

Laplaceova transformace

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0+) = 3,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 10 \cos 3t, & \text{pro } t \in \left\langle 0, \frac{\pi}{6} \right\rangle, \\ 0, & \text{pro } t \in \left\langle \frac{\pi}{6}, +\infty \right\rangle. \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + 4x(t) = f(t), \quad x(0+) = 2\pi, \quad \dot{x}(0+) = -2,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 8\pi - 8t, & \text{pro } t \in (0, \pi) \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0+) = 2\pi, \quad \dot{x}(0+) = 2,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 2\pi - t, & \text{pro } t \in (0, 2\pi) \\ 0, & \text{pro } t \in (2\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1, \quad \dot{x}(0+) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} t, & \text{pro } t \in (0, \pi) \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + 4x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1, \quad \dot{x}(0+) = 2,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 8t, & \text{pro } t \in (0, \pi) \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) - 3x(t) = f(t), \quad x(0+) = 13,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 36 - 9t, & \text{pro } t \in (0, 4) \\ 0, & \text{pro } t \in (4, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + 9x(t) = f(t), \quad x(0+) = 0, \quad \dot{x}(0+) = 3,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 27t, & \text{pro } t \in (0, 2\pi) \\ 0, & \text{pro } t \in (2\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + 4x(t) = f(t), \quad x(0+) = -1, \quad \dot{x}(0+) = 8,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 4, & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{4}\right), \\ 0, & \text{pro } t \in \left(\frac{\pi}{4}, +\infty\right). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) - 2x(t) = f(t), \quad x(0+) = -3,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 8 - 4t, & \text{pro } t \in (0, 2), \\ 0, & \text{pro } t \in (2, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + 4x(t) = f(t), \quad x(0+) = -\frac{1}{2}, \quad \dot{x}(0+) = \frac{\pi}{2},$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 4t, & \text{pro } t \in \left(\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}\right), \\ 0, & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{4}\right) \cup \left(\frac{\pi}{2}, +\infty\right). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) - x(t) = f(t), \quad x(0+) = -1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 2 - t, & \text{pro } t \in (0, 2), \\ 0, & \text{pro } t \in (2, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) + 2x(t) = f(t), \quad x(0+) = 7,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 12 - 4t, & \text{pro } t \in (0, 3), \\ 0, & \text{pro } t \in (3, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) + 3x(t) = f(t), \quad x(0+) = 7,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 18 - 9t, & \text{pro } t \in (0, 2), \\ 0, & \text{pro } t \in (2, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) + 3x(t) = f(t), \quad x(0+) = -1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} -13 \cos 2t, & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{4}\right), \\ 0, & \text{pro } t \in \left(\frac{\pi}{4}, +\infty\right). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) - x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} -5 \sin 2t, & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right), \\ 0, & \text{pro } t \in \left(\frac{\pi}{2}, +\infty\right). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) + 3x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 9t, & \text{pro } t \in (0, 1), \\ 0, & \text{pro } t \in (1, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + 9x(t) = f(t), \quad x(0+) = 3\pi, \quad \dot{x}(0+) = -3,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 27(\pi - t), & \text{pro } t \in (0, \pi), \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + 16x(t) = f(t), \quad x(0+) = 2\pi, \quad \dot{x}(0+) = -1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 32\pi - 16t, & \text{pro } t \in (0, 2\pi), \\ 0, & \text{pro } t \in (2\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0+) = \pi, \quad \dot{x}(0+) = 0,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} \pi - t, & \text{pro } t \in (0, \pi), \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0+) = \pi, \quad \dot{x}(0+) = 0,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 2\pi - 2t, & \text{pro } t \in (0, \pi), \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + 2\dot{x}(t) + 2x(t) = f(t), \quad x(0+) = \dot{x}(0+) = 0,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} t, & \text{pro } t \in (0, \pi), \\ \pi, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} \sin t, & \text{pro } t \in (\pi, 2\pi), \\ 0, & \text{pro } t \in (0, \pi) \cup (2\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) + 2x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 1, & \text{pro } t \in (0, 1), \\ -1, & \text{pro } t \in (1, 2), \\ 0, & \text{pro } t \in (2, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + 4x(t) = f(t), \quad x(0) = \dot{x}(0) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 5e^{-t}, & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right), \\ 0, & \text{pro } t \in \left(\frac{\pi}{2}, +\infty\right). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\dot{x}(t) - 2x(t) = f(t), \quad x(0+) = -2,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 4t & \text{pro } t \in \left\langle 0, \frac{1}{2} \right\rangle \\ 4 - 4t & \text{pro } t \in \left\langle \frac{1}{2}, 1 \right\rangle \\ 0 & \text{pro } t \in \langle 1, +\infty \rangle \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) + 4x(t) = f(t), \quad x(0+) = -1, \quad \dot{x}(0+) = 2,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 4 & \text{pro } t \in \left\langle 0, \frac{\pi}{4} \right\rangle \\ -4 & \text{pro } t \in \left\langle \frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2} \right\rangle \\ 0 & \text{pro } t \in \left\langle \frac{\pi}{2}, +\infty \right\rangle \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\dot{x}(t) + x(t) = f(t) \quad x(0) = e,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} e^{1-t} & \text{pro } t \in \langle 0, 1 \rangle \\ 1 & \text{pro } t \in \langle 1, +\infty \rangle \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte v intervalu $(0, +\infty)$ Cauchyovu úlohu

$$\ddot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0+) = 0, \quad \dot{x}(0+) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} \sin 2t, & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right), \\ 0, & \text{pro } t \in \left(\frac{\pi}{2}, +\infty\right). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) + 2\dot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0) = 1, \quad \dot{x}(0) = -2,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 1 & \text{pro } t \in (0, 1), \\ 0 & \text{pro } t \in (1, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$2\dot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 5 \sin t & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right), \\ 5 & \text{pro } t \in \left[\frac{\pi}{2}, +\infty\right). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) + 4x = f(t), \quad x(0) = 0, \quad \dot{x}(0) = 2,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 4 & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right), \\ -4 & \text{pro } t \in \left(\frac{\pi}{2}, \pi\right), \\ 0 & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace řešte Cauchyho úlohu

$$\dot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} t, & \text{pro } t \in (0, 1), \\ 2 - t, & \text{pro } t \in (1, 2), \\ 0, & \text{pro } t \in (2, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) + 4\dot{x}(t) + 8x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1, \quad \dot{x}(0+) = -1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 0 & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right) \\ 4 & \text{pro } t \in \left[\frac{\pi}{2}, +\infty\right). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) + 2\dot{x}(t) + 5x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1, \quad \dot{x}(0+) = 0,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 10 & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right), \\ 0 & \text{pro } t \in \left(\frac{\pi}{2}, +\infty\right). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\dot{x}(t) - x(t) = f(t), \quad x(0+) = 0,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 2 \sin t, & \text{pro } t \in (0, \pi), \\ t - \pi, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) + 4\dot{x}(t) + 4x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1, \quad \dot{x}(0+) = 0,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 2e^{-t}, & \text{pro } t \in (0, 1), \\ 0, & \text{pro } t \in (1, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) + 7\dot{x}(t) + 6x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1, \quad \dot{x}(0+) = 0,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 5e^{-t}, & \text{pro } t \in (0, 1), \\ 0, & \text{pro } t \in (1, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\dot{x}(t) - 2x(t) = f(t), \quad x(0+) = -1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 5 \sin t, & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right), \\ -5 \sin t, & \text{pro } t \in \left(\frac{\pi}{2}, \pi\right), \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) + 4\dot{x}(t) + 8x(t) = f(t), \quad x(0+) = -1, \quad \dot{x}(0+) = 2$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 8, & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right), \\ -8, & \text{pro } t \in \left(\frac{\pi}{2}, \pi\right), \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\dot{x}(t) - x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} t, & \text{pro } t \in (0, 1), \\ e^{-t+1}, & \text{pro } t \in (1, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$4\ddot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0+) = 0, \quad \dot{x}(0+) = 1$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} t - 2\pi, & \text{pro } t \in (2\pi, 3\pi), \\ 4\pi - t, & \text{pro } t \in (3\pi, 4\pi), \\ 0, & \text{pro } t \in (0, 2\pi) \cup (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) - 3\dot{x}(t) + 2x(t) = f(t), \quad x(0+) = -1, \quad \dot{x}(0+) = 1$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 1, & \text{pro } t \in (0, 1), \\ 2 - t, & \text{pro } t \in (1, 2), \\ 0, & \text{pro } t \in (2, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\dot{x}(t) + 2x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 5|\sin t|, & \text{pro } t \in (0, 2\pi), \\ 0, & \text{pro } t \in (2\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$2\dot{x}(t) - x(t) = f(t), \quad x(0+) = -1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} t, & \text{pro } t \in (0, 1), \\ 1, & \text{pro } t \in (1, 2), \\ 3 - t, & \text{pro } t \in (2, 3), \\ 0, & \text{pro } t \in (3, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\dot{x}(t) - x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 2|\cos t|, & \text{pro } t \in (0, \pi), \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\dot{x}(t) + x(t) = f(t), \quad x(0+) = -2,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 1, & \text{pro } t \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right); \\ \sin t, & \text{pro } t \in \left(\frac{\pi}{2}, \pi\right), \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) - 5\dot{x}(t) + 6x(t) = f(t), \quad x(0+) = 0, \quad \dot{x}(0+) = 1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 10 \sin t, & \text{pro } t \in (0, \pi), \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) + \dot{x}(t) - 2x(t) = f(t), \quad x(0+) = -2, \quad \dot{x}(0+) = -1,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 10 \cos t, & \text{pro } t \in (0, \pi), \\ 0, & \text{pro } t \in (\pi, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) - 4\dot{x}(t) + 3x(t) = f(t), \quad x(0+) = 1, \quad \dot{x}(0+) = 3,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 3t - 1, & \text{pro } t \in (0, 1), \\ 0, & \text{pro } t \in (1, +\infty). \end{cases}$$

Pomocí Laplaceovy transformace najděte v intervalu $(0, +\infty)$ řešení Cauchyovy úlohy

$$\ddot{x}(t) + 3\dot{x}(t) + 2x(t) = f(t), \quad x(0+) = -1, \quad \dot{x}(0+) = 2,$$

kde

$$f(t) = \begin{cases} 1 - 2t, & \text{pro } t \in \left(0, \frac{1}{2}\right), \\ 2t - 1, & \text{pro } t \in \left(\frac{1}{2}, 1\right), \\ 1, & \text{pro } t \in (1, +\infty). \end{cases}$$
