciones = []
               var = Variable(nombre, fila, col-len(palabra),
                               longitud, orientacion, dominio,
restricciones)
               variables.append(var)
               palabra = []
Seguimos ahora con las verticales que es exactamente los mismo, a
excepción de que recorremos el ancho del tablero (nº columnas) y luego
su largo (filas) esto es al contrario que en horizontal, además en
variable la orientación será= vertical y su nombre será nombre:
'v'+contador_var_v
   for col in range(tablero.getAncho()):
        palabra = []
       for fila in range(tablero.getAlto()):
```

2.1.2.1.2. Añadir restricciones a variables

Pasamos a la parte de las restricciones, aquí lo tengo organizado en pasos siguiendo los pasos que mi profesor me recomendó a través de una tutoría.

```
Primeramente recorremos las variables verticales y luego las horizontales para
comprobar a posterior si se cruzan
# 1º recorrremos verticales y comprobamos si variable v
    for var v in variables:
        if var_v.getOrientacion() == "vertical":
            for var h in variables:
                if var_h.getOrientacion() == "horizontal":
Aquí vamos a comprobar cuatro cosas:
          -Fila máxima vertical >= Fila horizontal
          -Fila mínima vertical <= Fila horizontal
          -Columna máxima horizontal >= Columna vertical
          -Columna mínima horizontal <= Columna vertical
                    # fMv>=fh Y fmv <= fh Y cMh >= cv Y cMh <= cv
                    if (var v.getFila() <= var h.getFila() <=</pre>
                        var_v.getFila() + var_v.getLongitud() and
                        var_h.getColumna() <= var_v.getColumna() <=</pre>
                        var_h.getColumna() + var_h.getLongitud()):
                        # 4ª celada sera filaV-filaH y columnaV-columnaH
                        fila cruce h = var h.getFila() - var v.getFila()
                        columna_cruce_v = var_v.getColumna() - var_h.getColumna()
Las restricciones las quise crear como el ejemplo, dudo que fuera mi mejor idea ya
lo luego me trajo problemas pero sigue el formato de las trazas.
                        restriccion_h= ("(mi_celda: " + str(columna_cruce_v) + ",
                                        var: " + str(var_v.nombre) + ", su_celda:"
                                        + str(fila cruce h)+")")
                        restriccion_v = ("(mi_celda: " + str(fila_cruce_h) + ",
                                         var: " + str(var h.nombre)+", su celda: "
                                         + str(columna cruce v)+")")
Añadimos tanto a la variable horizontal como a la vertical su restricción
                        var h.addRestriccion(restriccion h)
                        var v.addRestriccion(restriccion v)
```

2.1.2.1.3. Añadir dominios a las variables

En la creación de dominios, vamos a buscar en el almacén, donde están las palabras importadas del .txt (función ya creada en el proyecto base), y las vamos a añadir a las variables siguiendo unas normas:

- El dominio tendrá la misma longitud que el tamaño de la variable
- Si la variable tiene las celdas vacías, su dominio será todas aquellas palabras de su longitud
- Si la variable tiene algunas celdas con letras y otras vacías, su dominio serán tocas aquellas palabras que cuadren ej _o_a Dominio:[Hola,Hoja,Cola...]
- Si la variable tiene letras en todas las celdas su dominio sólo puede ser ese, si no está en el diccionario, no tendrá dominio.

En mi programa entendí mal algunas de estas condiciones y tuve que reescribir porque funcionaba distinto.

```
Primero he inicializado cuatro variables, 3 serán para hacer controles en distintos
if y la otra será para y sumándole a ésta los distintos dominios que después añadiré
    empty = False
    semi = False
    control = False
    letras p = ""
Vamos a recorrer todas la variables, dentro todas las palabras del "diccionario" y
aquí dentro vamos a recorrer las celdas para a posterior comparar
   for var in variables:
        for palabra in almacen:
            if palabra.tam == var.getLongitud():
                for pal in palabra.getLista():
                    letras_p = ""
                    empt = False
                    semi = False
                    control = False
                    # recorro todas las celdas de la palabra
                    for i in range(len(pal)):
                        # Solo meto todos los dominios (de su tamaño) si la palabra
                          tiene las celdas vacias
                        # si está semicompleta cuadramos las letras que se pueda
Estos if extensos, están basados basados en unas consultas a ChatGPT, la idea del
control si la elegí yo, control solo sirve para controlar si ha entrado a empt, ya
que tenía diversos fallos. Si están todas las celdas vacías empt=true
                        if (tablero.getCelda(var.getFila() + (i if
                            var.getOrientacion() == "vertical" else 0),
                            var.getColumna() + (i if var.getOrientacion() ==
                            "horizontal" else 0)) == VACIA) and control == False:
                            empt = True
```

```
else:
                            control = True
                            empt = False
Obtenemos el contenido de la celda y lo guardamos en letras p, para el contenido de
la celda la parte de la orientación ayuda CharGPT
                        celda = tablero.getCelda(var.getFila() + (i if
                                var.getOrientacion() == "vertical" else 0),
                                var.getColumna() + (i if var.getOrientacion() ==
                                "horizontal" else 0))
                        letras_p += celda
Palabras completas, pal (palabra diccionario) == letras_p (suma celdas)
                        # si letras p == pal y
                        if len(letras_p) == len(pal) and len(pal) ==
                           var.getLongitud() and celda != '-' and letras_p != '-' and
                           letras p == pal:
                            var.addDominio(letras p)
                            letras p = ""
Palabras semicompletas, comprobamos tamaños validos, si la palabra del diccionario
tiene tamaño == a el tamaño de letras_p y la long de la variable, además que no esten
ni todas las celdas llenas ni vacías
                    if len(letras_p) == len(pal) and len(pal) == var.getLongitud()
                       and empt == False and semi == False:
Una vez esto, ya compruebo que o es la misma letra que letras p o es celda vacía, si
es asi será pala semí y la añadiremos, si no no será y no se añade a su dominio.
                        for j in range(len(pal)):
                            if letras_p[j] == pal[j] or letras_p[j] == '-':
                                semi = True
                            else:
                                semi = False
                                break
Por ultimo añadir al dominio las palabras vacías o completas
                    if empt:
                        var.addDominio(pal)
                        letras p = ""
                    if semi:
                        var.addDominio(pal)
                        letras_p = ""
    return variables
```

2.1.2.2. Forward Checking

Como hemos visto en el pseudocódigo, el algoritmo consta de tres métodos FC que asigna valor y comprobará si es solución, forward que comprueba si es valido ese valor y restaura si el valor no ha sido válido para volver al anterior estado.

2.1.2.2.1. Forward Checking

Recibirá por parámetro tres valores el primero i que será para tener un índice sobre las variables a iterar y un segundo que serán las variables, además yo he añadido uno más para crear un índice para mostrar iteraciones por pantalla (no es necesario para el algoritmo).

El funcionamiento de este es muy similar al pseudocódigo.

```
def forwardChecking(i, variables,count):
   control = False
   dominios_temp = []
   count += 1
Si encuentra solución la muestra por pantalla y devuelve true
    # si i=N solución retorna CIERTO
   if (i == len(variables)):
            control = True
            print("Solución encontrada")
            print("Solución: ")
           for var in variables:
                print (var.getNombre(), ":", var.getValor())
            return control
   # para cada a € factibles[i] hacer
   var = variables[i]
   for a in var.getDominio():
       variables[i].setValor(a)
Copia temporal de dominios para su posterior restauración
        for var in variables:
                dominios_temp.append(copy.deepcopy(var.getDominio()))
       # si forward (i,a)
Llamamos a forward con el índice el valor seleccionado y las variables
        if forward(i, a, variables):
            # si FC(i+1) retorna CIERTO
            if (forwardChecking(i+1, variables,count)):
                return TRUE
```

2.1.2.2.2. Forward

Esta función será la encargada con el valor añadido de eliminar dominios del resto de variables siguiendo las restricciones previamente creadas, si no queda ningún dominio vacío devolverá true, en caso contrario false.

```
def forward(i, a, variables):
   var act = variables[i]
   vacio = TRUE
Primeramente tengo un bucle que elimina de todos los dominios el valor
asignado
   for var in variables:
        for dominio in var.getDominio():
            if dominio == a:
                var.getDominio().remove(dominio)
               var.getPodados().append(dominio)
               vacio = FALSE
   #Aquí recorremos las restricciones de la variable seleccionada para
    eliminar los dominios que no coincidan
   for restriccion in var_act.getRestricciones():
        variable i
Tanto esta función como las dos de las celdas que vienen ahora, las
obtuve con ChatGPT, al guardar las restricciones de la manera que dije
anteriormente, necesito sacar el nombre de la variable para así obtener
la variable, al sacar el nombre lo único que tengo es como un string con
el nombre, por eso luego recorro todas la variables para encontrar una
con ese nombre y asignarle ahora si la variable
        variable_rest = restriccion[restriccion.find(
                        "var:")+5:restriccion.find("su celda:")-2]
```

```
for vars in variables:
            if vars.getNombre() == variable rest:
                var_rest = vars
Con la variable ahora tuve que hacer algo similar para las celdas, ya
que tenía problemas con que se salían del dominio.
        # celda de la variable al cruzarse
        celda = (int(restriccion[restriccion.find(
                "su celda:")+10:restriccion.find(")")]))
        celda2 = int(restriccion[restriccion.find(
                 "mi_celda:")+10:restriccion.find("var:")-2])
 Comprobamos letra a letra si encajan los cruces, si no, lo eliminamos
        for dominio in var_rest.getDominio() + var_act.getDominio():
            # si no cuadra la primera letra borramos
            if celda < len(dominio) and celda2 < len(dominio):</pre>
                if dominio[celda] != '#' and dominio[celda2] != '#' and
                   dominio[celda] != a[celda2] and dominio in
                   var_rest.getDominio():
                    # Eliminamos b de variable[j]
                    var_rest.getDominio().remove(dominio)
                    var rest.getPodados().append(dominio)
                    vacio = FALSE
Por último borramos la lista de dominios de aquellas que tengan un valor
asignado.
   variables[i].getDominio().clear()
   variables[i].getDominio().append(a)
Devolveremos true si ha salido bien, false si hay dominios vacíos y por
tanto no hay solución por esa rama
   if vacio == TRUE:
        return FALSE
    return TRUE
```

2.1.2.2.3. Restaura

Es el último método del algoritmo, es el encargado de volver al estado anterior en caso de no encontrar solución en el forward, recibe por parámetro el índice de variables, las variables, y la copia de dominios que hemos hecho en el FC.

```
def restaura(i, variables, dominios temp):
    # Recupera el valor de la variable actual
    valor_actual = variables[i].getValor()
    Bucle que recupera los dominios del estado anterior de todas las
    variables
```

```
for j, var in enumerate(variables):
    if j < len(dominios_temp):
        var.setDominio(dominios_temp[j])

Comprobamos si hay dominos vacíos, si hay dominios vacios,significa que no hay solución, si no hay debemos seguir buscando.
#comprobamos si hay dominios vacíos
for var in variables:
    if not var.getDominio():
        #print("No hay solución")
        return FALSE

Por último borramos el valor que hemos visto que no es solución de la variable a la que se lo habíamos asignado
    variables[i].getDominio().remove(valor_actual)

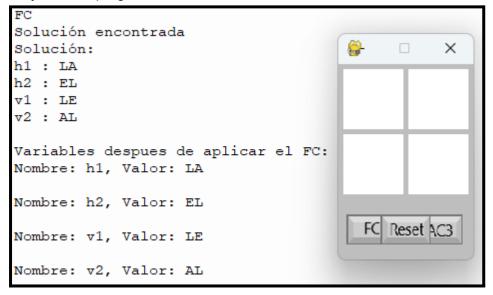
return TRUE</pre>
```

3. Problema pequeño 2x2

He seleccionado el problema que se nos muestra en el moodle con un diccionario más corto, este problema tiene un máximo de 28 iteraciones y 2 soluciones válidas, la primera solución es en la iteración 10.

El problema consiste en un 2x2 vacío que tiene como diccionario: LO, LA, EL, LE, AL.

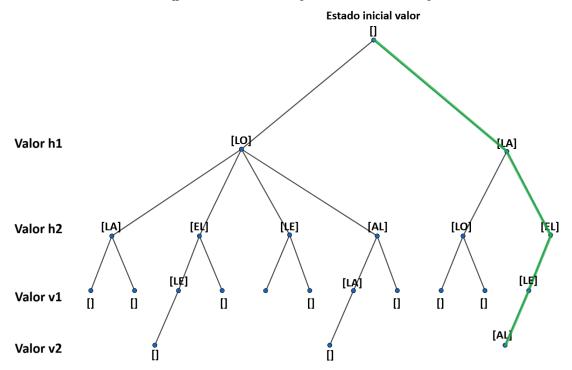
Al ejecutar el programa nos muestra la solución directamente:



3.1. Grafo

Grafo de la solución \rightarrow LA, EL, LE, AL.

El estado inicial será valor [] teniendo dominio [LO, LA, EL, LE, AL]



3.2. Traza

Para encontrar la solución vamos a necesitar 6 iteraciones, empezaremos con la iteración 0.

Iteración 0:

h1: [LO, LA, EL, LE, AL]

h2: [LO, LA, EL, LE, AL]

v1: [LO, LA, EL, LE, AL]

v2: [LO, LA, EL, LE, AL]

Iteración 1:

h1→ Valor: [LO]

h2: [LA, EL, LE, AL]

v1: [LA, LE]

v2: []

Asignamos LO a h1.

Tenemos un dominio vacío, por tanto restauramos al estado anterior.

Restauramos:

h1: [LA, EL, LE, AL]

h2: [LO, LA, EL, LE, AL]

v1: [LO, LA, EL, LE, AL]

v2: [LO, LA, EL, LE, AL]

Iteración 2:

Asignamos LA a h1.

```
h1 \rightarrow Valor: [LA]
h2: [LO, EL, LE, AL]
v1: [LO, LE]
v2: [ AL]
                                                    Asignamos LO a h2.
Iteración 3:
h1 \rightarrow Valor: [LA]
h2 → Valor: [LO]
                                                    Tenemos dominios vacíos, por tanto
v1: []
                                                    restauramos al estado anterior
v2: []
Restauramos:
h1 \rightarrow Valor: [LA]
h2: [EL, LE, AL]
v1: [LO, EL, LE, AL]
v2: [LO, EL, LE, AL]
Iteración 4:
                                                    Asignamos EL a h2.
h1 \rightarrow Valor: [LA]
h2 → Valor: [EL]
v1: [ LE ]
v2: [ AL]
Iteración 5:
                                                    Asignamos LE a v1
h1 \rightarrow Valor: [LA]
h2 → Valor: [EL]
v1 \rightarrow Valor: [LE]
v2: [AL]
Iteración 6:
                                                    Asignamos AL a v2
h1 \rightarrow Valor: [LA]
h2 \rightarrow Valor: [EL]
v1 \rightarrow Valor: [LE]
v2 \rightarrow Valor: [AL]
```

4. Pruebas y experimentación

He hecho diversas pruebas con distintos diccionarios, estos los he <u>descargado de github de</u> <u>un repositorio</u> y provienen de la rae, he tenido problemas con diccionarios muy grandes, y es que el programa me da un "crash".

De la misma manera si esta el bucle iterando mucho manda el siguiente error:

```
File "C:\Users\javi9\AppData\Local\Programs\Thonny\lib\logging\ init .py", line 424, in u

sesTime
return self._fmt.find(self.asctime_search) >= 0

RecursionError: maximum recursion depth exceeded while calling a Python object
```

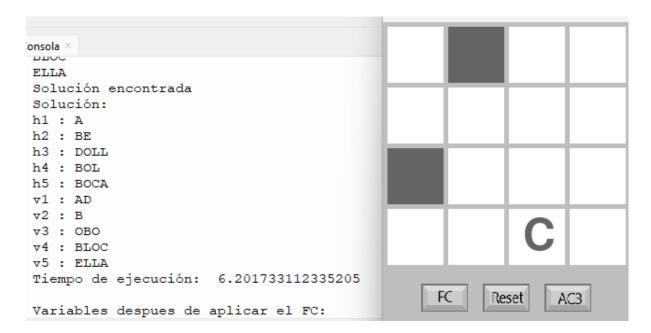
Que significa que hemos alcanzado el límite máximo de recursión de Python, esto creo que fue en un diccionario de tamaño de palabra 17.

Ahora vamos con diversas pruebas, he añadido un temporizador a las pruebas, para medir así su ejecución:

Empezamos con un 3x3 con celdas vacías y un diccionario de palabras de tamaño 3 con 1266 palabras,añado que "ABA" si es la primera palabra, pero "BAR" es la número 73, por tanto se ha tenido que restaurar varias veces, el tiempo ha sido de 3,2 seg, con 919 iteraciones.

```
Solución encontrada
Solución:
h1 : ABA
h2 : BAR
h3 : CHA
v1 : ABC
v2 : BAH
v3 : ARA
Tiempo de ejecución: 3.2053256034851074
```

De la misma manera he probado con un 4x4 con el mismo tipo de diccionario pero con palabras de tamaño 1,2,3 y 4 , ha tenido 1060 iteraciones y ha tardado 6.2seg



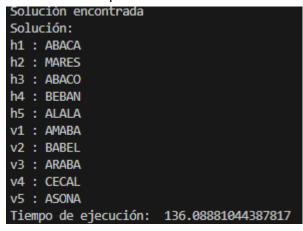
Volví al 3x3 limitando la letra de la esquina inferior derecha a una "Z" y con 2191 iteraciones tardó alrededor 8 seg.

```
Solución encontrada
Solución:
h1 : ABC
h2 : ROA
h3 : TAZ
v1 : ART
v2 : BOA
v3 : CAZ
Tiempo de ejecución: 8.267979383468628
```

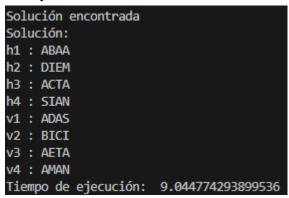
También comprobé un 7x7 con una casilla bloqueada otra no sucesivamente, hay 24 casillas pero al no poder repetirse la solución no se iba a encontrar nunca, el tiempo de ejecución fué después de varias alrededor de 2,15 seg lo que con 643 iteraciones

He conseguido saltarme el límite de recursión con un 5x5 utilizando además vscode (con thonny me daba error de memoria) utilizando el diccionario de palabras de tamaño 5 con 25378 palabras ejecutarlo.

El resultado después de 12087 iteraciones ha sido:



Y ya por último he hecho uno de la misma manera pero con 4x4 este tiene un diccionario de 7804 y su resultado ha sido con 2922 iteraciones:



4.1. Análisis y gráfico de las pruebas



Como podemos ver en el gráfico que muestra en las barras azules el tiempo y en la línea naranja las iteraciones, podemos ver como el tiempo va en función de las iteraciones, y el tamaño de la palabra a la hora de comprobar no interviene mucho.

He calculado además que a excepción del 4x4 con bloqueos y la C y el 5x5 la iteración de palabra tarda alrededor de 0,0035 segundos.

5. Bibliografía

Tema 3.2 de los materiales de clase

Diccionarios de palabras utilizados para las pruebas: https://github.com/JorgeDuenasLerin/diccionario-espanol-txt/tree/master

Satisfacción de Restricciones - Javier Béjar -UPC https://www.cs.upc.edu/~bejar/ia/transpas/teoria/2-BH5-CSP.pdf

6. Anexo

He utilizado tanto stackoverflow como chatgpt para la resolución de dudas, como he mencionado en el código mostrado anteriormente como por ejemplo distintas partes en el forward como las búsquedas dentro de las variables, la utilización de la librería copy y su uso, el uso de las librerías time y sis para la parte de las pruebas.

Muchas de mis dudas también han sido resueltas por mi profesor de prácticas en distintas tutorías.