Matemática Discreta I

Prefinal - 17 de junio de 2021

Turno Mañana

Importante

- Justifica todas tus respuestas.
- Para aprobar se debe obtener al menos 50 puntos.
- En cada hoja que entregues escribí, en forma clara y completa, tu nombre y apellido. Si es posible escribí con birome.
- Al finalizar, toma fotos del prefinal por el celular, y subí las fotos en formato pdf en el apartado "Tu Trabajo Añadir o crear".
- Una vez subido el archivo, presionar "Entregar". Deben verificar que el documento esté en el sentido correcto y que su calidad permita que sea leído y corregido.

Preguntas

- Las preguntas sobre el enunciado podés hacerlas en "Comentarios privados".
- Preguntas relacionadas con el desarrollo del ejercicio podés hacerlas en "Comentarios privados".

Ejercicios

- (1) (a) (10 pts.) Encontrar el resto de la división de 3^{3499} por 23.
 - (b) (12 pts.) Probar que $\sqrt[3]{24}$ no es un número racional.
- (2) (12 pts.) En este ejercicio haga el procedimiento paso a paso y en forma detallada. Demostrar por inducción que la siguiente igualdad se verifica para todo $n \in \mathbb{N}$:

$$\sum_{i=1}^{n} 6i - 5 = n(3n - 2).$$

- (3) Teniendo en cuenta que hay 26 letras y 10 dígitos, denominaremos palabra a cualquier cadena de caracteres formada por letras y dígitos. Una contraseña de longitud n es una palabra formada por n caracteres.
 - (a) (5 pts.) ¿Cuántas contraseñas de longitud 12 es posible hacer?
 - (b) (5 pts.) ¿Cuántas contraseñas de longitud 12 se pueden hacer con 8 dígitos y 4 letras?
 - (c) (5 pts.) Consideremos las contraseñas de 12 caracteres formadas de la siguiente manera: los primeros ocho caracteres son una permutación del números

64665461, y los últimos cuatro caracteres son letras. ¿Cuántas contraseñas con estas características se pueden hacer?

- (4) (8 pts.) Calcular $(1833)_9 + (4320)_5$ y expresarlo en base 6.
- (5) (a) (12 pts.) Usando el método de la demostración de la ecuación lineal en congruencia, encontrar todas las soluciones enteras de

$$39 x \equiv 15 (21)$$
.

- (b) (8 pts.) Hallar las soluciones enteras x tales que $0 \le x \le 80$.
- (6) Dado el siguiente grafo G = (V, A):

- (a) (8 pts.) Encuentre un ciclo hamiltoniano.
- (b) (8 pts.) Determine si existe una caminata euleriana y, en caso de ser así, encuentre una.
- (c) (7 pts.) Encuentre un subgrafo (W, B) de G con W = V y tal que sea árbol.