

Un AFD es una tupla de la forma:

$$A = \langle Q, \Sigma, \delta, q_0, F \rangle$$

donde:

$Q$	conjunto de estados
$\Sigma$	alfabeto o conjunto de símbolos
$\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$	función de transición
$q_0 \in Q$	estado inicial
$F \subseteq Q$	conjunto de estados finales

## Lenguajes regulares

Propiedades

Sean  $L_1$  y  $L_2$  lenguajes regulares,  $L_1$  definido sobre el alfabeto  $\Sigma$ .  
Los siguientes también son lenguajes regulares:

- Unión:  $L_1 \cup L_2$
- Concatenación:  $L_1 L_2$
- Intersección:  $L_1 \cap L_2$
- Complemento:  $L_1^c = \Sigma^* \setminus L_1$
- Reversa:  $L_1^r$

## Traductor Finito Determinístico (TFD)

Un TFD  $A$  se define como

$$A = \langle Q, \Sigma, \Delta, \delta, q_0, F \rangle$$

donde  $\Delta$  es el alfabeto de salida y donde la función de transición tiene la siguiente signatura:

$$\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q \times \Delta^*$$

Un autómata de pila  $M$  se define como:

$$M = \langle Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, z_0, F \rangle$$

Donde:

- $Q$  es un conjunto finito de estados
- $\Sigma$  es el alfabeto de entrada
- $\Gamma$  es el alfabeto de la pila
- $q_0 \in Q$  es el estado inicial
- $z_0 \in \Gamma$  es el símbolo inicial de la pila
- $F \subseteq Q$  es el conjunto de estados finales
- $\delta$  es la función de transición:  $Q \times (\Sigma \cup \{\lambda\}) \times \Gamma \rightarrow P(Q \times \Gamma^*)$

## Lema de pumping

Traduciendo y llegando a la técnica

$L$  no cumple "pumping" equivale a probar que la sig. fórmula es verdadera

$$\forall p > 0 (\exists \alpha (\alpha \in L \wedge |\alpha| \geq p \wedge \forall x \forall y \forall z (\alpha = xyz \wedge |xy| \leq p \wedge |y| \geq 1 \wedge \exists i \geq 0 (xy^i z \notin L))))$$

Para todo  $p > 0$

Existe  $\alpha$  tal que  $\alpha$  pertenece al lenguaje  $L$ ,  $|\alpha| \geq p$

Para toda descomposición  $\alpha = xyz$  con  $|xy| \leq p$  y  $|y| \geq 1$

Existe un  $i \geq 0$  tal que  $xy^i z \notin L$

- 1 Me dan un  $p > 0$
- 2 Elijo una cadena  $\alpha$  perteneciente a  $L$  con longitud mayor o igual a  $p$
- 3 Me dan una descomposición  $\alpha = xyz$  con  $|xy| \leq p$  y  $|y| \geq 1$
- 4 Elijo un  $i$  mayor o igual a cero tal que  $xy^i z$  no pertenezca a  $L$

## GRAMÁTICAS

Formalmente, las notamos con una 4-upla

$$G = \langle V_N, V_T, P, S \rangle$$

donde,

- $V_N$  son los **símbolos no terminales**.
- $V_T$  son los **símbolos terminales**, disjuntos de  $V_N$ .
- $P$  son las **producciones**.
- $S \in V_N$  es el **símbolo distinguido** (*start*).

## Ejemplo

En el ejemplo de  $a^+$ , tenemos

$$G = \langle \{S\}, \{a\}, P, S \rangle$$

$$P : S \rightarrow aS \mid a$$