

TEMA 1: Léxico y organización de un algoritmo

1.1 Léxico de un algoritmo

1.2 Tipos de datos primitivos: dominio y operaciones

1.3 Acciones primitivas

1.4 Organización de las acciones

1.5 Tipos de datos no primitivos

1.1 Léxico de un algoritmo

- **Léxico de un algoritmo: INFORMACIONES + ACCIONES**
- **INFORMACIONES \equiv VARIABLES**
- **Magnitudes que caracterizan un proceso algorítmico**
- **CONSTRUIR UN ALGORITMO** CONSISTE EN ELEGIR UN CONJUNTO DE **INFORMACIONES** Y OTRO DE **ACCIONES**, Y A CONTINUACIÓN DECIDIR EL MODO DE ORGANIZAR LAS ACCIONES EN EL TIEMPO PARA OBTENER EL RESULTADO DESEADO POR ACUMULACIÓN DE SUS EFECTOS

1.1 Léxico de un algoritmo

➤ **COMPRAR UNA ENTRADA PARA IR A LOS TOROS:**

Informaciones: la entrada, tipo de entrada (sol, sombra, tendido...), disponibilidad de la entrada

Acciones: ir a la taquilla, elegir la entrada, preguntar si quedan, si quedan comprar, si no se puede elegir otra, repetir hasta que se consiga una entrada o desistimos de ir a los toros.

➤ Necesitamos una notación: **Notación algorítmica**

1.1 Léxico de un algoritmo

LA NOTACIÓN ALGORÍTMICA FIJA LA FORMA DE:

- Describir las acciones
- Describir las informaciones
- Organizar las acciones en el tiempo
- Incluye acciones elementales

ALGORITMO:

- LÉXICO: informaciones u objetos y acciones
- CONTROL: ordenar en el tiempo cómo actúan las acciones sobre los objetos

Abstracción:

- Mecanismo fundamental para dominar la complejidad cuando programamos. “Eliminar detalles innecesarios y considerar lo esencial”. El léxico fija el nivel de abstracción

1.1 Léxico de un algoritmo

Construir algoritmos:

- Fijar el léxico
- Organizar las acciones en el tiempo mediante:
**SECUENCIACIÓN, ANÁLISIS DE CASOS E ITERACIÓN
(RECURSIÓN)**

LÉXICO

Dada la especificación de un problema hay que:

- Elegir y nombrar las informaciones
- Asociar un tipo a cada información
- Elegir y nombrar las acciones
- Asociar una precondition y una postcondición a cada acción.

1.1 Léxico de un algoritmo

∀ información (o variable) : nombre y tipo

∀ acción: nombre, precondition y postcondition

- **TIPO DE DATO:** dominio de valores y acciones que son posibles realizar sobre esos valores.
- **PRECONDICIÓN:** requerimiento de la acción
- **POSTCONDICIÓN:** efecto de la acción

Estructura de un algoritmo

LÉXICO

// Declaraciones de tipos, variables, constantes y acciones

v_1 : tipo

A_1 : una acción

PRE { precondition A_1 }

POST { postcondition A_1 }

LÉXICO

// Declaraciones de tipos, variables, constantes y

// acciones

ALGORITMO

// Secuencia de instrucciones

FIN

ALGORITMO

PRE { precondition algoritmo }

POST { postcondition algoritmo }

// Secuencia de instrucciones

FIN

1.2 Tipos de Datos primitivos

➤ **TIPOS DE DATOS**

Un tipo de datos especifica un **DOMINIO** de valores y el conjunto de **OPERACIONES** que son aplicables a ese dominio.

➤ **NUESTRA NOTACIÓN INCLUYE LOS TIPOS DE DATOS:**

Entero, Real, Booleano, Carácter, Intervalos de enteros, reales y carácter. Así como mecanismos para definir nuevos tipos de datos.

➤ **Ejemplos:**

total : Entero;
i, j : [1,100];
letra : Carácter;
esúltimo : Booleano;

1.2 Tipos de Datos primitivos

- **Para cada tipo es preciso conocer:**
 - Dominio de los valores
 - Operaciones definidas
 - Sintaxis de los literales
 - Sintaxis de las expresiones
- **Enteros:** cualquier valor entero positivo o negativo válido.
- **Reales:** cualquier valor numérico real positivo o negativo válido. Utilizaremos el símbolo '.' (punto) para separar la parte entera de la parte decimal.
- **Booleanos:** los dos valores lógicos, Verdadero y Falso.
- **Caracteres:** el dominio de este tipo está formado por los caracteres de un código válido y un literal se denota como un carácter encerrado entre apóstrofes.

1.2 Tipos de Datos primitivos

Tipo de dato	Ejemplos de literales
Entero	0, 352, -342, 20050
Real	4.22, -23.44, 341.015
Booleano	Falso, Verdadero
Carácter	'A', 'a', '\$', '1', '+'

1.2 Tipos de Datos primitivos

Tipo de dato	Operaciones
Entero	- (Entero \rightarrow Entero)
	+, -, *, DIV, MOD (Entero x Entero \rightarrow Entero)
	/ (Entero x Entero \rightarrow Real)
	<, >, =, \leq , \geq , \neq (Entero x Entero \rightarrow Booleano)
	Predecesor, Sucesor (Entero \rightarrow Entero)
Real	- (Real \rightarrow Real)
	+, -, *, / (Real x Real \rightarrow Real)
	<, >, =, \leq , \geq , \neq (Real x Real \rightarrow Booleano)

1.2 Tipos de Datos primitivos

Tipo de dato		Operaciones
Booleano	Y, O	$(\text{Booleano} \times \text{Booleano} \rightarrow \text{Booleano})$
	NO	$(\text{Booleano} \rightarrow \text{Booleano})$
Carácter	Car	$(\text{Entero} \rightarrow \text{Carácter})$
	Ord	$(\text{Carácter} \rightarrow \text{Entero})$
	$<, >, =, \leq, \geq, \neq$	$(\text{Carácter} \times \text{Carácter} \rightarrow \text{Booleano})$
	Predecesor, Sucesor	$(\text{Carácter} \rightarrow \text{Carácter})$

1.2 Tipos de Datos primitivos

➤ **Ejemplo de declaración de variables**

Léxico

númeroAlumnos : Entero;

cursos : Entero;

media : Real;

nota : Real;

peso : Real;

letra : Carácter;

aprobado : Booleano;

➤ **Posibles valores:**

númeroAlumnos = 200, cursos = 4, media = 5.0,

nota = 6.0, peso = 80.0, letra = 'A', aprobado = Verdadero

1.2 Tipos de Datos primitivos

Expresión	Tipo	Tipo R.	Valor R.
númeroAlumnos DIV cursos	Aritmética	Entero	50
númeroAlumnos MOD cursos	Aritmética	Entero	0
1000 – númeroAlumnos * 2	Aritmética	Entero	600
nota * peso / 100.0 – 3.0	Aritmética	Real	1.8
nota* (peso/100.0 – 3.0)	Aritmética	Real	-13.2
nota > 7.0	Relacional	Booleano	Falso
(númeroAlumnos DIV cursos) > 20	Relacional	Booleano	Verdadero
letra = 'B'	Relacional	Booleano	Falso
(nota > 7.0) Y (media = 5.0)	Booleana	Booleano	Falso
NO (letra = 'B') O aprobado	Booleana	Booleano	Verdadero
Carácter (66)	Carácter	Carácter	'B'
Sucesor (letra)	Carácter	Carácter	'B'

1.3 Acciones primitivas

➤ **LA ACCIÓN DE LA ASIGNACIÓN:**

La asignación es la acción primitiva que caracteriza a los lenguajes imperativos.

➤ **Sintaxis**

<nombre de la variable> ← <expresión>

➤ **Semántica**

Acción elemental de asignar a la variable cuyo nombre aparece a la izquierda del símbolo ← el resultado de evaluar la expresión de la derecha.

La acción:

númeroAlumnos ← 200;

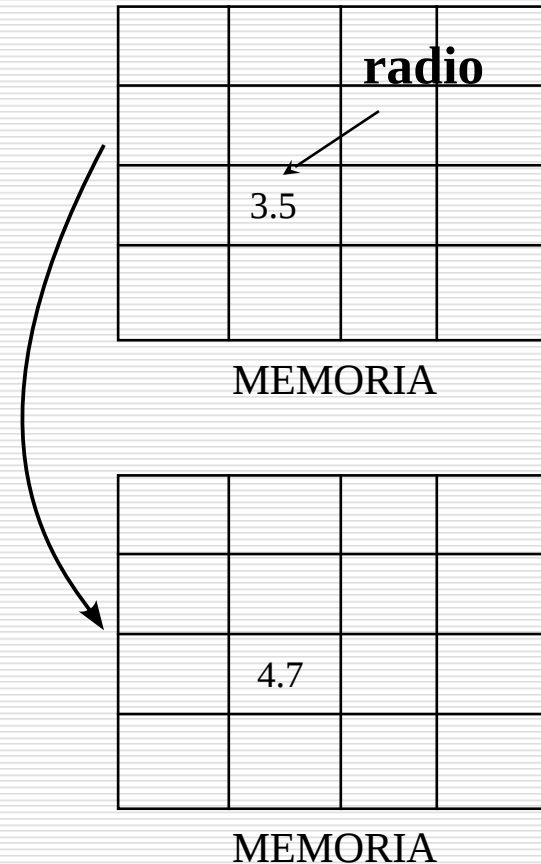
Asigna a la variable númeroAlumnos el valor 200.

1.3 Acciones primitivas

Ejemplos

```
radio ← 3.5;  
radio ← radio + 1.2;  
descuento ← sueldobruto * irpf;  
cond1 ← (p > 0) Y (cond2 = falso);  
longitud ← longitud / 2;
```

➤ El nuevo valor de longitud es función del anterior.



1.3 Acciones primitivas

➤ ACCIONES PRIMITIVAS PARA ENTRADA/SALIDA DE DATOS



➤ **ENTRADA DE DATOS:** Recibir datos desde un terminal (teclado)

Leer (lista de variables)

➤ **Leer** (radio);

Leer (númeroAlumnos)

Asignan a la variable entre paréntesis el valor introducido por el teclado

1.3 Acciones primitivas

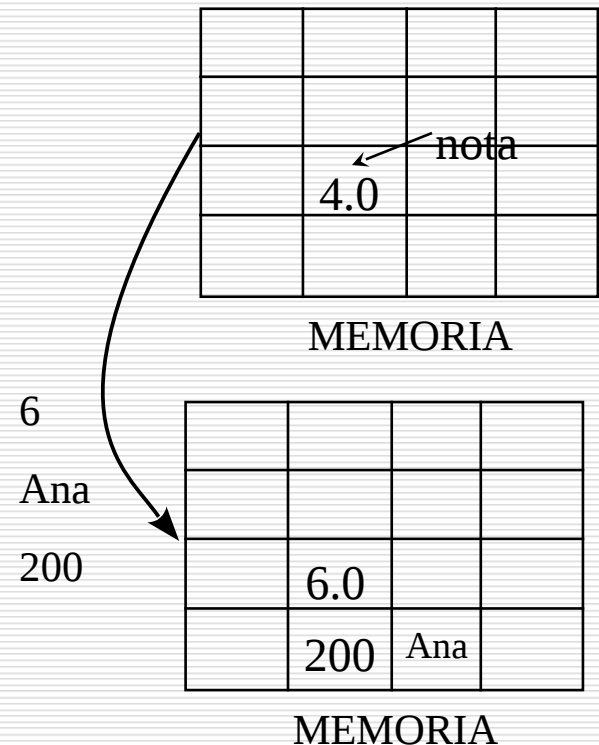
Ejemplo

LÉXICO

nota: Real;
nombre: Secuencia de caracteres;
numexam: Entero;

ALGORITMO

.....
LEER(nota, nombre, numexam);
.....



1.3 Acciones primitivas

- **SALIDA DE DATOS:** enviar al terminal de salida los valores obtenidos como resultado de evaluar una lista de expresiones
Escribir (lista de expresiones)

LÉXICO

nota: Real;
nombre: Secuencia de caracteres;
numexam: Entero;

ALGORITMO

.....
Escribir (nota, nombre, numexam);

.....

1.3 Acciones primitivas

Supuestas las asociaciones

variable

nota

nombre

numexam

valor

8.5

Martínez

3

	8.5		
		Martínez	
3			

MEMORIA

el efecto de

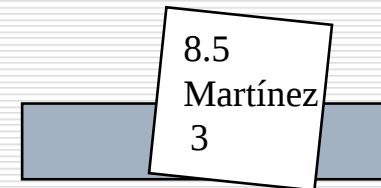
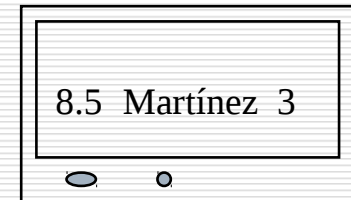
Escribir (nota, nombre, numexam)

es:

8.5 Martínez 3

PANTALLA

IMPRESORA

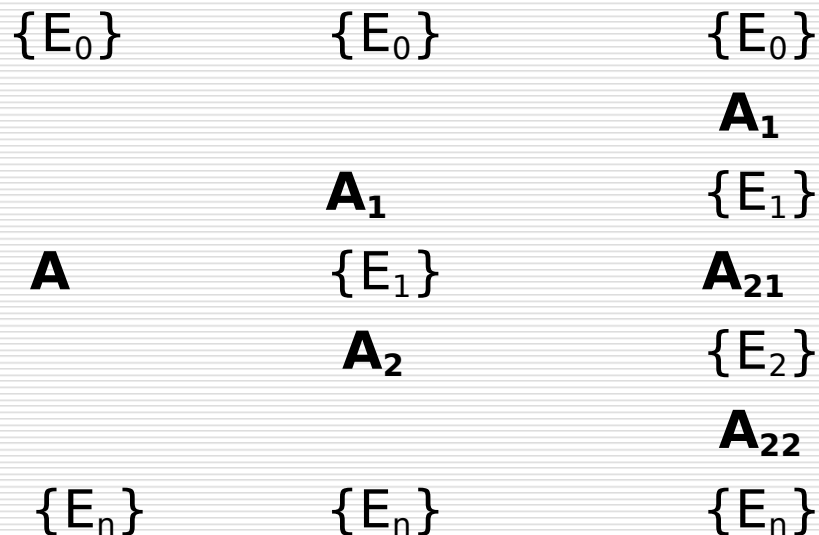


1.4 Organización de las acciones

Composición secuencial:

Introducción de estados intermedios para reducir la complejidad.

Para ello descomponemos el problema inicial en subproblemas más simples que se pueden resolver de forma independiente



1.4 Organización de las acciones: composición secuencial

$\{E_0\}$	$\{E_0\}$	$\{E_0\}$
		A_1
	A_1	$\{E_1\}$
A	$\{E_1\}$	A_{21}
	A_2	$\{E_2\}$
		A_{22}
$\{E_n\}$	$\{E_n\}$	$\{E_n\}$

- El estado inicial (E_0) debe cumplir la Precondición y en el estado final (E_n) se debe cumplir la postcondición.
- El subproblema A_1 debe cumplir la precondición inicial, y la postcondición de este subproblema será la precondición para A_2
- Al final la postcondición del último subproblema debe cumplir la postcondición del problema inicial.

1.4 Organización de las acciones: composición secuencial

- **Problema:** Escribir un algoritmo que dado un número de segundos inferior a 10^6 , obtenga una magnitud equivalente en días, horas, minutos y segundos.
Ej. dato: 309639
resultado: 3, 14, 0, 39

- **Diseño:**
 - a) $n = 86400d + 3600h + 60m + s$
 - b) $n = ((24d + h)60 + m)60 + s$

¿Cómo obtener d , h , m y s a partir de esas ecuaciones?

1.4 Organización de las acciones: composición secuencial

LÉXICO

n: Entero[0,999999]

d: Entero ≥ 0

h: Entero [0,23]

m,s: Entero [0,59]

ALGORITMO

Leer(n)

A ----- \rightarrow Descomponer

Escribir(d,h,m,s)

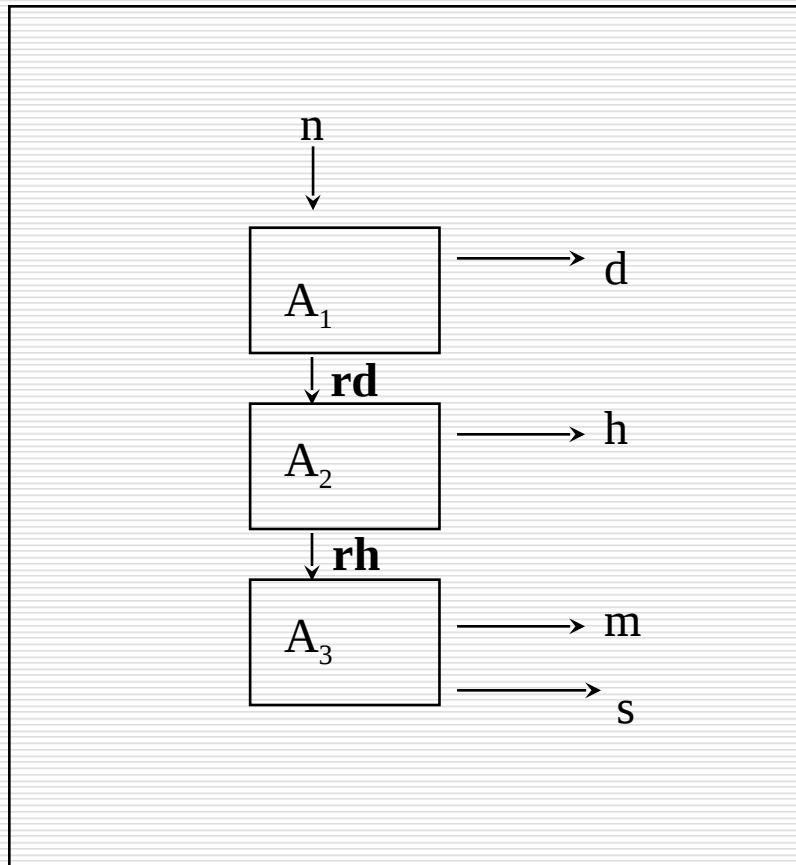
Descomposición Secuencial:

A₁ $d \leftarrow n \text{ div } 86400; \quad rd \leftarrow n \text{ mod } 86400;$
 $\{ n = 86400d + rd, 0 \leq rd < 86400 \}$

A₂ $h \leftarrow rd \text{ div } 3600; \quad rh \leftarrow rd \text{ mod } 3600;$
 $\{ rd = 3600h + rh, 0 \leq rh < 3600 \}$

A₃ $m \leftarrow rh \text{ div } 60; \quad s \leftarrow rh \text{ mod } 60;$
 $\{ n = 86400d + 3600h + 60m + s, 0 \leq d, \\ 0 \leq h < 3600, 0 \leq m, s < 60 \}$

1.4 Organización de las acciones: composición secuencial



ALGORITMO

Leer (n)

CONVERTIR

Escribir (d, h, m, s)

*La descomponemos en acciones
elementales*

1.4 Organización de las acciones: composición secuencial

LÉXICO

n: Entero [0,999999]	{dato: nº segundos}
h: Entero [0,23]	{ número de horas}
m, s :Entero [0,59]	{ número de minutos y de segundos}
d: Entero ≥ 0	{ número de días }
rd: Entero [0,86399]	{ resto días }
rh: Entero [0,3599]	{ resto horas }

ALGORITMO

Leer (n)

$d \leftarrow n \text{ div } 86400$; $rd \leftarrow n \text{ mod } 86400$;

{ $n = 86400d + rd, 0 \leq rd < 86400$ }

$h \leftarrow rd \text{ div } 3600$; $rh \leftarrow rd \text{ mod } 3600$;

{ $rd = 3600h + rh, 0 \leq rh < 3600$ }

$m \leftarrow rh \text{ div } 60$; $s \leftarrow rh \text{ mod } 60$;

{ $n = 86400d + 3600h + 60m + s, 0 \leq h < 24, 0 \leq m, s < 60$ }

Escribir (d, h, m, s);

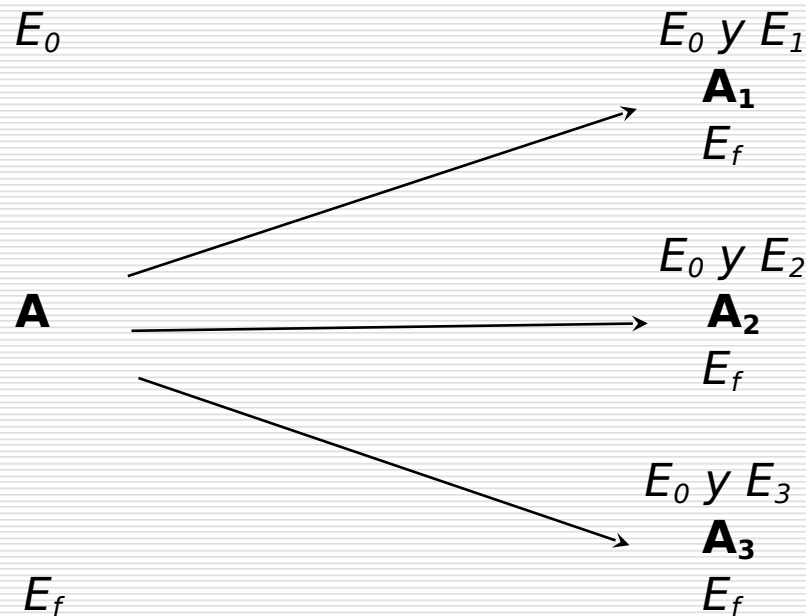
FIN.

1.4 Organización de las acciones: análisis de casos

- Técnica de descomposición
- Se basa en la partición del dominio de datos en subdominios (casos). Cada subproblema es la restricción del problema inicial al del subdominio considerado
- La descomposición puede estar guiada por la estructura de los datos o de los resultados.

1.4 Organización de las acciones: análisis de casos

- La postcondición de cada subproblema debe cumplir la postcondición del problema inicial y la unión de las precondiciones de los subproblemas debe cubrir la precondición del problema inicial.



1.4 Organización de las acciones: análisis de casos

➤ **Enunciado:** Dados dos número enteros calcular el mayor

➤ **Especificación:**

x, y, z : entero;

Precondición: $\{x = X \wedge y = Y\}$

Postcondición: $\{z = \max(X, Y)\}$

➤ **Lectura de la especificación:**

Dados tres enteros x, y, z , tal que x contiene un valor **X**, e y un valor **Y**, después de la acción máximo obtenemos en z el máximo de los valores **X** e **Y**.

1.4 Organización de las acciones: análisis de casos

➤ **Análisis:**

Existen dos posibilidades:

- $x \geq y$ el máximo es x ;
- $x < y$ el máximo es y ;

- La composición secuencial no nos da la posibilidad de tomar decisiones en función de los datos. NECESITAMOS UNA NUEVA COMPOSICIÓN: **composición alternativa, o composición condicional.**

1.4 Organización de las acciones: análisis de casos

LÉXICO

x, y: Entero; { datos }
z: Entero; { resultado: el máximo de x e y }

ALGORITMO

PRE { x, y : Entero ; $x = X, y = Y$ }

Leer(x, y);

SEGÚN x, y

$x \geq y$: $z \leftarrow x$;

$x < y$: $z \leftarrow y$;

FIN_SEGÚN;

Escribir (z)

POST { $x = X, y = Y, y ((z = X) \text{ o } (z = Y)) \text{ y } (z \geq X) \text{ y } (z \geq Y) \}$

FIN.

1.4 Organización de las acciones: análisis de casos, composición SEGÚN

SEGÚN C_1, C_2, \dots, C_n

$e_1 : a_1$

$e_2 : a_2$

....

$e_m : a_m$

FIN_SEGÚN

donde:

c_i : nombre perteneciente al dominio del análisis de casos

e_i : expresiones booleanas que expresan casos en función de los c_i

a_i : acción que corresponde a e_i

SEGÚN C_1, C_2, \dots, C_n

$e_1 : a_1$

$e_2 : a_2$

...

$e_m : a_m$

EN_OTRO_CASO: a_{m+1}

FIN_SEGÚN

a_{m+1} se ejecuta si
 $e_1 \vee e_2 \dots \vee e_m = \text{FALSO}$

1.4 Organización de las acciones: análisis de casos, composición SI ENTONCES

➤ **SI** e **ENTONCES** a **SI_NO** b **FIN_SI**;

➤ **donde:**

e: expresión booleana

a, b: acciones

➤ Esta composición es equivalente a:

SEGÚN C_1, C_2, \dots, C_n

e : a

NO (e) : b

FIN_SEGÚN;

➤ **SI** e **ENTONCES** a **FIN_SI**;

➤ esta forma es equivalente a:

SEGÚN C_1, C_2, \dots, C_n

NO (e) : ; { *acción vacía* }

e : a

FIN_SEGÚN;

1.4 Organización de las acciones: análisis de casos. Problema.

- **Problema:** Dados tres enteros diferentes, ordénense de menor a mayor.
- **Especificación:**
 - a, b, c, p, s, t : entero
 - Precondición $\{ (a=X \wedge b=Y \wedge c=Z) \wedge (X \neq Y \neq Z \neq X) \}$
 - Postcondición $\{ (p, s, t) \in \text{perm}(X, Y, Z) \wedge p < s < t \}$
- **Posibles errores**
 - Olvidar casos
 - Incluir casos que no se excluyan

1.4 Organización de las acciones: análisis de casos. Problema.

- En este problema la solución será una de las permutaciones de X, Y, Z por tanto los posibles casos son seis:

$a < b < c$	$a < c < b$
$b < a < c$	$b < c < a$
$c < a < b$	$c < b < a$
- Hacemos un **análisis de casos** y descomponemos el problema teniendo en cuenta los datos. Utilizamos la composición SEGÚN
- **Datos:** tres variables enteras que representan los datos, **a**, **b** y **c**. Los valores de estas variables deben ser diferentes
- **Resultados:** tres variables enteras, **p**, almacenará el número más pequeño, **s**, el del centro y **t** el mayor

1.4 Organización de las acciones: análisis de casos. Problema.

LÉXICO

a,b,c: Entero

p,s,t: Entero

ALGORITMO (Solución 1)

Leer (a, b, c);

SEGÚN a, b, c

a<b<c: p ← a; s ← b; t ← c;

a<c<b: p ← a; s ← c; t ← b;

b<a<c: p ← b; s ← a; t ← c;

b<c<a: p ← b; s ← c; t ← a;

c<b<a: p ← c; s ← b; t ← a;

c<a<b: p ← c; s ← a; t ← b;

FIN_SEGÚN;

Escribir (p, s, t)

FIN.

1.4 Organización de las acciones: análisis de casos. Problema.

ALGORITMO (Solución 2)

Leer (a, b, c)

SEGÚN a,b

a<b: **SEGÚN** a, b, c

 b<c: p ← a; s ← b; t ← c;

 a<c<b: p ← a; s ← c; t ← b;

 c<a: p ← c; s ← a; t ← b;

FIN_SEGÚN;

b<a: **SEGÚN** a, b, c

 a<c: p ← b; s ← a; t ← c;

 b<c<a: p ← b; s ← c; t ← a;

 c<b: p ← c; s ← b; t ← a;

FIN_SEGÚN;

FIN_SEGÚN;

Escribir (p, s, t)

FIN.

1.4 Organización de las acciones: análisis de casos. Problema.

ALGORITMO (Solución 3)

$p \leftarrow a; s \leftarrow b; t \leftarrow c;$

SEGÚN p, s, t

$p < s$ y $p < t$: ; { acción vacía }

$s < p$ y $s < t$: $p \leftrightarrow s$

$t < p$ y $t < s$: $p \leftrightarrow t$

FIN_SEGÚN;

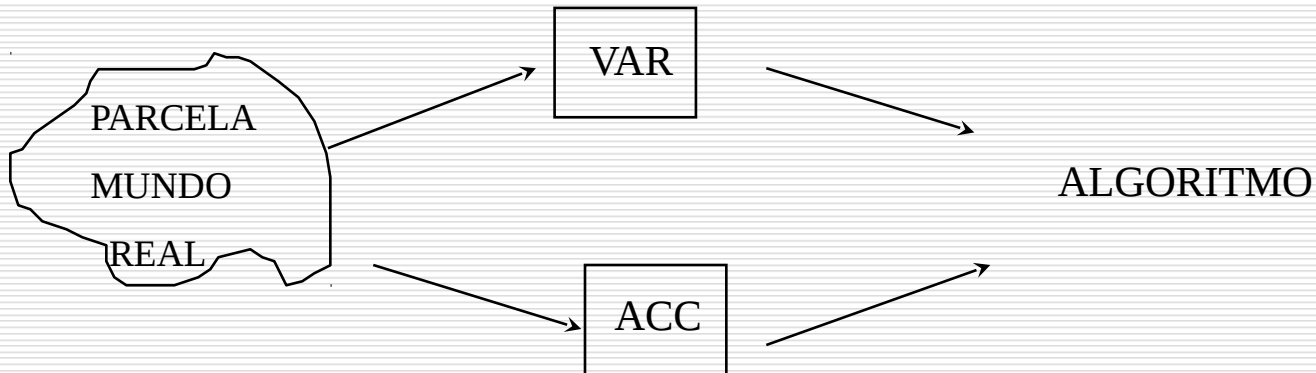
SI $s > t$ **ENTONCES** $s \leftrightarrow t$ **FIN_SI**;

Escribir $(p, s, t);$

FIN.

- En este caso la descomposición se ha realizado a partir de los resultados
- Suponemos que disponemos de la operación intercambio de dos variables \leftrightarrow (que **no** existe)

1.5 Tipos de datos no primitivos



VAR: conjunto de variables

ACC: conjunto de acciones

La elección de variables influye directamente en la elección de las acciones y viceversa

Los valores del dominio de un tipo pueden ser:

- Atómicos, simples, o escalares
- Estructurados

1.5 Tipos de datos no primitivos

- Las notaciones algorítmicas incluyen mecanismos para definir **tipos estructurados**. Los constructores de tipos más usuales son: **tablas, registro (o producto de tipos) y secuencias**.
- **Producto de tipos o registro:**
Sus valores son una enumeración o agregación de otros tipos ya definidos.
- **Dominio:** n-tuplas de los tipos constituyentes
- **Definición:**
 $\text{nombre_del_tipo} = \mathbf{TIPO} < a_1: T_1; a_2: T_2; \dots a_N: T_N >$
- a_x : denota el nombre de cada uno de los campos o elementos del registro
- $T_1, T_2, \dots T_N$: deben ser tipos ya existentes

1.5 Tipos de datos no primitivos

➤ **Cardinalidad:**

$$C_t = C_{t1} * C_{t2} * \dots * C_{tN}$$

➤ **Ejemplo:**

LÉXICO

Estudiante = **TIPO** < nom: secuencia de carácter;

edad: entero;

sexo: booleano;

centro: entero [1..20];

curso: entero [1..4] >;

a1 : estudiante;

➤ **Posible valor** de la variable a1: <“J. Gómez”, 21, Falso, 4, 3>

➤ **Acceso a elementos:** Operadores **de** y punto:
curso **de** a1; *o bien* a1.curso