

## 7 장 인덱스된 순차 파일

간단한 설명 : 순차 파일 + Index

INDEX : 임의 접근에 효율적

인터넷 검색? ----- 대부분이 Random Access

### 순차파일 vs 인덱스 파일

#### 1. 순차파일

- 순차 검색에 특화

#### 2. 인덱스 파일 (AVL Tree, B-Tree)

- 임의 검색에 특화
- in-order 방식으로 순차 검색이 가능 but 키의 개수가 많아지면 Stack overflow 가 발생해 실질적인 순차 검색이 불가능하다.

#### 3. 인덱스된 순차 파일

- 순차 검색과 임의 검색 모두 효율적으로 가능

### 인덱스된 순차 화일의 구조

< 구조 = 순차구조 + 인덱스 >

- 순차 데이터 파일 : 전체 레코드를 순차 접근할 때
  - 데이터 블록으로 구성 ... 서로 Linked List 로 연결되어 있다.
  - 순차적으로 저장된 데이터 레코드와 자유공간이 존재함
  - 레코드의 추가를 위해 남겨둔 여분의 공간을 **자유 공간**이라고 한다.
  - **자유 공간**은 화일 생성시 각 블록에 만들어진다.
- 인덱스 파일 : 한 특정 레코드를 직접 접근할 때
  - 인덱스 블록으로 구성
  - 트리 구조
  - 최상위 레벨의 인덱스 블록을 **마스터 인덱스**라고 한다.

### 삽입 방법

1. 자유 공간에 우선 삽입한다.
2. 자유 공간이 꽉 찬 경우 다음과 같이 분할을 한다.
  1. 반은 그대로 두고, 반은 새로운 데이터 블록에 넣는다.

2. 기존 반을 가지고 있는 데이터 블록이 새로운 데이터 블록을 가르키게 한다.
3. 새로운 데이터 블록에서 가장 큰 키를 인덱스 블록에 추가한다.
4. 짝 차면 상위 인덱스로 전파한다.

### 인덱스된 순차 파일의 문제점

- 데이터 파일이 순차적으로 정렬되어 있어야 한다는 점이 매우 큰 제약 사항이다.
- 데이터 블록들이 정렬되어 연결되어 있어야 한다.

## B+-Tree

### B+-Tree 란?

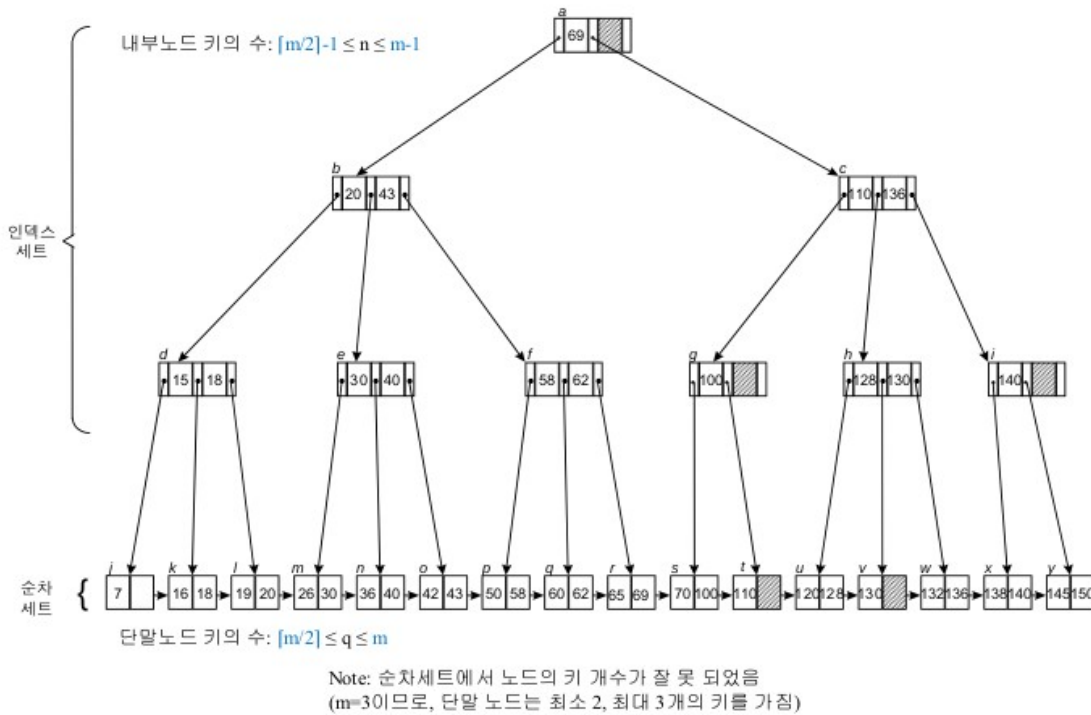
- 직접 접근 및 순차 접근 모두의 속도 향상을 위해 사용한다
  - 직접 접근 및 순차 접근 모두가 필요한 응용에 적합하다.
- Knuth

### B+-Tree 의 구조

인덱스된 순차파일의 **인덱스 파일**이 두 부분으로 나뉜다.

- 인덱스 파일
  1. Index Set
    - Tree 의 내부 노드이다.
    - key 값만 존재한다.
    - Leaf 에 있는 key 들에 대한 경로 정보만 제공한다.
  2. Sequence Set
    - Tree 의 Leaf 노드이다.
    - Key 값과 Record Address 가 같이 존재한다.
    - Leaf Node 들은 순차적으로 연결되어있다.
- 데이터 파일
  - 정렬되어 연결되지 않음 ( 레코드가 랜덤하게 저장된다 )

다음은 차수가 3 인 B+-Tree 이다.



## 차수가 m 인 B+-Tree 의 노드 구조

B+-Tree 의 노드 구조는 B-Tree 의 노드 구조와비슷하다.

- 내부 노드 구조
  - 내부 노드 내의 키 값의 수  $n$  :  $\lceil m/2 \rceil - 1 \leq n \leq m-1$
  - 키 값 :  $K_i (1 \leq i \leq n)$
  - 서브트리에 대한 포인터 :  $P_i (0 \leq i \leq n)$
- 리프 노드 구조
  - 리프 노드 내의 키 값의 수  $q$  :  $\lceil m/2 \rceil \leq q \leq m$
  - 키 값 :  $K_i (1 \leq i \leq q)$
  - 키 값으로  $K_i$  를 가진 레코드에 대한 포인터 :  $A_i (1 \leq i \leq q)$
  - $P_{next}$  : 순차 set 의 다음 블록에 대한 포인터
- B-Tree 와의 구조 차이?
  - 인덱스 세트와 순차 세트의 구분이 있다
    - 인덱스 세트는 키 값만 저장한다. // 데이터를 찾는 경로로 사용
    - 순차 세트는 키 값과 레코드 포인터를 저장한다. // 실제 데이터를 접근하는데 사용
  - $P_{next}$  는 순차 세트에만 있다.
    - 모든 순차 세트의 노드가 Linked List 로 연결되어 있어, 효율적인 순차 접근이 가능하다.

- $P_i$ 는 인덱스 세트에만 있다.
  - 분기를 위한 포인터이다.

## B+-Tree 연산

- 검색
  - Random Access
    - Index Set 검색 ... MST Search Algorithm
  - Sequential Access
    - Sequential Set (Leaf) 검색
- 삽입
  - B-Tree와 유사
  - 오버플로우(분할) -> 부모 노드, 분열노드 모두 키값이 존재한다.
  - 리프 노드 분할 시
    - 중간 키 값의 **복사본**이 부모(Index Node)로 올라가 삽입된다.
  - 인덱스 노드 분할 시
    - B-Tree와 똑같은 알고리즘을 수행하고, 중간 키는 부모 노드로 올라간다.
- 삭제
  - Underflow가 발생하지 않는 경우
    - Leaf에서만 삭제
  - Underflow가 발생하는 경우
    - 재분배를 해야함
      - Index의 키값도 삭제한다
  - B-Tree와 유사하나, 키 값의 삭제는 리프 노드에서만 수행한다.
  - 인덱스 세트의 키 값을 굳이 삭제할 필요가 없다.
    - 삭제하지 않고, 분리자(seperator)를 이용하여 다른 키 값을 탐색하는데 이용한다.
  - Underflow가 되는 키 개수의 기준
    - 내부노드 :  $\lceil m/2 \rceil - 1 \leq n \leq m - 1$
    - 리프노드 :  $\lceil m/2 \rceil \leq q \leq m$

## Range Search (범위 검색)

- 범위 검색 = 임의 검색 + 순차검색

## B+-Tree의 성능

- 특정 키 값의 검색
  - 단점 : 검색이 항상 리프 노드까지 내려가야 종료된다.
    - 검색하고자 하는 값이 인덱스 세트에서 발견되더라도 리프 노드까지 내려가야 실제 레코드의 포인터를 알 수 있다.
  - 장점 : 인덱스 세트 노드는 포인터를 저장하지 않으므로, 트리 공간이 절약된다.
- 순차 검색
  - 연결 리스트를 순회한다 ... 효율적이다
- 그런 의미에서 직접 처리와 순차 처리를 모두 필요로 하는 응용에서 효율적이다.

## 이쯤에서 살펴보는 각 트리의 특징

### ▶ 차수가 m인 B+-트리의 특성

#### <MST의 특성>

- ① 한 노드 안에 있는 키 값들은 오름차순으로 정렬  
( $1 \leq i \leq n-1$ 에 대해  $K_i < K_{i+1}$ )
- ②  $P_i$ , ( $0 \leq i \leq n-1$ )가 지시하는 서브트리에 있는 노드들의 모든 키 값들은 키 값  $K_{i+1}$ 보다 작거나 **같음**.
- ③  $P_n$ 이 지시하는 서브트리에 있는 노드들의 모든 키 값은 키 값  $K_n$ 보다 **큼**.

#### <B-트리의 특성>

- ④ 루트는 "0" 또는 "2에서 m개 사이"의 서브트리를 가짐
- ⑤ 루트와 리프를 제외한 모든 내부 노드는 "최소  $\lceil m/2 \rceil$ 개", "최대 m개"의 서브트리를 가짐.
- ⑥ 리프가 아닌 노드에 있는 키 값의 수는 그 노드의 서브트리 수보다 **하나 적음**.
- ⑦ 모든 리프 노드는 같은 레벨

#### <B+-트리의 특성>

- ⑧ 리프 노드는 파일 레코드들의 **순차 세트**를 나타내며 **모두 링크로 연결**되어 있음
- ⑨ 리프 노드의 키값의 수는 최대 m 개임.

B 트리에서 Key 는 디스크에 대한 포인터 역할을 했다.

B+트리에서 Key 는 단순히 교통 신호 역할을 한다.

## ▶ Note : 비교

### ◆ 인덱스 화일 (B-트리)

- 인덱스
  - ◆ 내부 노드와 단말 노드이 구조가 같음
- 데이터 파일 : 랜덤 (정렬이 필요없음)

### ◆ 인덱스된 순차 화일

- 인덱스
- 데이터 파일: 정렬되어 있음

### ◆ B+-트리

- 인덱스
  - ◆ 내부 노드(인덱스 셀)와 단말 노드(순차 셀)의 구조가 다름
- 데이터 파일 : 랜덤 (정렬이 필요없음)
  - ⇒ 인덱스 파일이면서, 인덱스된 순차 파일의 기능을 제공.