### Organización de Computadoras

Clase 2



#### Temas de Clase

- Representación de datos
  - Números con signo
- Operaciones aritméticas
- Banderas de condición
- Representación de datos alfanuméricos

### Representación en BCS

Con n bits, 1 bit representa al signo y n-1 bits a la magnitud

<u>n-1</u>	n-2		0
SIGNO		MAGNITUD	

- El bit n-1 (extremo izquierdo) representa sólo al signo
- Los bits 0 a n-2 la magnitud

### Binario con signo

- Un 0 en el bit de signo indica que el número es positivo
- Un 1 en el bit de signo indica que el número es negativo
- Los bits 0 → n-2 representan el valor absoluto en binario
- El rango:  $-(2^{n-1}-1) \rightarrow +(2^{n-1}-1)$  con 2 ceros



### Binario con signo (2)

Ejemplos + 
$$32_{10} = 001000000$$
  $-32_{10} = 101000000$   $32$   $32$   $32$   $+7_{10} = 000000111$   $-7_{10} = 100000111$   $+41_{10} = 00101001$   $-41_{10} = 10101001$ 



### Binario con signo (3)

➤ Ejemplo: n=8 bits negativos | ... | 10000000 --- - 0 | ... | ... | ... | ... | 



#### Binario con signo (4)

> Ejemplo con n= 3 bits  $111 = -3 = -(2^{n-1} - 1)$ 110 = -2101 = -1100 = -0 $011 = +3 = +(2^{n-1} - 1)$ 010 = +2001 = +1000 = +0



#### Resumen: BCS

- ✓ El intervalo es simétrico
- ✓ El primer bit sólo indica el signo
- ✓ Los positivos empiezan con cero (0)
- ✓ Los negativos empiezan con uno (1)
- ✓ Hay dos ceros
- ✓ Números distintos: 2<sup>n</sup>



- El complemento a un número N de un número A (A menor que N) es igual a la cantidad que le falta a A para ser N
   Complemento a N de A = N - A
- El complemento a un número N del número (N-A) es igual a A.

Complemento a N de (N-A) = N - (N-A) = A

### Técnica de Complementos (2)

En un sistema con n dígitos podemos tener:

- Complemento a la base disminuida
  - si N= base<sup>n</sup> − 1

En sistema binario es Complemento a 1 ó Ca1

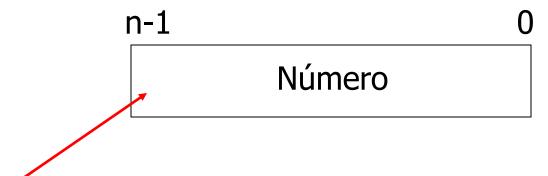
- Complemento a la base
  - si N= base<sup>n</sup>

En sistema binario es Complemento a 2 ó Ca2



### Representación en Ca1

Los n bits representan al número



Información del signo

- Si el número es positivo, los n bits tienen la representación binaria del número (como siempre)
- Si el número es negativo, los n bits tienen el Ca1 del valor deseado.
- El Ca1 de un número en base 2 se obtiene invirtiendo todos los bits

- Los positivos empiezan con cero (0)
- Los negativos empiezan con uno (1)
- El rango va desde

$$-(2^{n-1}-1)$$
 a  $+(2^{n-1}-1)$ 

con dos ceros

#### **Ejemplos**

```
➤ Ejemplo: n=8 bits
Números \( 111111111 \cdots \) -0
negativos
            10000000 \leftarrow -(2^{n-1}-1)=-127
Números \int 011111111 + (2^{n-1} - 1) = +127
positivos {
```

> Ejemplo con n= 3 bits

$$111 = -0$$

$$110 = -1$$

$$101 = -2$$

$$100 = -3 = -(2^{n-1} - 1)$$

$$011 = +3 = +(2^{n-1} - 1)$$

$$010 = +2$$

$$001 = +1$$

$$000 = +0$$



Dada una cadena de bits ¿qué número decimal representa si lo interpretamos en Ca1?

Cuando es positivo:

$$01100000 = 1 \times 2^6 + 1 \times 2^5 = 64 + 32 = 96$$
  
Como siempre

- Cuando es negativo, puedo hacer dos cosas:
- ✓ Ca1 del número y obtengo el positivo Ej.

### \_Ca1

✓ Otro método: el peso que tiene el primer dígito ahora es –(2<sup>n-1</sup> –1 ) y el resto de los dígitos con pesos positivos como siempre

$$11100000 = -1x(2^7 - 1) + 1x2^6 + 1x2^5 =$$
= -127 + 64 + 32 = -31

➤ O por definición de Complemento a la base disminuida

$$ightharpoonup$$
 Ca1 = (b<sup>n</sup>-1) - N<sup>o</sup>



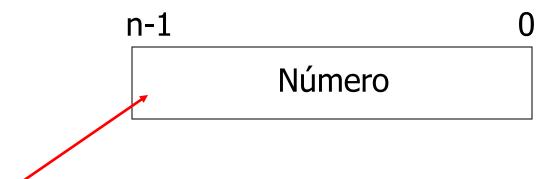
#### Resumen Ca1

- El intervalo es simétrico
- Los n bits representan al número
- Los positivos empiezan con cero (0)
- Los negativos empiezan con uno (1)
- Hay dos ceros
- Números distintos 2<sup>n</sup>



#### Representación en Ca2

Los n bits representan al número



Información del signo



#### Representación en Ca2

- Si el número es positivo, los n bits tienen la representación binaria del número (como siempre)
- Si el número es negativo, los n bits tienen el Ca2 del valor deseado.
- El Ca2 de un número (en base 2) se obtiene invirtiendo todos los bits (Ca1) y luego sumándole 1.

- Otra forma: "mirando" desde la derecha se escribe el número (base 2) igual hasta el primer "1" uno inclusive y luego se invierten los demás dígitos
- Otra forma: por definición de Complemento a la base

$$ightharpoonup$$
 Ca2 =  $b^n$  -  $N^o$ 



- Los positivos empiezan con cero (0)
- Los negativos empiezan con uno (1)
- El rango es asimétrico y va desde

$$-(2^{n-1}) a + (2^{n-1}-1)$$

Hay un solo cero

**Ejemplos** 

$$+32_{10} = 001000000 \leftarrow$$
 "mirando" desde la derecha

$$-32_{10} = 11100000$$

- ✓ Los dígitos en rojo se copiaron igual
- ✓ Los dígitos en azul se invirtieron

# 4

### Ca2 (otra forma )

```
+32_{10}=00100000

11111

110111111 invierto todos los bits

+ 1 le sumo 1

-32_{10}=111000000 en Ca2
```



#### Ca2 (otra forma)

- Ca2 =  $b^n N^o = 2^8 32 = 256-32=224$
- Hagamos la cuenta en base 2

```
➤ Ejemplo: n=8 bits
negativos
        10000000 - (2^{n-1}) = -128
Números \int 011111111 + (2^{n-1} - 1) = +127
positivos
```

Ejemplo con n= 3 bits

$$111 = -1$$

$$110 = -2$$

$$101 = -3$$

$$100 = -4 = -(2^{n-1})$$

$$011 = +3 = +(2^{n-1} - 1)$$

$$010 = +2$$

$$001 = +1$$

$$000 = +0$$



Dada una cadena de bits ¿qué número decimal representa si lo interpretamos en Ca2?

Cuando es positivo:

$$01100000=1 \times 2^{6} + 1 \times 2^{5} = 64+32=96$$
  
Como siempre

- Cuando es negativo, puedo hacer dos cosas:
- ✓ Ca2 el número y obtengo el positivo Ej.

32



11100000

00100000 = +32

✓ Otro método: el peso que tiene el primer dígito ahora es –(2<sup>n-1</sup>) y el resto de los dígitos con pesos positivos *como siempre* 

$$111000000 = -1x(2^7) + 1x2^6 + 1x2^5$$
$$= -128 + 64 + 32 = -32$$



#### Resumen Ca2

- El intervalo es asimétrico, hay un más
- Los n bits representan al número
- Los positivos empiezan con cero (0)
- Los negativos empiezan con uno (1)
- Hay un solo cero
- ❖ Números distintos 2<sup>n</sup>



 La representación de un número A es la que corresponde a la SUMA del mismo y un valor constante E (o exceso).

Exceso E de 
$$A = A + E$$

 Dado un valor, el número representado se obtiene RESTANDO el valor del exceso.

$$A = (Exceso E de A) - E$$

- El signo del número A resulta de una resta
  - En binario, NO sigue la regla del bit mas significativo

### Exceso 2<sup>n-1</sup>

#### Rango



#### Nuevas Banderas aritméticas

- N (negativo): igual al bit más significativo del resultado.
  - Es 1 si el resultado es negativo
- ❖ V (overflow): en 1 indica una condición de fuera de rango (desborde) en Ca2.
  - El resultado no se puede expresar con el número de bits utilizado.



#### Suma en Ca2

- Para sumar dos números en Ca2 se suman los n bits directamente.
- ➤ Si sumamos dos números + y el resultado es ó si sumamos dos y el resultado es +
   hay overflow, en otro caso no lo hay.
- ➤ Si los Nos son de distinto signo nunca puede haber overflow.



#### Resta en Ca2

- Para restar dos números en Ca2, se restan los n bits directamente. También se puede Ca2 el sustraendo y transformar la resta en suma.
- Si a un Nº + le restamos un Nº − y el resultado es − ó si a un Nº − le restamos un + y el resultado es + hay overflow en la resta.
- Si son del mismo signo nunca hay overflow



Operación NZVC Ca2 Sin signo

✓ Los dos resultados son correctos.



Operación NZVC Ca2 Sin signo

✓ Ca2 incorrecto, sin signo correcto.



Operación NZVC Ca2 Sin signo

✓ Ca2 correcto, sin signo incorrecto.



Operación NZVC Ca2 Sin signo

✓ Los dos resultados son incorrectos.



Operación NZVC Ca2 Sin signo

$$1 \longrightarrow 0101 \qquad 1001 \qquad +5 \qquad 5$$

$$0111 \qquad +7 \qquad 7$$

$$1110 \qquad -2 \qquad B 14$$

✓ Ca2 correcto, sin signo incorrecto.



Operación NZVC Ca2 Sin signo

✓ Ca2 incorrecto, sin signo correcto.



#### Suma en BCS



Para pensar.



# Representación alfanumérica

- Letras (mayúsculas y minúsculas)
- Dígitos decimales (0, ..., 9)
- Signos de puntuación
- Caracteres especiales
- "Caracteres" u órdenes de control

# Ejemplo

A cada símbolo un código en binario

```
Ejemplo: x, y, \alpha, \beta, #, @, [, ]
```



#### Algunos códigos

#### FIELDATA

- 26 letras mayúsculas + 10 dígitos + 28 caracteres especiales
- Total 64 combinaciones ⇒ Código de 6 bits

#### ASCII

American Standard Code for Information Interchange

- FIELDATA + minúsculas + ctrl
- Total 128 combinaciones ⇒ Código de 7 bits



# Algunos códigos (2)

- ASCII extendido
  - ASCII + multinacional + semigráficos + matemática
  - Código de 8 bits
- EBCDIC Extended BCD Interchange Code
  - similar al ASCII pero de IBM
  - Código de 8 bits

#### Tabla ASCII



0 0 000 NUL (null) 32 20 040   Space 64 40 100 @ 0 96 60 140   1 1 001 SOH (start of heading) 33 21 041 ! ! 65 41 101 A A 97 61 141   2 2 002 STX (start of text) 34 22 042 " " 66 42 102 B B 98 62 142   3 3 003 ETX (end of text) 35 23 043 # # 67 43 103 C C 99 63 143   4 4 004 EOT (end of transmission) 36 24 044 \$ \$ 68 44 104 D D 100 64 144  5 5 005 ENQ (enquiry) 37 25 045 % \$ 69 45 105 E E 101 65 145  6 6 006 ACK (acknowledge) 38 26 046 & & 70 46 106 F F 102 66 146  7 7 007 BEL (bell) 39 27 047 ' ' 71 47 107 G G 103 67 147 	
2 2 002 STX (start of text) 34 22 042 "" 66 42 102 B B 98 62 142 ] 3 003 ETX (end of text) 35 23 043 # # 67 43 103 C C 99 63 143 ] 4 004 EOT (end of transmission) 36 24 044 \$ \$ 68 44 104 D D 100 64 144 ] 5 005 ENQ (enquiry) 37 25 045 % \$ 69 45 105 E E 101 65 145 ] 6 006 ACK (acknowledge) 38 26 046 & \$ 70 46 106 F F 102 66 146 ] 7 007 BEL (bell) 39 27 047 ' ' 71 47 107 G G 103 67 147 ] 6 105 6 145 6	96;
3 3 003 ETX (end of text) 35 23 043 # # 67 43 103 C C 99 63 143 _ 4 4 004 EOT (end of transmission) 36 24 044 \$ \$ 68 44 104 D D 100 64 144 # 5 005 ENQ (enquiry) 37 25 045 % \$ 69 45 105 E E 101 65 145 # 6 006 ACK (acknowledge) 38 26 046 & & 70 46 106 F F 102 66 146 # 7 7 007 BEL (bell) 39 27 047 ' ' 71 47 107 G G 103 67 147 #	97; <b>a</b>
4 4 004 EOT (end of transmission) 36 24 044 \$ \$ 68 44 104 D D 100 64 144  5 5 005 ENQ (enquiry) 37 25 045 % \$ 69 45 105 E E 101 65 145  6 006 ACK (acknowledge) 38 26 046 & \$ 70 46 106 F F 102 66 146  7 7 007 BEL (bell) 39 27 047 ' ' 71 47 107 G G 103 67 147 	98; b
5 5 005 ENQ (enquiry) 37 25 045 % % 69 45 105 E E 101 65 145  6 006 ACK (acknowledge) 38 26 046 & & 70 46 106 F F 102 66 146  77 007 BEL (bell) 39 27 047 ' ' 71 47 107 G G 103 67 147 	99; <b>c</b>
6 6 006 ACK (acknowledge) 38 26 046 & 6 70 46 106 F F 102 66 146  7 7 007 BEL (bell) 39 27 047 ' ' 71 47 107 G G 103 67 147 	.00; <b>d</b>
7 7 007 BEL (bell) 39 27 047 6#39; ' 71 47 107 6#71; G 103 67 147 6#3	
8 8 010 <b>BS</b> (backspace) 40 28 050 @#40; ( 72 48 110 @#72; <b>H</b>  104 68 150 @#1	
9 9 011 TAB (horizontal tab)   41 29 051 ) )   73 49 111 I I   105 69 151 	
10 A 012 LF (NL line feed, new line) 42 2A 052 6#42; * 74 4A 112 6#74; J   106 6A 152 6#3	
11 B 013 VT (vertical tab) 43 2B 053 + + 75 4B 113 K K 107 6B 153 	
12 C 014 FF (NP form feed, new page) 44 2C 054 , , 76 4C 114 L L   108 6C 154 &#J	
13 D 015 CR (carriage return)   45 2D 055 - -   77 4D 115 M M   109 6D 155 	
14 E 016 S0 (shift out) 46 2E 056 6#46; . 78 4E 116 6#78; № 110 6E 156 6#3	
15 F 017 SI (shift in)   47 2F 057 @#47; /   79 4F 117 @#79; 0   111 6F 157 @#3	
16 10 020 DLE (data link escape)   48 30 060 0 0   80 50 120 P P   112 70 160 	
17 11 021 DC1 (device control 1) 49 31 061 1 1 81 51 121 Q 0 113 71 161 	
18 12 022 DC2 (device control 2)   50 32 062 2 2   82 52 122 R R   114 72 162 	
19 13 023 DC3 (device control 3) 51 33 063 3 3 83 53 123 S 5 115 73 163 	
20 14 024 DC4 (device control 4) 52 34 064 4 4 84 54 124 T T 116 74 164 	
21 15 025 NAK (negative acknowledge)   53 35 065 5 5   85 55 125 U U   117 75 165 	
22 16 026 SYN (synchronous idle)   54 36 066 6 6   86 56 126 V V   118 76 166 	-
23 17 027 ETB (end of trans. block)   55 37 067 7 7   87 57 127 W ₩  119 77 167 	
24 18 030 CAN (cancel) 56 38 070 8 8 88 58 130 X X 120 78 170 	
25 19 031 EM (end of medium)   57 39 071 9 9   89 59 131 Y Y   121 79 171 	
26 1A 032 SUB (substitute)   58 3A 072 @#58;:   90 5A 132 @#90; Z   122 7A 172 @#3	
27 1B 033 ESC (escape)   59 3B 073 ;;   91 5B 133 [ [   123 7B 173 	
28 1C 034 FS (file separator)   60 3C 074 < <   92 5C 134 \ \   124 7C 174 	.24;
29 1D 035 GS (group separator)   61 3D 075 = =   93 5D 135 ] ]   125 7D 175 	
30 1E 036 RS (record separator)   62 3E 076 > >   94 5E 136 ^ ^  126 7E 176 	
31 1F 037 US (unit separator)   63 3F 077 6#63; ?   95 5F 137 6#95; _   127 7F 177 6#1	.27; DEL

# Una extensión al ASCII

128	Ç	144	É	160	á	176		193	Т	209	₹	225	В	241	±
129	ü	145	æ	161	í	177	******	194	Т	210	π	226	Γ	242	≥
130	é	146	Æ	162	ó	178		195	F	211	Ш	227	π	243	≤
131	â	147	ô	163	ú	179		196	-	212	F	228	Σ	244	ſ
132	ä	148	ö	164	ñ	180	4	197	+	213	F	229	σ	245	J
133	à	149	ò	165	Ñ	181	10	198	,ŧ∖	214	\r_	230	$\mu$	246	÷
134	å	150	û	166	•	182	-	199	╟	215	#	231	τ	247	æ
135	ç	151	ù	167	۰	183	OT A	200	L	216	+	232	Φ	248	۰
136	ê	152	_	168	3	184	7	201	F	217	J	233	Θ	249	
137	ë	153	Ö	169		185	4	202	<u> 1L</u>	218	Г	234	Ω	250	
138	è	154	Ü	170		186		203	īĒ	219		235	δ	251	
139	ï	156	£	171	1/2	187	٦	204	ŀ	220		236	60	252	_
140	î	157	¥	172	1/4	188	ī	205	=	221		237	ф	253	2
141	ì	158		173	į	189	Ш	206	#	222		238	ε	254	
142	Ä	159	f	174	«	190	Ⅎ	207	<u></u>	223		239	$\wedge$	255	
143	Å	192	L	175	»	191	٦	208	Ш	224	ου	240	=		



### mayor información ...

- Capítulo 8: Aritmética del computador (8.1., 8.2., 8.3.)
  - Stallings, 5° Ed.
- Sistemas enteros y Punto fijo
  - Apunte 1 de Cátedra
- Capítulo 3: Lógica digital y representación numérica
  - Apuntes COC Ingreso