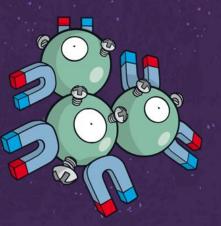
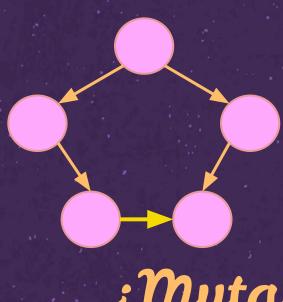
# TDA Grafos



## Previamente en Algo2Mendez...

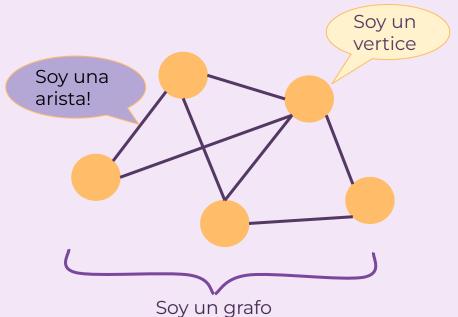
abb:



Mutante de abb?

#### Qué es un grafo?

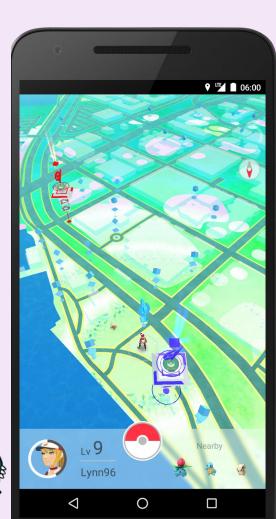
Es el par ordenado G = (V,E) donde V es el conjunto de vértices y E el conjunto de aristas:



## Para que nos sirve?

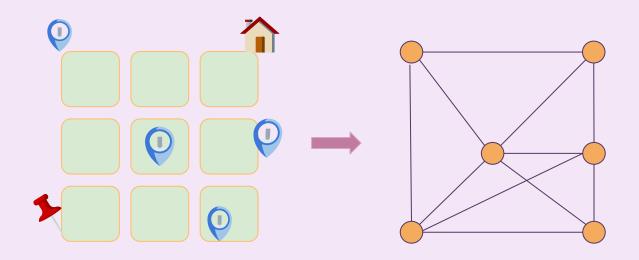
Supongamos que queremos ir a un gimnasio pokemon y mientras tanto pasar por las pokeparadas que tenemos cerca

Pero tenemos mucha fiaca y queremos caminar lo menos posible sin desviarnos mucho...



#### : == Hagamos un grafo!

Pensemos las pokeparadas como vértices y los caminos son las aristas

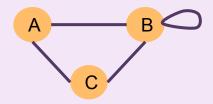




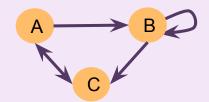
# Definiciones!

#### \_\_Dinección

**Grafo no dirigido**: Todas sus aristas son bidireccionales, es decir que estas se pueden recorrer en dos direcciones

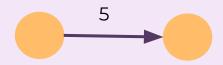


**Grafo dirigido**: Al menos una de sus aristas es unidireccional (pueden haber aristas bidireccionales)





**Grafo con peso**: Todas sus aristas poseen un valor numérico que implica un "costo" a la hora de tener que transitar de un vértice hacia otro.



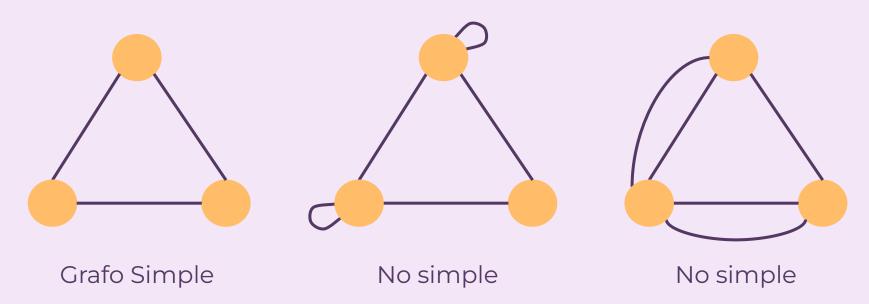
### : = Clasificación

Con todas estas propiedades, los grafos tienen las siguientes clasificaciones:

- Grafos dirigidos con peso.
- Grafos dirigidos sin peso.
- Grafos no dirigidos con peso.
- Grafos no dirigidos sin peso.

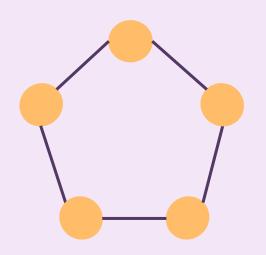
### = Grafo Simple

Un grafo simple es aquel que no posee aristas múltiples ni lazos. Es decir, que en un par de vértices hay solo una arista.



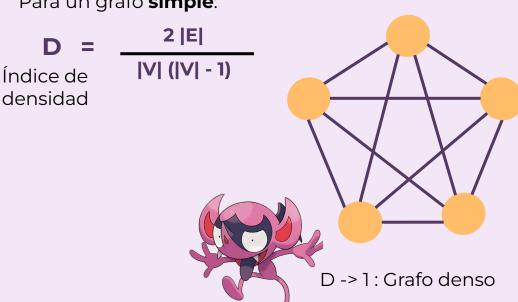
#### = = Densidad

Un grafo denso es un grafo cuyo número de aristas está muy cerca del valor máximo de aristas que este puede tener.



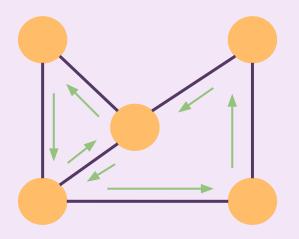
D-> 0: Grafo disperso

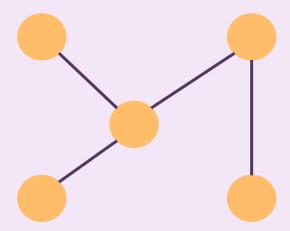
Para un grafo **simple**:



#### Ciclico - Aciclico

**Ciclo**: Recorrido de aristas adyacentes que empieza y termina en el mismo lugar (pasando una sola vez por cada arista)





## Más definiciones...

**Camino**: Un recorrido a través de un grafo.





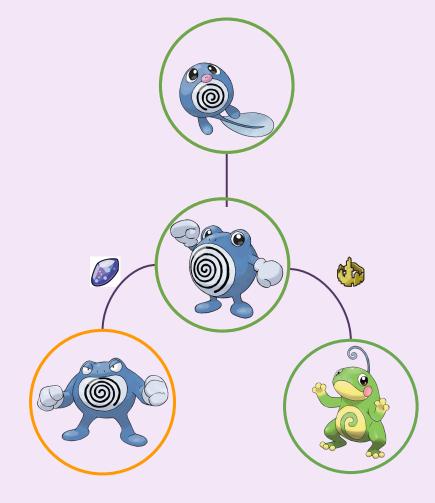
**Camino Simple**: Un camino, pero qué pasa **solamente** una vez por cada vértice



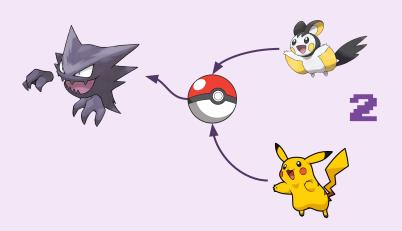


#### **Componente Conexa**:

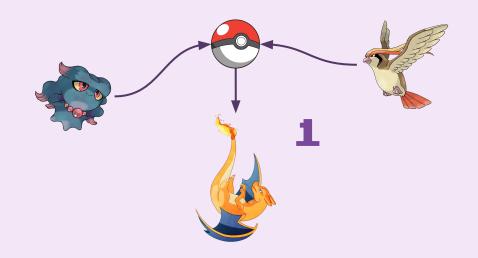
Conjunto de vértices donde existe un camino de un vértice a otro. (**Solo** para grafos no dirigidos)



**Grado de entrada**: Cantidad de aristas que entran al vértice.



**Grado de salida**: Cantidad de aristas que salen del vértice.



En grafos no dirigidos ambos grados son iguales! -> Grado del vertice

#### Primitivas del tda!

grafo\_crear()

grafo\_insertar(grafo, elemento)

grafo\_insertar\_arista(grafo, arista)

grafo\_borrar(grafo, elemento)

grafo\_borrar\_arista(grafo, arista)

grafo\_destruir(grafo)

## de l'deas de representación

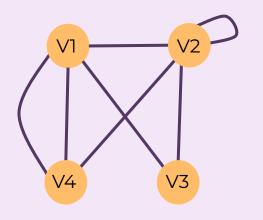
### := Representaciones





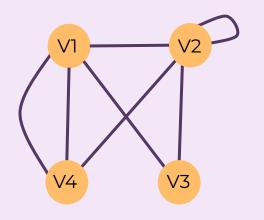


#### II Matriz de adyacencia



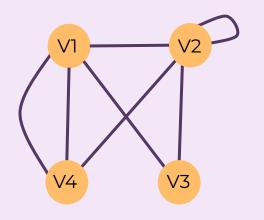
	<b>V</b> 1 ↓	V2 ↓	<b>V</b> 3 ↓	<b>V</b> 4 ↓
$V1 \rightarrow$	0	1	1	2
$V2 \rightarrow$				
$V3 \rightarrow$				
V4 →				





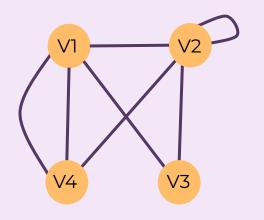
	V]	V2 ↓	<b>V</b> 3 ↓	<b>V</b> 4 ↓
V1 →	0	1	1	2
$V2 \rightarrow$	1	1	1	1
V3 →				
V4 →				



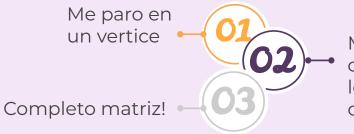


	V1 ↓	V2 ↓	<b>V</b> 3 ↓	<b>V</b> 4 ↓
V1 →	0	1	1	2
$V2 \rightarrow$	1	1	1	1
$V3 \rightarrow$	1	1	0	0
V4 →				

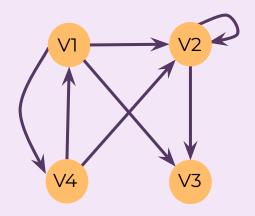




	V₁ ↓	V2 ↓	<b>V</b> 3 ↓	<b>V</b> 4 ↓
V1 →	0	1	1	2
$V2 \rightarrow$	1	1	1	1
$V3 \rightarrow$	1	1	0	0
<b>V4</b> →	2	1	0	0

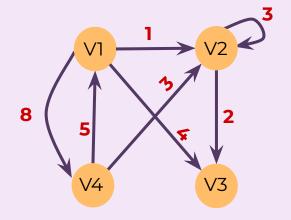


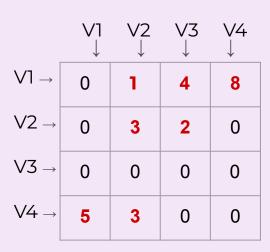
En un un grafo **dirigido** la matriz de adyacencia solo registra el vértice de inicio y al vértice final, A[i][j]= 1, si y solo si la arista parte del vertice i hacia el vértice j:



	V] ↓	V2 ↓	<b>V</b> 3 ↓	<b>V</b> 4 ↓
$V1 \rightarrow$	0	1	1	1
$V2 \rightarrow$	0	1	1	0
$V3 \rightarrow$	0	0	0	0
$V4 \rightarrow$	1	1	0	0

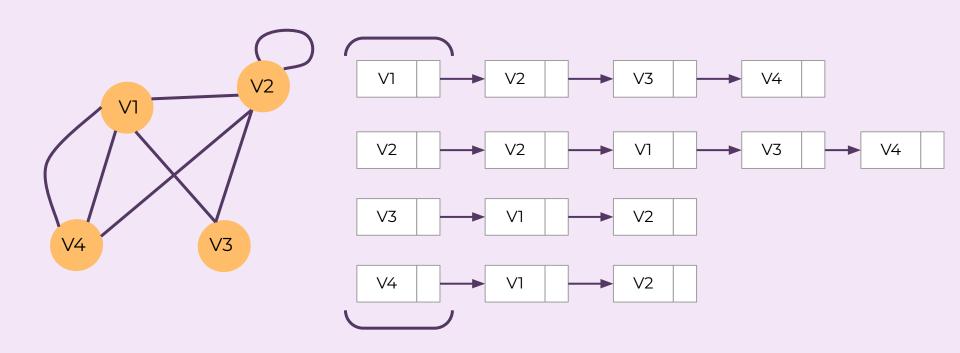
Y si el grafo tiene pesos? En vez de completar con 1, ponemos el peso





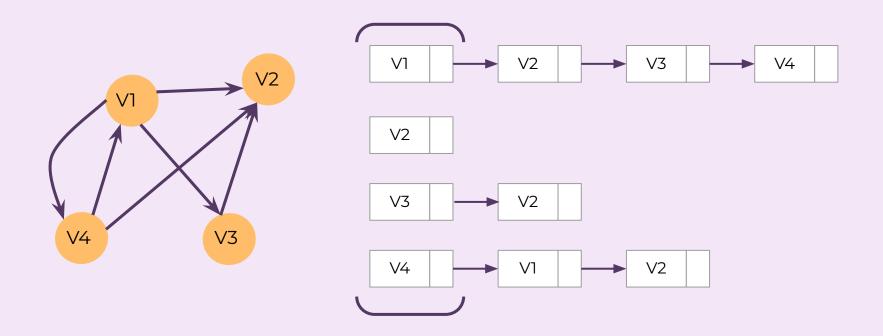
#### == Lista de adyacencia

Cada arista posee una lista simplemente enlazada de a qué vértices está unida.



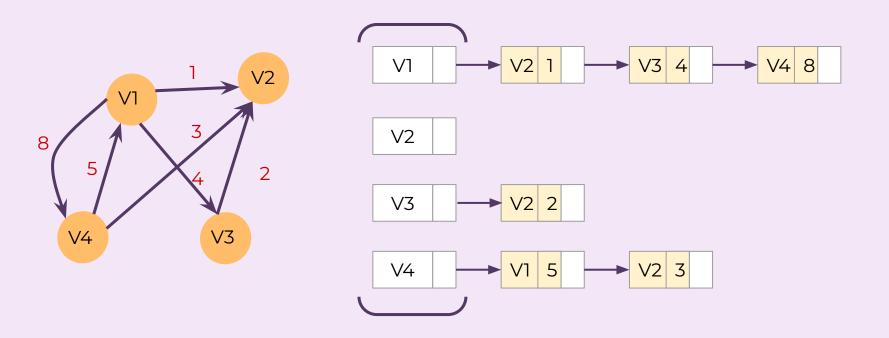
#### : : Lista de adyacencia

Y en grafos dirigidos? Respetamos las direcciones!



#### : : Lista de adyacencia

Y en grafos dirigidos con peso? Tenemos que almacenarlos!



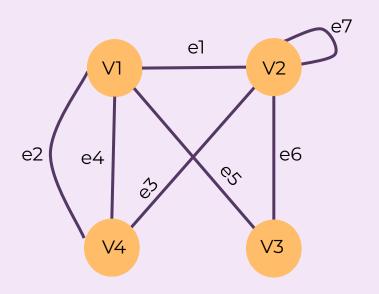
Para esto necesitamos identificar las aristas

Esta matriz es Z<sup>mxn</sup>, donde m es la cantidad de aristas y n es la cantidad de vértices.

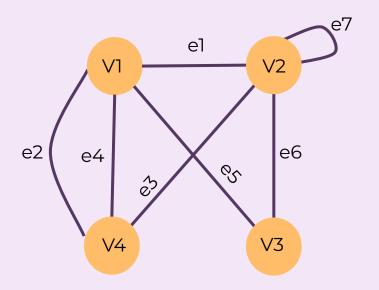
Por cada arista identificamos que nodos inciden con él y lo marcamos en un **grafo no dirigido** con 1.

Si el grafo a representar es dirigido: se le asigna -1 al vértice de salida y 1 al vértice de entrada (si es un lazo, tomar una decision)

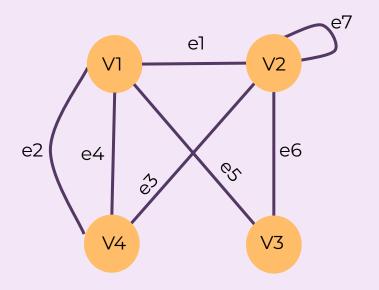
Si el grafo fuera dirigido **y con peso,** en vez de utilizar el número 1 se utiliza el número del peso de cada arista.



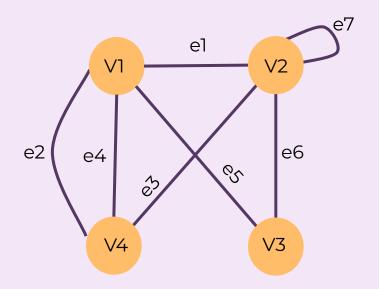
	<b>V</b> 1 ↓	V2 ↓	V3 V4 ↓	<b>,</b> ↓
el $\rightarrow$				
e2 →				
е3 →				
e4→				
e5→				
e6→				
e7 →				



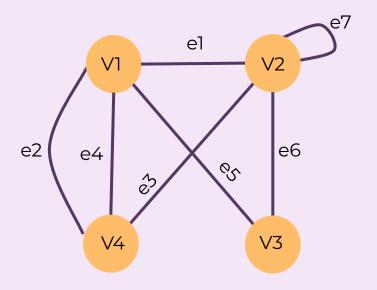
	<b>∨</b> 1 ↓	V2 ↓	V3 V4 ↓	<b>+</b>
el $\rightarrow$	1	1	0	0
e2 →				
е3 →				
e4→				
e5→				
e6→				
e7 →				



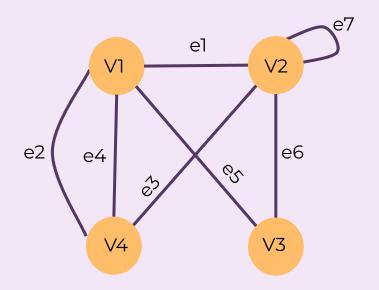
	<b>∨</b> 1 ↓	V2 ↓	V3 V4 ↓	<b>'</b> +
el →	1	1	0	0
e2 →	1	0	0	1
е3 →				
e4→				
e5→				
e6→				
e7 →				



	<b>V</b> 1 ↓	V2 ↓	V3 V4 ↓	<del>(</del>
el $\rightarrow$	1	1	0	0
e2 →	1	0	0	1
е3 →	0	1	0	1
e4→				
e5→				
e6→				
e7 →				

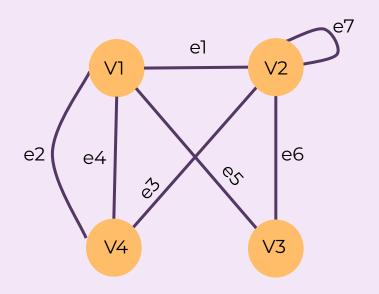


	<b>V</b> 1 ↓	V2 ↓	V3 V4 ↓	<b>'</b> +
el →	1	1	0	0
e2 →	1	0	0	1
e3 →	0	1	0	1
e4→	1	0	0	1
e5→				
e6→				
e7 →				



	<b>V</b> 1 ↓	V2 ↓	V3 V4 ↓	<del>(</del>
el →	1	1	0	0
e2 →	1	0	0	1
e3 →	0	1	0	1
e4→	1	0	0	1
e5→	1	0	1	0
e6→	0	1	1	0
e7 →				

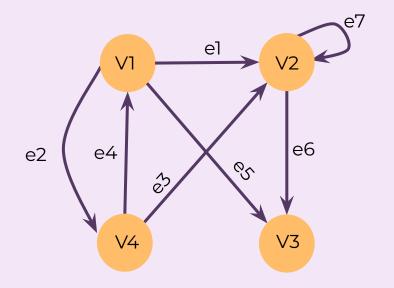
### :== Matriz de incidencia



	<b>V</b> 1 ↓	V2 ↓	V3 V4 ↓	<b>4</b>
el →	1	1	0	0
e2 →	1	0	0	1
e3 →	0	1	0	1
e4→	1	0	0	1
e5→	1	0	1	0
e6→	0	1	1	0
e7 →	0	1	0	0

### :== Matriz de incidencia

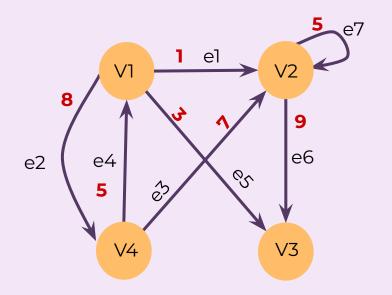
#### Grafo dirigido:



	<b>V</b> 1 ↓	V2 ↓	V3 V4 ↓	<b>4</b>
el →	-1	1	0	0
e2 →	-1	0	0	1
е3 →	0	1	0	-1
e4→	1	0	0	-1
e5→	-1	0	1	0
е6→	0	-1	1	0
e7 →	0	±1	0	0

#### : : : Matriz de incidencia

Grafo dirigido y con **pesos**:



	<b>∨</b> 1 ↓	V2 ↓	V3 V4 ↓	<del>4</del> ↓
el →	-1	1	0	0
e2 →	-1	0	0	8
е3 →	0	7	0	-1
e4→	5	0	0	-1
e5→	-1	0	3	0
е6→	0	-1	9	0
e7 →	0	± <b>5</b>	0	0

#### = Reconnidos

Proceso de búsqueda o forma de atravesar la estructura de datos de un grafo que involucra la visita de cada vértice en el grafo.

El orden en el cual los vértices son visitados es la forma en que se clasifica el tipo de recorrido:

#### Dos acciones:

- Visitar: Marcar como visitado al nodo.
- Explorar: Política en la que vamos a definir cómo se comportará el algoritmo (explorar los vecinos, los hijos, etc.)



#### : - Tipos de Reconnidos

• En anchura: BFS (Breath First Search)

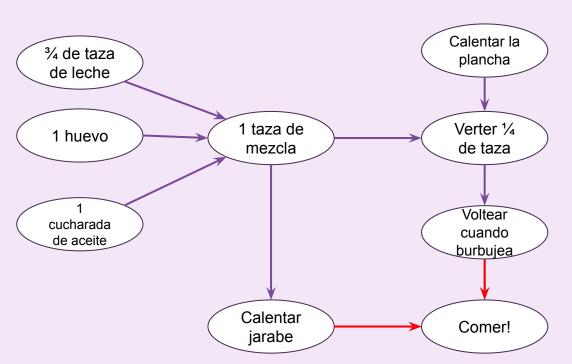
Se encara el recorrido del grafo en anchura, es decir, primero visita nodos hermanos/vecinos antes de visitar nodos hijos. Para su implementación se utiliza una cola

En profundidad: DFS (Depth First Search)

En este caso se van a visitar los nodos hijos primero, avanzando hasta que no se pueda continuar. Luego se "vuelve" hasta un hijo donde se tenían más caminos, y se vuelve a realizar la misma lógica.

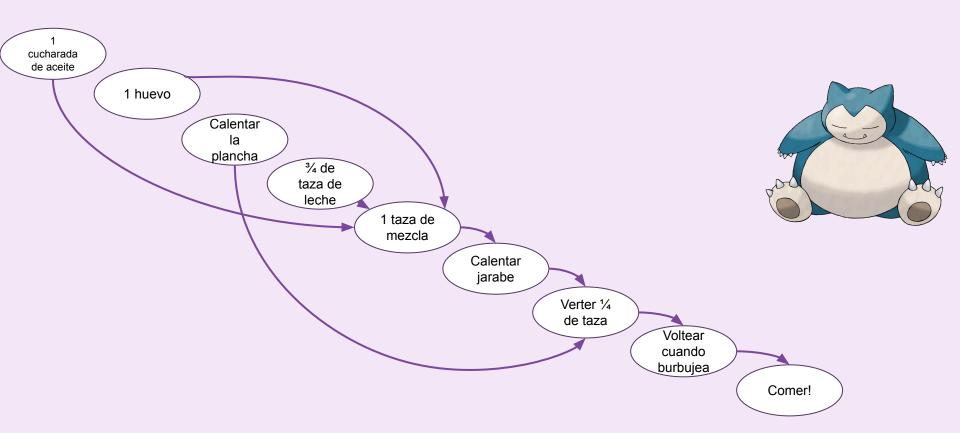
#### Conden topológico - Comida pokémon!

La idea del orden topológico es la de procesar los vértices de un grafo **acíclico** de forma tal que si el grafo contiene la arista dirigida uv entonces el nodo u aparece antes del nodo v.





### : : Orden topológico - Comida pokémon!



# Dikstra

El algoritmo de Dijkstra es un algoritmo para la determinación del camino más corto, dado un vértice origen, hacia el resto de los vértices en un grafo que tiene pesos en cada arista.

La idea subyacente en este algoritmo consiste en ir explorando todos los caminos más cortos que parten del vértice origen y que llevan a todos los demás vértices.

Cuando se obtiene el camino más corto desde el vértice origen hasta el resto de los vértices que componen el grafo, el algoritmo se detiene.

No funciona en grafos con aristas de peso negativo.

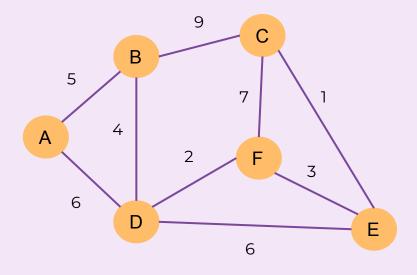
#### Algoritmo dijkstna

- 1. Se elige el vértice V sobre el cual se quiera aplicar el algoritmo
- Se crean dos listas de nodos, una lista de nodos Visitados y otra listas de nodos NO Visitados, que contiene todos los nodos del grafo.
- 3. Se crea una tabla con 3 columnas, Vértice, Distancia mínima V y el nodo anterior por el cual se llegó.
- 4. Se toma el vértice V como vértice inicial y se calcula su distancia a sí mismo, que es 0.
- 5. Se actualiza la tabla, en la cual todas las distancias de los demás vértices a V se marcan como infinito.

- Se visita el vértice NO VISITADO con menor distancia conocida desde el primer vértice V, que es el vértice con el que comenzamos ya que la distancia a ese es 0 y las demás infinito.
- Se calcula la distancia entre los vértices sumando los pesos de cada uno con la distancia de V.
- Si la distancia calculada de los vértices conocidos es menor a la que está en la tabla se actualiza y también los vértices desde donde se llegó..
- Se pasa el vértice V a la lista de Vértices visitados.
- 10. Se continua con el vértice no visitado con menor distancia desde ese.
- 11. Y así sucesivamente

#### Veámoslo con un ejemplo!

Vértice	Distancia	V. Anterior
А	0	-
В	$\infty$	-
С	∞	-
D	$\infty$	-
E	∞	-
F	∞	-



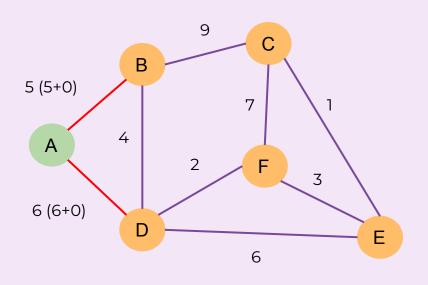
Visitados: []

No visitados: [A,B,C,D,E,F]

Vértice	Distancia	V. Anterior
Α	0	-
В	5	А
С	∞	-
D	6	А
E	∞	-
F	∞	-

Visitados: [A]

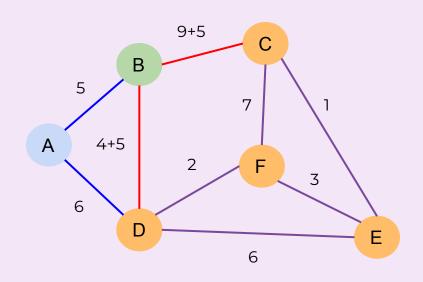
No visitados: [B,C,D,E,F]



Vértice	Distancia	V. Anterior
A	0	-
В	5	А
С	14	В
D	6	А
E	∞	-
F	∞	-

Visitados: [A,B]

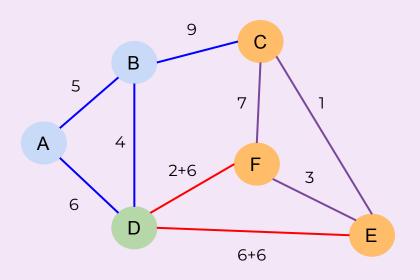
No visitados: [C,D,E,F]



Vértice	Distancia	V. Anterior
A	0	-
В	5	А
С	14	В
D	6	А
E	12	D
F	8	D

Visitados: [A,B,D]

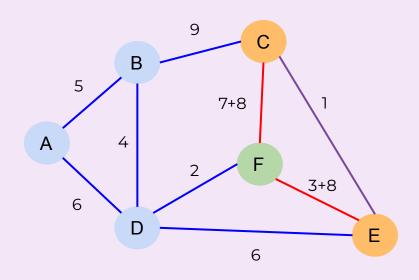
No visitados: [C,E,F]



Vértice	Distancia	V. Anterior
A	0	-
В	5	А
С	14	В
D	6	Α
E	11	F
F	8	D

Visitados: [A,B,D,F]

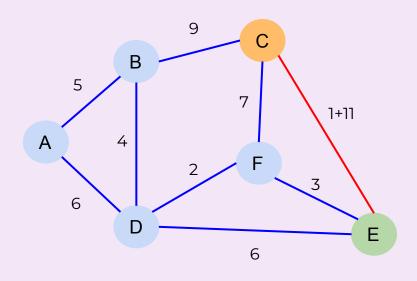
No visitados: [C,E]



Vértice	Distancia	V. Anterior
A	0	-
В	5	А
С	12	E
D	6	А
E	11	F
F	8	D

Visitados: [A,B,D,F,E]

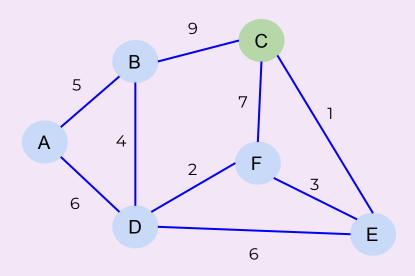
No visitados: [C]



Vértice	Distancia	V. Anterior
Α	0	-
В	5	А
С	12	Е
D	6	А
E	11	F
F	8	D

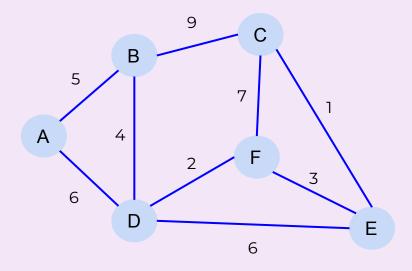
Visitados: [A,B,D,F,E,C]

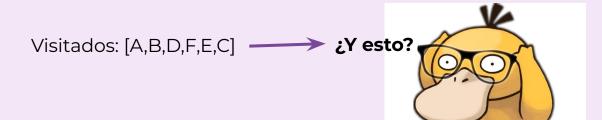
No visitados: []





Vértice	Camino Minimo	Costo
A → B	A→B	5
A → C	$A \rightarrow D \rightarrow F \rightarrow E \rightarrow C$	12
A → D	A → D	6
A → E	$A \rightarrow D \rightarrow F \rightarrow E$	11
A→F	$A \rightarrow D \rightarrow F$	8





## Aplicaciones

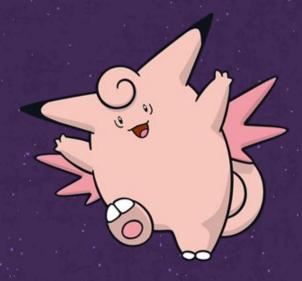
#### Aplicaciones

- Redes sociales
- GPS
- Compiladores/Interpretes
- Redes de computadoras (servidores)
- Rutas

### Preguntas?



# Gracias



Vuelva prontos!