



데이터 구조 입문

김종현

04

스택과 큐

04-1 스택이란?

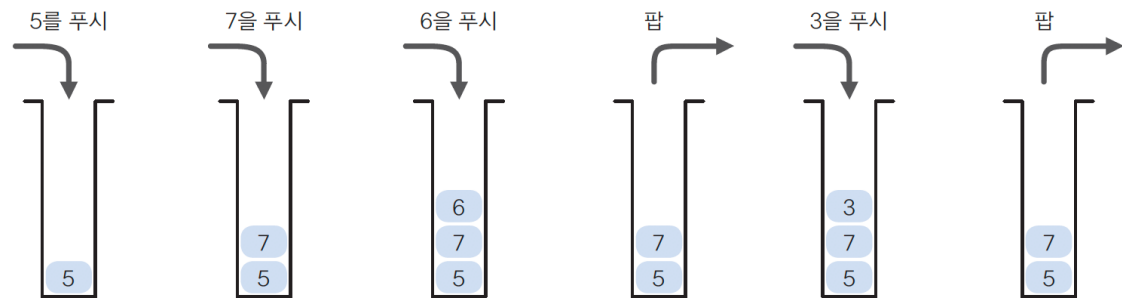
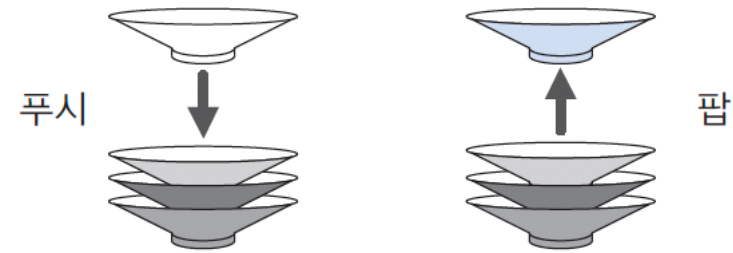
04-2 큐란?

04-1 스택이란?

스택 알아보기

■ 스택^{stack}

- 데이터를 임시 저장할 때 사용하는 자료구조
- 데이터 입력과 출력 순서는 후입선출^{LIFO} 방식
- **푸시^{push}**: 스택에 데이터를 넣는 작업
- **팝^{pop}**: 스택에서 데이터를 꺼내는 작업
- **꼭대기^{top}**: 푸시하고 팝하는 윗부분
- **바닥^{bottom}**: 푸시하고 팝하는 아랫부분



04-1 스택이란?

스택 구현하기 - (1)

■ 스택 배열: `stk`

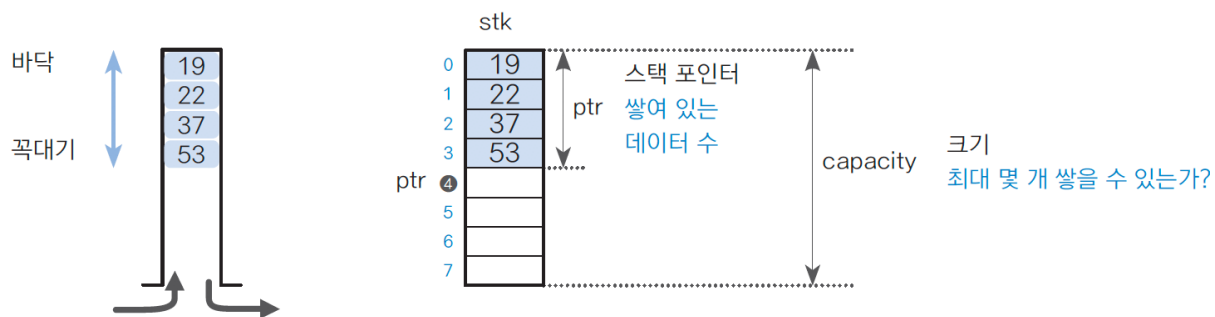
- 푸시한 데이터를 저장하는 스택 본체인 list형 배열
- 인덱스가 0인 원소를 스택의 바닥이라고 함
- 가장 먼저 푸시하여 데이터를 저장하는 곳은 `stk[0]`

■ 스택 크기: `capacity`

- 스택의 최대 크기를 나타내는 int형 정수
- 이 값은 배열 `stk`의 원소 수인 `len(stk)`와 일치

■ 스택 포인터: `ptr`

- **스택 포인터**stack pointer: 스택에 쌓여 있는 데이터의 개수를 나타내는 정숫값
- 스택이 비어 있으면 `ptr`의 값은 0이 되고, 가득 차 있으면 `capacity`와 같은 값



04-1 스택이란?

스택 구현하기 - (2)

■ 실습 4-1 [A]

- **Empty:** 예외 처리 클래스
 - pop() 함수 또는 peek() 함수를 호출할 때 스택이 비어 있으면 내보내는 예외 처리
- **Full:** 예외 처리 클래스
 - push() 함수를 호출할 때 스택이 가득 차 있으면 내보내는 예외 처리
- **__init__():** 초기화하는 함수
 - 스택 배열을 생성하는 등의 준비 작업을 수행
 - 매개변수 capacity로 전달 받아 원소 수가 capacity이고 모든 원소가 None인 리스트형 stk를 생성
 - 스택이 비어 있으므로 스택 포인터 ptr는 0

Do it! 실습 4-1 [A]

• 완성 파일 chap04/fixed_stack.py

```
01: # 고정 길이 스택 클래스 FixedStack 구현하기
02:
03: from typing import Any
04:
05: class FixedStack:
06:     """고정 길이 스택 클래스"""
07:
08:     class Empty(Exception):
09:         """비어 있는 FixedStack에 팝 또는 피크할 때 내보내는 예외 처리"""
10:         pass
11:
12:     class Full(Exception):
13:         """가득 찬 FixedStack에 푸시할 때 내보내는 예외 처리"""
14:         pass
15:
16:     def __init__(self, capacity: int = 256) -> None:
17:         """스택 초기화"""
18:         self.stk = [None] * capacity    # 스택 본체
19:         self.capacity = capacity        # 스택의 크기
20:         self.ptr = 0                    # 스택 포인터
```

04-1 스택이란?

스택 구현하기 - (3)

■ 실습 4-1 [A]

- `__len__()`: 쌓여 있는 데이터 개수를 알아내는 함수
 - 스택에 쌓여 있는 데이터 개수를 반환(ptr값 반환)
- `is_empty()`: 스택이 비어 있는지를 판단하는 함수
 - 데이터가 하나도 쌓여 있지 않은 상태, 즉 스택이 비어 있는지 판단
 - 스택이 비어 있으면 True, 아니면 False 반환
- `is_full()`: 스택이 가득 차 있는지를 판단하는 함수
 - 더 이상 데이터를 푸시할 수 없는 상태, 즉 스택이 가득 차 있는지 판단
 - 스택이 가득 차 있으면 True, 아니면 False 반환

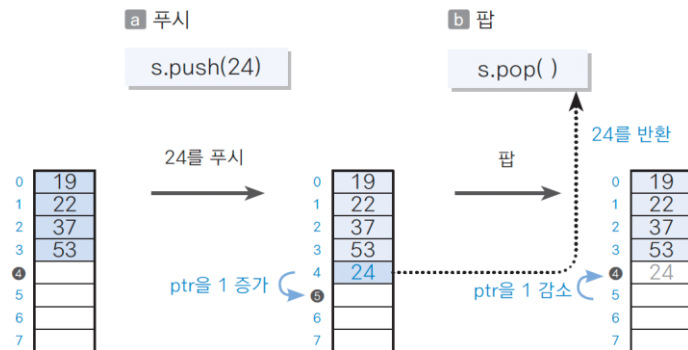
```
22: def __len__(self) -> int:
23:     """스택에 쌓여 있는 데이터 개수를 반환"""
24:     return self.ptr
25:
26: def is_empty(self) -> bool:
27:     """스택이 비어 있는지 판단"""
28:     return self.ptr <= 0
29:
30: def is_full(self) -> bool:
31:     """스택이 가득 차 있는지 판단"""
32:     return self.ptr >= self.capacity
```

04-1 스택이란?

스택 구현하기 - (4)

■ 실습 4-1 [B]

- **push()**: 데이터를 푸시하는 함수
 - 스택에 데이터를 추가
 - 스택이 가득 차서 더 이상 푸시할 수 없는 경우에는 `FixedStack.Full`을 통하여 예외 처리를 내보냄
- **pop()**: 데이터를 팝하는 함수
 - 스택의 꼭대기에서 데이터를 꺼내서 그 값을 반환
 - 스택이 비어서 팝할 수 없는 경우에는 `FixedStack.Empty`를 통하여 예외 처리를 내보냄



Do it! 실습 4-1 [B]

• 완성 파일 chap04/fixed_stack.py

```
35: def push(self, value: Any) -> None:
36:     """스택에 value를 푸시(데이터를 넣음)"""
37:     if self.is_full():          # 스택이 가득 차 있는 경우
38:         raise FixedStack.Full  # 예외 처리 발생
39:     self.stk[self.ptr] = value
40:     self.ptr += 1
```

```
41:
42: def pop(self) -> Any:
43:     """스택에서 데이터를 팝(꼭대기 데이터를 꺼냄)"""
44:     if self.is_empty():        # 스택이 비어 있는 경우
45:         raise FixedStack.Empty # 예외 처리 발생
46:     self.ptr -= 1
47:     return self.stk[self.ptr]
```

```
48:
49: def peek(self) -> Any:
50:     """스택에서 데이터를 피크(꼭대기 데이터를 들여다봄)"""
51:     if self.is_empty():        # 스택이 비어 있음
52:         raise FixedStack.Empty # 예외 처리 발생
53:     return self.stk[self.ptr - 1]
```

```
54:
55: def clear(self) -> None:
56:     """스택을 비움(모든 데이터를 삭제)"""
57:     self.ptr = 0
```

04-1 스택이란?

스택 구현하기 - (5)

■ 실습 4-1 [B]

- **peek():** 데이터를 들여다보는 함수
 - 스택의 꼭대기 데이터를 들여다 봄
 - 스택이 비어 있는 경우에는 `FixedStack.Empty`를 통하여 예외 처리를 내보냄
 - 데이터의 입출력이 없으므로 스택 포인터는 반환하지 않음
- **clear():** 스택의 모든 데이터를 삭제하는 함수
 - 스택에 쌓여 있는 데이터를 모두 삭제하여 빈 스택을 만듦
 - 스택 포인터 `ptr` 값을 0으로 하면 끝!

Do it! 실습 4-1 [B]

• 완성 파일 chap04/fixed_stack.py

```
35:     def push(self, value: Any) -> None:
36:         """스택에 value를 푸시(데이터를 넣음)"""
37:         if self.is_full():           # 스택이 가득 차 있는 경우
38:             raise FixedStack.Full    # 예외 처리 발생
39:         self.stk[self.ptr] = value
40:         self.ptr += 1
41:
42:     def pop(self) -> Any:
43:         """스택에서 데이터를 팝(꼭대기 데이터를 꺼냄)"""
44:         if self.is_empty():          # 스택이 비어 있는 경우
45:             raise FixedStack.Empty   # 예외 처리 발생
46:         self.ptr -= 1
47:         return self.stk[self.ptr]
48:
49:     def peek(self) -> Any:
50:         """스택에서 데이터를 피크(꼭대기 데이터를 들여다봄)"""
51:         if self.is_empty():          # 스택이 비어 있음
52:             raise FixedStack.Empty   # 예외 처리 발생
53:         return self.stk[self.ptr - 1]
54:
55:     def clear(self) -> None:
56:         """스택을 비움(모든 데이터를 삭제)"""
57:         self.ptr = 0
```

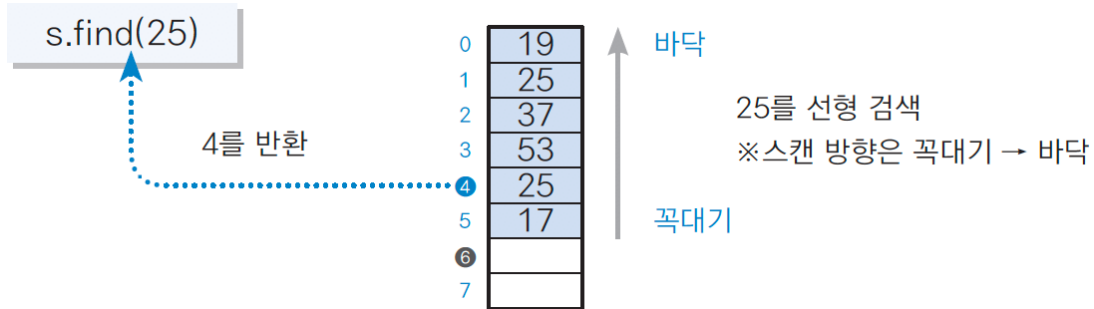

04-1 스택이란?

스택 구현하기 - (6)

■ 실습 4-1 [C]

■ find(): 데이터를 검색하는 함수

- 스택 본체의 배열 stk 안에 value와 값이 같은 데이터가 포함되어 있는지 확인하고, 포함되어 있다면 배열의 어디에 들어 있는지 검색



Do it! 실습 4-1 [C]

• 완성 파일 chap04/fixed_stack.py

```
60: def find(self, value: Any) -> Any:
61:     """스택에서 value를 찾아 인덱스를 반환(없으면 -1을 반환)"""
62:     for i in range(self.ptr - 1, -1, -1): # 꼭대기 쪽부터 선형 검색
63:         if self.stk[i] == value:
64:             return i # 검색 성공
65:     return -1 # 검색 실패
```

```
66:
67: def count(self, value: Any) -> bool:
68:     """스택에 있는 value의 개수를 반환"""
69:     c = 0
70:     for i in range(self.ptr): # 바닥 쪽부터 선형 검색
71:         if self.stk[i] == value: # 검색 성공
72:             c += 1
73:     return c
74:
75: def __contains__(self, value: Any) -> bool:
76:     """스택에 value가 있는지 판단"""
77:     return self.count(value)
78:
79: def dump(self) -> None:
80:     """덤프(스택 안의 모든 데이터를 바닥부터 꼭대기 순으로 출력)"""
81:     if self.is_empty(): # 스택이 비어 있음
82:         print('스택이 비어 있습니다.')
83:     else:
84:         print(self.stk[:self.ptr])
```

04-1 스택이란?

스택 구현하기 - (7)

■ 실습 4-1 [C]

- **count()**: 데이터 개수를 세는 함수
 - 스택에 쌓여 있는 데이터(value)의 개수 반환
- **__contains__()**: 데이터가 포함되어 있는지 판단하는 함수
 - 스택에 데이터(value)가 있는지 판단
 - 있으면 True, 없으면 False를 반환
 - 예) 스택 s에 데이터 x가 포함되어 있는지 판단하기
s.__contains__(x)
- **dump()**: 스택의 모든 데이터를 출력하는 함수
 - 스택에 쌓여 있는 ptr개의 모든 데이터를 바닥부터 꼭대기까지 순서대로 출력
 - 스택이 비어 있으면 '스택이 비어 있습니다.'를 출력

Do it! 실습 4-1 [C]

• 완성 파일 chap04/fixed_stack.py

```
60: def find(self, value: Any) -> Any:
61:     """스택에서 value를 찾아 인덱스를 반환(없으면 -1을 반환)"""
62:     for i in range(self.ptr - 1, -1, -1): # 꼭대기 쪽부터 선형 검색
63:         if self.stk[i] == value:
64:             return i # 검색 성공
65:     return -1 # 검색 실패
66:
```

```
67: def count(self, value: Any) -> bool:
68:     """스택에 있는 value의 개수를 반환"""
69:     c = 0
70:     for i in range(self.ptr): # 바닥 쪽부터 선형 검색
71:         if self.stk[i] == value: # 검색 성공
72:             c += 1
73:     return c
74:
```

```
75: def __contains__(self, value: Any) -> bool:
76:     """스택에 value가 있는지 판단"""
77:     return self.count(value)
78:
```

```
79: def dump(self) -> None:
80:     """덤프(스택 안의 모든 데이터를 바닥부터 꼭대기 순으로 출력)"""
81:     if self.is_empty(): # 스택이 비어 있음
82:         print('스택이 비어 있습니다.')
83:     else:
84:         print(self.stk[:self.ptr])
```

04-1 스택이란?

스택 프로그램 만들기

- 실습 4-2
 - 고정 길이 스택 FixedStack 클래스를 사용한 프로그램
 - `chap04/fixed_stack_test.py` 참조 (p.162)

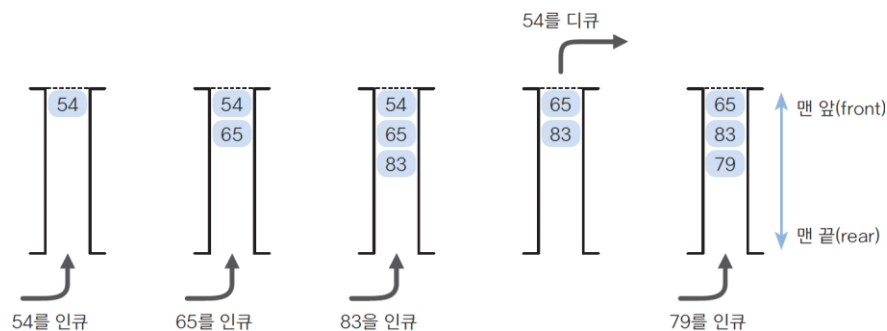
04-2 큐란?

큐 알아보기

■ 큐queue

- 스택과 같이 데이터를 임시 저장하는 자료구조
- 가장 먼저 넣은 데이터를 가장 먼저 꺼내는 선입선출FIFO 구조

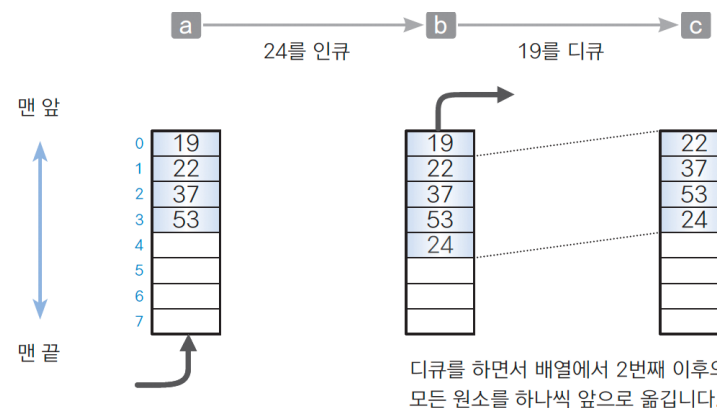
- **인큐enqueue**: 큐에 데이터를 추가하는 작업
- **디큐dequeue**: 큐에서 데이터를 꺼내는 작업
- **프런트front**: 큐에서 데이터를 꺼내는 쪽
- **리어rear**: 큐에 데이터를 넣는 쪽



배열로 큐 구현하기

■ 배열로 큐를 구현한 예

- 24를 인큐하기
 - 맨 끝 데이터 que[3]의 다음 원소인 que[4]에 24를 저장
 - 처리 복잡도는 $O(1)$ 로, 비교적 적은 비용cost로 구현 가능
- 19를 디큐하기
 - 19(que[0])를 꺼내고 뒤의 모든 원소를 앞으로 옮겨야 함
 - 처리 복잡도는 $O(n)$ 으로 데이터를 꺼낼 때마다 이런 처리 작업을 수행해야 한다면 프로그램의 효율성 ↓



04-2 큐란?

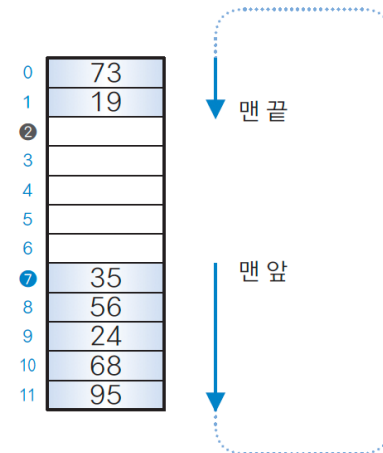
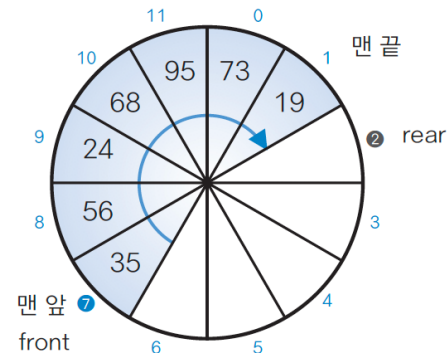
링 버퍼로 큐 구현하기 - (1)

■ 링 버퍼 ring buffer

- 배열 맨 끝의 원소 뒤에 맨 앞의 원소가 연결되는 자료구조
- 링 버퍼로 큐를 구현하면 원소를 옮길 필요 없이 front와 rear의 값을 업데이트 하는 것만으로 인큐와 디큐를 수행할 수 있음 → 모든 처리의 복잡도는 $O(1)$

● 프론트(front): 맨 앞 원소의 인덱스

● 리어(rear): 맨 끝 원소 바로 뒤의 인덱스(다음 인큐되는 데이터가 저장되는 위치)

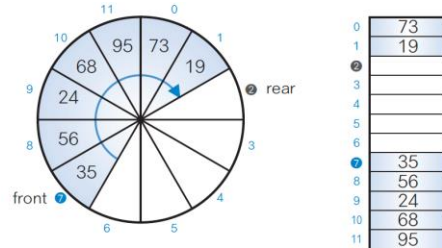


04-2 큐란?

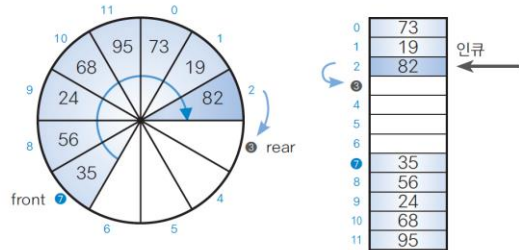
링 버퍼로 큐 구현하기 - (2)

■ 링 버퍼 ring buffer

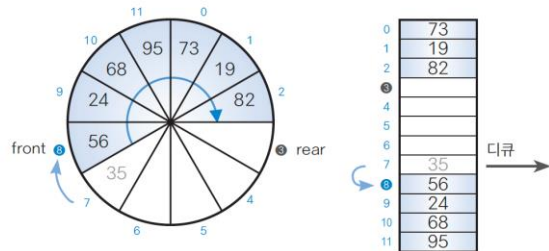
a 큐인 상태



b 82를 인큐



c 35를 디큐



- a : 7개의 데이터 35, 56, 24, 68, 95, 73, 19가 늘어선 순서대로 $que[7]$, $que[8]$, ..., $que[11]$, $que[0]$, $que[1]$ 에 저장됨. front 값은 7, rear 값은 2
- b : a 에서 82를 인큐한 다음의 상태
맨 끝의 다음에 위치한 $que[rear]$, 즉 $que[2]$ 에 82를 저장하고 rear값을 1 증가시켜 3으로 만들
- c : b 에서 35를 디큐한 다음의 상태
맨 앞 원소인 $que[front]$, 즉 $que[7]$ 의 값인 35를 꺼내고 front값을 1 증가시켜 8로 만들

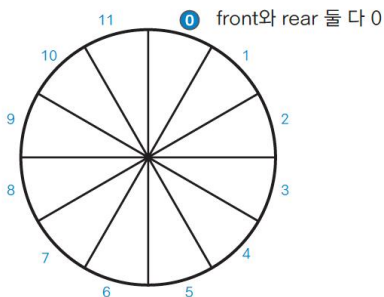
04-2 큐란?

링 버퍼로 큐 구현하기 - (3)

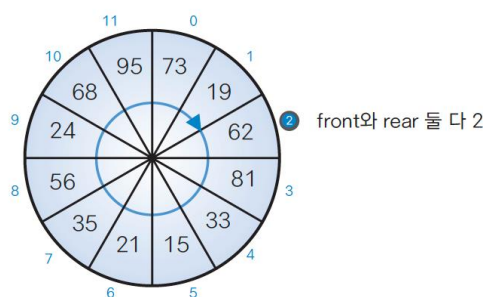
■ 실습 4-3 [A]

- **Empty**: 예외 처리 클래스
 - 비어 있는 큐에 `deque()`, `peek()` 함수를 호출할 때 내보내는 예외 처리
- **Full**: 예외 처리 클래스
 - 가득 차 있는 큐에 `enqueue()` 함수를 호출할 때 내보내는 예외 처리

a 비어 있는 큐(no = 0)



b 가득 차 있는 큐(no = 12)



Do it! 실습 4-3 [A]

• 완성 파일 chap04/fixed_queue.py

```
01: # 고정 길이 큐 클래스 FixedQueue 구현하기
02:
03: from typing import Any
04:
05: class FixedQueue:
06:
07:     class Empty(Exception):
08:         """비어 있는 FixedQueue에서 디큐 또는 피크할 때 내보내는 예외 처리"""
09:         pass
10:
11:     class Full(Exception):
12:         """가득 차 있는 FixedQueue에서 인큐할 때 내보내는 예외 처리"""
13:         pass
```

04-2 큐란?

링 버퍼로 큐 구현하기 - (4)

■ 실습 4-3 [A]

- `__init__()`: 초기화하는 함수
 - 큐 배열을 생성하는 등의 준비 작업
 - 설정하는 변수 5가지

- **que**: 큐의 배열(밀어 넣는 데이터를 저장하는 list형 배열)
- **capacity**: 큐의 최대 크기를 나타내는 int형 정수(que의 원소 수)
- **front, rear**: 맨 앞의 원소, 맨 끝의 원소를 나타내는 인덱스. rear는 다음에 인큐할 때 데이터를 저장하는 원소의 인덱스.
- **no**: 큐에 쌓여 있는 데이터 개수를 나타내는 int형 정수. 변수 front와 rear의 값이 같을 경우 큐가 비어 있는지 또는 가득 차 있는지 구별하기 위해 필요함. 큐가 비어 있는 경우에는 no가 0이 되고, 가득 차 있는 경우에는 capacity와 같은 값이 됨

```
15: def __init__(self, capacity: int) -> None:
16:     """큐 초기화"""
17:     self.no = 0           # 현재 데이터 개수
18:     self.front = 0        # 맨 앞 원소 커서
19:     self.rear = 0         # 맨 끝 원소 커서
20:     self.capacity = capacity # 큐의 크기
21:     self.que = [None] * capacity # 큐의 본체
22:
23: def __len__(self) -> int:
24:     """큐에 있는 모든 데이터 개수를 반환"""
25:     return self.no
26:
27: def is_empty(self) -> bool:
28:     """큐가 비어 있는지 판단"""
29:     return self.no <= 0
30:
31: def is_full(self) -> bool:
32:     """큐가 가득 차 있는지 판단"""
33:     return self.no >= self.capacity
```


04-2 큐란?

링 버퍼로 큐 구현하기 - (5)

■ 실습 4-3 [A]

- `__len__()`: 추가한 데이터 개수를 알아내는 함수
 - 큐에 추가한 데이터 개수 반환
(no의 값은 그대로 반환)
- `is_empty()`: 큐가 비어 있는지를 판단하는 함수
 - 큐가 비어있는지 판단
 - 비어 있으면 True, 그렇지 않으면 False 반환
- `is_full()`: 큐가 가득 차 있는지를 판단하는 함수
 - 큐가 가득 차 있어서 더 이상 데이터를 추가할 수 없는 상태인지 검사
 - 가득 차 있으면 True, 그렇지 않으면 False를 반환

```
15: def __init__(self, capacity: int) -> None:
16:     """큐 초기화"""
17:     self.no = 0          # 현재 데이터 개수
18:     self.front = 0       # 맨 앞 원소 커서
19:     self.rear = 0        # 맨 끝 원소 커서
20:     self.capacity = capacity # 큐의 크기
21:     self.que = [None] * capacity # 큐의 본체
22:
23: def __len__(self) -> int:
24:     """큐에 있는 모든 데이터 개수를 반환"""
25:     return self.no
26:
27: def is_empty(self) -> bool:
28:     """큐가 비어 있는지 판단"""
29:     return self.no <= 0
30:
31: def is_full(self) -> bool:
32:     """큐가 가득 차 있는지 판단"""
33:     return self.no >= self.capacity
```

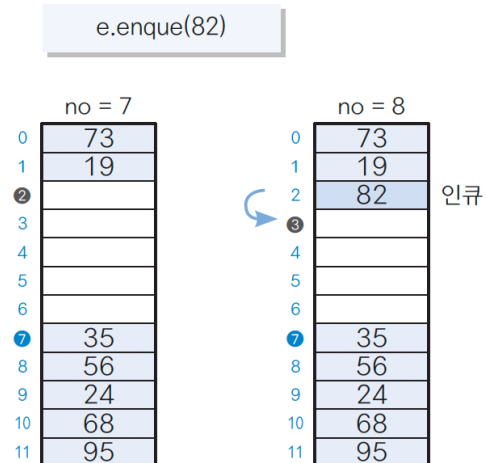
04-2 큐란?

링 버퍼로 큐 구현하기 - (6)

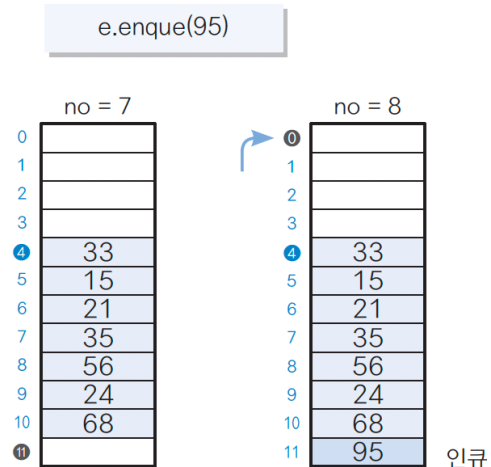
■ 실습 4-3 [B]

- **enqueue():** 큐에 데이터를 인큐하는 함수
 - 큐가 가득 차서 인큐할 수 없는 경우
예외 처리인 `FixedQueue.Full`을 내보냄

a 82를 인큐



b 95를 인큐



Do it! 실습 4-3 [B]

• 완성 파일 chap04/fixed_queue.py

```
36: def enqueue(self, x: Any) -> None:
37:     """데이터 x를 인큐"""
38:     if self.is_full():
39:         raise FixedQueue.Full # 큐가 가득 차 있는 경우 예외 처리 발생
40:     self.que[self.rear] = x
41:     self.rear += 1
42:     self.no += 1
43:     if self.rear == self.capacity:
44:         self.rear = 0
```

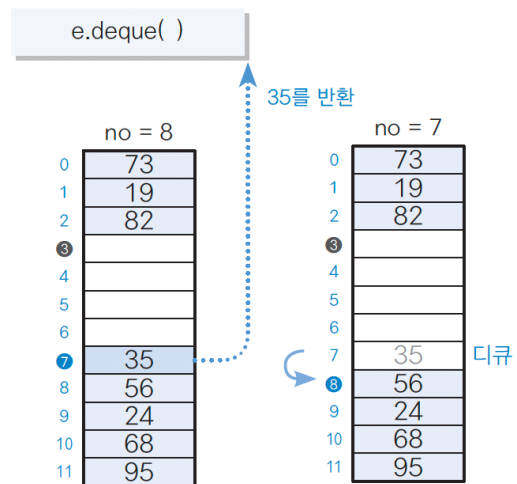
04-2 큐란?

링 버퍼로 큐 구현하기 - (7)

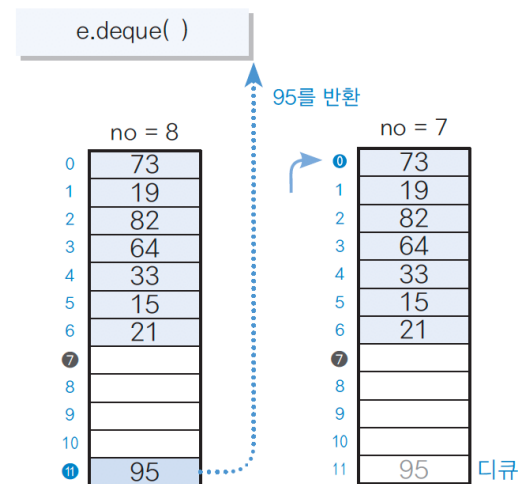
■ 실습 4-3 [C]

- **deque():** 큐의 맨 앞부터 데이터를 디큐하여 값을 반환하는 함수
 - 큐가 비어 있어 디큐할 수 없는 경우
예외 처리인 `FixedQueue.Empty`를 내보냄

a 디큐



b 디큐



Do it! 실습 4-3 [C]

• 완성 파일 chap04/fixed_queue.py

```
47: def deque(self) -> Any:
48:     """데이터를 디큐"""
49:     if self.is_empty():
50:         raise FixedQueue.Empty # 큐가 비어 있는 경우 예외 처리 발생
51:     x = self.que[self.front]
52:     self.front += 1
53:     self.no -= 1
54:     if self.front == self.capacity:
55:         self.front = 0
56:     return x
```

04-2 큐란?

링 버퍼로 큐 구현하기 - (8)

■ 실습 4-3 [D]

- **peek():** 데이터를 들여다보는 함수
 - 맨 앞 데이터, 즉 다음 디큐에서 꺼낼 데이터
 - 큐가 비어있을 때는 예외 처리 `FixedQueue.Empty`
- **find():** 검색하는 함수
 - 큐의 배열에서 `value`와 같은 데이터가 포함되어 있는 위치를 알아냄
 - 큐의 맨 앞 원소(`front`)에서 맨 끝 쪽으로 선형 검색을 수행
 - 스캔할 때 주목하는 인덱스 `idx`를 구하는 식 $(i + \text{front}) \% \text{capacity}$

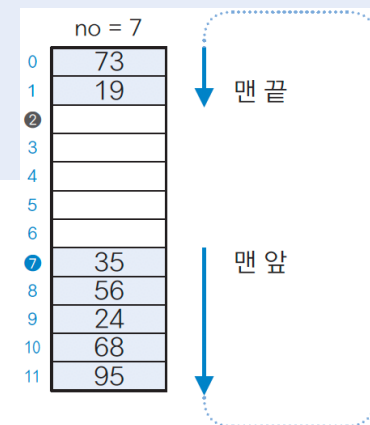
i	0	⇒	1	⇒	2	⇒	3	⇒	4	⇒	5	⇒	6
idx	7	⇒	8	⇒	9	⇒	10	⇒	11	⇒	0	⇒	1

- 검색에 성공하면 찾은 원소의 인덱스를 반환하고, 실패하면 -1을 반환

Do it! 실습 4-3 [D]

• 완성 파일 `chap04/fixed_queue.py`

```
59: def peek(self) -> Any:
60:     """큐에서 데이터를 피크(맨 앞 데이터를 들여다봄)"""
61:     if self.is_empty():
62:         raise FixedQueue.Empty      # 큐가 비어 있는 경우 예외 처리를 발생
63:     return self.que[self.front]
64:
65: def find(self, value: Any) -> Any:
66:     """큐에서 value를 찾아 인덱스를 반환(없으면 -1을 반환)"""
67:     for i in range(self.no):
68:         idx = (i + self.front) % self.capacity
69:         if self.que[idx] == value:    # 검색 성공
70:             return idx
71:     return -1                        # 검색 실패
```



04-2 큐란?

링 버퍼로 큐 구현하기 - (9)

■ 실습 4-3 [D]

- **count()**: 데이터 개수를 세는 함수
 - 큐에 있는 데이터(value)의 개수를 구하여 반환
- **__contains__()**: 데이터가 포함되어 있는지 판단하는 함수
 - 큐에 데이터(value)가 들어 있는지를 판단
 - 들어 있으면 True, 그렇지 않으면 False 반환
 - 내부의 count() 함수를 호출하여 구현
- **clear()**: 큐의 전체 원소를 삭제하는 함수
 - 현재 큐에 들어 있는 모든 데이터를 삭제
- **dump()**: 큐의 전체 데이터를 출력하는 함수
 - 큐에 들어 있는 모든 데이터를 맨 앞부터 맨 끝 쪽으로 순서대로 출력
 - 큐가 비어 있으면 '큐가 비어 있습니다.'를 출력

```
73: def count(self, value: Any) -> bool:
74:     """큐에 있는 value의 개수를 반환"""
75:     c = 0
76:     for i in range(self.no):          # 큐 데이터를 선형 검색
77:         idx = (i + self.front) % self.capacity
78:         if self.que[idx] == value:    # 검색 성공
79:             c += 1                    # 들어 있음
80:     return c
81:
82: def __contains__(self, value: Any) -> bool:
83:     """큐에 value가 있는지 판단"""
84:     return self.count(value)
85:
86: def clear(self) -> None:
87:     """큐의 모든 데이터를 비움"""
88:     self.no = self.front = self.rear = 0
89:
90: def dump(self) -> None:
91:     """모든 데이터를 맨 앞부터 맨 끝 순으로 출력"""
92:     if self.is_empty():                # 큐가 비어 있음
93:         print('큐가 비었습니다.')
94:     else:
95:         for i in range(self.no):
96:             print(self.que[(i + self.front) % self.capacity], end='')
97:         print()
```

04-2 큐란?

링 버퍼로 큐 프로그램 만들기

- 실습 4-4
 - 큐 FixedQueue 클래스를 실제 사용하는 프로그램
 - `chap04/fixed_queue_test.py` 참조 (p.178)