Trabajo de Optimización

Juan Camilo Ruiz

22 de abril de 2019

Ejercicio 1: codigo en python

EJERCICIO 2

a) Consigna: Dar un ejemplo de problema de optimización cuadrática convexa con igualdades donde el sistema KKT tiene varias soluciones.

Problema:

$$H = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad c = [2, 1, -1], k = 0$$

$$min \quad \frac{1}{2}x^T H x + c^T x + k$$
$$6x_1 + 3x_2 + x_3 = 4$$

El sistema KKT es igual a :

$$\left(\begin{array}{ccccccc}
4 & 2 & 0 & 6 & -2 \\
2 & 1 & 0 & 3 & -1 \\
0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\
6 & 3 & 1 & 0 & 4
\end{array}\right)$$

Solucionando este sistema obtenemos la solucion general:

$$x^* = \begin{pmatrix} 0, 4 \\ 0 \\ 1, 6 \\ -0, 6 \end{pmatrix} + \alpha \begin{pmatrix} -0, 5 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} , \alpha \in \mathbb{R}$$

Dos soluciones a este problema:

$$x_1^* = \begin{pmatrix} 0, 4 \\ 0 \\ 1, 6 \\ -0, 6 \end{pmatrix}, x_2^* = \begin{pmatrix} -0, 1 \\ 1 \\ 1, 6 \\ -0, 6 \end{pmatrix}, \alpha = 1$$

b)

Considere el siguiente problema:

$$H = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad c = [2, 1, -1], k = 0$$

$$min \quad \frac{1}{2}x^T H x + c^T x + k$$
$$6x_1 + 3x_2 = 4$$

El sistema KKT es igual a :

$$\left(\begin{array}{cccccc}
4 & 2 & 0 & 6 & -2 \\
2 & 1 & 0 & 3 & -1 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
6 & 3 & 0 & 0 & 4
\end{array}\right)$$

Resolviendo el sistema se llega a :

$$\left(\begin{array}{cccccc}
1 & 0,5 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1 & -0 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 0
\end{array}\right)$$

Por lo tanto el sistema KKT no tiene solución.