

## Práctica 7 Árboles Binarios de Búsqueda

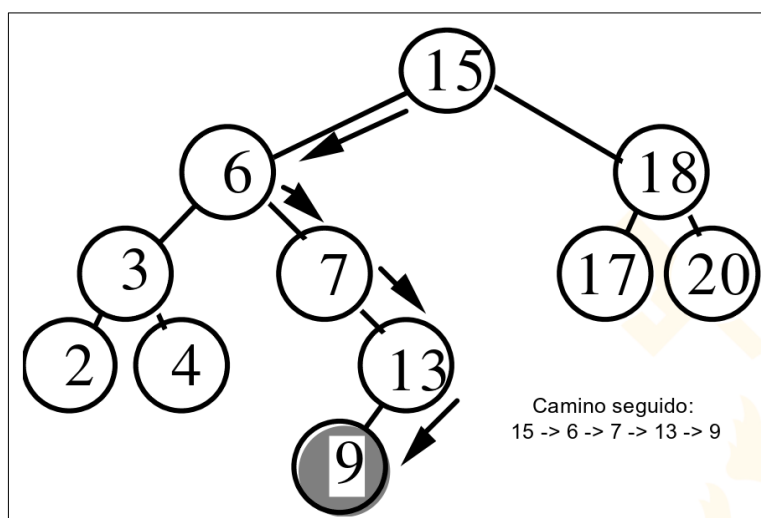
La práctica 7 será necesario realizar un árbol binario de búsqueda.

Para ello, se define una clase `Nodo` que tendrá los siguientes atributos (las variables en minúsculas):

- **Clave:** Almacena el número.
- **Valor :** Un dato cualquiera asociado a la Clave (por ejemplo, la clave expresada como texto).
- **Padre.-** Indica quién es el nodo padre.
- **Izq.-** Referencia al nodo izquierdo.
- **Der.-** Referencia al nodo izquierdo.

Así mismo, realizar una clase `ÁrbolBinario` que tendrá un atributo de la clase `Nodo`, llamado `raíz` que hará referencia al nodo raíz del árbol

Trabajaremos sobre un árbol como el siguiente:



Secuencia sugerida para la práctica:<sup>1</sup>

1. Tras la definición de las clases escribe el código python que construye un árbol como el indicado en la figura, a base de crear los nodos y conectarlos de forma manual (punteros padres e hijos). Asigna al árbol como nodo raíz el nodo con clave 15, como se ve en la figura.
2. Escribir un método “**mostrar**” para el árbol binario. Este debe mostrar por pantalla el árbol binario de la manera más simple posible tal que se puedan

<sup>1</sup> Omite en una primera pasada lo marcado como opcional. No es necesario para la entrega de la práctica, pero se incluye como ejercicio adicional.

identificar perfectamente a los padres y a los hijos de cada nodo. Ejecútalo y **Comprueba tu árbol**. Añade al método la funcionalidad adicional de mostrar la altura del árbol y su equilibrio (Skew).

3. Añade a la clase ArbolBinario un método “**secuenciar**”. Éste debe retornar la secuencia (lista) central de claves, op tuplas (clave, valor) almacenadas en árbol. Ejecútalo y comprueba que el resultado es el esperado
  - **OPCIONAL:** añade los métodos **MaxKey** y **MinKey** que toman un nodo como argumento y que buscan la máxima y la mínima clave dentro del sub-arbol definido por el nodo dado y todos sus descendientes.
  - **OPCIONAL:** Construye lo métodos **next(clave)** y **prev(clave)**, según el orden central de secuenciación.
4. Añade un método de “**buscarClave(key)**”. Este método ha de buscar una clave dada (key) en el arbol binario, retornado la pareja (clave,valor) en caso de encontrarse en árbol, o **null** en caso contrario. Comprueba el método buscando la clave 13, para obtener (**13, ‘trece’**) o bien con clave 14 para obtener **null**
5. Añade ahora al árbol binario el método “**insertar(clave, valor)**”- Este método debe crear un nodo e insertarlo en el lugar correcto del nodo, con el método descrito en clase. Añade la pareja (8,”ocho”) invocando este nuevo método.
  - Muestra de nuevo el árbol resultante, constatando la ubicación del nuevo nodo, y los nuevos valores de balance y altura. Imprime la nueva secuencia del árbol y comprueba como éste se comporta como una colección ordenada.
  - Comprueba la correcta inserción, invocando el método **buscarClave(8)**
  - Qué pasa si la clave ya existe y el Valor es diferente ?
6. Finalmente añade el metodo **borrar(clave)**.- Este método debe eliminar el primer nodo que encuentre con la clave dada, utilizando la lógica mostrada en clase, retornando True si el borrado es correcto, y False si no lo es. Valida eliminando varios tipos de nodos, mostrando el árbol tras cada operación de borrado, para verificar el correcto borrado del nodo con la clave indicada.
  - Nodo hoja ( clave=4)
  - Nodo con un solo hijo (clave = 13)
  - Nodo con dos hijos (clave = 6)
  - nodo raíz

## Informe de la práctica

1. A través de Moodle de la Asignatura de Algorítmicos y Estructura de Datos. Se deberá entregar el martes 11/04/2023. Es necesario adjuntar a la entrega el notebook o el fichero py.