

• Sea $x \in X$. Supongamos que $\mu_A(x) < \mu_B(x)$. Luego:

$$\begin{aligned}\mu_{\overline{A \cap B}}(x) &= 1 - \mu_{A \cap B}(x) = 1 - \min\{\mu_A(x), \mu_B(x)\} \\ &= 1 - \mu_A(x)\end{aligned}$$

Similar a la anterior prueba; saber que:

$$1 - \mu_B(x) < 1 - \mu_A(x)$$

Luego:

$$\begin{aligned}\mu_{\overline{A \cap B}}(x) &= 1 - \mu_A(x) \\ &= \max\{1 - \mu_A(x), 1 - \mu_B(x)\} \\ &= \mu_{\overline{A \cup B}}(x)\end{aligned}$$

El caso $\mu_A(x) \geq \mu_B(x)$ es análogo a este. Así,
es cierto que:

$$\underline{\mu_{\overline{A \cap B}}(x) = \mu_{\overline{A \cup B}}(x)}$$