# L2 二元樹的後序拜訪

#### 說明:

- 二元樹的定義:
- 1.樹不可以為空集合,亦即至少必須有一個根節點,但二元樹卻可以是空集合。
- 2.樹的兄弟節點位置次序並非固定,但二元樹是固定的。也就是下面是相同的樹,但卻不是相同 的二元樹。

在二元樹的運用上,常常需要找出所有的節點資料,這個過程稱為樹的拜訪或追蹤。依拜訪追蹤的次序可分成下列三種:前序preorder、中序inorder及後序postorder。

- 前序preorder定義:先訪根節點,若有左子樹,先拜訪其左子樹的所有節點;若有右子樹, 再拜訪其右子樹的所有節點。
- 中序inorder定義:拜訪根節點前,若有左子樹,先拜訪其左子樹的所有節點;拜訪根節點;若有右子樹,再拜訪其右子樹的所有節點。
- 後序postorder定義: 拜訪根節點前,若有左子樹,先拜訪其左子樹的所有節點;若有右子樹,再拜訪其右子樹的所有節點,最後再拜訪根節點。
- 二元搜尋樹(Binary Search Tree)定義:
- 二元搜尋樹是一種二元樹,它可以為空集合,若不為空集合,則必須要滿足以下條件:
- 1.若左子樹不為空集合,則左子樹的鍵值均須要小於樹根的鍵值。
- 2.若右子樹不為空集合,則右子樹的鍵值均須要大於樹根的鍵值。
- 3.左子樹與右子樹必須也要保持二元搜尋樹。

由使用者輸入x筆資料,建立一個二元搜尋樹(Binary Search Tree),輸出二元搜尋樹的後序拜訪的結果。

### 輸入

第一列的數字n代表有幾組資料要測試, $1 \le n \le 5$ ,第二列起為每組的測試資料,之後每二列為每組的測試資料。每組測試資料的第一列是一個整數 $3 \le x \le 30$ ,用來表示這組測試資料有幾個節點;每組測試資料的第二列為這組測試資料各節點編號,以","分隔各節點編號,編號為一整數 $0 \le N \le 99$ ,各節點編號不會相同。用測試資料以二元搜尋樹方式建樹。

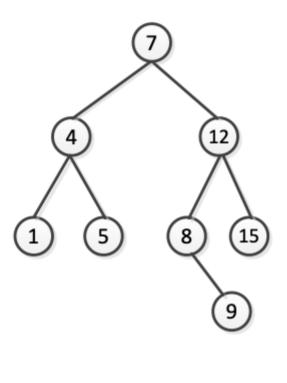
# 輸出

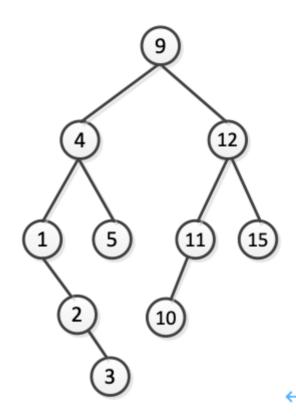
在測試資料中所建二元搜尋樹,輸出二元搜尋樹的後序拜訪的結果,以""分隔各節點編號。

# 範例輸入輸出

#### 範例輸入I

```
1 2
2 8
3 7,4,1,5,12,8,9,15
4 10
5 9,4,1,5,12,11,10,15,2,3
```

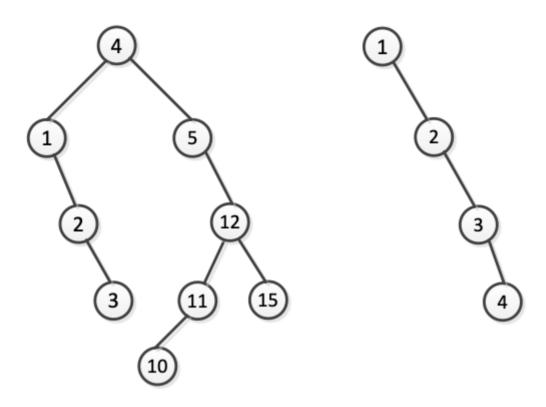




# 範例輸出 I

# 範例輸入Ⅱ

```
1 2
2 9
3 4,1,5,12,11,10,15,2,3
4 4
5 1,2,3,4
```



# 範例輸出Ⅱ

1 3 2 1 10 11 15 12 5 4 2 4 3 2 1