

TRABAJO FIN DE GRADO:

Implementación del método de diferencias finitas en el dominio del tiempo en GPU

PRESENTADO POR:

JUAN JOSÉ SALAZAR LÓPEZ

ÍNDICE

-INTRODUCCIÓN

-MÉTODO DE LAS DIFERENCIAS FINITAS EN DOMINIO DEL TIEMPO

-GPU

-RESULTADOS

-CONCLUSIONES

INTRODUCCIÓN

- ¿Cuál es el método de las diferencias finitas en el dominio del tiempo?
- Aplicaciones del método de diferencias finitas en el dominio del tiempo
- ¿Por qué implementarlo en GPU?

INTRODUCCIÓN

OBJETIVOS:

- Generar dos algoritmos, uno en CPU y otro en GPU, donde se obtengan los mismos resultados.
- Comparar con ellos el tiempo de cálculo al utilizar cada componente.

MÉTODO DE LAS DIFERENCIAS FINITAS EN EL DOMINIO DEL TIEMPO

Método de la diferencia central finita:

Desarrollo en serie de Taylor de una función $y(x)$ en los puntos $(x+h)$, $(x-h)$

$$y(x+h) = y(x) + hy'(x) + \frac{h^2}{2}y''(x) + \frac{h^3}{6}y'''(x)$$

$$y(x-h) = y(x) - hy'(x) + \frac{h^2}{2}y''(x) - \frac{h^3}{6}y'''(x)$$

$$y'(x) = \frac{y(x+h) - y(x-h)}{2h} + O(h^2)$$

MÉTODO DE LAS DIFERENCIAS FINITAS EN EL DOMINIO DEL TIEMPO

Ecuaciones rotacionales de Maxwell para el campo electromagnético:

$$\frac{\partial D}{\partial t} = \nabla \times H$$

$$\frac{\partial H}{\partial t} = -\frac{1}{\mu_0} \nabla \times E$$

$$D(\omega) = \varepsilon_0 \varepsilon_r^*(\omega) E(\omega)$$

Modo transversal magnético

$$\frac{\partial D_z}{\partial t} = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon_0 \mu_0}} \left(\frac{\partial H_y}{\partial x} - \frac{\partial H_x}{\partial y} \right)$$

$$D(\omega) = \varepsilon_r^*(\omega) E(\omega)$$

$$\frac{\partial H_x}{\partial t} = -\frac{1}{\sqrt{\varepsilon_0 \mu_0}} \frac{\partial E_z}{\partial y}$$

$$\frac{\partial H_y}{\partial t} = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon_0 \mu_0}} \frac{\partial E_z}{\partial x}$$

MÉTODO DE LAS DIFERENCIAS FINITAS EN EL DOMINIO DEL TIEMPO

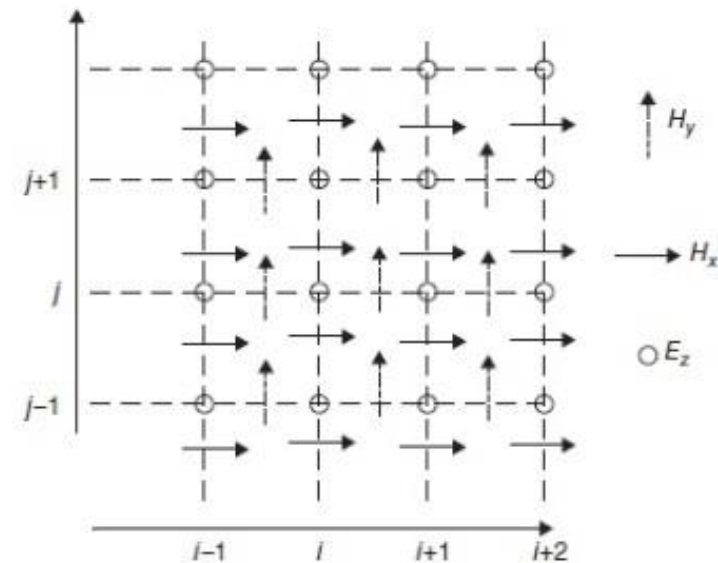
Modo transversal magnético

$$\frac{D_z^{n+1/2}(i, j) - D_z^{n-1/2}(i, j)}{\Delta t} = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \left[\frac{H_y^n(i + \frac{1}{2}, j) - H_y^n(i - \frac{1}{2}, j)}{\Delta x} \right] - \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \left[\frac{H_x^n(i, j + \frac{1}{2}) - H_x^n(i, j - \frac{1}{2})}{\Delta x} \right]$$

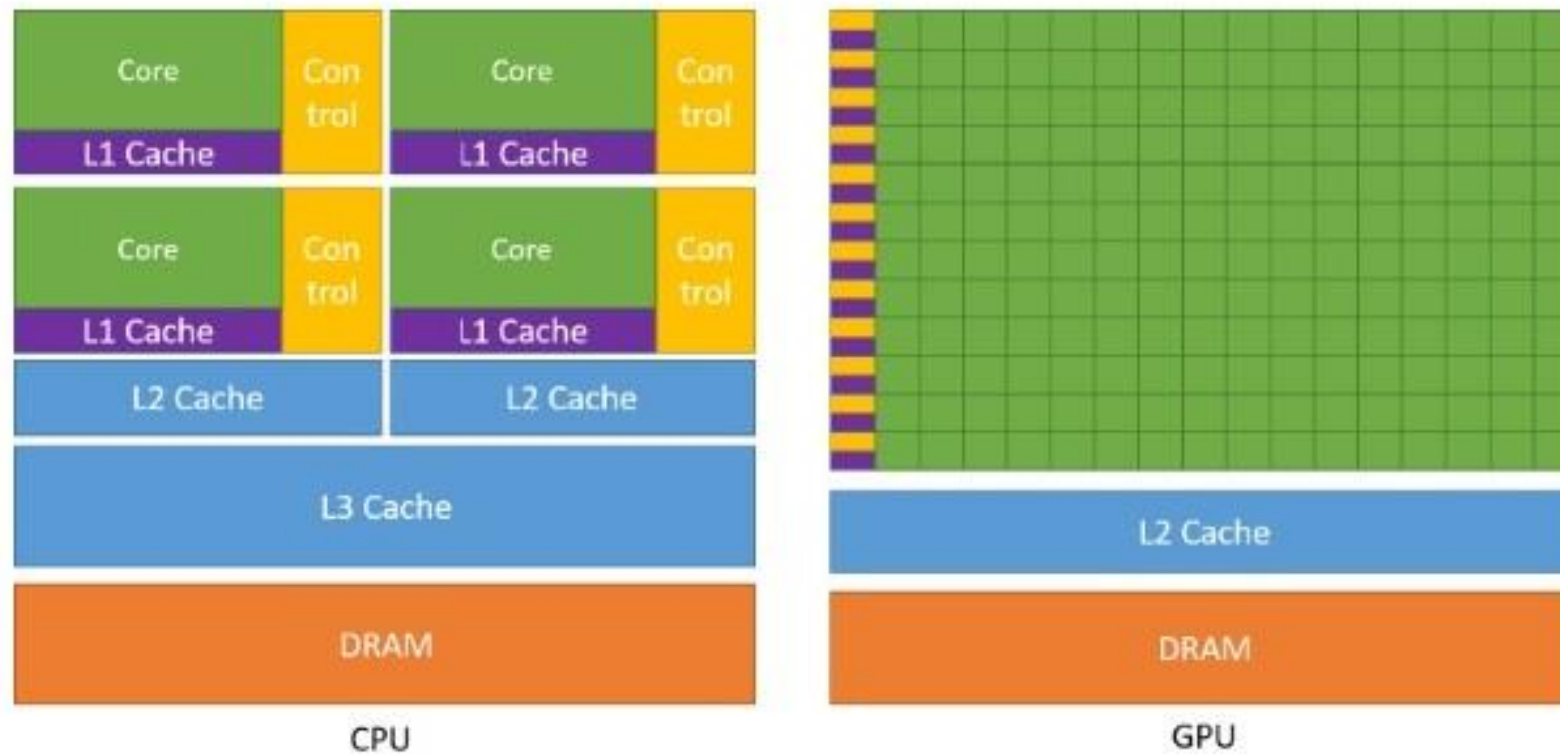
$$\frac{H_x^{n+1}(i, j + \frac{1}{2}) - H_x^n(i, j + \frac{1}{2})}{\Delta t} = -\frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \left[\frac{E_z^{n+1/2}(i, j + 1) - E_z^{n+1/2}(i, j)}{\Delta x} \right]$$

$$\frac{H_y^{n+1}(i + \frac{1}{2}, j) - H_y^n(i + \frac{1}{2}, j)}{\Delta t} = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \left[\frac{E_z^{n+1/2}(i + 1, j) - E_z^{n+1/2}(i, j)}{\Delta x} \right]$$

Campos intercalados en el espacio



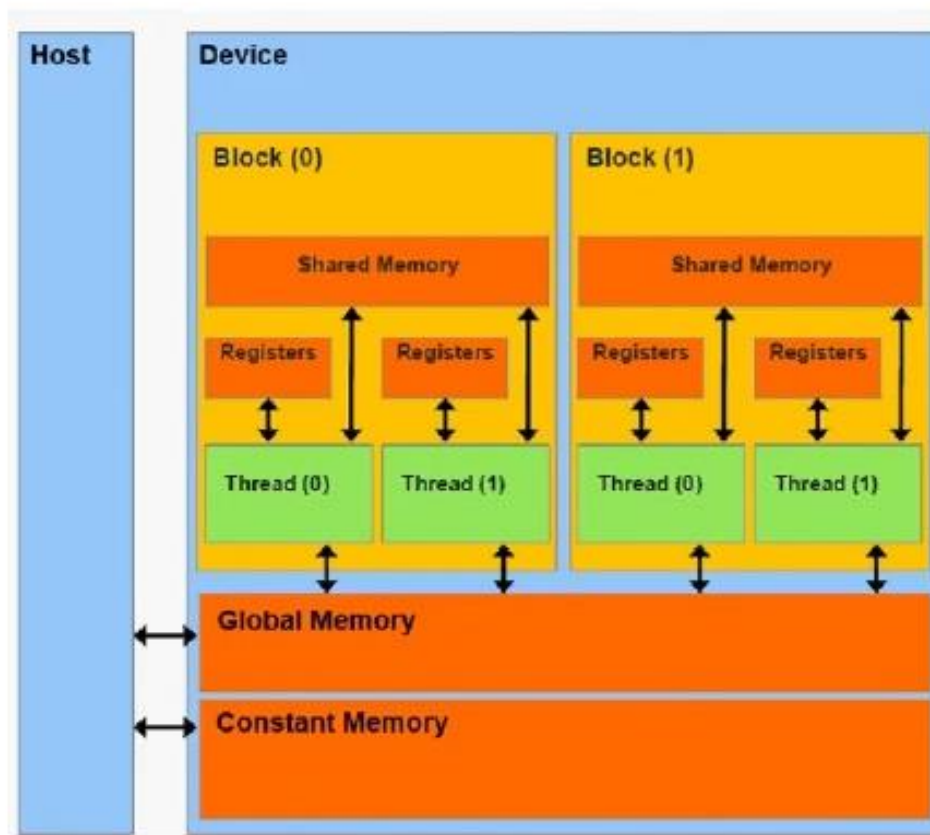
GPU



Fuente: Documentación de Nvidia

GPU

Estructura GPU



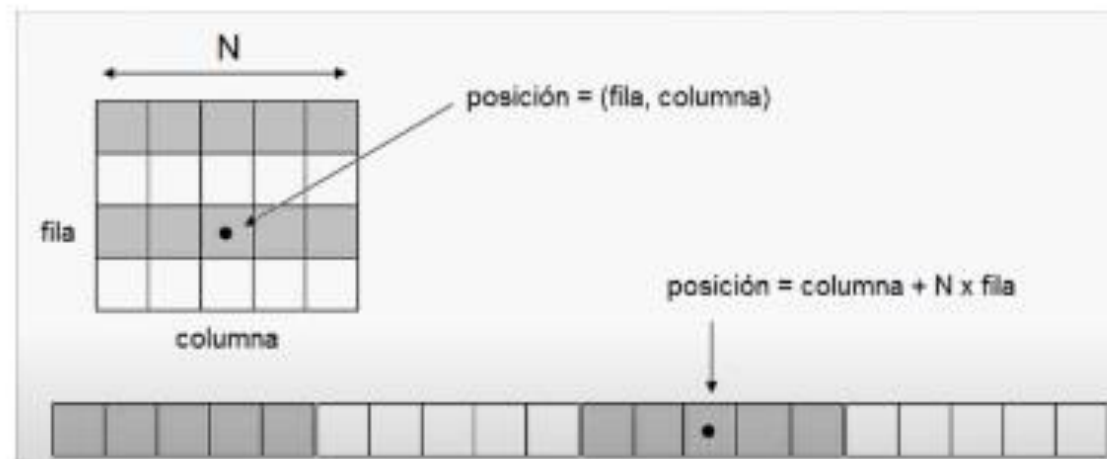
Fuente: Documentación de Nvidia

GPU

Estructura conceptual



¿Cómo localizar un hilo?



Fuente: Documentación de Nvidia

GPU

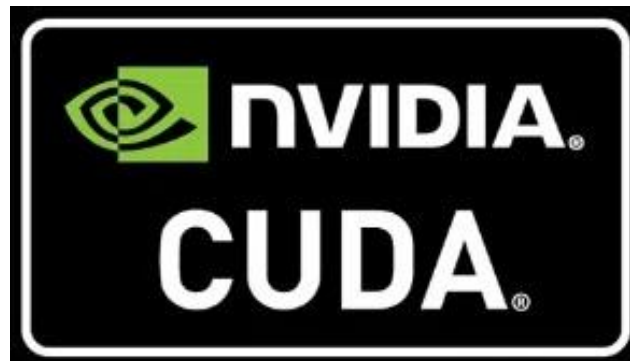
¿Cómo determinar la fila y la columna de un hilo?

```
int fil = blockIdx.y * blockDim.y + threadIdx.y;  
int col = blockIdx.x * blockDim.x + threadIdx.x;
```

¿Cómo utilizar los hilos?

```
//Calculate Dz  
if (0 < fil && fil < ydim && 0 < col && col < xdim) {  
    field[fil * xdim + col].dz += 0.5 *  
        (field[fil * xdim + col].hy - field[fil * xdim + col - 1].hy -  
         field[fil * xdim + col].hx + field[(fil - 1) * xdim + col].hx);  
}  
__syncthreads();
```

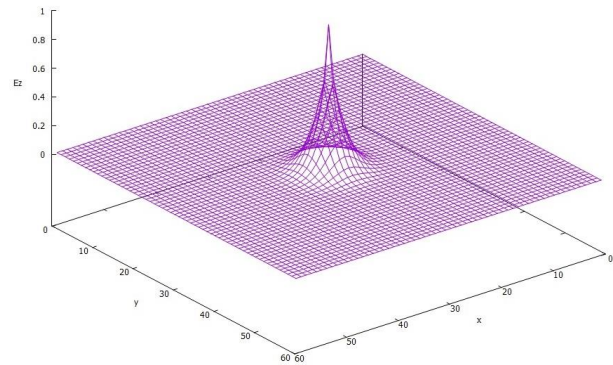
Tecnología utilizada



RESULTADOS

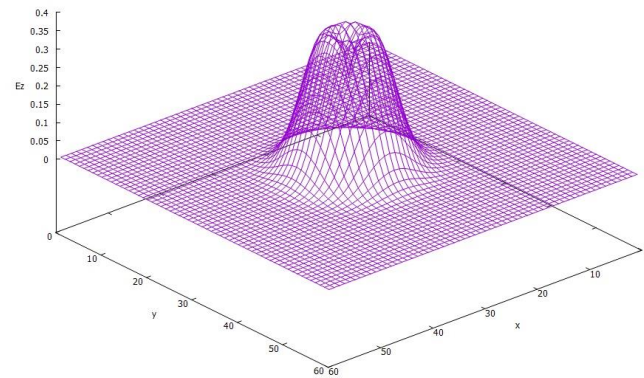
T=20

'ez.txt' mat



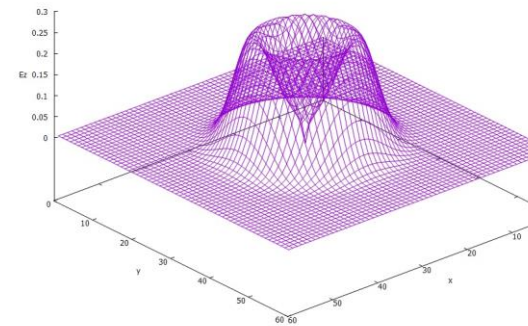
T=30

'ez.txt' mat



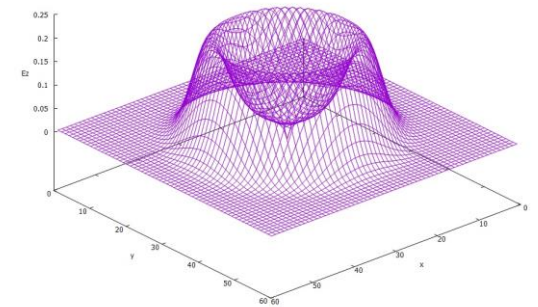
T=40

'ez'



T=50

'ez.txt' mat



RESULTADOS

Relación pasos temporales y velocidad de cómputo

Pasos Temporales	t_{CPU} (s)	t_{GPU} (s)	$(t_{\text{CPU}}/t_{\text{GPU}})$
10	1.971 ± 0.008	0.165 ± 0.001	11.91 ± 0.09
100	19.32 ± 0.05	1.633 ± 0.003	11.83 ± 0.04
1000	209.1 ± 1.4	16.397 ± 0.023	12.75 ± 0.09
10000	2150 ± 13	168.6 ± 0.9	12.75 ± 0.10

Speed up medio de 12.3 ± 0.5

RESULTADOS



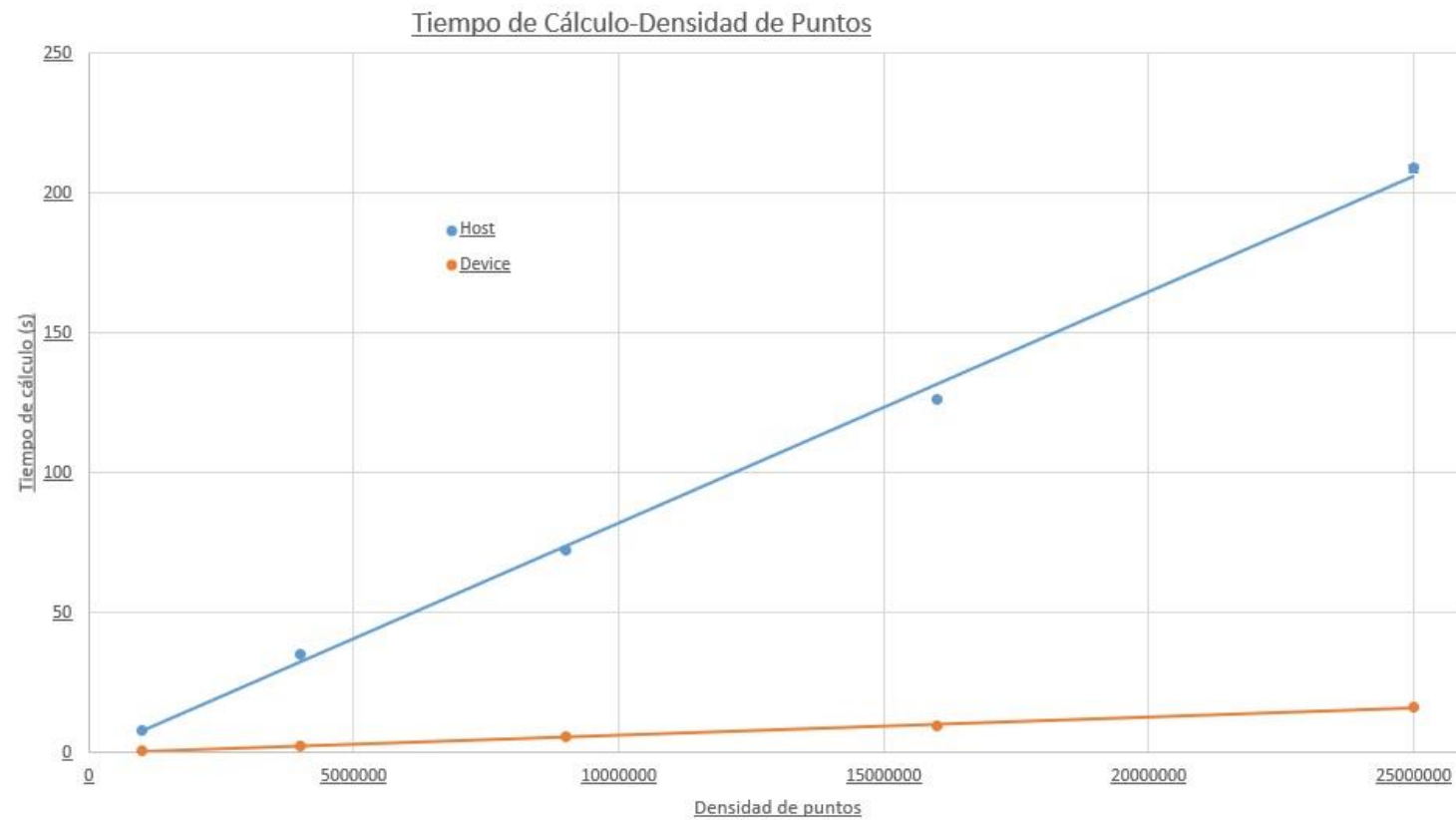
RESULTADOS

Relación densidad de puntos y velocidad de cómputo

Densidad de puntos	t_{CPU} (s)	t_{GPU} (s)	$(t_{\text{CPU}}/t_{\text{GPU}})$
10^6	7.67 ± 0.04	0.640 ± 0.002	11.98 ± 0.07
$4 \cdot 10^6$	35.36 ± 0.23	2.447 ± 0.016	14.44 ± 0.13
$9 \cdot 10^6$	72.3 ± 0.3	5.582 ± 0.021	12.96 ± 0.07
$16 \cdot 10^6$	126.3 ± 0.5	9.81 ± 0.03	12.88 ± 0.06
$25 \cdot 10^6$	209.1 ± 1.4	16.39 ± 0.23	12.75 ± 0.09

Speed up medio de 13 ± 0.9

RESULTADOS



CONCLUSIONES

- Implementación de un algoritmo generado para CPU en GPU, obteniendo los mismos resultados.
- Mejora en la velocidad de cálculo de x12.6. Lo que se ejecuta en 600 s (10 horas) en CPU, en GPU se calcula en 48 minutos.

FIN

MUCHAS GRACIAS