

# **Introducción a las Mediciones Eléctricas**

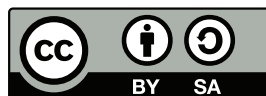
**Escuela de Educación Técnico  
Profesional N 669**

**2019**

# Introducción a las Mediciones Eléctricas

**Prof. Juan Manuel Maffei**

This work is licensed under a Creative Commons “Attribution-ShareAlike 3.0 Unported” license.



Usted es libre de:

- Compartir — copiar y redistribuir el material en cualquier medio o formato
- Adaptar — remezclar, transformar y construir a partir del material para cualquier propósito, incluso comercialmente.

Bajo los siguientes términos:

- Atribución — Usted debe dar crédito de manera adecuada, brindar un enlace a la licencia, e indicar si se han realizado cambios. Puede hacerlo en cualquier forma razonable, pero no de forma tal que sugiera que usted o su uso tienen el apoyo de la licenciante.
- CompartirIgual — Si remezcla, transforma o crea a partir del material, debe distribuir su contribución bajo la misma licencia del original.
- No hay restricciones adicionales — No puede aplicar términos legales ni medidas tecnológicas que restrinjan legalmente a otras a hacer cualquier uso permitido por la licencia.

# Índice general

<b>1</b>	<b>Sobre las mediciones</b>	<b>5</b>
1.1	Magnitudes . . . . .	5
1.1.1	Precisión y exactitud . . . . .	6
1.2	Sistema Internacional de Unidades . . . . .	6
1.2.1	Unidades . . . . .	6
1.2.2	Prefijos . . . . .	7
1.2.3	Reglas . . . . .	7
1.3	Consideraciones para la lectura de mediciones . . . . .	8
1.3.1	Cifras significativas . . . . .	8
1.3.2	Redondeo . . . . .	8
1.3.3	Notación científica y de ingeniería . . . . .	9
1.4	Mediciones directas e indirectas . . . . .	10
1.5	Generalidades de instrumentos de medición eléctrica . . . . .	11
1.5.1	Instrumentos analógicos . . . . .	11
1.5.2	Instrumentos digitales . . . . .	11
<b>2</b>	<b>Errores</b>	<b>13</b>
2.0.1	Error absoluto . . . . .	13
2.0.2	Tolerancia . . . . .	13
2.0.3	Error relativo . . . . .	14
2.1	Clasificación de los errores . . . . .	15
2.1.1	Errores groseros . . . . .	15
2.1.2	Errores sistemáticos . . . . .	15
2.2	Clase de un instrumento . . . . .	16
<b>3</b>	<b>Magnitudes eléctricas</b>	<b>19</b>
3.1	El átomo . . . . .	19
3.1.1	Fuerza eléctrica . . . . .	20
3.1.2	Materiales conductores y aislantes . . . . .	21
3.2	Diferencia de potencial eléctrico o tensión . . . . .	21
3.3	Intensidad de corriente eléctrica . . . . .	22
3.4	Relación entre tensión y corriente: la resistencia . . . . .	23

3.4.1	Ley de Ohm . . . . .	24
3.5	Potencia (para corriente continua) . . . . .	24
3.5.1	Energía . . . . .	25
3.5.2	Eficiencia . . . . .	25
3.6	Campos eléctricos . . . . .	26
3.6.1	Capacitores . . . . .	26
3.7	Campos magnéticos . . . . .	29
3.7.1	Inductores . . . . .	29

# Capítulo 1

## Sobre las mediciones

### 1.1. Magnitudes

Medir es **comparar el valor de una magnitud con otro**, al que se consideró **la unidad** de dicha magnitud, a través de un experimento físico.

Una **magnitud** es toda aquella propiedad de un cuerpo que pueda ser medida.

La **cantidad** es el valor numérico que toma la medida dentro de un sistema de mediciones.

La **unidad** es la cantidad física que se toma como referencia para hacer las mediciones

**Ejemplo 1.1.** Dada la expresión: Altura del edificio = 80 metros,

- Altura es la magnitud.
- 80 es la cantidad.
- metro es la unidad.

Quiere decir que la altura del edificio (magnitud: longitud) es 80 veces (cantidad) la longitud de referencia denominada metro (unidad).

Las unidades se fijan según acuerdos internacionales por el Comité Internacional de Pesos y Medidas. Recientemente, en noviembre de 2018, se votó la redefinición de algunas de las unidades fundamentales, incluida el Ampere (para medir corriente eléctrica).

Durante este curso, usaremos el **Sistema Internacional de Unidades**, pero es posible que en otros contextos se utilicen otros, como el sistema inglés o el CGS.

### 1.1.1. Precisión y exactitud

Es común utilizar los términos **precisión** y **exactitud** como sinónimos, pero en el ámbito de la metrología, existe una diferencia:

- Precisión se refiere al grado de dispersión del conjunto de valores obtenidos en la medición repetida de una magnitud.
- Exactitud se refiere al grado de concordancia entre lo medido y su valor verdadero.

## 1.2. Sistema Internacional de Unidades

### 1.2.1. Unidades

Magnitud (símbolo)	Unidad (símbolo)
longitud (L)	metro (m)
masa (M)	kilogramo (kg)
tiempo (T)	segundo (s)
corriente eléctrica (I)	ampere (A)
temperatura ( $\Theta$ )	kelvin (K)
intensidad lumínica (J)	candela (cd)
energía (E)	julio (J)
fuerza (F)	newton (N)
potencia (P)	vatio (W)
carga eléctrica (Q)	coulomb (C)
tensión eléctrica, diferencia de potencial (V)	voltio (V)
capacitancia	faradio (F)
resistencia eléctrica (R)	ohmio ( $\Omega$ )
flujo magnético	weber (Wb)
campo magnético	tesla (T)
inductancia (L)	henrio (H)
flujo luminoso	lumen (lm)
frecuencia	hertz (Hz)

### 1.2.2. Prefijos

Factor de multiplicación	Nombre	Símbolo
$10^{24}$	yotta	Y
$10^{21}$	zetta	Z
$10^{18}$	exa	E
$10^{15}$	peta	P
$10^{12}$	tera	T
$10^9$	giga	G
$10^6$	mega	M
$10^3$	kilo	k
$10^2$	hecto	h
$10^1$	deka	da
$10^{-1}$	deci	d
$10^{-2}$	centi	c
$10^{-3}$	mili	m
$10^{-6}$	micro	$\mu$
$10^{-9}$	nano	n
$10^{-12}$	pico	p
$10^{-15}$	femto	f
$10^{-18}$	atto	a
$10^{-21}$	zepto	z
$10^{-24}$	yocto	y

### 1.2.3. Reglas

1. Los símbolos son siempre impresos en letra tipo romana, indistintamente del tipo de letra usado en el resto del texto.
2. Los símbolos son escritos en minúscula excepto cuando el nombre de la unidad se deriva de un nombre propio.
3. Los símbolos de los prefijos se imprimen en letra tipo romana sin espacio entre los símbolos del prefijo y la unidad.
4. Los símbolos nunca se pluralizan.
5. Nunca use un punto después de un símbolo, excepto cuando el símbolo ocurre al final de una oración.
6. Siempre use un espacio entre el número y el símbolo, excepto cuando el primer carácter de un símbolo no es una letra.
7. Los símbolos se usan en conjunto con números en lugar de escribir el nombre completo de la unidad; cuando no hay números, las unidades se escriben con su nombre propio.

## 1.3. Consideraciones para la lectura de mediciones

### 1.3.1. Cifras significativas

Según el nivel de precisión que se requiera en una medición, será necesario utilizar una determinada cantidad de cifras significativas.

Existen magnitudes continuas, que son aquellas que entre dos valores poseen infinitas posibilidades, y magnitudes discretas, que entre dos valores cualesquiera poseen una cantidad numerable y finita de posibilidades.

- Ejemplo 1.2.**
- La cantidad de conductores dentro de una caja es una magnitud discreta (puede haber uno, dos, diez o incluso ningún cable, pero no 1,3 cables).
  - La longitud de un conductor es una magnitud continua (puede medir 0,5 m, o 0,554 m, o 0,5533223 m).

Las mediciones de magnitudes continuas siempre serán aproximadas, y las mediciones de magnitudes discretas, en muchos casos, pueden ser exactas.

El número de cifras significativas determinan la precisión de una medición.

Siempre que se opere con dos medidas, la precisión de ambas deberá ser consistente. Esto significa que si se suma una medición con precisión de decimales con otra con precisión de milésimos, el resultado será impreciso. En estos casos, el número con menor precisión determinará la precisión de la solución.

### 1.3.2. Redondeo

En muchos casos, será necesario redondear las mediciones. Para ello, se toma la lectura hasta el último dígito significativo que se esté considerando, sumando 1 al mismo si el próximo dígito es mayor o igual que 5, o dejándolo como está (truncar) si el próximo dígito es menor que 5.



**Ejemplo 1.3.** Si  $V_1 = 3,25V$ ,  $V_2 = 2,4201V$  y  $V_3 = 3,245V$ ,

- $V_1 + V_2 = 3,25V + 2,4201V = 5,6501V = 5,65V$
- $V_1 + V_3 = 3,25V + 3,245V = 6,495V$ . Como el número con menor precisión tiene dos dígitos decimales, deberá redondearse, sumando una unidad a las centésimas (porque el dígito de las milésimas es 5) obteniendo 6,50V o 6,5V.

### 1.3.3. Notación científica y de ingeniería

En la sección 1.2.2, se han usado, como factores de multiplicación, potencias de 10.

A veces, cuando los valores con los que se trabaja son muy grandes o muy pequeños, suele ser cómodo utilizar potencias de 10. De ese modo, puede expresarse estos valores indicando sólo sus cifras significativas, multiplicadas por una potencia de 10.

Si la potencia es positiva, el factor de multiplicación será un 1 y tantos ceros como indique el exponente:

Valor	Potencia	Operación
1	$10^0$	10/10
10	$10^1$	10
100	$10^2$	$10 \times 10$
1000	$10^3$	$10 \times 10 \times 10$
...	...	...
1 y $n$ ceros	$10^n$	$10 \times 10 \times 10 \dots n$ veces

Si la potencia es negativa, debe recordarse la siguiente propiedad de las potencias:

$$\frac{1}{10^n} = 10^{-n}$$

Esto da lugar al siguiente razonamiento:

Valor	Potencia	Operación
0,1	$10^{-1}$	1/10
0,01	$10^{-2}$	1/100
0,001	$10^{-3}$	1/1000
0,0001	$10^{-4}$	1/10000
...	...	...
0, ( $n-1$ ) ceros y 1	$10^{-n}$	1/1( $n$ ceros)

**Ejemplo 1.4.** Expresar los siguientes valores en forma decimal.

- $3 \times 10^{-3} = 3 \times \frac{1}{1000} = 3 \times 0,001 = 0,003$
- $12 \times 10^4 = 12 \times 1000 = 12000$
- $3,25 \times 10^6 = 3,25 \times 1000000 = 3250000$
- $3,25 \times 10^{-4} = 3,25 \times 0,0001 = 0,000325$

En los ejemplos anteriores, se procedió a multiplicar un número por una potencia de 10, para obtener valores más pequeños o más grandes, y a simple vista resulta más legible.

Es una convención en notación científica, que la mantisa o coeficiente por el cual se multiplique la potencia de 10, debe estar entre 1 y 10.

La notación de ingeniería es similar, excepto que los exponentes de la potencia de 10 deben ser múltiplos de 3 y la mantisa debe estar entre 1 y 1000. Esto permite utilizar prefijos de magnitud como los que se enunciaron en la sección 1.2.2.

**Ejemplo 1.5.** Convertir las siguientes medidas para eliminar los prefijos, según la tabla de la sección 1.2.2.

- $3\mu\text{F} = 3 \times 10^{-6}\text{F} = 0,000003\text{F}$
- $1,2\text{mA} = 1,2 \times 10^{-3}\text{A} = 0,0012\text{A}$
- $120\text{pF} = 120 \times 10^{-12}\text{F} = 0,000000000120\text{F}$
- $22\text{M}\Omega = 22 \times 10^6\Omega = 22000000\Omega$

## 1.4. Mediciones directas e indirectas

Una medición directa es la que se realiza con un instrumento sobre un determinado elemento, mientras que una medición indirecta involucrará, además, algún paso adicional mediante el cálculo.

**Ejemplo 1.6.** ■ Medir la tensión de un tomacorriente con un voltímetro es una medición directa.

- Con un voltímetro se mide la tensión en una rama de un circuito de CC. Luego se mide la corriente con un amperímetro en serie. Finalmente, se multiplican ambos resultados y con ello se obtiene la medición indirecta de la potencia.

## 1.5. Generalidades de instrumentos de medición eléctrica

### 1.5.1. Instrumentos analógicos

Los instrumentos de medición analógicos utilizan una aguja para visualizar las lecturas mediante una aguja, que se mueve de manera continua, al igual que la magnitud que se intenta medir.

En muchos casos, no requieren de alimentación externa, se visualiza de forma más sencilla la variación (crecimiento o decrecimiento) y no son muy sofisticados.

Por otra parte, son más tendenciosos a errores de lectura groseros (por las confusiones en cuanto a las escalas), y tienen poca resolución.

Los instrumentos de medición analógica poseen un **alcance**, que es el valor máximo que puede medir dicho instrumento y una cantidad de divisiones denominadas **deflexiones**, que serán las que indiquen el valor medido según la posición de la aguja.

A partir de estas medidas, puede calcularse la **constante de lectura K**, que es la relación entre el alcance y la máxima cantidad de deflexiones. Esta medida indica la mínima unidad de variación legible.

$$K = \frac{\text{Alcance}}{\alpha \text{MAX}}$$

El **rango de medida** es el tramo de la escala en el cual las lecturas son confiables mientras que el **rango de indicación** corresponde a toda la escala del instrumento.

### 1.5.2. Instrumentos digitales

Los instrumentos digitales muestran un número de varias cifras en vez de una escala continua. Lo hacen mediante un display digital de varios dígitos, y a veces con alertas sonoras o lumínicas.

Si bien su construcción es más compleja que la de los instrumentos analógicos y requieren una alimentación externa en todos los casos, tienen una alta resolución, evitan los errores de lectura, modifican muy poco el circuito en el que se conectan (impedancia de entrada muy alta) y son muy rápidos.

En algunos casos, se incluye la selección automática de escalas y permiten introducir sus datos directamente en otro sistema (computadoras) para poder procesarlos.

Los instrumentos digitales poseen una determinada **cantidad de dígitos**, que pueden ir de 0 a 9 y un **dígito de sobrerango**, que sólo puede mostrar 0 ó 1.

La **sensibilidad**, en un instrumento digital, corresponde a el dígito menos significativo del rango.

La **resolución**, por otra parte, no tiene unidad. Para calcularla, se debe pensar en la máxima lectura posible y dividir el valor mínimo que puede medir el último dígito sobre esta lectura máxima.

$$\text{Resolución} = \frac{1}{10^d} \text{ siendo } d \text{ la cantidad de dígitos}$$

La resolución también se suele expresar como porcentaje.

Con estos datos, se puede hallar la sensibilidad en función de la resolución del instrumento:

$$\text{Sensibilidad} = \frac{\text{Resolución} \times \text{Valor a plena escala}}{1000}$$

# Capítulo 2

## Errores

Las mediciones no son exactas, ya que, suponiendo que no exista ningún error humano en el proceso de medición, dependen de la precisión del instrumento. En otras palabras, toda medida estará afectada por un error.

### 2.0.1. Error absoluto

Si se supone una medida  $X_v$  teórica ideal exacta y  $X_m$  el valor medido real, el error absoluto  $E_{abs}$  se define como la diferencia entre ambos:

$$E_{abs} = X_m - X_v$$

### 2.0.2. Tolerancia

En la mayoría de los casos, es posible calcular el mayor error absoluto posible (límite de error) en una medición, recurriendo al análisis de las características de los instrumentos y de las técnicas utilizadas. Así, se podría expresar una medición con su respectiva tolerancia, para indicar el grado de precisión de dicha medida.

**Ejemplo 2.1.** Un capacitor posee una capacidad de  $10\mu\text{F} \pm 0,1\mu\text{F}$ . Esto significa que su valor real estará comprendido entre  $10,1\mu\text{F}$  y  $9,9\mu\text{F}$ .

**Ejemplo 2.2.** Un resistor posee una resistencia de  $1000\Omega \pm 5\%$ . Esto significa que su valor real estará comprendido entre  $950\Omega$  y  $1050\Omega$ .

### Valor verdadero probable

Debido a que se desconoce el valor verdadero original, se tomará el valor verdadero probable  $X'_v$ , que considerará todas las causas de error posibles (por el operador, por el método y por el instrumento utilizado).

De ese modo, se puede redefinir el error absoluto como:

$$E_{abs} = X_m - X'_v$$

### 2.0.3. Error relativo

El error relativo permite conocer la magnitud de un error cometido. Se calcula efectuando el cociente entre el error absoluto y el valor real.

$$E_{rel} = \frac{X_m - X'_v}{X'_v}$$

### Error relativo porcentual

Suele ser útil expresar el error relativo como porcentaje. Para eso, multipliquemos el error relativo  $E_{rel}$  por 100:

$$e\% = 100 \times E_{rel}$$

**Ejemplo 2.3.** Se tomó la medición de la tensión de una rama de un circuito, obteniendo un valor de  $30V$ , y un valor real de  $27V$ .

Hallar el error absoluto, el error relativo y el error relativo porcentual.

*Solución:*

$$E_{abs} = 30V - 27V = 3V$$

$$E_{rel} = \frac{3V}{27V} \approx 0,1111V$$

$$e\% = 100 \times 0,1111V = 11,11\%$$

**Ejemplo 2.4.** Se tomó la medición de la tensión de una rama de un circuito, obteniendo un valor de 233V, y un valor real de 230V.

Hallar el error absoluto, el error relativo y el error relativo porcentual.

*Solución:*

$$E_{abs} = 233V - 230V = 3V$$

$$E_{rel} = \frac{3V}{230V} \approx 0,01304V$$

$$e \% = 100 \times 0,01304V = 1,3 \%$$

Nótese que, si bien en ambos ejemplos el error absoluto es el mismo, el error relativo del ejemplo 2.3 es mucho mayor que la del ejemplo 2.4; por lo que la segunda medición es mucho más precisa.

## 2.1. Clasificación de los errores

### 2.1.1. Errores groseros

Son los errores producidos por una mala elección del instrumento o del método, por una mala interpretación del operario (como por ejemplo una transposición de cifras), o bien por una implementación errónea (una lectura en escala incorrecta).

Es posible detectar errores groseros controlando de forma permanente la coherencia de los valores dentro de una serie de mediciones. Si existe un valor que resulte sospechoso para el contexto en el cual se tomó, entonces debería revisarse.

### 2.1.2. Errores sistemáticos

Son errores que se producen en todas las mediciones tomadas.

Pueden producirse por:

- Errores en el método utilizado.
- Errores en los instrumentos, ya sea por la clase de los mismos como por el desgaste natural o el uso en condiciones inadecuadas.
- Errores por tendencia del observador, ya sea en exceso o en defecto.
- Errores condicionados por el ambiente. Aspectos como la temperatura, humedad, vibraciones o presión, pueden afectar la precisión de un instrumento o de la técnica utilizada.



Figura 2.1: Voltímetro Clase 2,5

## 2.2. Clase de un instrumento

La clase de un instrumento es uno de los indicadores de la precisión del mismo. Es el valor porcentual que expresa la relación entre el error absoluto y el alcance del mismo:

$$Clase = \frac{E_{abs}^{max}}{Alcance} \times 100$$



**Ejemplo 2.5.** En la figura 2.1, se puede apreciar que la clase del instrumento es 2,5. Como se ve, el alcance máximo es de 50 V. ¿Cuál es el error absoluto máximo que puede producirse?

*Solución:* Reemplazando en la ecuación de clase:

$$2,5 = \frac{ErrorAbsMax}{50V} \times 100 \rightarrow ErrorAbsMax = \frac{2,5 \times 50V}{100} = 1,25V$$

Clase del instrumento	Aplicación
0.05 a 0.1	Patrones de referencia. Calibración de instrumentos. Ensayos de laboratorio muy precisos.
0.2 a 0.5	Ensayos de laboratorio. Contraste de instrumentos de una clase al menos 5 veces mayor
>1	Tableros, paneles de escala vertical, instrumentos portátiles de baja precisión.



## Capítulo 3

# Magnitudes eléctricas

En este capítulo, arribaremos a definir **intensidad de corriente eléctrica**, **tensión eléctrica**, **resistencia eléctrica**, y veremos cómo estas tres magnitudes se encuentran relacionadas. Para ello, será necesario contar con nociones acerca de los átomos y su estructura. Tranquilo... no nos detendremos demasiado en estas ideas, pero debés saber que son fundamentales para poder construir una base sólida en la comprensión de los fenómenos eléctricos.

### 3.1. El átomo

La materia está constituida por unidades muy pequeñas (del orden de los picómetros) llamadas **átomos**.

Para tener una noción más clara de la pequeñez de los átomos, *el diámetro de un átomo es al diámetro de una manzana como el diámetro de una manzana es al diámetro de la Tierra*.

A su vez, estos átomos poseen un **núcleo**, formado por **protones** y **neutrones**, y uno o varios **electrones**; todos atraídos o repelidos por lo que se conoce con el nombre de **fuerza eléctrica**.

Imaginemos por un segundo que en el Universo, todas las partículas se atrayeran entre sí... Toda la materia estaría comprimida en un único bloque compacto.

Si, por el contrario, todas las partículas se repelieran, el Universo sería un gas en permanente expansión.

Es lógico pensar entonces, que estos tres tipos de partículas (protones, neutrones y electrones), se encuentren atraídas o repelidas entre sí de manera equilibrada para que el Universo pueda subsistir tal y como lo conocemos.

Se dice que los protones tienen carga eléctrica positiva, que repele cargas positivas pero que atrae cargas negativas. Entonces, estos protones positivos

en el núcleo, atraen a una nube de electrones negativos a su alrededor para constituir el átomo.

Los electrones, con carga negativa, son atraídos por el núcleo positivo de protones, pero se rechazan entre sí. Son muy ligeros y se mueven muy rápido.

Debido a este rechazo entre los electrones, no atravesamos una pared al tocarla, ya que los electrones de nuestra mano rechazan a los electrones de la pared.

Si bien la masa de un protón es mucho mayor a la de un electrón, ambos poseen la misma cantidad de carga eléctrica (es decir que un electrón es tan negativo como positivo es un protón).

Las fuerzas eléctricas de atracción y repulsión, harán que las cargas de un átomo se encuentren balanceadas. En otras palabras: un átomo tendrá la misma cantidad de protones que de electrones, y entonces es eléctricamente neutro.

Aunque los átomos tengan carga neutra, es posible que los electrones de sus capas externas, sean atraídos por el núcleo de otros átomos, provocando una “asociación” que da lugar a la formación de moléculas.

### 3.1.1. Fuerza eléctrica

Según la cantidad de electrones que se encuentren atraídos al núcleo de un átomo, se organizarán en diferentes capas o niveles de energía. Mientras la distancia al núcleo sea mayor, la **fuerza eléctrica** será menor.

La fuerza eléctrica es una magnitud vectorial, que aparece entre dos cuerpos cargados eléctricamente, y puede ser de atracción o de repulsión.

Para comprender mejor la fuerza eléctrica, podemos recurrir a una analogía con la fuerza magnética, con la que hemos experimentado toda la vida: A medida que acercamos un imán fijo a un metal, podemos percibir que la fuerza de atracción entre ambas piezas es mayor, y a medida que lo alejamos, la fuerza es menor.

La fuerza eléctrica entre dos cuerpos cargados se calcula mediante la Ley de Coulomb:

$$F = k \times \frac{q_1 \times q_2}{d^2}$$

- $k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2}$
- $q_1$  y  $q_2$  son las cantidades de carga de ambos cuerpos, expresados en Coulombs.
- $d$  es la distancia que separa ambos cuerpos.

Con respecto a la unidad de carga, *1 Coulomb* equivale a aproximadamente  $6,241509 \times 10^{18}$  electrones, o 6,24 millones de billones de electrones... que si bien es una cantidad enorme, sólo representa a la carga que pasa por un cargador de teléfono celular durante unos pocos segundos.

### 3.1.2. Materiales conductores y aislantes

Aplicando esta Ley, puede deducirse que los electrones de un átomo pueden estar fuerte o débilmente atraídos por el núcleo según la distancia que mantengan con respecto al núcleo.

Si la atracción entre el núcleo y alguno de sus electrones es débil, ese material es conductor. Si, por el contrario, todos los electrones del átomo se encuentran fuertemente atraídos por el núcleo, no se podrán desprender con facilidad del átomo y por lo tanto son materiales aislantes.

Pero la atracción de los electrones con los núcleos de sus respectivos átomos no depende sólo de su “cercanía al núcleo” sino también de la completud de las capas: los átomos con capas completas suelen ser estables y los átomos con capas incompletas suelen tener más facilidad para ceder electrones (recordando que un material que cede electrones con facilidad es un conductor).

Una capa de electrones puede contener hasta  $2n^2$  electrones, donde  $n$  es el número de capa.

Tomemos como ejemplo el cobre, cuyos átomos poseen 29 protones y 29 electrones.

Los electrones se encuentran distribuidos de la siguiente forma:

- Capa 1: 2
- Capa 2: 8
- Capa 3: 18
- Capa 4: 1

El electrón de la cuarta capa, se encuentra alejado del núcleo, y además, está en una capa incompleta, porque la cuarta capa puede contener hasta  $2 \times 4^2 = 32$  electrones, y por estos motivos el cobre es buen conductor de corriente eléctrica.

Si hubiera, en las inmediaciones del átomo de cobre, una fuerza de atracción lo suficientemente fuerte, el electrón de la cuarta capa se liberaría del átomo padre, quedando el átomo con 29 protones y 28 electrones y carga positiva. Cuando esto ocurre, el átomo se convierte en un ion positivo.

## 3.2. Diferencia de potencial eléctrico o tensión

Algo similar ocurre en todas las baterías: una separación de cargas positivas y cargas negativas, a través de medios químicos.

Una fuente de tensión no es más que un dispositivo con regiones de carga positiva y carga negativa. Mientras mayores sean estas cargas, mayor será la tensión o voltaje.

Para efectuar este proceso de separación de cargas, es necesario gastar cierta energía. Así, la **diferencia de potencial** se define como el trabajo necesario para mover estas cargas.

$$\text{Dif. de potencial eléctrico } V = \frac{\text{energía potencial } W}{\text{carga } Q} \quad (3.1)$$

Si utilizamos las unidades del S.I., se dice que *1 Volt de potencial equivale a 1 Joule de energía por 1 Coulomb de carga*

$$1V = 1 \frac{J}{C}$$

**Ejemplo 3.1.** Determinar la tensión entre dos puntos si se requieren 80 J de energía para mover 20 C de carga.

*Solución:* Aplicando la ecuación 3.1, se tiene

$$\frac{80J}{20C} = 4V$$

**Ejemplo 3.2.** Determinar la energía consumida para mover una carga de 0,05 C entre dos puntos si la tensión entre los mismos es de 10 V.

*Solución:* De la ecuación 3.1, se despeja

$$\text{Energía potencial} = \text{Potencial eléctrico} \times \text{carga}$$

Luego

$$0,05C \times 10V = 0,5J$$

### 3.3. Intensidad de corriente eléctrica

La corriente eléctrica o intensidad de corriente eléctrica, es el flujo de cargas eléctricas; es decir, el movimiento de electrones a lo largo del tiempo.

$$I = \frac{Q}{t} \quad (3.2)$$

La unidad que utilizamos para la corriente es el Ampere, y equivale a 1 Coulomb de carga fluyendo durante 1 segundo de tiempo:

$$1A = \frac{1C}{1s}$$

**Ejemplo 3.3.** Determinar la corriente eléctrica en Amperes si la carga que fluye es de 0,01 C durante 5 mS.

*Solución:* De la ecuación 3.2 se sabe que las unidades deberán ser Coulomb para las cargas y segundos para el tiempo. Por ello, debe realizarse la conversión  $5\text{mS} = \frac{5}{1000}\text{S} = 0,005\text{S}$ , y a continuación, aplicar la ecuación, obteniendo:

$$I = \frac{0,01\text{C}}{0,005\text{S}} = 2\text{A}$$

**Ejemplo 3.4.** Calcular cuánto tiempo deberá pasar para que circule 1 C de carga si la corriente en un circuito es de 0,3 A.

*Solución:* De la ecuación 3.2 se despeja el tiempo, obteniendo:

$$t = \frac{Q}{I} \quad (3.3)$$

Y luego, es inmediato que

$$t = \frac{1\text{C}}{0,3\text{A}} = (1/3)\text{S} \approx 0,333\text{S}$$

### 3.4. Relación entre tensión y corriente: la resistencia

Es común confundir tensión con corriente, pero son dos términos completamente diferentes.

Aplicar una tensión a un material conductor hará que fluya corriente eléctrica por el mismo.

La tensión es la causa, mientras que la corriente es la consecuencia.

Sin tensión no puede haber corriente eléctrica, pero sí puede existir tensión entre dos puntos sin una corriente que circule entre los mismos (esto ocurre, por ejemplo, entre los bornes de una pila que no está conectada en un circuito, ya que existe tensión pero no hay corriente circulando entre los mismos).

Si la tensión es la causa de la corriente, evidentemente una modificación de los valores de tensión alterará la corriente obtenida.

La **resistencia** es la medida de la oposición que presenta un determinado material al paso de la corriente eléctrica. Para medirla, se utiliza como unidad el **Ohmio**, que se simboliza con la letra griega  $\Omega$ .

### 3.4.1. Ley de Ohm

Si se piensa en una definición del tipo *Efecto* =  $\frac{\text{Causa}}{\text{Oposición}}$ , se puede definir la **Ley de Ohm** como sigue:

$$I = \frac{V}{R} \quad (3.4)$$

donde V es la tensión en Voltios, I es la intensidad de corriente en Amperes y R es la resistencia en ohmios.

Figura 3.1: Circuito básico

De la ecuación 3.4 se pueden despejar:

$$V = I \times R \quad (3.5)$$

$$R = \frac{V}{I} \quad (3.6)$$

## 3.5. Potencia (para corriente continua)

La **potencia** es la cantidad de trabajo que puede realizarse en una cantidad de tiempo. En otras palabras, es *la velocidad a la que se realiza un trabajo*.

**Ejemplo 3.5.** Un motor GRANDE posee más potencia que un motor PEQUEÑO porque puede realizar más trabajo en la misma cantidad de tiempo.

En términos analíticos, la potencia (en Watts o vatios) es la relación entre trabajo (en Joules) y tiempo (en segundos).

$$P = \frac{W}{t} \quad (3.7)$$

Despejando W en la ecuación 3.1, se obtiene  $W = QV$ . Esto puede aplicarse en la ecuación 3.7, obteniendo:

$$P = \frac{QV}{t} = V \frac{Q}{t}$$

Finalmente, reemplazando la ecuación de corriente 3.2 en ésta última, se obtiene:

$$P = V \times I \quad (3.8)$$



También puede reemplazarse esta última ecuación en la Ley de Ohm, obteniendo:

$$P = \frac{V^2}{R} \quad (3.9)$$

$$P = I^2 R \quad (3.10)$$

### 3.5.1. Energía

Para que la potencia convierta energía de cualquier forma, se debe utilizar durante un tiempo. Cuanto más tiempo se consuma la potencia, mayor será la energía consumida.

$$W = P \times t \text{ energía en Watts/hora} \quad (3.11)$$

$$W = P \times t \times 1/1000 \text{ energía en kiloWatts/hora} \quad (3.12)$$

La energía  $W$  se medirá en  $Wh$  (watts/hora) o  $kWh$  (kilowatts/hora) según convenga.

Nótese que la unidad para el tiempo establecida por el SI es el segundo, pero en este caso resulta muy pequeño (y por lo tanto los valores medidos usando esta unidad serían muy grandes), y debe tenerse especial cuidado al operar con estas magnitudes, ya que puede ser necesario realizar conversiones.

### 3.5.2. Eficiencia

La eficiencia  $\eta$  (eta) se define como la relación entre la **potencia de entrada** y la **potencia de salida** del sistema.

$$\eta = \frac{P_{salida}}{P_{entrada}} \quad (3.13)$$

Este es un valor decimal que varía entre 0 y 1. Habitualmente, se lo suele expresar en porcentaje (por lo que se debería multiplicar la expresión anterior por 100)

$$\eta \% = \frac{P_{salida}}{P_{entrada}} \times 100 \quad (3.14)$$

Si la eficiencia de un sistema fuera del 100 %, esto significaría que su potencia de entrada es igual a la potencia de entrada. En la práctica, sabemos que esto no es posible, porque todo sistema tendrá pérdidas por transformación de

energía, y esto implica una diferencia entre las potencias:

$$P_{entrada} = P_{salida} + P_{perdida}$$

## 3.6. Campos eléctricos

Alrededor de un cuerpo cargado, existirá un **campo eléctrico**. A medida que la distancia al cuerpo sea menor, la **densidad del campo eléctrico** será mayor.

La **densidad de flujo** se define como la relación entre las líneas de flujo y el área que se está evaluando. Como la densidad de carga aumenta consecuentemente con la carga eléctrica, ambas magnitudes (carga y flujo) pueden igualarse.

$$\text{Densidad} = \frac{\text{Carga}}{\text{Área}}$$

La **fuerza del campo eléctrico**  $F_{ce}$  es la fuerza que actúa sobre una carga  $Q$  en un punto:

$$F_{ce} = \frac{F}{Q}$$

Reemplazando la fuerza en la ecuación anterior según la *Ley de Coulomb*, se obtiene:

$$F_{ce} = \frac{kQ}{r^2} \quad (3.15)$$

Esto quiere decir, que la fuerza del campo eléctrico está relacionada con el tamaño de la carga y la distancia que se mantenga con ésta. A medida que la distancia sea mayor, la fuerza eléctrica será *mucho menor* (dado que el término en el denominador está elevado al cuadrado).

### 3.6.1. Capacitores

Existe un componente eléctrico cuyo principio de funcionamiento está directamente relacionado con los campos eléctricos: **el capacitor**.

#### Construcción y principio de funcionamiento

Un capacitor está constituido por dos placas conductoras paralelas separadas a una distancia mínima, por un material **dieléctrico** (aislante), que puede ser aire, mica, cerámica, poliéster, entre otros.

Dado el circuito de la figura 3.2, al cerrar el interruptor y por ahora omitiendo la resistencia (o suponiendo que posee una resistencia de  $0\Omega$ ), la placa inferior se comenzará a cargar con electrones libres, y la placa superior con cargas positivas.

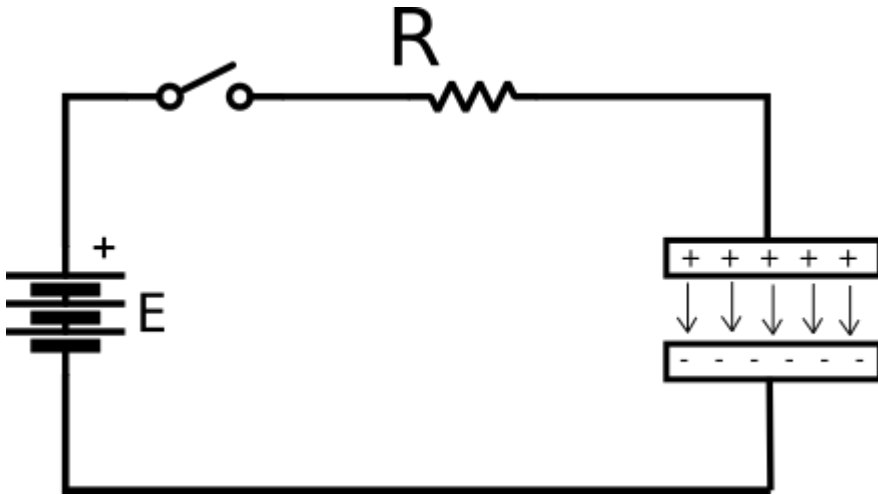


Figura 3.2: Circuito de carga básico de un capacitor

Entre las placas, se alcanzará la tensión de la fuente  $E$ .

Como la distancia entre ambas es muy pequeña, las cargas se verán atraídas por una fuerza eléctrica (que recordando la ecuación 3.15, será mayor si la distancia entre ambas es menor), y permanecerán atraídas incluso si se elimina la fuente de alimentación (o si se abre el circuito con el interruptor).

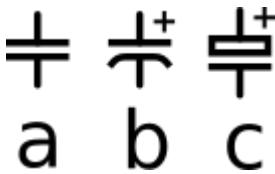


Figura 3.3: Símbolos del capacitor: (a) No polarizado, (b) y (c) Polarizado

### Capacitancia

La **capacitancia** de un capacitor es la cantidad de cargas que puede almacenar en él, cuando está completamente cargado.

$$C = \frac{Q}{V} \quad (3.16)$$

La unidad utilizada para medir la capacidad es el **Farad**, y 1 Farad de carga equivale a una carga de 1 Coulomb a una diferencia de potencial de 1 volt.

$$1\text{Farad} = \frac{1\text{C}}{1\text{V}}$$

Redefiniendo la ecuación 3.15 para el caso del capacitor, resulta

$$F_{ce} = \frac{V}{d} \quad (3.17)$$

considerando la fuerza eléctrica en *Voltios/metro*, la tensión en *voltios* y la distancia en *metros*.

El campo eléctrico también es afectado por la **permitividad** del material que se utiliza como dieléctrico. Un aumento en la permitividad del material, permitirá que la misma carga se almacene con un campo eléctrico menor; es decir, con un potencial eléctrico menor. Analizando la ecuación 3.16, si la tensión disminuye, la capacitancia aumentará. En otras palabras, *si la permitividad del dieléctrico es mayor, la capacidad será mayor*.

La permitividad  $\epsilon$  se define como  $\epsilon = \frac{\epsilon_r}{\epsilon_0}$ , donde  $\epsilon_r$  es la permitividad relativa del material y  $\epsilon_0$  es la permitividad del vacío.

En la siguiente tabla, se recopilan los valores de algunos materiales utilizados para la construcción de dieléctricos de capacitores.

Material	Permitividad relativa
Aire	1,0006
Papel	1,5
Aceite	2,8
Mica	4
Cuarzo	4,5
Baquelita	5
PVC	30 a 40
Agua destilada	80
Acetona	191

Si se desea calcular la capacitancia teniendo en cuenta los valores de permitividad eléctrica, la ecuación es la siguiente,

$$C = \epsilon \frac{A}{d} \quad (3.18)$$

considerando  $\epsilon$  en *Farad/metro*, el área en metros cuadrados, la distancia en metros y la capacidad en Farads.

Debe tenerse en cuenta que los capacitores poseen un **voltaje de trabajo máximo**, que representa la máxima tensión que puede aplicarse en forma continua sin dañar el dispositivo. Si se excede, se puede dañar el dieléctrico.

## 3.7. Campos magnéticos

imán permanente, líneas de flujo magnético densidad de flujo magnético

### 3.7.1. Inductores

**Construcción**

**Inductancia**

**Tensión inducida**

**Tipos de inductores**

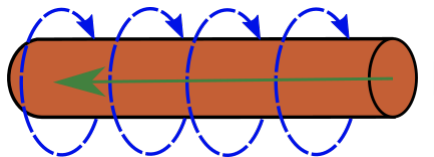


Figura 3.4: Sentido de la corriente y del campo magnético en conductor de un hilo

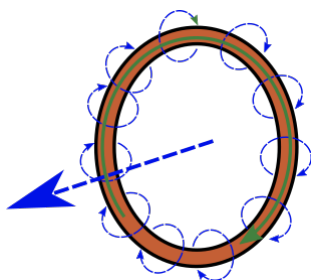


Figura 3.5: Sentido de la corriente y del campo magnético en una espira

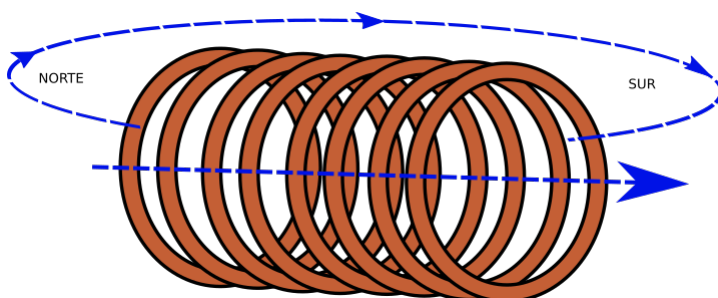


Figura 3.6: Sentido de la corriente y del campo magnético en una bobina

# Bibliografía

BOYLESTAD, R., (2011). *Introducción al análisis de circuitos* Decimosegunda edición, México, Pearson Educación.

HEWITT, P. (2002). *Conceptual physics*. Pearson Educación.

BOLTON, W. (1995). *Mediciones y pruebas eléctricas y electrónicas*. Marcombo.

-