

# Algoritmos e Estruturas de Dados

**speed\_run**



João Catarino  
NMec: 93096

Rúben  
NMec: 10000

Nuno  
NMec: 10000

novembro de 2022

## 1 Introdução

Este trabalho tem como objetivo desenvolver algoritmos que sejam capazes de encontrar o menor número de passos necessários para resolver o seguinte problema:

## 2 Soluções

A solução original utiliza uma função recursiva para verificar todas as combinações de passos a todas as velocidades possíveis dentro dos limites de cada casa, guardando sempre a melhor solução encontrada até ao momento. Esta possui um tempo de execução da ordem das centenas de anos para a resolução do caso  $n = 801$ . Com vista em obter a solução em tempo aceitável, criámos duas soluções capazes de o fazer na ordem dos microsegundos. A primeira altera apenas ligeiramente a solução original. A segunda é não recursiva e utiliza o princípio da solução anterior com algumas optimizações.

### 2.1 Original

A solução dada é uma solução recursiva que itera sobre todas as possibilidades de percurso, guardando a melhor solução até ao momento.

Ela parte das soluções de maior número de passos (menor velocidade por passo) para as de menor número de passos (maior velocidade por passo) dentro das regras do problema.

### 2.2 Original Improved

Esta solução introduz duas pequenas mudanças no código original, que no entanto geram alterações significativas no seu comportamento.

Em primeiro lugar, é introduzido controlo de fluxo através de um valor de retorno *boolean* (implementado como inteiro).

```
static void solution_1_recursion(int move_number, int position, int
    speed, int final_position)
{
    int i, new_speed;
```

Se uma sequência de chamadas recursivas chegar a uma solução, a última chamada retorna 1.

```
    // is it a better solution?
    if(move_number < solution_1_best.n_moves)
    {
        solution_1_best = solution_1;
        solution_1_best.n_moves = move_number;
    }
    return;
}
// no, try all legal speeds
for(new_speed = speed - 1; new_speed <= speed + 1; new_speed++)
```

Se for este o caso, as chamadas anteriores retornarão também 1. Isto significa que o programa grava apenas a primeira solução que encontrar.



```
static void solve_1(int final_position)
{
    if(final_position < 1 || final_position > _max_road_size_)
```

Tendo isto, torna-se imperativo que o programa encontre a melhor solução possível à primeira tentativa. Isto implica que o “carro” se mova o mais rápido possível em qualquer passo para obter o menor número de passos. A segunda alteração garante essa condição ao fazer com que o programa itere desde as maiores velocidades para as menores.

```
{
    for(i = 0; i <= new_speed && new_speed <= max_road_speed[
        position + i]; i++)
```

## 2.3 Advance and retreat

Este algoritmo foi feito de raiz. Tem como princípio tentar a qualquer passo avançar com a velocidade mais alta. Em cada passo, a escolha de velocidade é representada por um incremento (−1, 0 ou 1). O programa começa sempre por tentar o maior incremento. Para verificar passos possíveis, utilizam-se os seguintes métodos:

Calcular a distância de paragem para cada velocidade possível em cada passo para evitar correr para além do fim do trajeto:

```
// Sum 1 to n: stopping distance going at speed n
static int sum1ton(int n)
{
    return n * (n + 1) / 2;
}

// Checks if it is possible to stop before or at finalpos going at
// speed from pos
static int valstop(int pos, int speed, int finalpos)
{
    return (pos + sum1ton(speed)) <= finalpos;
}
```

Verificar, a partir do incremento mais alto, se uma “passada” não quebra os limites de velocidade das casas pelas quais passaria:

```
// Checks if step from pos at speed breaks any of the intermediary
// speed limits
static int valstep(int pos, int speed)
{
    int end = pos + speed;
    for (; pos <= end && speed <= max_road_speed[pos]; pos++)
        ;
    return (pos <= end);
}
```

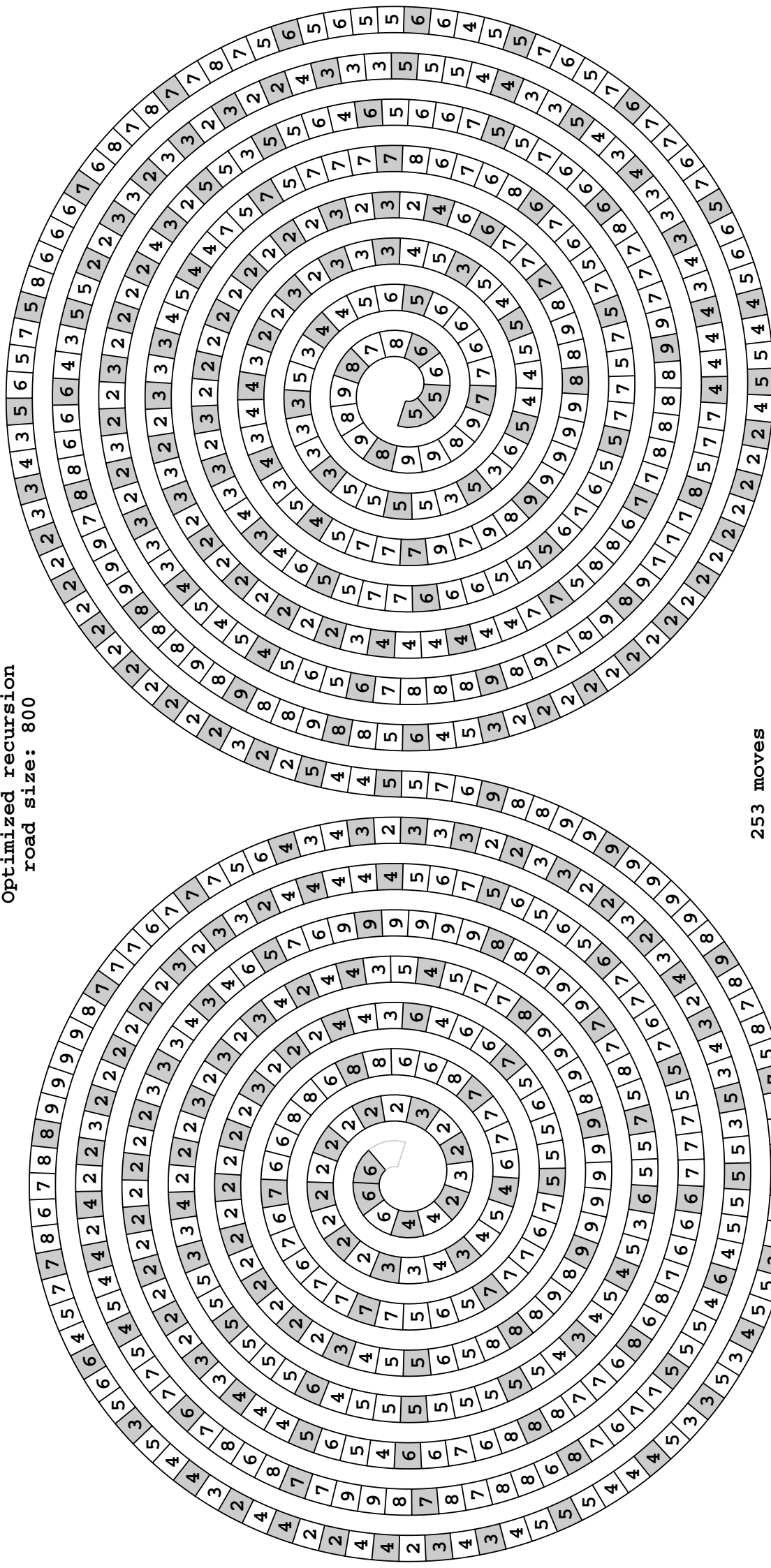
Feito o passo, a escolha de incremento é guardada num *array* na posição associada ao número do passo. Desta forma, este *array* guarda as escolhas feitas até ao passo atual. Quando um passo é impossível de executar a qualquer das velocidades possíveis nesse passo, o algoritmo recua um passo e tenta reduzir o incremento de velocidade até que consiga avançar novamente. Não sendo possível avançar com nenhum dos incrementos, o programa recua novamente, e assim sucessivamente.



### 3 PDFs de soluções

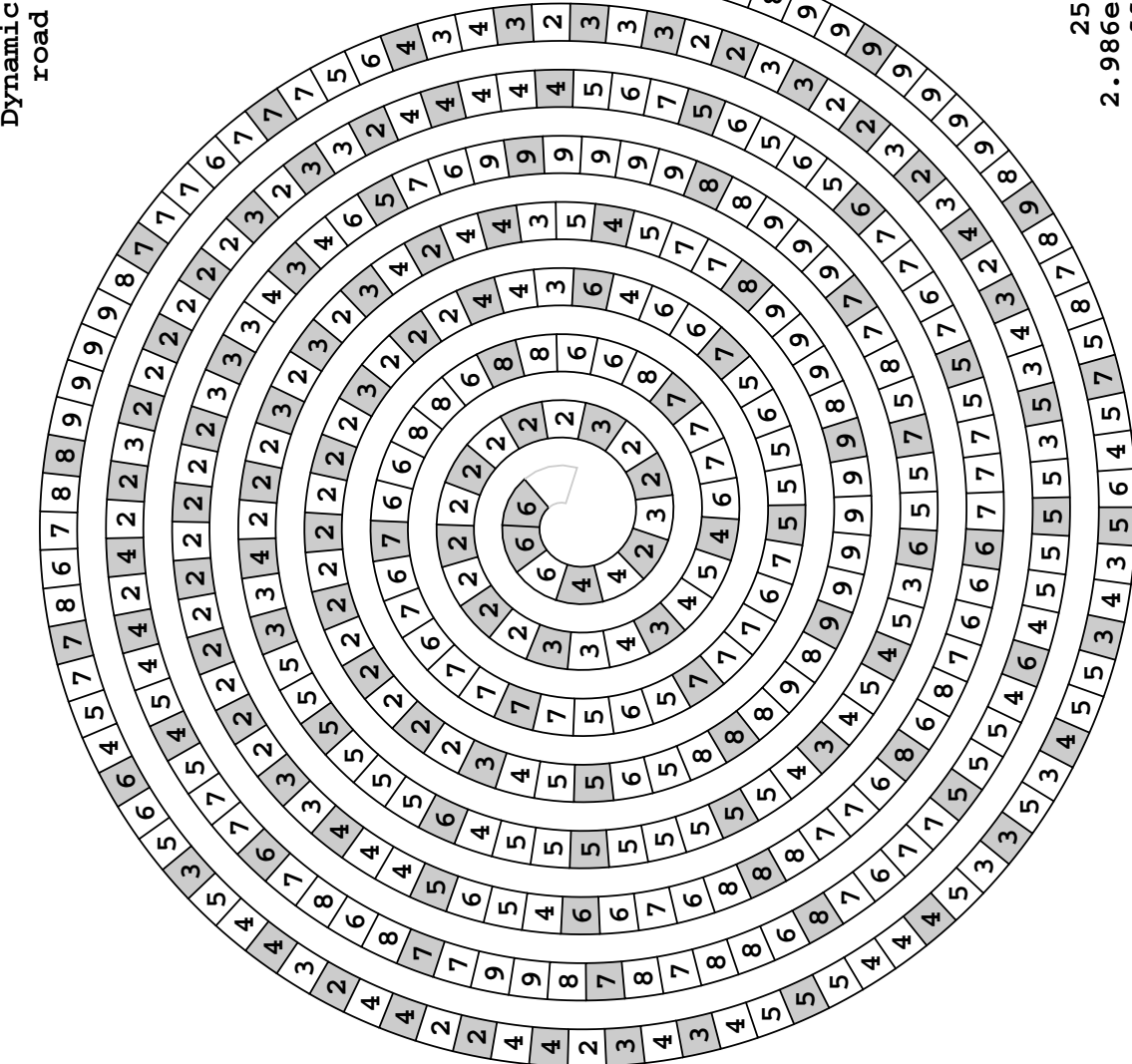


Optimized recursion  
road size: 800

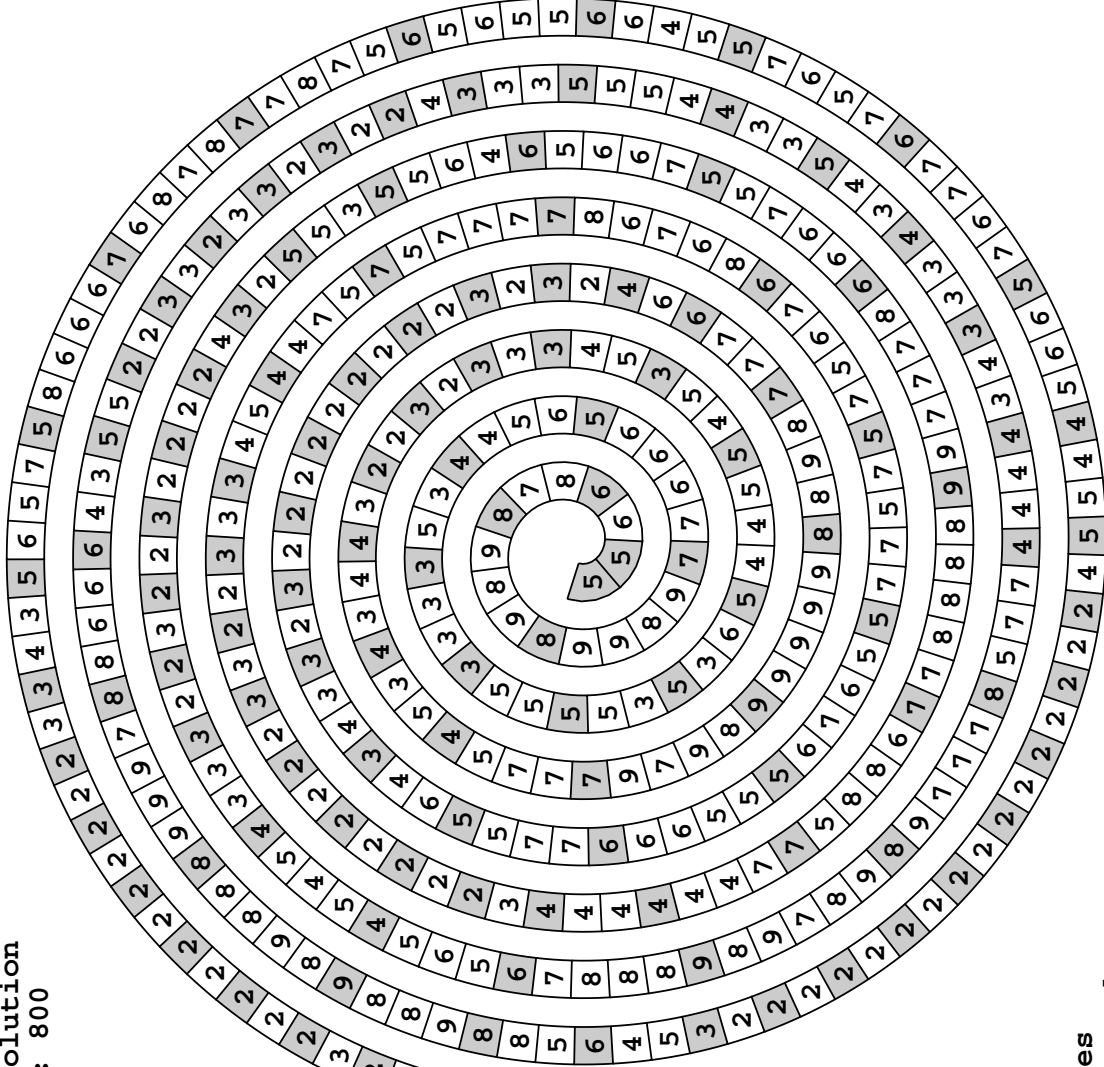


253 moves  
2.154e-06 seconds  
effort: 287

Dynamic(?) solution  
road size: 800



253 moves  
2.986e-06 seconds  
effort: 317



## 4 Código

### 4.1 Original Improved

```
// Improved version of original recursive func

static solution_t solution_2;
static double solution_2_elapsed_time; // time it took to solve the
    problem
static unsigned long solution_2_count; // effort dispended solving
    the problem

static int solution_2_recursion(int move_number,int position,int
    speed,int final_position)
{
    int i,new_speed;

    // record move
    solution_2_count++;
    solution_2.positions[move_number] = position;
    // Solution found
    if(position == final_position && speed == 1)
    {
        solution_2.n_moves = move_number;
        return 1;
    }
    // Try all legal speeds. Fastest first
    for(new_speed = speed + 1;new_speed >= speed - 1;new_speed--)
        if(new_speed >= 1 && new_speed <= _max_road_speed_ && position
            + new_speed <= final_position)
        {
            for(i = 0;i <= new_speed && new_speed <= max_road_speed[
                position + i];i++)
                ;
            if(i > new_speed)
                if (solution_2_recursion(move_number + 1,position +
                    new_speed,new_speed,final_position))
                    return 1;
        }
    return 0;
}

static void solve_2(int final_position)
{
    if(final_position < 1 || final_position > _max_road_size_)
    {
        fprintf(stderr,"solve_2: bad final_position\n");
        exit(1);
    }
    solution_2_elapsed_time = cpu_time();
    solution_2_count = 0ul;
    solution_2.n_moves = final_position + 100;
    solution_2_recursion(0,0,0,final_position);
    solution_2_elapsed_time = cpu_time() - solution_2_elapsed_time;
}
```



## 4.2 Advance and retreat

```
//
static solution_t solution_3;
static double solution_3_elapsed_time; // time it took to solve the
    problem
static unsigned long solution_3_count; // effort dispended solving
    the problem

// Sum 1 to n: stopping distance going at speed n
static int sum1ton(int n)
{
    return n * (n + 1) / 2;
}

// Checks if it is possible to stop before or at finalpos going at
    speed from pos
static int valstop(int pos, int speed, int finalpos)
{
    return (pos + sum1ton(speed)) <= finalpos;
}

// Checks if step from pos at speed breaks any of the intermediary
    speed limits
static int valstep(int pos, int speed)
{
    int end = pos + speed;
    for (; pos <= end && speed <= max_road_speed[pos]; pos++)
        ;
    return (pos <= end);
}

/*    The solution works by increasing the speed as much as
    possible
    without overstepping the finalpos or breaking any speed limits.

    In a move, if any of the those two checks fail, the program
    attempts to
    maintain or decrease the speed of the car. If the two checks don't
    work
    for any of the possible speeds, the program moves back one step
    and
    retries it with the previous speed reduce by one.
*/

static void solution_3_dynamic(int final_position)
{
    // Current move
    #define move solution_3.n_moves

    // Car position
    #define pos solution_3.positions[move]
    #define nextpos solution_3.positions[move+1]

    // Current speed "choice"
```





```

#define incmax incmaxes[move]

// Stores the "choice" taken at every move (slowdown, cruise,
// accel)
int incmaxes[1 + final_position];

// Current speed
int speed = 0;

pos = 0;
move = 0;
incmax = 1;
mainloop:
while (pos != final_position)
{
    solution_3_count++;
    for (; incmax >= -1; incmax--)
    {
        if (valstop(pos, speed + incmax, final_position) && valstep(
pos, speed + incmax))
        {
            // Found valid step, take it
            speed += incmax;
            nextpos = pos + speed;
            move++;
            incmax = 1;
            // Jump to main loop to see if it reaches the
            // end or try the next one, avoiding the fail
            // state after the two fors
            goto mainloop;
        }
    }
    /*
    There are no possible steps in the current move,
    so lets try the previous move with it's speed reduced by one

    Move the program back one move by reverting
    the prev speed change and by decrementing the
    move count. Then, choose the next smaller speed.
    */
    move--;
    speed -= incmax;
    incmax--;
}
}

static void solve_3(int final_position)
{
    if (final_position < 1 || final_position > _max_road_size_)
    {
        fprintf(stderr, "solve_3: bad final_position\n");
        exit(1);
    }
    solution_3_elapsed_time = cpu_time();
    solution_3_count = 0;
    solution_3_dynamic(final_position);
}

```



## A01 - speed\_run

```
    solution_3_elapsed_time = cpu_time() - solution_3_elapsed_time;  
}  
//  
// example of the slides
```

