

⑤ Muestra con detalles que la sustitución hacia atrás se expresa como:

$$x_i = \frac{b_i - \sum_{j=i+1}^n A_{ij} x_j}{A_{ii}}$$

• i-ésimo término de $A\vec{x} = \vec{b}$ $\left\{ \sum_{j=1}^n x_j A_{ij} = b_i \right.$

• Tenemos una matriz triangular superior, $\leadsto A_{i1}, A_{i2}, A_{i3}, \dots, A_{i(n-1)}$ podemos separar $x_i A_{ii}$

$$x_i A_{ii} + \sum_{j=i+1}^n x_j A_{ij} = b_i$$

$$\sum_{j=i+1}^n x_j A_{ij} - b_i = -x_i A_{ii}$$

$$-\sum_{j=i+1}^n x_j A_{ij} + b_i = x_i A_{ii}$$

$$\frac{-\sum_{j=i+1}^n x_j A_{ij} + b_i}{A_{ii}} = x_i$$